

## بررسی تأثیر خطای برآورد ورودی‌های طراحی روسازی بر روی خطای پیش‌بینی عمر روسازی باهله گیری از روش شبیه‌سازی مونت کارلو\*

(یادداشت پژوهشی)

حسن قاسم‌زاده<sup>(۱)</sup> علیرضا غنی‌زاده<sup>(۲)</sup>

**چکیده** طرح روسازی در روش‌های مکانیکی-تجربی در معمول بر پایه فرض‌هایی مانند ویژگی‌های لایه‌های روسازی (ضخامت، ضربی کشسانی، ضربی پواسون و ...)، بارگذاری (وزن محور، مختصات چرخها، شمار تکرار و ...) و همچنین سازوکارهای گوناگون خواصی برای مصالح مختلف انجام می‌شود. به حقیقت پیوستن همه فرض‌ها در طراحی روسازی برای مطالعه عملکرد آن در سال‌های مختلف بهره‌برداری به دلیل وجود خطای در پیش‌بینی آمد و شد خودروهای گوناگون، نبود تعیین دقیق ویژگی‌های مصالح با توجه به هزینه سیار زیاد پرخی از این آزمایش‌ها و همچنین خطای‌ها و محدودیت‌ها در مرحله اجرایی امکان پذیر نمی‌باشد. وجود خطای در عامل‌های ورودی طراحی روسازی سبب شده است تا در روش‌های جدید طراحی روسازی وابسته به روش مکانیکی-تجربی، فرآیند طراحی روسازی بصورت یک فرآیند غیرقطعی مطرح شود تا این راه بتوان اثر خطای عامل‌های ورودی طراحی را بر خطای عامل‌های عملکردی روسازی برسی و در نهایت قابلیت اطمینان طرح را وارسی کرد. با توجه به محاسبات پیچیده مورد نیاز در روش‌های مکانیکی-تجربی برای تحلیل و پیش‌بینی عمر روسازی، روش‌های سنتی بر پایه مشتق‌گیری را نمی‌توان برای تعیین خطای عامل‌های عملکردی روسازی مورد استفاده قرار داد. در این مقاله تأثیر خطای عامل‌های مختلف طراحی روسازی (ضریب کشسانی، ضربی پواسون، ضخامت لایه‌ها و فشار چرخ) بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی با استفاده از روش شبیه‌سازی مونت کارلو (Monte Carlo) مورد بررسی قرار گرفته و اثرهای هر یک از عامل‌های ارائه شده است. برای این منظور با در نظر گرفتن سه مقطع روسازی با ظرفیت سازه‌ای متفاوت، درجه اهمیت هر یک از عامل‌های ورودی بر روی قابلیت اطمینان عمر خستگی و شیارشده‌گی مشخص شده است. همچنین امکان استفاده از روش شبیه‌سازی مونت کارلو در گسترش رابطه‌هایی برای پیش‌بینی خطای عمر شیارشده‌گی و خستگی روسازی به گونه‌ای که نیاز به شبیه‌سازی‌های آینده نباشد، بررسی شده است.

**واژه‌های کلیدی** روش مکانیکی-تجربی، تحلیل خطای شبیه‌سازی مونت کارلو، خستگی، شیارشده‌گی، طراحی روسازی

### The effect of error in estimation of input parameters on predicting error of pavement life using Monte Carlo Simulation method

H. Ghasemzadeh

A. R. Ghanizadeh

**Abstract** Pavement design using mechanistic-empirical methods is often carried out based on the some assumptions for pavement layer's properties (thickness, elastic modulus, Poisson's ratio and ....), loading properties(axial weight, tire coordinates, number of repetitions and ...) and also the failure mechanism for different materials. Fulfillment of these assumptions for evolution of pavement performance during service life is impossible. This is because of the uncertainty in the traffic prediction of different vehicles,problem of precise determination of material specifications due to high cost of some tests and also errors and limitations in the construction phase. The error Existance in the estimation of input pavement design parameters leads to the probabilistic procedure,for the pavement design This helps the designer to study the influence of uncertainty of input parameters on the pavement performance parameters and finally controlling the design reliability. Because of the complicated computations for pavement analysis and its performance prediction, classical methods based on the deviation are not applicable to the reliability analysis of pavement performance. In this paper, the effect of the error in estimating the different input parameters of pavement design (elastic modulus, thickness and tire pressure) on prediction error of the fatigue and rutting life is studied using Monte Carlo Simulation method. For this purpose, three pavement sections with different structural capacity were considered and importance of each input parameter on prediction error of fatigue and rutting life have been prioritized. The possibility of using Monte Carlo simulation to develop some relationships to estimating the pavement rutting and fatigue life error has been explored. These relationships can be applied for future reliability analysis without using simulation.

**Key Words** Mechanistic-Empirical Method, Error Analysis, Monte Carlo Simulation, Fatigue, Rutting, Pavement Design.

\* نسخه‌ی اول مقاله در تاریخ ۱۳۸۹/۲/۷ و نسخه‌ی نهایی آن در تاریخ ۱۳۹۰/۹/۷ به دفتر نشریه رسیده است.

(۱) نویسنده‌ی مسئول، استادیار، عضو هیئت علمی دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی تهران

(۲) مریبی، عضو هیئت علمی گروه مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی سیرجان، سیرجان

روسازی یا خطای در برآورد ترافیک عبوری از روی روسازی در طول دوره عمر روسازی.

۳- استفاده از الگوهای ساده‌سازی شده و همراه با خطای برای تحلیل روسازی.

۴- خطاهای آماری در هنگام گسترش الگوهای عملکردی روسازی با توجه به کمبود اطلاعات.

عامل‌های ایجاد خطای اول و دوم با عنوان نبودن قطعیت عامل‌های ورودی طراحی شناخته می‌شوند. این عامل‌ها نشان‌دهنده نبود انتباط ویژگی‌های میدانی و ویژگی‌های فرضی در طراحی روسازی می‌باشند.

عامل‌های ایجاد خطای سوم و چهارم با عنوان خطای سازمان یافته شناخته می‌شوند که سبب منطبق نشدن عملکرد پیش‌بینی شده و مشاهده شده روسازی می‌شوند.

در این مقاله هدف تحلیل حساسیت و بررسی تأثیر خطای عامل‌های ورودی طراحی روسازی بر روی خطای پیش‌بینی عملکرد و عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی است. برای این منظور سه مقطع روسازی با مقاومت بالا، متوسط و پایین در نظر گرفته شده‌اند. سپس برای هر یک از این تأثیر ناشی از قطعی نبودن ویژگی‌های طراحی روسازی (ضریب کشسانی لایه‌های مختلف، ضخامت لایه‌های مختلف، ضریب پواسون لایه‌های مختلف و فشار پرخ) بر روی پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی مورد ارزیابی قرار گرفته است.

### نبوت قطعیت و تغییرپذیری عامل‌های ورودی

#### طراحی روسازی

برای بررسی اثر خطای حاصل از عامل‌های ورودی طراحی روسازی بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی نیاز است تا ابتدا ویژگی‌های آماری عامل‌های ورودی طراحی روسازی مشخص شود. در ادامه به برخی مطالعه‌های انجام شده در این باره اشاره خواهد شد.

