

حمله تفاضلی با دور کاهش یافته بر روی رمزهای قالبی SIMON32 و SIMON48 و SIMON64

احمد اسکونیان^۱، منصور باقری^{۲*}

۱- کارشناسی ارشد مخابرات، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی

۲- استادیار، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی

(دریافت: ۹۴/۰۳/۰۹، پذیرش: ۹۵/۰۸/۱۰)

چکیده

در ژوئن سال ۲۰۱۳ خانواده‌ای از رمزهای قالبی با نام SIMON توسط بیولیو و همکارانش از آژانس امنیت ملی آمریکا معرفی شد. این خانواده از رمزهای قالبی جزء رمزهای قالبی سبک‌وزن دسته‌بندی می‌شوند و می‌توانند طول کلید و طول قالب متفاوتی را بپذیرند. SIMON در مقایسه با بسیاری از رمزهای قالبی سبک‌وزن دیگر، عملکرد بهتری در سخت‌افزار و نرم‌افزار دارد این برتری در زمینه سخت‌افزاری محسوس‌تر است. هدف اصلی این مقاله، بهبود حملات تفاضلی ارائه‌شده بر روی این خانواده از رمزهای قالبی است. با کمک گرفتن از ایده‌ها و دیدگاه‌های جدید مطرح‌شده در مورد روش‌ها و سیاست‌های حدس کلید، توانستیم حمله تفاضلی بهبودیافته‌ای را بر روی ۲۲ دور ۳۲/۶۴ SIMON، ۲۳ دور ۴۸/۹۶ SIMON و ۲۹ دور ۶۴/۱۲۸ SIMON به انجام برسانیم. این حمله به تعداد دوره‌های حمله تفاضلی ارائه‌شده تا زمان ارسال این مقاله یک دور اضافه می‌کند.

واژه‌های کلیدی: SIMON، حمله تفاضلی، رمزهای قالبی سبک وزن.

۱- مقدمه

رمزنگاری از رمزهای قالبی و جایگزینی بیشتر رمزهای دنباله‌ای با رمزهای قالبی در پروتکل‌های رمزنگاری بوده‌ایم. به‌عنوان مثال در نسل جدید تلفن همراه، رمزهای دنباله‌ای A5/1 و A5/2 [۱] با الگوریتم رمز قالبی کاسومی^۴ [۲] جایگزین شده است. امر مسلم، این است که امروزه رمزهای قالبی جای خود را به‌صورت گسترده باز کرده‌اند و اکثر پروتکل‌های رمزنگاری از رمزهای قالبی استفاده می‌کنند.

تعریف یک رمز قالبی [۳]: یک رمز قالبی تابعی است به شکل $E: \{0,1\}^K \times \{0,1\}^N \rightarrow \{0,1\}^N$ که یک ورودی K بیتی را به‌عنوان کلید (k) و یک ورودی N بیتی دیگر را به‌عنوان متن آشکار (P) می‌گیرد و در مقابل متن رمز $C=E(k,P)$ را برمی‌گرداند. برای هر رمز قالبی و هر کلید k ، تابع E_k یک جایگشت روی $\{0,1\}^N$ ، یعنی تابعی یک به یک از $\{0,1\}^N$ به $\{0,1\}^N$ است و بنابراین، دارای یک معکوس، مثل E_k^{-1} است. هم تابع رمز و هم معکوس آن باید به‌سادگی قابل‌محاسبه باشند؛ به این معنا که با داشتن P و k بتوان $C=E(k,P)$ را محاسبه کرد و همچنین با داشتن C و k بتوان $P=E_k^{-1}(k,C)$ را به دست آورد.

در تعریف امنیت اطلاعات، می‌توان محرمانگی^۱، جامعیت^۲ و دسترس‌پذیری^۳ را به‌عنوان سه اصل مهم آن بیان و علم رمزنگاری را به‌عنوان مهم‌ترین ابزار برای برآوردن اصل‌های امنیتی، محرمانگی و جامعیت تعریف کرد. الگوریتم‌های رمزنگاری با هدف اصلی تأمین محرمانگی اطلاعات طراحی می‌شوند. برای این کار در این الگوریتم‌ها از مؤلفه‌ای به نام کلید استفاده می‌شود. فرستنده با استفاده از یک الگوریتم رمزنگاری و کلید رمزگذاری، اطلاعات را رمز می‌کند و گیرنده نیز با استفاده از همان الگوریتم رمزنگاری و کلید رمزگشایی، اطلاعات رمزی را رمزگشایی می‌کند. بسته به این که کلید رمزگذاری و رمزگشایی یکسان باشند یا باهم متفاوت باشند، الگوریتم‌های رمزنگاری را به دو دسته متقارن و نامتقارن تقسیم می‌کنند. الگوریتم‌های رمزنگاری متقارن در دو دسته کلی رمزهای قالبی و رمزهای دنباله‌ای تقسیم‌بندی می‌شوند.

در طول دهه گذشته شاهد استقبال روزافزون جامعه

* رایانامه نویسنده مسئول: Nbagheri@srttu.edu

1- Confidentiality
2- Integrity
3- Availability

به صورت جداگانه توسط بیهام و همکاران به عنوان حمله مستطیلی معرفی شد [۱۶].

در این مقاله تنها بر روی حمله تفاضلی بر روی SIMON^{۳۲}، SIMON^{۴۸} و SIMON^{۶۴} تمرکز شده است. خانواده SIMON شامل ۱۰ رمز است که هر کدام از آن‌ها با توجه به اندازه حالت (اندازه قالب) N و طول کلید K به صورت SIMON N/K نامیده می‌شوند. تنها یک نمونه برای اندازه حالت ۳۲ بیت وجود دارد، یعنی SIMON^{۳۲/۶۴} و دو نمونه برای اندازه نمونه‌های ۴۸ و ۶۴ و ۹۶ و سه نمونه برای اندازه حالت ۶۴ بیتی وجود دارد.

