



بررسی رفتار بازگشت فنری کامپوزیت‌های الیاف-فلز با استفاده از تئوری‌های لایه معادل و لایه مجزا

امیرعلی ابوالقاسمی^۱, عبدالحسین جلالی اقچای^{۲*}, بهروز مرادخانی^۳ و سید علی فاطمی^۱

^۱ کارشناسی ارشد، دانشکده مکانیک دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

^۲ استادیار، دانشکده مکانیک دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

^۳ دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مکانیک دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۰۸/۰۴؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۰۹/۲۹

چکیده

در فرایندهای خم کاری، ورق بین ابزار و قالب دچار تغییر شکل پلاستیک شده، شکل نهایی موردنظر را به خود می‌گیرد. مهم‌ترین نقصی که در خم کاری ورق‌ها رخ می‌دهد، تغییر زاویه خم پس از باربرداری است. این پدیده که بازگشت فنری نامیده می‌شود، ناشی از رفتار الاستیک ورق در مرحله باربرداری است. به منظور افزایش دقت ابعادی محصول، باید متغیرهای خم کاری به شکلی انتخاب گردد که زاویه خم پس از بازگشت فنری به مقدار مورد نظر بررسد. ورق‌های چندلایه الیاف-فلز به دلیل ویژگی‌هایی نظیر، نسبت استحکام به وزن بالا، هزینه ساخت مناسب، مقاومت شیمیایی مناسب، استحکام مکانیکی بالا، میرایی صوت و ارتعاش و عایق حرارتی بودن مورد توجه صنایع قرار گرفته‌اند. در این پژوهش، رفتار بازگشت فنری ورق چندلایه الیاف-فلز با روش تئوری بررسی شده، نتایج با آزمایش‌های تجربی صحه‌گذاری شده است. نتایج این پژوهش نشان داد، روش تئوری ارائه شده با خطای میانگین حدود ۱۷٪ توان پیش‌بینی رفتار بازگشت فنری ورق چندلایه الیاف-فلز را دارد.

کلمات کلیدی: بازگشت فنری؛ ورق الیاف-فلز؛ روش تحلیلی؛ روش تجربی.

Investigation of Springback Behavior of Fibre-Metal Laminates using Equivalent-Layer and Separate-Layer Theories

A. Abolghasemi¹, A. Jalali Aghchai^{2,*}, B. Moradkhani³, S. A. Fatemi¹

¹ M.Sc., Mech. Eng., K. N. Toosi Univ., Tehran, Iran.

² Assit. Prof., Mech. Eng., K. N. Toosi Univ., Tehran, Iran.

³ M.Sc. Student, Mech. Eng., Sharif Univ., Tehran, Iran.

Abstract

At the bending process, sheet deforms plastically between tool and die to take its final shape. Deviation of final bending angle from intended angle after removing load is the most important defect which occurs in sheet metal forming processes. This phenomenon which is called springback, occurs because of elastic behavior of sheet after unloading. In order to increasing geometrical accuracy of products, the bending parameters should be chosen in such a way that the intended bending angle be obtained after unloading. In the recent years, due to fuel crisis; aerospace and automotive industries trends to use lightweight materials to decrease fuel consumption. Fiber Metal Laminates are attractive materials for industries due to their suitable specifications such as high strength to weight ratio, low cost, high chemical resistance and high acoustic and vibration damping. In the present study, the springback behavior of Fiber metal laminates has been investigated by using theoretical and experimental procedures. The results of this study shows that the developed theoretical model can predict springback with mean error of 17%.

Keywords: Springback; Fiber Metal Laminate; Separate-Layer; Equivalent-Layer; Theoretical.

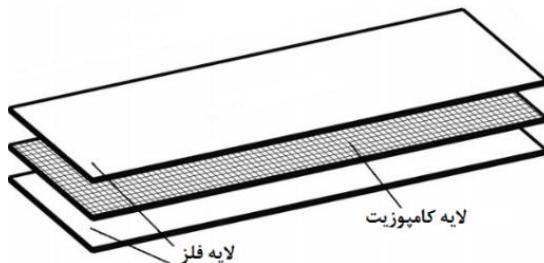
* نویسنده مسئول؛ تلفن: +۹۸۲۱۸۴۰۶۳۲۲۹
آدرس پست الکترونیک: jalali@kntu.ac.ir

خم دقیق و تکرارپذیر است. پدیده بازگشت فنری، پدیده مرسومی است که سبب کاهش دقت خم کاری می‌شود. بازگشت فنری، به معنای تغییر شکل هندسی ورق در مرحله باربرداری است. این پدیده، ناشی از رفتار الاستیک ورق پس از باربرداری است که سبب تغییر شکل قطعه می‌شود [۳]. تحقیقات تجربی اخیر نشان داده است که بازگشت فنری علاوه بر اثرات الاستیک، شامل اثرات کوچک پلاستیک نیز هست [۴، ۵]. این پدیده، وابستگی زیادی به تنש‌های موجود در انتهای تغییر شکل دارد [۶].

