

اعتبارسنجی عددی راه حل های تحلیلی طراحی لرزه ای پوشش نهایی تونل ها (مقطع مدور) (مطالعه موردی: خط ۶ مترو تهران)

علیرضا رشیدی‌دل^۱؛ میررئوف هادئی^{۲*}؛ رضا رحمن نژاد^۳

۱- دانشآموخته کارشناسی ارشد مهندسی معدن؛ گرایش تونل و فضاهای زیرزمینی؛ دانشکده مهندسی؛ دانشگاه ارومیه؛ ارومیه؛ ایران

۲- استادیار؛ گروه مهندسی معدن؛ دانشکده فنی و مهندسی؛ دانشگاه بین‌المللی امام خمینی (ره)؛ قزوین؛ ایران

۳- استاد؛ گروه مهندسی معدن؛ دانشکده فنی و مهندسی؛ دانشگاه شهید باهنر کرمان؛ کرمان؛ ایران

پذیرش: ۱۳۹۶/۰۱

دریافت: ۱۳۹۵/۰۵

چکیده

در اغلب پژوهش‌های تونلی برای برآورده اولیه پاسخ دینامیکی تونل‌ها در برای بارگذاری لرزه‌ای از روش‌های تحلیلی فرم بسته استفاده می‌شود. در بخش اول مقاله برای بررسی اعتبار روش‌های تحلیلی که توسط ونگ (Wang)، پنزین (Penzien)، پارک و همکاران (Park, et al) ارائه شده است ابتدا پوشش نهایی خط ۶ مترو تهران با استفاده از روش‌های تحلیلی تحت بارگذاری لرزه‌ای بیضی شدگی قرار گرفت سپس اعتبار سنجی روش‌های تحلیلی از طریق روش شبیه استاتیکی در کد تفاضل محدود *Flac^{2D}* تحت فرضیات یکسان با روش تحلیلی انجام شد. در هر دو روش عددی و تحلیلی برای در نظر گرفتن رفتار غیرخطی خاک از خواص معادل خطی خاک حاصل از تحلیل پاسخ زمین در نرمافزار EERA استفاده شد. اعتبار سنجی نتایج نشان داد که روش پنزین تحت شرایط عدم لغزش در برآورده نیروی محوری اختلاف بسیار زیادی با مدل‌سازی عددی دارد و نیروی محوری را بسیار دست پایین می‌گیرد. همچنین روش ونگ و روش پارک و همکاران تحت شرایط عدم لغزش در برآورده نیروی محوری از دقت بسیار بالایی برخوردار بوده و تقریباً نتایج یکسانی را با مدل‌سازی عددی نشان می‌دهند. در بخش دیگر مقاله برای نشان دادن اهمیت اندرکنش واقعی بین پوشش تونل و زمین، یک بررسی عددی لرزه‌ای شبیه استاتیکی تحت شرایط اندرکنشی واقعی انجام شد. نتایج نشان می‌دهد که شرایط واقعی اندرکنشی در برآورده نیروی محوری نقش بسیار مهمی را دارد و یکی از مهم‌ترین محدودیت‌های روش‌های تحلیلی بارگذاری لرزه‌ای تونل‌ها عدم شبیه‌سازی شرایط لغزشی واقعی بین پوشش تونل و خاک است.

اعتبارسنجی عددی، حل تحلیلی، بارگذاری لرزه‌ای، اندرکنش پوشش و خاک، نیروی محوری، ممان خمی

واژگان کلیدی

* نویسنده مسئول مکاتبات؛ آدرس: قزوین، دانشگاه بین‌المللی امام خمینی (ره)، دانشکده فنی و مهندسی، گروه مهندسی معدن؛ کد پستی: ۳۴۱۴۹۶۱۱۸؛

شماره تلفن: ۰۲۱-۳۳۹۰۱۱۸۹؛ آدرس پست الکترونیک: Hadei@ENG.ikiu.ac.ir

۱- مقدمه

شوارتز (Einstein and Schwartz ۱۹۷۹) در دو حالت عدم لغزش و لغزش کامل، پوشش تونل را به صورت یک پوسته جدار ضخیم و زمین اطراف را به صورت الاستیک، همگن و همسانگرد برای به دست آوردن نیروهای داخلی پوشش تونل در حالت بارگذاری استاتیکی بر اساس روش صلبیت نسبی در نظر گرفتند [۴]. شاید ونگ (Wang ۱۹۹۳) اولین شخصی باشد که راه حل فرم بسته برای نیروهای داخلی سازه‌های پوشش تونل در دو حالت عدم لغزش و لغزش کامل تحت شرایط بارگذاری لرزه‌ای ارائه داد. راه حلی برای محاسبه ممان‌های خمشی تحت شرایط عدم لغزش به وسیله ونگ (۱۹۹۳) ایجاد نشد. وی توصیه نمود که راه حل‌های شرایط لغزش کامل برای شرایط عدم لغزش استفاده شود [۵]. پنزین و وو (Penzien and Wu ۱۹۹۸) راه حل‌های فرم بسته الاستیک را برای نیروی محوری، نیروی برشی و لنگر خمشی در پوشش تونل در اثر تغییرشکل تاشدگی ارائه کردند [۶]. سپس پنزین (Penzien ۲۰۰۰) یک روش تحلیلی برای ارزیابی تغییر شکل‌های تاشدگی تونل‌های مستطیلی و دایره‌ای ارائه کرد که کارهای منتشرشده قبلی را تکمیل کرد [۷ و ۸]. هشاش و همکاران (Hashash, et al ۲۰۰۱) با همکاری گروهی از اعضای انجمن بین‌المللی تونل (ITA) مقاله‌ای برای تحلیل و طراحی تونل‌ها تحت بارگذاری لرزه‌ای با تمرکز خاص بر اجرا در ایالت متعدد امریکا با روش‌های تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) و پنزین (۲۰۰۰) ارائه کردند [۸]. بابت (Bobet ۲۰۰۳) نیز یک سری راه حل‌های تحلیلی متفاوتی برای ممان و نیروی محوری پوشش مدور تونل تحت بارگذاری لرزه‌ای بر اساس راه حل‌های بارگذاری استاتیکی اینیشتین و اسچوارتز (۱۹۷۹) ارائه کرد [۹]. سپس هشاش و همکاران (۲۰۰۵) با توجه به اختلافاتی که روش‌های تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) و پنزین (۲۰۰۰) در تخمین نیروی محوری پوشش تونل داشتند، یک سری بررسی‌های عددی دو بعدی با استفاده از نرم‌افزار المان محدود Plaxis با فرضیات برابر با روش تحلیلی تحت شرایط کنش مسطح با در نظر گرفتن رفتار الاستیک پوشش و زمین برای ۳ حالت از خواص زمین (مدول یانگ و ضریب پواسون متفاوت) انجام دادند. در بررسی‌های آن‌ها فقط حالت بدون لغزش با استفاده از نرم‌افزار Plaxis شبیه‌سازی شد. نتایج روش عددی و روش تحلیلی پنزین (۲۰۰۰) در حالت بدون لغزش اختلاف بالای ۷٪ در ۲ حالت خواص زمین برای نیروی محوری ماقریم (I_e) اتخاذ شد [۳]. با استفاده از راه حل تحلیلی اینیشتین و

با وجود اینکه معمولاً تونل‌ها بهتر از سازه‌های سطحی در طول زلزله عمل می‌کنند، خسارت‌هایی که به برخی از این سازه‌های مهم طی رخدادهای لرزه‌ای سابق وارد شده است عبارت‌اند از: زلزله کوبه (Kobe) ژاپن ۱۹۹۵، زلزله بولو (Bolu) ترکیه ۱۹۹۹، زلزله وینچوان (Wenchuan) و سیچوان (Sichuan) چین ۲۰۰۸ و اخیراً در سال ۲۰۱۴ زلزله وال پارایسو (Valparaiso) شیلی، از این‌رو باید نکات مهم بارگذاری لرزه‌ای در طراحی سازه‌های زیرزمینی در نظر گرفته شود [۱]. علاوه بر این باید مذکور شد که تونل‌ها در هر کشور جزء پروژه‌های مهم ملی و سرمایه‌های زیربنایی یک کشور محسوب می‌شوند و هزینه‌های فراوانی برای ساخت این سازه‌ها صرف می‌شود؛ بنابراین اهمیت بررسی لرزه‌ای این سازه‌ها دوچندان است [۲]. همچنین با توجه به اینکه کشور ایران در منطقه‌ای مستعد فعالیت‌های تکتونیکی و متعاقباً زلزله قرار دارد بنابراین طراحی لرزه‌ای برای این سازه‌های پرهزینه نباید نادیده گرفته شود. برای طراحی لرزه‌ای تونل‌ها در آئینه‌های مختلف روش‌های مختلفی همچون روش‌های عددی تحلیل تاریخچه زمانی و شبه استاتیکی، روش تحلیلی فرم بسته، مدل‌سازی فیزیکی و روش‌های تجربی وجود دارد. با توجه به اینکه راه حل‌های تحلیلی محاسبات بسیار سریع و آسانی برای به دست آوردن نیروهای محوری و ممان خمشی پوشش تونل را در بردارند از این‌رو جذابی برای طراحی اولیه محسوب می‌شوند در اکثر پروژه‌ها برای برآورد اولیه و سریع از روش تحلیلی فرم بسته استفاده می‌شود، بنابراین باید کارآیی روابط فرم بسته مختلف، تحت اعتبار سنجی مشخص گردد.

مویر وود (Muir Wood ۱۹۷۵) با استفاده از روابط تحلیلی تغییرشکل بیضی شدگی، پوشش مدور تونل را در حالت الاستیک در مقابل بارهای استاتیکی با یک سری ساده‌سازی‌هایی بررسی کرد. او در کار خود ابتدا نیروهای برشی بین پوشش و زمین را در نظر نگرفت و سپس با استفاده از یک روش صریح لحظه کرد. ممان خمشی پوشش تونل به ضریب صلبیت (R_s) و بارگذاری شعاعی پوشش تونل به ضریب فشردگی (R_c) ارتباط داده شد. درنهایت تأثیر درزهای طولی پوشش سگمنتی با استفاده از ممان اینرسی مؤثر پوشش تونل (I_e) اتخاذ شد [۳]. با استفاده از راه حل تحلیلی اینیشتین و

نتایج نشان داد که شکل حفریه، تأثیر کمی بر روی تغییر شکل سازه دارد و شرایط لغزش کامل منجر به تغییر شکل کمتری می شود و زمانی که سازه نسبت به زمین انعطاف پذیرتر است شرایط زهکشی نشده منجر به کاهش اعوجاج می شود [۱۴]. کانتوا و همکاران (Kontoe, et al) (۲۰۱۴) ابتدا چهار راه حل تحلیلی شناخته شده را تحت شرایط عدم لغزش و لغزش کامل با استفاده از یک روش شبه استاتیکی در نرم افزار المان محدود ICFEP تحت شرایط یکسان با راه حل تحلیلی مورد اعتبارسنجی قرار دادند سپس تحت شرایط لغزشی متنوعی راه حل پارک را با روش عددی مورد ارزیابی قرار دادند، راه حل های دیگر به علت عدم توانایی شبیه سازی شرایط لغزشی مابین لغزش کامل و عدم لغزش در این بخش بکار برده نشد. آنها به این نتیجه رسیدند روش پارک تحت شرایط لغزشی گوناگون تطابق خوبی با روش عددی دارد. در قسمت دیگر تحقیقات شان بر روی خواص خطی معادل خاک در راه حل های تحلیلی به عنوان یک روش تقریبی برای شبیه سازی رفتار غیر خطی خاک پرداختند [۱۵]. اخیراً دو و همکاران (Do, et al) (۲۰۱۵) از طریق نرم افزار $FLAC^{3D}$ با فرضیات یکسان با راه حل های تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) به بررسی اعتبار این راه حل ها پرداختند. نتایج بررسی عددی آنها با نتایج راه حل تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) در حالت بدون لغزش اختلاف $83/۰\%$ نیروی محوری را نشان داد. در حالت لغزش کامل اختلاف $۸۰/۰\%$ نیروی محوری و اختلاف $۵۵/۲\%$ ممان خمی را نشان داد [۱۶].

