

شبیه‌سازی رفتار حرکتی رانندگان با استفاده از مدل بهینه‌سازی رانندگان

سید محمد سادات حسینی، عضو هیأت علمی، پژوهشکده حمل و نقل، تهران، ایران،
منوچهر وزیری، استاد، دانشکده عمران، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران،
رسول جوادیان، کارشناس ارشد، پژوهشکده حمل و نقل، تهران، ایران،
E-mail:sadathoseini1@yahoo.com

چکیده

در این مقاله یک مدل خرد ترافیک برای بررسی رفتار حرکتی رانندگان در قسمت اصلی آزادراه ارائه شده است. در این مدل مانند مدل‌های سلولی سطح آزادراه به تعدادی سلول تقسیم شده که در هر زمان هر سلول یا خالی است یا توسط یک وسیله‌نقلیه اشغال شده است و حرکت وسایل‌نقلیه با جابجا شدن آنها در سلول‌های آزادراه توصیف می‌شود. در مدل پیشنهادی رفتار حرکتی رانندگان بر مبنای فرآیند بهینه‌سازی رانندگان جهت کاهش رسیک تصادف و افزایش سرعت توصیف شده است. در این مدل رانندگان در هر گام زمانی تصمیم می‌گیرند که در گام بعدی به کدام سلول بروند تا با کمترین رسیک تصادف و بیشترین سرعت/یمن مواجه بشوند. یک نرم افزار شبیه‌سازی خرد ترافیک با استفاده از مدل سلولی برای شبیه‌سازی مدل پیشنهادی تهیه شده است. مقایسه نتایج به دست آمده از شبیه‌سازی با داده‌های جمع‌آوری شده از شرایط واقعی نشان داده که مدل پیشنهادی برای توصیف رفتار حرکتی رانندگان در آزادراه‌های ایران معتبر است.

واژه‌های کلیدی: شبیه‌سازی، مدل سلولی، رفتار حرکتی رانندگان، بهینه‌سازی، رسیک، سرعت ایمن.

۱. مقدمه

رفتار تعقیب و تغییر خط وسایل‌نقلیه به طور جداگانه ارائه می‌شود [۲]. در اکثر این تحقیقات فرض بر این است که وسایل‌نقلیه در خط‌های خود و بین خط‌کشی، باقی‌مانده و به حرکت خود ادامه می‌دهند، مگر این که در شرایط خاص براساس فرضیات مدل‌های تغییر خط از خطی به خط دیگر تغییر خط دهند. در این مدل‌ها فرآیند تصمیم‌گیری رانندگان یک فرآیند دو مرحله‌ای است که رانندگان در مرحله اول سرعت خود را به نحوی تنظیم می‌کنند تا در خط حرکتی فعلی خود باقی بمانند، ولی اگر سرعت در خط فعلی قابل قبول نباشد، تغییر خط به خط‌های دیگر را مورد توجه قرار می‌دهند. در مرحله تغییر خط، اگر وضعیت در خط‌های مجاور بهتر از خط فعلی باشد، تغییر خط انجام می‌شود [۲،۵]. حتی در معدهود مدل‌هایی که فرض برآشنتگی و بی‌نظمی جریان ترافیک و همچنین عدم رعایت

تحلیل جریان ترافیک از دو دیدگاه خرد و کلان امکان‌پذیر است. در رفتار حرکتی خرد به نحوه حرکت تک تک وسایل‌نقلیه توجه می‌شود و در رفتار حرکتی کلان، متغیرهای کلان ترافیک نظری چگالی، حجم و سرعت متوسط وسایل‌نقلیه مورد تحلیل قرار می‌گیرند [۱]. یکی از روش‌های مطالعه جریان ترافیک استفاده از مدل‌های شبیه‌سازی است. هم‌اکنون با دو دیدگاه خرد و کلان به ترافیک، مدل‌های شبیه‌سازی جریان ترافیک نیز به دو گروه شبیه‌ساز خرد و کلان تقسیم می‌شوند. در این میان نرم افزارهای شبیه‌سازی ترافیک از دیدگاه خرد جایگاه ویژه‌ای دارند. تاکنون چندین نرم افزار شبیه‌ساز خرد در زمینه تحلیل ترافیک تهیه شده است [۲،۳]. در اکثر مدل‌های شبیه‌سازی خرد ترافیک حرکت وسایل‌نقلیه در قالب دو مدل تعقیب، Car Following، و تغییر خط، Lane Changing، توصیف شده است. در این مدل‌ها غالباً

در یک سلول برای افزایش سرعت و کاهش خطر تصادف مطلوبیت آن سلول است. مطلوبیت سلول Y برای X برای وسیله‌نقلیه ID در زمان t از رابطه زیر به دست می‌آید:

(1)

$$U(ID, X, Y, t) = \alpha \ln(R(ID, X, Y, t)) + \beta VMSS(ID, X, Y, t) + \rho D$$

در رابطه فوق D یک متغیر dummy است. با توجه به این که راندگان ترجیح می‌دهند در مسیر مستقیم حرکت کنند، سلول جلوی هر وسیله‌نقلیه بیش از سلول‌های چپ و راست انتخاب می‌شوند، بنابراین متغیر D تعریف شده تا اثر قرار داشتن سلول در همان موقعیت عرضی وسیله‌نقلیه را نشان دهد. متغیر D به وسیله رابطه زیر تعریف می‌شود:

(2)

$$D = \begin{cases} 1 & \text{for the cells in the same } Y \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

در شکل ۱ الگوریتم تعیین موقعیت مناسب برای حرکت هر وسیله‌نقلیه در مدل پیشنهادی مشاهده می‌شود، همان‌گونه که در این شکل دیده می‌شود، در هر گام شبیه‌سازی برای هر وسیله‌نقلیه ابتدا سلول‌هایی که امکان حرکت به آنها وجود دارد تعیین می‌شود، سپس حداکثر سرعت اینم و ریسک این سلول‌ها محاسبه شده و سلولی که بیشترین مطلوبیت را دارد انتخاب می‌شود. پس از این که هر وسیله‌نقلیه سلول مورد نظر در گام شبیه‌سازی بعدی را انتخاب کرده و سرعت خود را در حد سرعت اینم تنظیم می‌کند، اگر سرعت فعلی وسیله‌نقلیه از این سرعت کمتر باشد، لازم است سرعت وسیله‌نقلیه با شتاب مناسب افزایش داده شود. به این ترتیب سرعت وسیله‌نقلیه در گام زمانی بعدی با استفاده از رابطه زیر افزایش داده می‌شود:

$$V_{ID}(t + \Delta t) = V_{ID}(t) + a_{ID} \cdot \Delta t \quad (3)$$

که در آن a_{ID} شتاب وسیله‌نقلیه در هنگام افزایش سرعت می‌باشد و در حدود $1/2 m/s^2$ در نظر گرفته می‌شود [۹]. بهمین ترتیب اگر سرعت فعلی وسیله‌نقلیه از این سرعت بیشتر باشد، لازم است سرعت وسیله‌نقلیه با شتاب مناسب کاهش داده شود. به این ترتیب سرعت وسیله‌نقلیه در گام زمانی بعدی با استفاده از رابطه زیر کاهش داده می‌شود:

$$V_{ID}(t + \Delta t) = V_{ID}(t) - b_{ID} \cdot \Delta t \quad (4)$$

خطهای حرکتی توسط راندگان وجود دارد، رفتار وسائل نقلیه با توجه به موقعیت آنها در خطهای حرکتی در نظر گرفته شده است [۶].

