بررسی عوامل موثر بر بازتوزیع لنگر در تیرهای سراسری پلهای بتن آرمه با ارزیابی مقایسهای آئیننامهٔ بتن ایران و ACI 318-02*

داود مستوفینژاد، دانشیار، دانشکدهٔ مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان فرهنگ فرحبد، دانشجوی دکتری، دانشکدهٔ مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان E-mail: dmostofi@cc.iut.ac.ir

چکیدہ

آزمایشها نشان میدهند که یک تیر سراسری بننآزمه، با رسیدن لنگر در مقطع بحرانی به حد نهائی، دچار خرابی نمیشود، بلکه اگر سازه از شکلپذیری کافی برخوردار باشد، پس از تشکیل مفصل پلاستیک در نقطهٔ بحرانی، بازتوزیع تنش و لنگر به وقوع پیوسته و سبب میشود که سایر نقاط سازه نیز همگون با مقطع بحرانی، به مقاومت و ظرفیت نهائی خود برسند. آئیننامهٔ بتن ایران (آبا)، بازتوزیع لنگر را بر حسب درصد فولاد مقطع بیان کرده و آن را به مقدار حداکثر ۲۰ درصد کاهش یا افزایش در لنگر منفی تکیه گاه محدود مینماید. حال آن که آئیننامهٔ 20-ACI 318 درصد مجاز بازتوزیع لنگر را بر اساس کرنش کششی خالص دورترین فولاد کششی مقطع بیان کرده، و آن را به میزان حداکثر برابر کرنش کشمی دورترین میگرد، و یا در نهایت بیست درصد محدود میکند.

در تحقیق حاضر، به بررسی محدودیتهای کاربری درصد بازتوزیع مجاز لنگر، ازایه شده در آئیننامهٔ بتن ایران و مقایسهٔ آن با آئیننامهٔ ACI 318، پرداخته میشود. به این منظور، رابطهٔ حاکم بر درصد بازتوزیع مجاز لنگر در تیرهای سراسری، با توجه به تامین شکلپذیری کافی استخراج گردیده است. سپس تاثیر پارامترهای گوناگون مانند بزرگی لنگر الاستیک تکیهگاه، نسبت طول دهانهٔ تیر به عمق موثر آن، و تنش تسلیم فولاد کششی، بر میزان بازتوزیع لنگر از رایابی شده، و در هر مورد نتایج حاصله با نتایج و منحنیهای حاصل از روش آئیننامههای ACI 318 و آبا در برخی محدودها با مقایسه شده است. نتایج نشان میدهند که بازتوزیع لنگر در تیرهای سراسری بر اساس روش آبا در برخی محدودهها با انتقاداتی همراه است. توضیح بیشتر در این مورد، در اصل مقاله ارایه خواهد شد.

واژههای کلیدی: بازتوزیع لنگر، بتن مسلح، تقاضای شکلپذیری، ظرفیت شکلپذیری، لنگر کشسان.

۱. مقدمه

لنگر برای طراحی هر مقطع به کار گرفته می شود. بنابراین برای هر یک از شرایط بارگذاری مورد نظر، برخی از مقاطع در یک دهانهٔ مورد نظر به لنگر نهایی خود می رسند؛ حال آن که سایر مقاطع دارای یک ظرفیت باربری ذخیره می باشند. آزمایش ها نشان می دهند که یک سازه می تواند بارهای اضافی را تحمل کند، به شرط آن که مقاطعی که به ظرفیت خمشی خود رسیده اند، با دوران بازتوزیع لنگرهای خمشی یکی از مسائل مهم در طراحی تیرهای بتن مسلح سراسری محسوب میشود و همواره مورد توجه بسیاری از محققین و مهندسین طراح قرار داشته است. بر اساس آئیننامهٔ ACI 318، اعضای سراسری باید برای تحمل ترتیبهای گوناگون بار زنده طراحی شوند. به اینترتیب که تحلیل کشسانی (الاستیک) برای هر وضعیت بارگذاری، انجام شده و مقادیر پوش

در مفصل پلاستیک، لنگرها را به مقاطع دیگر و تا زمانی که مکانیزم خرابی تشکیل شود، انتقال دهند. این ظرفیت باربری اضافی، امکان طراحی را بر مبنای بازتوزیع لنگر در سازه فراهم می آورد [۱]. لذا بازتوزیع لنگر، این اجازه را به طراح می دهد که منحنی لنگر خمشی به دست آمده از تحلیل کشسانی را اصلاح نماید. فلسفهٔ کلی این کار، کاهش لنگر در مقاطع بحرانی (ناحیهٔ تشکیل اولین مفصل پلاستیک)، به شرط افزایش لنگر در مقاطع دیگر، با توجه به شرایط تعادل بارها می باشد. همچنین بازتوزیع لنگر موجب می شود که از تراکم میلگردها در نواحی لنگر حداکثر کاسته شود.

