

جغرافیا و توسعه شماره ۵۱ تابستان ۱۳۹۷

وصول مقاله: ۹۵/۱۰/۰۵

تأیید نهایی: ۹۶/۰۷/۲۰

صفحات: ۶۵-۸۰

## ارزیابی و برآورد تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت سراب با استفاده از روش‌های مختلف درونیابی

دکتر فریا اسفندیاری<sup>۱</sup>، مرتضی قراچورلو<sup>۲\*</sup>، الهامه عبادی<sup>۳</sup>

### چکیده

دشت سراب یکی از دشتهای حاصلخیز استان آذربایجان شرقی است که اقتصاد جوامع ساکن در آن به کشاورزی و دامداری وابسته است. در این دشت به دلیل شرایط خشک حاکم بر منطقه و بارش دریافتی کم، کشاورزان علاوه بر آب‌های سطحی از آب‌های زیرزمینی به عنوان مکمل برای آبیاری مزارع و باغات استفاده می‌کنند. پژوهش حاضر بر آن بود، تا با آزمون و مقایسه روش‌های مختلف درونیابی، به روش مناسب جهت برآورد تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت مزبور دست یابد. داده‌های مورد استفاده شامل داده‌های نمونه ۵۰ چاه مشاهده‌ای در سال ۱۳۹۱ و روش‌های درونیابی شامل سه روش عکس فاصله وزنی (IDW)، توابع شعاعی پایه (RBF) و کریجینگ بود. مقایسه دقت و کارایی مدل‌ها بر اساس روش اعتبارسنجی متقاطع و از طریق معیارهای خطای میانگین اریب (MBE)، ریشه دوم میانگین مربعات خطا (RMSE) و ضریب تعیین ( $R^2$ ) صورت گرفت. نتایج نهایی نشان داد که روش کریجینگ (مدل Rational Quadratic) با خطای RMSE و MBE به ترتیب برابر با ۹/۷۹ و -۰/۷۶ و  $R^2$  برابر با ۰/۳۱، در مقایسه با سایر مدل‌های مورد آزمون از بیشترین دقت و کارایی در برآورد مکانی سطح آب زیرزمینی برخوردار است؛ بنابراین روش کریجینگ به عنوان روش بهینه، برای پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی محدوده مورد مطالعه توصیه شد. این واقعیت را می‌توان به در نظر گرفتن توزیع فضایی و تغییرات ساختار فضایی داده‌ها توسط مدل کریجینگ نسبت داد. با توجه به نقشه‌های پهنه‌بندی مشخص شد که سطح آب‌های زیرزمینی در قسمت جنوبی محدوده مورد مطالعه نسبت به بخش‌های دیگر بالاتر بوده؛ بنابراین از لحاظ مدیریت بهینه منابع آب زیرزمینی درخور توجه اساسی است.

واژه‌های کلیدی: سطح آب زیرزمینی، درونیابی، دشت سراب.

## مقدمه

تعمیم داده‌های نقطه‌ای و گسسته پارامترهای آب زیرزمینی؛ از جمله سطح و عمق آن را به داده‌های پیوسته در قالب نقشه‌های پهنه‌بندی فراهم ساخته و بدین طریق، اطلاعات مهمی را در اختیار برنامه‌ریزان و مدیران شهری و منطقه‌ای قرار داده است. این روش‌ها که به روش‌های میان‌یابی<sup>۱</sup> (درون‌یابی) موسوم هستند، انواع مختلفی دارند. در این بین انتخاب روش مناسب برای درون‌یابی و برآورد یک متغیر به نوع آن عوامل منطقه‌ای تأثیرگذار بر آن بستگی داشته و نمی‌توان روش منتخب در یک منطقه را به سایر مناطق تعمیم داد (طباطبایی و غزالی، ۱۳۹۰: ۱۴). از همین روست که تحقیقات گسترده‌ای در باب انتخاب روش مناسب و بهینه برای پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی در نقاط مختلف دنیا انجام شده یا در شرف انجام است.

سان<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۰۹، به نقل از زارع ابیانه، ۱۳۹۲) با بررسی دقت سه روش معکوس فاصله وزنی، کریجینگ و توابع پایه شعاعی نشان دادند برآوردهای روش کریجینگ در میان‌یابی عمق آب زیرزمینی کویر مین‌کین در شمال چین از دقت بیشتری برخوردار است.

رحب<sup>۳</sup> و همکاران (۲۰۱۱) با مقایسه روش‌های درون‌یابی وزن‌دهی معکوس فاصله، کریجینگ و توابع شعاعی در نمایش فضایی سطح آب زیرزمینی در نوار غزه به این نتیجه رسیدند که روش کریجینگ از بیشترین صحت درون‌یابی برخوردار بود.

ژی<sup>۴</sup> و همکاران (۲۰۱۳) تأثیر همبستگی فضایی داده‌های مربوط به سه پارامتر سطح آب زیرزمینی، میزان شوری و نیترا را بر انتخاب روش مناسب درون‌یابی مطالعه کردند. نتایج نشان داد که در

آب زیرزمینی یکی از منابع اصلی تأمین آب شیرین در سیاره ما محسوب می‌شود. استفاده از آب زیرزمینی در این اواخر به واسطه افزایش تقاضای آب، به دلیل رشد سریع جمعیت و صنعتی‌شدن، چندین برابر افزایش یافته است (Chowdhury, 2016: 276). بهره‌برداری بی‌رویه از منابع آب زیرزمینی طی چند دهه اخیر علاوه بر محدودیت‌های کمی، محدودیت‌های کیفی را نیز موجب شده است (احمدپور و همکاران، ۱۳۹۳: ۶۶۸). به طوری که امروزه منابع آب زیرزمینی با مسائل عدیده‌ای از قبیل هدررفت، افت تراز، ورود زه‌آب‌های شیمیایی صنایع و کشاورزی، شوری و... روبه‌روست. از طرفی پیامدهای منفی و زیان‌بار ناشی از این امر به لحاظ جغرافیایی متفاوت بوده و به طور یکسان جوامع بشری را تهدید نمی‌کند. بالطبع در مناطق خشک و نیمه‌خشک که وابستگی به منابع آب زیرزمینی بیشتر است (شیخ‌گودرزی و همکاران، ۱۳۹۱: ۸۴)، تمامی تهدیدها تشدید می‌یابد (Khazaz et al, 2015: 632)؛ از این روست که توجه جدی و مسئولانه به این موضوع در مناطق کم‌آب، ضرورتی انکارناپذیر یافته است. در کشور ما نیز که جزء مناطق خشک و نیمه‌خشک محسوب می‌شود و میانگین بارندگی سالانه آن، نیاز آبی را کافی نیست (حسینعلی‌زاده و یعقوبی، ۱۳۸۹: ۴۵؛ اسفندیاری و همکاران، ۱۳۹۳: ۶۳)، حفظ و مدیریت منابع آب زیرزمینی اهمیتی بسیار والا دارد (حسینعلی‌زاده و یعقوبی، ۱۳۸۹: ۴۵). بدون شک گام اساسی در این زمینه آگاهی و شناخت علمی از توزیع مکانی پارامترهای مربوط به آب‌های زیرزمینی است، که پشتوانه‌ای برای برنامه‌ریزی و اولویت‌بندی جغرافیایی این منابع حیاتی به لحاظ حفاظت و احیاء است. در این راستا تکوین و توسعه روش‌های مبتنی بر قوانین و روابط ریاضی-آمار در محیط سامانه اطلاعات جغرافیایی (GIS)، امکان

1-Interpolation  
2-Sun  
3-Rahab  
4-Jie

دشت سراب یکی از دشتهای حاصلخیز استان آذربایجان شرقی است که اقتصاد آن بر پایه کشاورزی و دامداری است. در این دشت به دلیل بارش دریافتی کم، وابستگی شدیدی به منابع آب سطحی و زیرزمینی وجود دارد. از طرفی شوری اراضی و ارتباط نزدیک آن با آبهای زیرزمینی یکی از مسائل چالش برانگیزی است که زندگی ساکنین منطقه را تهدید می کند؛ بنابراین آگاهی از تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی بر پایه تحلیل آمار فضایی علمی و دقیق، به عنوان ضرورتی اساسی در رویارویی با مشکلات و چالش های پیش روی تأمین منابع آب در منطقه مطرح می شود. این پژوهش قصد دارد با آزمون روش های مختلف میان یابی به روش بهینه تخمین گر تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت مزبور دست یابد.