Al-sugair و همکاران ضریب کشسانی نمونه‌های بتن آسفالتی را در سطوح مختلف بارگذاری، وضعیت رطوبتی و طرح‌های اختلاط مختلف به صورت

#### مقدمه

روش‌های مکانیکی - تجربی طراحی روسازی امروزه به صورت گسترده مورد استفاده قرار می‌گیرند، بطوری که بسیاری از کشورها در حال حاضر طراحی روسازی‌های انعطاف‌پذیر را بر پایه این روش‌ها برای طراحی روسازی باید مسئله‌هایی با اهمیت در طراحی روسازی به روش مکانیکی - تجربی این است که فرآیند طراحی باید عملکرد روسازی در طول عمر بهره‌برداری از روسازی در یک سطح اطمینان مشخص با توجه به روش سرچشمه‌های مختلف خطای در عامل‌های ورودی طراحی را تضمین کند. جمله مسئله‌هایی با اهمیت در طراحی روسازی به روش مکانیکی - تجربی این است که فرآیند طراحی از روسازی در سخن دیگر، طراحی روسازی یک فرآیند غیر قطعی و احتمالی است. بنابراین، تأثیر خطای ناشی از عامل‌های طراحی روسازی در پیش‌بینی عملکرد و عمر روسازی در فرآیند طراحی بایستی در نظر گرفته شود. بسیاری از روش‌ها و نرم‌افزارهای طراحی روسازی‌های انعطاف‌پذیر، طراحی روسازی را بر پایه روش‌های قطعی و بدون در نظر گرفتن خطای عامل‌های ورودی انجام می‌دهند. با این وجود در برخی روش‌ها و نرم‌افزارها، قابلیت اطمینان طرح و همچنین خطای ناشی از عامل‌های ورودی به عنوان یک عامل مهم در طراحی روسازی مورد نظر قرار گرفته است [2,8]. از جمله عامل‌های ایجاد خطای طراحی و پیش‌بینی عملکرد روسازی می‌توان به موردهای زیر اشاره کرد [9]:

۱- تغییرات مکانی عامل‌های ورودی که شامل تغییر ویژگی‌های مصالح از نقطه‌ای به نقطه دیگر می‌شوند. شامل اختلاف ویژگی‌های مصالح ناشی از فرض همگن بودن مصالح لایه‌های مختلف روسازی و همچنین تغییر ویژگی‌های مقطع روسازی که به علت نبود نظارت کیفیت دقیق در هنگام ساخت روسازی می‌باشد.

۲- تغییرات ناشی از نبود تعیین دقیق ویژگی‌های کمی عامل‌های مؤثر در طراحی روسازی مانند خطاهای اتفاقی در تعیین ویژگی‌های لایه‌های مختلف

مصالح روسازی به صورت نرمال لگاریتمی در نظر گرفته می شود [8].

ضریب پواسون، همانند سایر عامل های طراحی روسازی یک متغیر اتفاقی است که می تواند دارای یک تابع احتمال مشخص باشد. با این وجود، به دلیل مشکل بودن اندازه گیری این عامل های در معمول از مقدار های پیش فرض برای این عامل استفاده می شود. در جدول های (۲) و (۳) مقدار های نمونه ضریب پواسون برای مصالح مختلف آمده شده است. شکل تابع چگالی احتمال برای ضریب پواسون مصالح روسازی به صورت نرمال لگاریتمی در نظر گرفته شده است.

ضخامت لایه های مختلف روسازی با توجه به محدودیت ها و کیفیت اجرایی در نقاط مختلف، متفاوت خواهد بود. از همین رو، به عنوان یک عامل غیر قطعی باید در نظر گرفته شود. در مطالعه ای که با استفاده از دستگاه GRP در ایالت کانزاس برای تعیین تغییرات ضخامت کل روسازی انجام گرفت، ضریب تغییرات ضخامت کل روسازی بین ۱/۱ تا ۱۸/۲ درصد تعیین شد [18]. ضریب تغییرات پیشنهادی برخی از پژوهشگران برای ضخامت لایه های مختلف روسازی در جدول (۴) آمده است.

جدول ۲ ضریب پواسون مصالح روسازی [16]

مقدار های نمونه	دامنه تغییرات ضریب پواسون	مصالح
۰/۳۵ در درجه حرارت ۲۵ درجه سانتیگراد	وابسته به درجه حرارت ۰/۲۵ در درجه حرارت ۴ درجه سانتیگراد ۰/۵۰ در درجه حرارت ۶ درجه سانتیگراد	بتن آسفالتی
۰/۱۵	۰/۲۵-۰/۱۰	مصالح ثابت شده با سیمان
(۰/۵۰ چسبنده) (۰/۳۰ غیر چسبنده)	۰/۵۰-۰/۲۰	مصالح سنگدانه ای

آزمایشگاهی اندازه گیری و ضریب تغییرات (نسبت انحراف معیار به مقدار متوسط) را برابر با ۱۰ تا ۱۶ درصد تعیین کردند [10]. Foo و Brown [11] مطالعه مشابهی را بر روی طرح های اختلاط مختلف بتن آسفالتی انجام دادند و ضریب تغییرات ضریب کشسانی را در محدوده ۶ تا ۱۰ درصد پیشنهاد نمودند. در مطالعه دیگری که بر روی مغزه های به دست آمده از ۳۲ سایت مختلف LTPP انجام پذیرفت، ضریب تغییرات ضریب کشسانی بتن آسفالتی رویه بین ۱ تا ۴۵ درصد تعیین شد [12]. Allen و همکاران [13]، تغییرات مکانی شریب کشسانی بتن آسفالتی را از طریق دستگاه FWD در نقاط مختلف یک راه اندازه گیری و ضریب تغییرات این کمیت را بین ۱۵ تا ۷۶ درصد پیشنهاد کردند. پژوهش دیگری که Noureldin [14] بر روی ضریب کشسانی به دست آمده از دستگاه FWD در سطح های مختلف بار و در درجه حرارت های گوناگون انجام داد، ضریب تغییرات ضریب کشسانی مصالح بتن آسفالتی را بین ۲۰ تا ۴۰ درصد تعیین کرد. در پژوهشی که NCHRP [15] بر روی تغییر پذیری ضریب کشسانی لایه های مختلف مقاطع LTPP انجام داده است، ضریب تغییرات و همچنین انحراف معیار متوسط برای لایه های مختلف به دست آمده که در جدول (۱) آمده است.

جدول ۱ مقایسه انحراف معیار و ضریب تغییرات ضریب کشسانی مصالح مختلف [15]

ضریب تغییرات (درصد)	انحراف معیار متوسط	مصالح
۳۶	۵۱۳۷	بتن آسفالتی
۴۲	۵۷۸	اساس سنگدانه ای
۶۳	۱۹۲۲	زیر اساس سنگدانه ای
۴۶	۱۲۱۱	خاک بستر
۴۹	۳۲۷۵	اساس ثبت شده
۶۷	۲۱۱۴	زیر اساس ثبت شده

شکل تابع چگالی احتمال برای ضریب کشسانی

در پژوهش دیگری که روی مقطع‌های LTPP انجام شده، ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های مختلف روسازی مطابق جدول (۵) پیشنهاد شده است [۱۵]. شکل تابع چگالی احتمال برای ضخامت لایه‌های مختلف روسازی بر اساس بررسی‌های بهدست آمده از اجرای مقطع‌های LTPP به صورت نرمal بوده است [۱۵]. همچنین، در پژوهش دیگری که در ایالت کارولینای جنوبی انجام پذیرفته، شکل تابع چگالی احتمال ضخامت لایه رویه به صورت لگاریتم نرمal پیشنهاد شده است [۲۰]. بررسی‌های انجام شده در ایالت‌های مختلف آمریکا در رابطه با تغییرات فشار چرخ در جدول (۶) درج شده‌اند. شکل تابع چگالی احتمال وابسته به فشار چرخ به صورت نرمal پیشنهاد شده است [۸, ۱۵].

جدول ۴ مقایسه انحراف معیار و ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های مختلف روسازی [۱۹]

جدول ۳ ضریب پواسون انواع خاک‌ها [۱۷]

نوع خاک	دامنه تغییرات ضریب پواسون
ماسه شل	۰/۴۰-۰/۲۰
ماسه متوسط	۰/۴۰-۰/۲۵
ماسه متراکم	۰/۴۵-۰/۳۰
ماسه رس‌دار	۰/۴۰-۰/۲۰
رس نرم	۰/۲۵-۰/۱۵
رس متوسط	۰/۵-۰/۲۰

جدول ۵ مقایسه انحراف معیار و ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های مختلف روسازی [۱۹]

ضریب تغییرات (درصد)	انحراف معیار متوسط	مصالح
۱۲-۳	رویه	بنن آسفالتی
۱۵-۵	اساس	بنن آسفالتی
۱۵-۱۰	اساس	مصالح سنگدانه‌ای
۲۰-۱۰	زیراساس	مصالح سنگدانه‌ای

جدول ۵ مقایسه انحراف معیار و ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های مختلف روسازی مصالح مختلف [۱۵]

COV	(cm)	ضخامت	ضریب تغییرات(درصد)	COV	(cm)	ضخامت	صالح
۴/۱	۸	اساس ثبت شده با قیر	۱۱/۱	۴	۴	اساس سنگدانه‌ای با دانه‌بندی متراکم	
۳/۲	۱۲	اساس ثبت شده با قیر	۵/۷	۸	۸	اساس سنگدانه‌ای با دانه‌بندی متراکم	
۶/۷	۴	بنن آسفالتی + قشر اصطکاکی	۴/۰	۱۲	۱۲	اساس سنگدانه‌ای با دانه‌بندی متراکم	
۲۴/۰	۷	بنن آسفالتی + قشر اصطکاکی	۷/۸	۴	۴	اساس نفوذپذیر ثبت شده با قیر	
			۷/۹	۴	۴	اساس ثبت شده با قیر	

