بررسی اثرات کاتالیتیکی دیوارہ روی گرمایش آیرودینامیکی دماغههای فناشوندہ ماوراءصوت بہ روش گام بہ گام مکانی

مرتضی مردانی (محمد مهدی دوستدار ^۲ دانشگاه جامع امام حسین^(ع) (تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۶/۱۷: تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۸/۹)

چکیدہ

دقیق ترین روش جهت محاسبه گرمایش آیرودینامیکی ، حل عددی جریان است. استفاده از روش حجم محدود جهت حل کامل معادلات ناویراستوکس در گذر زمان بسیار وقت گیر است. بنابراین با استفاده از الگوریتم اختلاف محدود و انتقال معادلات به فضای رویهای از طریـق توابع نگاشت و روش ترکیبی لایه شوک لزج و لایه مرزی خودمتشابه، کد CTCA تدوین گردید. مشخص نمودن غلظت جرمی گونـهها در مرز دیـواره، ناشی از فعل و انفعالات شیمیایی فناشوندگی سطح و تجزیه/ یونیزاسیون هوا از ورودیهای اصلی حل میدان جریان دماغههای ماوراءصوت است. غلظت جرمی گونهها در مرز دیواره ناشی از فعل و انفعالات شیمیایی، نیز به نوع کاتالیتکی دیواره یا مدت زمان توقف جریان در نقطـه خاصی از مرزی دیواره، وابسته است. در دیواره های کاملاً کاتالیتیک، میزان توقف جریان از زمان لازم جهت تعادل فعل و انفعالات شیمیایی بیشتر بـوده و شـرایط مرزی دیواره با فرض حالت تعادل شیمیایی مشخص میگردد. همچنین، در دیوارههای غیرکاتالیتیک، میزان توقف جریان بسیار کمتر از زمان لازم جهت تعادل فعل و انفعالات شیمیایی است و شرایط مرزی دیواره با فرض حالت انجمادی میرکاتالیتیک، میزان توقف جریان بسیار کمتر از زمان لازم نرزی دیواره با فرض حالت تعادل شیمیایی مشخص میگردد. همچنین، در دیوارههای غیرکاتالیتیک، میزان توقف جریان بسیار کمتر از زمان لازم جهت تعادل فعل و انفعالات شیمیایی است و شرایط مرزی دیواره با فرض حالت انجمادی مشخص میگردد. میزان کاتالیتیکی دیواره بـه متوسـط ترخ ترکیب مجدد گونهها وابسته است و این پارامتر یکی از ورودیهای مسئله است. بنابراین در این تحقیق، اثرات کاتالیتیکی دیواره روی گرمایش آیرودینامیکی دماغههای فناشونده به روش گامبهگام مکانی مورد بررسی قرار گرفت. نتایج ایـن تحقیق و تحقیقـات مشـابه نشـان داد کـه فـرض

واژههای کلیدی: لایه شوک لزج و لایه مرزی خودمتشابه، کد CTCA، زمان توقف جریان، زمان فعل و انفعالات، تعادل شیمیایی، انجماد شیمیایی، نرخ ترکیب مجدد، توابع نگاشت

Investigation of Wall Catalytic Effects on the Aeroheation of Hypersonic Ablative Noses by Space Marching Method

M. Mardani, M.M. Dostdar

Imam Hussein University

(Received:7/September/2016; Accepted:30/October/2016)

ABSTRACT

The most accurate method for calculating the aeroheating is numerical solution method. Using finite volume method to solve the Navier-Stokes equations in time is very time consuming. So by using the finite difference algorithm, transfer equations to curvature coordinate by the mapping function, and combination of the viscous shock layer and similarity of boundary layer, the CTCA Code was developed. Determine the species mass concentration at the wall boundary due to chemical reactions of surface ablation and air dissociation/ionization, is one of the main inputs to solve the flow field around the hypersonic noses. Species mass concentration at the wall boundary due to chemical reactions is dependent on the catalytic wall type or time duration of flow stop at the specified point of wall. For fully catalytic walls, the time duration of flow stop is greater than the time required to equivalence chemical reactions and the wall boundary conditions are determined by using the chemical equilibrium assumption. Also in the non-catalytic walls, the time duration of flow stop is less than the time required to equivalence chemical reactions and they are determined by using the chemical frozen assumption. The severity of wall catalyst is dependent on the recombination average rate of species and this parameter is one of the inputs to solve the problem. Therefore in this study, the wall catalytic effects on the aeroheating of ablative noses were investigated by the space marching method. The result of current research and other similar researches showed that, the fully catalytic at stagnation points and the non-catalytic at body are reasonable assumptions.

Keywords: Viscous Shock Layer and Similarity Boundary Layer, CTCA Code, Time Duration of Flow Stop, Time Duration of Chemical Reactions, Chemical Equilibrium, Chemical Frozen, Recombination Rate, Mapping Function

۱- دانشجوی دکتری (نویسنده پاسخگو): mdostdar@ihu.ac.ir

۳- دانشیار: mdostdar@ihu.ac.ir

۱– مقدمه

۳٨

در محمولههای ماوراءصوت واردشونده به جو'، بخش زیادی از انرژی جنبشی به انرژی داخلی گاز در گذر از موج ضربهای کمانی آقوی، تبدیل می شود و افزایش شدید دما را در لایه شوک بهدنبال دارد. در دماهای بالا، مخلوط لایه شوک، تجزیه و سپس یونیزه می گردد. از طرف دیگر، جهت به حداقل رساندن اثرات مخرب دمایی، جنس لایه اول دماغه محمولههای مذکور را از مواد فناشونده^۳ انتخاب می کنند. در دماهای بالا احتراق در سطح فناشونده بههمراه تجزيه و يونيزاسيون أهوا، باعث ايجاد مخلــوط چندگونــهای^۵ در لایــه شــوک مــیگــردد. یکــی از نیازمندی های اصلی گروه های مختلف طراحی محموله های مذکور، دستیابی به مقدار دقیقی از گرمایش آیرودینامیکی در طی مسیر پرواز است. مقدار گرمایش آیروینامیکی وابستگی شدیدی بهمیزان غلظت جرمی گونهها^۶ در لایه شوک دارد و آن هم تابعی از رفتار فعال و انفعالات شیمیایی^۷ واکنشهای فناشوندگی و تجزیه/ یونیزاسیون یا چگونگی تعریف شرط مرزی فعل و انفعالات شیمیایی بر روی دیواره است [۱].

