

	I
تحليل عددي نانير راويه قرار ديري شوراحهاي	
مهارکننده بر عملکرد خنککاری لایهای	
در مطالعه حاضر به تحلیل عددی سه بعدی میدانهای جریان و دما، برای مدلهای	محمدجواد كاظمى طاسكوه
مختلف هندسه سوراخ تزریق خنک کاری لایهای بر روی صفحه تخت پرداخته شده	دانشحوی کارشناسی ارشد
است. شبیهسازیهای عددی با استفاده از یک شبکه سازمان یافته، غیریکنواخت و	
شش وجهی شامل کانال جریان اصلی، مجرای تزریق و محفظه تزریق، انجام گرفته	
که جهت گسستهسازی ترم فشار و سایر ترمهای معادلات به ترتیب از روش	
استاندارد و تقریب مرتبه دوم و همچنین برای حل توأم میدان فشار و سرعت، از	نيما امانىفرد
الگوریتم سیمپل استفاده شده است. همچنین دو سوراخ تزریق مهارکننده در مجاور	دانشيار
سوراخ تزریق اصلی استوانهای و لایه گستر تحت زوایای ۱۵ و ۰ و ۱۵- درجه به	
منظور کاهش قدرت جفت گردابههای خلافگرد قرار گرفته و کارایی آدیاباتیک	
خنک کاری لایهای در دو نسبت دمش ۵/۰ و ۱ و نسبت چگالی ۱/۶ بررسی شده	Υ 1 × Α + + 1
است. نتایج حاکی از آن است که به ازای نسبت دمش ۱، استفاده از سوراخهای	حامد محدث ديلمي
مهارکننده با زاویه ۱۵ درجه به همراه سوراخ تزریق لایهگستر دارای بهترین کارایی	استاديار
خنک کاری لایهای است و کارایی خنک کاری لایهای را به میزان ۳۷/۴۴ درصد	
نسبت به حالت پایه که از سوراخهای مهارکننده با زاویه ۰ درجه به همراه سوراخ	
تزریق استوانهای استفاده شده است افزایش میدهد.	

واژه های راهنما: تحلیل عددی، خنککاری لایهای، صفحه تخت، نسبت چگالی، نسبت دمش

۱– مقدمه

یکی از روشهای مهم در بالابردن راندمان و بهبود عملکرد توربینهای گازی، افزایش دمای گازهای خروجی از محفظه احتراق و ورودی به بخش توربین میباشد. اما این امر منجر به آسیب پرههای توربین و در نتیجه کاهش کارایی و طول عمر پرههای توربین میشود. برای رفع این مشکل، فرآیند خنککاری روی پرههای توربین صورت می گیرد. خنککاری لایهای رایجترین روش به منظور حفاظت حرارتی پرهها در برابر گازهای داغ است. یافتن هندسه سوراخ خنککاری با بالاترین راندمان یکی از مهمترین نکاتی است که در خنککاری لایهای بررسی میشود. در این روش سیال خنککننده از هوای پرفشار کمپرسور استخراج شده و با عبور از کانالهای درونی پره، از سوراخهای تعبیه شده روی سطح پره خارج شده و یک لایهای از سیال خنککننده

ا دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه گیلان mjkazemi93@gmail.com

<sup>&</sup>lt;sup>۲</sup> دانشیار، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه گیلان namanif@guilan.ac.ir

<sup>&</sup>lt;sup>۳</sup> استادیار، دانشکده فنی و مهندسی شرق گیلان، دانشگاه گیلان hmohaddesd@guilan.ac.ir

بین سطح پره و سیال داغ ایجاد می کند و در نتیجه موجب کاهش انتقال حرارت و دمای سطح پره می شود. از طرفی تزریق هوای سرد به جریان اصلی به دلیل اختلاط دو جریان با سرعت و دمای متفاوت سبب تلفات حرارتی و آیرودینامیکی می شود. در سال های اخیر تحقیقات تجربی و عددی بسیاری روی خنک کاری لایه ای به منظور بهبود کارایی آن انجام شده است. کارایی خنک کاری لایه ای (η) به عوامل مختلفی مانند پارامترهای جریانی از قبیل نسبت دمش<sup>۱</sup> (M)، نسبت چگالی<sup>۲</sup> (DR) و پارامترهای هندسی مانند زاویه تزریق، قطر و شکل سوراخ تزریق بستگی دارد. رمزی و گلداشتاین [۱] و سینها و همکاران [۲] به صورت تجربی نشان دادند که با عبور هوا به عنوان سیال خنک کننده و افزایش نسبت دمش در محدوده ۲۵/۰ تا ۱/۵ می توان کارایی خنک کاری را افزایش داد. همچنین نشان دادند که اگر از این محدوده بیشتر افزایش یابد، سیال خنک کننده تمایل دارد از سطح پره جدا شود و در نتیجه اختلاط جت خنک کننده و جریان اصلی، افت کارایی شدیدی را به همراه دارد و این کاهش کارایی به سمت پایین دست جریان ادامه می یابد.

عواملی دیگری نیز همچون شکل سوراخ، تغییر قطر و زاویه سوراخ تزریق، کارایی خنککاری لایهای را تحت تاثیر قرار می دهد. تغییر این عوامل سبب تغییر الگوی ناشی از تزریق جت خنککننده به جریان اصلی می شود. آن و همکاران [۳] اثرات هندسی سوراخ تزریق را در نسبت دمش بهینه مورد بررسی قرار دادند. نتایج آنها حاکی از آن است که سوراخ تزریق لایه گستر<sup>۳</sup> به دلیل افزایش سطح مقطع خروجی، مومنتم جریان خنککننده در خروجی را کاهش داده و در نتیجه نفوذ سیال سرد به جریان اصلی کمتر می شود. قرآب و همکاران [۴] در یک مطالعه تجربی هندسه جدیدی را معرفی نمودند. نتایج آنها نشان داد که هندسه نوین کارایی بالاتری نسبت به سایر هندسههای مقایسه شده در تحقیق دارد. از آنجایی که اختلاط بین جت و جریان اصلی سبب کاهش کارایی خنککاری لایه ای می شود، در نتیجه محققان شیب بالادست<sup>۴</sup> جریان را به عنوان یک روش موثر برای کاهش اختلاط مطرح کردند. چن و همکاران [۵] به صورت تجربی نشان دادند که شیب بالادست به طور قابل توجه ای سبب افزایش کارایی متوسط خنککاری لایه ای (ایهای می گردد. در حالی که تاثیر آن بر روی کارایی خنککاری لایه ای در خط مرکزی محسوس نمی باشد.

