پیشبینی رفتار بتن محصور در کامپوزیت FRP به روش اجزای محدود

داود مستوفینژاد و حسن سعادتمند

چکیده ایجاد رفتار پلاستیک در بتن و افزایش شکل پذیری و مقاومت فشاری در اعضای بـتنآرمه، از اثرات قابل ملاحظهٔ محصور نمودن بتن میباشد. در این تحقیق، بـا اسـتفاده از آنـالیز غیرخطی، نحـوهٔ پیش بینی رفتار بتن محصور در پلیمرهای مسلح به الیاف کربن (CFRP) بیـان گردیـده است. در ایـن ارتباط از نتایج ۲۹ تحقیق آزمایشگاهی، که الیاف کامپوزیت محصورکننده، از نوع کربن و در یک جهت بوده و مشخصات مکانیکی آن بوسیلهٔ محقق تعیین گردیده، استفاده شده است. منحنی رفتاری حاصل از این آزمایشات به صورت دوخطی تقریب زده شده و با استخراج دادههای مورد نیـاز، روابطی بـرای مدلسازی رفتار غیرخطی بتن محصور برازش شده و ارائه گردید. صحت این روابط با اسـتفاده از نتایج ۱۶ آزمایش دیگر مورد تایید قرار گرفت. روابط ارائـه شـده، بـا اسـتفاده از معیـار شکـست تـسای – وو مدلسازی محصورشدگی میباشد. در این راستا با استفاده از این روابط با اسـتفاده در مدلسازی محصورشدگی میباشد. در این راستا با استفاده از این روابط با اسـتفاده در فرضی که محصور در کامپوزیت با مشخصات مکانیکی مشخص میباشد؛ در نـرمافزار ANSYS مـدل گردید. نتایج بدست آمده گویای مناسب بودن مدل در نظر گرفته شده بود؛ به طوری کـه منحنـی هـای بار محوری و لنگر خمشی، به خوبی قابل کاربرد میباشد. در نیرمافزار مدیر مین

واژههای کلیدی ابتن، محصور شدگی، کامپوزیتهای FRP، مدلسازی، اجزای محدود

² Saafi et al.

۱. مقدمه

در دو دههٔ اخیر، استفاده از کامپوزیتهای FRP برای مقاوم سازی اجزای گوناگون سازهای رشد فزایندهای یافته است. اثرات استفاده از ورقه های کامپوزیتی برای محصور نمودن بتن در ستون های بین آرمه، بسیار چشمگیر و کارا میباشد؛ به گونهای که اهتمام ویژهای به منظور مقاوم سازی این قسمت از سازه با استفاده از FRP به عمل آمده است. بر این اساس تحقیقات زیادی به منظور تعیین منحنی تنش -کرنش و تدوین یک مدل ریاضی به جهت تبیین و پیش بینی رفتار بتن محصور انجام یافته است. محققینی همچون صافی و همکاران آ در سال ۱۹۹۹ [۱]، و سامان و همکاران آ در سال

۱۹۹۸ [۲]، آزمایشاتی بر روی لولههای FRP پر شده از بـتن انجـام دادهاند. همچنین شائو و وو ٔ در سال ۲۰۰۰ مـدلهـایی مبتنـی بـر نتایج آزمایش بر روی استوانههای بتن محصور در FRP چسبیده بـه بتن، ارائه نمودهاند [۳]. لام و تنگ [°] در سال ۲۰۰۲ با ارزیابی مدلها و تحقیقات ارائه شده تا آن زمان مدلی ریاضی با در نظرگیـری نـوع الیاف به کار رفته در سـاخت کامپوزیـت، ولـی بـدون در نظرگیـری پارگی زودهنگام کامپوزیت چسبیده به بتن، ارائه نمودهاند [۴]. مهچنین پسیکی و همکاران^۲ در سال ۲۰۰۱ مطالعات پـارامتری بـا ارزشی بر روی ستونهای بـتنآرمـهٔ محصور در کامپوزیـت انجـام مدلسازی اجزای محدود لولههای FRP پر شده از بتن با استفاده از نرمافزار ANSYS بـدون درنظـر گیـری امکـان پـارگی حلقـوی زود هنگام در کامپوزیت ارائه نمودهاند [۶].

مقاله در تاریخ ۱۳۸۵/۱۰/۵ دریافت شده و در تاریخ ۱۳۸۵/۳/۱۰ به تصویب نهایی رسیده است.

دکتر داود مستوفینژاد، دانشکده مهندسی عمران، دانـشگاه صـنعتی اصفهان، dmostofi@cc.iut.ac.ir

حــسن ســعادتمند، گـروه مهندسـی عمـران، دانــشگاه آزاد اسـلامی اصـفهان (خوراسگان)، <u>h_saadatmand@khuisf.ac.ir</u>

³ Samaan et al.

⁴ Xiao Y. and Wu H.

⁵ Lam and Teng

⁶ Pessiki et al.

⁷ Mirmiran et al

اهمیت امکان مدلسازی اجزای محدود از رفتار بتن محصور به منظور انجام مطالعات اولیه در پیش بینی رفتار ستونهای بتن آرمهٔ محصور در کامپوزیت و تحت ترکیبات گوناگونی از بارگذاری و ابراز ایدههای جدید بسیار زیاد می باشد.