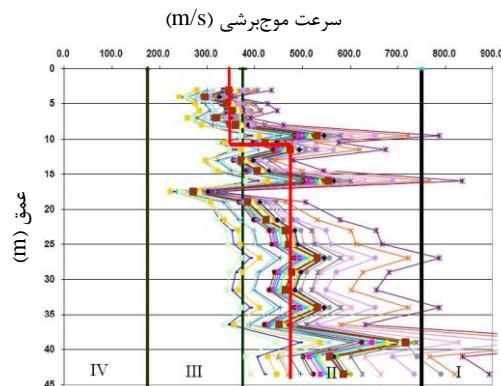
در این پژوهش خط ۶ مترو تهران به عنوان یک محیط خاکی نرم شهری که نیازمند بررسی لرزه ای است با استفاده از روش های تحلیلی لرزه ای بررسی شده و سپس با استفاده از نرم افزار $FLAC^{2D}$ تحت شرایط اندر کنشی عدم لغزش و لغزش کامل با فرضیات یکسان راه حل تحلیلی مدل سازی شده است و با نتایج راه حل تحلیلی مقایسه شده است.

علت انتخاب خط ۶ مترو تهران برای مطالعه موردی این بوده است که تسهیلات زیرزمینی ساخته شده در خاک ها در مقایسه با فضاهای ساخته شده در توده هی سنگ با کیفیت مناسب، خسارت بیشتری را در طول زلزله متتحمل شده اند [۱۵ و ۱۶]. همچنین هدف از این مقاله بررسی درصد اختلاف نتایج نیروهای داخلی سازه ای روش های تحلیلی فرم بسته و روش عددی در یک محیط خاکی شهری می باشد که بتوان دقیق-

را نشان داد. در حالی که این اختلاف در حالت بدون لغزش برای روش عددی و روش تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) زیر 10% است [۱۰]. پاکباز و یاری وند (Pakbaz & Yareevand) (۲۰۰۵) تحلیل های عددی تمام دینامیکی دو بعدی با استفاده از نرم افزار CA2 به منظور برآورده تأثیر یک زلزله روی تونل های مدور، در یک محیط الاستو- پلاستیک انجام دادند. نتایج عددی با نتایج راه حل تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) مقایسه شد. آنها پیشنهاد دادند که رابطه ممان خمی ماکزیمم روش تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) در حالت لغزش کامل در نسبت انعطاف پذیری (F) بالاتر از $20/0$ باید در $16/0$ ضرب گردد [۱۱]. صدارت و همکاران (Sederat, Adina et al) (۲۰۰۹) با استفاده از نرم افزار المان محدود تحلیل های شبه استاتیکی را با فرضیات یکسان و غیر یکسان راه حل تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) و پنزین و وو (۱۹۹۸) انجام دادند. در فرضیات غیر یکسان، آنها برای سطح تماس زمین و پوشش ضرایب اصطکاکی مختلفی را در نظر گرفتند. نتایج تحلیل شبه استاتیکی با فرضیات یکسان راه حل تحلیلی ونگ (۱۹۹۳) در حالت بدون لغزش اختلاف $2/۵\%$ در نیروی محوری و اختلاف $27/2\%$ در ممان خمی را نشان داد. در تحقیقات آنها نتایج تحلیل شبه استاتیکی با فرضیات یکسان راه حل تحلیلی پنزین و وو (۱۹۹۸) در حالت بدون لغزش اختلاف $28/۰\%$ در نیروی محوری و اختلاف $27/2\%$ در ممان خمی را نشان داد. بخش دیگر نتایج آنها به تأثیر خواص سطح مشترک روی نیروهای سازه ای ایجاد شده در پوشش تونل تأکید کرد. نتایج نشان داد که شرایط عدم لغزش بدترین حالت از نیروهای نرمال اعمال شده در پوشش را ایجاد می کند [۱۲]. پارک و همکاران (Park, et al) (۲۰۰۹) اختلافات میان راه حل های تحلیلی لرزه ای در خروجی ممان و نیروی محوری تحت شرایط بدون لغزش برای تونل های مدور را بررسی کردند. آنها با توجه به ارتباط بین جابجایی ها و نیروهای اندر کنشی سطح مشترک خاک - پوشش با استفاده از یک ضریب انعطاف پذیری برشی راه حل های جدیدی را تحت شرایط اندر کنشی مختلف برای بیضی شدگی تونل های مدور ارائه کردند [۱۳]. بابت (Bobet) (۲۰۱۰) یکسری راه حل های تحلیلی برای حفریه های زیرزمینی با مقطع عرضی مستطیلی و مدور را در یک محیط الاستیک نامحدود که در معرض تنش های برشی میدان آزاد تحت شرایط بارگذاری زهکشی شده و زهکشی نشده قرار دارند را ایجاد کرد.

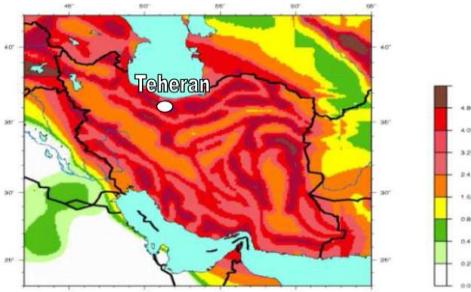
۱-۲- طبقه‌بندی نوع زمین از دیدگاه لرزه‌ای

بررسی اعداد به دست آمده از آزمایش نفوذ استاندارد در انتهای گمانه BH-SL612 و تحلیل این اعداد بر اساس روابط همبستگی توسط مراجع مختلف که نتایج آن در شکل ۱ ارائه گردیده است نشان می‌دهد که متوسط سرعت موج برخشی برای محدوده عمق قرارگیری تونل در حدود 490 متر بر ثانیه می‌باشد. با توجه به آیین‌نامه طرح ساختمان‌ها در برابر زلزله (۲۸۰۰) ویرایش سوم (۱۳۸۴) خاک زمین این ناحیه از نوع Π می‌باشد [۱۸].



شکل ۱: مقادیر سرعت موج برخشی در برابر عمق برای گمانه BH-SL612 [۱۸].

طبق گزارش‌ها تحلیل خطر سایت مترو خط ۶ و سازمان زمین‌شناسی ایالت متحده [۱۹] تهران در منطقه‌ای قرار دارد که مطابق شکل ۲ احتمال وقوع زلزله با شتاب ماکزیمم زمین برابر $4/8 \text{ m/s}^2$ ، هر 50 سال یکبار در آن محتمل است. مطابق جدول ۱ در این محاسبات شتاب حداقل سطح زمین برابر $5/6 \text{ m/s}^2$ در نظر گرفته شده است که به معنای یک زلزله به بزرگی ۸ ریشتر در فاصله 10 کیلومتر از مرکز زلزله می‌باشد [۲۰]. در جدول ۲ مقادیر پارامترهای لرزه‌ای موردنیاز برای بررسی لرزه‌ای تونل برای گمانه BH-SL612 شده است و همچنین در جدول ۳ پارامترهای سازه تونل برای بررسی لرزه‌ای تونل درج شده است.



شکل ۲: شتاب بیشینه زمین با 10% احتمال وقوع در 50 سال [۲۰].

ترین راه حل فرم بسته از نظر فرضیاتی که ارائه کرده‌اند شناسایی کرد و برای برآورد اولیه در تحلیل لرزه‌ای تونل‌های شهری مترو استفاده کرد. درنتیجه نتایج این تحقیق برای استفاده در یک محیط خاکی سفت شهری معتبر خواهد بود. در بخش دیگر برای مشخص کردن اهمیت مدل‌سازی شرایط واقعی اندرکنشی بین خاک و پوشش، درروش عددی از المان فصل مشترک با شرایط واقعی اندرکنشی استفاده گردید و با شرایط اندرکنشی عدم لغزش و لغزش کامل راه حل‌های تحلیلی مقایسه شد.

یکی از اهداف غیرمستقیم این مقاله نیز رسیدن به مدل عددی شبه استاتیکی بدون وجود محدودیت‌های روش‌های تحلیلی طراحی لرزه‌ای تونل‌ها می‌باشد. از جمله محدودیت‌های تأثیرگذار راه حل‌های تحلیلی: عدم در نظر گرفتن شرایط واقعی اندرکنشی بین پوشش تونل و محیط، قابل استفاده بودن تنها برای تونل‌هایی با مقاطع عرضی مدور و عدم در نظر گرفتن مدل رفتاری غیرخطی برای محیط می‌باشد.

۲- مورد مطالعاتی مبنا

خط ۶ مترو تهران یکی از خطوط حیاتی و طولانی مترو تهران است که جنوب شرقی تهران را به شمال غربی آن متصل می‌نماید. در طرح اولیه آن طول خط بالغ بر 30 کیلومتر و شامل 28 ایستگاه بوده که 9 ایستگاه با خطوط 1 و 2 و 3 و 4 و 7 و 8 و 9 مترو تقاطع خواهد داشت [۱۶]. اخیراً با توسعه‌ی قسمت جنوبی خط 6 ، طول این خط 38 کیلومتر و دارای 31 ایستگاه شده است و در حال حاضر رکورددار طولانی ترین خط متروی خاورمیانه است.

حفاری تونل در بخش‌های مختلف مسیر هر پروژه‌ای می‌تواند به روش‌های متفاوتی انجام گیرد. عواملی چون شرایط توپوگرافی منطقه، طول مسیر حفاری، تغییرات خط پروژه، شرایط اجرایی، سرعت انجام کار، سطح آب زیرزمینی، تداخل با تأسیسات شهری زیرزمینی، وجود ساختمان‌های تجاری و مسکونی از عوامل محدودکننده انتخاب روش حفاری تونل می‌باشند که بخش‌های مختلف مسیر گزینه‌های مختلف اجرای تونل در در همین راستا با بررسی گزینه‌های مختلط اجرای تونل در مسیر پروژه، مقرر گردید حفاری قطعه جنوبی تونل خط ۶ متروی تهران به روش مکانیزه سپری (با استفاده از دستگاه TBM^۱) و قطعه‌های میانی و شمالی آن به روش جدید اتریشی (NATM^۲) انجام شود [۱۷].

