

## بررسی آزمایشگاهی اثر هوادهی به جت‌های قائم بر ابعاد حفره‌ی آبستنگی\*

بابک لشکرآرا<sup>(۱)</sup>علی لشکرآرا<sup>(۲)</sup>منوچهر فتحی مقدم<sup>(۳)</sup>

چکیده عموماً مطالعات پیرامون آبستنگی توسط مدل‌های فیزیکی انجام می‌شود. تحقیقات نشان داده است که میزان هوای ورودی به جت خروجی از سریزها در مدل کمتر از اصل است. لذا تأثیر هوادهی بر حفره‌ی آبستنگی نیازمند مطالعه می‌باشد. در این مقاله به بررسی آزمایشگاهی تأثیر پارامترهای نظیر میزان اختلاط هوا و عمق پایاب بر ابعاد حفره‌ی آبستنگی ناشی از جت‌های قائم مستغرق پرداخته شده است. حفره‌ی آبستنگی که تحت شرایط هوادهی و بدون هوادهی ایجاد شده، تحت شرایط هیدرولیکی یکسان از قبیل سرعت جت و عمق پایاب مورد مقایسه قرار گرفته است. پروفیل حفره‌ی آبستنگی تحت شرایط یکسان قطر ذرات مصالح بستر و عمق پایاب اساساً به عمق آبستنگی وابسته است. تحقیق حاضر نشان داد که غلظت هوا در میزان ابعاد حفره آبستنگی مؤثر است و عمق آبستنگی را کاهش می‌دهد. از بررسی روند تغییرات حداکثر عمق و طول نسبی آبستنگی  $L_s/h_{tw}$  و  $d_s/h_{tw}$  در مقابل عدد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  ناشی از جت‌های قائم پیش هوادهی شده در حوضچه‌ی استنگ ملاحظه گردید که با افزایش غلظت هوای وارد به جت، میزان حداکثر عمق و طول نسبی حفره‌ی آبستنگی کاهش می‌یابد. این میزان تغییرات در ابعاد حفره‌ی آبستنگی دارای آستانه‌ی حدی می‌باشد. بررسی نتایج نشان می‌دهد که به ازای اعداد فرود پایاب بزرگ‌تر از ۸/۷۸، در صورتی که میزان غلظت هوای وارد به جت کوچک‌تر از ۳/۲۵ درصد باشد، تأثیری بر میزان حداکثر عمق نسبی حفره‌ی آبستنگی مشاهده نمی‌گردد. هم‌چنین به ازای عدد فرود پایاب بزرگ‌تر از ۷/۶۵، چنانچه میزان غلظت هوای وارد به جت کوچک‌تر از ۳/۲۵ درصد باشد اثری بر حداکثر طول نسبی حفره‌ی آبستنگی مشاهده نمی‌گردد.

**واژه‌های کلیدی:** جت پیش هوادهی، نازل، آبستنگی، عدد فرود پایاب.

## Experimental Investigation of the Effect of Air Entrained on the Vertical Jet Scour Hole

B. Lashkar-Ara

A. Lashkar-Ara

M. Fathi Moghadam

**Abstract** Many experimental studies have been conducted on development of the scour hole as a result of vertical jet impaction. Research has shown that aeration of the nappe flow in the model is much weaker than that in the prototype. Therefore, the influence of aeration on scour holes needs further study. Experimental investigation of the effects of air entrainment and tail water depth on the scour hole developed by a vertical submerged jet impaction is carried out in this study. The scour holes with and without air entraining conditions were investigated while hydraulic parameters like jet velocity and tail-water depth were kept constant. The results showed that air entrainment effectively reduces the scour depth and dimension. Variation of maximum relative depth and length of scouring i.e.  $d_s/h_{tw}$  and  $L_s/h_{tw}$  versus tail-water Froude number parameter, i.e.  $Fr_{tw}$  were analyzed. By increasing the air concentration, maximum relative depth and length of scour hole reduced. The changes in scour hole dimension has a threshold. Results indicated that for  $Fr_{tw}$  more than 8.78, no meaningful effect on maximum scour hole depth ( $d_s/h_{tw}$ ) and length ( $L_s/h_{tw}$ ) was seen for air concentration of less than 3.25 percent.

**Keywords** pre-air entrained jet, nozzle, scour, tail-water Froude number.

\* تاریخ دریافت مقاله ۹۲/۱۰/۲ و تاریخ پذیرش آن ۹۳/۱۲/۶ می‌باشد.

(۱) نویسنده‌ی مسئول: استادیار گروه مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی جندی شاپور دزفول.

(۲) دانش آموخته کارشناسی ارشد مهندسی عمران، دانشگاه آزاد اسلامی واحد دزفول.

(۳) استاد، دانشکده‌ی مهندسی علوم آب، دانشگاه شهید چمران اهواز.

## مقدمه

نهایی خود را پیدا نماید.

از آنجایی که جریان خروجی از سریز سدهای بلند در طی مسیر به واسطه‌ی اغتشاش جت با هوای اطراف مخلوط می‌شود و سپس با زاویه‌ای تقریباً قائم به سطح حوضچه‌ی استغراق برخورد می‌نماید. تحقیقات نشان داده است که میزان هوای ورودی به جت خروجی از سریزها در مدل‌های آزمایشگاهی کمتر از میزان آن در اصل می‌باشد. لذا تأثیر هواده‌ی بر حفره‌ی آبستتگی نیازمند مطالعه می‌باشد.