وانگ^۱ و همکاران در سال ۱۹۹۳، یک مدل تحلیلی برای خم کاری کرنش صفحه‌ای ورق ارائه کردند و اثر خواص و ضخامت و ابعاد ورق، شعاع سنبه و ماتریس و پارامترهای فرایند نظری، اصطکاک و کورس سنبه را در مدل تحلیلی خود در نظر گرفتند. ایشان اثرات پارامترهای یاد شده بر بازگشت-فنری، توانایی خم کاری و نیروی خم کاری را بررسی کردند. نتایج این روش نشان داد با افزایش کورس سنبه، بازگشت-فنری افزایش و نیرو ابتدا افزایش سپس کاهش پیدا می‌کند [۷]. هینو^۲ و همکاران در سال ۲۰۰۳، خم کاری کششی ورق دولایه AA1100-SS430 را مورد مطالعه قرار دادند. ایشان اثر نیروی کششی، استحکام اتصال و نسبت ضخامت لایه‌ها روی بازگشت فنری ورق دولایه را بررسی کردند. ایشان دریافتند در صورتیکه لایه با استحکام بیشتر ضخیم باشد، ورق دولایه مانند یک تک لایه رفتار می‌کند. ایشان همچنین مقدادر بھینه این متغیرها را برای کاهش بازگشت فنری ارائه کردند [۸]. وايز^۳ و همکاران در سال ۲۰۰۴ اثر ضخامت و خواص مکانیکی لایه میانی را روی بازگشت فنری ورق‌های Steel/Polymer/Steel به روش تجربی و عددی مطالعه کردند. آنها بیان کردند، با افزایش ضخامت، بازگشت فنری کاهش پیدا می‌کند، ولی استحکام لایه میانی تاثیری بر بازگشت فنری ندارد [۹]. موس^۴ و همکاران در سال ۲۰۰۵ اثر دما و سرعت فرایند روی شکل پذیری ورق‌های FML را بررسی کردند و دریافتند با پیش‌گرم کردن ورق تا ۱۶۰°C و

۱- مقدمه

طی سه دهه اخیر، افزایش نیاز صنایع هواپی، دریایی و خودروسازی به سازه‌هایی با مقاومت بالا و وزن سبک، منجر به شکل‌گیری ایده ساخت کامپوزیت‌های الیاف-فلز شد [۱]. یک سازه بهینه دارای ویژگی‌هایی نظیر، استحکام بالا، چگالی پایین، مدول الاستیسیته بالا، چقرمگی بالا، مقاومت به خوردگی و خستگی بالا است. در سال ۱۹۷۸، محققان دانشگاه دلفت در هلند به جهت افزایش مقاومت به خستگی آلومینیوم، ایده اصلی ساخت کامپوزیت‌های الیاف-فلز را مطرح کردند. ایده اصلی ساخت کامپوزیت‌های لایه‌ای الیاف-فلز، ساخت ورقی چندلایه بهمنظور ترکیب ویژگی‌های مثبت فلزات (آلومینیوم، فولاد، تیتانیوم...) و کامپوزیت‌ها بود که مزایای بیشتری نسبت به فلزات مرسوم در صنایع دنیا را فراهم کند [۲]. کامپوزیت‌های الیاف-فلز، سازه‌هایی متشکل از لایه‌های متوالی نازک فلز و پلیمرهای تقویت شده با الیاف هستند که به یکدیگر متصل شده‌اند. این کامپوزیت‌ها به دلیل استفاده از لایه فلزی، دارای مقاومت سایشی و مقاومت به ضربه مناسبی هستند. علاوه بر این وجود لایه کامپوزیتی، منجر به افزایش مقاومت به خستگی سازه می‌شود. همچنین ترمیم این دسته از کامپوزیت‌ها، بسیار ساده و کم‌هزینه است. در شکل ۱، نمونه‌ای از کامپوزیت الیاف-فلز نشان داده شده است.



شکل ۱- شماتیک کامپوزیت الیاف-فلز

فرایند خم کاری، جزو فرایندهای شکل‌دهی ورق است. از فرایند خم کاری، می‌توان برای ساخت بازه بزرگی از قطعات صنعتی مانند، قطعات خودرو، هواپیما و تجهیزات ساختمانی استفاده کرد. در این فرایند، ورق بین ابزار و قالب دچار تغییر شکل پلاستیک شده، شکل موردنظر را به خود می‌گیرد. یکی از مهم‌ترین مشکلات در حوزه خم کاری، بدست آوردن زاویه

¹ Wang

² Hino

³ Weiss

⁴ Mosse

از جنس پلی‌پورتان و فاز تقویت‌کننده‌ای از جنس شیشه ساخته شد. برای ساخت ورق ساندویچی، ابتدا یک لایه از کامپوزیت ساخته شده بین دو ورق آلومینیوم قرار داده شد. سپس این سه لایه در پرس گرم به مدت ۵ دقیقه و در دمای 190°C تحت فشار قرار گرفتند.

برای بدست آوردن مقدار بازگشت‌فنری ورق چندلایه با هسته کامپوزیتی، از آزمایش خم شهنج نقطه‌ای استفاده شد. در شکل ۲، روش اجرای آزمایش خم کاری شهنج نقطه نشان داده شده است.

پس از خم شهنج نمونه‌ها تا زاویه ۹۰ درجه و بالا رفتن سنبه، توسط دوربین کاملاً تراز شده از نمونه‌ها عکس برداری انجام گردید و زاویه پس از برداری توسط نرم‌افزار CATIA اندازه‌گیری شد (شکل ۳).

