

علوم و تکنولوژی محیط زیست، دوره هجدهم، شماره یک، بهار ۹۶

## مقایسه روش‌های درون‌یابی مکانی جهت پهنه‌بندی غلظت فلزات سنگین در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل

یونس سیفی<sup>۱</sup>

روح اله میرزایی<sup>۲\*</sup>

[rmirzaei@kashanu.ac.ir](mailto:rmirzaei@kashanu.ac.ir)

تاریخ پذیرش: ۹۴/۱۱/۱۴

تاریخ دریافت: ۹۴/۹/۷

### چکیده

**زمینه و هدف:** انتخاب روش درون‌یابی مناسب فاکتور مهمی در تحلیل سطح است و تحلیلی سخت در تحلیل زمین‌آماری محسوب می‌شود چون روش‌های مختلف درون‌یابی می‌تواند منجر به نتایج نهایی مختلف شود. از این رو، هدف این پژوهش، بررسی کارایی روش‌های مختلف درون‌یابی در تعیین الگوی مکانی غلظت کادمیوم، روی و مس در خاک سطحی است.

**روش بررسی:** در مجموع ۱۳۵ نمونه خاک سطحی از شهرستان آران و بیدگل جمع‌آوری شد و غلظت کادمیوم، روی و مس در نمونه‌ها تعیین گردید؛ سپس با استفاده از روش‌های مختلف درون‌یابی شامل کریجینگ معمولی، کوکریجینگ، وزن‌دهی معکوس فاصله، چند جمله‌ای موضعی و توابع پایه شعاعی، تغییرات مکانی غلظت عناصر در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل ارزیابی شد. ارزیابی متقابل و آماره‌های MSE، MBE، RMSE، NSE و PBIAS به منظور صحت‌سنجی روش‌ها استفاده شد.

**یافته‌ها:** طبق نتایج ارزیابی متقابل روش کریجینگ معمولی (مدل کروی) دارای بهترین کارایی برای برآورد غلظت کادمیوم و مس و روش کریجینگ معمولی (مدل نمایی) دارای بهترین کارایی برای برآورد غلظت روی در خاک این منطقه بود. همچنین با افزایش توان وزن‌دهی در روش چند جمله‌ای موضعی (LPI)، برای عناصر کادمیوم و مس، صحت درون‌یابی افزایش و برای عنصر روی، صحت درون‌یابی کاهش یافت؛ در حالی که با افزایش توان وزن‌دهی در روش وزن‌دهی معکوس فاصله<sup>۳</sup> (IDW)، صحت درون‌یابی برای عناصر کادمیوم و روی کاهش و برای عنصر مس افزایش یافت.

**بحث و نتیجه‌گیری:** اگرچه تمام روش‌های آزموده شده دارای صحت پیش‌بینی غلظت میانگین فلزات بودند اما با توجه به شاخص‌های ارزیابی متقابل، روش کریجینگ عملکرد بهتری نسبت به سایر روش‌ها داشت.

**واژه‌های کلیدی:** درون‌یابی مکانی، زمین‌آمار، آلودگی خاک، فلزات سنگین، آران و بیدگل.

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد محیط‌زیست، دانشکده منابع طبیعی و علوم زمین، دانشگاه کاشان، کاشان- ایران.

۲- استادیار گروه محیط‌زیست، دانشکده منابع طبیعی و علوم زمین، دانشگاه کاشان، کاشان- ایران \* (مسئول مکاتبات).

## **Comparison of Spatial Interpolation Methods to Map Heavy Metals Concentrations in Surface Soil of Aran-O-Bidgol City**

**Younes seifi<sup>1</sup>**

**Rouhollah Mirzaei<sup>2</sup>**

[rmirzaei@kashanu.ac.ir](mailto:rmirzaei@kashanu.ac.ir)

### **Abstract**

**Background and Objective:** Selecting a suitable interpolation method is a main factor of surface analysis and it is a difficult task in geostatistical analysis since different methods of interpolation can result in different surfaces and ultimately different results. Hence, the aim of this study is to evaluate the performance of different interpolation methods in determining the spatial concentration of Cd, Zn and Cu in the Surface soil of Aran-O-Bidgol City.

**Method:** A total of 135 surface soil (0-20 cm) samples were collected in the study area and the soil heavy metals concentrations were determined. The spatial distribution of heavy metals concentration in Surface Soil of Aran-O-Bidgol was evaluated using different interpolation methods including ordinary Kriging, CoKriging, Inverse Distance Weighting, Local Polynomials and Radial Basis Function. Cross validation and MSE, MBE, RMSE, NSE, PBIAS were applied to estimate their accuracy.

**Findings:** According to the results Ordinary Kriging (spherical model) had the best efficiency for estimating Cd and Cu concentrations and Ordinary Kriging (exponential model) had the best efficiency for estimating distribution pattern of Zn concentration in the soil of this region. The weight parameter has a significant influence on the accuracy of interpolation. The higher the order of local polynomial, the larger the accuracy of cross validation, whereas, the greater the weighting power of IDW for Cd and Zn, the greater error and larger accuracy of the interpolation will be for Cu.

**Discussion and Conclusion:** Although all of the considered interpolation methods had a high prediction accuracy of the mean content for soil heavy metals, but taking all cross validation indicators into consideration, Ordinary Kriging (OK) method shows a generally better performance than other methods.

**Keywords:** Spatial Interpolation, Geostatistics, Soil Pollution, Heavy Metals, Aran-O-Bidgol

---

1- MSc student, Department of Environment, Faculty of Natural Resources and Earth Sciences, University of Kashan, Kashan, Iran.

2-Assistant Professor, Department of Environment, Faculty of Natural Resources and Earth Sciences, University of Kashan, Kashan, Iran\*(Corresponding Author).

## مقدمه

مکانی در حال تکامل هستند و نمی توان یک روش را برای هر منظور و هر منطقه تجویز کرد، چون عوامل مختلفی مانند: طراحی نمونه برداری و توزیع فضایی نمونه ها، ماهیت و کیفیت داده ها، ارتباط بین متغیرهای اولیه و ثانویه، ارتباطات بین فاکتورهای مختلف و موارد دیگری از جمله انتخاب مدل مناسب تغییرنا و اندازه شبکه ها روی صحت روش ها تأثیرگذار می باشد (۴). به عبارت دیگر، هیچ پاسخ ساده ای در رابطه با انتخاب یک روش درون یابی مناسب وجود ندارد، چون "بهترین روش" فقط برای موقعیت های خاص است (۵). اکثر روش های درون یابی در مطالعات مربوط به پلات های آزمایشگاهی استفاده شده و به ندرت مطالعات وابسته به مقیاس های بزرگ گزارش شده است. به هر حال برای پیش بینی روند مکانی آلاینده ها، رسیدن به نتایج توزیع مکانی مناسب به وسیله فقط یک روش سنتی از درون یابی آن هم به وسیله داده های جدا از هم مشکل است که در بررسی های اخیر روش های گوناگون درون یابی برای سنجش توزیع مکانی فلزات سنگین خاک استفاده می شود (۶). در زمینه بررسی تغییرات مکانی خصوصیات خاک با استفاده از روش های درون یابی مکانی تحقیقات زیادی انجام شده است، اما نتایج به خوبی واضح و مشخص نیست. برخی از آن ها بیان داشتند که روش کریجینگ معمولی بهتر از سایر روش ها عمل می کند (۷، ۸، ۹، ۱۰)، در حالی که برخی دیگر نشان دادند که کریجینگ معمولی بهتر از سایر روش ها نیست (۱۱، ۱۲، ۱۳، ۱۴).

