

استفاده از تئوری تصمیم‌گیری مبتنی بر شکاف اطلاعاتی برای حل مسئله پخش بهینه توان مقید به پایداری ولتاژ در حضور مزارع بادی

عباس ریبعی^۱، استادیار، احسان هوشمند^۱، دانشجوی کارشناسی ارشد، سامان نیکخواه^۱، دانشجوی کارشناسی ارشد

۱- گروه برق، دانشکده مهندسی- دانشگاه زنجان- زنجان- ایران

Email: rabiee@znu.ac.ir^۱, ehsanhooshmand@znu.ac.ir^۲, s.nikkhah@znu.ac.ir^۳

چکیده: در این مقاله به مطالعه و بررسی مسئله پخش بار بهینه مقید به پایداری ولتاژ در حضور عدم قطعیت موجود در تولید توان از مزارع بادی پرداخته شده است. با توجه به غیرقطعی بودن تولید توان مزارع بادی، روشی پیشنهاد می‌شود که به ازای یک حد مجاز برای افزایش هزینه نسبت به مقدار پایه، بالاترین میزان از عدم قطعیت برای تولید توان از مزارع بادی را مشخص کند. این میزان عدم قطعیت با در نظر گرفتن مقدار مشخصی از حاشیه بارگذاری شبکه تعیین می‌شود. لازم به ذکر است که حاشیه بارگذاری مهم‌ترین شاخص ارزیابی پایداری ولتاژ است که فاصله نقطه کار فعلی شبکه را از نقطه فربوایشی ولتاژ تعیین می‌کند. بدین منظور از روش تئوری تصمیم‌گیری مبتنی بر شکاف اطلاعاتی برای مدیریت ارتباط بین عدم قطعیت در تولید توان از مزارع بادی و حد بارگذاری شبکه استفاده می‌شود. مدل ارائه شده بر روی شبکه IEEE ۳۹ و ۱۱۸ شینه و در محیط نرم افزار بهینه‌سازی GAMS پیاده‌سازی شده است. به منظور ارزیابی کارایی مدل ارائه شده، نتایج حاصل از آن با نتایج به دست آمده از روش شبیه‌سازی مونت کارلو مقایسه شده‌اند. نتایج شبیه‌سازی، نشان می‌دهد که رهیافت بهینه و مقاوم برای لحاظ نمودن همزمان عدم قطعیت و پایداری ولتاژ در مسئله پخش بار بهینه است.

واژه‌های کلیدی: پخش بار بهینه (OPF)، تولید توان بادی، تئوری تصمیم‌گیری مبتنی شکاف اطلاعاتی (IGDT)، عدم قطعیت، پایداری ولتاژ، حاشیه بارگذاری.

Application of Information Gap Decision Theory for Solution of Voltage Stability Constrained Optimal Power Flow in the Presence of Wind Farms

A. Rabiee¹, Assistant Professor, E. Hooshmand¹, MSc, S. Nikkhah¹, MSc.

1- Faculty of Electrical and Computer Engineering, University of Zanjan, Zanjan, Iran
rabiee@znu.ac.ir¹, ehsanhooshmand@znu.ac.ir², s.nikkhah@znu.ac.ir³

Abstract: This paper deals with the Voltage Stability Constrained Optimal Power Flow (VSC-OPF) problem in the presence of wind power generation uncertainty. Due to the uncertain nature of wind power generation, an approach is proposed that determines the maximum uncertainty of wind power generation for give a percentage of total cost increase. This maximum uncertainty is determined in a way that a desired loading margin (LM), is satisfied. It is worth to note that LM is the most important measure of voltage stability which reflects the distance from the current operating point to the voltage collapse point. For this aim, Information Gap Decision Theory (IGDT) is utilized to handle the uncertainty of wind power generation and voltage stability in the proposed VSC-OPF model. The proposed model is implemented on the IEEE 39 and 118-bus standard test systems, and solved by General Algebraic Modeling System (GAMS) optimization software. In order to evaluate the effectiveness of the proposed methodology for uncertainty handling, the results obtained by IGDT technique are compared with Monte Carlo Simulations (MCS). The simulation results imply that the uncertainty radius and the desired LM have an inverse relationship, such that for a given percentage of cost increase, the radius of uncertainty decreases with respect to the increase of the desired LM.

Keywords: Optimal power flow (OPF), wind power generation, information gap decision theory (IGDT), uncertainty, voltage stability, loading margin (LM).

تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۴/۶/۱۶

تاریخ اصلاح مقاله: ۱۳۹۴/۸/۱۵

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۴/۱۱/۳

نام نویسنده مسئول: عباس ریبعی

نشانی نویسنده مسئول: ایران - زنجان - بلوار دانشگاه زنجان - دانشگاه زنجان - دانشکده مهندسی، گروه برق

۱- مقدمه

چارچوب کنترلی جامع بهمنظور دستیابی به حاشیه بارگذاری قابل اطمینان در حالی که هزینه کنترل مربوطه کمینه شود مطرح شده است. در مرجع [۱۱]، با جایابی شین‌هایی در سیستم که حساسیت بیشتری به پایداری ولتاژ دارد، مکان و ظرفیت مزارع بادی به گونه‌ای تعیین شده است که بهبود حاشیه پایداری ولتاژ شبکه کمک کند.

همان‌طوری که اشاره شد استفاده از انرژی باد مزایای زیادی همچون کم کردن هزینه تأمین انرژی و عدم آلودگی زیست‌محیطی دارد. از طرفی دیگر، عدم قطعیت ذاتی موجود در تولید انرژی از باد، عملکرد سیستم‌هایی که از این انرژی برای پاسخ به تقاضای بار استفاده می‌کنند را تحتتأثیر قرار داده است [۱۲]. در مراجع [۱۳]، عدم قطعیت انرژی باد با استفاده از روش ستاریو بنیان^۴ مدل‌سازی و مورد مطالعه قرار گرفته است. به این صورت که به وسیله یک پخش بار بهینه، مقدار توان اکتیو و راکتیو تولیدی توسط واحدهای بخاری و بادی موجود در سیستم تعیین شده است. ادغام عدم قطعیت تولید انرژی بادی با مسئله در مدار قرار دادن نیروگاه‌های مقید به امنیت (SC-UC^۵) سیستم موضوعی چالش‌برانگیز است که در مراجع [۱۴] و [۱۵] مورد بررسی قرار گرفته است. عدم قطعیت در پارامترها و متغیرهای تصمیم‌گیری یکی از اصلی‌ترین نگرانی‌های بهره‌برداران شبکه قدرت است [۱۶]. در مرجع [۱۷]، بهمنظور کاهش اثر عدم قطعیت در تولید توان از مزرعه بادی و تأثیر آن بر روی بازار، مدل جدیدی برای بهره‌برداری هماهنگ مزارع بادی و واحدهای تلمبه ذخیره، ارائه شده است.

تئوری تصمیم‌گیری بر مبنای شکاف اطلاعاتی (IGDT)^۶ یکی از روش‌های توانمند در توصیف عدم قطعیت است. برخلاف روش‌هایی نظریه مونت‌کارلو^۷ و برنامه‌ریزی تصادفی (ستاریو بنیان)، این روش نیازی به تابع چگالی احتمال پارامترهای غیرقطعی مسئله ندارد و برای تصمیم‌گیری‌های مقاوم در برابر عدم قطعیت‌های شدید استفاده می‌شود. همچنین برخلاف روش بهینه‌سازی مقاوم (RO^۸)، این روش نیازی به تعیین حداقل شاعر عدم قطعیت برای پارامترهای غیرقطعی نداشته و از این نظر انعطاف‌پذیری بیشتری دارد [۱۸]. درواقع، روش IGDT به دنبال تعیین حداقل شاعر عدم قطعیت مجاز برای پارامترهای غیرقطعی مسئله است، به گونه‌ای که تابع هدف مسئله در محدوده مجاز تعیین شده توسط تصمیم‌گیر باقی بماند. در مرجع [۱۹]، از IGDT برای کمک به بهره‌بردار شبکه در انتخاب منابع مناسب تولید توان جهت پاسخ به تقاضای متغیر بار مصرف کنندگان استفاده شده است. در مرجع [۲۰]، از IGDT بهمنظور کمینه کردن هزینه با در نظر گرفتن عدم قطعیت انرژی باد استفاده شده است. در مرجع [۲۰]، از IGDT برای شناسایی استراتژی بهینه خرید از منابع موجود با هدف مقاوم بودن این استراتژی در بازار برق با استفاده از IGDT بررسی شده است. در مرجع [۲۱]، عدم قطعیت در بازار برق با استفاده از IGDT بهمنظور کمک به بهره‌بردار شبکه توزیع در انتخاب منابع قابل اعتماد برای پاسخ به بار

امروزه با توجه به وجود چالش‌های اقتصادی، زیست‌محیطی و رشد سریع تقاضای انرژی، متولیان شبکه‌های قدرت به دنبال بهره‌برداری بهینه از شبکه تولید و انتقال موجود هستند. تلافات بالا و راندمان پایین شبکه‌های اولیه ضرورت نیاز به اصلاح آن‌ها را افزایش می‌دهد. با توجه به بار مالی تعویض تجهیزات و توسعه شبکه، راهکار اقتصادی تر اصلاح شبکه موجود است. در این میان مطرح شدن مسائلی چون هزینه سوخت، روند روبه‌افزایش گرمایش زمین، آلودگی‌های زیست‌محیطی ناشی از مصرف سوخت‌های فسیلی و مسئله امنیت انرژی باعث رویکرد پسر به منابع جدید و تجدیدپذیر انرژی برای اصلاح شبکه و تولید انرژی شده است. انرژی باد به عنوان یک منبع انرژی تجدیدپذیر، دارای پتانسیل‌های زیادی برای کاهش مشکلات مطرح شده است.

از سویی دیگر، در خواست روزافزون برای انرژی، مسائل اقتصادی و زیست‌محیطی در توسعه ظرفیت سیستم‌های قدرت و افزایش فشارها بر کاهش هزینه، سیستم‌های قدرت را به بهره‌برداری در شرایط نزدیک‌تر به حدود پایداری، بهویژه پایداری ولتاژ سوق داده است [۱]. با توجه به این مسائل یکی از اهداف اصلی بهره‌بردار شبکه (SO^۹)، کمینه کردن هزینه تولید انرژی، با در نظر گرفتن محدودیت‌های شبکه، به خصوص حدود پایداری آن است [۲]. با توجه به محدود بودن حد انتقال توان در خطوط انتقال و همچنین محدودیت در تولید انرژی و افزایش روزافزون تقاضای انرژی، فشار بر سیستم انتقال افزایش یافته است. با بهره‌برداری شبکه در حداقل سطح انتقال توان، احتمال ناپایداری ولتاژ افزایش پیدا می‌کند [۳، ۴].

پایداری ولتاژ یک جزء حیاتی از پایداری سیستم است که تحت تأثیر الگوی تولید توان‌های حقیقی و راکتیو از منابع انرژی و همچنین سطح بار سیستم قرار دارد [۵]. مهم‌ترین شاخص برای ارزیابی میزان پایداری ولتاژ یک سیستم، شاخص حد بارپذیری (LL) است. این شاخص به میزان افزایش مجاز بار سیستم از نقطه کار فعلی تا نقطه بحرانی (یا نقطه فروپاشی ولتاژ)^{۱۰} به شرطی که هیچیک از قیود بهره‌برداری سیستم نقض نشود، اطلاق می‌شود [۶]. در مرجع [۱]، با در نظر گرفتن حد بارپذیری، یک حاشیه پایداری مجاز برای سیستم در نظر گرفته شده است؛ تا در هنگام بروز اختلالاتی همچون خروج ناگهانی یک خط، سیستم از حاشیه بارپذیری مناسب برخوردار بوده و به سمت فروپاشی ولتاژ نرود. در مرجع [۷] با انجام یک پخش بار ضرایب تابع درجه دو به دست می‌آید که از آن در تقریب منحنی‌های PV جهت به دست آوردن حاشیه پایداری ولتاژ استفاده شده است. اثر تغییر استراتژی‌های تولید و کنترل انرژی بادی بر روی پایداری ولتاژ در مرجع [۵] بررسی شده است، بهصورتی که کنترل ولتاژ ترمینال حاشیه بارگذاری را افزایش می‌دهد. یک روش جدید پخش بار بهینه توان راکتیو مقید به امنیت ولتاژ جهت تضمین حاشیه بارگذاری مناسب در مرجع [۸] استفاده شده است. در مرجع [۹]، با هماهنگ‌سازی منابع تأمین توان راکتیو حاشیه بارگذاری بهبود یافته است. در مرجع [۱۰]، یک

روش IGDT بر روی آن اختصاص خواهد داشت. در بخش پنجم نتایج شبیه‌سازی ارائه می‌شود. درنهایت، بخش ششم به جمع‌بندی و نتیجه‌گیری از مقاله خواهد پرداخت.

