

## ارائه الگوریتم‌های ذیربینیه در تخصیص منابع اختلال راداری

حمزه علی‌محمدی<sup>۱</sup>، سید محمد رضا موسوی<sup>۲\*</sup>

۱- کارشناس ارشد مهندسی فناوری اطلاعات دانشگاه علم و صنعت ایران، ۲- استاد دانشکده مهندسی برق دانشگاه علم و صنعت ایران  
(دریافت: ۹۲/۰۴/۰۹، پذیرش: ۹۱/۱۰/۰۹)

چکیده

فرماندهی و کنترل کارآمد صحنه‌های نبرد در جنگ الکترونیک، کلید اصلی در موقوفیت نظامی بهشمار می‌رود. مدیریت صحیحی که با اتخاذ تصمیم‌های بهینه و معقول خود، گرههای کور در صحنه‌های نبرد بلادرنگ و غیربلادرنگ را می‌گشاید. در این مقاله سعی شده که با تمرکز بر روی برخی از مسائل ضروری در مدیریت صحنه‌های نبرد الکترونیکی، نتایج مفیدی در پشتیبانی از تصمیم این بخش مهم به دست آورده شود. در این زمینه توجه خود را به ارائه و ارتقاء الگوریتم‌هایی کارآمد در خصوص منابع اختلال راداری معطوف نموده و پاسخگوی این سؤال بوده که برای ایجاد حداکثر اختلال ممکن، چه الگویی در اختصاص اخلاص گرهای خودی به رادارهای دشمن مناسب‌تر است؟ با مدل‌سازی و شبیه‌سازی الگوریتم‌های پیشنهاد شده در سازماندهی و در خصوص اخلاص گرهای کارآمدی هر یک از آنها مورد نقد و بررسی قرار داده شده است.

واژه‌های کلیدی: پشتیبانی از تصمیم، جنگ الکترونیک، نظریه بازی، بهینه‌سازی الگوریتم، اختلال راداری، تخصیص منابع.

### ۱. مقدمه

استفاده از نظریه بازی در مسئله کنترل توان در یک شبکه حسگر بی‌سیم، دید مناسبی از کاربرد نظریه بازی در مسائل مخابراتی به نگارنده داده است [۲]. در همین راستا نمی‌توان از ذکر مراجع [۳] که حاصل تلاش ارزنده M. Felegyhazi و J. Hubaux از نظر چشم‌پوشی نمود.

مقاله حاضر شامل ۵ بخش اصلی است. پس از مقدمه در بخش ۲، مبانی تحقیق را پریزی نموده و از سه الگوریتم تصادفی، مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی، در سه زیربخش، جداگانه پرداخته می‌شود. سپس در بخش ۳، در تلاشی مفید با معرفی الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور، سعی شده که خود نیز در ارتقاء الگوریتم‌های مطرح شده سهیم بوده و در بخش ۴، با انجام شبیه‌سازی‌های مربوط به مبانی تحقیق، به ارائه نتایج و تفسیر آنها پرداخته شده است. سرانجام در بخش ۵، جمع‌بندی مباحث و ارائه پیشنهادها آورده شده است.

### ۲. معرفی الگوریتم‌های تصادفی، مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی در تخصیص منابع اختلال راداری

هدف از مطرح نمودن انواع الگوریتم‌ها در این مقاله، صرفاً تولید یک ماتریس تصمیم نمی‌باشد. بلکه با مطرح نمودن آنها به دنبال ماتریس تصمیمی بوده که با توجه به محدودیت‌های زمانی در یک صحنه نبرد بلادرنگ، بیشترین منفعت ممکن از حیث ایجاد اختلال در رادارهای دشمن در کوتاه‌ترین زمان ممکن به دست آید. پس با این حساب، ابتدا نیاز است که به تعریف یک رابطه مناسب برای محاسبه بهره بیشترین بهره پرداخته شود. نام این رابطه را تابع مزیت گذاشته و بر اساس مراجع [۱] و [۴] در قالب رابطه (۱) تعریف می‌شود:

مسئله تخصیص منابع می‌تواند نقش بسزایی در مدیریت سیستم‌های چندعاملی بهویژه در حوزه‌های مرتبط با جنگ الکترونیک ایفا نماید. در این زمینه سعی شده تا با معرفی الگوریتم‌های مهمی در تخصیص منابع اختلال راداری در یک صحنه نبرد الکترونیکی، راه حل‌های بهنسبت بهینه‌ای را پیش روی پخش فرماندهی و کنترل عملیات قرار داده شود. برای روشن‌تر شدن موضوع، فرض می‌شود که در یک صحنه نبرد الکترونیکی قرار گرفته‌ایم. از یک طرف اخلاص گرهای خودی و از سوی دیگر رادارهای کنترل کننده تسلیحات هدایت شونده قرار گرفته‌اند. در این مقاله سعی بر این است به کمک الگوریتم‌های مورد نظر، به‌گونه‌ای تصمیم‌گیری شود که بتوان حداکثر اختلال ممکن توسط مجموعه اخلاص گرهای خودی در مجموعه رادارهای دشمن به وجود آورده شود. بنابراین الگوریتم‌های پیشنهاد شده برای آنکه به خوبی بتوانند از عهده مسئله تخصیص منابع برآیند، باید ماتریس تصمیمی را ارائه دهند که به صورت نسبتاً بهینه مشخص نماید که کدام اخلاص گر به کدام رادار باید اختصاص بپیدا کند؟ باید اشاره شود که در تمام مباحث این مقاله فرض شده که هر یک از اخلاص گرها توانایی ایجاد اختلال در تعداد خاصی از رادارها را دارد. به عنوان مثال اخلاص گر  $k$  می‌تواند در  $k$  تعداد رادار، اختلال ایجاد نماید. به عنوان پیشینه تحقیق می‌توان از مراجع مختلفی نام برد که از جمله مهم‌ترین آنها تلاش آقای M. Lv بهمراه همکارانش در ارائه یک الگوریتم مزایده‌ای بهنسبت بهینه در تخصیص منابع اختلال راداری است [۱]. همچنین مقاله زانگ<sup>۱</sup> و همکارانش در راستای

\* ایمیل نویسنده پاسخگو: m\_mosavi@iust.ac.ir

<sup>۱</sup> Zhang

رابطه (۳) انعطاف‌پذیری متناسبی در خصوص افزودن سایر پارامترهای مؤثر در یک صحنه نبرد الکترونیکی همچون الزامات تخصصی راداری، فنون‌های ECM و ECCM را دارد می‌باشد.

**ماتریس تصمیم:** همان‌گونه که بیان شد، هدف اصلی از پیاده‌سازی الگوریتم، دست یافتن به یک تصمیم معقول و بهنسبت بهینه است، بنابراین ماتریس تصمیم نشان داده شده با رابطه (۴) در واقع همان خروجی الگوریتم بوده و می‌خواهد به این سؤال پاسخ دهد که برای ایجاد یک اختلال گروهی نسبتاً بهینه، کدام اختلال گر به کدام رادار باید اختصاص یابد؟ در این ماتریس عدد صفر بیانگر عدم تخصیص و عدد ۱ بیانگر تخصیص اختلال گر نام به رادار زام است.

$$X_{M \times N} = \begin{bmatrix} 0/1 & \dots & 0/1 \\ \dots & \dots & \dots \\ 0/1 & \dots & 0/1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

حال با شناخت اجزای اصلی تابع بهره، به معرفی هر یک از الگوریتم‌های مدنظر پرداخته می‌شویم.