جدول ۱: پارامترهای تحلیل خطر زلزله سایت مترو خط ۶ [۲۰].

8	بزرگی زلزله
0.56g	PGA سطح زمین
10	فاصله‌ی گسل‌های لرزه‌ای (Km)

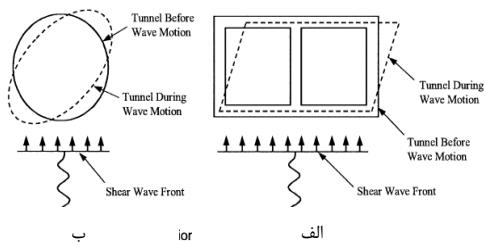
جدول ۲: خواص دینامیکی خاک گمانه BH-SL612 برای بررسی لرزه‌ای تونل [۸، ۱۸ و ۲۲].

$a_s = 5.6 \times 0.7 = 3.92$	($\frac{m}{s^2}$) (Hashash, et al., 2001)	شتاب حداکثر ذره در عمق تونل (ضریب ۰/۷ مطابق جدول ۴ در مقاله BH-SL612 (خاک سفت) (Hashash, et al., 2001)
$C_s = 490$	($\frac{m}{s}$)	سرعت ظاهری انتشار موج بر بشی در عمق قرارگیری تونل برای گمانه BH-SL612 (خاک سفت) (Hashash, et al., 2001)
$V_s = a_s \frac{140+180}{2} = 0.64$	($\frac{m}{s}$) (Hashash, et al., 2001)	سرعت حداکثر ذره مرتبط با موج بر بشی (مطابق جدول ۲ در مقاله Hashash, et al., 2001)
$\gamma_{max} = \frac{V_s}{C_s} = 0.0013$		حداکثر کرنش بر بشی میدان آزاد زمین به دست آمده با روش تحلیلی
$h = 60$		ارتفاع خاک روی سنگبستر (m)
$\rho_{dry} = 1.7$	($\frac{Mg}{m^3}$)	چگالی خشک (Mg/m³)
$G_{dyn} = 380.5$	(FHWA) (MPa) EERA	مدول بر بشی کرنش سازگار حاصل از (Ohsaki & Iwasaki, 1973) SC, GC
$v_{dyn} = 0.48$		ضریب پواسون دینامیکی برای خاک چسبنده
$E_{dyn} = 2G_{dyn} (1 + v_{dyn}) = 1126.2$		مدول الاستیسیته دینامیکی (MPa)
$K_{dyn} = \frac{E_{dyn}}{3(1-2v_{dyn})} = 9385$		مدول بالک دینامیکی (MPa)

جدول ۳: پارامترهای موردنیاز پوشش خط ۶ مترو تهران برای بررسی لرزه‌ای تونل [۲۰].

r (m)	v_l	t (m)	E_l (MPa)	I_l ($\frac{m^4}{m}$)
4.425	0.2	0.35	27.8×10^3	0.00357

بارگذاری لرزه‌ای دارد، به جز حالتی که تونل که به وسیله‌ی گسل بریده شده است، تغییر‌شکل بیضوی یا کشیدگی ایجاد شده به وسیله‌ی انتشار عمودی امواج لرزه‌ای بر بشی است [۱۰].



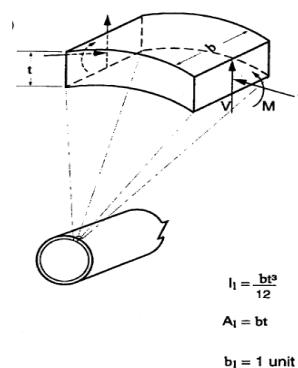
شکل ۳: (الف) تغییر‌شکل دندانه‌ای (ب) تغییر‌شکل بیضوی [۸].

نیروها و لنگرهای القا شده در سازه‌ی تونل ناشی از امواج لرزه‌ای به دو گروه عمده تقسیم می‌شوند: دسته اول ناشی از انتشار امواج در محور تونل و دسته دوم ناشی از انتشار امواج عمود بر

۳- تشریح مسئله و روش پژوهش

هنگامی که امواج لرزه‌ای حجمی از نوع فشاری و بر بشی در داخل توده‌ی زمین حرکت می‌کنند، با تغییر‌شکلی که توده زمین در اثر عبور امواج می‌دهد، هر سازه در داخل زمین نیز بسته به نسبت انعطاف‌پذیری (F) و تراکم‌پذیری (C) سازه و حداکثر کرنش بر بشی زمین (γ_{max}) تغییر‌شکل خواهد داد. پاسخ تونل به حرکات لرزشی زمین لرزه ممکن است بر حسب سه نوع تغییر‌شکل اصلی نشان داده شود: تغییر‌شکل محوری^۵، انحنایی^۶، بیضی شدگی^۷ / دندانه‌ای^۸ [۵]. زمانی که امواج بر بشی به صورت عمود یا تقریباً عمود بر محور تونل منتشر می‌شوند، مطابق شکل ۳ تغییر‌شکل بیضوی یا دندانه‌ای را بسته به شکل مقطع عرضی در پوشش تونل ایجاد می‌کنند [۸]. اجزایی که قابل توجه‌ترین تأثیر را بر روی رفتار پوشش تونل تحت

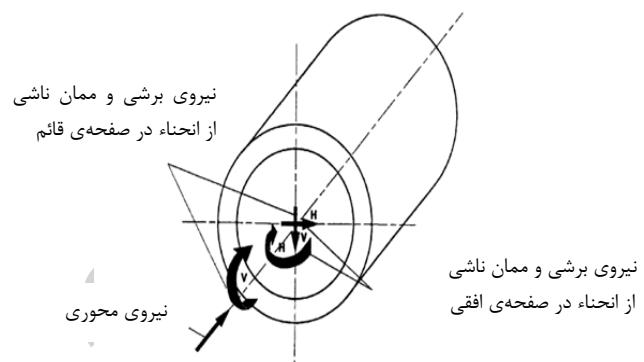
دارای محاسبات بیشتری می‌باشد. در روش اول که از آن با نام روش تغییرشکل میدان آزاد زمین^۹ یادشده است مقدار کرنش زمین ناشی از امواج لرزه‌ای، در غیاب سازه و یا حفاری تعیین می‌گردد و اندرکنش سازه و محیط لحاظ نمی‌شود. پس این روش بسته به صلبیت سازه نسبت به زمین، ممکن است تغییرشکل‌های سازه را دست بالا و یا دست پایین تخمین بزند، به عنوان تخمین اولیه از تغییرشکل سازه می‌تواند استفاده شود [۸]. در روش دوم که روش اندرکنشی^{۱۰} نامیده می‌شود اندرکنش محیط و سازه در محاسبات لحاظ می‌گردد.



نیروها و لنگرهای ناشی از انتشار امواج عمود بر راستای طولی تونل
شکل ۴: وضعیت ایجاد نیروها و لنگرهای ناشی از امواج لرزه‌ای [۸].

می‌تواند به صورت روش نیرو که در آن نیروهای اینرسی القا شده‌ی لرزه‌ای همانند نیروی حجمی ثابت وارد می‌شوند، یا روش تغییرشکل که در شکل ۵ به تصویر کشیده شده است انجام شود [۱۵].

محور طولی تونل (بیضی شدگی تونل‌های مدور) هستند (شکل ۴) [۸]. با توجه به اینکه انتشار امواج برشی عمود بر محور طولی تونل بحرانی‌ترین وضعیت را از نظر نیروهای داخلی سازه‌ای و تغییرشکل پوشش تونل ایجاد می‌کنند [۵]؛ بنابراین در این پژوهش پاسخ تونل (بیضی شدگی تونل) در نظر گرفته شده است. در روش‌های تحلیلی دو روش برای برآورد نیروهای القا شده‌ی ناشی از انتشار امواج عمود بر محور طولی تونل پیشنهاد شده است. یکی از این روش‌ها ساده‌تر و تقریبی و دیگری دقیق‌تر و



در پژوهش حاضر راه حل‌های تحلیلی اندرکنشی بیضی شدگی تونل‌های مدور، ونگ (۱۹۹۳) و پنزین (۲۰۰۰)، پارک و همکاران (۲۰۰۹) تحت شرایط عدم لغزش و لغزش کامل با استفاده از نرم‌افزار تفاضل محدود *FLAC^{2D}* طبق فرضیات یکسان مورد اعتبار سنجی قرار گرفت. آنالیز شبیه استاتیکی هم

$$u = \gamma_{max} H$$



شکل ۵: شکل شماتیکی از آنالیز شبیه استاتیکی به روش تغییرشکل سازگار با شرایط برش ساده [۱۵].

صلب در خاک نرم واقع شده اند، مناسب نیست، چون تحت این شرایط ممکن است تغییر شکل های محاسبه شده زمین به دلیل ماهیت نرم خاک بسیار بزرگ تر از آن باشند که برای سازه های صلب در نظر گرفته می شوند. هنگامی که کرنش محاسبه شده برای زمین از کرنش مجاز صالح پوشش تونل بیشتر می شود، مهندسان به ندرت طرح را به اجرا می گذارند [۵]. به طور کلی این روش ساده تخمین سطح بالایی از کرنش های ایجاد شده در سازه ها در اثر عبور امواج ارائه می دهد. بزرگ ترین مزیت این روش نیاز به کمترین داده هی و روودی است.

۳-۱-۲- روش اندر کنشی

زمانی که سازه تونل نسبت به خاک اطراف خود صلبیت بیشتری داشته باشد، سازه تونل به جای اینکه نسبت به تغییر شکل های ایجاد شده از طرف زمین هماهنگ عمل کند، در مقابل آن مقاومت می کند. از این رو در این روش با در نظر گرفتن نسبت سختی سازه جایگزین با توده زمین حذف شده از محیط، می توان تقریب خوبی از اندر کنش سازه - محیط و اعوجاج اعمال شده به سازه در اثر بروز زلزله به دست آورد. تحلیل اندر کنش تونل - زمین که هم صلبیت تونل و هم صلبیت زمین را در نظر می گیرد، نقش کلیدی در یافتن پاسخ لرزه ای تونل دارد. [۵]

۳-۱-۲-۱- راه حل تحلیلی و نگ

اولین روش تحلیلی اندر کنشی، روش پیشنهادی ونگ (۱۹۹۳) می باشد. در این روش صلبیت تونل نسبت به زمین اطراف بر اساس نسبت های فشردگی و انعطاف پذیری (F, C) ارائه شده به وسیله پک و همکاران (peck et al) (۱۹۷۲) مطابق روابط (۳) و (۴) در نظر گرفته می شود که به ترتیب معیاری از صلبیت کششی و صلبیت خمی محیط نسبت به پوشش را ارائه می دهد [۸ و ۱۵].

$$C = \frac{E_m(1-\nu_l^2)r}{E_l(1+\nu_m)(1-2\nu_m)} \quad (3)$$

$$F = \frac{E_m(1-\nu_l^2)r^3}{6E_lI(1+\nu_m)} \quad (4)$$

مطابق با مطالعات پک و همکاران (۱۹۷۲) اگر نسبت انعطاف- پذیری کمتر از ۲۰ باشد، پوشش تونل صلب بوده و اندر کنش بین پوشش و زمین باید در نظر گرفته شود.