آلومینیوم طبق استاندارد M ASTM E08 و لایه کامپوزیتی مطابق با استاندارد M ASTM D638 برش داده شدند. آزمایش‌های کشش تک محوری با استفاده از ۱۰۰ Zwick/Roell در سرعت ۵ میلی‌متر بر دقیقه و در سه زاویه ۰، ۴۵ و ۹۰ درجه انجام شدند.



شکل ۲- روش اجرای آزمایش خم کاری شهنج نقطه



شکل ۳- اندازه‌گیری مقدار زاویه بازگشت فنری ورق

قالب و ورق گیر تا 80°C ، خطای شکل‌دهی کاهش پیدا کرده است. مطالعات آنها نشان داد، سرعت شکل‌دهی در دمای محیط تأثیری بر عیوب هندسی نداشت، ولی در دمای‌های بالا افزایش سرعت شکل‌دهی، باعث کاهش عیوب هندسی شده است [۱۰]. محمدی و همکاران در سال ۲۰۱۱، طی پژوهش خود مسئله خم شهنج نقطه را به روش عددی و تحلیلی مورد مطالعه قرار داده‌اند و بیان کرده‌اند که ضخامت و خواص لایه روی بازگشت‌فنری تأثیر زیادی داشته است [۱۱]. همچنین آنها با استفاده از الگوریتم ژنتیک، بازگشت‌فنری در ورق‌های دولایه و سه‌لایه ساندویچی را بهینه کرده‌اند.

پارسا و همکاران طی پژوهشی در سال ۲۰۱۴، اثر شعاع سنبه و ماتریس را بر بازگشت فنری ورق سه‌لایه Al3105/polypropylene/Al3105 در فرایند خم کاری V به روش عددی و تجربی بررسی کردند. نتایج تحقیقات آنها نشان داد، با افزایش شعاع خم کاری مقدار بازگشت فنری ورق سه‌لایه افزایش پیدا کرد، همچنین با افزایش ضخامت ورق، مقدار زاویه بازگشت فنری کاهش پیدا کرد. آنها دریافت‌های در روش عددی، نتایج حل مسئله به روش Implicit در نرم‌افزار ABAQUS، جواب دقیق‌تری نسبت به روش Explicit فراهم کرده است [۱۲].

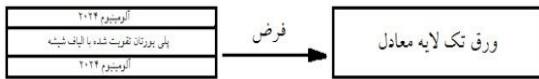
در این پژوهش، رفتار بازگشت‌فنری ورق الیاف-فلز سه لایه آلومینیوم ۲۰۲۴/پلی‌پورتان تقویت شده با الیاف شیشه/آلومینیوم ۲۰۲۴، به روش تئوری بررسی و نتایج با آزمایش‌های تجربی مقایسه می‌شود.

۲- روش تجربی

به منظور بررسی بازگشت فنری ورق چندلایه با هسته کامپوزیتی با الیاف شیشه متقطع، از ورق سه‌لایه مت Shank از دو لایه آلومینیوم ۲۰۲۴ در کناره‌ها و یک لایه کامپوزیت (پلی‌پورتان به عنوان ماتریس و الیاف شیشه متقطع به عنوان فاز تقویت‌کننده) در وسط استفاده شده است. برای اتصال لایه‌ها به یکدیگر، ابتدا آماده‌سازی سطوح مطابق با استاندارد ASTM D2651، انجام شد. برای آماده‌سازی هسته، ابتدا گرانول پلی‌پورتان با استفاده از پرس گرم به لایه پلی‌پورتان تبدیل شد. سپس با قرار دادن لایه پلی‌پورتان در طرفین پارچه شیشه و قرار دادن در پرس گرم، کامپوزیت با ماتریسی

۳- حل تئوری لایه معادل

به منظور حل تحلیلی بازگشت‌فری ورق چندلایه با هسته کامپوزیتی با فرض روش لایه معادل، کل ورق به عنوان یک تک لایه در نظر گرفته شد (شکل ۴) و خواص مکانیکی آن از آزمایش کشش تکمحوری بدست آمد.



شکل ۴- فرض لایه معادل

علاوه بر این، فرضیات تئوری کلاسیک خمش ورق‌ها نیز به شرح ذیل در نظر گرفته شدند:

(۱) لایه خنثی لایه وسط درنظر گرفته شده است.

(۲) تنش عرضی ناچیز فرض شده است.

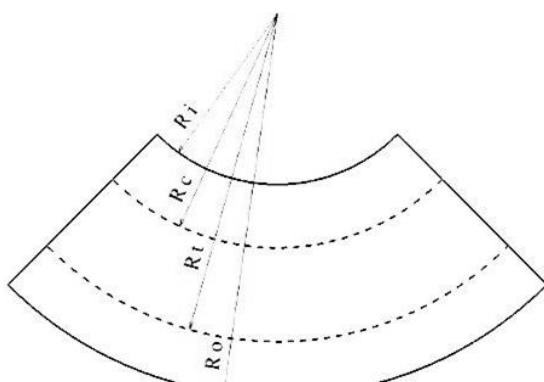
(۳) توزیع کرنش در مقطع به صورت خطی است.

(۴) فرایند خمکاری کرنش صفحه‌ای در نظر گرفته شده است $\epsilon_z = \sigma_y = 0$ [۱۳].