در ارتباط با موضوع فعلی تحقیقات زیادی در داخل و خارج از کشور صورت گرفته است که میتوان به تئوری انتقال حرارت نقطه سکون هوای تجزیهشده در سال ۱۹۵۲ توسط فی-ریدل^۸ [۲]، حل سهبعدی جریان غیرتعادلی لایه شوک روی شاتلهای مکانی فناناپذیر توسط کیم و همکاران^۹ در سال ۱۹۸۴[۳]، ارتقاء کد کامپیوتری حل عددی لایه شوک دماغههای فناناپذیر ماینر و لویس^{۱۰} در سال ۱۹۹۲ توسط براکینا و اسکات^{۱۱}[۳]، مدلسازی عددی دماغههای سهبعدی فناشونده با فرض فعل و انفعالات شیمیایی متعادل با استفاده از کد UDF^{۱۱} (الگوریتم حجم محدود) توسط گروه تحقیقاتی دیکسیجن^{۱۳} در سال

- 1-Hypersonic Reentry Vehicles 2-Bow Shock 3-Ablative Materials 4-Dissociation and Ionization 5-Multi-Component Mixture
- 6-Mass Concentration of Species
- 7-Chemical Reactions
- 8-Fay and Riddell
- 9-Kim and corporates
- 10- Miner and Lewis
- 11- Brykina and Scott
- 12- User Defined Fluent
- 13- Dexygen

در ســال ۱۳۸۵ توســط رحمــانپور و ابراهیمــی [۶]، تقریــب گرمایش آیرودینامیکی اطراف موشکهای ماوراءصوت در سـال ۱۳۹۲ توسط کریمیان و همکاران [۷] و ... اشاره کرد.

با نگاهی به تحقیقات گذشته و نیازمندی های فعلی صنعت هوافضا در خصوض دستیابی بهمقدار دقیق تری از گرمایش آیرودینامیکی و توزیع دمایی دماغه محموله های ماوراءصوت در طی مسیر پروازی با الـزام حل سـریع، کـد CTCA¹¹ توسط محقیقین تدوین گردید [۸و ۹] و نتایج آن با نتایج آزمایشات پروازی صحه گذاری گردید، لذا در این تحقیق، هدف بر آنست که اثرات کاتالیتیکی دیواره یا نرخ ترکیب مجدد واکنش های شیمیایی^{۱۵} ناشی از فناشوندگی سطح و تجزیه/ یونیزاسیون هوا شیمیایی^{۱۵} ناشی از فناشوندگی سطح و تجزیه/ مونیزاسیون هوا بازگشتی ماوراءصوت مدل سازی گردد. الگوریتم مربوط به بازگشتی ماوراءصوت مدل سازی گردد. الگوریتم مربوط به بروی گرمایش آیرودینامیکی و دمای سطح دماغه محموله های سنتیک شیمیایی فعل و انفعالات شیمیایی لایه شوک به مجموعه الگوریتم های کد CTCA اضافه خواهد شد و اثـرات آن بر روی گرمایش آیرودینامیکی و دمای سطح مورد بررسی قـرار میگیرد.

۲- روش حل

براساس روند تدریجی توسعه و پیشرفت دانش آیرودینامیک و حل عددی معادلات جریان، بسته به فرض لزج یا غیرلزج بودن جریان، روشهای محاسباتی مختلفی مانند روابط دقیق امواج مایل و انبساطی، شیب موضعی، اغتشاشات کوچک و روشهای عددی جهت تخمین گرمایش آیرودینامیکی ارائه شده است. دقت حل روشهای عددی نسبت به سایر روشها بسیار بالاتر است. جهت حل عددی میدان جریان اطراف دماغههای بالا صوت میتوان از یکی از روشهای گامبهگام مکانی یا گامبهگام زمانی^{۱۶} استفاده کرد [1].

بهدلیل تنوع عدد ماخ در لایه شوک، ترکیبی از معادلات بیضوی، سهموی و هذلولی در این لایه وجود دارد. با فرض غیردائم بودن معادلات، شکل معادلات ناویراستوکس لایه شوک هذلولی شده و با یکی از الگوریتمهای حجم محدود یا اختلاف محدود حل می گردند. استفاده از این روش بسیار زمان بر و حجم حافظه بالایی را می طلبد. بنابراین، بهدلیل معایب روش حل گام به گام زمانی، حل دائم گام به گام مکانی در سال ۱۹۷۰

15- Re-Composition Rate of Chemical Reactions

¹⁴⁻ Computing Temperature & Aero Heating Contours

¹⁶⁻ Time or Space Marching Methods

توسط آبت^۱، مطرح گردید و از رابطه تقریبی بیلینگ^۲ جهت حدس موقعیت شوک استفاده گردید و همچنین جهت حل معادلات از الگوریتم اختلاف محدود تیلور – مککورمک^۳ استفاده شد [1].