امروزه محققان در تلاش هستند که به منظور افزایش بازده خنک کاری لایه ای از هوای خنک کننده کمتری استفاده کنند. زیرا هوای خنک کننده از طریق کمپرسور تأمین شده و کاهش مصرف این هوای فشرده باعث بهبود کارایی توربین می شود. هیدمن و ایکاد [۶] در مطالعه خود هندسه جدیدی به نام پادگردابه<sup>۵</sup> را معرفی کردند، که این هندسه دارای یک ورودی و سه خروجی می باشد. در ادامه تیموتی و همکاران [۷] محل قرارگیری دو سوراخ تزریق فرعی که به منظور کاهش قدرت جفت گردابههای خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی قرار داده شده را بررسی نمودهاند. نتایج آنها نشان داد که با استفاده از این هندسه گردابههای خلاف گرد سوراخهای تزریق فرعی، قدرت گردابههای خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی را کاهش می دهند و مانع از جدا شدن سیال خنک کننده از سطح خنک شونده شده و در نتیجه سبب افزایش کارایی خنک کاری لایه ای در نسبت دمش های بالا می شود. همچنین در این هندسه مقدار استفاده از هوای خنک کننده کاهش یافته است.

- <sup>4</sup> Upstream ramp
- <sup>5</sup> Antivortex

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Blowing ratio

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Density ratio

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Fan-shaped

رامش و همکاران [۸] با تغییر پارامترهای هندسه خروجی سوراخهای تزریق اصلی و فرعی، کارایی خنککاری را افزایش دادند. شایان ذکر است که در خنککاری لایهای پخش سیال در راستای عرضی صفحه نیز از اهمیت بالایی برخوردار میباشد. پخش مناسب سیال در راستای عرضی میتواند باعث بهبود کارایی خنککاری لایهای گردد. اشمیت و همکاران [۹] نشان دادند که استفاده از سوراخ تزریق استوانهای با زاویه ترکیبی سبب افزایش پوشش سیال خنککننده روی سطح خنکشونده میشود.

بازدیدی و پزشک پور [۱۰] به طور عددی با استفاده از دو ردیف سوراخ تزریق لایه گستر با زاویه ترکیبی، کارایی خنک کاری را در راستای عرضی پایین دست جریان افزایش دادند. وو و همکاران [۱۱] به صورت تجربی و خواجه حسنی و جبران [۱۲] به صورت عددی، به بررسی تاثیر به کارگیری سوراخهای تزریق مهارکننده در بالادست<sup>۱</sup> و پایین دست<sup>۲</sup> سوراخ تزریق اصلی پرداختند. در این روش قدرت جفت گردابههای خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی کاهش یافته و مانع از جدا شدن سیال خنک کننده از سطح شده و همچنین فاصله بین سوراخهای تزریق را به خوبی پوشش می دهد.

در مطالعه حاضر تاثیر زاویه قرارگیری سوراخهای تزریق مهارکننده نسبت به سوراخ تزریق اصلی در ۱۸ هندسه بر روی صفحه تخت مورد بررسی قرار گرفته است. دو سوراخ تزریق مهارکننده در مجاور سوراخ تزریق اصلی استوانهای و لایهگستر تحت زوایای ۱۵ – و۰ و ۱۵ درجه به منظور کاهش قدرت جفت گردابههای خلافگرد سوراخ تزریق اصلی قرار میگیرد و به دلیل استفاده کمتر از هوای خنککننده و کاهش جدایش آن از سطح خنکشونده، کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای در دو نسبت دمش ۵/۰ و ۱ برای تمامی هندسهها بررسی و حالت بهینه معرفی شده است.

### ۲- هندسه مسئله و شبکهبندی دامنه محاسباتی

مطابق شکل (۱)، هندسه سهبعدی مورد مطالعه شامل کانال جریان اصلی، محفظه تزریق<sup>۳</sup> و مجرای تزریق<sup>۴</sup> سیال خنککننده میباشد. دامنه محاسباتی مطالعه حاضر متناظر با نمونه تجربی سینها و همکاران [۲] است. قطر سوراخ تزریق استوانهای D=۱۲/۷mm و گام سوراخهای خنککاری در یک ردیف سوراخ تزریق برابر *P* است. ابعاد کانال جریان اصلی برابر *P*×۱۰D×۱۰P و فاصله ابتدای کانال تا لبه حمله سوراخ تزریق مجرای میباشد. طول لوله تزریق *D*/۷۵D و ابعاد محفظه تزریق نیز برابر *P*×۵D×۵D است. همچنین زاویه مجرای تزریق نسبت به جریان اصلی *P*۵

در شکل (۲) هندسه سوراخ تزریق لایه گستر نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده می شود، تا فاصله ۱۰/۷۵D از طول لوله تزریق به صورت استوانهای و مابقی طول لوله تزریق در راستای عرضی با زاویه برابر ۱۴<sup>۰</sup>β=۱۴<sup>۰</sup>، گسترش مییابد.

- <sup>2</sup> Downstream
- <sup>3</sup> Plenum
- <sup>4</sup> Hole injection

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Upstream



D 0.750 L

شکل۲- هندسه سوراخ تزریق لایه گستر x-y

مطابق شکل (۳) سوراخ تزریق مهارکننده در موقعیت پاییندست و موقعیت بالادست تحت زوایای ۱۵ و  $\cdot$  و ۱۵ درجه کنار سوراخ تزریق اصلی استوانهای و لایه گستر قرار گرفته است. مبدا مختصات در لبه فرار سوراخ تزریق درنظر گرفته شده و محورهای X، y و Z به ترتیب منطبق با جهتهای طولی، عمودی و جانبی میباشد. به منظور کاهش زمان و هزینه محاسباتی و با توجه به تقارن هندسی میدان حل، حداقل ناحیه محاسباتی مورد نیاز یعنی از مرکز یک سوراخ تزریق اصلی تا وسط فاصله از مرکز سوراخ تزریق اصلی مجاور انتخاب شده است.