دستگاه مختصات مورد استفاده برای تحلیل مطابق شکل ۵ درنظر گرفته شده است. توزیع کرنش در ضخامت ورق با استفاده از رابطه (۱) بدست می‌آید.

$$\epsilon_x = \frac{L - L_0}{L_0} = \frac{(R_n + y)\theta - R_n\theta}{R_n\theta} = \frac{y}{R_n} \quad (1)$$

که در آن y فاصله از محور خنثی است. با استفاده از قانون هوک، معیار تسلیم ون میسز و مدل سخت‌شوندگی هولومن، تنش محیطی در قسمت الاستیک و پلاستیک در راستای ضخامت مطابق با (۲) بدست می‌آید.



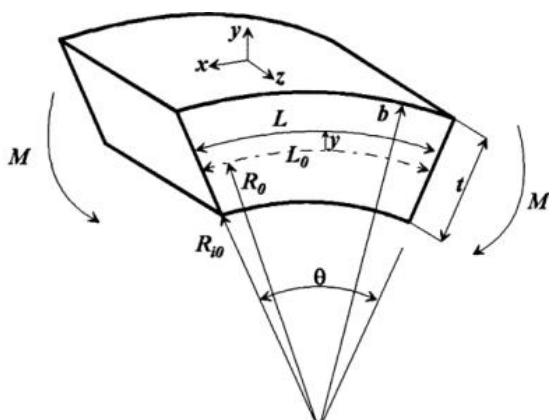
شکل ۶- شعاع‌های داخلی، تسلیم فشاری، تسلیم کششی و خارجی لایه

$$R_c = R_n \left(1 - \frac{\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) Y}{E'} \right) \quad (5)$$

$$R_t = R_n \left(1 + \frac{\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) Y}{E'} \right) \quad (6)$$

با انتگرال‌گیری از تنش محیطی در ضخامت ورق ممان خمشی مطابق (۷) حاصل می‌شود.

$$M = M_p + M_E = \int_{R_i}^{R_o} \sigma_\theta (r - R_n) dr \\ = \int_{R_i}^{R_c} \sigma_p (r - R_n) dr + \int_{R_c}^{R_t} \sigma_e (r - R_n) dr + \int_{R_t}^{R_o} \sigma_p (r - R_n) dr \quad (7)$$



شکل ۵- دستگاه مختصات

۵- نسبت خمس (نسبت شعاع خم به ضخامت ورق) بزرگ است، بنابراین از تنش شعاعی صرف نظر شده است.

$$\varepsilon_z = \varepsilon_{\theta z} = 0 \quad (12)$$

در نقطه‌ای با شعاع r ، کرنش محیطی از (۱۳) محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_\theta = \frac{r - R_n}{R_n} \quad (13)$$

که در این رابطه r شعاع دلخواه و R_n شعاع تار خنثی است. برای لایه فلزی که در دو طرف انتهایی ورق قرار دارد، دو ناحیه الاستیک و پلاستیک وجود دارد، برای ناحیه الاستیک از روابط کرنش صفحه‌ای استفاده می‌شود. برای محاسبه تنش در ناحیه پلاستیک، از رابطه سویفت بهره‌گیری شده است و معیار موردنظر در این ناحیه، معیار تسلیم فون میسر است [۱۴]؛ بنابراین تنش در این لایه به صورت (۱۴) محاسبه می‌شود.

$$\sigma_\theta = \begin{cases} \frac{E(r - R_n)}{R_n(1 - \nu^2)} & \text{ناحیه الاستیک} \\ \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^n k \left(\frac{r - R_n}{R_n}\right)^n & \text{ناحیه پلاستیک} \end{cases} \quad (14)$$

برای ناحیه الیافی که در وسط قرار دارد، خواص ارتوتروپیک در نظر گرفته شده است. به دلیل کرنش‌های بسیار کوچک این ناحیه، فقط تنش‌های الاستیک به وجود می‌آید. با توجه به ماتریس سختی این مواد و اینکه تنش در جهت شعاعی صرف نظر شده است، می‌توان از (۱۵) استفاده کرد [۱۶، ۱۵]:

$$\begin{Bmatrix} \sigma_\theta \\ \sigma_z \\ \sigma_{\theta z} \end{Bmatrix} = \begin{bmatrix} Q_{11} & Q_{12} & 0 \\ Q_{21} & Q_{22} & 0 \\ 0 & 0 & Q_{66} \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} \varepsilon_\theta \\ \varepsilon_z \\ \varepsilon_{\theta z} \end{Bmatrix} \quad (15)$$

حال برای لایه‌های صفر و نود درجه الیاف، با توجه به اینکه کرنش صفحه‌ای در نظر گرفته شده است، تنش محیطی از (۱۶) و (۱۷) بدست می‌آید:

$$\sigma_\theta = \frac{E_1(r - R_n)}{(1 - \nu_{12}\nu_{21})(R_n)} \quad (16)$$

$$\sigma_\theta = \frac{E_2(r - R_n)}{(1 - \nu_{12}\nu_{21})(R_n)} \quad (17)$$

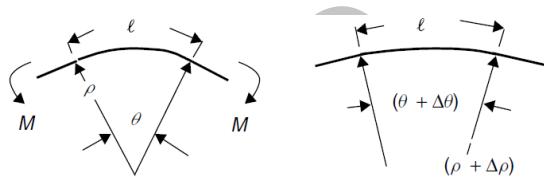
که (۱۶) برای لایه صفر درجه و (۱۷) برای لایه نود درجه است.