تحقیقات وسیعی توسط محققان مختلف برای تعیین مشخصات آبستتگی موضعی حول سازه‌های هیدرولیکی انجام گرفته است و در اکثر موارد نتایج به صورت معادلات تجزیی ارائه شده است. راس (۱۹۴۰) تغییرات ابعاد حفره‌ی آبستتگی با گذشت زمان از شروع تا تعادل نهایی را بررسی نمود. بورمن و ژولین (۱۹۹۱) با بررسی جت وارد به حفره‌ی آبستتگی معادلاتی برای ابعاد حفره‌ی فرسایشی ارائه نمودند. راینسون و همکاران (۱۹۹۸) به بررسی پیچیدگی‌های تنش برشی جریان درون حفره‌ی آبستتگی پرداخته‌اند. مطالعات انجام شده توسط کلارک (۱۹۷۲) روی جت عمودی از نوع استوانه‌ای مستغرق خروجی اثر یک روزنه نشان می‌دهد که اثر ارتفاع ریزش H وابسته به فشار دینامیکی جت می‌باشد به‌طوری که در فشارهای زیاد اثر ارتفاع ریزش ناچیز می‌باشد و بر عکس در فشارهای کم اثر H محسوس می‌باشد [۱].

میسون (۱۹۸۹) با جمع‌آوری روابط تجزیی محققان پیشین دریافت که درصد هوای وارد به جت می‌تواند بر عمق حفره‌ی آبستتگی مؤثر باشد. میسون با ارائه‌ی رابطه‌ی (۱) توانست میزان عمق آبستتگی را با احتساب هوای وارد به جت تخمین بزند.

$$(1) \quad d_s = 3.39 q^{0.06} (1 + \beta)^{0.3} h_{tw}^{0.16} / (g^{0.3} D^{0.06})$$

که در آن  $d_s$  عمق آبستتگی؛  $q$  دبی در واحد عرض،  $h_{tw}$  عمق پایاب،  $g$  شتاب ثقل،  $D$  اندازه‌ی

چگونگی تخلیه‌ی سیلان سدهای بزرگ و نحوه‌ی انتقال آب به دره‌ی پایین دست و نیز استهلاک انرژی در برخی از سازه‌های پایانی از اهمیت بسیاری برخوردار است. یکی از این سازه‌های پایانی در جهت استهلاک انرژی، حوضچه‌ی استغراق می‌باشد. به‌طور کلی فرآیند استهلاک انرژی در حوضچه‌ی استغراق از طریق تلاطم رخ می‌دهد. میزان انرژی جت آب خروجی از سدهای بزرگ که به حوضچه‌ی استغراق برخورد می‌نماید به پارامترهای مختلفی مانند ارتفاع ریزش، ضخامت جریان جت و هم‌چنین شرایط محیطی بستگی دارد. مطالعه‌ی رفتار جت آب در اتمسفر و حوضچه‌ی استغراق به مشخصه‌ی جریان جت از جمله تجزیه، فرآیند هواگیری و نحوه‌ی پخش جت، تأثیر نیروی کشش سطحی و انرژی جنبشی در تجزیه‌ی جت، عمق پایاب و پتانسیل فرسایندگی مصالح بستر بستگی دارد. آبستتگی ناشی از برخورد جت با بستر فرسایش‌پذیر را می‌توان با توجه به نوع جت به دسته‌های مختلفی طبقه‌بندی نمود. در این میان می‌توان به آبستتگی ناشی از جت‌های عمودی، جت‌های افقی و جت‌های پرتاپی اشاره نمود. از طرفی با توجه به موقعیت استقرار جت نسبت به سطح پایاب می‌توان جت‌های مذکور را در گروه‌های جت مستغرق، جت آزاد، جت با ارتفاع ریزش زیاد، جت با ارتفاع ریزش کم، جت هواده‌ی شده و جت هواده‌ی نشده تقسیم‌بندی نمود.

فرسایش موضعی کف حوضچه‌های استغراق با بستر آبرفتی، پدیده‌ای پیچیده است و تخمین مشخصات هندسی حفره‌ی آبستتگی ایجاد شده دشوار است. تحقیقات نشان داده است که پس از اصابت جت با سطح بستر، بخشی از رسوبات معلق می‌شود و شروع به حرکت می‌نمایند. طی فاز تکوین و تشکیل پروفیل فرسایش عمل انتقال موضعی رسوبات تا برقراری تعادل جرمی بین ذرات انتقال یافته و تهشیش شده‌ی درون حفره ادامه می‌یابد تا حفره شکل پایدار و

طرفی تحقیقات نشان داد که غلظت هوا وارد به جت‌های پیش‌هوادهی شده به ازای مقادیر بیشتر از ۲۵ درصد اثری بر ابعاد حفره‌ی آبشتگی نخواهد داشت [8].

هدف از انجام این تحقیق معرفی رابطه‌ی عمومی برای تخمین ابعاد حفره‌ی آبشتگی، تحت اثر جت‌های قائم پیش‌هوادهی شده می‌باشد.

### روش تحقیق

به منظور بررسی اثر هم‌زمان عمق پایاب و میزان هوا وارد به جت قائم بر ابعاد حفره‌ی آبشتگی در حوضچه‌ی استغراق، ساخت یک مدل فیزیکی مناسب در دستور کار تحقیق قرار گرفت. مدل فیزیکی مورد نظر از قابلیت تزریق هوا به جت، تغییر مکان نازل و تغییر در میزان عمق پایاب برخوردار است.

به منظور شبیه‌سازی حوضچه‌ی استغراق از یک مخزن با طول ۲ متر، عرض ۱ متر و عمق یک متر استفاده گردید. شکل (۱) سیستم آزمایشگاهی مورد استفاده در تحقیق حاضر را نشان می‌دهد. جریان آب از طریق یک لوله با قطر ۴ اینچ با مقطع دایره‌ای به سمت نازل با قطر ۲۵ میلی‌متر انتقال می‌یابد. سیستم افشارنک به گونه‌ای طراحی گردیده است تا قبل از این‌که دبی آب از نازل خارج شود، هوا ورودی به نازل با آب مخلوط شود. میزان دبی هوا ورودی به افشارنک با استفاده از یک لوله‌ی ونتوری که مجهز به یک ترانسدیوسر تفاضلی است اندازه‌گیری گردید. دبی آب به وسیله‌ی یک کنتور الکترومغناطیس با دقت مضاعف اندازه‌گیری شد.