۲- پارامتر بارگذاری و شاخص حد بارپذیری

در این مقاله از پخش بار بهینه مقید به حد بارپذیری (یا حاشیه بارگذاری) استفاده شده است. در این روش با استفاده از پارامتر بارگذاری (λ)، معادلات پخش بار در نقطه فروپاشی ولتاژ (نقطه دماغه منحنی P-V) به همراه معادلات پخش بار در نقطه کار فعلی شبکه به صورت همزمان نوشته می‌شوند. برای توضیح بیشتر این مطلب شکل ۱ را در نظر بگیرید. در این شکل که منحنی P-V در یک شین بار دلخواه از سیستم را نشان می‌دهد، نقطه A نقطه کار فعلی سیستم است که در آن بار برابر P_{D0} است. با افزایش بار در شین‌های بار، نقطه کار سیستم بر روی منحنی P-V از A به B حرکت می‌کند. نقطه B نقطه زانوی منحنی یا همان نقطه فروپاشی ولتاژ است که به آن نقطه حد بارپذیری نیز اطلاق می‌شود. به فاصله بین نقاط A و B نیز اصطلاحاً حاشیه بارگذاری (یا حد بارپذیری) گفته می‌شود.

همان‌طور که می‌دانیم تا زمانی که ژنراتورها به حدود توان راکتیو خود نرسند، به دلیل عملکرد خودکار و حلقه بسته سیستم کنترل تحریک، ولتاژ شین‌های ژنراتوری ثابت خواهد بود. با افزایش بار در شین‌های بار، توان راکتیو خروجی ژنراتورها نیز افزایش می‌یابد و به تدریج به حد بالای خود یعنی Q_G^{\max} ، می‌رسد. در یک سیستم چندماشینه، پس از اینکه به دلیل افزایش بار، ژنراتوری به حد بالای توان راکتیو خود رسید، قابلیت ثبتیت ولتاژ ترمینال خود را از دست خواهد داد و با ادامه افزایش بار، ولتاژ ترمینال این ژنراتور به تدریج کاهش خواهد یافت. با از دست رفتن قابلیت ثبتیت ولتاژ یک ژنراتور، نرخ کاهش ولتاژ در شین‌های بار افزایش می‌یابد (به بیان دیگر با حرکت از نقطه A به B به تدریج شبکه مشخصه P-V بیشتر می‌شود) که این مسئله بر روی توان راکتیو خروجی سایر واحدهای تولیدی نیز تأثیر گذاشته و روند رسیدن آن‌ها به حد بالای توان راکتیو تولیدی مربوط به خود را تسريع می‌کند. با ادامه روند افزایش بار، به تدریج سایر واحدهای ژنراتوری نیز به حدود توان راکتیو خود خواهند رسید و با از دست رفتن قابلیت کنترل ولتاژ شبکه، پدیده فروپاشی ولتاژ رخ می‌دهد. این شرایط متناظر با نقطه B در شکل ۱ است.

HASHIYE_BARGAZARI_MASNAH_MARZEH_BARDARIE

Hashiye بارگذاری مناسب می‌تواند از فروپاشی ولتاژ در هنگام بروز اختلال ناگهانی نظیر افزایش بار یا خروج تجهیزات، جلوگیری نماید. همان‌طور که در بخش چهارم نیز اشاره خواهد شد، می‌توان معادلات پخش بار در نقطه حد بارپذیری را بر حسب پارامترهای نقطه کار فعلی سیستم و پارامتر بارگذاری (λ) نوشت. از این‌رو می‌توان مقدار حداقل λ را به‌گونه‌ای در نظر گرفت که فاصله کافی و مناسبی میان نقطه کار فعلی سیستم و نقطه فروپاشی ولتاژ وجود داشته باشد.

شبکه پیشنهاد شده است. مراجع [۲۳] و [۲۴] روشی را برای به دست آوردن استراتژی مناقصه در بازار برق برای مصرف‌کنندگان بزرگ با استفاده از IGDT ارائه داده‌اند. یک روش ترکیبی مبتنی بر بهمنظر توسعه استراتژی مناقصه بهینه در مرجع [۲۵] ارائه شده است. در مرجع [۲۶]، روشی مقاوم مبتنی بر IGDT برای مشارکت بهینه مزارع بادی در بازار برق با در نظر گرفتن عدم قطعیت توان آن‌ها و قیمت برق بازار ارائه شده است.

با توجه به مطالب پیشین، ملاحظه می‌شود که مسئله پخش بار بهینه مقید به پایداری ولتاژ (VSC-OPF^۱) و مسئله وجود عدم قطعیت در منابع انرژی تجدیدپذیر، یا عمدتاً به صورت مستقل از هم مورد بررسی قرار گرفته‌اند و یا اینکه با استفاده از روش‌هایی نظری ساری‌بوبنیان مطالعه شده‌اند که نیاز به اطلاعات زیادی از پارامترهای غیرقطعی شبکه دارد. این اطلاعات یا عموماً در دسترس نیست و یا به طور مستمر در حال تغییر الگوست؛ اما بررسی ارتباط بین حد بارپذیری (یا پایداری ولتاژ) و عدم قطعیت در تولید انرژی از منابع انرژی تجدیدپذیر، موضوعی است که کمتر بدان پرداخته شده است و می‌توان آن را انگیزه این مقاله برای پرداختن به این مسئله قلمداد نمود.

در این مقاله، مسئله پخش بار بهینه توان با توجه به عدم قطعیت در تولید توان از مزرعه بادی و ارتباط آن با حد بارپذیری مورد بررسی قرار می‌گیرد. به این صورت با در نظر گرفتن یک مدل مقاوم و ریسک‌گیریز (RA^۲)، با تعیین حداقل شعاع (یا مقدار) عدم قطعیت انرژی قابل استحصال از باد به ازای مقدار مجازی از افزایش هزینه بهره‌برداری، حد بارپذیری مشخصی نیز تأمین می‌شود. خروجی این مسئله، مقدار بهینه توان تولیدی واحدهای نیروگاهی شبکه است که به طور همزمان هم عدم قطعیت موجود منابع تجدیدپذیر و هم حد بارپذیری در تعیین آن‌ها نقش داشته‌اند، درنتیجه برنامه تولید توان نیروگاه‌ها، مقاوم به عدم قطعیت و این‌من در برابر ناپایداری ولتاژ خواهد بود. لذا مهم‌ترین نوآوری‌های این مقاله عبارت‌اند از:

- تحلیل حساسیت بهمنظر نشان دادن تأثیر تغییرات حد بارپذیری مجاز و میزان عدم قطعیت تولید توان مزارع بادی بر روی هزینه تأمین انرژی در سیستم.
- ارائه یک مدل جامع برای مسئله VSC-OPF با در نظر گرفتن پارامتر حاشیه بارگذاری و به کارگیری روش IGDT برای تعیین توان خروجی بهینه نیروگاه‌ها با در نظر گرفتن همزمان عدم قطعیت موجود در تولید توان از مزارع بادی و همچنین قیود مربوط به پایداری ولتاژ شبکه.
- تحلیل حساسیت میزان عدم قطعیت تولید توان از مزارع بادی نسبت به سطوح مختلفی از حد بارپذیری مجاز شبکه.
- ادامه این مقاله به صورت زیر سازماندهی شده است: در بخش دوم به معرفی پارامتر بارگذاری و مفهوم شاخص حد بارپذیری پرداخته خواهد شد. اصول روش IGDT در بخش سوم معرفی خواهد شد. در بخش چهارم به ارائه مدل پخش بهینه توان مقید به پایداری ولتاژ و اعمال

$$H_i(X, \bar{\gamma}) \leq 0, \quad \forall i \in \Omega_I \quad (7)$$

$$G_j(X, \bar{\gamma}) = 0, \quad \forall j \in \Omega_E \quad (8)$$

با استفاده از خروجی به دست آمده از معادلات (۷)-(۸) مقدار پایه تابع هدف به دست می‌آید. بهیان دیگر، مقدار تابع هدف با فرض این که پارامتر غیرقطعی دقیقاً برابر مقدار پیش‌بینی شده (یا مقدار تخمین زده شده) خود باشد به دست می‌آید. چنانچه پارامتر غیرقطعی از مقدار پیش‌بینی شده خود متفاوت باشد، تصمیم‌گیرندگان با دو استراتژی مختلف مواجه هستند.

استراتژی ریسک گریز (RA): این استراتژی مربوط به حالتی است که عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی اثر نامطلوبی بر روی تابع هدف مسئله داشته باشد. بهیان دیگر تحقق واقعی پارامتر غیرقطعی، باعث افزایش تابع هدف از مقدار پایه خود شود. لذا این استراتژی به دنبال این است که به ازای یک مقدار مشخص و از پیش تعیین شده‌ای برای بدتر شدن تابع هدف از مقدار پایه خود، حداقل مقدار شعاع عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی را بیابد. این بدین معنی است که مقادیر بهینه متغیرهای تصمیم‌گیری به‌گونه‌ای تعیین می‌شوند که حداقل شعاع عدم قطعیت ممکن برای پارامتر غیرقطعی به ازای یک مقدار مشخصی از افزایش تابع هدف، به دست آید.

استراتژی ریسک جو (RS¹²): عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی همواره سبب بدتر شدن تابع هدف نمی‌شود. در این استراتژی، تحقق واقعی پارامتر غیرقطعی نه تنها اثر نامطلوبی بر روی مقدار تابع هدف ندارد، بلکه مقدار واقعی پارامتر غیرقطعی باعث کاهش تابع هدف از مقدار پایه خود می‌شود. درواقع در این استراتژی، تصمیم‌گیرنده به دنبال دست‌یابی به تابع هدفی کمتر از مقدار پایه، بر اثر تغییرات مثبت پارامتر غیرقطعی است.