### مواد و روش ها

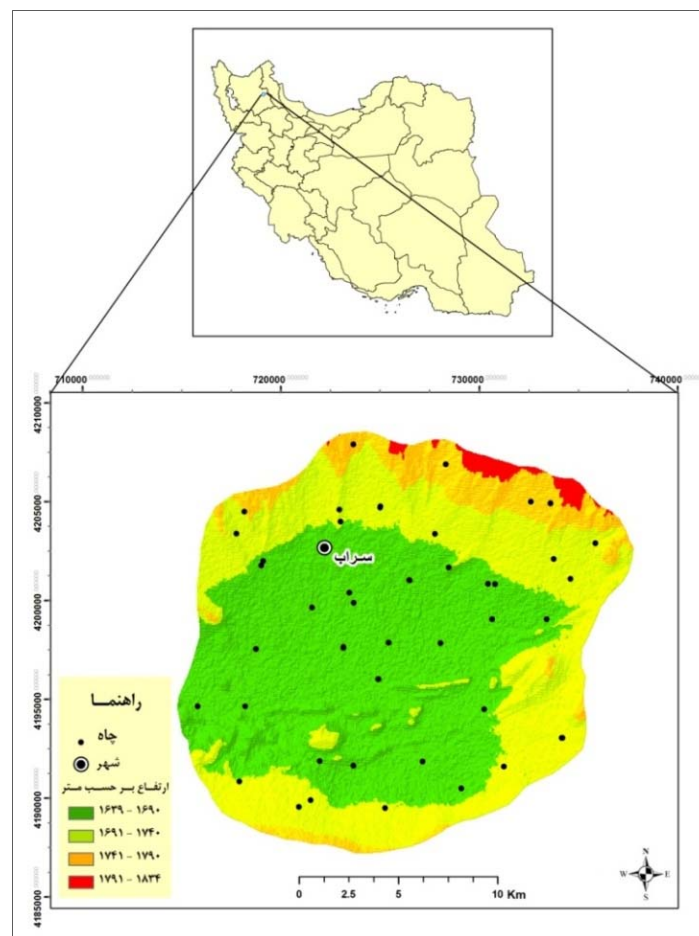
#### منطقه مورد مطالعه

منطقه مورد مطالعه در مختصات جغرافیایی ۳۷ درجه و ۴۸ دقیقه تا ۳۷ درجه و ۵۹ درجه عرض شمالی و ۴۷ درجه و ۲۶ دقیقه تا ۴۷ درجه و ۴۲ دقیقه طول شرقی واقع شده است (شکل ۱). دشت سراب توسط کوهستان سبلان و رشته قوشه داغ از شمال و شرق و ارتفاعات رشته بزغوش از سمت جنوب احاطه شده و تنها از سمت غرب با مانع ارتفاعی مهمی روبه رو نیست. با توجه به محصور بودن دشت سراب از سه طرف، برودت هوا در این ناحیه بارز بوده و دارای اقلیم نیمه خشک سرد است. متوسط بارندگی در ایستگاه سراب ۲۴۰ میلی متر و در ایستگاه میرکوه ۳۵۰ میلی متر است. دامنه ارتفاعی منطقه از ۱۶۴۰ تا ۱۸۳۵ متر متغیر بوده و متوسط ارتفاع آن برابر با ۱۶۹۵ متر است. این منطقه با شیب متوسط ۲/۵ درصد، پهنه ای هموار محسوب می شود که این شیب کم در برخی نقاط باعث اختلال در زهکشی مناسب

همبستگی های فضایی بالا، روش کریجینگ و در همبستگی های فضایی پایین، روش وزن دهی عکس فاصله به عنوان روش مطمئن در کاربست درون یابی برای پارامترهای مورد بررسی بود. خازاز و همکاران (۲۰۱۵) طی بررسی تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در هائوز<sup>۱</sup> مراکش به این نتیجه رسیدند، که مدل احتمالاتی کریجینگ معمولی در مقایسه با مدل های جبری از دقت بیشتری جهت مطالعه سطح آب زیرزمینی برخوردار بود. زیائو<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۱۶) در تحلیل تغییرات زمانی- مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت های پایکوهی شمال غرب چین از مقایسه روش های مختلف درون یابی بهره جستند. نتایج حاصل، حاکی از برازش بهتر روش کریجینگ ساده نسبت به سایر روش های درون یابی داشت. دلبری و همکاران (۱۳۸۹) تغییرات مکانی و زمانی عمق آب زیرزمینی را در استان مازندران مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که در بیشتر موارد روش های کریجینگ و کوکریجینگ بهترین برآورد از عمق آب زیرزمینی را به دست داد. محمدی و همکاران (۱۳۹۱) با استفاده از روش های زمین آمار به بررسی تغییرات مکانی و زمانی سطح آب زیرزمینی دشت کرمان پرداختند. نتایج حاکی، از دقت بالای روش عکس فاصله نسبت به سایر روش ها در پهنه بندی سطح آب زیرزمینی داشت. اسفندیاری و همکاران (۱۳۹۳) در برآورد مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت اردبیل به این نتیجه رسیدند که از بین روش های درون یابی جبری و زمین آماری، روش تابع شعاعی از بیشترین دقت در برآورد متغیر مورد نظر برخوردار بود. خاشعی سیوکی و سربازی (۱۳۹۴) در بررسی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی دشت مشهد، به این نتیجه رسیدند که روش های زمین آمار به دلیل دقت و کارایی بالاتر بر روش وزن دهی معکوس فاصله، برتری دارد.

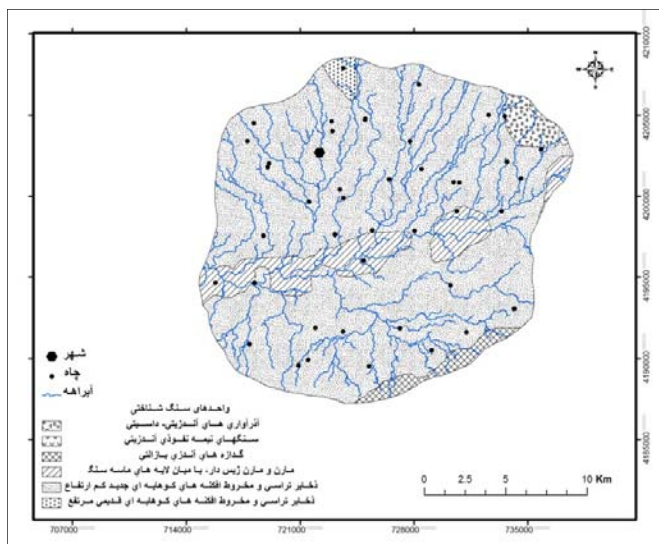
است. به دلیل وجود رودهای فصلی، چندی که از رشته کوه‌های اطراف سرچشمه گرفته و به سمت دشت درحال جریان هستند (شکل ۲)، دشت سراب به لحاظ منابع آب سطحی و زیرزمینی در وضعیت نسبتاً خوبی قرار دارد. با تکیه بر این منابع آبی است، که زمین‌های پیرامون شهر سراب به کشاورزی آبی و دیم اختصاص یافته است (شکل ۳).