بر این اساس در مقالهٔ حاضر از نتایج ۴۵ آزمایش انجام شده بر روی ستونهای پیچیده در کامپوزیت با الیاف کربن (CFRP)، استفاده شده تا با استفاده از ۲۹ مورد از این نتایج، روابطی برای پیشبینی رفتار بتن محصور، به دست آید.

همچنین این روابط با ۱۶ نتیجهٔ آزمایشگاهی دیگر، ارزیابی گردیـده است این روابط به نحوی پیشنهاد شده تا در مدلسازی با نرمافـزار ANSYS، با در نظرگیری پارگی زود هنگام الیاف پیچیـده شـده بـه دور ستون قابل کاربرد باشد.

۲ معیار گسیختگی استفاده شده برای FRP چسبیده به ستون

به منظور تعیین مشخصات مکانیکی ورقههای کامپوزیتی، از آزمایش کشش نمونهٔ تخت بر اساس استاندارد ASTM D 3039، استفاده می گردد. بر اساس مشاهدات آزمایشگاهی، انهدام نهایی ستون محصور شده به همراه پارگی FRP صورت می گیرد.

با بررسی نتایج آزمایشات ارائه شده در جدول ۱ نتیجه می شود که کرنش حلقوی پارگی (e_h) کامپوزیت CFRP چسبیده به بـتن، بـه طور میانگین و با انحراف اسـتاندارد ۰/۰۲۲، برابـر بـا ۰/۵۸ کـرنش پارگی کشـشی حاصـل از آزمـایش نمونـهٔ تخـت کامپوزیـت (e_t) میباشد.

یکی از دلایل این پارگی زود هنگام، انتقال تنش فشاری محوری ستون بتنی به کامپوزیت میباشد و از آنجا که کامپوزیت در جهت حلقوی تحت کشش است، لذا FRP تحت تنشی دو محوره گسیخته می گردد [۳].

بر این اساس فام و ریزکالا استفاده از معیار گسیختگی تسای - وو را برای کامپوزیت FRP به عنوان مادهای با رفتار غیر همسانگرد که تحت تنش دو محوره قرار دارد، پیشنهاد نمودهاند [۷].

در معیار شکست تسای - وو، تعامل میان تنشهای دو محوره بـرای مواد غیر همسانگرد درنظر گرفته میشود.

در این معیار با استفاده از مشخصات مکانیکی دو راستای اصلی کامپوزیت، یک منحنی بسته به عنوان معیار گسیختگی در صفحهٔ تنشهای دو محوره تعریف می گردد.

نقطهٔ تلاقی این منحنی با منحنی تنش فشاری - تنش کششی کامپوزیت در دستگاه مختصات تنش های دو محوره، بیانگر زوج تنشی است که سبب گسیختگی FRP می گردد.

معیار شکست تسای - وو مطابق با رابطهٔ (۱) میباشد $[\Lambda]$ در ایـن رابطه ${f S}_1$ و ${f S}_2$ و ${f S}_1$ میباشد.

- $f_1 = 1/F_{1t} 1/F_{1c}$ (Y)
- $f_{11} = 1/F_{1t}F_{1c}$ (r)
- $f_2 = 1/F_{2t} 1/F_{2c} \tag{(f)}$
- $f_{22} = 1/F_{2t}F_{2c}$ (a)
- $f_{12} = -1/2 \left(f_{11} f_{22} \right)^{0.5} \tag{(8)}$
- $k = t_6 / F_6 \tag{Y}$

۳. مدلسازی اجزای محدود محصور شدگی بتن

برای مدلسازی بـتن و FRP بـه ترتیب از المـانهـای solid65 و برای مدلسازی بـتن و FRP اسـتفاده شـده است. المـان ANSYS موجود در نرمافـزار ANSYS اسـتفاده شـده است. المـان solid65 یـک المـان هـشت گـرهای بـا قابلیـت درنظرگیـری رفتـار غیرخطی بتن، و المان لهدان عشایی چهارگرهای خطی مطابق با رفتار خطی کامپوزیت FRP میباشد. مدول مطابق با رفتار خطی کامپوزیت FRP میباشد. مدول رفتاس رفتان دو المان هر یک دارای سه درجه آزادی میباشد. مدول الاستیسیتهٔ بتن به عنوان یک ماده همسانگرد بر اساس مدل احمـد و شاه (۲۹۸۲) برابر با $\overline{f_c}$ میخصات مکانیکی FRP نیز به عنوان و شاه (۲۹۸۲) برابر با $\overline{f_c}$ مشخصات مکانیکی FRP نیز به عنوان یک مادهٔ همسانگرد بر اساس مدل احمـد در نظر گرفته شده است.

۱-۳. مدل رفتاری دراکر - پراگر

این گزینه برای مواد دانهای همچون خاک، سنگ و بنن مناسب و قابل اجرا میباشد [۹]. مدل دراکر - پراگر با تعریف سه پارامتر مقدار چسبندگی، زاویهٔ اصطکاک داخلی و زاویهٔ اتساع بنن محصور،

۵۷ Archive of SID



Longitudinal Strength (MPa)

شکل ۱. منحنیهای شکست تنش دو محورهٔ تسای - وو

به عنوان مقادیر ورودی بیان می گردد. پارامتر اول یعنی مقدار چسبندگی (c) بزرگتر از صفر بوده و دارای واحد نیرو بر سطح میباشد. پارامتر دوم زاویهٔ اصطکاک داخلی (p) و بر حسب درجه بوده و پارامتر سوم زاویهٔ اتساع (f) میباشد. زاویهٔ اتساع از صفر تا مقدار زاویهٔ اصطکاک داخلی متغیر میباشد. برای تنظیم دو پارامتر اول و دوم، میرمیران و همکاران برای لولههای کامپوزیتی پر شده از بتن، به تر تیب روابط (۸) و (۹) را پیشنهاد نمودهاند [۶].