بهدلیل مزایای روش گامبه گام مکانی (تحقق همزمان دقت مطلوب و بالابودن سرعت حل) در کـد CTCA از روش مـذکور استفاده گردید. در بین روشهای مختلف گامبه گام مکانی، تنها روشی که الزام عدم انتقال اطلاعات از پایین دست به بالادست جریان را نقض نمی کند (حتی در حالت درنظر گرفتن اثرات انتقال حرارت تشعشعی، فعل و انفعالات شیمیایی و فناشوندگی سطح)، ترکیبی از روشهای لایه شوک لزج[†] در یال دماغه و روش حل خود متشابه⁶ در نقاط سکون است. بنابراین در کد CTCA از روش ترکیبی گامبه گام مکانی لایه شوک لزج و حل خودمتشابه استفاده گرديد. جهت لحاظنمودن اثرات گردابههای جریان روی فیزیک میدان جریان باید از مدلهای اغتشاشی تجربی استفاده گردد. با توجه به این که، معادلات لایه شوک لزج و حـل خودمتشـابه در راسـتای مختصـات رويـهای^⁷ نوشته میشوند، بنابراین با مدل اغتشاشی بالـدوین- لـومکس^۷، سازگاری خوبی دارند(شکل ۱) و از طرف دیگر، با توجه به این که گرمایش آیرودینامیکی و اثرات آن در سرعتهای بالا قابل توجه هستند، لذا می توان از مدل های اغتشاشی مبتنی بر فرضیه اغتشاشات کوچک، استفاده کرد. لـذا در ایـن تحقیـق از مدل اغتشاشی بالدوین- لومکس جهت درنظر گرفتن اثرات جدایش جریان روی گرمایش ایرودینامیکی و دمای سطح استفاده می گردد. در این تحقیق، اثرات کاتالیتیکی دیواره با نرخ ترکیب مجدد واکنشهای شیمیایی ناشی از فناشوندگی سطح و تجزیه/ یونیزاسیون تعریف شده و الگوریتم مربوط به سنتیک شیمیایی فعل و انفعالات شیمیایی لایه شوک در لایه مرزى ديواره به مجموعه الگوريتمهاي كد CTCA اضافه خواهد شد و اثرات آن بر روی گرمایش آیرودینامیکی و دمای سطح مورد بررسی قرار می گیرد.

- 1- Abet Method
- 2- Billing
- 3- Taylor Mack Cormack Finite-Difference Algorithm
- 4- Viscous Shock Layer
- 5- Similar Solution6- Curvature Coordinate
- 7- Baldwin-Lomax Turbulence Model



شکل (۱): نمایی از شبکه مخلوط چندگونهای میدان جریان لایه شوک.

۳- سنتیک واکنشهای شیمیایی

در دماهای پایین تر از ۸۰۰ درجه کلوین، ملکول های هوا در لایه شوک فقط دارای سطوح انرژی انتقالی و چرخشی هستند، با افزایش دما، ابتدا انرژی نوسانی ملکول های لایه شوک تحریک شده، به تدریج ملکول های اکسیژن، نیتروژن تجزیه و سپس با همدیگر ترکیب می شوند و تشکیل NO می دهند. با افزایش دما، NO تجزیه و سپس یونیزه می گردد [۱۰]. از طرف دیگر، درصورتی که جنس سطح دماغه فناشونده باشد، مطابق شکل ۲، سه ناحیه "ذغال ^۸"، "متصاعدکننده گاز^۳" و "مواد دستنخورده ^{۱۰}" در سطح مذکور ایجاد می گردد [۵].





8- Char Zone

⁹⁻ Pyrolysis Zone

¹⁰⁻ Virgin Material

آرگون در مراجع [۵و ۱۱] آمده است.

بهدلیل آزادسازی کربن و هیدروژن ناشی از فناشوندگی سطح، بسته به ذغالی بودن سطح (مانند کامپوزیت کربن-فنولیک) یا غیرذغالی بودن (مانند گرافیت، کامپوزیت کربن-کربن)، واکنشهای شیمیایی اکسیداسیون و نیتراسیون کربن نیز در سطح فناپذیر صورت میگیرد. گونههای حاصله به-صورت دیفیوژنی و وزشی¹ به داخل لایه شوک یا المان مجاور تزریق می گردند. واکنشهای شیمیایی فعل و انفعالات شیمیایی هوا براساس مدل ماینر، لویس و همچنین واکنشهای شیمیایی سطح فناشونده براساس مدل پارک، در جدول **۱** آمده است [۱۱].

جدول (۱): واکنشهای شیمیایی فعل و انفعالات هوا و فناشوندگی سطح.

فناسوند کی سطح.							
فعل و انفعالات شیمیایی هوا در لایه شوک							
نوع واكنش	واكنش	رديف					
تجزیه: در مجاورت	$O_2 \xleftarrow{M_1} 2O$	١					
همتاي برخوردكننده							
M_1							
تجزیه: در مجاورت	$N_2 \xleftarrow{M_2} 2N$	٢					
همتاي برخوردكننده							
<i>M</i> ₂							
تجزیه: در مجاورت	$NO \longleftrightarrow_{M_3} N + O$	٣					
همتاي برخوردكننده							
M_3							
تجزيه	$N_2 + N \xleftarrow{4} N + N + N$	۴					
تجزيه و تركيب	$NO + O \xleftarrow{5} N + O_2$	۵					
تجزيه و تركيب	$N_2 + O \xleftarrow{6} NO + N$	۶					
يونيزاسيون	$N + O \longleftrightarrow_{FI} NO^+ + e^-$	٧					
فناشوندگی سطح							
اكسيداسيون كربن	$C(s) + O \xleftarrow{8} CO$	٨					
اكسيداسيون كربن	$C(s) + 1/2O_2 \xleftarrow{9} CO$	٩					
نيتراسيون كربن	$C(s) + 2N \longleftrightarrow CN + N$	١٠					
تجزيه كربن	$3C(s) \xleftarrow{11} C_3$	11					

براساس واکنشهای شیمیایی جدول ۱، در دو حالت ذغالی یا غیرذغالی سطح، گونههای زیر به داخل لایه شوک، تزریق می گردند. CO,CN,C₃,C₂,C,C₂H,H₂,H Char,ablators CO,CN,C₃,C₂,C در جدول ۱، همتاهای برخوردکننده جسم سوم^۲ می توانند هر کدام از گونههای جدول ۲ باشند. جهت مشخص شدن، احتمال جسم سوم شدن هر کدام از گونهها، باید درصد راندمان آنها نسبت به آرگون محاسبه گردد. راندمان آنها نسبت به

جدول (۲): مشخصات فیزیکی و شیمیایی گونههای لایه شوک[۱۱].