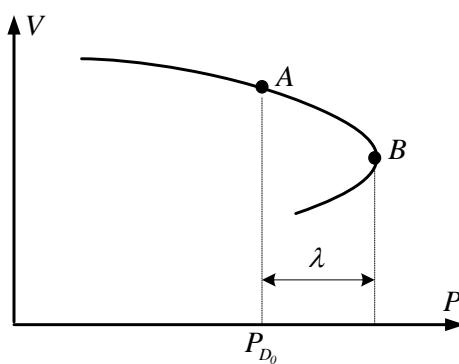
۱-۳- استراتژی ریسک گریز

این استراتژی تابع هدف را در برابر امکان خطأ در پیش‌بینی پارامتر غیرقطعی ورودی مقاوم می‌سازد [۲۷]. این استراتژی عموماً توسط تصمیم‌گیرندگان محافظه‌کار استفاده می‌شود. مجموعه متغیرهای تصمیم‌گیری باید به‌گونه‌ای به دست آید که تابع هدف واقعی (f) در برابر انحراف پارامتر غیرقطعی $\bar{\gamma}$ نسبت به مقدار پیش‌بینی شده $\bar{\gamma}$ به صورت بهینه محاسبه شود. زمانی که تابع هدف در برابر حداقل شعاع عدم قطعیت اینماسازی شود، تصمیم‌گیری مقاوم به دست می‌آید. بهیان دیگر، تصمیم‌گیرنده مطمئن خواهد بود که به ازای تغییرات پارامتر غیرقطعی در محدوده شعاع عدم قطعیت به دست آمده، مقدار تابع هدف از حد مجازی که برای تعیین شعاع عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی در نظر گرفته شده است، تجاوز نخواهد کرد. روابط ریاضی توصیف‌کننده این استراتژی به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\mathfrak{R}_C = \max_{X, \alpha} \alpha \quad (9)$$

$$H_i(X, \bar{\gamma}) \leq 0, \quad \forall i \in \Omega_I \quad (10)$$

$$G_j(X, \bar{\gamma}) = 0, \quad \forall j \in \Omega_E \quad (11)$$



شکل ۱: مفهوم حاشیه بارگذاری و حد بارپذیری بهوسیله منحنی V

۳- اصول روش تئوری تصمیم‌گیری بر مبنای شکاف اطلاعاتی (IGDT)

در این مقاله، از مدل IGDT ارائه شده در مرجع [۱۶] برای بررسی عدم قطعیت تولید توان مزارع بادی و ارتباط آن با حد بارپذیری استفاده شده است. روش پیشنهادی به هیچ اطلاعات اضافی نظیر تابع چگالی احتمال متغیرهای تصادفی نیازی ندارد. برخلاف روش برنامه‌ریزی تصادفی که متغیرهای خروجی به سناریوهای احتمالی وابسته هستند، پاسخ به دست آمده از روش IGDT دقیق و کارآمد است. در ادامه، این روش به طور مختصر توضیح داده می‌شود. مسائل بهینه‌سازی عموماً به صورت زیر بیان می‌شوند:

$$f = \min_X (f(X, \gamma)) \quad (1)$$

$$H_i(X, \gamma) \leq 0, \quad \forall i \in \Omega_I \quad (2)$$

$$G_j(X, \gamma) = 0, \quad \forall j \in \Omega_E \quad (3)$$

$$\gamma \in \Gamma \quad (4)$$

در معادلات فوق، γ پارامتر غیرقطعی ورودی است. همچنین، Γ مجموعه عدم قطعیت‌ها در رفتار پارامتر غیرقطعی ورودی را توصیف می‌کند. پارامتر X مجموعه متغیرهای تصمیم‌گیری مسئله است. تابع هدف (۱) که با $f(X, \gamma)$ نشان داده شده است، در حالت کلی هم به متغیر تصمیم‌گیری X و هم به پارامتر غیرقطعی γ وابسته است. توصیف ریاضی مجموعه عدم قطعیت به صورت زیر است:

$$\Gamma = \Gamma(\bar{\gamma}, \alpha) = \left\{ \gamma : \left| \frac{\gamma - \bar{\gamma}}{\bar{\gamma}} \right| \leq \alpha \right\}. \quad (5)$$

در این معادله $\bar{\gamma}$ مقدار پیش‌بینی شده پارامتر غیرقطعی است. همچنین، α مقدار حداقل انحراف ممکن پارامتر غیرقطعی از مقدار پیش‌بینی شده خود است که به آن شعاع عدم قطعیت (یا پارامتر عدم قطعیت) نیز اطلاق می‌شود.

یک استراتژی متقابل با در نظر گرفتن معادلات (۴)-(۱) و با فرض این که پارامتر غیرقطعی هیچ انحرافی از مقدار پیش‌بینی شده خود نداشته باشد، به صورت زیر توصیف می‌شود. به این حالت اصطلاحاً حالت پایه (BC¹¹) اطلاق می‌شود:

$$f_b = \min_X (f(X, \bar{\gamma})) \quad (6)$$

۱-۴- مدل پخش بهینه توان مقید به پایداری ولتاژ

• تابع هدف

تابع هدف مسئله OPF حداقل کردن هزینه پرداخت شده برای برقاری تعادل انرژی در شبکه است که به صورت معادله (۱۶) تعریف می‌شود.

$$TC = \min \left\{ \sum_{\forall i} F_i(P_{G_i}) \right\} \quad (16)$$

تابع هزینه سوخت ($\$/\text{kWh}$) واحد حرارتی W است که معمولاً به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$F_i(P_{G_i}) = a_i P_{G_i}^2 + b_i P_{G_i} + c_i \quad (17)$$

• قیود تساوی و نامساوی پخش بار

تابع هدف (۱۶) با توجه به قیود تساوی و نامساوی پخش بار، بهینه می‌شود. این قیود عبارت‌اند از قیود تساوی پخش بار و حدود بهره‌برداری و فیزیکی نظیر حدود ولتاژها، توان‌های راکتیو و غیره. نظر به اینکه مدل OPF ارائه شده مقید به پایداری ولتاژ است و با توجه به توضیحاتی که در بخش دوم در خصوص استفاده از شاخص حاشیه بارگذاری (یا حد بارپذیری) ارائه شد، برای فرموله کردن شاخص حاشیه بارگذاری، نیاز است که قیود تساوی و نامساوی نقطه کار فعلی و نقطه حد بارپذیری (شکل ۱) را در نظر بگیرید به طور همزمان نوشتۀ شده و رابطه بین این قیود با استفاده از پارامتر بارگذاری (λ) مشخص شود. در ادامه به معرفی دقیق قیود مربوطه خواهیم پرداخت.

الف- قیود تساوی و نامساوی در نقطه کار فعلی

$$\left(\sum_{i=1}^{NG_b} P_{G_i} \right) + P_{w_b} - P_{D_b} = V_b \sum_{j=1}^{NB} V_j Y_{bj} \cos(\theta_b - \theta_j - \phi_{bj}) \quad (18)$$

$$\left(\sum_{i=1}^{NG_b} Q_{G_i} \right) + Q_{w_b} - Q_{D_b} = V_b \sum_{j=1}^{NB} V_j Y_{bj} \sin(\theta_b - \theta_j - \phi_{bj}) \quad (19)$$

$$P_{G_i}^{\min} \leq P_{G_i} \leq P_{G_i}^{\max}, \quad \forall i \in NG \quad (20)$$

$$Q_{G_i}^{\min} \leq Q_{G_i} \leq Q_{G_i}^{\max}, \quad \forall i \in NG \quad (21)$$

$$V_b^{\min} \leq V_b \leq V_b^{\max}, \quad \forall b \in NB \quad (22)$$

$$0 \leq S_\ell(V, \theta) \leq S_\ell^{\max}, \quad \forall \ell \in NL \quad (23)$$

$$0 \leq P_{w_b} \leq \Lambda_{w_b}, \quad \forall b \in NB_W \quad (24)$$

$$\kappa_{2_b} \times P_{w_b} \leq Q_{w_b} \leq \kappa_{1_b} \times P_{w_b}, \quad \forall b \in NB_W \quad (25)$$

(۱۸) و (۱۹) معادلات پخش توان در نقطه کار فعلی (نقطه A مطابق شکل ۱)، (۲۰)-(۲۳) نیز به ترتیب حدود توان‌های حقیقی، راکتیو، ولتاژ و اندازه توان ظاهری عبوری از خطوط می‌باشند. لازم به ذکر است که در روابط (۱۸) و (۱۹)، توان‌های حقیقی و راکتیو تزریقی از مزارع بادی نیز وارد شده‌اند. همچنین، رابطه (۲۴) حدود تولید توان از مزارع بادی در شین b و رابطه (۲۵) نیز حدود توان راکتیو خروجی مزارعه بادی را در آن شین نشان می‌دهد.

$$f(X, \gamma) \leq \Delta_C \quad (12)$$

$$\Delta_C = f_b(X, \gamma) \times (1 + \beta), \quad \gamma \in \Gamma \quad (13)$$

$$\left| \frac{\gamma - \bar{\gamma}}{\bar{\gamma}} \right| \leq \alpha \quad (14)$$

$$0 \leq \beta \leq 1 \quad (15)$$

Δ_C مقدار بحرانی تابع هدف (یا حداقل مقدار مجاز افزایش تابع هدف نسبت به مقدار پایه) است که غالباً توسعه تصمیم‌گیرنده تعیین می‌شود. مطابق رابطه (۱۳)، این مقدار به صورت تابعی از مقدار پایه تابع هدف تعیین می‌شود. Δ_C که همان شاعع عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی مسئله است، یک متغیر مثبت است. در رابطه (۱۳) پارامتر β نیز همان درجه تحمل افزایش تابع هدف نسبت به مقدار پایه به دلیل عدم قطعیت‌های نامطلوب تعیین شده است، که مقدار آن توسعه تصمیم‌گیرنده مشخص می‌شود.

در مدل ارائه شده در معادلات (۱۵)-(۹)، حداقل شاعع عدم قطعیت Δ_C ، به گونه‌ای تعیین می‌شود که به ازای تغییرات پارامتر غیرقطعی β مطابق رابطه (۱۴)، مقدار تابع هدف از محدوده مجاز تعیین شده در رابطه (۱۲) تجاوز نکند.

۲-۳- استراتژی ریسک‌جو

با توجه به اینکه در این مقاله به دنبال تعیین و کمینه کردن اثر نامطلوب عدم قطعیت در پارامتر ورودی (توان تولیدی از مزرعه بادی) هستیم و به دنبال ارائه رهیافتی مقاوم برای حل مسئله OPF با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها هستیم، لذا از بحث بیشتر درباره روش ریسک‌جو جهت رعایت اختصار و تمرکز بیشتر بر روی روش ریسک‌گریز، در این مقاله صرف‌نظر می‌کیم. در خصوص روش ریسک‌جو توضیحات مفصل در مرجع [۲] داده شده است.

هدف از این مقاله تعیین اثر نامطلوب پارامتر غیرقطعی (توان تولیدی مزرعه بادی) بر روی تابع هدف مسئله است. با توجه به اینکه قید پایداری ولتاژ نیز در نظر گرفته شده است، استراتژی ریسک‌جو می‌تواند منجر به ایجاد مصالحه در این قید شود؛ بهیان دیگر تصمیم خوش‌بینانه‌ای که در استراتژی ریسک‌جو گرفته می‌شود، می‌تواند سبب شود که در شرایط واقعی سیستم، حاشیه پایداری ولتاژ از میزانی که در این تصمیم‌گیری خوش‌بینانه (ریسک‌پذیر) در نظر گرفته شده است، کمتر شده که این مسئله برای بهره‌بردار سیستم بهیچ‌وجه قابل قبول نیست. زیرا تضمن پایداری سیستم از اهمیت بیشتری نسبت به کمتر شدن هزینه بهره‌برداری شبکه برخوردار است.

۴- مدل پخش بار بهینه مقید به پایداری ولتاژ

در این بخش به ارائه مدل پخش بهینه توان مقید به پایداری ولتاژ با استفاده از شاخص حد بارپذیری پرداخته و سپس به توسعه مدل ارائه شده خواهیم پرداخت که در آن با استفاده از رهیافت IGDT عدم قطعیت در توان خروجی مزرعه بادی مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

$$\lambda \geq \lambda_{des} > 0$$

(۳۵)-(۳۹) بیانگر این مسئله هستند که برای ژنراتورهایی که به حدود بالا یا پایین تولید توان راکتیو خود می‌رسند، دیگر اندازه ولتاژ در نقطه کار فعلی و نقطه حد بارپذیری یکسان نخواهد بود. مثلاً در صورتی که ژنراتوری توان راکتیو تولید کند ولی هنوز به حد بالای تولید توان راکتیو خود نرسیده باشد، قید (۳۶) غیرفعال (یا کوچک‌تر از صفر) بوده و متغیر اضافی v_b^{up} خواهد بود. با توجه به تولید توان راکتیو، قید (۳۷) نیز اساساً غیرفعال است و دارایم $v_b^{dn} = 0$. در این صورت طبق رابطه (۳۵) ولتاژ ترمینال آن ژنراتور در نقطه کار فعلی و نقطه حد بارپذیری باهم برابر خواهد بود. در غیر این صورت، چنانچه اگر محدودیت (۳۶) فعال شود، با غیر صفر شدن v_b^{up} ، ولتاژ آن شین ژنراتوری در نقطه حد بارپذیری کمتر از نقطه فعلی خواهد شد. مشابه همین استدلال برای فعال شدن قید (۳۷) نیز وجود دارد.

