مقایسه سه مدل انتقال جرم به منظور پیشبینی کاویتاسیون در جریانهای عبوری از مجرای ونتوری و روزنه

على سررشته دارى ، وحيد نجفي ً

sarreshtehdari@gmail.com

۱ – استادیارمهندسی مکانیک؛ دانشگاه صنعتی شاهرود
۲ – کارشناسی ارشد،مهندسی مکانیک دانشگاه صنعتی شاهرود

چکیدہ

به منظور بررسی تأثیر مدلهای انتقال جرم در شبیهسازی پدیده کاویتاسیون دو مجرای جریان داخلی، شامل یک ونتوری و یک روزنه مورد بررسی عددی قرار گرفته است. برای این کار مدلهای مورد نظر شامل کانز، زوارت و سینگال با ضرایب استاندارد در کدی منبع باز پیادهسازی و در مسائلی با شرایط یکسان ارزیابی شده است. نتایج رخداد کاویتاسیون در جریانهای مذکور در قالب کسر حجمی متوسط در مقاطعی از جریان در مجرای ونتوری و مقدار ضریب تخلیه برای روزنه، با نتایج تجربی مقایسه و مقدار خطای متوسط مدل ها مورد ارزیابی قرار گرفته اند. نتایج حاصل نشان دهنده دقت بالای مدل های انتقال جرم کانز و زوارت با خطای متوسط کمتر از ۵ درصد برای نمونههای شبیه سازی شده است؛ در حالی که استفاده از مدل سینگال مقادیر خطای میانگین بیشتر از ۱۰ درصد را نشان می دهد. همچنین با بررسی میانگین نتایج خطای حاصل از شبیه سازی های مذکور در مسائل بررسی شده، اولویت قابل توجهی بین مدل های کانز و زوارت مشاهده نمی شود. اما در مدل سینگال با وجود پیچیدگی بیشتر مدل در احتساب ویژگیهای جریان، اختلاف بیشتری در مقایسه با زوارت مشاهده نمی شود. اما در مدل سینگال با وجود پیچیدگی بیشتر مدل در احتساب ویژگیهای جریان، اختلاف بیشتری در مقایسه با دادههای تجربی ملاحظه میشود که لازم است در استفاده از این مدل، تنظیم مقادیر ثابت آن و شرایط بکارگیری دقت بیشتری لحاظ مود.

واژگان کلیدی : کاویتاسیون، مدلهای انتقال جرم، جریان داخلی.

۹۳/۱۱/۰۸	تاريخ دريافت مقاله :
۹۵/ <i>•۶</i> /۱۸	تاريخ پذيرش مقاله :

۱– مقدمه

در پدیده کاویتاسیون با کاهش فشار سیال به مقداری پایین تر از فشار بخار اشباع، تنش کششی حاصل از برهم خوردن تعادل نیروهای بین مولکولی، بر جزء سیال اعمال شده، این مساله سبب باعث ناپیوستگی و تغییر فاز از مایع شده، این مساله سبب باعث ناپیوستگی و تغییر فاز از مایع به گاز میشود. این پدیده در سیال مایع، بصورت شکل گیری حبابهای ریز و درشت بخار آن ظاهر میشود؛ که منجر به ایجاد سرو صدا، خوردگی، نوسانات شدید ناشی از فروپاشی حبابها، نیروهای نوسانی با فرکانسهای شدیدمی گردد. موارد حاصل از این رخداد از جمله معایب بوجود آمدن کاویتاسیون است که سبب کاهش عمر و پایین آمدن راندمان ماشینآلات هیدرودینامیکی می گردد، [۱].

در سالهای اخیر بررسی های مختلفی در خصوص تأثیر مدلهای انتقال جرم بر شبیهسازی کاویتاسیون انجام شده است، که می توان به کارهای پالائو سالوادور و همکارانش (۲۰۰۷) در روزنههای حلقوی، مستطیلی، همچنین نازلهای حلقوی و مستطیلی و ونتوری مستطیلی با استفاده از معادلات کسر جرمی بخار اشاره کرد [۲]. همچنین فعالیت های مورگات و همکارانش (۲۰۱۱) به مقایسه مدلهای انتقال جرم برای پیش بینی یدیده کاویتاسیون صفحهای پیرامون یک هیدروفویل با استفاده از شبیه سازی عددی اختصاص دارد، [۳]، ژائو و همکارانش نیـز در سـال ۲۰۱۱ نتـایج شـبیهسـازی عـددی جریـان کاویتاسیون را تحت فشارهای بالا وحضور دمای متغیر با استفاده از مدلهای انتقال جرم مختلف گزارش نمودهاند، [۴]. کارهای اخیر اهمیت تاثیر مدلهای مذکور در پیشبینی کمیتهای کاویتاسیون را به خوبی نشان میدهد؛ که با توجه به این تحقیقات و موارد مشابه، مشخص می شود که بررسی مدل های انتقال جرم در پیشبینی کاویتاسیون و مقایسه آنها با نتایج آزمایشگاهی برای تعیین مناسبترین مدل انتقال جرم و ضرایب مناسب، در مسائل مختلف قابل توجه میباشد.

