

بررسی توزیع دوز در میدانهای نامتقارن به روش مونت کارلو

مهدی مومن نژاد^{۱*}، محمد تقی بحرینی طوسی^۲، حمید غلامحسینیان^۳

- ۱- استادیار گروه پزشکی هسته‌ای، بیمارستان امام رضا (ع)، دانشگاه علوم پزشکی مشهد
- ۲- استاد گروه فیزیک پزشکی، مرکز تحقیقات فیزیک پزشکی، پژوهشکده بوعلی، دانشگاه علوم پزشکی مشهد
- ۳- دانشجوی دکتری تخصصی فیزیک پزشکی، گروه فیزیک پزشکی، دانشکده پزشکی، دانشگاه علوم پزشکی مشهد

تاریخ دریافت نسخه اصلاح شده: ۸۷/۵/۲۸ | تاریخ پذیرش مقاله: ۸۷/۶/۲۷

چکیده

مقدمه: در حال حاضر از روش‌های محاسباتی مونت کارلو به عنوان ابزاری دقیق و استاندارد در دوزیمتري و طرح درمان استفاده می‌شود. از مهمترین مزایای این تکنیکها امکان بررسی پارامترهایی است که اندازه گیری عملی آنها دشوار و گاهی غیر ممکن می‌باشد. اشکال اصلی روش‌های محاسباتی، طولانی بودن زمان محاسبات است که در جهت کاهش آن، روش‌های مختلف سخت افزاری و نرم افزاری مورد استفاده قرار می‌گیرند که از جمله آنها می‌توان به ابداع و گسترش تکنیکهای موازی سازی و همچنین تعریف پارامتری چشمی تابش با استفاده از اطلاعات چشمی در فضای فاز اشاره نمود.

مواد و روشها: در این تحقیق از کد MCNP-4C به منظور شبیه سازی میدانهای نامتقارن شتابدهنده خطی نپتون 10PC استفاده شده است. شبیه سازی چشمی در دو مرحله انجام گرفت، ابتدا چشمی الکترونی با توزیع گاووسی از نظر انرژی و توزیع فضایی تعریف شد و سپس از اطلاعات مربوط به فوتونهای ایکس ترمی در فضای فاز، به منظور تعریف پارامتری چشمی فوتونی استفاده گردید. از آنجا که در حالت تولید فوتون، قسمتهای دستگاه تا زیر فیلتر یکواخت کننده ثابت می‌باشد، از اطلاعات صفحه فضای فاز زیر فیلتر در تعریف چشمی فوتونی استفاده شد. در این رابطه سه میدان نامتقارن 6×6 ، 10×10 و 15×15 متر مربع به ترتیب با خارج از مرکز $1/5$ ، $3/5$ و 6 سانتیمتر مورد شبیه سازی قرار گرفت. همچنین به منظور بررسی پارامترهای دوزیمتري، یک فانتوم آب با SSD 100×100 سانتی متر نیز شبیه سازی شد. اندازه گیریهای عملی با استفاده از سیستم دوزیمتري موجود و اتاقک یونش RK در فانتوم آب انجام گرفت.

نتایج: برای اطمینان از شبیه سازی، تغییرات دوز با عمق بر روی محور مرکزی پرتو و محور کلیماتور (مرکز میدان تابشی) بررسی گردید همچنین توزیع دوز در صفحات عمود بر محور پرتو در عمقهای بیشینه دوز و 10 سانتی متر نیز محاسبه و اندازه گیری شد. سپس نتایج محاسبات با اندازه گیریهای عملی مقایسه شدند. بررسی نتایج نشان دهنده توافق مناسب بین مقادیر محاسباتی با اندازه گیریهای عملی است، به طوریکه حداقل اختلاف دوز نقاط در حد $\pm 2\%$ و در بیشتر موارد در حد $\pm 1\%$ می‌باشد.

