

یافتن کوتاهترین مسیر شبکه با استفاده از الگوریتم بهینه سازی فاخته در سیستم اطلاعات مکانی

عالیه سرگلزائی^۱، علیرضا وفائی نژاد^{۲*}

^۱ کارشناس ارشد سنجش از دور و سیستم‌های اطلاعات مکانی - دانشکده محیط زیست و انرژی - دانشگاه آزاد

اسلامی واحد علوم و تحقیقات

sargolzaee_a@yahoo.com

^۲ استادیار دانشکده مهندسی عمران، آب و محیط زیست - دانشگاه شهید بهشتی

a_vafaei@sbu.ac.ir

(تاریخ دریافت مرداد ۱۳۹۵، تاریخ تصویب اسفند ۱۳۹۵)

چکیده

امروزه مسیریابی در شبکه‌های شهری با افزایش حجم اتومبیل‌ها و نیز محدودیت‌های ترافیکی گوناگون امری ضروری محسوب می‌شود. روشی که در این پژوهش به منظور حل مسأله کوتاهترین مسیر برای نخستین بار پیشنهاد شده است، استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی فاخته می‌باشد. علت انتخاب این الگوریتم، جدید بودن و نیز پاسخ مناسبی است که این الگوریتم برای حل مسأله مسیریابی، نسبت به سایر الگوریتم‌های فراابتکاری داده است. در این راستا و برای انجام مسیریابی، با ایجاد تغییراتی در نسخه دودویی الگوریتم فاخته، از الگوریتم یاد شده استفاده گردید. بدین منظور، برای ایجاد جمعیت اولیه از یک روش کنترل شده استفاده شد، که از ایجاد جمعیت‌های تصادفی که درصد بسیار ناچیزی از آنها ممکن است مسیری را تشکیل دهند، جلوگیری می‌کند. به این صورت که متغیرهای جمعیت که در واقع همان نقاط شبکه و موقعیت‌های فاخته‌ها هستند، به صورت تصادفی انتخاب نشده بلکه به صورت کنترل شده انتخاب می‌شوند و انتخاب نقاط بعدی از میان نقاطی است که با نقطه مورد نظر ارتباط دارند. در تمام مراحل اجرای الگوریتم، موقعیت فاخته‌ها به صورت اعداد باینری درمی‌آیند و اگر نقطه‌ای در مسیر حضور داشته باشد عدد یک و در غیر اینصورت عدد صفر می‌گیرد. در فاز مهاجرت فاخته‌ها نیز، از یک تابع سیگموئید استفاده شده است که موقعیت جدید فاخته‌ها را به بازه‌ی بین صفر و یک برده و در نتیجه موقعیت‌های جدید نیز تبدیل به اعداد صفر و یک می‌شوند. به منظور آزمون میزان کارایی الگوریتم پیشنهادی، از سه نوع شبکه فرضی، محلی و واقعی استفاده شده است. نتیجه اجرای این الگوریتم در دو نوع شبکه فرضی و محلی با تعداد نقاط ۲۰ و ۳۱، نتیجه‌ای مشابه یک الگوریتم قطعی بود، اما در شبکه‌ای که بخشی از یک شبکه شهری واقعی بود و از ۶۱۷ نود و ۹۹۵ یال تشکیل شده بود، با اختلاف اندکی بهتر از الگوریتم قطعی، توانست مسیر بهینه را نشان دهد. نتایج حاصله نشان داد که این الگوریتم توانایی انجام مسیریابی در شبکه را دارا می‌باشد و با ایجاد تغییراتی بر اساس ساختار شبکه، می‌تواند برای داده‌های بزرگ و شبکه‌های واقعی شهری مورد استفاده قرار گیرد.

واژگان کلیدی: یافتن کوتاهترین مسیر در شبکه، سیستم اطلاعات مکانی، الگوریتم بهینه‌سازی فاخته، کدگذاری دودویی، جمعیت

کنترل شده

* نویسنده رابط

۱- مقدمه

توسعه‌های شهری و به دنبال آن افزایش مسیرها و ارتباطات، نقش جابه‌جایی را پررنگ‌تر می‌کند. آنچه در این میان، اهمیت بیشتری می‌یابد، مسیریابی و مدیریت و هدایت حرکت در این مسیرها است که از یک سو روان-سازی و نظم را در پی داشته و از سوی دیگر در شرایط اضطرار، نیاز را مرتفع سازد.

مسئله کوتاهترین مسیر^۱ در یک شبکه از جمله اساسی‌ترین مسائل تحلیل شبکه است. در واقع برای انجام تحلیل‌های سطوح بالاتر، یافتن پاسخ این مسئله از ضروریات است. در این راستا، مدیریت حجم بالای داده‌های مورد استفاده در مسیریابی، استفاده از توانمندیهای سامانه‌های اطلاعات مکانی که امکان مدلسازی و تحلیل داده‌های مکانی را در اختیار قرار می‌دهد، اجتناب‌ناپذیر می‌سازد [۱]، [۲].

از طرف دیگر و به طور کلی، روش‌های حل مسائل با استفاده از الگوریتم‌های بهینه‌سازی، به دو دسته الگوریتم‌های دقیق و تخمینی تقسیم‌بندی می‌شوند. در الگوریتم‌های دقیق، دستیابی به جواب بهینه، نیازمند صرف زمان و در نتیجه، هزینه بیشتری است. اما در طرف مقابل، الگوریتم‌های تخمینی قرار دارند که در یک زمان اندک به جواب می‌رسند.

در این میان، الگوریتم‌های فراابتکاری^۲، از جمله الگوریتم‌های تخمینی هستند که توانایی یافتن جواب‌های بهینه و یا نزدیک به بهینه را در زمان معقول دارا می‌باشند [۳]. در تحقیق حاضر، حل مسئله مسیریابی، با استفاده از الگوریتم فراابتکاری بهینه‌سازی فاخته انجام می‌شود، که سرعت و دقت دستیابی به جواب بهینه توسط آن، در حل بعضی مسائل، نسبت به سایر الگوریتم‌های فراابتکاری بالاتر است.