هدف از درون یابی در علوم محیط زیست معمولاً تهیه نقشه هایی است در تصمیم گیری ها استفاده می شود، بنابراین دقت و صحت چنین نقشه هایی بر فرآیند تصمیم گیری اثرگذار می باشد. از این رو انتخاب روش درون یابی مناسب بسیار ضروری و مهم است. یکی از موارد بسیار مهم درون یابی در علوم محیط زیست، تهیه نقشه های پراکنش آلاینده ها در محیط های مختلف آب، هوا و خاک است. خروجی چنین نقشه هایی معمولاً برای تعیین مناطق آلوده و مناطق پرخطر استفاده می شود. با وجود این، مطالعات اندکی در ایران تا کنون به بررسی اثر انتخاب روش

الگوی مکانی متغیرهای محیطی به طور فزاینده ای در مدیریت و علوم محیط زیست مورد نیاز است. این اطلاعات معمولاً به آسانی در دسترس نیستند و دستیابی به آنها مخصوصاً در مناطق کوهستانی یا مناطق دریایی عمیق بسیار سخت و هزینه بر است. توزیع مکانی متغیرهای محیطی اغلب از طریق منابع نقطه ای اندازه گیری می شود. با این حال، مدیران محیط زیستی برای تصمیم گیری موثر و مطمئن، به داده های مکانی پیوسته از سراسر ناحیه مورد نظر نیاز دارند. بنابراین روش های درون یابی مکانی، برای تخمین متغیرهای محیطی در مکان های نمونه برداری نشده به ابزاری ضروری تبدیل شده اند. خصوصیات خاک از نقطه ای به نقطه دیگر دارای تغییرات مکانی هستند و این تغییرات ممکن است به شکل ذاتی (تفاوت در مواد مادری) و یا غیر ذاتی (تفاوت در مدیریت منابع خاکی) روی دهد (۱). دانستن خصوصیات خاک، به ویژه خصوصیات که از نظر تولید کشاورزی و مسائل اقتصادی مهم هستند، دارای اهمیت بسیار است (۲). با توجه به انباشت مستمر فلزات سنگین در خاک، بررسی توزیع غلظت عناصر سنگین جهت پایش آلودگی خاک و حفظ کیفیت محیط زیست ضروری است. تغییرپذیری خصوصیات خاک با این فرض که توزیع خصوصیات خاک در عرصه به صورت تصادفی است، اغلب توسط روش های آماری کلاسیک بیان می شود. در این روش ها نتایج به دست آمده از اندازه گیری نمونه ها، مستقل از موقعیت فضایی آنها مورد بررسی قرار می گیرد. بنابراین مقدار یک کمیت در یک نمونه هیچگونه اطلاعاتی درباره مقدار همان کمیت در نمونه های دیگر به فواصل مختلف ارائه نمی کند. در روش های زمین آمار می توان بین مقادیر یک کمیت در جامعه نمونه ها و فاصله و جهت قرار گرفتن نمونه ها نسبت به یکدیگر ارتباط برقرار کرد. بنابراین در این روش ابتدا به بررسی وجود یا عدم وجود ساختار مکانی بین داده ها پرداخته می شود و در صورت وجود ساختار مکانی، تحلیل داده ها انجام می شود (۳). انتخاب یک روش درون یابی مناسب برای داده ها آسان نیست و برای رسیدن به سطح پیوسته، هنوز روش جامعی وجود ندارد و روش های درون یابی

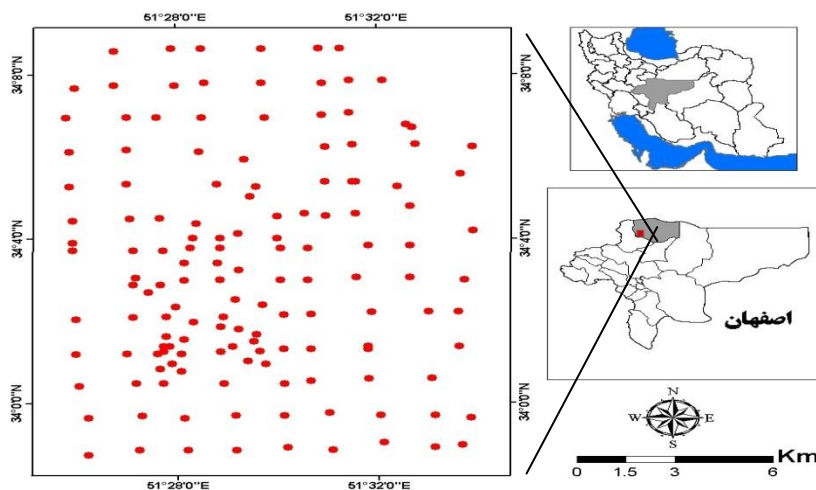
عرض شمالی و در حاشیه کویر مرکزی ایران قرار دارد. متوسط بارش سالیانه ۱۰۰ میلی‌متر و اقلیمی با تابستان‌های گرم و خشک و زمستان‌های سرد و خشک را دارا می‌باشد. ارتفاع متوسط شهر از سطح دریا ۹۱۲ متر می‌باشد. این شهرستان با ضریب خشکی ۵/۴ جزء منطقه فراخشک محسوب می‌گردد. عمده کاربری‌های این منطقه دربرگیرنده کاربری صنعتی، مسکونی، اراضی بدون پوشش، زراعت آبی و باغات، جاده‌ها و جنگل دست کاشت است. وجود صنایع گوناگون و کوره‌های آجرپزی متعدد از یک سو و زمین‌های کشاورزی از سوی دیگر، چهره‌ای صنعتی-کشاورزی به شهر داده است. اراضی کشاورزی شهرستان آران و بیدگل بالغ بر ۱۳۵۰۰ هکتار است که از این میزان حدود ۲۰۰۰ هکتار اختصاص به کشت محصولات دائمی و باغی داشته و حدود ۱۱۵۰۰ هکتار زیر کشت انواع محصولات زراعی قرار دارد. از جمله مهم‌ترین محصولات کشاورزی این شهرستان می‌توان به گندم، جو، پنبه، پسته، سیفی، علوفه و ذرت اشاره نمود.

درون‌یابی بر تعیین آلودگی محیط‌زیست پرداخته‌اند. با توجه مباحث ذکرشده، می‌توان گفت بررسی کارایی روش‌های مختلف درون‌یابی جهت پهنه‌بندی غلظت فلزات سنگین در خاک سطحی کمتر مدنظر بوده است. بنابراین مطالعه حاضر با هدف ارزیابی توانایی روش‌های درون‌یابی مکانی در بررسی تغییرات مکانی برخی فلزات سنگین در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل و معرفی بهترین روش، صورت گرفته است.

## مواد و روش‌ها

### ۱- منطقه مورد مطالعه

منطقه مورد بررسی، شهرستان آران و بیدگل واقع در شمالی‌ترین ناحیه استان اصفهان و در همسایگی شهرستان‌های کاشان، قم، نطنز و اردستان است (شکل ۱). این شهرستان با مساحت ۶۰۵۱ کیلومتر مربع در طول‌های جغرافیایی ۵۰ درجه و ۱۵ دقیقه تا ۵۲ درجه و ۲۹ دقیقه طول شرقی و عرض‌های جغرافیایی ۳۳ درجه و ۳۰ دقیقه تا ۳۴ درجه و ۲۷ دقیقه



شکل ۱- موقعیت شهرستان آران و بیدگل در استان اصفهان و نقاط نمونه‌برداری خاک در سطح شهرستان

Figure 1- The location of study area in Isfahan Province and the distribution of the soil samples

۲. نمونه‌برداری و آنالیز آزمایشگاهی  
شبکه‌ای صورت گرفت. پس از نقطه‌یابی توسط GPS، ۵ زیرنمونه از هر گروه شبکه از عمق ۲۰-۰ سانتی‌متری جمع‌آوری شد، به این صورت که یک نمونه از نقطه تقاطع جمع‌آوری شد و مابقی ۴ نمونه از ۴ قسمت به شعاع ۵۰ متری از

۵. نمونه‌برداری و آنالیز آزمایشگاهی  
طی مطالعه میدانی ۱۳۵ نمونه خاک سطحی از تمام سطح شهرستان آران و بیدگل در سلول‌های هم‌اندازه و از محل تقاطع شبکه‌ها جمع‌آوری شد. نمونه‌برداری به روش سیستماتیک