$$c = f_c' \left(1 - \sin q \right) / \left(2 \cos q \right) \tag{A}$$

$$q = 2\left(\tan^{-1}\sqrt{k} - 45^{\circ}\right) \tag{9}$$

در این دو رابطه چنانچه مقاومت ف شاری نه ایی متناظر با ف شار محصور شدگی f_i برابر با f_{cc} با محصور شدگی k با استفاده از رابطهٔ (۱۰) بدست می آید. مقدار ف شار محصور شدگی متناظر با کرنش حلقوی پارگی کامپوزیت (e_h)، بر اس اس قطر (t_{frp}) مدول الاستیسیته (E_{frp}) و ضخامت کامپوزیت (t_{frp}) از رابطهٔ (۱۱) بدست می آید.

$$k = \left(f_{cc} - f_{c}' \right) / f_{l} \tag{1}$$

$$f_l = 2t_{frp} E_{frp} e_h / D \tag{11}$$

پارامتر سوم که زاویهٔ اتساع میباشد، باید چنان تنظیم شود که کرنش محوری متناظر با کرنش حلقوی پارگی FRP، برابر با کرنش محوری نهایی متناظر با مقاومت فشاری نهایی بتن محصور بدست آید. با افزایش این زاویه از صفر تا مقدار زاویهٔ اصطکاک داخلی،

کرنش محوری نهایی کاهش مییابد.

۴. ارزیابی صحت مدلسازی رفتار غیر خطی بتن محصور شده

با استفاده از روابط فوقال ذکر، رفتار دو نمونهٔ بتنی محصور در کامپوزیت با الیاف کربن، به روش اجزای محدود به منظور بررسی عملکرد نرمافزار ANSYS مدلسازی گردیده است. نحوهٔ مدلسازی محصورشدگی در ادامهٔ این تحقیق بیان شده است. این مدلسازی بر مبنای آزمایشاتی که بوسیلهٔ شائو و وو در سال ۲۰۰۰ انجام گردیده، به عمل آمده و نتایج آن با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. این دو نمونه با نامهای I و II، به ترتیب استوانههایی بتنی با مقاومت فشاری تک محورهٔ ۳۳/۷ و ۳۹۸ میباشد که در کامپوزیت CFRP با مدول الاستیسیتهٔ ۵۹۸ می و به ترتیب با ضخامتهای ۸۸/۰و ۱/۱۴ میلیمتر محصور شده است [۳].

از آنجا که رفتار بتن محصور با معیار تسلیم دراکر - پراگر در نرمافزار مدل می گردد، لذا بر اساس روابط فوق، برای تنظیم و تعیین پارامترهای این مدل لازم است تا کرنش پارگی حلقوی کامپوزیت (e_h) و تنش فشاری نظیر این کرنش که مقاومت فشاری بتن در حالت محصور شده (f_{cc}) می باشد، از نتایج آزمایش تعیین گردد. با استفاده از آن، دو پارامتر ضریب چسبندگی و زاویهٔ اصطکاک داخلی در مدل دراکر - پراگر تعیین می گردد. همچنین با تعیین کرنش موری نهایی (e_c)، قادر به محاسبهٔ زاویهٔ اتساع در این مدل می باشیم. پس از تعیین پارامترهای مورد نیاز مدل اجزای محدود، می بارگذاری محوری در آنالیز غیر خطی تا جایی که کرنش در المان مربوط به کامپوزیت در مدل به کرنش پارگی آزمایشگاهی (e_h

برسد، ادامه مییابد. در جدول ۲ تـنش محـوری (f_{cc-c}) و کـرنش محـوری (f_{cc-c}) و کـرنش محـوری (e_{c-c}) نظیـر ایـن مرحلـه از بارگـذاری در برابـر مقـادیر آزمایشگاهی آن به همراه مقادیر مربوط به پارامترهای معیار تـسلیم دراکر - پراگر، مشخص گردیده است. مقـادیر انـدک خطـا صـحت مدلسازی غیر خطی رفتار استوانههای بتنی محصور در ورقـههـای کامپوزیت چسبیده به بتن را بیان میکند.

در شکلهای ۲ - الف و ۲ - ب منحنیهای تنش محوری در برابر کرنش محوری و کرنش جانبی به ترتیب برای نمونههای I و II رسم شده است این منحنیها مقایسهٔ نتایج آزمایشگاهی این دو نمونه را با نتایج حاصل از آنالیز غیر خطی، برای هر نمونه با مقادیر معین زاویهٔ این دو شکل منحنیهای مذکور برای هر نمونه با مقادیر معین زاویهٔ اصطکاک داخلی و ضریب چسبندگی بتن که در جدول ۱ بیان شد، به همراه مقادیر گوناگون از زاویهٔ اتساع بر حسب درصدی از زاویهٔ اصطکاک داخلی هر نمونه که در شکل مشخص شده، رسم گردیـده است.

از این منحنیها نتیجه میشود که در اثر افزایش زاویهٔ اتساع از صفر تا ضریبی از *q*، کرنش محوری نظیر e_h ، کاهش مییابد.