نهایتاً، معادله (۳۹) شرط حداقل حاشیه بارگذاری را بیان می‌کند. این رابطه نشان می‌دهد که پارامتر بارگذاری بایستی از یک حاشیه بارپذیری مطلوب (λ_{des}) که توسط بهره‌بردار شبکه تعیین می‌شود، بزرگ‌تر باشد. بهبیان دیگر، حد بارپذیری مطلوب باید برآورده شود.

۴-۲- پیاده‌سازی روش IGDT بر روی مسئله

در مدل ارائه شده برای VSC-OPF، پارامتر ورودی غیرقطعی، توان حقیقی تولیدشده توسط مزارع بادی است که در روابط (۱۸) و (۲۶) ظاهر شده است، درنتیجه مدل OPF محدود به پایداری ولتاژ در حالت پایه به صورت زیر تعریف می‌شود. لازم به یادآوری است که در حالت پایه، توان خروجی از مزارع بادی برابر مقدار تخمین زده شده (یا همان مقدار پیش‌بینی شده) خود است.

$$TC_b = \min_{DV} \left\{ \sum_i F_i(P_{G_i}) \right\} \quad \forall P_{w_b} = \bar{P}_{w_b} \quad (40)$$

Subject to:

$$(18) \quad (39) \quad (41)$$

در معادله (۴۰) TC_b هزینه کل تأمین انرژی در حالت پایه است که در آن پارامترهای غیرقطعی دقیقاً برابر مقدار پیش‌بینی شده متناظر است. رابطه (۴۱) نیز به این اشاره دارد که بایستی همه روابط (۱۸) تا (۳۹) به طور همزمان در نظر گرفته شوند.

با توجه به استراتژی ریسک‌گریز که در بخش قبل ارائه شد، در یک سطح بار مشخص، کاهش توان تزریقی مزارع بادی از مقدار پیش‌بینی شده (یا تخمین زده شده) خود، منجر به افزایش توان تولیدی توسط واحدهای حرارتی شده و درنتیجه هزینه تولید توان نسبت به حالت پایه افزایش می‌یابد. لذا می‌توان توان خروجی واقعی از مزرعه بادی در شین b ام را بر حسب مقدار پیش‌بینی شده خود، توسط رابطه (۴۵) بیان نمود. نهایتاً با توجه به توضیحاتی که پیش‌تر در خصوص رهیافت ریسک‌گریز ارائه شد، مدل OPF محدود به پایداری ولتاژ به صورت زیر خواهد بود:

$$\max_{DV} \alpha \quad (42)$$

ب- قیود تساوی و نامساوی در نقطه حد بارپذیری

$$\left(\sum_{i=1}^{NG_b} \hat{P}_{G_i} \right) + P_{w_b} - \hat{P}_{D_b} = \hat{V}_b \sum_{j=1}^{NB} \hat{V}_j Y_{bj} \cos(\hat{\theta}_b - \hat{\theta}_j - \phi_{bj}) \quad (26)$$

$$\left(\sum_{i=1}^{NG_b} \hat{Q}_{G_i} \right) + Q_{w_b} - \hat{Q}_{D_b} = \hat{V}_b \sum_{j=1}^{NB} \hat{V}_j Y_{bj} \sin(\hat{\theta}_b - \hat{\theta}_j - \phi_{bj}) \quad (27)$$

$$\hat{P}_{D_b} = (1+k_{D_b}\lambda) \times P_{D_b}, \quad \forall b \in NB \quad (28)$$

$$\hat{Q}_{D_b} = (1+k_{D_b}\lambda) \times Q_{D_b}, \quad \forall b \in NB \quad (29)$$

$$\hat{P}_{G_i} = \min(P_{G_i}^{\max}, (1+k_{G,i}\lambda) \times P_{G_i}), \quad \forall i \in NG \quad (30)$$

$$P_{G_i}^{\min} \leq \hat{P}_{G_i} \leq P_{G_i}^{\max}, \quad \forall i \in NG \quad (31)$$

$$Q_{G_i}^{\min} \leq \hat{Q}_{G_i} \leq Q_{G_i}^{\max}, \quad \forall i \in NG \quad (32)$$

$$\hat{V}_b^{\min} \leq \hat{V}_b \leq \hat{V}_b^{\max}, \quad \forall b \in NB \quad (33)$$

$$0 \leq \hat{S}_\ell(V, \theta) \leq S_\ell^{\max}, \quad \forall \ell \in NL \quad (34)$$

(۲۶) و (۲۷) معادلات پخش توان در نقطه حد بارپذیری (نقطه B مطابق شکل ۱)، (۲۸) و (۲۹) نیز الگوی افزایش توان مصرفی بارها از نقطه کار فعلی تا نقطه حد بارپذیری (یعنی از A به B در شکل ۱)، (۳۰) نیز الگوی افزایش توان تولیدی ژنراتورها برای تأمین افزایش بار از نقطه A تا نقطه B و (۳۱)- (۳۴) نیز به ترتیب حدود توان‌های حقیقی، راکتیو، ولتاژ و اندازه توان ظاهری عبوری از خطوط در نقطه حد بارپذیری شبکه می‌باشند.

لازم به ذکر است که روابط (۳۰)-(۲۸) رابطه بین بار مصرفی و توان تولیدی در نقطه حد بارپذیری را بر حسب مقادیر متناظر در نقطه کار فعلی و با استفاده از پارامتر بارگذاری (۲) نشان می‌دهند. ازین‌رو می‌توان گفت که نقطه حد بارپذیری به صورت پارامتری بر حسب نقطه کار فعلی بیان شده است.

• قیود مربوط به پایداری ولتاژ و حد بارپذیری

علاوه بر قیود (۳۰)-(۲۸) که ارتباط بین نقاط کار فعلی و حد بارپذیری را به صورت پارامتری نشان می‌دهند، اندازه ولتاژ شین‌های ژنراتوری در این دونقطه نیز باهم رابطه دارند. همان‌طور که در بخش دوم نیز توضیح داده شد تا زمانی که ژنراتورها به حدود توان راکتیو خود نرسند، ولتاژ شین‌های ژنراتوری ثابت خواهد بود. با افزایش بار سیستم، توان راکتیو خروجی ژنراتورها افزایش می‌یابد و کم کم به حد بالای خود، یعنی Q_G^{\max} می‌رسد. پس از اینکه ژنراتوری به حد بالای توان راکتیو خود رسید، دیگر قابلیت تثبیت ولتاژ ترمینال خود را نخواهد داشت. با ادامه افزایش بار، ولتاژ ترمینال ژنراتور کاهش می‌یابد. این بدین معنی است که اندازه ولتاژ شین‌های ژنراتوری لزوماً در نقطه کار فعلی و نقطه حد بارپذیری باهم برابر نیست. برای بیان ریاضی این موضوع، روابط (۳۵)-(۳۹) را در نظر بگیرید [۲۸].

$$\hat{V}_b = V_b + v_b^{dn} - v_b^{up} \quad (35)$$

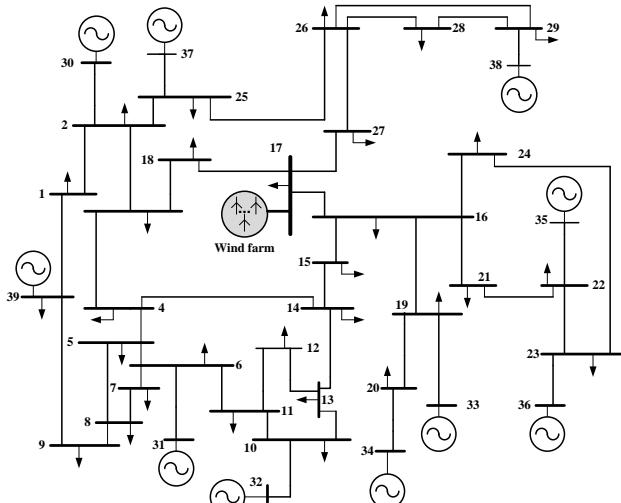
$$(Q_{G_i}^{\max} - Q_{G_i}) \times v_b^{up} \leq 0 \quad (36)$$

$$(Q_{G_i} - Q_{G_i}^{\min}) \times v_b^{dn} \leq 0 \quad (37)$$

$$v_b^{dn}, v_b^{up} \geq 0 \quad (38)$$

منابع تأمین انرژی شبکه، مزرعه بادی و واحدهای حرارتی هستند. دیاگرام تکخطی این سیستم در شکل ۲ نشان داده شده است. بار کل این سیستم برابر $6254/23 \text{ MW}$ است.

با توجه به ابعاد شبکه موردمطالعه، تعداد کل متغیرهای تصمیم‌گیری مسئله (یا همان متغیرهای کنترلی) برابر ۲۰ است (۱۰). متغیر برای توان خروجی ژنراتورها و ۱۰ متغیر برای اندازه ولتاژ شین‌های ژنراتوری). تعداد کل متغیرهای مسئله نیز با در نظر گرفتن متغیرهای کنترلی، حالت وابسته برابر برابر ۲۴۵ است.



شکل ۲: دیاگرام تکخطی شبکه ۳۹ شینه IEEE

در بخش اول شبیه‌سازی‌ها بر روی این شبکه، ابتدا VSC-OPF در حالت BC حل می‌شود. بهیان دیگر در این حالت توان تولیدی مزرعه بادی با مقدار پیش‌بینی شده (یا تخمین زده شده) خود برابر است. سپس مسئله VSC-OPF به ازای میزان مجاز افزایش هزینه و یک مقدار مشخص برای حد بارپذیری مورد بررسی قرار خواهد گرفت. این تحلیل، همان استراتژی ریسک‌گریز است که پیش‌تر معرفی گردید. در بخش دوم، با انجام تحلیل حساسیت به بررسی تأثیر تغییرات حد بارپذیری بر روی شعاع عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی خواهیم پرداخت. این مطالعه از این جهت حائز اهمیت است که اثر تغییرات حاشیه بارگذاری مطلوب را بر روی حداکثر شعاع عدم قطعیت پارامتر غیرقطعی نشان می‌دهد. لذا می‌توان پی برد که تولید توان از مزرعه بادی به چه میزان امکان تغییر دارد، به‌گونه‌ای که یک حاشیه پایداری ولتاژ مطلوب تأمین شود.

در بخش سوم نیز به ارزیابی مقاوم بودن نتایج به دست آمده از استراتژی ریسک‌گریز و برتری آن نسبت به نتایج حالت پایه خواهیم پرداخت.

۱-۱-۵- جایابی بهینه مزرعه بادی

فرض بر این است که قرار است یک مزرعه بادی با ظرفیت نامی ۱۵۰۰ MW در این شبکه بهره‌برداری شود. برای تعیین محل بهینه

Subject to:

$$(۱۸)-(۳۹) \quad (۴۳)$$

$$TC \leq TC_b \times (1 + \beta) \quad (۴۴)$$

$$P_{w_b} = \bar{P}_{w_b} \times (1 - \alpha). \quad (۴۵)$$

۳-۴- متغیرهای تصمیم‌گیری مسئله

متغیرهای تصمیم‌گیری (یا متغیرهای کنترلی) در مدل VSC-OPF پیشنهادی، همان توان‌های حقیقی خروجی ژنراتورها و ولتاژ شین‌های ژنراتوری هستند. لازم به ذکر است که متغیرهایی نظیر اندازه و زاویه ولتاژ شین‌های بار، زاویه ولتاژ شین‌های ژنراتوری، توان راکتیو خروجی ژنراتورها و مزرعه بادی و همچنین توان عبوری از خطوط، متغیرهای وابسته هستند که با حل مسئله VSC-OPF و همزمان با تعیین مقادیر بهینه متغیرهای تصمیم‌گیری شبکه، مقدار این متغیرهای وابسته نیز تعیین خواهد شد. پس:

$$DV = X = \begin{cases} P_{G_i}, \forall i \in NG \\ V_b, \forall b \in NB_G \end{cases} \quad (۴۶)$$

۵- شبیه‌سازی و نتایج عددی

در این بخش شبیه‌سازی‌ها و نتایج عددی بر روی دو شبکه استاندارد ۳۹ و ۱۱۸ شینه IEEE ارائه می‌شوند. ابتدا نتایج عددی به دست آمده بر روی شبکه ۳۹ شینه ارائه می‌شود که شامل جایابی بهینه مزرعه بادی، تحلیل استراتژی ریسک‌گریز، تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای مختلف و ارزیابی مقاوم بودن نتایج به دست آمده از استراتژی ریسک‌گریز است. سپس نتایج عددی مربوط به شبکه ۱۱۸ شینه ارائه خواهد شد.