آب‌های سطحی و هدایت هیدرولیکی آب‌های زیرزمینی دشت شده است. از نظر لیتولوژی به غیر از سنگ‌های آذرینی که مرتفعات حاشیه دشت را پوشانده‌اند، قسمت اعظم دشت از رسوبات آبرفتی کواترنری جدید تشکیل شده است (شکل ۲). بالآمدگی رسوبات مارنی و مارن گچ‌دار در بخش‌های مرکزی دشت که یکنواختی آن را برهم زده و عامل مؤثری در شوری است، از عوارض جالب این منطقه

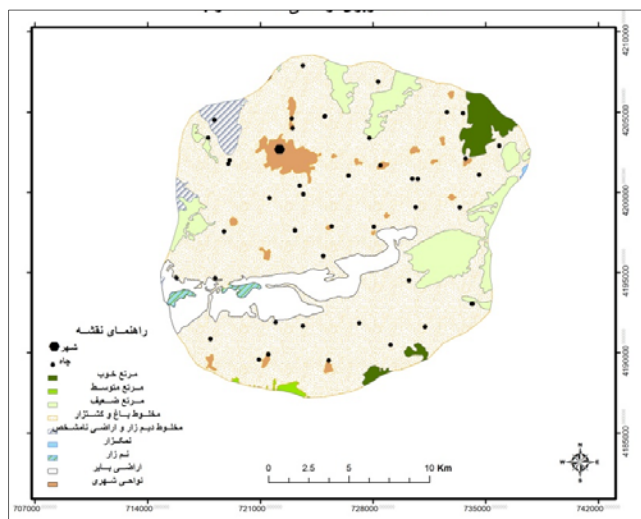


شکل ۱: نقشه موقعیت جغرافیایی منطقه مورد مطالعه و پراکنش چاه‌های مشاهده‌ای

تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵



شکل ۲: نقشه لیتولوژی منطقه مورد مطالعه همراه با شبکه آبراههای تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵



شکل ۳: نقشه کاربری اراضی منطقه مورد مطالعه تهیه و ترسیم: سازمان جنگلها و مراتع کشور

طرف پراکنش خوب چاههای مشاهدهای و از طرف دیگر مرز دشت و کوهستان (به جز سمت غربی) در نظر گرفته شود. مراحل انجام تحقیق بدین ترتیب بود، که پس از آماده سازی آمار چاههای مشاهدهای و تهیه پایگاه دادهای مربوط در محیط سامانه اطلاعات جغرافیایی (GIS)، به انجام تحلیل آمار فضایی متغیر مورد مطالعه با استفاده از روشهای مختلف درون یابی

### دادهها و روش تحقیق

در انجام این پژوهش، که براساس مطالعات کتابخانهای بود، از دادههای عمق آب زیرزمینی ۵۰ حلقه چاه نمونه در سطح دشت سراب استفاده شد. به لحاظ زمانی با در نظر گرفتن جدیدترین آمار دقیق و در دسترس، به آمار سال ۱۳۹۱ استناد شد. در تعیین حدود جغرافیای پهنه مورد مطالعه سعی شد تا از یک

در روابط فوق  $Z(x_i)$ ، مقدار برآوردی متغیر در  $x_i$ ؛  $\hat{Z}(x_i)$ ، مقدار مشاهده‌ای متغیر در  $x_i$ ؛  $n$ ، تعداد نقاط با متغیر مشاهده‌ای است  
(Di Piazza et al., 2011: 402)

در کل هر قدر مقادیر MBE و RMSE یک مدل کمتر و به صفر نزدیک‌تر باشد، دقت و کارایی آن مدل در تخمین تغییرات مکانی متغیر مورد نظر بیشتر است. MBE می‌تواند مثبت و یا منفی باشد که اگر برآورد بیشتر صورت گرفته باشد، مثبت و برعکس، منفی خواهد شد (Saghafian et al., 2010: 40)

۳- نمودار پراکندگی مقادیر مشاهده‌ای و برآوردی در این نوع مقایسه، مقادیر مشاهده‌ای در مقابل مقادیر برآوردی رسم می‌شود. هرچه پراکنش مقادیر به خط ۴۵ درجه نزدیک‌تر باشد، نشانگر برآورد دقیق‌تر روش است. اگر مقادیر مشاهده‌ای کاملاً برابر مقادیر برآوردی باشد، نقاط، دقیقاً روی خط ۴۵ درجه قرار می‌گیرند. پراکندگی نقاط در اطراف این خط نشان‌دهنده تفاوت بیشتر مقادیر برآوردی با مشاهده‌ای است. از طرف دیگر اگر تجمع نقاط در زیر خط ۴۵ درجه باشد و محور Xها مقادیر مشاهده‌ای باشد، نشان‌دهنده این است که روش مورد استفاده، مقادیر را دست‌پایین برآورد کرده است و بالعکس (Saghafian et al., 2010: 40).

### نتایج و بحث

از آنجایی که تحلیل‌های آمار، فضایی با یک سری داده‌های نمونه از متغیر مورد مطالعه سر و کار دارند، قبل از پرداختن به تحلیل‌های فضایی اصلی بهتر است تا نگاهی اجمالی بر آمار داده‌های نمونه به‌منظور اطلاع از کم و کیف آن‌ها داشته باشیم. بدین جهت آماره‌های توصیفی و همچنین نمودار توزیع فراوانی مربوط به داده‌های عمق آب زیرزمینی در چاه‌های مشاهده‌ای مورد ملاحظه قرار گرفت (جدول ۱ و شکل ۴).

مبادرت شد. این روش‌ها شامل عکس فاصله وزنی (IDW)، توابع شعاعی پایه (RBF) و کریجینگ بود. در این راستا با توجه به هدف پژوهش، برای ارزیابی روش‌های میان‌یابی و انتخاب مناسب‌ترین روش جهت تهیه نقشه پهنه‌بندی نهایی سطح آب زیرزمینی، از روش اعتبارسنجی متقاطع<sup>۱</sup> و معیارهای مربوطه به شرح زیر استفاده شد.

### اعتبارسنجی متقاطع

روش‌های مختلفی برای بررسی صحت و کارایی (اعتبارسنجی) روش‌های درون‌یابی وجود دارد که یکی از مهم‌ترین و پرکاربردترین آن‌ها، اعتبارسنجی متقاطع است. در این روش برای هر یک از نقاط مشاهده‌ای به‌وسیله روش‌های درون‌یابی تخمینی انجام می‌شود و سپس مقدار تخمین‌زده شده با مقدار مشاهده‌ای مورد مقایسه قرار می‌گیرد. در نهایت، مدلی که کمترین مقدار خطا را در تخمین داشته باشد، به‌عنوان بهترین مدل شناخته می‌شود. از معیارهای پرکاربرد اعتبارسنجی متقاطع که در این تحقیق نیز از آن‌ها استفاده شد، عبارت‌اند از:

۱- میانگین خطای اریب (MBE<sup>۲</sup>) که از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$MBE = \frac{1}{N_v} \sum_{i=1}^{N_v} [z(x_i) - \hat{z}(x_i)] \quad (1)$$

۲- ریشه دوم میانگین مربعات خطا (RMSE<sup>۳</sup>) که فرمول عمومی آن به‌صورت زیر است:

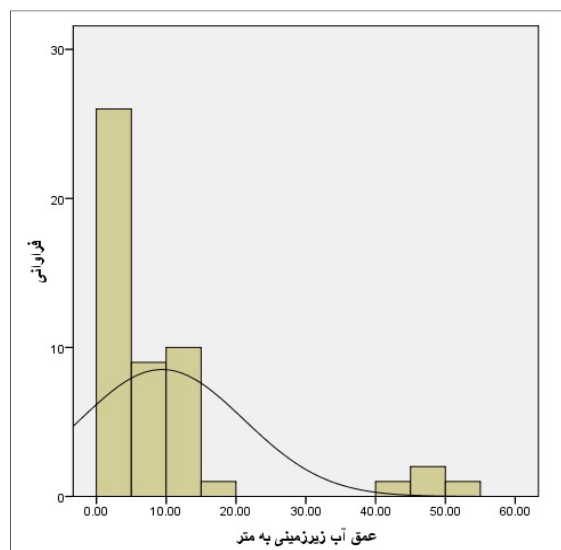
$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N_v} (z(x_i) - \hat{z}(x_i))^2} \quad (2)$$

1-Cross-Validation  
2-Mean Bias Error  
3-Root Mean Square Error

جدول ۱. آماره‌های عمق آب زیرزمینی (به متر) در چاه‌های مشاهده‌ای دشت سراب

آماره	میانگین	میانه	کمینه	بیشینه	واریانس	انحراف معیار	چولگی	کشیدگی
مقدار	۹/۴	۴/۹	۰/۴۳	۵۰/۴۳	۱۳۷	۱/۱۷	۲/۶۴	۶/۴۲

مأخذ: نویسندگان، ۱۳۹۵



شکل ۴: نمودار توزیع فراوانی داده‌های عمق آب زیرزمینی در چاه‌های مشاهده‌ای دشت سراب

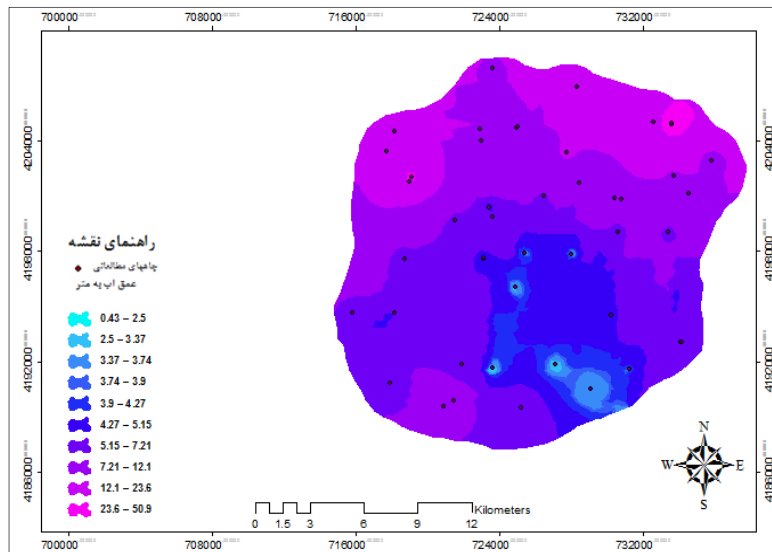
تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵

اما نتایج حاصل از بررسی روش‌های مختلف میان‌یابی جهت تخمین و پهنه‌بندی سطح آب‌های زیرزمینی دشت سراب به شرح زیر است:

#### روش عکس فاصله وزنی (IDW)

در این روش جهت کاهش و به حداقل رساندن میزان خطای برآورد، بایستی مقدار توان فاصله و حداقل و حداکثر تعداد نقاط همسایگی، بهینه‌سازی شوند. به‌منظور پهنه‌بندی عمق آب‌های زیرزمینی محدوده مطالعاتی توسط روش عکس فاصله وزنی از حداقل ۸ و حداکثر ۱۰ نقاط همسایگی که براساس اعتبارسنجی متقاطع دارای کمترین خطا بین سایر نقاط بودند و توسط بیضی چهارقچی متقاطع تحت پوشش قرار داشتند، استفاده شد. مقدار خطای RMSE و MBE این روش در برآورد عمق آب‌های زیرزمینی دشت سراب به ترتیب برابر با ۱۰/۷۸ و ۱/۲۶ است (شکل ۵).

میانگین عمق آب زیرزمینی در چاه‌های مشاهده‌ای ۹/۴ متر و کمینه و بیشینه عمق آب زیرزمینی به ترتیب برابر با ۰/۴۳ و ۵۰/۸۶ متر است. آنچه که در اینجا برجسته می‌نماید، واریانس قابل توجه داده‌ها از یک‌سو و میزان انحراف توزیع فراوانی داده‌ها از توزیع نرمال از سوی دیگر است که از آماره‌های ضریب چولگی و ضریب کشیدگی به روشنی پیداست. وجود برخی مقادیر در انتهای راست توزیع فراوانی (کران‌های بالایی) و تمرکز بیشتر داده‌ها در انتهای چپ توزیع فراوانی (۷۵ درصد داده‌ها مقداری کمتر از ۱۰ متر دارند)، باعث ناپیوستگی و ارتباط منطقی بین آن‌ها شده است که این موضوع بالطبع در نتایج درون‌یابی و نمود فضایی متغیر مورد مطالعه مؤثر خواهد افتاد. در کل از آماره‌های میانگین و میانه مشهود است که به جز موارد معدودی، سطح آب زیرزمینی در منطقه بالاست.



شکل ۵: نقشه پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی منطقه مورد مطالعه با مدل IDW

تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵

شد. در نهایت مدلی که نسبت به سایر مدل‌ها دارای خطای برآورد کمتری بود، توسط اعتبارسنجی متقاطع انتخاب شد (جدول ۲).

#### روش توابع شعاعی (RBF)

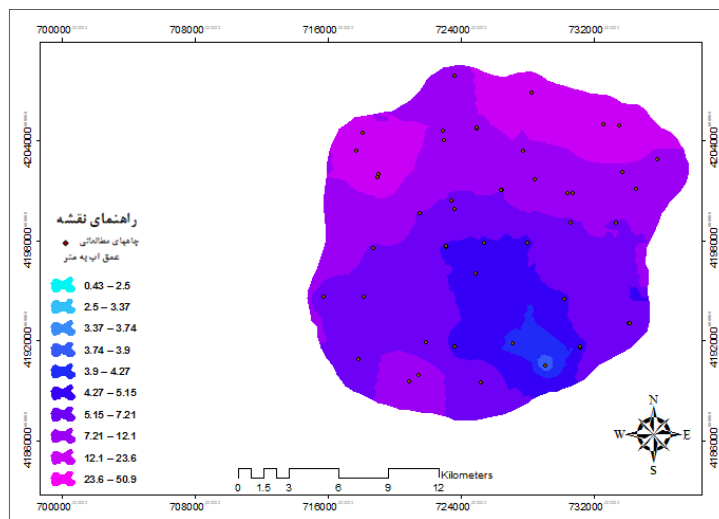
در روش توابع شعاعی از مدل‌های پنج‌گانه این روش که خانواده اسپیلاین‌ها را دربرمی‌گیرد، استفاده

جدول ۲: مقادیر RMSE و MBE مدل‌های مختلف RBF

مدل	RMSE	MBE
Completely Regularized spline	۱۰/۶۴	۰/۳۲
Spline with tension	۱۰/۶۲	۰/۲۷
Multiquadric	۱۲/۲۳	۱/۵۱
Inverse Multiquadric	۱۱/۳۴	۰/۲۷
Thin plate Spline	۱۳/۷۴	۰/۴۷

مأخذ: نویسندگان، ۱۳۹۵





شکل ۶: نقشه پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی منطقه مورد مطالعه با روش RBF

تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵

بدین منظور از روش لوگ نرمال<sup>۱</sup> جهت نزدیک‌ساختن توزیع داده‌ها به توزیع نرمال استفاده شد. تبدیل‌گر لوگ نرمال درحقیقت نمونه‌ای از تبدیل‌گر باکس‌کوکس<sup>۲</sup> زمانی که  $\lambda = a$  باشد، است.