نیروی محوری و لنگر خمی حداقل در سازه تونل علاوه بر اینکه تابع نسبت های فشردگی و انعطاف پذیری می باشند، تابع وضعیت لغزش تونل نسبت به محیط اطراف نیز

۳-۱-۳- روش های تحلیلی فرم بسته

۳-۱-۳- روش تغییر شکل میدان آزاد

ساده ترین روش تخمین تغییر شکل بیضی شدگی این است که فرض کنیم تغییر شکل ها در تونل های دور منطبق با تغییر شکل میدان آزاد زمین است که به موجب آن اندر کنش پوشش و زمین نادیده گرفته می شود یا به عبارت دیگر تونل فاقد نگهداری در نظر گرفته می شود. در این روش با فرض داشتن مقطع حفاری دور، مقدار کرنش قطری زمین حین زلزله بدون فرض وجود حفاری تونل ^{۱۱} تنها وابسته به مقدار حداکثر کرنش بر شی آزاد (γ_{max}) زمین است که مقدار آن از رابطه (۱) تعیین می شود. این مقدار با فرض وجود حفاری تونل ^{۱۲} در زمین افزایش یافته و در صورت دایروی بودن مقطع حفاری، سبب اعوجاج مقطع می گردد و مقدار آن از رابطه (۲) محاسبه می گردد [۱۰]. (با فرض وجود حفاری، کرنش حدود دو تا سه برابر حالت بدون فرض حفاری می باشد) [۵].

$$\frac{\Delta d_{free-field}}{d} = \pm \frac{\gamma_{max}}{2} \quad (1)$$

$$\frac{\Delta d_{free-field}}{d} = \pm 2\gamma_{max}(1-\nu_m) \quad (2)$$

چنانچه سختی تونل نسبت به سختی محیط پیرامونی بسیار ناچیز باشد فرض وجود حفره در محاسبه تغییر شکل بر شی بیشتر به واقعیت نزدیک خواهد بود. چنانچه سختی تونل معادل سختی محیط پیرامونی باشد فرض عدم وجود حفاری در محاسبه تغییر شکل بر شی بیشتر به واقعیت نزدیک خواهد بود. در حالتی که صلبیت تونل نسبت به محیط اطرافش قابل توجه باشد مقادیر تغییر شکل های بر شی از حالت حفاری نشده نیز کمتر خواهد بود. با توجه به اینکه در اکثر تونل ها صلبیت پوشش نسبت به محیط اطرافش قابل توجه است درنتیجه در بیش تر موارد باید اندر کنش پوشش و زمین در نظر گرفته شود. همچنین نیروها و لنگرهای ناشی از انتشار امواج عمود بر محور تونل شدیداً متأثر از نسبت سختی تونل به محیط اطرافش می باشد درنتیجه به منظور تعیین نیروهای مربوطه از روش اندر کنشی استفاده شود مناسب است؛ به عبارت دیگر روش تغییر شکل میدان آزاد زمین برای یک سازه های تونل مناسب است که نسبت به محیط اطراف خود انعطاف پذیر باشد، همانند همه تونل هایی که در سنگ ها و خاک های سفت حفر می شوند. در این حالت، معقول است که فرض کنیم تونل با توجه به محیط اطرافش تغییر شکل می دهد. برای موقوعی که سازه های

تونل‌ها، وضعیت سطح مشترک سازه تونل و خاک پیرامونی بین حالت لغزش کامل و حالت بدون لغزش می‌باشد، بنابراین باقیستی هر دو حالت برای به دست آوردن نیروهای داخلی بحرانی پوشش و تغییرشکل‌ها بررسی شود. اگرچه ممکن است فرضیات حالت لغزش کامل تحت برش ساده، به صورت قابل توجهی نیروهای محوری ماکزیمم را دست پایین تخمین بزنند؛ بنابراین توصیه می‌شود که فرضیات حالت عدم لغزش کامل بین سازه‌ی تونل و خاک پیرامونی در ارزیابی پاسخ نیروی محوری مطابق رابطه (۸) در نظر گرفته شود [۸].

می‌باشند. با فرض وقوع لغزش کامل بدون جداسدگی قائم، حداکثر نیروهای داخلی از روابط زیر محاسبه می‌شوند [۸].

$$T_{\max} = \pm \frac{1}{6} K_1 \frac{E_m}{(1+\nu_m)} r \gamma_{\max} \quad (5)$$

$$M_{\max} = \pm \frac{1}{6} K_1 \frac{E_m}{(1+\nu_m)} r^2 \gamma_{\max} \quad (6)$$

$$K_1 = \frac{12(1-\nu_m)}{2F + 5 - 6\nu_m} \quad (7)$$

مطابق مطالعات مختلف، لغزش در سطح مشترک سازه‌ی تونل و خاک پیرامونی تنها برای تونل‌های حفاری شده در خاک‌های نرم، مواردی که شدت بارگذاری لرزه‌ای شدید می‌باشد و یا تحت شرایط عایق‌بندی تلفونی امکان‌پذیر است. برای اغلب

(8)

$$T_{\max} = \pm K_2 \tau_{\max} r = \pm K_2 \frac{E_m}{2(1+\nu_m)} r \gamma_{\max} \quad (8)$$

$$K_2 = 1 + \frac{F[(1-2\nu_m) - (1-2\nu_m)C] - \frac{1}{2}(1-2\nu_m)^2 + 2}{F[(3-2\nu_m) + (1-2\nu_m)C] + C[\frac{5}{2} - 8\nu_m + 6\nu_m^2] + 6 - 8\nu_m} \quad (9)$$

لغزش کامل و عدم لغزش به روش ونگ (۱۹۹۳) برای خط ۶ مترو تهران ارائه شده است.

در جدول ۴ ماکزیمم نیروهای داخلی ایجاد شده در پوشش تونل به وسیله تغییرشکل بیضی شدگی تحت شرایط اندرکنشی

جدول ۴: ماکزیمم نیروهای داخلی ایجاد شده در پوشش تونل به وسیله تغییرشکل بیضی شدگی به روش ونگ (۱۹۹۳).

C	8.30
F	106.29
K_1	0.029
γ_{\max} $\xrightarrow{\text{EERA}}$	0.00019
<i>Full slip assumption</i>	
T (max) KN	3.09
M (max) KN.m	13.71
<i>No slip assumption</i>	
K_2	0.885
T (max) KN	283.37

:[۱۸]

$$R = \frac{\Delta_{structure}}{\Delta_{free-field}} \quad (10)$$

با فرض شرایط لغزش کامل، پاسخ برای نیروی محوری، لنگر خمی و نیروی برشی به دلیل اندرکنش خاک - سازه در طول زلزله که در پوشش تونل ایجاد می‌شود به صورت زیر بیان شد [۸]:

$$\pm \Delta d_{lining}^n = \pm R^n \Delta d_{free-field} \quad (11)$$

۲-۲-۱-۳- راه حل تحلیلی پنزین

پنزین و وو (۱۹۹۸) راه حل‌های فرم بسته الاستیک را برای نیروی محوری، نیروی برشی و لنگر خمی در پوشش تونل در اثر تغییرشکل‌های تاشدگی ارائه کردند. پنزین (۲۰۰۰) یک روش تحلیلی برای ارزیابی تغییرشکل‌های تاشدگی تونل‌های مستطیلی و دایره‌ای ارائه کرد که کارهای قبلی را تکمیل می‌کند. برای ارزیابی کرنش زاویه‌ای سازه، یک نسبت اعوجاج (تاشدگی) پوشش - خاک به صورت رابطه (۱۰) تعریف شد

$$M(\theta) = -\frac{6E_l I \Delta d_{lining}}{d^2(1-v_l^2)} \cos 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (19)$$

$$V(\theta) = -\frac{24E_l I \Delta d_{lining}}{d^3(1-v_l^2)} \sin 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (20)$$

$$R = \pm \frac{4(1-v_m)}{(\alpha+1)} \quad (21)$$

$$\alpha = \frac{24E_l I (3-4v_m)}{d^3 G_m (1-v_l^2)} \quad (22)$$

در جدول ۵ مراکزیم نیروهای داخلی ایجاد شده در پوشش تونل به وسیله تغییر شکل بیضی شدگی تحت شرایط اندر کنشی لغزش کامل و عدم لغزش به روش پنزین (۲۰۰۰) برای خط ۶ مترو تهران ارائه شده است.

$$T(\theta) = -\frac{12E_l I \Delta d_{lining}^n}{d^3(1-v_l^n)} \cos 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (12)$$

$$M(\theta) = -\frac{6E_l I \Delta d_{lining}^n}{d^2(1-v_l^n)} \cos 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (13)$$

$$V(\theta) = -\frac{24E_l I \Delta d_{lining}^n}{d^3(1-v_l^n)} \sin 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (14)$$

$$R^n = \pm \frac{4(1-v_m)}{(\alpha^n+1)} \quad (15)$$

$$\alpha^n = \frac{12E_l I (5-6v_m)}{d^3 G_m (1-v_l^n)} \quad (16)$$

در شرایط عدم لغزش، روابط پنزین (۲۰۰۰) به صورت مقابل بیان می گردد [۸]:

$$\pm \Delta d_{lining} = \pm R \Delta d_{free-field} \quad (17)$$

$$T(\theta) = -\frac{24E_l I \Delta d_{lining}}{d^3(1-v_l^n)} \cos 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (18)$$

جدول ۵: مراکزیم نیروهای داخلی ایجاد شده در پوشش تونل به وسیله تغییر شکل بیضی شدگی به روش پنزین (۲۰۰۰).