مدل VSC-OPF پیشنهادی با در نظر گرفتن عدم قطعیت تولید توان از مزرعه بادی در محیط نرم‌افزار بهینه‌سازی GAMS [۲۹]، پیاده‌سازی شده است. برای تحلیل این مسئله از حل کننده CONOPT4 در یک کامپیوتر شخصی با مشخصات زیر استفاده شده است:

Intel®Core™i5-3210M CPU @ 2.50GHz, 8GB RAM

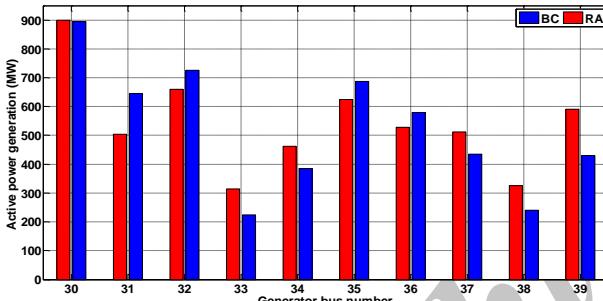
۱-۵- شبیه‌سازی بر روی شبکه ۳۹ شینه IEEE

مدل پخش بار بهینه مقید به حد بارپذیری و عدم قطعیت تولید توان مزارع بادی بر روی شبکه ۳۹ شینه IEEE پیاده‌سازی شده است. این شبکه دارای ۱۰ واحد ژنراتوری و ۴۶ خط است. اطلاعات مربوط به پخش بار این شبکه در مرجع [۳۰] موجود است. در جدول ۱-۱ پیوست، اطلاعات مربوط به واحدهای ژنراتوری داده شده است.

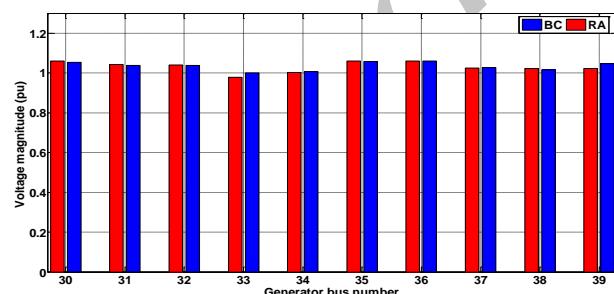
در شبیه‌سازی‌ها نیز ضرایب K_1 و K_2 در معادله (۲۵) به ترتیب برابر $+0/75$ و $-0/75$ در نظر گرفته شده‌اند، تا محدوده عملکرد زیر تحریک تا فوق تحریک مزرعه بادی پوشش داده شود.

مدت زمان لازم برای حل این مدل در استراتژی ریسک‌گریز برابر ۳/۷۹ ثانیه است. طبق رابطه (۴۴)، هزینه کل در این استراتژی برابر است با $54636/20.6\$/h$ و شاعع عدم قطعیت تولید توان مزمعه بادی برابر $0.168/16\%$ (یا 16.8%) به دست می‌آید. مطابق رابطه (۴۵)، در این حالت توان واقعی تولیدی از مزمعه بادی $873/9MW$ خواهد بود. مقدار بهینه توان‌های تولیدی توسط واحدهای حرارتی در شکل ۴ و اندازه بهینه ولتاژ شین‌های ژنراتوری در این حالت نیز شکل ۵ نشان داده شده است.

همان‌طور که در شکل ۴ نشان داده شده است، در استراتژی RA، توان حقیقی خروجی واحدها نسبت به حالت BC متفاوت است. با کاهش توان تولیدی از مزمعه بادی، توان خروجی ژنراتورهای موجود در شین‌های ۳۰، ۳۲، ۳۴، ۳۶ و ۳۹ نسبت به حالت BC افزایش می‌یابد و تولید توان در سایر ژنراتورها کاهش می‌یابد. همان‌طور که از شکل ۲ می‌توان ملاحظه نمود، بیشتر ژنراتورهایی که در نزدیکی مزمعه بادی قرار دارند، به دلیل کاهش توان مزمعه بادی با افزایش توان خروجی مواجه شده‌اند تا بتوانند بار مصرفی شین‌های اطراف مزمعه بادی را تأمین نمایند. همچنین شکل ۵ نشان می‌دهد که ولتاژ شین‌های ژنراتوری در دو حالت BC و RA تفاوت چندانی ندارد.



شکل ۴: توان حقیقی تزریقی تسویه ژنراتورها در دو حالت BC و RA در شبکه شینه ۳۹



شکل ۵: اندازه ولتاژ شین‌های ژنراتوری در دو حالت BC و RA در شبکه شینه ۳۹

۱-۳-۱-۵- تحلیل حساسیت

در این قسمت به بررسی حساسیت پارامتر عدم قطعیت، حد بارپذیری مطلوب و افزایش هزینه نسبت به یکدیگر می‌پردازیم.

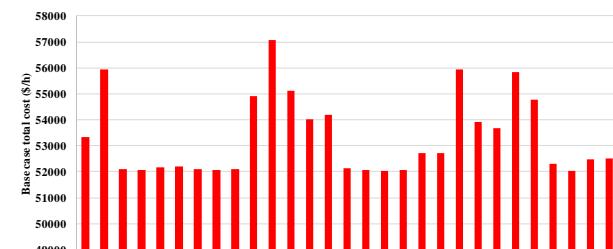
شکل ۶ حساسیت پارامتر عدم قطعیت (α)، نسبت به تغییر میزان حد بارپذیری مطلوب (λ_{des}) را به ازای β ‌های مختلف نشان می‌دهد. همان‌گونه که از شکل ۶ مشاهده می‌شود، با افزایش حد بارپذیری

اتصال این مزمعه بادی، مسئله VSC-OPF در حالت پایه به ازای محل اتصال‌های مختلف (شین‌های مختلف) حل می‌شود. بهترین محل برای اتصال مزمعه بادی به شبکه شینی است که به ازای آن، هزینه کل کمترین مقدار باشد. شکل ۳ مقدار هزینه در حالت پایه را به ازای اتصال مزمعه بادی در شین‌های ۱ تا ۲۹ (شین‌های بار شبکه) نشان می‌دهد. همان‌طور که در این شکل مشخص است، شین شماره ۱۷ بهترین محل برای نصب مزمعه بادی است، زیرا هزینه به دست آمده در حالت پایه به ازای نصب مزمعه بادی در این شین، برابر $520.34/482 \$/h$ است، که کمترین مقدار است. لذا در ادامه شبیه‌سازی‌ها محل اتصال مزمعه بادی به شبکه شین شماره ۱۷ در نظر گرفته می‌شود که در شکل ۲ نیز نشان داده شده است.

البته به ازای جایایی مزمعه بادی در شین‌های ۱۸، ۲۷ و ۱۶ نیز هزینه نزدیک به مقدار فوق الذکر به دست می‌آید و می‌توان از این شین‌ها نیز به عنوان اولویت‌های بعدی برای اتصال مزمعه بادی به شبکه استفاده نمود.

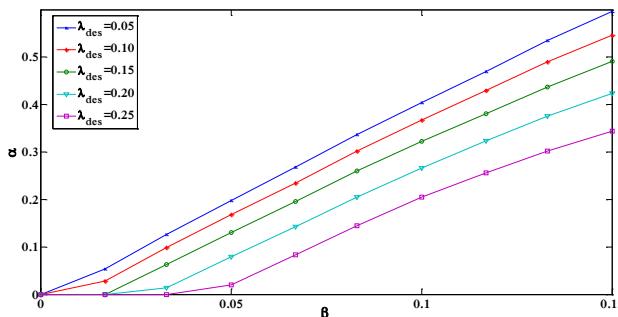
۱-۵- حل مسائل VSC-OP در حالت‌های پایه و استراتژی ریسک‌گریز

در این حالت ابتدا با فرض اینکه توان تولیدی مزمعه بادی با مقدار پیش‌بینی‌شده خود یکسان است، مسئله VSC-OPF در حالت پایه تحلیل می‌شود. فرض بر این است که مقدار پیش‌بینی‌شده برای توان تولیدی از مزمعه بادی، برابر 70% مقدار نامی، یعنی $50.5MW$ است. مقدار به دست آمده برای تابع هدف (هزینه کل) در حالت پایه برابر $520.34/482 \$/h$ است. مقادیر بهینه توان حقیقی تولیدی توسط واحدهای حرارتی برای حالت پایه در شکل ۴ داده شده است. همچنین، مقادیر بهینه به دست آمده برای ولتاژ شین‌های ژنراتوری در شکل ۵ نشان داده شده است.

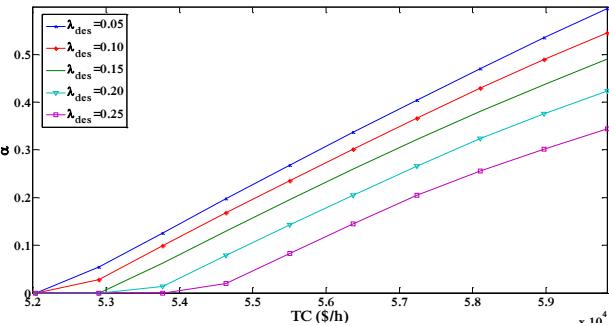


شکل ۳: هزینه حالت پایه به ازای شین‌های مختلف کاندید برای نصب مزمعه بادی در شبکه شینه ۳۹

برای پیاده‌سازی استراتژی ریسک‌گریز، فرض می‌شود که حد اکثر 5% افزایش هزینه نسبت مقدار پایه توسط بهره‌بردار سیستم قابل تحمل بوده و حداقل حاشیه بارگذاری مطلوب برابر 10% است. پس مدل VSC-OPF (یعنی روابط (۴۵)-(۴۶)) به ازای $\alpha = 0.05$ و $\beta = 0.5$ افزایش هزینه و $\lambda_{des} = 0.1$ درصد حد بارپذیری حل می‌شود و حد اکثر شاعع عدم قطعیت در تولید توان از مزمعه بادی به دست می‌آید.



شکل ۷: تغییرات α بر حسب تغییرات β به ازای λ_{des} های مختلف در شبکه ۳۹



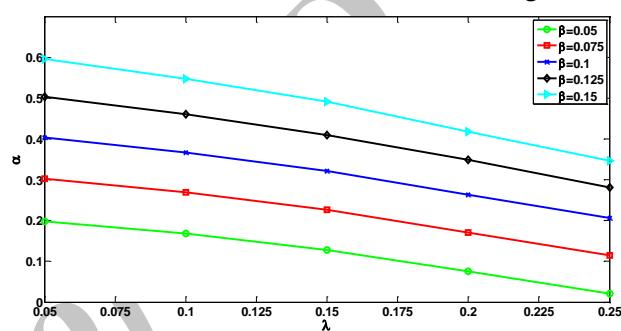
شکل ۸: منحنی تغییرات α به ازای تغییرات کل هزینه تولیدی در λ_{des} های مختلف در شبکه ۳۹

همچنین به ازای یک شعاع عدم قطعیت مشخص، با افزایش حاشیه بارگذاری مطلوب، هزینه بهره‌برداری بیشتری به سیستم تحمیل خواهد شد. این بدین معنی است که تضمین همزمان حاشیه بارگذاری مطلوب بزرگ‌تر و شعاع عدم قطعیت بیشتر، مستلزم تحمیل هزینه بهره‌برداری بالاتر است.