معادله این تبدیل‌گر به صورت زیر است:

$$Y(s) = \ln(Z(s)) \quad (3)$$

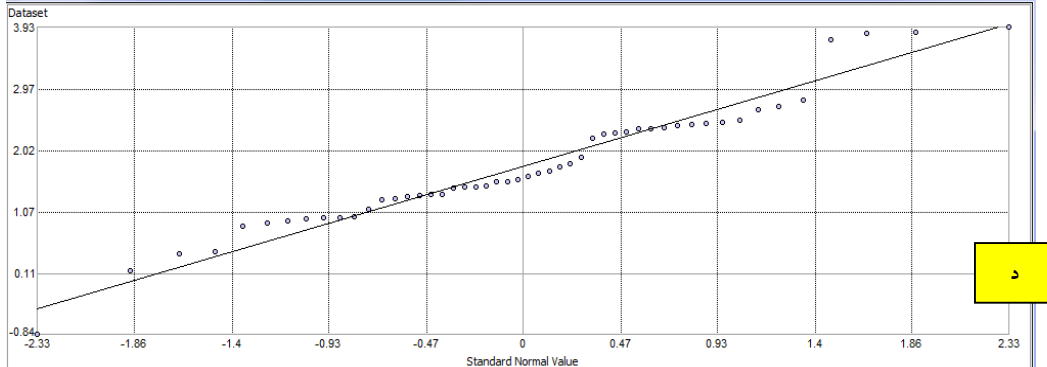
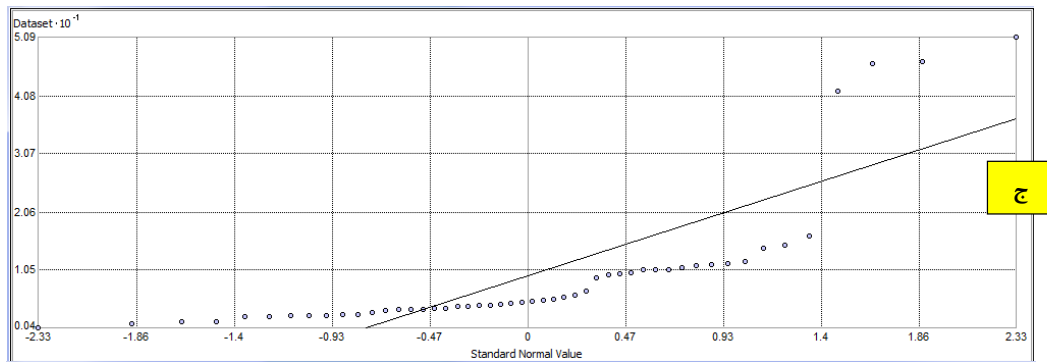
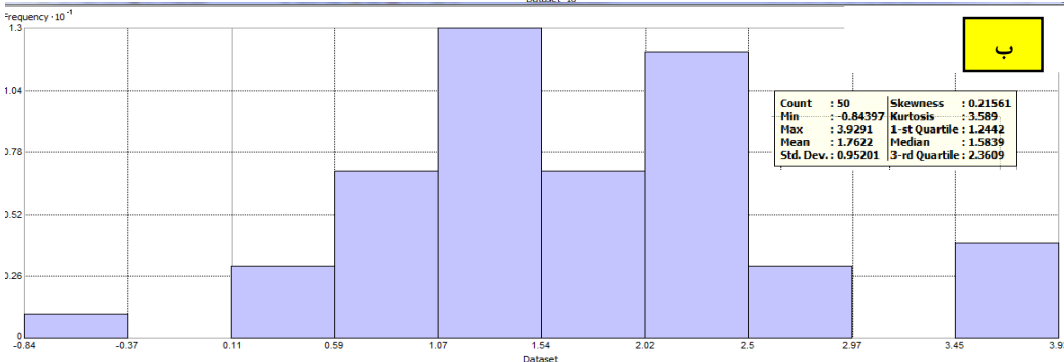
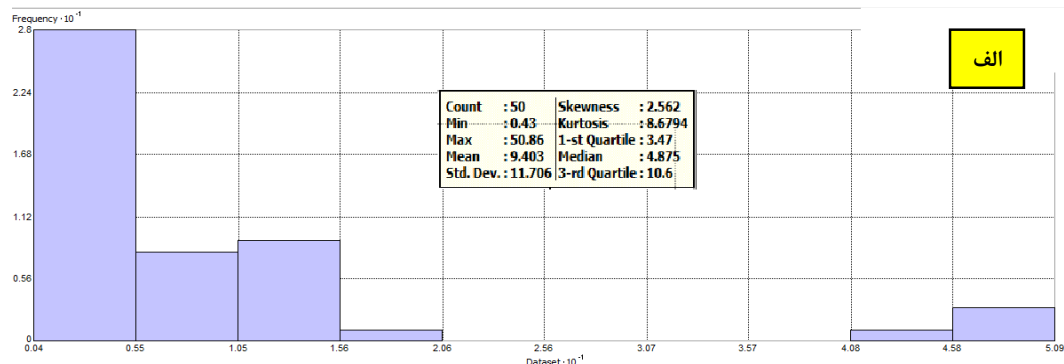
این تبدیل‌گر برای  $Z(s) > 0$  معتبر است که  $Z(s)$  داده‌های مشاهده‌ای و  $\ln$ ، لگاریتم طبیعی است. شکل ۷ نمودار هیستوگرام و QQplot داده‌ها قبل و بعد از تبدیل داده‌ها به لوگ نرمال را نشان می‌دهد. طبق نتایج حاصل مشاهده می‌شود، که میزان چولگی و کشیدگی داده‌ها پس از تبدیل لگاریتمی به میزان قابل توجهی کاهش یافته و داده‌ها پیرامون خط ۴۵ درجه انتشار یافته‌اند.

نتایج حاصل نشان می‌دهد که مدل Spline with tension در بین سایر مدل‌ها دارای کمترین میزان خطای تخمین بوده و بنابراین از این روش جهت پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی در منطقه مورد مطالعه استفاده شد (شکل ۶). در این راستا از تعداد حداقل ۱۰ و حداکثر ۱۵ نقاط همسایگی با بیضوی چهارقچی که نقاط همسایگی را تحت پوشش قرار می‌دادند، سود جست شد. مقادیر RMSE و MBE این روش به ترتیب برابر با ۱۰/۶۲ و ۰/۲۷ بود. آنچه که از نقشه پهنه‌بندی حاصل پیداست، اینکه روش توابع شعاعی باعث هموارشدگی تغییرات فضایی متغیر مورد مطالعه در مقایسه با روش عکس فاصله وزنی شده است. در کل با توجه به مقادیر MBE مدل‌های مختلف روش RBF می‌توان گفت که این روش میل به بیش‌برآورد عمق آب زیرزمینی دارد.

