

## طراحی یک سیستم فشرده‌سازی تصاویر متند با درجهٔ تفکیک مکانی بالا مبتنی بر فرا تفکیک‌پذیری

سعید مرادی<sup>۱</sup>، فارغ التحصیل کارشناسی ارشد الکترونیک، هادی گرایلو<sup>۲</sup>، استادیار

۱- دانشکده مهندسی برق - دانشگاه صنعتی شهرورد - شهرورد - ایران - saeid006@gmail.com

۲- دانشکده مهندسی برق - دانشگاه صنعتی شهرورد - شهرورد - ایران - grailu@shahroodut.ac.ir

**چکیده:** در این مقاله یک سیستم فشرده‌سازی تصاویر متند با درجهٔ تفکیک مکانی بالا مبتنی بر فرا تفکیک‌پذیری پیشنهاد شده است. در روش پیشنهادی، برای رسیدن به میزان فشرده‌سازی بیشتر از ایده کاهش ابعاد در تصاویر متند استفاده شده است. کاهش ابعاد در کنار عمل فشرده‌سازی ممکن است باعث تنزل در کیفیت تصویر شود. بنابراین باید روشهای انتخاب شود که واحد بازسازی بتواند در کنار افزایش ابعاد تصویر، اثرات مخرب تأثیرگذار بر تصویر را نیز اصلاح کند. در مرحله بازسازی از روش فرا تفکیک‌پذیری استفاده شده است. در این روش، تصویر و ضوح پایین و روودی به سه لایه تقسیم و سپس هر لایه براساس اهمیت اطلاعاتی آن با یک روش خاص بزرگنمایی شده است. در نهایت لایه‌های بزرگنمایی شده با هم ترکیب و تصویر وضوح بالای نهایی تشکیل شده است. یک ویژگی مهم روش پیشنهادی، قابلیت ترکیب آن با روش‌های فشرده‌سازی مختلف است. در این مقاله، ترکیب روش پیشنهادی با هر یک از روش‌های فشرده‌سازی JPEG2000 و SPIHT و JPEG2000 SPIHT و ملاحظه می‌شود، جواب قابل قبولی از نظر معیارهای بازشناختی متن (OCR) و متوسط امتیاز نظر سنجی (MOS) بدست آمده است؛ گرچه از نظر معیار قله سیگنال به نویز (PSNR) روش‌های دیگر بهتر از روش پیشنهادی عمل کردند.

**واژه‌های کلیدی:** فشرده‌سازی تصاویر متند، فشرده‌سازی JPEG2000، فشرده‌سازی SPIHT، فراتفکیک‌پذیری، شناسایی نوری کاراکترها.

## Designing a Codec System for High Resolution Textual Images Based on Super Resolution

Saeid Moradi, Graduated<sup>1</sup>, Hadi Grailu, Assistant Professor<sup>2</sup>

1- Faculty of Electrical Engineering, Shahrood University of Technology, Shahrood, Iran, Email: saeid006@gmail.com

2- Faculty of Electrical Engineering, Shahrood University of Technology, Shahrood, Iran, Email: grailu@shahroodut.ac.ir

**Abstract:** In this paper, a CODEC system based on super resolution, is proposed for compression of high resolution textual images. It employs image resizing to decrease image dimensions and consequently, to improve the compression ratio; but at the other hand, it may reduce the image quality. Therefore, the decompression unit employs super resolution to simultaneously increase the reconstructed image dimensions and quality. In the employed interpolation-based super-resolution method, using an efficient textual image matting algorithm, the input low-resolution textual image is decomposed into three layers after which, each layer is enlarged using a particular method. Finally, the enlarged layers are combined to build the high resolution reconstructed textual image. An interesting feature of the proposed method is the ability to use existing compression methods such as JPEG, JPEG2000 and SPIHT. We have employed the aforementioned compression methods in the proposed CODEC system and evaluated the compression results with respect to OCR rate, Mean Opinion Score (MOS), and PSNR measures. Considering the OCR and MOS measures, the proposed method outperformed the others but not so with respect to PSNR.

