

مدل فراوانی و شدت تصادفات برون شهری با به کارگیری الگوی رگرسیون پواسون*مرتضی اسدامرجی^(۱) سیداحسان سیدابریشمی^(۲) محمود صفارزاده^(۳) معین عسکری^(۴)

چکیده یکی از راهکارهای مهم شناسایی نقاط داری پتانسیل تصادف در جاده‌ها، ممیزی ایمنی مسیر است. پس از شناسایی این نقاط می‌توان برای آنها استراتژی‌های مناسبی در نظر گرفت تا فراوانی و شدت تصادفات کاهش یابد. در این پژوهش با استفاده از ممیزی ایمنی مسیر مشکلات دسترسی‌ها، روسازی، علائم، کنار جاده، طرح هندسی و تصادفات جرحی و فوتی قطعات راه‌های برون شهری شناسایی گردید و با استفاده از این داده‌ها الگوی ساخت مدل تصادفات در آنها ارائه گردید. در این مقاله محور همادان- کرمانشاه به عنوان مطالعه موردی انتخاب شد که در محور مذکور مدل رگرسیون پواسونی دارای اعتبار بیشتری بود و مشکلات آب‌روها و قوس قائم به ترتیب مهم‌ترین دلایل بروز تصادف فوتی و جرحی بودند.

واژه‌های کلیدی ممیزی ایمنی، جاده برون شهری، مدل رگرسیون پواسون.

Poisson Regression Model of Frequency and Severity of Road Accidents in Rural Roads.

M. Asadamraji S. E. Seyedabrishami M. Saffarzadeh M. Askari

Abstract One of the important ways of identifying road accident potentialities is road safety audits. After identifying these points, appropriate strategies to reduce the number and severity of accidents can be considered for them. In this study, using road safety audits, access, pavements, signs, roadside, and geometric problems and accidents leading to the deaths of outlying urban road sections were identified and using these data, the model of crashes in them Was presented. In this paper, the Hamadan-Kermanshah axis was chosen as a case study. In this axis, Poisson's regression model was more reliable and the problems of drainage ditches and vertical alignment were the most important reasons for the accident and resulted in death.

Key Words Safety Audit, Rural road, Poisson regression model.

* تاریخ دریافت مقاله ۹۵/۵/۲۱ و تاریخ پذیرش آن ۹۶/۱۰/۱۰ می‌باشد.

Email: m.asadamraji@modares.ac.ir

(۱) نویسنده مسئول: دانشجوی دکتری راه و ترابری، دانشگاه تربیت مدرس، تهران.

(۲) استادیار گروه حمل و نقل، دانشگاه تربیت مدرس، تهران.

(۳) استاد گروه حمل و نقل، دانشگاه تربیت مدرس، تهران.

(۴) دانشجوی دکتری، دانشگاه خواجه نصیر طوسی.

مقدمه

و باتوجه به نوع راه، نوع پارامترهایی که قرار است برداشت شود و نوع ممیزی، بازرسی ایمنی انجام می‌پذیرد. معمولاً اطلاعاتی که در ممیزی ایمنی مسیر برداشت می‌شود عبارت‌اند از علائم عمودی، علائم افقی و خط‌کشی‌ها، محدودیت سرعت، ابزارهای آرام‌سازی، حفاظ‌های کناری، حفاظ‌های میانی، دسترسی‌ها، ابنیه فنی و پل‌ها، آب‌روها و وضعیت زهکشی، شرایط روسازی، فاصله دید، روشنایی، نواحی انتقالی، علائم در محدوده عملیات اجرایی و سایر موارد.

مشکلات جاده‌ای جمع‌آوری شده و پارامترهای مربوط به آنها کاربردهای مختلفی دارند و روش‌های مختلف ارزیابی آنها می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد. روش‌های شناسایی ریسک قطعات، روش‌های اولویت‌بندی قطعات جاده، ارائه راهکارهای مناسب، به‌کارگیری الگوهای تخصیص بودجه ایمنی و مدل‌های پیش‌بینی تصادفات مواردی است که با استفاده از نتایج ممیزی ایمنی می‌توان به‌کار گرفت. مدل‌های پیش‌بینی تصادف قطعات یک جاده با استفاده از پارامترهای به‌دست‌آمده از بازرسی ایمنی راه می‌تواند موجب برنامه‌ریزی بهتر برای قطعات و درنهایت کاهش تصادفات و تلفات گردد.

هدف این پژوهش ارائه مدلی برای پیش‌بینی تصادفات باتوجه به نتایج ممیزی ایمنی راه می‌باشد. در این راستا ۸ عامل مؤثر بر تصادفات شامل وجود پرتگاه، تعداد مشکلات علائم عمودی و افقی، وضعیت روسازی، مشکلات آب‌رو، مشکلات کنار جاده و شانه راه، مشکلات گاردیل، تراکم دسترسی‌ها و موقعیت جاده به‌عنوان متغیر مستقل و تصادفات جرحی و فوتی به‌عنوان متغیر وابسته مدنظر قرار گرفته‌است. باتوجه به عوامل ۸گانه مذکور جاده همدان به کرمانشاه به قطعاتی تقسیم گردید و کلیه مراحل ممیزی ایمنی راه در آن انجام می‌پذیرد و درنهایت باتوجه به بررسی روابط آماری پارامترها، مدلی ارائه می‌گردد که با استفاده از آن می‌توان احتمال وقوع تصادفات با شدت یعنی

یکی از عوامل مرگ و میر در دنیا تصادفات جاده-ای می‌باشد که این موضوع یکی از مشکلات اصلی در راه‌های کشور نیز می‌باشد. برطبق آمار پزشکی قانونی در طول ۱۰ سال گذشته میانگین تلفات رانندگی ۲۲۱۸۵ نفر بوده‌است [1]. حدود ۷۰ درصد تصادفات کشور در جاده‌ها و راه‌های برون‌شهری اتفاق افتاده‌است. در نتیجه باید برنامه‌ریزی جدی درخصوص راه‌های برون‌شهری صورت پذیرد.

بررسی‌ها نشان می‌دهد که تصادفات جاده‌ای حاصل از ۳ عامل اصلی انسان، جاده و خودرو می‌باشد [۲] و برنامه‌ریزی مناسب و ارائه راهکار درخصوص هریک از آنها موجب کاهش فراوانی تصادفات و در نتیجه تعداد تلفات جاده‌ای می‌گردد. جاده و محیط راه به‌تنهایی و در اندرکنش با سایر عوامل (انسان و خودرو)، دارای سهم ۳۴ درصدی از کل تصادفات ترافیکی می‌باشد [3].