در مدل‌های سلولی، بزرگراه به سلول‌های مستطیلی تقسیم می‌شود که هر وسیله‌نقلیه در هر زمان داخل یکی از این سلول‌ها قرار می‌گیرد و حرکت وسائل نقلیه با جابجا شدن آنها در این سلول‌ها توصیف می‌شود [۳]. در این پژوهش یک نرم افزار شبیه‌ساز سلولی مبتنی بر زمان، Time-based، تهیه شده است که در آن مدل‌های تعقیب و تغییر خط ادغام شده و رفتار حرکتی وسائل نقلیه در یک مرحله و بر مبنای فرآیند بهینه‌سازی راندگان توصیف شده است. مدل پیشنهادی بر اساس واقعیت‌های موجود در بسیاری از کشورها که در آنها راندگان به قوانین راهنمایی و راندگی کمتر توجه دارند، تهیه شده است و در آن برخلاف مدل‌های دیگر به خطهای حرکتی و موقعیت آنها همچنین لزوم تبعیت راندگان از قوانین راندگی توجه نمی‌شود [۷]. روش بهینه‌سازی راندگان نیز بر اساس کاهش ریسک تصادف فرض شده است، یعنی راندگان همیشه سعی می‌کنند در گام بعدی به سلولی بروند که کمترین ریسک را برای آنها داشته باشد.

در این مقاله ابتدا فرمولاسیون مدل پیشنهادی توضیح داده می‌شود، سپس نحوه جمع‌آوری اطلاعات موقعیت وسائل نقلیه بیان شده و چگونگی کالیبراسیون مدل پیشنهادی با استفاده از اطلاعات جمع‌آوری شده از موقعیت وسائل نقلیه توضیح داده می‌شود. در پایان اعتبار مدل پیشنهادی برای شبیه‌سازی رفتار حرکتی راندگان اثبات می‌شود.

۲. فرمولاسیون مدل پیشنهادی

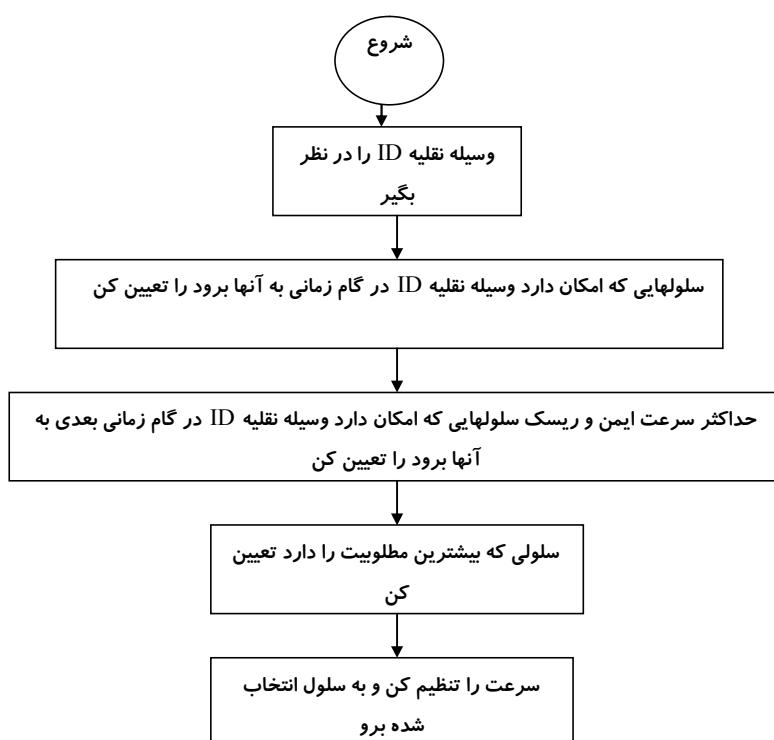
در این بخش مدل پیشنهادی در این پژوهش که در آن مدل‌های تعقیب و تغییر خط ادغام شده و رفتار حرکتی وسائل نقلیه بر مبنای فرآیند بهینه‌سازی راندگان برای افزایش سرعت و کاهش خطر تصادف توصیف شده، معروفی می‌شود. به طور کلی در این مدل راندگان حداکثر سرعتی که در هر سلول آزادراه می‌توانند به دست بیاورند و ریسک تصادف در آن سلول را محاسبه می‌کنند، سپس بر مبنای مطلوبیتی که به هر سلول اختصاص می‌دهند، تصمیم می‌گیرند که در گام زمان بعدی به کدام سلول بروند.تابع مطلوبیت، معیاری از تمایل یک تصمیم‌گیرنده برای یک نتیجه مشخص است [۸] که در این مورد، تمایل راننده برای قراردادشتن

۱-۲ ابعاد سلول‌ها

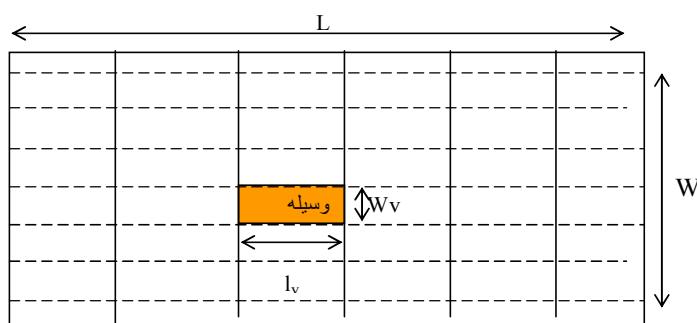
در مدل پیشنهادی فرض بر این است که وسایل نقلیه به خطهای حرکتی توجه نمی‌کنند، در این مدل عرض و طول هر سلول به اندازه یک وسیله نقلیه در نظر گرفته می‌شود. به عنوان مثال در شکل ۲ اگر عرض هر وسیله نقلیه شخصی با W_v و طول هر وسیله نقلیه شخصی با l_v نمایش داده شود، ابعاد هر سلول W_v در W_v خواهد بود. به این ترتیب یک قسمت از آزادراه با طول L و عرض W از $(W/W_v) * (L/l_v)$ سلول تشکیل خواهد شد.