جدول ۶ مقایسه انحراف معیار و ضریب تغییرات فشار چرخ [۸]

فشار	ایالت(مرجع)
بیشترین فشار برابر با ۱۰۳۵ کیلوپاسکال	Texas
درصد تایرها از نوع رادیال با فشار متوسط ۷۲۵ کیلوپاسکال	Montana
درصد تایرها از نوع Bias Ply با فشار متوسط ۵۸۰ کیلوپاسکال	
فشار متوسط برابر با ۶۷۰ کیلو پاسکال.	Illinois
دامنه تغییرات فشار از ۳۶۰ تا ۹۰۰ کیلو پاسکال	
درصد تایرها از نوع رادیال با فشار متوسط ۷۰۵ کیلوپاسکال	Oregon
درصد تایرها از نوع Bias Ply با فشار متوسط ۵۶۵ کیلوپاسکال	
ضریب تغییرات ۹ الی ۲۰ درصد	
تابع چگالی احتمال فشار بصورت نرمal	
فشار متوسط تایرها رادیال برابر با ۶۷۰ کیلوپاسکال	Texas
فشار متوسط تایرها Bias Ply برابر با ۵۹۰ کیلوپاسکال	
ضریب تغییرات برابر با ۱۵ الی ۲۰ درصد	

گام ۳. حل کردن الگو بر اساس هر یک از مقدارهای ورودی و ذخیره کردن نتیجه‌های خروجی،<sup>۲۴</sup>

گام ۴. تکرار گام‌های ۲ و ۳ به ازای مجموعه ورودی‌های مختلف  $n = 1$ :

گام ۵. تحلیل خروجی‌ها با استفاده از نمودار میله‌ای (Histogram)، کمیت‌های آماری (انحراف معیار)، فاصله‌های اطمینان وغیره.

همان‌گونه که اشاره شده شکل تابع چگالی احتمال ورودی‌های طراحی روسازی در معمول به دو صورت نرمال و لگاریتم نرمال در نظر گرفته می‌شود. در هر تکرار شبیه‌سازی به روش مونت کارلو باید بر اساس عامل‌های معرف شکل تابع چگالی احتمال عامل ورودی (مقدار متوسط و انحراف معیار)، بصورت تصادفی یک مقدار برای عامل‌های مورد نظر تولید شود. از رابطه‌های زیر می‌توان برای شبیه‌سازی داده‌های با شکل تابع چگالی احتمال بهره گرفت:

$$S = \sqrt{-2 \times \log(U_1)} \times \cos(2\pi \times U_2) \quad (1)$$

$$S = \sqrt{-2 \times \log(U_1)} \times \sin(2\pi \times U_2) \quad (2)$$

$$N = \mu + \sigma S \quad (3)$$

که در این رابطه‌ها:

$U_1$  و  $U_2$ : دو عدد تصادفی در بازه  $0^{\circ}$  و  $1^{\circ}$ .

$S$ : متغیر نرمال استاندارد.

$N$ : مقدار شبیه‌سازی شده برای عامل مورد نظر با تابع چگالی احتمال نرمال.

$\sigma$ : انحراف معیار عامل مورد نظر.

$\mu$ : متوسط عامل مورد نظر.

از رابطه‌های زیر می‌توان برای شبیه‌سازی داده‌های با شکل تابع چگالی لگاریتم نرمال استفاده کرد:

$$\sigma_x = \sqrt{\ln \left[ \left( \frac{\sigma}{\mu} \right)^2 + 1 \right]} \quad (4)$$

### روش شبیه‌سازی مونت کارلو

شبیه‌سازی مونت کارلو یک روش تکراری برای ارزیابی الگوهای احتمالی بر پایه مجموعه‌ای از عده‌های اتفاقی به عنوان ورودی‌ها است. این روش بیشتر در مورد الگوهای پیچیده، الگوهای غیرخطی یا الگوهایی که بیش از دو عامل ورودی دارند، به کار می‌رود. شبیه‌سازی می‌تواند برای نمونه شامل بیش از ده‌ها هزار بار اجرای الگو باشد که این امر بدون بهره‌گیری از رایانه‌های پر سرعت امکان پذیر نیست. از همین رو، پیشرفت این روش نتیجه پیشرفت در ساخت افزار و نرم افزارهای رایانه‌ای است. این روش را نخستین بار Valm و Nicholas Metropolis در سال ۱۹۴۹ در بازی‌های وابسته به بخت و اقبال مورد استفاده قرار گرفت و امروزه در بسیاری از رشته‌های مهندسی برای ارزیابی قابلیت اطمینان سامانه‌های پیچیده به کار می‌رود [21].

روش شبیه‌سازی مونت کارلو در دسته روش‌های نمونه برداری طبقه‌بندی می‌شود. زیرا در این روش ورودی‌ها به طور اتفاقی بر اساس تابع چگالی آماری آن ورودی تولید می‌شوند تا فرآیند نمونه‌برداری از یک جمعیت واقعی را شبیه‌سازی کنند. بنابراین در این روش باید توزیع آماری هر یک از عامل‌های ورودی به گونه‌ای انتخاب شود که بیشترین انطباق را با شرایط واقعی عامل مورد نظر داشته باشد. با داشتن الگوی حاکم بر سیستم و همچنین توزیع آماری هر یک از عامل‌های ورودی می‌توان با بهره گرفتن از روش شبیه‌سازی مونت کارل توزیع آماری هر یک از عامل‌های خروجی یا به صورت ساده‌تر مقدار متوسط و انحراف معیار هر یک از عامل‌های خروجی الگوی مورد نظر را محاسبه کرد.

مرحله‌های روش شبیه‌سازی مونت کارلو را می‌توان در گام‌های زیر خلاصه کرد:

گام ۱. تعیین الگو حاکم بر سامانه،  $y = f(x_1, x_2, \dots)$

گام ۲. ایجاد مجموعه‌ای از ورودی‌ها بر اساس تابع چگالی احتمال هر یک از ورودی‌ها،  $(x_1, x_2, \dots)$

به دست آمده می‌باشد [۲۲].

**تحلیل حساسیت و بررسی اثر خطای ورودی‌ها در پیش‌بینی عمر خستگی و شیار شدگی روسازی**  
برای بررسی خطای ورودی‌های طراحی روسازی بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و شیار شدگی روسازی، سه مقطع روسازی مختلف با مقاومت بالا، مقاومت میانگین و مقاومت پایین برابر شکل (۱) در نظر گرفته شد. ویژگی‌های متوسط در نظر گرفته شده برای مصالح روسازی و همچنین روش بارگذاری در شکل (۱) نمایش داده شده است. بارگذاری با استفاده از یک محور ۸/۲ تنی استاندارد با چرخ زوج انجام شده است و برای تعیین کرنش‌های بحرانی، پاسخ‌ها در سه نقطه تار پایین لایه بتن آسفالتی و سه نقطه بالای لایه خاک بستر ( نقطه‌های مرکز چرخ، لبه چرخ و فاصله بین دو چرخ)، مانند شکل، محاسبه شدن تا بیشترین مقدار از بین این سه مقدار برای برآورد عمر خستگی و شیار شدگی روسازی مورد استفاده قرار گیرد.

