

بررسی حساسیت پارامترهای المان جاذب پوگو بر فرکанс طبیعی سامانه پیشran مایع

سید علیرضا جلالی چیمه^۱، حسن کریمی مزرعه شاهی^۲

۱ دانشجوی دکتری، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، alireza.jalali@mail.kntu.ac.ir

۲ دانشیار، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۰۳/۰۸

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۰۸/۱۱

چکیده

پدیده پوگو به عنوان یکی از ناپایداری‌های فرکانس پایین در سطح سیستم، در ماهواره‌برهای سنگین مطرح می‌باشد. این ناپایداری از برهمکنش فرکانسی میان دو زیرسیستم سازه و پیشرانش حاصل می‌گردد. به‌منظور جبران یا جلوگیری از رخداد این ناپایداری در سامانه ماهواره‌بر، از المانی که آثار برهمکنش فرکانسی این دو سیستم را کاهش می‌دهد استفاده می‌شود. این المان تحت عنوان جاذب نوسانات پوگو در ماهواره‌برها و با نام آکومولاتور شناخته می‌شود. در این مقاله با استفاده از مدل‌سازی دینامیکی المان‌های موتور (مخزن)، مسیر تغذیه اصلی، آکومولاتور، مسیر تخلیه، پمپ و محفظه تراست) و در نظر گرفتن اتصال سازه به موتور در دو نقطه مخزن و پمپ به بررسی آثار المان آکومولاتور بر فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش پرداخته و ملاحظات مربوط به جانمایی و شرایط عملکردی این المان برای قرارگیری در مسیر تغذیه سامانه پیشرانش تعیین شده است. همچنین تحلیل حساسیت پارامترهای آکومولاتور بر فرکانس طبیعی کل سامانه پیشرانش انجام شده و نتایج نشان می‌دهد که قراردادن آکومولاتور نزدیک به مجموعه پمپ و در مسیر مکش منجر به کاهش فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش می‌شود که به پایداری مجموعه ماهواره‌بر کمک می‌نماید. وقتی کامپیانس و اینترنس آکومولاتور افزایش پیدا می‌کند، اثرگذاری آکومولاتور بر فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش قابل توجه خواهد بود. با توجه به تطابق نتایج تحلیل‌ها با نتایج یک مدل پروازی در شرایط حضور و عدم حضور این المان می‌توان گفت ایجاد یک مدل اولیه برای تخمین محل و طراحی مقدماتی المان آکومولاتور بخشی از دستاوردهای این مقاله به شمار می‌رود.

واژگان کلیدی

پایداری پوگو، ارتعاشات طولی، آکومولاتور، موتور پیشران مایع، شبیه‌سازی دینامیکی

۱. مقدمه

به صورت عدم قطعیت در سیستم باقی بمانند مانند احتمال خرابی اثکتها یا احتمال بروز نشتهای ناخواسته در مدار پنوماهیدرولیکی موتور و یا رعایت نشدن تلرانس های ساختی، اما برخی المانها در موتور به تهایی ممکن است تولید کننده نوعی از این ارتعاشات باشند که در این صورت باید بررسی های لازم در این زمینه قبل از به کارگیری آن انجام گردد. یکی از این المانها، عملگر سامانه کنترل برون موتوری می باشد. این سامانه با توجه به ماهیت و الگوریتم کار کرد خود با ارسال فرامینی به المان عملگر که در موتور قرار می گیرد، تغییرات آنی یا مداوم در دبی جریان مؤلفه پیشران (سوخت یا اکسید کننده) ایجاد می نماید، که این تغییرات در دبی ممکن است بنای شروع ناپایداری پوگو را در موتور پیشران مایع بگذارد. به دلیل اهمیت جلوگیری از رخداد این پدیده در طول زمان پرواز ماهواره بر، یکی از راه حل ها استفاده از ابزاری است که مانع از این برهم کنش فرکانسی شود. این المان که در طول زمان پروازی فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش را از پایین ترین فرکانس طبیعی مودهای سازه دور نگه می دارد، آکومولاتور^۵ نام دارد. استفاده از آکومولاتورها در مسیرهایی تعزیزی سامانه پیشرانش که دارای طول بیشتری هستند رایج است [۳-۲]. تحلیل و بررسی پدیده پوگو توسط رایین پس از نخستین رخداد این پدیده با استفاده از تحلیل اطلاعات پروازی انجام پذیرفت [۴]. در دهه ۷۰ م، شناسایی این پدیده به عنوان مهمترین مسئله برای طراحان مطرح بوده و به صورت موردی، بر ماهواره برها اطلس [۵]، دلتا [۶] پژوهش و تحقیقات زیادی انجام شده است.

کوییزنگ^۶ و همکاران (۱۹۹۱) با مدل سازی، تحلیل پایداری و قابلیت اطمینان پدیده پوگو به بررسی پارامترهای مؤثر بر این پدیده در یک ماهواره بر خاص پرداختند [۷]. مدل سازی دینامیکی و تحلیل پوگو توسط آپنهایم در سال ۱۹۹۴ انجام شد [۸]. ژاون و همکاران (۲۰۱۱) به بررسی پارامترهای مختلف مؤثر در ایجاد پدیده پوگو برای یک مسیر از سامانه پیشرانش پرداختند، ایشان پدیده پوگو از نوع کوپل موتور را در پژوهش خود مد نظر قرار دادند [۹]. در این پژوهش با استفاده از مدل خطی ارائه شده توسط آپنهایم و همکاران [۸]، مدل سازی پوگو را برای یک موتور و رام موتور فرضی انجام دادند. به منظور بررسی علل رخداد پوگو مطالعات گسترده ای در زمینه پارامترهای مؤثر روی این پدیده اعم