شماره	علامت	M_i	A _i	B _i	C_i	Δh_i^F
گونه	شیمیایی					
١	0	18	•/•٢	•/44	-11/8	0.16E9
٢	<i>O</i> ₂	٣٢	•/•۴	• / • ٢	-٩/۶	0
٣	NO	۳.	•/•۴	-•/•١٩	-9/۶	0.32E8
۴	N	14	•/••9	• /94	-17/8	0.36E9
۵	NO^+	٣٠	•/•۴	-•/• \ ٩	-9/۶	0.35E9
۶	<i>N</i> ₂	۲۸	•/•۵	-•/• ٣٢	-٩/٩ λ	0
٧	СО	۲۸	-•/•Y	۱/۰۱۳	-1٣/٩	-0.4E8
٨	CN	79	-•/••٣	• /۶٨	-17/0	0.16E9
٩	<i>C</i> ₃	۳۶	- • / • Y	•/\\	- ۱ ۳/۵	0.3E9
١٠	<i>C</i> ₂	74	-•/••٣	۰/۶۹	-17/8	0.3E9
11	С	١٢	-•/••• \	٠/٧٩	-13/4	0.3E9
١٢	C_2H	۲۵	-•/•) ٩	٠/٧٩	-14/٣	0.2E9
١٣	H_2	٢	•/• 78	•/٣٢	-11/٣	0
14	Н	١	•/•))	۰/۶	-17/4	2.3E9

۳- معادلات حاکم

$$\frac{\partial}{\partial s} \left((r + y \cos(\theta))^{j} \rho u \right) + \left(\frac{\partial}{\partial y} (1 + \gamma y) (r + y \cos(\theta))^{j} \rho u \right) + \dot{M}_{cg}$$
⁽¹⁾

2- Catalytic Third Body

1- Blowing

$$\sum_{i=1}^{n_j} \alpha_{ri} X_i \xleftarrow{k_{fr}, k_{br}} \sum_{i=1}^{n_j} \beta_{ri} X_i \tag{9}$$

$$Rr_{j} \sim \prod_{i=1}^{n_{s}} [X_{i}]^{\beta_{ri}} \Longrightarrow Rr_{j} = k_{j} \prod_{i=1}^{n_{s}} [X_{i}]^{\beta_{ri}}$$
(Y)
$$\frac{d[X_{i}]}{dt} =$$

$$(\beta_{ri} - \alpha_{ri})(k_{frj} \prod_{i=1}^{n_s} [X_i]^{\alpha_{ri}} - k_{brj} \prod_{i=1}^{n_s} [X_i]^{\beta_{ri}})$$
(A)

 n_s در معادلات فوق، n_r معرف تعداد واکنشهای شیمیایی، n_s در معادلات فق، n_r معرف تعداد گونههای شیمیایی، k_{fr}, k_{br} ثابت تعادل واکنشهای رو به جلو و رو به عقب r است. Rr_j نرخ واکنشr و اکنشهای رو به مقب $\alpha_{ri}, \beta_{ri}, j$ نرخ واکنشهای شیمیایی، $(X_i]$ غلظت مولی گونه X_i است.

اگر _Wi معرف نرخ غلظت جرمی گونهi باشد، جهت محاسبه ثابتهای تعادل k_{fr},k_{br} از مدلهای تجربی استفاده میگردد. براساس ترکیبی از مدلهای تجربی، ماینر، لویس و پارک:

$$w_i = w_{i,ai} + w_{i,cb} + w_{i,ab} \tag{9}$$

در معادله (۹)، wi,ai,wi,cb,wi,ab بهترتیب غلظت جرمی گونه *i* ناشی از واکنشهای فعل و انفعالات شیمیایی هوا، واکنشهای صورت گرفته در مجاورت همتای برخوردکننده جسم سوم (گونه *i*) و واکنشهای فناشوندگی است. با بهره گیری از قانون اثر جرم و مدل ماینر و لویس [۱۳–۱۱]:

$$w_i = w_{i,ai} + w_{i,cb} + w_{i,ab} \tag{(1)}$$

$$w_{i,ai} = \begin{vmatrix} 0 & i \ge 7 \\ \rho M_i \sum_{r=1}^{n_r} \left(\Gamma_{ri}^+ L_{fr} + \Gamma_{ri}^- L_{br} \right) - \rho C_i \end{vmatrix}$$

$$\sum_{r=1}^{n_r} \left(\Gamma_{ri}^+ \frac{L_{br}}{\gamma_i} + \Gamma_{ri}^- \frac{L_{fr}}{\gamma_i} \right), \gamma_i = \frac{C_i}{M_i}, C_i = \frac{\rho_i}{\rho}$$
(11)

2- Forward and Backward Reactions

3- Rate of Reaction

. پدیده فناشوندگی است. ۲- معادله ممنتوم در راستای S:

$$\frac{1}{1+\gamma y}\rho u \frac{\partial u}{\partial s} + \rho v \frac{\partial u}{\partial y} + \rho u v \frac{\gamma}{1+\gamma y} + \frac{1}{1+\gamma y} \frac{\partial P}{\partial s} = \Xi^2 \frac{\partial}{\partial y} \left(\mu \left(\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\gamma u}{1+\gamma y} \right) \right)$$
(Y)
+ $\Xi^2 \mu \left(\frac{\gamma u}{1+\gamma y} + \frac{j \cos(\theta)}{r+y \cos(\theta)} \right) \left(\frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\gamma u}{1+\gamma y} \right), \dots \Xi = \frac{1}{\text{Re}}$

$$\frac{\partial P}{\partial y} = \rho u^2 \frac{\gamma}{1 + \gamma y} \tag{(7)}$$