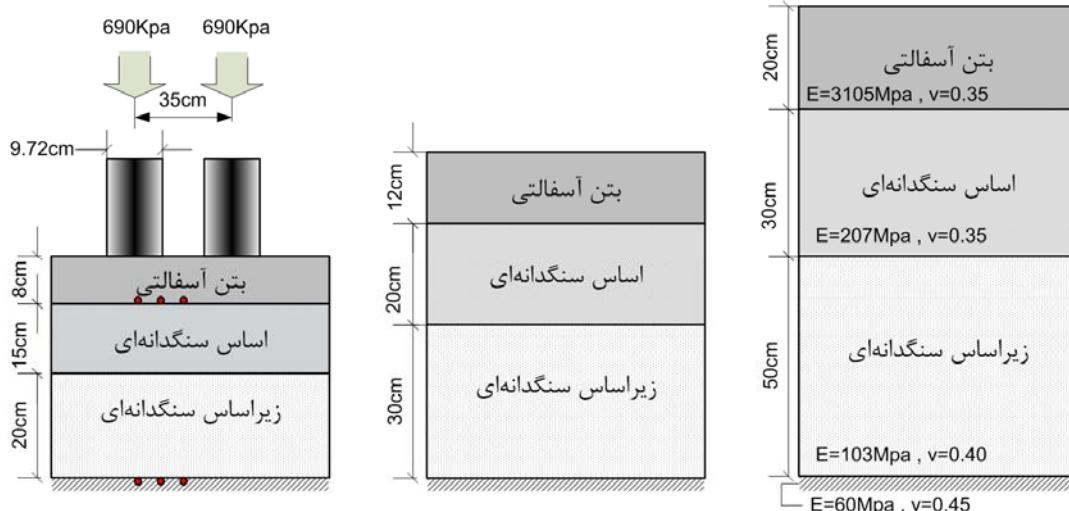
$$\mu_x = \ln(\mu) - \frac{\sigma_x^2}{2} \quad (5)$$

$$LN = e^{\mu_x + \sigma_x S} \quad (6)$$

که در این رابطه‌ها:

LN: مقدار شبیه‌سازی شده برای عامل مورد نظر باتابع چگالی احتمال لگاریتم نرمال.

برای اجرای فرآیند شبیه‌سازی یک برنامه رایانه‌ای گسترش داده شده است. این برنامه بر پایه کلاس تحلیل سامانه‌های کشسان چند لایه‌ای ClassLESA نوشته شده است. کلاس ClassLESA بر اساس نظریه کشسان چند لایه‌ای برمسیتر و به صورت یک تابع کتابخانه‌ای DLL با هدف تحلیل سامانه‌های کشسان چند لایه‌ای زیر اثر بارگذاری دایره‌ای گسترش یافته است. با استفاده از این کلاس می‌توان یک سامانه کشسان خطی ۱۰ لایه را حداقل تحت اثر ۱۰ سطح بارگذاری دایره‌ای تحلیل کرد و واکنش‌ها را در ۴۰۰ نقطه مختلف از روسازی به دست آورده. این تابع DLL را می‌توان در زبان‌های برنامه‌نویسی شیء گرا به کار برد. مقایسه نتیجه‌های حاصل از کلاس ClassLESA و برنامه‌های KENLAYER و WinJULE نشان دهنده برآوری بسیار خوب پاسخ‌های

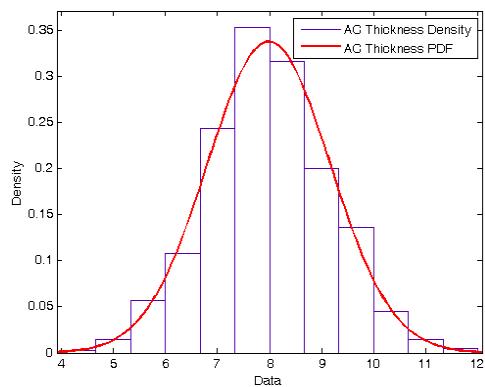


شکل ۱ مقطع‌های مختلف روسازی (به ترتیب از چپ به راست مقطع‌های ۱، ۲ و ۳) و چگونگی بارگذاری فرضی در پژوهش

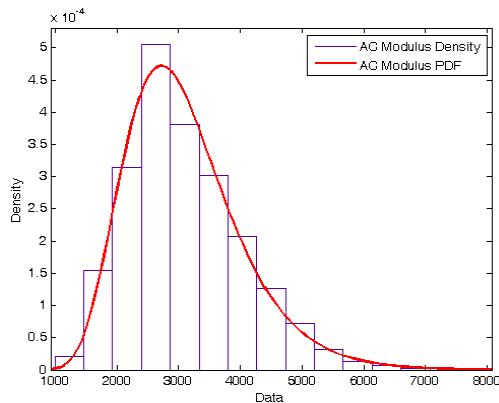
شکل (۲) و (۳) می‌باشد که نشان دهنده برابری توزیع آماری مقدارهای این دو عامل با تابع چگالی هدف می‌باشد.

جدول ۷ تابع چگالی احتمال و حدود ضریب تغییرات برای متغیرهای ورودی مختلف

حدود ضریب تغییرات	شکل تابع چگالی احتمال	نوع مصالح
%۶۰-٪۱۰	لگاریتم نرمال	ضریب کشسانی
%۲۵-٪۵	نرمال	ضخامت
%۱۸-٪۲	لگاریتم نرمال	ضریب پواسون
%۲۵-٪۵	نرمال	فشار چخ



شکل ۲ تابع توزیع احتمال لگاریتم نرمال برای ضریب کشسانی لایه بنزآسفالتی براساس داده‌های شبیه‌سازی



شکل ۳ تابع توزیع احتمال نرمال برای ضخامت لایه بنزآسفالتی براساس داده‌های شبیه‌سازی

برای پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی از رابطه‌های انتیتو آسفالت به صورت زیر استفاده شده است:

$$N_f = 0.0796(\varepsilon_t)^{-3.291}(E_{AC})^{-0.854} \quad (6)$$

$$N_R = 1.365 \times 10^{-9}(\varepsilon_c)^{-4.477} \quad (7)$$

در رابطه‌های بالا :

$N_f$  و  $N_R$ : به ترتیب عبارتند از تعداد عبور مجاز وابسته

به عمر خستگی و شیارشده‌گی.

$\varepsilon_t$ : بیشترین کرنش کششی تار پایین لایه بنزآسفالتی.

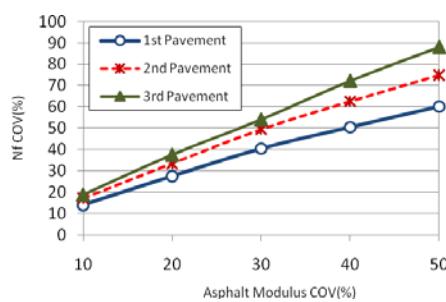
$\varepsilon_c$ : بیشترین کرنش فشاری روی خاک بستر.

$E_{AC}$ : ضریب کشسانی بنزآسفالتی بر حسب پوند بر اینجع مریع.

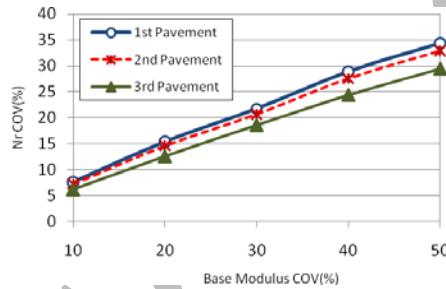
سه مقطع آورده شده در شکل (۱) با هدف بررسی قابلیت اطمینان طراحی در روسازی‌های با طرفیت‌های سازه‌ای مختلف در نظر گرفته شده‌اند. با توجه به معیارهای خستگی و شیارشده‌گی انتیتو آسفالت و تحلیل مکانیکی این سه مقطع، عمر خستگی این سه مقطع به ترتیب برابر با ۲۷۰۰۰۰، ۸۸۰۰۰۰ و ۶۴۰۰۰۰۰ و عمر شیارشده‌گی این سه مقطع به ترتیب برابر با ۵۰۰۰۰۰۰۰ و ۳۳۰۰۰۰ و ۸/۲ عبور محور تنسی استاندارد تعیین می‌شود.