بحث و نتیجه گیری: نتایج حاصل از این بررسی تائید دیگری بر انتخاب صحیح طیف پرتو الکترونی و بازسازی چشمی فوتونی براساس اطلاعات مربوط به فوتونهای ترمی در فضای فاز است. لذا از این شبیه سازی می‌توان به منظور پیش‌بینی توزیع دوز در میدانهای درمانی پیچیده تر و همچنین بررسی موارد دیگری مانند تاثیر ناهمنگی های بافتی و وجود تغییردهنده های شدت پرتو بر توزیع دوز استفاده نمود. (مجله فیزیک پزشکی ایران، دوره ۵، شماره ۱، پیاپی ۱۸، ۱۹، ۱۹۰: ۸۰-۷۳)

واژگان کلیدی: شبیه سازی، مونت کارلو، میدانهای نامتقارن، شتابدهنده نپتون

*نویسنده مسؤول: مهدی مومن نژاد

آدرس: مشهد، بیمارستان امام رضا (ع). گروه پزشکی هسته‌ای،
دانشگاه علوم پزشکی مشهد momennezhadm@mums.ac.ir
تلفن: ۰۵۱-۸۵۹۹۳۵۹

۱- مقدمه

هندسه‌های سه بعدی را دارا بوده و با استفاده از آن می‌توان میزان شار، جریان، دوز جذبی و برخی پارامترهای دیگر را در هر سطح و یا حجم محاسبه نمود. در این مطالعه میدانهای نامتقارن مربوط به شتاب دهنده نپتون مورد بررسی قرار گرفته‌اند، این میدانها در پرتودرمانی نواحی مختلف بدن، به ویژه ناحیه جمجمه مورد استفاده قرار می‌گیرند و با حذف اثر واگرایی پرتو در یک جهت، سبب حفاظت بهترارگانهای حساس می‌شوند.

۲- مواد و روشها

در این بررسی شتاب دهنده خطی نپتون 10PC مورد شبیه‌سازی قرار گرفته است. این دستگاه دارای یک پرتو فوتونی به انرژی ۹ مگاوات و سه پرتو الکترونی با انرژیهای ۶، ۸ و ۱۰ مگاالکترون ولت می‌باشد. قسمتهای اصلی این شتاب دهنده شامل: هدف، پنجره خروجی، کلیماتور نخستین، کلیماتور اولیه، فیلتر مسطح کننده، اطافک یونیزان و کلیماتور ثانویه است.^[۱۰] مشخصات هر جزء و چگونگی شبیه‌سازی آن در مقاله قبلی شرح داده شده است.^[۱۱] در این شبیه‌سازی ابتدا از چشممه الکترونی نقطه ای، با توزیع گاووسی انرژی استفاده شده، همچنین توزیع فضایی پرتو الکترونی بر روی هدف نیز به صورت گاووسی در نظر گرفته شده است. سپس طیف فوتونهای ترمی در صفحات فضای فاز^۱ که بصورت فرضی عمود بر محور اصلی پرتو در زیر اجزاء مختلف در نظر گرفته شده‌اند، محاسبه شده است. این صفحات حاوی ویژگیهای تمام ذرات عبوری از آنها می‌باشند و حجم اطلاعاتی آنها در حد چند گیگابایت است که این امر جاچایی اطلاعات و اجرای برنامه بر روی کامپیوترهای مختلف را با مشکل همراه می‌کند، از طرف دیگر در مدد فوتون در هنگام استفاده از اطلاعات فضای فاز، تعداد فوتونهای قابل رهگیری محدود به

در حال حاضر روش محاسباتی مونت کارلو بطور گسترده‌ای در شاخه‌های مختلف فیزیک پزشکی از جمله رادیوتراپی مورد استفاده قرار می‌گیرند. این روش بر مبنای شبیه‌سازی برهمکنش‌های مختلف میکروسکوپی، با در نظر گرفتن چگالی احتمال هر برهمکنش می‌باشد و دقت و صحت آنها به حدی است که از آنها بعنوان ابزاری قوی و استاندارد در دوزیمتري و طرح درمان یاد می‌شود.^[۱-۸] اشکال عملده این روش، طولانی بودن زمان محاسبات تا رسیدن به دقت مطلوب می‌باشد، هر چند که در این زمینه نیز با ابداع و گسترش تکنیکهای موازی سازی^۱، زمان محاسبات تا حد قابل قبولی کاهش یافته است. در این مطالعه از کد MCNP-4C استفاده شده است، این کد توانایی بررسی و رهگیری پرتوهای نوترونی، الکترونی و فوتونی را بصورت مستقل و توأم دارا می‌باشد. فیزیک الکترون آن بر پایه سریهای ITS^۲ و کد ETRAN^۳ می‌باشد و در فیزیک فوتون آن انواع برهمکنش‌های پرتو شامل: پراکندگی‌های همدوس و ناهمدوس^۴، تولید زوج^۵، جذب فوتوالکتریک همراه با نشر فلورستن^۶ در نظر گرفته شده‌اند.^[۹]