### روش کریجینگ

به منظور استفاده از این روش داده‌های ما باید توزیع نرمالی داشته باشد. با توجه به اینکه داده‌های مورد استفاده از توزیع نرمال و یکنواختی برخوردار نبود،

1-Log Normal  
2-Box-Cox



شکل ۷: الف و ب، هیستوگرام فراوانی داده‌ها به ترتیب قبل و بعد از تبدیل به لوگ نرمال؛

ج و د، نمودار QQplot نرمال به ترتیب قبل و بعد از تبدیل به لوگ نرمال

تهیه و ترسیم: نویسندگان، ۱۳۹۵

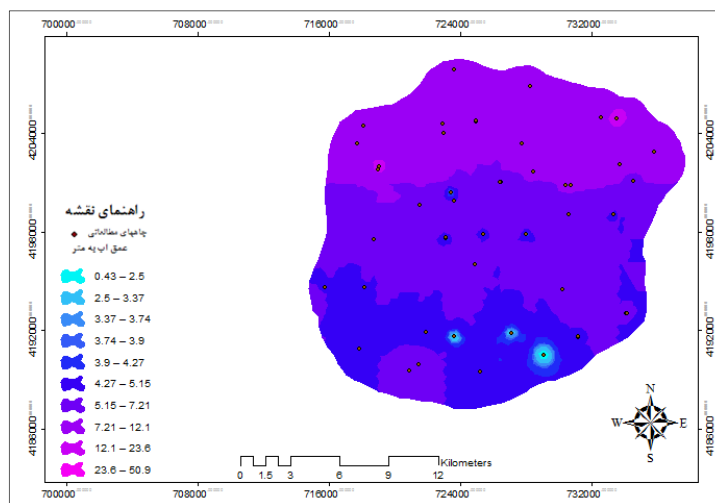
Quadratic در پهنه‌بندی عمق آب‌های زیرزمینی دشت سراب به ترتیب برابر با ۹/۷۹ و ۰/۷۶ است. آنچه که از نقشه پهنه‌بندی حاصل از اعمال روش کریجینگ (شکل ۸) برمی‌آید، قابلیت بیشتر این روش در نمایش تغییرات حساس متغیر مورد نظر، در برخی نقاط و تعمیم قاعده‌مند داده‌های نقطه‌ای در نقاط غیرحساس از نظر تغییرات فضایی است که درخور توجه است. در کل مقادیر MBE مدل‌های مختلف روش کریجینگ نشان می‌دهد که این روش میل به کم‌برآورد عمق آب زیرزمینی دارد.

یکی از پارامترهای مهم جهت پهنه‌بندی توسط روش کریجینگ، نیم‌تغییرنما و بهینه‌ترین مدل تئوریکی برآزش داده‌شده به آن است. در این تحقیق از نیم‌تغییرنمای بدون جهت به‌عنوان نیم‌تغییرنمای راستاهای مختلف و از مدل تئوریکی Rational Quadratic که بهترین برآزش را با نیم‌تغییرنما داشت و دارای کمترین میزان خطا در بین مدل‌ها بود، استفاده شد. جدول ۳ میزان خطاهای مدل‌های تئوریکی مختلف استفاده‌شده در روش کریجینگ را نشان می‌دهد. مقدار خطای RMSE و MBE روش Rational

جدول ۳: میزان خطاهای مدل‌های نظری مختلف در روش کریجینگ

Stable	J-Bessel	K-Bessel	Hole Effect	Rational Quadratic	Circular	Spherical	Tetraspherical	Pentaspherical	Exponential	Gaussian	مدل
-۱/۵۷	-۱/۶۹	-۰/۶۰	-۱/۴۳	-۰/۷۶	-۰/۴۶	-۰/۳۲	-۰/۷۱	-۰/۷۶	-۰/۵۸	-۱/۵۱	MBE
۱۰/۲۴	۱۰/۳۴	۹/۸۴	۱۰/۰۰	۹/۷۹	۹/۸۸	۹/۹۳	۹/۸۸	۹/۸۹	۹/۸۹	۱۰/۲۵	RMSE

مأخذ: نگارندگان، ۱۳۹۵



شکل ۸: نقشه پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی منطقه مورد مطالعه با روش کریجینگ

تهیه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

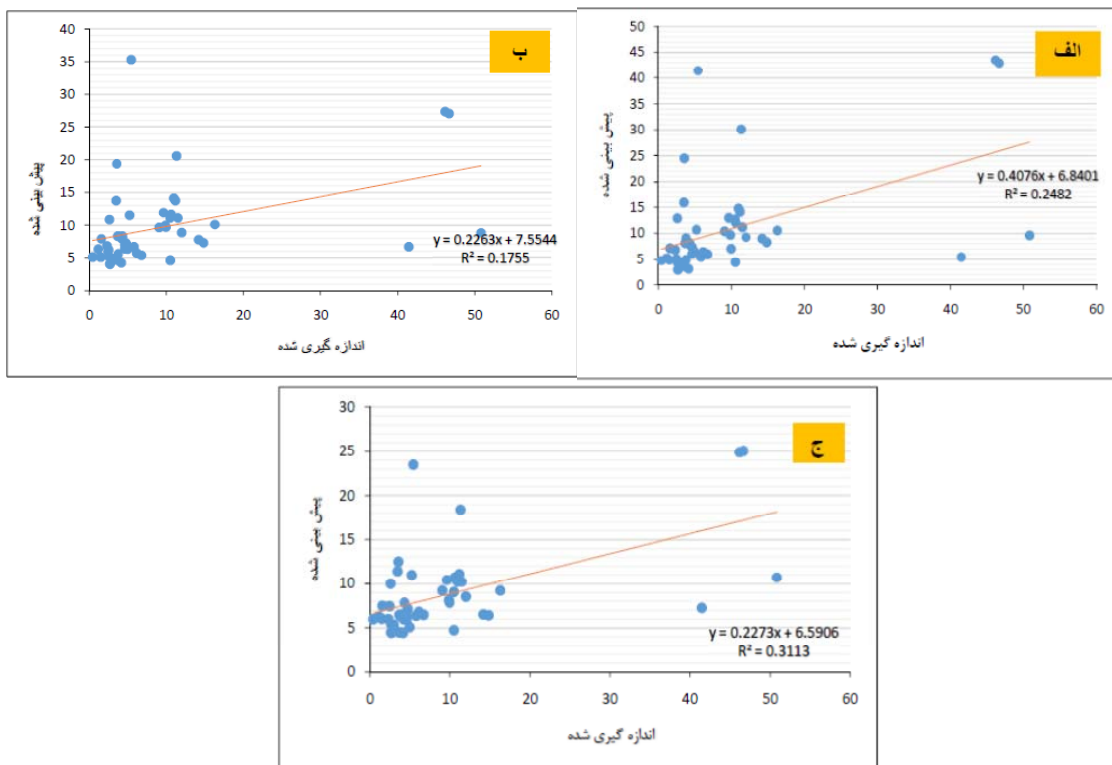
و ضریب تعیین رابطه بین مقادیر برآوردی و مشاهده‌ای عمق آب زیرزمینی در هر یک از روش‌های آزمون شده را نشان می‌دهد. همچنین نمودار پراکنش مقادیر مشاهده‌ای در برابر مقادیر برآوردی در شکل ۹ مشاهده می‌شود.