به‌منظور ارائه راهکارهای مناسب برای مشکلات جاده‌ای باید نقاط حادثه‌خیز شناسایی گردند و در این راستا بازرسی و ممیزی ایمنی بسیار مفید می‌باشد. فرایند ممیزی ایمنی راه روی جاده تمرکز می‌کند و با شناسایی و اصلاح آن عناصری از راه که پتانسیل ایجاد تصادف دارند، نقش بسیار مؤثری در افزایش ایمنی ایفا می‌نماید. ممیزی ایمنی راه در راستای بهبود وضع ایمنی راه‌های موجود بسیار مؤثر می‌باشد و در راستای افزایش سطح رضایتمندی کاربران جاده و بهبود ایمنی مسیر بازرسی و ممیزی ایمنی، نقش به‌سزایی در کاستن از تعداد تلفات جاده‌ای خواهد داشت. در راستای بازرسی و ممیزی ایمنی نقاط دارای پتانسیل خطر شناسایی می‌شود. تمام خطرات در قطعه‌های مختلف راه به‌عنوان عوامل مؤثر بر فراوانی تصادفات و همچنین شدت تصادفات مشخص می‌شود.

در بسیاری از کشورهای دنیا اعم از توسعه‌یافته و در حال توسعه هم‌اکنون فرایند ممیزی ایمنی راه انجام می‌شود. در این راستا فرم‌های مخصوصی تهیه می‌گردد

تصادفات جرحی و فوتی را در قطعات یک راه برون- شهری پیش‌بینی نمود.

اهداف

هدف اصلی در پژوهش مذکور ارائه مدل تصادفات با استفاده از عوامل جاده‌ای است که از ممیزی ایمنی حاصل می‌گردند. سایر اهداف ناشی از پژوهش عبارت‌اند از:

- مشخص نمودن تأثیر هر یک از عوامل جاده‌ای در فراوانی و شدت تصادفات با استفاده از ممیزی ایمنی.
- انتخاب بهترین شکل مدل در خصوص ارتباط ریاضی عوامل جاده‌ای و تصادفات جاده.

ادبیات تحقیق

مطالعات بسیاری در سال‌های گذشته برای مدل‌سازی تصادفات در راه‌های مختلف برون‌شهری انجام شده‌است تا عوامل مؤثر بر رخداد تصادفات و شدت آنها شناسایی و برای بهبود شرایط ایمنی مهار یا اصلاح شوند [4].

در بین عوامل بروز تصادف یعنی جاده، انسان و وسیله نقلیه، عوامل جاده‌ای با استفاده از ممیزی ایمنی و بازدید میدانی شناسایی می‌شوند که در کشورهای مختلف جهان در استراتژی‌های ایمنی و همچنین برنامه‌های اجرایی گنجانده شده‌است. در کشورهای توسعه‌یافته در دوره‌های مختلف بازرسی ایمنی و ممیزی ایمنی راه مطرح شده‌است و این فرایند در شرایط مختلف راه (قبل از ساخت تا پایان عملیات راه) وجود دارد و اجرا می‌شود [5].

باتوجه به تحقیقات گذشته مهم‌ترین عوامل جاده‌ای مؤثر بر تصادفات که با استفاده از بررسی آمار و اطلاعات و همچنین ممیزی راه حاصل می‌گردد عبارت‌اند از:

▪ فراوانی تصادفات رخ داده پیشین: این فراوانی معمولاً در یک بازه زمانی مشخص ارزیابی می‌شود. به این منظور، داده‌های پیشین تصادفات (معمولاً بین ۱-۳ سال) برای مشخص کردن نقاط تصادف‌خیز جاده لحاظ می‌شوند؛ هرچند در صورت پایین بودن تصادف نباید آن قطعه جاده را بدون مشکل فرض کرد [6].

▪ طرح هندسی راه مانند پهنای خطوط، طرح قوس-ها، طرح تقاطعات [7].

▪ در برخی تحقیقات از درجه انحنای متوسط قوس-های افقی، شیب یا طول قوس‌های قائم در قطعات مختلف راه برای مدل‌سازی استفاده شده‌است. به عنوان مثال در تحقیق کوکلمن و همکارانش مدل رگرسیون برای مدل‌سازی پارامترهای طرح جوابگو بوده‌است [8].

▪ تراکم دسترسی‌ها و تقاطع‌ها در مقطع جاده: دسترسی مستقیم به جاده باعث افزایش نرخ تصادفات در جاده می‌شود. مطالعات قبلی نشان داده‌است که یک مقطع از جاده با ۱۰ دسترسی در هر کیلومتر به نسبت همان مقطع با ۴ دسترسی در هر کیلومتر میزان تصادفات را ۷۵٪ افزایش می‌دهد. البته باید به این نکته توجه کرد که نحوه قرارگیری دسترسی‌ها نیز در افزایش تصادفات مؤثر خواهد بود [9].

▪ کیفیت و شرایط روسازی مانند ضریب اصطکاک و شیارشدگی [10].

▪ مشکلات مربوط به خط‌کشی‌ها که شامل نقص-هایی مانند پاک‌شدن خطوط میانی، خطوط مرکزی، خطوط سبقت ممنوع و سایر خط‌کشی‌ها است. پاک‌شدن خطوط سبقت ۵۰٪ تصادفات را افزایش می‌دهد در حالی که خطوط کناری و میانی به ترتیب ۸ و ۱۳٪ تصادفات جرحی را افزایش داده‌است [11].

طرح هندسی و شرایطی دیگری از جاده، مدل بیزین انتخاب شده است [16].

با بررسی مطالعات انجام شده می‌توان نتیجه گرفت که در تحقیقات مختلف رابطه گروهی از عوامل جاده-ای بروز تصادف و فراوانی و شدت تصادفات سنجیده شده است و در برخی از آنها اهمیت عوامل نیز مد نظر قرار گرفته است. هر یک از آنها روش‌های مدل‌سازی متفاوتی نیز به‌کار برده‌اند که از آن جمله می‌توان مدل‌های گسسته سلسله‌مراتبی، مدل‌های رگرسیون خطی، مدل‌های رگرسیون غیرخطی و مدل‌های دیگر را نام برد. در این پژوهش سعی شده اکثر عواملی که تاکنون مدنظر قرار گرفته است و همچنین سایر عوامل جاده به‌عنوان متغیرهای مستقل انتخاب شوند و رابطه آنها با استفاده از مدل‌های رگرسیون پواسون و رگرسیون دوجمله‌ای منفی با تصادفات جاده‌ای تخمین زده شود.

روش انجام تحقیق

در این پژوهش برای شناسایی مشکلات راه از روش ممیزی ایمنی و بازدیدهای میدانی استفاده می‌شود. علاوه بر بازدید ایمنی آمار تصادفات جرحی و فوتی نیز که از لحاظ ایمنی دارای اهمیت می‌باشد استخراج می‌گردد. در گام بعد با توجه به داده‌های جمع‌آوری شده در خصوص متغیرهای مستقل عملیات مدل‌سازی با توجه به آمار تصادفات جرحی و فوتی انجام می‌شود.

