

جغرافیا و توسعه شماره ۴۶ بهار ۱۳۹۶

وصول مقاله : ۱۳۹۵/۰۱/۲۴

تأیید نهایی : ۱۳۹۵/۰۳/۳۱

صفحات : ۱۶۹-۱۸۴

واکاوی روابط فضایی بارش‌های فرین غرب ایران

دکتر غلامعلی مظفری^{*}، دکتر احمد مزیدی^۲، شهاب شفیعی^۳

چکیده

بارش‌های فرین در هر نقطه، به بارش‌های نابهنجار گفته می‌شود که در دنباله و دور از نقطه تمرکز توزیع فراوانی بارش آن نقطه قرار گرفته باشد. اخیراً آستانه‌ها و دنباله‌های بالایی توزیع فراوانی بارش مورد توجه بسیار بوده‌اند. در این راستا به فراخور و بیژگی‌های جغرافیایی هر پنهان، آستانه‌های متعدد و متنوعی برای این ویژگی بارش معرفی و به کار گرفته شده است. یکی از نمایه‌های پرکاربرد مربوط به بارش روزانه، مبتنی بر توزیع تعییم یافته مقادیر حدی است. در این پژوهش آستانه‌ی بارش‌های فرین غرب ایران به روش‌های آماری توزیع تعییم یافته، مقادیر حدی تعیین و بارش‌های فرین منطقه‌ی مورد مطالعه شناسایی، و توزیع فضایی آن‌ها مورد تحلیل قرار گرفت. برای انجام این کار از داده‌های شبکه‌ای حاصل از میانیابی روزانه ۶۹ ایستگاه سینوپتیک و اقلیم‌شناسی برای دوره‌ی آماری ۱۹۶۱ تا ۲۰۱۰ استفاده گردید. سپس با استفاده از روش توزیع تعییم یافته مقادیر حدی، بارش‌های روزانه ۲۲ میلیمتر و بیشتر از آن، به عنوان بارش‌های فرین انتخاب شدند. جهت شناسایی الگوی پراکنش و روابط فضایی بارش‌های فرین غرب ایران (استان‌های همدان، کردستان، کرمانشاه، لرستان و ایلام) از آماره مورن کلی^۱، مورن محلی^۲ و نمایه گتیس ارد- جی استار^۳ استفاده شد. الگوی فضایی برازنده بارش‌های فرین غرب ایران یک الگوی خوش‌های است که معنی‌داری آن در سطح ۹۹ درصد اطمینان تأیید گردید. خوش‌های فراوانی و خوش‌های متوسط بارش‌های فرین در بعضی از نواحی مانند استان‌های همدان و کردستان بر همدیگر منطبق بوده ولی در بعضی نواحی با یکدیگر ارتباطی نداشتند. بیشتر بسامد و متوسط بارش‌های فرین در استان‌های همدان و کردستان به وقوع پیوست. بر اساس هر دو شاخص موران محلی و لکه‌های داغ ارتفاعات منطقه‌ی مورد مطالعه نقش قابل توجهی در الگوهای بارش‌های فرین با الگوی خوش‌های بالا داشته است. نتایج این تحقیق نشان داد که فراوانی و متوسط بارش‌های فرین غرب ایران تحت تأثیر ناهمواری‌ها و آرایش آن‌ها و همچنین سامانه‌های همدیدی است.

کلیدواژه‌ها: تحلیل فضایی، بارش فرین، خودهمبستگی فضایی، غرب ایران.

gmozafari@yazd.ac.ir

mazidi@yazd.ac.ir

shafieshahab@gmail.com

4 - Global Moran's I statistic

5 - Local Moran's I statistic

6 - Getis- Ord G* statistic

۱- دانشیار آب و هواشناسی جغرافیا، دانشگاه بزد*

۲- دانشیار آب و هواشناسی جغرافیا، دانشگاه بزد

۳- دانشجوی دکتری آب و هواشناسی، دانشگاه بزد

نودم تابع تراکم بارش فرین احتمالی مشاهده شده باشد، یا ممکن است از طریق رویدادهای آماری در قالب مقادیر فرین در روش‌های آستانه‌ای (POT) تعریف شود (*Beniston et al., 2007*). علاوه بر این، رویداد بارش‌فرین ممکن است از منطقه‌ای بهمنطقه‌ی دیگر متغیر باشد (*IPCC 2007*). مثلاً ممکن است مشخصه یک رویداد بارشی ۲۰ میلی‌متری در غرب ایران نرمال باشد اما در مرکز ایران فرین باشد. در نتیجه، شناخت رویدادهای بارش‌های فرین با حجم‌های مختلف به دلیل پیامدهای شدید آن‌ها برای جامعه‌ی بشری و سیستم‌های زیستی از اهمیت بالایی برخوردار است. معمولاً سیل توسط طوفان‌های همرفتی گذرا که به عنوان دوره‌های بارش فرین تعریف می‌شود به وجود می‌آید. از سوی دیگر، دوره‌ای از بارندگی سنگین ممکن است تأثیری متفاوت بر روی منابع، تخلیه‌ی رودخانه، و منابع آبی یک منطقه داشته باشد. ارزیابی ریسک سیل یا فرسایش رابطه‌ی نزدیکی با تشخیص مناسب و ثبت داده‌های کمی بارش‌های فرین دارد. فریچ و همکاران^۲ (۲۰۰۲)، از شاخص‌های صدک مشابهی برای تعیین تغییرات در بارش فرین از یک پایگاه داده‌ای گستردۀ استفاده کردند که این پایگاه همپشایر^۳ شمالی و استرالیا را در بر می‌گیرد. کلین تانک و کونن^۴ (۲۰۰۳)، با استفاده از هفت شاخص بارش، روزهای بارندگی فرین اروپا را در دوره ۱۹۹۹-۱۹۴۶ مورد مطالعه قرار دادند که سه مورد از این شاخص‌ها بر اساس آستانه‌های صدک بودند. شمیدلی و فری^۵ (۲۰۰۵)، بارش فرین زمستانی و پاییزی سوئیس با استفاده از یک شاخص بارندگی فرین صدک-محور را مورد بررسی قرار دادند. تبالدی و همکاران^۶ (۲۰۰۶)، بر اساس تحلیل چهار چهار شاخص فرین، تغییراتی در حدود بارش جهانی

مقدمه

حالات مختلف عناصر آب و هوایی، حاصل کنش‌ها و واکنش‌های بی‌وقفه و پیوسته‌ی اجزای مختلف سامانه‌ی آب و هوا است که موجب شکل‌گیری تنوع مکانی و تغییرات زمانی رویدادهای آب و هوایی می‌شود. شناخت این تنوع و تغییر از ضرورت‌های اولیه برای شناخت محیط و برنامه‌ریزی مبتنی بر این شناخت است. یکی از عناصر آب و هوایی مهم که شناخت آن از الزامات بنیادی در شناخت آب و هوا است، بارش و نوسان‌ها، حالات و شدت آن است. یکی از حالات بارش، بارش فرین است. بارش فرین را می‌توان به عنوان یک ناهنجاری بارشی و یک مخاطره به شمار آورد که شرایط خاصی از وضعیت جوی است (ستوده و علیجانی، ۱۳۹۴: ۶۴). برطبق^۷ (IPCC، ۲۰۰۷)، یک رخداد هواشناسی حدی، یک رخداد است که در مکان و زمان خاصی در سال نادر است. تعاریف "نادر" می‌توانند متغیر باشند. برحسب اهداف، روش‌ها و نوع عنصر اقلیمی مورد بررسی، تعاریف پر شمار و متنوعی از آستانه‌های اقلیمی ارایه شده است.

