

مقایسه توابع فاصله اندازه‌گیری میزان شباهت در خطوط‌سیر مکانی

محمد شاعری^۱، رحیم علی‌عباسپور^{۲*}

^۱دانشجوی کارشناسی ارشد سیستم‌های اطلاعات مکانی – گروه مهندسی نقشه‌برداری – پردیس دانشکده‌های فنی – دانشگاه تهران
mshaeri@ut.ac.ir

^۲استادیار گروه مهندسی نقشه‌برداری – پردیس دانشکده‌های فنی – دانشگاه تهران
abaspour@ut.ac.ir

(تاریخ دریافت خرداد ۱۳۹۳، تاریخ تصویب مهر ۱۳۹۳)

چکیده

خطوط‌سیر مکانی (spatial trajectory)، تغییرات مکانی یک شی در طی زمان را ثبت کرده و به صورت رشته‌ای از نقاط گستته که دارای مولفه‌های مکانی- زمانی هستند، مدل می‌شود. امروزه افزایش روز افزون دستگاه‌های متجرک و تکنولوژی‌های موقعیت‌یابی منجر به حجم انبوه و بیشماری از اطلاعات مکانی- زمانی و در بی آن نیازمند کاربردها و تحلیلهای زیادی شده است. یکی از تحلیلهای مهم در خطوط‌سیر مکانی استخراج خطوط‌سیر مکانی متشابه است. تاکنون توابع فاصله متنوعی برای اندازه‌گیری میزان شباهت خطوط‌سیر مکانی ارائه شده‌اند که هر یک، شباهت خطوط‌سیر را از جنبه‌ی خاصی بررسی کرده و برای داده‌ها با ویژگی‌های متنوع کارآیی متفاوتی دارند. در نتیجه کارآیی توابع برای همه‌ی داده‌ها و کاربردها یکسان نبوده و برای انتخاب تابع مناسب نیازمند شناخت قابلیت‌ها و ویژگی‌های توابع هستیم. در این مقاله به بررسی ۷ تابع بنیادی و متدالوی که اساس بسیاری از توابع فاصله دیگر هستند پرداخته و برتری‌ها و نواقص هر یک از روشهای ارزیابی مشخص می‌گردد.

واژگان کلیدی : خطوط‌سیر مکانی، توابع فاصله، شباهت

* نویسنده رابط

۱- مقدمه

داده، تابع مورد استفاده برای مقایسه و کاربرد مورد نظر باشد.

در این مقاله با اعمال تبدیلات گوناگون مکانی و زمانی بر روی داده اولیه، مجموعه داده از جنبه‌های گوناگون جهت کمک به تصمیم‌گیری صحیح در انتخاب تابع مناسب و انجام مقایسه جامع و هدفمند آماده می‌گردد. در این تحقیق توابع از جهات زیر بررسی می‌شوند:

- نویز
- تبدیلات هندسی (انتقال و دوران)
- تغییر در نرخ برداشت (کاهش و افزایش)
- انتقال زمان محلی
- تغییر سرعت (کشیدگی زمانی)

سپس برای بررسی جنبه‌های یاد شده، مستقل از انتقال و دوران خطوط سیر نسبت به هم، در توابع فاصله از روش‌های پیش‌پردازش استفاده می‌شود. علاوه بر پیش‌پردازش نرمال، جهت بررسی دقیق‌تر جنبه‌های مختلف در خطوط سیر، روش بردار میانگین ارائه شده است. در انتهای، مجموعه داده‌های تبدیل یافته با مجموعه داده اولیه توسط ۷ تابع اندازه‌گیری شباهت خطوط‌سیر مقایسه و به بررسی رفتار توابع از لحاظ تبدیلات گوناگون پرداخته می‌شود.

۲- پیشینه پژوهش

با توجه به کاربردهای متعدد فاصله، از اوایل قرن بیستم تاکنون در زمینه ارائه توابع فاصله شباهت توسط محققان مختلف تلاش‌های بسیاری صورت گرفته است. تبدیل سری فوریه به صورت گسسته از اولین روش‌هایی بود که برای تحلیل شباهت سری‌های زمانی مورد استفاده قرار گرفت [۱، ۲].

فاصله اقلیدسی و منهتن از قدیمی‌ترین روش‌ها برای اندازه‌گیری فاصله هستند که توابع متعددی بر اساس آن‌ها تعریف شده‌اند [۳، ۴، ۵]. فاصله فرشت^۳ در سال ۱۹۰۶ مطرح شده و در اواخر قرن بیستم انواع گسسته و قابل استفاده آن برای اندازه‌گیری شباهت در خط‌سیر مکانی ارائه شده است [۶، ۷، ۸]. پیچش زمانی پویا^۴ (DTW) [۹] که توسط سونگ و روزنبرگ در سال ۱۹۸۸ و طولانی‌ترین

خط‌سیر مکانی، تغییرات مکانی یک شیء در طی زمان را ثبت کرده و به صورت نقاط گسسته و متوالی که دارای مؤلفه‌های مکانی- زمانی هستند، مدل می‌شود. امروزه به خاطر افزایش روزافروز دستگاه‌های متحرک و فناوری‌های تعیین موقعیت مانند سامانه موقعیت‌یابی جهانی (GPS) و شناسایی امواج رادیویی^۱ منجر به حجم این‌به و بیشماری از اطلاعات مکانی- زمانی شده و در پی آن کاربردها و تحلیل‌های زیادی در زمینه‌های مختلف مطرح گردیده‌اند. یکی از تحلیل‌های متداول و مهم، الگوکاوی^۲ خطوط‌سیر مکانی است که موضوع آن مطالعه الگوهای رفتاری خطوط‌سیر مکانی نسبت به یکدیگر است. مهم‌ترین بخش الگوکاوی خطوط‌سیر مکانی، استخراج خطوط‌سیر مکانی متشابه است. تحلیل خوشبندی، یکی از روش‌های متداول در استخراج خطوط سیر مکانی متشابه است که برای اجرا، به اندازه‌گیری میزان شباهت دو خط سیر نیاز دارد. علاوه بر این کاربرد اساسی، اندازه‌گیری میزان شباهت دو خط سیر کاربردهای متعددی در شاخه‌های مختلف علمی مانند بهینه‌سازی حمل و نقل، انتخاب مسیر در راهسازی، تشخیص فعالیت و شناسایی آنومالی، پیش‌بینی ترافیک قبل از ساخت راه، پیش‌بینی مسیر در سرویس‌های مکان- مبنا و تشخیص حرکت حیوانات در مطالعات جانورشناسی اشاره کرد.