۴- معادله انرژی:

$$\frac{1}{1+\gamma y}\rho uC_{p}\frac{\partial T}{\partial s} + \rho vC_{p}\frac{\partial T}{\partial y} - \frac{1}{1+\gamma y}u\frac{\partial P}{\partial s}$$
$$-v\frac{\partial P}{\partial y} = \Xi^{2}\frac{\partial}{\partial y}\left(k\frac{\partial T}{\partial y}\right) + \Xi^{2}\left(\frac{\gamma}{1+\gamma y} + \frac{j\cos(\theta)}{r+y\cos(\theta)}\right)k\frac{\partial T}{\partial y} \qquad (\texttt{f})$$
$$-\Xi^{2}\sum_{i=1}^{n_{s}}J_{i}C_{p_{i}}\frac{\partial T}{\partial y} + \Xi^{2}\mu\left(\frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\gamma}{1+\gamma y}\right)^{2} - \sum_{i=1}^{n_{s}}h_{i}\dot{w}_{i}$$

۵- معادله بقاء گونهها در لایه شوک:

$$\frac{1}{1+\gamma y}\rho u \frac{\partial C_i}{\partial s} + \rho v \frac{\partial C_i}{\partial y} = \dot{w}_i - \Xi^2 \frac{\partial}{\partial y} (J_i) - \Xi^2 \left(\frac{\gamma}{1+\gamma y} + \frac{j\cos(\theta)}{r+y\cos(\theta)} \right) J$$
 (Δ)

در معادله فوق *J*,C_i کسر جرمی و عبارت شار دیفیوژن جرمی مربوط به گونه i ام است.

۶- روند محاسبه عبارات چشمه گونهها:

در حالت کلی، نرخ خالص تولید یا مصرف یک گونه در یک واکنش شیمیایی براساس قانون اثر جرم^۱، تعیین می شود. براساس این قانون، نرخ تولید یا مصرف یک گونه در یک واکنش بنیادین با حاصل ضرب غلظت مولی واکنش دهندهها، واکنش بنیادین با حاصل ضرب غلظت مولی واکنش دهندهها، وقتی که هر کدام از این غلظت ها به توان ضریب استوکیومتریک مربوطه رسیده باشند، برابر است. یعنی در حالت کلی برای واکنش زیر [11]:

1- Mass Action

 $\begin{vmatrix} 0 & i \ge 7 \\ \frac{n_r}{2} \begin{pmatrix} I_1 & I_2 \end{pmatrix} \end{vmatrix}$

$$w_{i,cb}^{-} = \begin{vmatrix} -\rho C_i \sum_{r=1}^{J} \left(\Gamma_{ri}^{+} \frac{L_{br}}{\gamma_i} + \Gamma_{ri}^{-} \frac{L_{fr}}{\gamma_i} \right) & (17) \\ \gamma_i = \sum_{r=1}^{4} z_{r,i} \frac{C_i}{M_i} & i < 7 \end{vmatrix}$$

$$L_{fr} = K_{fr} \bar{\rho}^{\alpha r} \prod_{j=1}^{10} \gamma_j^{\alpha r_j} L_{br} = K_{br} \bar{\rho}^{\beta r} \prod_{j=1}^{10} \gamma_j^{\beta r_j} \quad (1\%)$$

$$k_{f_r} = T_k^{CR_2} \exp\left(\ln\left(CR_{0R}\right) - \frac{CR_1}{T_k}\right) \tag{14}$$

$$k_{b_r} = T_k^{DR_2} \exp\left(\ln\left(CR_{0B}\right) - \frac{DR_1}{T_k}\right)$$

$$\alpha r = \sum_{j=1}^{10} \alpha r_j - 1, ..., \beta r = \sum_{j=1}^{10} \beta r_j - 1, \bar{\rho}(\frac{gr}{cm^3})$$
(1a)

$$\Gamma_{ri}^{+} = \begin{cases} p_{ri} - \alpha_{ri} & \text{if } p_{ri} - \alpha_{ri} \ge 0 \\ 0 & \text{if } p_{ri} - \alpha_{ri} < 0 \end{cases}$$

$$(19)$$

$$\Gamma_{ri}^{-} = \begin{cases} -(\beta_{ri} - \alpha_{ri}) & \text{if } \beta_{ri} - \alpha_{ri} < 0 \\ 0 & \text{if } \beta_{ri} - \alpha_{ri} \ge 0 \end{cases}$$

$$w_{i,ab}^{-} = \frac{\frac{-0.63\rho C_1}{dz} \exp(\frac{-1160}{T_w}) \sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_1 M_1}} \quad i = 1}{\frac{-0.35\rho C_2}{dz} \frac{1}{2} \sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_2 M_2}}} \quad i = 2}{\frac{-0.3\rho C_4}{dz} \sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_4 M_4}}} \quad i = 4}$$
$$-\frac{w_{1,cb}}{M_1} - \frac{M_2}{2\pi C_4 M_4} \quad i = 4}{-\frac{w_{1,cb}}{M_1}} \frac{M_2}{M_1} - \frac{w_{2,cb}}{M_2} \frac{M_2}{M_2}}{i = 7} \quad i = 7$$
$$-\frac{w_{4,cb}}{M_4} \frac{M_8}{M_4} \quad i = 8}{\rho(5.19 \times 10^{15} \frac{\exp(\frac{-90845}{T_w})}{P} - C_9)}$$
$$\frac{\sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_9 M_9}}}{\frac{dz}{P} - C_9} \quad i = 9, nch$$
$$\frac{\sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_9 M_9}}}{\sqrt{\frac{k_b T_w}{2\pi C_9 M_9}}} \quad i = 9, ch$$

 $\frac{W_{i}}{\rho}$ محاسبه شده، به وسیله عبارت $\frac{W_{oref}}{R_n} = \frac{W_{oref}}{R_n}$ نرمالیزه می گردند. در معادلات (۱۶–۱۰)، ρ چگالی المان لایه شوک، M_i جرم ملکولی گونه ها، C_i معادلات (۲٫۰ م چگالی المان لایه شوک، γ_i جرمی گونه ها، γ_i تمرکز جرمی گونه ها، $Z_{r,i}$ راندمان گونه ها نسبت به آرگون در واکنش های گونه ها، T_K دمای دیواره، P فشار دیواره، d_k ثابت بولتزمن، دم مرایب مدای دیواره، Gr_j , βr_j ، مرایب استو کیومتریک گونه ها در واکنش های ۱ تا ۲ ، T_k دمای المان لایه شوک است، zr مخامت المان های سطح دماغه است.