با توجه به مطالعات پیشین برای تعیین مدل‌های پیش‌بینی تصادفات و تابع‌های SPF از روش‌های متعددی استفاده شده است. در این بخش، اولین مرحله انتخاب روش آماری مورد استفاده برای تعیین مدل پیش‌بینی تصادفات می‌باشد. بررسی‌ها نشان داد مدل‌های رگرسیونی پواسون، پواسون پرفر و دوجمله‌ای منفی به علت سهولت در توسعه مدل و استفاده از آنها، متداول‌ترین مدل‌ها هستند. نتیجه دیگر از بررسی سایر مطالعات این بود که مدل رگرسیون

چانگ در سال ۲۰۱۳ از شبکه عصبی مصنوعی برای تحلیل فراوانی تصادفات استفاده کرد و نشان داد که در روش شبکه عصبی مصنوعی نیازی به ارتباط از پیش تعریف‌شده‌ای بین متغیرهای ورودی مدل و متغیرهای وابسته وجود ندارد [12].

روش‌های مختلف مدل‌سازی و اولویت‌بندی عوامل مؤثر بر تصادف در تحقیقات به‌کار گرفته شده است؛ به‌عنوان مثال در مقاله‌ای از هرمانس در سال ۲۰۰۸ متغیرهای مستقل مرتبط با جاده عبارت بودند از سرعت قابلیت دید، زیرساخت و طرح هندسی جاده. برای این منظور ۵ روش مدل‌سازی و اولویت‌بندی مقایسه شد که در نهایت روش تحلیل پوششی داده‌ها (DEA) به‌عنوان روش برتر انتخاب شد؛ البته در مدل مذکور سایر عوامل مثل مشکل بینایی، الکل و سیستم‌های بازدارنده، خودرو و مراقبت‌های پزشکی نیز مدنظر قرار گرفت.

در سال‌های اخیر منطق فازی به‌عنوان یک ابزار سودمند برای فرایندهای مدل‌سازی نمود یافته است، فرایندهایی که برای تکنیک‌های مرسوم مقداری پیچیده‌اند یا وقتی دانسته‌های به‌دست‌آمده از فرایند، کیفی، مبهم یا غی قطعاً باشند از منطق فازی استفاده می‌شود. به‌عنوان مثال ژنگ و همکارانش در سال ۲۰۱۱ مدل پیش‌بینی تصادفات را با استفاده از منطق فازی ارائه دادند [13,14].

در سال ۲۰۱۲ در مالزی نجیب تحقیقی را انجام داد که در آن از مدل تحلیل سلسله‌مراتبی برای مدل‌سازی تصادف استفاده نمود. در این مدل عوامل اصلی جاده‌ای و دارای وزن بیشتر، موانع و فاصله دید تشخیص داده شدند [15].

یکی از مدل‌های دیگری که در تصادفات راه‌های درون‌شهری و برون‌شهری استفاده می‌شود مدل بیزین است. در سال ۲۰۱۴ در مقاله‌ای با گردآوری آمار سه ساله فلوریدا مقایسه‌ای بین این سه مدل شده است و در نهایت با در نظر گرفتن عواملی چون قوس، شیب و

وابسته y_k به عنوان یک متغیر تصادفی پواسون با میانگین μ_k و تابع توزیع احتمال رابطه (۳) مدل می‌شود:

$$p(y_k) = \frac{e^{-\mu_k} \mu_k^{y_k}}{y_k!} \quad (3)$$

یکی از مهم‌ترین ویژگی‌های مدل رگرسیون پواسون، برابری میانگین با واریانس توزیع است. برای برآورد ضرایب رگرسیون در مدل رگرسیون پواسون از روش درست‌نمایی بیشینه استفاده می‌شود. مقدار پیش‌بینی شده \hat{y}_k برابر میانگین شرطی رخدادها به شرط x_k است. این مقدار همان μ_k است که برابر میانگین متغیر تصادفی y_i با توزیع پواسون می‌باشد.

مدل رگرسیون دوجمله‌ای منفی. متداول‌ترین مدل برای برازش داده‌های شمارشی با ویژگی بیش پراکنش، دوجمله‌ای منفی است که به دو صورت نوع اول (NB-1) و نوع دوم (NB-2) بیان می‌شوند و به ترتیب برای تحلیل داده‌ها با مسئله بیش پراکنش ثابت و متغیر به کار می‌روند. در مدل رگرسیون دوجمله‌ای منفی، مشاهده k -ام متغیر وابسته (y_k) دارای تابع توزیع احتمال رابطه (۴) است:

$$p(y_k) = \frac{\Gamma(y_k + r)}{y_k! \Gamma(r)} \left[\frac{\mu_k}{\mu_k + r} \right]^y \left[\frac{r}{\mu_k + r} \right]^r \quad (4)$$

میانگین شرطی y_k برای بردار متغیرهای ناوابسته مشاهده شده (x_k) از رابطه (۵) به دست می‌آید:

$$E(y_k | x_k) = \mu_k = e^{x_k \beta} \quad (5)$$

رابطه میان میانگین و واریانس در توزیع دوجمله‌ای منفی در نوع بیش پراکنش متغیر (NB-2) در معادله (۶) آمده است:

$$V(y_k) = \mu_k + \frac{1}{r} \mu_k^2 \quad (6)$$

طبق معادله (۶)، واریانس توزیع دوجمله‌ای منفی همواره بزرگ‌تر از میانگین آن است. از این رو برای داده‌های با واریانس بزرگ‌تر از میانگین، این توزیع مناسب می‌باشد. در مدل رگرسیون دوجمله‌ای منفی

پواسون مدل مناسبی برای تعیین رابطه میان خصوصیات هندسی راه و تصادفات می‌باشد؛ اما اگر در رگرسیون پواسون، تصادفات دارای بیش پراکنش بودند، بهتر است از رگرسیون پواسون پرفر یا دوجمله‌ای منفی استفاده شود. از آنجایی که رگرسیون دوجمله‌ای منفی بیش پراکنش را در نظر می‌گیرد، در توسعه مدل‌های راهنمای ایمنی راه‌ها نیز از این روش آماری استفاده شده است. بیش پراکنش زمانی اتفاق می‌افتد که واریانس داده‌ها از میانگین آنها بزرگ‌تر شود. بنابراین این روش از این رو برای پیش‌بینی تصادفات مناسب می‌باشد که تصادفات دارای نوسانات زیاد است و گاهی واریانس آن از میانگین طبیعی هم بیشتر می‌شود. بنابراین در این مطالعه، برای مدل‌سازی تصادفات از روش‌های رگرسیونی پواسون و دوجمله‌ای منفی استفاده شده است. در ادامه توضیحات مربوط به این مدل‌ها آمده است.

مدل رگرسیون پواسون. در آمار، رگرسیون پواسون نوعی از تحلیل رگرسیون و زیرمجموعه‌ای از مدل‌های خطی تعمیم یافته است که برای تحلیل داده‌های حاصل از شمارش به کار می‌رود. اگر $x \in \mathbb{R}^n$ برداری از متغیر وابسته و مستقل باشد، فرم رابطه (۱) را خواهد گرفت.

$$\log(E(Y | x)) = a'x + b \quad (1)$$

که در رابطه (۱) $a \in \mathbb{R}^n$ و $b \in \mathbb{R}^n$ می‌باشد رابطه (۱) را می‌توان به صورت رابطه (۲) نوشت:

$$\log(E(Y | x)) = \theta'x \quad (2)$$

که در آن x بردار $n+1$ بعدی از متغیرهاست. با داشتن پارامتر رگرسیون پواسون θ و بردار ورودی x می‌توان معادله خطی را به صورت توان‌دار نوشت و آن را توسعه داد.