به منظور شبیه‌سازی شرایط یک جت‌های قائم، زاویه‌ی اрабه‌ی نازل در حالت ۹۰ درجه تنظیم گردید. رسوبات مورد استفاده شامل مصالح آبرفتی رودخانه‌ای با دانه‌بندی یکنواخت  $\sigma = 1/26$  و با  $D_{50}$  معادل ۱۱/۱ میلی‌متر می‌باشد. چگالی ذرات رسوب معادل ۲۶۵۰ کیلوگرم بر مترمکعب در نظر گرفته شد. عمق پایاب در

متوسط مواد بستر و  $\beta$  نسبت هوا به آب می‌باشد که توسط اروین (۱۹۷۶) پیشنهاد شده است [2]. در رابطه‌ی (۱)  $\beta$  به عنوان فاکتوری برای تعریف فرآیند آبشتگی جایگزین  $H$  ارتفاع سقوط جت شده است و از رابطه‌ی (۲) تعیین می‌شود.

$$\beta = 0.13 \left(1 - v_e/v\right)^{0.466} \quad (2)$$

که در آن  $t$  ضخامت جت به نگام برخورد با حوضچه‌ی استغراق،  $v$  سرعت برخورد جت و  $H$  حداقل سرعت مورد نیاز جت برای ورود هوا می‌باشد. براساس مطالعات بین (۱۹۸۴) و وان د ساندل (۱۹۸۱) رابطه‌ی (۲) مناسب جت‌های دایره‌ای نیست و بیشتر در جت‌های تیغه‌ای و مستطیلی کاربرد دارد [۳ و ۴]. اروین (۱۹۷۶) در تحقیقات خود مقدار  $v$  در رابطه‌ی (۲) را معادل  $1/1$  متر بر ثانیه توصیه نمود.

بورر و همکاران (۱۹۹۸) روند کاهشی سرعت جت ریزشی در حوضچه استغراق را بررسی کردند. آنان در تحقیقات خود دو نوع جت را در حالت با هوا ورودی و بدون هوا ورودی مورد ارزیابی قرار دادند. نتایج نشان داد که هوادهی، سرعت جت آب را کاهش می‌دهد [۵]. کانپا و هنگر در سال (۲۰۰۳)، تأثیر برهمنش آب و هوا بر روی آبشتگی را مطالعه کردند و نشان دادند که با هوادهی عمق آبشتگی کاهش می‌یابد [۶].

زو و همکاران (۲۰۰۴) اثرات هوادهی بر روی آبشتگی ناشی از جت ریزشی را مورد آزمایش قرار دادند و یک رابطه‌ی کمی بین غلظت هوا و جت و عمق آبشتگی نسبی به دست آوردن. نتایج نشان داد که هوادهی روی شکل حفره‌ی آبشتگی اثر می‌گذارد و اساساً عمق آبشتگی را کاهش می‌دهد [۷].

ارمغانی (۱۳۹۲) با تغییر در زاویه‌ی جت از ۴۵ الی ۷۵ درجه و با تغییر در میزان هوا وارد به جت از صفر تا ۲۵ درصد نسبت به تحلیل تغییرات حفره‌ی آبشتگی اقدام نمود. وی نشان داد که با کم شدن زاویه‌ی جت ابعاد حفره‌ی آبشتگی کاهش می‌یابد. از

وزن مخصوص آب،  $\rho_s$  وزن مخصوص ذرات رسوب در نظر گرفته شدند. بنابراین می‌توان نوشت:

$$f(Q_w, Q_a, d_n, V_o, B, h_{tw}, D_{50}, g, \mu, \rho_w, \rho_s) = 0 \quad (3)$$

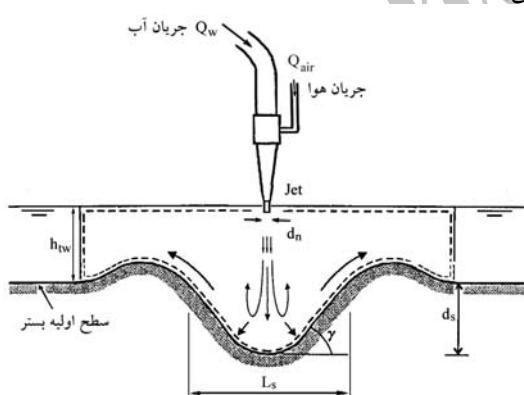
با استفاده از تئوری باکینگهام  $\pi$  و با در نظر گرفتن پارامترهای  $\rho, g, h$  به عنوان متغیرهای تکراری، و حذف پارامترهای ثابت همچون قطر ذرات رسوب  $D_{50}$ ، قطر نازل  $d_n$ ، عرض مخزن  $B$  و وزن مخصوص ذرات رسوبی  $\rho_s$ ، معادلات بدون بعد حاکم بر ابعاد حفره‌ی آبشنستگی ناشی از جت در حوضچه‌ی استغراق را می‌توان به صورت روابط (۴) و (۵) نوشت:

$$d_s/h_{tw} = f(V_o / \sqrt{gh_{tw}}, \rho_w V_o h_{tw} / \mu, C_a) \quad (4)$$

$$L_s/h_{tw} = f(V_o / \sqrt{gh_{tw}}, \rho_w V_o h_{tw} / \mu, C_a) \quad (5)$$

پارامتر  $C_a$  معرف غلظت هوای وارد به جت می‌باشد و از رابطه‌ی  $C_a = (Q_{air}/Q_w + Q_{air}) \times 100$  تقریب زده می‌شود.

پارامترهای اول و دوم ظاهر شده در معادلات (۴) و (۵) به ترتیب معرف اعداد فرود و رینولدز می‌باشند.