۴-۱-۵- ارزیابی نتایج به دست آمده از استراتژی ریسک‌گریز

در این قسمت برای ارزیابی نتایج به دست آمده از استراتژی ریسک‌گریز، ابتدا اعدادی تصادفی برای توان خروجی مزمعه بادی در بازه $[P_{w_b}, \Lambda_{w_b}]$ تولید می‌شود و سپس با استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو و با توجه به مجموعه اعداد تصادفی تولید شده در بازه فوق، مسئله VSC-OPF حل می‌شود. در صورتی که استراتژی RA مقاوم باشد، بایستی به ازای همه اعداد مجموعه فوق، هزینه به دست آمده کمتر از مقداری باشد که در روش RA به دست آمد (یعنی بایستی برای همه نمونه‌ها داشته باشیم: $TC \leq TC_{bc} \times (1 + \beta)$). در اینجا با استفاده از توزیع یکنواخت، ۱۰۰۰ نمونه تصادفی در بازه $[1500 \text{ MW}, 1873/9 \text{ MW}]$ برای پارامتر غیرقطعی مسئله تولید می‌شود. شکل ۹ هزینه به دست آمده از روش مونت کارلو را با مقدار به دست آمده در استراتژی RA در روش IGDT مقایسه می‌کند. هیستوگرام آبرینگ فراوانی هزینه به دست آمده از روش مونت کارلو را نشان می‌دهند و نمودار قرمزنگ نیز حداقل هزینه قابل تحمیل در استراتژی RA روش IGDT را نشان می‌دهد. همان‌طور که از این شکل مشهود است، حداقل هزینه در روش مونت کارلو ۵۳۹۸۴/۸۷\$/h است. در این روش میانگین هزینه و ضریب انحراف استاندارد هزینه به ترتیب

مطلوب شعاع عدم قطعیت در تولید توان از مزمعه بادی کاهش می‌یابد. با تغییر حد بارگذاری از $0/0.05$ تا $0/0.25$ به ازای $\beta = 0/0.05$ (یعنی $\lambda = 0/0.05$) شعاع عدم قطعیت از $0/0.198$ به $0/0.21$ کاهش یافته است. این بدین معنی است که حاشیه بارگذاری مجاز و شعاع عدم قطعیت تولید توان از مزمعه بادی رابطه عکس با هم دارند و برای حفظ حاشیه بارگذاری بیشتر، میزان کمتری از شعاع عدم قطعیت قابل تحمل است. همچنین ملاحظه می‌شود که با افزایش درصد مجاز، شعاع عدم قطعیت بزرگ‌تری وجود خواهد داشت. با توجه به این شکل ملاحظه می‌شود که به ازای $\beta = 0/0.05$ و $\lambda = 0/0.05$ ، عدم قطعیت برابر $0/0.168$ خواهد شد که همان مقداری است که در استراتژی ریسک‌گریز در قسمت قبل به دست آمد.



شکل ۹: تغییرات شعاع عدم قطعیت بر حسب λ_{des} به ازای β مختلف در شبکه ۳۹

نمودار تغییرات α بر حسب β با در نظر گرفتن λ های مختلف در شکل ۷ نشان داده شده است. از این شکل ملاحظه می‌شود که با افزایش حد بارگذاری مطلوب شعاع عدم قطعیت کاهش پیدا می‌کند. به گونه‌ای که به ازای $\lambda_{des} = 0/0.05$ ، با افزایش β از صفر تا $0/0.15$ ٪، شعاع عدم قطعیت از صفر تا $0/0.05$ ٪ افزایش می‌یابد. به ازای $\lambda_{des} = 0/0.25$ در β های کمتر از $0/0.05$ شعاع عدم قطعیت برابر صفر بوده و نهایتاً با افزایش به ازای $0/0.15$ ٪ حداقل شعاع عدم قطعیت به $0/0.34$ ٪ می‌رسد. همان‌طور که مشاهده می‌شود با افزایش حد بارگذاری مطلوب، به ازای مقادیر کوچک β افزایش α ناچیز و تقریباً برابر صفر است. حساسیت پارامتر α نسبت به افزایش هزینه در شکل ۸ نشان داده شده است. همان‌طور که از این شکل ملاحظه می‌شود، با افزایش حد بارگذاری مطلوب، عدم قطعیت در نظر گرفته شده برای توان تولیدی مزمعه بادی کاهش می‌یابد. از این شکل ملاحظه می‌شود که برای اینکه هزینه بهره‌برداری از یک مقدار مشخصی کمتر باشد، در λ_{des} های کوچک‌تر شعاع عدم قطعیت بزرگ‌تری قابل تحمل است.

این حالت نیز با فرض این که توان خروجی همه ژنراتورها به جز ژنراتور شین ۳۸، ثابت و برابر مقدار به دست آمده از استراتژی RA باشد، مسئله VCS-OPF با در نظر گرفتن توان خروجی مزمعه بادی برابر 1050 MW حل شده و مقدار هزینه برابر $52713/937\$/\text{h}$ به دست می‌آید. این نشان‌دهنده کاهش هزینه‌ای برابر با $1922/268\$/\text{h}$ نسبت به آنچه در استراتژی RA به دست آمد، است.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود، میزان کاهش هزینه در حالت دوم نسبت به میزان افزایش هزینه در حالت اول کمتر است که مؤید این نکته است که در صورت استفاده از استراتژی RA، بهره‌بردار شبکه ریسک افزایش هزینه کمتری را نسبت به حالت BC متholm خواهد شد.

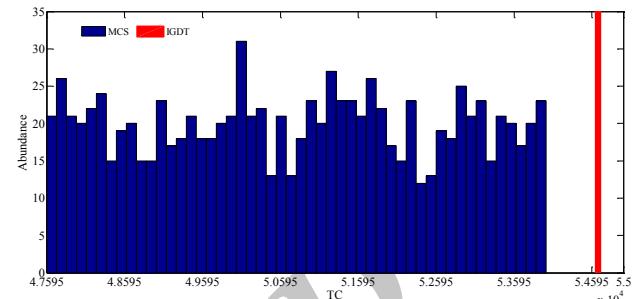
همچنین ملاحظه می‌شود که در حالت اول و به ازای عدم تحقق مقدار پیش‌بینی شده توان خروجی مزمعه بادی، هزینه به دست آمده (یعنی $55273/0.63\$/\text{h}$) بیش‌تر از هزینه به دست آمده از استراتژی RA (یعنی $54636/20.6\$/\text{h}$) است که مؤید این مطلب است که در صورت لحاظ ننمودن عدم قطعیت توان خروجی مزمعه بادی، ممکن است بهره‌بردار سیستم در شرایط بهره‌برداری واقعی متholm هزینه بالاتری نسبت به استراتژی RA شود.

۲-۵- پیاده‌سازی بر روی شبکه ۱۱۸ شینه IEEE

این شبکه دارای ۵۴ شین ژنراتوری، ۶۴ شین بار و ۱۸۶ خط انتقال می‌باشد. اطلاعات این سیستم شامل اطلاعات بارها، واحدهای تولیدی و خطوط انتقال در مرجع [۳۰] داده شده است. مشابه تحلیلی که در بخش ۱-۱-۱ انجام گرفت، در این شبکه نیز جایابی بهینه مزمعه بادی به ظرفیت 2000 MW انجام شده است که نتیجه آن در شکل ۱۰ نشان داده شده است. فرض بر این است که مقدار پیش‌بینی شده برای توان تولیدی از مزمعه بادی، برابر 8% مقدار نامی، یعنی 1600 MW است. همان‌طور که در این شکل مشخص است، به ازای اتصال مزمعه بادی به شین شماره ۳۸، هزینه در حالت پایه برابر $201542/394\$/\text{h}$ به دست می‌آید که کمترین مقدار هزینه است. لذا شین شماره ۳۸ بهترین مکان برای نصب مزمعه بادی در این شبکه است. البته به ازای جایابی مزمعه بادی در شین‌های ۶۳، ۶۴ و ۶۸ نیز هزینه نزدیک به مقدار فوق الذکر به دست می‌آید و می‌توان از این شین‌ها نیز به عنوان اولویت‌های بعدی برای اتصال مزمعه بادی به شبکه استفاده نمود.

با توجه به ابعاد این شبکه، تعداد کل متغیرهای تصمیم‌گیری مسئله (یا همان متغیرهای کنترلی) برابر 108 است (۵۴ متغیر برای توان خروجی ژنراتورها و 54 متغیر برای اندازه ولتاژ شین‌های ژنراتوری)، تعداد کل متغیرهای مسئله نیز با در نظر گرفتن متغیرهای کنترلی، حالت و وابسته برابر 877 است.

برابر $50672/14\$/\text{h}$ و $508154/0.038\$/\text{h}$ خواهد شد. در حالی که حداقل هزینه به دست آمده از روش IGDT برابر $54636/20.6\$/\text{h}$ است. با مقایسه این دو مقدار، مقاوم بودن پاسخ به دست آمده از روش IGDT کاملاً مشهود است. زیرا برای تمام حالت‌های ممکن برای تابع هدف (هزینه کل) ناشی از عدم قطعیت تولید توان از مزمعه بادی، $TC \leq TC_{bc} \times (1 + \beta)$ است.



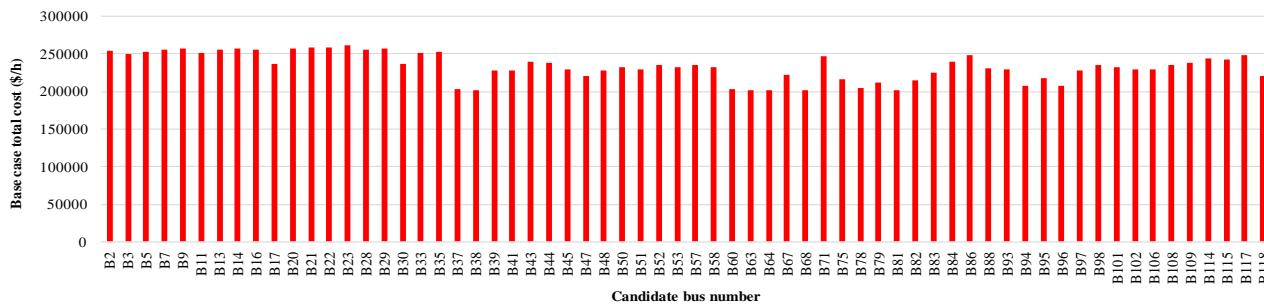
شکل ۹: نمودار فراوانی مجموع هزینه در روش‌های مونت‌کارلو و IGDT در شبکه ۱۱۸ شینه

اکنون برای مقایسه مزیت استفاده از استراتژی RA مقایسه زیر انجام می‌پذیرد:

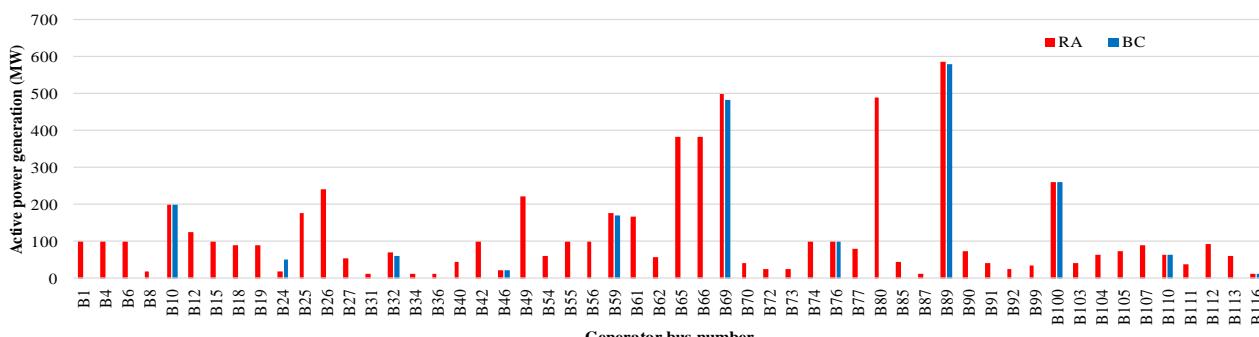
حالت اول: همان‌طور که پیش‌تر نیز دیدیم، در حالت BC و با فرض این که توان تولیدی مزمعه بادی برابر مقدار پیش‌بینی شده 1050 MW باشد، هزینه کل برابر $5034/482\$/\text{h}$ به دست می‌آید. حال فرض می‌کنیم که به ازای توانهای تولیدی نیروگاه‌ها در این حالت (که در شکل ۴ نشان داده شده است)، در واقعیت توان پیش‌بینی شده مزمعه بادی محقق نشده و همان توانی محقق شود که در استراتژی RA محسوب شد، یعنی $873/9\text{ MW}$. حال فرض می‌کنیم که به ازای توانهای تولیدی نیروگاه‌ها در این حالت (که در شکل ۴ نشان داده شده است)، در واقعیت توان پیش‌بینی شده مزمعه بادی محقق نشده و همان توانی محقق شود که در استراتژی RA محسوب شد، یعنی $873/9\text{ MW}$. در این صورت و با فرض این که توان خروجی همه ژنراتورها به جز ژنراتور شین ۳۸ (که برای برقراری تعادل توان قادر به تغییر توان خروجی خود است)، ثابت بوده و برابر همان مقدار به دست آمده از حالت BC باشند، دوباره مسئله VSC-OPF حل شود.