که در آن b_{ID} شتاب ترمز وسیله نقلیه ID است و در حدود 5 m/s^2 در نظر گرفته می‌شود [۹].

تحقیقات انجام شده در مورد رفتار حرکتی وسایل نقلیه در ایران و مقایسه آنها با آینه نامه رانندگی، نشان داده که اکثر رانندگان در ایران به قوانین آینه نامه راهنمایی و رانندگی در خصوص رعایت فاصله مطمئن با وسیله نقلیه جلویی توجه نمی‌کنند [۱۰]. به همین دلیل الگوریتم شکل ۱ پیشنهاد شده است تا توان با استفاده از آن رفتار رانندگان را مدلسازی کرد.



شکل ۱. الگوریتم تعیین موقعیت برای حرکت هر وسیله نقلیه



شکل ۲. نحوه تقسیم آزادراه به سلول‌ها

اگر وسیله‌نقلیه i در زمان t_0 با مشاهده مانع در مسیر، اقدام به ترمز کند و وسیله‌نقلیه دوم پس از گذشت زمان عکس العمل که با τ نمایش داده می‌شود، در زمان $t_0 + \tau$ اقدام به ترمز کند، برای این که دو وسیله‌نقلیه با هم تصادف نکنند، لازم است وسیله‌نقلیه ID با توجه به شتاب ترمز و سرعت اولیه هر دو وسیله‌نقلیه فاصله مناسب را رعایت کرده باشد. نمودار حرکت این دو وسیله‌نقلیه در شکل ۴ نمایش داده شده است.

همان گونه که در شکل ۴ مشاهده می‌شود، در آغاز دو وسیله‌نقلیه با سرعت‌های خود در حال حرکت بوده و نمودارهای حرکت آنها به صورت خط‌های مورب می‌باشند. در لحظه t_0 وسیله‌نقلیه اول ترمز می‌کند و سرعت آن شروع به کاهش می‌کند تا این که متوقف می‌شود و نمودار حرکت آن به صورت یک خط افقی درمی‌آید. در لحظه $t_0 + \tau$ وسیله‌نقلیه دوم نیز با مشاهده توقف وسیله‌نقلیه اول اقدام به ترمز می‌کند و سرعت آن شروع به کاهش می‌کند تا این که متوقف می‌شود و نمودار حرکت آن نیز به صورت یک خط افقی درمی‌آید. برای این که دو وسیله‌نقلیه با یکدیگر تصادف نکنند، لازم است فاصله دو وسیله‌نقلیه از یکدیگر حداقل به اندازه طول وسیله‌نقلیه جلویی باشد. یعنی فاصله خط‌های افقی نمودارهای حرکت وسایل‌نقلیه به اندازه طول وسیله‌نقلیه جلویی یعنی L قرار گیرد. با در نظر گرفتن معادلات حرکت این دو وسیله‌نقلیه، برای این که با یکدیگر برخورد نکنند، باید رابطه ۵ برقرار باشد.

$$L + V_{ID}\tau + \frac{V_{ID}^2}{2a_{ID}} = \frac{V_i^2}{2a_i} + d \quad (5)$$

برای این که سرعت مناسب برای وسیله‌نقلیه ID بر حسب سرعت وسیله‌نقلیه i و فاصله با آن به دست آید باید رابطه زیر برقرار باشد.

$$V_{ID}^2 + 2a_{ID}\tau V_{ID} + 2a_{ID}(L - d - \frac{V_i^2}{2a_i}) = 0 \quad (6)$$

با حل معادله درجه دوم فوق برای محاسبه سرعت وسیله‌نقلیه ID رابطه زیر به دست می‌آید:

(7)

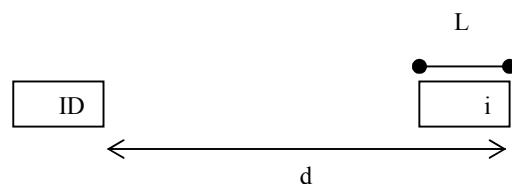
$$V_{MSS}(X, Y, ID, i, t) = V_{ID} = -a_{ID}\tau + \sqrt{a_{ID}^2\tau^2 - 2a_{ID}(L - d - \frac{V_i^2}{2a_i})}$$

طول هر سلول مطابق با وسایل‌نقلیه متدال در ایران حدود ۵ متر و عرض آن ۲ متر در نظر گرفته شده است. بنابراین در مدل پیشنهادی ابعاد سلول‌هایی که آزادراه را تشکیل می‌دهند، 5×2 متر است. تا هر سلول مشخص کننده حداقل فضایی باشد که یک وسیله‌نقلیه شخصی می‌تواند در آن قرار گیرد.

۲-۲ حداقل سرعت ایمن در هر سلول

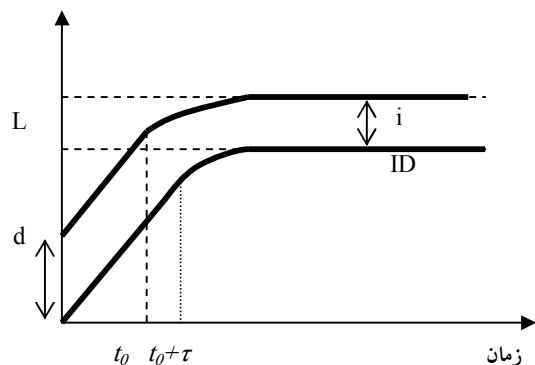
حداقل سرعت ایمن در هر سلول عبارت است از حداقل سرعتی که یک وسیله‌نقلیه فرضی در آن سلول می‌تواند به دست آورد، بدون آن که فاصله ایمن را نقض کند. برای محاسبه حداقل سرعت ایمن در هر سلول، از قوانین حرکت مربوط به دو وسیله‌نقلیه فرضی که به دنبال هم حرکت می‌کنند، استفاده شده است [۱۰].

فرض کنید دو وسیله‌نقلیه i و ID با سرعت‌های V_i و V_{ID} به دنبال هم در حال حرکت هستند و فاصله بین آن دو با d و طول وسیله‌نقلیه با L مشخص شود. همچنین فرض می‌شود شتاب ترمز این دو وسیله‌نقلیه به ترتیب a_1 و a_2 باشد. شکل ۳ دو وسیله‌نقلیه که به دنبال هم در حرکت هستند و فواصل و اندازه‌های آنها را نشان می‌دهد.



شکل ۳. دو وسیله نقلیه که به دنبال هم در حرکت هستند.