Archive of SID



#### (ب)

شکل ۳- سوراخ تزریق اصلی لایه گستر به همراه سوراخ های مهار کننده در صفحه x-z: (الف) استوانه ای؛ (ب) لایه گستر

سوراخهای تزریق مهارکننده در جهت طولی و عرضی در فاصله ۱/۲D از مرکز سوراخ تزریق اصلی تحت زوایای ۱۵ و ۰ و ۱۵- قرار گرفتهاند که در مجموع ۱۸ هندسه مختلف مطابق جدول (۱) در نظر گرفته شده است. تولید هندسه و شبکهبندی دامنه محاسباتی به طور سازمان یافته، غیریکنواخت و شش وجهی به کمک نرمافزار آی-سی-ای-ام انجام شده است. برای افزایش دقت محاسبات در لایه مرزی، تراکم شبکهبندی در نزدیکی دیوارهها بیشتر است به گونهای که <sup>+</sup>۲ در نزدیکی تمامی دیوارهها کمتر از ۱ میباشد. در شکل (۴) شبکه محاسباتی نمایش داده شده است.

به منظور بررسی عدم وابستگی نتایج حل عددی به شبکه محاسباتی، کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای به عنوان پارامتر استقلال از شبکه انتخاب شده است. همان گونه که در شکل (۵) مشاهده می شود، برای مطالعه استقلال از شبکه از پنج شبکه بندی مختلف در نسبت دمش ۰۵ استفاده شده است. با توجه به شکل (۷) واضح است که با تغییر تعداد شبکه از ۲۲۱۱۱۲ به ۸۳۱۵۶۵ تفاوت اندکی در جواب ها مشاهده می شود، بنابراین شبکه با تعداد ۲۱۱۱۲ به لحاظ داشتن دقت و زمان محاسباتی مناسب، به عنوان شبکه مناسب انتخاب شده است. لازم به ذکر است که استقلال از شبکه برای دیگر شرایط نیز مورد بررسی قرار گرفته است.

سوراخ تزريق اصلى استوانهاى								
θ	φ	حالت	θ	φ	حالت	θ	φ	حالت
-10	-10	١٣	-10	$-1\Delta$	٧	-10	$-1\Delta$	١
•	-10	14	•	$-1\Delta$	٨	•	$-1\Delta$	٢
۱۵	-10	۱۵	۱۵	$-1\Delta$	٩	۱۵	-10	٣
سوراخ تزريق اصلى لايه گستر								
θ	φ		θ	φ		θ	φ	
-10	-10	18	-10	$-1\Delta$	۱.	-10	$-1\Delta$	۴
•	-10	١٧	•	$-1\Delta$	11	•	$-1\Delta$	۵
۱۵	-10	١٨	۱۵	-10	١٢	۱۵	$-1\Delta$	۶

**جدول ۱**– هندسههای مورد بررسی



**شکل۴**- شبکه محاسباتی الف) نمای روبرو ب) نمای بالا



M=0.5 شکل $\eta$  - توزیع  $\eta$  بر روی خط مرکزی (y,z=0) برای شبکهبندیهای مختلف در  $\eta$ 

# **۳** – معادلات حاکم و روش حل عددی معادلات پیوستگی، مومنتم و انرژی تحت شرایط سهبعدی، تراکمناپذیر، پایا، لزج، تکفاز با صرفنظر از نیروهای حجمی عبارتاند از [۱۳]:

$$\frac{\partial}{\partial x_{i}}(\rho u_{i}) = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left( \rho u_{i} u_{j} \right) = -\frac{\partial p}{\partial x_{j}} + \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[ \tau_{ij} + \overline{\rho u_{i} v_{j}} \right]$$
(7)

$$\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[ u_{j} \left( \rho E + P \right) \right] = -\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[ K_{eff} \frac{\partial T}{\partial x_{j}} + u_{i} \left( \tau_{ij} \right) e_{eff} \right]$$
(7)

که در آن  $au_{ij}$  مؤلفه تانسور تنش متقارن است که بهصورت زیر تعریف می شود:

$$\tau_{ij} = \mu \left( \frac{\partial u_j}{\partial x_i} + \frac{\partial u_i}{\partial x_j} - \frac{2}{3} \delta_{ij} \frac{\partial u_k}{\partial x_k} \right)$$
(\*)

جهت مدلسازی آشفتگی جریان، مدل دو معادلهای کی-اپسیلون رینولدز پایین بر پایه معادلات ناویر استوکس متوسط گیری شده (RANS) به کار گرفته شده است [۱۴]. ρ چگالی سیال و μ لزجت دینامیکی میباشند. با توجه به سرعت بالای جریان ورودی، جریان سیال کاملاً آشفته در نظر گرفته شده است. معادلات انرژی جنبشی آشفتگی (K) و نرخ اضمحلال انرژی آشفتگی (٤) به صورت زیر است:  $\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left( \rho k u_{i} \right) = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[ \left( \mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{k}} \right) \frac{\partial k}{\partial x_{j}} \right] + P - \rho \varepsilon - \rho D$  (Δ)

$$\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left( \rho \varepsilon u_{i} \right) = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[ \left( \mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_{j}} \right] + \left( C_{\varepsilon 1} f_{1} P - C_{\varepsilon 2} f_{2} \rho \varepsilon \right) \frac{\varepsilon}{k} + \rho E$$
(7)

ازجت آشفتگی  $\mu_t$  بهصورت تابعی از  $\mathrm{K}$  و 3 بهصورت زیر محاسبه می شود.

$$\mu_{t} = c_{\mu}f_{\mu}\rho \frac{k^{2}}{\epsilon} \tag{V}$$

نمایان گر تنشهای رینولدز است که برای جریان آشفته باید به درستی مدل شوند. این تنشها با  $ho u'_i v'_j$  استفاده از رابطه بوزینسک به گرادیان میدان سرعت متوسط مرتبط می شوند [۱۳]:

$$\rho \overline{u_i' v_j'} = \mu_t \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) - \frac{2}{3} \left( \rho k + \frac{\partial u_k}{\partial x_k} \right) \delta_{ij}$$
(A)