### ۱-۱. الگوریتم تصادفی

همان‌گونه که از نام این الگوریتم پیداست، روش تولید ماتریس تصمیم در آن کاملاً تصادفی می‌باشد. حال که این الگوریتم ماتریس تصمیم را بدون هیچ ساز و کار هدفمندی تولید می‌نماید، پس مطرح ساختن آن چه اهمیتی دارد؟ در پاسخ به این سؤال لازم است به دو نکته اساسی اشاره نمود: (الف) هرچند که ماتریس تصمیم تولید شده در این الگوریتم به صورت تصادفی است، اما می‌توان با افزایش تعداد تکرار الگوریتم و انتخاب ماتریس تصمیمی به عنوان خروجی نهایی که متناسب با حداقل مقدار تابع مزیت باشد ( $\max E$ )، به یک طرح تخصیص نسبتاً بهینه دست یافت و (ب) معرفی و دقیق در آن سبب می‌شود تا اهمیت الگوریتم‌های مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی به خوبی مشخص شود. در شکل ۲-۱-الف فلوچارت مربوط به الگوریتم تصادفی نشان داده شده است.

**تبیین الگوریتم تصادفی:** پس از محاسبه ورودی‌های اولیه (ضرایب تهدید و ماتریس مزیت) و تولید یک ماتریس تصمیم تصادفی، مزیت حاصل از ماتریس تصمیم ایجاد شده به کمک رابطه (۱) محاسبه می‌شود. حال بسته به شرایط صحنه نبرد و در صورت وجود امکان تکرار الگوریتم، به مرحله تولید ماتریس تصمیمی برگشته و این مرحله را تا پایان زمان اختصاص یافته برای اجرای الگوریتم ادامه داده می‌شود. در پایان، ماتریس تصمیمی به عنوان خروجی انتخاب می‌شود که متناسب با حداقل مقدار تابع بهره باشد.

### ۲-۱. الگوریتم مزایده‌ای

در تحقق این الگوریتم، علاوه بر عناصر سه‌گانه ضرایب تهدید، ماتریس بهره و ماتریس تصمیم اجزای دیگری نیز مورد نیاز است که عبارتند از:

**مجموعه طرح‌های ممکن در هر اختلال گر:** هر اختلال گر با توجه به توانایی‌اش در ایجاد اختلال در تعداد مشخصی رادار، تمام

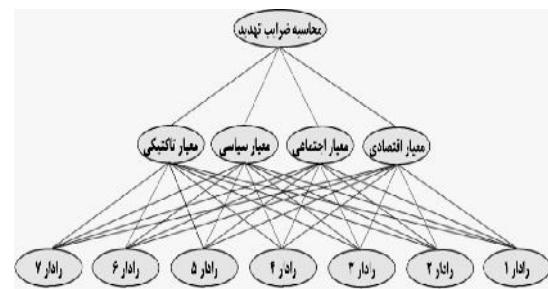
$$E = \sum_{j=1}^N \bar{\sigma}_j \left( 1 - \prod_{i=1}^M (1 - q_{ij})^{x_{ij}} \right) \quad (1)$$

که در آن،  $M$  مبین تعداد اختلال‌گرهای  $N$  مبین تعداد رادارها،  $q_{ij}$  مبین درایه‌ای از ماتریس بهره که بیانگر احتمال سرکوب رadar  $x_{ij}$  زام توسط اختلال گر نام است،  $\bar{\sigma}_j$  مبین ضریب تهدید رadar زام  $j$  مبین درایه‌ای از ماتریس تصمیم که با پذیرش دو مقدار ۱ یا ۰، بیانگر تخصیص یا عدم تخصیص اختلال گر نام به رadar زام است، می‌باشد. برای درک بهتری از عناصر اصلی رابطه (۱)، لازم است تعریف کامل‌تری از ضرایب تهدید، ماتریس منفعت و ماتریس تصمیم ارائه شود.

**ضرایب تهدید رادارها:** مشخص می‌نماید که مطابق رابطه (۲)، هر رadar دشمن با چه درجه‌ای از تهدید، منافع ما را در معرض خطر قرار می‌دهد:

$$\bar{\sigma} = \{\bar{\sigma}_1, \bar{\sigma}_2, \dots, \bar{\sigma}_N\} \quad (2)$$

در تعیین ضرایب تهدید رادارها می‌توان معیارهای دلخواهی را، بسته به شرایط و منافع خاص نظامی (اعم از اهمیت دارایی‌ها، اهمیت منطقه‌ای، مسائل سیاسی و ...) ملاک قرار داد. حال با در دست داشتن معیارهای دلخواه در تعیین ضرایب تهدید رادارها، برای محاسبه عناصر مجموعه (۲) می‌توان از میان مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره MADM<sup>۱</sup>، مدل AHP<sup>۲</sup> را برگزیده و از میان زیرشاخه‌های آن روش AHP<sup>۳</sup> را انتخاب نمود [۵]. در شکل ۱، یک نمونه از انتخاب معیارهای دلخواه برای محاسبه ضرایب تهدید و رابطه آنها با هر یک از رادارها نشان داده شده است.



شکل ۱: تعریف معیارهای دلخواه و نسبت آنها با رادارها در روش AHP برای محاسبه ضرایب تهدید

**ماتریس بهره:** بیانگر احتمال سرکوب هر رadar توسط هر اختلال گر است. در این مقاله با توجه به معادله رadar، احتمال سرکوب تابعی از فاصله اقلیدسی میان اختلال گر و رadar در نظر گرفته شده است. به این معنا که هر چه فاصله میان اختلال گر و رadar کمتر باشد، احتمال سرکوب آن بیشتر است و بر عکس (رابطه ۳):

$$q_{ij} = \frac{1}{r_{ij}^2} \quad (3)$$

<sup>۱</sup> Multiple Criteria Decision Making

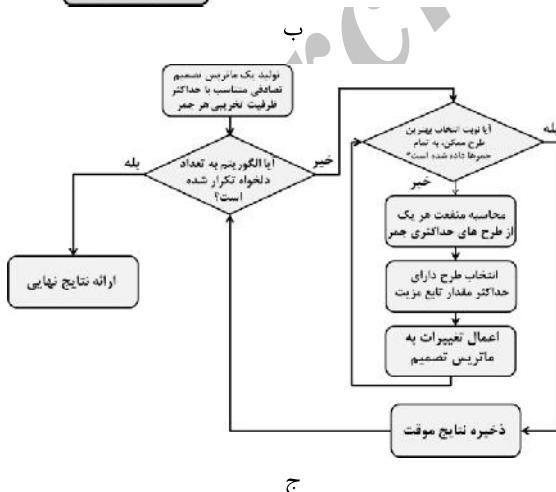
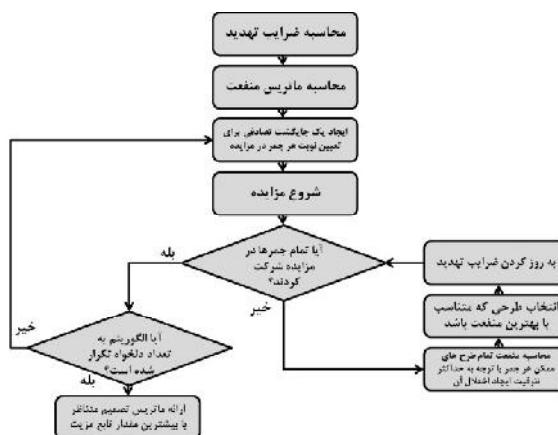
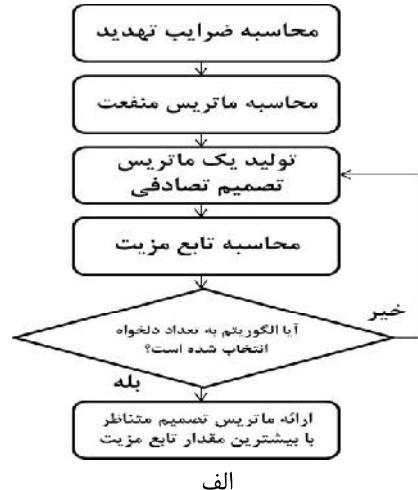
<sup>۲</sup> Multiple Attribute Decision Making