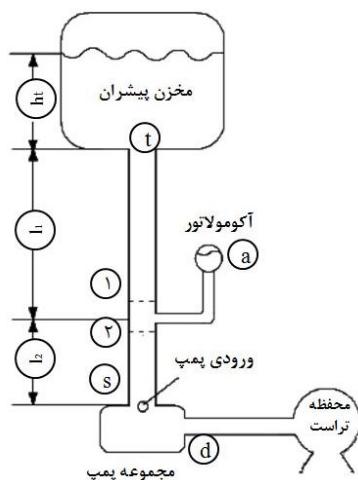
در پرتاپهای اولیه ماهواره برها سنگین، پدیدهای در حین پرواز به وجود آمد که طراحان را شگفت زده نموده است. این پدیده که بروزدهنده نوعی از ناپایداری است، پدیده پوگو^۱ نامیده می شود. این پدیده فرکانس پایین در اثر ایجاد نوسانات (ارتعاشات) طولی سازه ماهواره بر در زمان های مختلف پروازی رخ می دهد. همچنین نوسانات در فرکانس های پایین ممکن است در نیروی پیشران موتور و فشار اندازه گیری شده از سامانه تعزیزی مؤلفه های پیشران نیز مشاهده شود. همچنین نوسانات پوگو در ماهواره برها حامل انسان نیز دیده شده است که این رخداد، مسئله پایداری دینامیکی پراهمیتی را مطرح می کند که به منظور حفظ سلامت خدمه باید مورد بررسی قرار گیرد؛ زیرا نوسانات طولی، سطح شتاب وارد بر محفظه خدمه را از مقدار مجاز افزایش می دهد. لذا درک این پدیده و شناخت این نوسانات می تواند در کاهش و حذف این^۲ شتاب های ناخواسته کمک کند. ماهواره بر امریکایی آپولو/ساترن^۳ و ماهواره بر اروپایی دیامنت بی^۴ را به عنوان ماهواره برها می توان نام برد که دچار این ناپایداری شده اند. می توان گفت ارتعاشات پوگو، ارتعاشات فرکانس پایین خود تحریک^۵ است که ناشی از برهم کنش حلقة بسته میان ارتعاشات طولی ماهواره بر و سامانه پیشرانش می باشد. شکل ۱ این مورد را نمایش می دهد [۱].



شکل ۱. نمایش حلقة بسته پدیده پوگو

این فرایند حلقة بسته بدین صورت عمل می کند که ارتعاشات انفاقی (به عنوان مثال ناشی از ائرو دینامیک، نویه های احتراقی و یا تغییرات دبی جریان) منجر به تولید نوسانات فشاری در انتهای سازه مخازن می گردد که این نوسانات با اثرگذاری بر سیال عامل از طریق خطوط انتقال مؤلفه پیشران به موتور منتقل می شوند و طی گذر از سامانه پیشرانش به نوسانات نیروی تراست تبدیل می گرددند این نوسانات مجددًا می توانند ارتعاشات سازه را تشديد نمایند. ارتعاشات تصادفی ممکن است منبعی نداشته باشند و

اثر المان آکومولاتور فرکانس طبیعی مجموعه در دو حالت حضور و عدم حضور این المان محاسبه می‌گردد.



شکل ۲. مدار پنوماهیدرولیکی مسیر پیشران مورد بررسی

۱-۲. مخزن پیشران
بهمنظور محاسبه فشار انتهای مخزن (ورودی به مسیر اصلی) تحت تأثیر شتاب ماهواره‌بر، تعادل نیرویی در بخش انتهای مخزن نوشته می‌شود که معادله آن به صورت ۱ خواهد شد.

$$(1) \quad p_t = \rho h_t \ddot{x}_t$$

در این رابطه زیرنویس t نمایانگر مخزن و ρ چگالی سیال درون مخزن و h_t به عنوان ارتفاع سیال درون مخزن در لحظه t شتاب سامانه پروازی است.

۲-۲. مسیر تغذیه (از مخزن تا مکش پمپ)
بهمنظور مدلسازی مسیر تغذیه در دو مسیر شماره ۱ و ۲ اشاره شده در شکل ۲ با استفاده از معادلات اوبلر و با فرضیات یکبعدی، غیرقابل تراکم و غیرلزج شرایط حاکم بر سیال به صورت زیر تشریح می‌شود.

$$(2) \quad \frac{\partial v}{\partial t} + v_0 \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} = 0$$

$$(3) \quad \frac{\partial p}{\partial t} + v_0 \frac{\partial p}{\partial x} + C_0^2 \rho \frac{\partial v}{\partial x} = 0$$

با فرض اینکه در شرایط نوسانی و ایجاد اغتشاشات در زمان کارکرد در رژیم نامی سامانه پیشرانش در رابطه ۲ نرخ تغییرات سرعت در راستای طولی المان در مقابل تغییرات سرعت برحسب زمان قابل اغماض می‌باشد و در رابطه ۳ همین فرض برای تغییرات فشار برقرار باشد می‌توان روابط را به صورت فشرده نوشت. بدین ترتیب با استفاده از لاپلاس‌گیری و حذف سرعت از

از مشخصات کاویتاسیونی پمپ انجام پذیرفت [۱۰-۱۱]. در این مقاله تلاش بر این است که برای یک سامانه پیشرانش، که در یکی از مسیرهای پیشران آن المان آکومولاتور نصب شده است، حساسیت تغییرات فرکانسی سامانه پیشرانش به محل قرارگیری در طول لوله و مشخصه حجمی آکومولاتور بررسی شود و محدوده این مشخصات به منظور جبرانسازی بهتر پدیده پوگو برای آکومولاتور تعیین گردد.

۲. مدل دینامیکی سامانه پیشران مایع

سامانه پیشرانش مایع در ماهواره‌ها به عنوان بخش تولید نیروی محرک مجموعه پروازی شناخته می‌شود. ایجاد نوسانات در مجموعه سامانه پیشرانش منجر به ایجاد تغییرات در نیروی تولید یا تراست مجموعه می‌گردد. بدین ترتیب اثربازی سامانه از نوسانات شتابی ماهواره‌بر اجتناب ناپذیر است؛ به ترتیبی که در برهم‌کنش با سازه ماهواره‌بر می‌تواند پدیده پوگو را تولید کند لذا بررسی اثربازی این سامانه از نوسانات احتمالی بسیار پر اهمیت است. در این مقاله بررسی اثر آکومولاتور در مجموعه موتور به عنوان المان جبرانساز پدیده پوگو مورد نظر می‌باشد. در ماهواره‌ها عموماً المان جبرانساز پوگو در مسیری قرار می‌گیرد که نسبت طول به قطر بالایی دارد؛ زیرا در آن انتشار نوسانات فشاری و شتابی در سیال به علت طول مجموعه قابل اغماض نیست. لذا بررسی مسیر طولانی‌تر نسبت به دیگر مسیر تغذیه در سامانه پیشرانش برای مطالعه آثار فرکانسی کافی می‌باشد. بدین ترتیب مدار پنوماهیدرولیکی مجموعه مورد بررسی همانند شکل ۲ در نظر گرفته می‌شود. این مسیر پیشران دارای پنج المان اصلی است که از مخزن پیشران، مسیر تغذیه اصلی (که به دو بخش ۱ و ۲ تقسیم شده است)، المان آکومولاتور، مجموعه پمپ (عبارت S به معنای مکش^۷ بخش ورودی پمپ و d به عنوان تخلیه^۸ بخش خروجی پمپ است) مسیر تخلیه از پمپ به سمت محفظه احتراق و تراست تشکیل شده است. بهمنظور مدلسازی بخشی از این المان‌ها از معادلات ارائه شده در [۴] و [۱۳] استفاده شده است. بهمنظور مدلسازی دینامیکی این مجموعه باید معادلات حاکم بر المان‌ها به صورت گزرا نوشته شده و با کوپل معادلات با یکدیگر دستگاه معادلات کلی مجموعه استخراج گردد. در ادامه با استفاده از تبدیل لاپلاس و فرایند لاپلاس‌گیری از معادلات امکان محاسبه فرکانس طبیعی مجموعه مهیا می‌گردد. بهمنظور بررسی