در مدل رگرسیون پواسون، مشاهده k ام متغیر

گام اول: قطعه‌بندی جاده. در مرحله ابتدایی طول قطعات و تعداد آنها مشخص می‌شود. در این گام جاده منتخب به قطعات مساوی تقسیم می‌گردد. در صورت عدم امکان انتخاب قطعه آخر با طول مساوی با سایر قطعات می‌توان طول آن را بزرگ‌تر یا کوچک‌تر در نظر گرفت.

گام دوم: تعیین متغیرهای مستقل و وابسته. در این گام مشخصات ایمنی برای برداشت میدانی مشخص می‌گردد. متغیر وابسته معمولاً تصادفات جرحی یا فوتی و یا ترکیبی از آنها انتخاب می‌شود. متغیرهای مستقل مشخصات ایمنی جاده هستند که شامل مواردی چون وضعیت کناره راه، تجهیزات حفاظتی، شانه راه، مشخصات هندسی وضعیت علائم عمودی، شرایط علائم افقی و خط‌کشی، وضعیت روسازی و دسترسی‌ها می‌شود. البته ممکن است در مدل پیشنهادی برخی از متغیرهایی که برداشت می‌شوند به دلیل وابستگی و یا سایر معیارهای مدل‌سازی حذف شوند و یا امکان برداشت برخی از مشخصات نباشد.

گام سوم: بازرسی و برداشت اطلاعات ایمنی مسیر. پس از تعیین متغیرهای مستقل باید فرم‌های مخصوص بازرسی از مسیر طراحی شود و تیم ممیزی آموزش دیده و دارای تجربه تشکیل گردد و در نهایت بازرسی و ممیزی ایمنی مسیر انجام شود. توصیه این است در فرم‌های بازرسی اطلاعاتی نظیر وضعیت مختصات جغرافیایی و کیلومترناژ نقاط، اطلاعات آب‌وهوایی، مشخصات محلی و کدهای عکس‌ها و مشکلات نیز ثبت گردد تا مشخص شود در کدام قطعه راه قرار می‌گیرند.

گام چهارم: جمع‌آوری داده‌های تصادفات. معمولاً داده‌های تصادفات به سه صورت خسارتی، جرحی و فوتی جمع‌آوری می‌گردد اما در ایران تصادفات خسارتی به صورت دقیق و مناسب ثبت نمی‌شود. ضمن

علاوه بر ضرایب رگرسیون، باید پارامتر بیش‌پراکنش ($\alpha = \frac{1}{r}$) را نیز برآورد کرد. برای برآورد ضرایب رگرسیون در مدل رگرسیون دوجمله‌ای منفی نیز از روش درست‌نمایی بیشینه استفاده می‌شود. در مدل‌های دوجمله‌ای منفی، شمار پیش‌بینی‌شده تصادفات (\hat{y}_k) برابر میانگین شرطی یا شمار متوسط رخدادها به شرط x_k است. این مقدار همان μ_k است که میانگین متغیر تصادفی y_k با توزیع دوجمله‌ای منفی می‌باشد.

در مقاله مذکور برای مدل‌سازی دو مدل اشاره شده از نرم‌افزار آماری STATA استفاده شده است. داده‌های جمع‌آوری شده وارد این نرم‌افزار شده و با استفاده از رگرسیون دوجمله‌ای منفی و پواسون مدل‌ها ساخته شده‌اند. در خروجی مدل‌ها، هر متغیر دارای یک مقدار سطح معناداری است. در این تحقیق، مقدار سطح معناداری برابر با ۰/۱ به عنوان حد قابل قبول در نظر گرفته شده است. بدین معنی که مقدار سطح اطمینان برابر با ۹۰ درصد بوده است. برای مدل‌سازی از روش گام‌به‌گام استفاده شده است. به این طریق که ابتدا همبستگی متغیرهای وابسته با متغیر مستقل تعیین شده‌اند. سپس در مرحله اول، رگرسیون با متغیری که بیشترین همبستگی را با تصادفات دارد اجرا می‌شود و در مرحله بعد، متغیری که از نظر همبستگی با متغیر مستقل دارای رتبه دوم است اضافه می‌شود و دوباره رگرسیون اجرا می‌شود. این کار تا آنجا ادامه می‌یابد تا یکی از متغیرهای مستقل دارای مقدار P-value بیشتر از ۰/۱ شود یا مقدار P-value مدل بیشتر از ۰/۱ گردد. در این صورت متغیری که دارای بیشترین مقدار P-value می‌باشد حذف می‌شود، متغیر بعدی به مدل اضافه می‌گردد و این روند ادامه می‌یابد. بدین طریق معادله نهایی به دست می‌آید.

مدل پیش‌بینی تصادفات در راه برون‌شهری

در این بخش روند کلی انجام پژوهش برای ساخت مدل تصادفات با استفاده از آمار ممیزی ایمنی گام‌به‌گام ارائه می‌گردد. گام‌های پیشنهادی از ابتدا به شرح زیر می‌باشد:

در این مرحله باید ضرایب هر یک از پارامترهای مستقل و ضریب ثابت مشخص شود. همان‌طور که اشاره شد روش درست‌نمایی بیشینه ملاک عمل است.