<sup>۳</sup> Analytical Hierarchy Process

چند اخالل گر تا حد ممکن جلوگیری به عمل می‌آید.

$$\varpi_{i,new} = (1 - p_{ii}) \cdot \varpi_{i,old} \quad (\wedge)$$

مراحل اجرای الگوریتم مزایده‌ای در فلوچارت شکل ۲-ب نشان داده شده است.



شکل ۲: فلوچارت الگوریتم‌های تخصیص منابع اختلال راداری

الف) الگوریتم تصادفی، ب) الگوریتم مزایده‌ای و

ج) الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی

طرح‌های ممکن خود را مطابق رابطه (۵) مشخص می‌نماید. به عنوان مثال، یکی از طرح‌های اخلاق‌گرای ام عبارتست از:  $s_{il} = \{r_1, r_2, \dots, r_t\}$  که در آن  $N \leq t$  است. اعضای مجموعه  $S_i$  شامل رادارهایی می‌باشند که با توجه به ظرفیت اخلاق‌گرای امکان مختل کردن آنها توسط این اخلاق‌گر وجود دارد. اما سؤالی که در اینجا مطرح است، این است که اخلاق‌گر ن، توانایی تولید چند طرح همچون  $s_i$  را دارد؟ رابطه (۶) به این سؤال پاسخ می‌دهد.

$$S_i = \{s_{i1}, s_{i2}, \dots, s_{iL}\} \quad (\textcircled{5})$$

$$L = \sum_{i=1}^{k_i} C_j^N \quad (8)$$

به عنوان مثال فرض کنید چنانچه اخلاق لگر ظرفیت ایجاد اختلال همزممان در ۳ رادار را داشته باشد و تعداد رادارهای دشمن در صحنه نبرد ۵ عدد باشد، در این صورت تمام طرح‌های ممکن این اخلاق لگر عبارتست از:

## طرحهای یک راداری:

$$s_{i1} = \{r_1\}, s_{i2} = \{r_2\}, s_{i3} = \{r_3\}, s_{i4} = \{r_4\}, s_{i5} = \{r_5\}$$

## طرحهای دو راداری:

$$s_{i6} = \{r_1, r_2\}, s_{i7} = \{r_1, r_3\}, s_{i8} = \{r_1, r_4\}, s_{i9} = \{r_1, r_5\}, s_{i10} = \{r_2, r_3\},$$

$$s_{i11} = \{r_2, r_4\}, s_{i12} = \{r_2, r_5\}$$

$$s_{i13} = \{r_3, r_4\}, s_{i14} = \{r_3, r_5\}, s_{i15} = \{r_4, r_5\}$$

## طرحهای سه راداری:

$$s_{i16} = \{r_1, r_2, r_3\}, s_{i17} = \{r_1, r_2, r_4\}, s_{i18} = \{r_1, r_2, r_5\},$$

$$s_{i19} = \{r_1, r_3, r_4\}, s_{i20} = \{r_1, r_3, r_5\}$$

$$s_{i21} = \{r_1, r_4, r_5\}, s_{i22} = \{r_2, r_3, r_4\}, s_{i23} = \{r_2, r_3, r_5\},$$

$$S_{i24} = \{r_2, r_4, r_5\}, S_{i25} = \{r_3, r_4, r_5\}$$

همان گونه که مشاهده می شود جمرا در مجموع ۲۵ طرح ممکن دارد که رابطه (۶) نیز این مطلب را تأیید می نماید:

$$L = C_1^5 + C_2^5 + C_3^5 = 5 + 10 + 10 = 25$$

بهره هر طرح اخلاق‌گر: حال که هر اخلاق‌گر تمام طرح‌های ممکن‌اش را شناسایی کرده است، وقت آن رسیده که بهره هر طرح را به‌کمک رابطه (۷) محاسبه نماید و سپس با در اختیار داشتن مجموعه بهره‌های  $V_i = \{v_{i1}, v_{i2}, \dots, v_{iL}\}$ ، در هر دور مزایده طرحی را پیشنهاد دهد که مناسب با حداکثر بهره موجود در مجموعه  $V$  باشد.

$$v_{il}(s_{il}) = \sum_{l=1}^q q_{il} \varpi_l \quad (Y)$$

ضرایب تهدید به روز شده: در هر چرخه از مزایده، هنگامی که هر اخلال گر طرح مطلوب خود را اختیار می‌کند، باید ضرایب تهدید بر حسب تاکتیک‌های جنگ الکترونیک ( $P_{ij}$  در رابطه  $(\lambda)$ )، به روز شود. با نو شدن ضرایب تهدید، احتمال انتخاب رادارهای از پیش انتخاب شده کاهش، یافته و انتخاب تک‌ای، یک‌ادا، توسط

---

<sup>1</sup> Bid Round

تولید می شود که هر اخلال گر با حداکثر ظرفیت اختلالی اش در تولید تصادفی ماتریس تصمیم مشارکت داشته باشد. توضیح اینکه به عنوان مثال چنانچه اخلال گر شماره ۱ بتواند تعداد ۴ را به طور همزمان مختل کند، در ماتریس تصمیم تصادفی تولید شده نباید به این اخلال گر کمتر از ۴ را دارد نسبت داده شود. علت تأکید ما بر استفاده از بیشترین ظرفیت هر اخلال گر در تولید ماتریس تصمیم، واضح است، چرا که با توجه شبیه سازی های انجام شده و مشاهده نتایج الگوریتم مزایده ای، دریافته که بهترین طرح های هر اخلال گر (از لحظه بیشینه شدن بهره آن طرح) هنگامی به وجود می آید که هر اخلال گر با بیشترین ظرفیت خود، در ایجاد اختلال شرکت نماید. این نکته اولین تفاوت بارز الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی با الگوریتم مزایده ای است. در الگوریتم مزایده ای همان گونه که اشاره شد، به دلیل آنکه هر اخلال گر تمام طرح های ممکن اش، اعم از طرح های یک تایی، دو تایی و غیره را در روند اجرای الگوریتم دخالت می داد، زمان زیادی تلف می شد و این در حالی است که مسئله مدیریت زمان در صحنه نبرد از اهمیت بسیاری برخوردار است.