لازم استفاده از این کد، ایجاد یک فایل ورودی است که در آن باستی جزئیات مربوط به هندسه سیستم، ویژگیهای چشممه، خصوصیات عناصر مورد استفاده در ساخت قطعات و محیطه‌ایی که در مسیر عبور پرتو قرار می‌گیرند و نیز خواسته‌ها^۷ به طور دقیق تعریف و تعیین شوند، این کد توانایی شبیه‌سازی انواع

1- Parallelisation

2- Integrated Tiger Series

3- Electron TRANsport

4- Incoherent and coherent scattering

5- Pair Production

6- Photoelectric absorption with fluorescent emission

7- Tally

توزيع دوز در میدانهای نامتقارن

ندارد بلکه بین تیغه های X و U یک حداقل گشودگی وجود خواهد داشت که سبب ایجاد میدان 3×3 سانتی متر مربع در ایزوسستر می شود.

در این مقاله شبیه سازی میدانهای نامتقارن مربوط به این شتابدهنده و چگونگی توزیع دوز در آنها مورد مطالعه قرار گرفته است. از آنجا که در شبیه سازی دستگاه در مد فوتون از طیف فوتونهای ترمزی در صفحه فاز واقع در زیر فیلتر یکنواخت کننده استفاده شده است و این طیف متاثر از اجزای قبلی یعنی هدف، کلیماتور نخستین، پنجره خروجی، کلیماتور اولیه و فیلتر مسطح کننده می باشد، در هنگام تعریف چشمۀ فوتونی کلیه اجزای سر دستگاه حذف و هندسه دستگاه در شرایط تابش فوتون شامل چشمۀ فوتونی، اتفاقک یونش و کلیماتور ثانویه می باشد. کلیماتور ثانویه میکند که می تواند متقارن و یا میدانهایی چهار گوش را ایجاد میکند که می تواند متقارن و یا نامتقارن باشند. ترتیب فرارگیری تیغه ها به گونه ای است، که از هدف به سمت ایزوسستر، اولین زوج، تیغه های U و آخرین زوج تیغه های X هستند، ضخامت آنها از بالا به پایین به ترتیب برابر با $1/1$ ، $1/1$ ، $10/1$ ، $12/1$ و 2 سانتی متر می باشد. شبیه سازی کلیماتور به گونه ای انجام شده است که حرکت مستقل تیغه های هر ردیف امکان پذیر بوده و بتوان میدانهای متقارن و نامتقارن چهار گوش را شبیه سازی نمود.

شکل زیر نشان دهنده هندسه دستگاه در شرایط استفاده از میدانهای نامتقارن در مد فوتون است.

فوتونهای ثبت شده در این صفحه می باشد که ممکن است تعداد آنها در بعضی از موارد برای رسیدن به خطای محاسباتی قابل قبول کافی نباشد. در جهت رفع این مشکلات از روش‌های بازسازی فضای فاز^۱ استفاده می شود که در آن از اطلاعات فضای فاز به منظور تعریف چشمۀ فوتونی بصورت پارامتریک استفاده می شود، این امر سبب می شود که حجم اطلاعات تا حد چند کیلو بایت کاهش یافته و همچنین محدودیت مربوط به تعداد ذرات قابل رهگیری در مد فوتون نیز برطرف شود^[۴، ۵، ۱۲، ۱۳].

در این بررسی از آنجا که در مد فوتون، اجزاء سر شتابدهنده تا زیر فیلتر مسطح کننده ثابت می باشند از اطلاعات چشمۀ در فضای فاز زیر فیلتر در تعریف چشمۀ فوتونی استفاده شده است و به منظور در نظر گرفتن تأثیر فاصله چشمۀ فوتون بر ناحیه نیم سایه، چشمۀ فوتونی در موقعیت هدف و بصورت نقطه ای تعریف شده است^[۱۴]. توزیع فضایی فوتونها از نظر شدت، جهت و واگرایی با توجه به مساحت و زاویه فضایی سگمانهای درنظر گرفته شده در صفحه فازی نسبت به هدف تعیین شده و طیف انرژی فوتونها نیز براساس طیف فوتونها ترمزی ثبت شده در صفحه فاز تعریف گردیده است.