در معادلات بالا  $C_{1\epsilon}$ ،  $C_{1}$ ،  $C_{2\epsilon}$ ،  $C_{1\epsilon}$  استهلاک  $f_{1}$ ،  $f_{1}$  و  $f_{1}$  می شوند و امکان حل K و 3 را در زیر و جملات چشمه اضافی E و K نیز در نزدیکی دیوارهای جامد فعال می شوند و امکان حل K و 3 را در زیر لایه لزج فراهم می آورند. مقادیر ثابتهای مدل، توابع استهلاک و شرایط مرزی مطابق مدل ارائه شده توسط لاند و شارما<sup>7</sup> [10] می باشد. حل معادلات با استفاده از نرمافزار انسیس – فلوئنت<sup>7</sup> بر اساس روش حجم محدود و توسط حل کننده بر پایه فشار <sup>6</sup> صورت گرفته و جهت گسسته سازی ترمهای معادلات از تقریب مرتبه دوم و محمو محدود معجم محدود آرما<sup>7</sup> [10] می باشد. حل معادلات با استفاده از نرمافزار انسیس – فلوئنت<sup>7</sup> بر اساس روش حجم محدود و توسط حل کننده بر پایه فشار <sup>6</sup> صورت گرفته و جهت گسسته سازی ترمهای معادلات از تقریب مرتبه دوم و همچنین برای ارتباط میدان فشار و سرعت از الگوریتم سیمپل<sup>9</sup> [19] استفاده شده است. همگرایی حل محاسبات برای معادلات پیوستگی و مومنتم از مرتبه <sup>9</sup> ۱۰۰ و برای معادلات از تقریب مرتبه دوم و محاسبات برای معادلات پیوستگی و مومنتم از مرتبه <sup>9</sup> ۱۰۰ و برای معادلات از تقریب مرتبه دوم و محاسبات برای معادلات از مندان فشار و سرعت از الگوریتم سیمپل الاد این می معادلات از تقریب مرتبه دوم و محاسبات برای معادلات پیوستگی و مومنتم از مرتبه <sup>9</sup> ۱۰۰ و برای معادلات انرژی و آشفتگی به ترتیب <sup>9</sup> ۱۰۰ و محاسبات برای معادلات انرژی و آشفتگی به ترتیب <sup>10</sup> ۱۰۰ و این مرازی معادلات انرژی و آشفتگی به ترتیب <sup>10</sup> در این موازی محاسبات برای محاسبات در حدود ۶ الی ۸ ساعت می باشد، که با توجه به نوع هندسه متغیر است.

### ۴- شرایط مرزی

در ورودی کانال جریان اصلی، شرط مرزی ورودی سرعت<sup>۸</sup> یکنواخت ۳/s ۲۰ و دمای ۳۰۲ k، همچنین شدت آشفتگی<sup>۹</sup> ٪۲ و مقیاس طول آشفتگی<sup>۱۰</sup> یکدهم اندازه بعد عمودی کانال در نظر گرفته شده است. در ورودی محفظه تزریق نیز شرط ورودی سرعت لحاظ شده است که متناسب با نسبت دمش در هر حالت متغیر است.

- <sup>3</sup> Ansys-Fluent
- <sup>4</sup> Finite volume
- <sup>5</sup> Pressure based
- <sup>6</sup> SIMPLE
- <sup>7</sup> Intel Core i8 2.4 GHz
- <sup>8</sup> Velocity Inlet
- <sup>9</sup> Turbulence Intensity
- <sup>10</sup> Length Scale

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Bosinesque

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Launder-Sharma

هندسه سوراخ	سرعت ورودی پلنوم (m/s)			
	M=∙/۵	M=1		
_ تک سوراخ	•/1•٣٢۵	•/5•40		
سوراخ ترکیبی	•/٢•۴۵	•/۴•٩		

**جدول ۳**- سرعت در ورودی محفظه تزریق

در جدول (۳) مقادیر سرعت در ورودی محفظه تزریق در نسبت دمشهای ۵/۰ و ۱ محاسبه شده است. عدد ماخ در ورودی کانال جریان اصلی و ورودی محفظه تزریق کوچکتر از ۲/۰ شده، بنابراین جریان را میتوان تراکمناپذیر در نظر گرفت. در مطالعه حاضر هوا به عنوان سیال عامل در نظر گرفته شده که بهصورت گاز ایدهآل تراکمناپذیر میباشد. دمای ورودی محفظه تزریق k ۱۸۸/۷۵ شدت آشفتگی برابر ٪۲ و نیز مقیاس طول آشفتگی m ۲۰۱۲۷ در نظر گرفته شده است [۱۷]. مرز خروجی کانال جریان اصلی دارای شرط مرزی فشار خروجی <sup>۱</sup> میباشد. در مورد صفحات جانبی کانال جریان اصلی و خنک کننده و مجرای تزریق از شرط مرزی تقارن<sup>۲</sup> استفاده شده است. صفحه بالایی کانال جریان اصلی و خنک کننده و مجرای تزریق از شرط پایینی قرار داشته و گرادیان متغیرها در راستای عمود بر این سطح ناچیز میباشد، استفاده از شرط مرزی تقارن برای این سطح نیز قابل استفاده است. دیوارههای پایین کانال جریان اصلی، دیواره بالای محفظه تزریق و همچنین مجرای تزریق به صورت عایق، ساکن و بدون لغزش میباشند.