در این رابطه زیرنویس a برای مشخص نمودن المان آکومولاتور استفاده می شود [۱۳].

۴-۲. محفظه تراست

محفظه تراست المانی است که در آن احتراق رخ می دهد و گازهای پرانرژی داغ ناشی از احتراق بهوسیله المان نازل با سرعت به بیرون رانده می شوند و انرژی پتانسیل گازها به انرژی جنبشی مبدل می گردد. در این المان نیروی تراست به فشار محفظه احتراق مرتبط است. فشار محفظه احتراق با توجه به زمان تأخیر احتراق به صورت زیر نوشته می شود [۴].

$$p_c(t+\tau) = C^* \dot{w}_{total} / A_{th} g \quad (10)$$

با استفاده از بسط تیلور رابطه فشار خطی می شود و در فرایند لاپلاس گیری به فرم زیر نوشته می شود.

$$(1 + \tau s) p_c = C^* \dot{w}_{total} / A_{th} g \quad (11)$$

۵-۲. مسیر تخلیه پس از پمپ تا محفظه احتراق

این مسیر به علت اینکه عموماً مسیر کوتاهتری می باشد و پخش موج نوسانات به نسبت طول لوله بسیار کوچک است، فرض می شود که اثر نوسانات بر این مسیرها کم می باشد و تنها افت فشار مسیر و اینرسی حرکتی سیال دیده می شود. این اختلاف فشار به صورت زیر نوشته می شود [۱۳].

$$p_d - p_c = (sI_d + R_d) \dot{w}_d \quad (12)$$

در این رابطه I_d اینترنس^{۱۱} مسیر تخلیه و R_d مقاومت محلی^{۱۲} مسیر تخلیه در نظر گرفته می شود. اینترنس در سیالات میزان اختلاف فشار مورد نیاز است که در دبی سیال تغییر ایجاد نماید.

۶-۲. مجموعه پمپ

پمپ در سامانه پیشان مایع بهمنظور ایجاد اختلاف فشار مورد نیاز برای محفظه احتراق تعییه می گردد. یکی از محل های اتصال سامانه موتور با سازه ماهواره بر مجموعه توربopoیمپ می باشد. در این مقاله فرض بر این است که نقطه مرجع اتصال سامانه پیشانش با بخش سازه ماهواره بر از طریق همین المان میسر شده است. با توجه به رابطه میان اختلاف فشار (هد)، سرعت زاویه ای و فشار مکش پمپ رابطه زیر را می توان نوشت.

$$p_d - p_s = \frac{\partial H}{\partial p_s} \Delta p_s + \frac{\partial H}{\partial \dot{w}_d} \Delta \dot{w}_d + \frac{\partial H}{\partial N} \Delta N \quad (13)$$

معادلات می توان به معادله ۴ رسید. با حل این معادله و جایگذاری $i\omega = s$ و تعریف عدد موج به صورت $C_0 / \rho \beta = \omega$ اعمال شرایط مرزی ارائه شده در جدول ۱ می توان نوشت.

$$\begin{cases} v(x,s) = -\frac{1}{\rho s} \frac{dp}{dx} \\ s^2 p(x,s) + C_0^2 \frac{d^2 p}{dx^2} = 0 \end{cases} \quad (4)$$

جدول ۱. شرایط مرزی بالادست و پایین دست لوله

شرایط بالادست	شرایط پایین دست
$v(0) = \dot{w}_u / \rho A$	$v(1) = \dot{w}_d / \rho A$
$p(0) = p_u$	$p(1) = p_d$

با استفاده از شرایط مرزی جدول ۱ دسته معادلات ۵ به دست می آید.

$$\begin{cases} p_{do} = (\cos(\beta l)) p_u - sL [\sin(\beta l) / \beta l] \dot{w}_u \\ \dot{w}_{do} = [(\beta l / sL) \sin(\beta l)] p_u + (\cos(\beta l)) \dot{w}_u \end{cases} \quad (5)$$

در این رابطه، L در رابطه ۶ نمایش داده شده است؛ همچنین در این روابط زیرنویس u معروف بالادست^۹ جریان و do معرف پایین دست^{۱۰} می باشد. بدین ترتیب می توان برای مدل سازی دو مسیر ۱ و ۲ روابط را به صورت ۶ نوشت [۱۳].

$$L = l / (Ag) \quad (6)$$

برای مسیر از انتهای مخزن تا نقطه شماره ۱:

$$\begin{cases} p_1 = (\cos(\beta l_1)) p_t - sL_1 [\sin(\beta l_1) / \beta l_1] \dot{w}_t \\ \dot{w}_1 = [(\beta l_1 / sL_1) \sin(\beta l_1)] p_t + (\cos(\beta l_1)) \dot{w}_t \end{cases} \quad (7)$$

برای مسیر از نقطه شماره ۲ تا ورودی پمپ:

$$\begin{cases} p_s = (\cos(\beta l_2)) p_2 - sL_2 [\sin(\beta l_2) / \beta l_2] \dot{w}_2 \\ \dot{w}_s = [(\beta l_2 / sL_2) \sin(\beta l_2)] p_2 + (\cos(\beta l_2)) \dot{w}_2 \end{cases} \quad (8)$$