مسئله مهم در مطالعات مرتبط با اندازه‌گیری میزان شباهت بین خطوط سیر، پیدا کردن معیار مناسب برای شناخت میزان شباهت است که این امر توسط توابع فاصله محقق می‌شود. تاکنون توابع فاصله متنوعی ارائه شده‌اند که هریک شباهت خطوط‌سیر را از جنبه خاصی بررسی کرده‌اند. اما برخلاف ماهیت متفاوت خطوط‌سیر، بر اساس ویژگی‌های گوناگون و کاربردهای مختلف، توابع فاصله، شباهت را بر اساس کاربرد و نیاز خود تعریف می‌کنند. برای مثال، شباهت برای یک کاربرد نزدیکی مکانی است در حالی که برای کاربرد دیگر نزدیکی زمانی مبنای شباهت است. همین امر سبب می‌شود که همه توابع برای داده‌ها و کاربردهای گوناگون مناسب نبوده و تعیین میزان شباهت بین خطوط‌سیر مکانی نیازمند شناخت درست از

^۳ Frechet

^۴ Dynamic Time Warping

^۱ Radio-frequency identification (RFID)

^۲ Pattern mining

نگردیده و تنها در نتیجه نهایی به یک یا دو شاخص یا چند تبدیل مکانی-زمانی بسنده شده و مقایسه توسط آن-ها انجام شده است.

۳- پیش‌پردازش

برای بررسی جنبه‌های مختلف در خطوط سیر به صورت مستقل، لازم است تا مقایسه‌ای مستقل از مکان، مقیاس و دوران انجام گردد. به این منظور ضروری است که در مرحله پیش‌پردازش بر روی خط‌سیر پردازش‌هایی EDR انجام گیرد. روش نرمال [۱۱] معروفی شده درتابع EDR عمده‌ترین راهکار استفاده شده تاکنون است. به علت ناتوانی روش نرمال در رفع دوران و عدم مقیاس یکسان در دو راستای افقی و عمودی، پیش‌پردازشی دیگر به نام بردار میانگین ارائه شده است.

۱-۳- روش بردار میانگین

روش بردار میانگین برای حل دوران و مقیاس یکسان در هر دو مؤلفه مسطحاتی پیشنهاد می‌شود. μ_x و μ_y به ترتیب میانگین مولفه‌های x و y نقاط خط سیر هستند. در این روش، بردار \overrightarrow{MV} (مطابق رابطه ۱) محور z -سیستم مختصات خط‌سیر تبدیل یافته خواهد شد و مبدأ، نقطه خواهد بود و بردار $\overrightarrow{P_iV}$ (مطابق رابطه ۲) بردار نقطه از مبدأ جدید می‌باشد. در نهایت x و y از روابط (۳) تا (۴) به دست می‌آیند. مثبت یا منفی بودن x با توجه به زوایای دو بردار تعیین می‌شود. نقاط در انتهای بر مقدار $\max\{\max(x), \max(y), -\min(x), -\min(y)\}$ تقسیم خواهند شد.

$$\overrightarrow{MV} = (\mu_x - x_1, \mu_y - y_1) \quad (1)$$

$$\overrightarrow{P_iV} = (x_i - \mu_x, y_i - \mu_y) \quad (2)$$

$$y'_i = \frac{\overrightarrow{MV} \cdot \overrightarrow{P_iV}}{|\overrightarrow{MV}|} \quad (3)$$

$$x'_i = \sqrt{|\overrightarrow{P_iV}|^2 - y'^2_i} \quad (4)$$

x_i و y_i مولفه افقی و عمودی نقطه i ام خط سیر و متغیرهای x'_i و y'_i مولفه‌های نقاط خط سیر تبدیل یافته هستند.

زیر رشته مشترک^۱ (LCSS) [۱۰] که توسعه کرنی و هنسن در سال ۱۹۹۰ پیشنهاد شدند، دو روش غیرمتريک هستند که مشکل نابرابری تعداد نقاط و شيفت زمانی را حل کرده‌اند. تصحیح فاصله روی رشته حقیقی^۲ (EDR) [۱۱] توسط چن در سال ۲۰۰۵ از دیگر روش‌های غیرمتريک است که به مشکل تعداد نقاط و شيفت زمانی پرداخته است. تصحیح فاصله با پنالتی حقیقی^۳ (ERP) [۱۴] توسط چن و نگ در سال ۲۰۰۴ از ترکیب دو روش L_p -norm و تصحیح فاصله^۴ به وجود آمد. یکی دیگر از توابع فاصله متريک که خط‌سیر مکانی را مجموعه‌ای از پاره‌خط‌های گستته در نظر می‌گيرد، هاسدورف^۵ است [۱۲].

برخلاف توابع فاصله پیشنهادی متعدد، تاکنون مطالعات بسیار اندکی در زمینه مقایسه این توابع صورت گرفته است. در مقایسه صورت گرفته توسط ژانگ، هوانگ و تان [۱۳] به مقایسه کارآمدی توابع در خوشبندی اکتفا کرده و خروجی آن اطلاعات کاملی در رابطه با ویژگی‌های توابع به خواندن نمی‌دهد.

وانگ و همکارانش [۱۴] در مقایسه خود از تبدیلات کمی استفاده کرده و تنها به افزودن نویز، انتقال نقاط و تغییر نرخ برداشت بسنده کرده‌اند. سومرن و وریز [۱۵] در مقایسه خود دو دسته از توابع را با هم مقایسه کرده‌اند و نتیجه با مقایسه نحوه خوشبندی پایان یافته است.

تحقیقات انجام شده از لحاظ تنوع در تبدیلات و ویژگی‌های مقایسه کامل نبوده و کمک چندانی به تصمیم‌گیری در رابطه با انتخاب تابع مناسب نمی‌کنند. در این مقاله به بررسی و مقایسه هفت تابع اساسی و متداول EDR، LCSS، DTW، ERP و اقلیدسی، فرشت، هاسدورف، توابع از جنبه‌های گوناگونی بررسی می‌شوند: نویز، انتقال، دوران، تغییر نرخ برداشت به صورت کاهشی و افزایشی، انتقال زمان محلی^۶ و کشیدگی زمانی.

تاکنون در هیچ یک از مقایسه‌های انجام شده از روش پیش‌پردازش مناسب برای تعیین شباهت در مقایسه استفاده نشده و طیف متنوعی از توابع در آن‌ها بررسی

^۱ Longest Common Subsequence

^۲ Edit distance on real sequence

^۳ Edit distance with real penalty

^۴ Edit distance

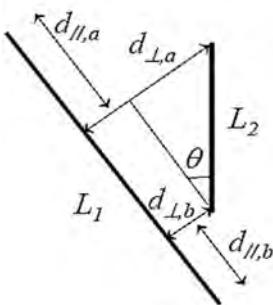
^۵ Hausdorff

^۶ Local time shifting

۴-تابع فاصله

دھی به هر یک، بسته به کاربرد خاص، فاصله نهایی را بر اساس مجموعه روابط (۶) تا (۹) محاسبه می‌کند.