۵– اعتبارسنجی نتایج

بهمنظور بررسی تاثیر هندسههای مختلف، کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای و همچنین کارایی متوسط جانبی به عنوان پارامترهای اصلی مورد مقایسه قرار می گیرند. نسبت دمش(M)، کارایی خنککاری لایهای(η) و کارایی متوسط جانبی( η<sub>ave</sub>) در یک گام سوراخ تزریق به صورت زیر تعریف می شوند:

$$M = \frac{(\rho U)_{c}}{(\rho U)_{\infty}}$$
(1.)

$$\eta = \frac{T_{aw} - T_{\infty}}{T_c - T_{\infty}}$$
(11)

$$\eta_{ave} = \frac{1}{Z} \int_{z=0}^{z=p} \eta dz$$
(17)

که در این روابط <sub>∞</sub>T دمای جریان سیال داغ در بالادست و <sub>T</sub> دمای سیال خنک کننده می باشند. جهت حصول اطمینان از صحت جوابها، نتایج بدست آمده از تحقیق حاضر با نتایج تجربی سینها و همکاران [۲] در شکل (۶) مقایسه شده است. همان گونه که در شکل (۶) نمایان است، تطابق مطلوبی بین نتایج عددی و تجربی با خطای ۱/۵ درصد برای کارایی آدیاباتیک خنک کاری مشاهده می شود.

<sup>1</sup> Pressure Outlet

<sup>2</sup> Symmetry



#### ۶– نتایج و بحث

یکی از پارامترهای مهم در خنککاری لایهای با استفاده از سوراخهای مهارکننده، زاویه قرارگیری این سوراخها نسبت به خط مرکزی میباشد. با کاهش زاویه قرارگیری سوراخهای مهارکننده بهدلیل اینکه گردابههای خلاف گرد ناشی از سوراخهای مهارکننده با گردابههای اصلی برخورد کرده و کارایی آدیاباتیک خنککاری لایه ی کاهش می این منظور توزیع دما و بردارهای سرعت برای حالت ( $-\theta$  و  $-\theta$ ) برای نسبت دمش ۱ در شکل (۸) ارائه شده است. در حالت ( $-\theta$  و  $-\theta$ ) برای سوراخ می سوراخ ترزیق استوانهای ترکیبی،

گردابههای خلافگرد ایجاد شده فاصله بیشتری خواهند داشت. این موضوع موجب می شود که گردابههای ایجاد شده در ابتدا بدون آنکه با هم تماس داشته باشند رشد کرده و از سطح فاصله بگیرند. در فاصله کمی از سوراخ تزریق این گردابهها به هم رسیده و اختلاط پیدا می کنند. به همین دلیل کارایی آدیاباتیک خنک کاری لایه ای به شدت کاهش می یابد. ولی با استفاده از سوراخ تزریق لایه گستر به دلیل نزدیک شدن گردابههای خلاف گرد ایجاد شده، مانع از بلند شدن سیال خنک کننده از سطح می شوند که این امر سبب افزایش کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای می گردد.





شکل  $\mathbf{Y}$  - توزیع دما و بردارهای سرعت روی صفحه (x-y) در فاصله  $\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{D}} = \mathbf{0} = \mathbf{x}$  از لبه فرار سوراخ تزریق در نسبت دمش ۵/۰

X/D=۱





بهدلیل مومنتم پایین سیال خنککننده در نسبت دمش ۵/۰ مطابق شکل (۷) جریان خنککننده مغلوب جریان داغ اصلی می شود و تاثیر تغییر زاویه سوراخ تزریق مهارکننده محسوس نمی باشد، ولی در نسبت دمش ۱ مطابق شکل (۸) با افزایش مومنتم سیال خنککننده در حالت سوراخ تزریق لایه گستر به دلیل افزایش مساحت خروجی سوراخ تزریق، سرعت خروجی سیال خنککننده پایین بوده و قدرت خیزش گردابه رو به بالا کاهش می یابد. این موضوع موجب افزایش کارایی خنککاری لایه ای در حالت سوراخ لایه گستر نسبت به سوراخ استوانه ای می شود. (در حالت های سوراخ تزریق استوانه ای و لایه گستر با سوراخ های مهارکننده با زاویه قرار گیری (۵) ج

۶–۱– توزیع دمای استاتیک روی صفحه خنکشونده توزیع دمای صفحه خنکشونده در نسبت دمشهای ۵/۰ و ۱ در هندسههای سوراخ تزریق استوانهای و لایه گستر در شکل(۹) نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده میشود، در نسبت دمش ۵/۰ به دلیل مومنتم پایین، سیال خنککننده چسبیده به سطح حرکت میکند. در این حالت تک سوراخ تزریق لایه گستر چندان مزیتی نسبت به تک سوراخ تزریق استوانهای ندارد. اما در این نسبت دمش استفاده از سوراخهای تزریق مهارکننده در کنار سوراخ تزریق اصلی کارایی آدیاباتیک خنککاری در راستای جانبی در هر دو حالت سوراخ تزریق را بهبود بخشیده است. شایان ذکر است که بهبود کارایی خنککاری در راستای جانبی در هر دو حالت سوراخ تزریق مهارکننده از سوراخ تزریق اصلی کارایی آدیاباتیک خنککاری در راستای جانبی در هر دو حالت سوراخ تزریق مهارکننده از سوراخ تزریق اصلی کارایی آدیاباتیک خنککاری در راستای مانبی در هر دو حالت سوراخ تزریق مهارکننده از سوراخ تزریق اصلی میاه در این که بهبود کارایی خنککاری در حالت سوراخ تزریق اصلی تزریق مهارکننده از سوراخ تزریق اصلی، سطح خنکشونده افزایش یافته است. همچنین با تغییر زاویه تزریق سوراخ تزریق مهارکننده از ۰ درجه به ۱۵ درجه، جفت گردابههای خلافگرد ایجاد شده ناشی از وجود این سوراخ به سمت جانبی گسترش یافته و باعث خنکشدن بیشتر صخه می شود.



شکل۹– توزیع دمای استاتیک در صفحه خنکشونده: (الف) نسبت دمش ۱/۵ ؛ (ب) نسبت دمش ۱

۶-۲- کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای بر روی خط مرکزی

در شکل (۱۰) تأثیر زاویههای سوراخهای مهارکننده بر کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای روی خط مرکزی صفحه خنکشونده نشان داده شده است. نتایج حاضر نشان میدهد که در نسبت دمش ۵/۰ تک سوراخ تزریق لایه گستر به دلیل پخش سیال در راستای جانبی سبب کاهش کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای بر روی خط مرکزی نسبت به تک سوراخ تزریق استوانهای میشود. همچنین استفاده از سوراخهای ترکیبی استوانهای در ابتدای خنککاری، کارایی برابر با تک سوراخ تزریق استوانهای دارد ولی در پاییندست با ایجاد جفت گردابههای خلاف گرد، جفت گردابههای خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی را تضعیف نموده و از برخاستگی سیال خنککننده از سطح جلوگیری می کند. ذکر این نکته ضروری است که تغییر در زاویههای سوراخهای مهارکننده هم در حالت سوراخ تزریق اصلی استوانهای و هم لایه گستر تغییر محسوس در کارایی آدیاباتیک خنککاری در راستای خط مرکزی به همراه ندارد.