در این معادله  $Z^*(x)$  تخمین مقدار متغیر  $Z$  در نقطه  $x$  و  $\lambda_i$  وزن آماری اختصاص یافته به مقادیر  $Z$  در نقطه  $x_i$  است. شرط استفاده از این تخمین گر آن است که متغیر  $Z$  توزیع نرمال داشته باشد. در صورتی که متغیر مورد نظر توزیع نرمال نداشته باشد، باید از کریجینگ غیرخطی استفاده نمود، یا با استفاده از روش های تبدیل داده ها، توزیع متغیر مورد نظر را تبدیل به نرمال نمود (۱۶، ۱۷). در این پژوهش از تابع نیم تغییرنا جهت نشان دادن تغییرات یک متغیر با در نظر گرفتن فاصله استفاده شد که معادله آن به صورت زیر است:

$$(۲) y(h) = \frac{1}{2N(h)} \sum_{i=1}^{N(h)} [Z(x_i) - Z(x_i + h)]^2$$

که در آن  $y(h)$  مقدار نیم تغییرنا در فاصله  $h$ ،  $Z(x_i+h)$  و  $Z(x_i)$  مقدار متغیر در نقاط  $(x_i+h)$  و  $x_i$ ،  $N(h)$  تعداد جفت نمونه های به کار رفته به ازای هر فاصله  $h$  می باشد. غالباً به  $2y(h)$  واریوگرام و به  $y(h)$  سمی واریوگرام اطلاق می شود (۱۸). در این معادله مقدار تغییرنا وابسته به فاصله بین مقادیر یک متغیر ناحیه ای در دو نقطه است. اگر این مقدار وابسته به جهت نیز باشد، نیم تغییرنمای ناهمسانگرد و در غیر این صورت همسانگرد نامیده می شود. در این پژوهش از مدل های کروی<sup>۱</sup>، نمایی<sup>۲</sup>، گوسی<sup>۳</sup>، خطی<sup>۴</sup> و خطی دارای سقف<sup>۵</sup> برای برازش نیم تغییرنا استفاده می شود.

#### ۲-۳. کوکریجینگ

همان طوری که در آمار کلاسیک روش های چندمتغیره برای تخمین وجود دارد، در زمین آمار هم می توان از روش کوکریجینگ که بر اساس همبستگی بین داده ها عمل می کند، درون یابی را با دقت بیشتری انجام داد. در واقع تخمین گر کوکریجینگ همان کریجینگ توسعه یافته است که در آن متغیرهای ثانویه نیز لحاظ شده است. معادله کوکریجینگ به صورت زیر است (۱۷):

نقطه مرکزی نمونه برداری برداشت شد. ۵ زیرنمونه با هم مخلوط شدند تا نمونه ترکیبی خاک به دست آید. در شکل (۱) موقعیت و تعداد نقاط نمونه گیری در منطقه مورد مطالعه آورده شده است. نمونه ها پس از خشک شدن در هوای آزاد (هوا خشک)، کوبیده شده و از الک ۲ میلی متری عبور داده شدند. سپس قسمتی از هر نمونه خاک، با مش ۱۰۰ الک شد. یک گرم از خاک الک شده با استفاده از ترکیب سه اسید  $HNO_3$ ،  $HF$  و  $HClO_4$  با نسبت ۳:۲:۵ هضم شد و سپس محلول به دست آمده پس از عبور از کاغذ صافی واتمن شماره ۴۲ با استفاده از آب دیونیزه به حجم ۲۵ میلی لیتر رسانده شد (۱۵)؛ سپس غلظت عناصر کادمیم، روی و مس در نمونه های خاک با دستگاه جذب اتمی شعله (FAAS) مدل Shimadzu، AA-670 مورد اندازه گیری قرار گرفت. خاک استاندارد SRM 2711 Montana II برای کنترل کیفیت و بررسی صحت اندازه گیری مقدار فلزات سنگین کل در نمونه ها استفاده شد. لازم به ذکر است در هنگام هضم به همراه هر گروه از نمونه ها یک نمونه شاهد تهیه و همراه با سایر نمونه ها مورد آنالیز قرار گرفت.

### ۳. روش های درون یابی

#### ۳-۱. کریجینگ

کریجینگ یک روش برآورد زمین آماری است که بر پایه میانگین متحرک وزن دار استوار است. به طوری که می توان گفت این روش بهترین برآوردکننده خطی نااریب می باشد (۱۶). شرط نااریب بودن در سایر روش های تخمین، نظیر روش چندجمله ای و وزن دهی معکوس فاصله نیز اعمال می شود، ولی ویژگی کریجینگ آن است که در عین نااریب بودن، واریانس تخمین نیز در کمترین مقدار می باشد. بنابراین کریجینگ همراه هر تخمین، مقدار خطای آن را نیز می دهد که با استفاده از این ویژگی منحصر به فرد آن می توان قسمت های واجد خطای زیاد که برای کاهش خطا به داده های بیشتری نیاز دارند را مشخص نمود (۱۷). این برآورد کننده به صورت زیر تعریف می شود:

$$Z^*(x) = \sum_{i=1}^n \lambda_i Z(x_i) \quad (۱)$$

- 1- Spherical
- 2- Exponential
- 3- Gaussian
- 4- Linear
- 5- Linear to sill

(۳)

$$z^*(x) = \sum_{i=1}^n \lambda_i \cdot z(x_i) \sum_{k=1}^n \lambda_k \cdot y(x_k)$$

که در آن  $z^*(x_i)$  مقدار تخمین زده شده برای نقطه  $x_i$ ،  $\lambda_i$  وزن مربوط به متغیر  $z$ ،  $\lambda_k$  وزن مربوط به متغیر کمکی  $y$ ،  $z(x_i)$  مقدار مشاهده شده متغیر اصلی و  $y(x_k)$  مقدار مشاهده شده برای متغیر کمکی می باشد.

۳-۳. چند جمله ای موضعی

این روش حداقل مجذورات متناسب را بین نقاط شناسایی شده در محدوده بیضوی شکل، به عنوان وزن نقطه تخصیص می دهد. در این روش بر اساس ضریب تخصیص داده شده، با به دست آوردن رابطه درجه اول، دوم و یا سوم بین مقادیر متغیر در نقاط همسایگی  $x$ ،  $y$  و  $z$  و حداقل سازی اطلاعات محاسبه شده، درونیابی صورت می گیرد (۱۹).

۳-۴. توابع پایه شعاعی

از جمله روش های درونیابی است که در آن سطح تخمین از مقادیر مشاهده ای عبور می کند. از خصوصیات این روش که حالتی از شبکه عصبی مصنوعی می باشد، این است که مقادیر بیشتر از حداکثر مشاهده ای و یا کمتر از حداقل مشاهده ای در سطح تخمین وجود دارد. در روش وزن دهی معکوس فاصله نیز سطح تخمین از مقادیر مشاهده ای عبور می نماید، اما این روش هیچ گاه مقادیر بیشتر از حداکثر و کمتر از حداقل داده های مشاهده ای را تخمین نمی زند. روش تابع پایه شعاعی بر اساس پنج تابع مختلف درونیابی داده ها را انجام می دهد که هسته اصلی توابع، مجموع مقادیر مربعات  $(h^2 + R^2)$  است که به ترتیب،  $R$  عامل هموار کننده<sup>۱</sup> و  $h$  ترسیم ناهمسانگرد<sup>۲</sup> مرتبط با فاصله نقاط هستند (۲۰). توابعی که در این تحقیق مورد استفاده قرار می گیرد عبارت از: چند ربعی<sup>۳</sup>، چند ربعی معکوس<sup>۴</sup> و نواری کم ضخامت<sup>۵</sup> هستند.

۳-۵. وزن دهی معکوس فاصله

در این روش برای هر کدام از نقاط اندازه گیری شده، بر اساس فاصله بین آن نقطه تا موقعیت نقطه مجهول، وزن مشخصی در نظر گرفته می شود. سپس این اوزان توسط توان وزن دهی کنترل می شود، به طوری که توان های بزرگتر اثر نقاط دورتر از نقطه مورد برآورد را کاهش داده و توان های کوچکتر وزن ها را به طور یکنواخت تری بین نقاط هم جوار توزیع می کنند. البته باید توجه داشت که این روش بدون توجه به موقعیت و آرایش نقاط، فقط فاصله آنها را در نظر می گیرد، یعنی نقاطی که دارای فاصله یکسانی از نقطه برآورد هستند دارای وزن یکسانی می باشند (۲۱). مقدار عامل وزنی با استفاده از رابطه ۳ محاسبه می شود.

$$\lambda_i = \frac{D_i^{-\alpha}}{\sum_{i=1}^n D_i^{-\alpha}} \quad (4)$$

که در آن:  $\lambda_i$  وزن نقطه  $i$  ام،  $D_i$  فاصله نقطه  $i$  ام تا نقطه مجهول و  $\alpha$  معادل توان وزن دهی می باشد.