اولین تحقیقات آزمایشگاهی در رابطه با بازتوزیع لنگر در تیرهای سراسری، توسط ماتوک در سال ۱۹۵۹ [۲] و سپس توسط کوهن در سال ۱۹٦٤ [٣]، صورت گرفت. آنها نشان دادند که بازتوزیع لنگر تا میزان حداکثر ۲۵٪، تغییرات چندانی را در ترکها و انحناء تیری که لنگرهای خمشی آن بر مبنای تئوری الاستیک طراحی شده است، بهوجود نمی آورد. شولز در سال ۱۹۹۳، اثرات لاغری و سختی تیر را بر بازتوزیع لنگر تیرهای سراسری، با استفاده از مفهوم شکلپذیری بررسی نمود و روش پیشنهادی خود را با مقادیر مجاز بازتوزیع لنگر در آئیننامهٔ کانادا (CAN3-A23.3-M84)، مقایسه نمود [٤]. لین و چیان در سال ۲۰۰۰، تاثیر میزان فولاد عرضی و طولی و مقاومت فشاری بتن را بر شکلپذیری و بازتوزیع لنگر، در ۲٦ نمونه تیر بتنآرمهٔ سراسری، آزمایش کردند. آنها نتیجه گرفتند که فولاد عرضی، موجب محصور شدن بتن و افزایش بازتوزیع میگردد، همچنین کاهش فولاد کششی و افزایش فولاد فشاری، افزایش شکلپذیری و بازتوزیع لنگر را به دنبال دارد [٥].

در بررسی حاضر، میزان مجاز بازتوزیع لنگر در تیرهای سراسری، با استفاده از مفهوم ظرفیت و تقاضای شکلپذیری بهدست آورده میشود. همچنین تاثیر عوامل مختلف، نظیر نسبت طول دهانهٔ تیر به عمق موثر آن، تنش تسلیم فولاد و بزرگی لنگر کشسان (الاستیک) تکیهگاه، بر بازتوزیع مجاز لنگر در تیرهای سراسری ارزیابی شده و در هرحالت با مقادیر مجاز بازتوزیع ارایه شده در آئیننامهٔ بتن ایران (آبا) و آئیننامهٔ ACI 318 ACI، مقایسه می شود.

۲. بازتوزیع در آئیننامه

بازتوزیع لنگر در تیرهای سراسری به شرط داشتن ظرفیت دورانی حداقل و شکلپذیری کافی در نواحی مفصل پلاستیک امکانپذیر

است. آئین نامهٔ بتن ایران، باز توزیع لنگر را برای هر نوع تر تیب بارگذاری به مقدار حداکثر % $\{[\rho - \rho')/\rho_b]$ 20-1}20+ 20 محدود می نماید؛ مشروط بر آن که لنگر سایر مقاطع با توجه به شرایط تعادل بارها اصلاح شوند [٦]. لازم به ذکر است که مقدار شرایط تعادل بارها اصلاح شوند [٦]. لازم به ذکر است که مقدار برابر با م ρ در آئین نامهٔ ایران با اعمال ضرائب ایمنی جزئی بتن و فولاد، برابر با م ρ در آئین نامهٔ ایران با اعمال ضرائب ایمنی جزئی بتن و فولاد، مرابر با م ρ در آئین نامهٔ ایران با اعمال ضرائب ایمنی حزئی بتن و مولاد، مرابر با با مال کرد را برای اطمینان از دارا بودن شکل پذیری که مناسب، در صورتی مجاز می داند که مقدار ρ یا $\rho - \rho - \rho$ مذکور باز توزیع لنگر را برای اطمینان از دارا بودن شکل پذیری کوچک تر از مازتوزیع لنگر را بر اساس کرنش کششی خالص دور ترین فولادکششی مقطع (σ) بیان نموده، و آن را به میزان دارا تر در مقاطع بحرانی را به میزان مشرط داشتن کرنش σ حداقل ρ (ρ) باتر در مقاطع بحرانی را به میزان منظور تامین شکل پذیری کافی برای باز توزیع لنگر در اعضای

۳. بازتوزیع قراردادی

شکل ۱، دهانهٔ داخلی یک تیر سراسری بتنآرمه به طول I تحت بار گستردهٔ یکنواخت W را نشان میدهد. لنگرهای حداکثر بهدست آمده از تحلیل کشسانی برای ترتیبهای مختلف بارگذاری در تکیهگاه و وسط دهانه، به ترتیب با M_e و M'_e نمایش داده شدهاند. پس از انجام عمل بازتوزیع، مقادیر لنگر در تکیهگاه و وسط دهانه برابر M_u و M'_u می گردند.