ارائه این خانواده، خیلی زود توجهات تعداد زیادی از تحلیلگران رمز را برانگیخت. الخزیمی^۶ و لاریدسن^۷ [۱۷] حمله تفاضلی را روی ۵ نوع مختلف SIMON با ۱۶، ۱۸، ۲۴، ۲۹ و ۴۰ دور که به ترتیب متناظر با ۵ اندازه قالب مختلف این رمز می‌باشند را ارائه داده‌اند. آن‌ها همچنین حملات تفاضلی غیرممکن را روی ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۹ و ۲۲ دور انواع مختلف این رمز ارائه داده‌اند. بیریوکوف^۸ و ولیچکوف^۹ [۱۸] مشخصه‌های تفاضلی را تا ۱۳، ۱۵ و ۲۱ دور برای SIMON بهبود دادند که می‌توان از آن‌ها به ترتیب برای حمله بر روی کلیدهای ۳۲، ۴۸ و ۶۴ بیتی از این رمز استفاده کرد. به طور مثال می‌توان به ۱۹ دور برای SIMON^{۳۲/۶۴} و ۲۰ دور برای SIMON^{۴۸/۷۲} و ۲۰ دور برای SIMON^{۶۴/۱۲۸} به ترتیب توسط ۲^{۳۳}، ۲^{۵۲}، ۲^{۸۹} و ۲^{۱۲۱} بار رمز کردن حمله کرد. علاوه بر این عابد^{۱۰} و لیست^{۱۱} [۱۹] حمله تفاضلی را تا ۱۸، ۱۰، ۲۶، ۳۵ و ۴۶ دور به ترتیب برای ۵ نوع مختلف SIMON ارائه دادند.

در اینجا ما به دنبال بعضی از مهم‌ترین رفتارهای بیتی انواع مختلف تفاضلات موجود برای SIMON بوده‌ایم و تعداد زیادی شرایط در دسترس را برای بیت‌ها در جهت توسعه مسیرهای تفاضلی با ۴ یا ۵ دور در بالای آن (به طور مثال بالای ۱۳ دور تفاضلی برای SIMON^{۳۲}) به دست آوردند. به طور خاص، بعضی از شرایط بیتی که در آن‌ها بیت‌های کلید مخفی مستقل هستند، انگیزه ما را برای به وجود آوردن راهبرد جدیدی برای جستجوهای لازم در جهت حدس بیت کلید افزایش داد. بر پایه این شرایط بیتی و شرایط حدس بیت‌های کلید، حمله تفاضلی کاهش یافته بر روی انواع SIMON را با اندازه قالب ۳۲، ۴۸ و ۶۴ انجام دادیم.

از مهم‌ترین مسائلی که در هر طرح و الگوریتم رمزنگاری، از جمله رمزهای قالبی باید در نظر گرفته شود، امنیت و کارایی آن‌ها است. امنیت یک رمز قالبی در مدل‌های مختلفی قابل بحث است؛ اما مهم‌ترین مدل امنیتی که در این مورد در نظر گرفته می‌شود، مدل امنیت محاسباتی است. به صورت غیررسمی گفته می‌شود که یک رمز قالبی در مدل امنیت محاسباتی، امن است اگر این رمز در برابر تمام انواع حملات شناخته شده روی رمزهای قالبی مقاوم باشد. منظور از کارایی یک طرح و الگوریتم رمزنگاری، مانند رمزهای قالبی، سرعت و الزامات حافظه برای پیاده‌سازی آن است. با توجه به این امر، رمزهای قالبی را می‌توان در دو دسته کلی رمزهای قالبی معمولی و رمزهای قالبی سبک‌وزن در نظر گرفت. رمزهای قالبی سبک‌وزن در مقایسه با رمزهای قالبی معمولی، حافظه کمتری برای پیاده‌سازی لازم دارند. با توجه به اهمیت فضای حافظه، در سال‌های اخیر توجه زیادی به رمزهای قالبی سبک‌وزن شده است؛ به طوری که می‌توان از [۴] CLEIFA، [۵] HIGHT، [۶] LED، [۷] TWINE، [۸] PICCOLO و [۹] PRESENT به عنوان چند نمونه از رمزهای قالبی سبک‌وزن جدید نام برد.

در سال ۲۰۱۳، آژانس ملی آمریکا خصوصیات خانواده رمزهای قالبی سبک‌وزن SIMON را منتشر کرد. در مقایسه با دیگر رمزهای قالبی سبک‌وزن موجود، این خانواده عملکرد مناسبی را برای ابزار منبع محدود مانند برچسب‌های RFID دارد به گونه‌ای که می‌تواند به صورت گسترده‌ای در این ابزار به کار گرفته شود.

حمله تفاضلی [۱۰] ابتدا توسط بیهام^۱ و همکاران به عنوان یک حمله محبوب بر روی رمزهای قالبی معرفی شد. در خلال سال‌ها، حمله تفاضلی برای تحلیل بسیاری از انواع مختلف رمزهای قالبی گسترش یافته است. حمله تفاضلی مراتب بالاتر توسط Lai در ۱۹۹۴ معرفی شد. در همان سال، نودسن^۲ تفاضل ناقص را معرفی کرد [۱۱] که برای تحلیل رمز قالبی DES بکار گرفته شد. در ۱۹۹۸، نودسن [۱۲] و بیهام و همکاران [۱۳] مستقلاً، ایده حمله تفاضلی غیرممکن را منتشر کردند که به حمله‌کننده اجازه جداسازی کلیدهای اشتباه توسط تمیز دادن مشخصه‌های تفاضلی غیرممکن می‌دهد. برای ساخت یک تمیز دهنده طولانی توسط اتصال دو مشخصه تفاضلی کوتاه، وگنر^۳ حمله بومرنگ^۴ را در ۱۹۹۹ [۱۴] معرفی کرد که توسط کلسی^۵ و همکاران به عنوان حمله بومرنگ تقویت شده بهبود یافته [۱۵] و