- فاصله موازی دو پاره خط نسبت به هم:
- زاویه دو پاره خط نسبت به هم:
- تفاوت اندازه دو پاره خط نسبت به هم:



شکل ۱- فواصل هاسدورف

در شکل (۱) دو پاره خط از دو خط سیر، نشان داده شده‌اند که سه فاصله بیان شده توسط فواصل نمایش داده شده در شکل (۱) محاسبه می‌شوند.

$$d_{\perp} = \frac{d_{\perp,a}^2 + d_{\perp,b}^2}{d_{\perp,a} + d_{\perp,b}} \quad (6)$$

$$d_{\theta} = \begin{cases} \|L_2\| \times \sin\theta & \theta < 90 \\ 2 - \|L_2\| \times \sin\theta & \text{otherwise} \end{cases} \quad (7)$$

$$d_{\parallel} = \min\{d_{\parallel,a}, d_{\parallel,b}\} \quad (8)$$

$$D_{Hausdorff} = w_{\perp} \cdot d_{\perp} + w_{\parallel} \cdot d_{\parallel} + w_{\theta} \cdot d_{\theta} \quad (9)$$

مقدار شباهت، میانگین فواصل پاره خطها خواهد بود.

۳-۴- تابع فرشت

تابع ارائه شده بر اساس این فاصله در چندخطی‌ها کاربرد داشته و اخیراً نوع گسسته آن نیز مطرح شده است. مقدار شباهت $C(n, m)$ از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$C(i, j) = \begin{cases} \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \beta_{x,y,(1)}) & \text{if } i \text{ and } j = 1 \\ \max\{C(i-1, 1), \text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(1)})\} & \text{if } i > 1 \text{ and } j = 1 \\ \max\{C(1, j-1), \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \beta_{x,y,(j)})\} & \text{if } i = 1 \text{ and } j > 1 \\ \max\{\min(C(i-1, j), C(i-1, j-1), C(j-1, i)), \\ \text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)})\} & \text{if } i \text{ and } j > 1 \end{cases} \quad (10)$$

DTW - ۴-۴

این تابع برای اندازه‌گیری شباهت دو خط‌سیر، مستقل از تغییرات غیر خطی زمانی کاربرد دارد. در حقیقت دو

دو خط‌سیر A و B به صورت $\{(\alpha_{x,1}, \alpha_{y,1}, \alpha_{t,1}), \dots, (\alpha_{x,n}, \alpha_{y,n}, \alpha_{t,n})\}$ و $\{(\beta_{x,1}, \beta_{y,1}, \beta_{t,1}), \dots, (\beta_{x,m}, \beta_{y,m}, \beta_{t,m})\}$ را در نظر بگیرید. بررسی میزان شباهت خطوط‌سیر نسبت به هم توسط تابعی انجام می‌گیرد که دو خط‌سیر مورد مقایسه، متغیرهای ورودی آن هستند. تاکنون تابع متفاوتی با در نظر گرفتن جنبه خاصی از شباهت مطرح شده‌اند که متدالو-ترین و بنیادی‌ترین‌های آنها که پایه بسیاری از تابع دیگر هستند به صورت تابع اقلیدسی، فرشت، هاسدورف، LCSS، DTW و EDR می‌باشند.

۴-۱- تابع اقلیدسی

تاکنون تابع متعددی از فاصله اقلیدسی استفاده نموده‌اند. علت این امر، بنیادی بودن این اندازه‌گیری در مقایسه دو خط‌سیر است. در مقایسه انجام شده، تابع اقلیدسی بین دو نقطه را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$\begin{aligned} Euclidean(A, B) = \\ \frac{\text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(i)}) + |\alpha_{t,(i)} - \beta_{t,(i)}|}{3} \\ + \sqrt{\frac{\text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(i)}) * |\alpha_{t,(i)} - \beta_{t,(i)}|}{3}} \end{aligned} \quad (5)$$

فاصله بین دو نقطه، میانگینی از سه فاصله مکانی، زمانی و مکانی-زمانی است. در صورتی که تعداد نقاط دو خط سیر به صورت $(n > m)$ باشد، نقاط نظیر $\beta_{(i)}$ تا $\alpha_{((i-1)*n/m)}$ می‌باشند. مقدار شباهت میانگین فواصل نقاط خواهد بود.

۴-۲- تابع هاسدورف

در روش‌های متدالو خوشبندی، شباهت کل خطوط سیر محاسبه می‌شود. در برخی روش‌های خوشبندی مانند [۱۲] TRACLUS برای بررسی زیرخطوط‌سیر^۱ و یافتن قطعات مشابه خطوط‌سیر، آن‌ها را به مجموعه پاره خط‌ها تقسیم نموده و توسط روش هاسدورف شباهت محاسبه می‌شود. تابع هاسدورف برای محاسبه شباهت، سه فاصله نشان داده شده در شکل (۱) را محاسبه کرده و با وزن-

^۱ Subtrajectory

نمی‌کنند و گروه دوم انتقال زمان محلی را پشتیبانی کرده، ولی متريک نیستند. برای بهره بردن از قابلیت‌های هر دو گروه، ERP یعنی متريک بودن و پشتیبانی از انتقال زمان محلی، تابع با ترکیب روش Lp-norm و تصحیح فاصله ارائه شده است. در مطالعات صورت گرفته، مقدار مناسب برای شکاف با در نظر گرفتن انتقال مبداء به نقطه (μ_y) در مرحله پیش‌پردازش، (۰،۰) پیشنهاد شده است [۴].

$$\text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}) = \begin{cases} \text{euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}) & \text{if } |\alpha_{t,(i)} - \beta_{t,(j)}| \leq 5 \\ \text{euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \text{gap}) & \text{if } \beta_{(j)} \text{ is gap} \\ \text{euclidean}(\text{gap}, \beta_{x,y,(j)}) & \text{if } \alpha_{(i)} \text{ is gap} \end{cases}$$

$$\text{ERP}(A, B) = \begin{cases} \sum_1^n \text{euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \text{gap}) & \text{if } m = 0 \\ \sum_1^m \text{euclidean}(\text{gap}, \beta_{x,y,(j)}) & \text{if } n = 0 \\ \min\{\text{ERP}(\text{Rest}(A), \text{Rest}(B)) + \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \beta_{x,y,(1)}), \\ \text{ERP}(A, \text{Rest}(B)) + \text{dist}(\text{gap}, \beta_{x,y,(1)}), \\ \text{ERP}(\text{Rest}(A), B) + \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \text{gap}\} & \text{otherwise} \end{cases} \quad (13)$$

مقدار شباهت $\frac{\text{ERP}(A,B)}{n}$ خواهد بود.