γ_{max}	$EERA \rightarrow$	0.00019	$\alpha^n =$	0.009972
$\alpha =$		0.01016	$R^n =$	2.059463
$R =$		2.05908	$\Delta d_{lining}^n = R^n \frac{\gamma_{max} d}{2}$	0.001731
Δd_{lining}		0.001731	$\Delta d_{free-field}$	0.00084

Full slip assumption

$T(\max)$ KN	3.09
$M(\max)$ KN.m	13.70
$V(\max)$ KN	-6.19

No slip assumption

$T(\max)$ KN	6.19
$M(\max)$ KN.m	13.70
$V(\max)$ KN	-6.19

است. در شرایط لغزش کامل روابط (۲۳) و (۲۴) و در شرایط عدم لغزش روابط (۲۵) تا (۲۷) به صورت زیر بیان می گردد [۱۳]:

۳-۲-۱-۳- راه حل تحلیلی پارک و همکاران روابط ارائه شده در راه حل تحلیلی فرم بسته پارک و همکاران (۲۰۰۹) برای تونل های مدور ناشی از بیضی شدگی در اثر برخورد امواج برشی عمود بر محور تونل در ذیل ارائه شده

$$\frac{T_{PTTO(F-S)}}{G_S \gamma C R} = -\frac{4(1-v_S)}{(2F+5-6v_S)} \cos 2\left(\theta + \frac{\pi}{4}\right) \quad (23)$$

$$\frac{M_{PTTO(F-S)}}{G_S \gamma_C R^2} = -\frac{4(1-\nu_S)}{(2F+5-6\nu_S)} \cos 2(\theta + \frac{\pi}{4}) \quad (24)$$

$$\frac{T_{PTTO(N-S)}}{G_S \gamma_C R} = -\frac{4(1-\nu_S)}{\Delta'} \left\{ F + \left(\frac{1}{2} - \nu_S\right) C + 2 \right\} \cos 2(\theta + \frac{\pi}{4}) \quad (25)$$

$$\frac{M_{PTTO(N-S)}}{G_S \gamma_C R^2} = -\frac{4(1-\nu_S)}{\Delta'} \left\{ 1 + \left(\frac{1}{2} - \nu_S\right) C \right\} \cos 2(\theta + \frac{\pi}{4}) \quad (26)$$

$$\Delta' = F[(3 - 2\nu_S) + (1 - 2\nu_S)C] + C \left[\frac{5}{2} - 8\nu_S + 6\nu_S^2 \right] + 6 - 8\nu_S \quad (27)$$

لغزش کامل و عدم لغزش به روش پارک و همکاران (۲۰۰۹) برای خط ۶ مترو تهران ارائه شده است.

در جدول ۶ ماکزیمم نیروهای داخلی ایجادشده در پوشش تونل بهوسیله تغییرشکل بیضی شدگی تحت شرایط اندرکن Shi

جدول ۶: ماکزیمم نیروهای داخلی ایجادشده در پوشش تونل بهوسیله تغییرشکل بیضی شدگی تحت شرایط اندرکن Shi

Δ'	254.66
Full slip assumption	
T (max) KN	3.099
M (max) KN.m	13.71
No slip assumption	
T (max) KN	283.39
M (max) KN.m	13.48

جهت استفاده از روش عددی از تحلیل معادل خطی یک بعدی در نرم افزار EERA ساخت دانشگاه کالیفرنیای جنوبی امریکا استفاده شد. مشخصات رکورд شتابنگاشت استفاده شده در این پژوهش در جدول ۸ ارائه شده است که از تحلیل خطر سایت خط ۶ متروی تهران به دست آمده است که در بخش ۱-۲ توضیح داده شده است. با توجه به شرایط ساختگاهی و رکورد شتابنگاشت اعمالی کرنشی برشی حداکثر $\gamma_{max} = 0.00019$ مطابق شکل ۶ توسط نرم افزار EERA محاسبه شده است که بسیار کوچکتر از مقدار به دست آمده از روش تحلیلی در جدول ۲ می باشد.

جدول ۸: مشخصات رکورد استفاده شده در نرم افزار EERA

ChiChi, Taiwan CHY006	پارامتر
7.62	Earthquake Magnitude (Mw)
0.56	PGA(g)
0.66	PGV (m/s)
9.76	Source-to-Site Distance (Km)
150	Duration (Sec)
1999	Year
1.57	Scaling Factor

حداکثر کرنش برشی (%)

۲-۳- روش عددی

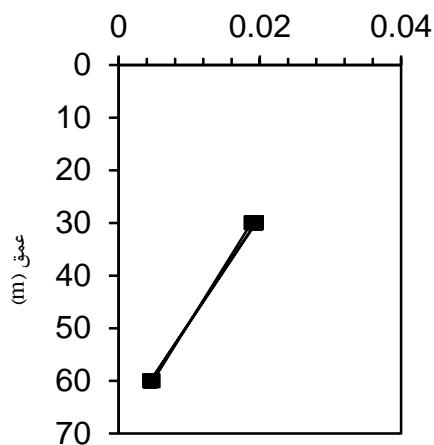
۱-۲-۳- مدل سازی عددی بیضی شدگی تونل

به طور کلی یکی از عوامل مؤثر بر نتایج طراحی لرزه ای سازه های زیرزمینی، مقدار حداکثر کرنش برشی میدان آزاد استفاده شده در روش های تحلیلی و عددی شبیه استاتیکی می باشد. جهت محاسبه مقدار پارامتر مذکور می توان از روابط ساده ای تحلیلی در جدول ۲ و یا از روش های عددی همچون نرم افزار EERA و DEEP SOIL بدون در نظر گرفتن اندرکنش بین زمین و سازه استفاده کرد. مقدار کرنش برشی حداکثر، وابسته به نوع رکورد شتابنگاشت اعمالی و نیز خصوصیات خاک است و استفاده از مقادیر شتاب حداکثر به جای اعمال شتابنگاشت در سنگ بستر و تبدیل آن به شتابنگاشت در عمق دفن تونل، از دقت کافی برخوردار نیست. از آنجا که در روابط فرم بسته و شبیه استاتیکی از پارامتر کرنش برشی حداکثر به جای شتاب حداکثر استفاده می شود، به منظور دستیابی به دقت بیشتر باید کرنش برشی حداکثر ایجاد شده در یک پروفیل خاک در اثر اعمال یک زلزله به صورت رکورد شتابنگاشت محاسبه شود. این رویه بهوسیله محققانی همچون پارک و همکاران (۲۰۰۶) و بزاویه بشارت (۲۰۰۸) نیز اشاره شده است [۲۳ و ۲۴].

اتخاذ شد، چراکه این روش سازگار با فرضیات راهحل تحلیلی است و از محدودیت‌های ذاتی مربوط به روش نیرو رنج نمی‌برد (بهطور مثال حساسیت به ابعاد مدل) [۱۵]. در تمامی تحقیقات قبلی بهجز مقاله کانتوا و همکاران (۲۰۱۴) از روش نیرو استفاده شده و شرایط تنش اولیه در مدل برقرارشده است و درنهایت نیروهای داخلی پوشش تونل از تفریق نیروهای داخلی در مرحله شبه استاتیکی از مرحله استاتیکی حاصل شده است که به علت محدودیت‌های ذاتی این روش و عدم همخوانی این روش با فرضیات راهحلهای تحلیلی رویه مناسبی نمی‌تواند باشد. شبکه مشبندی مدل عددی که در شکل ۶ مشاهده می‌کنید دارای یکلايه خاک بر روی سنگبستر به ضخامت $H = 60m$ می‌باشد. مرزهای کناری شبکه مشبندی ۳۵/۵ متر از مرکز تونل فاصله‌دارند. از داده‌های جدول ۲ و ۳ برای خواص مصالح خاک و پوشش تونل استفاده شد. روند مدل‌سازی بدین گونه است که ابتدا هندسه مدل در یکلايه و محیط بهصورت کاملاً الاستیک خطی و بدون شتاب جاذبه زمین با المان Solid ایجاد شد. برای بستن مرزها بدین گونه عمل شد که مرزهای تحتانی در جهات قائم و افقی و مرزهای فوقانی و کناری تنها در راستای قائم بسته شد. سپس حفاری تونل و نصب المان مربوط به پوشش تونل بهصورت همزمان انجام گردید [۱۵ و ۲۵].

برای مدل‌سازی حالات اندرکنشی لغزش کامل و عدم لغزش بین المان پوشش تونل و خاک اطراف تونل بهصورت زیر عمل می‌کنیم [۱۵ و ۲۶]:

(الف) درجهت عمود بر پوشش، خاک و پوشش کاملاً به هم متصل می‌شوند (ب) درجهت مماس بر پوشش تونل ۲ حالت لغزش کامل و عدم لغزش وجود دارد. در حالت عدم لغزش فرض بر این است که اتصال یا چسبندگی کامل بین زمین و پوشش درجهت مماسی وجود دارد درنتیجه برای مدل‌سازی از المان Attach در روش عددی برای اتصال سازه و خاک استفاده می‌شود. درحالی که در حالت لغزش کاملاً هیچ مقاومت مماسی یا اصطکاکی بین خاک و سازه در نظر گرفته نمی‌شود درنتیجه پارامترهای مرتبط با مقاومت مماسی صفر در نظر گرفته شد. برای مدل‌سازی حالت لغزش کاملاً از المان سطح مشترک با ضریب صلبیت نرمال بسیار بالا طبق مرجع [۱۵] و پارامترهای دیگر مطابق جدول ۹ استفاده شد.

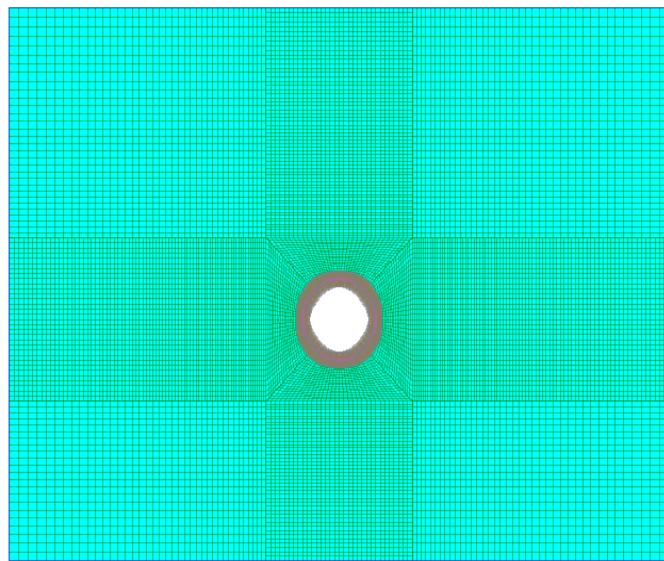


شکل ۶: نمودار حداکثر کرنش برشی بهدستآمده از نرمافزار EERA

برای بررسی نتایج بهدستآمده از روش‌های تحلیلی طراحی لرزه‌ای پوشش تونل، از صحت سنجی عددی در نرمافزار FLAC2D V 8.0 استفاده شد. اگرچه نتایج بهدستآمده از روش‌های تحلیلی برای خاک‌های نرم بسیار محافظه‌کارانه است، لیکن برای اطمینان از صحت نتایج راهحلهای فرم بسته یک مدل‌سازی عددی لرزه‌ای خالص (بدون در نظر گرفتن بارهای استاتیکی) انجام شد. فرضیات ارائه شده در روش عددی برای معادل‌سازی فرضیات روش تحلیلی و عددی بهصورت زیر بیان می‌شود [۱۰، ۱۲، ۱۵ و ۲۵].

- شرایط کرنش مسطح در نظر گرفته شده است.
- مدل عددی در یکلايه از خاک ایجاد می‌شود.
- تونل بهصورت دور و پوشش تونل یکپارچه می‌باشد.
- زمین و پوشش تونل بهصورت الاستیک خطی و بدون جرم است.
- وضعیت سطح مشترک سازه تونل و خاک پیرامونی در حالات لغزش کامل و عدم لغزش ایجاد می‌شود.
- حفاری بهصورت همزمان با نصب المان پوشش تونل صورت می‌گیرد (بدون در نظر گرفتن تأثیر توالی ساخت).
- بارگذاری لرزه‌ای بهصورت بارگذاری برشی به انتهای مرزهای فوقانی اعمال می‌شود که شرایط برش خالص را شبیه‌سازی می‌کند و باعث ایجاد جایجایی مثلثی وارونه در طول مرزهای جانبی مدل و جایجایی یکنواخت جانبی در طول مرز فوقانی می‌شود.
- بارگذاری برشی برای ایجاد کرنش برشی تحت شرایط کاملاً زهکشی شده اعمال می‌شود.