مقدار به دست آمده برای هزینه کل در این حالت برابر $55273/0.63\$/\text{h}$ است که به میزان $3238/581\$/\text{h}$ بیش‌تر از هزینه به دست آمده در حالت BC است.

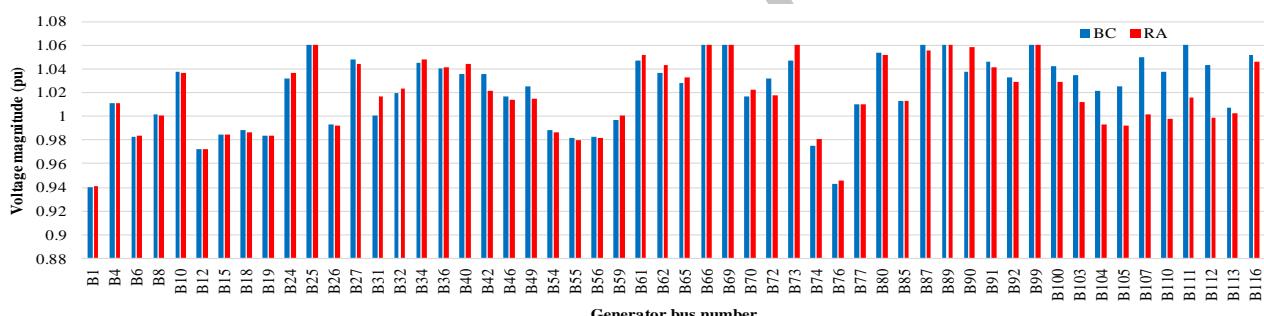
حالت دوم: در اینجا بر عکس حالت اول، فرض می‌شود که به ازای برنامه‌ریزی به دست آمده از استراتژی RA (که در آن به ازای شعاع عدم قطعیت $168/0$ و توان مزمعه بادی $873/9\text{ MW}$ ، مقدار هزینه برابر $54636/20.6\$/\text{h}$ به دست آمد)، در واقعیت توان خروجی پیش‌بینی شده مزمعه بادی محقق شود (یعنی توان 1050 MW نه $873/9\text{ MW}$). در



شکل ۱۰: هزینه حالت پایه به ازای شینهای مختلف کاندید برای نصب مزرعه بادی در شبکه ۱۱۸ شینه



شکل ۱۱: توان حقيقی تزریقی توسط ژنراتورها در دو حالت RA و BC در شبکه ۱۱۸ شینه



شکل ۱۲: اندازه ولتاژ شینهای ژنراتوری در دو حالت RA و BC در شبکه ۱۱۸ شینه

مزرعه بادی به دست می‌آید. مدت زمان لازم برای حل این مدل در استراتژی ریسک‌گریز ۳۰/۴۸ ثانیه است. طبق رابطه (۴۴)، هزینه مزرعه بادی در این استراتژی برابر است با $\frac{513\$}{h}$ و شعاع عدم قطعیت تولید توان مزرعه بادی برابر $0/0/186$ (با $18/6/0\%$) به دست می‌آید. مطابق رابطه (۴۵)، در این حالت توان واقعی تولیدی از مزرعه بادی $1302/4$ MW خواهد بود. مقدار بهینه توانهای تولیدی توسط واحدهای حرارتی در شکل ۱۱ و اندازه بهینه ولتاژ شینهای ژنراتوری در این حالت نیز شکل ۱۲ نشان داده شده است.

۲-۲-۵- تحلیل حساسیت

در این قسمت به بررسی حساسیت پارامتر عدم قطعیت، حد بارپذیری مطلوب و افزایش هزینه نسبت به یکدیگر می‌پردازیم.

شکل ۱۳ حساسیت پارامتر α نسبت به تغییر میزان حد بارپذیری مطلوب (λ_{des}) را به ازای β های مختلف نشان می‌دهد. همان‌گونه که از

۱-۲-۵- حل مسائل VSC-OPF در حالت‌های پایه و استراتژی ریسک‌گریز

مشابه شبکه ۳۹ شینه روش‌های تحلیل حساسیت برای نشان دادن حساسیت عدم قطعیت در تولید مزرعه بادی به ازای تغییرات حد بارپذیری و درصد افزایش هزینه در این شبکه نیز پیاده‌سازی شده است. مسئله VSC-OPF در حالت پایه تحلیل می‌شود.

مقدار به دست آمده برای تابع هدف (هزینه کل) در حالت پایه برابر $20/1542/394\$/h$ است. مشابه شبکه ۳۹ شینه، برای پیاده‌سازی استراتژی ریسک‌گریز فرض می‌شود که حد ادکثر 5% افزایش هزینه نسبت مقدار پایه توسط بهره‌بردار سیستم قابل تحمل بوده و حداقل VSC-OPF بهارگذاری مطلوب برابر 10% است. بهبیان دیگر، مدل $\lambda_{des} = 0/1/\beta$ را به ازای $\beta = 0/0.5$ می‌گنجانیم. مقدار پایه تابع هدف در تولید توان از بارپذیری (حل می‌شود) و حد ادکثر شعاع عدم قطعیت در تولید توان از

شکاف اطلاعاتی استفاده شده است که با استفاده از این روش و بدون داشتن اطلاعات خاصی از توزیع احتمالی باد، عدم قطعیت ذاتی موجود در تولید توان از مزرعه بادی به نحو مناسبی پوشش داده شد. مدل ارائه شده از حد بارپذیری به عنوان قید اصلی پایداری ولتاژ در مسئله VSC-OPF بهره می‌گیرد.

نتایج عددی به دست آمده از طریق نرم‌افزار GAMS بر روی شبکه‌های استاندارد ۳۹ و ۱۱۸ شینه IEEE، نشان می‌دهند که به ازای یک حد مجاز برای افزایش هزینه نسبت به مقدار پایه، با افزایش حد بارپذیری مطلوب شعاع عدم قطعیت مجاز در تولید توان مزرعه بادی کاهش می‌یابد. همچنین به ازای یک شعاع عدم قطعیت مشخص، با افزایش حاشیه بارگذاری مطلوب، هزینه بهره‌برداری بیشتری به سیستم تحمیل خواهد شد. این بدین معنی است که تضمین هم‌زمان حاشیه بارگذاری مطلوب بزرگ‌تر و شعاع عدم قطعیت بیشتر، مستلزم تحمیل هزینه بهره‌برداری بالاتر است.

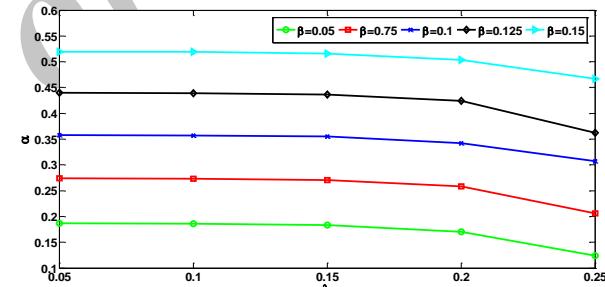
همچنین مقاوم بودن نتیجه به دست آمده در استراتژی RA روش IGDT با شبیه‌سازی مونت‌کارلو، تصدیق شد. همچنین نشان داده شد که در صورت لحاظ نکردن عدم قطعیت موجود در توان خروجی مزرعه بادی، ممکن است بهره‌بردار سیستم در شرایط بهره‌برداری واقعی متحمل هزینه بالاتری نسبت به مقدار متناظر در استراتژی RA شود.

فهرست علائم و اختصارات

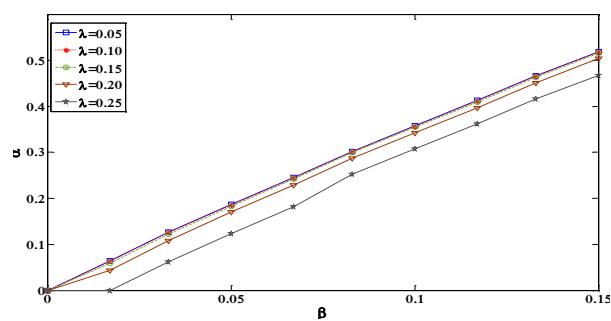
	مجموعه‌ها
	اندیس‌ها
مجموعه شین‌های سیستم	NB
مجموعه ژنراتورها	NG
مجموعه شین‌های دارای ژنراتور	NB_G
مجموعه شین‌هایی که به مزارع بادی متصل هستند	NB_W
مجموعه ژنراتورهایی که به شین ℓ ام متصل هستند	NG_b
مجموعه خطوط انتقال	NL
اندیس شین	b
اندیس ژنراتور	i
اندیس خط انتقال	ℓ
اندیس مزرعه بادی	w
متغیرها و پارامترها	
هزینه کل در حالت پایه	TC
توان حقیقی/راکتیو تولید شده توسط واحد حرارتی i ام	TC_{bc}
توان حقیقی/راکتیو بار در شین ℓ ام	P_{G_i} / Q_{G_i}
توان حقیقی/راکتیو تزریق شده از مزرعه بادی در شین w ام	P_{D_b} / Q_{D_b}
میزان تغییرات توان تولیدی در شین i	P_{w_b} / Q_{w_b}
میزان تغییرات بار در شین b	$k_{G,i}$
	$k_{D,b}$

شکل ۱۳ ملاحظه می‌شود، با افزایش حد بارپذیری مطلوب شعاع عدم قطعیت در تولید توان از مزرعه بادی کاهش می‌یابد. همچنین از این شکل ملاحظه می‌شود که به ازای مقادیر حد بارپذیری بزرگ‌تر از λ_{des} حساسیت α به افزایش β افزایش می‌یابد. با تغییر حد بارپذیری از $0/0.05$ تا $0/0.25$ به ازای $\lambda_{des}=0/0.05$ ، شعاع عدم قطعیت از $0/0.187$ به $0/0.124$ کاهش یافته است. مشابه استدلالی که در شبکه ۳۹ شینه ارائه شد، این بدین معنی است که حاشیه بارگذاری مجاز و شعاع عدم قطعیت تولید توان از مزرعه بادی رابطه عکس با هم دارند و برای حفظ حاشیه بارگذاری بیشتر، میزان کمتری از شعاع عدم قطعیت قابل تحمل است. همچنین ملاحظه می‌شود که با افزایش درصد مجاز افزایش هزینه (β)، در یک مقدار مشخصی از حد بارپذیری مجاز، شعاع عدم قطعیت بزرگ‌تری وجود خواهد داشت.

نمودار تغییرات α بر حسب β با در نظر گرفتن λ های مختلف در شکل ۱۴ نشان داده شده است. از این شکل ملاحظه می‌شود که با افزایش حد بارپذیری مطلوب به ازای یک β مشخص، شعاع عدم قطعیت کاهش پیدا می‌کند؛ به گونه‌ای که به ازای $\lambda_{des}=0/0.05$ ، با افزایش β از صفر تا $0/0.15$ %، شعاع عدم قطعیت از صفر تا $0/0.15$ % افزایش می‌یابد، در حالی که به ازای $\lambda_{des}=0/0.25$ با افزایش β از صفر تا $0/0.15$ %، شعاع عدم قطعیت از صفر به $0/0.467$ % می‌رسد.