۳-۲. نقاط اتصال و انشعاب

در مدل نوبسی سیالاتی برای نقاط انشعاب قانون بقای دبی جرمی در ورودی و خروجی المان نوشته و فرض می شود که فشار در ورودی و خروجی های انشعاب برابر است؛ بدین ترتیب روابط حاکم بر انشعاب میان المان آکومولاتور و مسیر اصلی تغذیه پیشان از مخزن تا پمپ به صورت زیر می باشد.

$$\begin{cases} \dot{w}_1 = \dot{w}_2 + \dot{w}_a \\ p_1 = p_2 = p_a \end{cases} \quad (9)$$

رابطهٔ دبی ورودی به این المان از سمت انشعاب با استفاده از مفهوم کامپلیانس به صورت زیر تعریف می‌گردد.

$$\dot{w}_a = -sC_b p_g \quad (18)$$

۳. کوپل معادلات

معادلات حاکم بر المان‌های مدار پنوماھیدرولیکی ارائه شده در شکل ۲ به صورت مجزا و در بخش‌های مختلف ارائه شده است. در معادلات اخیر، پس از انجام فرایند لاپلاس‌گیری و نیز با حذف متغیرهای فشار المان‌ها از روابط معادلات به صورت فرم فضایی حالت به صورت زیر بازنویسی می‌شود.

$$[sI - A]\{\dot{w}\} = \{B\} \ddot{x}_p \quad (19)$$

در رابطهٔ ۱۹ ماتریس‌های $[sI - A]$, $\{\dot{w}\}$ و $\{B\}$ ناشی از کوپل روابط مربوط به مدار می‌باشد که به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$[sI - A] = \begin{bmatrix} A_{22} & -1 & 0 \\ s\rho C_b A_{12} & -1 & 1 \\ (m+1)A_{12} & 0 & (sI_d + R) \end{bmatrix} \quad (20)$$

در این ماتریس، ضرایب خطی A به صورت زیر می‌باشند.

$$A_{11} = \cos(\beta l) + \kappa s L_2 (\sin(\beta l_2) / \beta l_2) \cos(\beta l_1) Z^{-1} \quad (21)$$

$$A_{12} = -sL(\sin(\beta l) / \beta l) - \kappa s^2 L_1 L_2 (\sin(\beta l_1) \sin(\beta l_2) / \beta l_1 \beta l_2 Z) \quad (22)$$

$$A_{21} = -(\beta l / sL) \sin(\beta l) - \kappa \cos(\beta l_1) \cos(\beta l_2) Z^{-1} \quad (23)$$

$$A_{22} = \cos(\beta l) + \kappa s L_1 (\sin(\beta l_1) / \beta l_1) \cos(\beta l_2) Z^{-1} \quad (24)$$

در این رابطه $L = L_1 + L_2$ و $l = l_1 + l_2$ می‌باشد و عبارت Z و R به فرم زیر تعریف شده است. همینطور κ به عنوان ضریب حضور و عدم حضور المان آکومولاتور تعریف شده است که تحلیل اثرگذاری سامانه از این المان را تسهیل نماید.

$$Z = sI_a + R_a + s^{-1}C_a^{-1} \quad (25)$$

$$R = C^* / (A_t g) + R_d + R_p \quad (26)$$

متغیرهای حالت در نظر گرفته شده در معادلات عبارت‌اند از دبی جرمی در نقاط ورودی مسیر تغذیه (خروجی مخزن)، ورودی پمپ و ورودی به محفظه احتراق می‌باشد که به صورت زیر نمایش داده می‌شود.

$$\{\dot{w}\} = \{\dot{w}_t \ \dot{w}_s \ \dot{w}_d\}^T \quad (27)$$

ماتریس ضرایب B نیز به صورت رابطهٔ ۲۸ است.

با توجه به نمودارهای مشخصهٔ پمپ اثر دو ترم اولیه رابطهٔ ۱۳ یعنی تغییرات هد بر حسب فشار مکش و دبی خروجی بیشتر از ترم سوم است. بدین ترتیب دو پارامتر به صورت فاکتور بهرهٔ پمپ و مقاومت هیدرولیکی پمپ تعریف می‌شود.

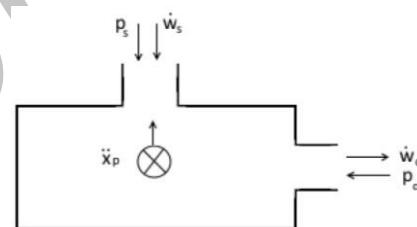
$$m = \frac{\partial H}{\partial p_s}, R = \frac{\partial H}{\partial \dot{w}_d} \quad (14)$$

برای فشار مکش ثابت می‌توان نوشت:

$$p_d = (m+1)p_s + R\dot{w}_d \quad (15)$$

دبی گذرنده از سامانه، که با \dot{w}_d نمایش داده شده است، دبی جرمی عبوری از سامانه توربومپ با در نظر گرفتن آثار شتابی سیال ناشی از حرکت ماهواره‌بر و نیز اثرات کامپلیانس^{۱۳} پمپ به صورت زیر است. شکل ۳ بیانگر ورودی و خروجی‌های پمپ می‌باشد^{۱۴}. کامپلیانس در سیالات به صورت نیروی‌بی که به حجم سیال در مقابل افزایش فشار وارد می‌گردد، تعریف می‌شود.

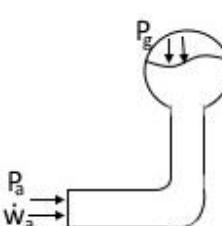
$$\dot{w}_d = \dot{w}_s + \rho A_s \dot{x}_p - s\rho C_b p_s \quad (16)$$



شکل ۳. نمای شماتیک از پمپ سامانه پیشان مایع

۷-۲. آکومولاتور

این المان به منظور جلوگیری از رخداد پدیده پوگو در موتورهای پیشان مایع مورد استفاده قرار می‌گیرد. اساس فلسفه استفاده از این سامانه جذب نوسانات فشاری ایجادشده توسط نوسانات شتابی ماهواره‌بر است. نمای شماتیک این المان در شکل ۴ قبل مشاهده است. رابطهٔ حاکم بر اختلاف فشار این المان با استفاده از روابط ارائه شده در بخش ۲-۵ توصیف می‌شود.