۳- ردپای نظریه بازی در این الگوریتم آن زمان معلوم می شود که کاملاً متوجه شویم در هر مرحله اجرای کامل الگوریتم چه اتفاقی می افتد و اجزای اصلی نظریه بازی در اینجا کدام است؟ اجزای اصلی نظریه بازی برای این الگوریتم عبارت است از: (الف) بازیگران در این بازی همان اخلال گرها هستند، (ب) مجموعه عمل های ممکن برای هر اخلال گر عبارت است از انواع طرح های حداکثری اش ممکن برای ایجاد اختلال در رادارها و (ج) ترجیحات برای هر اخلال گر، یکبار تابع معرفی شده در رابطه (۱) و بار دیگر به صورت رابطه (۹) در نظر گرفته شده است.

$$(9) \quad u_{il}(s_{il}) = \sum_{l=1}^q \sigma_l \cdot q_{i,l} - \sum_{r=1}^p \sigma_r \cdot q_{i,r} \Rightarrow if : p \neq 0$$

در جمله دوم در رابطه (۹) تلاش بر این است که نشان داده شود که با توجه به طرح های حداکثری هر اخلال گر و با توجه به طرح های از پیش انتخاب شده برای سایر اخلال گرها چنان چه به یک رادار هیچ اخلال گری اختصاص نیابد، آن رادار در صحنه نبرد آزاد گذاشته شده و می تواند خطرساز باشد. بنابراین اثر سوء رادارهای آزاد را با ضربه منفی در رابطه دخالت داده شده است. در نظر گرفتن رادارهای آزاد در رابطه (۹) علاوه بر مسئله ای که به آن اشاره شد، باعث می شود ماتریس تصمیمی به عنوان خروجی انتخاب گردد که پراکنده وسیع تری بر روی رادارهای دشمن داشته باشد و از اجتماع اخلال گرها بر روی چند رادار خاص و به تبع آن آزاد ماندن سایر رادارها جلوگیری به عمل آید.

۴- حال با دانستن اجزای نظریه بازی در پیاده سازی این الگوریتم، روند اجرای یک مرحله کامل الگوریتم بیان می شود. الگوریتم پس از تولید یک ماتریس تصمیم تصادفی اولیه آغاز می شود. اولین اخلال گر به عنوان بازیگر اول، تمام طرح های حداکثری خود را ایجاد نموده و بعد از آن با توجه به رابطه های (۱) یا (۹) به ازای هر طرح خود و با

تبیین الگوریتم مزایده ای: از آنجا که در یک صحنه پیچیده جنگ الکترونیک، بیشتر اوقات با تعداد زیادی رادار و اخلال گر سر و کار داشته و حالت های بسیار زیادی (نژدیک به بی نهایت) در تخصیص اخلال گرها به رادارها قابل فرض است، مسئله "تخصیص منابع" جزء مسائل بفرنج<sup>۱</sup> به حساب می آید. بنابراین هیچ کدام از الگوریتم های ارائه شده در این مقاله به نتیجه صدر صد بهینه<sup>۲</sup> منجر نخواهد شد، بلکه درجه ای از بهینگی<sup>۳</sup> را به دست می دهد که موجبات خشنودی نسبی متخصصان را فراهم سازد. اساس الگوریتم بر پایه ایجاد یک مزایده بین تمام اخلال گرها موجود در صحنه است. قدم نخست برای انجام مزایده تعیین اولویت بین اخلال گرهاست تا معلوم باشد که کدام اخلال گر زودتر بهترین طرح خود را از میان مجموعه طرح های ممکن اش انتخاب نماید. ترتیب مزایده بین اخلال گرها، با تولید یک جایگشت تصادفی بین اخلال گرها مشخص می شود (این انتخاب تصادفی را می توان با انجام کارهای تجربی و آماری به نحوی مناسب وزن دهی نموده تا نتیجه مطلوب در زمان کوتاه تری به دست آید). پس از تعیین اولویت اخلال گرها در انجام مزایده، ابتدا اخلال گر اول با توجه به ظرفیت اختلالی خود (هر اخلال گرمی تواند تعداد معینی رادار را با توجه به قابلیت های راداری اش مختل کند)، تمام طرح های ممکن خود را در نظر گرفته و برای هر کدام بهره جدایکننده ای را با استفاده از رابطه (۷) محاسبه می نماید. سپس از میان تمام طرح های ممکن خود، آن یکی که حداکثر بهره را داشته باشد انتخاب می کند. آنگاه ضرایب تهدید رادارهایی که به اخلال گر قبلی اختصاص دارند، کاهش یافته و اخلال گرها بعدی با توجه به ضرایب جدید، بهره طرح های خود را محاسبه می نمایند و این روند تا پایان یک چرخه مزایده کامل ادامه می یابد. با توجه به زمانی که EWC<sup>۴</sup> بر حسب تاکتیک های EW تعیین می نماید، الگوریتم مورد نظر، t بار تکرار می شود و در نهایت ماتریس تصمیمی به عنوان خروجی در نظر گرفته خواهد شد که با بیشترین مقدار موجود در مجموعه  $\{E_1, E_2, \dots, E_t\}$  متناسب باشد.

### ۲-۳. الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی

الگوریتم نشان داده شده در شکل ۲- ج دو ویژگی اساسی دارد: (الف) به دلیل انتخاب مرحله ای و گام به گام استراتژی مناسب توسط بازیگران (اخلال گرها) جزء بازی های دینامیکی محسوب می شود و (ب) در صورت تکرار الگوریتم به تعداد دلخواه، می توان آن را به صورت یک بازی دینامیکی تکراری در نظر گرفت. تبیین الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی به شرح زیر می باشد:

۱- این الگوریتم نیز مانند الگوریتم های قبلی نیازمند روابط مطرح شده به جز رابطه (۸) است.

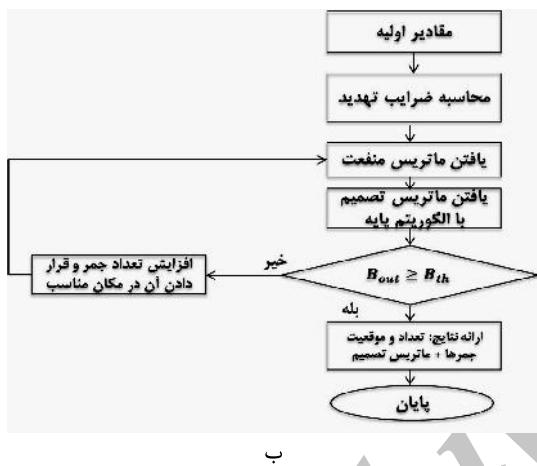
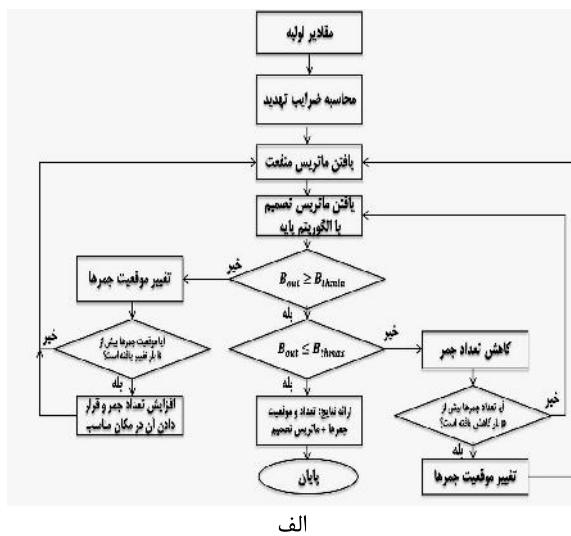
۲- در نخستین مرحله اجرا، یک ماتریس تصمیم تصادفی به شرطی

<sup>1</sup> Np Complete Or Np Hard

<sup>2</sup> Optimal

<sup>3</sup> Suboptimal

<sup>4</sup> Electronic Warfare Commander



شکل ۳: فلوچارت الگوریتم‌های ارتقاء یافته: (الف) الگوریتم هزینه محور و (ب) الگوریتم زمان محور

تبیین الگوریتم هزینه محور به شرح زیر است:

۱- در الگوریتم هزینه محور، چنان‌چه خروجی تابع بهره یا  $B_{out}$ ، از حد آستانه پایین یا از  $B_{th\min}$  کمتر باشد، پیش از آنکه برای افزایش  $B_{out}$ ، یک اختلال‌گر به سیستم اضافه شود، با تغییر موقعیت اختلال‌گرها، سعی خواهد شد که مقدار تابع بهره خروجی با تغییر موقعیت اختلال‌گرها بیشتر شود. اما اگر با  $k$  بار تغییر، در موقعیت اختلال‌گرها باز هم  $B_{out}$  نتواند شرایط مورد نظر را برآورده سازد، آنگاه یک اختلال‌گر به سیستم اضافه می‌شود.

