

بهبود قدرت تفکیک زمانی داده های لرزه ای با آنالیز طیف تکین و روش خودبرون یابی

حمزه محمدی قیامسی^۱، حمید رضا سیاهکوهی^{۲*} و کارو لوکس^۳

^۱ دانشجوی کارشناسی ارشد ژئوفیزیک، گروه فیزیک زمین، مؤسسه ژئوفیزیک، دانشگاه تهران، ایران

^۲ داشیا، گروه فیزیک زمین، مؤسسه ژئوفیزیک، دانشگاه تهران، ایران

^۳ استاد فقید، گروه مهندسی الکترونیک، پردیس دانشکده های فنی، دانشگاه تهران، ایران

(دریافت: ۸۷/۴/۵، پذیرش نهایی: ۸۸/۷/۲۱)

چکیده

مقاطع لرزه ای حاصل گوناگون پردازش، به منظور استخراج اطلاعات مربوط به سازنده های زمین شناسی مورد بررسی و تفسیر قرار می گیرند. برای شناسایی و تعیین محل دقیق اهداف، لازم است مقاطع لرزه ای قدرت تفکیک کافی داشته باشند. قدرت تفکیک زمانی کافی نیازمند پهنای باند بسامدی گستره است. به علت محدود بودن ذاتی پهنای باند بسامدی موجک های لرزه ای و اثر پدیده جذب بسامدی، لزوم اعمال الگوریتم های نوین پردازشی برای افزایش پهنای باند امری ضروری است. در این مقاله هدف افزایش پهنای باند بسامدی داده های لرزه ای با استفاده از خاصیت تناوبی مولفه های حقیقی و موهومی طیف رد لرزه است. برای نیل به این هدف پس از اعمال واهمامیخت در حوزه بسامد، بخش هایی از مولفه های حقیقی و موهومی طیف بسامدی با S/N زیاد انتخاب و برای برونویابی در بسامدهای کم و زیاد روش های خودبرون یابی طیفی و آنالیز طیف تکین روی آنها اعمال می شود. با اعمال این روش ها طیف داده لرزه ای به مولفه های اصلی تفکیک می شود که هر کدام از آنها رفتار تناوبی دارند که قابل برونویابی هستند. پس از برونویابی هر مولفه ای طیف برونویابی شده از ترکیب این مولفه ها به دست می آید. مولفه های حقیقی و موهومی طیف بسامدی رد لرزه برونویابی می شوند. کارایی روش پیشنهادی روی داده های لرزه ای مصنوعی و واقعی مورد ارزیابی قرار گرفته است.

واژه های کلیدی: قدرت تفکیک زمانی، واهمامیخت در حوزه بسامد، آنالیز طیف تکین، خودبرون یابی مولفه های طیف

Improvement of Temporal Resolution of Seismic Data Using Singular Spectrum Analysis And Autoregressive Methods

Mohammadi Gheimasi, H.¹, Siahkoohi, H. R.² and Lucas, C.³

¹ M.Sc. Student of Geophysics, Earth Physics Department, Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran

² Associate Professor, Earth Physics Department, Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran

³ Professor, Department of Electronics Engineering, Faculty of Engineering, University of Tehran, Iran

(Received: 25 Jun 2008 , Accepted: 13 Oct 2009)

Abstract

Temporal resolution of seismic data is proportional to the seismic band width. Seismic data still have not enough temporal resolution because of the band-limited nature of available data even if it is deconvolved. Lower and higher frequencies of seismic data spectrum are missing and cannot be recovered by the usual deconvolution methods. Because of absorption, high frequencies belonging to the spectrum are missing and recovery of lower frequencies is also a big deal (Lindseth, 1979). Many different deconvolution techniques have been developed to process the data obtained from various sources ranging of seismic data. especially, since for many years in seismic processing, they have been used to improve the temporal resolution of seismic data. In this paper we introduce a method that is the generalization of the autoregressive (AR) spectral

extrapolation based method originally applied by Hakan Karsli (2006), which extrapolates the deconvolved seismic spectrum for recovery of missed frequencies. When reflectors are numerous, the seismic spectrum is complicated and extrapolation by AR-based methods is uncertain. The introduced method takes a certain part of both real and imaginary parts of the spectrum, where S/N is high compare to the rest of the spectrum, and extrapolates lower and higher portions of the spectrum using Singular Spectrum Analysis (SSA) and Autoregressive model. Experience shows that a 3–10 dB drop from the maximum amplitude of the spectrum of the source wavelet represents a high SNR portion of the spectrum. Because of the existence of unwanted noise, the usual regression algorithms do not lead to favorable results. In second step of extrapolation algorithm we decompose selected spectrum by SSA.

SSA is a tool to extract information from short and noisy chaotic time series (Vautard et al., 1992). It relies on the Karhunen-Loeve decomposition of an estimate of the covariance matrix based on "M" lagged copies of the time series. Thus as the first step,

the embedding procedure is applied to construct a sequence $\{\tilde{X}(t)\}$ of M-dimensional vectors from the time series:

$$\{X(t) : 1, \dots, N\},$$

$$\tilde{X}(t) = (X(t), X(t+1), \dots, X(t+M-1)),$$

$$t = 1, \dots, N', N' = N - M + 1$$

The $N' \times M$ trajectory matrix (D) of the time series has the M dimensional vectors as its columns, and is obviously a Hankel matrix (the elements on the diagonals $j + j = \text{constant}$ are equal). In the second step, the $M \times M$ covariance matrix C_x is calculated as:

$$C_x = \frac{1}{N'} D^T D$$

C_x Eigen elements can be determined by Singular Value Decomposition (SVD):

$$C_x = U \Sigma V^T; U^T U = I; V^T V = I$$

The elements of diagonal matrix $\Sigma = [\text{diag}(\sigma_1 \dots \sigma_M)]$ are the singular values of D and are equal to the square roots of the C_x Eigenvalues. The C_x Eigen elements $\{(\lambda_k, \rho_k) : k = 1 \dots M\}$ are obtained from:

$$C_x \rho_k = \lambda_k \rho_k$$

Each Eigenvalue, λ_k , estimates the partial variance in the ρ_k direction, and the sum of all Eigenvalues equals the total variance of the original time series. In the third step, the time series is projected onto each Eigenvector, and yields the corresponding principal component (PC) for each $PC_k(t)$:

$$PC_k(t) = \sum_{j=1}^M X(t+j-1) \rho_k(j)$$

Each of the principal components, a nonlinear or linear trend, a periodic or quasi-periodic pattern, or a multiperiodic pattern, has a narrow band frequency spectrum and well defined characteristics to be estimated.