بنابر این اهمیت مقایسه مدلهای انتقال جرم برای به کاربردن در مسائل مختلف مدلسازی و یافتن مدل مناسب با مساله به عنوان یک نیاز جدی برای محققان مطرح بوده به نحوی که در سالهای اخیر انواع مختلفی از ترکیبهای

حل جریانی و مدلهای مذکور انتقال جرم مورد بررسی قـرار گرفته است،[۱۱و ۱۲].

با توجه به نبود قطعیت در استفاده از مدلهای انتقال موجود و درک نحوه تأثیر نهایی هر یک از مدل های انتقال جرم بر برآورد دقیق کیمتهای مطرح در مسائل مختلف مریان داخلی مبنای تحقیق حاضر است؛ که در آن با معرفی معادلات اساسی جریان لزج و مدلهای متداول ارائه شده برای مطالعه کاویتاسیون، شبیهسازی عددی برای دو هندسه روزنه و ونتوری به عنوان نمونههای جریان داخلی متداول، انجام پذیرفته و نتایج بدست آمده با نتایج تجربی مقایسه شده است. از آنجا که هندسه مورد استفاده و مقایسه شده است. از آنجا که هندسه مورد استفاده و کاویتاسیون تأثیری مستقیم دارد، یافتن ویژگی مدلهای مذکور در این نمونه های جریانی در این تحقیق دنبال میشود.

برای این منظور مدل های انتقال جرم کانز، زوارت و سینگال با شکل استاندارد و ضرایب اولیه موجود برای پیش بینی کاویتاسیون در نرمافزار منبع باز اُپنفوم ^۱ پیاده سازی شده و با توجه به نتایج حاصل، ویژگی های هر یک از مدل های مذکور به همراه شیوه انتخاب مدل مناسب جهت بررسی موارد مختلفی چون زمان همگرایی و یا دقت و صحت در نتایج برای تحقیقات بعدی پیشنهاد شده است.

۲- روابط حاکم

جریانهای کاویتاسیونی با استفاده از روش های مختلفی مدل سازی می شوند [۱]. در این تحقیق از معادله انتقال جرم برای بررسی این پدیده استفاده شده است. در مدل های انتقال جرم تغییر فاز در حین حل عددی جریان سیال به صورت جملات چشمه در معادلات پیوستگی و انتقال کسر حجمی مایع ظاهر می گردد. این جملات چشمه خود دارای عبارت دبی جرمی می باشد که بایستی مقدار آن برای حل همزمان این معادلات مشخص باشد. برای بدست آوردن مقدار دبی جرمی که نشان دهنده نرخ تغییرات فاز می باشد، از مدل های انتقال جرم استفاده می شود. روابط حاکم در این مسائل عبارتند از :

¹ OpenFOAM

$$\nabla U = \dot{m} \left(\frac{1}{\rho_l} - \frac{1}{\rho_v} \right) \tag{1}$$

$$\frac{\partial(\rho U)}{\partial t} + \nabla . (\rho U U) = -\nabla P - \nabla . \tau \tag{(Y)}$$

$$\frac{\partial \gamma}{\partial t} + \nabla \cdot \left(\gamma U \right) = \frac{m}{\rho_l} \tag{(7)}$$

این روابط به ترتیب معادله پیوستگی، معادله مُمنتوم برای مخلوط مایع– بخار و معادله کسر حجمی برای فاز مایع میباشد، که در آنها عبارت U سرعت مخلوط در متوسط زمان، Pفشار متوسط، \dot{m} نرخ انتقال جرم در حین تغییر فاز، T تانسور تنش و γ کسر حجمی مایع میباشد، [۵]. لازم به ذکر است که در روابط مذکور فازها غیر قابل تراکم در نظر گرفته شدهاند.

در ادامه سه مدل متداول انتقال جرم که برای بدست آوردن نرخ تغییر فاز درطی پدیده کاویتاسیون مورد استفاده قرار گرفتهاند، معرفی و ارائه شده است.