۲- در الگوریتم هزینه محور چنان‌چه خروجی تابع بهره یا  $B_{out}$ ، خیلی بزرگ باشد، برای جلوگیری از اتلاف منابع ایجاد کننده اختلال، پیش از تغییر موقعیت اختلال‌گرها، ابتدا از تعداد اختلال‌گرها کاسته خواهد شد.

۳- تغییر موقعیت اختلال‌گرها را در دو سناریوی متفاوت می‌توان طرح نمود. سناریوی اول هنگامی است که در یک صحنه نبرد

فرض ثابت بودن طرح‌های سایر اختلال‌گرها، طرحی که متناسب با مقدار بیشینه تابع بهره به دست آمده از روابط مذکور می‌باشد، را بر می‌گزیند. اکنون کار اختلال‌گر اول به پایان رسیده است. حال باید بسته به انتخاب استراتژی اختلال‌گر اول، ماتریس تصمیم را در ستونی که مربوط به اختلال‌گر اول است، به روز نمود. روند مطرح شده تا زمانی که تمام اختلال‌گرها به همین شیوه استراتژی بهینه خود را برگزینند، ادامه می‌یابد. در صورت نیاز به تکرار الگوریتم، باید مکانیزمی برای بررسی کردن شرط تکرار وجود داشته باشد که در فلوچارت شکل ۲-ج این مسئله در نظر گرفته شده است.

در بخش بعد با معرفی الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور، تلاش شده تا الگوریتم‌های مطرح شده ارتقاء داده شود.

### ۳. ارتقاء الگوریتم‌های مطرح شده با معرفی الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور

با توجه به واقعیات موجود در صحنه‌های نبرد بلاذرنگ و غیربلاذرنگ، الگوریتم‌های مطرح شده در بخش قبل با هدف دست‌یابی به نتایج عملیاتی توسعه داده می‌شود؛ اما منظور از واقعیات موجود در صحنه‌های نبرد بلاذرنگ و غیربلاذرنگ چیست؟ در صحنه نبرد بلاذرنگ هرچند محدودیت زمانی، ابتکار عمل را در ایجاد یک تصمیم بهینه تحت تأثیر قرار می‌دهد، اما برخلاف آن قابلیت حرکت اختلال‌گرها (قرار گرفتن آنها بر روی کشتی، هلی کوپتر، هواپیما، خودرو و ...) ما را امیدوار می‌سازد که تصمیمات اتخاذ شده را به سمت حالت ایده‌آل تری سوق داده و این در حالی است که در صحنه نبرد غیربلاذرنگ زمان کافی برای تعیین تعداد اختلال‌گرها و موقعیت‌یابی آنها وجود دارد.

اهمیت موضوع تعیین تعداد اختلال‌گرها زمانی مشخص می‌شود که بدانیم با قرار دادن حتی یک اختلال‌گر اضافی در صحنه نبرد، هرچند ممکن است احتمال موفقیت در ازکار انداختن رادارهای دشمن بیشتر شود، اما در عمل به دلایل محدودیت در تعداد تجهیزات، افزایش احتمال اصابت موشک‌های دشمن به اختلال‌گرها و همچنین تحمل شدن هزینه‌های سربار دیگر، تجهیزات خود را به هدر داده‌ایم، بنابراین برای جلوگیری از اتلاف منابع، با درنظر گرفتن همه ابعاد و شرایط نظامی متقاعد خواهیم شد که باید بین سودها و هزینه‌ها، مصالحه دقیق انجام دهیم.

شکل‌های ۳-الف و ۳-ب فلوچارت دو الگوریتم مورد بحث را که یکی از آنها با رویکرد کاهش هزینه (بهبودیه) در یک محیط غیربلاذرنگ یا هر محیطی که زمان کافی برای اجرای الگوریتم وجود دارد و دیگری با رویکرد کاهش زمان اجرای الگوریتم (در محیط بلاذرنگ) ارائه شده‌اند، نمایش می‌دهد. در فلوچارت‌ها،  $B_{th\max}$ ،  $B_{th\min}$ ،  $k$  و  $EW$  اعداد ثابتی بوده و بر اساس تاکتیک‌های EW تعیین می‌شوند.

۲- ظرفیت اخال‌گرها برای ایجاد اختلال گروهی در رادارها به صورت: اخال‌گر ۱: سه رادار، اخال‌گر ۲: سه رادار و اخال‌گر ۳: دو رادار می‌باشد.

۳- ضرایب تهدید فرض شده برای رادارها عبارتست از: رادار ۱:  $0/۰۶$ ، رادار ۲:  $0/۰۵$ ، رادار ۳:  $0/۰۶۵$ ، رادار ۴:  $0/۰۴۷$ ، رادار ۵:  $0/۰۳۸$ ، رادار ۶:  $0/۰۸۵$  و رادار ۷:  $0/۰۷۶$ .

۴- ماتریس بهره که هر درایه آن بیانگر احتمال سرکوب هر رادار توسط هر اخال‌گر می‌باشد، به کمک رابطه (۳) محاسبه شده است. با توجه به موقعیت‌های مشخص شده در شکل ۴ و استفاده از رابطه (۳) ماتریس بهره عبارتست از:

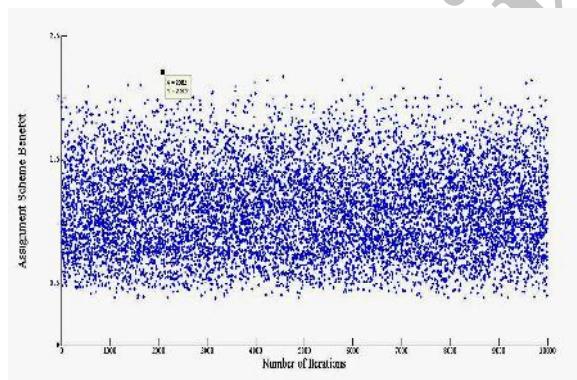
$$Q_{8x7} = \begin{bmatrix} 0.9999 & 0.2000 & 0.2000 & 0.1111 & 0.0500 & 0.0385 & 0.0250 \\ 0.1000 & 0.2500 & 0.5000 & 0.2500 & 0.9999 & 0.2000 & 0.1111 \\ 0.0270 & 0.0345 & 0.0588 & 0.1111 & 0.1250 & 0.5000 & 0.2500 \end{bmatrix}$$

۵- تعداد تکرار الگوریتم، بسته به نوع الگوریتم در نظر گرفته شده است.