در این پژوهش آنالیز شبه استاتیکی بر پایه روش تغییرشکل



شکل ۶: شبکه مش بنده مدل عددی به همراه المان سازه‌ای لاینر.

جدول ۷: مقادیر پارامترهای المان سطح مشترک بین المان پوشش تونل و خاک در حالت لغزش کامل.

K_n (Pa/m)	K_s (Pa/m)	C (Pa)	ψ	φ	$tbond$ (Pa)	sbratio	bslip
1×10^{10}	0.0	0.0	0.0	0.0	1×10^5	100	on

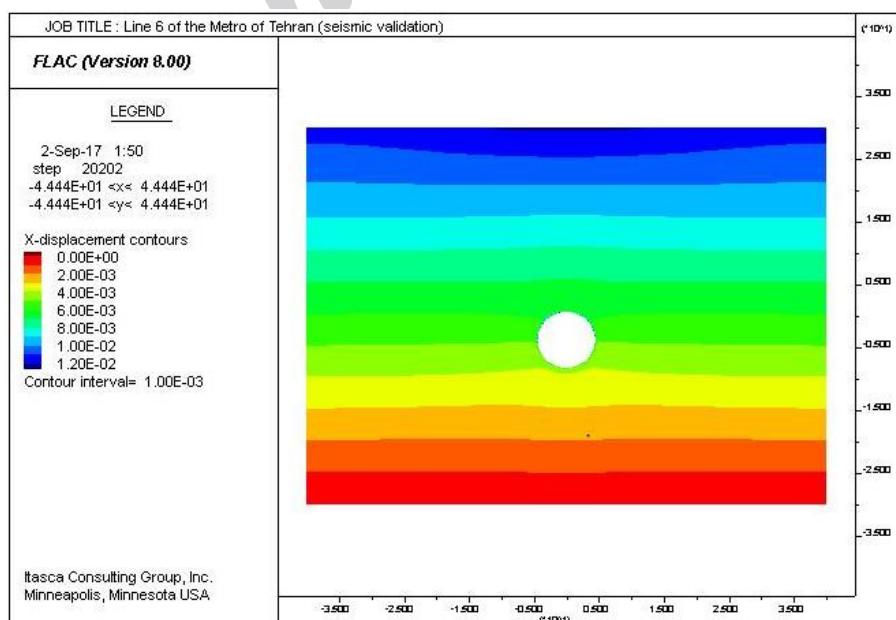
مرحله بار افقی طوری به سطح اعمال می‌شود که جابجایی حداقلر مرز فوقانی (u) مدل به $1/14$ سانتی‌متر برسد. در شکل‌های ۷ و ۸ برخی نتایج مدل‌سازی ارائه شده است.

درنهایت بزرگی جابجایی مرز فوقانی مدل با حداقلر کرنش برشی میدان آزاد (γ_{max}) و ارتفاع مدل (H) مرتبط می‌شود (شکل ۵). درنتیجه مقدار جابجایی حداقلر که در مرز فوقانی ایجادشده از رابطه (۲۹) به دست می‌آید [۱۵ و ۲۶]. در آخرین

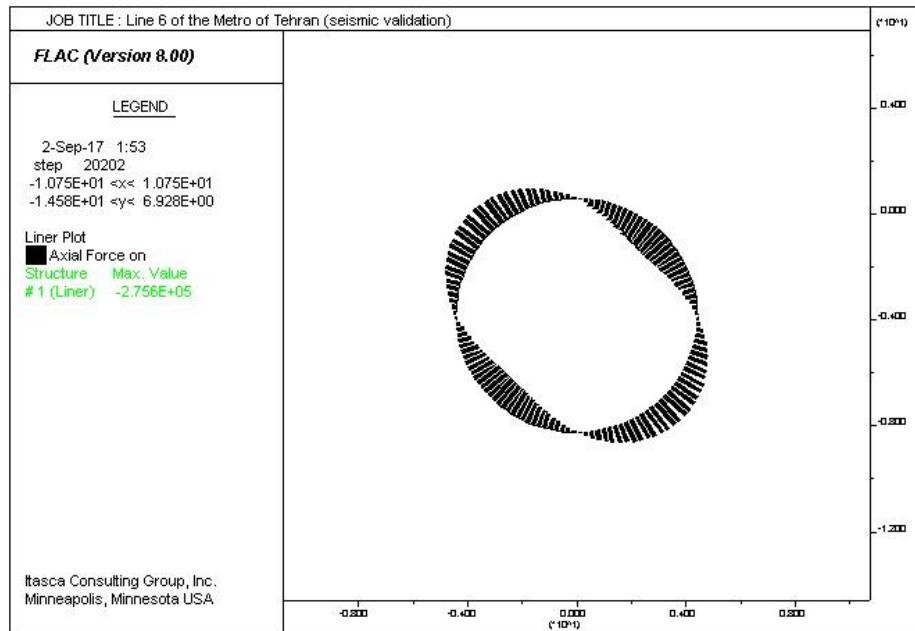
$$u = \gamma_{max} \times H$$

$$u = 0.00019 \times 60m = 1.14cm$$

(۲۹)



شکل ۷: کانتور جابجایی افقی مدل تحت شرایط بدون لغزش.



شکل ۸: نیروی محوری وارد بر پوشش تونل تحت شرایط بدون لغزش.

است و در جدول ۹ نیز درصد اختلاف روش‌های تحلیلی با روش عددی در برآورد نیروهای داخلی سازه‌ای درج شده است.

در جدول ۸ نتایج اعتبارسنجی لرزه‌ای به همراه نتایج راهحلهای تحلیلی تحت شرایط لغزش کامل و عدم لغزش ارائه شده

جدول ۸: قدر مطلق حداکثر نیروهای داخلی به دست آمده در مدل‌سازی عددی و راهحلهای تحلیلی.

Full Slip			No Slip			
V_{max} (KN/m)	M_{max} (KNm/m)	T_{max} (KN/m)	V_{max} (KN/m)	M_{max} (KNm/m)	T_{max} (KN/m)	
14.48	12.94	3.15	7.79	12.69	275.6	$Flac^{2D}$
	13.712	3.098		13.712	283.3783	
6.19	13.708	3.098	6.19	13.708	6.196	$Wang, 1993$
	13.718	3.099		13.48	283.39	

جدول ۹: درصد اختلاف حداکثر نیروهای داخلی به دست آمده در مدل‌سازی عددی و راهحلهای تحلیلی.

نیروهای داخلی سازه‌ای	درصد اختلاف با پنزيون٪		درصد اختلاف با پارک٪	
	No Slip	Full Slip	No Slip	Full Slip
T_{max}	2.74	1.65	4348	1.65
M_{max}	7.45	5.63	7.42	5.60
V_{max}	-	-	20.5	133.9

تنها فرضیات یکسان با راهحلهای تحلیلی را بررسی کردند و محدودیت‌های راهحلهای تحلیلی از جمله محدودیت به شرایط عدم لغزش و لغزش کامل بین پوشش و خاک را دارند. در این بخش از پژوهش با استفاده از روابطی معتبر شرایط اندرکنشی

۳-۲-۵- مدل‌سازی عددی تحت شرایط اندرکنشی واقعی متأسفانه تقریباً تمامی آنالیزهای عددی شبه استاتیکی به جز کار صادرت و همکاران ۲۰۰۹ و کاتنوآ و همکاران ۲۰۱۴ که برای اعتبارسنجی راهحلهای تحلیلی بکار گرفته شده است

زمین) و لغزش کامل (اتصال بدون مقاومت مماسی بین زمین و پوشش) می‌باشد [۱۵، ۱۲، ۸] بهمنظور در نظر گرفتن اندرکنش بین پوشش تونل و زمین، از المان سطح مشترک با مقدار ضریب صلبیت شعاعی بهدست آمده از رابطه (۳۰) در تئوری وینکلر و پارامترهای دیگر مطابق جدول ۱۰ استفاده شد [۲۸]. صحت رابطه تحلیلی وینکلر طبق آزمایشات تمام مقیاس پوشش سگمنتی مولینس و آرناؤ (۲۰۱۱a) مشخص شده است. طبق آزمایشات مولینس و آرناؤ (۲۰۱۱a) ضریب صلبیت فنر مماسی در بهترین حالت باید یکسوم مقدار شعاعی آن مطابق رابطه (۳۱) در نظر گرفته شود [۲۷]. مقدار واقعی زاویه اصطکاک المان سطح مشترک بین بتن (پوشش) و شن یا ماسه مخلوط با رس یا سیلت (نوع خاک در گمانه مورد نظر) طبق مرجع [۲۹]، ۱۷ درجه در نظر گرفته شد و طبق همین مرجع چسبندگی واقعی بین فصل مشترک این مصالح غیر مشابه، ۲۰ کیلو نیوتون اتخاذ شد.

$$K_r = \frac{E_s}{R(1+\nu_s)}$$

$$K_t = \frac{K_r}{3}$$

جدول ۱۰: مقادیر پارامترهای المان سطح مشترک بین پوشش تونل و خاک در حالت شرایط واقعی اندرکنشی.

K_n (Pa/m)	K_s (Pa/m)	C (Pa)	ψ	ϕ	t_{bond} (Pa)	sbratio	bslip
1.72×10^8	5.73×10^7	20×10^3	0.0	17	6.7×10^4	100	on

لغزش، لغزش کامل و اندرکنش واقعی برای مورد مطالعاتی بر می‌آید، ممان خمشی در مقایسه با نیروی محوری تغییرات بسیار اندکی نسبت به تغییر شرایط اندرکنشی بین پوشش و خاک دارد و بیشتر تحت تأثیر هندسه و شکل تغییر یافته سازه تونل می‌باشد که این خود متأثر از کرنش برشی میدان آزاد زمین است. مطابق شکل ۱۰ توزیع ممان خمشی حول پیramon پوشش تونل متقارن می‌باشد. در جدول ۱۱ درصد اختلاف حداکثر نیروهای داخلی بهدست آمده در مدل سازی عددی تحت شرایط واقعی اندرکنشی و راه حل‌های تحلیلی تحت شرایط عدم لغزش و لغزش کامل ارائه شده است. نتایج این بخش مطابق با یافته‌های صدارت و همکاران (۲۰۰۹) می‌باشد.