مکان



شکل ۴. نمودار حرکت دو وسیله نقلیه

احتمال تصادف، احتمال حضور هم‌زمان دو وسیله‌نقلیه در یک سلول است. برای تعیین احتمال حضور وسیله‌نقلیه i در سلول X با فرض این که موقعیت طولی و عرضی وسایل نقلیه مستقل از هم باشد، رابطه زیر برقرار خواهد بود:

(9)

$$P(i, X, Y, t + \Delta t) = P(i, X, t + \Delta t) \cdot P(i, Y, t + \Delta t)$$

که در آن:

 $P(i, X, Y, t + \Delta t)$: احتمال حضور وسیله‌نقلیه i در سلول (X, Y) .

 $P(i, X, t + \Delta t)$: احتمال حضور وسیله‌نقلیه i در موقعیت طولی X
در زمان $t + \Delta t$.
 $P(i, Y, t + \Delta t)$: احتمال حضور وسیله‌نقلیه i در موقعیت عرضی Y
در زمان $t + \Delta t$ است.

برای تخمین موقعیت طولی وسایل نقلیه باید توجه کرد که رانندگان از سرعت وسایل نقلیه دیگر در بازه زمانی قبلی اطلاع دارند، ولی از این که سرعت وسایل نقلیه در بازه زمانی بعدی چه مقدار تغییر می‌کند، اطلاع ندارند. با توجه به این که تغییر سرعت، شتاب وسیله‌نقلیه را مشخص می‌کند، عدم قطعیت سرعت طولی وسایل نقلیه از جهت شتاب آنها به وجود می‌آید. به این ترتیب معادله حرکت طولی وسایل نقلیه از رابطه زیر به دست می‌آید:

(10)

$$X(i, t + \Delta t) = X(i, t) + V_x(i, t) \cdot \Delta t + \frac{1}{2} a(i, t) \cdot \Delta t^2$$

که در آن:

 $X(i, t)$: موقعیت طولی وسیله‌نقلیه i در زمان t
 $V_x(i, t)$: سرعت طولی وسیله‌نقلیه i در زمان t
 $a(i, t)$: شتاب وسیله‌نقلیه i در زمان t است و از رابطه زیر به

دست می‌آید:

(11)

$$a(i, t) = \frac{V_x(i, t + \Delta t) - V_x(i, t)}{\Delta t}$$

با توجه به این که قسمت غیرقطعی حرکت طولی وسایل نقلیه شتاب آنها است، توزیع آماری شتاب وسیله‌نقلیه با استفاده از یک توزیع نرمال تخمین زده است. با فرض این که شتاب وسایل نقلیه دارای توزیع آماری $Normal_x(\mu_{ax}, \sigma_{ax})$ باشد، توزیع

که در رابطه فوق $V_{MSS}(X, Y, ID, i, t)$ حداکثر سرعت این برای وسیله‌نقلیه ID در سلول X در زمان t است.

۳-۲ میزان ریسک ایجاد شده

مدیریت ریسک یکی از ابزارهای سیاستگذاری است که با استفاده از بررسی و ارزیابی ریسکهای موجود در سیستم و با هدف جلوگیری از وقوع شرایط نامطلوب و یا کاهش اثر عوامل خطرناک به عبارتی کاهش ریسک به وجود آمده است. این ابزار به طور گسترده در سرمایه‌گذاریها، مدیریت پروژه و غیره کاربرد پیدا کرده است. در این پژوهش مدیریت ریسک برای توصیف رفتار حرکتی رانندگان بکار گرفته شده است.

برای بکارگیری مدیریت ریسک در توصیف رفتار حرکتی وسایل نقلیه لازم است مفاهیم پایه در این زمینه تعریف شوند. منظور از خطر در مدیریت ریسک عبارت است از موقعیتی که می‌تواند منجر به سانحه شود. در این تحقیق منظور از خطر بروز یک تصادف بین وسایل نقلیه است. ریسک ترکیبی از احتمال وقوع و خسارت است که در این تحقیق حاصل ضرب احتمال وقوع و خسارت ناشی از تصادف به عنوان ریسک تعريف شده است. در این تحقیق خسارت همه تصادفات رانندگی برابر با یک در نظر گرفته شده است. از آنجا که در هر سلول احتمال تصادف با وسایل نقلیه متعددی وجود دارد، ریسک تصادف برای وسیله‌نقلیه ID در سلول (X, Y) در زمان t برابر با مجموع ریسک ایجاد شده در آن سلول از جانب وسایل نقلیه دیگر در نظر گرفته شده که با استفاده از رابطه ۸ محاسبه می‌شود.

(8)

$$R(ID, X, Y, t) = \text{Sum } \{IM(ID, X, Y, i, t) \cdot P(i, X, Y, t)\} \text{ for all } i \neq ID$$

که در آن:

 $R(ID, X, Y, t)$: ریسک تصادف وسیله‌نقلیه ID در سلول (X, Y) در زمان t در احتمال حضور وسیله‌نقلیه i در سلول (X, Y) در زمان t ، $P(i, X, Y, t)$
 $IM(ID, X, Y, i, t)$: خسارت تصادف وسیله‌نقلیه i با وسیله‌نقلیه ID در سلول (X, Y) در زمان t است که در تمام موارد برابر و مساوی با یک در نظر گرفته می‌شود. تصادف هنگامی رخ می‌دهد که دو وسیله‌نقلیه در یک سلول قرار گیرند، بنابراین

با توجه به این که موقعیت هر سلول با مختصات مرکز آن سلول مشخص می شود و عرض هر سلول W_v است، حد بالا و حد پایین انتگرال محاسبه احتمال حضور وسیله نقلیه در سلول از $Y-W_v/2$ تا $Y+W_v/2$ تعیین شده است.

۳. جمع آوری اطلاعات از موقعیت وسایل نقلیه

در این پژوهش برای جمع آوری اطلاعات مربوط به موقعیت وسایل نقلیه یک سیستم پردازش تصویر مورد استفاده قرار گرفته که در آن موقعیت تک تک وسایل نقلیه در هر فریم از فیلم حرکت وسایل نقلیه مشخص می شود. در این سیستم امکان تشخیص موقعیت وسایل نقلیه بدون نیاز به تجهیزات خاص فیلمبرداری وجود دارد. همچنین بدون نیاز به دانستن زاویه و بزرگنمایی و ارتقای دوربین در هنگام فیلمبرداری تنها با دانستن مختصات ۴ نقطه از تصویر در جهان واقعی می توان فواصل و موقعیتها را با دقت قابل قبولی اندازه گیری کرد [۱۰]. شکل ۵ مراحل مختلف پردازش تصاویر و تولید جدول موقعیت وسایل نقلیه را به صورت خلاصه نشان داده است.