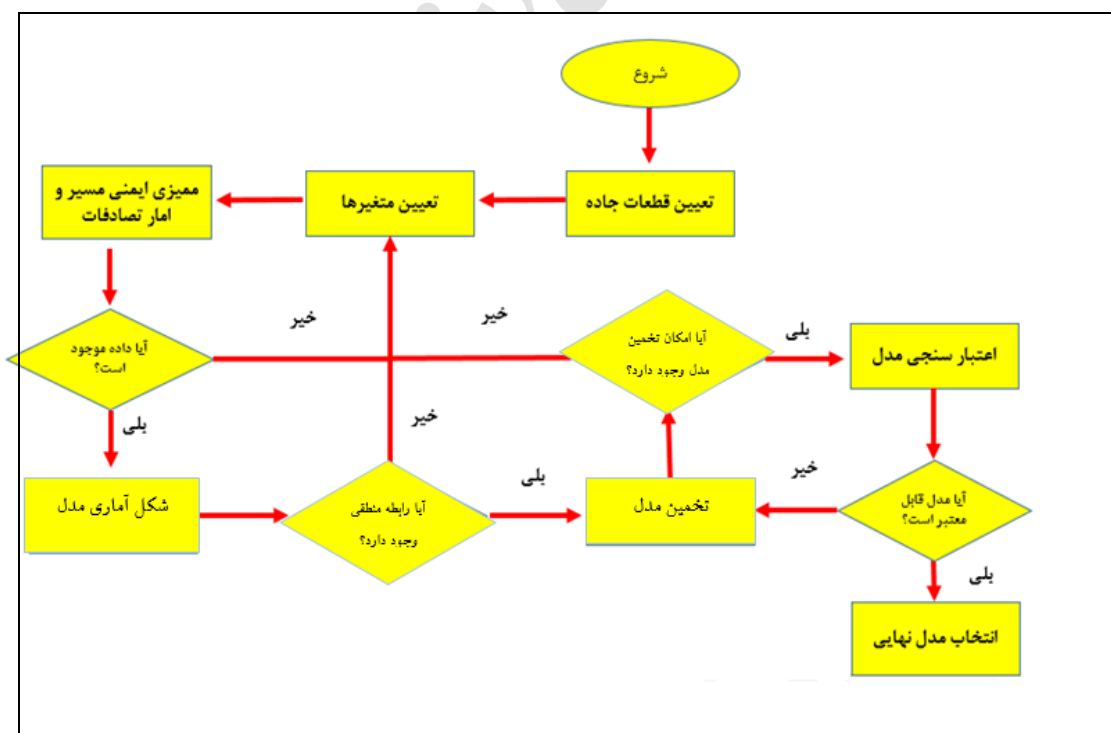
گام هفتم: انجام تست‌های مرتبط با مدل‌سازی. پس از مشخص شدن ضرایب متغیرهای مستقل و ضریب ثابت، حال باید آزمون‌های لازم شامل تست t ، تست علامت، همبستگی خطی بین متغیرهای مستقل و واریانس‌ها و مشخصات دیگر به‌طور کامل مورد بررسی قرار گیرد. در صورتی‌که همه آزمون‌ها جواب داد آن‌گاه مدل مورد تأیید می‌باشد. اگر مشکلی وجود داشت باید به گام‌های قبل بازگشت و نوع تابع و رابطه آماری و یا متغیرهای مستقل را تغییر داد.

در شکل (۱) فلوجارت مدل‌سازی تصادفات در قطعات جاده برون‌شهری با استفاده از آمار ممیزی ایمنی نشان داده شده‌است.

این‌که شاخص‌های ایمنی معمولاً براساس تصادفات فوتی و جرحی تعیین می‌گردد. در نتیجه پیشنهاد این است که اطلاعات تصادفات جرحی و فوتی برای مدل‌سازی استفاده شود.

گام پنجم: انتخاب رابطه آماری بین متغیرهای وابسته و مستقل. پس از جمع‌آوری اطلاعات باید بین تصادفات و پارامترهای جمع‌آوری شده در ممیزی ایمنی رابطه آماری منطقی برقرار شود. همان‌طور که اشاره شد بدین منظور از نرم‌افزار STATA استفاده می‌گردد و باتوجه به فرضیات مدل‌سازی روابط آماری شکل داده می‌شود و مدلی که برازش بهتری دارد انتخاب می‌شود. باتوجه به روش تحقیق پیشنهادی برای این پژوهش مدل‌های رگرسیون دو جمله‌ای منفی و رگرسیون پواسون بررسی می‌گردند.

گام ششم: تخمین مدل. پس از مطمئن شدن از وجود رابطه آماری در مرحله بعد، مدل تخمین زده می‌شود.

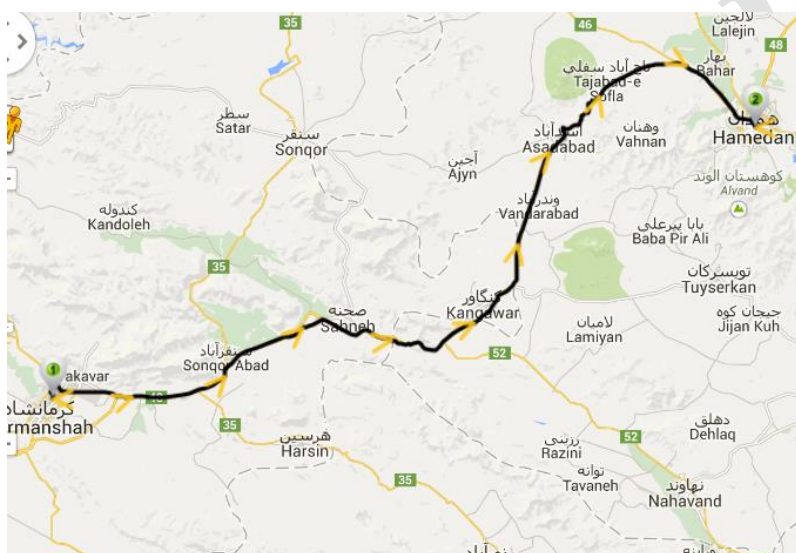


شکل ۱ مدل‌سازی تصادفات در قطعات جاده برون‌شهری با استفاده از آمار ممیزی ایمنی

ارائه مدل تصادفات در محور همدان- کرمانشاه. پس از ارائه روند مدل‌سازی تصادفات با استفاده از ممیزی ایمنی در قطعات جاده برون‌شهری در گام بعد یکی از جاده‌های مهم برون‌شهری کشور بین شهرهای همدان و کرمانشاه به‌عنوان مطالعه موردی مدنظر قرار گرفت. جاده کرمانشاه- همدان مهم‌ترین محور بین دو استان همدان و کرمانشاه می‌باشد که بخشی از بزرگراه کربلا نیز محسوب می‌گردد. این محور انواع شرایط توپوگرافی را دارا می‌باشد و رده آن از نوع اصلی درجه ۱ است. نقشه مسیر مذکور در شکل ۲ نشان داده

شده‌است.

در ابتدا کدهای مشکلات و متغیرهای وابسته و متغیرهای مستقل مورد نیاز (برای برداشت) تعیین گردید. در این راستا ۱۲ کد اصلی طبق جدول ۱) به‌عنوان کد برداشت اطلاعات انتخاب شد که هم کد عددی و هم کد حرفی برای آنها منظور گردید. کد عددی برای سهولت در برداشت اطلاعات و کد حرفی به‌منظور سهولت مدل‌سازی و ورود داده‌ها به نرم‌افزار مدنظر قرار گرفت.



شکل ۲ نقشه مسیر همدان- کرمانشاه

جدول ۱ کدهای مربوط به مشخصات مسیر جاده و مشکلات برداشت‌شده از ممیزی ایمنی

کد حرفی	کد عددی	نوع موقعیت یا مشکل
C	۱	تصادف جرحی
D	۲	تصادف فوتی
E	۳	تراکم دسترسی
F	۴	تعداد مشکلات روسازی
G	۵	تعداد مشکلات کنار جاده
H	۶	تعداد مشکلات علائم عمودی و افقی
I	۷	وجود پرتگاه
J	۸	مشکلات گاردریل
K	۹	مشکلات آبرو
L	۱۰	قوس افقی
M	۱۱	قوس قائم
N	۱۲	هموار

برای داده‌های نشان داده‌شده در جدول (۲) مدل تصادفات جرحی و فوتی به صورت جداگانه و برای هر یک از روش‌های رگرسیون دوجمله‌ای منفی و پواسون ساخته شد. با توجه به متغیرهای مستقل و وابسته مدل که در جدول (۱) نشان داده شده است، چندین بار هر یک از مدل‌ها ساخته شد و آماره‌های آنها و آزمون‌ها مقایسه گردید. بهترین نتایج مدل رگرسیون دوجمله‌ای منفی در جدول (۳ و ۴) به ترتیب برای تصادفات جرحی و فوتی نشان داده شده است.