6- Alkhzaimi
7- Lauridsen
8- Biryukov
9- Velichkov
10- Abed
11- list

1- Biham
2- Knudsen
3- Wagner
4- Boomerang
5- Kelsey

جدول ۱. نتایج به دست آمده و مقایسه با بهترین نتایج

SIMON		تفاضلی				تفاضلی غیرممکن		همسنگی صفر	انتگرالی	خطی			پوشش خطی	
		[۲۲]	[۱۸]	[۲۰]	بخش ۳	[۱۹]	[۲۳]	[۲۳]	[۲۳]	[۱۹]	[۲۴]	[۲۵]	[۲۶]	[۲۴]
۳۲/۶۴	تعداد دور	۱۸	۱۹	۲۱	۲۲	۱۳	۱۸	۲۰	۲۱	۱۱	۱۳	۱۸	۲۱	۲۲
	پیچیدگی زمانی	۲۴۶	۲۳۲	۲۴۶	۲۵۸/۶۹	۲۵۰/۱	۲۶۱/۱۴	۲۵۶/۹۶	۲۶۳			۲۶۱/۵		۲۵۸/۰۶
	پیچیدگی داده	۲۳۱/۲	۲۳۱	۲۳۱	۲۲۹/۶۹	۲۳۰	۲۳۲	۲۳۲	۲۳۱	۲۳۲	۲۳۲	۲۳۲	۲۳۰/۱۹	۲۳۰/۵۶
۴۸/۹۶	تعداد دور	۱۹	۲۰	۲۲	۲۳	۱۵	۱۹	۲۱		۱۴	۱۶	۲۱	۲۱	۲۲
	پیچیدگی زمانی	۲۷۶	۲۷۵	۲۷۱	۲۸۴/۰۵	۲۵۲	۲۸۵/۸۲	۲۷۲/۶۳				۲۹۰		۲۹۲/۶۱
	پیچیدگی داده	۲۴۶	۲۴۶	۲۴۵	۲۴۲/۰۵	۲۳۸	۲۴۸	۲۴۸		۲۴۷	۲۴۶	۲۴۶	۲۴۲/۲۸	۲۴۴/۱۱
۶۴/۱۲۸	تعداد دور	۲۶	۲۶	۲۸	۲۹	۱۷				۱۶	۱۹	۲۴	۲۹	۲۹
	پیچیدگی زمانی	۲۹۴	۲۱۲۱	۲۶۰	۲۱۱۰/۵۳	۲۷۱						۲۱۶/۵		۲۱۱۰/۵۳
	پیچیدگی داده	۲۶۳	۲۶۳	۲۵۹	۲۶۰/۵۳	۲۵۲				۲۶۱	۲۵۸	۲۵۸	۲۶۱/۱	۲۶۲/۵۳

ΔX : تفاضل XOR از X و X'

+ : اضافه

۲-۲- خلاصه توصیفی از رمزهای قالبی SIMON

رمز قالبی SIMON یک ساختار فیستلی است با ورودی N بیتی و با کلید K بیتی به صورت N/K SIMON نامیده می شود که $N=2n$ و $K=mn$ و در اینجا برابر با ۱۶، ۲۴، ۳۲، ۴۸ یا ۶۴ بیت و $m=2,3,4$ است پس می توان نتیجه گرفت که $N=2K/m$ است. این خانواده شامل ۱۰ رمز قالبی با تعداد متفاوت دور n_r وجود دارد. تعداد دورها و خصوصیات ۱۰ نوع SIMON در [۲۱] نشان داده شده است. تمام انواع SIMON از توابع دوری مشابهی استفاده می کنند.

تابع دور: برای عملکرد بهتر روی زمینه های سخت افزاری و نرم افزاری، SIMON از تابع دور بسیار ساده ای استفاده می کند که در تعداد دور زیادی تکرار می شوند. تابع $(X \lll 1) \cap (X \lll 8) = F(X)$ یک انتقال غیر خطی از $\{0,1\}^n$ به $\{0,1\}^n$ است که توسط ۳ عملگر بیتی \cap و \oplus و \lll انجام می پذیرد. متن اصلی به صورت $P=(L_0, R_0)$ است و تابع دور i ام به صورت زیر توصیف می گردد:

$$L_i = R_{i-1} \oplus F(L_{i-1}) \oplus K_{i-1} \quad (1)$$

$$R_i = L_{i-1} \quad (2)$$

جایی که $i=1, \dots, n_r$ است. متن رمزی C به صورت (R_{n_r}, L_{n_r}) انتخاب می شود. در اینجا، برای راحتی توصیف حمله تفاضلی بیتی، توصیفی برای تابع دور بیتی داده شده است. بدین صورت که:

$$L_i = \{X_i[n], X_i[n-1], \dots, X_i[2n-1]\}, \\ R_i = \{X_i[0], X_i[1], \dots, X_i[n-1]\}$$

این حمله بر روی این دو نوع SIMON با یک یا دو دور بیشتر، بهتر از حملاتی است که تا به حال ارائه شده است. به واسطه بخش اصلی این حمله، آشکار می شود که چگونه توابع بیتی وابسته به بیت های کلید کنترل می شوند، این حمله را حمله تفاضل بیتی می نامند.

در نتیجه، حمله تفاضلی به صورت ۲۲ دور بر روی SIMON ۳۲/۶۴ با احتمال موفقیت ۰/۴۳۶۷ و ۲۳ دور بر روی SIMON ۴۸/۹۶ با احتمال موفقیت ۰/۷۲۶ و ۲۹ دور بر روی SIMON ۶۴/۱۲۸ با احتمال موفقیت ۰/۶۲۸، به دست آمده است.

در بخش دوم این مقاله توصیف مختصری از SIMON ارائه می شود سپس در بخش سوم حمله تفاضلی بهبود یافته ای بر روی این رمز ارائه می شود و در بخش چهارم نتیجه گیری مختصری ارائه می گردد.