بر اساس روابط (۸) تا (۱۱) مشاهده می شود که برای تنظیم پارامترهای مدل دراکر - پراگر، لازم است تا f_{cc} و c متناظر با FRP معین باشد. در شرایطی که نتایج آزمایشگاهی از محصور شدگی بتن با مشخصات معین وجود نداشته باشد، لازم است تا با استفاده از روابطی، مقادیر مذکور پیش بینی گردد. برای این منظور با استفاده از نتایج جدول ۱، روابطی توسط نگارندگان، تدوین شده که در ادامه مقاله ارائه می گردد.

۵. روابط ارائه شده برای تعیین مقاومت فشاری و کرنش محوری نهایی بتن محصور

برای تعیین روابط مورد نیاز از ۲۹ نتیجهٔ آزمایشات انجام شده بوسیلهٔ دیگر محققین که بر نمونههای با الیاف کربن انجام شده است، استفاده می گردد [۳ و ۴]. در این آزمایشات، مشخصات مکانیکی کامپوزیت بوسیلهٔ آزمایش کشش نمونهٔ تخت تعیین شده است.

این نمونههای آزمایشگاهی شامل استوانههایی با قطر (D) ۱۰۰ و ۱۵۲ میلیمتر و مقاومت فشاری بن محصور نشده (f_c) ۲۶/۲ ا تا ۱۵۵/۲ *MPa* و ضخامت (t_{frp}) و سختی کامپوزیت (E_{frp}) به ۲ ترتیب از ۱۹/۰ تا ۲ میلیمتر و از ۲۸/۱ تا ۶۹۶ و همچنین مقاومت کششی نهایی نمونهٔ تخت (f_{frp}) از ۵۸۰ تا ۲۸۷۳ *MPa* و همچنان بودند. مشخصات این نمونههای آزمایشی در جدول ۲ آورده شده

در این جدول f_{cc} مقاومت فشاری بتن در حالت محصور شده و L طول استوانه های بتنی می باشد. همچنین f_o نقطهٔ تقاطع قسمت خطی دوم نمودار تنش – کرنش با محور تنش بر اساس مقادیر ارائه شده در مرجع [۴] می باشد. منحنی تنش - کرنش بتن محصور در FRP مطابق با مدل کلی ارائه شده در شکل ۳ به صورت نموداری دو خطی تقریب زده می شود.

با استفادهٔ از این تقریب و با ایده گیری از مرجع [7]، نقط ٔ تقاطع قسمت خطی دوم نمودار با محور تنشها به عنوان f_o تعریف می گردد. در این شکل E_1 و E_2 شیب قسمتهای خطی دوم نمودار تنش - کرنش بوده و به ترتیب متناظر با منحنی مربوط به کرنش جانبی و منحنی مربوط به کرنش محوری می باشد.

در این تحقیق منحنی تنش - کرنش دو خطی به نحوی تقریب زده شده تا مقدار یکسانی برای نقطهٔ تقاطع قسمت خطی دوم نمودار تنش محوری - کرنش جانبی با محور تنشها، با نقطهٔ قطع قسمت دوم خطی مربوط به نمودار تنش - کرنش محوری با این محور (۱۲) (نقطهٔ f_o) بدست آید. با استفاده از این تقریب میتوان رابطهٔ (۱۲) را نوشت.

بر اساس توضیحات ارائه شده در بخش ۲-۳ برای مدلسازی محصورشدگی، نیاز به تعیین مقاومت فشاری نهایی (f_{cc}) متناظر با کرنش پارگی حلقوی FRP، می باشد. با توجه به شکل ۲، f_{cc} مطابق با رابطهٔ (۱۳) قابل تعریف می باشد.

$$E_2/E_1 = e_h/e_c \tag{11}$$

$$f_{cc} = E_1 \times e_h + f_o \tag{17}$$

جدول ۱ مقایسهٔ نتایج بدست آمده از روش اجزای محدود با نتایج آزمایشگاهی به همراه پارامترهای استفاده شده در معیار تسلیم دراکر - براگر برای دو نمونهٔ آزمایشگاهی I و II

نمونه	c (MPa)	q	f	f _{cc} (MPa)	f_{cc-c} (MPa)	درصد خطا	e _c (mm/mm)	e _{c-c} (mm/mm)	درصد خطا
Ι	٩/٠٩	377/7° 1 V	13/327	49/4	49/0	%+ ∙ /۲	•/•174	•/•114	%- \/· ۶
II	1./94	۳۸/۱۷	•	٩۶/۵	٩٠/۵٣	%- <i>۶</i> /۲	•/• 174	۰/۰۱۷۵	%+•/ΔV

(الف)





شکل ۲ منحنیهای تنش محوری در برابر کرنش محوری و کرنش جانبی با توجه به تغییرات زاویهٔ اتساع؛ (الف) برای نمونهٔ II

(ب)

در این تحقیق با توجه به رابطهٔ (۱۳)، لازم بود تا با استفاده از نتایج آزمایشات ارائه شده در جدول ۲، روابطی برای تعیین E_1 و f_o به منظور تعیین f_{cc} ارائه گردد.