شکل ۴. نمای شماتیک از المان آکومولاتور

$$p_a - p_g = (sI_a + R_a)\dot{w}_a \quad (17)$$

می شود و به عنوان فرکانس طبیعی سامانه پیشران مایع بدون آکومولاتور در نظر گرفته می شود.

$$\omega^* = \frac{1}{\sqrt{LC_b}} \quad (32)$$

همان گونه که از رابطه فوق مشخص است، فرکانس طبیعی سامانه کاملاً تابعیت از شرایط عملکردی سامانه توربومپ و ابعادی مسیرهای انتقال می باشد.

۴-۲. حضور آکومولاتور

فرکانس طبیعی سامانه پیشران مایع با در نظر گرفتن المان آکومولاتور با حل رابطه ۳۱ بدست می آید که به صورت زیر خواهد بود.

$$\tilde{\omega}^* = \sqrt{\frac{N_1 \pm N_2}{N_3}} \quad (33)$$

در رابطه ۳۳ عبارتهای N_1 , N_2 و N_3 به صورت روابط ذیل تعريف می شوند.

$$N_1 = (L_1 C_a + LC_b + I_a C_a) \quad (34)$$

$$N_2 = \sqrt{(I_a C_a + L_1 C_a + LC_b)^2 - 4(L_1 L_2 C_a C_b + LI_a C_a C_b)} \quad (35)$$

$$N_3 = 2(L_1 L_2 C_a C_b + LI_a C_a C_b) \quad (36)$$

همان گونه که از فرکانس طبیعی سامانه با آکومولاتور مشخص است، این فرکانس طبیعی کاملاً به محل جایگذاری المان، شرایط عملکردی، کامپلاینس پمپ و آکومولاتور و اینترنس آکومولاتور حساس می باشد.

۵. حساسیت سنجی اثرباری آکومولاتور بر فرکانس طبیعی سامانه

به منظور بررسی و تحلیل شرایط اثرباری المان آکومولاتور بر سامانه، نسبت فرکانسی بدون بعد Ω که حاصل تقسیم عبارت ۲۷ بر ۲۶ می باشد معروفی می گردد. برای ساده نویسی رابطه مربوطه نسبت فرکانسی Ω سه پارامتر بدون بعد که در این رابطه ظاهر می شوند معروفی می گردد.

$$\Omega = \frac{\tilde{\omega}^*}{\omega^*}, \eta = \frac{L_1}{L}, \lambda = \frac{I_a}{L}, 1 - \eta = \frac{L_2}{L}, \gamma = \frac{C_a}{C_b} \quad (37)$$

با استفاده از تعاریف و پارامترهای معروفی شده فوق، رابطه مربوط به نسبت فرکانسی Ω به صورت زیر نوشته می شود.

$$B = \frac{\rho h_t}{g} \frac{\varphi_t}{\varphi_p} \begin{cases} -A_{21} \\ -sC_b A_{11} + \frac{A_s}{s} \frac{g}{h_t} \frac{\varphi_p}{\varphi_t} \\ -(m+1)A_{11} \end{cases} \quad (28)$$

۶. استخراج فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش

در بخش ۳ معادلات مربوط به سامانه پیشران مایع و المان های آنها و کوپل معادلات حاکم بر مدار پنوما هیدرولیکی مورد نظر در شکل ۲ ارائه شد. در این بخش به منظور محاسبه فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش حل دستگاه معادلات استخراج شده مورد بررسی قرار می گیرد. لذا باید مقادیر ویژه سیستم استخراج گردد و این امر از طریق برابر صفر قرار دادن دترمینان ماتریس ضرایب متغیر حالت میسر می شود.

$$|sI - A| = 0 \quad (29)$$

محاسبه رابطه ۲۹ نشان می دهد که دترمینان این ماتریس چند جمله ای از مرتبه ۵ برای اپراتور لاپلاس می باشد برای ساده سازی از اینترنس مسیر تغذیه پیشران به محفظه تراست که با مسیر تخلیه معروفی شده است در مقابل اینترنس سایر مسیرهای سامانه صرف نظر می شود و دترمینان مورد نظر از نظر مرتبه یک درجه کاهش پیدا می کند و به صورت زیر نوشته می شود.

$$\left[\begin{array}{l} \kappa L_1 L_2 C_a C_b l \sin(\beta l_1) \sin(\beta l_2) \\ + L I_a C_a C_b \sin(\beta l) \beta l_1 l_2 \\ \kappa \beta l l_2 L_1 C_a \sin(\beta l_1) \cos(\beta l_2) + \\ \beta^2 l l_2 C_a I_a \cos(\beta l) l_1 + \\ L C_b \sin(\beta l) \beta l_1 l_2 \\ \beta^2 l l_2 l_1 \cos(\beta l) \end{array} \right] / den = 0 \quad (30)$$

$$den = \beta^2 l (I_a C_a S^2 + 1) l_2 l_1 \quad (31)$$

بدین ترتیب با حل رابطه ۳۱ برای s و جایگذاری $s = i\omega$ می توان فرکانس های طبیعی سامانه پیشرانش را مشخص نمود. برای محاسبه فرکانس طبیعی سیستم، فرکانس ارتعاشی را بسیار کوچک فرض می شود (بنا به سمت صفر میل می کند). در این حالت در حضور و عدم حضور المان آکومولاتور می توان فرکانس طبیعی سامانه را استخراج کرد.

۶-۱. عدم حضور آکومولاتور

در این شرایط عبارت K در رابطه ۳۱ برابر با صفر قرار داده می شود و معادله حل می گردد. جواب معادله با ω^* نمایش داده