تنوع مسائل مربوط به مسیریابی که از نوع مسائل بهینه‌سازی تام می‌باشند، آن‌قدر زیاد است که دسته‌بندی آن‌ها و بیان حالت‌های مختلفی که در آن رخ می‌دهد، مشکل و زمان‌گیر است [۳]. برای حل این نوع مسائل، که زمان حل آن‌ها با بزرگ‌تر شدن ابعاد مسئله، به طور نمایی رشد می‌کند، استفاده از الگوریتم‌های فراابتکاری مناسب

می‌باشند. این الگوریتم‌ها برای حل مسائل با ابعاد بزرگ، از کارایی لازم برخوردار هستند [۴]. در این راستا و تاکنون، روش‌های بهینه‌سازی و فراابتکاری برای حل مسائل مسیریابی، زیاد مورد استفاده قرار گرفته‌اند که در ادامه به برخی از آنها اشاره شده است.

میتسو و همکاران، از الگوریتم ژنتیک برای حل مسائل کوتاهترین مسیر استفاده کردند. که طی آن، کار اصلی توسعه الگوریتم ژنتیک برای مسیریابی، چگونگی گذرایی یک مسیر در یک گراف به صورت کروموزوم بود. رویکرد پیشنهادی ایشان، روی سه مسئله با اندازه‌های متفاوت مورد آزمایش قرار گرفت و نتایج آزمون، یافتن مسیر بهینه با احتمال مناسب و سرعت بالا بود [۵].

در تحقیق دیگر، سلطانی و همکاران، به ارزیابی عملکرد سه الگوریتم دایجسترا، A^* و ژنتیک، به منظور برنامه‌ریزی مسیر در ایجاد سایت، پرداختند. دقت انتخاب مسیر و پیچیدگی‌های زمانی این الگوریتم‌ها، در این تحقیق، مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفت. آنچه که دو الگوریتم دایجسترا و A^* را دچار مشکل می‌کرد، اثر ابعاد مسئله بود، که عملکرد آن‌ها را محدود به مسائل کوچک و یا متوسط می‌نمود. که در این میان، الگوریتم ژنتیک توانست راه‌حل‌های بهینه و نزدیک بهینه را در زمان کمتری پیدا کند [۶].

در مقاله‌ای دیگر، آتیراتانا و همکاران به تحلیل زمان تداوم الگوریتم بهینه‌سازی کلونی مورچگان، برای یافتن کوتاه‌ترین مسیر پرداخته‌اند و نتایج و دستاوردهای خود را در این زمینه ارائه نموده‌اند [۷]. قصیری و همکاران نیز، از الگوریتم بهینه‌سازی کلونی مورچگان برای حل مسئله کوتاه‌ترین مسیر دو هدفه استفاده نمودند. این الگوریتم در مقایسه با الگوریتم تصحیح برچسب، توانست جواب‌هایی با کیفیت بالاتر و در زمان سریع‌تری را ارائه دهد [۸].

همچنین ژین لو و همکاران، در مقاله‌ای برای یافتن کوتاه‌ترین مسیر، با ترکیب مکرر نزدیک‌ترین گره به گره مبدأ، شیوه‌ای جدید (ترکیب گره به جای عملگرهای برچسب‌گذاری)، برای اجرای الگوریتم دایجسترا پیشنهاد می‌دهند [۹]. لینزانگ لیو و همکاران نیز، از یک درخت پوششی جهت‌دار (OST) مبتنی بر الگوریتم ژنتیک، برای حل مسائل یافتن کوتاه‌ترین مسیر چندمعیاری (MCSPP)، استفاده کردند [۱۰]. در پژوهشی دیگر، کیوری و همکاران، برای مسیریابی از الگوریتم فراابتکاری

^۱ Shortest path problem

^۲ Metaheuristic

۲- مبانی نظری

۲-۱- مسأله کوتاهترین مسیر

مسأله کوتاهترین مسیر، بیشتر از ۴۰ سال است که در زمینه‌های گوناگون مانند علوم کامپیوتر و حمل‌ونقل مورد مطالعه قرار گرفته است. مسأله عام کوتاهترین مسیر، نیاز به یک شبکه از پیش تعریف شده دارد. مسأله اصلی، تعیین یک یا تعداد بیشتری از کوتاهترین مسیرهای بین یک منبع و مقصد با یکسری خطوط داده شده می‌باشد. تعیین کوتاهترین مسیر، می‌تواند به صورت زیر، به عنوان یک مسأله برنامه‌ریزی خطی مشخص شود.

S به عنوان نقطه منبع، t به عنوان نقطه هدف، و $c_{ij} > 0$ هزینه یا فاصله ارتباط کمان یا یال (i,j) می‌باشد. هدف جستجوی حداقل مقدار z است [۱۴].

$$Z = \sum_{i,j} c_{ij} x_{ij} \quad \text{Type equation here. } z = \sum_{i,j} c_{ij} x_{ij}$$

Subject to

$$\sum_{j \in S} x_{ij} - \sum_{k \in S} x_{ik} = m, \text{ where} \quad (1)$$

$$m = 0 \text{ for } i \neq s,$$

$$m = 1 \text{ for } i = t$$

$$m = -1 \text{ for } i = s$$

$$x_{ij} \in \{0,1\}$$

۲-۲- الگوریتم بهینه‌سازی فاخته

مانند سایر الگوریتم‌های تکاملی، این الگوریتم نیز با جمعیتی از فاخته‌ها کار خود را شروع می‌کند. فاخته‌ها تعدادی تخم در لانه بعضی پرندگان می‌گذارند. بعضی از این تخم‌ها که شباهت بیشتری به تخم‌های پرند میزبان دارند، برای رشد و پرند بالغ شدن، فرصت بیشتری دارند. سایر تخم‌ها توسط پرندگان میزبان شناسایی و از بین می‌روند. تخم‌های رشد یافته در یک منطقه، شایستگی لانه‌ها را در آنجا نشان می‌دهد. تخم‌های بیشتری که در یک ناحیه زنده مانده‌اند، سود بیشتری است که در آن ناحیه بدست آمده است. بنابراین، موقعیتی که در آن تخم‌های بیشتری زنده بمانند، وضعیتی است که COA در حال بهینه شدن خواهد بود [۱۳].