به این منظور برای تعیین مقدار f_o ، رابطهٔ (۱۴) با $R^2 = 0.93$ ، پس از برازش بر روی نتایج آزمایشات جدول ۲ پیشنهاد می گردد. همچنین مقدار E_1 با توجه به شکل ۴ - الف از برازش بر روی نتایج آزمایشات مذکور به صورت رابطهٔ (۱۵) با $R^2 = 0.844$ پیشنهاد می گردد. با جای گذاری مقادیر حاصل از این دو رابطه در رابطهٔ (۱۳)، f_{cc} با (۱۳)

$$f_o = -5.1 + 1.239 f_c' + .0708 \left(E_{frp} t_{frp} / D f_c' \right)$$
(14)

$$E_{1} = 4189.7 \ln \left(E_{frp} t_{frp} / Df_{c} \right) - 7228.4 \tag{10}$$

بر اساس نتایج آزمایشات ارائه شده در جدول ۲، نسبت تعریف شده در رابطهٔ (۱۲) با مقاومت تک محورهٔ فشاری بـتن و قطر نمونـهها رابطهٔ مستقیم، و با مدول الاستیسیته و ضخامت FRP و همچنـین کرنش کششی نهایی نمونهٔ تخت FRP (e_t) رابطهٔ معکوس دارد. با توجه به شکل ۴ - ب با برازش یـک تـابع خطی بـر روی نتـایج آزمایشات مذکور، رابطهٔ (۱۶) با 68.66 = R^2 برای تعیین کـرنش محوری نهایی (e_c) نظیر کـرنش حلقـوی پـارگی e_h ، پیـشنهاد میگردد. در محور افقی این شکل، x برابر با مقدار کسری سـمت راست ایـن رابطه میباشد. بـرای ارزیـابی میـزان اعتبـار روابـط پیـشنهادی، از ۱۶ نتیجـهٔ آزمایشگاهی که در آن نمونـههـای اسـتوانهای بتنـی در ورقـههـای

کامپوزیت با الیاف کربن محصور شده است، استفاده گردیده است [۴، ۵، ۱۰]. مشخصات مکانیکی FRP و نمونههای بتنی استفاده شده در این ۱۶ نمونه به همراه نتایج آزمایشگاهی آنها، در جدول ۳ آورده شده است.

در شکل ۵ - الف پس از محاسبهٔ مقادیر f_o و E_1 از روابط (۱۴) و (۱۴) و جای گذاری در رابطهٔ (۱۳)، مقدار مقاومت نهایی پیشبینی (۱۵) و جای گذاری در رابطهٔ (۱۳)، مقدار واقعی آن با محدودهٔ خطای ۲۰% نشان داده شده است.

همچنین در شکل ۵ - ب نیز کرنش محوری نهایی متناظر با کرنش حلقوی نهایی که بوسیلهٔ رابطهٔ (۱۶) محاسبه شده، در مقابل مقدار واقعی آن در محدودهٔ خطای ۲۰% مشاهده می گردد.

$$\frac{e_h}{e_c} = 7.1925 \frac{f_c^{0.7} D^{0.5}}{\left(E_{frp} t_{frp}\right)^{0.7} e_t^{0.04}} + 0.0288 \tag{19}$$

۶ نحوهٔ پیشبینی رفتار استوانههای بتنی محصور در CFRP به روش اجزای محدود

در این قسمت نحوهٔ استفاده از روابط ارائه شده، در مدلسازی محصورشدگی بیان میگردد برای این منظور ابتدا مراحل مورد نیاز بیان شده و در ادامه با بیان مثال، نتایج حاصل از استفاده از این مراحل، بررسی میگردد. پس از آشنایی با مقدمات مدلسازی در بخش ۳، محصورشدگی بتن در شرایط عدم وجود نتایج آزمایشگاهی، در مراحل زیر مدلسازی میگردد.

www.SID.ir

		-									
Source of Data	Fiber Type	D (<i>mm</i>)	L (<i>mm</i>)	f _c (MPa)	t _{frp} (mm)	f _{frp} (MPa)	E _{frp} (MPa)	\boldsymbol{e}_{c}	\boldsymbol{e}_h	f _o (МРа)	f _{cc} (MPa)
Watanable et al 1997	carbon	100	200	30.2	0.17	2716	224600	0.0151	0.01	32	46.6
Watanable et al 1997	carbon	100	200	30.2	0.5	2873	224600	0.0311	0.0088	35	87.2
Watanable et al 1997	carbon	100	200	30.2	0.67	2658	224600	0.0415	0.0066	35	104.6
Watanable et al 1997	HM carbon	100	200	30.2	0.14	1579	628600	0.0058	0.002	30	41.7
Watanable et al 1997	HM carbon	100	200	30.2	0.28	1824	629600	0.0088	0.002	36	56
Watanable et al 1997	HM carbon	100	200	30.2	0.42	1285	576600	0.013	0.002	40	63.3
Harries et al 1998	carbon	152	610	26.2	1	580	38100	0.0144	0.0089	33.9	50.6
Harries et al 1998	carbon	152	610	26.2	2	580	38100	0.0175	0.0106	33.9	64
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.38	1577	105000	0.012	0.0084	31.2	47.9
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.38	1577	105000	0.014	0.0115	31.2	49.7
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.38	1577	105000	0.0124	0.0087	31.2	49.4
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.76	1577	105000	0.0165	0.0091	36	64.6
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.76	1577	105000	0.0225	0.01	36	75.2
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	0.76	1577	105000	0.0216	0.009	36	71.8
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	1.14	1577	105000	0.0245	0.0086	38.4	82.9
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	33.7	1.14	1577	105000	0.0303	0.009	38.4	95.4
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	0.38	1577	105000	0.0039	0.0035	50.4	52.1
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	0.76	1577	105000	0.0157	0.0092	50.4	84
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	0.76	1577	105000	0.0137	0.01	50.4	79.2
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	0.76	1577	105000	0.0166	0.0101	50.4	85
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	1.14	1577	105000	0.0174	0.0079	50.4	96.5
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	1.14	1577	105000	0.0168	0.0071	50.4	92.6
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	43.8	1.14	1577	105000	0.0175	0.0084	50.4	94
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	0.76	1577	105000	0.0057	0.0039	68.6	74.6
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	0.76	1577	105000	0.0081	0.0047	68.6	77.6
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	0.76	1577	105000	0.0138	0.0083	68.6	77
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	1.14	1577	105000	0.0143	0.0076	61.2	106.5
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	1.14	1577	105000	0.0145	0.0085	61.2	108
Xiao & Wu 2000	carbon	152	305	55.2	1.14	1577	105000	0.0118	0.007	61.2	103.3