As the fourth step, the time series is reconstructed by combining the associated principal components:

$$R_K(t) = \frac{1}{M_t} \sum_{k \in K} \sum_{j=L_t}^{U_t} PC_k(t-j+1) \rho_k(j)$$

Data extrapolation algorithms based on AR techniques have been commonly used for modeling the past values (backward) and future values (forward) of a signal Walker and Ulrych, 1983; Miyashita et al., 1985; Each principal component is applied to the AR extrapolation method, to obtain the next and previous missed frequencies of that principal component using the following extrapolation equation:

$$X_f = \sum_{n=1}^p a_n X_{f-n} + Z_f$$

That is the autoregressive equation of order p, i.e. extrapolate kth frequency based on the linear sum of p previous frequencies. a_n s are AR coefficients and Z_k is random noise. The coefficients can be computed from autocorrelation estimates, from partial autocorrelation, and from least-squares matrix procedures. There are several approaches to select the model order for practical situations.

In this study, AR model order L is selected equal to 0.3 times of the length of the high S/N portion of the trace spectrum, which is suggested by Walker and Ulrych (1983).

After extrapolation of each principal component, the trace spectrum is reconstructed by combining the associated extrapolated principal components. The seismic data whose temporal resolution has been improved is calculated by an inverse Fourier transform of SSA and AR spectral extrapolated spectrum. The results from synthetic and real seismic data are presented.

Key words: temporal resolution, frequency domain deconvolution, Singular Spectrum Analysis, autoregressive extrapolation.

۱ مقدمه

بسامدهای زیاد طیف در گسترش پهنای باند دادهها و افزایش قدرت تفکیک زمانی دادهها موثرند، و بسامدهای کم طیف در تفسیرهای زمین شناختی و معکوس سازی در لرزه شناسی اهمیت خاص خود را دارند (واکر و الیش، ۱۹۸۳). روش های واهمامیخت متعددی بر حسب انواع موجک های لرزه ای به وجود آمده اند و واهمامیخت در حکم ابزاری برای افزایش قدرت تفکیک زمانی دادهها، گسترش پهنای باند لرزه ای و بهبود تشخیص محل و دامنه بازتابندها شناخته شده است. بعد از اعمال این مرحله از پردازش، قابلیت تفسیر داده های لرزه ای به طور چشم گیری بهبود می یابد (زالا، ۱۹۹۲) و بسامدهای بزرگ

افزایش قدرت تفکیک زمانی دادهها از ضروری ترین مراحل در پردازش داده های لرزه ای است. فقدان قدرت تفکیک زمانی کافی، مشکلی است که نه تنها باعث هم پوشانی بازتاب های لرزه ای می شود بلکه در بعضی موارد تشخیص تک تک بازتابندها را غیرممکن می کند. این مشکل به دلیل طبیعت ذاتی محدود بودن پهنای باند موجک های لرزه ای، اجتناب ناپذیر است. قدرت تفکیک زمانی داده های لرزه ای مناسب با پهنای باند آنها است. مولفه های بسامدی زیاد و کم طیف، قابل بازیابی مستقیم از داده ها نیستند و روش های مرسوم واهمامیخت در بازیابی آنها ناتوان است (لیندست، ۱۹۷۹). معمولاً

در حوزه بسامد، هر بازتاب کننده که با تابع ضربه نمایش داده شود، دارای تبدیل فوریه همان بازتاب کننده خواهد بود. مولفه‌های حقیقی و موهومی آن به صورت جداگانه بر حسب بسامد در رابطه (۳) نشان داده شده‌اند.

$$\begin{aligned} \operatorname{Re}(X(f)) &= RC_0 \cos(n_0 \omega) \\ \operatorname{Im}(X(f)) &= -RC_0 \sin(n_0 \omega) \end{aligned} \quad (3)$$

مشاهده می‌شود که هر دو مولفه، تناوبی و تک بسامد هستند. بدینه است، مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف حاصل از گروهی از بازتاب‌کننده‌ها که با تابع ضربه نشان داده شده‌اند، مجموعه‌ای از مولفه‌های تناوبی با بسامدی متفاوت خواهد بود (محمدی قیماسی، ۱۳۸۷). شکل ۱ a) سری بازتابی و مولفه حقیقی طیف فوریه آن را نشان می‌دهد (مولفه موهومی نیز مشابه است).

همامیخت سری بازتابی و موجک در حوزه بسامد به صورت ضرب طیف بسامدی آنها است. اگر طیف فوریه موجک و سری بازتابی را به صورت طیف دامنه و فاز نشان دهیم، حاصل عمل همامیخت، ضرب طیف دامنه آنها و جمع طیف فاز آنها است. حاصل این همامیخت در حوزه فوریه، تاثیر طیف دامنه موجک به صورت یک پوش روی مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف سری بازتابی خواهد شد. شکل ۱ e) و f) ردلرزه مصنوعی و مولفه حقیقی طیف فوریه آن را نشان می‌دهد. مولفه موهومی نیز مشابه است.

۳ واهمامیخت در حوزه بسامد

روش واهمامیخت فیلتر وینر پرکاربردترین روش در واهمامیخت داده‌های لرزه‌ای (سگاف و توکسوز، ۱۹۹۹) و قوی‌ترین روش برای داده‌هایی در گستره گوناگون است (جورکویکر و ویگیتر، ۱۹۸۴). کاربردهای فیلتر وینر با جزئیات در مقالات گوناگون آورده شده است (کلربات، ۱۹۷۶ و رابینسون و تریتل، ۱۹۸۰).

شکل ریاضی ردلرزه حاصل از مدل همامیخت به

طیف به مقدار زیاد و بسامدهای کوچک تا حد کمتری بازیابی می‌شوند. علی‌رغم آن، چون محتوای بسامدی موجک‌های لرزه‌ای محدود به بسامدهای معینی است، اعمال روش‌های واهمامیخت متعدد، داده‌هایی را که هنوز محدودیت بسامدی دارند، ایجاد می‌کنند (واکر و الیچ ۱۹۸۳). طیف بسامدی داده واهمامیخت شده در مرحله بعدی را می‌توان با روش‌های برون‌یابی طیفی گستردۀ تر (کارسلی، ۲۰۰۶) و به تبع آن قدرت تفکیک زمانی را افزایش داد. در روش‌های عرضه شده تاکنون، طیف‌های بسامدی به صورت یک سری مخلوط برون‌یابی شده‌اند. در این تحقیق مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف مورد برون‌یابی قرار می‌گیرد و از آنالیز طیف تکین در حکم ابزاری توانمند در برون‌یابی طیف بسامدی، استفاده می‌شود و استفاده از آنالیز طیف تکین در این تحقیق، برتری روش این تحقیق نسبت به تحقیقات قبلی است. در این مقاله شکل ریاضی روش واهمامیخت وینر در حوزه بسامد نیز معرفی می‌شود و تاثیر واهمامیخت وینر در حوزه بسامد روی مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف بسامدی داده بررسی می‌شود.