درصد بازتوزیع لنگر ($ar{R}$) بر پایهٔ لنگر کشسان M_e ، به عنوان نمونه برای تکیهگاه برابر است با:

$$R = 100[(M_e - M_u)/M_e]$$
(1)



شکل ۱. نمایش لنگرهای کشسان وغیرکشسان

11.





شکل ۳. نمایش تغییرشکل تیر جهت تعیین میزان دوران مفصل پلاستک تکیهگاه با استفاده از قضیهٔ لنگر سطح

شرط اساسی برای آنکه تیر سراسری دارای شکلپذیری کافی برای بازتوزیع لنگر باشد، آن است که $heta_p^a$ همواره بزرگتر یا مساوی $heta_p^d$ گردد. بنابراین با جایگذاری EI از رابطهٔ (۵) در رابطهٔ (۳)، و ارضای این شرط مهم میتوان نوشت:

$$(\phi_u - \phi_y)L_p \ge \frac{L}{2}(\frac{WL^2}{12M_u} - 1)\phi_y$$
 (7)

اگر رابطهٔ (٦) سادهسازی شود، نسبت ϕ_u/ϕ_y به صورت نامساوی زیر قابل نمایش است:

$$\frac{\phi_u}{\phi_y} \ge 1 + \frac{L}{2L_p} \left(\frac{WL^2}{12M_u} - 1\right)$$
(V)

حال با جایگذاری M_u از رابطهٔ (۲) در نامساوی (۷)، نسبت حال با جایگذاری شکل پذیری نامیده می شود، بر حسب میزان ϕ_u/ϕ_y که تقاضای شکل پذیری نامیده می شود، بر حسب میزان بازتوزیع R و لنگر الاستیک M_e به دست خواهد آمد، یعنی:



شکل ۲. نمایش دوران های مفصل پلاستیک و انحناء

در رابطهٔ (۱) را می توان بر حسب
$$R$$
 و M_e ، به صورت M_u
زیر نوشت:
 $M_u = M_e (1 - R/100)$ (۲)

٤. تقاضای شکل پذیری

فرض کنید که تیر سراسری شکل ۲ دارای سختی ثابت EI یاشد و مفصل پلاستیک، ابتدا در تکیهگاه تشکیل شود. درآن صورت، همانگونه که در شکل ۳ ملاحظه میشود، میزان دوران مفصل پلاستیک مورد تقاضای تکیهگاه را میتوان با استفاده از قضایای لنگر سطح، به صورت زیر بیان نمود:

$$\theta_p^{\ d} = \theta'_p - \theta''_p = \frac{L}{2EI} \left(\frac{WL^2}{12} - M_u\right) \tag{(7)}$$

که در رابطهٔ (۳) E مدول الاستیسیتهٔ بتن و I ممان اینرسی مقطع تیر است.. همچنین دوران مفصل پلاستیک یک مقطع بحرانی را که تحت عنوان ظرفیت دورانی موجود موسوم است، میتوان به شکل زیر نوشت [۸]:

$$\boldsymbol{\theta}_p^a = (\boldsymbol{\phi}_u - \boldsymbol{\phi}_y) \boldsymbol{L}_p \tag{(1)}$$

همان طور که در شکل ۲ نیز نشان داده شده است، ϕ_u انحنای نهائی، ϕ_v انحنای حد تسلیم و L_p طول موثر مفصل پلاستیک است. از سویی ϕ_v ، با فرض یک منحنی دو خطی ایدهال به عنوان رابطهٔ لنگر–انحنای یک تیر بتنآرمه برابر است با [۸]:

$$\phi_{y} = M_{u} / EI \tag{(6)}$$

پژوهشنامه حمل و نقل، سال دوم، شماره دو، تابستان ۱۳۸٤

مستوفی نژاد و فرحبد



حال با جایگذاری c/d در رابطهٔ (۱۲)، نسبت ϕ_u/ϕ_y به صورت زیر خواهد شد:

$$\frac{\phi_u}{\phi_y} = \frac{(\varepsilon_t + \varepsilon_{cu})(1 - k)}{(d_t/d)(f_y/E_s)}$$
(10)

به منظور دستیابی به ظرفیت دورانی حداقل و داشتن شکلپذیری مناسب برای بازتوزیع لنگر، باید نسبت تقاضای شکلپذیری و ظرفیت شکلپذیری، لااقل با یکدیگر برابر گردند. لذا با مساوی قرار دادن سمت راست روابط (۸) و (۱۵)، مقدار بازتوزیع مجاز لنگر R به شرح زیر استخراج می گردد:

$$R = 100 \left\{ 1 - \frac{WL^2/12}{M_e \left(\frac{2L_p}{L} \left[\frac{(\varepsilon_t + \varepsilon_{cu})(1-k)}{(d_t/d)(f_y/E_s)} - 1 \right] + 1 \right)} \right\}$$
(17)