۲- توصیف مختصری از SIMON

۱-۲- نوشتار

نوشتار زیر در این مقاله استفاده شده است:

X_r : ورودی دور r -ام

L_{r-1} : نیمه چپ ورودی دور r -ام

R_{r-1} : نیمه راست ورودی دور r -ام

K_r : زیر کلید استفاده شده در دور r -ام

$X[i]$: i امین بیت X ، اندیس بیت ها از چپ به راست است

$X \lll r$: چرخش چپ بیت های X با اندازه r موقعیت

$X \ggg r$: چرخش راست بیت های X با اندازه r موقعیت

XOR: \oplus

AND: \cap

حمله بر روی SIMON۴۸ و SIMON۶۴ را مشخص نمودیم تا روند حمله بر روی این دو الگوریتم نیز مشخص گردد.

۳-۱- حمله تفاضلی روی SIMON۳۲

در اینجا از مسیر تفاضلی ۱۳ دوری [۱۸] برای حمله بر روی ۲۲ دور SIMON۳۲ استفاده شده که با افزودن ۵ دور در بالای این تفاضل و ۴ دور به انتهای آن، تعداد دورها به ۲۲ دور رسیده است. برای سادگی در ادامه بحث، $C = \{L_{nr}, R_{nr}\}$ جایگزین $C = \{L_{nr}, L_{nr}\}$ می‌گردد.

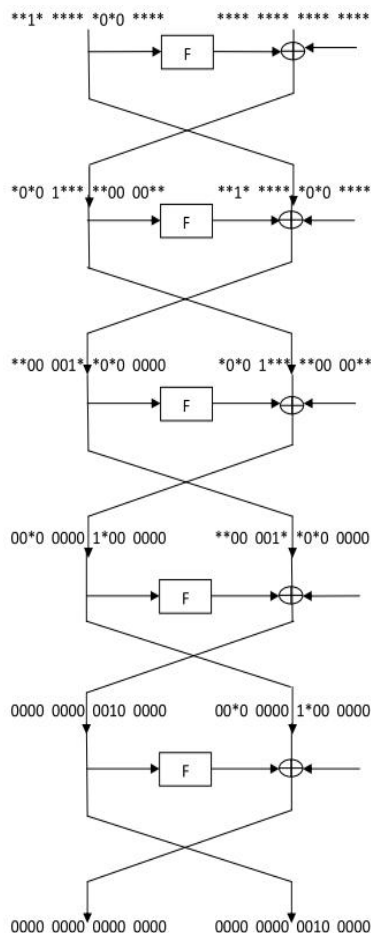
۳-۲- شرایط حمله تفاضلی

برای این حمله، تفاضل شیفت یافته ۱۳ دوری زیر را که در [۱۸] با احتمال $2^{-29/69}$ به دست آمده است را در نظر می‌گیریم:

$$D_1: (0000, 0020) \rightarrow (2000, 0000)$$

افزودن ۵ دور به بالای تفاضل موردنظر به صورت شکل (۱) به

دست می‌آید.



شکل (۱). نحوه محاسبه ورودی بعد از افزودن ۵ دور به ابتدای

مشخصه

که در آن، از تفاضل به دست آمده شروع می‌کنیم سپس سمت راست تفاضل را طبق تابع F مربوط به SIMON یک و دو و هشت بیت شیفت می‌دهیم و در تابع F قرار می‌دهیم هر کجا که AND

و سپس تابع دور i -ام به صورت زیر نشان داده می‌شود:

$$\begin{aligned} X_i[q+n] \oplus X_{i-1}[(q+2)\%n+n] \oplus X_{i-1}[q] \oplus K_{i-1}[q], \\ = X_{i-1}[(q+1)\%n+n] \cap X_{i-1}[(q+8)\%n+n] \\ X_i[q] = X_{i-1}[q+n] \end{aligned}$$

جایی که $q=0,1,\dots,n-1$ و $X_i[n]$ پارانش‌ترین پست L_i و $X_i[2n-1]$ کم‌ارزش‌ترین بیت L_i است و $X_i[0]$ پارانش‌ترین بیت R_i و $X_i[n-1]$ کم‌ارزش‌ترین بیت R_i است.

هر یک رشته از n_f زیر کلید دوری $\{K_0, \dots, K_{n-1}\}$ را از کلید اصلی $\{K_0, \dots, K_{m-1}\}$ با طول‌های کلید متفاوت mn ، توسط تابع کلید به صورت زیر استخراج می‌کنند. وقتی که $i=1, \dots, m-1$ باشد داریم $K_i=k_i$ و وقتی که $i=m, m+1, \dots, nr$ باشد از توابعی استفاده می‌شود که با تغییر مقدار m این توابع نیز تغییر می‌کند.

برای جزئیات بیشتر بهتر است به [۲۱] مراجعه شود. در واقع، برنامه کلید خطی است، کلید اصلی می‌تواند از هر mn بیت زیر کلید مستقل استنباط گردد.