همان‌طور که جدول (۳) نشان می‌دهد در بهترین مدل دوجمله‌ای منفی برای تصادفات جرحی، ۲ متغیر مستقل وجود پرتگاه در کناره راه و همچنین هموار بودن مسیر با ضریب اطمینان ۹۹ درصد معنادار شد. ضمن این‌که آماره LR، ۷,۳۸ شد.

در گام بعد برای برداشت اطلاعات، تیم ممیزی دارای صلاحیت از سازمان راهداری و حمل و نقل جاده‌ای تشکیل گردید و در راستای داده‌برداری، فرم‌های ممیزی به صورت شکل (۳) تهیه گردید.

همان‌طور که در شکل (۳) نشان داده شده است اطلاعات دیگری برای شناسایی دقیق نقاط و قرار دادن هر یک از آنها در قطعات تعیین شده برای جاده در فرم گنجانده شد. البته نکته قابل ذکر در خصوص فرم‌ها این است که اکثر اطلاعات در مسیر، برداشت و وارد فرم می‌شود اما برخی از آنها نظیر تصویر ماهواره‌ای پس از اتمام بازدید وارد می‌گردد.

پس از انجام عملیات برداشت برای ورود داده‌ها به نرم‌افزار کدهای حرفی مختص هر یک از مشکلات به آنها اختصاص داده شد. بخشی از داده‌های ورودی به نرم‌افزار STATA برای ساخت مدل‌های تصادف در جدول (۲) نشان داده شده است.

فرم برداشت اطلاعات نقاط و مقاطع شناسایی شده در ممیزی ایمنی راه	
ردیف	تاریخ تکمیل فرم
اداره کل	شهرستان
موقعیت (آدرس محلی)	
محور	کیلومتر
	مختصات جغرافیایی
موقعیت راه	تقاطع <input type="checkbox"/>
	بل <input type="checkbox"/> تبادل <input type="checkbox"/> قوس افقی <input type="checkbox"/> قوس قائم <input type="checkbox"/> بزرگراه <input type="checkbox"/> تونل <input type="checkbox"/> سایر <input type="checkbox"/>
کد مشکل	نحوه برخورد محتمل <input type="checkbox"/> رخ به رخ <input type="checkbox"/> واژگونی <input type="checkbox"/> جلو به پهلو <input type="checkbox"/> مانع ثابت <input type="checkbox"/> عابر <input type="checkbox"/> سایر <input type="checkbox"/>
	تصویر ماهواره‌ای
سبب وضعیت موجود مشکل	
وضعیت دید راننده	
فاصله دید انتخاب	
فاصله دید سیفت	
فاصله دید توقف	
شماره قطعه	
عکس شماره ۱	عکس شماره ۲

شکل ۳ نمونه فرم برداشت اطلاعات مشکلات ایمنی قطعات جاده

جدول ۲ بخشی از داده‌های ورودی به نرم‌افزار برای ساخت مدل‌های تصادف

کیلمتر از هموار	فوس قائم	فوس افقی	مشکلات آبرو	مشکلات گازدریل	وجود پرتگاه	تعداد مشکلات علائم عمودی و افقی	تعداد مشکلات کنار جاده	تعداد مشکلات روسازی	تراکم دسترسی	تعداد تصادفات جرحی	تعداد تصادفات فوتی	ردیف
۰-۵	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۰	۵	۲	۱	۱
۵-۱۰	۰	۰	۱	۰	۰	۲	۰	۰	۲	۳	۲	۲
۱۰-۱۵	۱	۰	۰	۱	۰	۱	۰	۰	۲	۳	۳	۳
۱۵-۲۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۲	۲	۴
۲۰-۲۵	۰	۱	۰	۰	۰	۲	۱	۰	۲	۱	۰	۵
۲۵-۳۰	۰	۱	۰	۰	۰	۲	۱	۰	۳	۲۰	۳	۶
۳۰-۳۵	۰	۱	۰	۰	۰	۱	۲	۰	۱	۲	۰	۷
۳۵-۴۰	۰	۱	۱	۱	۲	۲	۳	۱	۰	۱	۱	۸
۴۰-۴۵	۰	۱	۰	۰	۰	۳	۳	۰	۸	۲	۱	۹
۴۵-۵۰	۰	۱	۰	۰	۱	۱	۲	۰	۳	۱	۰	۱۰
۵۰-۵۵	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۵	۹	۱	۱۱
۵۵-۶۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۳	۴	۲	۱۲
۶۰-۶۵	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۲	۲	۰	۱۳
۶۵-۷۰	۰	۱	۰	۰	۱	۱	۱	۰	۲	۱	۰	۱۴
۷۰-۷۵	۱	۰	۱	۰	۰	۱	۱	۰	۳	۰	۰	۱۵

جدول ۴ ضرایب و آماره‌های خروجی نرم‌افزار STATA در مدل دوجمله‌ای منفی برای تصادفات فوتی

پارامتر	ضریب	Z	P> Z
عدد ثابت	-۰/۲۴	-۰/۵۶	۰/۵۷۳
E	۰/۲۱	۱/۷۷	۰/۰۷۶

Log likelihood: -۹۸/۸۰
LR chi2 (1): ۲/۲۶
Pseudo R2: ۰/۱۶۲

جدول ۳ ضرایب و آماره‌های خروجی نرم‌افزار STATA در مدل دوجمله‌ای منفی برای تصادفات جرحی

پارامتر	ضریب	Z	P> Z
عدد ثابت	۲/۳۸	۸/۹۶	۰/۰۰۰
I	-۱/۱۳	-۲/۶۱	۰/۰۰۹
N	-۰/۷۸	-۱/۹۲	۰/۰۵۵

Log likelihood: -۱۸۰/۴۵
LR chi2 (2): ۷/۳۸
Pseudo R2: ۰/۰۲

اگر قرار باشد هر کدام از متغیرها به تنهایی مورد بررسی قرار گیرد وجود قوس قائم و بعد از آن قوس افقی به دلیل مشکلات دید سبقت و توقف بیشترین تأثیر و تراکم دسترسی دارای کمترین تأثیر در این نوع تصادفات هستند. یکی از نکات جالب توجه این است که وجود پرتگاه باعث کاهش این نوع از تصادفات خواهد شد.

متغیرهای مستقل دیگری در تصادفات منجر به فوت در قطعات راه مؤثر بودند که در جدول (۶) این متغیرها و میزان اثرگذاری آنها در مدل تصادفات منجر به فوت نشان داده شده است.