برای بدست آوردن ممان، ابتدا باید ناحیه الاستیک و پلاستیک در لایه فلزی مشخص شود. با توجه به این مسئله در دو شعاع فلز از منطقه الاستیک وارد منطقه پلاستیک

که σ_e و σ_p به ترتیب، تنش الاستیک و پلاستیک هستند که از (۲) بدست می‌آیند. با فرض اینکه مقدار شعاع داخلی R_i برابر با شعاع نوک سنبه باشد:

$$\begin{cases} R_i = R_p \\ R_n = R_p + \frac{t}{2} \\ R_o = R_i + t \end{cases} \quad (8)$$

با حذف ممان خمی، به دلیل بازیافت کرنش‌های الاستیک تغییرات انحنای و زاویه مطابق شکل ۷ در ورق اتفاق می‌افتد.



شکل ۷- تغییرات انحنای و زاویه خم پس از باربرداری [۱۳]

تغییرات انحنای از (۹) قابل محاسبه است.

$$\frac{1}{R_0} - \frac{1}{R_f} = \frac{M_{max}}{\delta M_e / \delta (1/R)} \quad (9)$$

M_e با توجه به تئوری کلاسیک ورق، از (۱۰) بدست می‌آید.

$$M_e = \frac{Et^3}{12(1 - \nu^2)R} \quad (10)$$

در نتیجه بازگشت‌فتری از (۱۱) حاصل می‌شود.

$$\frac{\Delta\theta}{\theta} = \frac{\Delta(1/R)}{1/R_0} \quad (11)$$

۴- تئوری لایه مجزا

به منظور حل تحلیلی بازگشت‌فتری ورق چندلایه با هسته کامپوزیتی با در نظر گرفتن خواص هر لایه به صورت مجزا، فرض‌های ذیل در نظر گرفته شدند:

۱- کرنش در راستای ضخامت ورق به صورت خطی در نظر گرفته شده است.

۲- خواص لایه کامپوزیتی به صورت ارتوتروپیک فرض شده است.

۳- تار خنثی در وسط ورق در نظر گرفته شده، از جابجایی آن حین خمکاری صرف نظر شده است.

۴- خمکاری مطابق رابطه (۱۲) کرنش صفحه‌ای فرض شده است.

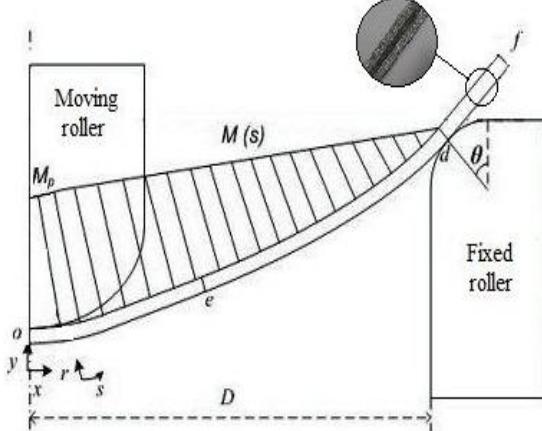
ماتریس سختی خمی - محوری برابر صفر است، همچنین انحنای راستای عرضی وجود ندارد؛ بنابراین رابطه ممان در این دو لایه از (۲۱) بدست می‌آید:

$$M_x = \int Q k_x (r - R_n)^2 dr \quad (21)$$

در (۲۱)، k_x انحنای ورق در راستای طولی است. برای لایه صفر درجه مقدار Q برابر $\frac{E_1}{1 - \nu_{12} \nu_{21}}$ و برای لایه ۹۰ درجه از رابطه $\frac{E_2}{1 - \nu_{12} \nu_{21}}$ محاسبه می‌شود. پس برای بدست آوردن ممان در کل لایه از (۲۲) استفاده می‌شود:

$$M = \sum_{i=1}^2 \int_{R_i}^{c_i} \sigma_p (r - R_n) dr + \int_{c_i}^{t_i} \sigma_e (r - R_n) dr + \int_{t_i}^{R_o} \sigma_p (r - R_n) dr + \int_{R_o}^{Q_i} k_x (r - R_n)^2 dr \quad (22)$$

در ناحیه تماس پانچ با ورق می‌توان شعاع تار خنثی را از رابطه $R_n = R_p + t_T/2$ می‌توان بدست آورد؛ بنابراین می‌توان آن را در (۲۲) جایگزین کرد. ممان بدست آمده از این رابطه، بزرگترین مقدار آن است، این مقدار M_p نامیده شده است. برای بدست آوردن ممان در طول ورق، توزیع این کمیت در طول ورق خطی فرض شده است. همچنین ناحیه تماس با پانچ به صورت تماس نقطه‌ای فرض شده و کل ورق به ۲ ناحیه الاستیک و الاستوپلاستیک تقسیم شده است. با توجه به شکل ۹، قسمت oe ناحیه الاستوپلاستیک و قسمت ed ناحیه الاستیک و قسمت df، ناحیه آزاد ورق است که در آن تنش و کرنش به وجود نمی‌آید.