شکل ۱ پارامترهای وابسته به نیمرخ طولی حفره‌ی آبشنستگی

از آنجایی که جریان تحت فشار زیاد و کاملاً متلاطم با عدد رینولدز  $203000$  الی  $400000$  از نازل خارج می‌شود، لذا می‌توان از اثر عدد رینولدز

سه سناریوی مختلف به ترتیب برابر  $0/325$  ،  $0/385$  و  $0/435$  متر تغییر نمود. دبی آب خروجی از نازل از  $3/95$  الی  $6/12$  لیتر بر ثانیه تغییر یافت. دبی هوا نیز از صفر تا  $1/91$  لیتر بر ثانیه نمو نمود که این امر منجر به تجربه‌ی غلظت هوای ورودی به نازل از صفر تا  $26$  درصد گردید. دماغه‌ی نازل حدود یک سانتی‌متر مستغرق گردید تا با این عمل از ورود هوای اطراف به جت جریان جلوگیری گردد. زیرا امکان اندازه‌گیری هوای وارد به جریان محلول آب و هوای خروجی از نازل وجود نداشت. با این عمل تا حد چشم‌گیری از میزان خطای ورود هوا از اطراف به جت خروجی از نازل کاسته شد.

به منظور تعیین زمان انجام آزمایش‌ها در هر یک از سناریوهای تدوین شده مربوط به رقوم پایاب، دو آزمایش شاهد تحت شرایط جت هوادهی نشده و با ثبت تغییرات لحظه‌ای عمق آبشنستگی به اجرا در آمد. نتایج حاکی از آن بود که به طور متوسط پس از گذشت تقریباً  $300$  دقیقه تغییرات عمق آبشنستگی محسوس نمی‌باشد، لذا زمان آزمایش‌ها برابر  $5$  ساعت در نظر گرفته شده است. پس از سپری شدن زمان مذکور در هریک از آزمایش‌ها و خروج جریان آب از حوضچه‌ی استغراق، پروفیل آبشنستگی تشکیل شده با استفاده از یک دستگاه متر لیزری مدل Leica Disto D8 برداشت گردید و سپس با استفاده از پروفیل مربوط مشخصات چاله‌ی آبشنستگی استخراج شد. در شکل (۱) پارامترهای وابسته به نیمرخ طولی حفره‌ی آبشنستگی نشان داده شده‌اند.

جهت تعیین رابطه‌ی میان پارامترهای مؤثر بر ابعاد حفره‌ی آبشنستگی و یافتن تابع حاکم بر فضای نگاشت آنها، از تئوری باکینگهام  $\pi$  استفاده گردید. برای این منظور ابعاد حفره‌ی آبشنستگی ( $d_s, L_s$ ) به عنوان متغیرهای وابسته، و پارامترهای مستقل مؤثر بر این پدیده شامل  $Q_w$  دبی خروجی از نازل،  $Q_a$  دبی هوای  $d_n$  قطر نازل،  $V_o$  سرعت متوسط جریان محلول آب و هوای خروجی از نازل،  $B$  عرض مخزن،  $D_{50}$  قطر متوسط ذرات،  $g$  شتاب ثقل،  $\mu$  لزوجت سیال،  $\rho_w$

## نتایج و بحث

آزمایش‌ها در دو سناریوی کلی جت‌های هوادهی شده و هوادهی نشده به اجرا در آمدند. در این دو سناریو جت‌های با هوادهی و بدون هوادهی تحت شرایط سرعت جریان خروجی از نازل و عمق پایاب یکسان و هم‌چنین مخلوط دبی آب و هوای متغیر، مورد آزمایش قرار گرفتند. پس از انجام آزمایش‌ها و ترسیم پروفیل طولی بستر در حالات مختلف غاظت هوای وارد به نازل، اختلاف بین حفره‌های ایجاد شده با جت هوادهی شده و هوادهی نشده به‌وضوح قابل مشاهده بود.

برای بدست آوردن میزان کمیت اثر هوای ورودی به جت بر میزان ابعاد حفره‌ی آبشتگی، نحوی تغییرات اعماق آبشتگی نسبی  $d_s/d_{so}$  و طول آبشتگی نسبی  $L_s/L_{so}$  در مقابل غاظت هوای جت  $C_a$ ، ترسیم گردیدند (شکل‌های ۲ و ۳). در نسبت‌های بدون بعد اخیر پارامتر  $d_s$  و  $d_{so}$  به ترتیب معرف عمق حفره‌ی آبشتگی ایجاد شده بر اثر هوادهی و بدون هوادهی می‌باشد که از سطح اولیه بستر سنجدید شده‌اند.

برای استخراج روابط حاکم بر فضای تحقیق و بررسی چگونگی تغییر آهنگ پارامترهای  $d_s/d_{so}$  و  $L_s/L_{so}$  در مقابل  $C_a$ ، با حفظ اثر عمق پایاب و تعییر در میزان سرعت جریان خروجی از نازل، داده‌های آزمایشگاهی حاصل از تحقیق حاضر با استفاده از نرمافزار SPSS مورد تجزیه و تحلیل آماری قرار گرفتند. برای این منظور از ۸۰ درصد داده‌های آزمایشگاهی استفاده گردید تا امکان سنجش قابلیت اعتماد روابط معروفی شده با استفاده از ۲۰ درصد نتایج مشاهداتی باقی‌مانده میسر گردد. قابل ذکر است که داده‌های مورد استفاده در مرحله‌ی صحت‌سنجی هیچ نقشی در تعیین ضرایب معادلات معروفی شده نداشته‌اند.

چشم‌پوشی نمود. پارامتر  $\sqrt{g h_{tw}}$  که از جنس عدد فرود می‌باشد، معرف میزان نیروی درگ وارد به ذرات رسوی است و در ادامه تحقیق تحت عنوان عدد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  نامیده شده است. نتایج آزمایشگاهی نشان داد که محدوده تغییرات عدد فرود پایاب در طول تحقیق حاضر از ۳/۹۸ تا ۸/۹۹ تغییر یافته است.