بنستاد (۲۰۰۶) معتقد است که رویداد فرین به شرایط یا رویدادهای شدید غیرمعمول فیزیکی گفته می‌شود که به لحاظ آماری مقادیر بزرگ یا کوچک عناصر یک مجموعه را شامل می‌شود (*Benestad, 2006: 632*)

بکر و همکاران (۲۰۰۷) نیز معتقدند که رویداد فرین به رویدادی گفته می‌شود که مقدار آن از یک آستانه فراتر می‌رود و برای یک متغیر فرضی در یک دوره معین، مشاهداتی بیشتر یا کمتر از حد معمول رخ داده بتوان در نواحی مختلف، آستانه‌های متفاوتی برای آن‌ها تعریف نمود (*Becker et al, 2007:140*). بنابراین رویدادهای فرین جوی به حادث نادر و دور از شرایط بهنجار گفته می‌شود (*Bartolini et al, 2008:1752*). یک رویداد بارشی فرین باید نادرتر از صدک دهم یا

2-Frich et al

3-Hampshire

4-Klein Tank and Können

5-Schmidli and Frei

6-Tebaldi et al

1-Intergovernmental Panel on Climate Change

نظری پور و همکاران (۱۳۹۴)، الگوهای توزیع فضایی دما، بارش و رطوبت نواحی مرکزی ایران را با استفاده از تحلیل اکتشافی و خود همبستگی فضایی زمین آمار مورد بررسی قرار دادند که نتایج حاصل از موران موضعی نشان داد که الگوی دما، بارش و رطوبت در گستره بزرگی از نواحی مرکزی ایران از الگوی تصادفی تبعیت می‌کنند، با وجود این، الگوی دما توزیع پراکندگی بیشتری داشته است.

ستوده و علیجانی (۱۳۹۴) رابطه‌ی پراکندگی فضایی بارش‌های فرین و الگوهای فشار در گیلان را بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که با توجه به آرایش مکانی بیضی استاندارد، بیشتر بارش‌های فرین در راستای شرقی- غربی نایکنواختی و یا ضریب تغییرپذیری مکانی بیشتری دارند.

در این پژوهش بر اساس توزیع تعییم یافته مقادیر فرین آستانه بارش‌های فرین مشخص و سپس بارش‌های فرین غرب ایران (استان کرمانشاه، همدان، کردستان، ایلام و لرستان) شناسایی گردید. سپس بر اساس روش‌های معتبر آمار کلاسیک و آمار مکانی، محدوده و شدت فضایی بارش‌های فرین مذکور مورد بررسی قرار گرفت، تا بتوان در برنامه‌ریزی‌های منطقه‌ای و بویژه در مقیاس محلی کارآیی و دقت بالایی به دست آورد.

مواد و روش

در این پژوهش به منظور تعیین آستانه بارش‌های فرین غرب ایران (استان‌های: کرمانشاه، همدان، ایلام، لرستان و کردستان)، داده‌های بارش ۶۹ ایستگاه لرستان و کردستان، موردنیاز برای طول دوره آماری سینوپتیک و اقلیم‌شناسی در طول دوره آماری (۱۹۶۱-۲۰۱۰) مورد استفاده قرار گرفت (شکل ۱). ابتدا با توجه این‌که ایستگاه‌ها دارای طول دوره آماری یکسانی نبودند و همچنین به دلیل عدم پراکندگی نکنواخت ایستگاه‌ها در سطح منطقه مورد مطالعه، انجام میانیابی به روش کریجینگ بر روی داده‌های

مشخص کردند. کیسلی^۱ (۲۰۰۹)، با استفاده از شاخص‌های بارش صدکی ۱۹۰ و ۱۹۵ به تغییرات مربوط به بارش‌های فرین در جمهوری چک اشاره کرد. آناگستوپولو و تولیکا^۲ (۲۰۱۱)، آستانه بارش‌های فرین ۶۵ ایستگاه هواشناسی منطقه اروپا را با استفاده از دو روش پارامتریک (صدک ۹۹ و ۹۵) و ناپارامتریک (مقادیر حدی تعییم یافته، شاخص پراکندگی و توزیع پارتو تعییم یافته) بررسی کردند. آن‌ها نتیجه گرفتند که روش‌های پارامتریک مناسب‌تر از روش‌های ناپارامتریک هستند و آستانه بارش‌های فرین اروپا را ۳۰ میلی‌متر تعیین کردند.

عسگری و همکاران (۱۳۸۶)، روند نمایه‌های بارش‌های فرین در ایران را بر اساس داده‌های بارش روزانه ۲۰ ایستگاه همدید طی سال‌های ۱۹۶۱ تا ۱۹۹۰ تحلیل کردند. نتایج پژوهش آن‌ها نشان داد که در دو سوم از ایران مقدار سالانه بارش در روزهای تر کاهش چشمگیری یافته است. البته نمایه‌ی بارش حدی بیش از ۱۰ میلی‌متر افزایش یافته است.

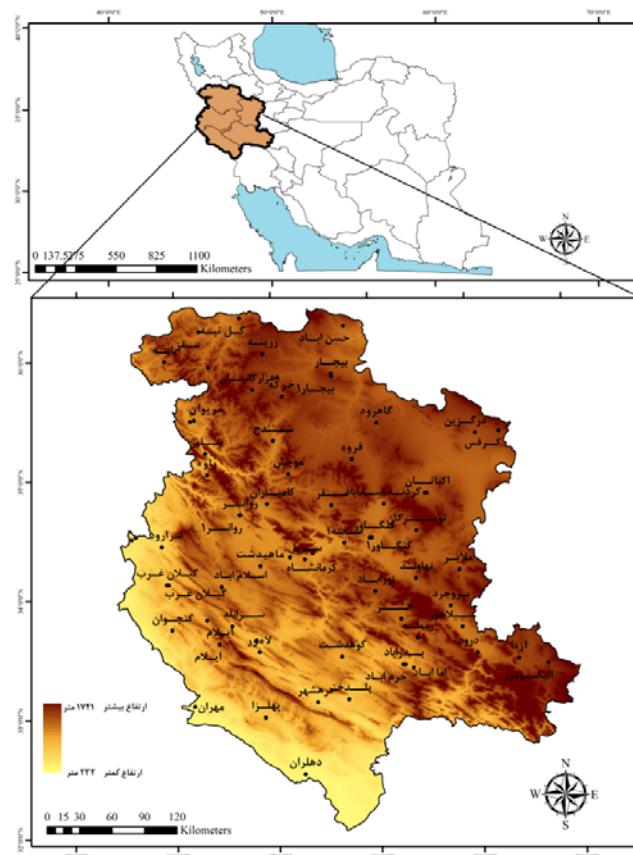
علیجانی (۱۳۹۰)، در تحلیل فضایی دماها و بارش‌های بحرانی روزانه در ایران به این نتیجه دست یافت که هر نقطه‌ای از کشور حداقل از نظر یک شاخص اقلیمی دچار بحران است. بحران‌های دماهای بالا در سواحل جنوب و مناطق مرکزی فراوان هستند، اما بحران‌های بارشی در همه جای کشور پراکنده است. حکیم‌دوست و همکاران (۱۳۹۲)، به تحلیل فضایی خشکسالی اقلیمی و آثار آن بر الگوی فضایی مکان گزینی سکونتگاه‌های روسایی استان مازندران با استفاده از شاخص‌های خود همبستگی فضایی پرداختند. نتایج حاصل از کاربرد شاخص موران در خصوص توزیع فضایی خشکسالی ضریب تعیین مثبت، و برابر ۰/۹۹ بوده است، که نشانگر خوشبای بودن توزیع فضایی خشکسالی است.