۲ بازتاب در مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف

اگر بازتاب کننده با ضریب بازتاب RC_0 ، در عمق زمانی $n = n_0$ باشد، خروجی مطلوب (با نمایش بازتاب کننده با تابع ضربه) به صورت همامیخت ضربه و بازتاب کننده مطابق رابطه (۱) خواهد بود.

$$x(n) = RC(n) * \delta(n) \quad (1)$$

این همامیخت در حوزه بسامد، تبدیل به ضرب می‌شود (رابطه ۲).

$$X(f) = RC(f)F(\delta(n)), \quad F(\delta(n)) = 1 \quad (2)$$

$$X(f) = RC(f) = RC_e^{-ion}$$

ردلرزه اعمال می شود، پهنهای باند نویه های موجود در ردلرزه نیز همراه با پهنهای باند سیگنال افزایش می یابد و این باعث کاهش نسبت سیگنال به نویه می شود. کاهش نسبت سیگنال به نویه اجتناب ناپذیر است. افزایش قدرت تفکیک به بهای کاهش نسبت سیگنال به نویه میسر می شود. واهمامیخت در حوزه بسامد ویژگی دیگری نیز دارد، به علت ضرب کردن در $(f)W^*(f)$ و تقسیم کردن بر $|W(f)|^2$ ، علاوه بر از بین رفتن اثر دامنه موجک، اثر فاز آن نیز از بین می رود. انتظار داریم که خروجی حاصل از واهمامیخت به روش وینر در حوزه بسامد، ردلرزه ای با موجک های با فاز صفر شود و این در شناسایی محل دقیق بازتابندها تعیین کننده است. در اثر عمل واهمامیخت، اثر محدودیت طیفی موجک در مولفه هایی از طیف که نسبت سیگنال به نویه بزرگی دارند، از بین می رود و در آن محدوده طیف تخت می شود. شکل ۱ (g و h) ردلرزه واهمامیخت شده و مولفه حقیقی طیف فوریه آن را نشان می دهد (مولفه موہومی نیز مشابه است).

مالحظه می کنیم که در اثر عمل واهمامیخت اثر موجک در مولفه هایی از طیف که نسبت سیگنال به نویه بزرگی دارد، از بین می رود و طیف سری بازتابی و واهمامیخت شده شبه شده تفاوت های باقی مانده به دلیل وجود نویه است.

در ادامه برای عملی ساختن بروون یابی طیفی، بخشی از مولفه های حقیقی و موہومی طیف را که نسبت سیگنال به نویه بزرگی دارد انتخاب و با استفاده از خاصیت تناوبی مولفه های طیف، آنها را بروون یابی می کنیم.

۴ انتخاب بخشی از طیف با نسبت سیگنال به نویه بزرگ

براساس تحقیقات گذشته (میاشیتا و همکاران، ۱۹۸۵)، (زالا و همکاران، ۱۹۸۸) بخشی از طیف توان که ۳ تا ۱۰

صورت رابطه (۴) است.

$$X(f) = R(f)W(f) + N(f) \quad (4)$$

در این رابطه $X(f), W(f), R(f), N(f)$ به ترتیب $X(t), W(t), R(t), N(t)$ تبدیل فوریه های $R(f)$ یا همان طیف فوریه سری بازتابی، از یک تقسیم ساده به دست می آید. در مواردی که به خاطر حضور نویه در داده ها مسئله بدشرط می شود (ill condition)، این تقسیم غیر عملی است. برای غلبه بر این مشکل، شکل جدیدی از تابع بسامد فیلتر وینر براساس حداقل کردن مجموع مربعات خطای صورت زیر قبل طرح است (لوی و فولاگار، ۱۹۸۱).

$$R(f) = \frac{X(f).W^*(f)}{|W(f)|^2 + Q^2} \quad (5)$$

که در آن $W^*(f)$ مزدوج مختلط $W(f)$ و Q^2 عدد ثابت مستقل از بسامدی است، که فاکتور کاهش حساسیت به نویه نامیده می شود. مقدار Q^2 براساس حداقل کردن مربعات خطای صورت زیر با مقدار رابطه (۶) است.

$$Q^2(f) = \frac{S_n(f)}{S_r(f)} \quad (6)$$

که در آن $S_n(f)$ و $S_r(f)$ به ترتیب توابع چگالی طیف توان سری بازتابی و نویه نامعلوم اند. در واقع Q^2 عمل افزودن نویه سفید (Prewhitening) در حوزه بسامد را انجام می دهد. مقدار تجربی Q^2 که توسط پردازش گران توصیه شده است (لوی و فولگولار، ۱۹۸۳)، (میاشیتا و همکاران، ۱۹۸۵)، (سین و چن، ۱۹۹۲) و (نیل و همکاران، ۱۹۹۳) به صورت رابطه (۷) است.

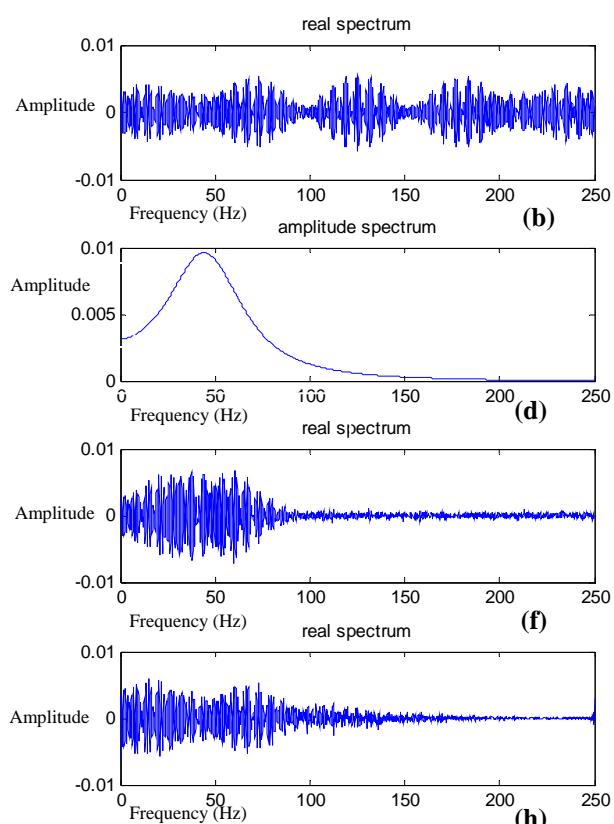
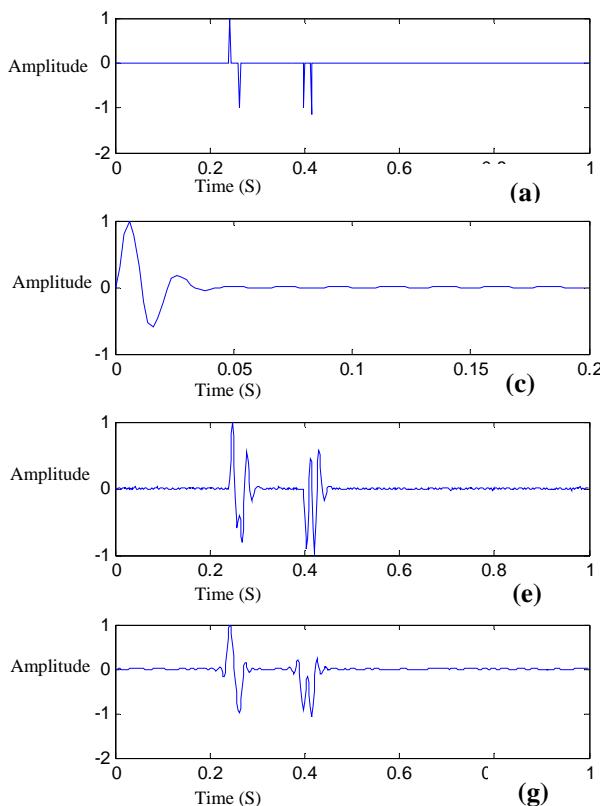
$$Q^2 = .01(|W(f)|^2) \quad (7)$$