برای بررسی تأثیر خطای هر یک از عامل‌های ورودی طراحی به صورت جداگانه بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی شبیه‌سازی هر یک از مقطع‌ها با توجه به عامل‌های نشان داده شده در جدول (۷) انجام شد. در این حالت به علت تک عاملی بودن مسئله و نبود پیچیدگی زیاد، شبیه‌سازی به شمار ۱۰۰۰ مرتبه انجام شد. همچنین، برای اطمینان از شکل صحیح تابع چگالی احتمال ورودی مورد نظر (ضریب کشسانی، ضخامت، ضریب پواسون یا فشار چخ) مقدارهای اتفاقی تولید شده از شبیه‌سازی مورد بررسی قرار گرفتند. برای نمونه شکل تابع چگالی احتمال برای ضریب کشسانی و ضخامت لایه آسفالت رویه برابر

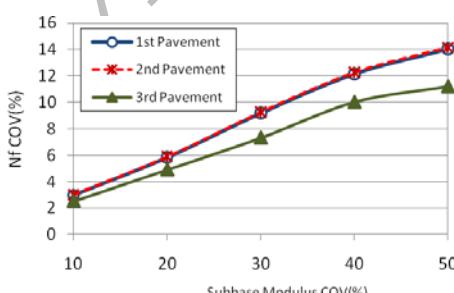
دیده می‌شود که خطای ضریب کشسانی لایه‌های بتن آسفالتی رویه و اساس بیشتر از عمر شیار شدگی بر روی برآورد دقیق عمر خستگی روسازی اثر می‌گذارد. در صورتی که خطای ضریب کشسانی لایه‌های زیراساس و خاک بستر بیشتر از عمر خستگی بر روی برآورد دقیق عمر شیار شدگی تأثیر دارد. بنابراین، برای وارسی دقیق عمر خستگی باید ضریب کشسانی لایه‌های بالایی و برای وارسی دقیق عمر شیار شدگی باید ضریب کشسانی لایه‌های پایینی به‌طور دقیق تعیین و وارسی شوند.



شکل ۵ ضریب تغییرات عمر شیار شدگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه بتن آسفالتی

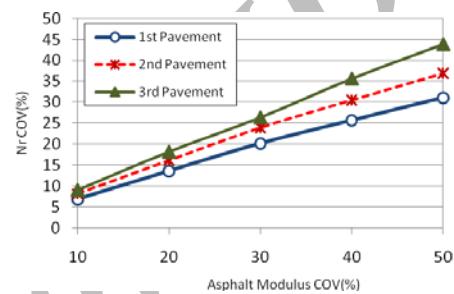


شکل ۷ ضریب تغییرات عمر شیار شدگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه اساس

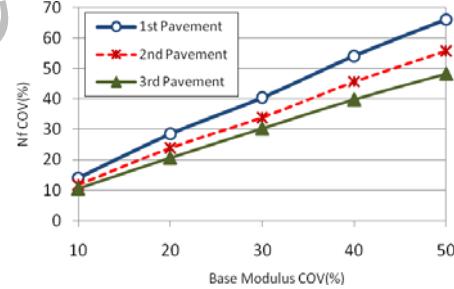


شکل ۹ ضریب تغییرات عمر شیار شدگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه زیراساس

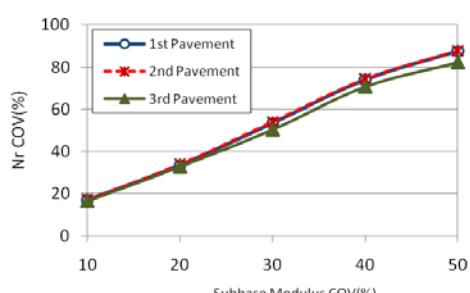
شکل‌های (۴) الی (۱۱) تأثیر خطای حاصل از ضریب کشسانی هر یک از لایه‌ها را بر روی خطای برآورد عمر خستگی و عمر شیار شدگی روسازی نشان می‌دهند. می‌توان نتیجه گرفت که در ساختارهای ضخیم‌تر روسازی تأثیر خطای حاصل از برآورد عمر کشسانی لایه آسفالتی بر روی خطای برآورد عمر خستگی و شیار شدگی بیشتر از ساختارهای ضعیف‌تر روسازی است. در مورد خطای ضریب کشسانی دیگر لایه‌ها (اساس، زیراساس و خاک بستر) هر چه ساختار روسازی ضعیف‌تر باشد، این تأثیر بیشتر است. همچنین



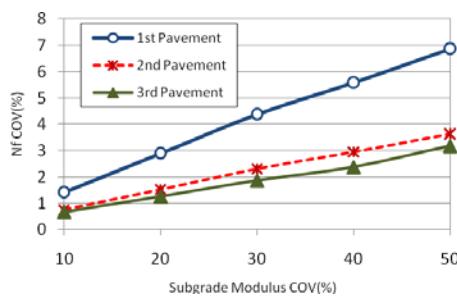
شکل ۴ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه بتن آسفالتی



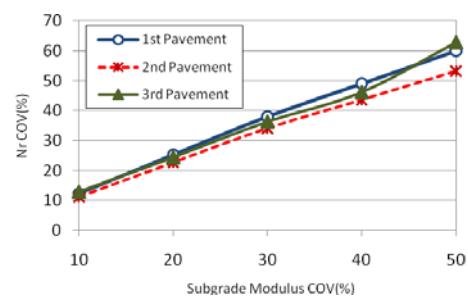
شکل ۶ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه اساس



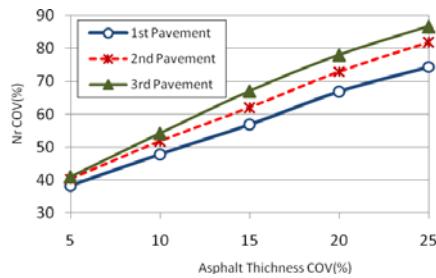
شکل ۸ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه زیراساس



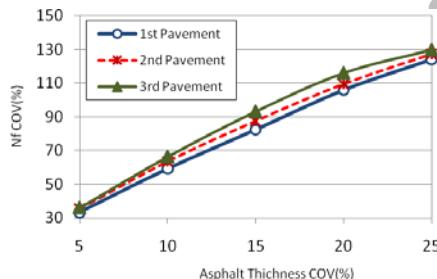
شکل ۱۱ ضریب تغییرات عمر شیارشدگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی خاک بستر



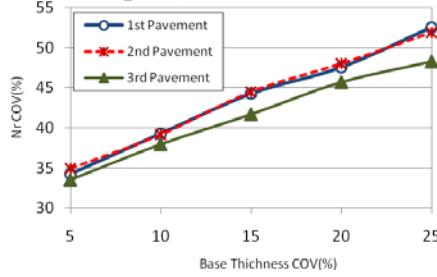
شکل ۱۰ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی خاک بستر



شکل ۱۲ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه بتون آسفالتی

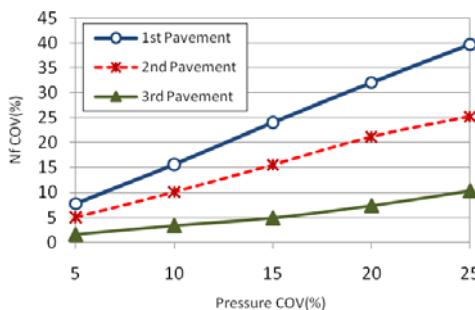


شکل ۱۳ ضریب تغییرات عمر شیارشدگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه بتون آسفالتی

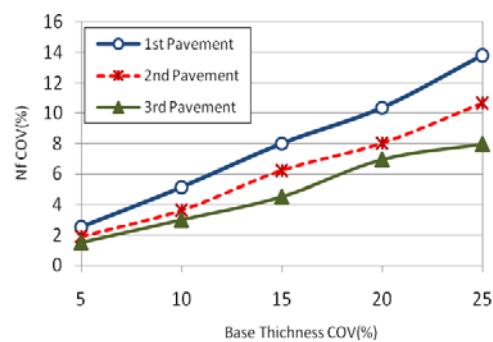


شکل ۱۴ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه اساس

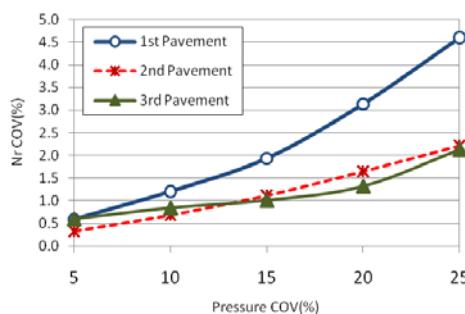
شکل‌های (۱۲) الی (۱۷) تأثیر خطای حاصل از ضریب کشسانی هر یک از لایه‌ها را بر روی خطای برآورده عمر خستگی و عمر شیارشدگی روسازی نشان می‌دهند. در مورد خطای حاصل از اجرای ضخامت لایه‌ها نیز می‌توان نتیجه گرفت که در ساختارهای ضخیم‌تر روسازی تأثیر خطای حاصل از اجرای ضخامت لایه آسفالت رویه بر روی خطای برآورده عمر خستگی و شیارشدگی بیشتر از ساختارهای ضعیفتر روسازی است. در صورتی که در مورد خطای حاصل از اجرای ضخامت سایر لایه‌ها (اساس و زیراساس) هر چه ساختار روسازی ضعیفتر باشد، این تأثیر بیشتر است. همچنین، می‌توان دید که اجرای غیر صحیح ضخامت لایه بتون آسفالتی رویه به شدت هم بر روی برآورده عمر خستگی و هم عمر شیارشدگی تأثیر می‌گذارد. حال آن که، اجرای ضخامت نادرست لایه‌های اساس و زیر اساس تأثیر چندانی بر روی برآورده عمر خستگی روسازی ندارد و تنها بر روی برآورده دقیق عمر شیارشدگی تأثیرگذار است. بنابراین، می‌توان نتیجه گرفت که برای وارسی دقیق عمر خستگی باید ضخامت اجرایی لایه بتون آسفالتی رویه به دقیق وارسی شود و برای وارسی دقیق عمر شیارشدگی یاز است تا ضخامت کلیه لایه‌ها به صورت دقیق وارسی شود.