همان گونه که در شکل ۵ مشاهده می شود، فیلم ویدئویی حرکت وسایل نقلیه تبدیل به عکسهایی از نوع Bitmap می شود، سپس مرحله کالibrاسیون دوربین برای انطباق عکس با موقعیت آن در جهان واقعی به انجام می رسد. سپس پردازش تصاویر برای تشخیص وسایل نقلیه در هر تصویر انجام می شود، پس از آن با استفاده از موقعیت وسایل نقلیه تشخیص داده شده در تصاویر مختلف، موقعیت هر وسیله نقلیه در سلسه تصاویر انطباق داده شده و در نهایت موقعیت هر یک از وسایل نقلیه در هر فریم مشخص می شود و در فایلی به نام d.txt به صورت جدول آرایه های (x,y,k,t,c) ذخیره می شود که در آن x و y موقعیت طولی و عرضی وسیله نقلیه، k نوع وسیله نقلیه از لحظه بزرگ و کوچک بودن، t زمانی که وسیله نقلیه در آن موقعیت مشاهده شده است و c شماره مشخصه آن وسیله نقلیه است.

نرم افزار پردازش تصاویر تهیه شده قابلیت تشخیص وسایل نقلیه در شرایطی که تداخلی بین تصویر وسایل نقلیه وجود ندارد و تصویر وسایل نقلیه روی هم نمی افتد را دارد. اگر تصویر وسایل نقلیه روی هم بیفتند، باید با یک سری اصلاحات به صورت دستی، موقعیت وسایل نقلیه را به دست آورد [۱۰]. در این تحقیق دو محل در آزادراه تهران-کرج برای فیلمبرداری از

آماری موقعیت طولی وسایل نقلیه دارای توزیع آماری زیر خواهد بود:

(۱۲)

$$X(i, t + \Delta t) \approx Normal_x(X(i, t) +$$

$$V_x(i, t). \Delta t + \frac{1}{2} \mu_{ax}. \Delta t^2, \frac{1}{2} \sigma_{ax}. \Delta t^2)$$

با توجه به توزیع آماری موقعیت طولی وسایل نقلیه، احتمال حضور وسیله نقلیه i در موقعیت X از رابطه زیر به دست می آید:

(۱۳)

$$P(i, X, t + \Delta t) = \int_{X - \frac{I_v}{2}}^{X + \frac{I_v}{2}} Normal_x(x, X(i, t) +$$

$$N + V_x(i, t). \Delta t + \frac{1}{2} \mu_{ax}. \Delta t^2, \frac{1}{2} \Delta t^2. \sigma_{ax}). dx$$

با توجه به این که موقعیت هر سلول با مختصات مرکز آن سلول مشخص می شود و طول هر سلول I_v است، حد بالا و حد پایین انتگرال محاسبه احتمال از $I_v/2$ تا $I_v/2$ تعیین شده است. برای تخمین موقعیت عرضی وسایل نقلیه باید توجه کرد رانندگان تغییر موقعیت عرضی وسایل نقلیه دیگر را نمی توانند پیش بینی کنند و به همین دلیل عدم قطعیت موقعیت عرضی وسایل نقلیه ناشی از سرعت عرضی آنها می باشد. معادله حرکت عرضی وسایل نقلیه از رابطه زیر به دست می آید:

$$Y(i, t + \Delta t) = Y(i, t) + V_y(i, t). \Delta t \quad (۱۴)$$

که در آن $V_y(i, t)$ سرعت وسیله نقلیه i در زمان t است. اگر سرعت عرضی وسایل نقلیه دارای توزیع آماری $Normal_y(\mu_{vy}, \sigma_{vy})$ باشد، توزیع آماری موقعیت عرضی وسایل نقلیه دارای توزیع آماری زیر خواهد بود:

(۱۵)

$$Y(i, t + \Delta t) \approx Normal_y(Y(i, t) + \mu_{vy}. \Delta t, \sigma_{vy}. \Delta t)$$

با توجه به توزیع آماری موقعیت عرضی وسایل نقلیه، احتمال حضور وسیله نقلیه i در موقعیت عرضی Y از رابطه زیر به دست می آید:

(۱۶)

$$P(i, Y, t + \Delta t) = \int_{Y - \frac{W_v}{2}}^{Y + \frac{W_v}{2}} Normal_y(y, Y(i, t) + \mu_{vy}. \Delta t, \sigma_{vy}. \Delta t). dy$$

$V_y(i, t)$ برای وسایل نقلیه مختلف i در بازه‌های زمانی مختلف محاسبه شده و مشخص شد که جامعه آماری V_y ها با یک تابع توزیع نرمال قابل تخمین است. به این ترتیب V_y بر حسب متراژ ثانیه کالیبره شده و نشان داده شده که با استفاده از رابطه زیر قابل محاسبه است:

(18)

$$V_y \sim Normal_y(\mu_{vy}, \sigma_{vy}) = Normal_y(0, 3)$$

با استفاده از آزمون Kolmogorov-Smirnov مشخص شد که در سطح اطمینان ۹۹٪ توزیع به دست آمده نرمال است که نمایانگر توانایی رابطه فوق برای تخمین موقعیت عرضی وسایل نقلیه است. به همین ترتیب موقعیت طولی وسایل نقلیه نیز تخمین زده شده است. با استفاده از داده‌های جمع‌آوری شده از موقعیت طولی وسایل نقلیه در شرایط واقعی سرعت طولی هر وسیله نقلیه i در بازه زمانی t , $V_x(i, t)$, تعیین و با موقعیت همان وسیله نقلیه در زمان $t + \Delta t$, $V_x(t + \Delta t)$, مقایسه شده، سپس شتاب وسیله نقلیه i در زمان بین t و $t + \Delta t$, $a(i, t)$, به وسیله رابطه ۷ محاسبه می‌شود.

ترتیب $a(i, t)$ برای وسایل نقلیه مختلف i در بازه‌های زمانی مختلف t محاسبه شده و به این ترتیب a بر حسب متراژ بر مجدور ثانیه کالیبره شده و نشان داده شده که با استفاده از یک تابع توزیع نرمال از رابطه زیر قابل تخمین است:

(19)

$$a \sim Normal_x(\mu_{ax}, \sigma_{ax}) = Normal_x(0, 9)$$

حرکت وسایل نقلیه انتخاب شد و در هر محل حدود نیم ساعت از وسایل نقلیه فیلمبرداری شد. برای کالیبره کردن مدل پیشنهادی از جدول موقعیت وسایل نقلیه استفاده شده است. آمار جمع‌آوری شده از یکی از دو محل به ترتیبی که گفته خواهد شد برای کالیبراسیون و دیگری برای اعتباریابی مدل پیشنهادی مورد استفاده قرار گرفته است.