در شکل (۱۱) کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای در خط مرکزی در زاویههای مختلف قرارگیری سوراخهای مهارکننده نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده می شود، کارایی آدیاباتیک خنککاری در نسبت دمش ۱ در ابتدای سوراخ تزریق در تک سوراخ تزریق استوانهای و سوراخهای ترکیبی استوانهای عملکرد یکسانی دارند. این موضوع به این دلیل است که جفت گردابههای خلاف گرد سوراخهای مهارکننده در ابتدا بسیار قوی ولی کوچک می باشند و روی جفت گردابههای خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی اثر محسوس نداشته و مانند سوراخ تزریق تنها عمل میکنند. ولی در پایین دست لبه حمله، این گردابهها به هم برخورد کرده و قدرت جفت گردابههای خلاف گرد اصلی کاهش می یابد.



**شکل ۱۰** – کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای بر روی خط مرکزی در M=۰/۵

همچنین در این نسبت دمش، سیال خنککننده به دلیل مومنتم بالا در خروجی سوراخ تزریق از سطح فاصله گرفته و سیال داغ به واسطه گردابههای نعل اسبی، لایهای بین سیال خنککننده و سطح خنکشونده ایجاد می کند. بنابراین سوراخ تزریق لایه گستر با خنثی نمودن این گردابهها سبب اتصال مجدد سیال خنک کننده به سطح شده و در نتیجه سبب بهبود کارایی خنککاری لایهای می شوند. همچنین در حالتی که سوراخ تزریق مهارکننده پاییندست تحت زاویه ۰ درجه و سوراخ تزریق مهارکننده در بالادست جریان در زاویههای ۰ و ۱۵ و ۱۵- قرار گرفته، نتایج نشان میدهد که در هر دو حالت سوراخ لایه گستر یا استوانهای استفاده از سوراخ مهارکننده بالادست با زاویه ۱۵– سبب تضعیف گردابههای نعل اسبی در ابتدای سوراخ تزریق اصلی و مانع از اختلاط زود هنگام سیال خنک کننده با سیال داغ شده و این امر سبب افزایش راندمان آدیاباتیک خنک کاری در خط مرکزی می شود. همچنین در حالتی که سوراخ تزریق مهارکننده پایین دست تحت زاویه ۱۵ درجه قرار گرفته، قراردادن سوراخ مهارکننده بالادست در زاویه ۱۵– درجه سبب افزایش کارایی در خط مرکزی می شود. همان گونه که در شکل (۱۲) مشاهده می شود، در حالتی که سوراخ تزریق مهار کننده پایین دست تحت زاویه ۱۵- درجه قرار داشته باشد سوراخ مهار کنننده بالادست ۱۵- درجه در ابتدا عملکرد خوبی داشته، ولی در یایین دست جریان کارایی آدیاباتیک خنککاری کاهش می یابد. در تمامی حالات استفاده از سوراخ تزریق مهارکننده بالادست با زاویه تزریق ۱۵ درجه کمترین کارایی خنککاری در خط مرکزی را به همراه دارد. تاثیر زاویه قرار گیری سوراخهای تزریق مهار کننده در کارایی خنک کاری، در کنار سوراخ تزریق لایه گستر چشمگیرتر از سوراخ تزریق استوانهای است.



سال بیستم، شماره دوم، تابستان ۱۳۹۷ Archive of SID





**شکل۱۱** – کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای بر روی خط مرکزی در M=۱

#### ۶–۳–کارایی متوسط جانبی

در شکلهای (۱۲) و (۱۳) توزیع کارایی متوسط جانبی در صفحه خنکشونده برای هندسههای مختلف در نسبت دمشهای ۵/۰ و ۱ و نسبت چگالی ۱/۶ نشان داده شده است.

شکل (۱۲) نشان میدهد که در نسبت دمش ۵/۰ به دلیل مومنتم پایین، سیال خنک کننده چسبیده به سطح حرکت می کند. در این حالت تک سوراخ تزریق لایه گستر داری مزیت خاصی نسبت به تک سوراخ تزریق استوانهای ندارد. ولی در مواردی که از سوراخهای تزریق مهار کننده استفاده شده، کارایی آدیاباتیک خنک کاری در راستای جانبی برای مواردی که از سوراخ تزریق اصلی لایه گستر استفاده شده، به دلیل کم شدن فاصله تا سوراخهای تزریق مهار کننده و پوشش سطح خنک شونده با سیال خنک کننده افزایش یافته است.

به ازای نسبت دمش ۱، همان گونه که در شکل (۱۳) نشان داده شده است، با افزایش شار مومنتم در حالت سوراخ لایه گستر به سوراخ تزریق استوانه ای، کارایی متوسط جانبی کاهش چشمگیری مییابد. ولی در حالت سوراخ لایه گستر به دلیل خنثی نمودن گردابه های نعل اسبی مانع از فاصله گرفتن سیال خنک کننده از سطح و همچنین مانع از کشیده شده سیال خنگ کننده از سطح و همچنین مانع از ترریق اصلی نعال داغ به سطح خنک شونده شده و کارایی متوسط جانبی را افزایش می دهد. استفاده از سوراخ تزرریق اصلی لایه گستر به می دایل خنثی نمودن گردابه های نعل اسبی مانع از فاصله گرفتن سیال خنک کننده از سطح و همچنین مانع از ترریق اصلی لایه گستر سیال داغ به سطح خنک شونده شده و کارایی متوسط جانبی را افزایش می دهد. استفاده از سوراخ تزریق اصلی لایه گستر سبب نزدیکی جفت گردابه های خلاف گرد اصلی به جفت گردابه های خلاف گرد موراخ می مهار کننده شده، که این امر سبب ضعیف شدن سریع گردابه های خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی می می در حالتی در حالتی که از سوراخ می دهد.