پس از بررسی تک‌تک روش‌های مختلف درون‌یابی و تهیه نقشه‌های پهنه‌بندی سطح آب زیرزمینی در منطقه مورد مطالعه، نوبت به مقایسه دقت و کارایی این روش‌ها و انتخاب مدل بهینه برآورد تغییرات مکانی متغیر مورد مطالعه رسید که هدف اصلی پژوهش حاضر بود. جدول ۴ مقادیر خطاهای برآوردی

جدول ۴: میزان خطاها و ضریب تعیین بین مقادیر برآوردی و مشاهده‌ای هریک از روش‌های درون‌یابی مورد آزمون

روش	MBE	RMSE	R <sup>2</sup>
IDW	۱/۲۶	۱۰/۷۸	۰/۲۴۸۲
RBF	۰/۲۷	۱۰/۶۲	۰/۱۷۵۵
Kriging	-۰/۷۶	۹/۷۹	۰/۳۱۱۳

مأخذ: نگارندگان، ۱۳۹۵



شکل ۹: نمودار پراکنش مقادیر مشاهده‌ای (اندازه‌گیری شده) در برابر مقادیر برآوردی (پیش‌بینی شده) عمق آب زیرزمینی

در سه روش الف - عکس فاصله وزنی؛ ب - تابع شعاعی پایه؛ ج - کریجینگ

تهیه و ترسیم: نگارندگان، ۱۳۹۵

درمورد تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در دشت سراب با توجه به نقشه‌های پهنه‌بندی می‌توان چنین ادعان کرد، که در کل عمق آب‌های زیرزمینی در دشت سراب کم است. با این حال، سطح آب‌های زیرزمینی در قسمت جنوبی دشت نسبت به قسمت شمالی آن بالاتر است. واقع شدن بیشتر چاه‌ها در همسایگی رودها و تغذیه خوب سفره‌های آب زیرزمینی از این طریق (شکل ۲)، می‌تواند یکی از دلایل بالابودن سطح آب زیرزمینی در منطقه باشد. از طرفی شواهد موجود از وجود رسوبات تبخیری در کناره‌های رود آجی‌چای که از وسط دشت می‌گذرد، نشان می‌دهد، که این رسوبات در بالابودن سطح آب زیرزمینی به‌ویژه در جنوب منطقه مؤثر بوده است. علاوه بر این نبایستی از عامل انسانی در رخداد این پدیده غافل بود، چراکه بیشتر چاه‌های نمونه در اراضی کشاورزی واقع شده‌اند (شکل ۳). سهولت دسترسی به منابع آب زیرزمینی در پهنه‌هایی که با عمق کم آب زیرزمینی مواجه هستند، در آرایش جغرافیایی چاه‌ها مؤثر بوده و بالطبع تبعات زیان‌بار احتمالی ناشی از این امر نیز گریبان‌گیر کشاورزان منطقه خواهد شد. با توجه به رابطه متقابل آب و خاک، در مناطقی که سطح ایستابی آب زیرزمینی بالاست، امکان شور شدن خاک نیز می‌تواند وجود داشته باشد؛ بنابراین استفاده نامناسب و بی‌رویه از منابع آب زیرزمینی دشت مزبور می‌تواند، هم منابع آب و هم منابع خاک را با پدیده شوری مواجه سازد که نیازمند توجه جدی است.

#### نتیجه

منابع آب زیرزمینی؛ از جمله حیاتی‌ترین منابع سرزمینی در مناطق خشک و نیمه‌خشک است. آگاهی از تغییرات مکانی سطح آب‌های زیرزمینی یک گام اساسی در تعدیل و کاهش اثرات سوء بهره‌برداری از

نتایج فوق نشان می‌دهد، که مقادیر خطای برآوردی روش کریجینگ نسبت به دو روش دیگر کمتر است؛ بنابراین به‌عنوان مدل بهینه، برگزیده شده و برای پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی دشت سراب توصیه می‌شود. از آنجایی که هدف روش‌های درون‌یابی نوعی تعمیم منطقی داده‌های نقطه‌ای گسسته به داده‌های پیوسته فضایی می‌باشد، بدیهی است روشی که در آن تابع ریاضی، دخیل در مدل درون‌یابی قادر به پیش‌بینی دقیق‌تر رفتار پدیده موردنظر باشد، بهترین نتایج را به‌دست خواهد داد. با توجه به نتایج حاصل می‌توان گفت، که روش کریجینگ نسبت به روش‌های عکس فاصله وزنی و توابع پایه شعاعی به نحو بهتری از عهده تعمیم منطقه‌ای داده‌های گسسته عمق آب زیرزمینی برآمده و پیش‌بینی دقیق‌تری را به‌دست داده است. این نتیجه در همخوانی با نتایج محققینی چون، سان و همکاران (۲۰۰۹)، رحب و همکاران (۲۰۱۱)، خازاز و همکاران (۲۰۱۵)، زیاثو و همکاران (۲۰۱۶) و دلبری و همکاران (۱۳۸۹) است. از دلایل موفقیت روش کریجینگ می‌توان در وهله اول به در نظر گرفتن توزیع فضایی و تغییرات ساختار فضایی داده‌ها اشاره کرد. در این راستا روش کریجینگ در تخمین کمیت اندازه‌گیری نشده نقاط با مختصات معلوم، مقدار واریانس را به حداقل رسانده و از این طریق قدرت پیش‌بینی مدل درون‌یابی را ارتقا می‌بخشد. از طرفی با توجه به وجود برخی داده‌های کرانی عمق آب زیرزمینی در چاه‌های نمونه و اینکه در روش زمین‌آمار از تأثیر داده‌های نادر مثل حداکثرها و حداقل‌های مطلق جلوگیری می‌شود، عامل دیگری بر دقت تخمین بیشتر روش کریجینگ نسبت به روش‌های دیگر می‌تواند باشد.

داده‌های کرانی و نادر دارد که این امر در نهایت قدرت پیش‌بینی مدل درون‌یابی را ارتقا می‌بخشد. در این پژوهش نیز مقادیر ضریب تعیین بالاتر روش کریجینگ (۰/۳۱) نسبت به روش‌های عکس فاصله وزنی (۰/۲۴) و تابع شعاعی پایه (۰/۱۷) مؤید این واقعیت بود؛ البته این نتیجه به معنای برتری مطلق روش کریجینگ نسبت به سایر روش‌های درون‌یابی نبوده و از طرفی بایستی به هدف استفاده از نقشه‌های پهنه‌بندی نیز توجه داشت. نقشه‌های پهنه‌بندی عمق آب زیرزمینی در دشت سراب نشان می‌دهد که در کل، سطح آب زیرزمینی به‌ویژه در بخش جنوبی محدوده مطالعاتی نسبتاً بالاست. این واقعیت را می‌توان در قالب عواملی چون تغذیه خوب مخازن آب زیرزمینی از آب‌های سطحی، وجود رسوبات تبخیری کواترنری به‌ویژه در بخش‌های میانی دشت، و عامل انتخاب انسانی در حفر چاه‌ها و بهره‌برداری از آن‌ها توجیه کرد، که نیازمند مطالعات همه‌جانبه بعدی است. فقط آنچه که در باب موضوع مورد بحث برجسته و مهم می‌نماید، این نکته است که سهولت دسترسی به منابع آب زیرزمینی در پهنه‌هایی که با عمق کم آب زیرزمینی مواجه هستند، همان‌گونه که در آرایش جغرافیایی پدیده حفر چاه و استحصال منابع آب زیرزمینی مؤثر بوده است، در آرایش فضایی بروز پدیده‌های مخاطره‌بار احتمالی از قبیل کمی آب، فرونشست زمین، شوری آب آبخوان‌ها و ... نیز می‌تواند مؤثر افتد؛ از این رو ضرورت توجه جدی و مسئولانه به این موضوع در منطقه مورد مطالعه که گویی تمامی منابع حیاتی آن در گرو وجود منابع آب کافی و سالم است، به‌خوبی محسوس است.