شکل ۱۳: تغییرات شعاع عدم قطعیت بر حسب λ_{des} به ازای β مختلف در شبکه ۳۹ شینه



شکل ۱۴: تغییرات α بر حسب تغییرات β به ازای λ های مختلف در شبکه ۱۱۸ شینه

۶- نتیجه‌گیری

این مقاله مدل جامعی برای مسئله پخش بهینه توان مقید به پایداری ولتاژ (VSC-OPF) با در نظر گرفتن عدم قطعیت در تولید توان از مزارع بادی ارائه شده است. بدین منظور از روش تئوری تصمیم‌گیری بر مبنای

- [2] A. Rabiee, A. Soroudi, and A. Keane, "Information gap decision theory based OPF with HVDC connected wind farms," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 30, no. 6, pp. 3396-3406, 2015.
- [3] M. J. Hossain, H. R. Pota, M. A. Mahmud, and R. Ramos, "Investigation of the impacts of large-scale wind power penetration on the angle and voltage stability of power systems," *IEEE Systems Journal*, vol. 6, no. 1, pp. 76-84, 2012.
- [4] C. M. Affonso, L. C. Da Silva, F. G. Lima, and S. Soares, "MW and MVar management on supply and demand side for meeting voltage stability margin criteria," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 19, no. 3, pp. 1538-1545, 2004.
- [5] E. Vittal, M. O'Malley, and A. Keane, "A steady-state voltage stability analysis of power systems with high penetrations of wind," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 25, no. 1, pp. 433-442, 2010.
- [6] W. Rosehart, C. Canizares, and V. Quintana, "Multiobjective optimal power flows to evaluate voltage security costs in power networks," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 18, no. 2, pp. 578-587, 2003.
- [7] فرید کربلایی، شهریار عباسی و حسین صابری، «محاسبه سریع و دقیق حاشیه پایداری ولتاژ با تقریب منحنی PV،» مجله مهندسی برق دانشگاه تبریز، دوره ۴۴، شماره ۳، صفحه ۳۳-۴۰، ۱۳۹۳.
- [8] A. Rabiee, and M. Parniani, "Voltage security constrained multi-period optimal reactive power flow using benders and optimality condition decompositions," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 28, no. 2, pp. 696-708, 2013.
- [9] V. Kumar, K. K. Reddy, and D. Thukaram, "Coordination of reactive power in grid-connected wind farms for voltage stability enhancement," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 29, no. 5, pp. 2381-2390, 2014.
- [10] A. Rabiee, M. Parvania, M. Vanouni, M. Parniani, and M. Fotuhi-Firuzabad, "Comprehensive control framework for ensuring loading margin of power systems considering demand-side participation," *IET Generation, Transmission & Distribution*, vol. 6, no. 12, pp. 1189-1201, 2012.
- [11] R. Al Abri, E. F. El-Saadany, and Y. M. Atwa, "Optimal placement and sizing method to improve the voltage stability margin in a distribution system using distributed generation," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 28, no. 1, pp. 326-334, 2013.
- [12] A. Soroudi, B. Mohammadi-Ivatloo, and A. Rabiee, "Energy hub management with intermittent wind power," *Green Energy and Technology*, ed., Springer, pp. 413-438, 2014.
- [13] A. Rabiee, and A. Soroudi, "Stochastic multiperiod OPF model of power systems with HVDC-connected intermittent wind power generation," *IEEE Transactions on Power Delivery*, vol. 29, no. 1, pp. 336-344, 2014.
- [14] E. M. Constantinescu, V. M. Zavala, M. Rocklin, S. Lee, and M. Anitescu, "A computational framework for uncertainty quantification and stochastic optimization in unit commitment with wind power generation," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 26, no. 1, pp. 431-441, 2011.
- [15] J. Wang, M. Shahidehpour, and Z. Li, "Security-constrained unit commitment with volatile windpower

اندازه/زاویه عنصر j ام ماتریس ادمیتانس شبکه	Y_{bj} / ϕ_{bj}
اندازه توان ظاهری انتقال یافته از خط انتقال ℓ ام	$S_\ell(V, \theta)$
حداکثر توان قابل انتقال از خط انتقال ℓ ام	S_ℓ^{\max}
تابع هزینه واحد حرارتی i ام	$F_i(P_{G_i})$
اندازه/زاویه ولتاژ در شین b ام	V_b / θ_b
توان حقیقی/راکتیو تولیدی در نقطه حد بارپذیری	$\hat{P}_{G_i} / \hat{Q}_{G_i}$
توان حقیقی/راکتیو بار شین b ام در نقطه حد بارپذیری	$\hat{P}_{D_b} / \hat{Q}_{D_b}$
اندازه/زاویه ولتاژ شین b ام در نقطه حد بارپذیری	$\hat{V}_b / \hat{\theta}_b$
متغیرهای اضافی برای مدل سازی رسیدن ژنراتورها به حدود توان راکتیو	v_b^{dn}, v_b^{up}
پارامتر بارگذاری	λ
حاشیه بارگذاری مطلوب	λ_{des}
درصد انحراف از تابع هدف در استراتژی ریسک گریز	β
شعاع عدم قطعیت	α
مجموعه عدم قطعیت ها در پارامتر غیرقطعی ورودی	Γ
پارامتر عدم قطعیت	γ
حداکثر شعاع عدم قطعیت	\mathfrak{R}_C
حداکثر مقدار مجاز تابع هدف در حضور عدم قطعیت	Δ_C
ضریب متناظر با حد پایین توان راکتیو خروجی مزمعه	K_{1_b}
بادی متصل شده به شین b ام	
ضریب متناظر با حد بالای توان راکتیو خروجی مزمعه	K_{2_b}
بادی متصل شده به شین b ام	
ظرفیت نامی مزمعه بادی در شین b ام	Λ_{w_b}

پیوست

جدول پ-۱: اطلاعات واحدهای ژنراتوری سیستم ۳۹ شینه

Bus No.	P_{\max} (MW)	P_{\min} (MW)	Q_{\max} (MVA r)	Q_{\min} (MVA r)	a \$/h	b \$/MW h	c \$/MW $^2 h$
۳۰	۱۰۴۰	۰	۴۰۰	۱۴۰	۵۰۰	۸	۰/۰۰۱۲۵
۳۱	۶۴۶	۰	۳۰۰	-۱۰۰	۱۵۰	۷/۹	۰/۰۰۱۶۶
۳۲	۷۲۵	۰	۳۰۰	۱۵۰	۵۰۰	۸	۰/۰۰۱۲۵
۳۲	۶۵۲	۰	۲۵۰	۰	۸۰۰	۷/۶۵	۰/۰۰۷۴
۳۳	۵۰۸	۰	۱۶۷	۰	۳۰۰	۷/۷	۰/۰۰۴۲۵
۳۵	۶۸۷	۰	۳۰۰	-۱۰۰	۱۵۰	۷/۹	۰/۰۰۱۶۶
۳۶	۵۸۰	۰	۲۴۰	۰	۵۰۰	۸	۰/۰۰۱۲۵
۳۷	۵۶۴	۰	۲۵۰	۰	۹۰۰	۸/۰۵	۰/۰۰۳۲۲
۳۸	۸۶۵	۰	۳۰۰	-۱۵۰	۱۰۰	۷/۵	۰/۰۰۷۶۵
۳۹	۱۱۰۰	۰	۳۰۰	-۱۰۰	۳۰۰	۷/۷	۰/۰۰۴۲۵

مراجع

- [1] A. Rabiee, A. Soroudi, B. Mohammadi-Ivatloo and M. Parniani, "Corrective voltage control scheme considering demand response and stochastic wind power," *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 29, no. 6, pp. 2965-2973, 2014.

زیرنویس

- ^۱ System operator (SO)
- ^۲ Loadability limit (LL)
- ^۳ Voltage collapse
- ^۴ Scenario based modeling
- ^۵ Security constrained unit commitment (SC-UC)
- ^۶ Information gap decision theory (IGDT)
- ^۷ Monte Carlo
- ^۸ Robust optimization (IGDT)
- ^۹ Voltage stability constrained optimal power flow(VSC-OPF)
- ^{۱۰} Risk averse (RA)
- ^{۱۱} Base case
- ^{۱۲} Risk seeker (RS)

generation,” *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 23, no. 3, pp. 1319-1327, 2008.

- [16] B. Ayyub, “Applied research in uncertainty modeling and analysis,” *Springer Science & Business Media*, vol. 20, 2007.

[۱۷] امیرحسین زارع نیستانک، رحمت‌ا... هوشمند و معین پرستگاری، «بهره‌برداری بهینه از نیروگاه‌های بادی با استفاده از نیروگاه‌های تلمبه‌ای-ذخیره‌ای بهمنظور کاهش عدم‌قطعیت در عملکرد آنان در بازار برق.» مجله مهندسی برق دانشگاه تبریز، جلد ۴۱، شماره ۲، صفحه ۵۹-۵۲، ۱۳۹۱.

- [18] A. Soroudi, and T. Amraee, “Decision making under uncertainty in energy systems: state of the art,” *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, vol. 28, pp. 376-384, 2013.

- [19] A. Soroudi, and M. Ehsan, “IGDT based robust decision making tool for DNOs in load procurement under severe uncertainty,” *IEEE Transactions on Smart Grid*, vol. 4, no. 2, pp. 886-895, 2013.

- [20] K. Zare, M. P. Moghaddam, and M. K. Sheikh-el-Eslami, “Electricity procurement for large consumers based on Information Gap Decision Theory,” *Energy Policy*, vol. 38, no. 1, pp. 234-242, 2010.

- [21] B. Mohammadi-Ivatloo, H. Zareipour, N. Amjadi, and M. Ehsan, “Application of information-gap decision theory to risk-constrained self-scheduling of GenCos,” *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 28, no. 2, pp. 1093-1102, 2013.

- [22] M. P. Cheong, D. Berleant, and G. Sheblé, “Information gap decision theory as a tool for strategic bidding in competitive electricity markets,” *IEEE International Conference on Power Systems*, pp. 421-426, 2004.

- [23] K. Zare, M. P. Moghaddam, and M. K. Sheykh-el-Eslami, “Demand bidding construction for a large consumer through a hybrid IGDT-probability methodology,” *Energy*, vol. 35, no. 7, pp. 2999-3007, 2010.

- [24] K. Zare, M. P. Moghaddam, and M. K. Sheykh-el-Eslami, “Electricity procurement for large consumers based on information gap decision theory,” *Energy Policy*, vol. 38, pp. 234-242, 2010.

- [25] S. Nojavan, K. Zare, and M. A. Ashpazi, “A hybrid approach based on IGDT-MPSO method for optimal bidding strategy of price-taker generation station in day-ahead electricity market,” *International Journal of Electrical Power & Energy Systems*, vol. 69, pp. 335-343, 2015.

- [26] M. Moradi-Dalvand, B. Mohammadi-Ivatloo, N. Amjadi, H. Zareipour, and A. Mazhab-Jafari, “Self-scheduling of a wind producer based on Information Gap Decision Theory,” *Energy*, vol. 81, pp. 588-600, 2015.

- [27] Y. Ben-Haim, *Info-gap Decision Theory: Decisions under Severe Uncertainty*, Academic Press, 2006.

- [28] R. J. Avalos, C. A. Cañizares, F. Milano, and A. J. Conejo, “Equivalency of continuation and optimization methods to determine saddle-node and limit-induced bifurcations in power systems,” *IEEE Transactions on Circuits and Systems-I*, vol. 56, no. 1, pp. 210-223, 2009.

- [29] *GAMS, A User Guide*, New York, NY, USA, 2008.

- [30] R. D. Zimmerman, C. E. Murillo-Sánchez, and R. J. Thomas, “Matpower: steady-state operations, planning, and analysis tools for power systems research and education,” *IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 26, no. 1, pp. 12-19, 2011.