فاخته‌ها در جستجوی یافتن مناسب‌ترین منطقه برای تخم‌گذاری، به منظور افزایش نرخ بقای تخم‌هایشان هستند. بعد از این‌که، تخم‌های باقی‌مانده رشد کردند و تبدیل به یک پرند بالغ شدند، اجتماعاتی را تشکیل می‌دهند. هر

جستجوی ممنوعه^۱ استفاده نمودند [۱۱]. موحد و همکاران نیز، در مقاله خود به حل مسأله یافتن کوتاهترین مسیر در شبکه با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی جمعی ذرات پرداخته‌اند [۱۲].

اما رجبیون، در مقاله خود به معرفی الگوریتم بهینه‌سازی فاخته^۲ و مقایسه آن با الگوریتم‌های ژنتیک و بهینه‌سازی جمعی ذرات در چند مسأله (غیر از مسیریابی) پرداخته است. نتایج تحقیق او نشان داد که الگوریتم فاخته در زمان کمتر و دقت بالاتر و نیز با متغیرهای بیشتر به جواب بهینه دست یافته است [۱۳].

با توجه به مقایسه انجام شده و مزیت‌های الگوریتم بهینه‌سازی فاخته، از جمله همگرایی سریع‌تر، سرعت بیشتر، دقت بالاتر، توانایی جستجوی محلی در کنار جستجوی کلی، احتمال کمتر گیرافتادن در نقاط بهینه محلی، جستجوی با جمعیت متغیر (بدلیل نابودی جمعیت در مناطق نامناسب)، حرکت کلی جمعیت به سمت نقاط بهتر با نبود شدن جواب‌های نامناسب‌تر و توانایی حل سریع مسائل بهینه‌سازی با ابعاد بالا [۱۳]، به نظر می‌رسد که این الگوریتم در حل مسائل مربوط به مسیریابی نیز از توانمندی لازم برخوردار باشد.

در این راستا، هدف از انجام این تحقیق، قبل از هر چیزی، پاسخ به این سؤال است که آیا این الگوریتم، می‌تواند برای حل مسائل مرتبط با مسیریابی در شبکه مورد استفاده قرار گیرد (زیرا الگوریتم‌های فراابتکاری، در بعضی مسائل ممکن است قابل استفاده نباشند و در بعضی مسائل هم به نتیجه مطلوب دست پیدا نکنند). سپس پاسخ به این مهم که، آیا این الگوریتم برای حل مسأله مسیریابی، نسبت به سایر الگوریتم‌های فراابتکاری رایج نتیجه مناسبی می‌دهد یا خیر.

بدین منظور و در ادامه پس از تشریح الگوریتم بهینه‌سازی فاخته، ابتدا به تنظیم پارامترهای الگوریتم، برای حل مسأله کوتاهترین مسیر پرداخته می‌شود. سپس الگوریتم نهایی بر روی سه نوع شبکه شماتیک، محلی و واقعی پیاده‌سازی می‌شود. در انتها نیز، نتایج اجرای الگوریتم روی شبکه‌ها مورد بحث و بررسی قرار گرفته و نتیجه‌گیری تحقیق ارائه خواهد شد.

^۱ Tabu Search

^۲ Cuckoo Optimization Algorithm

$$\text{Profit} = f_p(\text{habitat}) = f_p(x_1, x_2, \dots, x_{Nvar}) \quad (3)$$

همان طور که مشاهده می شود، COA الگوریتمی است که تابع سود را ماکزیمم می کند. برای استفاده از COA برای حل مسائل کمینه سازی، کافی است یک علامت منفی در تابع هزینه ضرب شود [۱۳]:

$$\text{Profit} = -\text{Cost}(\text{habitat}) = -f_c(x_1, x_2, \dots, x_{Nvar}) \quad (4)$$

برای شروع الگوریتم بهینه سازی، یک ماتریس Habitat به سائز $N_{pop} \times N_{var}$ تولید می شود. سپس برای هر کدام از این Habitat ها تعدادی تصادفی تخم، تخصیص می یابد. در طبیعت، هر فاخته بین ۵ تا ۲۰ تخم می گذارد. این اعداد به عنوان حد بالا و پایین تخصیص تخم به هر فاخته در تکرارهای مختلف استفاده می شود.

در مسأله مسیریابی تعداد این متغیرها (N_{var}) به اندازه تعداد نقاط موجود در شبکه می باشد. بنابراین قبل از هر کاری باید نقاط شبکه مورد نظر کدگذاری شوند. به هر نقطه داخل شبکه عددی از یک تا n (تعداد نقاط داخل شبکه) اختصاص داده می شود.

برای ایجاد جمعیت اولیه، برای هر فاخته باید اعدادی از یک تا n به صورت تصادفی اختصاص داده شود. این اعداد به صورت رشته ای می باشد که یک مسیر را نشان می دهد. اما در انتخاب این اعداد دو شرط زیر باید رعایت شود:

- ۱- متغیر اول و آخر به صورت ثابت و همان نقاط ابتدا و انتها می باشد.
- ۲- انتخاب هر نقطه باید به نحوی باشد که به نقطه قبلی خود متصل باشد.