شكل ٥ منحنى تغييرات درصد بازتوزيع مجاز لنگر را بر حسب كرنش خالص دورترين فولاد كششى مقطع، با استفاده از رابطهٔ (١٥)، براى يك تير سراسرى با فرض $B_t = 38$ ، $d_t = d$ ، $\varepsilon_{cu} \cong 0.003$ ، $f_y = 400 \,\mathrm{MPa}$ الاستيك تكيهگاه $f_y = 400 \,\mathrm{MPa}$ نشان مىدهد. همانگونه كه مشاهده مىشود، اولا انطباق نسبتا خوبى بين نتيجهٔ حاضر و نتيجهٔ

$$\frac{\phi_u}{\phi_y} \ge 1 + \frac{L}{2L_p} \left(\frac{WL^2}{12M_e(1 - R/100)} - 1 \right) \tag{A}$$

٥. ظرفیت شکل پذیری
 انحنای نهائی مقطع یک تیر با توجه به نمودار کرنش در لحظهٔ
 گسیختگی، برابر است با:

$$\phi_{u} = \mathcal{E}_{cu} / c \tag{9}$$

که $\mathcal{E}_{cu} \cong 0.003$ کرنش نهائی بتن است. انحنای شروع تسلیم را میتوان طبق رابطهٔ (۱۰) بیان کرد، که درآن f_{s} و E_{s} به ترتیب تنش تسلیم و مدول الاستیسیتهٔ فولاد، b عمق موثر مقطع، و k نسبت عمق تار خنثی در شروع تسلیم فولاد به عمق موثر بوده و مقدار آن از رابطهٔ (۱۱) بهدست میآید [۸]. چگونگی محاسبهٔ k در پیوست ۱ آورده شده است.

$$b_y = \frac{f_y / E_s}{d(1-k)} \tag{1}$$

$$k = \left[(\rho + \rho')^2 n^2 + 2(\rho + \rho' d'/d) n \right]^{\frac{1}{2}} - (\rho + \rho') n$$
(11)

با تقسیم رابطهٔ (۹) به رابطهٔ (۱۰)، ضریب ظرفیت شکلپذیری برابر خواهد شد با:

$$\phi_{u} = \frac{\varepsilon_{cu}}{f_{y}/E_{s}} \frac{d(1-k)}{c}$$
(11)

از طرفی با توجه به سازگاری کرنشها، مطابق شکل ٤، رابطهٔ زیر بین c/d_t و _t برقرار است:

$$c/d_{t} = \varepsilon_{cu} / (\varepsilon_{t} + \varepsilon_{cu}) \tag{17}$$

که d_t فاصلهٔ دورترین فولاد کششی از دورترین تار فشاری مقطع است. با استفاده از رابطهٔ فوق، میتوان نوشت:

$$c/d = (d_t/d) \left[\varepsilon_{cu} / (\varepsilon_t + \varepsilon_{cu}) \right] \tag{15}$$

بژوهشنامه حمل و نقل، سال دوم، شماره دو، تابستان ۱۳۸٤

117

(1V)

$$L_P = k_1 k_2 k_3 (z/d)^{1/4} d$$

ماتوک در سال ۱۹۹۷،
$$L_p$$
 را به صورت زیر تعریف نمود [۸]: $L_p = 0.05z + 0.5d$

پائولی و پریستلی در سال ۱۹۹۲ نشان دادندکه طول مفصل پائولی و پریستلی در سال ۱۹۹۲ نشان دادندکه طول مفصل پلاستیک، تابعی از z، تنش تسلیم فولاد(f_y) و قطر فولاد طولی (d_b) میباشد [۱۰]:

$$L_p = 0.08z + 0.022 f_y d_b \ge 0.044 f_y d_b \tag{(7.)}$$

لمان و همکاران در سال ۱۹۹۸، رابطهٔ جدیدی را برای طول مفصل پلاستیک ارائه کردند [۱۱]:

$$L_P = 0.5\alpha z + 1.2\alpha \left(f_u / 4\sqrt{f_c'}\right) d_b \tag{(1)}$$

$$\alpha = \frac{M_u - M_y}{M_u} \cong \frac{f_u - f_y}{f_u} \tag{(YY)}$$

که f'_u تنش فولاد در حالت نهائی (MPa)، f'_c مقاومت فشاری M_u بتن (MPa)، M_y لنگر در آغاز تسلیم فولاد کششی و M_u انگر نهائی مقطع است. پاناگیوتاکوس و فردیس در سال ۲۰۰۱ نیز رابطهای مشابه پائولی و پاناگیوتاکوس و فردیس در اسال ۲۰۰۱ نیز (ابطهای مشابه $L_p = 0.12z + 0.014 f_v d_b$ موجود ارائه شده در مرجع [۹] بهدست آمده است؛ ثانیا با افزایش کرنش کششی £، میزان بازتوزیع مجاز لنگر نیز افزایش یافته است.