جدول ۲. مشخصات آزمایشگاهی نمونههای مورد استفاده در ارائهٔ روابط پیشنهاد شده [۳ و ۴]

۱-به عنوان یک تخمین اولیه از e_h برای پوشش FRP، کرنش پارگی حلقوی برابر با ۰/۵۸ کرنش پارگی حاصل از آزمایش کشش نمونهٔ تخت در نظر گرفته می شود. ۲- بر اساس رابطهٔ (۱۱)، فشار محصور شدگی f_l متناظر با e_h تعیین می گردد. ۳- بوسیلهٔ روابط (۱۴) و (۱۵) به ترتیب مقادیر f_o و f_i محاسبه شده و سپس با جایگذاری در رابطهٔ (۱۳)، مقاومت فشاری نهایی

بتن محصور شده، پیشبینی میگردد.

۴- طبق رابطهٔ (۱۰)، ضریب محصورشدگی k محاسبه میشود.
۵- از روابط (۸) و (۹) ضریب چسبندگی (c) و زاویهٔ اصطکاک داخلی (q) بتن محصور به عنوان پارامترهای اول و دوم معیار تسلیم دراکر-پراگر، با در نظرگیری ضریب محصورشدگی k تعیین میشود.

- کرنش محوری نهایی متناظر با کرنش حلقوی \boldsymbol{e}_h با استفاده از - ۶-

⁹¹ Archive of SID

رابطهٔ (۱۶) و به منظور تخمین زاویهٔ اتساع بتن محصور به عنوان سومین پارامتر از معیار تسلیم دراکر - پراگر تعیین می گردد. ۲- پس ازطی مراحل فوق با انجام مدلسازی در نرمافزار ANSYS، با اعمال یک بارگذاری تدریجی، آنالیز غیر خطی بتن محصور، انجام می گیرد.

این بارگذاری حداقل تا رسیدن به کرنش حلقوی که در مرحلهٔ اول درنظر گرفته شد، ادامه داده میشود تا مقاومت فیشاری و کرنش محوری نهایی نمونهٔ بتنی محصور شده تعیین گردد. بر این اساس با تعیین روند افزایش تنش فشاری در برابر کرنشهای محوری و حلقوی، منحنیهای تنش - کرنش محوری و جانبی برای هر مدل

به عنوان نتایج این مدلسازی تعیین و ترسیم می گردد. ۸- از آنجا که کامپوزیت CFRP چسبیده به پیرامون ستون در معرض تنش دو محورهٔ فشاری محوری و کششی حلقوی می اشد، بر اساس معیار شکست تسای - وو، مقدار دقیق تری برای کرنش پارگی حلقوی تعیین می گردد [۷]. ۹- پس از تعیین مقدار دقیق تری برای کرنش حلقوی پارگی کامپوزیت FRP (*h*)، به مرحلهٔ اول بازگشته و در صورت اختلاف زیاد با کرنش تخمینی قبلی، بر اساس کرنش حلقوی جدید، مراحل فوق تا رسیدن به یک همگرایی قابل قبول تکرار می گردد.



Lateral Strain (ε_h)

Axial Strain (ε_c)

	پيسبهاد ا	ل روابط	ر ارریابے		مورد ال	موتدهاي	يساعى			
Source of Data	Fiber Type	D (mm)	L (<i>mm</i>)	f_c' (MPa)	t _{frp} (mm)	f _{frp} (MPa)	E _{frp} (MPa)	e _c (mm/mm)	e _h (mm/mm)	f _{cc} (MPa)
Pessiki et al 2001	carbon	152	610	26.22	1	580	38700	0.0144	0.009	50.6
Pessiki et al 2001	carbon	152	610	26.23	2	580	38700	0.0165	0.0072	64
Harmon & Slattery 1992	carbon	51	102	41	0.09	3500	235000	0.0117	0.0116	86
Harmon & Slattery 1992	carbon	51	102	41	0.18	3500	235000	0.0165	0.0106	117
Harmon & Slattery 1992	carbon	51	102	41	0.34	3500	235000	0.0257	0.0081	158
Harmon & Slattery 1992	carbon	51	102	41	0.69	3500	235000	0.0365	0.0032	241
Toutanji 1999	carbon	76	305	31.8	0.22	3485	228000	0.0179	0.0075	98.7
Toutanji 1999	carbon	76	305	31.8	0.33	2940	373000	0.016	0.0043	96
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	19.4	0.5	2275	82700	0.0159	0.0075	33.8
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	19.4	1	2275	82700	0.0221	0.0061	46.4
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	19.4	1.5	2275	82700	0.0258	0.006	62.6
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	19.4	2	2275	82700	0.0356	0.0062	75.7
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	19.4	2.5	2275	82700	0.0342	0.0062	80.2
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	49	0.5	2275	82700	0.0062	0.0063	59.1
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	49	1	2275	82700	0.0097	0.0063	76.5
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	49	1.5	2275	82700	0.0126	0.0064	98.8
Shahawy et al 2000	carbon	152	305	49	2	2275	82700	0.019	0.0064	112.7