از ویژگیهای شتابدهنده نپتون $10PC$ آنگونه که در دفترچه راهنمای آن ذکر شده است، توانایی ایجاد میدانهای نامتقارن است، بررسی کارکرد دستگاه نیز نشان می دهد که امکان حرکت مستقل تیغه های محور X و ایجاد میدانهای نامتقارن در یک جهت وجود دارد ولی حرکت تیغه ها به اندازه ای نیست که بتوانند سبب انسداد کامل نیمی از میدان شوند بعبارت دیگر با حرکت حداقل تیغه ها به سمت محور مرکزی پرتو، امکان انسداد کامل مسیر پرتو خروجی توسط کلیماتور ثانویه وجود

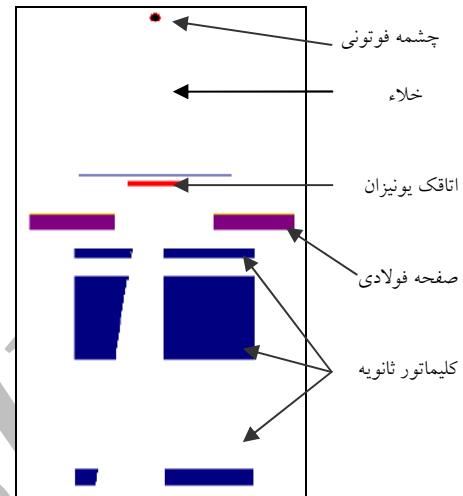
1- Phase space Reconstruction

سانتی متر و ضخامت $2/2$ سانتی متر در عمق های بیشینه دوز و 10 سانتی متر در دو جهت X و Y انجام گرفت.

در این مطالعه از کامپیوتر پیتیوم IV با سرعت پردازش $2/8$ گیگاهرتز استفاده شد و در جهت افزایش سرعت محاسبات از تکنیکهای محدود کردن تراگذر^۱ و تقسیم هندسی^۲ همچنین محدود کردن زاویه تابش پرتو استفاده گردید. انرژی cutoff برای فوتون و الکترون بترتیب برابر با $0/01$ و $0/5$ مگاالکترون ولت منظور شد. تعداد ذرات رهگیری شده در مد فوتون در حدود $4/5 \times 10^8$ بوده است. در هر مرحله رهگیری ذرات تا آنجا ادامه داده می شد که خطای محاسباتی به کمتر از 1% برسد.

در اجرای این تحقیق تمامی پارامترهای دوزیمتری محاسباتی، بصورت عملی نیز اندازه گیری و ارزیابی شده اند. تعیین این پارامترها براساس پروتکل TG-51 انجام شده است[۱۴] و در این رابطه از سیستم دوزیمتری ولھوفر-اسکندریترونیکس^۳ شامل فانتوم سه بعدی با ابعاد $48 \times 48 \times 48$ سانتی متر مکعب و اتفاق یونیزان RK به حجم حساس $0/12$ سی سی و نرم افزار RFA-300^۴ استفاده شده است.

مقایسه نتایج عملی و محاسباتی بر پایه پیشنهادات ارائه شده از طرف AAPM در پروتکل TG-53^۵ انجام شده است[۱۶]. در این مطالعه، بررسی توزیع دوز عمقی بر روی محور مرکزی پرتو و محور کلیماتور از سطح فانتوم تا عمق 30 سانتی متر به روش محاسباتی و عملی انجام شده است و برای هر میدان، دوز نقاط بدست آمده نسبت به دوز نقاط واقع در عمق 10 سانتی متر بهنجار شده و سپس مورد مقایسه قرار گرفته اند.