۲-۱-معرفی مدلهای انتقال جرم

همان طور که پیشتر نیز اشاره شد، مدلهای انتقال جرم کانز^۱، زوارت^۲ وسینگال^۳ برای این تحقیق استفاده شده است. روابط ارائه شده توسط هر یک از مدلهای فوق به منظور برآورد سهم جرمی فاز مورد نظر (گاز یا مایع) در روابط ۴ تا ۶ به ترتیب برای مدلهای کانز ، سینگال و زوارت ارائه شده است.

$$\int \frac{C_{prod} \rho_{\nu} \gamma^{2} (1-\gamma)}{m^{+} = C_{prod} \rho_{\nu} \gamma^{2} (1-\gamma)}$$

$$\begin{cases} i_{\infty} \\ \dot{m}^{-} = \frac{C_{dest} \rho_{\nu} \gamma \min[0, P - P_{\nu}]}{(0.5 \rho_{l} U_{\infty}^{2}) t_{\infty}} \end{cases}$$
(f)

$$\dot{m} = \begin{cases} -C_e \frac{\sqrt{k}}{M} \rho_l \rho_v \sqrt{\frac{2}{3} \frac{P_v - P}{\rho_l}} (1 - f_v) & P < P_v \\ C_e \frac{\sqrt{k}}{M} \rho_l \rho_v \sqrt{\frac{2}{3} \frac{P_v - P}{\rho_l}} f_v & P > Pv \end{cases}$$
(Δ)

$$\dot{m} = \begin{cases} -F_e \frac{3r_{nuc}\gamma\rho_v}{R_B} \sqrt{\frac{2}{3}\frac{P_v - P}{\rho_l}} & P < P_v & \text{ight} \\ F_c \frac{3(1 - \gamma)\rho_v}{R_B} \sqrt{\frac{2}{3}\frac{P - P_v}{\rho_l}} & P > Pv & (\pounds) \end{cases}$$

مدل کانز بوسیله مرکل و همکارانش در سال ۲۰۰۰ ارائه شده است. این مدل بر اساس بقای دو مقدار جرمی بـرای مایع و گاز بنا شده، و اولین مدلی است که قادر به در نظـر

مدل سینگال و همکارانش در سال ۲۰۰۲ با نام مدل کاویتاسیون کامل ارائه گردید، [۷]. در این مدل نـرخ تغییر فازهای فوق از معادلات ریلی-پلست^۴ بدست آمده و اندازه حبابهای چگالیده شده هم محدود در نظر گرفته میشود. این روش نیز چون روش کانز از دو ضریب برای ایجـاد و از بین بردن حبابها استفاده می کند. رابطه (۵) در جدول (۱) معادلات مربوط به این مدل را نشان میدهد. در این روابط k انرژی جنبشی توربولانس، м ضریب کششی سطحی مایع، P_{v} فشار بخار بحرانی مایع در دمای مورد نظر و C_{e} و C_{c} نیز ثوابت تجربی میاشند و به ترتیب . در نظر گرفته شده است. $C_{_c}=0.01$ و $C_{_e}=0.02$ مدل کاویتاسیونی سوم نیز توسط زوارت و همکارانش در سال ۲۰۰۴ ارائه شده است. این مدل بر اساس رابطه ساده شده ریلی-پلست، برای دینامیک حباب بدست آمده است، [۶]. رابطه (۶) در جدول (۱) مربوط به این مدل میباشد. در این رابطه P_v فشار بخار، r_{nuc} کسر حجمی در محل شکل گیری هستهها بوده و R_B شعاع در محل شکل گیری هسته میباشد. F_e و Fنیز دو ضریب تجربی بوده که به ترتیب برای فرایندهای تبخیر و چگالش مورد استفاده قرار می گیرند. این مقادیر در رابطه پیشنهادی اولیه عبارتند از:

² Zwart

³ Singhal

 $F_{e} = 0.01$ g $F_{e} = 50$ $R_{B} = 10^{-6}m$ $r_{nuc} = 5 \times 10^{-4}$

⁴ Rayleigh - Plesset

۳– شبیهسازی عددی

به منظور مدلسازی پدیده کاویتاسیون با استفاده از مدلهای معرفی شده، دو هندسه ونتوری[۸] و روزنه[۹]، مورد بررسی قرار گرفته است. برای این منظور کد منبع باز اُپنفوم، مورد استفاده قرار گرفته و با اعمال مدلهای انتقال جرم در کد مذکور با استفاده از زبان ++ ^C حل عددی در هندسههای معرفی شده شبیهسازی و با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است.