نکته اساسی در ایجاد جمعیت اولیه برای حل مسأله کوتاهترین مسیر، طول رشته ای است که در الگوریتم فاخته با عنوان موقعیت فاخته ها و در الگوریتم ژنتیک با عنوان طول کروموزوم مطرح می شود. در مسأله کوتاهترین مسیر، به دلیل اینکه حرکت از مبدأ به مقصد از تعداد نقاط یکسانی انجام نمی شود، لذا چالش اصلی در این مسأله تعیین طول موقعیت فاخته ها می باشد.

برای ایجاد جمعیت اولیه ابتدا ماتریسی از اتصالات شبکه ایجاد می شود، یعنی هر جا که نقطه ای به نقطه دیگر متصل می باشد عدد یک و در غیر اینصورت عدد صفر منظور می شود. سپس رشته ای به طول متغیرهای مسأله که همان تعداد نقاط شبکه می باشد، ایجاد می شود. متغیرهای ابتدا و انتهای این رشته از همان ابتدا مشخص می شود.

گروه محدوده سکونت مختص خودش را برای زندگی دارد و بهترین منطقه سکونت تمام گروه ها مقصد بعدی فاخته ها در سایر گروه ها خواهد بود. بنابراین آن ها به سمت بهترین زیستگاه، مهاجرت خواهند کرد. آن ها در جایی نزدیک بهترین زیستگاه، ساکن خواهند شد [۱۳]. با توجه به تعداد تخم هایی که هر فاخته دارد و نیز فاصله فاخته تا نقطه هدف (بهترین زیستگاه)، تعدادی شعاع تخم گذاری نسبت به آن مشخص می شود. سپس پرنده شروع به تخم گذاری تصادفی در لانه هایی درون شعاع تخم گذاری خود می کند. این فرآیند تا زمانی که بهترین موقعیت با ارزش سود حداکثر کسب شود ادامه می یابد و بیشتر جمعیت فاخته ها اطراف موقعیت یکسان جمع می شوند [۱۳].

۳- یافتن کوتاهترین مسیر با استفاده از الگوریتم بهینه سازی فاخته

۳-۱- طراحی مسأله

مسأله مسیریابی در شبکه در واقع یافتن کوتاهترین مسیر بین دو نقطه می باشد. یک مسیر از نقطه ابتدا شروع می شود و با عبور از تعدادی نقطه، به نقطه پایان می رسد. اما شرطی که باید رعایت شود این است که هیچ نقطه تکراری در این مسیر نباشد.

۳-۲- ایجاد جمعیت اولیه

برای حل یک مسأله بهینه سازی لازم است تا مقادیر متغیرهای مسأله به فرم یک آرایه شکل گیرند. در GA^1 و PSO^2 این آرایه ها با نام های «کروموزوم» و «موقعیت ذرات» مشخص می شوند. ولی در الگوریتم بهینه سازی فاخته (COA)، به این آرایه ها «Habitat» یا «محل سکونت» گفته می شود. در یک مسأله بهینه سازی N_{var} -بعدی، یک Habitat، یک آرایه $1 \times N_{var}$ خواهد بود که موقعیت فعلی زندگی فاخته ها را نشان می دهد [۱۳]. این آرایه به شکل زیر تعریف می شود:

$$\text{Habitat} = [x_1, x_2, \dots, x_{Nvar}] \quad (2)$$

هر یک از ارزش های متغیر ($x_1, x_2, \dots, x_{Nvar}$)، شماره نقطه شناور است. مقدار سود در یک Habitat، با ارزیابی تابع سود (f_p) در Habitat به دست می آید [۱۳]. بنابراین:

^۱ Genetic Algorithm

^۲ Particle Swarm Optimization

می‌کنند. البته این تخمگذاری به صورتی انجام می‌شود که هر فاخته در شعاع تخمگذاری خود محدوده وسیع‌تری را جستجو کند. در پایان مرحله تخمگذاری، موقعیت‌های جدید تخمها به صورت صفر و یکی درمی‌آیند.

تخم‌هایی که در موقعیت‌های تکراری قرار دارند به دلیل اینکه در هر موقعیت تنها یک تخم می‌تواند حضور داشته باشد، از بین می‌روند. همچنین اگر تعداد تخمهای ایجاد شده از حد مجاز بیشتر باشد، تخمهایی که مقدار مناسبی ندارند از بین می‌روند. در این میان فاخته‌ای که بهترین موقعیت را داشته است برای ایجاد نسل بعد انتخاب می‌شود.

۴-۳- مهاجرت فاخته‌ها

تخم‌های باقیمانده شروع به رشد پیدا می‌کنند و تبدیل به فاخته بالغ می‌شوند. سپس خوشه‌بندی فاخته‌ها انجام می‌شود. در هر خوشه، میانگین سود براساس تابع هدف تعیین می‌شود. خوشه‌ای که میانگین بیشتری داشته است به عنوان نقطه هدف در نظر گرفته می‌شود. بعد از اینکه نقطه هدف تعیین شد مهاجرت فاخته‌های بالغ به سمت نقطه هدف برای تخمگذاری جدید آغاز می‌شود.

با توجه به اینکه مسائل مربوط به مسیریابی از نوع مسائل گراف مینا هستند لذا باید در فضای گسسته به حل آنها پرداخت. در حل مسائل به روش دودویی، هر راه‌حل از فضای جستجو به وسیله‌ی رشته‌های صفر و یکی کد می‌شوند؛ نمایش دودویی در بهینه‌سازی گسسته خیلی رایج است، به این علت که بسیاری از مسائل، طبیعت فرموله شدن با متغیرهایی دودویی را دارند [۱۵].