۴-۲. اعتبارسنجی روش های درونیابی

به منظور مقایسه روش های استفاده شده در این پژوهش و انتخاب مناسب ترین روش درونیابی، از روش اعتبارسنجی متقابل<sup>۶</sup> استفاده شد. در این روش، در هر مرحله یک نقطه مشاهده ای حذف شده و با استفاده از بقیه نقاط، آن نقطه برآورد می شود. این کار برای همه نقاط مشاهده ای تکرار می شود، به طوری که در آخر به تعداد نقاط مشاهده ای، برآورد وجود خواهد داشت. همچنین با استفاده از مدل های به دست آمده، در تعدادی از نقاطی که اندازه گیری وجود خواهد داشت، مقادیر تخمینی محاسبه می شود. در نهایت با توجه به مقادیر مشاهده شده و برآورد شده، دقت هر روش با توجه به معیارهای آماری میانگین مجذور خطا (MSE)، میانگین اریب خطا (MBE)، خطای برآورد ریشه دوم میانگین مربعات (RMSE)، شاخص کارایی Nash-Sutcliffe (NSE) و درصد اریب خطا (PBIAS) محاسبه گردید. مقدار این معیارها با استفاده از روابط ۵ تا ۹ به دست آمد:

- 1- Smoothing factor
- 2- Anisotropically rescaled factor
- 3- Multiquadric
- 4- Inverse multiquadric
- 5- Thin plate spline

6- Cross validation

قبل از انجام محاسبات زمین آماری، نرمال بودن توزیع داده‌ها توسط آزمون کولموگروف-اسمیرنوف بررسی و مشخص شد که غلظت عناصر کادمیم و مس در خاک از توزیع نرمال تبعیت می‌کنند، ولی غلظت عنصر روی در خاک توزیع نرمال ندارد. داده‌های این عنصر با روش لگاریتمی نرمال شدند. آمار توصیفی متغیرهای مورد مطالعه در جدول (۱) آمده است. همان طور که نتایج نشان می‌دهد مقدار کادمیم، روی و مس در منطقه مورد مطالعه به ترتیب از ۰/۳۰ تا ۱/۱۵ میلی‌گرم در کیلوگرم، ۲۱/۵۰ تا ۱۶۵/۷۵ میلی‌گرم در کیلوگرم و ۱/۴۵ تا ۳۵/۲۲ میلی‌گرم در کیلوگرم در نوسان می‌باشد. ضریب تغییرات غلظت کادمیم، روی و مس در منطقه به ترتیب: ۴۵/۲۵، ۴۳/۹ و ۴۳/۹ درصد می‌باشد، که نشان از تغییرپذیری متوسط غلظت کل فلزات مذکور در منطقه دارد. ضریب تغییرات کمتر از ۱۰ درصد نشان از تغییرپذیری کم و ضریب تغییرات بیشتر از ۹۰ درصد نشان از تغییرپذیری زیاد دارد (۲۲).

$$MSE = \frac{\sum [(z^*(xi) - z(xi))^2]}{n} \quad (۵)$$

$$MBE = \frac{\sum_{i=1}^n z^*(xi) - z(xi)}{n} \quad (۶)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n [Z(xi) - Z^*(xi)]^2} \quad (۷)$$

$$NSE = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n [(z(xi) - z^*(xi))^2]}{\sum_{i=1}^n [(z(xi) - 0)^2]} \quad (۸)$$

$$PBIAS = 100 \cdot \frac{\sum_{i=1}^n (z(xi) - z^*(xi))}{\sum_{i=1}^n (z(xi))} \quad (۹)$$

در این معادلات  $Z^*(X_i)$  مقدار برآورد شده در نقطه  $X_i$ ،  $Z(X_i)$  مقدار اندازه‌گیری شده در نقطه  $X_i$ ،  $0$  میانگین مقادیر اندازه‌گیری شده و  $n$  تعداد نقاط می‌باشد. در این تحقیق برای انجام تحلیل‌های آماری از نرم‌افزار SPSS نسخه ۲۲ و برای انجام تحلیل‌های زمین آماری از نرم‌افزارهای GS+ نسخه ۵/۱ و ArcGIS نسخه ۱۰/۱ استفاده شد.

نتایج و بحث

۱.۳. توصیف آماری داده‌ها

جدول ۱- خلاصه آماری غلظت کادمیم، روی و مس در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل (n=۱۳۵)

Table 1- Descriptive statistical summary of the total concentrations of Cd, Cu and Zn in the topsoils of Aran-O-Bidgol (n=135)

عنصر (میلی‌گرم/کیلوگرم)	میانگین	حداقل	حداکثر	واریانس	انحراف معیار	ضریب تغییرات (درصد)	چولگی	کشیدگی
کادمیم	۰/۷۲	۰/۳۰	۱/۱۵	۰/۰۳	۰/۱۸	۲۵	-۰/۱۸	-۰/۳۶
روی	۴۸/۵۹	۲۱/۵۰	۱۶۵/۷۵	۴۸۰/۶۹	۲۱/۹۲	۴۵/۱	۲/۷۹	۹/۷۰
مس	۱۴/۸۲	۱/۴۵	۳۵/۲۲	۴۲/۵۵	۶/۵۲	۴۳/۹	-۰/۱۴	۰/۱۶

تغییرنمای سطحی متغیرها به منظور بررسی همسانگردی داده‌ها، مشخص شد که متغیرها همسانگرد بوده و می‌توان در محاسبات بعدی از تغییرنمای همه‌جهته استفاده نمود. شکل (۲) تغییرنمای همه‌جهته متغیرهای کادمیم، روی و مس را نشان می‌دهد. علاوه بر این، مشخصات مربوط به این تغییرنماها (مدل برازش شده، شعاع تأثیر، آستانه، اثر قطعه‌ای و ...) در جدول (۲) نشان داده شده است. از بررسی نسبت اثر قطعه‌ای به آستانه می‌توان نتیجه گرفت که هر سه متغیر مورد مطالعه

۲.۳ برآورد غلظت عناصر با استفاده از روش‌های درون-

یابی

برای بررسی وجود یا عدم وجود همبستگی مکانی غلظت فلزات مذکور در منطقه مورد مطالعه طبق روش کریجینگ معمولی، پس از برازش چندین مدل نیم تغییرنما، بر پایه آماره مجذور مربعات خطا (RSS) و حداکثر ضریب همبستگی ( $R^2$ )، برای فلزات کادمیم و مس، مدل کروی و برای فلز روی مدل نمایی به عنوان مناسب‌ترین مدل برگزیده شد (شکل ۲). پس از تهیه