الگوریتم حل در فرآیند شبیه سازی کاویتاسیون برای جریان داخل یک مجرای ونتوری شکل بر اساس یک الگوریتم اجرایی در کد مذکور ارائه شده است. در این الگوریتم پس از شروع هر شبیه سازی ابتدا مدل انتقال جرم انتخاب شده، سپس میدان جریان زمینه بر اساس یک حلگر موجود که عموما مربوط به یک جریان آشفته است، شبیه سازی می شود؛ پس از استخراج توزیع فشار در هار گام از حل بسته به نوع مدل کاویتاسیونی مقادیر انتقال جرم تبخیر و چگالش برای هر سلول محاسبه شده، رخـداد و یا عدم تشکیل کاویتاسیون و یا اضمحلال حبابها بخار ارزیابی می شود. نکته قابل توجه در تعیین و انتخاب مدل که در الگوریتم نیز نشان داده شده است تفاوت عمده روش مدل کاویتاسیون کامل ارائه شده توسط سینگال در مقایسه با دو روش دیگر است. این تفاوت در نیاز مدل سینگال به محاسبه مقدار انرژی جنبشی توربولانس است که باید از حل جریان به دست آمده و در روابط مدل جایگزین شود.

۳-۱-محدوده محاسباتی و شرایط مرزی ۳-۱-۱ - مساله ونتوری

اولین مسأله مورد مطالعه جریان داخل یک مجرای ونتوری است که بر اساس هندسه و آزمایشهای شاتز و ریبود، دارای زاویه همگرایی ۱۸ درجه و زاویه واگرایی حدود ۸درجه میباشد، [۸]. هندسه مورد بحث همراه با شبکهبندی و شرایط مرزی در شکل ۱ آمده است. میزان شبکهبندی و شرایط مرزی در شکل آمده است. میزان دیوار ونتوری بیشتر است. میزان تراکم در نزدیکی دیوار به دیوار ونتوری بیشتر است. میزان تراکم در نزدیکی دیوار به میزانی است که شرط $5^{> + y}$ را ارضا مینماید. در مرز ورودی مقدار سرعت مشخص شده و برابر در مرز این است. در این مرز

گرادیان فشار برابر صفر لحاظ شده است. در دیـوارههـای پایین و بالا شرط عدم لغزش اعمـال شـده است. در شـرط مرزی خروجی مقدار فشار ۱۰۰ کیلوپاسکال قرار داده شـده و گرادیان سرعت صفر در نظر گرفته میشود.

با توجه به شبیه سازی های موفق و گستردهای که از مدل $k^{-\varepsilon}$ در کاربردهای کاویتاسیونی انجام شده است؛ در تحقیق حاضر نیز مدل مذکور برای مدلسازی جریان آشفته بکار رفته است. در این مدل دو معادله انتقال، یکی برای انرژی جنبشی k و دیگری برای نرخ استهلاک انرژی جنبشی آشفته \mathfrak{F} بصورت همزمان حل می شوند.

با بررسی تعداد شبکههای مختلف در ونتوری، نتایج نشان میدهند که افزایش شبکه به بیش از ۷۵۹۹، تغییر محسوسی در نتایج ایجاد نمیکند. لذا این تعداد شبکه برای شبیهسازی انتخاب شده است.

محاسبه و مقایسه پارامتر میانگین زمانی کسر حجمی بخار در چهار مقطع عرضی به طولهای $x_1 = 13.7$, $x_1 = 31.5$, در چهار مقطع عرضی به طولهای $x_3 = 49.9$ و $x_3 = 49.9$ میلیمتر از ابتدای گلوگاه، انجام گرفته است، که مکان این مقاطع در شکل۲ نشان داده شده است.

۲-۱-۳ – مساله روزنه

هندسه دیگری که برای مطالعه جریان داخلی انتخاب شده روزنهی است که بر اساس آزمایشهای تجربی نوریک و همکارانش بر روی این هندسه انتخاب شده است،[۹]. شرایط مرزی و نمایی از شبکهبندی این روزنه در شکل (۳) نشان داده شده است. برای این مسأله با بررسی نتایج استقلال از شبکه، تعداد ۵۸۷۴ شبکه، در نظر گرفته شده است.



شکل (۱) شبکهبندی و شرایط مرزی ونتوری.



شکل (۲) مکان قرارگیری مقاطع عرضی ثبت اطلاعات.

دو فصلنامه علمی - پژوهشی دریافنون

برای این مساله نیز در مرز ورودی مقدار سرعت ثابت در نظر گرفته شده است. در این مرز گرادیان فشار برابر صفر لحاظ شده است. در دیـوارههای پایین و بالا شـرط عـدم لغزش اعمال شده و شرط مرزی خروجی مقدار فشار ثابت قرار داده شده و گرادیان سرعت صفر در نظر گرفته می شود. مدل بکار رفته در این هندسه نیز مـدل 3-k است؛ که برای مدلسازی جریان آشفته بکار رفته است. در شـرط مرزی خروجی مقدار فشار ۹۵۰۰ پاسکال قرار داده میشود و گرادیان سـرعت صفر در نظر گرفته مـیشود. در مـرز مودی طبق آنچه در کار آزمایشگاهی توصیه شـده است، مقدار فشار متناسب با تعیین عدد بیبعد کاویتاسیون مـورد نظـر بـین مقـادیر ۱۰^۸ ۲ و ۱۰^۸ ۲ پاسـکال انتخـاب می گردد. مدل دو فازی حجم سیال برای مدلسازی جریان دو فاز مورد استا.