مقدار عبارات چشمه ناشی از فناشوندگی سطح، در لایه شوک صفر بوده و مقدار آن بر روی دیواره از رابطه (۱۷) محاسبه می گردد.

ضرایب *CR*₂,... در مرجع [۷] آمده است.

برای سطح فناشونده ذغالی، در بخش متصاعدکننده گاز که یک بخش انجمادی^۲ است گاز هیدروژن متصاعد شده و ممکن است که این گاز بعد از گذر ار ناحیه ذغالی با کربن ترکیب شده و *CH*₂ تولیدشده و بخشی از آن نیز تجزیه شده و اتم هیدروژن نیز تولید می گردد. لذا در این حالت نیز تمام روند قبل تکرار می گردد، به استثنای اینکه:

$$w_{13,ab} = \frac{\rho V_{w}}{r + R_n} (1 - \frac{\rho_{ch}}{\rho_v}), V_w = \frac{m_c}{\rho}, V_{cs} = \frac{m_c}{\rho_c}$$
(1A)

در رابطه فوق، m_c دبی جرمی کربن مصرفشده، V_w سرعت V_{cs} قریق گازهای ناشی از فناشوندگی به داخل لایه شوک، V_{cs} ترریق گازهای ناشی از فناشونده، ρ_c چگالی کربن، ρ_{ch} چگالی ذغال و ρ_v چگالی مواد دستنخورده است.

$$\dot{m}_{c} = \left(\frac{-w_{1,ab}}{M_{1}} - \frac{-w_{2,ab}}{M_{2}} - \frac{-w_{4,ab}}{M_{4}} + \frac{-w_{9,ab}}{M_{9}}\right)M_{11}dz$$
(19)

بعد از محاسبه عبارات چشمه مربوط به فناشوندگی سطح، عبارات چشمه مربوط به فعل و انفعالات شیمیایی هوا روی دیواره براساس شرایط مرزی کسر جرمی گونهها روی دیواره و جبهه شوک، محاسبه می گردد. برای کسر جرمی گونهها روی سطح فناشونده:

$$C_{i,new} = C_{i,old} + \frac{w_{i,cb}}{\rho}, return \tag{(7.)}$$

1- Mas Concentration

2- Frozen

(1Y)

سایر معادلات مربوط به مخلوط میدان جریان مانند تجزیه، یونیزاسیون هوا، فناشوندگی سطح، انتقال سطح، انتقال حرارت، متغیرهای انتقالی و ترمودینامیکی میدان جریان و ... در مراجع [۱۲–۸] آمده است.

۵- شرایط مرزی کسر جرمی گونهها

در شوکهای غیرلغزشی، جبهه شوک از هوای معمولی تشکیل شده است، یعنی $C_2 = 0.23456$, $C_6 = 0.76544$ و کسر جرمی گونههای جبهه شوک مربوط به شوکهای لغزشی از رابطه رنکین- هیوگونیت محاسبه می گردد:

$$\Xi^2 \frac{\mu_{sh}}{\Pr_{sh}} Le_i \frac{\partial C_{i_{sh}}}{\partial y} + \sin(\beta) C_{i_{sh}} = \sin(\beta) C_{i_{\infty}} \tag{(1)}$$

کسر جرمی سایر گونهها بر روی جبهه شوک صفر است. با استفاده از معادله کسر جرمی گونهها روی دیواره، ناشی از پدیده فناشوندگی محاسبه میگردد. برای کسر جرمی گونهها روی دیواره ناشی از فعل و انفعالات شیمیایی هوا:

الف) برای دیوارههای غیرکاتالیتیک : در این حالت روی سطح هیچ واکنش شیمیایی بین گونههای مختلف قرارگرفتهشده بر روی دیواره صورت نمی گیرد.

$$\frac{\partial C_i}{\partial \eta} = 0 \tag{77}$$

ب) برای دیوارههای کاتالیتیک متعادل : این دیوارهها سرعت واکنشهایی شیمیایی مربوط به گازهای قرارگرفتهشده بر روی آن را بهسمت بینهایت میل میدهند.

$$C_i = C_{i,eq} T_w \tag{(TT)}$$

ج) دیوارههای تا حدی کاتالیتیک: سرعت فعل و انفعالات شیمیایی مربوط به گازهای قرار گرفته شده بر روی این دیوارهها محدود است و براساس مقدار نرخ ترکیب مجدد هرکدام از گونهها، مقدار آن از صفر تا بینهایت متغیر است. نرخ ترکیب مجدد یا wc بهعنوان ورودی کد CTCA بوده و مقدار آن از صفر(حالت انجمادی) تا wc,eq (حالت متعادل بودن فعل و انفعالات شیمیایی) متغییر است. در این حالت:

$$\frac{\partial C_i}{\partial \eta} = \frac{w_c}{\rho D_{12}} \tag{(Tf)}$$

در معادلات فوق، E شاخص عدد رينولدز، Le عدد لويس،

1-Non-Catalytic

sh عدد پرانتل، μ لزجت، η محور نرمالیزه عمود بر سطح و sh معرف جبهه شوک است. D_{12} ضریب نفوذ بین دو طیف ملکولهای سبک و سنگین المان مجاور دیواره است. سایر معادلات مربوط به شرایط مرزی سرعت و دما در مراجع [Λ_{e}] آمده است.