۲-۵. بررسی حساسیت فرکانس طبیعی سامانه به محل قرارگیری آکومولاتور

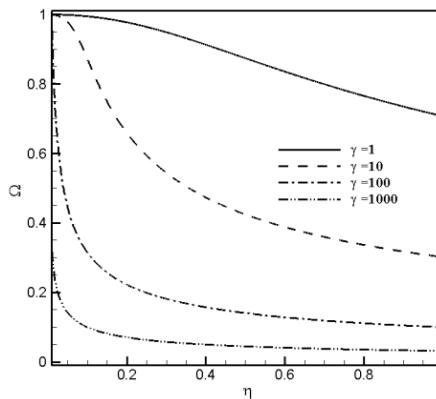
همان‌گونه که در شکل‌های ۵ و ۶ قابل مشاهده است، محل قرارگیری آکومولاتور یکی از پارامترهای تأثیرگذار بر فرکانس طبیعی سامانه است؛ بهمنظور بررسی حساسیت فرکانس طبیعی سامانه با استفاده از مشتق‌گیری از رابطهٔ ۳۸ نسبت به پارامتر ۷ میزان تغییرات حساسیت سیستم تحلیل می‌شود. نمودارها برای دو حالتی که اینترنس آکومولاتور در نظر گرفته شود و یا خیر؛ بر حسب نسبت‌های کامپلیانس مختلف در شکل‌های ۹ و ۱۰ ارائه شده است. همان‌گونه که در شکل ۹ قابل مشاهده است، در شرایطی که اینترنس سیستم قابل اغماض باشد، حساسیت فرکانس طبیعی سامانه نسبت به افزایش نسبت کامپلیانس بالا می‌باشد و زمانی که این نسبت کمتر از ۱۰۰ است بیشینهٔ حساسیت در حدود نسبت طول ۱/۰ رخ می‌دهد و با توجه به شکل ۱۰ می‌توان گفت که اگر اینترنس آکومولاتور در نظر گرفته نشود با افزایش نسبت کامپلیانس حساسیت فرکانس با تغییرات محل قرارگیری آکومولاتور کاهش می‌یابد.

$$\Omega = \sqrt{\frac{(\lambda\gamma + \eta\gamma + 1) \pm \sqrt{(\lambda\gamma + \eta\gamma + 1)^2 - 4(\lambda\gamma + \eta(1-\eta)\gamma)}}{2(\lambda\gamma + \eta(1-\eta)\gamma)}} \quad (38)$$

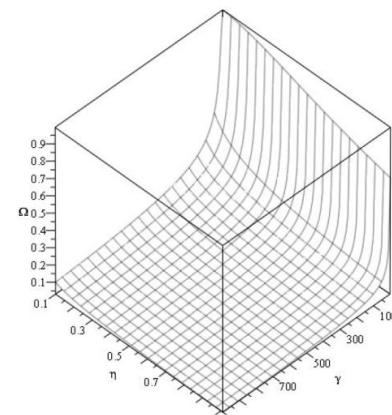
λ در رابطهٔ فوق بهمنظور بررسی آثار در نظر گرفتن اینترنس آکومولاتور تعریف شده است و مقادیر صفر یا یک را اختیار می‌کند. بررسی پارامترهای اثرگذار بر روی نسبت فرکانسی سامانه با رسم رابطهٔ ۳۸ برای محدوده تعریف شده پارامترهای ۷ (نسبت کامپلیانس) و ۱۱ (محل قرارگیری) آکومولاتور انجام می‌پذیرد. این نمودار، که در شکل ۶ قابل ملاحظه است، بیانگر این مطلب است که برای ضرایب کوچک ۷ و زمانی که ۱۱ دارای مقادیر پایین است نسبت فرکانسی مقادیر نزدیک به ۱ می‌گیرد که به معنای عدم اثرگذاری آکومولاتور است. اما با افزایش نسبت ضریب کامپلیانس آکومولاتور اثر محل قرارگیری آکومولاتور بر فرکانس طبیعی سامانه کاهش می‌یابد این اتفاق برای $\lambda > 150$ می‌افتد. تصویر رویهٔ ارائه شده در شکل ۵ روی صفحهٔ $\Omega - \eta$ در شکل ۷ ارائه شده است. بررسی حساسیت نسبت فرکانس طبیعی به پارامترهای آن با استفاده از مشتق این عبارت نسبت به هریک از پارامترها و تحلیل تغییرات این پارامترها بر مقدار مشتق رابطهٔ انجام می‌شود. بدین منظور میزان تغییرات زیاد مشتق به معنای اثرگذاری این پارامتر روی رابطهٔ و تغییرات پایین بیانگر کمبودن حساسیت سیستم به این پارامتر است. با توجه به شکل ۵ می‌توان برای بررسی بیشتر دو پارامتر ۷ و ۱۱ بررسی حساسیت فرکانس طبیعی سامانه برای مقادیر کمتر از ۱۵۰ برای ۷ را انجام داد.

۳-۵. بررسی حساسیت فرکانس طبیعی سامانه به نسبت کامپلیانس آکومولاتور

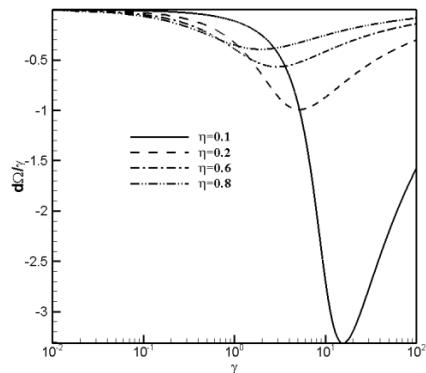
نسبت کامپلیانس آکومولاتور بیانگر ضریب کاویتاسانیونی آکومولاتور به ضریب کاویتاسانیونی پمپ می‌باشد که نشان‌دهنده عملکرد سامانه است. برای بررسی حساسیت سیستم به این پارامتر از رابطهٔ ۳۸ نسبت به ۷ مشتق‌گیری می‌شود و برای محدودهٔ ۱۰ تا ۱۰۰۰ که از بررسی آماری برای این پارامتر به دست آمده است، برای فواصل مختلف آکومولاتور از پمپ ترسیم می‌شود. این بررسی برای دو حالتی که اینترنس آکومولاتور در نظر گرفته شود و یا نشود در شکل‌های ۷ و ۸ نمایش داده شده است. شکل ۷ بیانگر این مطلب است که در شرایطی که در اینترنس ورودی آکومولاتور ناچیز در نظر گرفته شود، حساسیت فرکانس سامانه



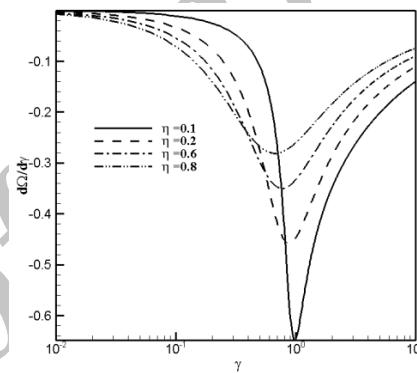
شکل ۶. تصویر رویه تغییرات نسبت فرکانسی روی محور η