شکل ۹- توزیع ممان به صورت خطی در دو ناحیه الاستیک و الاستوپلاستیک

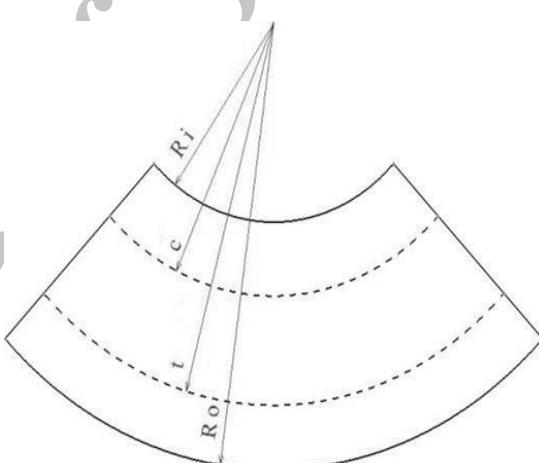
می‌شود، بنابراین سه ناحیه الاستیک، پلاستیک فشاری و پلاستیک کششی وجود دارد که به صورت (۱۸) مشخص می‌شود:

$$\begin{cases} R_c = R_n (1 - \frac{2Y}{\sqrt{3}E'}) \\ R_t = R_n (1 + \frac{2Y}{\sqrt{3}E'}) \end{cases} \quad (18-\text{الف})$$

$$c = \begin{cases} R_i & \text{if } R_c < R_i \\ R_c & \text{if } R_i < R_c < R_o \\ R_o & \text{if } R_c > R_o \end{cases} \quad (18-\text{ب})$$

$$t = \begin{cases} R_i & \text{if } R_t < R_i \\ R_t & \text{if } R_i < R_t < R_o \\ R_o & \text{if } R_t > R_o \end{cases} \quad (18-\text{ج})$$

بنابراین ناحیه (c)، منطقه پلاستیک فشاری، منطقه الاستیک و (t)، منطقه پلاستیک کششی است. در شکل ۸، ناحیه‌های مختلف در یک لایه مشاهده می‌شود.



شکل ۸- شعاع داخلی، فشاری، کششی و بیرونی هر لایه

برای بدست آوردن ممان در لایه الیافی، با توجه به تئوری کلاسیک لایه‌ای [۱۶] به صورت (۱۹) محاسبه می‌شود:

$$M = [Q] \left[\int \{\varepsilon^0\} z dz + \int \{K\} z^2 dz \right] \quad (19)$$

که در آن ε^0 کرنش مربوط به لایه میانی است و K مربوط به انحنای ورق است. با انتگرال‌گیری در راستای ضخامت به (۲۰) حاصل می‌شود.

$$M = [B] \{\varepsilon^0\} + [D] \{K\} \quad (20)$$

که در آن [B]، ماتریس سختی خمی - محوری و [D] ماتریس سختی خمی است. با توجه به اینکه خواص الیاف به صورت ارتوروپیک فرض شده‌است، بنابراین در این دو لایه

$$\theta = \int_0^{S_E} \frac{ds}{R_n} + \int_{S_E}^{S_{max}} \frac{ds}{R_n} \quad (28)$$

در فرایند خمکاری در مرحله باربرداری، ممان از روی ورق برداشته می‌شود بدین ترتیب، ورق تمایل به بازگشت به حالت اولیه دارد. می‌توان باربرداری را معادل با اعمال ممان معکوس ($-M_p$) روی ورق دانست. در باربرداری رفتار ماده به صورت الاستیک فرض می‌شود؛ بنابراین با توجه به روابط الاستیک مقدار زاویه برگشت‌فرنی از (۲۹) محاسبه می‌شود:

$$\theta' = \frac{(S_{max}) * M_p}{\left(\frac{2E'}{3}((t_M + t_F)^3 - t_F^3) + \frac{1}{3}(E'^{90} + E'^0)t_F^3\right)} \quad (29)$$

با بدست آمدن پارامترهای هندسی مساله، می‌توان آنها را با (۳۰) به هم مرتبط کرد؛ زیرا در این مساله S_{max} به عنوان یک پارامتر مجهول است؛ بنابراین با یک حدس برای این پارامتر فرایند تکرار شروع می‌شود، سپس با استفاده از (۲۶) و (۲۷)، یک S_{max} جدید بدست می‌آید. این روند تا وقتی که به یک همگرایی دلخواه برسد ادامه می‌یابد.

$$\frac{D}{2} = (R_d + t_T/2)\sin\theta + \int_0^{S_{max}} \cos\theta ds \quad (30)$$

در این رابطه D دهانه قالب و R_d شعاع لبه قالب است.

۵- نتایج و بحث

خواص مکانیکی بدست آمده از آزمایش کشش تکمحوری پلی‌یورتان تقویت شده با الیاف شیشه مقاطع و آلومینیوم ۲۰۲۴ در سه جهت نسبت به جهت نورد به ترتیب، در جدول ۱ و جدول ۲ آورده شده است.

جدول ۱- خواص مکانیکی پلی‌یورتان تقویت شده

E_2	E_1	v_{12}
۳/۷	۱/۷	-۰/۲۷

جدول ۲- خواص مکانیکی آلومینیوم ۲۰۲۴ در سه جهت

V	Y (MPa)	n	K (MPa)	E (MPa)	جهت نورد
۰/۳۳	۷۰	۰/۱۵۶	۲۷۰	۷۳/۸	موازی
۰/۳۳	۷۰	۰/۱۷	۲۶۰	۷۳/۸	مایل
۰/۳۳	۷۰	۰/۱۵۹	۲۶۱	۷۳/۸	عمود

در شکل ۱۰، اثر تغییر ضخامت هسته کامپوزیتی بر زاویه بازگشت‌فرنی با حل تجربی، تئوری لایه معادل و تئوری لایه مجراء آورده شده است.