واقعی بین پوشش تونل و خاک در آنالیز شبه استاتیکی در نظر گرفته شده است و با راه حل‌های تحلیلی مقایسه شده است. مولینس و آرناؤ (Molins & Arnau) (۲۰۱۱a) با توجه به آزمایش‌های تمام مقیاس پوشش سگمنتی در خط ۹ متروی بارسلون به این نتیجه رسیدند که در نظر گرفتن کامل صلبیت مماسی

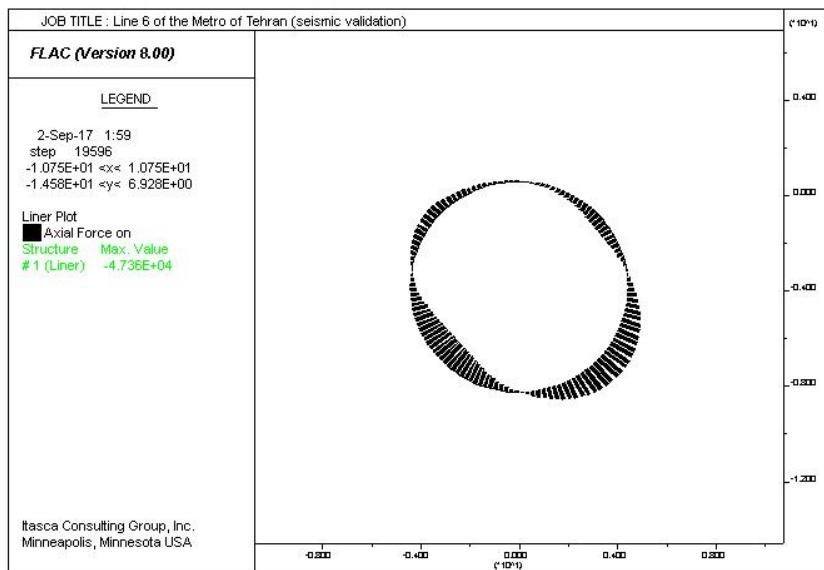
($K_t = K_r/3$) بین پوشش و خاک مناسب‌ترین نتایج را با نتایج آزمایشگاهی در برآورد تنש‌های حداکثر در طول تاج تونل و انتقال تنش را ارائه می‌دهد. کاهش مقادیر صلبیت مماسی باعث کاهش در پیک تنش‌های محوری، یکنواختی توزیع تنش‌ها و حصول تنش‌های قابل توجه در کف پوشش تونل می‌شود. نادیده گرفتن صلبیت مماسی به هیچ‌وجه توزیع یکنواختی از تنش محوری را ارائه نمی‌دهد. از این‌رو، توجه کافی به مکانیزم‌های مماسی اهمیت زیادی در تعیین رفتار سازه‌ای پوشش سگمنتی تونل در شرایط زمین سخت دارد [۲۷].

با توجه به اینکه شرایط اندرکنشی واقعی بین پوشش تونل و خاک، مابین حالت عدم لغزش (اتصال کاملاً صلب پوشش به

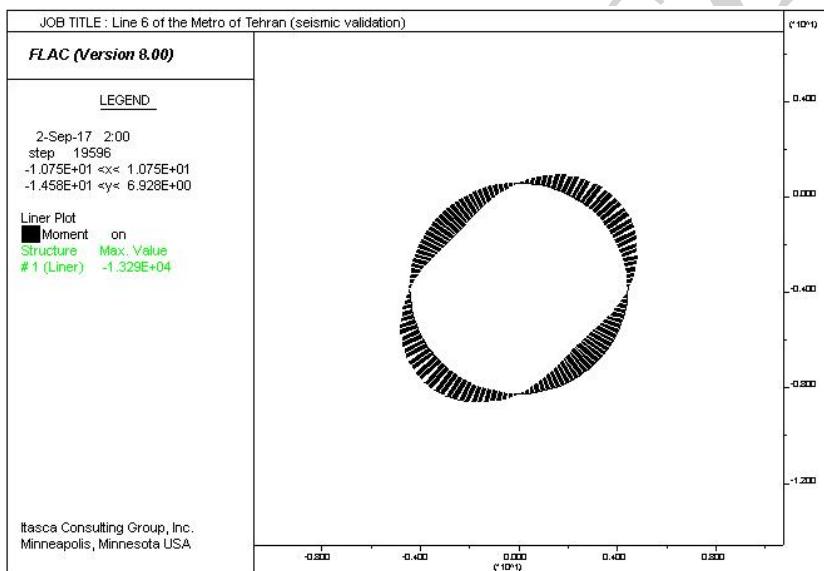
(۳۰)

(۳۱)

در شکل‌های ۹ و ۱۰ برخی از نتایج مدل‌سازی عددی بارگذاری لرزه‌ای به صورت شبه استاتیکی تحت شرایط اندرکنشی واقعی ارائه شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌کنید نیروی محوری حداکثر ۴۷/۳۶ کیلو نیوتون حاصل شده است که در مقایسه با شرایط بدون لغزش که ۲۷۵/۶ کیلونیوتون می‌باشد بسیار پایین‌تر می‌باشد و همچنین از نیروی محوری در شرایط لغزش کامل که ۳/۱۵ کیلونیوتون است بیشتر است. ممان خمشی حداکثر ۱۳/۲۹ کیلونیوتون متر حاصل شده است که در مقایسه با شرایط بدون لغزش و شرایط لغزش کامل که به ترتیب ۱۲/۶۹ و ۱۲/۹۴ کیلونیوتون متر می‌باشد، اختلاف بسیار کمی دارد. همان‌طور که از اعداد و ارقام بهدست آمده تحت شرایط عدم



شکل ۹: نیروی محوری وارد بر پوشش تونل تحت شرایط اندرکنشی واقعی.



شکل ۱۰: ممان وارد بر پوشش تونل تحت شرایط اندرکنشی واقعی.

جدول ۱۱: درصد اختلاف حداکثر نیروهای داخلی به دست آمده در مدل سازی عددی تحت شرایط واقعی اندرکنشی و راه حل های تحلیلی.

نیروهای داخلی سازه‌ای	درصد اختلاف با پنگ %		درصد اختلاف با پیزین %		درصد اختلاف با پارک %	
	No Slip	Full Slip	No Slip	Full Slip	No Slip	Full Slip
T_{\max}	498.34	1428.7	664.36	1428.7	498.37	1428.2
M_{\max}	3	3	3	3	1.4	3.1
V_{\max}	-	-	2.9	2.9	-	-

برای فرموله کردن اندرکنش پوشش و زمین در شرایط عدم لغزش در روش تحلیلی پنگین در نظر گرفته شده است مناسب نمی باشد؛ بنابراین نتایج نیروی محوری روشن تحلیلی پنگین اختلاف بسیار شدیدی با روش عددی و روش های تحلیلی دیگر دارد.

۴- نتیجه گیری

پاسخ سازه های زیرزمینی به رویدادهای لرزه ای بیشتر به رفتار زمین اطراف و اندرکنش آن با زمین بستگی دارد. در نتیجه در روش های عددی با استفاده از روابط مناسبی باید پارامترهای اندرکنشی پوشش و خاک تعیین گردد. شروط ساده سازی که

دارند که نشان‌دهنده‌ی دقت نسبتاً خوب هر سه روش تحلیلی در برآورده ممان خمثی حداکثر تحت شرایط لغزش کامل است. ممان خمثی حداکثر به دست آمده در روش پنزین تحت شرایط عدم لغزش و لغزش کامل یکسان هستند. این نتیجه منطبق با یافته‌های هشاش و همکاران (۲۰۰۵) است.

-۷ در کل روش پنزین (۲۰۰۰) کم اعتبارترین روش تحت شرایط عدم لغزش می‌باشد. درحالی که روش پارک و همکاران (۲۰۰۹) معتبرترین روش تحلیلی در برآورده نیروهای داخلی سازه‌ای تحت شرایط عدم لغزش می‌باشد. تحت شرایط لغزش کامل تمامی نتایج روش‌های تحلیلی مشابه همدیگر بوده و درصد اختلاف یکسانی را با روش عددی در برآورده نیروی محوری و ممان خمثی حداکثر ارائه می‌دهند.

-۸ مطابق جدول ۱۱ درصد اختلاف روش‌های تحلیلی تحت شرایط لغزش کامل و عدم لغزش با روش عددی تحت شرایط واقعی اندرکنشی در برآورده ممان خمثی حداکثر پایین می‌باشد. درنتیجه از روش‌های تحلیلی اندرکنشی استفاده شده در این تحقیق می‌توان برای تخمین ممان خمثی حداکثر سازه تونل تحت شرایط اندرکنشی واقعی برای محیط شهری استفاده کرد. درحالی که درصد اختلاف این روش‌ها در برآورده نیروی محوری حداکثر بسیار بالا است؛ که نشان‌دهنده‌ی اهمیت موضوع اندرکنش واقعی پوشش و خاک در برآورده مقدار واقعی نیروی محوری حداکثر است؛ بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که به هیچ‌کدام از روش‌های تحلیلی در برآورده نیروی محوری حداکثر برای شرایط اندرکنشی واقعی نمی‌توان اعتماد کرد و برای برآورده نیروی محوری حداکثر تحت شرایط اندرکنشی واقعی باید از روش عددی بهره برد. روش شبه استاتیکی که با در نظر گرفتن شرایط اندرکنشی واقعی در این پژوهش استفاده شده را می‌توان برای به دست آوردن بارهای لرزه‌ای خالص (E_Q) و افروزن آن به بارهای استاتیکی جهت طراحی پوشش نهایی تونل‌ها استفاده کرد.

-۹ یکی دیگر از نقاط ضعف روش‌های تحلیلی طراحی لرزه‌ای تونل با استفاده از روش اندرکنشی، محدود شدن شکل سطح مقطع تونل به شکل مدور است درحالی که روش عددی که متناظر با فرضیات راه حل تحلیلی ایجاد شده است قابلیت استفاده در هر شکل سطح مقطعی از جمله مقاطع مستطیلی، نعل اسپی و طاقی را دارد.

در این پژوهش در بخش اول نیروهای داخلی سازه‌ای خط ۶ مترو تهران به عنوان نماینده‌ای از یک محیط خاکی با استفاده از ۳ روش تحلیلی فرم بسته اندرکنشی طراحی لرزه‌ای تونل‌ها تحت شرایط عدم لغزش و لغزش کامل استخراج شد، سپس برای بررسی اعتبار این روش‌ها از روش شبیه استاتیکی عددی متناظر با فرضیات روش‌های تحلیلی برای مقایسه صحیح استفاده شد. در بخش دیگر برای بررسی تأثیر شرایط واقعی اندرکنش بین پوشش و زمین در نتایج، از المان فعل مشترک در مدل عددی با مقادیر پارامترهای متناظر در جدول (۱۰) استفاده شد. نتایج به شرح زیر می‌باشد:

۱- روش پنزین تحت شرایط عدم لغزش در برآورده نیروی محوری حداکثر با روش عددی اختلاف دارد که نشان‌دهنده عدم کارآیی این روش در حالت عدم لغزش برای نیروی محوری حداکثر است. روش پنزین نیروی محوری تحت شرایط عدم لغزش را تقریباً دو برابر شرایط لغزش کامل ارائه می‌دهد. این نتایج مطابق با نتایج هشاش و همکاران (۲۰۰۵)، صدارت و همکاران (۲۰۰۹) و کانتوا و همکاران (۲۰۱۴) است.