0.8 M=1 Single cylindrical Single fanshaped  $(\theta = -15^{\circ})$  Cylindrical  $(\theta = 0^{\circ})$  Cylindrical  $(\theta = 15^{\circ})$  Cylindrical  $(\theta = 15^{\circ})$  Exceptored \_ 0.6  $(\theta = -15^{\circ})$  Fanshaped  $(\theta = 0^{\circ})$  Fanshaped  $(\theta = 15^{\circ})$  Fanshaped <sup>ave</sup>ل 0.2 15 **X/D** 0 10 20 25 5 الف) φ=-۱۵





M=1 شکلM=1 توزیع کارایی خنککاری متوسط جانبی در صفحه خنکشونده در

مطابق شکل (۱۳) استفاده از سوراخ بالادست با زاویه ۱۵ درجه برای سوراخ مهارکننده پاییندست با زاویه ۰ و ۱۵ و ۱۵– درجه در هر دو حالت سوراخ تزریق اصلی بهدلیل ضعیف نمودن اثر گردابهی نعل اسبی سوراخ تزریق مهارکننده پاییندست سبب بهبود قابل ملاحظهای در کارایی متوسط جانبی میشود. همان گونه که در شکل مشاهده میشود، استفاده از زاویه ۱۵– درجه سوراخ تزریق بالادست فقط سبب افزایش کارایی آدیاباتیک خنک کاری روی خط مرکزی شده، ولی در کارایی متوسط جانبی تاثیر منفی دارد.

۶-۴-کارایی متوسط سطحی خنککاری لایهای بر روی سطح خنکشونده از لبه فرار سوراخ تزریق تا انتهای سطح خنکشونده برای متوسط سطحی خنککاری لایهای بر روی سطح خنکشونده از لبه فرار سوراخ تزریق تا انتهای سطح خنکشونده برای تمامی هندسههای به کار گرفته در تحقیق حاضر برحسب نسبت دمشهای ۵/۰ و ۱ در جدول (۴) ارائه شده است. همان گونه که در جدول (۴) مشاهده میشود، استفاده از سوراخهای تزریق مهارکننده سبب افزایش کارایی خنککاری شده است. همچنین به کارگیری سوراخ تزریق لایه گستر به عنوان سوراخ تزریق اصلی به همراه سوراخهای تزریق مهارکننده سبب بهبود فرآیند خنککاری در هر دو نسبت دمش نسبت به حالتی است که از سوراخهای تزریق مهارکننده سبب بهبود فرآیند خنککاری در هر دو نسبت دمش نسبت به حالتی است که از سوراخ تزریق استوانهای استفاده شده است.

$ar{\eta}$	شماره	$ar\eta$	شماره	$ar\eta$	شماره	М				
		لايەگستر		استوانهای						
-	-	•/•14	۱۵	•/•14	١	۰/۵	سوراخ تزريق تنها			
-	-	•/•۵۵	18	•/•۵۵	٢	١				
φ=۱۵		φ=•		φ=_۱۵						
•/7•7	29	۰/۱۹۳	١٧	•/\.\	٣	•/۵	θ= -1δ	-10 سوراخ تزریق ا سوراخ تزریق سوراخ تزریق		
۰/۲۳۵	۳۰	•/\\\	١٨	•/140	۴	١				
۰/۲۰۵	۳۱	۰/۱۹۵	١٩	٠/١٩	۵	•/۵	θ= •		i Y. L	
•/74	٣٢	۰/۱۹۵	۲.	۰/۱۶	۶	١				
• /٣٣	٣٣	۰/۱۹۸	21	۰/۱۹۵	٧	•/۵	θ= ۱۵	)= ١٥ معر حك ال	اصلى	
•/74٣	74	•/714	77	•/\\\	٨	١			عم	
•/779	۳۵	•/714	۲۳	۰ /۲ ۱	٩	•/۵	θ= -1δ	)= -10 me ()	اہ با ہ	
•/٣•۴	378	•/7۶	74	۰ /۲ ۱	١٠	١				
• /٣٣	۳۷	•/77	۲۵	•/718	11	• /۵	θ=•	اخ تززیق ا لایه گستر چهای مهار		
۰ /۳۲ ۱	۳۸	•/7٧	79	•/٣٣٢	١٢	١				
•/774	۳۹	•/777	۲۷	•/77	١٣	•/۵	θ= ۱۵	طری کنند	کنند	
•/٣٣۴	۴.	•/٢٩	۲۸	•/٢۶	14	١		o		

جدول ۴-کارایی متوسط سطحی خنککاری لایهای بر روی سطح خنکشونده

# ۷- جمعبندی

در تحقیق حاضر تاثیر زاویه سوراخهای تزریق مهارکننده نسبت به سوراخ تزریق اصلی در ۱۸ هندسه مختلف بر روی صفحه تخت مورد مطالعه قرار گرفته است. دو سوراخ تزریق مهارکننده در مجاور سوراخ تزریق اصلی استوانهای و لایه گستر تحت زوایای ۱۵-، ۰ و ۱۵ درجه قرار می گیرد و کارایی آدیاباتیک خنککاری لایهای در هر دو نسبت دمش ۵/۰ و ۱ برای تمامی هندسه ها مورد ارزیابی قرار گرفته است. نتایج نشان می دهد:

- سوراخ تزریق لایه گستر عملکرد خنک کاری لایه ای بهتری در مقایسه با سوراخ تزریق استوانه ای در شرایط یکسان دارد.
- در نسبت دمش ۵/۵ تغییر زاویه سوراخهای تزریق مهارکننده تاثیر محسوسی در خنککاری لایهای ندارد.
- در نسبت دمش ۱ به کار گیری از سوراخهای تزریق مهار کننده با ایجاد گردابه های خلاف گرد سبب تضعیف گردابه های خلاف گرد سوراخ تزریق اصلی شده، در نتیجه سیال چسبیده به سطح به سمت پایین دست سطح خنک شونده پیش می رود.
- استفاده از سوراخ تزریق لایه گستر به عنوان سوراخ اصلی در کنار سوراخهای تزریق مهار کننده سبب افزایش فاصله بین مرکز جفت گردابه ها می گردد و مانع از بلند شدن سیال از سطح شده، بنابراین این اتفاق منجر به تضعیف اثر گردابه های نعل اسبی می شود و مانع از نفوذ سیال داغ بین سطح خنک شونده و سیال خنک کننده می شود.