در جدول (۶) مدل پیش‌بینی تصادفات فوتی در قطعات راه‌های برون‌شهری مشاهده می‌گردد که به لحاظ معناداری کل مدل در سطح قابل قبولی قرار دارد، بدین صورت که آماره LR آن به گونه‌ای است که احتمال غیرمعنادار بودن مدل نزدیک به صفر است. همچنین مشاهده می‌شود که هر کدام از متغیرها دارای معناداری بالای ۹۵ درصد هستند. در مدل پیش‌بینی تصادفات فوتی متغیرهای مستقل عبارت‌اند از تراکم دسترسی، مشکلات روسازی، وجود پرتگاه در قطعه، مشکلات آبرو و تلاقی قطعه با یک قوس قائم.

باتوجه به اطلاعات جدول (۴) در مدل دوجمله‌ای منفی تصادفات فوتی تنها متغیر مستقل معنادار آن هم با ضریب اطمینان ۹۳ درصد، تراکم دسترسی می‌باشد و میزان LR نیز ۳,۲۶ شد.

به منظور ساخت مدل‌های پواسون متغیرهای مستقل به صورت همه‌باهم و همچنین با در نظر گرفتن ترکیبات مختلف آنها مدنظر قرار گرفت که در نهایت بهترین نوع مدل برای تصادفات جرحی و فوتی به صورت جدول (۵ و ۶) باتوجه به ضرایب و خروجی‌های نرم‌افزار حاصل گردید.

در جدول (۵) مدل پواسون پیش‌بینی تصادفات جرحی مشاهده می‌گردد که به لحاظ معناداری کل مدل در سطح قابل قبولی قرار دارد، بدین صورت که آماره LR آن به گونه‌ای است که احتمال غیرمعنادار بودن مدل نزدیک به صفر است. همچنین مشاهده می‌شود که هر کدام از متغیرها بالای ۹۹ درصد معنادار هستند. نتایج مدل‌سازی نشان می‌دهد مهم‌ترین متغیرهای مستقل در مدل پواسون تصادفات منجر به جرح عبارت‌اند از تراکم دسترسی، مشکلات کنار جاده، وجود پرتگاه، مشکلات آبرو، قوس افقی و قوس قائم.

جدول ۶ ضرایب و آماره‌های خروجی نرم‌افزار STATA در مدل پواسون برای تصادفات فوتی

پارامتر	ضریب	Z	P> Z
عدد ثابت	-۰/۳۳	-۱/۴۸	۰/۱۳۸
E	۰/۱۳	۳/۱۸	۰/۰۰۱
F	۰/۵۵	۲/۵۷	۰/۰۱۰
I	-۱/۲۱	-۳/۲۹	۰/۰۰۱
K	۰/۷۳	۴/۷۴	۰/۰۰۰
M	۰/۴۵	۲/۰۴	۰/۰۴۱
Log likelihood: -۱۴۰/۰۹			
LR chi2 (6): ۶۵/۸۳			
Pseudo R2: ۰/۱۹			

جدول ۵ ضرایب و آماره‌های خروجی نرم‌افزار STATA در مدل پواسون برای تصادفات جرحی

پارامتر	ضریب	Z	P> Z
عدد ثابت	۱/۰۹	۷/۳۸	۰/۰۰۰
E	۰/۱۷	۷/۵۹	۰/۰۰۰
G	-۰/۴۴	-۸/۲۱	۰/۰۰۰
I	-۰/۸۱	-۵/۲۲	۰/۰۰۰
K	۰/۳۸	۳/۳۱	۰/۰۰۱
L	۰/۹۲	۶/۹۲	۰/۰۰۰
M	۱/۱۳	۸/۲۳	۰/۰۰۰
Log likelihood: -۳۷۸/۴۷			
LR chi2 (6): ۲۰۹/۱۸			
Pseudo R2: ۰/۲۲			

در مدل دوجمله‌ای منفی جرحی تنها ۲ متغیر مستقل معنی‌دار شد. در مدل پواسون تصادفات فوتی ۵ متغیر ممیزی ایمنی معنادار شد و در مدل دو جمله‌ای منفی تصادفات فوتی تنها ۱ متغیر مستقل معنادار شد. مقایسه مدل‌ها نشان می‌دهد که پارامتر پراکندگی در مدل دوجمله‌ای منفی معنادار است و همچنین مقدار منفی دو برابر لگاریتم درست‌نمایی برای مدل پواسون بزرگ‌تر است. مقایسه دو مدل در جدول (۷) نشان داده شده‌است.

به‌منظور اعتبارسنجی مدل، داده‌های مربوط به ۱۰ قطعه از مسیر کرمانشاه- سنندج با استفاده از مدل پواسون بررسی گردید و پیش‌بینی تصادفات جرحی و فوتی با آمار تصادفات موجود در محور مقایسه گردید. بدین منظور از خطای جذر میانگین مربع‌ها بین نتایج پیش‌بینی و داده‌ها واقعی استفاده شد. معیار مذکور ۰/۸۱ شد که نشان از اعتبار مدل پیشنهادی دارد.

بررسی مدل نشان می‌دهد در قطعاتی که مشکلات زه‌کشی دارند و آبروی آنها استاندارد نیست و آشکارسازی مناسبی برای آنها مدنظر قرار نگرفته‌است تصادفات فوتی بیشتری وجود دارد. همچنین تراکم دسترسی در یک قطعه از لحاظ ضریب در تصادفات فوتی قطعه تأثیر دارد اما دارای ضریب کمتری به نسبت سایر متغیرها می‌باشد.

پس از ساخت مدل‌ها و شناسایی عوامل مؤثر در تصادفات جرحی و فوتی، ارزیابی و مقایسه مدل‌ها انجام می‌شود تا کارایی هر یک در تخمین تصادفات مشخص شود. بررسی و مقایسه خروجی مدل‌ها با استفاده از شاخص‌های خوبی برازش مدل‌ها و مقدار آماره نسبت بزرگنمایی LR، تعداد پارامترهای مستقل معنی‌دار، ضرایب بین مدل‌های ساخته‌شده انجام شد. همان‌طور که مقایسه جداول (۳) با (۵) و (۴) با (۶) نشان می‌دهد، مدل پواسون اعتبار بیشتری دارد و این موضوع هم برای تصادفات جرحی و هم برای تصادفات فوتی صادق می‌باشد. در مدل پواسون تصادفات جرحی ۶ متغیر ممیزی ایمنی معنادار شد اما

جدول ۷ ارزیابی و مقایسه دو مدل بهتر پواسون و دوجمله‌ای

پواسون	دوجمله‌ای منفی	مدل شاخص
تصادفات جرحی		
۷۵۶,۹۴	۳۶۰/۹	-2LL
۲۰۹/۱۸	۷/۳۸	LR
۶	۲	تعداد متغیرهای مستقل معنادار در بهترین مدل
تصادفات فوتی		
۲۸۰,۱۸	۱۹۷/۶	-2LL
۶۵/۸۳	۳/۲۶	LR
۵	۱	تعداد متغیرهای مستقل معنادار در بهترین مدل

نتیجه‌گیری

است که ارتفاع زیادی دارند و در نتیجه به دلیل عدم آشکارسازی، توسط رانندگان مشاهده نمی‌گردد.