شکل ۱۸ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات فشار چرخ



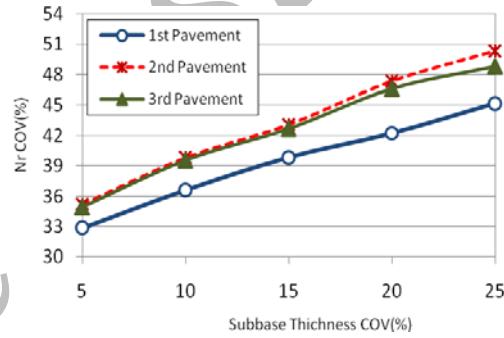
شکل ۱۵ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه اساس



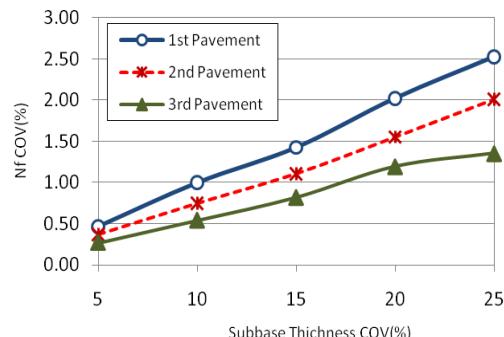
شکل ۱۹ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی روسازی با توجه به ضریب تغییرات فشار چرخ

شکل‌های (۱۸) و (۱۹) نشان می‌دهند که تأثیر خطای حاصل از تعیین فشار چرخ بر روی خطای برآورد عمر خستگی و شیارشده‌گی در روسازی‌های با ساختار ضعیف‌تر بیش از روسازی‌های با ساختار ضخیم‌تر است. بنابراین، برخلاف روند معمول در مطالعات طراحی، در روسازی‌های با آمد و شد کمتر که دارای ضخامت کمتری می‌باشند، باید بارگذاری با دقیق‌تری برآورد شود. همچنین، دیده می‌شود که خطای در برآورد فشار چرخ تأثیر چندانی بر روی خطای پیش‌بینی عمر شیارشده‌گی ندارد. همچنین، بررسی‌ها نشان می‌دهد که تأثیر خطای حاصل از ضریب پواسون هر یک از لایه‌ها بر روی برآورد عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی بسیار کم می‌باشد و می‌توان از آن چشم پوشید.

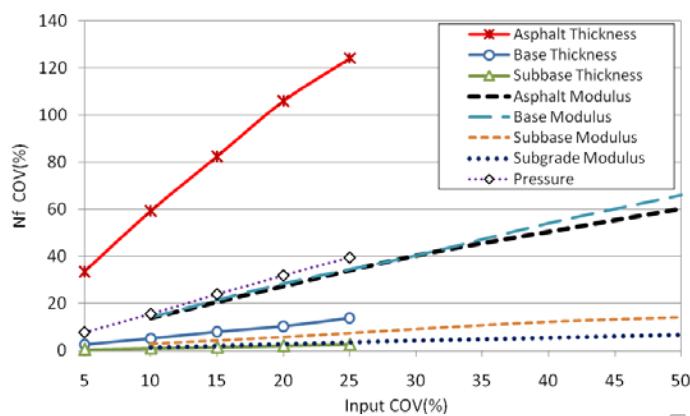
برای تعیین میزان تأثیر خطای هر یک از عامل‌های ورودی بر روی خطای برآورد عمر خستگی و شیارشده‌گی، شکل‌های (۲۰) الی (۲۳) ارائه شده‌اند.



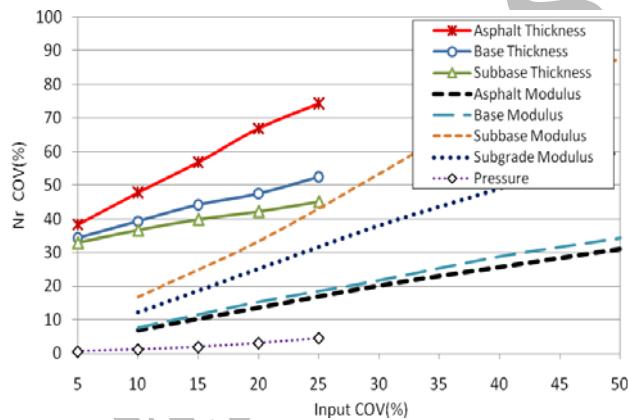
شکل ۱۶ ضریب تغییرات عمر خستگی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه زیراساس



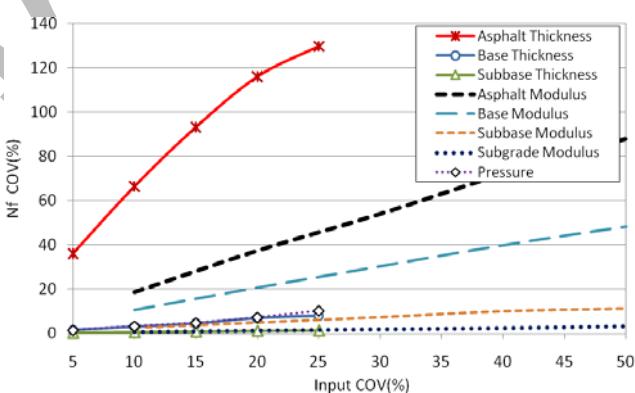
شکل ۱۷ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی روسازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه زیراساس



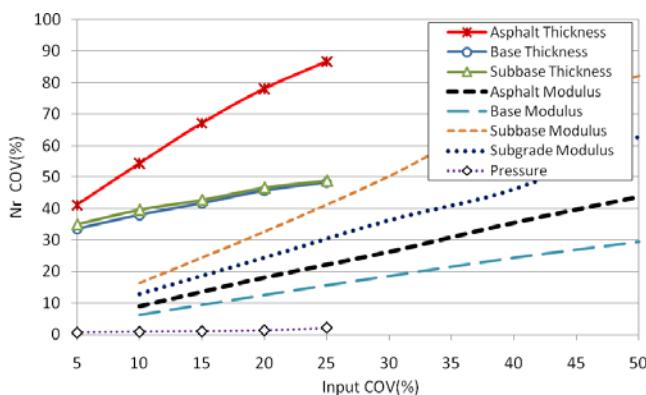
شکل ۲۰ ضریب تغییرات عمر خستگی با توجه به ضریب تغییرات ورودی‌های مختلف برای روسازی اول با ساختار ضعیف



شکل ۲۱ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی با توجه به ضریب تغییرات ورودی‌های مختلف برای روسازی اول با ساختار ضعیف



شکل ۲۲ ضریب تغییرات عمر خستگی با توجه به ضریب تغییرات ورودی‌های مختلف برای روسازی سوم با ساختار قوی



شکل ۲۳ ضریب تغییرات عمر شیارشدگی با توجه به ضریب تغییرات ورودی‌های مختلف برای روسازی اول با ساختار قوی

جدول ۸ درجه اهمیت ورودی‌های طراحی روسازی برای وارسی دقت برآورد عمر خستگی و شیارشدگی

	ساختار ضعیف		ساختار قوی	
	عمر خستگی	عمر شیارشدگی	عمر خستگی	عمر شیارشدگی
	ضخامت آسفالت	ضخامت آسفالت	ضخامت آسفالت	ضخامت آسفالت
	فسار چرخ	ضخامت اساس	ضریب کشناسانی آسفالت*	ضخامت زیراساس*
	ضریب کشناسانی اساس*	ضخامت زیراساس	ضریب کشناسانی اساس	ضریب کشناسانی اساس*
	ضریب کشناسانی آسفالت*	مدول ارتجاعی زیراساس	فسار چرخ*	ضریب کشناسانی زیراساس
	ضخامت اساس	مدول ارتجاعی خاک بستر	ضخامت اساس*	ضریب کشناسانی خاک بستر
	ضریب کشناسانی زیراساس	مدول ارتجاعی اساس*	ضریب کشناسانی آسفالت	ضریب کشناسانی آسفالت
	ضریب کشناسانی خاک بستر	ضریب کشناسانی آسفالت*	ضریب کشناسانی خاک بستر	ضریب کشناسانی اساس
	فسار چرخ	ضخامت زیراساس	ضخامت زیراساس	فسار چرخ

موردهایی که با علامت \* مشخص شده‌اند، نشان دهنده یکسان بودن تقریبی درجه اهمیت این عامل‌ها می‌باشد.