۶– معیار همگرایی

جهت محاسبه گرمایش ایرودینامیکی در یک مقطع رویهای خاصی از دماغههای ماوراء صوت، باید معادلات پیوستگی، ممنتومها در جهات رویهای و عمود بر رویه، انرژی، معادلات بقاء گونههای ناشی از فعل و انفعالات شیمیایی هوا و فناشوندگی سطح(۱۱ گونه برای فناشوندههای ذغالی و ۱۴ گونه برای فناشوندههای غیرذغالی) بهطور همزمان همگرا گردند(حداکثر مقدار صفر همگرایی برابر با ۰/۰۱ در نظر گرفته شده است). سطرهای اول تا سوم معادله زیر معیار همگرایی معادلات انرژی، پیوستگی و مومنتوم بوده و همچنین سطر چهارم، معیار همگرایی معادلات بقاء گونههای ناشی از فعل و انفعالات شیمیایی هوا و فناشوندگی سطح است.

لازم بهذکر است که یکی از شرایط مرزی جهت حل همزمان معادلات فوق، مشخصبودن کسر جرمی گونهها روی دیواره است و این مقادیر به نوع کاتالیتیکی دیواره، سنتیک شیمیایی فعل و انفعالات شیمیایی هوا و سنتیک شیمبایی فعل و انفعالات فناشوندگی سطح وابسته است. همچنین شرایط مرزی و شرایط اولیه فیزیک جریان در لایه شوک نیز به سنتیک شیمیایی فعل و انفعالات هوا و فناشوندگی سطح نیز وابسته است.

$$\varepsilon = \max \begin{pmatrix} \max\left(\frac{|1-T_n|}{T_{n-1}}\right), \\ \max\left(\frac{|1-u_n|}{u_{n-1}}\right), \\ \max\left(\frac{|1-v_n|}{v_{n-1}}\right), \\ \max\left(\frac{|1-C_{i,n}|}{C_{i,n-1}}\right) \end{pmatrix} < 0.01, i = 1...14$$
(7 Δ)

www.SID.ir

²⁻ Equilibrium Catalytic

۷- نتایج و بحث

44

در شکل ۳، میزان گرمایش آیرودینامیکی وارد بر سطح و دمای بیبعد سطح یک دماغه سهمی گون در سرعت پروازی ۶/۹ کیلومتر بر ثانیه، ارتفاع پروازی ۲۱ کیلومتر و زاویه حمله صفر، نشان داده شده است و نتایج آن با نتایج مرجع [۳] در حالتهای مختلف کاتالیتکی دیواره، مقایسه شده است. برای دیواره تا حدی کاتالیتکی دیواره، مقایسه شده است. برای نسبت به حالت تعادلی برابر با ۲/۴ فرض شده است و همچنین نسبت به حالت تعادلی برابر با ۲/۴ فرض شده است و همچنین در این شکل متغیر $T_{sp,eq}$ ، معرف دمای نقطه سکون دماغه در حالت کاتالیتیک یا فعل و انفعالات شیمیایی متعادل است. نتایج مقایسهای نشان میدهد که میزان خطای نسبی کد مرجع [۳] کمتر از ۱۰ درصد است.

در شکل ۴، میزان گرمایش ایرودینامیکی بیبعد وارد بر سطح و دمای بیبعد سطح یک دماغه هذلولوی در سرعت پروازی ۸ کیلومتر بر ثانیه، ارتفاع پروازی ۹۵ کیلومتر و زاویه حمله صفر، نشان داده شده است و نتایج آن با نتایج مرجع [۵] در حالتهای مختلف کاتالیتکی دیواره، مقایسه شده است. برای دیواره تا حدی کاتالیتیک، ضریب بیبعد نرخ ترکیب مجدد نسبت به حالت تعادلی برابر با ۸/۰ فرض شده است و همچنین نسبت به حالت تعادلی برابر با ۸/۰ فرض شده است و همچنین در این شکل متغیر $T_{sp,eq}$ ، معرف دمای نقطه سکون دماغه در حالت کاتالیتیک یا فعل و انفعالات شیمیایی متعادل است. نتایج مقایسهای نشان میدهد که میزان خطای نسبی کد CTCA جهت درنظر گرفتن اثرات کاتالیتیکی دیواره نسبت به مرجع [۵]، کمتر از ۸ درصد است.

در شکل **۵**، میزان نسبت اعداد ناسلت و جذر رینولدز و دمای بی بعد وارد بر نقطه سکون یک دماغه نوعی در ارتفاع پروازی ۱۲۰ کیلومتر برحسب متوسط نرخ ترکیب مجدد بی بعد گونههای ناشی از تجزیه/ یونیزاسیون هوا و فناشوندگی سطح نشان داده شده است. نتایج مقایسهای نشان می دهد که میزان خطای نسبی کد CTCA جهت درنظر گرفتن اثرات کاتالیتیکی دیواره نسبت به مرجع [۵]، کم تر از ۲ درصد است.

با استفاده از کد CTCA، لایه شوک یک دماغه سهموی با زاویه حمله صفر، عدد ماخ ۱۶ و ارتفاع ۶۰ کیلومتری تحلیل گردید، جهت صحه گذاری عملکرد الگوریتم عبارات چشمه گونهها، نتایج کسر جرمی گونه با نتایج مرجع [۱۴]، مقایسه گردید.



شکل (۳): میزان گرمایش ایرودینامیکی و دمای بیبعد وارد بر سطح یک دماغه سهمیگون در سرعت پروازی ۶/۷ کیلومتر بر ثانیه، ارتفاع پروازی ۷۱ کیلومتر و زاویه حمله صفر در حالات مختلف کاتالیتیکی دیواره.



شکل (۵): میزان نسبت اعداد ناسلت و جذر رینولدز و دمای بیبعد وارد بر نقطه سکون یک دماغه نوعی در ارتفاع پروازی ۱۲۰ کیلومتر برحسب متوسط نرخ ترکیب مجدد بیبعد.