- در مدل تصادفات جرحی عامل دوم و تأثیرگذار در تصادفات مشکلات آبروی قطعه است و در تصادفات فوتی، مشکلات روسازی به‌عنوان عامل تأثیرگذار دوم، موجب افزایش این نوع از تصادفات می‌گردد. البته منظور از مشکلات روسازی، ترک‌های جزئی و خرابی‌های کوچک نبود زیرا مواردی به‌عنوان خرابی روسازی برداشت می‌شد که احتمال واژگونی و انحراف داشت و وسعت آنها نیز زیاد بود.
- تراکم دسترسی به‌عنوان عامل تأثیرگذار در هر دو نوع تصادفات می‌باشد که نشان می‌دهد هر چه تعداد دسترسی در یک قطعه بیشتر باشد هم فراوانی تصادفات جرحی و هم تصادفات فوتی را افزایش می‌دهد.

- بررسی عوامل تأثیرگذار تصادف نشان داد وجود قوس‌های افقی موجب افزایش تصادفات جرحی می‌گردد.

- بررسی ضرایب مربوط به وجود پرتگاه در قطعه نشان داد که این عامل موجب کاهش تصادفات جرحی و فوتی می‌گردد. دلیل این امر می‌تواند کاهش سرعت خودروها در این قطعات و احتیاط و دقت بیشتر رانندگان باشد.

- باتوجه به نتایج پژوهش انجام‌شده به‌منظور اولویت‌بندی راهکارها برای کاهش تلفات و جراحات باید آشکارسازی و نصب حفاظ در محدوده آبروها، رفع مشکلات روسازی، رفع موانع دید، اصلاح قوس و اصلاح دسترسی‌ها و آشکارسازی آنها در اولویت کار قرار گیرد.

به‌منظور ساخت مدل پیش‌بینی تصادفات قطعات راه‌های برون‌شهری با استفاده از داده‌های ممیزی ایمنی راه دو مدل اصلی رگرسیون دوجمله‌ای منفی و رگرسیون پواسون مدنظر قرار گرفت که هم درخصوص تصادفات جرحی و هم درخصوص تصادفات فوتی مدل‌های پواسون اعتبار بیشتری داشت. برخی دیگر از نتایج حاصل از پژوهش به شرح زیر می‌باشد:

- در مدل‌های ساخته‌شده با مدل‌های مختلف و ترکیبات مختلف متغیرهای مستقل بهترین مدل‌ها، مدل‌های پواسونی تصادفات فوتی و جرحی بودند که در جدول (۸) نشان داده شده‌است.

جدول ۸ متغیرهایی که بیشترین معناداری را در بین مدل‌های رگرسیون پواسون داشتند

ردیف	نوع تصادفات (متغیر وابسته)	متغیرهای مستقل
۱	تصادفات جرحی	تراکم دسترسی، مشکلات کنار جاده، وجود پرتگاه، مشکلات آبرو، قوس افقی و قوس قائم
۲	تصادفات فوتی	تراکم دسترسی، مشکلات روسازی، وجود پرتگاه در قطعه، مشکلات آبرو و قوس قائم

- در مدل تصادفات جرحی مهم‌ترین عامل قوس قائم می‌باشد که موجب مشکلات دید می‌گردد و در تصادفات فوتی مشکلات آبروهایی بیش از ۳ متر حادثتر از سایر پارمترها می‌باشد. دلیل اصلی این موضوع واژگونی خودروها در محدوده آبروهایی

مراجع

1. Singh, S., "Critical Reasons for Crashes Investigated in the National Motor Vehicle Crash Causation Survey", No. DOT HS 812 115, (2015).

۲. سیمای ایمنی راه‌ها (۲)، گزارش ملی وضعیت ایمنی رانندگی در ایران، وزارت راه و شهرسازی، (۱۳۹۴).

2. Highway Safety Manual (HSM), American Association of State Highway and Transportation Officials, (2010).
3. Lee, J.Y., Chung, J.-H. and Son, B., "Analysis of Traffic Accident Size for Korean Highway Using Structural Equation Models", *Accident Analysis and Prevention*, Vol. 40, No. 6, pp. 1955–1963, (2008).
4. Sun, X., Li, Y., Magri, D., & Shirazi, H. H., "Application of Highway Safety Manual Draft Chapter: Louisiana Experience", *Transportation Research Record: Journal of the Transportation Research Board*, Vol.1950, No. 1, pp. 55-64, (2006).
5. Phimister, J. R., Bier, V. M., & Kunreuther, H. C. (Eds.), "Accident Precursor Analysis and Management: Reducing Technological Risk Through Diligence", National Academies Press, (2014).
6. Milton, J.C., Shankar, V.N. and Mannering, F.L. "Highway Accident Severities and the Mixed Logit Model: An Exploratory Empirical Analysis", *Accident Analysis and Prevention*, Vol.40, No. 1, pp. 260–266, (2008).
7. Ma, J., Kockelman, K.M. and Damien, P., "A Multivariate Poisson-lognormal Regression Model for Prediction of Crash Counts by Severity, Using Bayesian Methods", *Accident Analysis and Prevention*, Vol.40, No. 3, pp. 964-975, (2008).
8. Cafiso, S., La Cava, G., Leonardi, S., Montella, A., and Pappalardo, G, "Operative Procedures for Road Safety Inspections," Varsaw, Poland, (2012).
9. Anastasopoulos, C. and Mannering, F.L., "A Note on Modeling Vehicle Accident Frequencies with Random-parameters Count Models", *Accident Analysis and Prevention*, Vol. 41, No. 1, pp. 153–159, (2009).
10. Cafiso, S., Cava, G. L., & Montella, A., "Safety Index for Evaluation of Two-lane Rural Highways". *Transportation Research Record: Journal of the Transportation Research Board*, Vol. 2019, No.1, pp. 136-145, (2007).
11. Chang, L., "Analysis of Freeway Accident Frequencies: Negative Binomial Regression Versus Artificial Neural Network", *Safety Science*, Vol.43, No. 8, pp. 541–557, (2005).
12. Hermans, E., Van den Bossche, F., & Wets, G., "Combining Road Safety Information in A Performance Index", *Accident Analysis & Prevention*, Vol. 40, No. 4, pp. 1337-1344, (2008).
13. Zheng, L., and Meng, X., "An Approach to Predict Road Accident Frequencies: Application of Fuzzy Neural Network", *3rd International Conference on Road Safety and Simulation*, September 14-16, Indianapolis, USA, (2011).
14. Mc Elhinney, C. P., Kumar, P., Cahalane, C., & McCarthy, T., "Initial Results from European Road Safety Inspection (EURSI) Mobile Mapping Project", *In ISPRS Commission V Technical Symposium*, pp. 440-445, (2010).
15. Zeng, Q., & Huang, H., "Bayesian Spatial Joint Modeling of Traffic Crashes on an Urban Road Network", *Accident Analysis & Prevention*, Vol. 67, pp. 105-112, (2014).