**Keywords:** Textual image compression, JPEG compression, JPEG2000 compression, SPIHT compression, super resolution, optical character recognition.

تاریخ ارسال مقاله: ۱۴۰۰/۰۲/۱۵

تاریخ اصلاح مقاله: ۱۴۰۰/۱۱/۲۶

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۰/۱۲/۱۳

نام نویسنده مسئول: هادی گرایلو

نشانی نویسنده مسئول: ایران - شهرورد - دانشگاه صنعتی شهرورد - دانشکده مهندسی برق - گروه الکترونیک.

**۱- مقدمه**

داد، زیرا چنین روش‌هایی از ویژگی‌های مخصوص به متن برای افزایش نرخ فشرده‌سازی استفاده نمی‌کنند.

در تصاویر متنی عمده اطلاعات در لبه‌ها قرار داشته و نواحی داخلی نویسه‌ها و علائم متنی چندان حاوی اطلاعات نمی‌باشند. اما در بیشتر تصاویر طبیعی، قسمت مهمی از اطلاعات در بدنی اشیاء موجود در تصویر قرار دارد. پس می‌توان گفت که، طیف این نوع از تصاویر، طیفی میان‌گذر یا شامل مولفه‌های فرکانسی میانی مهم است اما طیف تصاویر طبیعی، پایین گذر است [۲]. یک ویژگی مهم دیگر تصاویر متنی این است که در این تصاویر، برخلاف بیشتر تصاویر طبیعی، درجهٔ تکییک مکانی بیشتر از درجهٔ تکییک مقادیر شدت روشنایی در حفظ کیفیت یا اطلاعات اولیه اهمیت دارد [۴]. تفاوت دیگر بین تصاویر متنی و تصاویر طبیعی این است که تصاویر متنی، برخلاف بیشتر تصاویر طبیعی، شامل جزئیات دیداری مهم مانند شکل و انحنای قلم، رنگ کاغذ، و بافت کاغذ هستند. این مسئله در مورد تصاویر متنی تاریخی، تصاویر متنی دستنویس، و نیز تصاویر شامل جداول و روابط ریاضی اهمیت ویژه‌ای پیدا می‌کند.

ویژگی‌های تصاویر متنی آن قدر مهم و متمایز از دیگر انواع تصاویر است که بخش ۶ از استاندارد JPEG2000 ویژه تصاویر متنی بوده و پسوند فایل JPM را به خود اختصاص داده است [۵].

**۲- فشرده‌سازی تصاویر متنی**

روش‌های فشرده‌سازی تصاویر متنی را می‌توان به دو دسته‌ی روشنای مبتنی بر مدل و روشنای غیرمبتنی بر مدل تقسیم؛ نمی‌کرد. روشنای مبتنی بر مدل، از مدل محتوای ترکیبی (MRC) استفاده می‌کند. روشنای غیرمبتنی را به لایه‌های مختلفی تجزیه می‌کنند. روشنای نموده و تصویر متنی را به دنبال ارتقاء کارایی فشرده‌سازی یکی از روشنای یا استانداردهای نسبتاً عمومی موجود بهمنظر استفاده در کاربرد فشرده‌سازی تصاویر متنی می‌باشد.

روش‌های فشرده‌سازی مبتنی بر تبدیل موجک جزو روشنای امروزی و موثر محاسبه می‌شوند [۶]. امروزه مشخص شده است که ترکیب تبدیل موجک و کدگذارهای بخش‌بندی مجموعه (SPC) [۸,۷] در حالت کلی، در بیشتر کاربردها کارایی بیشتری نسبت به دیگر انواع تبدیل‌ها (مانند DCT) و کدگذارها (مانند هافمن و حسای و فقی) دارد [۸-۶]. کدگذارهای SPC عموماً از ویژگی وجود شتاب در زیرباندهای هم‌راستا در تجزیه هرمی موجک بهره می‌برند. عملکرد این روشنای عمده‌است مبتنی بر روشهای قانون‌مند برای جستجوی مهم‌ترین ضرایب موجک و تصمیم‌گیری در مورد کدگذاری مناسب آنها است طوری که واحد کدگشا، با در دست داشتن نتایج این جستجو و تصمیم‌گیری، قادر به بازسازی ماتریس ضرایب موجک و سپس، اعمال عکس تبدیل موجک باشد [۹]. از جمله مهم‌ترین روشنای کدگذاری SPC روش کدگذاری SPIHT است [۱۰]. از این کدگذار تاکنون در