شکل ۵ همچنین نشان میدهد که آئیننامهٔ ACI 318 حاشیهٔ ایمنی مناسبی را برای بازتوزیع مجاز لنگر ارائه داده است؛ حال آنکه آئیننامهٔ آبا، در محدودهٔ 0.025 – 0.015 – \mathcal{E}_t ، مقادیر بازتوزیع را نسبتا کوچک پیشبینی کرده و در محدودهٔ بازتوزیع بزرگی را نشان میدهد.

۷. بررسی تاثیر L/d بر میزان بازتوزیع لنگر همانگونه که در رابطهٔ (۱٦) مشاهده می شود، درصد بازتوزیع لنگر به نسبت L/L_p وابسته است؛ لذا برای آنکه بتوان تاثیر نسبت طول دهانهٔ L به عمق موثر b را بر روی میزان بازتوزیع بهدست آورد، لازم است که ابتدا طول مفصل پلاستیک (L_p)، مشخص شود.

الف – طول مفصل پلاستیک تا کنون روابط گوناگونی برای طول معادل مفصل پلاستیک ارائه شده که به صورت اجمالی می توان به تعاریف زیر اشاره کرد. بیکر درسال ۱۹۵۲، _p را برابر 0.5*d* درنظر گرفت. وی همچنین در سال ۱۹٦٤، رابطهٔ زیر را برای L_p ، در اعضای بتنی محصور نشده مطرح نمود [۹]:

در تمامی روابط فوق، f_y بر حسب MPa و z بر حسب mm می باشند. همان گونه که مشاهده می گردد، در روابط (۱۷) تا (۱۹) طول مفصل پلاستیک تنها به z و عمق موثر وابسته است. حال آنکه در روابط (۲۰) تا (۲۳)، طول مفصل پلاستیک از دو جمله اساسی تشکیل شده است. جملهٔ اول مربوط به اثر خمش (پارامتر z) بوده و جملهٔ دوم مربوط به اثر لغزش مهاری میلگردهای طولی می باشد.

$$P-$$
رابطهٔ بین L/L_p و L/L_p و L/L ، ابتدا لازم است Z
به منظور تعیین رابطهٔ میان L/L_p و L/L_p ، ابتدا لازم است Z
محاسبه شود. برای موارد عملی، در یک تیر سراسری با دهانههای
مساوی تحت بار گستردهٔ W ، Z از $0.15L$ تا $0.2L$ به
مساوی تحت بار گستردهٔ W ، Z از $0.15L$ تا 2.2 به
ترتیب برای $M_u = WL^2/16$ و $M_u = WL^2/16$ تا محل
میکند. نکتهٔ دیگر، محدودیتی است که آئین نامهٔ 318 ACI برای
میکند. نکتهٔ دیگر، محدودیتی است که آئین نامهٔ 318 ACI برای
به حیز تیرهای سراسری، بر نسبت طول دهانهٔ تیر به ارتفاع مقطع آن
به صورت 21 $\geq h$ اعمال میکند. بنابراین با توجه به اینکه
به طور معمول بین 1.1 تا $1.2d$ میباشد، L/d حداکثر
می تواند برابر ۲۵ گردد. حال برای محاسبهٔ L بر مبنای رابطهٔ
نمود. بنابراین با فرض $L_2 = 0.2L$ بر ایرار میگردد با:

$$L_P = 0.525 (0.2L)^{1/4} d^{3/4} \tag{75}$$

نسبت
$$L/L_p$$
 از رابطهٔ (۲٤)، به صورت زیر خواهد شد:

$$L/L_P = 2.8483(L/d)^{3/4}$$
 (Yo)

لذا برای مقادیر گوناگون L/d در رابطهٔ (۲۵)، نسبتهای مختلف L/L_p به دست خواهد آمد. به عنوان مثال برای L/d و ۲۲ برابر با ۲۵، ۲۰ و ۱۵، L/L_p به ترتیب برابر ۳۲، ۲۷ و ۲۲ خواهد شد. در رابطهٔ (۱۸) نیز با در نظرگرفتن L/L_p مسقیما به صورت زیر استخراج می شود:

$$L/L_P = 1/(0.015 + 0.25 \, d/L) \tag{17}$$

همچنین در رابطهٔ (۲۱)، برای
$$L/d$$
 مساوی ۲۵، ۲۰ و ۱۵،
 L/L_P به ترتیب برابر ٤٠، ۳٦ و ۳۱ بهدست میآید.
به همین ترتیب در رابطهٔ (۱۹) با فرض $Z=0.2L$ ، $z=L/L_P$ برابر خواهد شد با:

$$L/L_P = 1/(0.010 + 0.5 d/L) \tag{1}$$

در رابطهٔ (۲۷) نیز، برای L/d برابر با ۲۵، ۲۰ و ۱۵، L/L_p به ترتیب برابر ۲۳، ۲۹ و ۲۳ بهدست می آید. با مقایسهٔ سه رابطه (۲۵)، (۲۱) و (۲۷)، ملاحظه می شود که رابطهٔ (۲۵) و (۲۷) تقریبا نتایج نزدیک به یکدیگر، ولی رابطهٔ (۲۱) مقادیر بزرگتری را برای L/L_p نتیجه می دهد. مقادیر بزرگتری را برای درصد بازتوزیع مجاز لنگر بر حسب شکل ٦ منحنی تغییرات درصد بازتوزیع مجاز لنگر بر حسب نیگر کشسان تکیهگاه برابر با 2L/2 های می دهد. لنگر کشسان تکیهگاه برابر با 2L/2 می انسان می دهد. معان طور که ملاحظه می شود، با بزرگتر شدن نسبت L/d، میزان بازتوزیع مجاز لنگر کمتر شده است. همچنین اگر L/d برابر می شود، با جای گذاری در رابطهٔ همچنین اگر L/L_p برابر می شود با:

$$L/L_P = 1/(0.01125 + 0.25d/L) \tag{YA}$$

در این صورت اگر $25 = L/L_p = 47$ باشد، L/d = 25 خواهد شد. منحنی درصد بازتوزیع لنگر بر حسب \mathcal{E}_I برای این حالت نیز در شکل ٦ آورده شده است. بنابراین مشاهده میشود که آئیننامهٔ ACI 318-02 حاشیهٔ اطمینان مناسبی را حتی برای L/d های بزرگ لحاظ نموده، که در آئیننامهٔ بتن ایران، این محدودهٔ ایمنی دیده نمی شود.

طول مفصل پلاستیک بر اساس روابط (۲۰) و (۲۳) نیز با فرض Z = 0.2L و $T_y = 400 \,\mathrm{MPa}$ ، قطرهای مختلف برای میلگرد طولی و همچنین طول دهانههای گوناگون، L/L_P حدود ۲۰ الی ۳۰ را نتیجه میدهد. اما L_P بر مبنای رابطهٔ (۲۱)، مستلزم دانستن مشخصات دیگری چون مقاومت نهایی فولاد، مقاومت فشاری بتن، و ضریب α میباشد. بنابراین با فرض کردن

114

و سایر $f_c' = 30 \; \mathrm{MPa}$ ، $\alpha = 0.20$ ، $f_u = 500 \; \mathrm{MPa}$ فرضیات مشابه فوق، L/L_P حدود ۲۵ الی ۳۵ نتیجه می شود که در هر حال محدودهٔ ایمنی آئیننامهٔ ACI 318 دراین موارد نیز قابل تشخیص است.



شکل ٦. بازتوزیع مجاز لنگر برای نسبتهای مختلف طول دهانه به عمق موثر

A تاثیر تنش تسلیم فولاد بر بازتوزیع لنگر تنش تسلیم فولاد یکی دیگر از پارامترهای موثر بر بازتوزیع لنگر است. شکل ۷ منحنی درصد بازتوزیع مجاز لنگر را بر حسب کرنش $T_{e} = WL^{2}/12$ مرفتن لنگر الاستیک L/d = 9W، و همچنین 22 = L/d، برای دو مقدار تنش تسلیم فولاد محمچنین 25 = f_{y} نشان میدهد. همان گونه که بر اساس رابطهٔ (۱۱) انتظار میرفت، با بزرگتر شدن تنش تسلیم، درصد بازتوزیع کوچکتری نتیجه شده است. همچنین شکل (۷) نشان میدهد که منحنی بهدست آمده طبق رابطهٔ (۱۲) برای مقدار مجاز آئیننامهٔ ACI را نتیجه خواهد داد؛ در حالی که مقدار مجاز آئیننامهٔ ACI را نتیجه خواهد داد؛ در حالی که آئیننامهٔ بتن ایران، در محدودهٔ کرنش بین ۲۰۰۷۰ تا ۲۰۱۰، بازتوزیع غیر مجازی را نشان میدهد.