داود مستوفىنژاد و حسن سعادتمند Archive of SID



شکل ۵ الف) مقاومت فشاری محاسبه شده بوسیلهٔ روابط (۱۳) تا (۱۵) در مقابل مقدار واقعی آن؛ ب) کرنش محوری نهایی محاسبه شده با رابطهٔ (۱۶) در مقابل مقدار واقعی آن

۱۰- آنچه پس از احراز همگرایی بدست میآید، یک مدل از رفتار بتن محصور با استفاده از روش اجزای محدود میباشد. این منحنی در شرایطی بدست آمده که نتایج آزمایشگاهی از رفتار ستون بتنی محصور شده در دست نمیباشد. زمینهٔ محصورشدگی بتن و استفاده از آن در بررسی رفتار ستون بتنی محصور شده تحت ترکیبات بارگذاری میباشیم با تعیین مقادیر خطای مربوط به مقاومت فشاری و کرنشهای حلقوی و محوری، میزان اعتبار مدل اجزای محدود، مشخص میگردد.

۱-۶ مدل سازی دو نمونه استوانهٔ بتنی محصور

به منظور بیان نتایج حاصل از مدلسازی بر اساس مراحل فوق، دو استوانهٔ بتنی فرضی A و B محصور در CFRP به ترتیب با ضخامت ۰/۸ و ۶/۰ میلیمتر مدلسازی می گردد.

برای این دو نمونه قطر و ارتفاع نمونه به ترتیب برابر با ۱۵۲ و ۳۰۵ میلیمتر و مقاومت فشاری بتن برابر با ۳۲ MPa در نظر گرفته شده است.

مقاومت کششی و فـشاری نهـایی و مـدول الاستیـسیته CFRP بـر اساس مشخصات ارائه شده در مرجع [۸]، در جهت الیاف به ترتیـب برابر با ۲۸۶۰، ۱۸۷۵ و ۱۷۷۰۰۰*MP*a، و در جهت عمود بر الیاف به ترتیب برابر با ۴۹، ۲۴۶ و ۱۰۸۰۰ MPA درنظر گرفته می شود.

www.SID.ir

Archive of SID

همچنین در این شکل تنش های فشاری محوری در مقابل تنش های کششی حلقوی در مراحل بارگذاری نموی، برای المان کامیوزیت رسم گردیده است.

با سنجش و ترسیم تنشهای فشاری و کششی برای المان کامپوزیت، تنش کششی نظیر کرنش حلقوی پارگی FRP تعیین می گردد. بر اساس معیار گسیختگی تسای - وو، کرنش حلقوی (جانبی) پارگی برای نمونههای A و B به ترتیب برابر با ۸۵/۰% و ۰/۹ تعیین گردید. همچنین منحنی های تنش-کرنش بدست آمده از مدلسازی برای هر یک از این دو نمونه، مطابق با شکل ۶- ب ترسيم گرديد.

یس از طی مراحل ده گانهٔ فوق، مقدار چسبندگی، زاویهٔ اصطکاک داخلی و زاویهٔ اتساع بتن محصور در مدل دراکر - پراگر برای نمونهٔ A به ترتیب برابر با ۸/۰۱۲ *MPa* و صفر درجه؛ و برای A نمونهٔ B به ترتیب برابر با ۲/۶۳ *MPa* و صفر درجه تعیین گر دید.

برای کامپوزیت FRP بر اساس مشخصات مکانیکی انتخابی، سطح شکست در معیار گسیختگی تسای - ووبه صورت شکل ۶ - الف میباشد. در این شکل برای تنشهای فشاری و کشـشی بـه ترتیـب علامتهای منفی و مثبت در نظر گرفته شده است.

الف)



شكل 6. الف) تلاقي منحنىهاي تنش فشاري محوري-تنش كششي حلقوي المان بحراني كامپوزيت CFRP، با منحني شكست. تسای-و؛ ب) منحنیهای تنش-کرنش برای نمونههای A و B بدست آمده از مدلسازی اجزای محدود

۷ نتیجه گیری

در این تحقیق روابطی برای پیشبینی مقاومت فشاری و کرنش محوری نہایی متناظر با یک کرنش حلقوی نہایی معین، با هدف قابلیت استفاده در مدل سازی اجزای محدود ارائه گردید. این روابط با استفاده از نتایج آزمایشگاهی ارزیابی گردید. همچنین مراحل مدلسازی آنالیز غیرخطی محصور شدگی با استفاده از روابط ییشنهادی بیان شد و بر مبنای روابط پیشنهادی دو نمونهٔ استوانهٔ بتنی با مشخصات فرضی مدلسازی گردید. نتایج حاصله از این تحقيق عبارتند از

۱- روابط ارائه شده برای تعیین رفتار بتن محصور به روش اجزای محدود، به منظور مدل سازی بتن محصور در FRP، مناسب و قابل اجرا میباشد.