۴. کالیبره کردن مدل پیشنهادی

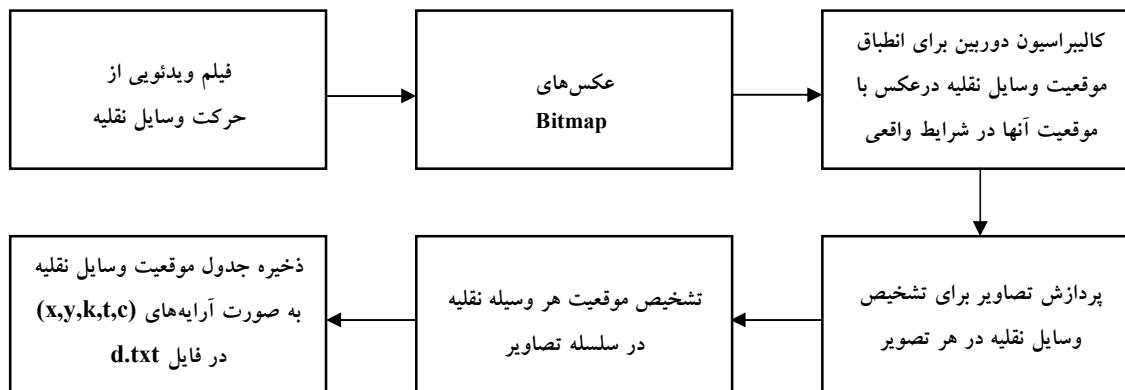
کالیبره کردن مدل پیشنهادی در دو قسمت انجام می‌شود که عبارتند از کالیبره کردن میزان ریسک تصادف، کالیبره کردن تابع حداقل سرعت ایمن و کالیبره کردن ضرایب تابع مطلوبیت، در بخش‌های بعد نحوه این کالیبراسیون ذکر شده است.

۴-۱ کالیبره کردن میزان ریسک تصادف

برای کالیبراسیون سرعت عرضی وسایل نقلیه، V_y , اطلاعات جمع‌آوری شده از حرکت وسایل نقلیه در شرایط واقعی در محل اول آمارگیری مورد استفاده قرار گرفته است. موقعیت عرضی هر وسیله نقلیه i در هر بازه زمانی t , $Y(i, t)$, تعیین و با موقعیت همان وسیله نقلیه i در زمان $t + \Delta t$, $Y(i, t + \Delta t)$, مقایسه شده، سپس سرعت عرضی وسیله نقلیه i در زمان t به وسیله رابطه زیر محاسبه شده است:

(17)

$$V_y(i, t) = \frac{Y(i, t + \Delta t) - Y(i, t)}{\Delta t}$$



شکل ۵. مراحل مختلف پردازش تصاویر و تولید بانک اطلاعاتی

۵. مثالی از حرکت وسایل نقلیه در مدل پیشنهادی

به عنوان یک مثال از حرکت وسایل نقلیه، در شکل ۶ وسایل نقلیه در سلول‌های قسمتی از یک آزادراه نمایش داده شده‌اند. وسیله‌نقلیه مورد نظر در سلول سیاه رنگ با شماره ۱ نمایش داده شده است و وسایل نقلیه دیگر با رنگ خاکستری مشخص شده است و سایل نقلیه دیگر با رنگ خاکستری مشخص شده‌اند. هر سلول آزاد راه به اندازه یک وسیله‌نقلیه و در حدود یک مستطیل ۲ در ۵ متر است. آزادراهی که در این شکل نشان داده شده است یک آزادراه ۴ خطه است که هر خط آن در حدود ۴ متر عرض دارد. به این ترتیب عرض آزاد راه به ۸ سلول تقسیم شده است. همچنین حداکثر سرعت مجاز ۱۲۰ کیلومتر بر ساعت در نظر گرفته شده است.

فرض شده وسیله‌نقلیه شماره ۳ و ۴ با سرعت ۱۰۸ Km/h و وسیله‌نقلیه ۲ و وسیله‌نقلیه مورد نظر با سرعت ۷۲ Km/h در حال حرکت باشند. با استفاده از رابطه ۲۰، حداکثر سرعت ایمن برای سه سلول مقابله وسیله‌نقلیه مورد نظر بر حسب متر بر ثانیه محاسبه شده و در سلول‌های مریبوطه آمده است. حداکثر سرعت ایمن برای سلول‌های بالا و وسط با استفاده از رابطه ۲۰ با توجه به سرعت وسیله‌نقلیه مقابله آنها محاسبه شده است. برای سلول پایین نیز با توجه به این که وسیله‌نقلیه‌ای در مقابل آن قرار ندارد، حداکثر سرعت مجاز یعنی ۱۲۰ کیلومتر بر ساعت، معادل ۳۳ متر بر ثانیه در نظر گرفته شده است.

	4					
		23.2	3			
	1	15.4		2		
		33				

شکل ۶. حداکثر سرعت ایمن در سه سلول جلوی وسیله نقلیه مورد نظر

احتمال حضور هر یک از وسایل نقلیه غیر از وسیله نقلیه مورد نظر در سه سلول جلوی وسیله نقلیه ۱ با استفاده از رابطه ۹ محاسبه و در جدول ۱ آمده است.

با استفاده از آزمون Kolmogrov-Smirnov مشخص شد که در سطح اطمینان ۹۵٪ توزیع به دست آمده نرمال است که نمایانگر توانایی رابطه فوق برای تخمین موقعیت طولی وسایل نقلیه است. با استفاده از رابطه ۹ احتمال حضور هر وسیله نقلیه i در هر سلول (X, Y) به دست می‌آید. با ضرب احتمال تصادف در شدت آن که برای تمام وسایل نقلیه برابر با یک فرض شده است، ریسک تصادف در هر سلول برای هر وسیله نقلیه با استفاده از رابطه ۸ به دست می‌آید.

۴-۲ کالیبره کردن حداکثر سرعت ایمن

برای کالیبره کردن حداکثر سرعت ایمن باید زمان عکس العمل رانندگان، τ ، و شتاب ترمز وسایل نقلیه، a_1 و a_2 در رابطه 3 تعیین شوند، در این تحقیق شتاب ترمز وسایل نقلیه، $a_2 = a_1 = 5 \text{ m/s}^2$ و زمان عکس العمل رانندگان، $\tau = 2 \text{ sec}$ ، در نظر گرفته شده است [۹]. به این ترتیب رابطه ۷ به صورت رابطه ۲۰ کالیبره می‌شود.

(۲۰)

$$V_{MSS}(X, Y, ID, i, t) = V_{ID} = -10 + \sqrt{50 + 10d + V_i^2}$$

با استفاده از رابطه فوق در هر سلول از آزادراه حداکثر سرعت ایمن، V_{MSS} ، بر حسب فاصله آن سلول با وسیله نقلیه جلویی، d ، و سرعت وسیله نقلیه جلویی، V_i ، به دست می‌آید.