بنابراین توزیع ممان در طول ورق به صورت (۲۳) است و در شکل ۹، نحوه توزیع آن دیده می‌شود.

$$M(s) = \begin{cases} M_p \frac{S_{max}-s}{S_{max}} & 0 < s < S_E \\ M_E \frac{S_{max}-s}{S_{max}-S_E} & S_E < s < S_{max} \end{cases} \quad (23)$$

در (۲۳)، S_E مقدار طولی از ورق است که حالت الاستوپلاستیک دارد و برابر طول $0e$ است. برای بدست آوردن آن کافی است، ۲ معادله این رابطه در نقطه پیوستگی برابر هم قرار داده شود؛ بنابراین از (۲۴) محاسبه می‌شود:

$$S_E = S_{max}(1 - \frac{M_E}{M_p}) \quad (24)$$

برای بدست آوردن M_E ، معیار تسلیم شدن چند لایه، به تسلیم رسیدن لایه بیرونی فلز فرض شده است. به دلیل این که هنوز در منطقه الاستیک قرار دارد، می‌توان از روابط الاستیک استفاده کرد؛ بنابراین از روش مقطع معادل برای بدست آوردن ممان بهره‌گیری شده است؛ در نتیجه بعد از ساده‌سازی معادله به صورت (۲۵) بدست می‌آید:

$$M_E = \frac{4Y}{3\sqrt{3}t_T} \left[2((t_M + t_F)^3 - t_F^3) + \left(\frac{E'^{90}}{E'} + \frac{E'^0}{E'} \right) t_F^3 \right] \quad (25)$$

با تساوی قرار دادن مقدار ممان خمسی داخلی با مقدار ممان بدست آمده از تنش محیطی که در راستای طولی به طور خطی فرض شده است، می‌توان انحنای ورق در هر قسمت آن را بدست آورد. با توجه به (۲۳) که توزیع ممان را در طول ورق مشخص می‌کند، انحنای در منطقه الاستوپلاستیک از (۲۶) محاسبه می‌شود:

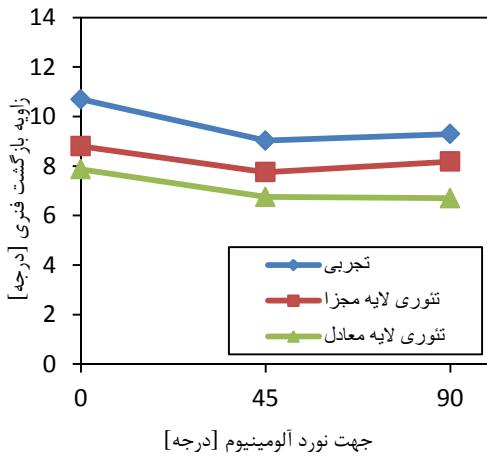
$$M_p \frac{S_{max}-s}{S_{max}} = \sum_{i=1}^2 \int_{Rl_i}^{c_i} \sigma_p(rRn) dr + \int_{c_i}^{t_i} \sigma_e(r-Rn) dr + \int_{t_i}^{Roi} \sigma_p(r-Rn) dr + \int Q_i k_x(r-Rn)^2 dr \quad (26)$$

بنابراین انحنای در این ناحیه، از حل معادله غیرخطی (۲۶) بدست می‌آید.

برای ناحیه الاستیک، با بهره‌گیری از روابط الاستیک (M/EI=1/p) انحنای ورق از (۲۷) قابل محاسبه است:

$$M_p \frac{S_{max}-s}{S_{max}} = \frac{1}{Rn} \left(\frac{2E'}{3} ((t_M + t_F)^3 - t_F^3) + \frac{1}{3} (E'^{90} + E'^0) t_F^3 \right) \quad (27)$$

در نتیجه با مشخص شدن انحنای در طول ورق می‌توان با رابطه انتگرالی (۲۸)، مقدار زاویه مشخص شده در شکل ۹ را بدست آورد:



شکل ۱۱- اثر جهت نورد آلومینیوم ۲۰۲۴ بر زاویه بازگشت فنری

۵- نتیجه‌گیری

در این پژوهش، رفتار بازگشت فنری ورق کامپوزیتی الیاف-فلز در فرایند خمکاری سه نقطه با استفاده از روش‌های تجربی، مدل تئوری لایه معادل و مدل تئوری لایه مجزاء بررسی شد که نتایج آن به شرح ذیل است:

(۱) تحلیل تئوری با فرض یک تک لایه معادل با خطای میانگین حدود ۲۷٪ توان پیش‌بینی رفتار بازگشت فنری ورق کامپوزیتی الیاف-فلز را دارا است.

(۲) تحلیل تئوری با فرض خواص هر لایه به صورت مجزاء با خطای میانگین حدود ۱۷٪ توان پیش‌بینی رفتار بازگشت فنری زمانیکه نوع لایه‌چینی با طول ایاف-فلز را دارد.

(۳) افزایش ضخامت هسته از 0.4 mm به $1/6\text{ mm}$ باعث 21% کاهش در زاویه بازگشت فنری شد.