نتایج مربوط به استقلال از شبکه برای این هندسه، در نمودار شکل (۴) آورده شده است. نتایج کیفی آورده شده در شکل (۵) جدایی کاواک ابری را به عنوان نمونه با استفاده از مدل عددی زوارت در گلوگاهی روزنه نمایش میدهد. در این شکل ابتدا یک کاواک کوچک در گلوگاه شکل میگیرد. این ابر کاواک کمکم رشد کرده تا به انتهای اوریفیس رسیده، سپس کاواکها در انتهای روزنه با گذشت زمان جدا می گردند. کاواکهای جدا شده، به پایین دست جریان منتقل شده و با افزایش فشار به مایع تبدیل میشوند.



شکل (۳) نمای شبکه بندی و شرایط مرزی درروزنه.



شکل (۴) بررسی استقلال از شبکه محاسباتی روزنه بر حسب سرعت جریان عبوری از آن.







در ادامه نتایج کمی بدست آمده از حل عددی مربوط به هر یک از مدلهای انتقال جرم مورد بحث آورده شده است. لازم به ذکر است که گام زمانی به گونهای تنظیم شده است که عدد کورانت همواره کوچکتر از ۲/۲ باشد تا همگرایی صحت نتایج از دقت مناسبی برخوردار باشند. در نمودارهای شکل زیر نتایج مربوط به ضریبتخلیه بدست آمده برای هر شکل زیر نتایج مربوط به ضریبتخلیه بدست آمده برای هر بازه فوقالذکر، بدست آمده، نمایش داده شده است، [۱۰]. این نتایج با نتایج آزمایشگاهی نوریک^۱ و همکارانش مقایسه شدهاند.

۴- نتایج بدست آمده از حل عددی

مشابه نمونه های متداول مدلسازی از روشهای مختلف و مبتنی بر مدلهای انتقال جرم [۱۱و ۱۲] نتایج کمی مربوط به کسر حجمی در مجرای ونتوری و مقدار ضریب تخلیه به عنوان مقادیر مورد بررسی در این تحقیق انتخاب و گزارش شده اند. که در ادامه به تفصیل ارائه می گردد.

۴-۱- بررسی توزیع کسر حجمی گاز مایع در ونتوری درصد کسر حجمی بخار در مقاطع مشخص شده ونتوری در نمودار شکل (۷) ارائه شده است. در این شکل محور عمودی نشاندهنده فاصله از دیوار در هر یک از مقاطع

مشخص شده شکل (۲) بوده و محور افقی نیز بیان کننده درصد کسر حجمی بخار در این مقاطع نسبت به فاصله آنها از گلوگاهی میباشد؛ به عنوان مثال برای اولین مقطع با فاصله 0.0137m از گلوگاه ونتوری و کسر حجمی بخار α ، مقادیر بدست آمده برای محور افقی از رابطه بخار $\alpha / 100$ بدست آمده است.

مقایسهای میان نتایج بدست آمده از حل عددی در هر یک از سه مدل مورد بررسی و آنچـه توسـط شـاتز و ریبـود در تحقیقات تجربی برای ونتوری گزارش شده، در نمودار شکل (۲) آمده است.



شکل (۷) مقایسه درصد کسر حجمی بخار بیش از ۵۰٪ در مقاطع ونتوری حاصل از شبیه سازی با نتایج آزمایشگاهی.

با توجه به نتایج بدست آمده از حل عددی با استفاده از هـر یک مدلهای انتقال جرم مورد بررسی مشاهده میشود کـه رفتار کلی هر سه مدل مورد بحـث بـا انـدکی خطـا مشـابه رفتـاری اسـت کـه دادههـای آزمایشـگاهی از خـود نشـان میدهند.

۴-۱-۱-بررسی کمّی مدلهای انتقال جرم در ونتوری

در مدل کانز دیده میشود که هرچند به طور کلی رفتار حل عددی مشابه دادههای آزمایشگاهی است، ولی نتایج بدست آمده در نزدیکی دیوار، نسبت به دادههای آزمایشگاهی دارای اختلاف است. به نظر میرسد مدل کانز در فاصله دورتر از نقطه گلوگاهی دارای جوابهای بهتری نسبت به فاصله نزدیکتر به گلوگاه میباشد و هر چه از گلوگاه ونتورری فاصله میگیریم ابرهای کاواک پیشبینی شده توسط مدل کانز به واقعیت نزدیکتر میشود.