EDR - ۷-۴

روش‌های گوناگون در زمینه بررسی شباهت خطوط‌سیر از ۳ مشکل بزرگ نویز، انتقال مکانی و مقیاس داده‌ها رنج می‌برند. روش EDR با ارائه پیش‌پردازش نرمال مقایسه خطوط‌سیر را از جنبه انتقال مکانی و اختلاف مقیاس بین آن‌ها مستقل کرده است. این تابع نیز همچون تابع LCSS نیاز به یک حدآستانه (δ) برای فاصله اقلیدسی دو نقطه دارد. در صورتی که فاصله دو نقطه بیشتر از حدآستانه باشد یا نقطه معادل زمانی در خط سیر دوم برای خط‌سیر اول وجود نداشته باشد نیاز به تصحیح وجود دارد.

۳ نوع تصحیح عبارتند از:

- افزودن نقطه (به علت وجود شکاف)
- تصحیح نقطه (تصحیح مکانی)
- حذف نقطه

$$\text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}, \delta) = \begin{cases} 0 & \text{if euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}) \leq \delta \\ & \text{and } |\alpha_{t,(i)} - \beta_{t,(j)}| \leq 5 \\ 1 & \text{otherwise} \end{cases}$$

$$\text{EDR}(A, B, \delta) = \begin{cases} n & \text{if } m = 0 \\ m & \text{if } n = 0 \\ \min\{\text{EDR}(\text{Rest}(A), \text{Rest}(B)) + \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \beta_{x,y,(1)}, \delta), \\ \text{EDR}(A, \text{Rest}(B)) + \text{dist}(\text{gap}, \beta_{x,y,(1)}, \delta), \\ \text{EDR}(\text{Rest}(A), B) + \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \text{gap}, \delta)\} & \text{otherwise} \end{cases} \quad (14)$$

مقدار شباهت $\frac{\text{EDR}(A,B)}{n}$ خواهد بود.

خط‌سیر، مستقل از انتقال زمان محلی و کشیدگی زمانی (تفاوت سرعت) بررسی می‌شوند. این تابع دو مجموعه از نقاط دو خط‌سیر را طوری پیدا می‌کند که دو خط‌سیر کمترین فاصله را با هم داشته باشند و خروجی تابع، فاصله دو خط‌سیر نماینده از خطوط سیر واقعی است. در صورتی که در یک زمان مشخص با فقدان داده روبرو شویم آن را به عنوان شکاف^۱ می‌شناسیم.

$$\text{dist}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}) = \begin{cases} \text{euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \beta_{x,y,(j)}) & \text{if } |\alpha_{t,(i)} - \beta_{t,(j)}| \leq 5 \\ \text{euclidean}(\alpha_{x,y,(i)}, \text{gap}) & \text{if } \beta_{(j)} \text{ is gap} \\ \text{euclidean}(\text{gap}, \beta_{x,y,(j)}) & \text{if } \alpha_{(i)} \text{ is gap} \end{cases}$$

$$\text{DTW}(A, B) = \begin{cases} 0 & \text{if } m = n = 0 \\ \infty & \text{if } m = 0 \text{ or } n = 0 \\ \text{dist}(\alpha_{x,y,(1)}, \beta_{x,y,(1)}) + \min\{\text{DTW}(\text{Rest}(A), \text{Rest}(B)), \\ \text{DTW}(A, \text{Rest}(B)), \text{DTW}(\text{Rest}(A), B)\} & \text{otherwise} \end{cases} \quad (11)$$

است. مقدار شباهت $\frac{\text{DTW}(A,B)}{n}$ خواهد بود.

LCSS - ۵-۴

همان‌طور که از نام تابع نیز پیداست، این تابع اندازه طولانی‌ترین زیر رشته‌های متشابه از دو خط‌سیر را محاسبه می‌کند. این روش برای حل مشکل نویز مطرح شده است و هدف آن پایداری و مقایسه شباهت دو خط‌سیر مستقل از وجود نویز است. مقایسه این تابع مستقل از کشیدگی در زمان است. در رابطه (۱۲) تعداد نقاطی از دو خط‌سیر که فاصله آن‌ها کمتر از حدآستانه (δ) تعیین شده باشند محاسبه می‌شود.

$$\text{LCSS}(A, B, \delta) = \begin{cases} 0 & \text{if } m = 0 \text{ or } n = 0 \\ \text{LCSS}(\text{Rest}(A), \text{Rest}(B)) + 1 & \text{if } |\alpha_{x,(1)} - \beta_{x,(1)}| \leq \delta \text{ and} \\ & |\alpha_{y,(1)} - \beta_{y,(1)}| \leq \delta \text{ and } |\alpha_{t,(1)} - \beta_{t,(1)}| \leq 5 \\ \max\{\text{LCSS}(A, \text{Rest}(B)), \text{LCSS}(\text{Rest}(A), B)\} & \text{otherwise} \end{cases} \quad (12)$$

مقدار شباهت $1 - \frac{\text{LCSS}(A,B)}{n}$ خواهد بود.

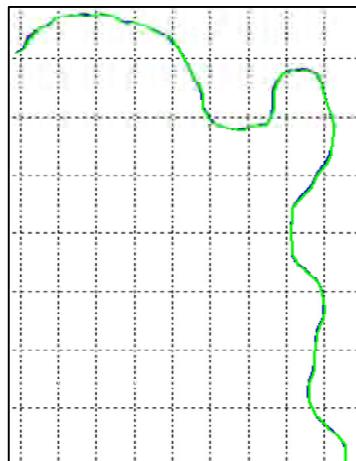
ERP- ۶-۴

مطالعات انجام گرفته بر روی سری‌های زمانی بر مبنای دو گروه از توابع فاصله قرار دارند. گروه نخست بر مبنای Lp-norm بوده و متريک هستند، ولی انتقال زمان محلی را پشتیبانی

^۱ Gap

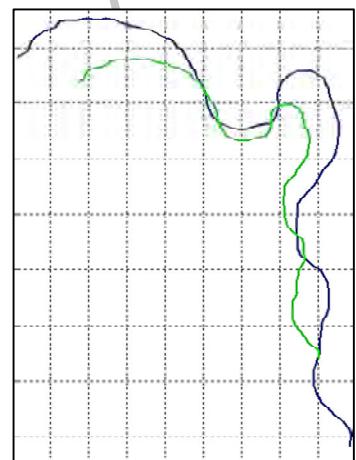
فقط از جنبه تبدیل انجام شده متفاوت خواهد بود. برای مثال، با دوران خط‌سیر، به خط‌سیر نویز اضافه نمی‌شود. در نتیجه مقدار تابع شباهت تنها ناشی از تفاوت دوران در آن خط‌سیر است و این کار بررسی جنبه‌های گوناگون مستقل از هم را امکان‌پذیر می‌کند.