اصول کار این رمز را می‌توان بر پایه معادلات زیر نشان داد که این معادلات خود با استفاده از خصوصیات عملگر AND و XOR به دست آمده‌اند:

$$\begin{aligned} \Delta X_{i+1}[q+n] = \\ (\Delta X_i[(q+1)\%n+n] \cap X_i[(q+8)\%n+n]) \oplus \\ X_i[(q+1)\%n+n] \cap \Delta X_i[(q+8)\%n+n] \oplus \\ (\Delta X_i[(q+1)\%n+n] \cap \Delta X_i[(q+8)\%n+n]) \oplus \\ \Delta X_i[(q+2)\%n+n] \oplus \Delta X_i[q], \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} X_i[(q+1)\%n+n] = (X_{i-1}[(q+2)\%n+n] \cap \oplus \\ X_{i-1}[(q+9)\%n+n]) \\ X_{i-1}[(q+3)\%n+n] \oplus X_{i-1}[(q+1)\%n] \oplus \\ K_{i-1}[(q+1)\%n] \end{aligned} \quad (4)$$

$$\begin{aligned} X_i[(q+8)\%n+n] = (X_{i-1}[(q+9)\%n+n] \cap \\ X_{i-1}[(q+16)\%n+n]) \oplus X_{i-1}[(q+10)\%n+n] \oplus \\ X_{i-1}[(q+8)\%n] \oplus K_{i-1}[(q+8)\%n] \end{aligned} \quad (5)$$

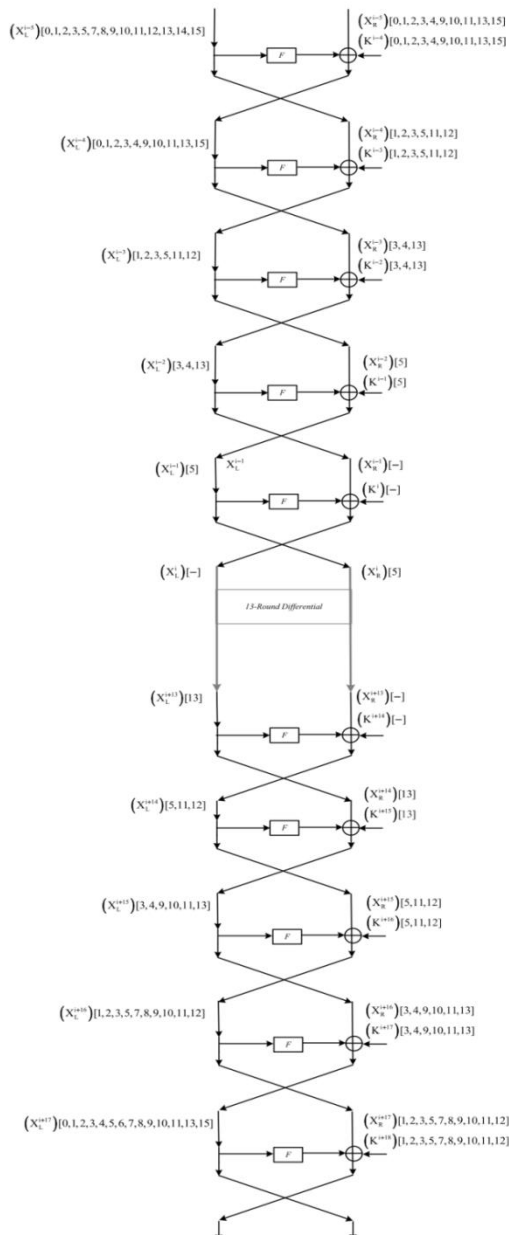
با توجه به معادلات بالا می‌توان استنباط کرد که اگر:

$$\Delta X_i[(q+1)\%n+n] \cap \Delta X_i[(q+8)\%n+n] = (0,0)$$

در نتیجه هیچ بیت کلیدی نیاز به حدس زدن ندارد که این موضوع می‌تواند به کاهش پیچیدگی زمانی کمک کند. ولی اگر به صورت $(0,1)$ و $(1,0)$ و $(1,1)$ باشد باید کلیدهای موردنیاز حدس زده شود. از آنجا که زیر کلید K_i با ورودی X_i به صورت خطی است، واضح است که ΔX_i از K_i مستقل خواهد بود.

۳- حمله تفاضلی روی SIMON

در نگاه اول با توجه به اصول تابع دور این رمز، به نظر می‌رسد که حمله تفاضلی می‌تواند حمله‌ای مؤثر بر روی این رمز باشد که این استدلالی درست است در ادامه بحث بیشتر به این حمله می‌پردازیم و چرایی آن را بررسی می‌کنیم و در ابتدا به توصیف حمله تفاضلی بی‌تی روی SIMON۳۲/۶۴ با دور کاهش یافته می‌پردازیم و در پیوست ۱ و ۲ بیت‌های زیر کلیدهای درگیر در



شکل (۲). روند حمله بر روی SIMON۳۲

از آنجا که تعداد شرایط زیادی برای متن اصلی و خروجی دور اول وجود دارد که آن‌ها را از کلید مخفی مستقل می‌کند، در نتیجه از این شرایط برای ساختن ساختارهای مورد نیاز حمله‌ای و کاهش پیچیدگی زمانی جفت‌های متن اصلی جمع شونده، بهره می‌گیریم. در شکل (۲) تعداد بیت‌هایی زیر کلیدی که باید در هر دور حدس زده شود مشخص شده است اگر بخواهیم با یک مثال نحوه محاسبه این بیت‌ها را شرح دهیم می‌توان به‌طور مثال بیت شماره ۱ در دور دوم را در نظر گرفت همان‌طور که قبلاً اشاره شد تابع SIMON شامل یک شیفت ۸ بیتی و یک شیفت ۱ بیتی است که با یکدیگر AND شده و در انتها با یک شیفت دوبیتی ورودی، XOR می‌شود پس طبق این خصوصیت ما نیاز به یافتن ۳ زیرکلید برای هر بیت فعال سمت چپ ساختار فیستل داریم

بیتی بین عدد صفر و یک باشد آن بیت در خروجی به شکل ستاره نشان داده می‌شود. این روند برای ۴ دور خروجی نیز ثابت است. در اینجا تفاضل ورودی را با این روش به دست آوردیم که در آن:

$$\Delta P_1: (**1* **** *0*0 ****, **** **** **** ****)$$

بعد از افزودن ۴ دور به انتهای این تفاضل، خروجی تفاضل به شکل زیر برای SIMON۳۲ به دست می‌آید.