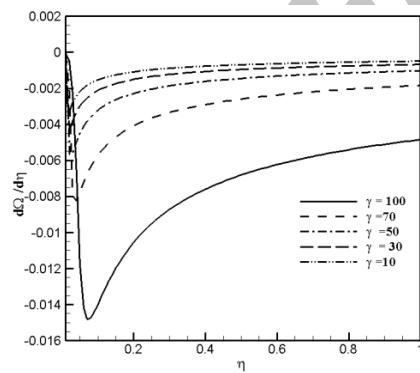
شکل ۵. تأثیرپذیری نسبت فرکانسی با تغییرات پارامترهای آکومولاتور



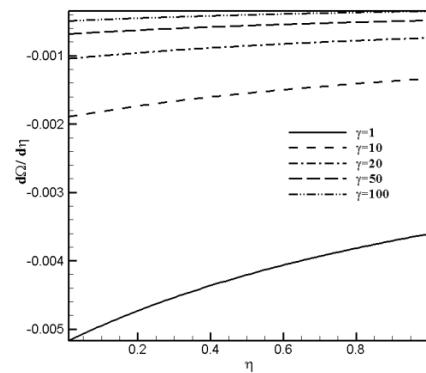
شکل ۸. حساسیت نسبت فرکانسی به نسبت کامپلیانس برای فواصل مختلف از پمپ ($\lambda=1$)



شکل ۷. حساسیت نسبت فرکانسی به نسبت کامپلیانس برای فواصل مختلف از پمپ ($\lambda=1$)



شکل ۱۰. حساسیت فرکانس سیستم به محل قرارگیری آکومولاتور برای نسبت کامپلیانس متفاوت ($\lambda=1$)



شکل ۹. حساسیت فرکانس سیستم به قرارگیری آکومولاتور برای نسبت کامپلیانس متفاوت ($\lambda=1$)

زیرسامانه باید با اطلاعات کامل در دسترس باشند. پدیده پوگو که از زمان شناسایی رخداد آن در دهه ۶۰ م اکثر سرویس‌های فضایی معتبر جهان اعم از ناسا و ایسا و جز این‌ها به تولید مدل‌های مربوط به هر ماهواره‌بر نمودند که در منابع [۲]، [۳] و [۵] ارائه شده‌اند. در مقاله حاضر از دسته معادلاتی استفاده شده

۳-۵. اعتبارسنجی روابط فرکانس طبیعی سامانه

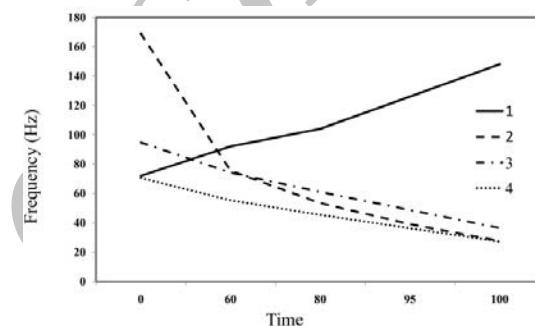
ارزیابی نتایج مربوط به مدلسازی پدیده‌هایی که در حین پرواز رخ می‌دهند، عموماً نیازمند دارابودن شرایط سامانه پروازی و المان‌های مرتبط با آن پدیده می‌باشد که در مورد پدیده پوگو سامانه پیشانش و بخش سازه ماهواره‌بر درگیر می‌باشند و این دو

نzedیک به مجموعه توربومپ (خط ۴) باشد مشاهده می‌شود که تداخل فرکانس طبیعی مجموعه‌ها در طول زمان پرواز از بین رفت و شرایط پایداری برای سامانه مهیا گردید. از طرف دیگر، بهمنظور بررسی نتایج ارائه شده برای آنالیز حساسیت در بخش‌های ۱-۵ و ۲-۵ این محاسبات برای شرایط $L_1=0.5L$ (خط ۳) که در آن آکومولاتور در محلی دورتر از مجموعه توربومپ نصب شده است نیز انجام پذیرفت که طی آن همان‌طور که در شکل ۱۱ مشاهده می‌شود، با انجام این تغییر تداخل دو نمودار در طول زمان پروازی رخ داد. می‌توان این نتیجه را گرفت که آثار مکانی برای یک آکومولاتور خاص بسیار پراهمیت می‌باشد به‌گونه‌ای که ممکن است به‌علت جانمایی غیر اصولی عملکرد خود را از دست بدهد. با توجه به اینکه ضریب کامپلیانس مجموعه توربومپ ارائه شده در [۷] در طول زمان افزایش پیدا می‌کند می‌توان گفت که ضریب ۷ برای این نمونه افزایش پیدا می‌کند. حال با جابه‌جایی آکومولاتور و برای حالت افزایش پارامتر ۶ به‌سمت یک طبق نمودار شکل ۶ باید نسبت فرکانس طبیعی سامانه پیشran با آکومولاتور به سامانه پیشran بدون آکومولاتور کاهش پیدار کند که این مورد با توجه به نتایج واقعی و مشخصات موتور ارائه شده در [۷] همخوانی دارد.

۶. نتیجه‌گیری

در این مقاله به بررسی آثار پارامترهای مختلف المان آکومولاتور بر فرکانس طبیعی سامانه پیشran مایع پرداخته شد و با اعمال فرضیات اولیه و استخراج معادلات حاکم بر المان‌های مختلف مدار پنوماهیدرولیکی در نظر گرفته شده رابطه مربوط به فرکانس طبیعی سامانه پیشran مایع ایجاد گردید. آثار حساسیت پارامترهای مختلف المان آکومولاتور در شکل‌های ۷ تا ۱۰ ارائه شد و بهمنظور اعتبارسنجی روابط استخراج شده و تحلیل‌های مربوط به حساسیت‌سنجی انجام گرفته در دو بخش ۱-۵ و ۲-۵ با استفاده از مشخصات پروازی و اطلاعات مربوط به المان‌های یک ماهواره‌بر خاص در بخش ۳-۵ صحت روابط بررسی گردید که نتایج حاصل با تحلیل‌های انجام‌شده همخوانی داشت. بدین ترتیب در مورد المان آکومولاتور در موتور پیشran مایع و اثر آن بر فرکانس طبیعی مجموعه می‌توان گفت که نصب آکومولاتور نزدیک به پمپ در جلوگیری از پوگو با استفاده از دورکردن فرکانس طبیعی سامانه پیشran از فرکانس طبیعی سازه ماهواره‌بر منجر به بهبد پایداری سامانه می‌شود. همین‌طور از

است که صحت آنها توسط منابع [۴] و [۵] برای سامانه‌های مختلف پروازی مورد بررسی قرار گرفته است. بهمنظور بررسی اثرات موارد و حالات ذکرشده در بخش‌های ۱-۵ و ۲-۵ برای یک نمونه تجربی به بررسی شرایط کارکرد یک ماهواره‌بر که اطلاعات پروازی آن در [۷] آورده شده است پرداخته می‌شود. بنا بر اطلاعات ارائه شده، این ماهواره‌بر در حین پرواز دچار پدیده پوگو شده است و همچنین مطرح شده است که با استفاده از یک سامانه آکومولاتور مشخص و تغییر وضعیت فرکانس طبیعی سامانه پیشran از تداخل تغییرات فرکانسی دو سامانه در طول پرواز جلوگیری شده است. این مسئله با توجه به روابط ۳۲ و ۳۳ و استفاده از مشخصات آکومولاتور ارائه شده در [۷] مورد بررسی واقع می‌گردد. نتایج این بررسی در شکل ۱۱ ارائه شده است.