برای مدل زوارت نیز رونـد کلـی تغییـرات بـرای هـر چهـار مقطع مشخص شده مشابه نتایج آزمایشگاهی است؛ بـا ایـن

تفاوت که روند تغییرات در مقطع دوم که در فاصله ۲۰/۳۱۵ متری از گلوگاه قرار دارد، درفاصله دورتری از دیواره روند کلی مورد نظر را نشان میدهد. که با توجه به شکلهای ابر کاواک به نظر میرسد این اختلاف به علت ایجاد ابر کاواک در فاصله بیشتری از دیوار و مجرای گلوگاهی توسط مدل مذکور باشد.

در مدل سینگال نیز نتایج به طور کلی مشابه دادههای تجربی است، هرچند که این مدل در مقاطع دورتر از گلوگاه نسبت به دو مدل قبلی دارای دقت کمتری میباشد؛ بعبارت دیگر دو مدل زوارت و کانز برای هندسه ونتوری دارای جوابهای بهتری نسبت به مدل سینگال میباشند.

نتایج کمّی موجود در نمودار مذکور به تفصیل در جداول ۲ تا ۴ آورده شده است. در این جداول مقادیر درصد میانگین زمانی کسر حجمی بخار حاصل از حل عددی (به ترتیب در سه مدل زوارت، کانز و سینگال) با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است.

به منظور قضاوت کلی در خصوص مقدار متوسط خطاها با در نظر گرفتن مقادیر موجود و به دست آمده حاصل از حل عددی برای تمامی مقاطع جریان عبوری ونتوری در مساله مورد نظر، جمعبندی جداول فوق بر اساس میانگین کل خطا در جدول (۵) ارائه شده است.

â	% خطای نسبی	% خطاینسبی	% خطای نسبی	%خطای نسبی
بارەئ	در مقطع ۱	در مقطع۲	در مقطع ۳	در مقطع ۴
نقطه	(x=13.7mm)	(x=31.5mm)	(x=49.9mm)	(x=67.7mm)
1	4.2	2.2	2	3.3
2	10.5	1	0.3	3.1
3	11.4	1.6	1.2	1.7
4	14.2	4.4	1.1	1.3
5	12.1	5.8	0.2	1.1
6	11.2	5.5	0.5	0.7
7	0.3	2.4	1.3	1.3
8	0.3	6.9	2.9	1.3
9	0.3	7.7	4.8	2
10	0.3	8.5	5.1	2.3

جدول (۲) مقایسه کسر حجمی مدل زوارت با تجربی.

، با تجربی.	سینگال	مدل	حجمى	کسر	مقايسه	(۳)	جدول
-------------	--------	-----	------	-----	--------	-----	------

شمار	% خطای نسبی	% خطاینسبی	% خطای نسیبی	%خطای
ونقد	در مقطـــع ۱	در مقطع۲	در مقطع ۳	نســــــــــــــــــــــــــــــــــــ
44	(x=13.7mm)	(x=31.5mm)	(x=49.9mm)	مقطع ۴
				(x=67.7mm)
1	1.9	3.8	3.9	3.3

دو فصلنامه علمی - پژوهشی دریافنون

$C = \frac{\dot{m}_{actual}}{V_b} = \frac{V_b}{V_b}$	
\dot{m}_{ideal} \dot{m}_{ideal} $2(P_0 - P_b)$	
$\sqrt{\rho}$	(Y)

در ایـن رابطـه V_b سـرعت خروجـی، P_0 فشـار اسـتاتیک ورودی، P_b فشـار خروجـی و ρ چگـالی مـایع را نشـان میدهد. در نمودار شکل (۸)، مقایسهای کیفی میـان نتـایج بدسـت آمده از حل عددی، برای هر سه مدل مورد بررسی، و آنچـه در کارهای آزمایشگاهی برای هندسه روزنـه بدسـت آمـده، نشان داده شده است.

در ونتورى.	عددي مدا ها د	مقايسه نتايح	حدول (۵)
در وندوري.		سايسه سايج	جتاون (۵)





شکل (۸) ضریب تخلیه مدل ها و نتایج تجربی در روزنه.

نتایج کمّی موجود در نمودار مذکور به تفصیل در جداول (۶) تا (۸) آورده شده است. در این جداول مقادیر ضریب تخلیه حاصل از حل عددی با نتایج آزمایشگاهی ارائه شده است. با توجه به این که C_d در شرایط مختلف در کار آزمایشگاهی بر اساس P_{in} تغییر کرده است، از همین رو برای شبیه سازی عددی در این مسئله نیز با توجه به عدد بیای شبیه سازی عددی در این مسئله نیز با توجه به عدد میناظر در نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. بنابراین میان داده های آزمایشگاهی مقایسه شده است. بنابراین انتقال جرم کانز، سینگال و زوارت، داده های متفاوتی گزارش شده است.