در نهایت معادلات حاکم بر فضای تحقیق را می‌توان به صورت معادلات (۶) و (۷) نمایش داد.

$$d_s/h_{tw} = f( Fr_{tw}, C_a ) \quad (6)$$

$$L_s/h_{tw} = f( Fr_{tw}, C_a ) \quad (7)$$

پس از تعیین فرم عمومی معادلات حاکم بر فضای تحقیق، لازم است تا روند تغییر پارامترهای مستقل ارزیابی گردد. برای این منظور لازم است تا تجزیه و تحلیل آماری صورت پذیرد. توابع خطای مهمی که به منظور ارزیابی نتایج حاصل از معادلات پیشنهادی در این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته‌اند به شرح زیر می‌باشند.

میانگین خطای مطلق

$$MAE = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N |O_i - P_i| \quad (8)$$

ریشه‌ی میانگین مربعات خطأ

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (P_i - O_i)^2}{n}} \quad (9)$$

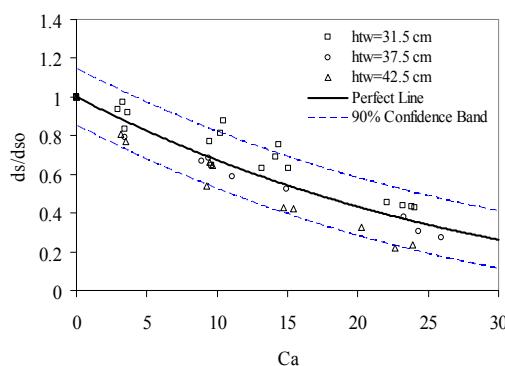
ضریب وزن باقی‌مانده

$$CRM = \frac{\sum_{i=1}^n O_i - \sum_{i=1}^n P_i}{\sum_{i=1}^n O_i} \quad (10)$$

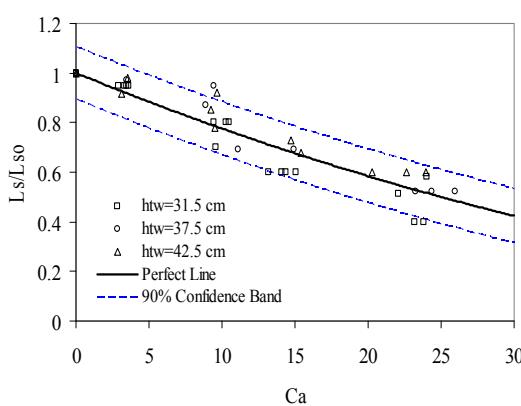
ضریب همبستگی

$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (P_i - O_i)^2}{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O})^2} \quad (11)$$

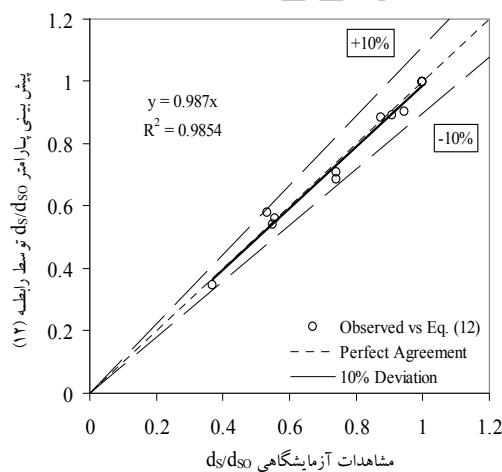
که در این روابط  $O$  نشانگر پارامتر مشاهده شده،  $P$  نشانگر پارامتر پیش‌بینی شده و  $\bar{O}$  متوسط پارامترهای مشاهداتی و  $n$  تعداد نمونه‌ها می‌باشد.



شکل ۲ طول نسبی آبشتستگی  $d_s/d_{so}$  در مقابل غلظت هوای ورودی به جت  $C_a$  در سناریوهای مختلف عمق پایاب



شکل ۳ طول نسبی آبشتستگی  $L_s/L_{so}$  در مقابل غلظت هوای ورودی به جت  $C_a$  در سناریوهای مختلف عمق پایاب



شکل ۴ صحت‌سنجی معادله (۱۲) در تخمین  $d_s/d_{so}$

نتایج توسط روابط (۱۲) و (۱۳) ارائه شده‌اند.

$$d_s/d_{so} = \left(1 - C_a/100\right)^{3.758} \quad (12)$$

$$L_s/L_{so} = \left(1 - C_a/100\right)^{2.407} \quad (13)$$

نحوه برآذش روابط (۱۲) و (۱۳) از بین نتایج

مشاهداتی در شکل‌های (۲) و (۳) نمایش داده شده‌اند.

با استفاده از تجزیه و تحلیل آماری و به کارگیری توابع خطی معرفی شده در بخش روش تحقیق، پارامترهای خطی حاصل از به کارگیری روابط (۱۲) و (۱۳) در جدول (۱) نشان داده شده است.

جدول ۱ تحلیل آماری خطی روابط (۱۲) و (۱۳)

| پارامتر                | $L_s/L_{so}$ | $d_s/d_{so}$ |
|------------------------|--------------|--------------|
| میانگین خطی مطلق       | ۰/۰۱۴۶       | ۰/۰۲۰۲       |
| ریشه میانگین مربعات خط | ۰/۰۳۵۹       | ۰/۰۵۰۷       |
| ضریب وزن باقیمانده CRM | ۰/۰۰۷۷       | -۰/۰۰۱۷      |
| ضریب همبستگی $R^2$     | ۰/۸۹۳        | ۰/۸۷۷        |

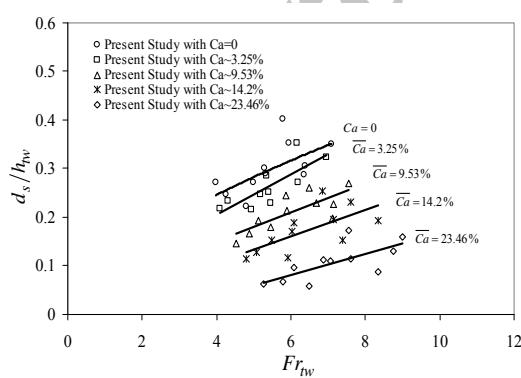
به منظور صحت‌سنجی روابط (۱۲) و (۱۳) در تخمین عمق و طول نسبی حفره‌ی آبشتستگی، از ۲۰ درصد باقی‌مانده داده‌های مشاهداتی که در تعیین ضرایب روابط مذکور مشارکت نداشته‌اند استفاده گردید. نتایج حاصل از این صحت‌سنجی در شکل‌های ۴ و ۵ نمایش داده شده‌اند. ضریب زاویه‌ی خط برآذش داده شده از بین نتایج مشاهداتی و محاسباتی نشان دهد که روابط (۱۲) و (۱۳) با متوسط خطی ۲٪ قابل توانسته‌اند تا پارامترهای  $d_s/d_{so}$  و  $L_s/L_{so}$  را پیش‌بینی نمایند.