حجم عظیم تصاویر اسناد متنی که بهطور روزانه در مراکز مانند کتابخانه‌های دیجیتال و مراکز بایگانی اسناد در حال تولید است، سبب می‌شود که نگهداری و مدیریت آنها چالشی مهم محسوب شود. این حجم عظیم از داده‌ها در کنار محدود و پرهزینه بودن حافظه‌های دیجیتالی امروزی، موجب توجه جدی به روش‌های تخصصی فشرده سازی تصاویر اسناد متنی شده است. روش‌های فشرده‌سازی به دو دسته‌ی باتلاف و بدون اتلاف تقسیم می‌شوند. در کاربردهایی که اشاره شد، عمده‌ای از روش‌های فشرده‌سازی بالاتلف استفاده می‌شود زیرا هم میزان فشرده‌سازی بسیار بالاتری نسبت به روش‌های بدون اتلاف فراهم می‌کنند و هم این که کیفیت تصویر فشرده شده تا حدی، قابل کنترل است. در این مقاله از سه روش فشرده‌سازی JPEG2000 و SPIHT با روش JPEG2000 تفاوت می‌شود. SPIHT در ترکیب با روش فشرده‌سازی استفاده شده است. هر کدام از این روش‌ها در نرخ بیت‌های پیشنهادی انتخاب شده است. هر دو روش پیشنهادی اثرات نامطلوبی مانند اثرات بلوکی یا نشتی روی تصاویر متنی شوند. از طرف دیگر در دو روش JPEG2000 و JPEG2000 حداً کثر میزان فشرده‌سازی قابل حصول محدود است. با توجه به اینکه تصاویر مورد بررسی، تصاویر با درجهٔ تکییک مکانی بالا بوده است و این تصاویر حجم فایل زیادی برای ذخیره‌سازی اشغال می‌کنند، هدف این است تا جایی که امکان دارد حجم فایل تصویر فشرده شده جهت ذخیره‌سازی کمتر شود.

با توجه به مشکلات ذکر شده برای روش‌های فشرده‌سازی استفاده شده، بهمنظر رسیدن به نرخ بیت‌های کمتر، ایده‌ای اصلی مورد استفاده در روش پیشنهادی کاهش ابعاد تصاویر متنی ورودی است؛ ابتدا تصویر ورودی را کاهش ابعاد داده و سپس آن را فشرده می‌کنیم. باید توجه داشت که روشنای کاهش ابعاد نیز ممکن است موجب اثرات نامطلوبی در تصویر شوند. بنابراین در مرحله بازسازی نیاز به روشنای است که بتواند هم اثرات نامطلوب ناشی از فشرده‌سازی و کاهش ابعاد را بهبود دهد و هم ابعاد تصویر را به ابعاد اولیه بازگرداند. برای این منظور در مرحله بازسازی از روش فراتکیک پذیری استفاده شده است.

**۳- مرور روش‌های موجود**

یک روش فشرده‌سازی تصاویر مبتنی بر روش فشرده‌سازی فرکتالی با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی در [۱] پیشنهاد شده است. استفاده از شبکه عصبی بهمنظر سرعت بخشیدن به روش فشرده‌سازی فرکتالی در مرحله فشرده‌سازی بوده است. یک روش فشرده‌سازی بدون اتلاف تصاویر متنی مبتنی بر ترکیب روش کدگذاری طول اجرا<sup>\*</sup> و روش کدگذاری هافمن در [۲] پیشنهاد شده است.