شکل ۱۱. نمودار مقایسه فرکانس طبیعی سامانه پیشran با فرکانس طبیعی سامانه پروازی بر حسب زمان در شرایط مختلف قرار گیری آکومولاتور

در شکل ۱۱، خط ۱ تغییرات فرکانس طبیعی سامانه پروازی در طول زمان پرواز، خط ۲ تغییرات فرکانس طبیعی سامانه پیشran بدون آکومولاتور در طول زمان، خط ۳ تغییرات فرکانس طبیعی سامانه پیشran با حضور آکومولاتور در در شرایط قرارگیری $L=L_1/2$ بر حسب زمان پرواز و خط ۴ تغییرات فرکانس طبیعی سامانه پیشran با آکومولاتور در شرایط قرارگیری $L=0.9L_1$ بر حسب زمان پرواز را نمایش می‌دهد. همان‌گونه که در شکل ۱۱ قابل مشاهده است، در شرایطی که آکومولاتور برای سامانه پیشran در نظر گرفته نشده است در محدوده زمانی که ۶۰ درصد از زمان پرواز گذشته است دو نمودار فرکانس طبیعی سامانه پیشran و سامانه پروازی با هم تداخل دارد که به معنای احتمال رخداد پدیده پوگو می‌باشد. اما وقتی محاسبات فرکانسی سامانه پیشran با آکومولاتوری که مشخصات مکانی و هندسی آن در [۷] ارائه شده است، انجام پذیرفت در شرایطی که المان

این ضربی دارد و در وقتی اینترنس آکومولاتور قابل اغماض نباشد، بدون در نظر گرفتن محل قرارگیری با منظور تغییرات کمینه فرکانس طبیعی باید نسبت ظرفیت را نزدیک ۱ در نظر گرفت.

طرفی با افزایش ضربی کامپلیانس یا اینترنس آکومولاتور فرکانس طبیعی سامانه پیشرانش کاهش پیدا می‌کند و هنگامی که ضربی کامپلیانس به اندازه کافی افزایش پیدا کند. اثر محل قرارگیری سامانه قابل اغماض می‌باشد که بیانگر اهمیت بالای

۷. مأخذ

- [1] A. Rasumoff, R. Winje, The Pogo Phenomenon: Its Causes and Cure, *Astronautical Research*, Springer Netherlands, L. G. Napolitano, P. Contensou, W. F. Hilton, eds., pp. 307-322, 1973.
- [2] S. Rubin, Prevention of Coupled Structure-propulsion Instability (POGO), *National Aeronautics and Space Administration*, 1970.
- [3] S. Rubin, Analysis of Pogo Stability, *Astronautical Research*, L. G. Napolitano, P. Contensou and W. F. Hilton, eds., pp. 113-125: Springer Netherlands, 1973.
- [4] K. McKenna, J. Walker, R. Winje, A model for studying the coupled engine - airframe longitudinal instability of liquid rocket systems, *Aerospace Sciences Meeting, Aerospace Sciences Meetings: American Institute of Aeronautics and Astronautics*, 1964.
- [5] R. G. Rose, R. Harris, Dynamic analysis of a coupled structural/pneumatic system - longitudinal oscillation for atlas vehicles, *1st Annual Meeting, Annual Meeting: American Institute of Aeronautics and Astronautics*, 1964.
- [6] G. J. Payne, S. Rubin, Pogo Suppression on the Delta Vehicle, *National Aeronautics and Space Administration*, 1974.
- [7] W. Qizheng, G. Wanyong, G. Yongchun, POGO Stability, reliability and parameters analysis, *Journal of Vibration*, No. 2, pp. 29-47, 1991.
- [8] B. W. Oppenheim, S. Rubin, Advanced Pogo stability analysis for liquid rockets, *Journal of Spacecraft and Rockets*, Vol. 30, No. 3, pp. 360-373, 1993, 1993.
- [9] J. Zhang, Q. Wang, Parameter Study on Pogo Stability of Liquid Rockets, *Journal of Spacecraft and Rockets*, Vol. 48, No. 3, pp. 537-541, 2011.
- [10] K. W. Dotson, S. Rubin, S. Sako, Mission-Specific Pogo Stability Analysis with Correlated Pump Parameters, *Journal of Propulsion and Power*, Vol. 21, No. 4, pp. 619-626, 2005.
- [11] D. Kirk, S. Rubin, S. Brian, Effects of Unsteady Pump Cavitation on Propulsion-Structure Interaction (Pogo) in Liquid Rockets, *45th AIAA / ASME / ASCE / AHS / ASC Structures, Structural Dynamics & Materials Conference, Structures, Structural Dynamics, and Materials and Co-located Conferences: American Institute of Aeronautics and Astronautics*, 2004.
- [12] G. P. Sutton, O. Biblarz, *Rocket Propulsion Elements*: Wiley, 2001.
- [13] S. Rubin, Longitudinal Instability of Liquid Rockets due to Propulsion Feedback (POGO) *Journal of Spacecraft and Rockets*, Vol. 3, No. 8, pp. 1188-1195, 1966.

پی‌نوشت

۱. این نام از روی وسیله بازی و سرگرمی کودکان به عنوان شیوه استخراج شده است.

- 2. Apollo/Saturn
- 3. Diament B
- 4. self exciting
- 5. accumulator
- 6. Qizheng
- 7. suction
- 8. discharge

- 9. upstream
- 10. downstream
- 11. inertance
- 12. resistance

(تسیران وزن سیال درون مخزن به عنوان تغییرات فشار) ۱۳