شکل ۱ - طرح شماتیک اجزاء شبیه سازی شده شتابدهنده خطی پیتون ۱۰PC، در شرایط استفاده از میدانهای نامتقارن در مد فوتون

در این مطالعه سه میدان نامتقارن 6×6 ، 10×10 و 15×15 سانتی متر مربع به ترتیب با خارج از مرکز $1/5$ ، $2/5$ و 6 سانتی متر مورد شبیه سازی قرار گرفت و تغییرات نسبی دوز با عمق بر روی محور مرکزی پرتو و محور کلیماتور (مرکز میدان تابشی) بررسی گردید. در واقع شبیه سازی این میدانها امکان بررسی تغییرات دوز با عمق در خارج از محور مرکزی پرتو را فراهم می کند. بررسی توزیع دوز در این میدانها در صفحات عمود بر محور پرتو نیز در عمقهای 2 و 10 سانتی متر انجام گرفته است. برای تعیین پارامترهای دوزیمتری، یک فانتوم آب با ابعاد $40 \times 50 \times 50$ سانتی متر مکعب با SSD 100 سانتی متر شبیه سازی شد. به منظور بررسی تغییرات نسبی دوز با عمق (PDD) سلولهایی استوانه ای به شعاع 1 سانتی متر و ضخامت $0/2$ سانتی متر در امتداد محور مرکزی پرتو و محور کلیماتور (مرکز میدان تابشی) در داخل فانتوم تعریف گردیدند، بررسی تغییرات دوز در خارج از مرکز با استفاده از سلولهایی به شعاع $0/5$

1- Transport cutoff
2- Geometry Splitting
3- Scanditronix
4- Radiation Field Analyze

توزیع دوز در میدانهای نامتقارن

پس از تعریف چشمۀ فوتونی ابتدا پارامترهای دوزیمتري میدانهای معمولی بررسی شدند [۱۱] و سپس میدانهای نامتقارن بعنوان ساده‌ترین میدانهای غیر معمول مورد بررسی قرار گرفتند. در این رابطه سه میدان نامتقارن 6×6 ، 10×10 و 15×15 سانتی متر مربع به ترتیب با خارج از مرکز $1/5$ ، $3/5$ و 6 سانتی متر مورد شبیه‌سازی قرار گرفتند و تغییرات دوز با عمق بر روی محور مرکزی پرتو و محور کلیماتور بررسی شد. همچنین توزیع دوز در صفحات عمود بر محور مرکزی پرتو نیز در میدانهای فوق در عمقهای 2 و 10 سانتی متر از طریق محاسباتی و عملی مورد بررسی قرار گرفتند.

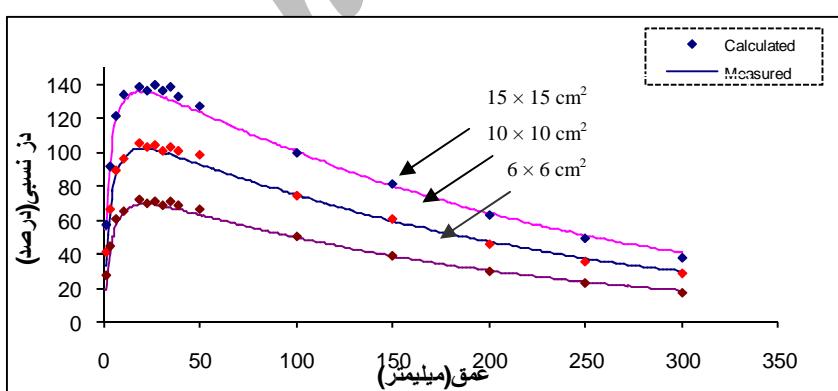
شکلهای 2 و 3 نشان دهنده تغییرات دوز عمقی برای میدانهای مورد بررسی هستند که با مقادیر محاسباتی مقایسه شده‌اند. در این دو شکل دوز نقاط واقع بر روی محور مرکزی نسبت به دوز نقطه واقع در عمق 10 سانتی متر بهنجار شده و به منظور نمایش سه منحنی در یک نمودار منحنی‌های مربوط به میدانهای نامتقارن 6×6 و 10×10 سانتی متر مربع به ترتیب در ضرایب $0/75$ و $0/50$ ضرب شده‌اند [۴].

در بررسی توزیع دوز در خارج از محور مرکزی نیز در عمق‌های 2 و 10 سانتی متر، آرایشی از سلولها در دو جهت X و Y تعریف شده‌اند که تعداد آنها بستگی به ابعاد میدان مورد بررسی داشته است. پس از اجرای برنامه دوز نقاط واقع در هر سطح، نسبت به دوز نقطه مرکزی همان سطح بهنجار شده و سپس منحنی‌های توزیع دوز مربوطه بر حسب فاصله از نقطه مرکزی رسم و با یکدیگر مقایسه شده‌اند.