روشنای امروزی موجود برای فشرده‌سازی تصاویر طبیعی را نمی‌توان برای فشرده‌سازی تصاویر اسناد با نرخ فشرده‌سازی زیاد مورد توجه قرار

مانند فراتفکیک پذیری مرتفع یا تعدیل ساخت، می‌توان به میزان فشرده‌سازی بیشتری دست یافت.

## ۲-۲- فرا تفکیک پذیری

فرا تفکیک پذیری فرایند بدست آوردن یک یا چند تصویر وضوح بالا از روی یک یا چند تصویر وضوح پایین است. فرا تفکیک پذیری را می‌توان براساس معیارهای مختلفی طبقه‌بندی کرد. اگر براساس معیار تعداد تصاویر با وضوح پایین روش‌ها را طبقه‌بندی کنیم، می‌توان دو گروه شامل روش‌های مبتنی بر چند تصویر و روش‌های مبتنی بر تک تصویر را داشت. فراتفکیک پذیری تک تصویر در دهه اخیر توجه بسیاری از محققان را به خود جلب کرده است. الگوریتم‌های فرا تفکیک پذیری تک تصویر در حوزه‌ی تصاویر متنی را می‌توان به دو دسته تقسیم کرد: (۱) روش‌های مبتنی بر درون‌یابی (۲) روش‌های مبتنی بر بادگیری.

### ۲-۱- روش‌های مبتنی بر بادگیری

در روش‌های مبتنی بر بادگیری، رابطه‌ی میان و صله‌های وضوح بالا و و صله‌های وضوح پایین با استفاده از یک پایگاه داده خارجی بادگرفته می‌شود. سپس این رابطه به وصله‌های وضوح پایین تصویر ورودی اعمال می‌شود و یک تصویر وضوح بالا تولید می‌شود. این مسئله همانند حل یک دستگاه معادلات است بطوری که تعداد مجهولات از تعداد معادلات بیشتر باشد. در این حالت بینهایت جواب برای دستگاه معادله وجود خواهد داشت و همین موضوع مسئله فرا تفکیک پذیری را بدخلات می‌کند. برای حل این مشکل به یک سری فرضیات و اطلاعات پیشین نیاز است. روش‌های متفاوتی برای بادگیری رابطه‌ی میان وصله‌های وضوح بالا و پایین ارائه شده‌اند. موقوفیت روش‌های فرا تفکیک پذیری مبتنی بر بادگیری به دو فاکتور مهم وابسته است: (۱) جمع‌آوری یک پایگاه داده مناسب شامل جفت و صله‌های وضوح بالا و پایین (۲) بادگرفتن رابطه بین وصله‌های وضوح بالا و پایین. در [۱۷] یک روش فراتفکیک پذیری برای تصویر متنی با استفاده از لایه‌بندی تصویر در کنار شبکه‌های مولد تاخاصی<sup>۱</sup> پیشنهاد شده است. منبع [۱۸] یک روش فراتفکیک پذیری مبتنی بر آموزش برای تصاویر متنی پیشنهاد می‌دهد. در این روش از اطلاعات مخصوص به تصاویر متنی که از یک مدل تشخیص متن و به صورت دنباله‌ای از احتمالات پیشین هر کاراکتر انتخاب شده‌است استفاده می‌کند. استفاده از اطلاعات پیشین متنی در مرحله بازسازی تصویر با درجه تفکیک مکانی بالا مفید است. در نهایت از فراتفکیک پذیری مبتنی بر اطلاعات پیشین چند سطحی برای روش پیشنهادی استفاده می‌شود. در [۱۹] یک مدل فراتفکیک پذیری تک تصویر براساس مدل واقعی تصویر برداری دوربین‌های دیجیتال ارائه شده است.