خواهد بود. با این وجود، در پیش‌بینی عمر شیارشدگی دقیق روسازی، اجرای دقیق ضخامت لایه‌ها بیش از تعیین دقیق ضریب کشناسانی لایه‌ها اهمیت دارد. از جدول (۸) می‌توان به عنوان یک راهنمای کلی در تعیین درجه اهمیت وارسی کیفیت اجرایی ضخامت لایه‌های مختلف روسازی، تعیین ضریب کشناسانی لایه‌های مختلف روسازی و برآورده بار چرخ با توجه به محدودیت‌های بودجه و تجهیزات آزمایشگاهی بهره گرفت.

با توجه به شکل‌های (۲۰) الی (۲۳) می‌توان درجه اهمیت هر یک از عامل‌های ورودی بر روی دقت برآورده عمر خستگی و شیارشدگی روسازی را بصورت جدول (۸) خلاصه کرد.

همان‌گونه که دیده می‌شود، اجرای دقیق ضخامت لایه آسفالت رویه در برآورده دقیق عمر خستگی و شیارشدگی روسازی از بالاترین درجه اهمیت برخوردار است. همچنین، دیده می‌شود که با توجه به ساختار روسازی درجه اهمیت ورودی‌های مختلف متفاوت

$$\text{COV}_{N_f} = -3.943 + 2.082\text{COV}_E + 0.332H_{AC}$$

$$R^2 = 1.000 \quad (8)$$

$$\text{COV}_{N_R} = 1.523 + 2.335\text{COV}_E - 0.014H_{Pav}$$

$$R^2 = 1.000 \quad (9)$$

در این رابطه‌ها:

$\text{COV}_{N_f}$  = ضریب تغییرات عمر خستگی.

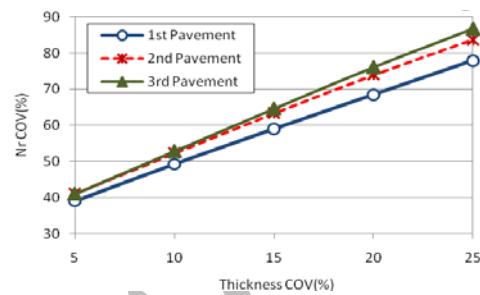
$\text{COV}_{N_R}$  = ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی.

$\text{COV}_E$  = ضریب تغییرات ضریب کشسانی همه لایه‌ها.

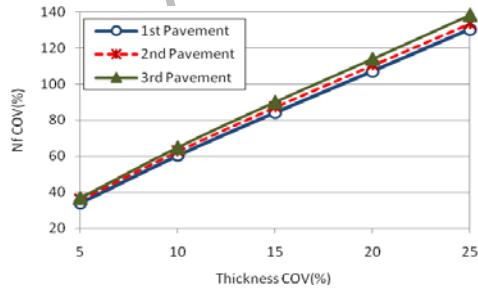
$H_{AC}$  = ضخامت لایه بتون آسفالتی به سانتی‌متر.

$H_{Pav}$  = ضخامت کل لایه‌های رو سازی به سانتی‌متر.

همچنین، برای تعیین وابستگی بین خطای اجرای ضخامت لایه‌های مختلف و خطای پیش‌بینی عمر روسازی، مقدار ضریب کشسانی همه لایه‌ها با توجه به تغییر این ضریب رو سازی برابر فرض شد. با توجه به تغییر این ضریب تغییرات مقدارهای ضریب تغییرات عمر خستگی و عمر شیارشده‌گی رو سازی محاسبه شد. نتیجه‌های این محاسبات در شکل‌های (۲۶) و (۲۷) آمده است.



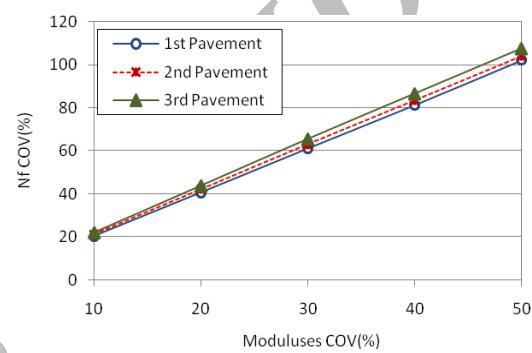
شکل ۲۶ ضریب تغییرات عمر خستگی رو سازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های رو سازی



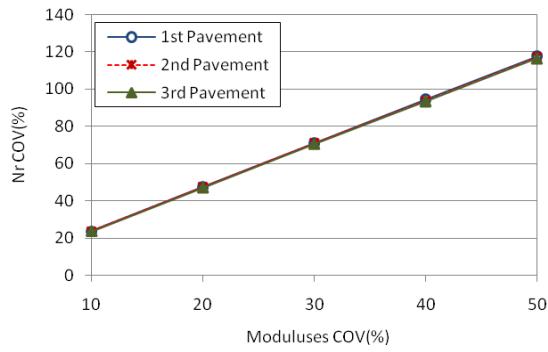
شکل ۲۷ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی رو سازی با توجه به ضریب تغییرات ضخامت لایه‌های رو سازی

## تعیین وابستگی بین خطای عامل‌های ورودی و خطای پیش‌بینی عمر روسازی

برای تعیین وابستگی بین خطای برآورد ضریب کشسانی لایه‌های مختلف و خطای پیش‌بینی عمر روسازی، مقدار ضریب تغییرات ضریب کشسانی همه لایه‌ها برابر فرض شد. با توجه به تغییر این ضریب تغییرات عمر خستگی و عمر شیارشده‌گی روسازی محاسبه شد. نتیجه‌های این محاسبات در شکل‌های (۲۴) و (۲۵) داده شده است.



شکل ۲۴ ضریب تغییرات عمر خستگی رو سازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی همه لایه‌ها



شکل ۲۵ ضریب تغییرات عمر شیارشده‌گی رو سازی با توجه به ضریب تغییرات ضریب کشسانی همه لایه‌ها

از رابطه‌های (۸) و (۹) می‌توان برای تعیین وابستگی بین ضریب تغییرات ضریب کشسانی لایه‌های مختلف و ضریب تغییرات عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی استفاده کرد.

طراحی شامل ضرب کشسانی، ضرب پواسن و ضخامت لایه‌های مختلف و همچنین خطای ناشی از تعیین فشار چرخ بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و عمر شیارشده‌گی روسازی بررسی شده‌اند.

بررسی‌های انجام شده نشان می‌دهند که در ساختارهای ضخیم‌تر روسازی تأثیر خطای حاصل از برآورد ضرب کشسانی لایه آسفالتی بر روی خطای برآورد عمر خستگی و شیارشده‌گی بیشتر از ساختارهای ضعیف‌تر روسازی است و در مورد خطای ضرب کشسانی دیگر لایه‌ها (اساس، زیراساس و خاک بستر) هر چه ساختار روسازی ضعیف‌تر باشد، این تأثیر بیشتر است. همچنین برای وارسی دقیق عمر خستگی باید ضرب کشسانی لایه‌های بالایی و برای وارسی دقیق عمر شیارشده‌گی باید ضرب کشسانی لایه‌های زیرین به‌طور دقیق تعیین و وارسی شوند. مطالعه انجام شده نشان می‌دهد که در ساختارهای ضخیم‌تر روسازی تأثیر خطای حاصل از اجرای ضخامت لایه آسفالت رویه بر روی خطای برآورد عمر خستگی و شیارشده‌گی بیشتر از ساختارهای ضعیف‌تر روسازی است. در صورتی که در مورد خطای حاصل از اجرای ضخامت سایر لایه‌ها (اساس و زیراساس) هر چه ساختار روسازی ضعیف‌تر باشد، این تأثیر بیشتر است. بنابراین در ساختارهای ضعیف‌تر روسازی باید لایه‌های اساس و زیراساس با دقت بیشتری اجرا شوند.