با کاهش نسبت سیگنال به نویه مقدار Q^2 باید افزایش یابد. این عمل باعث کاهش اثر نویه در واهمامیخت می شود. هنگامی که واهمامیخت به روش وینر روی

می‌شوند. دلیل انتخاب سه پنجره بسامدی ایجاد تعادل برای بسامدهای کوچک و بزرگ و از بین بردن اثرات تصنیعی است. پس از برونویابی در هر سه پنجره، نتایج در حوزه بسامد میانگین‌گیری می‌شود و پس از آن به حوزه زمان برگردانده می‌شود. البته ممکن است پس از برونویابی هم طیف بسامدی، کاملاً تخت نشود، ولی در صورت انتخاب الگوریتم مناسب، قدرت تفکیک زمانی و نسبت سیگنال به نویه افزایش چشم‌گیری خواهد داشت. در شکل ۲ بخش انتخابی از طیف با یک مستطیل سرخ رنگ نشان داده شده است.

دستی بل پایین‌تر از بیشینه طیف توان موجک باشد (از ۳۷۰ تا ۷۴۰، بیشینه طیف توان موجک)، دارای نسبت سیگنال به نویه بزرگی است. علاوه‌بر این، پنجره بسامدی باید شامل بخش تختی از طیف ردیلزه باشد. در روشه که هنرور و همکاران (۲۰۰۴) به انجام رساند، از سه پنجره بسامدی به جای یک پنجره استفاده شده است. آنها با این کار در واقع سختی انتخاب یک پنجره بسامدی از راه آزمون و خطرا برطرف کردند.

سه پنجره بسامدی پیش‌گفته، dB_L ، dB_C و dB_H به ترتیب به مترله افت کم، زیاد و متوسط در محدوده افت ۳ تا ۱۰ دستی بل از طیف توان پیش‌گفته موجک انتخاب



شکل ۱. (a) سری بازتابی. (b) مولفه حقیقی طیف فوریه سری بازتابی. (c) موجک. (d) طیف دامنه موجک. (e) ردلرزه حاصل از همامیخت موجک و سری بازتابی. (f) طیف فوریه ردلرزه. (g) ردلرزه واهمامیخت شده در حوزه بسامد. (h) طیف فوریه ردلرزه واهمامیخت شده.

تاخیر صفر از هم مستقل هستند. الگوهای رفتاری ممکن است شامل روندها، نوسانها و نوفه باشند. مولفه های اساسی که سری زمانی به آنها تجزیه می شود، یک فضای M' بعدی متعدد را تشکیل می دهد و هر بعده آن می تواند شامل چند مولفه نوسانی با بسامدهای متفاوت باشد. تجزیه به مولفه های اساسی مانند اعمال فیلتر های میانگذر بر سری زمانی است. روش آنالیز طیف تکین بر اساس محاسبه بسط جهت های اساسی بردارهای

افزاینده زمان $\{x_t : t = 1, \dots, N'\}$ در فضای فاز است. این روش براساس بسط کارهونن - لاو است که روی تقریب ماتریس کوواریانس به دست آمده از تاخیرهای متوالی M' تابی سری زمانی عمل می کند. گام اول، تشکیل بردارهای M' بعدی متوالی از سری و قرار گیری در دنباله $\{\tilde{x}_t\}$ است.

$$\{x_t : t = 1, \dots, N\}$$

$$\tilde{x}_t = (x_t, x_{t+1}, \dots, x_{t+M-1}) \quad (9)$$

$$t = 1, \dots, N' \quad N' = N - M + 1$$

با قرار دادن بردارهای بالا در ستون های کنار هم، ماتریس $D_{N' \times M}$ تشکیل می شود، که به شکل ماتریس هنکل (برابری درایه های با $j+i$ ثابت) در می آید. در گام دوم، ماتریس $M \times M$ کوواریانس C_x با رابطه زیر به دست می آید:

$$C_x = \frac{1}{N'} D^T D \quad (10)$$

عناصر ویژه C_x با تفکیک مقادیر تکین تعیین می شوند:

$$C_x = U \Sigma V^T \quad ; \quad U^T U = I, \quad V^T V = I \quad (11)$$

که عناصر قطری ماتریس $\Sigma = [\text{diag}(\sigma_1, \dots, \sigma_M)]$ همان مقادیر تکین ماتریس D و برابر ریشه دوم مقادیر ویژه C_x هستند. عناصر ویژه

۱-۴ برونویابی مولفه های طیف

بخش انتخاب شده از مولفه های حقیقی و موهومی طیف را در حکم سری های زمانی خوش رفتار در نظر می گیریم و از الگوریتم های پیش بینی سری های زمانی در برونویابی این مولفه ها استفاده می کنیم. در این روش از آنالیز طیف تکین در حکم ابزاری توانمند در پیش بینی مولفه ها استفاده می کنیم و این برتری روش معرفی شده در این مقاله نسبت به روش های پیشین است (محمدی قیماسی، ۱۳۸۷).