٩. اثر لنگر کشسان تکیهگاه

به منظور بررسی اثر بزرگی لنگر الاستیک تکیهگاه بر درصد بازتوزیع مجاز لنگر، منحنی تغییرات بازتوزیع لنگر بر حسب کرنش کششی ${\cal E}_t$ ، با فرض $M_e = 38$ و $M_e = WL^2/11$ و $M_e = WL^2/11$ دو لنگر الاستیک $M_e = WL^2/12$

است. شکل مزبور نشان میدهد که با بزرگتر شدن لنگر الاستیک تکیهگاه، میزان بازتوزیع مجاز لنگر نیز بیشتر شده است. نکتهٔ دیگر آنکه به ازای یک کرنش مشخص مثلا 20.0 $= {}_{\sigma}$ ، با درنظرگرفتن لنگرهای کشسان 21/ ${}^2/12$ و $WL^2/10$ ، برای یک لنگر نهائی مشابه 16.7 $WL^2 = WL^2$ ، به ترتیب مقادیر بازتوزیع مجاز ۲۸ درصد و ۳۵ درصد بهدست میآید. حال آنکه آئیننامهٔ مجاز ۲۸ درصد و ۳۵ درصد بهدست میآید. حال آنکه آئیننامهٔ مجاز ۲۰ میداند. علت محدود نمودن میزان بازتوزیع بیشتر در را مجاز میداند. علت محدود نمودن میزان بازتوزیع بیشتر در آئیننامهٔ 138 ACI و آبا را میتوان در جلوگیری از بروز ترکهای بزرگ، تحت اثر لنگرهای بهرهبرداری دانست، هرچند آئیننامهٔ انگلستان (BS 8110)، درصد بازتوزیع لنگر حتی تا میزان ۳۰٪ را نیز مجاز میداند [2].





۱۰. نتیجه گیری

در این تحقیق، تاثیر عوامل مختلف بر بازتوزیع لنگر تیرهای سراسری با دهانههای مساوی، تحت اثر بار گستردهٔ یکنواخت، با استفاده از مفهوم تقاضای شکل پذیری و ظرفیت شکل پذیری، مورد ارزیابی قرار گرفت. رابطهٔ اساسی بازتوزیع مجاز لنگر، با به کار بردن این مفهوم و لزوم تامین ظرفیت دورانی حداقل بهدست آمد. با به کارگیری این رابطه، منحنی درصد بازتوزیع مجاز لنگر بر حسب کرنش دورترین فولاد کششی مقطع، با در نظر گرفتن اثرات نسبت طول به عمق موثر تیر، تنش تسلیم فولاد کششی، و بزرگی لنگر الاستیک تکیهگاه ترسیم شد، و در هر حالت با مقادیر مجاز بازتوزيع ارائه شده در آئيننامه بتن ايران و ACI 318-02 مقایسه گردید. بررسی های انجام شده نشان دادند: ۱- میزان بازتوزیع مجاز لنگر با افزایش کرنش در دورترین فولاد كششى مقطع افزايش مىيابد. ۲- در این تحقیق با توجه به تعاریف گوناگونی که برای تعیین طول معادل مفصل پلاستیک در اعضای خمشی سراسری ارائه شده است، رابطهٔ بین نسبت طول تیر به عمق موثر آن (L/d) و

نسبت طول تیر به طول مفصل پلاستیک (L/L_p) به دست آمد. روابط حاصل شده نشان داد که با افزایش نسبت L/d، نسبت L/L_p نیز بزرگتر شده و در نتیجه کاهش در میزان بازتوزیع مجاز لنگر را به دنبال دارد.

۳- افزایش مقاومت تسلیم در فولاد کششی، سبب کاهش در میزان بازتوزیع مجاز لنگر میشود.

٤- میزان بازتوزیع مجاز لنگر با بزرگ شدن لنگر الاستیک تکیهگاه افزایش می یابد.

٥- روش آئیننامهٔ بتن (ایران) آبا، برای تیرهای بتن آرمهٔ لاغر و تیرهای با فولاد کششی با مقاومت بالا، به مقادیر بازتوزیع غیرمجازی منتهی می شود. اما آئیننامهٔ ACI 318-02، به جز در مورد تیرهایی که تواما بسیار لاغر بوده و دارای فولاد با تنش تسلیم بالا باشند، بازتوزیع لنگر را با حاشیهٔ ایمنی مناسبی ارائه می دهد.

۱۱. مراجع

- 4- Scholz, H. (1993) "Contribution to redistribution of moments in continuous reinforced concrete beams," ACI Structural Journal, Vol. 90, No. 2, pp. 150-155.
- 5- Lin, Chien-Hung, and Chien, Yu-Min, (2000) "Effect of section ductility on moment redistribution of continuous concrete beams," Journal of Chinese Institute of Engineers, Transactions of the Chinese Institute of Engineers, Vol. 23, No. 2, pp. 131-141.

 ٦- آئین نامهٔ بتن ایران (آبا)، دفتر امور فنی و تدوین معیارها، نشریهٔ شمارهٔ ۱۲۰، سازمان مدیریت و برنامهریزی کشور، چاپ سوم، سال ۱۳۸۱.