۲- روش ونگ (۱۹۹۳) و پارک و همکاران (۲۰۰۹) در برآورده نیروی محوری حداکثر تحت شرایط عدم لغزش به ترتیب دارای٪ ۲/۷۴ و٪ ۲/۷۴ اختلاف با روش عددی می‌باشد و نتایج تقریباً یکسانی با روش عددی دارند، که نشان‌دهنده‌ی دقت این روش‌ها در برآورده نیروی محوری حداکثر است.

۳- هر ۳ روش تحلیلی فرم بسته در برآورده نیروی محوری حداکثر تحت شرایط لغزش کامل٪ ۱/۶ اختلاف با روش عددی دارند که نشان‌دهنده‌ی دقت بالای هر سه روش تحلیلی در برآورده نیروی محوری تحت شرایط لغزش کامل است.

۴- روش پنزین (۲۰۰۰) در برآورده ممان خمثی حداکثر تحت شرایط عدم لغزش با روش عددی٪ ۷/۴۲ اختلاف دارد که نسبت به روش پارک و همکاران (۲۰۰۹) اختلاف بیشتر و نسبت به روش ونگ (۱۹۹۳) اختلاف تقریباً یکسانی با روش عددی دارند.

۵- روش پارک و همکاران (۲۰۰۹) در برآورده ممان خمثی حداکثر تحت شرایط عدم لغزش نسبت به سایر روش‌های تحلیلی از دقت بالاتری برخوردار است. چراکه اختلاف٪ ۵/۸۶ با روش عددی دارد.

۶- هر سه روش تحلیلی فرم بسته در برآورده ممان خمثی حداکثر تحت شرایط لغزش کامل٪ ۵/۶ اختلاف با روش عددی

۵- فهرست نمادها

در جدول ۱۲ سیاهه‌ی نمادهای استفاده شده در متن مقاله ارائه شده است.

جدول ۱۲: سیاهه‌ی نماد

نماد	واحد	شرح
G_s یا FDG	kPa	مدول برشی محیط خاکی یا سنگی
E_m	kPa	مدول الاستیسیته محیط خاکی یا سنگی
E_l	kPa	مدول الاستیسیته پوشش تونل
I_l	m^4/m	ممان اینرسی پوشش یکپارچه تونل
v_l	-	ضریب پواسون پوشش تونل
r	m	شعاع خارجی حفاری تونل
t	m	ضخامت پوشش تونل
v_s یا v_m	-	ضریب پواسون خاک اطراف تونل
K_1	-	ضریب پاسخ پوشش در شرایط لغزش کامل در روش ونگ (۱۹۹۳)
K_2	-	ضریب پاسخ پوشش عدم لغزش در شرایط عدم لغزش در روش ونگ (۱۹۹۳)
$\Delta_{structure}$	-	تغییرشکل تاشدگی مقطع تونل مستطیلی
$\Delta_{free-field}$	-	تغییرشکل قطعی میدان آزاد در زمین بدون فرض حفاری
R	-	نسبت تاشدگی پوشش - خاک تونل مدور
R^n	-	نسبت تاشدگی پوشش - خاک تونل مدور تنها تحت بارگذاری نرمال
Δd_{lining} ,	-	تغییرشکل قطعی پوشش
Δd_{lining}^n	-	تغییرشکل قطری پوشش تنها تحت بارگذاری نرمال
α	-	ضریب استفاده شده در محاسبه نسبت تاشدگی پوشش - خاک تونل مدور
α^n	-	ضریب استفاده شده در محاسبه نسبت تاشدگی پوشش - خاک تونل مدور تنها تحت بارگذاری نرمال
Δ'	-	ضریب پاسخ پوشش در شرایط عدم لغزش در روش پارک و همکاران
K	-	مدول حجمی زون های مجاور فصل مشترک
G	-	مدول برشی زون های مجاور فصل مشترک
Δz_{min}	-	کوچک ترین عرض زون در جهت عمود بر فصل مشترک
u	-	جابجایی حداقل مرز فوقانی مدل عددی
K_n	Pa/m	ضریب صلبیت نرمال بین پوشش و خاک
K_s	Pa/m	ضریب صلبیت برشی بین پوشش و خاک
θ	Deg	زاویه برخورد امواج لرزه ای با محور تونل
C	Pa	جسبندگی بین پوشش و خاک
ψ	Deg	زاویه اتساع بین پوشش و خاک
φ	Deg	زاویه اصطکاک داخلی بین پوشش و خاک
$tbond$	Pa	مقاومت کششی اتصال بین پوشش و خاک
$sbratio$	-	نسبت مقاومت برشی به مقاومت کششی اتصال بین پوشش و خاک
$bslip$	-	شرایط لغزش در اتصال بین پوشش و خاک

۶- مراجع

- [13] Park, K. H., Tantayopin, K., Tontavanich, B., & Owatsiriwong, A. (2009). Analytical solution for seismic-induced ovaling of circular tunnel lining under no-slip interface conditions: A revisit. *Tunnelling and*, 24, 231-235. doi:10.1016/j.tust.2008.07.001.
- [14] Bobet A. (2010). Drained and undrained response of deep tunnels subjected to far- field shear loading. *Tunnelling and Underground Space Technology*;25:21–31. doi:10.1016/j.tust.2009.08.001.
- [15] Kontoe S, Avgerinos V, Potts DM, (2014), Numerical validation of analytical solutions and their use for equivalent-linear seismic analysis of circular tunnels, *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, Vol:66, ISSN:0267-7261, Pages:206-219.
- [16] Ahab Construction Company. (2008). Engineering geology report of metro tehran line 6. Tehran Urban Railway Corporation.
- [17] Tarh Bamdad Consulting Engineers. (2015). Booklet computing guard structures soolghan stations (Z6-1)". Tehran Urban Railway Corporation.
- [18] Darya Khak Pey Consulting Engineers. (2009). Geotechnic studies report southern part of metro tehran line 6. Tehran Urban Railway Corporation.
- [19] U.S. Geological survey: Iran seismic hazard map. www.usgs.gov.
- [20] GmbH Consulting Engineers. (2011). Report on the static design of the segmental lining for MetroTehran Line 6. Tehran Urban Railway Corporation.
- [21] Das B M. Principles of soil dynamics [M]. Boston: PWS-Kent Publishing Co., 1993: 570.
- [22] Ohsaki, Y., & Iwasaki, R. (1973). On Dynamic Shear Moduli And Poisson's Ratios Of Soil Deposits. *Soil and Foundations*, Vol. 13(4), 61-73.
- [23] Bazaz JB and Besharat V. (2008). An investigation on seismic analysis of shallow tunnels in soil medium. In: Proceedings of the 14th world conference on earthquake engineering. Beijing (China); October 12–17.
- [24] Park KH, Tantayopin K and Tontavanich B. (2006). Analytical solutions for seismic design of tunnel lining in Bangkok MRT Subway. In: Proceedings of the international symposium on underground excavation and tunnelling. Bangkok (Thailand); 2–4 February.
- [25] Federal Highway Administration (FHWA), (2009), “ Technical manual for design and construction of road tunnels - Civil elements” , Tech. rep., Report № FHWA-NHI-10-034.
- [26] Zurlo MA. 2012. Seismic response of circular tunnel linings under seismic loading. *Tunnelling and Underground Space Technology*, 27, 100-108. doi:10.1016/j.tust.2011.11.002.
- [1] Do, N. A., Dias, D., Oreste, P. P., & Djeran-Maigre., I. (2015). 2D numerical investigation of segmental tunnel lining under seismic loading. *Tunneling and Underground Space Technology*, 72, 66-76. <http://dx.doi.org/10.1016/j.soildyn.2015.01.015>.
- [2] Fundamentals of design methods and construction of road and railway tunnels in seismic regions. Ministry of Roads, Transportation Research Institute. (2008). Doi:624/193.
- [3] Muir Wood, A. M. (1975). The circular tunnel in elastic ground. *Géotechnique*, 25(1), 115-127.
- [4] Einstein, H. H., & Schwartz, C. W. (1979). Simplified analysis for tunnel supports. *Journal of Geotechnical Engineering*, 105, GT4, 499-517.
- [5] Wang, J.-N., 1993. Seismic Design of Tunnels: A State-of-the-Art Approach, Monograph, monograph 7. Parsons, Brinckerhoff, Quade and Douglas Inc, New York.
- [6] Penzien, J., Wu, C. (1998). Stresses in linings of bored tunnels. *Int. J.Earthquake Eng. Struct. Dyn.* 27, 283_300.
- [7] Penzien, Z. (2000). Seismically induced racking of tunnel linings. *Int. J. Earthquake Eng. Struct. Dynamic*, 29, 683–691.
- [8] Hashash, Y. M., Hook, J. J., Schmidt, B., & Yao, J. I. (2001). Seismic design and analysis of underground structures. *Tunnelling and Underground Space Technology*, 16(4), 247-293. PII: S 0 8 8 6 - 7 7 9 8 Ž 0 1 . 0 0 0 5 1 – 7.
- [9] Bobet, A. (2003). Effect of pore water pressure on tunnel support during static and seismic loading. *Tunneling and Underground Space Technology*. 18, 377–393. doi:10.1016/S0886-7798(03)00008-7.
- [10] Hashash, Y. M., Park, D., & Yao, J. I. (2005). Ovaling deformations of circular tunnels under seismic loading, an update on seismic design and analysis of underground structures. *Tunnelling and Underground Space Technology*, 20, 435–441. doi:10.1016/j.tust.2005.02.004.
- [11] Pakbaz, M. C., & Yareevand, A. (2005). 2-D analysis of circular tunnel against earthquake loading. *Tunnelling and U*, 20, 411-417. doi:10.1016/j.tust.2005.01.006.
- [12] Sederat, H., Kozak, A., Hashash, Y. M., Shamsabadi, A., & Krimotat, A. (2009). Contact interface in seismic analysis of circular tunnels. *Tunnelling and Underground Space Technology*, 24, 482-490. doi:10.1016/j.tust.2008.11.002.

- [28] Rashiddel, A. (2016). Numerical investigation of segmental tunnel lining under dynamic loads due to earthquake. Master of Science Thesis in Mining Engineering, Urmia University.
- [29] Naval Facilities Engineering Command Publications Transmittal: FOUNDATIONS AND EARTH STRUCTURES, September 1986. SN 0525-LP-300-707.
- tunnels: numerical validation of closed form solutions. In: Proceedings of the 1st civil and environmental engineering student conference. Imperial College London; 25–26 June 2012.
- [27] Molins, C., & Arnau, O., (2011a). Experimental and analytical study of the structural response of segmental tunnel linings based on an in situ loading test. Part 1: Test Configuration and Execution. *Tunnelling and Underground SpaceTechnology* 26, 764–777. doi:10.1016/j.tust.2011.05.002.

- 1- Earth Pressure Balance
- 2- New Austrian Tunneling Method
- 3- Flexibility Ratio
- 4- Compressibility Ratio
- 5- Axial Deformation
- 6- Curvature Deformation
- 7- Ovaling Deformation
- 8- Racking Deformation
- 9- Free Field Deformation Approach
- 10-Interaction Approach
- 11-Non-Perforated
- 12-Perforated