2	4	1	2.2	3.1
3	11.4	1.3	0.7	3.1
4	14.2	1.4	0.8	2.7
5	12.1	2.8	0.2	2.5
6	11.2	2.5	0.5	2.1
7	6.4	5.2	1.3	2.7
8	0.3	9.5	2.9	2.7
9	0.3	10.4	4.8	3.4
10	0.3	8.5	5.1	3.7

جدول (۴) مقایسه کسر حجمی مدل کانز نسبت به تجربی.

شم	% خطای نسبی	% خطاینسبی	% خطای نسبی	%خطای نسبی
اره ن	در مقطع ۱	در مقطع۲	در مقطع ۳	در مقطع۴
نطه	(x=13.7mm)	(x=31.5mm)	(x=49.9mm)	(x=67.7mm)
1	4.2	3.8	2	3.3
2	10.5	1	0.3	1.7
3	18.3	1.6	1.2	0.3
4	29.4	4.4	1.1	0.1
5	0.4	5.8	2.1	0.3
6	1.4	8.7	1.4	0.7
7	0.3	0.6	0.6	0.1
8	0.3	1.1	1	0.1
9	0.3	2	1	0.6
10	0.3	2.8	1.3	0.9

با توجه به کمترین میانگین درصدخطا در مدلها که مربوط به کانز و برابر ۲/۹۳٪ میباشد، این مدل برای نمونه ونتوری، بهترین نتیجه را در بر داشته است هر چند مدل زوارت نیز نتیجه مطلوبی و در حد ۲/۷۰٪ را نشان میدهد. در این میان مدل سینگال به عنوان آخرین اولویت برای این مسأله پذیرفته می شود. هر چند که نتایج هر سه مدل در محدوده قابل پذیرش حل عددی و با اختلاف ناچیزی نسبت به یکدیگر میباشند؛ لازم به توجه است که در شبیه سازی این مساله میانگین نتایج حاصل از هر سه حل عددی مقدار کمتر از ۵٪ خطا را شامل می شوند.

۲-۴- بررسی ضریب تخلیه روزنه

برای مقایسه کمّی شبیهسازی جریان عبوری در یک روزنه، نتایج تجربی گزارش شده توسط نوریک و همکارانش، [۹] استفاده شده است. که ضریب تخلیه روزنه پارامتر مورد بررسی در آن کار آزمایشگاهی میباشد. در حل عددی انجام شده برای بدست آوردن مقدار عددی ضریب تخلیه از رابطه زیر استفاده شده است:

نتایج جمعبندی شده در جدول (۹) ارائه شده است. با توجه به نتایج آورده شده در این جدول، کمترین مقدار در میانگین درصد خطا را مدل زوارت دارا می باشد. با توجه به کمترین میانگین درصدخطا در مدلها که مربوط به زوارت و برابر ۲/۴۸٪ میباشد، این مدل برای نمونه روزنه، بهترین نتیجه را در برداشته است، ولی این مقدار میانگین برای مدل کانز نیز نتیجه قابل قبولی را نشان میدهد. استفاده از مدل انتقال جرم سینگال در این مسأله و در مقایسه با دو مدل دیگر اختلاف قابل توجهی را با نتایج آزمایشگاهی آشکار می سازد.

جدول(۶) دادههای آزمایشگاهی و مدل زوارت برای روزنه.

$C_d(CFD)$	$C_d^*(Exp)$	درصد خطای نسبی%
0.8	0.79	2.12
0.81	0.79	2.45
0.74	0.73	1.66
0.69	0.73	4.55
0.69	0.7	1.24
0.67	0.68	1.24
0.66	0.67	0.96
0.62	0.64	3.43
0.6	0.63	4.68

جدول (۷) دادههای آزمایشگاهی و مدل سینگال برای روزنه.

$C_d(CFD)$	$C_d^*(Exp)$	خطای نسبی%
0.72	0.79	8.84
0.62	0.77	20.07
0.67	0.73	8.96
0.56	0.64	11.34
0.61	0.68	10.16
0.51	0.63	17.56
0.66	0.65	1.03
0.51	0.63	18.72
0.64	0.71	11.41

جدول (۸) دادههای آزمایشگاهی و مدل کانز برای روزنه.

$C_d(CFD)$	$C_d^*(Exp)$	خطای نسبی%
0.82	0.73	10.91
0.82	0.73	11.03
0.78	0.72	8.52
0.73	0.7	4.7
0.68	0.68	0.7
0.67	0.68	0.8
0.64	0.65	2.81
0.63	0.64	1.11
0.62	0.64	2.38

جدول (۹) نتایج حل عددی مدلهای کاویتاسیون در روزنه.