اولین تبدیل، ایجاد نویز روی داده می‌باشد. به صورت اتفاقی حدود نیمی از نقاط بین صفر تا ۵ متر نویزدار می‌شوند. نمونه‌ای از این تبدیل بر روی یک خط سیر در شکل (۳) نشان داده شده است.



شکل ۳- خط‌سیر (آبی) و نویز دار شده (سبز)

تبدیل بعدی ایجاد اعوجاج در خط‌سیر به صورتی است که شباهت آن تا حدود زیادی حفظ شود. نمونه‌ای از این تبدیل بر روی یک خط سیر در شکل (۴) نشان داده شده است. سپس خط‌سیر اعوجاج داده شده به اندازه‌های ۳۰، ۲۵، ۲۰، ۱۵ و ۱۰ درجه دوران می‌باید تا تأثیر زاویه در تعیین شباهت، در هریک از مراحل پیش‌پردازش و توابع بررسی شود.



شکل ۴- خط سیر (آبی) و اعوجاج داده شده (سبز)

۵- پیاده‌سازی و ارزیابی

۱-۵- داده‌ها

مجموعه‌داده با ۱۷۶۲۱ خط‌سیر (شکل ۲) توسط ۱۸۲ کاربر در بیش از ۳۰ شهر چین و شهرهای از اروپا و آمریکا به دست آمده است [۱۶، ۱۷، ۱۸].



شکل ۲- مجموعه داده اولیه مورد استفاده در ارزیابی

با اصلاح و آماده‌سازی داده‌ها بر اساس مشخصات خطوط‌سیر، ۴۶۸ خط‌سیر که حداقل دارای ۱۰۰ و حداقل ۱۵۳۶ نقطه برداشت شده و طولی بین ۲۵ تا ۳۵۰۰۰ متر دارند، برای مقایسه انتخاب شده‌اند که مشخصات آن‌ها در جدول (۱) نشان داده شده است.

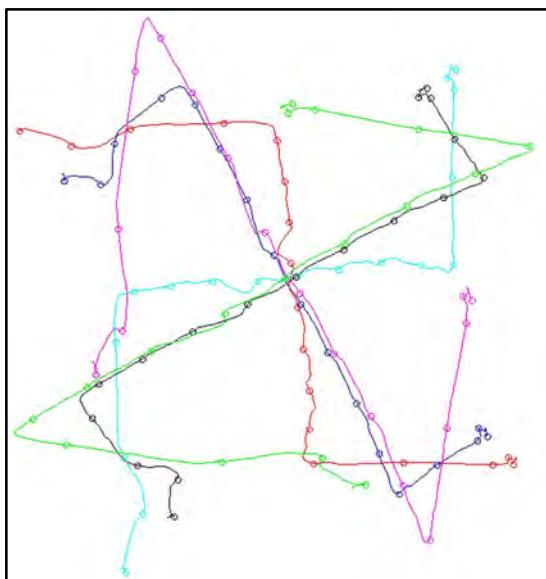
جدول ۱- مشخصات مجموعه‌داده

شتاب (km/h/s)	سرعت (km/h)	بازه زمانی (s)	برداشت
۴/۹۹	۶۹/۹۴۹۷	۵۹	بیشینه
۲/۶۸۵	۸/۸۵۶۸	۴/۴۳۵۷	متوسط
-۴/۹۸	۰/۰۹۲۴	۱	کمینه
۱/۱۳۳۷	۶/۶۵۱۰	۱/۵۹۴۷	انحراف

۱-۱-۵- تبدیلات خطوط‌سیر

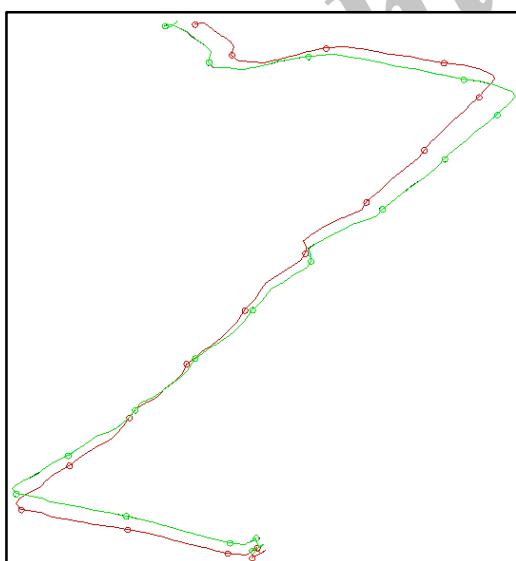
برای مقایسه توابع از جنبه‌های مختلف نیازمند اعمال تبدیلاتی روی خطوط‌سیر اولیه و ایجاد خطوط‌سیر تبدیل یافته هستیم. با اعمال یک تبدیل روی خط‌سیر، دیگر ویژگی‌های خط‌سیر ثابت نگه داشته شده و خط سیر

در شکل (۶) و (۷) یک خطسیر با ۵ خطسیر اعوجاج و دوران داده شده به ترتیب توسط روش نرمال و بردار میانگین نمایش داده شده‌اند.



شکل ۶- خطسیر (قرمز) و ۵ خطسیر اعوجاج و دوران داده

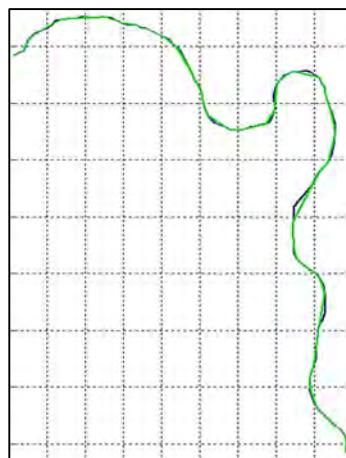
در روش نرمال دوران حذف نشده ولی در روش بردار میانگین دوران کاملاً حذف گردیده است و تنها دو خطسیر، که یکی خطسیر اصلی و دیگری ۵ خطسیر دوران و اعوجاج داده شده هستند که بر هم منطبق شده‌اند، قبل مشاهده‌اند.



شکل ۷- خطسیر(قرمز) و ۵ خطسیر اعوجاج و دوران داده

به علاوه توابع را در ۵ تبدیل دوران توسط دو روش نرمال و بردار میانگین بررسی می‌کنیم. در مقایسه انجام شده با استفاده از روش نرمال با افزایش دوران مقادیر

در تبدیل بعدی، ۴۰ درصد از نقاط خطسیر به صورت اتفاقی حذف شده تا در ارزیابی، تغییر نرخ برداشت بررسی گردد. نمونه‌ای از این تبدیل بر روی یک خط سیر در شکل (۵) نشان داده شده است.