۲-۴ آنالیز طیف تکین

آنالیز طیف تکین برای استخراج اطلاعات از سری های زمانی کوتاه و نوفه ای طراحی شد (واتارد و گیل، ۱۹۸۹). نقطه آغازی آنالیز طیف تکین، نشاندن سری زمانی $\{x_t : t = 1, \dots, N\}$ در یک فضای برداری M' بعدی، یعنی نمایش آن در مسیر فضای فاز سامانه فرضی ایجاد کننده آن و تولید فضای برداری $\{\tilde{x}_t\}$ است. به عبارتی این کار معادل با نمایش رفتار سامانه در چشم اندازهای متوالی این سری زمانی از میان یک پنجره متحرک M نمونه ای است. با این کار یک فضای اسکالر را به یک فضای برداری تبدیل می کنیم. نحوه نشاندن سری زمانی $\{x_t : t = 1, \dots, N\}$ برای تولید فضای برداری M' بعدی $\{\tilde{x}_t\}$ استفاده از چشم اندازهای متوالی سری زمانی $\{x_t : t = 1, \dots, N\}$ یعنی:

$$\tilde{x}_t = (x_t, x_{t+1}, \dots, x_{t+M-1}) \quad (8)$$

و کنار هم قرار دادن این بردارهای M' بعدی است. تعداد این بردارهای M' بعدی $N' = N - M + 1$ است. آنالیز طیف تکین با نشاندن سری زمانی در فضای فاز با مختصات تاخیری، با تجزیه توالی بردارهای افزاینده زمان اطلاعات را از هم باز می کند و الگوهای رفتاری ابتدایی آن را به دست می آورد. این الگوهای رفتاری ابتدایی در

ماتریس C_X ، $C_{X_k} : k = 1, \dots, M\}$ از رابطه زیر

به دست می‌آید:

$$C_X \rho_k = \lambda_k \rho_k \quad (12)$$

هر مقدار ویژه λ_k واریانس جزئی در جهت ρ_k را به مشخص می‌کند و مجموع مقادیر ویژه همان واریانس سری زمانی است. در گام سوم، سری زمانی در جهت هریک از بردارهای ویژه تصویر می‌شود، که با این کار اجزای اصلی سری زمانی به دست می‌آید. برای هر جزء اصلی داریم:

$$PC_k(t) = \sum_{j=1}^M X(t+j-1) \rho_k(j) \quad (13)$$

هر جزء اصلی برای روندهای خطی یا غیرخطی و الگوهای متناوب یا شبهمتناوب یا چندتناوبه، پنهانی باند باریکی از طیف بسامدی را اشغال می‌کند و مشخصه خوش تعریفی برای برآورد دارد. در گام چهارم، سری با ترکیب اجزای اصلی متناظر بازسازی می‌شود:

$$R_K(t) = \frac{1}{M} \sum_{k \in K} \sum_{j=L_t}^{U_t} PC_k(t-j+1) \rho_k(j) \quad (14)$$

که در آن فاکتور هنجارسازی (M_t) و حد بالا (U_t) و حد پایین (L_t) برای مرکز و شروع و پایان سری متفاوت است:

$$(M_t, L_t, U_t) = \begin{cases} (t, 1, t), & \text{when } 1 \leq t \leq M-1 \\ (M, 1, M), & \text{when } M \leq t \leq N \\ (\min(t, N-t+1), t-N+M, M), & \\ \text{when } N'+1 \leq t \leq N \end{cases} \quad (15)$$

شایان ذکر است که اگر همه اجزا برای بازسازی به کار روند، سری اولیه به دست خواهد آمد.

پس از تجزیه طیف انتخاب شده به مولفه‌های خوش‌رفتار برای پیش‌بینی با آنالیز طیف تکین، این مولفه‌ها را با اعمال یک مدل خطی (آکایک، ۱۹۶۹) برونویابی می‌کنیم. به این ترتیب که هر نمونه از این سری زمانی را ترکیب خطی p نمونه قبلی در نظر می‌گیریم و پارامترهای این مدل خطی را به دست می‌آوریم. اگر یک مدل خطی از مرتبه p داشته باشیم.

$$x_t = \alpha_1(x_{t-1}) + \dots + \alpha_p(x_{t-p}) + z_t \quad (16)$$

پارامترهای $\alpha_1, \dots, \alpha_p$ با روش حداقل مربعات خطای حداقل کردند

$$S = \sum_{t=p+1}^N [x_t - \alpha_1(x_{t-1}) - \dots - \alpha_p(x_{t-p}) - z_t]^2 \quad (17)$$

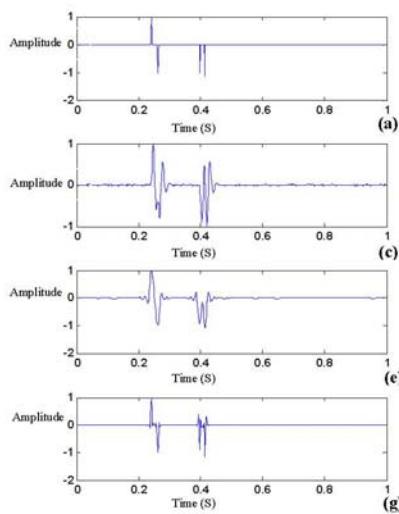
نسبت به $\alpha_1, \dots, \alpha_p$ ، به دست می‌آید. از واژه خودبرونویابی به دلیل برونویابی مقادیر طیف از روی مقادیر قبلی آن، استفاده شده است.

۵ اعمال روش روی داده واقعی و مصنوعی

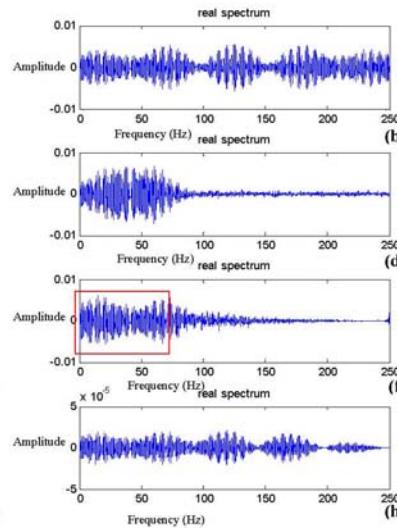
پس از برونویابی مولفه‌های اساسی و ترکیب آنها، مولفه‌های حقیقی و موهومی طیف دوباره ترکیب می‌شوند و یک طیف مختلط را تشکیل می‌دهند. با اعمال عکس تبدیل فوریه روی این طیف، ردیفرزه و اهماییخت شده به دست می‌آید. شکل ۲ (h) و (g) مولفه حقیقی و ردیفرزه برونویابی شده حاصل را نشان می‌دهد.