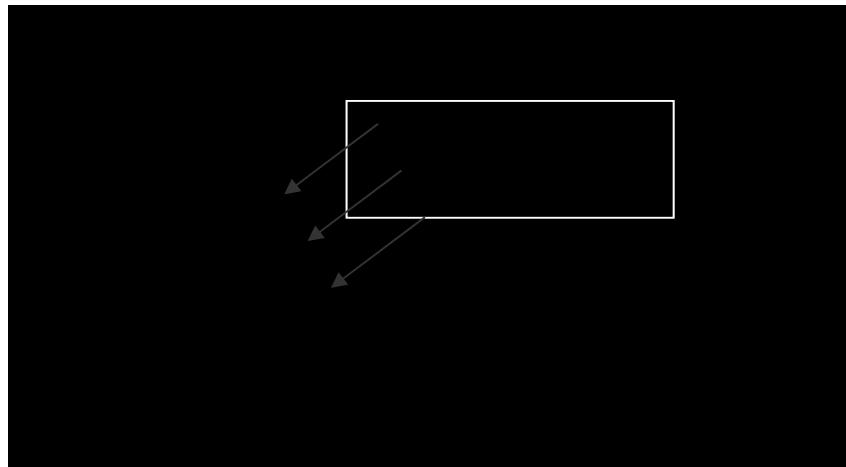
در مقایسه منحنی‌های محاسباتی و عملی، اختلاف دوز نقاط مشابه از یکدیگر تعیین و میانگین اختلافها با یک انحراف معیار (5) تعیین شده است و سپس با توجه به معیارهای مطرح شده در پروتکل TG-53 با یکدیگر مقایسه شده‌اند [۱۶].

۳- نتایج

در این مطالعه از طیف فوتونهای ترمی در فضای فاز زیر فیلتر مسطح کننده به منظور تعریف چشمۀ فوتونی استفاده شده است. تعریف چشمۀ با توجه به اطلاعات صفحه فاز، به صورت پارامتریک انجام گرفته است در این شرایط علاوه بر آنکه حجم برنامه تا حد چند کیلو بایت کاهش می‌یابد امکان رهگیری هر تعداد فوتون هم وجود خواهد داشت.



شکل ۲ - مقایسه تغییرات دوز با عمق بر روی محور کلیماتور بین مقادیر محاسبه شده با MCNP و مقادیر اندازه گیری شده در فانتوم آب برای میدانهای 6×6 و 10×10 و 15×15 سانتی متر مربع در شرایط نرمالیزه شده نسبت به عمق ده سانتی متر

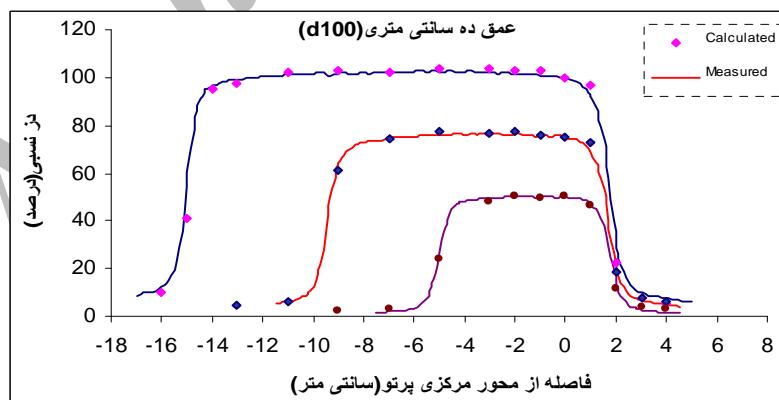


شکل ۳ - مقایسه تغییرات دوز با عمق بر روی محور مرکزی پرتو بین مقادیر محاسبه شده با MCNP و مقادیر اندازه گیری شده در فانتوم آب برای میدانهای 6×6 و 10×10 و 15×15 سانتی‌متر مربع در شرایط نرمالیزه شده نسبت به عمق ده سانتی‌متر

شده است. شکلهای ۴ و ۵ نشان‌دهنده نتایج محاسبات و مقایسه آنها با نتایج عملی برای میدان‌های مختلف است و به منظور نمایش سه منحنی در یک نمودار منحنی‌های مربوط به میدانهای 10×10 و 5×5 سانتی‌متر مربع بترتیب در ضرایب $0/75$ و $0/50$ ضرب شده‌اند.