درباره خطای تعیین فشار چرخ، برخلاف روند معمول در مطالعات طراحی، در روسازی‌های با آمد و شد کمتر که دارای ضخامت کمتری می‌باشند باید بارگذاری با دقت بیشتری برآورد شود. زیرا، این روسازی‌ها حساسیت بیشتری به تغییرات فشار چرخ دارند. افزون بر این، دیده می‌شود که از بین عامل‌های ورودی طراحی روسازی، ضخامت آسفالت رویه مهمترین عامل در وارسی عمر خستگی و عمر شیارشده‌گی روسازی است که باید به دقت اجرا شود. در رابطه با تعیین تأثیر خطای عامل‌های ورودی

با توجه به شکل‌های (۲۶) و (۲۷)، رابطه‌های (۱۰) و (۱۱) برای تعیین وابستگی بین ضرب تغییرات ضخامت لایه‌های مختلف روسازی و ضرب تغییرات عمر خستگی و شیارشده‌گی روسازی محاسبه شده‌اند.

$$\text{COV}_{N_f} = 6.559 + 4.900\text{COV}_{TH} + 0.442H_{AC}$$

$$R^2 = 0.998 \quad (10)$$

$$\text{COV}_{N_R} = 24.038 + 2.126\text{COV}_{TH} + 0.088H_{Pav}$$

$$R^2 = 0.990 \quad (11)$$

که در این رابطه‌ها  $\text{COV}_{TH}$  ضرب تغییرات ضخامت همه لایه‌های روسازی است. همان‌گونه که دیده می‌شود، این رابطه‌ها دارای ضرب رگرسیون بسیار بالا می‌باشند. با این وجود، این رابطه‌ها تنها با توجه به ویژگی‌های متوسط صالح (ضرب کشسانی متداول مورد استفاده در ایران برای طراحی روسازی و همچنین ضرب کشسانی متوسط خاک بستر) و بارگذاری فرضی به بدست آمده‌اند. در دیگر موردها نیز می‌توان با توجه به چگونگی بارگذاری و همچنین، ویژگی‌های خاک بستر و صالح روسازی مختلف رابطه‌های همانندی با ضرب رگرسیون بالا به دست آورده تا بتوان از این رابطه‌ها بدون نیاز به شبیه‌سازی و صرف وقت زیاد برای ارزیابی تأثیر خطای عامل‌های ورودی بر روی خطای پیش‌بینی عمر روسازی بهره گرفت.

### خلاصه و نتیجه‌گیری

در این مقاله تأثیر خطای ورودی‌های طراحی روسازی در روش مکانیکی - تجربی بر روی خطای پیش‌بینی عمر خستگی و شیارشده‌گی با استفاده از روش شبیه‌سازی مونت کارلو مورد بررسی قرار گرفته است. برای این منظور سه مقطع با ساختارهای قوی، متوسط و ضعیف در نظر گرفته شده است و تأثیر خطای عامل‌های مهم

با دقت بالا ضریب تغییرات عامل‌های ورودی مانند ضریب کشسانی و ضخامت لایه‌های مختلف را به ضریب تغییرات عمر خستگی و شیارشدنگی وابسته می‌کنند.

طراحی روسازی بر روی خطای پیش‌بینی عمر روسازی نیز می‌توان بر پایه مجموعه‌ای شبیه‌سازی محدود برای چندین مقطع مختلف روسازی و بر پایه بارگذاری و مقاومت فرضی خاک بستر رابطه‌هایی را به دست آورد که

## مراجع

1. Austroads, "Pavement design", Sydney, (2004).
2. NCHRP 1-37A, "Mechanistic-empirical design of new & rehabilitated pavement structures", <http://www.trb.org/mepdg/guide.htm>, (2008).
3. IRC:37-2001, "Guidelines for the design of flexible pavements: 2nd revision", IRC, (2001).
4. Shell International Petroleum Company Limited, "Shell pavement design manual – asphalt pavements and overlays for road traffic", London, (1978).
5. Theyse, H. L., Beer, M., and Rust, F. C., "Overview of the South African mechanistic pavement design analysis method", Transportation Research Record, 1539, TRB, National Research Council, Washington, D.C., 1996, pp.6-17, (1996).
6. The Asphalt Institute, "Thickness design – asphalt pavements for highways and streets , Manual Series No. 1 (MS-1)", 9th edition, (1999).
7. LCPC and SETRA, "French design manual for pavement structures, Guide Technique, Union Des Syndicats", De L'industrieRoutiere, Francaise, (1997).
8. Timm, D.H, Newcomb, D.E, Bridisson, B and Galambos, T.V., "Incorporation of reliability into the Minnesota mechanistic-empirical pavement design method", Final Report prepared to Minnesota Department of Transportation, Minnesota University, Department of Civil Engineering, Minneapolis, (1999).
9. Kim H.B, and Lee S.H., "Reliability-based design model applied to mechanistic empirical pavement design", *KSCE Journal of Civil Engineering*, 6 (3), pp. 263-272, (2002).
10. Al-Sugair, Faisal H. and Almudaiheem, Jarnal A, "Variations in Measured Resilient Modulus of Asphalt Mixes," *Journal of Materials in Civil Engineering*, 4 (4), pp. 343-352, (1992).
11. Brown, E.R. and Foo, K.Y., "Evaluation of Variability in Resilient Modulus Test Results (ASTM D4123)", *Journal of Testing: and Evaluation*, JTEVA, 19 (1), pp. 1-13, (1991).
12. Hadley, W.O., Irick, P., and Anderson, V., "Materials and Construction Variability Based on SHRP-LTPP Data," *Proceedings, 4& International Conference on the Bearing Capacity ofRoads and Airfields*, Vol. 2., pp. 863 - 882, (1994).

13. Allen, David, L., and Graves, R., Clark, "Variability in Measurement of In-Situ Material Properties", Proceedings, 4~ International Conference on the Bearing Capacity of Roads and Vol. 2., pp. 989 - 1005, (1994).
14. Noureldin, A. Samy, "Influence of Stress Levels and Seasonal Variations on In Situ Pavement Layer Properties", Transportation Research Record No. 1448, Transportation Research Board, pp. 16-24, (1994).
15. Richard, N., Stubstad, Shiraz, D., Tayabji, Erland, O., Lukannen, LTPP Data Analysis: Variations in Pavement Design Inputs, Final report prepared to National Cooperative Highway Research Program, (2002).
16. Yoder, E. and Witczak, M., "Principles of Pavement Design", 2nd Edition, JohnWiley & Sons, Inc., New York, (1975).
17. Das, Braja M., "Principles of Geotechnical Engineering", Third Edition, PWS Publishing Company, Boston, (1994).
18. Attoh-Okine, NiiOtokunor and Roddis, W.M., "Pavement Thickness Variability and Its Effects on Determination of Moduli and Remaining Life", Transportation Research Record No. 1449, Transportation Research Board, pp. 39-45, (1994).
19. Noureldin, A. Samy, Sharaf, Essam, Arafa, Abdulrahim and Al-Sugair, Faisal, "Estimation of Standard Deviation of Predicted Performance of Flexible Pavements Using AASHTO Model", Transportation Research Record No. 1449, Transportation Research Board, pp. 46-56, (1994).
20. Kwang, Kim, Woo, and Burati, James, L., Jr, "Probabilistic Approach to Evaluating Critical Tensile Strength of Bituminous Surface Courses", Transportation Research Record No. 1 171, Transportation Research Board, pp. 13 1-138, (1988).
21. Hoffman, P., "The Man Who Loved Only Numbers: The Story of Paul Erdos and the Search for Mathematical Truth", New York: Hyperion, pp. 238-239, (1998).
۲۲. غنی زاده، علیرضا، "استفاده از کلاس ClassLESA برای تحلیل سیستم‌های کشسان چند لایه‌ای"، چهارمین کنگره ملی مهندسی عمران، دانشگاه تهران، تهران، (۱۳۸۷).