از مقایسه شکل ۲ (e) و (g) افزایش قدرت تفکیک زمانی داده‌ها مشهود است. همچنین با مقایسه شکل ۲ (b) و (h) می‌توان به میزان شباهت مولفه حقیقی طیف سری بازتابی و بخش برونویابی شده پی برد. همچنین شکل، کارایی این روش را در تفکیک بازتاب‌های نزدیک به هم

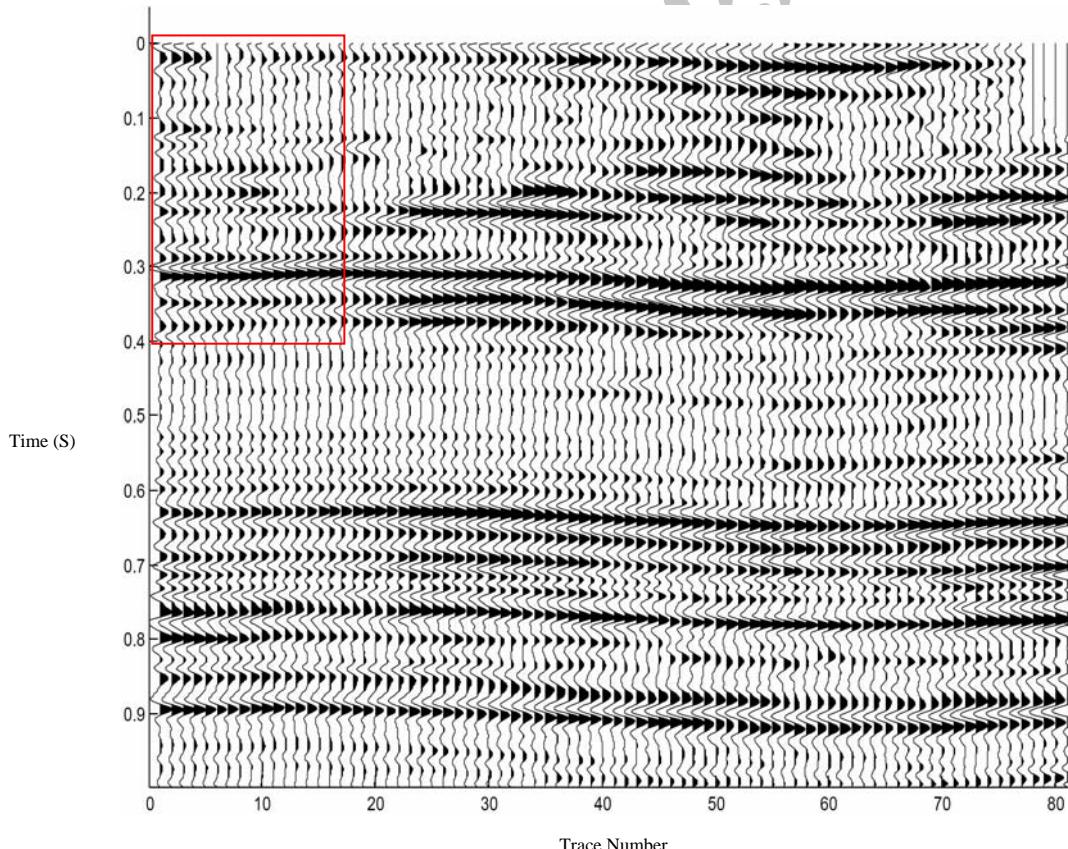
در شکل های ۳، ۴ و ۵ نشان داده شده است. در شکل ۶ هم بخشی از مقطع بزرگنمایی شده است تا جزئیات بیشتر در خصوص عملکرد روش نشان داده شود.



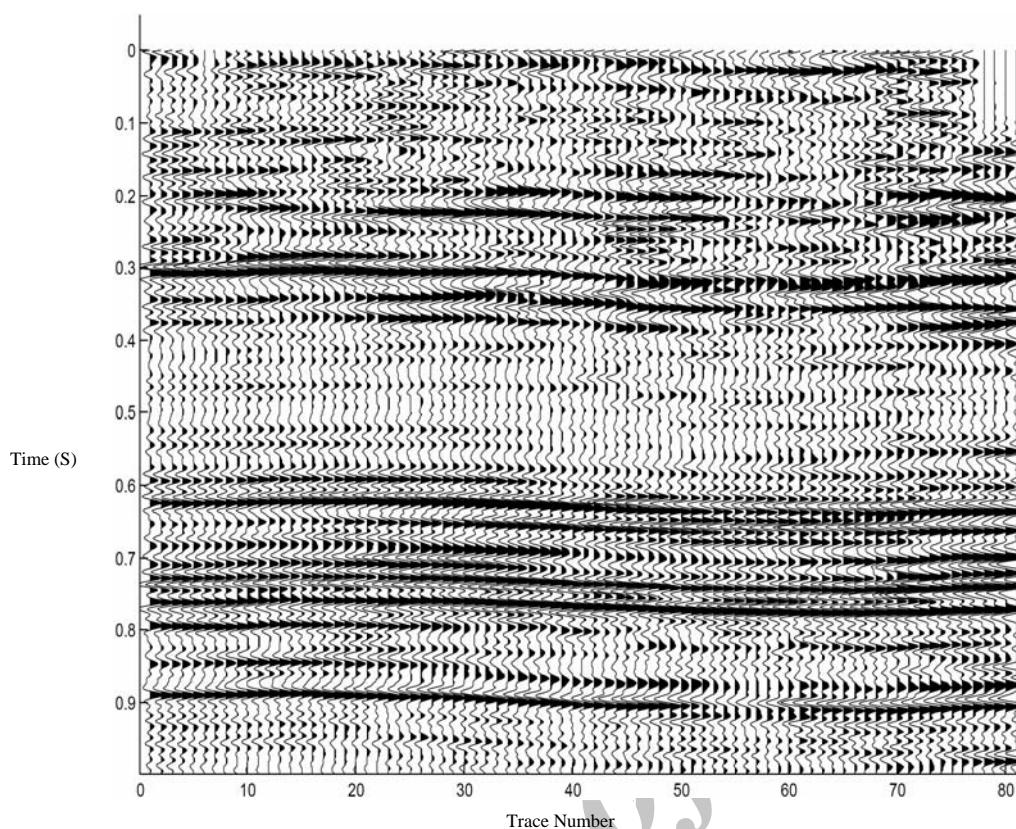
مشخص می کند. برای نشان دادن هرچه بیشتر توانایی روش در تفکیک بازتاب های نزدیک بهم، این روش روی یک مقطع برآنبارش شده اعمال شد که و حاصل آن