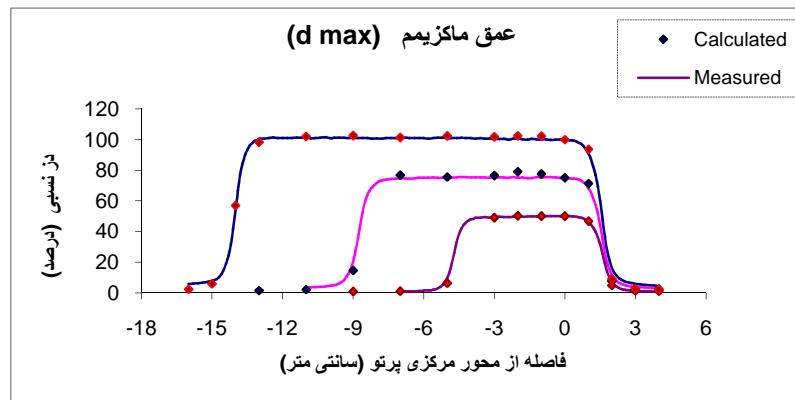
صرف‌نظر از تغییرات دوز در ناحیه انباشت دوز، در بقیه نقاط بویشه نقاط بعد از نقطه بیشینه مقادیر محاسباتی و اندازه گیری دوز تطبیق خوبی با هم دارند، به طوریکه حداقل اختلاف دوز نقاط در حد 2% و در بیشتر موارد در حد 1% است.

بررسی پروفایل دوز در هر عمق در فانتوم با تعریف سلوهایی استوانه‌ای به شعاع $5/0$ سانتی‌متر و ضخامت $2/0$ سانتی‌متر انجام



شکل ۴ - نمایش تغییرات دوز در صفحه واقع در عمق 10 سانتی‌متر (Beam Profile) و مقایسه نتایج بدست آمده از کد MCNP با مقادیر اندازه گیری شده در فانتوم آب برای میدانهای 6×6 و 10×10 و 15×15 سانتی‌مترمربع، بترتیب با خارج از مرکز $5/0$ ، $1/5$ و 6 سانتی‌متر

توزیع دوز در میدانهای نامتقارن



شکل ۵ - نمایش تغییرات دوز در صفحه واقع در عمق دو سانتی‌متر (Beam Profile) و مقایسه نتایج بدست آمده از کد MCNP با مقادیر اندازه گیری شده در فانتم آب برای میدانهای 6×6 ، 10×10 و 15×15 سانتی‌متر مرتب بترتیب با خارج از مرکز $2/5$ ، $1/5$ و 6 سانتی‌متر

نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که توافق مناسبی بین منحنی‌های دوز عمقی و پروفایل‌های محاسباتی با اندازه‌گیری‌های عملی وجود دارد، به طوریکه حداکثر اختلاف دوز نقاط مختلف در حد ۰.۲٪ و در بیشتر موارد در حد ۰.۱٪ است. نتایج حاصل از این بررسی تائید دیگری برانتخاب صحیح طیف پرتو الکترونی و بازسازی چشمۀ فوتونی براساس اطلاعات مربوط به فوتونهای ترمزی در فضای فاز است. لذا از این شیوه سازی می‌توان به منظور پیش‌بینی توزیع دوز در میدانهای درمانی پیچیده تر نظری سیستم استریووتاکتیک رادیوسرجری که خاص این سیستم طراحی و ساخته شده است استفاده نمود. همچنین بررسی موارد دیگری مانند تاثیر ناهمگنی‌های بافتی و وجود تغییردهنده‌های شدت پرتو بر توزیع دوز امکان پذیر است.

بررسی منحنی‌ها نشان دهنده تطبیق کامل منحنی‌های نتایج محاسباتی و تجربی است.