در گسسته‌سازی دودویی الگوریتم فاخته، جهت تبدیل COA پیوسته به فضای دودویی، عملگر مهاجرت COA به صورت زیر بازتعریف می‌شود. $X_{CurrentPosition}$ و X_{Goal} به ترتیب نقطه هدف جاری و موقعیت جاری یک فاخته در جمعیت می‌باشد. موقعیت بعدی فاخته ($X_{NextHabitat}$) به شکل زیر محاسبه می‌شود:

$$X_{NextHabitat} = X_{CurrentPosition} + rand \times (X_{Goal} - X_{CurrentPosition}) \quad (۶)$$

برای اینکه موقعیت جدید برای فضای دودویی مناسب باشد از تابع سیگموئید رابطه (۷) برای نگاشت $X_{NextHabitat}$ به محدوده ۰ و ۱ به صورت زیر استفاده می‌شود. سپس براساس رابطه (۷) مقدار موقعیت به مقدار دودویی ۰ و ۱ تغییر می‌یابد [۱۵].

برای انتخاب نقاط بعدی، ابتدا مشخص می‌شود که هر نقطه با چه نقاطی ارتباط دارد، سپس به صورت رندم یکی از نقاط متصل به نقطه موردنظر انتخاب می‌شود.

این مراحل تا جایی ادامه پیدا می‌کند تا به نقطه انتهایی برسد. اما در صورتی که در طول مسیر به نقطه‌ای برسد که با نقاط دیگر ارتباطی نداشته باشد، به صورت خودکار نقطه انتها ثبت می‌شود و رشته‌ای به اندازه طول متغیرها و با دو نقطه ابتدا و انتها ایجاد می‌شود. اما این رشته به عنوان رشته غیرقابل استفاده از مجموعه جمعیت حذف می‌شود. بعد از اینکه رشته‌های موقعیت فاخته‌ها ایجاد شد، باید این رشته‌ها تبدیل به رشته‌های باینری شوند. برای این منظور در هر مسیر ایجاد شده، هر جا که شماره نقطه‌ای وجود دارد یک و در غیر اینصورت عدد صفر قرار می‌دهد. مثلاً برای رشته‌ای از موقعیت فاخته‌ها به طول ۱۰، رشته باینری آن به صورت شکل (۱) می‌شود.

1 0 2 4 0 0 6 7 0 10
↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
1 0 1 1 0 0 1 1 0 1

شکل ۱- تبدیل موقعیت فاخته‌ها به رشته‌های باینری

۳-۳- تخم گذاری فاخته‌ها

در یک مسأله بهینه‌سازی با حد بالای متغیرهای var_{hi} و حد پایین var_{low} ، هر فاخته دارای، حداکثر دامنه تخم-گذاری یا ELR^۱ خواهد بود که متناسب است با تعداد کل تخم‌ها، تعداد تخم‌های فعلی فاخته و همچنین حد بالا و پایین متغیرهای مسأله [۱۳].

بنابراین ELR به صورت زیر تعریف می‌شود:

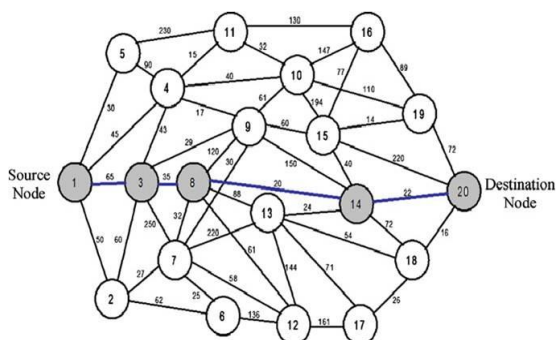
$$ELR = \alpha \times (\text{Number of cuckoo's eggs} / \text{Total number of eggs}) \times (var_{low} - var_{hi}) \quad (۵)$$

α متغیری است که حداکثر مقدار ELR را با آن تنظیم می‌شود [۱۳].

بعد از ایجاد جمعیت اولیه، به هر کدام از فاخته‌های ایجاد شده در بازه بین حداقل و حداکثر تخمها، تعدادی تخم به صورت تصادفی اختصاص داده می‌شود. سپس مجموع تخمهای فاخته‌ها محاسبه می‌شود. در این مرحله، باید شعاع تخمگذاری فاخته‌ها براساس فرمول شعاع تخمگذاری (ELR)، تعیین شود. فاخته‌ها در محدوده شعاع تخمگذاری خود به صورت تصادفی شروع به تخمگذاری

^۱ Egg Laying Radius

هدف از مسیریابی در این شبکه یافتن مسیری است که طول آن حداقل باشد. بعد از پیاده سازی شبکه در نرم افزار متلب (MATLAB)، و اجرای این الگوریتم بر روی شبکه مفروض، نتایجی که از آن بدست آمد با نتایج حاصل از الگوریتم دایجسترا مقایسه شد. مقایسه نتایج دو الگوریتم نشان داد که هر دو از مسیرهای یکسانی برای رسیدن به نقطه مقصد استفاده کرده اند. با توجه به اینکه الگوریتم دایجسترا از نوع الگوریتمهای پیمایش گراف و یک الگوریتم قطعی می باشد به این معنی که بعد از اجرای آن به نتیجه دقیق دست پیدا می کند. لذا برای این شبکه این نتیجه حاصل شد که توانسته است با این تعداد نقاط به نتیجه قطعی دست پیدا کند.

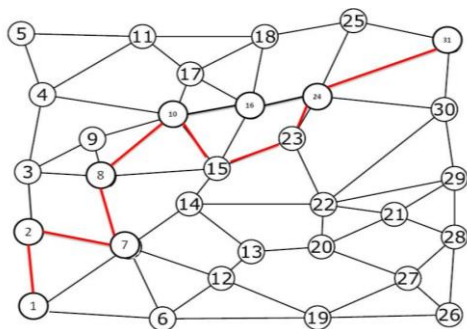


شکل ۲- نتیجه اجرای الگوریتم COA روی شبکه فرضی

۴-۲- مسیریابی در شبکه های محلی

شبکه مورد استفاده در این بخش [۱۶]، که با عنوان شبکه محلی معرفی شده است شبکه ای متشکل از ۳۱ نقطه و ۶۱ یال می باشد. یالها در این شبکه نیز به صورت غیرجهت دار فرض شده اند.