$$\Delta C_1: (*0*0, ****, **1*, ****, **00, 00**, *0*0, 1****)$$

تفاضل D1 که بر اساس داشتن کمترین بیت فعال انتخاب شده است. تمرکز بیشتر تفاضلاتی که تا به حال از آن‌ها برای حمله بر روی این رمز قالبی استفاده شده بود بر روی احتمال مشخصه بوده است ولی در اینجا تمرکز ما روی افزایش تعداد دور حمله بوده است و کوچک بودن احتمال به‌عنوان اولویت دوم ما در نظر گرفته شده بود. به همین دلیل از تفاضل موجود در شکل ۱ برای این حمله استفاده نمودیم چون این تفاضل توانست تعداد زیرکلیدهای مورد نیاز ما را کاهش دهد. در رمزگشایی ۵ دور ابتدایی و ۴ دور انتهایی، ۲۸ حالت (شرایط) مستقل از کلید مخفی و ۳۶ حالت وابسته به کلید مخفی وجود دارند زیرا با توجه به روابط ۳ و ۴ و ۵، مقادیر به‌دست‌آمده در دور i-ام در داخل رابطه ۳ گنجانده می‌شود و اگر مقدار تفاضلات مورد نظر در رابطه ۳ نامعلوم باشد یا اگر مقدار یک داشته آنگاه چون طبق فرمول ۳ با X متناظر خود XOR می‌شوند در نتیجه ما به محاسبه X احتیاج پیدا می‌کنیم. X طبق روابط ۴ و ۵ وابسته به یک بیت زیرکلید است در نتیجه وقتی هر دو تفاضل در فرمول ۳ مقدار صفر داشته باشند تفاضل اصلی دور i-ام، وابسته به هیچ زیرکلیدی نیست و به همین صورت داریم اگر سه حالت دیگر وجود داشته باشد یعنی دو تفاضل فرمول ۳ به صورت (۰،۱) و (۱،۰) و (۱،۱) حدس زده شوند حداقل یک بیت زیرکلید و حداکثر دو بیت زیرکلید باید حدس زده شوند و در نتیجه در این حالت وابستگی به زیرکلیدها وجود دارد. ۳۲ حالت از متن اصلی و ۵ دور اول برای رسیدن به خروجی این ۵ دور به صورت (۰۰۲۰،۰۰۰۰) لازم و کافی است. برای این حمله علاوه بر روش بالا می‌توان از روش زیر بهره گرفت که دارای پیچیدگی کمتری نسبت به روش قبل است. حال در مورد محاسبه مقدار پیچیدگی و تعیین زیرکلیدهای فعال به بحث می‌پردازیم. هدف این روش این است که به‌گونه‌ای از تمام شرایط کلیدهای مخفی‌ای که نیاز به حدس آن‌ها وجود دارد استفاده شود تا تعداد بیت‌های زیرکلید کمتری حدس زده شوند. روش کار در شکل (۲) نشان داده شده است.

- [6] J. Guo, T. Peyrin, A. Poschmann, and M. J. B. Robshaw, "The LED Block Cipher," In Preneel and Takagi, pp. 326-341.
- [7] T. Suzaki, K. Minematsu, S. Morioka, and E. Kobayashi, "\$\{\twine\}\$: A Lightweight Block Cipher For Multiple Platforms," In L. R. Knudsen and H. Wu, editors, Selected Areas in Cryptography, volume 7707 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 339-354, Springer, 2012.
- [8] K. Shibutani, T. Isobe, H. Hiwatari, A. Mitsuda, T. Akishita, and T. Shirai, "Piccolo: An Ultra-lightweight Blockcipher," In Preneel and Takagi, pp. 342-357.
- [9] A. Bogdanov, L. Knudsen, R. Leander, G. Paar, C. Poschmann, A. M. J. Robshaw, B. Y. Seurin, and C. Vikkelsoe, "Present: An Ultra-lightweight Block Cipher," In P. Paillier, and I. Verbauwhede, editors, CHES, vol. 4727 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 450-466, Springer, 2007.
- [10] E. Biham and A. Shamir, "Differential Cryptanalysis of the Data Encryption Standard," Springer, 1993.
- [11] L. R. Knudsen, "Truncated and Higher Order Differentials," In B. Preneel, (ed.) Fast Software Encryption -FSE'94, Lecture Notes in Computer Science, vol. 1008, pp. 196-211, Springer, 1994.
- [12] L. Knudsen, "DEAL-a 128-bit Block Cipher," Complexity vol. 258, no. 2, 1998.
- [13] E. Biham, A. Biryukov, and A. Shamir, "Cryptanalysis of Skipjack Reduced to 31 Rounds Using Impossible Differentials," pp. 12-23, Springer-Verlag, 1999.
- [14] D. Wagner, "The Boomerang Attack," In L. R. Knudsen, editor, FSE, vol. 1636 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 156-170, Springer, 1999.
- [15] J. Kelsey, T. Kohno, and B. Schneier, "Amplified Boomerang Attacks against Reduced-Round MARS and Serpent," In Fast Software Encryption, pp. 75-93, 2000.
- [16] E. Biham, O. Dunkelman, and N. Keller, "The Rectangle Attack- Rectangling the Serpent," In Birgit Pfitzmann, editor, Eurocrypt, vol. 2045 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 340-357, Springer, 2001.
- [17] H. A. Alkhzaimi and M. M. Lauridsen, "Cryptanalysis of the SIMON Family of Block Ciphers," Cryptology ePrint Archive, Report 2013/543, 2013.
- [18] A. Biryukov, A. Roy, and V. Velichkov, "Differential Analysis of Block Ciphers SIMON and SPECK," In FSE, 2014.
- [19] F. Abed, E. List, S. Lucks, and J. Wenzel, "Differential and Linear Cryptanalysis of Round-Reduced Simon Family of Block Ciphers," Cryptology ePrint Archive, Report 2013/568, 2013.
- [20] N. Wang, X. Wang, K. Jia, and J. Zhao, "Improved Differential Attacks on Reduced SIMON Versions," Cryptology ePrint Archive, Report 2014/448, 2014.
- [21] R. Beaulieu, D. Shors, J. Smith, S. Treatman-Clark, B. Weeks, and L. Wingers, "The SIMON and SPECK Families of Lightweight Block Ciphers," Cryptology ePrint Archive, Report 2013/404, 2013.
- [22] F. Abed, E. List, J. Wenzel, and S. Lucks, "Differential Cryptanalysis of round-reduced Simon and Speck," Preproceedings of Fast Software Encryption, In FSE, 2014.
- [23] Q. Wang, Z. Liu, K. Varici, Y. Sasaki, V. Rijmen, and Y. Todo, "Cryptanalysis of Reduced-round SIMON32 and SIMON48," In Progress in Cryptology Indocrypt Springer International Publishing, pp. 143-160, 2014.
- [24] J. Alizadeh, H. A. Alkhzaimi, M. R. Aref, N. Bagheri, P. Gauravaram, A. Kumar, and S. K. Sanadhya, "Cryptanalysis of Simon variants with Connections," In Radio Frequency Identification: Security and Privacy Issues, pp. 90-107, Springer International Publishing, 2014.
- [25] J. Alizadeh, H. A. Alkhzaimi, M. R. Aref, N. Bagheri, P. Gauravaram, and M. M. Lauridsen, "Improved linear cryptanalysis of round reduced SIMON," IACR Cryptology