۶- با توجه به ورودی‌های فرض شده، سقف مقادیری که تابع بهره می‌تواند به خود بگیرد، مقدار  $2/۰۲۰۴$  است.

#### ۴- نتایج حاصل از شبیه‌سازی سه نوع الگوریتم تصادفی، مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی

به کمک فلوچارت شکل ۲-الف، الگوریتم تصادفی را شبیه‌سازی نموده و خروجی آن در شکل ۵ به نمایش گذاشته شده است.



شکل ۵: بهره حاصل شده از پیاده‌سازی الگوریتم تصادفی

با استفاده از داده‌های ورودی و فرضیات مطرح شده، الگوریتم مزایده‌ای را مطابق فلوچارت شکل ۲-ب پیاده‌سازی نموده و شکل ۶ به دست آورده شده است.

همان‌گونه که در شکل ۶ ملاحظه می‌شود، تعداد تکرار در این الگوریتم  $۳۰$  بار در نظر گرفته شده است. در این شکل مشاهده می‌شود که از  $۳۰$  بار تکرار الگوریتم،  $۱۴$  بار حداقل مقدار بهره ممکن حاصل شده است (نقاط فوقانی شکل ۶).

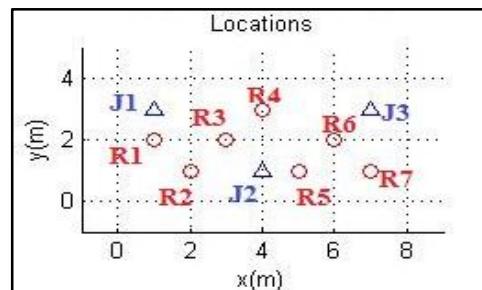
بلادرنگ قرار گرفته که در این حالت با فرض آنکه اخال‌گرها بر روی پلت فرم‌های متحرکی قرار گرفته‌اند، تغییر موقعیت اخال‌گرها اینگونه معنا می‌یابد که برای هر اخال‌گر خط سیری را مشخص نماییم که سبب شود تصمیمات اتخاذ شده در خصوص تخصیص منابع، بهینه‌تر و مطمئن‌تر باشند. بنابراین در هر مرحله از اجرای مجدد، الگوریتم می‌توان خط سیر اخال‌گرها را از روی تابعی که اخال‌گر را به سوی متوسط مکانی رادارهای تخصیص یافته در مرحله قبل سوق می‌دهد، نتیجه گرفت. بدیهی است که سرعت حرکت پلت فرم حامل اخال‌گر نیز باید در معادلات دخالت داده شود. سناریوی دوم زمانی تعریف می‌شود که در یک محیط نبرد غیر بلادرنگ قرار داریم. در این حالت تغییر موقعیت اخال‌گرها به معنای داشتن یک سوئیچینگ مناسب از اخال‌گرها موجود است. بنابراین با توجه به آنکه در یک صحنه نبرد غیر بلادرنگ زمان کافی برای تصمیم‌گیری وجود دارد، در این سناریو انواع سوئیچینگ‌های مختلف را پیاده‌سازی نموده و نمونه‌ای را که متناسب با بالاترین مقدار تابع بهره باشد، به عنوان تعداد و موقعیت مناسب اخال‌گرها انتخاب می‌شود. در شبیه‌سازی‌های مرتبط با این قسمت که در بخش ۴ نتایج آن آمده است، اخال‌گرها بر روی یک دایره محیطی پیرامون مجموعه رادارها فرض شده است. در حالت دیگر می‌توان مکان اخال‌گرها را به صورت یک فرآیند تصادفی یا هرگوی دیگری انتخاب نمود.

در الگوریتم زمان محور برای صرفه جویی در زمان (به دلیل قرار داشتن در یک صحنه نبرد بلادرنگ)، چنانچه شرط مورد نظر فراهم نشود، بلاfaciale الگوریتم یک اخال‌گر به سیستم اضافه خواهد کرد.

#### ۴. شبیه‌سازی یک نمونه سناریوی فرضی

در اینجا با هدف عینیت بخشیدن به الگوریتم‌های مطرح شده در دو بخش قبل، اقدام به شبیه‌سازی یک نمونه سناریوی فرضی در مورد مسئله تخصیص منابع اختلال راداری در یک صحنه نبرد الکترونیکی شده است. برای ایجاد امکان مقایسه بین انواع الگوریتم‌های معرفی شده، تقریباً تمام داده‌های ورودی و فرضیات را در شبیه‌سازی آنها یکسان درنظر گرفته که داده‌های ورودی و فرضیات مشترک به شرح ذیل می‌باشند:

۱- تعداد و موقعیت اخال‌گرها و رادارها مطابق با شکل ۴ فرض شده است:



شکل ۴: نام‌گذاری و موقعیت مکانی اخال‌گرها و رادارها

۲- مشاهده می‌شود که در صورت استفاده از رابطه (۱) در پیاده‌سازی الگوریتم، نتایج سنگین‌تری بدست خواهد آمد. این امر نقش حیاتی و اساسی تابع ترجیحات در نظریه بازی را بخوبی نشان می‌دهد. در تلاش‌های آینده سعی خواهد شد که از توابعی در الگوریتم استفاده شود که سرعت و بهینگی بالاتری را به بار نشانند.

۳- شکل ۸ ماحصل پیاده‌سازی الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی، فقط به تعداد یکبار می‌باشد. به عبارت دیگر با توجه به ورودی‌های فرض شده، در هر بار اجرای کامل الگوریتم ۹۱ طرح بررسی می‌شود.

۴- مشاهده می‌شود که در حالت استفاده از تابع (۱) به عنوان تابع ترجیحات، به سرعت به طرح تخصیصی که متضمن حداکثر مقدار تابع بهره باشد، دست خواهیم یافت. این ادعا با پیاده‌سازی مکرر الگوریتم، به راحتی قابل اثبات است.

#### ۲-۴. نتایج حاصل از شبیه‌سازی الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور

در این زیربخش برای هر یک از الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور یک سناریوی دلخواه را فرض نموده و نتایج شبیه‌سازی آن به شرح زیر آورده شده است. همان‌گونه که می‌دانیم هر یک از سه الگوریتم پایه‌ای (تصادفی، مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی) می‌تواند به عنوان قلب الگوریتم‌های هزینه محور و زمان محور مورد استفاده قرار گیرد. به عنوان نمونه، در شبیه‌سازی‌های این قسمت، از الگوریتم مزایده‌ای استفاده شده است. نکات مربوط به سناریوی اول به شرح زیر است:

۱- در یک صحنه نبرد بلادرنگ قرار گرفته‌ایم.

۲- با توجه به اینکه اخلال‌گرها بر روی پلت فرم‌های مختلفی قرار دارند (کشتی، هلی‌کوپتر و ...)، امکان جابه‌جایی و تحرک آنها وجود دارد.

۳- الگوریتم تخصیص منابع اختلال راداری را با موضوع جابه‌جایی اخلال‌گرها ادغام نموده و علاوه بر تولید یک ماتریس تصمیم مناسب، با فرض ثابت بودن مکان رادارهای دشمن، خط سیر بهینه اخلال‌گرها ترسیم شده است.