۲- منحنی تنش-کرنش بدست آمده به روش انجام آنالیز غیر خطی به روشنی بیانگر مدلسازی رفتار بـتن محـصور شـده در نـرم افـزار در جدول ۴ مقادیر مربوط به f_{cc} ، f_{cc} در جدول ۴ مقادیر مربوط به در م e_{c} مراحل فوق با استفاده از روابط پیشنهادی بدست آمدهاند، با اندیس p نشان داده شدهاند. با تنظیم پارامترهای مورد نیاز در مدلسازی با استفاده از مقادير تعيين شدهٔ فوق، همـين مقـادير مجـدداً از نتـايج مدلسازی تعیین می گردد.

در این جدول این مقادیر که از مدلسازی اجزای محدود بدست آمدهاند، با اندیس c برای هر نمونـه مـشخص شـده اسـت و خطـای اندک این مقادیر (به جز در مورد (e_c) با مقادیر بدست آمده از روابط ارائه شده، مشخص گردیده است. خطای بدست آمده در مورد کرنش محوری نهایی به دلیل آن است که در برخی موارد، در مـدل اجزای محدود که با شیوهٔ مذکور بدست میآید، کرنش محوری کمتر از مقدار واقعی پیش بینی می گردد.

این مورد در مدلسازی برخی از نتایج آزمایشگاهی نیز مشاهده شده است

www.SID.ir

داود مستوفینژاد و حسن سعادتمند Archive of SID

مقاومت فشاری نهایی بتن متناظر با کرنش حلقوی پارگی کامپوزیت FRP، تعیین گردد. ۴- با استفاده از معیار شکست تسای-وو، تنش دو محورهٔ کشـشی و فشاری که سبب گـسیختگی زود هنگـام حلقـوی کامپوزیـت FRP چسبیده به ستون بتنی میشود؛ به خوبی تعیین میگردد. میباشد. با وجود این مدل میتوان مطالعات گوناگونی بر روی رفتار ستونهای بتنآرمهٔ محصور با استفاده از نرمافزار انجام داد. ۳- مدل رفتار مادی دراکر-پراگر قابل استفاده برای مدلسازی ستونهای بتنی محصور در FRP چسبیده به بتن، با در نظرگیری پارگی زود هنگام کامپوزیت میباشد. برای این منظور لازم است تا

نام نمونه	А		В			
	مقدار	درصد	- 11. 1×:	درصد		
نوع پارامىر	پارامتر	خطا	مقدار پارامىر	خطا		
$f_{cc-p}(MPa)$	٩۵/۲۵	_%e/۲	XV/Y	-%۶/۸۵		
f_{cc-c} (MPa)	٨٩/٣٢	70771	٨٠/٣۵			
$\boldsymbol{e}_{h-p} \left(\textit{mm/mm} \right)$	•/••٨۵	+%\/۲	•/••٩	-%\/\		
$\boldsymbol{e}_{h-c} (mm/mm)$	•/••*	170 17 1	٠/٠٠٨٩	70171		
\boldsymbol{e}_{c-p} (mm/mm)	•/• 75	-% ۲ ۶	•/• ٣٣	-%\V/F		
$\boldsymbol{\theta}_{c-c}$ (mm/mm)	٠/٠ ١٩٢	/01/	٠/٠ ١٩	701 171		

جدول ۴. مقایسهٔ نتایج بدست آمده از مدلسازی اجزای محدود با مقادیر محاسبه شده بوسیلهٔ روابط پیشنهادی

Confined with FRP Jackets", Journal of Composites for Construction, Vol. 5, No. 4, November, 2001, pp. 237-245.

[6] Mirmiran A., Zagers K., Yuan W., "Nonlinear Finite Element Modeling of Concrete Confined by Fiber Composites", Finite Element in Analysis and Design, 35, 2000, pp. 79-96.

[7] Fam A. Z., Rizkalla S. H., "Confinement Model for Axially Loaded Concrete Confined by Circular Fiber-Reinforced Polymer Tubes", ACI Structural Journal, Vol. 98, No. 4, July-August, 2001, pp. 451-461

[8] Daniel Isaac M., Ishai Ori, *Engineering Mechanics of Composite Materials*, Oxford University Press, Inc., 1994

[9] ANSYS User's Manual 5.4, ANSYS, Inc., Canonsburg, Pennsylvania, 1997. Shahawy M., Mirmiran A., Beitelman T., "Test and Modeling of Carbon-Wrapped Concrete Columns", Journal of Composites: Part B, 31, 2000, pp. 471-480. مراجع

[1] Saafi M., Toutanji H. A., Li Z., "Behavior of Concrete Columns Confined with Fiber Reinforced Polymer Tubes", ACI Materials Journal, July-August, 1999, pp. 500-509.

[2] Samaan M., Mirmiran A., Shahawy M., "Model of Concrete Confined by Fiber Composites", Journal of Structural Engineering, Vol. 124, No. 9, September, 1998, pp. 1025-1031.

[3] Xiao Y., Wu H., "Compressive Behavior of Concrete Confined by Carbon Fiber Composites Jackets", Journal of Materials in Civil Engineering, Vol. 12, No. 2, May, 2000, pp. 139-146.

[4] Lam L., Teng J. G., *Stress-Strain Models for FRP-confined Concrete*, Hong Kong Polytechnic University, May 2002.

[5] Pessiki S., Harries K. A., Kestner J. T., Suse R., Ricles J. M., "Axial Behavior of Reinforced Concrete Columns