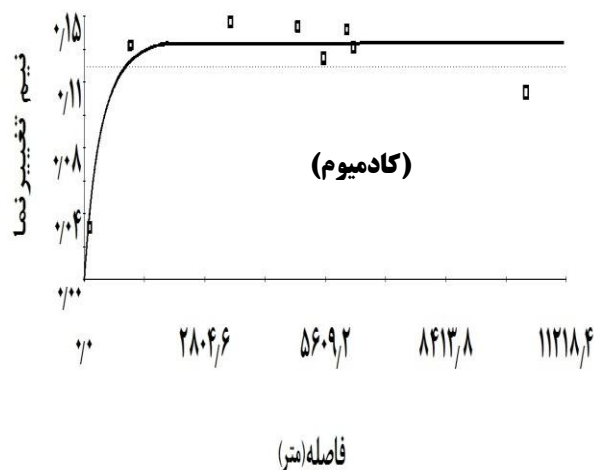
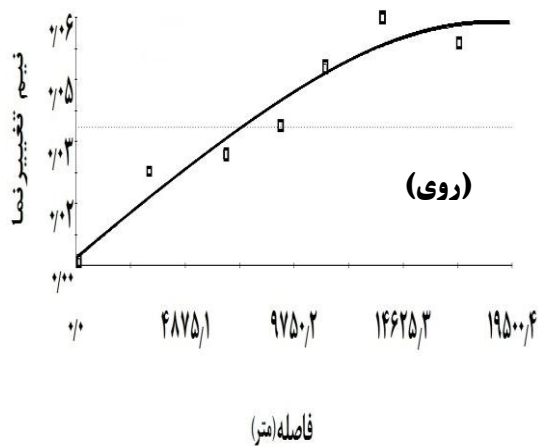
می‌تواند دلیلی بر مناسب بودن الگوی نمونه‌برداری، فواصل کوچک‌تر نمونه‌برداری و دقت نسبتاً مناسب تجزیه‌های آزمایشگاهی باشد. در این برازش مقدار اثر قطعه‌ای برای کادمیم  $0/0001$ ، روی  $0/0001$  و برای مس  $0/001$  به دست آمد. در حالت ایده‌آل باید مقدار اثر قطعه‌ای صفر باشد، اما در واقعیت نیم‌تغییرنماهای تجربی مقادیر بالاتر از صفر را نشان می‌دهند، که این به دلیل ظهور جزء تصادفی متغیر می‌باشد. اثر قطعه‌ای به علت وجود تغییرات در فواصل نمونه‌برداری و یا به دلیل خطای نمونه‌برداری و اندازه‌گیری بروز می‌کند (۳).

دارای ساختار مکانی (وابستگی مکانی) قوی می‌باشند، زیرا هرچه این نسبت کمتر باشد، نشان از آن دارد که ساختار مکانی بهتری برای متغیر وجود دارد. با توجه به نسبت اثر قطعه‌ای به آستانه می‌توان گفت: اگر این نسبت کمتر از  $0/25$  باشد، متغیر مورد نظر دارای ساختار مکانی قوی، بین  $0/25$  تا  $0/75$  ساختار مکانی متوسط و هنگامی که بزرگتر از  $0/75$  باشد، ساختار مکانی ضعیف است (۲۳). این امر می‌تواند نشان‌دهنده غلبه بیشتر واریانس بخش ساختاری تغییرنما بر واریانس بخش تصادفی آن در مورد همه فلزات در تحقیق حاضر باشد که خود

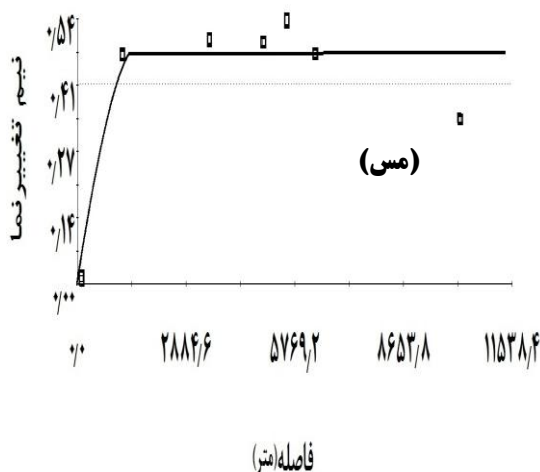
## جدول ۲- پارامترها و نتایج ارزیابی متقابل بهترین مدل‌های تغییرنمای برازش داده‌شده به غلظت عناصر

Table 2- Cross-validation performance and the best-fitted semivariogram models and their parameters for soil heavy metals

متغیر	مدل برازش شده	اثر قطعه‌ای	سقف	دامنه تأثیر (متر)	C/C <sub>0</sub> +C	R <sup>2</sup>	RSS	نسبت اثر قطعه‌ای به سقف	کلاس همبستگی مکانی
کادمیم	کروی	$0/0001$	$0/070$	۳۳۴۵۰	$0/99$	$0/99$	$1/44$	$0/001$	قوی
روی	نمایی	$0/0001$	$0/134$	۱۲۰۰	$0/99$	$0/90$	$1/28$	$0/0007$	قوی
مس	کروی	$0/001$	$0/469$	۱۴۹۰	$0/99$	$0/93$	$0/026$	$0/002$	قوی







شکل ۲- تغییرنماهای تجربی غلظت عناصر کادمیوم، روی و مس در خاک سطحی

Figure 2- Experimental and fitted variogram models of the concentration of Cd, Cu and Zn in the surface soil

وجود همبستگی مناسب بین متغیرها لازمه روش کوکریجینگ است، به عبارت دیگر این روش در شرایطی می تواند کارایی داشته باشد که بین متغیر مورد نظر و متغیر وابسته همبستگی معنی داری وجود داشته باشد. در این تحقیق سه متغیر کادمیوم، روی و مس به عنوان متغیر مستقل و سه متغیر pH، هدایت الکتریکی و درصد کربن آلی به عنوان متغیر وابسته در نظر گرفته شدند. نتایج محاسبه همبستگی خطی بین تمامی متغیرها به منظور تعیین بهترین متغیر کمکی در جدول (۳) ارائه شده است. همان طور که نتایج نشان می دهد، کربن آلی با کادمیوم (در سطح ۰/۰۵)، روی (در سطح ۰/۰۱) و مس (در سطح ۰/۰۱) رابطه معنی داری داشته است. بنابراین درصد کربن آلی به عنوان متغیر کمکی مناسب برای کادمیوم، روی و مس انتخاب شد. پس از انجام درون یابی ها با استفاده از روش های مورد نظر (کریجینگ معمولی، کوکریجینگ، چند جمله ای موضعی، توابع پایه شعاعی و وزن دهی معکوس فاصله)، آماره های ارزیابی صحت روش های درون یابی، برای متغیرها تعیین گردیدند. هرچه مقادیر میانگین مجذور خطا (MSE)، میانگین اریب خطا (MBE)، خطای برآورد ریشه دوم میانگین مربعات (RMSE) و درصد اریب خطا (PBIAS) به صفر نزدیک تر باشند، موید آن است که صحت درون یابی ها بیشتر بوده است (۱۳، ۲۴، ۲۵). همچنین هر چه مقدار شاخص کارایی (NSE)

Nash-Sutcliffe به یک نزدیک تر باشد، نشان دهنده صحت بالای درون یابی ها می باشد (۲۴). مقایسه روش های درون یابی بر اساس این شاخص ها در جدول (۴) نشان داده شده اند. در بین روش های مختلف درون یابی، روش کریجینگ معمولی (مدل کروی) برای عناصر کادمیوم ( $RMSE=0/0016$ ) و مس ( $RMSE=0/039$ ) و روش کریجینگ معمولی (مدل نمایی) برای عنصر روی ( $RMSE=0/978$ ) دارای کمترین میزان خطا و انحراف بود. از بین ۱۴ روش مورد استفاده در این مطالعه، برای عناصر کادمیوم، روی و مس، به ترتیب روش های کوکریجینگ ( $RMSE=2/464$ )، چند جمله ای موضعی (درجه ۴) ( $RMSE=13/81$ ) و وزن دهی معکوس فاصله (توان ۱) ( $RMSE=9/422$ ) بالاترین میزان خطا را نشان دادند و نامناسب ترین روش شناخته شدند (جدول ۴). نتایج به دست آمده از جدول (۴) نشان می دهد که با افزایش توان وزن دهی در روش چند جمله ای موضعی، برای عناصر کادمیوم و مس صحت درون یابی افزایش و برای عنصر روی صحت درون یابی کاهش می یابد. در حالی که با افزایش توان وزن دهی در روش وزن دهی معکوس فاصله، صحت درون یابی برای عناصر کادمیوم و روی کاهش و برای عنصر مس افزایش می یابد. همچنین طبق نتایج به دست آمده از ارزیابی متقابل (جدول ۴) رتبه بندی روش ها (کریجینگ معمولی، کوکریجینگ، وزن دهی معکوس فاصله،

جمله در آزمایشی، موسوی و همکاران (۲۷) برای پهنه‌بندی غلظت فلزات آنتیموان، مس و کروم از روش کریجینگ معمولی (مدل نمایی) و برای فلز آرسنیک از روش کریجینگ معمولی (مدل کروی) استفاده کردند. برای ارزیابی تغییرات مکانی برخی از فلزات سنگین در خاک سطحی استان گلستان، میرزایی و همکاران (۲۸) نیز از روش کریجینگ معمولی استفاده کردند، نتایج تحلیل زمین‌آماري نشان داد که مدل نمایی، دایره‌ای، نمایی و گوسی به ترتیب بهترین مدل برای تعیین تغییرپذیری مکانی کادمیم، آرسنیک، کروم و مس می‌باشد. همچنین در مطالعات لادو<sup>۱</sup> و همکاران (۲۹)، دیانی و همکاران (۳۰)، خداکرمی و همکاران (۳۱) و محمودی و همکاران (۳۲) نیز از روش کریجینگ معمولی استفاده شد و نتایج قابل قبولی به دست آمد. به نظر می‌رسد که روش مناسب زمین‌آماري در برآورد یک متغیر، به نوع متغیر و عوامل منطقه‌ای تأثیرگذار بر آن بستگی دارد و نمی‌توان روش منتخب در یک منطقه را به سایر مناطق تعمیم داد (۲۱، ۳۳).