1-Kyselý

2-Anagnostopoulou and Tolika

معیارهای اقلیمی مورد ارزیابی قرار گرفت. به منظور شناسایی بارش فرین با استفاده از روش توزیع مقادیر فرین تعیین یافته برای هر ایستگاه جدایگانه آستانه تعیین و سپس با معیارهای ارزیابی مورد ارزیابی قرار گرفت و نهایتاً آستانه‌ای مورد قبول قرار گرفت که هر دو تا معیار ارزیابی (که در ادامه توضیح داده می‌شود) را برآورده ساخته و نیز ۵۰ درصد ایستگاه‌های مورد مطالعه را تحت پوشش قرار دهد و در انتهای بر اساس آستانه تعیین شده بارش‌های فرین یاخته‌ها مشخص گردید.

بارش روزانه ۶۹ ایستگاه، غرب ایران با تفکیک مکانی داده‌ها 7×7 کیلومتر به شبکه‌بندی منظمی تبدیل شد. با توجه به مشخصات یاد شده سراسر غرب ایران ۱۳۴۶ یاخته (پیکسل^۱) پوشیده می‌شود. بر این اساس، داده‌های شبکه‌ای بارش این منطقه، آرایه‌ای (ماتریسی^۲) به ابعاد 18250×13460 است که با آرایش گاه‌جای^۳ یا ماتریس S-Mode (زمان بر روی سطراها و مکان بر روی ستون‌ها) چیده شده است. سپس با استفاده از روش‌های توزیع مقادیر حدی تعیین یافته آستانه بارش‌های فرین تعیین شد و در مرحله دوم آستانه‌های به دست آمده با استفاده از



شکل ۱: موقعیت جغرافیایی منطقه و ایستگاه‌های هواشناسی مورد مطالعه در پژوهش

تهییه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

ماهانه، و غیره). از سوی دیگر، برخلاف انتخاب یک آستانه معین که گام اولیه در مطالعه مقادیر حدی است، معمولاً عینی نیست و بر اساس نظر کارشناسان (Anagnostopoulou & Tolika, 2011: 483) POT با استفاده از اعمال رویکردهای گوناگون^۱ بر مجموعه‌ای داده‌ای بر ابهامات در رابطه با انتخاب آستانه مناسب می‌توان غلبه کرد. در مطالعه‌ی حاضر سه آزمایش POT انتخاب شد؛ دو تا از این آزمایش‌ها از این فرض پیروی می‌کنند که توزیع پارتو مناسب مجموعه‌های داده‌ای است. سومی اینکه مجموعه‌های داده‌ای از توزیع پواسون پیروی می‌کنند. در جزئیات، آزمون اول که^۲ MRL است، بر اساس میانگین^۳ GPD نشان دهنده تجاوز از آستانه^۴ باشد و دارای یک توزیع تعمیم یافته پارتو با مشخصه پارامتر مقیاسی^۵ و پارامتر شکلی^۶ (Coles, 2001: 82) باشد، پس:

رابطه ۳:

$$E(Y) = \frac{\sigma}{1 - \xi} \geq 1 \quad \text{زمانی}$$

اگر GPD برای آستانه‌های بالاتر^۷ معتبر باشد، باید برای همه آستانه‌های بالای آستانه جدید^۸ دارای پارامترهای معتبر می‌باشد.

رابطه ۴:

$$E(Y - u | Y > u) = \frac{\sigma u}{1 - \xi} = \frac{\sigma u}{1 - \xi} I_{\xi u}$$

بنابراین $E(Y - u | Y > u)$ فقط میانگین‌های بالای آستانه^۹ است که انتظار می‌رود به صورت خطی با^{۱۰} تغییر کند (اگر مدل GPD مناسب باشد) (Coles, 2001: 82).

آزمون دوم یعنی آزمایش^{۱۱} TC^{۱۲} یک تکنیک مکمل است که مناسب توزیع تعمیم یافته پارتو در محدوده

الف: تعیین آستانه با استفاده از رویکرد پارامتریک
(توزیع حدی تعمیم یافته (GEV))

تکنیک‌های پارامتریک، رفتار آماری توالی از متغیرهای مستقل تصادفی را مورد مطالعه قرار می‌دهند که ممکن است مقادیر حدی توالی از X_i باشند که از یک آستانه بالا تجاوز کرده باشند. مجموعه‌های مقادیر فرین به وسیله توزیع مقادیر حدی تعمیم یافته (GEV) که ترکیبی است از سه خانواده آماری شناخته شده، بهتر تحلیل می‌شود. این خانواده‌ها عبارتند از: گامبل، فریچت و ویبول. عملکرد توزیع مقادیر حدی تعمیم یافته (GEV) عبارت است

: (Kotz & Nadarajah, 1999: 25)

رابطه ۱:

$$G(z) = \exp \left\{ - \left[1 + \xi \left(\frac{z - \mu}{\sigma} \right) \right]^{-\frac{1}{\xi}} \right\} \rightarrow z = 1 + \frac{\xi(z - \mu)}{\sigma}, z > 0$$

از سوی دیگر، توزیع تعمیم یافته پارتو را می‌توان به عنوان بهترین تکنیکی که می‌تواند دنباله‌های توزیعی را مدل بندی کند، در نظر گرفت (Anagnostopoulou & Tolika, 2011: 483).تابع توزیعی افزایشی مربوط به توزیع تعمیم یافته پارتو به قرار زیر است:

رابطه ۲:

$$H_y = 1 - \left(1 + \frac{\xi y}{\sigma} \right)^{-\frac{1}{\xi}} \rightarrow \text{for } \xi$$

این دو مدل سه پارامتر دارند: یک پارامتر مکان،^{۱۳} یک پارامتر مقیاس،^{۱۴} و یک پارامتر شکلی،^{۱۵} بطور ویژه، پارامتر^{۱۶} برای هر دو تابع برابر است. با این وجود محدودیت‌هایی در رابطه با دو مجموعه زمانی وجود دارد. طول مقادیر حدی دقیق است زیرا نشان دهنده مقدار حدی است که در یک مقیاس زمانی منظم اندازه‌گیری شده است (سالانه،

2-Pareto

3- Mean Residual Life

4- Generalized Pareto Distribution

5 -Threshold Scale

1-Generalized Extreme Value

تعریف نهایی در رابطه با آستانه‌ها برای هر رویکرد POT توسط دو فرض غربالگری می‌شود (*Anagnostopoulou & Tolika, 2011: 483*)

-آستانه انتخاب شده نمی‌تواند بیشتر از میانه بارش روزانه حداقل سالانه در هر ایستگاه (MAM) باشد.

$u_0 = MAM$ این ملاحظه اجازه نمی‌دهد که آستانه خیلی بالا باشد و در نتیجه واریانس داده‌ها زیاد باشد.

-آستانه انتخاب شده باید بیشتر از میانگین بارش روزانه (P_{mean}) به علاوه دو برابر انحراف معیار بارش روزانه باشد. این فرض به آستانه اجازه نمی‌دهد بسیار پایین باشد و اساس همکران مدل را تغییر دهد.

$$u_0 = P_{mean} + 2\sigma \quad \text{رابطه ۷:}$$

ب- بررسی روابط فضایی بارش‌های فرین

در مرحله بعد آزمون روابط فضایی بارش‌های فرین مورد بررسی قرار گرفت. با توجه به قانون جغرافیایی "اصل نزدیکی یا اصل تابلر" آزمون خودهمبستگی فضایی رویدادها و پدیده‌های آب و هوایی می‌تواند حاوی اطلاعات ارزشمندی باشد (عساکره و سیفی‌پور، ۱۳۹۱: ۱۹). برای مثال، رابطه‌ی فضایی معنی‌دار بیانگر ارتباط همسایگی معنی‌دار بین نواحی مجاور است. شناسایی این روابط می‌تواند در تشخیص مرزهای آب و هوایی و نیز تعیین اثر عوامل مکانی بر رفتار پدیده‌ها و سامانه‌های جوی حائز اهمیت و فایده بسیاری باشد. از این رو، با استفاده از آماره مورن کلی، مورن محلی و گتیس-ارد (جی استار) الگوی پراکنش فضایی (خوش‌های، پراکنده، تصادفی) و کانون‌های گرم و سرد بارش‌های فرین، برای غرب ایران برآورد، واکاوی و تحلیل شد. نمایه‌های یاد شده ابزاری برای شناسایی و واکاوی روابط فضایی مشاهدات هستند.