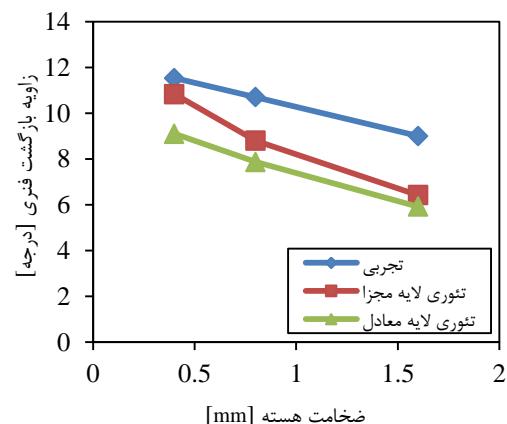
(۴) بازگشت فنری زمانیکه نوع لایه‌چینی به گونه‌ای باشد که جهت نورد ورق آلومینیوم موازی با طول نمونه آزمایش باشد، حدود ۱۶٪ بیشتر از سایر جهت‌ها است.

۶- مراجع

- [1] Zhong Y, Joshi SC (2015) Response of hygrothermally aged GLARE 4A laminates under static and cyclic loadings. Mater Des 87: 138-148.

همانگونه که در شکل ۱۰ نشان داده شده است، افزایش ضخامت هسته از 0.4 mm به $1/6\text{ mm}$ باعث 21% کاهش در زاویه بازگشت فنری شد. مطابق شکل ۱۰، تئوری ارائه شده با فرض خواص هر لایه به صورت مجزاء، توانایی پیش‌بینی بازگشت فنری با میانگین خطای 17% را دارا است. لازم به ذکر است، خطای پیش‌بینی در ضخامت هسته پایین حدود 6% است که با افزایش ضخامت هسته، این خطای افزایش پیدا می‌کند. علت این اتفاق، فرض ثابت ماندن تار خنثی حین خمکاری است که با افزایش ضخامت هسته، منجر به افزایش خطای شود. مطابق شکل ۱۰، با فرض واحد بودن خواص ورق چندلایه با یک تک لایه مشابه، خطای پیش‌بینی مدل به صورت میانگین حدود 27% است. در شکل ۱۱، اثر نوع لایه‌چینی ورق آلومینیومی بر زاویه بازگشت فنری با حل تجربی، تئوری لایه معادل و تئوری لایه مجزاء آورده شده است.

مطابق شکل ۱۱، بازگشت فنری زمانیکه نوع لایه‌چینی به گونه‌ای باشد که جهت نورد ورق آلومینیوم موازی با طول نمونه آزمایش باشد، حدود $10/69$ درجه و در جهت مایل و عمود نسبت به جهت نورد حدود 9 درجه است. با توجه به نمودارهای آزمایش کشش ورق در سه راستای مختلف استحکام تسلیم ورق در جهت نورد، بالاتر از دو راستای دیگر بود؛ لذا بدلیل بالاتر بودن بازه الاستیک ماده در جهت نورد، بازگشت فنری در این نوع لایه‌چینی بالاتر بود.



شکل ۱۰- اثر تغییر ضخامت هسته کامپوزیتی بر زاویه بازگشت فنری

- on spring-back of SPS-(steel/polymer/steel) laminates. *Steel Grips* 2(Supplement): 445-449.
- [10] Mosse L, Compston P, Cantwell WJ, Cardew-Hall M, Kalyanasundaram S (2005) The effect of process temperature on the formability of polypropylene based fibre–metal laminates. *Comp Part A: Appl Sci Manuf* 36(8): 1158-1166.
- [11] Mohammadi S, Parsa M, Aghchai AJ (2011) Effect of the thickness distribution and setting condition on springback in multi-layer sheet bending. *Int J Eng Sci Tech* 3(4).
- [12] Parsa M, Mohammadi S, Aghchai A J (2014) Al3105/polypropylene/Al3105 laminates springback in V-die bending. *Int J Adv Manuf Tech* 75(5-8): 849-860.
- [13] Hu J, Marciniak Z, Duncan J (2002) Mechanics of sheet metal forming Butterworth-Heinemann.
- [14] Larsson L (2005) Warm sheet metal forming with localized in-tool induction heating.
- [15] Jones RM (1975) Mechanics of composite materials Scripta Book Company Washington, DC.
- [16] Reddy JN (2004) Mechanics of laminated composite plates and shells: theory and analysis CRC press.
- [2] Sinmazçelik T, Avcu E, Bora M Ö, Çoban O (2011) A review: Fibre metal laminates, background, bonding types and applied test methods. *Mater Des* 32(7): 3671-3685.
- [3] Ján S, Miroslav J (2012) Springback prediction in sheet metal forming processes. *J Tech Plasticity* 37(1).
- [4] Teodosiu C (2005) Some basic aspect of the constitutive modelling in sheet metal forming. 239-243.
- [5] Cleveland RM, Ghosh AK (2002) Inelastic effects on springback in metals. *Int J Plasticity* 18(5-6): 769-785.
- [6] Burchitz IA (2008) Improvement of springback prediction in sheet metal forming University of Twente.
- [7] Wang C, Kinzel G, Altan T (1993) Mathematical modeling of plane-strain bending of sheet and plate. *J Mater Process Tech* 39(3): 279-304.
- [8] Hino R, Goto Y, Yoshida F (2003) Springback of sheet metal laminates in draw-bending. *J Mater Process Tech* 139(1): 341-347.
- [9] Weiss M, Rolfe BF, Dingle ME, Hodgson P (2004) The influence of interlayer thickness and properties