هدف اصلی این تحقیق بررسی میزان تغییرات ابعاد حفره‌ی آبشتستگی حداقل در مقابل عدد فرود پایاب به‌ازای تغییر در میزان هوای تزریق شده به جریان خروجی از نازل می‌باشد. برای این منظور داده‌های آزمایشگاهی حاصل از این تحقیق با توجه به سناریوهای از پیش تعیین شده ترسیم گردیدند.

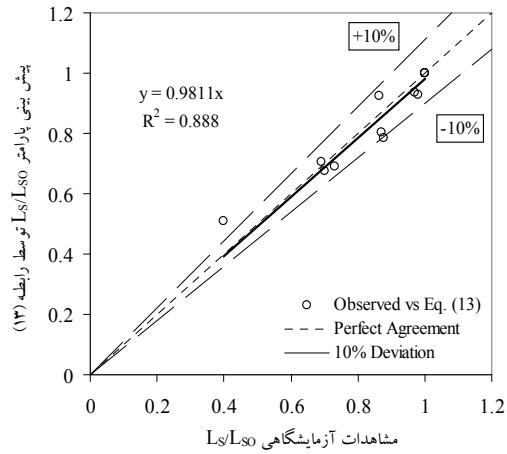
گرفته بر روی حداکثر طول نسبی آبستستگی  $L_s/h_{tw}$  بهازای میزان هوای ورودی با غلظت متوسط ۳/۲۵ درصد، اثری مشابه حداکثر عمق نسبی آبستستگی را در پی خواهد داشت. با این تفاوت که حذف اثر میزان هوای وارد به جت در عدد فرود پایاب ۸/۵ رخ خواهد داد. همچنین شکل (۶) گویای این مطلب است که با افزایش میزان غلظت هوای ورودی به جت، حداکثر عمق نسبی آبستستگی به صورت نسبی کاهش می‌یابد و این امر به علت متلاشی شدن مغزه‌ی جت می‌باشد. در یک تخمین دقیق‌تر می‌توان چنین ادعا نمود که با تزریق حدود ۲۳ درصد هوا به جت خروجی از نازل در شرایط یکسان عدد فرود پایاب، میزان حداکثر عمق نسبی آبستستگی حدود ۶۷ درصد کاهش می‌یابد.

ارزیابی‌های مشابه صورت گرفته بر روی شکل ۷ گویای این مطلب است که با تزریق حدود ۲۳ درصد هوا به جت خروجی از نازل، حداکثر طول نسبی آبستستگی به طور متوسط ۵۵ درصد نسبت به شرایط مشابه جت بدون هواده‌ی کاهش می‌یابد.

به‌منظور معرفی روابط عمومی حاکم بر فضای تحقیق، مطابق با نتایج حاصل از بخش آنالیز ابعادی، از نرم‌افزار SPSS بهره‌گیری شد.



شکل ۶ تغییرات حداکثر عمق نسبی آبستستگی  $d_s/h_{tw}$  در مقابل عدد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  بهازای تغییر در میزان هوای وارد به جت  $C_a$



شکل ۵ صحبت سنجی معادله‌ی (۱۳) در تخمین  $L_s/L_{so}$

شکل (۶) نحوه‌ی تغییر حداکثر عمق نسبی آبستستگی در مقابل عدد فرود پایاب را بهازای مقادیر مختلف غلظت هوای ورودی به جت نشان می‌دهد. تجزیه و تحلیل نتایج نشان داد که امکان برآش منحنی‌های با غلظت هوای ورودی صفر، ۹/۵۳، ۲۳/۴۶، ۱۴/۲ درصد امکان‌پذیر است.

به‌طور مشابه نحوه‌ی تغییرات حداکثر طول نسبی آبستستگی در مقابل تغییرات عدد فرود پایاب و میزان هوای وارد به جت، مورد ارزیابی قرار گرفت و نتایج در شکل (۷) به تصویر کشیده شده است.

از تحلیل شکل (۶) می‌توان دریافت که به ازای عدد فرود پایاب بزرگ‌تر از ۹ و تحت شرایط عمق پایاب یکسان چنان‌چه میزان هوای وارد به جت کمتر از ۳/۲۵ درصد باشد، میزان هوای وارد به جت بر عمق حفره‌ی آبستستگی بی‌تأثیر خواهد بود. این موضوع بدین معنی است که بهازای عدد فرود پایاب بزرگ‌تر از ۹ میزان هوای وارد با غلظت متوسط ۳/۲۵ درصد، اثری بر حداکثر عمق نسبی آبستستگی نخواهد داشت و مغزه‌ی جت با این میزان هوا در شرایط هیدرولیکی یاد شده متلاشی نشده و با برخورد به سطح بستر مصالح باعث فراهم آوردن شرایط آبستستگی مشابه شرایط بدون ورود هوا به نازل می‌باشد. ارزیابی‌های صورت