استفاده از سوراخهای مهارکننده با زاویه ۱۵ درجه بههمراه سوراخ تزریق اصلی لایه گستر سبب القای مناسب بین جفت گردابهها خلاف گرد اصلی و جفت گردابههای خلاف گرد سوراخهای تزریق مهارکننده شده و این امکان را فراهم می سازد که جت خنککننده گسترش جانبی بیشتری در عرض جریان داشته باشد. بنابراین حالت ۱۸ دارای بهترین کارایی خنککاری لایه ای در مقایسه با حالتهای دیگر می باشد.

## مراجع

- [1] Ramsey, J.W., and Goldstein, R.J., "Interaction of a Heated Jet with a Deflecting Stream", Journal of Heat Transfer, Vol. 93, No. 4, pp. 365-372, (1971).
- [2] Sinha, A.K., Bogard, D.G., and Crawford, M.E., "Film-cooling Effectiveness Downstream of a Single Row of Holes with Variable Density Ratio", Journal of Turbomachinery, Vol. 113, No. 3, pp. 442-449, (1991).
- [3] An, B.T., Liu, J.J., Zhang, X.D., Zhou, S.J., and Zhang, C., "Film Cooling Effectiveness Measurements of a Near Surface Streamwise Diffusion Hole", International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol. 103, pp. 1-13, (2016).
- [4] Ghorab, M.G., Hassan, I.G., and Lucas, T., "An Experimental Investigation of Film Cooling Performance of Louver Scheme", International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol. 54, No. 7-8, pp. 1387-1399, (2011).
- [5] Chen, S.P., Chyu, M.K., and Shih, T.I.P., "Effects of Upstream Ramp on the Performance of Film Cooling", International Journal of Thermal Sciences, Vol. 50, No. 6, pp. 1085-1094, (2011).
- [6] Heidmann, J.D., and Ekkad, S., "A Novel Antivortex Turbine Film-cooling Hole Concept", Journal of Turbomachinery, Vol. 130, No. 3, pp. 031020, (2008).
- [7] Repko, T.W., Nix, A.C., Uysal, S.C., and Sisler, A.T., "Flow Visualization of Multi-hole Film Cooling Flow under Varying Freestream Turbulence Levels", J. Flow Control Meas. Visualization, Vol. 4, pp. 13-29, (2016).
- [8] Ramesh, S., Ramirez, D.G., Ekkad, S.V., and Alvin, M.A., "Analysis of Film Cooling Performance of Advanced Tripod Hole Geometries with and without Manufacturing Features", International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol. 94, pp. 9-19, (2016).
- [9] Schmidt, D.L., Sen, B., and Bogard, D.G., "Film Cooling with Compound Angle Holes: Adiabatic Effectiveness", Journal of Turbomachinery, Vol. 118, No. 4, pp. 807-813, (1996).
- [10] Bazdidi-Tehrani, F., and Pezeshkpour, P., "Film Cooling Flow by Double Rows of Compound Angle and Compound Angle Shaped Holes", In ASME Turbo Expo 2013: Turbine Technical Conference and Exposition (pp. V03BT13A048-V03BT13A048). American Society of Mechanical Engineers, San Antonio, Texas, USA, (2013).

- [11] Wu, H., Cheng, H., Li, Y., Rong, C., and Ding, S., "Effects of Side Hole Position and Blowing Ratio on Sister Hole Film Cooling Performance in a Flat Plate", Applied Thermal Engineering, Vol. 93, pp. 718-730, (2016).
- [12] Khajehhasani, S., and Jubran, B.A., "A Numerical Evaluation of the Performance of Film Cooling from a Circular Exit Shaped Hole with Sister Holes Influence", Heat Transfer Engineering, Vol. 37, No. 2, pp. 183-197, (2016).
- [13] White, F.M., and Corfield, I., "Viscous Fluid Flow", Vol. 3, New York, McGraw-Hill, (2006).
- [14] Naghashnejad, M., Amanifard, N., and Deylami, H.M., "A Predictive Model Based on a 3-D Computational Approach for Film Cooling Effectiveness Over a Flat Plate using GMDH-type Neural Networks", Heat and Mass Transfer, Vol. 50, No. 1, pp. 139-149, (2014).
- [15] Launder, B.E., and Sharma, B.I., "Application of the Energy-dissipation Model of Turbulence to the Calculation of Flow Near a Spinning Disc", Letters in Heat and Mass Transfer, Vol. 1, No. 2, pp. 131-137, (1974).
- [16] Ansys Fluent User's Manual, Version 15, (2013).
- [17] Walters, D.K., and Leylek, J.H., "A Systematic Computational Methodology Applied to a Three–dimensional Film–cooling Flowfield", In ASME (1996) International Gas Turbine and Aeroengine Congress and Exhibition (pp. V004T09A040-V004T09A040), American Society of Mechanical Engineers, Birmingham, UK, 10-13 June, (1996).

#### Abstract

In current study, three dimensional numerical analysis has been employed to investigate the flow and thermal fields, for different geometry of the hole injection of the film cooling over a flat plate. The computational methodology includes the use of a structured, non-uniform hexahedral grid consisting of the main flow channel, the coolant delivery tube and the feeding plenum, applying the SIMPLE algorithm for pressure-velocity coupling. The two sister holes injection located in the vicinity of to the main injection the cylindrical and the fan-shaped hole by angles of 15, 0 and -15 degree to decrease the strength of counter rotating vortex pairs of the main injection hole and the film cooling performance investigated for two blowing ratios of 0.5 and 1 and density ratio of 1.6. The results show that for blowing ratio of 1, the using of sister holes with the angle of 15 degree with fan-shaped hole injection has the best film cooling performance and increases the performance of film cooling about 37.44% more than the base case which is used from sister holes with the angle of 0 degree with cylindrical hole injection.