نمایه مورن کلی، یکی از نمایه‌های پرکاربرد برای برآورد میزان پراکنش یا تجمع پدیده‌های مکانی و آزمون تمرکز (خوش‌های بودن) مکانی رویدادها در برابر

آستانه‌ها است و نگاه به پایداری تخمین‌های پارامتری دارد (*Ribatet, 2007: 6*).

فرض کنید $X \sim GP(\mu_0, \sigma_0)$ باشد و آستانه‌ای جدید با u_* باشد. متغیر تصادفی $u | X > u_*$ نیز GPD با پارامترهای σ_u و $\zeta_u = \sigma_u + (\mu_0 - u_*) / \sigma_u$ فرض کنید: $\sigma^* = \sigma_u - \zeta_u$.

اگر u_0 آستانه بهینه تقریب همکران باشد، تقریب‌های u^* و ζ_u با همه $u_0 < u^*$ هاستند. پایداری همکران پارامترهای شکل و مقیاس با تغییر u_0 پایداری را تضمین می‌کنند.

آزمایش سوم که DI^1 است، بر اساس این فرض است که اتفاق افتادن وقایعی که از آستانه مفروض u_0 تجاوز کنند از فرایند پواسون پیروی می‌کنند. اگر N متغیر تصادفی باشد و نشان‌دهنده عدد سالیانه وقایع اتفاق افتاده در هر سال باشد، احتمال تغییر پواسون به صورت زیر داده می‌شود:

(*Beguería, 2005: 220*)

رابطه ۵:

$$P\left(N = \frac{n}{\lambda}\right) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^n}{n!} \rightarrow n = 1, 2, 3, \dots$$

اگر λ عدد میانگین وقایع یک سال است، مناسب بودن فرض پواسون را می‌توان به وسیله شاخص پراکندگی آماری (*Cunnane, 1979: 490*) آزمایش کرد. که به این صورت رابطه (۶) تعریف شده است:

$$DI = \frac{S^2}{\lambda} \quad \text{رابطه ۶:}$$

که S^2 واریانس تخمینی فرایند پویسون است. شاخص پراکندگی انتظار می‌رود که برابر با ۱ باشد، در حالی که سطح اطمینان را می‌توان با آزمایش کردن در برابر توزیع X^2 به دست آورد (*Wilks, 1995: 127*). نسبت DI به وسیله‌ی آستانه‌های مختلف محاسبه شده است.

رابطه ۹ :

$$Z(I) - \frac{1 - E(I)}{S(I)}$$

بنابراین و چنانکه از رابطه ۹ قابل استنباط است، آماره مورن کلی مانند ضریب خودهمبستگی بین +۱ و -۱ بوده تفسیر مشابهی دارد. مقادیر نزدیک ۱- گواهی بر خودهمبستگی مکانی منفی بوده، گویای این است که مقادیر دو نقطه مذکور بالاتر یا پایین تر از میانگین هستند. حال اگر یک نقطه یا مقدار کمتر از میانگین و نقطه مجاور فراتر از میانگین باشد، همبستگی مکانی منفی است (Gail, 2007: 328). پیش از آنکه آماره مورن اهمیت داشته باشد، معنی-داری آن از ارزش برخوردار است. در واقع، آزمون معنی‌داری این آماره تحت فرض صفر (عدم خودهمبستگی فضایی) قادر است توزیع مکانی رویدادها را بهتر بیان دارد. تحت این فرض، آماره مورن کلی برابر با $\frac{-1}{N-1}$ خواهد بود. در این صورت، توزیع مشاهدات رویداد مورد بررسی، تصادفی خواهد بود.

در این رابطه $E(I)$ و $S(I)$ به ترتیب امید ریاضی (میانگین) و انحراف معیار آماره مورن کلی است سپس نمره Z در یک سطح اطمینان دلخواه ارزیابی می‌شود. برای مثال، سطح اطمینان ۹۵ درصد، آماره Z در بازه $\pm 1/96$ است. بنابراین، اگر قدر مطلق نمره مشاهده شده $(Z(I))$ بزرگ‌تر از نمره Z بحرانی $(\pm 1/96)$ باشد، فرض صفر در سطح اطمینان مذکور رد شده و معنی‌داری روابط قابل استنباط خواهد بود. توجه کنید که نمایه مورن کلی الگوی عمومی رویدادها را بررسی می‌کند، اما هیچ مشخصه‌ای از موقعیت فضایی آن‌ها ارائه نمی‌کند. به منظور شناسایی الگوی توزیع مکانی مشاهدات از نمایه مورن محلی به شرح رابطه ۱۰ می‌توان استفاده کرد.

فرض مقابل است (Haining, 2004: 243). این نمایه برای یاخته‌های پایگاه داده‌ای مورد استفاده در تحقیق حاضر به کار گرفته شد. نمایه مذکور از رابطه (۸) قابل برآورد است (دی و همکاران، ۲۰۱۰: ۲۵۲-۲۵۱):

رابطه ۸ :

$$I = \frac{n \sum_{i=1}^n w_{ij} (x_i - \bar{x})(x_j - \bar{x})}{(\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n w_{ij}) \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

در این رابطه، n تعداد یاخته‌ها، x_i اندازه‌ی مشاهده شده بر روی یاخته i ام، \bar{x} میانگین x_i ‌هاست. w_{ij} اندازه وزن متعلق به سلول i و j است که بر اساس مجاورت برآورد شده و نشان‌دهنده‌ی میزان وابستگی فضایی است. مجموع وزن‌ها در ماتریس وزن‌های w_{ij} گویای اندازه مجموعه روابط فضایی مفروض بین نواحی است (Haining, 2004: 243). که به روش‌های مختلفی قابل محاسبه‌اند. یکی از راه‌ها، به کارگیری وزن‌هایی با ارزش صفر و یک است. در این حالت، اگر نواحی i و j مجزا باشند، $w_{ij} = 0$ و در غیر این صورت $w_{ij} > 0$ خواهد بود. هم مرز بودن به معنی اشتراک حداقل در یک نقطه با داشتن مرز مشترک است. بنابراین چنانچه i و j همسایه باشند، مقادیر i و j میانگین متغیر قابل مقایسه هستند. به عبارت دیگر، در صورت وجود انحرافات از میانگین بین دو نقطه مجاور، مجموع انحرافات در صورت کسر رابطه (۸) و به تبع آن مقدار I عددی بزرگ و مثبت خواهد بود. در حالت دیگر، اگر مقدار انحراف از میانگین در یک نقطه مثبت و در نقطه مجاور کمتر از میانگین باشد، نتیجه رابطه (۸) عددی منفی خواهد بود. برای برآورد معنی-داری این آماره، نمره Z استاندارد شده آن از رابطه زیر محاسبه می‌گردد (دی و همکاران، ۲۰۱۰: ۲۵۲):

رابطه (۱۲) :

$$Z_i^*(d) = \frac{G_i^*(d) - E(G_i^*(d))}{\sqrt{\text{var}(G_i^*(d))}} = \frac{\sum_j w_{ij}^*(d)x_i - w_i^*\bar{x}}{s\sqrt{\frac{w_i^*(n-w_i^j)}{n-1}}}$$

در رابطه یاد شده داریم:

رابطه ۱۳ :

$$s^2 = \sum_{j=1}^N \frac{x_j^2}{n-\bar{x}^2}$$

$$w_i^* = \sum_{j=1}^N w_{ij}^*(d)$$

مقادیر مثبت و معنی دار ($Z_i^*(d)$ ، نشان دهنده مقدار بزرگ یا الگوی خوشای شدید و برای اندازه های منفی و معنی دار ($Z_i(d)$ ، مقادیر کوچک یا الگوی فضایی خوشای خواهد بود. به این ترتیب، می توان خوشه های معنی دار دارای ارزش های بالا (نقاط داغ^۱) و پایین (نقاط سرد^۲) را مشخص کرد. اندازه های نزدیک به صفر ($Z_i(d)$ نشان دهنده عدم مرکز مقادیر است (دی و همکاران، ۲۰۱۰: ۲۵۳). بنابراین، آماره مذکور برای بیان شبیه تغییرات مکانی از اهمیت زیادی برخوردار است (Haining, 2004: 243). در تحقیق حاضر، ضمن توجه به معنی داری روابط بالا، فراوانی و میانگین بارش های فرین بر اساس روش های فوق و نیز با استمداد از نرم افزار های R، سورفر^۳، متلب^۴ و نیز به وسیله نرم افزار آرک جی آی اس^۵ و بهره گیری از امکانات برنامه نویسی در محیط آن ها انجام شده است.