هدف از مسیریابی در این شبکه نیز یافتن مسیری است که مجموع یالهای آن مینیمم باشد. بعد از پیاده سازی شبکه در نرم افزار متلب نتایج (شکل ۳) حاصل شد. نتایجی که از این الگوریتم حاصل شد با نتایج بدست آمده از الگوریتم دایجسترا مشابه بودند. در نتیجه در این شبکه نیز الگوریتم توانست به نتایج دقیقی دست پیدا کند.



شکل ۳- نتایج اجرای الگوریتم COA روی شبکه محلی

$$S = 1 / (1 + e^{-X_{NextHabitat}})$$

$$\text{If } S \leq \text{rand Then } X_{NextHabitat} = 0 \quad (Y)$$

$$\text{If } S > \text{rand Then } X_{NextHabitat} = 1$$

مهاجرت فاخته ها براساس تابع سیگموئید انجام می شود به این صورت که ابتدا موقعیت فعلی فاخته ها با استفاده از این تابع تبدیل به اعداد بین ۰ و ۱ می شود. سپس با اعمال ضرب حرکتی و اختلاف فاصله نقطه هدف و موقعیت فعلی، نتایج حاصله به صورت اعداد ۰ یا ۱ نمایش داده می شود. استفاده از ضرب حرکتی باعث می شود که فاخته ها مستقیماً به سمت نقطه هدف مهاجرت نکنند و مقداری انحراف برای جستجوی بیشتر محدوده داشته باشند.

بهترین فاخته ای که در این مرحله به دست آمد که در واقع همان بهترین مسیر است که برای ایجاد نسل بعد مورد استفاده قرار می گیرد. بعد از مهاجرت فاخته ها مجدداً تخمگذاری و مراحل ذکر شده قبلی انجام می شود. این مراحل تا جایی ادامه پیدا می کند که نقطه هدف برابر یا نزدیک مقدار بهینه باشد. سپس شرط توقف اجرا می شود. و الگوریتم به انتهای خود می رسد. با توجه به اینکه جوابی که در پایان به دست آمده به صورت باینری می باشد باید مجدداً تبدیل به شماره واقعی نقاط شود تا مسیر به دست آمده در شبکه مشخص شود.

در پایان الگوریتم مجدداً بررسی می شود که آیا جواب به دست آمده یک مسیر واقعی است و مسیری بین دو نقطه مورد نظر وجود دارد یا خیر.

۴- پیاده سازی الگوریتم در شبکه های مختلف

در این مرحله کارایی الگوریتم روی شبکه های مختلفی امتحان می شود. ابتدا از یک شبکه فرضی با تعداد نقاط محدود استفاده می شود. سپس روی یک شبکه محلی و در نهایت برای آزمون اینکه آیا این الگوریتم روی شبکه های واقعی هم به نتیجه می رسد یا خیر، از یک شبکه شهری واقعی استفاده می شود.

۴-۱- شبکه فرضی با تعداد نقاط محدود

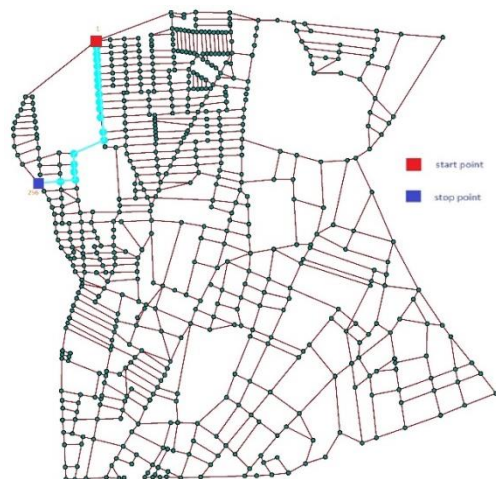
این شبکه از ۲۰ نقطه تشکیل شده است [۱۲]. نقاط شروع و پایان مسیر به ترتیب نقاط ۱ و ۲۰ می باشد. شبکه مفروض یک شبکه غیرجهت دار می باشد، یعنی اندازه یالها هم از مسیر رفت و هم برگشت به یک اندازه می باشد (شکل ۲).

۴-۳- مسیریابی در شبکه‌های واقعی

شبکه‌ای که در این بخش مورد استفاده قرار گرفته است، بخشی از یک شبکه حمل‌ونقل شهری تهران می‌باشد. تعداد نقاط این شبکه که حدود ۶۱۷ نقطه و ۹۹۵ یال می‌باشد در مقایسه با شبکه محلی بسیار بزرگتر می‌باشد. این شبکه نیز مانند شبکه‌های قبلی غیرجهت‌دار است و وزن یالها از هر دو طرف یکسان می‌باشد (شکل ۴). نقاط ۱ و ۲۵۶ به عنوان نقاط شروع و پایان انتخاب شدند.



شکل ۴- نتایج حاصل از اجرای الگوریتم COA روی بخشی از یک شبکه واقعی



شکل ۵- نتایج حاصل از اجرای الگوریتم دایجسترا روی بخشی از یک شبکه واقعی

۴-۴- نتایج پیاده‌سازی الگوریتم

با بررسی نتایج جدول (۱) معلوم می‌شود که الگوریتم بهینه‌سازی فاخته با موفقیت توانست مسیر بهینه را در شبکه‌های کوچک پیدا نماید. این امر نشان می‌دهد که تغییراتی که در ایجاد جمعیت اولیه و فاز مهاجرت این الگوریتم صورت گرفته است، به درستی پیش‌بینی شده بود.