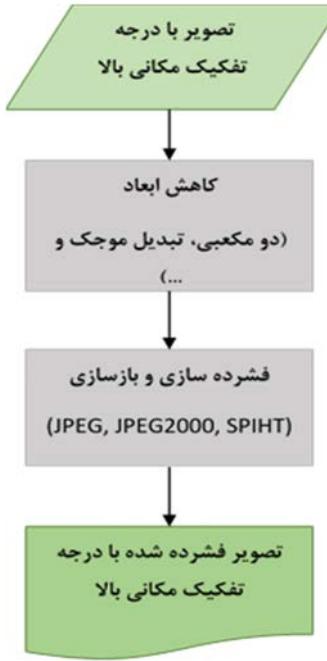
فشرده‌سازی تصاویر مختلفی مانند تصاویر هوایی، تصاویر پزشکی، تصاویر عمومی و نیز برای سیگنال‌های مانند سیگنال‌های قلبی و مغزی استفاده شده است [۸]. یک روش فشرده سازی تصاویر متنی مبتنی بر تبدیل موجک و کدگذاری SPIHT بهمنظور حفظ یا بهبود کیفیت تصویر، خوانایی و تشخیص نوری کاراکترها در [۱۱] پیشنهاد شده است.

در [۱۲] یک روش قطعه‌بندی بلوکی تصاویر متنی به منظور فشرده‌سازی این نوع از تصاویر معرفی شده است. در این روش از استاندارد JPEG برای کدگذاری استفاده شده است. روش پیشنهاد شده در [۱۳] به دنبال کاهش یا حذف اثرات نامطلوب ایجاد شده از اعمال استاندارد JPEG که ویژه‌ی فشرده‌سازی تصاویر طبیعی است، روی تصاویر متنی می‌باشد. استانداردهای فشرده سازی تصاویر نمی‌شوند. برای نمونه، در [۱۴] از کدک ویدیویی H.264/AVC برای فشرده‌سازی تصاویر متنی استفاده شده است. یک روش فشرده سازی تصاویر متنی محدود به استانداردهای فشرده سازی تصاویر نمی‌شوند. برای نمونه، در [۱۴] از کدک ویدیویی SPIHT برای فشرده سازی تصاویر متنی استفاده شده است.

در تصاویر متنی، کیفیت لبه‌های بازیابی شده در تصاویر بازسازی شده (پس از فشرده سازی) مهم است. روش‌های عمومی فشرده سازی تصاویر و نیز برخی روش‌های تخصصی فشرده سازی تصاویر متنی به این نکته توجهی نشان نداده‌اند. برای مثال در فشرده سازی به کمک استاندارد JPEG، اثر بلوکی و حذف فرکانس‌های میانی به بالا مشاهده می‌شود. لبه‌های تصاویر متنی عمدتاً متناظر با فرکانس‌های میانی می‌باشند. در خروجی روش JPEG که مبتنی بر تبدیل DCT است، به دلیل بلوک‌بندی تصویر، اثر بلوکی شدن مشاهده می‌شود. همچنین این روش به دلیل کوانتیزاسیون انجام شده در آن، عملکردی معادل با یک فیلتر پایین‌گذر دارد [۳].

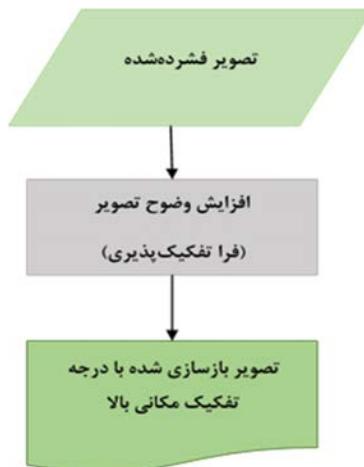
در استاندارد JPEG2000 از تبدیل موجک و کدگذار EBCOT که نوعی کدگذار بخش‌بندی مجموعه است [۱۶]، استفاده شده است. موجک‌ها از ویژگی حضور محلی و نیز ویژگی متراکم‌سازی انرژی برخوردار هستند؛ بنابراین در JPEG2000 میزان فشرده سازی بیشتر شده و کیفیت لبه‌ها نیز بهتر حفظ می‌شود؛ اما متأسفانه به دلیل وقوع اثر نشستی در نرخ بیت‌های پایین، کیفیت لبه‌ها و نیز کیفیت دیداری تصویر، افت پیدا می‌کنند [۳].