پس در نتیجه برای مثال بالا بیت ۱ از سمت چپ بیت ۲ و ۳ و ۹ از سمت راست را فعال می کند و در نتیجه ۳ زیرکلید فعال می شود ولی مهم ترین نکته در اینجا هم پوشانی زیرکلیدهای فعال شده است که باعث کاهش تعداد زیرکلیدهایی می شود که باید حدس زده شود این عامل با انتخاب درست مشخصه تفاضلی حاصل می شود.

پیچیدگی در اینجا برابر است با تعداد کل بیت های زیرکلید فعال شده ضرب در پیچیدگی زمانی ضرب در ۲. پس پیچیدگی برای SIMON۳۲ به صورت زیر به دست می آید:

$$۲^{۵۸/۶۹} = ۲^{۲۸} \times ۲^{۲۹/۶۹} \times ۲$$

۴- نتیجه گیری

در این مقاله، حمله تفاضلی بر روی سه الگوریتم از خانواده رمزهای قالبی SIMON مورد بررسی قرار گرفته است. با به کارگیری حمله تفاضلی می توان به تحلیل امنیت این سه رمز و ایده هایی جهت حملات جدیدتر دست یافت. حمله ارائه شده، بهترین حمله تفاضلی ارائه شده تا به حال بوده و به بهترین حمله موجود در هر کدام از این سه الگوریتم یک دور می افزاید.

از آنجا که SIMON یک رمز بر پایه ARX بسیار ساده هست، هر حمله ای بر روی رمزهای ARX مانند Threefish می تواند یک تهدید برای این رمز باشد. به هر حال، یک جنبه مثبت امنیت SIMON، افزودن کلید به صورت دوری و سادگی آن است. هم زمان با این که ساختار کلید قدرتمندی را داراست، به طور مؤثری می تواند این رمز را از حملاتی نظیر meet-in-the-middle در تعداد دور معقول حفاظت می کند.

۵- قدردانی

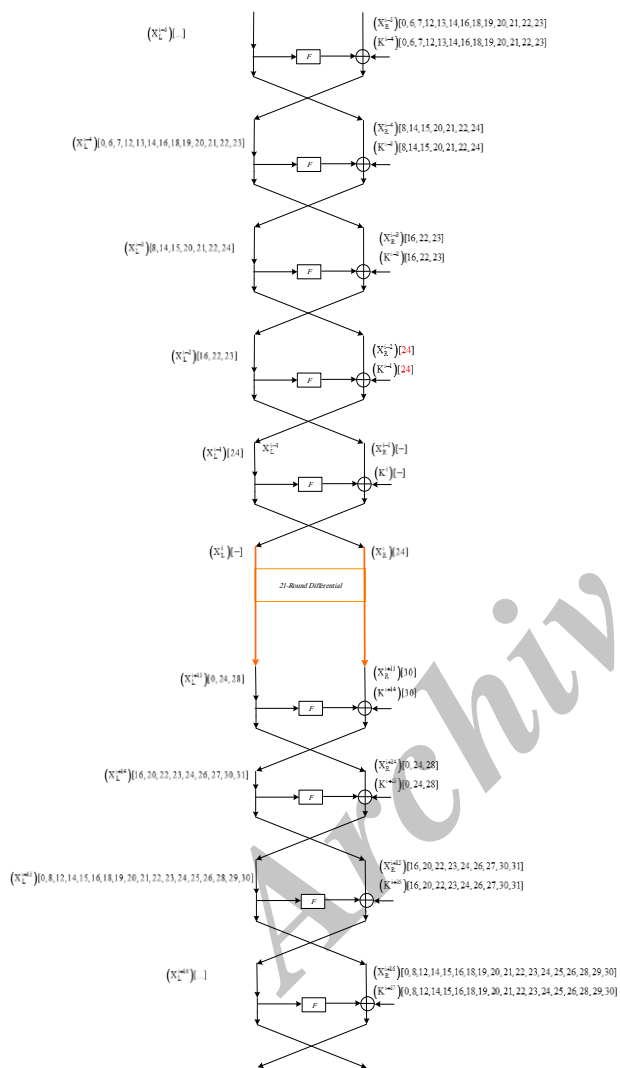
این پژوهش با حمایت مالی دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی طبق قرارداد شماره ۱۹۰۹۵ مورخ ۹۵/۸/۱ انجام گردیده است.