7- ACI Committee 318 "Building code requirements for reinforced concrete and

- 1- Notes on ACI 318-02, "Building code requirements for structural concrete with design applications," Portland Cement Association, Section 8.4, Washington D.C., 2002.
- 2- Mattock, A. H. (1959) "Redistribution of design bending moments in reinforced concrete continuous beams," Proceedings, Institution of Civil Engineers (London), Vol. 13, pp. 35-46.
- 3- Cohn, M. Z. (1964) "Rotational compatibility in the limit design of reinforced concrete continuous beams," Proceedings, International Symposium on the Flexural Mechanics of Reinforced Concrete, ASCE-ACI, Miami, November 1964,pp.359-382.

- Paulay, T. and Priestley, M. J. N. "Seismic design of reinforced concrete and masonary buildings," New York, John Wiley & Sons, 1992.
- 11- Leman, D. E., Calderone, A. J. and Moehle, J.P. "Behavior and design of slender columns subjected to lateral loading," 6th. US National Conference on Earthquake Engineering, Seattle, Washington, EERI, , May 31. June 4., 1998.
- Panagiotakos, T. and Fardis, M. N. (2001) "Deformation of RC members at yeilding and utimate" ACI Structural Journal, Vol. 98, No. 2, pp. 135-148.

commentary (ACI 318-02/ACI 318R-89)," American Concrete Institute, Detroit, 2002.

- 8- Park, R., and Paulay, T. "Reinforced concrete structures", London, John Wiley & Sons, 1975.
- 9- Mast, R. F. (1992) "Unified design provisions for reinforced and prestressed concrete flexural and compression members," ACI Structural Journal, Vol. 89, No. 2, , pp. 185-199.

با توجه به توزیع الاستیک خطی تنش بتن در این حالت و جاگذاری به جای ₆ از رابطهٔ (پ۱)، نیروی موجود در بتن فشاری را میتوان به صورت زیر نوشت:

$$C_c = 1/2f_c bkd =$$

$$= \frac{1}{2E_c \varepsilon_c bkd} = \frac{1}{2(\frac{E_c}{E_s})(\frac{k^2}{1-k})bdf_y}$$

رابطهٔ زیر با نوشتن تعادل نیروهای داخلی، همواره در مقطع تیر برقرار است:

 $C_c + C_s = T \tag{(1)}$

در این مرحله نیروها را از روابط (پ۳)، (پ٤) و (پ٥) در رابطهٔ (پ٦) جایگذاری کرده، با قرار دادن $E_s/E_c = n$ ، و حذف bdf_y از طرفین تساوی، معادلهٔ درجه دوم زیر بر حسب متغیر k نتیجه می شود:

$$k^{2} + 2(\rho + \rho')nk - 2(\rho + \rho' \frac{d'}{d})n = 0$$
 (پ)
معادلهٔ (پ۷) دارای یک ریشهٔ حقیقی مثبت بوده که برابر است با:

محاسبهٔ محل تار خنثی در شروع تسلیم فولاد کششی (k) شکل (پ۱) را در نظر گرفته، با توجه به توزیع خطی کرنش در مقطع تیر و شروع تسلیم در فولاد کششی، کرنش در دورترین تار فشاری تیر برابر است با:

$$\varepsilon_{c} = \frac{k\varepsilon_{y}}{1-k} = \frac{k(f_{y}/E_{s})}{1-k}$$
 (1)

همچنین کرنش در فولاد فشاری، بر حسب *£* و در نهایت با جاگذاری به جای *E* از رابطهٔ (پ۱)، به صورت رابطهٔ (پ۲) قابل بیان است:

$$\varepsilon'_{s} = \frac{(kd - d')\varepsilon_{c}}{kd} = (k - \frac{d'}{d})(\frac{f_{y}/E_{s}}{1 - k})$$
 (Yy)

از طرفی نیرو در فولاد کششی و فشاری به ترتیب برابرند با:
$$T=A_sf_y=
hobolom bdf_y$$
 (پ۳)

$$\begin{split} C_s &= A'_s f'_s = \rho' b d(E_s \varepsilon'_s) = \\ &= \rho' b d(k - \frac{d'}{d}) (\frac{f_y}{1 - k}) \end{split} \tag{5}$$

مستوفی نژاد و فرحبد



$$k = \left[(\rho + \rho')^2 n^2 + 2(\rho + \rho' d'_d) n \right]^{1/2}$$

$$- (\rho + \rho') n$$
(A)

بدین ترتیب k نسبت عمق تار خنثی در شروع تسلیم فولاد کششی به عمق موثر، بر حسب *p* درصد فولاد کششی، *'p* درصد فولاد فشاری، *d عمق مو*ثر مقطع، *'b* فاصلهٔ مرکز فولاد فشاری از دورترین تار فشاری مقطع، و *n* نسبت مدول الاستیسیتهٔ فولاد به مدول الاستیسیتهٔ بتن به دست میآید.

شکل پ۱: نمودار تنش، کرنش و نیروها در یک تیر بتنآرمه، در آغاز تسلیم فولاد کششی

114