یافته های پژوهش

تعیین آستانه بارش های فرین

شکل (۲) مقادیر آستانه بارش های فرین برای ایستگاه اسلام آباد غرب را نشان می دهد. آزمون

رابطه ۱۰ :

$I_i = x_i \sum_{j=1, j \neq i}^n w_{ij} x_j$

نمادهای این رابطه مانند آماره مورن کلی (رابطه ۸) است. نتایج آماره مورن محلی به وسیله ای نمره های Z آزمون می شود. با در نظر گرفتن یک سطح اطمینان دلخواه، در صورتی که آماره مورن محلی برای هر یاخته مفروض (I_i) معنی دار و مثبت باشد، مقادیر یاخته i ام با یاخته های همسایه شباهت داشته، بیانگر الگوی خوشای است، حال آن که اگر اندازه (I_i) منفی و معنادار باشد، ارزش یاخته i ام با یاخته های همسایه آن تفاوت خواهد داشت. در واقع با استعداد از این آماره، محل قرار گرفتن خوشه ها قابل ردیابی است. گتیس و ارد (۱۹۹۱) برای شناسایی بزرگی مقادیر الگوهای فضایی، آماره جی استار (G*) را پیشنهاد دادند. این آماره از مجموع ارزش های موزون یاخته ها در فاصله مشخص (d) از یاخته i نسبت به مجموع ارزش های تمامی یاخته ها و یا رابطه ۱۱ محاسبه می شود (Fischer, 2006: 23).

رابطه ۱۱ :

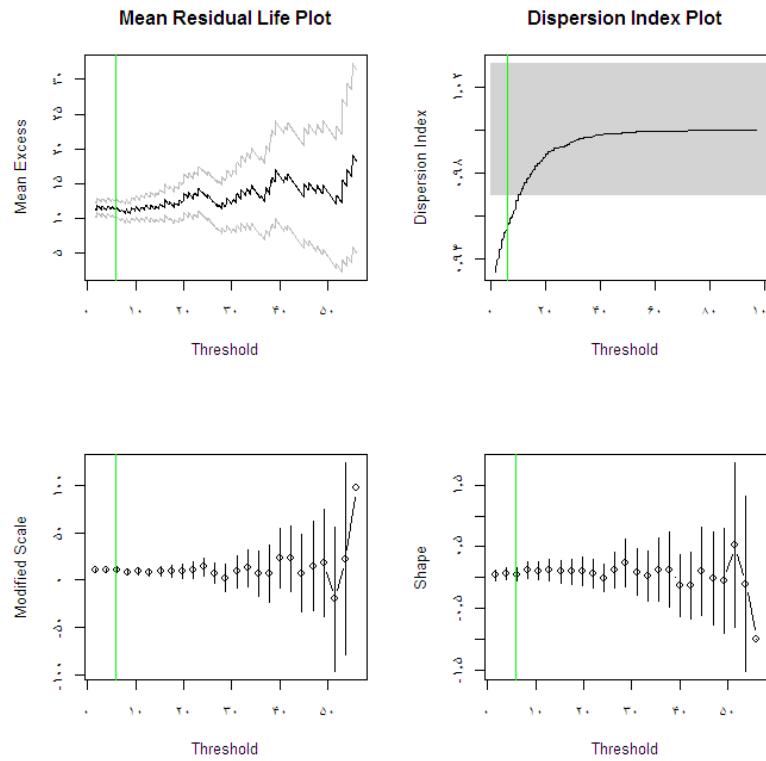
$$G_i^*(d) = \frac{\sum_{j=1}^N w_{ij}^*(d)x_i}{\sum_{j=1}^N x_i}$$

بدیهی است که نسبت های کوچک از این آماره گویای سهم کمتر خوشه ها در پهنه است و نسبت های بزرگ گوایی بر نقش مقادیر بزرگ در تکوین خوشه هاست. در این رابطه (w_{ij} وزن غیر صفر یاخته های همسایه است که از مرکز یاخته i ام به اطراف کاسته می شود. نمره Z استاندارد شده این آماره ساده تر و تعییر آن ملموس تر است. این نمره به شرح رابطه (۱۲) محاسبه می گردد:

قرار نمی‌گیرد. زیرا آزمون انتخاب آستانه نشان‌دهنده‌ی $u = 22mm$ است، این آستانه در راستای طرح‌های مطابقتی سه آزمایش ذکر شده هستند.

به دلیل حجم زیاد اطلاعات و شکل‌های مربوط به آستانه‌های بارش، تنها یک نمونه آستانه تعیین شده برای ایستگاه اسلام‌آباد غرب ارائه گردیده است. آستانه بارش تعیین شده برای این ایستگاه ۲۲ میلی‌متر برآورد شده است.

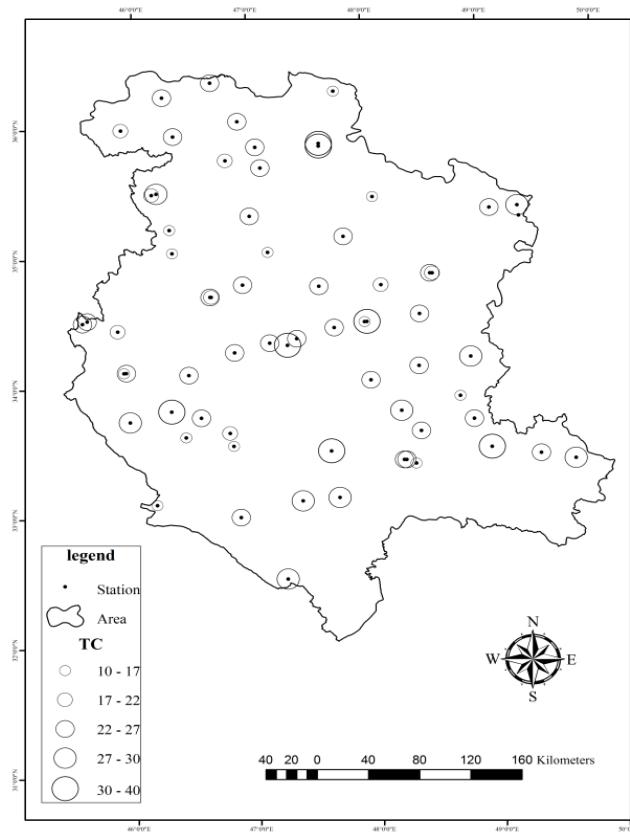
با قیماندها نشان‌دهنده‌ی $u = 25mm$ است که آزمون انتخاب آستانه این انتخاب را مورد حمایت و تأیید قرار می‌دهد. اما در نمودار شاخص پراکندگی (DI) نشان‌دهنده‌ی $u = 32mm$ است و نزدیک ترین مقدار به ۱ را دارد و بارش‌های فرین بالاتر از این آستانه و همچنین آستانه‌های بالاتر از آن از توزیع پارتیوتی بیعت می‌کنند و در محدوده‌ی این آستانه تغییرات میانگین مقادیر حدی تقریباً ثابت است بنابراین مقدار آستانه ۳۲ میلی‌متر، آستانه‌ای مناسب برای ایستگاه مطالعاتی مورد نظر می‌باشد. که در آزمون انتخاب آستانه مورد تأیید



شکل ۲: مقادیر آستانه با روش‌های (MRL, DI, TC) برای ایستگاه اسلام‌آباد غرب (مقدار آستانه به میلی‌متر)
تهییه و ترسیم: نگارنده‌گان، ۱۳۹۵

آستانه‌های بارش بین ۲۶ تا ۲۲ میلی‌متر برآورد گردیده است. بنابراین آستانه بارش‌های فرین غرب ایران ۲۲ میلی‌متر تعیین گردید و کل یاخته‌ها که بارش آن‌ها از ۲۲ میلی‌متر بیشتر باشد شامل بارش‌های فرین می‌گردد.