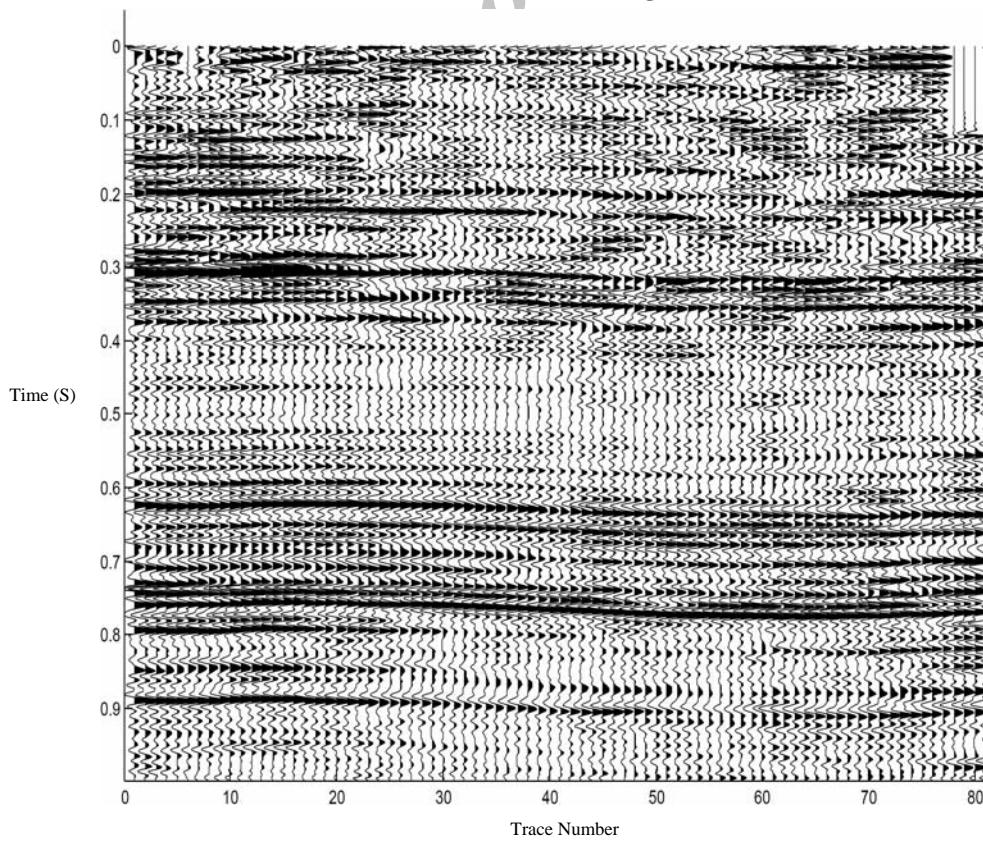
شکل ۲. (a) سری بازتابی. (b) مولفه حقیقی طیف فوریه سری بازتابی. (c) ردلرزه. (d) مولفه حقیقی طیف ردلرزه. (e) ردلرزه و اهمامیخت شده در حوزه بسامد. (f) طیف فوریه ردلرزه و اهمامیخت شده. (g) ردلرزه برآوینابی شده. (h) طیف فوریه ردلرزه برآوینابی شده.



شکل ۳. مقطع لرزه ای برهم نهش شده.



شکل ۴. مقطع لرزه‌ای و اهمامیخت شده در حوزه بسامد.



شکل ۵. مقطع لرزه‌ای برونویابی طیفی شده

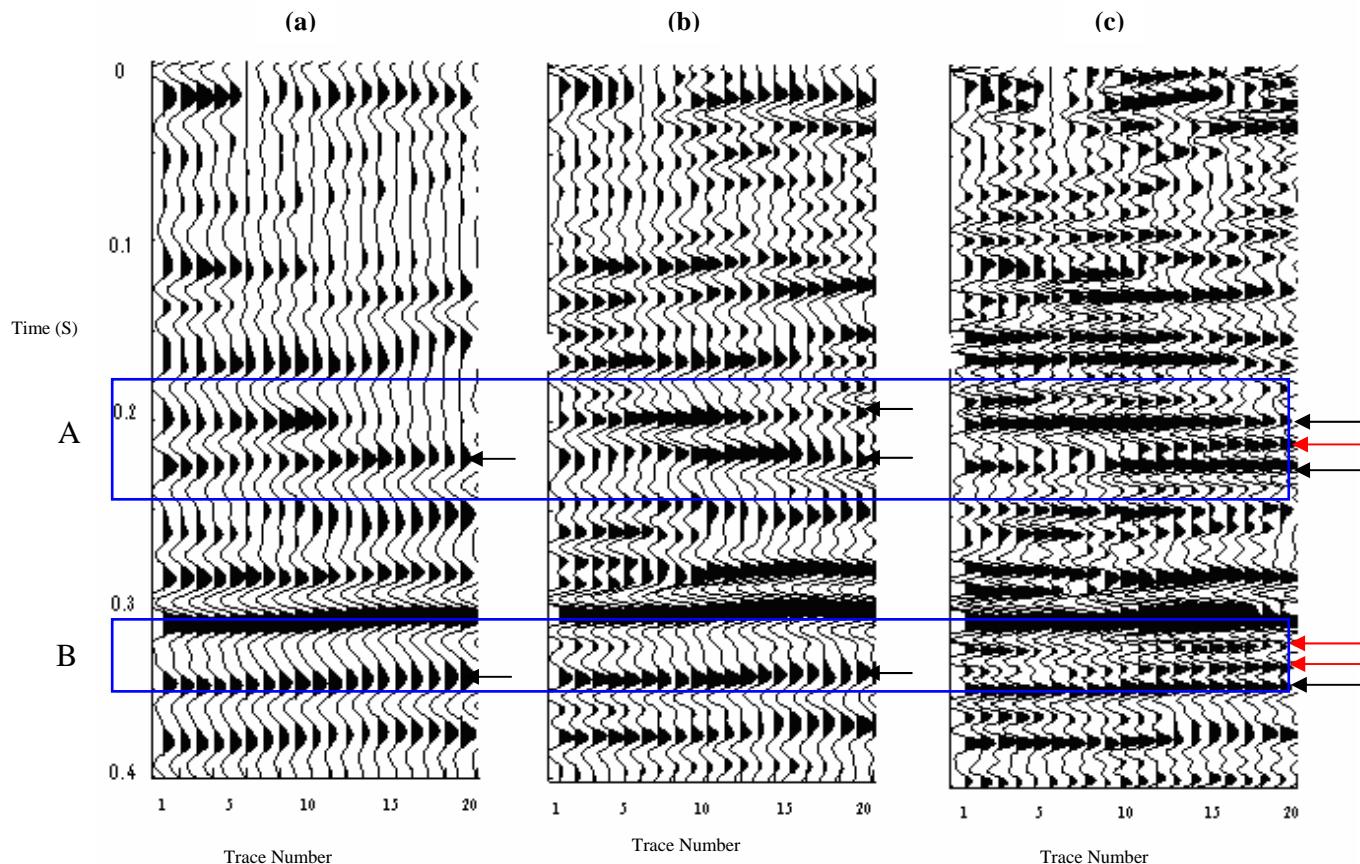
تکین و استفاده از ویژگی تناوبی بودن این مولفه ها، امکان بروندیابی دقیق تر طیف وجود دارد.