میانگین درصد خطای نسبی ضریب تخلیه	نام مدل
2.48	زوارت
12.01	سینگال
4.77	كانز

۵- نتیجه گیری

قطعی نبودن انتخاب مدل انتقال جرم مناسب در شبیه سازی پدیده کاویتاسیون و عدم درک نحوه تأثیر دقیق و نهایی هر یک از مدلهای انتقال جرم برای پیش بینی کاویتاسیون در جریانهای داخلی، مبنای بررسی دو هندسه متداول روزنه و ونتوری در این تحقیق بوده است. با پیاده سازی، توسعه و اجرای کدهای مربوط به مدلهای مختلف انتقال جرم سه گانه کانز، زوارت و سینگال، در مقایسه با تحقیقات دیگر که عمدتا به بررسی یکی از این مدلها می پردازند، وضعیت میزان خطای هر یک از این کدها، بدون اصلاح و با بکارگیری ضرایب استاندارد به دست آمده است. نتایج آزمایشگاهی حاصل از تحقیقات دیگر با نتایج حل عددی توسعه داده شده با هر سه مدل کانز، زوارت و سینگال مقایسه شده است. نتایج بدست آمده از شبیه سازیهای عددی برای مسائل مذکور نشاندهنده دقت قابل قبول این مدلها، به ویژه دو مدل کانز و زوارت، با نتایج تجربی است. با توجه به مقایسه نتایج در این دو مسأله نمونه، اولویت خاصی بین مدل انتقال جرم کانز و زوارت با خطای میانگین کمتر از ۵٪ مشاهده نمی شود، در حالی که نتایج مدل سینگال با ضرایب استاندارد، خطای متوسط بسیار بیشتری با دادههای تجربی نشان میدهد. در نتیجه استفاده از ضرایب استاندارد در نمونههای شبیهسازی شده با مدلهای انتقال جرم کانز و زوارت برای جریانهای مشابه مناسب برآورد می گردد؛ در حالی که مشاهده خطای متوسط بالای ۱۰ درصد در مدل سینگال، اصلاح ضرایب ثابت این مدل را برای استفاده در تحقیقات مشابه بعدی ضروری میسازد.

۶- فهرست علائم

- ضریب تخلیه بدست آمده از حل عددی C_{d}
- خریب تخلیه موجود از داده های تجربی C_d^*
- ضریب فشار بدست آمده از حل عددی C_{n}
- ضریب فشار موجود از داده های تجربی C_p^{*}

Turbulence and Mass Transfer Models", Applied Mathematical Modelling, Vol.40, No.1, pp.542–564, 2016.

[12] Morguta M., Nobilea E., Bilušb I., "Comparison of Mass Transfer Models for the Numerical Prediction of Sheet Cavitation Around a Hydrofoil", International Journal of Multiphase Flow, Vol.37, No.6, pp. 620– 62, 2011.

فاز بخار
$$\upsilon$$

۷- مراجع

- [1] Brennen E., "Cavitation and Bubble Dynamics Christopher". California -New York: California Institute of Technology Pasadena, 1995.
- [2] Palau S.G., González A.P., Arviza V.J., "Numerical Modeling of Cavitating Flows for Simple Geometries", J Spanish Research, pp.460-469, 2007
- [3] Morgut M., Nobile E.,Bilus I., "Comparison of Mass Transfer Models for the Numerical Prediction of Sheet Cvitation Around a Hydrofoi", Multiphase Flow, pp.620-626, 2011.
- [4] Wei-guo Z., Ling-xin Z., "Numerical Simulation of Cavitation Flow under High Pressure and Temperature", Hydrodynamics, pp.289-294, 2011.
- [5] Singhal A.K., Li N.H., Athaval M., Jiang Y., "Mathematical Basis and Validation of the Full Cavitation Model", FEDSM2001-18015,USA: Proceeding of FEDSM 01, ASME Fluids Engineering Division Summer Meeting, 2001.
- [6] Brennen C.E., "Fundamentals of Multiphase Flows", Cambridge Univ. Press, 2005.
- [7] Brown D.L., Cortez., "Accurate Projection Methods for the Incompressible Navier-Stokes Equations", J. of Computational Physics, n.d.J. of Computational Physics, 2001.
- [8] Stutz B., Reboud J.L., "Experiments on Unsteady Cavitation, Experiments in Fluids", Flight, Vol. 22, No.191-198, 1997.
- [9] Nurick W.H., "Orifice Cavitation and its Effect on Spray Mixing.," J Fluids Eng, pp. 681-687, 1976.
- [10] Bernard S., Susan R.R., Usan R., Muntean R., Anton I., "Numerical Analysis of the Cavitating Flow", Proceeding of the Romanian Academy, Series A, Vol.7, No.1, 2006.
- [11] Roohi E., Pendar M., Rahimi A."Simulation of Three-Dimensional Cavitation Behind a Disk using Various