۴- بحث و نتیجه‌گیری

در این مطالعه شبیه سازی میدانهای نامتقارن مورد بررسی قرار گرفت. از این میدانها به عنوان ساده‌ترین شتابدهنده درمانی غیر معمول در رادیوتراپی یاد می‌شود[۱۷]. بررسی نتایج تجربی و محاسباتی میدانهای نامتقارن این شتابدهنده نشان می‌دهد که پروفایل دوز در آنها متفاوت از دستگاه‌های دیگر است، بدین ترتیب که در شتابدهنده‌های دیگر توزیع دوز میدانهای نامتقارن بسیار شبیه به میدانهای وج دار می‌باشد، در حالیکه در شتابدهنده نپتون ۱۰PC پروفایل سطحی به میدانهای معمولی نزدیکتر است که می‌تواند به علت عدم انسداد کامل نیمی از میدان توسط کلیماتور ثانویه باشد.

منابع

- Verhaegen F, Seuntjens J. Monte Carlo modeling of external radiotherapy photon beams. Phys Med Biol 2003; 48: R107 – R164.
- Chaves A, Lopes MC, Alves CC. A Monte Carlo multiple source model applied to radiosurgery narrow photon beam. Med Phys 2004; 31(8): 2192-2204.

3. X Ding G, Using Monte Carlo simulation to commission photon beam output factors-a feasibility study. Phys Med Biol 2003; (48): 3865 – 3874.
4. Chetty I, Demarco JJ, Solberg TD. A virtual source model for Monte Carlo modeling of arbitrary intensity distribution. Med Phys 2000; (27): 166-172.
5. Fix MK, Keller H, Rugesegger P, Born EJ. Simple beam models for Monte Carlo photon beam dose calculations in radiotherapy. Med Phys 2000; 27(12): 2739-47.
6. Chaves A, Lopes MC, Alves CC, Oliveria C, Peralta L, Rodrigues P, Trindade A. Basic dosimetry of radiosurgery narrow beams using Monte Carlo simulation: A detailed study of depth of maximum dose. Med Phys 2003; 30 (11): 2904-11.
7. Sheikh-Bagheri D, Rogers DW. Monte Carlo calculation of nine megavoltage photon beam spectra using the BEAM code. Med Phys 2002; 29 (3): 391-402.
8. Schach von wittenau AE, Bergstrom PM, Jr, Cox LJ. Patient-dependent beam –modifier physics in Monte Carlo photon dose calculations. Med Phys 2000; 27 (5): 935-47.
9. Briesmeister. MCNP- A General Monte Carlo N-Particle Transport Code version 4C, Report LA-13709-M (Los Alamos National Laboratory, 2000).
10. Neptun 10PC manual: Technical and Operational Documentation, ZDAJ – IPJ, Swuerk, November 1996.
11. Bahreyni Toosi MT, Momennezhad M, Saberi H, Bahreyni Toosi MH, Hashemian R, Salek R, et al. A Monte Carlo simulation of photon beam generated by a linear accelerator. Iran Jour of Med Phys 2005; 2(7): 3-12.
12. Mora GM and Miao A. Monte Carlo simulation of a typical ^{60}Co therapy source. Med Phys 1999; 26(11): 2494-502.
13. Ma C, Faddegon BA, Rogers DWO, Macki TR. Accurate characterization of Monte Carlo calculated electron beams for radiotherapy. Med Phys 1997; 24(3): 401-416.
14. Lewis RD, Ryde SJS, Hancock DA, Evans CJ. An MCNP-based model of linear accelerator x-ray beam. Phys Med Biol 1999; 44(5): 1219 –30.
15. Almond PR, Biggs PJ, Coursey BM, Hanson WF, Huq MS, Nath R, Rogers DWO. AAPM Protocol for Clinical Reference Dosimetry of High-Energy Photon and Electron Beams (TG-51). Med Phys 1999; 26: 1847 –70.
16. Fraass. B, Doppke. K, Hunt. M, Kutcher. G, Starkschall. G, Stem. R, Van Dyke. J. Quality assurance for clinical radiotherapy treatment planning (TG- 53). Med Phys 1998; 25(10): 1773-830.
17. Tsalafoutas IA, Xenofos S, Papalexopoulos A, Nikoletopoulos S. Dose calculations for asymmetric fields defined by independent collimator using symmetric field data. BJR 2000; 73: 403-9.