شکل ۵- خط سیر(آبی) و کاهش نرخ برداشت شده (سبز)

در تبدیل بعدی، به اندازه ۴۰ درصد از نقاط خطسیر به صورت اتفاقی به خطسیر افزوده می‌شود تا در ارزیابی، تغییر نرخ برداشت بررسی گردد. سه مولقه نقطه افزوده شده بین دو نقطه با درون‌یابی خطی معین می‌شوند. واضح است که خطسیر تبدیل‌یافته کاملاً بر خطسیر اولیه منطبق است.

در نهایت، خطوط‌سیر تبدیل‌یافته هر کدام به صورت اتفاقی بین صفر تا ۱۰۰۰ متر انتقال می‌یابند تا تبدیلات از لحاظ انتقال نیز متفاوت باشند.

برای بررسی انتقال زمان محلی، زمان نقاط به اندازه ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ و ۲۵ ثانیه افزایش داده شده تا توابع از این حیث نیز بررسی گرددند. تبدیل آخر مربوط به کشیدگی زمانی و تغییر سرعت است که با ضرب بازه‌های زمانی در ۲، ۳، ۴، ۵ و ۱۰، سرعت آن‌ها به ترتیب به یک‌دوم، یک‌سوم، یک‌چهارم، یک‌پنجم و یک‌دهم کاهش می‌یابد.

۲-۵- پیاده‌سازی

۱-۲-۵- پیش‌پردازش

در مرحله پیش‌پردازش روش بردار میانگین برای حل مشکل روش نرمال در دوران و مقیاس یکسان در دو جهت ارائه شد.

تبديلات شامل یک نویز، پنج دوران خطوط سیر اعوجاج- یافته، یک تبدیل کاهش و یک تبدیل افزایش نرخ برداشت، پنج تبدیل انتقال زمان محلی و پنج تبدیل کشیدگی زمانی (کاهش سرعت) هستند که در مجموع ۱۸ تبدیل خواهیم داشت اما چون جواب‌های ۵ دوران به علت استفاده از روش بردار میانگین یکسان می‌باشند در بررسی‌ها فقط از واژه دوران استفاده می‌شود.

۱-۲-۲-۵ مقایسه تبدلیلات مکانی-زمانی

این تبدلیلات شامل ۱. نویز ۲. دوران ۳. افزایش نرخ برداشت ۴. کاهش نرخ برداشت می‌باشند. دو معیار میانگین و سطح اطمینان ۹۵٪ برای مقایسه انتخاب شده‌اند.

توبیخ افزایش می‌باید که قابل پیش‌بینی بود ولی با استفاده از روش بردار میانگین مقادیر توبیخ کاملاً ثابت باقی می‌مانند که این به معنای موفقیت روش بردار میانگین در حل دوران است. پس از نمایش برتری روش بردار میانگین بر روش نرمال در ادامه تحقیق تنها از این روش برای مرحله پیش‌پردازش استفاده شده است.

۲-۲-۵ توبیخ

در این مرحله به مقایسه توبیخ بر روی خطوط سیر تبدیل یافته می‌پردازیم. مقایسه ما روی ۷ تابع می‌باشد که سه تابع نیازمند ورودی اولیه می‌باشند. تابع هاسدورف سه وزن برای فواصل خود می‌گیرد. برای این تابع هر بار یکی از وزن‌ها را یک و بقیه را صفر قرار می‌دهیم. برای توبیخ LCSS و EDR حد آستانه را ۱۰، ۱۵ و ۳۰ قرار می‌دهیم.

جدول ۲- تبدلیلات زمانی- مکانی

تبديلات	نويز	دوران	افزايش	کاهش نرخ	نويز	دوران	افزايش	کاهش نرخ
تابع								
میانگین	۰/۰۰۱۲	۰/۴۶۰۱	۰/۶۶۹۲	۰/۷۴۲۶	۰/۰۰۱۱	۰/۴۲۹۵	۰/۲۶۴۰	۰/۷۳۵۱
سطح اطمینان	۰/۰۳۳۳	۰/۷۳۲۲	۰/۶۵۲۰	۰/۴۵۲۷	۰/۰۳۳۰	۰/۷۲۹۰	۰/۶۳۱۸	۰/۴۶۰۷
تابع								
میانگین	۰/۰۰۰۲	۰/۳۳۶۰	۰/۵۸۹۲	۰/۶۸۲۸	۰/۰۰۰۲	۰/۳۰۹۶	۰/۱۸۷۰	۰/۶۷۳۱
سطح اطمینان	۰/۰۱۰۸	۰/۷۰۷۶	۰/۵۷۹۲	۰/۴۵۹۲	۰/۰۱۱۱	۰/۵۵۹۳	۰/۶۹۵۳	۰/۴۶۱۳
تابع								
میانگین	۰/۰۰۲۹	۰/۱۷۲۶	۰/۴۶۹۳	۰/۵۷۳۹	۰/۰۷۰۸	۰/۱۵۷۲	۰/۰۷۹۸	۰/۵۶۶۳
سطح اطمینان	۰/۰	۰/۵۸۳۶	۰/۳۸۶۷	۰/۴۱۶۵	۰/۰	۰/۵۵۷۸	۰/۳۶۳۳	۰/۴۱۰۱
تابع								
میانگین	۰/۰۰۲۹	۰/۰۱۱۱	۰/۲۸۶۷	۰/۵۶۷۰	۰/۰۱۹۷	۰/۰۶۸۸	۰/۰۲۹۴	۰/۰۷۹۸
سطح اطمینان	۰/۰۱۲۸	۰/۰۱۵۲	۰/۹۵۹۶	۰/۸۹۸۹	۰/۰۸۹۸	۰/۱۰۴۱	۰/۰۲۷۴	۰/۱۰۳۲
تابع								
میانگین	۰/۰۰۸۴	۰/۰۲۵۶	۰/۰۱۳۶	۰/۰۲۶۳	۰/۰۰۸۷	۰/۰۳۳۳	۰/۲۱۸۷	۰/۲۳۴۸
سطح اطمینان	۰/۰۳۵۶	۰/۰۳۸۶	۰/۰۱۷۸	۰/۰۳۹۷	۰/۰۳۵۹	۰/۰۴۵۹	۰/۰۹۳۶	۰/۰۹۵۹

که از خطوط سیر در مرحله تبدیل حذف شده همخوانی دارد. اما تابع LCSS در افزایش نرخ برداشت حساسیت کمتری نسبت به EDR دارد. در مقایسه ابتدایی، نویز در توبیخ اقلیدسی، فرشت، DTW و ERP از دوران کمتر است، اما در سطح اطمینان ۹۵٪ مقدار نویز از دوران بیشتر نیز می‌تواند باشد که در عمل هم در برخی موارد