پراکندگی آستانه‌های بارش به روش TC نشان می‌دهد که آستانه‌های بارش تعداد ۵ ایستگاه در محدوده برابر و بیش از ۳۰ میلی‌متر و در اکثریت (بیش از ۵۰ درصد) ایستگاه‌ها بین ۲۶ تا ۲۷ میلی‌متر می‌باشد (شکل ۳). در هر سه روش پارامتریک متوسط



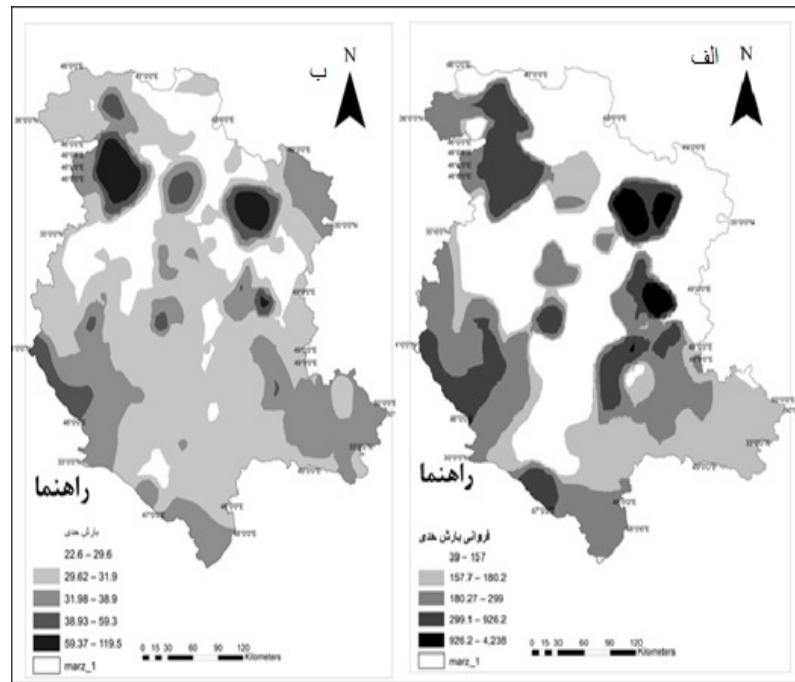
شکل ۳: پراکندگی فضایی آستانه بارش‌های حدی ۱۶۹ ایستگاه مورد مطالعه با روش TC

تهریه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

قسمت‌های غربی نسبت دیگر نواحی گستره‌ی غرب ایران بارش‌های فرین کمتری (کمتر از ۱۵۷ مورد بارش فرین) اتفاق افتاده است. هسته‌های بیشینه به شکل سه کانون جدأگانه در استان همدان جای دارند. شبیغیات فراوانی بارش‌های فرین در گستره‌ی منطقه‌ی مورد مطالعه زیباد است، افزایش شبیغیات در برخی از نواحی نشان‌دهنده‌ی اثر ناهمواری‌ها بر رخداد بارش‌های فرین است.

توزیع مکانی بارش‌های فرین

شکل (۴) توزیع مکانی فراوانی رخداد و میانگین بارش‌های فرین را برای گستره‌ی غرب در بازه‌ی زمانی (۲۰۱۰-۱۹۵۰) نشان می‌دهد. شکل (۴-الف) توزیع مکانی فراوانی بارش‌های فرین برای غرب ایران در طول دوره مورد مطالعه است. تفاوت مکانی بارش‌های فرین، بیانگر این واقعیت است که پهنه‌های زیر پوشش بارش فرین در مکان‌های مختلف متفاوت بوده است. بطور کلی در نواحی مرکزی و شمالی همراه با



شکل ۴: فراوانی بارش‌های فرین در غرب ایران (الف)، میانگین بارش‌های فرین در طی دوره مورد بررسی (ب)

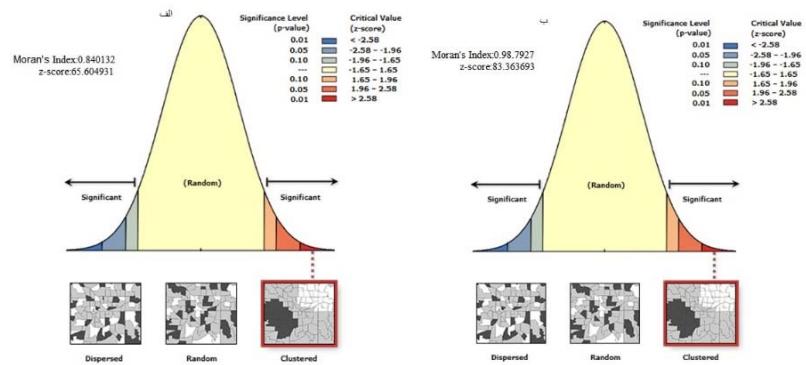
تهریه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

اندازه نمایه مورن کلی برای فراوانی بارش‌های فرین غرب کشور $0.84/40$ است. آماره $Z = 65/60$ است که معنی داری آماری این ضریب را در سطح اطمینان 100% نشان می‌دهد. بنابراین الگوی فضایی فراوانی بارش‌های فرین غرب ایران دارای خودهمبستگی فضایی مثبت بوده، از رفتار خوش‌های بالا (سطح ۹۹ و ۹۵ درصد) برخوردار است. اندازه نمایه مورن کلی برای میانگین بارش‌های فرین نیز برابر 0.98 است. آماره $Z = 83/36$ است که معنی داری آماری نمایه یاد شده را در سطح اطمینان 100% تأیید می‌کند. به این ترتیب، تنها دو درصد محتمل است که تمرکز فضایی میانگین بارش‌های فرین بر اساس تصادف رخ دهد. علی‌رغم آنچه گفته شد، برای تشخیص توزیع مکانی خوش‌مشاهدات، از نمایه مورن محلی استفاده شد. نتیجه بررسی معنی داری این آماره در شکل (۶) آمده است.

شکل (۴-ب) توزیع مکانی میانگین بارش‌های فرین را نشان می‌دهد. طبق تعیین آستانه، این بارش‌های فرین برای هر یک از یاخته‌ها در روزهای، ماه‌ها و سال‌های مختلف رخ داده‌اند بنابراین، نقشه‌ی ارائه شده میانگین و تصویری کلی برای بارش‌های فرین هر نقطه ارائه می‌دهد. دو هسته بیشینه میانگین بارش‌های فرین، یکی در استان همدان و دیگری در استان کردستان مشاهده می‌شود.