توابع پایه شعاعی و چند جمله‌ای موضعی) بر اساس RMSE به قرار زیر است: برای عنصر کادمیوم پس از روش کریجینگ معمولی (مدل کروی)، به ترتیب روش‌های توابع پایه شعاعی (مدل چندربعی)، وزن‌دهی معکوس فاصله (توان ۱)، چند جمله‌ای موضعی (توان ۴) و کوکریجینگ، برای عنصر روی پس از روش کریجینگ معمولی (مدل نمایی)، روش‌های توابع پایه شعاعی (مدل چندربعی)، کوکریجینگ، وزن‌دهی معکوس فاصله (توان ۱) و چند جمله‌ای موضعی (توان ۴)، برای عنصر مس پس از روش کریجینگ معمولی (مدل کروی)، روش‌های چند جمله‌ای موضعی (توان ۴)، کوکریجینگ، توابع پایه شعاعی (مدل نواری کم ضخامت) و وزن‌دهی معکوس فاصله (توان ۱) در رتبه‌های بعدی قرار گرفتند.

روش‌های کریجینگ در تخمین توزیع مکانی فلزات سنگین خاک، پتانسیل بالایی دارند و به عنوان روش مناسب برای درون‌یابی و تهیه نقشه‌های آلاینده‌ها پیشنهاد شده‌اند (۲۶). این موضوع توسط مطالعات متعددی تاکنون تایید شده است از این

## جدول ۳- ضریب همبستگی خطی بین متغیرهای مطالعه شده

Table 3- Correlation coefficient matrix of variables in the studied soils

O.C(%)	EC(dSm <sup>-1</sup> )	pH	Cu(mg kg <sup>-1</sup> )	Zn(mg kg <sup>-1</sup> )	Cd(mg kg <sup>-1</sup> )	متغیر
					۱	Cd
				۱	۰/۲۳**	Zn
			۱	۰/۵۸**	۰/۰۰	Cu
		۱	۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۶	PH
	۱	-۰/۱۹*	۰/۰۴	-۰/۰۱	۰/۱۵	EC
۱	۰/۱۹*	-۰/۰۸	۰/۳۱**	۰/۳۹**	۰/۳۱*	O.C

\*\* همبستگی معنی دار در سطح ۰/۰۱ و \* همبستگی معنی دار در سطح ۰/۰۵

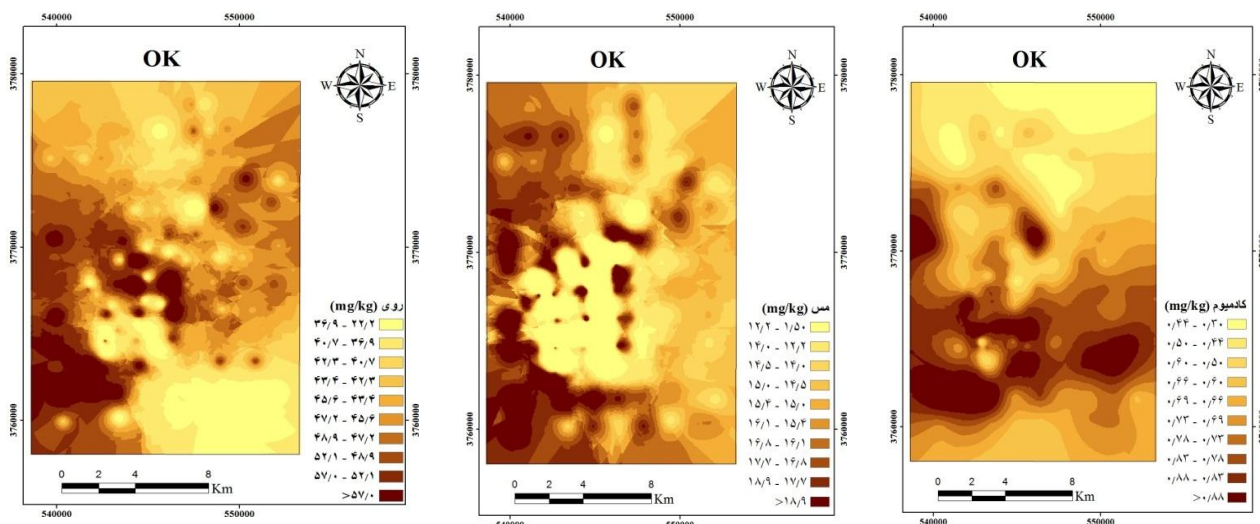
جنوب غربی منطقه مشاهده شده است درحالی که برای عنصر کادمیوم بیشترین غلظت‌ها در غرب و بخش مرکزی منطقه قابل مشاهده است. چنین الگوهایی بیشتر منطبق با شبکه حمل و نقل منطقه، مناطق صنعتی و وجود شهر کاشان است. به نظر می‌رسد کوره‌های آجرپزی بر افزایش غلظت کادمیوم در خاک سطحی بخش‌های مرکزی منطقه مطالعاتی نیز اثرگذار بوده‌اند.

در نهایت بر اساس بهترین روش درون‌یابی (کریجینگ معمولی) نقشه پهنه‌بندی غلظت کادمیم، روی و مس در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل تهیه گردید (شکل ۳). همان طور که در نقشه‌ها مشخص است هر کدام از عناصر دارای الگوی پراکنش تقریباً متفاوتی در خاک سطحی منطقه می‌باشند. بیشترین غلظت‌های عناصر مس و روی بیشتر در بخش غرب و

جدول ۴- نتایج ارزیابی روش های درون یابی در تخمین غلظت کادمیوم، روی و مس در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل

Table 4. Cross validation results of different interpolation methods to estimate of the concentrations of Cd, Cu and Zn in topsoil of Aran-O-Bidgol

روش	کرجچینگ معمولی	کورکرجچینگ	وزن دهی معکوس فاصله	توزیع پایه شعاعی				چند جمله ای موضعی	کرجچینگ	محل تابع
				IMQ	IMQ	TPS	IMQ			
MBE	Cd	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۸	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۲	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۴	۰/۰۰۰۴	
	Zn	۰/۰۰۰۹	۰/۰۰۸۴	۰/۰۰۶۹	۰/۰۰۰۳	۰/۰۰۹۱	۰/۰۰۳۹	۰/۰۰۸۴	۰/۰۰۸۴	
	Cu	۰/۰۰۰۳	۰/۰۰۰۷	۰/۰۰۰۳	۰/۰۰۰۳	۰/۰۰۰۷	۰/۰۰۰۳	۰/۰۰۰۷	۰/۰۰۰۳	
RMSE	Cd	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
	Zn	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
	Cu	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
MSE	Cd	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
	Zn	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
	Cu	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	۰/۰۰۱۶	
PBIAS	Cd	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	
	Zn	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	
	Cu	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	
NSE	Cd	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	
	Zn	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	
	Cu	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	



شکل ۳- نقشه توزیع مکانی غلظت کادمیوم، روی و مس در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل

Figure 3- Spatial distributions of Cd, Cu and Zn concentrations ( $\text{mg kg}^{-1}$ ) in surface soils of Aran-O-Bidgol

شکی نیست که کریجینگ عادی دارای بیشترین توانایی به منظور پیش‌بینی روند کلی آلودگی خاک است. به هر حال در هدف شناسایی مناطق آلوده، نیاز است تا تکنیک‌های درون‌یابی خصوصیات محلی آلودگی خاک (به ویژه لکه‌های داغ و سرد محلی) را با دقت بیشتری پیش‌بینی کنند. مشخص است که تمام نتایج درون‌یابی دارای خطا هستند. شناسایی ناحیه‌ای به عنوان منطقه آلوده شده نباید انحصاراً متکی به نتایج درون‌یابی باشد. پیشنهاد می‌شود که زمینه طبیعی و فعالیت‌های انسانی قبل از تصمیم‌گیری در نظر گرفته شود. عدم قطعیت در ارزیابی آلودگی عمدتاً در ناحیه‌ای با تغییرپذیری محلی زیاد رخ می‌دهد (۳۵). بنابراین نمونه‌برداری بیشتر در منطقه‌ای که دارای عدم قطعیت است توصیه می‌شود.