با توجه به نتایج حاصل از تبدلیلات مکانی- زمانی که در جدول (۲) نشان داده شده رفتار دو تابع LCSS و EDR بسیار نزدیک به هم بوده و با انتخاب حد آستانه مناسب می‌توان نویز را حذف کرد. هر دو تابع به تغییر نرخ برداشت به خصوص کاهش آن حساس بوده و مقدار آنها همواره از ۴۰٪ بیشتر است که با مقدار ۴۰٪ نقطای

جدول ۳- تبدیلات زمانی- مکانی

تبدیلات	نویز	دوران نرخ	افزایش کاهش	جدول ۳- تبدیلات زمانی- مکانی
تابع				
میانگین	۰/۰۳۶۸	۰/۰۱۵۸	۰/۰۱۹۷	هاسدورف w_1
سطح اطمینان	۰/۰۴۳۲	۰/۰۱۶۳	۰/۰۲۷۴	هاسدورف w_1
تابع				
میانگین	۰/۰۲۹۷	۰/۰۱۰۸	۰/۰۲۰۵	هاسدورف w_1
سطح اطمینان	۰/۰۴۴۷	۰/۰۱۳۷	۰/۰۳۳۰	هاسدورف w_1
تابع				
میانگین	۰/۰۰۸۶	۰/۰۰۲۷	۰/۰۰۱۰	هاسدورف w_1
سطح اطمینان	۰/۰۱۱۱	۰/۰۰۳۵	۰/۰۰۱۷	هاسدورف w_1

نویز از دوران بیشتر بود. در نتیجه توابع نسبت به نویز حساس هستند. تابع ERP رفتار یکسانی در برابر کاهش و افزایش نرخ برداشت نشان می‌دهد، در حالی که ۳ تابع دیگر به کاهش حساس‌تر از افزایش بوده‌اند. توابع اقلیدسی و ERP به تغییر نرخ برداشت بسیار حساس بوده و مقادیر به دست آمده همواره از نویز بزرگ‌تر بوده و غالباً از دوران نیز مقدار بیشتری دارند. در دو تابع فرشت DTW، حساسیت به تغییر نرخ برداشت با نویز تقریباً به یک اندازه است.

با توجه به جدول (۳)، در تابع هاسدورف حساسیت به تغییر در نرخ برداشت و نویز و دوران در دو فاصله اول یکسان بوده ولی فاصله سوم به نویز بسیار حساس بوده و تغییر نرخ برداشت مقادیر بیشتری نسبت به دوران دارد.

جدول ۴- تبدیلات زمانی

تبدیلات	انتقال ۵	انتقال ۱۰	انتقال ۱۵	انتقال ۲۰	انتقال ۲۵	کشیدگی ۳	کشیدگی ۴	کشیدگی ۵	کشیدگی ۱۰
اقلیدسی									
تابع									
میانگین	۱۲۹۸/۷۰	۵۷۷/۲۰	۴۳۲/۹۰	۲۸۸/۶۰	۱۴۴/۳۰	۸/۳۳۳۳	۶/۶۶۶۶	۵	۳/۳۳۳۳
سطح اطمینان	۱۸۲۵/۳۴	۸۱۱/۲۶	۶۰۸/۴۴	۴۰۵/۶۳	۲۰۲/۸۱
DTW									
تابع									
میانگین	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۱
سطح اطمینان	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶	۰/۰۰۰۶
LCSS									
تابع									
میانگین	۰/۹۸۹۸	۰/۹۸۲۹	۰/۹۷۸۹	۰/۹۷۰۸	۰/۹۴۷۸	۰/۸۱۷۵	۰/۷۵۰۱	۰/۶۴۰۵	۰/۴۹۶۳
سطح اطمینان	۰/۰۲۱۰	۰/۰۴۵۰	۰/۰۵۷۳	۰/۰۸۱۶	۰/۱۳۷۴	۰/۴۰۳۱	۰/۴۸۲۱	۰/۵۸۷۴	۰/۶۸۲۷
EDR									
تابع									
میانگین	۰/۹۸۷۴	۰/۹۸۷۲	۰/۹۸۷۲	۰/۹۸۶۱	۰/۹۸۳۲	۰/۸۶۹۴	۰/۸۰۹۹	۰/۷۰۶۷	۰/۵۳۵۰
سطح اطمینان	۰/۰۰۹۰	۰/۰۰۹۶	۰/۰۰۹۶	۰/۰۱۱۱	۰/۰۱۸۱	۰/۲۵۶۰	۰/۴۳۷۰	۰/۵۴۲۶	۰/۶۷۶۶
ERP									
تابع									
میانگین	۰/۵۲۴۲	۰/۵۱۷۶	۰/۵۱۲۲	۰/۴۹۹۸	۰/۴۶۴۷	۰/۱۸۰۷	۰/۱۴۸۳	۰/۱۲۱۹	۰/۰۷۷۸
سطح اطمینان	۰/۱۸۵۷	۰/۱۸۵۷	۰/۱۸۴۸	۰/۱۸۱۶	۰/۱۶۹۶	۰/۱۴۳۳	۰/۱۱۴۹	۰/۰۹۸۸	۰/۰۵۹۳

تابع هاسدورف و فرشت به علت نداشتن بعد زمانی مقایسه نمی‌شوند. از تابع EDR و LCSS به علت رفتار تقریباً یکسان حدآستانه، تنها حدآستانه ۱۵ متر مقایسه

۵-۲-۲- مقایسه تبدیلات زمانی

تبدیلات زمانی، شامل انتقال زمان محلی به اندازه‌های ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ و ۲۵ ثانیه (تبدیلات ۵-۱) و کشیدگی زمانی ۲، ۳، ۴، ۵ و ۱۰ برابر (تبدیلات ۶-۱) هستند.

نداشته باشد مشاهده نشده است. این در حالیست که در اکثر کاربردها توابع از چندین جنبه با هم تفاوت دارند. برای مثال ممکن است دو خطسیر مقایسه شونده دارای نویز، تفاوت نرخ برداشت و انتقال زمان محلی باشند. در چنین وضعیتی پیشنهاد تابع مناسب کار دشوار یا غیرممکنی است. توابع ارائه شده به جز هاسدورف که بر بعد مکانی تاکید دارد و EDR که برای حل انتقال و مقیاس، پیش‌پردازش نرمال را افزوده است، ارائه توابع دیگر صرفاً برای بررسی شباهت سری‌های زمانی بوده و کاربرد عمومی دارند و این به معنای عدم توجه به مشخصات و جنبه‌های خطسیر مکانی در تعریف توابع است. به علاوه خروجی توابع صرفاً با یک مقدار عددی بیان می‌شود که اطلاعات مفیدی درباره علت عدم شباهت دو خطسیر (مانند تفاوت مکانی، انتقال زمان محلی و ...) بیان نمی‌کند. از طرف دیگر بیان میزان شباهت به صورت عددی روش مناسبی برای تعیین میزان شباهت نیست. برای مثال مقدار 0.32 در تابع DTW نمی‌تواند بیان کننده شبیه یا غیر شبیه بودن آن باشد ولی در مقایسه با عدد 0.97 می‌توان آن را شبیه‌تر دانست. توابع متعدد دیگری نیز مطرح شده‌اند که اساس کار آن‌ها بر پایه‌ی روش‌های محاسباتی این توابع است. با توجه به نقاط ضعف توابع در بیان شباهت و مجهز نبودن آن‌ها به ابزارهای تحلیل مکانی- زمانی در حوضه خطوط‌سیر مکانی، ارائه تابعی که با توجه به نیاز کاربر شباهت را با تحلیل‌های مناسب پررسی کرده و نتایج را به صورت ملموس و مفیدتر بیان کند پیشنهاد می‌شود.