۴-۳ کالیبره کردن تابع مطلوبیت

با در نظر گرفتن موقعیت وسایل نقلیه در هر گام زمانی در شرایط واقعی و موقعیت آنها در گام زمانی بعدی یک نمونه آماری به دست می‌آید که احتمال حرکت هر وسیله نقلیه به هر یک از سلول‌های ممکن را با توجه به مقادیر حداکثر سرعت ایمن و خطر تصادف آن تعیین می‌کند. این نمونه آماری برای کالیبره کردن رابطه ۱ به کار گرفته می‌شود. پس از کالیبره کردن این رابطه ضرایب α ، β و ρ که تابع مطلوبیت را مشخص می‌کنند، تعیین می‌شوند. پس از کالیبره شدن مدل مشخص شده که مطلوبیت هر سلول از رابطه زیر به دست می‌آید:

(۲۱)

$$U(ID, X, Y, t) = -4.5 \ln(R(ID, X, Y, t)) +$$

$$0.23 V_{MSS}(ID, X, Y, t) + 1.25 D$$

به دست آورده است. بنابراین وسیله نقلیه سلول پایین را برای حرکت در بازه زمانی بعدی انتخاب خواهد کرد.

		4					
				65		3	
			1	119		2	
				242			

شکل ۸. مطلوبیت سلولهای جلوی وسیله نقلیه مورد نظر

با توجه به این که حداکثر سرعت ایمن در سلول انتخابی ۱۲۰ کیلومتر بر ساعت، معادل ۳۳ متر بر ثانیه و سرعت وسیله نقلیه موردنظر ۷۳ کیلومتر بر ساعت، معادل ۲۰ متر بر ثانیه معادل است، برای وسیله نقلیه موردنظر امکان افزایش سرعت وجود دارد. با فرض این که شتاب افزایش سرعت وسیله نقلیه برابر با ۱/۱ متر بر مجدور ثانیه^{۶۹} و طول بازه زمانی برابر با ۰/۲ ثانیه باشد، سرعت وسیله نقلیه موردنظر در انتهای بازه زمانی بعدی با استفاده از رابطه ۳ برابر با ۷۷/۸۶۴ به دست می آید. به این ترتیب در این بازه زمانی سرعت وسیله نقلیه موردنظر ۰/۸۶۴ کیلومتر بر ساعت افزایش می پاید.

۶. اعتیار یابی مدل

در مرحله جمع آوری اطلاعات با استفاده از پردازش تصویر، موقعیت وسایل نقلیه در زمانهای مختلف در فایلی به نام d.txt ذخیره شده است. به همان ترتیب که در مورد شرایط واقعی گفته شد، برای شرایط شبیه سازی نیز موقعیت وسایل نقلیه شبیه سازی شده در فایل دیگری مشابه با فایل d.txt به نام ds.txt ذخیره می شود. برای مقایسه نتایج شبیه سازی با شرایط واقعی از محتویات این دو فایل استفاده می شود. در این پژوهش آمار برداشت شده از محاکمه دوم باء اعتبار باشد. مدل استفاده شده است.

اولین موقعیت مشاهده و سایل نقلیه به عنوان ورودی به نرم افزار شبیه سازی داده می شود و پس از آن، حرکت و سایل نقلیه طبق مدل پیشنهادی در محیط شبیه سازی انجام می شود. به این ترتیب اولین موقعیت و سایل نقلیه در محیط شبیه سازی و محیط واقعی

جدول ۱. احتمال حضور وسائل نقلیه دیگر در سه سلول جلوی
وسیله نقلیه مورد نظر

شماره وسیله نقلیه	2	3	4	Sum
بالا	1.96E-25	8.35E-17	1.77E-06	1.77E-06
وسط	3.72E-24	4.41E-18	1.06E-11	1.06E-11
پایین	1.96E-25	2.65E-23	0.00E+00	2.65E-23

با توجه به این که خسارت تصادف در همه موارد برابر با یک فرض شده است، مجموع احتمال حضور وسایل نقلیه در هر یک از سه سلول محاسبه و به عنوان ریسک تصادف در آن سلول طبق رابطه ۸ محاسبه شده و در شکل ۷ آمده است. در شکل ۷ ریسک تصادف در هر سلول برای وسیله نقلیه مورد نظر با عددی که در آن سلول نهشته شده نمایش داده شده است.

		4				
				1.77E-06	3	
		1	1.06E-11		2	
			2.65E-23			

شکل ۷. ریسک تصادف و سیله نقلیه مورد نظر در سلول های آزادراه
با توجه به این که مطلوبیت هر سلول از رابطه ۲۱ محاسبه
می شود، مقادیر مطلوبیت برای سه سلول مقابل و سیله نقلیه
به ترتیب زیر محاسبه می شود:

$$U_l = -4.5 \ln(1.77 \cdot 10^6) + 0.23 \cdot 25 + 1.25 \cdot 0 = 65$$

(۲۴)

$$U_2 = -4.5 * \ln(1.06 * 10^{11}) + 0.23 * 16 + 1.25 * 1 = 119 \quad (24)$$

$$U_3 = -4.5 * \ln(2.6 * 10^{-23}) + 0.23 * 33 + 1.25 * 0 = 242$$

در شکل ۸ مطلوبیت سلول‌های جلوی وسیله‌نقلیه ذکر شده است. همان گونه که مشاهده می‌شود، سلول پایین بیشترین مطلوبیت را

است. به این ترتیب با استفاده از رابطه $t_{po} = 2.7$ برای سرعت متوسط و سایل نقلیه $1-1/69$ به دست می‌آید. با توجه به این که $|t_{a/2,n-1}| = 1.69$ دلیلی برای بی اعتبار بودن مدل در سطح اطمینان ۹۵٪ برای محاسبه تعداد تغییر خط وجود ندارد. همان گونه که بیان شد اعتبار مدل پیشنهادی برای محاسبه سرعت متوسط و تعداد تغییر خط و سایل نقلیه تأیید می‌شود، بنابراین مدل پیشنهادی توانسته رفتار رانندگان را بر اساس تلاش آنان برای افزایش سرعت و کاهش ریسک تصادف مدلسازی کند.

۷. خلاصه و نتیجه‌گیری

تاکنون تحقیقات متعددی برای شبیه‌سازی رفتار حرکتی و سایل نقلیه در نقاط مختلف جهان انجام شده و نرم افزارهای متعددی نیز برای این کار تهیه شده است. در این تحقیق مدلی برای توصیف رفتار حرکتی رانندگان ارائه شده است که رفتار حرکتی رانندگان را بر مبنای یک فرآیند بهینه‌سازی جهت کاهش ریسک تصادف در هنگام رانندگی توصیف کرده است. مقایسه آمار برداشت شده از شرایط واقعی آزادراه تهران - کرج با نتایج حاصل از شبیه‌سازی مدل پیشنهادی نمایانگر انطباق شرایط واقعی با مدل پیشنهادی است. بنابراین برای شبیه‌سازی خرد ترافیک در آزادراه‌های ایران می‌توان از این مدل به جای مدل‌های دیگر که بعضًا با رفتار حرکتی رانندگان در ایران مطابقت ندارند، استفاده کرد.