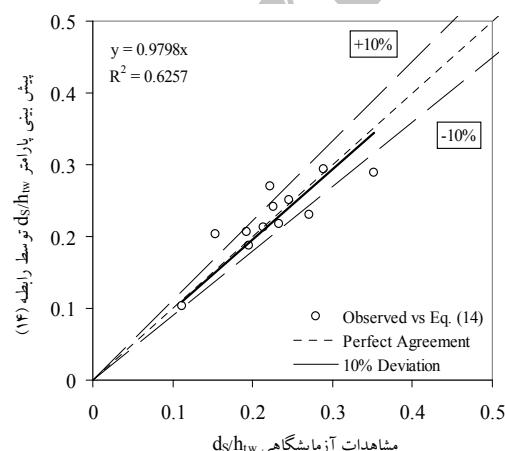
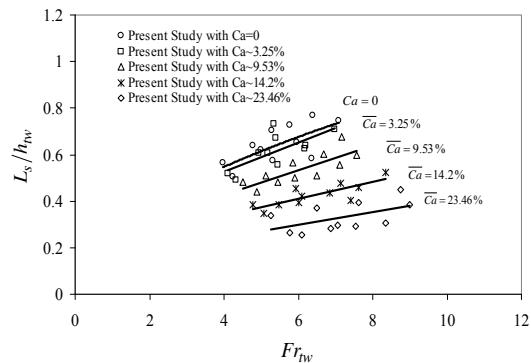
خطا، ضریب وزن باقی‌مانده و ضریب همبستگی استفاده گردید. نتایج در جدول (۲) خلاصه شده‌اند.

جدول ۲ تحلیل آماری خطای روابط (۱۰) و (۱۱)

| $L_s/h_{tw}$ | $d_s/h_{tw}$ | پارامتر                                |
|--------------|--------------|--|
| ۰/۰۱۱        | ۰/۰۰۷۸       | MAE میانگین خطای مطلق                  |
| ۰/۰۲۳۶       | ۰/۰۲۱۱       | RMSE ریشه‌ی میانگین مربعات خطای مربعات |
| -۰/۰۰۰۲      | -۰/۰۰۲۹      | CRM ضریب وزن باقی‌مانده                |
| ۰/۸۶۹        | ۰/۸۶۱        | R <sup>2</sup> همبستگی                 |

در این مرحله از تحقیق با استفاده از ۲۰ درصد داده‌های مشاهداتی که نقشی در تعیین ضرایب روابط (۱۴) و (۱۵) نداشتند، نسبت به صحت‌سنجی روابط مذکور اقدام گردید. نتایج حاصل از مقایسه‌ی مقادیر مشاهداتی پارامترهای  $L_s/h_{tw}$  و  $d_s/h_{tw}$  در مقابل مقادیر پیش‌بینی شده توسط روابط (۱۴) و (۱۵) به ترتیب در شکل‌های (۸) و (۹) نمایش داده شده‌اند.

ضریب زاویه‌ی خطوط برآشش شده در شکل‌های (۸) و (۹) نشان می‌دهند که روابط عمومی معرفی شده قادرند تا پارامترهای نسبی  $d_s/h_{tw}$  و  $L_s/h_{tw}$  را به ترتیب به طور متوسط با دقت -۰/۰۲ درصد و +۰/۰۱ درصد تخمین بزنند.

شکل ۸ صحت‌سنجی معادله‌ی (۱۴) در تخمین  $d_s/h_{tw}$ شکل ۷ تغییرات حداقل طول نسبی آبستگی  $L_s/h_{tw}$  در مقابل عدد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  به ازای تغییر در میزان هوای وارد به جت

به منظور حصول اطمینان از عملکرد روابط پیشنهادی لازم است تا نتایج حاصل از تخمین این روابط با نتایج حاصل از تحقیقات آزمایشگاهی محققان دیگر مورد ارزیابی قرار گیرد. براساس جستجوی به عمل آمده در مراجع معتبر علمی، مطالعات مشابهی که در آن وضعیت گسترش حفره‌ی آبستگی تحت اثر جت‌های هوادهی شده قائم مورد مطالعه قرار گرفته باشد، یافت نگردید. لذا تعیین روابط حاکم بر فضای تحقیق با استفاده از ۸۰ درصد داده‌های مشاهداتی در همین تحقیق تعیین گردید تا امکان صحت‌سنجی روابط معرفی شده با ۲۰ درصد داده‌ای باقی‌مانده میسر باشد. معادلات (۱۴) و (۱۵) معرف روابط عمومی حاکم بر فضای تحقیق می‌باشند.

$$d_s/h_{tw} = 0.0719 \left(1 - C_a/100\right)^{4.51} Fr_{tw}^{0.8446} \quad (14)$$

$$L_s/h_{tw} = 0.2934 \left(1 - C_a/100\right)^{3.1112} Fr_{tw}^{0.4860} \quad (15)$$

روابط (۱۴) و (۱۵) در محدوده‌ی عدد فرود پایاب  $Fr_{tw} < 4$  و غلظت هوای  $C_a < 26$  معتبر است.

به منظور ارزیابی دقت روابط (۱۴) و (۱۵) از توابع میانگین خطای مطلق، ریشه‌ی میانگین مربعات

نازل با غلظتی کوچکتر از  $3/25$  درصد تأثیری بر پارامتر  $d_s/h_{tw}$  نخواهد داشت.

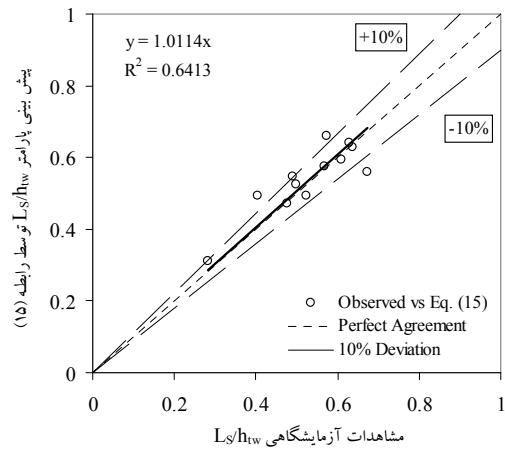
از بررسی روند تغییرات حداکثر طول نسبی آبشتستگی  $Fr_{tw}/L_s/h_{tw}$  در مقابل عدد فرود پایاب  $L_s/h_{tw}$  ناشی از جت‌های پیش‌هواده‌ی شده در حوضچه‌ی استغراق (شکل ۷) ملاحظه می‌گردد که با افزایش غلظت هوای وارد به جت، آهنگ تغییرات پارامتر  $L_s/h_{tw}$  روند نزولی را در پیش می‌گیرد.