می‌شود. در نتیجه، در مقایسه تبدیلات زمانی، توابع اقلیدسی، DTW، LCSS و EDR مقایسه می‌شوند. در جدول (۴)، نتایج حاصل از تبدیلات زمانی آورده شده است. برتری تابع DTW در انتقال زمان محلی و کشیدگی زمانی بر طبق ادعایی که مطرح شده کاملاً واضح است و با مقایسه مقادیر آن با تبدیلات زمانی- مکانی توانایی آن در مواجه با این دو تبدیل زمانی کاملاً آشکار می‌شود.

دو تابع LCSS و EDR نیز رفتار شبیه به یکدیگر داشته و حساسیت آن‌ها به کشیدگی زمانی بیشتر از انتقال زمان محلی است. تابع اقلیدسی نیز بیشترین حساسیت را به تبدیلات زمانی- مکانی دارد. تابع EDR به تبدیلات زمانی- مکانی به خصوص کشیدگی زمانی حساسیت بالایی دارد.

۶- نتیجه‌گیری و پیشنهادها

توابع EDR و LCSS در نویز نسبت به دیگر توابع برتری دارند اما نیازمند حدآستانه مناسب برای رفع نویز هستند. تابع DTW خطوط سیر را مستقل از انتقال زمان محلی و کشیدگی زمانی بررسی کرده، در نتیجه برای محاسبه فاصله شباهت حاصل از اختلاف زمانی نقاط، این تابع پیشنهاد نمی‌شود. اما برای بررسی دو خط سیر مستقل از این دو تبدیل زمانی، این تابع پیشنهاد می‌شود. همه توابع به جز EDR به کاهش نرخ برداشت بیش از افزایش آن حساسیت داشته‌اند که یکی از دلایل آن می‌تواند ایجاد تغییر شکل در خطسیر باشد. در مجموع، تابعی که در همه‌ی تبدیلات موفق بوده و حساسیت به آن

مراجع

- [1] Agrawal, R., Faloutsos, C., & Swami, A. (1993). Efficient similarity search in sequence databases (pp. 69-84). Springer Berlin Heidelberg.
- [2] Rafiei, D., Mendelzon, A. (1998). Efficient retrieval of similar time sequences using DFT. arXiv preprint cs/9809033.
- [3] Laurinen, P., Siirtola, P., & Röning, J. (2006, February). Efficient Algorithm for Calculating Similarity between Trajectories Containing an Increasing Dimension. In Artificial Intelligence and Applications (pp. 392-399).
- [4] Chen, L., & Ng, R. (2004, August). On the marriage of l_p -norms and edit distance. In Proceedings of the Thirtieth international conference on Very large data bases-Volume 30 (pp. 792-803).

- [5] Sherkat, R., & Rafiei, D. (2008). On efficiently searching trajectories and archival data for historical similarities. *Proceedings of the VLDB Endowment*, 1(1), 896-908.
- [6] Agarwal, P. K., Avraham, R. B., Kaplan, H., & Sharir, M. (2013, February). Computing the Discrete Fréchet Distance in Subquadratic Time. In *SODA* (pp. 156-167).
- [7] Driemel, A., & Har-Peled, S. (2013). Jaywalking your dog: computing the Fréchet distance with shortcuts. *SIAM Journal on Computing*, 42(5), 1830-1866.
- [8] Alt, H., & Godau, M. (1995). Computing the Fréchet distance between two polygonal curves. *International Journal of Computational Geometry & Applications*, 5(01n02), 75-91.
- [9] Yi, B. K., Jagadish, H. V., & Faloutsos, C. (1998, February). Efficient retrieval of similar time sequences under time warping. In *Data Engineering, 1998. Proceedings., 14th International Conference on* (pp. 201-208).
- [10] Vlachos, M., Kollios, G., & Gunopulos, D. (2002). Discovering similar multidimensional trajectories. In *Data Engineering, 2002. Proceedings. 18th International Conference on* (pp. 673-684).
- [11] Chen, L., Özsu, M. T., & Oria, V. (2005, June). Robust and fast similarity search for moving object trajectories. In *Proceedings of the 2005 ACM SIGMOD international conference on Management of data* (pp. 491-502).
- [12] Lee, J. G., Han, J., & Whang, K. Y. (2007, June). Trajectory clustering: a partition-and-group framework. In *Proceedings of the 2007 ACM SIGMOD international conference on Management of data* (pp. 593-604).
- [13] Zhang, Z., Huang, K., & Tan, T. (2006, August). Comparison of similarity measures for trajectory clustering in outdoor surveillance scenes. In *Pattern Recognition, 2006. ICPR 2006. 18th International Conference on* (Vol. 3, pp. 1135-1138).
- [14] Wang, H., Su, H., Zheng, K., Sadiq, S., & Zhou, X. (2013, January). An effectiveness study on trajectory similarity measures. In *Proceedings of the Twenty-Fourth Australasian Database Conference-Volume 137* (pp. 13-22).
- [15] de Vries, G. K. D., & van Someren, M. W. (2014). A Comparison Between Alignment and Integral Based Kernels for Vessel Trajectories.
- [16] Zheng, Y., Zhang, L., Xie, X., & Ma, W. Y. (2009, April). Mining interesting locations and travel sequences from GPS trajectories. In *Proceedings of the 18th international conference on World wide web* (pp. 791-800).
- [17] Zheng, Y., Li, Q., Chen, Y., Xie, X., & Ma, W. Y. (2008, September). Understanding mobility based on GPS data. In *Proceedings of the 10th international conference on Ubiquitous computing* (pp. 312-321).
- [18] Zheng, Y., Xie, X., & Ma, W. Y. (2010). GeoLife: A Collaborative Social Networking Service among User, Location and Trajectory. *IEEE Data Eng. Bull.*, 33(2), 32-39.