۸- نتیجهگیری

نتایج حل عددی شکل معادلات لایه شوک لزج ، لایه مرزی لزج خودمتشابه جهت محاسبه اثرات کاتالیتیکی دیواره روی دمای روی سطح و گرمایش آیرودینامیکی دماغههای فناشونده ماوراءصوت، انطباق خوبی با نتایج تحقیقات مشابه دارد. همچنین، تغییرات کسر جرمی گونهها با فرض دیواره کاتالیتیک در نقطه سکون و غیرکاتالیتیک بودن دیواره در یال دماغه، انطباق خوبی با نتایج تحقیقات مشابه دارد. نتایج نشان می دهند که با افزایش نرخ ترکیب مجدد گونهها، میزان



شکل (۴): میزان گرمایش آیرودینامیکی بیبعد و دمای بیبعد وارد بر سطح یک دماغه هذلولی در سرعت پروازی ۸ کیلومتر بر ثانیه، ارتفاع پروازی ۹۰ کیلومتر و زاویه حمله صفر در حالات مختلف کاتالیتیکی دیواره.

Dynamic conference, Yazd University, Mechanic Engineering Complex,2006.

- Karemian, H., Kafarian, M. and Azezi, M. "Hypersonic Flow Domain Sloution on the Missile Body with Consedering of High Temperature Effects to Calculate of Aeroheating", Research Project, Aerospace Engineering Complex of Amir Kabir Universitr, Iran, 2013.
- Mardani, M., Doustdar, M.M. and Ghadak, F. "Aeroheating Calculation of Hypersonic Noses with Consedering an Air Ionization Effects by PNS and TLNS Methods", The 1st International and 3rd National Conference of Iranian Aerospace Propulsion Association, Maleke a Ashtar University, Esfahan, Shahinshar, Iran, 2014.
- Mardani, M., Doustdar, M.M. and Ghadak, F. "Aeroheating Calculation of Hypersonic Ablative Noses with Consedering an Air Ionization Effects by PNS and TLNS Methods", The 14th Conference of Aerospace Propulsion, The Industerial & Science Reserches Organization, Tehran, Iran, 2015.
- Anderson, J.D. "Hypersonic and High Temperature Gas Dynamics", New York: ISBN:978-964-2751-04-4,1989.
- 11. Miner, E. and Lawis, C.H. "Computer User's Guide for a Chemically Reacting Viscous Shock Layer Code", NASA CR-2551,1975.
- Chen, Y.K. and Millos, F.S. "Finite-Rate Ablation Boundary Conditions for Carbon-Phenoloic Heat-Sheild", NASA Ames Research Center, Moffett Field, CA 94035-1000, 2013.
- 13. Park, C. "Calculation of Stagnation Point Heat Transfer for Pioneer Venus Probes", Proposed NASA Technical Memorandum, 2002.
- Keenan, J. "Thermo-chemical Ablation of Heat Shields under Earth Re-entry Conditions", PhD. Thesis, North Carolina State University, 1994.

گرمایش آیرودینامیکی و دمای سطح افزایش مییابد، اما باید به این سؤال پاسخ داده شود که در حالت واقعی، معیار نرخ ترکیب مجدد گونهها یا حد کاتالیتیکی دیواره چقدر است؟ جواب این سؤال به زمان توقف جریان و زمان لازم جهت تحقق تعادل شیمیایی واکنش شیمیایی مورد نظر در نقطه مورد بررسی بستگی دارد. نتایج تحقیقات مختلف و تحقیق فعلی نشان میدهد که زمان توقف جریان در نقطه سکون از زمان تحقق تعادل شیمیایی فعل و انفعالات فناشوندگی سطح و دیواره در نقطه سکون فرض معقولی است و همچنین زمان توقف جریان در یال یا بدنه دماغهها بسیار کمتر از زمان تحقق تعادل شیمیایی فعل و انفعالات فناشوندگی سطح و دیواره در نقطه سکون فرض معقولی است و همچنین زمان توقف جریان در یال یا بدنه دماغهها بسیار کمتر از زمان تحقق بدادل شیمیایی فعل و انفعالات فناشوندگی سطح و تجزیه/ یونیزاسیون هوا است، بنابراین فرض غیرکاتالیتکی دیواره در بدنه(یال) دماغهها نیز فرض معقولی است.

از مزایای بارز روش فعلی، میتوان به کاهش چشم گیر زمان حل معادلات جریان و کاهش حجم حافظه محاسباتی بددلیل اختلاف محدودبودن الگوریتم حل، اشاره کرد و این مزیتها در تحلیلهای ناپایای دماغههای فناشونده با زمان پرواز طولانی جهت استخراج کانتور دمایی در نقاط مختلف دماغه (محمولههای میان برد و بردبلند) بسیار چشم گیرتر خواهد بود.

8- مراجع

- Anderson, J.D. "Hypersonic and High Temperature Gas Dynamics", New York: ISBN:978-964-2751-04-4,1989.
- Fay, J.A. and Riddel, F.R. "Theory of Stagnation Point Heat Transfer in Dissociated Air", Journal of the Aeronautical Sciences, Vol. 25, No. 2, pp. 73–85, 1952.
- Kim, M.D., Swaminathan, S. and Lewis, C.H. "Three Dimensional Non Equilibrium Viscous Shock Layer Flow Over the Space Shuttle Orbiter", Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 21, No. 25, pp. 29–35,1984.
- Brykina, I.G. and Scott, C.D. "An Approximate Axisymmetric Viscous Shock Layer Aeroheating Method for Three-dimensional Bodies", AIAA NASA/TM198-207890,1998.
- Dexygen1.6.1. "Ablation Modeling of Nose Section with UDF Linkage to Fluent Software", Journal of Thermophysicsand Heat Transfer, Vol. 14, No. 3, pp. 69–78, 2012.
- Rahmanpour, M., Ebrahemi, R. and Shamss, M. "Flow Domain Sloution with Considering of Non Equilibrium Chemical Reactions to Calculate of Electron Density of Blunt Noses". 10th Shareh