این شریان‌های حیاتی زیرزمینی است. این شناخت از طریق روش‌های درون‌یابی متکی بر قوانین ریاضی-آماري و با تعمیم داده‌های گسسته و نمونه عمق آب زیرزمینی به داده‌های پیوسته در قالب نقشه‌های پهنه‌بندی میسر می‌شود. پژوهش حاضر به‌منظور دست‌یابی به روش بهینه برآوردگر تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی در سطح دشت سراب به مقایسه روش‌های مختلف درون‌یابی شامل عکس فاصله وزنی (IDW)، مجموعه توابع شعاعی پایه (RBF) و کریجینگ پرداخت. نتایج اولیه حاصل از بررسی آماره‌های عمق آب زیرزمینی نشان داد، که سطح آب زیرزمینی در منطقه مورد مطالعه نسبتاً بالاست و از طرفی وجود برخی داده‌های کرانی باعث افزایش واریانس مکانی متغیر مورد مطالعه شده بود. این واریانس مکانی به نوعی نیاز به روش‌های زمین‌آماري را در برآورد تغییرات فضایی سطح آب زیرزمینی از قبل گوشزد کرد. نتایج حاصل از اعمال روش‌های مختلف درون‌یابی علاوه بر تفاوت در دقت تخمین، به‌لحاظ نمایش تغییرات فضایی سطح آب زیرزمینی، نیز تا حدودی متفاوت از هم بود. با این حال، نتایج نهایی نشان داد که از بین روش‌های مورد آزمون، روش کریجینگ با داشتن کمترین خطای ریشه دوم میانگین مربعات خطا (RMSE) و میانگین خطای اریب (MBE)، به ترتیب برابر با ۹/۷۹ و ۰/۷۶، بیشترین دقت را در برآورد تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی دشت سراب داشته و برای پهنه‌بندی متغیر مزبور در این دشت پیشنهاد می‌شود. از دلایل موفقیت این روش می‌توان در وهله اول به در نظر گرفتن توزیع فضایی و تغییرات ساختار فضایی داده‌ها اشاره کرد. در این راستا روش کریجینگ در تخمین متغیر مورد نظر، با آزمون واریانس مکانی و همبستگی مکانی، سعی در به حداقل رساندن مقدار واریانس داده‌ها و تأثیر

سفیددشت)، علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، علوم آب و خاک، شماره ۵۷، صفحات ۲۲-۱۱.

- محمدی، صدیقه؛ علی سلاجقه؛ محمد مهدوی؛ رضا باقری (۱۳۹۱). بررسی تغییرات مکانی و زمانی سطح آب زیرزمینی دشت کرمان با استفاده از روش زمین‌آماری مناسب (طی یک دوره آماری ۱۰ ساله، ۱۳۷۵-۱۳۸۵)،

تحقیقات مرتع و بیابان ایران. شماره ۱. صفحات ۷۱-۶۰.

- Chowdhury, A (2016). Assessment of spatial groundwater level variations using geostatistics and GIS in Haringhata Block, Nadia District, West Bengal. International Journal of Research in Engineering and Technology. V. 5, Issue 5: 276-280.

- Di Piazza, F., Lo Conti, L.V., Noto, F., Viola, G., La Loggia (2011). Comparative analysis of different techniques for spatial interpolation of rainfall data to create a serially complete monthly time series of precipitation for Sicily, Italy, International Journal of Applied Earth Observation and Geoinformation Vol. 13, PP. 396-408.

- Jie, C., Hanting, Z., Hui, Q., Jianhua, W., and Xuedi, Z (2013). Selecting Proper Method for Groundwater Interpolation Based on Spatial Correlation. Digital Manufacturing and Automation (ICDMA), Fourth International Conference on Qingdao, PP.1192-1195.

- Khazaz, L., Oulidi, H.J., El Moutaki, S., and Ghafri, A(2015).Comparing and Evaluating Probabilistic and Deterministic Spatial Interpolation Methods for Groundwater Level of Haouz in Morocco. Geographic Information System,7:631-642.

- Rahab, F.K.J., Ghabayen, S.M., and Salha, A.A (2011). Effect of GIS techniques on the accuracy of the spatial representation of groundwater monitoring data in Gaza Strip. Environmental Science and Technology 4(6): 579-589.

- Saghafian, B., Danesh kar arasteh, P., Rahimi Bandarabadi, S., Fattahi, E., Mohammadzadeh, M (2010). Draft Guide climatic factors using methods of spatial distribution data point, Ministry of Energy and Water Affairs Office Bfa engineering and technical standards for water and Bfa, Bulletin No. 368- A.

- Xiao, Y., Gu, X., Yin, s., Shao, J., Cui, Y., Zhang, Q, and Niu, Y (2016). Geostatistical interpolation model selection based on ArcGis and spatio-temporal variability analysis of groundwater level in piedmont plains, northwest China. SpringerPlus, 5(1): 1-15.

## منابع

- احمدپور، حوری؛ محمدرضا خالدیان؛ افشین اشرفزاده؛ مجتبی رضایی (۱۳۹۳). پهنه‌بندی مکانی و زمانی هدایت الکتریکی و کل جامدات محلول آب‌های زیرزمینی دشت گیلان، پژوهش آب در کشاورزی. جلد ۲۸. شماره ۳. صفحات ۶۷۶-۶۶۷.

- اسفندیاری‌درآباد، فریبا؛ مهدی عالی‌جهان؛ مسعود رحیمی (۱۳۹۳). ارزیابی مدل‌های جبری و زمین‌آماری در تخمین توزیع مکانی سطح ایستابی دشت اردبیل، پژوهش‌های ژئومورفولوژی کمی. شماره ۲. صفحات ۶۲-۴۴.

- حسینعلی‌زاده، محسن؛ علی یعقوبی (۱۳۸۹). تغییرات زمانی و مکانی سطح سفره آب زیرزمینی با استفاده از زمین‌آمار، علوم و مهندسی آب‌خیزداری ایران. جلد ۴. شماره ۱۰. صفحات ۶۷-۶۳.

- خاشعی سیوکی؛ محبوبه سربازی (۱۳۹۴). بررسی توزیع مکانی کیفیت آب زیرزمینی با استفاده از مدل‌های-LS MLP,SVM و زمین‌آمار، آب و فاضلاب، شماره ۳. صفحات ۱۰۳-۹۳.

- زارع‌ابیان، حمید (۱۳۹۲). تحلیل مکانی پارامترهای کیفی منابع آب زیرزمینی دشت همدان بهار، جغرافیا و مخاطرات محیطی. شماره ۸. صفحات ۸۶-۶۵.

- دلبری، معصومه؛ پیمان افراسیاب؛ سید روح‌الله میرعمادی (۱۳۸۹). تجزیه و تحلیل تغییرات مکانی- زمانی شوری و عمق آب زیرزمینی (مطالعه موردی استان مازندران)، آبیاری و زهکشی ایران. جلد ۴. شماره ۳. صفحات ۳۷۴-۳۵۹.

- سازمان جنگل‌ها و مراتع کشور. نقشه کاربری اراضی شهرستان سراب.

- شیخ‌گودرزی، مهدی؛ سیدحسن موسوی؛ نعمت‌الله خراسانی (۱۳۹۱). شبیه‌سازی تغییرات مکانی در ویژگی‌های کیفی آب‌های زیرزمینی با روش‌های زمین‌آمار (مطالعه موردی: دشت تهران- کرج). محیط زیست طبیعی. دوره ۶۵. شماره ۱. صفحات ۹۳-۸۳.

- طباطبایی، سیدحسن؛ محبوبه غزالی (۱۳۹۰). ارزیابی دقت روش‌های میان‌یابی در تخمین سطح ایستابی آب زیرزمینی (مطالعه موردی: آبخوان‌های فارسان جوققان و