در حال حاضر با توجه به این که رانندگان در ایران به قوانین راهنمایی و رانندگی کمتر توجه می‌کنند، رفتار رانندگان به عنوان یک رفتار نامنظم مطرح شده و کمتر در خصوص مدلسازی و شبیه‌سازی آن تحقیق شده است. در این تحقیق نحوه تصمیم‌گیری رانندگان به خوبی مدل شده و به این ترتیب رفتار رانندگان از شکل نامنظم و تصادفی درآمده و به صورت مدلی برای افزایش سرعت و کاهش ریسک تصادف نشان داده شده است. به این ترتیب امکان بررسی عوامل مؤثر بر رفتار رانندگان فراهم شده و در تحقیقات بعدی می‌توان راهکارهای مناسب برای تغییر در رفتار رانندگان را پیشنهاد کرد.

در این پژوهش رفتار حرکتی رانندگان در قسمت اصلی آزادراه ۶ یعنی در قسمتهایی که تغییر خط رانندگان ناشی از مقصد آنها نیست مورد بررسی قرار گرفته است. برای تحقیقات آینده

یکسان است و پس از آن آمار برداشت شده از موقعیت و سایل نقلیه در محیط واقعی و آنچه در محیط شبیه‌سازی پیش بینی شده است، قابل مقایسه می‌شوند. برای اعتباریابی مدل پیشنهادی، موقعیت طولی و عرضی و سایل نقلیه دو ثانیه بعد از ورود در محیط شبیه‌سازی با محیط واقعی در همان زمان مقایسه شده است.

تاکنون برای اعتباریابی مدل‌های شبیه‌ساز خرد ترافیک روش‌های مختلفی مورد استفاده قرار گرفته است [۱۲و۱۳]، در این تحقیق مدل پیشنهادی در سطح خرد اعتباریابی شده است. برای اعتباریابی مدل پیشنهادی از آزمون مربوط به مشاهدات دوتایی استفاده شده است. آماره این آزمون از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$t_{po} = \frac{\bar{d}}{\sqrt{n}} \quad (25)$$

که در آن:

t_{po} : آماره آزمون مشاهدات دوتایی،
 \bar{d} : میانگین تفاضل‌های پارامتر مورد نظر در دوتایی‌های محیط شبیه‌سازی و شرایط واقعی،
 S_d : انحراف معیار تفاضل‌های پارامتر مورد نظر در دوتایی‌های محیط شبیه‌سازی و شرایط واقعی،

n : تعداد نمونه مورد بررسی در محیط شبیه‌سازی و واقعی.
 $/t_{po}>t_{\alpha/2,n-1}$ است. اگر $t_{po}>t_{\alpha/2,n-1}$ باشد، یعنی مقدار قدر مطلق آماره آزمون از مقدار توزیع آماری اعتبار مدل در سطح اطمینان $(1-\alpha)\%$ رد می‌شود و در غیر این صورت دلیلی برای بی اعتبار بودن مدل در آن سطح اطمینان وجود ندارد [۱۴].

در مدل پیشنهادی تفاضل میانگین سرعت متوسط و سایل نقلیه در محیط شبیه‌سازی و واقعی در ۶ بازه آمارگیری دارای میانگین 0.3 و واریانس 0.04 است. به این ترتیب با استفاده از رابطه $t_{student}$ برای دقت $\alpha/2$ و درجه آزادی $n-1$ بیشتر باشد، t_{po} برای سرعت متوسط و سایل نقلیه 0.36 به دست آمده است. با توجه به این که $|t_{a/2,n-1}| = 2.7$ دلیلی برای بی اعتبار بودن مدل در سطح اطمینان ۹۵٪ برای محاسبه سرعت متوسط وجود ندارد.

تفاضل میانگین تعداد تغییر خط و سایل نقلیه در محیط شبیه‌سازی و واقعی در ۶ بازه آمارگیری دارای میانگین 0.3 و واریانس 0.05 است.

7.Sadat Hoseini, M., Shafahi,Y. and Vaziri, M. (2004) "Combination of car following and lane changing models as a drivers' optimization process", The 8th International Conference on Applications of Advanced Technologies in Transportation, ASCE, China, pp. 601-605.

8.Kim, S. (1992) "Statistics and decisions: An introduction to foundations", CRC Press.

9.AASHTO(1999) "Geometric design of highways and streets", US: AASHTO, p. 40.

10. سادات حسینی، م. " بررسی رفتار حرکتی وسایل نقلیه در قسمت اصلی آزاد راه با استفاده از پردازش تصاویر" ، پایان نامه دکتری، دانشکده عمران، دانشگاه شریف، ۱۳۸۷.

11. Sadat Hoseini, M. and Vaziri, M. (2006)"Using image processing for microsimulation of freeways in developing countries", Transportation Research Board, TRB.

12. Hoogendoorn, S., Ossen, S. and Gorte, B. (2006) "Inter-driver differences in car following: a vehicle trajectory based study", Transportation Research Board, TRB.

13. Brockfeld, E. , Kuhne. R. and Wagner, P. (2005)"Calibration and validation of microscopic models of traffic flow", Transportation Research Board, TRB.

14. Chung, C. (2003) "Simulation modeling hand book", CRC PRESS, pp 8.11 - 8.14.

می توان رفتار حرکتی وسایل نقلیه در تقاطعهای چراغدار و بدون چراغ، همچنین در رمپها را مورد بررسی قرار داد.

۸ منابع

1.Kachroo, P, and Ozbay, K. (1999) "Feedback control theory for dynamic traffic assignment", Springer, , pp. 19-43.

2.Kazi, Iftekhar,A.(1999) "Modeling drivers' acceleration and lane changing behavior", Dissertation, Massachusetts Institute of Technology.

3.Barlovic, R., Esser, J. and Froese, K. (2005) "Online traffic simulation with cellular automata", <http://www.traffic.uni-duisburg.de>, Accessed, University of Duisburg Web Site.

4.Sultan, B. (2001) "The lane changing process: Data analysis & modeling behavior", Journal of Traffic Engineering and Control, pp. 202-207.

5.Shahab Uddin, M. and Ardekani, S. (2002) "An observation study of lane changing on basic freeway segment", Transportation Research Board (CD-ROM), 81st Annual Meeting.

6.Gunay, B. (1999) "Modeling lane discipline on multilane uninterrupted traffic flow", Traffic Engineering and Control, pp. 440-447.