در روش بروندیابی طیف بسامدی، دقت در استخراج موجک، اهمیت و تاثیر بسزایی در واهما میخت بسامدی دارد. طیف انتخابی برای بروندیابی طیفی باید دارای نسبت سیگنال به نویه بزرگ و تخت شدگی کافی باشد و این مستلزم اعمال دقیق واهما میخت بسامدی است. از این رو استفاده از روش های دقیق استخراج موجک برای بروندیابی لازم است.

برای مقایسه دقیق این مقاطع بخشی از مقطع برهم نهش شده در شکل (۳) که با مستطیل سرخ رنگ مشخص شده است را انتخاب و در شکل (۶) این بخش از داده ها را با هم مقایسه کرده ایم. با دقت در شکل (۶) می بینیم که، در مقطع بروندیابی طیفی شده، رویدادهای لرزه ای ادغام شده به خوبی از هم و قابل تشخیص تر شده است.

۶ نتیجه گیری

در بروندیابی طیف بسامدی در مولفه های حقیقی و موهومی طیف، به دلیل توانایی در استفاده از آنالیز طیف



شکل ۶. مقایسه بخش درون مستطیل از شکل ۳ (a) مقطع برهم نهش شده. (b) مقطع بروندیابی طیفی شده. (c) مقطع بروندیابی طیفی شده. بازتابندهای تفکیک شده با روش جدید در دو پنجره زمانی A و B با پیکان سرخ رنگ نشان داده شده است.

- Claerbout, J. F., 1976, Fundamentals of Geophysics Data Processing: McGraw-Hill Inc., NewYork.
- Honorvar, F., Sheikhzadeh, H., Moles, M., Sinclair, A. N., 2004, Improving the time-resolution and signal-noise ratio of ultrasonic: NDE signals. *Ultrasonics*, **41**, 755–763.
- Jurkevics, A., Wiggins, R., 1984, A critique of seismic deconvolution methods: *Geophysics*, **49**, 2109–2116.
- Karsli, H., 2006, Further improvement of temporal resolution of seismic data by autoregressive (AR) spectral extrapolation: *Journal of Applied Geophysics*, **59**, 324–336.
- Levy, S., Fullagar, P. K., 1981, Reconstruction of sparse spike train from a portion of its spectrum and application to high resolution deconvolution: *Geophysics*, **46**, 1235–1243.
- Lindseth, R. O., 1979, Synthetic sonic logs—a process for stratigraphic interpretation: *Geophysics*, **44**, 3–26.
- Miyashita, T., Schwelick, H., Kessel, W., 1985, Recovery of ultrasonic impulse response by spectral extrapolation: in *Acoustical Imaging*, A. J. Berekhout et al., Eds. NewYork, NY: Plenum press, **14**, 247–257.
- Neal, S. P., Speckman, P. L., Enright, M. A., 1993, Flaw signature estimation in ultrasonic Nondestructive Evaluation using the Wiener Filter with limited prior information: *IEEE Transactions on Ultrasonic, Ferroelectrics and Frequency Control*, **40**, 347–352.
- Robinson, E. A., Treitel, S., 1980, *Geophysical Signal Analysis*: Prentice-Hall, NewYork, 25–31.
- Saggaf, M. M., Toksöz, M. N., 1999, An analysis of deconvolution: modeling reflectivity by fractionally integrated noise: *Geophysics*, **64**, 1093–1107.
- Sin, A. K., Chen, C. H., 1992, A comparison of deconvolution techniques for the ultrasonic nondestructive evaluation of materials: *IEEE Transactions on Image Processing* 1, 3–10.
- Vautard, R. and M. Ghil., 1989, Singular spectrum analysis in nonlinear dynamics with applications to paleoclimatic time series: *Physica D*, **35**, 395–424.

با استفاده از روش آنالیز طیف تکین در برونویابی طیفی توانستیم سهم بازتابندها با ضرایب بازتاب کوچک را در طیف انتخابی برای برونویابی محفوظ نگه داریم و در برونویابی از آنها هم استفاده کنیم. این روش ابزاری توانمند در پیش‌بینی سری‌های زمانی و برونویابی طیفی است.

همان‌گونه که در مثال‌های مصنوعی و واقعی نشان داده شد، اعمال روش برونویابی طیفی با آنالیز طیف تکین و خودبرونویابی مولفه‌های طیف، روشهای سودمند در افزایش قدرت تفکیک زمانی داده‌های لرزه‌ای است. در اعمال روش روی داده واقعی، بهدلیل وجود پدیده‌های غیرخطی بسیار زیاد در طبیعت، برونویابی تا بسامد نایکوییست، نیازمند انتخاب دقیق پارامترها در هر ردلرزه است. برای غلبه بر مشکلات جذب بسامدی و خطای ناشی از استخراج غیردقیق موجک، ناچاریم یک ردلرزه را از لحاظ زمانی به قطعه‌های کوچک‌تر تقسیم کنیم و الگوریتم برونویابی را روی این قطعات جداگانه عملی سازیم.

اعمال این روش روی یک مقطع با رد لرزه‌های متعدد، کاری بسیار زمانبر است. به همین دلیل در این تحقیق بهجای افزایش ایدئال پهنه‌ای باند، سعی شد با دو برابر کردن پهنه‌ای طیف، به قدرت تفکیک زمانی قابل قبولی برسیم. در صورت نیاز به قدرت تفکیک زمانی بیشتر در بخش خاصی از مقطع، اعمال برونویابی کامل طیف تا بسامدهای پایانی برای آن محدوده از مقطع، کاری ساده‌تر و با توجه به کوچک بودن محدوده، مقرن به صرفه نیز خواهد بود.

منابع

- محمدی قیماسی، ح.، ۱۳۸۷، برونویابی طیف بسامدی به منظور بهبود قدرت تفکیک داده‌های لرزه‌ای، پایان‌نامه کارشناسی ارشد ژئوفیزیک، موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران.

- Akaike, H., 1969, Fitting autoregressive models for prediction: *Ann.Inst. Stat. Math.*, **21**, 243–247.

- Walker, C., Ulrych, T. J., 1983, Autoregressive modeling of the acoustic impedance: *Geophysics*, **48**, 1338–1350.
- Zala, C. A., Barrodale, I., McRae, K., 1988, High resolution deconvolution of ultrasonic traces: Nato ASI Series, Signal Processing and Pattern Recognition, **1**, 101–108.
- Zala, C. A., 1992, High resolution inversion of ultrasonic traces: IEEE Transactions on Ultrasonic, Ferroelectrics and Frequency Control, **39**, 458–463.

Archive of SID