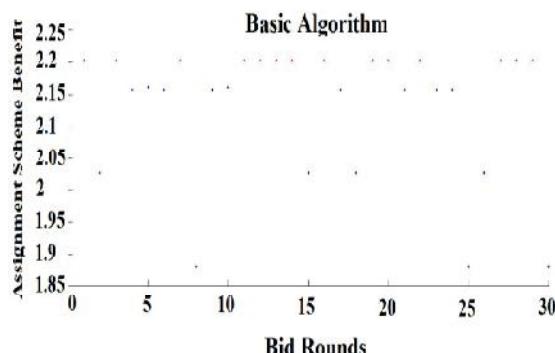
۴- الگوریتم صد بار تکرار شده است ( $t=100$ ).

۵- در ابتدای الگوریتم، اخلال‌گری در نقطه (۴ و ۳) وجود نداشته، اما مطابق شکل ۹-ب در اثنای اجرای الگوریتم به دلیل در زیرآستانه قرار داشتن  $B_{out}$ ، اخلال‌گر مذکور به محیط اضافه شده است.

۶- خطهای سبز رنگ، مسیری را نشان می‌دهد که در صورت حرکت اخلال‌گرها بر روی آنها، نتایج بهتری از دید ایجاد اختلال راداری حاصل خواهد شد.

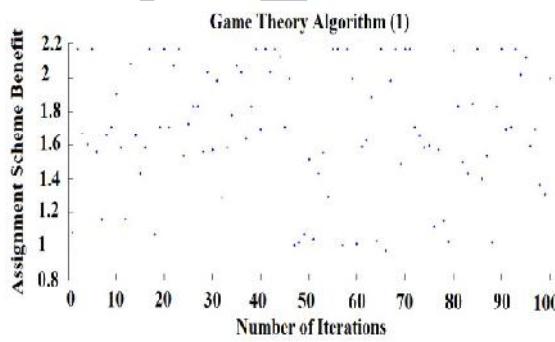
۷- با توجه به اینکه برخی از خط سیرهای حاصل به صورت زیگزاگی هستند، باید اعتراف کرد که جا دارد در آینده بر روی بهینه‌سازی الگوریتم‌ها تأمل بیشتری شود.

۸- در این سناریو فرض بر آن بوده که اخلال‌گرهای واقع در نقاط (۱۰۴) و (۱۰۳) توانایی مختل نمودن سه رادار و اخلال‌گر واقع در



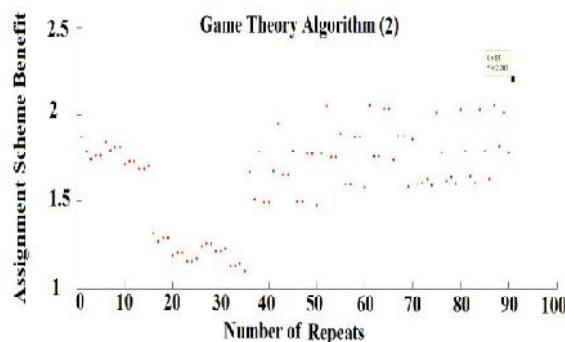
شکل ۶: بهره حاصل شده از پیاده‌سازی الگوریتم مزایده‌ای

با اجرای الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی مطابق فلوچارت شکل ۲-ج و به کمک رابطه (۹)، شکل ۷ حاصل شده است. لازم به ذکر است که در شکل ۷ منظور از عنوان "Game Theory Algorithm (1)" استفاده از رابطه (۹) به عنوان تابع ترجیحات است.



شکل ۷: بهره حاصل شده از پیاده‌سازی الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی با رابطه (۹)

در تلاشی دیگر فلوچارت شکل ۲-ج را به کمک رابطه (۱) پیاده‌سازی نموده و خروجی آن در شکل ۸ نشان داده شده است.



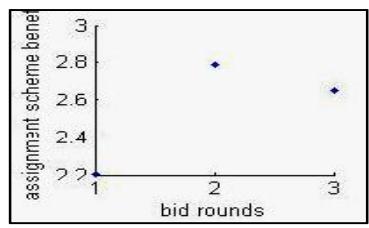
شکل ۸: بهره حاصل شده از پیاده‌سازی الگوریتم مبتنی بر نظریه بازی با رابطه (۱)

لازم به ذکر است که در مورد شکل ۸:

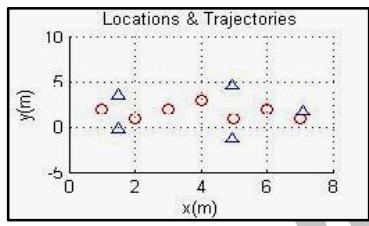
- ۱- منظور از عنوان "(2)" "Game Theory Algorithm (2)" استفاده از رابطه (۱) به عنوان تابع ترجیحات است.

نکات مربوط به سناریوی دوم به شرح زیر است:

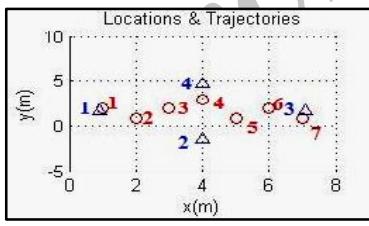
- ۱ در یک صحنه نبرد غیربلادرنگ قرار گرفته بنابراین، بهاندازه کافی زمان برای تعیین تعداد و موقعیت اخلال‌گرها وجود دارد.
- ۲ فرض شده که اخلال‌گرها بر روی یک دایره محیطی پیرامون مجموعه رادارها قرار گرفته‌اند. تلاش بر این است که سوئیچینگ مناسبی از اخلال‌گرها بهنحوی شکل گیرد که مقدار تابع بهره خروجی بین دو آستانه بالا و پایین محدود شود.
- ۳ تعداد تکرار الگوریتم  $t=3$  بوده است. با توجه به تعداد تکرار الگوریتم سه استراتژی از لحاظ تعداد و موقعیت مکانی اخلال‌گرها به ترتیب مطابق شکل‌های ۱۰-الف تا ۱۰-ج حاصل شده است.
- ۴ با توجه به شکل ۱۰-د الگوی شکل ۱۰-ب، به عنوان الگوی نهایی انتخاب می‌شود.



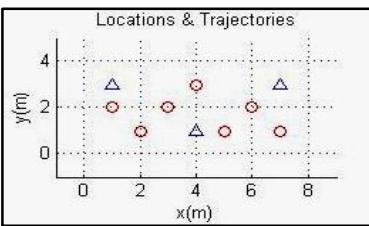
الف



ب



ج

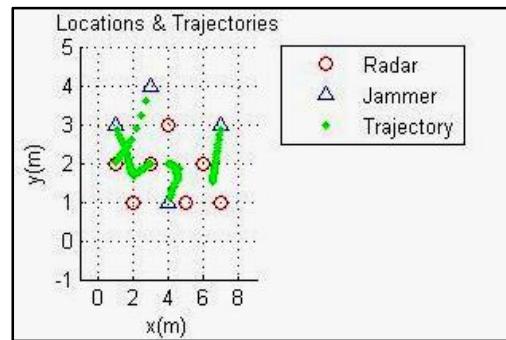


د

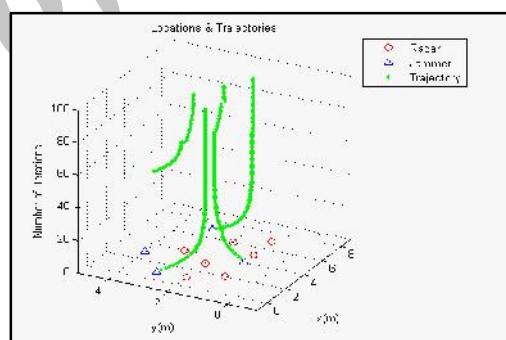
شکل ۱۰: یافتن تعداد و موقعیت مناسب اخلال‌گرها: (الف) الگوی پایه، (ب) الگوی چهار اخلال‌گر، (ج) الگوی پنج اخلال‌گر و (د) مقدار منفعت هر سه الگو

نقطه (۳) نیز امکان مختل نمودن دو رادار را به صورت همزمان دارد. اخلال‌گر واقع در نقطه (۴) که بر حسب نیاز به سیستم اضافه شده است، کافی است که بتواند یک رادار را مختل نماید.