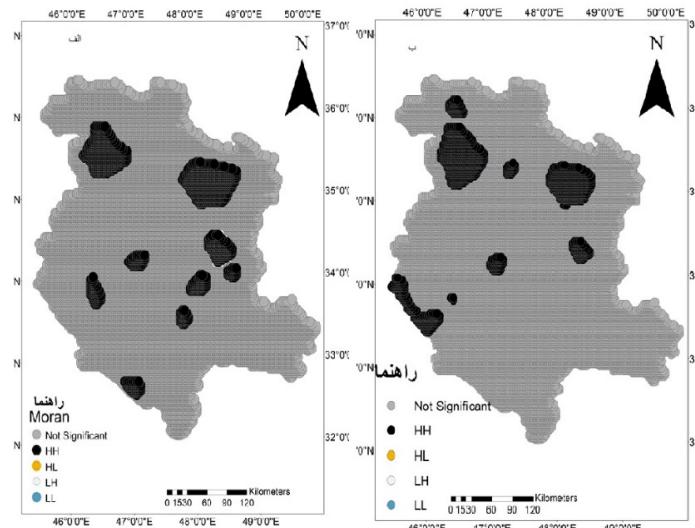
روابط مکانی بارش‌های فرین

نحوه‌ی پراکنش فراوانی و متوسط بارش‌های فرین غرب کشور بر اساس نمایه مورن کلی (رابطه ۷) برآورد شد. نتیجه ترسیمی و نیز برخی مشخصات مربوط به این آماره در شکل (۵) نشان داده شده است. در این شکل نحوه پراکنش - تجمع رویدادها از حالت پراکنده تا خوش‌های و سطح معنی داری (آماره p) و نیز مقادیر بحرانی (آماره Z) برای حالات مختلف ارائه شده است.



شکل ۵: نمایه کلی برای فراوانی (الف) و میانگین بارش‌های فرین (ب) غرب ایران

تنهیه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵



شکل ۶: معنی داری نمایه مورن محلی برای فراوانی (الف) و میانگین بارش‌های فرین (ب) غرب ایران

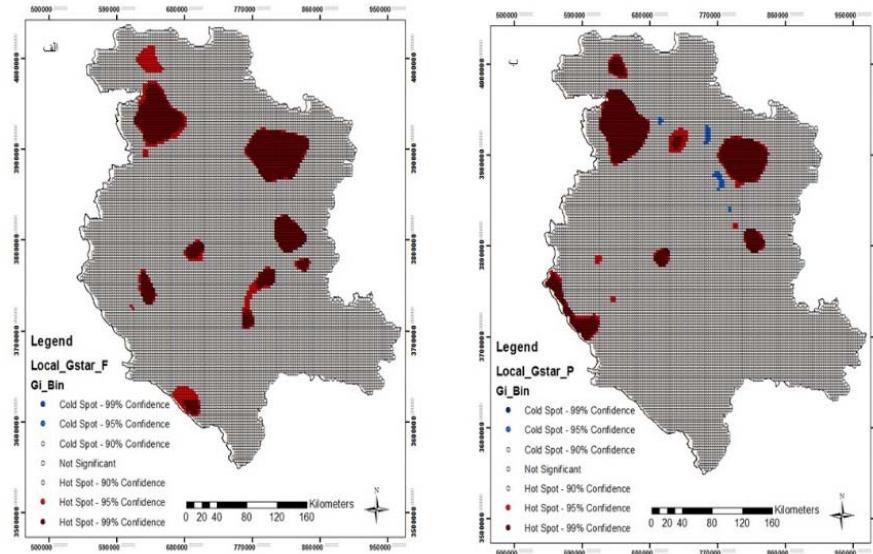
تنهیه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

نظر آماری معنادار (سطح $0.05 / 0.05$) هستند را از یکدیگر متمایز می‌سازند. نتایج شاخص موران محلی در شکل ۶ آورده شده است همان طور که در شکل ۶(الف) مشخص است مناطق با ارزش زیاد (HH) به شکل کانونی در سطح منطقه‌ی مورد مطالعه به صورت پراکنده به چشم می‌خورد که تمرکز پراکندگی این خوشه‌ها در استان‌های کردستان و همدان محدود شده است. شکل ۶(ب) معنی داری آماری مورن را برای میانگین بارش‌های فرین غرب ایران نشان

شکل (۶-الف) توزیع مکانی مقادیر معنی داری برای نمایه مورن محلی اعمال شده بر فراوانی بارش‌های فرین را نشان می‌دهد. نواحی معنی دار در بخش‌های مختلفی از غرب کشور قابل مشاهده است. لایه خروجی ایجاد شده با این ابزار دارای خوشه‌های مقادیر زیاد (HH)، خوشه مقادیر کم (LL)، ناخوشه که در آن یک مقدار زیاد با مقادیر کم محاصره شده‌اند. (HL) و تک دانه‌هایی که در آن عرضه دارای مقدار کم با عوارض دارای مقادیر زیاد (LH) محاصره شده‌اند و از

منطقه رخ داده است، این موضوع را نمایه G^* ارائه شده در شکل (۷-الف) به لحاظ آماری آن را تایید می‌کند. به این ترتیب در این نواحی یاخته‌های مجاور ضمن پیروی از یک الگوی خوش‌های دارای ارزش‌های بالایی از نظر شمار بارش‌های فرین و برد مکانی گستردۀ هستند. طبق شکل (۷-ب) همان‌طور که انتظار می‌رود کانون‌های داغ متوسط بارش‌های فرین در بیشتر نواحی بر فراوانی بارش‌های فرین مطابق است خوش‌های حاوی ارزش زیاد بیشتر در استان‌های همدان و کردستان قرار گرفته است بنابراین می‌توان استنباط کرد که ارتفاعات زاگرس واقع در منطقه مورد مطالعه اثر زیادی بر وقوع بارش‌های فرین غرب ایران داشته و موجب شیب شدید بارش فرین در این نواحی شده است.

می‌دهد. مقدایر با ارزش زیاد برای الگوی میانگین بارش فرین در گستره منطقه غرب به صورت متمرکز در جاهای مختلف منطقه مشاهده می‌شود که مربوط به بخش‌های از ارتفاعات استان کردستان، همدان و کرمانشاه و همچنین بخش کوچکی از استان ایلام است که تقریباً ۲۵ درصد منطقه مورد مطالعه را شامل می‌شود، در مجموع می‌توان گفت بر ۷۵ درصد از مساحت نواحی غرب ایران هیچ گونه الگویی حاکم نبوده است. به منظور شناخت نقاط داغ و نقاط سرد، آماره G^* محاسبه و در شکل (۷) ارائه گردید. شکل (۷-الف) این آماره را برای فراوانی بارش‌های فرین و شکل (۷-ب) برای متوسط بارش‌های فرین نشان می‌دهد. آن گونه که پیشتر گفته شد بیشترین فراوانی بارش‌های فرین در استان‌های همدان و کردستان و همچنین به صورت کانون‌های کوچک‌تری در گستره



شکل (۷) نمایه G^* برای فراوانی (الف) و میانگین بارش‌های فرین (ب)

تئیه و ترسیم؛ نگارندگان، ۱۳۹۵

ابزارهای تحلیلی برای پژوهش در مورد روابط فضایی است. هدف این مطالعه تبیین فضایی الگوی بارش‌های فرین در نواحی غرب ایران با استفاده از خودهمبستگی فضایی و مدل‌های مورن محلی، کلی و

نتیجه

واکاوی روابط فضایی روشی برای بررسی فضایی تصادفی و غیر تصادفی توزیع متغیرهای فضایی است و خودهمبستگی فضایی از کاربردی‌ترین و مهم‌ترین

خوشهای پیروی می‌کنند. توزیع مکانی خوشهای بسامد بارش‌های فرین در استان‌های همدان و کردستان تقریباً منطبق با نقاط داغ هستند.