#### نتیجه‌گیری

این مطالعه نشان داد که میان تمام روش‌های درون‌یابی استفاده شده، روش کریجینگ معمولی برای کادمیوم، مس و روی، بهترین تخمین‌گر در خاک سطحی شهرستان آران و بیدگل می‌باشد. از بین ۱۴ روش مورد استفاده در این مطالعه، برای عناصر کادمیوم، روی و مس، به ترتیب روش‌های کوکریجینگ، چند جمله‌ای موضعی (درجه ۴) و وزن‌دهی معکوس فاصله (توان ۱) نامناسب‌ترین تخمین را جهت درون‌یابی این عناصر

طبق نتایج به‌دست آمده از این پژوهش، روش کوکریجینگ برای عناصر مورد مطالعه کارایی ضعیفی نشان داده است، به طوری که از بین روش‌های استفاده شده در این پژوهش، روش کوکریجینگ برای عناصر روی و مس در رتبه سوم و برای عنصر کادمیوم در رتبه آخر قرار گرفته است. از آنجاکه وجود همبستگی بالا بین متغیرها می‌تواند باعث افزایش دقت روش کوکریجینگ شود؛ دلیل کارایی ضعیف روش کوکریجینگ در این مطالعه، می‌تواند همبستگی ضعیف بین متغیرهای مورد مطالعه باشد (۱۳، ۳۴). به طور کلی، روش‌های درون‌یابی تعیین می‌کنند که چگونه اطلاعات نمونه‌های مجزا به نقشه‌های پیوسته تبدیل می‌شوند. دقت درون‌یابی بستگی به این دارد که روش درون‌یابی چگونه تغییرپذیری مکانی و همبستگی خصوصیات خاک را نشان می‌دهد (۳۵). کریجینگ معمولی یک فیلتری است که جزئیات اطلاعات محلی را تعدیل می‌کند. در ناحیه‌ای با تغییرپذیری بالا که ارتباط مکانی ضعیف دارد، اثرات نرم‌سازی کریجینگ عادی خیلی نیرومندتر است (۳۶). صحت درون‌یابی مفهومی نسبی است، معیارها با اهداف درون‌یابی تغییر می‌کنند. دو هدف اصلی برای نقشه‌سازی آلودگی خاک، تحلیل الگوی مکانی آلودگی خاک و شناسایی مناطق آلوده است. در هدف تحلیل الگوی مکانی آلودگی، نتایج پیش‌بینی روند مکانی کلی آلودگی خاک تا حد امکان باید دقیق باشد.

مجله علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، ۱۳۸۶، شماره ۴۰، صفحات ۷۹ تا ۹۲.

۲. ایوبی، ش. ا.، محمد زمانی، س و خرمالی، ف. برآورد مقدار ازت کل خاک به کمک ماده آلی و با استفاده از روش‌های کریجینگ، کوکریجینگ و کریجینگ-رگرسیون در بخشی از اراضی زراعی سرخنکلاته استان گلستان. مجله علوم کشاورزی و منابع طبیعی، ۱۳۸۶، جلد ۱۴، صفحات ۷۸ تا ۸۷.

۳. حسنی پاک، علی اصغر. زمین‌آمار (ژئواستاتستیک)، چاپ اول، انتشارات دانشگاه تهران، ۱۳۷۷، صفحه ۳۱۴.

4. Mueller T.G., Pierce F.J., Schabenberger O., and Warncke D.D. 2001. Map quality for site-specific fertility management. Soil Sci. Soc. Am. J, vol. 65, pp. 1547-1558.

5. Isaaks E.H., and Srivastava R.M. 1989. Applied Geostatistics. Oxford University Press, New York.

6. Hengl T. 2007. A Practical Guide to Geostatistical Mapping of Environmental Variables. JRC Scientific and Technical Reports. Office for Official Publication of the European Communities, Luxembourg.

۷. کاظمی پشت مساری، ح.، طهماسبی سروستانی، ز.، کامکار، ب.، شتایی، ش و صادقی، س. ارزیابی روش‌های زمین‌آمار جهت تخمین و پهنه‌بندی عناصر غذایی پرمصرف اولیه در برخی اراضی کشاورزی استان گلستان. نشریه دانش آب و خاک، ۱۳۹۱، جلد ۲۲، شماره ۱، صفحات ۲۰۱-۲۱۸.

۸. محمودی، ج.، زارعیان، ف.، جوادی، م. ر و خرسندی، ن. مقایسه کارایی چند روش زمین‌آمار برای تخمین برخی ویژگی‌های فیزیکی خاک. نشریه حفاظت منابع آب و خاک، ۱۳۹۱، سال اول، شماره ۴، صفحات ۶۷-۷۷.

نشان دادند. این روش‌ها دارای بیشترین میزان خطا و انحراف و کمترین صحت برای تخمین عناصر مذکور بودند. همچنین با افزایش توان وزن‌دهی در روش چند جمله‌ای موضعی، برای عناصر کادمیوم و مس صحت درون‌یابی افزایش و برای عنصر روی صحت درون‌یابی کاهش یافت. درحالی‌که با افزایش توان وزن‌دهی در روش وزن‌دهی معکوس فاصله، صحت درون‌یابی برای عناصر کادمیوم و روی کاهش و برای عنصر مس افزایش یافت. با توجه به مطالعه صورت گرفته و نتایج به‌دست آمده و مقایسه آن با نتایج حاصل از پژوهش‌های دیگر، می‌توان گفت که روش‌های درون‌یابی مکانی به‌ویژه روش کریجینگ معمولی، از کارایی بسیاری در تخمین نقاط نامعلوم برخوردارند و نقشه‌های حاصل می‌تواند ابزاری مناسب برای تصمیم‌گیری مدیران در بخش‌های گوناگون باشد. به‌طور کلی روش مناسب درون‌یابی مکانی در برآورد یک متغیر، به نوع متغیر و عوامل منطقه‌ای تأثیرگذار بر آن بستگی دارد و نمی‌توان روش منتخب در یک منطقه را به سایر مناطق تعمیم داد. در پایان توصیه می‌شود تا کارایی سایر روش‌های درون‌یابی نیز مانند روش‌های ترکیبی، شبکه‌عصبی مصنوعی، سیستم استنتاج فازی-عصبی در پهنه‌بندی متغیرهای محیطی استفاده شود. همچنین اثر تعداد نقاط نمونه‌برداری و روش‌های مختلف برآورد غلظت زمینه در تخمین مناطق آلوده به فلزات سنگین در پژوهش‌های آتی استفاده شود.

#### سپاسگزاری

این مطالعه بخشی از طرح پژوهشی به شماره ۹۲۰۱۱۹۷۲ صندوق حمایت از پژوهشگران کشور (INFS) است. بدین وسیله از صندوق حمایت از پژوهشگران کشور سپاسگزاری می‌شود.

#### منابع

۱. محمد زمانی، س.، ایوبی، ش. ا. و خرمالی، ف. بررسی تغییرات مکانی خصوصیات خاک و عملکرد گندم در بخشی از اراضی زراعی سرخنکلاته استان گلستان.