هم‌چنین می‌توان دریافت که به‌ازای اعداد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  بزرگ‌تر از  $8/45$ ، میزان غلظت هوای ورودی به نازل کوچک‌تر از  $3/25$  درصد، تأثیری بر حداکثر عمق و طول نسبی حفره‌ی آبشتستگی نخواهد داشت. به‌ازای متوسط مقادیر درصد غلظت هوای ورودی به جت بین مقادیر  $\bar{C}_a < 23.46$  با  $9.53$  به افزایش هر یک درصد هوای وارد به جت به‌طور متوسط  $4/38$  درصد از حداکثر عمق نسبی آبشتستگی کاسته خواهد شد. به‌طور مشابه به‌ازای افزایش میزان غلظت هوای ورودی به جت در محدوده‌ی مورد اشاره به‌طور متوسط  $3/17$  درصد از حداکثر طول نسبی حفره‌ی آبشتستگی کم می‌شود.

بررسی نتایج نشان می‌دهد که روابط معرفی شده در تحقیق حاضر برای تخمین حداکثر عمق نسبی حفره‌ی آبشتستگی  $d_s/d_{so}$  و حداکثر طول نسبی حفره‌ی آبشتستگی  $L_s/L_{so}$  قادرند تا به‌طور متوسط با خطای  $-0/02$  درصد و  $+0/011$  درصد پارامترهای  $d_s/d_{so}$  و  $L_s/L_{so}$  را پیش‌بینی نمایند.

### تقدیر و تشکر

بدین‌وسیله نگارندگان از دانشگاه صنعتی جندی شاپور دزفول به پاس فراهم آوردن امکان استفاده از زمایشگاه مدل‌های و مهندسی رودخانه تقدیر و تشکر می‌نمایند.



شکل ۹ صحبت‌سنجی معادله‌ی (۱۵) در تخمین  $L_s/h_{tw}$

همان‌طوری که از شرایط هیدرولیکی و فرضیات حاکم بر تحقیق مشهود است با افزایش عمق پایاب میزان عمق آبشتستگی کاهش می‌یابد. از طرفی با افزایش عدد فرود پایاب، میزان حداکثر عمق نسبی آبشتستگی نیز افزایش می‌یابد.

از سوی دیگر با افزایش میزان هوای وارد به جت به‌ازای اعداد فرود پایاب یکسان، میزان حداکثر عمق نسبی آبشتستگی روند کاهشی به خود می‌گیرد. این روند تا جایی پیش خواهد رفت که مغزه‌ی جت در اثر ورود هوا به آن کاملاً متلاشی شده و جت ورودی به حوضچه‌ی استغراق دیگر بیش از آن میزان حدی، قادر به فرسایش بستر نمی‌باشد.

### نتیجه‌گیری

از بررسی روند تغییرات حداکثر عمق نسبی آبشتستگی  $d_s/h_{tw}$  در مقابل عدد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  ناشی از جت‌های قائم پیش‌هواده‌ی شده در حوضچه‌ی استغراق (شکل ۶) ملاحظه می‌گردد که با افزایش غلظت هوای وارد به جت، میزان حداکثر عمق و طول نسبی حفره‌ی آبشتستگی کاهش می‌یابد.

هم‌چنین می‌توان دریافت که به‌ازای اعداد فرود پایاب  $Fr_{tw}$  بزرگ‌تر از  $8/78$  میزان هوای ورودی به

## مراجع

1. Mason, P.J. "Effect of air entrainment on plunge Pool Scour." *Journal of Hydraulic Engineering*, ASCE, Vol 115, No. 3, pp. 385-399. (1989).
2. Ervine, D. A. "The entrainment of air in water." *Institute of Water Power and Dam Construction.*, 28(12), 27-30. (1976).
3. Bin, A. K. "Air entrainment by plunging liquid jets." presented at the Sept. 3-6, IAHR Symposium on Scale Effects in Modelling Hydraulic Structures, held at Esslingen, Germany.(1984).
4. Van de Sande, E. "Air entrainment by plunging water jets," thesis presented to the Technische Hogeschool, at Delft, The Netherlands, in partial fulfillment of the requirements for the degree of Doctor of Philosophy, (1981).
5. Bohrer, J.G., Abt, S.R., and Wittler, R. J., "Prediction plunge pool velocity decay of free falling rectangular jet." *Journal of Hydraulic Engineering*, ASCE, Vol. 124, No.10, Pp: 1043-1048. (1998).
6. Canepa, S. and Hager, W.H. "Effect of jet air content on plunge pool scour." *Journal of Hydraulic Engineering*, ASCE, Vol. 129. No. 5. Pp: 358-365. (2003).
7. Xu, W., Deng, J., Qu, J., Liu, S., and Wang, W., "Experimental Investigation on Influence of Aeration on Plane Jet Scour." *Journal of Hydraulic Engineering*, Vol. 130, No. 2, February 1, 2004. ©ASCE, ISSN 0733-9429/2004/2- 160–164. (2004).
8. ارمغانی، ا.، "بررسی آزمایشگاهی اثر جت پیش هوادهی شده بر عمق آبستنگی حوضچه استغراق." پایان نامه کارشناسی ارشد. دانشگاه صنعتی جندی شاپور دزفول (۱۳۹۲).
9. Rahrneyer, W. "The effect of aeration on scour." *Proceedings of 1990 American Society of Civil Engineers National Hydraulic Engineering Conference*, ASCE, New York, 531–536. (1990).
10. Aderibigbe, O.O., and Rajaratnam, N. "Erosion of loose beds by submerged circular impinging vertical turbulent jets." *Journal of Hydraulic Research*, 34(1), 19–33., (1996).