جدول ۱- نتایج حاصل از اجرای الگوریتم‌های COA و دایجسترا روی شبکه‌های مختلف

نوع شبکه	شبکه دارای ۲۰ نود		شبکه دارای ۳۱ نود		شبکه دارای ۶۱۷ نود	
	الگوریتم COA	الگوریتم دایجسترا	الگوریتم COA	الگوریتم دایجسترا	الگوریتم COA	الگوریتم دایجسترا
مسیر نهایی	۱	۱	۱	۱	۱	۱
	۳	۳	۲	۲	۲۲۵	۲
	۸	۸	۷	۷	۲۲۴	۳
	۱۴	۱۴	۸	۸	۲۲۶	۴
	۲۰	۲۰	۱۰	۱۰	۲۲۷	۵
			۱۵	۱۵	۲۲۸	۶
			۲۳	۲۳	۲۲۹	۷
			۲۴	۲۴	۲۳۰	۸
			۳۱	۳۱	۲۳۱	۹
					۲۳۲	۱۰
					۲۳۳	۱۱
					۲۳۴	۱۲
					۲۳۵	۱۳
					۲۵۶	۱۴
وزن مسیر نهایی	۱۴۲	۱۴۲	۲۸	۲۸	۱۸۹۲	۱۹۵۶

۵- بحث و نتیجه‌گیری

در پژوهش حاضر به بررسی توانمندی الگوریتم بهینه‌سازی فاخته در مسیریابی پرداخته شد. پس از بررسی مسأله یافتن کوتاهترین مسیر در شبکه به عنوان مسأله هدف، ساختار الگوریتم بهینه‌سازی فاخته و نسخه دودویی آن برای حل مسائل گسسته، مورد مطالعه قرار گرفت. در

بعد از اجرای الگوریتم‌های بهینه‌سازی فاخته و دایجسترا روی یک نمونه شبکه واقعی (شکل ۴ و ۵)، نتایجی که حاصل شد نمایانگر این است که الگوریتم بهینه‌سازی فاخته در یک شبکه واقعی هم توانست به نتیجه‌ای نزدیک و حتی با اختلافی اندک نسبت به الگوریتم دایجسترا، دست یابد.

نهایت با توجه به روشهای مختلف حل مسأله کوتاهترین مسیر و نیز ساختار الگوریتم بهینه سازی فاخته، روشی برای حل این مسأله پیشنهاد شد.

در این روش ابتدا در مرحله ایجاد جمعیت اولیه، تغییراتی به وجود آمد به این صورت که متغیرهای جمعیت که در واقع همان نقاط شبکه و موقعیت‌های هر فاخته می‌باشند، به صورت تصادفی انتخاب نمی‌شوند. این متغیرها به صورت کنترل شده انتخاب می‌شوند به این صورت که انتخاب نقاط بعد از هر نقطه به صورت تصادفی از میان نقاطی است که با نقطه مورد نظر ارتباط دارند. در تمام مراحل اجرای الگوریتم موقعیت فاخته‌ها به صورت اعداد باینری درمی‌آیند. به این صورت که اگر نقطه‌ای در مسیر حضور داشته باشد عدد ۱ و در غیر اینصورت عدد صفر می‌گیرد.

تغییر دیگری که در الگوریتم ایجاد شد تغییر در فاز مهاجرت بود که البته این تغییر در تحقیقات قبلی برای گسسته سازی دودویی این الگوریتم پیشنهاد شده است. با استفاده از این تغییر در فاز مهاجرت برای تعریف موقعیت‌های جدید فاخته‌ها، از یک تابع سیگموئید استفاده می‌شود که موقعیت جدید را تبدیل به صفر و یک می‌کند. نتایجی که از اجرای الگوریتم پیشنهادی بر روی چند شبکه، بدست آمد و مقایسه آن با یک الگوریتم قطعی نشان داد که این الگوریتم توانایی دستیابی به مسیر بهینه در شبکه‌های با اندازه کوچک را دارد. در شبکه‌هایی که کمی بزرگتر هستند و در واقع ویژگی شبکه‌های واقعی را دارا می‌باشند، این الگوریتم توانست با اختلاف اندکی بهتر از الگوریتم قطعی، مسیر بهینه را پیدا نماید.

دستیابی به مسیر بهینه، حتی در یک شبکه فرضی و کوچک، مهمترین هدف استفاده از الگوریتم ابتکاری می‌باشد. بعد از دستیابی به این هدف است که تلاش برای پیاده سازی این الگوریتم روی شبکه‌های واقعی و بزرگتر آغاز می‌شود. با توجه به اینکه ساختار شبکه‌های واقعی اختلاف زیادی با شبکه‌های فرضی و یا شبکه‌های با اندازه‌های کوچکتر دارد، لذا ایجاد تغییراتی روی الگوریتم برای کار با داده‌های بزرگتر اجتناب ناپذیر است.

در اجرای این الگوریتم از عامل زمان اجرای الگوریتم صرف نظر شده است. این موضوع به دو دلیل مهم می‌باشد: اول اینکه مقایسه زمان اجرا بهتر است که با یک الگوریتم مشابه صورت گیرد. چرا که این الگوریتم‌ها، بدون هیچ

دانش اولیه‌ای به جستجو در محیط می‌پردازند و با آزمون و خطا درصد یافتن جواب اولیه مناسب هستند تا بتوانند با بهبود بخشیدن جوابهای مناسب به جواب بهینه دست یابند. این الگوریتم‌ها به الگوریتم‌های غیرقطعی مشهور هستند چرا که سعی در یافتن جواب دقیق یا نزدیک به آن را دارند. این موضوع در مسائلی با اندازه‌های بزرگ بسیار مشهود است. در مقابل الگوریتم‌های قطعی در اندازه‌های کوچک با سرعت بالا به جواب دقیق دست پیدا می‌کنند. اما نقطه ضعف آنها در مسائل با اندازه‌ی بزرگ، نمود پیدا می‌کند. دلیل دوم اینکه در چنین اندازه‌های کوچک شبکه و با توجه به سرعت بالای پردازنده‌های رایانه‌ای، سرعت رسیدن به جواب معیار مناسبی برای سنجش کارایی یک الگوریتم نمی‌باشد.