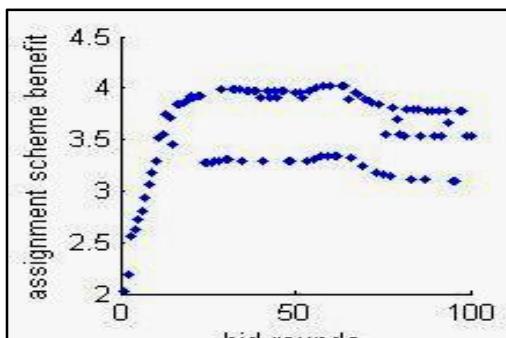
-۹ چنان‌چه رادارها و اخلال‌گرهای نشان داده شده در شکل ۹-الف را بر اساس شکل ۴ شماره گذاری نماییم، طرح تخصیص منابع اختلال راداری عبارتست از: اخلال‌گر ۱: رادارهای ۲، ۳ و ۴؛ اخلال‌گر ۲: رادار ۱؛ اخلال‌گر ۳: رادارهای ۴، ۵ و ۶؛ اخلال‌گر ۴: رادارهای ۷ و ۸. نتایج حاصل از شبیه‌سازی سناریوی اول در شکل ۹ قابل مشاهده است.



الف



ب



ج

شکل ۹: نتایج شبیه‌سازی سناریوی اول: (الف) خط سیر بهینه اخلال‌گرها در صفحه xy (ب) خط سیر بهینه اخلال‌گرها با نمایش تعداد تکرار الگوریتم و (ج) مقدار تابع بهره خروجی به ازای  $t=100$

- [4] P. A. Hosein, "A Class of Dynamic Nonlinear Resource Allocation Problems"; Ph.D. Dissertation, Lab. for Inform. and Decision Syst., Cambridge, MA, 1992.
- [5] R. Ramanathan, "Data Envelopment Analysis for Weight Derivation and Aggregation in the Analytic Hierarchy Process"; in Computer and Operations Research, vol.33, no.5, pp.1289-1307, 2006.
- [6] D. G. Galati, "Game Theoretic Target Assignment Strategies in Competitive Multi-Team Systems"; Ph.D. Dissertation, School of Eng., Pittsburgh Univ., Pittsburgh, PA, 2004.
- [7] S. Bhattacharya and T. Basar, "Game-Theoretic Analysis of an Aerial Jamming Attack on a UAV Communication Network"; In American Control Conference, Baltimore, MD., pp.818-823, 2010.
- [8] S. Bhattacharya and T. Basar, "Differential Game-Theoretic Approach to a Spatial Jamming Problem"; In Proc. of 14<sup>th</sup> International Symposium on Dynamic Games and Applications, Canada, 2010.
- [9] S. Bhattacharya and T. Basar, "Optimal Strategies to Evade Jamming in Heterogeneous Mobile Networks"; in Proc. of the Workshop on Search and Pursuit-Evasion, Anchorage, AK, 2010.
- [10] J. S. Jang and C. J. Tomlin, "Control Strategies in Multi-Player Pursuit and Evasion Game"; AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference and Exhibit, San Francisco, CA, 2005.
- [11] D. Slater et al., "A Game-Theoretic Framework for Jamming Attacks and Mitigation in Commercial Aircraft Wireless Networks"; in AIAA Infotech@Aerospace Conference, Seattle, WA, 2009.
- [12] M. I. Skolnik, Introduction to Radar Systems, 2nd ed., NY: McGraw-Hill, 1980.
- [13] Electronic Warfare and Radar Systems Engineering Handbook, NAVAL Air Warfare Center Weapons Div., Point Mugu, CA, 1999.
- [14] Electronic Warfare Fundamentals, Nellis AFB, Las Vegas, NV, 2000.
- [15] D. K. Barton and S. A. Leonov, Radar Technology Encyclopedia, Electronic ed., Norwood, MA: Artech House, 1997.
- [16] B. R. Mahafza and A. Z. Elsherbeni, MATLAB Simulations for Radar Systems Design, Boca Raton, FL: Chapman & Hall/CRC CRC Press LLC, 2004.

۵- طرح تخصیص الگوی نهایی: اختلال گر ۱: رادارهای ۵، ۶ و ۷؛ اختلال گر ۲: رادارهای ۳، ۴ و ۶؛ اختلال گر ۳: رادارهای ۱ و ۲؛ اختلال گر ۴: رادارهای ۱، ۴، ۳، ۲، ۵ و ۷ (ظرفیت اختلال گرها به ترتیب ۳، ۳، ۲ و ۶ می‌باشد).

## ۵. نتیجه‌گیری

همان‌گونه که ملاحظه شد در این مقاله پنج الگوریتم متفاوت را مطرح نموده که از میان آنها سه الگوریتم نخست (تصادفی، مزایده‌ای و مبتنی بر نظریه بازی)، نقش زیربنایی و پایه‌ای در تخصیص منابع اختلال راداری داشته و دو الگوریتم دیگر (هزینه محور و زمان محور) در جهت ارتقاء الگوریتم‌های پایه‌ای پیشنهاد شده‌اند. در يك جمع‌بندی منصفانه باید اذعان نمود که تمام الگوریتم‌های مطرح شده می‌توانند به صورت نسبتاً بهینه‌ای (ونه کاملاً بهینه) در مدیریت صحنه نبرد الکترونیکی از حیث سازماندهی و تخصیص منابع اختلال راداری ایفای نقش نمایند. بنابراین جا دارد که در جهت تکامل و ارتقاء الگوریتم‌های مطرح شده با افزودن مسائل تخصصی رادار و اختلال گر و همچنین تکنیک‌های ECM و ECCM تلاش‌های بهتری صورت پذیرد. تلاش‌هایی که باید بر پایه امکانات و اولویت‌های بومی هر کشوری بنا شود تا بتواند پاسخگوی مناسبی برای نیازها و مسائل اساسی آنها باشد.

در کارهای آینده سعی خواهد شد تا برای عمق بخشیدن به تحلیل مسائل و بدست آوردن نتایج دقیق‌تر در حوزه تخصیص منابع اختلال راداری از نظریه بازی‌های تعاضونی استفاده مفیدی گردد.

## ۶. مراجع

- [1] M. Lv et al., "Radar Jamming Resources Assignment Algorithm for EW Real-time Decision Support System of Multi-Platforms"; in Int. Conf. on Intelligent Control and Information Processing (ICICIP), China, pp. 83-87, 2010.
- [2] L. Zhang et al., "Game Theoretical Algorithm for Coverage Optimization in Wireless Sensor Networks"; in Proc. World Congress on Engineering (WCE), U.K., 2008.
- [3] M. Felegyhazi and J. Hubaux, "Game Theory in Wireless Networks: A Tutorial"; EPFL, Switzerland, Rep. LCA-REPORT-2006-002, Feb. 2006.