منابع

- حکیم‌دوست، سیدی‌ساره؛ محسن رستگار؛ حسین پورزیدی حاتمی (۱۳۹۳). تحلیل فضایی خشکسالی اقلیمی و آثار آن بر الگوی فضایی مکان‌گزینی سکونتگاه‌های روستایی (مطالعه موردی روستاهای استان مازندران)، مجله جغرافیا و مخاطرات محیطی. شماره ۱۱ پاییز. صفحات ۷۵-۶۱.
- ستوده، فاطمه؛ بهلول علیجانی (۱۳۹۴). رابطه پراکندگی فضایی بارش‌های سنگین و الگوهای فشار در گیلان، مجله تحلیل فضایی مخاطرات محیطی. شماره ۱. صفحات ۶۳-۷۳.
- عساکره، حسین؛ زهره سیفی‌پور (۱۳۹۱). مدل‌سازی مکانی بارش سالانه ایران، جغرافیا و توسعه، شماره ۲۹. صفحات ۲۹-۱۵.
- عسگری، احمد؛ فاطمه رحیم‌زاده؛ نوشین محمدیان؛ ابراهیم فتاحی (۱۳۸۶). تحلیل روند نمایه‌های بارش‌های حدی در ایران، تحقیقات منابع آب. سال سوم. شماره ۳. زمستان ۱۳۸۶. صفحات ۵۵-۴۲.
- علیجانی، بهلول (۱۳۹۰). تحلیل فضایی دماها و بارش‌های بحرانی روزانه در ایران، تحقیقات کاربردی علوم جغرافیایی. جلد ۱۷. شماره ۲۰. صفحات ۹-۳۰.
- نظری‌پور، حمید؛ مهدی دوستکامیان؛ سارا علیزاده (۱۳۹۴). بررسی الگوهای توزیع فضایی دما، بارش و رطوبت با استفاده از تحلیل اکتشافی زمین آمار (بررسی موردنی: نواحی مرکزی ایران)، مجله فیزیک زمین و فضا. دوره ۴۱. شماره ۱. صفحات ۱۱۷-۹۹.

نمایه گتیس - ارد جی استار است. برای این منظور داده‌های شبکه‌ای بارش غرب ایران که حاصل میانیابی روزانه از ابتدای سال ۱۹۶۱-۲۰۱۰ است که برای ۶۹ ایستگاه سینوپتیک و اقلیم شناسی مورد استفاده قرار گرفت، سپس با استفاده از روش‌های توزیع تعییم یافته مقادیر حدی آستانه بارش‌های فرین غرب کشور را تعیین و سپس بارش‌های بالای ۲۲ میلی‌متر، بارش فرین شناخته و جدا شدند. در مرحله بعد به منظور تبیین الگوهای فضایی حاکم بر بارش‌های فرین از آمارهای مورن محلی، کلی و نمایه گتیس - ارد جی استار استفاده شده است که نتایج حاصل نشان داد که اندازه نمایه مورن کلی برای فراوانی بارش‌های فرین غرب کشور ۰/۸۴ است. آماره $Z = 65/60$ است که معنی داری آماری این ضریب را در سطح اطمینان ۱۰۰٪ نشان می‌دهد. بنابراین الگوی فضایی فراوانی بارش‌های فرین غرب ایران دارای خودهمبستگی فضایی مثبت بوده، از رفتار خوشهای بالا (سطح ۹۹ و ۹۵ درصد) برخوردار است. اندازه نمایه مورن کلی برای میانگین بارش‌های فرین نیز برابر ۰/۹۸ است. آماره $Z = 83/36$ است که معنی داری آماری نمایه یاد شده را در سطح اطمینان ۱۰۰٪ تأیید می‌کند. به این ترتیب، تنها دو درصد محتمل است که تمرکز فضایی میانگین بارش‌های فرین بر اساس تصادف رخ دهد. و همچنین فراوانی و متوسط بارش‌های فرین غرب ایران تحت تأثیر ناهمواری‌ها و آرایش آن‌ها و همچنین سامانه‌های همدیدی است. اثبات این ادعا از آرایش فراوانی و میانگین بارش‌های حدی بر ارتفاعات منطقه مورد مطالعه است، زیرا بر اساس هر دو شاخص موران محلی و لکه‌های داغ ارتفاعات منطقه مورد مطالعه نقش قابل توجهی در الگوهای بارش‌های فرین با الگوی خوشی بالا داشته است. الگوی فضایی بارش‌های فرین هم به لحاظ فراوانی و هم به لحاظ میانگین در سطح ۹۹ درصد اطمینان از یک الگوی

- Haining. Robert (2004). Spatial Data Analysis: Theory and Practice. Cambridge University Press.UKDai. Xiaoyan, Guo. Zhongyang, Zhang. Liquan, Li. Dan. 2010. Spatio-temporal exploratory analysis of urban surface temperature field in Shanghai, China Stoch Environ Res Risk Assess 24:247–257.
- IPCC (2007). IPCC Fourth Assessment Report: Climate change 2007. Working Group I: The Physical Science Basis. Cambridge University Press, p. 996.
- Klein Tank AMG, Können GP (2003). Trends in indices of daily temperature and precipitation extremes in Europe, 1946–99. *J Clim* 16:3665–3680.
- Kotz S, Nadarajah S (1999).Extreme values distribution, theory and applications. Imperial College Press, London.
- Kysely J (2009). Trends in heavy precipitation in the Czech Republic over 1961–2005. *Int J Climatol* 29:1745–1758.
- Schmidli J, Frei C (2005). Trends of heavy precipitation and wet and dry spells in Switzerland during the 20th century. *Int J Climatol* 25:753–771.
- Tebaldi C, Hayhoe K, Arblaster JM, Meehl GA (2006). Going to the extremes: an intercomparison of the model simulated historical and future changes in extreme events. *Clim Change* 79:185–211.
- Wilks DS (1995). Statistical methods in the atmospheric sciences. Academic, New York.
- Ribatet M (2007). A user's guide to the POT package. <http://cranrproject.org/web/packages/POT/vignettes/POT.pdf>. Accessed Jan 2011 .
- Bartolini Giorgio, morabito, marco, crisci. alfonso, grifoni. daniele, torrigiani tonmaso, petralli. martina, maracchi. giampiero and orlandini. simon (2008), recent trends in tuscanyitaly (italy) summer temperature and indices of extremes. *International journal of climatology*. 28: 1751– 1760.
- Becker. S., Hartmann. H., Zhsng. Q., Wu. Y. and Tiang. T (2007), Cyclicity analysis of Precipitation regimes in the Yangtze River Basin, China. *Int. J. Climatol.* 94: 139-153.
- Beguería, S (2005), Uncertainties in partial duration series modelling of extremes related to the choice of the threshold value. *J Hydrology* 303:215–230.
- Benestad. Rasmus.(2006), Can we expect more extreme precipitation on the monthly time scale, *Journal of Climate*. Vol. 19: 630– 637.
- Beniston M, Stephenson DB, Christensen OB, Ferro CAT, Frei C, Halnaes GK, Holt T, Julhå K, Koffi B, Palutikof J, Schöll R, Semmler T, Woth K (2007). Future extreme events in European climate: an exploration of regional climateprojections,Clim Change81:71-95.
- Christina Anagnostopoulou1 and Konstantia Tolika, (2011), Extreme precipitation in Europe: statistical threshold selection based on climatological criteria, *Journal Theoretical and Applied Climatology*, 30 July 479-489.
- Coles, SG (2001), An introduction to statistical modeling of extreme values.Springer,New York.
- Cunnane C (1979). A note on the Poisson assumption in partial duration series models. *Water Resour Res* 15:489–494.
- Fischer. Manfred. M (2006). Spatial Analysis and Geocomputation. Germany. Springer.
- Frich P, Alexander LV, Della-Marta P, Gleason B, Haylock M, Tank AMGK, Peterson T (2002). Observed coherent changes in climatic extremes during the second half of the twentieth century. *Clim Res* 19:193–212.
- Gail. M, Krickeberg. K, Samet. J, Tsiatis. A and Wong .W (2007). Statistics for Biology and Health. USA. Springer.