۶- مراجع

- [1] M. Briceno, I. Goldverg, and D. Wagner, "A Pedagogical Implementation of the GSM A5/1 and A5/2 "voice privacy" encryption algorithms," 1999.
- [2] 3rd Generation Partnership Project, "Technical Specification Group Services and System Aspects," 3G Security, Specification of the 3GPP Confidentiality and Integrity Algorithms, Document 2: KASUMI Specification, V3.1.1, 2001.
- [3] "New European Schemes for Signatures, Integrity, and Encryption," 2002-2003. <http://www.cryptonessie.org>
- [4] T. Shirai, K. Shibutani, T. Akishita, S. Moriai, and T. Iwata, "The 128-bit Blockcipher CLEFIA (extended abstract)," FSE, vol. 4593 of Lecture Notes In Computer Science, pp. 181-195, Springer, 2007.
- [5] D. Hong, J. Sung, S. Hong, J. Lim, S. Lee, B. Koo, C. Lee, D. Chang, J. Lee, K. Jeong, H. J. Kim, and S. Chee, "Hight: A New Nlock Cipher Suitable for Low-resource Device," In L. Goubin, and M. Matsui, editors, CHES, vol. 4249 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 46-59, Springer, 2006.

پیوست ۲

حمله تفاضلی به ۲۹ دور SIMON۶۴/۱۲۸: در این روش حمله، مشابه با روش دوم مطرح شده در حمله بر روی SIMON استفاده نمودیم یعنی مشخصه‌ای را یافتیم که کمترین بیت فعال را در ورودی و خروجی داشته باشد سپس بیت‌های فعال زیرکلید را با توجه به خصوصیات تابع F پیدا نمودیم. در شکل (۴) حمله بر روی ۲۹ دور SIMON۶۴/۱۲۸ نشان داده شده است.



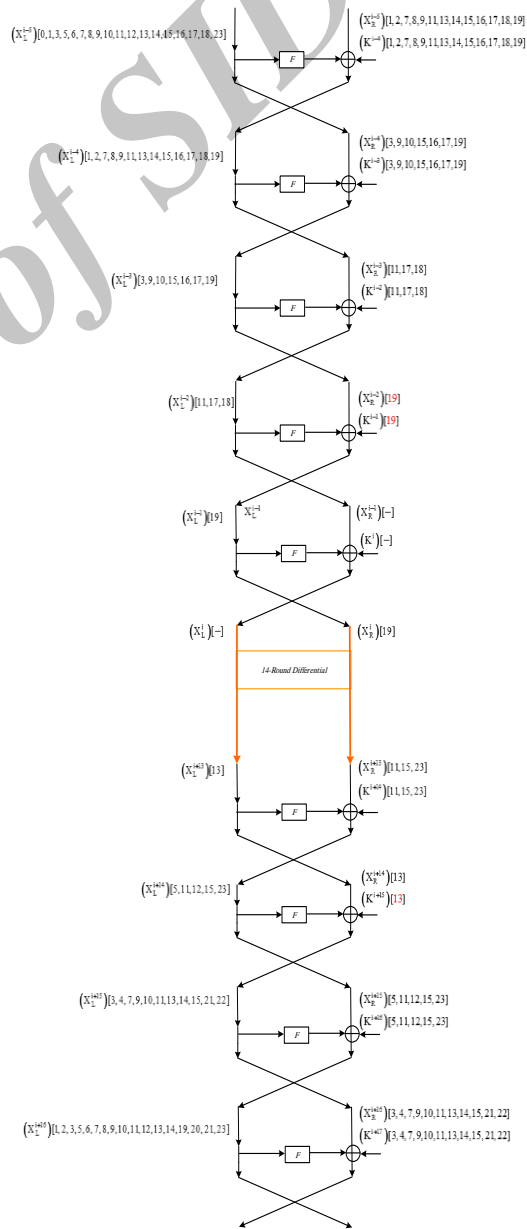
شکل (۴). حمله بر روی ۲۹ دور SIMON۶۴/۱۲۸

ePrint Archive, Reprint 2014/681. <http://eprint.iacr.org/2014/681.pdf>, 2014.

[26] D. Shi, L. Hu, S. Sun, L. Song, K. Qiao, and X. Ma, "Improved Linear (hull) Cryptanalysis of Round-reduced Versions of SIMON," Cryptology ePrint Archive, Report 2014/973, 2014. <http://eprint.iacr.org/2014/973.pdf>.

پیوست ۱

حمله تفاضلی به ۲۳ دور SIMON۴۸/۹۶: در این روش حمله، مشابه با روش دوم مطرح شده در حمله بر روی SIMON استفاده نمودیم یعنی مشخصه‌ای را یافتیم که کمترین بیت فعال را در ورودی و خروجی داشته باشد سپس بیت‌های فعال زیرکلید را با توجه به خصوصیات تابع F پیدا نمودیم. در شکل (۳) حمله بر روی ۲۳ دور SIMON۴۸/۹۶ نشان داده شده است.



شکل (۳). حمله بر روی ۲۳ دور SIMON۴۸/۹۶

Differential Cryptanalysis of Round-Reduced SIMON32 and SIMON48 and SIMON64

S. Ahmad Oskoueian, N. Bagheri*

*Shahid Rajaei Teacher Training University

(Received: 30/05/2015, Accepted: 31/10/2016)

ABSTRACT

On June 2013, Beaulieu and et.al from the U.S National Security Agency proposed a family of block ciphers, SIMON. This family of block ciphers is classified as lightweight block ciphers that comes in a variety of widths and key sizes. SIMON offers excellent performance on hardware and software platforms from which hardware performance is optimal. The main purpose of this paper is to provide improved differential attacks proposed on this family of block ciphers. Getting help from the new ideas and viewpoints about methods and key-guessing policies, we improve differential attack on 22-round SIMON32, 23-round SIMON48 and 29-round SIMON64. This attack adds one round to the latest differential cryptanalysis presented before this paper submission.

Keywords: SIMON, Differential Cryptanalysis, Lightweight Block Ciphers

*Corresponding Author Email: Nbagheri@srttu.edu