حل مسأله کوتاهترین مسیر با استفاده از این الگوریتم گام مهمی در حل مسائل بزرگتر و پیچیده تر می‌باشد، چرا که مسأله کوتاهترین مسیر از جمله مسائل کلیدی آنالیز مسیریابی می‌باشد و بسیاری از مسائل دیگر که در زمره مسائل بهینه سازی تام و سخت قرار می‌گیرند زیرمجموعه این مسأله قرار می‌گیرند.

با توجه به اینکه در این پژوهش، برای اولین بار به حل مسأله یافتن کوتاهترین مسیر با استفاده از الگوریتم بهینه سازی فاخته پرداخته شده است، لذا می‌توان با ایجاد تغییرات دیگری در این الگوریتم به نتایج بهتری دست یافت. در این تحقیق از روش گسسته سازی باینری استفاده شده است، اما می‌توان از سایر روشهای گسسته سازی نیز برای حل این مسأله کمک گرفت. همچنین به نظر میرسد استفاده از روش اولویت مینا، برای ایجاد جمعیت اولیه نیز نتایج مطلوبی داشته باشد. مورد دیگری که می‌تواند به عنوان پیشنهاد آتی مدنظر قرار گیرد، کاهش تعداد موقعیت فاخته‌ها یا همان متغیرهای مسأله به نصف این تعداد می‌باشد، با توجه به اینکه رسیدن به مسیر بهینه لزوماً عبور از تمام نقاط شبکه نمی‌باشد. همچنین کاربرد این الگوریتم در شبکه‌های بزرگتر و پیچیده تر و نیز مقایسه آن با سایر الگوریتم‌های فراابتکاری از جمله PSO می‌تواند میزان کارایی الگوریتم را نشان دهد.

- [1] Moradi Seloushi, B., Vafaeinejad, A.R., (2017). "Using Geospatial Information System (GIS) to Determine the Capacity of Iran Railway Networks", *Journal of Geomatics Science and Technology*, Vol. 6, No. 3, pp. 15-22.
- [2] Payam Rad, D., Vafaeinejad, A.R., (2015). "Using a GIS Based Decision Support System to Aid Earthquake Crisis Management with Site Selection of Temporary Housing Case Study: District 8 of Isfahan Municipality". *Journal of Geomatics Science and Technology* , Vol. 5, No. 2, pp. 231-246.
- [3] Zafari, A. Tashakori Hashemi, S., and Yousefi Khoshbakht, M. (2010). "A Hybrid Effective Genetic Algorithm for Solving the Vehicle Routing Problem". *International Journal of Industrial Engineering and Production Management*. Vol. 21, No.2, pp. 63-76
- [4] Ghoseiria, K., Ghanad poor, S.F., (2008). "Locomotive Routing Problem Using a Hybrid Genetic Algorithm". *Journal of Transportation Research*, Vol. 5, No. 3, p. 259
- [5] Mitsuo, G., Runwei, C., and Dingwei, W. (1997). "Genetic Algorithms for Solving Shortest Path Problems". *Evolutionary Computation*. April 1997. IEEE International Conference on. 401-406
- [6] Soltani, A.R., Tawfik, H., Goulermas, J.Y., and Fernando, T. (2002). "Path planning in construction sites: performance evaluation of the Dijkstra, A*, and GA search algorithms". *Advanced Engineering Informatics*. Vol. 16, No. 4, pp. 291–303.
- [7] Attiratanasunthron, N., Fakcharoenphol, J. (2007). "A running time analysis of an Ant Colony Optimization algorithm for shortest paths in directed acyclic graphs". *Information Processing Letters*. 105, pp. 88-92.
- [8] Ghoseiri, K., Nadjari, B. (2009). "An ant colony optimization algorithm for the bi-objective shortest path problem". *Applied Soft Computing*. Vol.10, No.4, 1237-1246.
- [9] Lu, X., Camitz, M. (2011). "Finding the shortest paths by node combination". *Applied Mathematics and Computation*. Vol.217, No.13, pp. 6401-6408.
- [10] Liu, L., Mu, H., Yang, X., and Li, Y. (2012). "An oriented spanning tree based genetic algorithm for multi-criteria shortest path problems". *Applied Soft Computing*, Vol.12, No.1, pp.506-515.
- [11] Kuri, J., Puech, N., Gagnaire, M., and Dotaro, E., "Routing foreseeable light path demands using a tabu search meta-heuristic", in: *Proceedings of the IEEE Global Telecommunication Conference*, 2003, pp. 2803–2807.
- [12] Mohemmed, A., Chandra Sahoo, N., and Kim Geok, T. (2008). "Solving shortest path problem using particle swarm optimization", *Applied Soft Computing*, Vol.8, No.4, pp. 1643-1653.
- [13] Rajabioun, R. (2011). "Cuckoo Optimization Algorithm". *Applied Soft Computing*, Vol.11, No.8, pp. 5508-5518.
- [14] Smith, M., Goodchild, M. and Longley, P. (2009). "Geospatial Analysis". Matador.
- [15] Mahmoudi, Sh., (2012). "Discrete Manufacturing Cuckoo Search algorithm, Case Study: Graph Coloring". A thesis submitted for the degree M.S. in Computer Engineering – Artificial intelligence, Faculty of engineering, , University of Nabi Akram.
- [16] Behzadi, S., (2008). "Extending Route Finding Methods by Using Genetic Algorithm". A thesis submitted for the degree M.S. in GIS, Faculty of Surveying, K.N.Toosi University of Technology.