- electronic in agriculter, vol. 50, pp. 97-108.
15. Li X.Y., Liu L.J., Wang Y.G., Luo G.P., Chen X., Yang X.L., GAO B., and He X.Y. 2012. Integrated assessment of heavy metal contamination in sediments from a coastal industrial basin. NE China, PLoS One.
۱۶. محمدی، ج. پدومتری، آمار مکانی. نشر پلک، ۱۳۸۵، جلد دوم، صفحه ۴۵۳.
۱۷. حسنی پاک، علی اصغر. زمین آمار (ژئواستاتستیک)، چاپ دوم، انتشارات دانشگاه تهران، ۱۳۸۶، صفحه ۳۱۴.
۱۸. سمیعی، م.، کرمی، م و زارع، ل. ارزیابی روش های زمین آماری در پراکنش مکانی هدایت الکتریکی آب زیرزمینی در دشت فیروزآباد، اولین همایش ملی حفاظت و برنامه ریزی محیط زیست، ۳ اسفندماه ۱۳۹۱.
19. Ruppert D. 1996. Local polynomial regression and its applications in environmental statistics.
20. School of Operations Research and Industrial Engineering, Cornell University, New York.
21. Carlson R.E., and Foley T.A. 1991. The parameter  $R^2$  in multiquadric interpolation. Computers and Mathematic Apply, vol. 21, pp. 29-42.
۲۲. تقی زاده مهرجردی، ر. ا.، زارعیان جهرمی، م.، محمودی، ش.، حیدری، ا و سرمیدیان، ف. بررسی روش های درون یابی مکانی جهت تعیین تغییرات مکانی ویژگی های کیفی آب های زیرزمینی دشت رفسنجان. مجله علوم و مهندسی آب خیزداری ایران، ۱۳۸۷، سال ۲، شماره ۵، صفحات ۶۳ تا ۷۰.
23. Zhang X.Y., Sui Y.Y., Zhang X.D., Meng., and Herbert, K. S.J. 2007.
۹. موسوی فرد، س. م.، ممتاز، ح. ر و خداوردیلو، ح. کارایی برخی تخمین گرهای زمین آماری در میان یابی و پهنه بندی شماری از ویژگی های کیفی خاک. نشریه حفاظت منابع آب و خاک، ۱۳۹۲، سال دوم، شماره ۳، صفحات ۵۷-۷۱.
10. Panagopoulos T., Jesus J., Antunes M.D.C., and Beltr J. 2006. Analysis of spatial interpolation for optimising management of a salinized field cultivated with lettuce. Europ J Agron, vol. 24, pp.1-10.
11. Chen T.B., Xie Y., Lei M., Yang J., Guo Q., Song B., and Zhou X. 2011. Spatial distribution of soil heavy metal pollution estimated by different interpolation method: Accuracy and uncertainty analysis. Chemosphere, vol. 82, pp. 468-476.
12. Jiachun S., Haizhen W., Jianming X., Jianjun W., Xingmei L., and Haiping Z. 2007. Spatial distribution of heavy metal in soil: A case study of changing, China. Environ Geol, vol. 52, pp.1-10.
۱۳. نورزاده حداد، م.، مهدیان، م. ح و ملکوتی، م. ج. مقایسه کارایی برخی روش های زمین آماری به منظور بررسی پراکنش مکانی عناصر ریزمغذی در اراضی کشاورزی (مطالعه موردی: استان همدان). نشریه دانش آب و خاک، ۱۳۹۲، جلد ۲۳، شماره ۱، صفحات ۷۱-۸۱.
14. Robinson T.P., and metternicht G. 2006. Testing the performance of spatial interpolation techniques for mapping soil properties. computer and

محیط‌زیست، ۱۳۹۲، سال ۴، شماره ۷، صفحات ۳۵ تا ۴۴.

31. Lado L.R., Hengl T., and Reuter H.I. 2008. Heavy metal in European soils: A geostatistical analysis of the foreg Geochemical database. *Geoderma*, vol. 148, pp.189-199.
۳۲. دیانی، م.، محمدی، ج و نادری، م. تجزیه و تحلیل زمین‌آماری غلظت سرب، روی و کادمیوم در خاک-های حومه سپاهان‌شهر واقع در جنوب اصفهان. نشریه آب و خاک (علوم و صنایع کشاورزی)، ۱۳۸۸، جلد ۲۳، شماره ۴، صفحات ۶۷ تا ۷۶.
۳۳. خداکرمی، ل.، سفیانیان، ع.، میرغفاری، ن.، افیونی، م و گلشاهی، ا. پهنه‌بندی غلظت فلزات سنگین کروم، کبالت و نیکل در خاک‌های سه زیر حوزه آبخیز استان همدان با استفاده از فناوری‌های GIS و زمین‌آمار. *مجله علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، علوم آب و خاک*، ۱۳۹۰، سال ۱۵، شماره ۵۸، صفحات ۲۴۳ تا ۲۵۴.
۳۴. محمودی، ش.، محمدی، ج و نادری، م. توزیع آماری و مکانی برخی عناصر سنگین در کلاس‌های اندازه‌ای ذرات خاک سطحی جنوب شهر اصفهان. *مجله پژوهش‌های حفاظت آب و خاک*، ۱۳۹۲، جلد ۲۰، شماره ۲، صفحات ۱ تا ۲۲.
۳۵. دلبری، م.، خیاط خلقی، م و مهدیان، م. ح. ارزیابی روش‌های زمین‌آمار در برآورد هدایت هیدرولیکی خاک در مناطق شیب آب و پشت آب پایین دشت سیستان. *مجله علوم کشاورزی ایران*، ۱۳۸۳، جلد ۳۵، شماره ۱، صفحات ۱ تا ۱۳.
۳۶. جعفری، م.، عسگری، ح. م.، معظمی، م.، بی‌نیاز، م و طهمورث، م. بررسی توزیع مکانی برخی از خصوصیات خاک با کاربرد روش‌های زمین‌آمار. *مجله پژوهش و سازندگی در زراعت و باغبانی*، ۱۳۸۷، شماره ۸۰، صفحات ۱۷۷ تا ۱۸۵.
- Spatial variability of nutrient properties in black soil of northeast China. *Pedosphere*, vol. 17(1), pp.19–29.
24. Cambardella C.A., Moorman T.B., Novak J.M., Parkin T.B., Karlen D.L., Turco R.F., and Konopka A.E. 1994. Field-scale variability of soil properties in Central Iowa soils. *Soil Sci Soc Am J*, vol. 58, pp.1501-1511.
25. Paul D.W., Peter F., Florian W., Shamita K., and Karl S. 2012. Comparison and evaluation of spatial interpolation schemes for daily rainfall in data scarce regions. *Journal of Hydrology*, vol. 464–465, pp.388–400.
26. Silvio J.G., Jonathan AL., Dennis W.H., Yann P., Jean C., and Jacques G. 2014. Mapping soil hydraulic conductivity and matric potential for water management of cranberry: Characterisation and spatial interpolation methods. *biosystems engineering*, vol. 128, pp.29-40.
27. Juang K.W., Lee D.Y., and Ellsworth T. R. 2001. Using rank-order geostatistics for special
28. interpolation of highly skewed data in heavy metal contaminated site. *J. Environ. Qual*, vol. 30, pp.894-903.
۲۹. موسوی، ا.، سفیانیان، ع.، میرغفاری، ن و خداکرمی، ل. بررسی توزیع مکانی برخی فلزات سنگین در خاکهای استان همدان. *مجله پژوهش‌های خاک (علوم آب و آب)*، ۱۳۹۰، الف، جلد ۲۵، شماره ۴، صفحات ۳۲۳ تا ۳۳۶.
۳۰. میرزایی، ر.، اسماعیلی ساری، ع.، قربانی، ه.، حافظی مقدس، ن.، همای، م. ر و رضایی، ح. ر. پیش‌بینی توزیع مکانی کادمیوم، آرسنیک، کروم و مس در خاک سطحی استان گلستان. *مجله پژوهش‌های*



38. Goovaerts P. 2000. Estimation or simulation of soil properties? An optimization problem with conflicting criteria. *Geoderma*, vol. 97, pp.165–186.

37. Xie Y., Chen T., Lei M., Yang J., Guo Q., Song B., and Zhou X. 2011. Spatial distribution of soil heavy metal pollution estimated by different interpolation methods: Accuracy and uncertainty analysis. *Chemosphere*, vol. 82, pp.468–476.