در روش‌های فشرده سازی SPIHT و JPEG2000 محدودیت ساز در رسیدن به مقادیر بزرگ میزان فشرده سازی، اثر نشستی است. لذا اگر بتوان این عامل افت کیفیت را با برخی روش‌ها



شکل ۱. مرحله فشرده‌سازی روش پیشنهادی

دهد. مطابق با شکل ۲، تصویر فشرده‌شده بعنوان ورودی مرحله بازسازی در نظر گرفته می‌شود. در تنها بلوک مهم مورد استفاده مرحله بازسازی، به منظور افزایش وضوح و نیز افزایش ابعاد تصویر فشرده‌شده از روش فرا تفکیک‌پذیری استفاده می‌شود. در مرحله بازسازی از روش فرا تفکیک‌پذیری مبتنی بر درون‌یابی استفاده شده است. در روش استفاده شده ابتدا تصویر ورودی به سه زیر لایه شامل؛ ۱) لایه شامل اطلاعات لبه تصویر متن ۲) لایه پیش‌زمینه و ۳) لایه پس‌زمینه تجزیه می‌شود. سپس با توجه به اهمیت هر لایه، آن لایه به روشی خاص بزرگنمایی می‌شود. سپس لایه‌ها با هم ترکیب شده و تصویر وضوح بالای نهایی بدست می‌آید.



شکل ۲. مرحله برگشت

## ۲-۲-۲- روش‌های مبتنی بر درون‌یابی

این روش‌ها، روش‌های ساده و از لحاظ محاسباتی، روش‌های مؤثری هستند. در این روش‌ها مدل تصویربرداری ساده در نظر گرفته می‌شود [۲۱، ۲۰]. در واقع در این روش‌ها به نوعی ترکیبی از الگوریتم‌های درون‌یابی و بهبود تصاویر را داریم. عبارت دیگر یا تصویر را با روش‌های معمول درون‌یابی مانند دومکعبی بزرگ می‌کنند و سپس تصویر بزرگ شده را با تأکید بر لبه‌های متن بهبود می‌دهند و یا بر عکس، ابتدا تصویر را بهبود می‌دهند و سپس بزرگنمایی را انجام می‌دهند.

اخیراً از روش‌های درون‌یابی مبتنی بر ویژگی‌های آماری لایه بهمنظور فرا تفکیک‌پذیری مبتنی بر درون‌یابی استفاده شده است. اما این روش‌ها، روش‌هایی زمان بر هستند [۲۲، ۲۳]. در [۲۳] روش افزایش ابعاد ساده اما مؤثری برای بهبود خودکار وضوح تصویر ارائه شده است. مزیت اطلاعات ساختاری اساسی را حفظ می‌کند، پیشنهاد شده است. اما اصلی روش پیشنهاد شده چارچوب بازخورد کنترلی است که به خوبی اطلاعات تصویر وضوح بالا را بدون در نظر گرفتن هیچ آموزشی از داده ورودی بازیابی می‌کند. این امر باعث می‌شود که روش پیشنهادی هیچ گونه وابستگی به کیفیت و تعداد نمونه‌های انتخاب شده که مسئله راچج در روش‌های مبتنی بر آموزش است، نداشته باشد. مزیت دیگر روش پیشنهاد شده در [۲۳] سرعت بالای آن است.

در [۲۴] یک الگوریتم جدید زمان واقعی لایه‌بندی مبتنی بر مدل خطی-محلي بهمنظور تجزیه تصویر متى ورودی به لایه‌های مختلف آن طراحی شده است. در این روش برای افزایش ابعاد هر لایه یک روش بزرگنمایی خاص در نظر گرفته شده است. در نهایت تصویر مبتنی با وضوح بالای نهایی حاصل از فرا تفکیک‌پذیری با ترکیب لایه‌های وضوح بالای ایجاد شده، بدست می‌آید.

## ۳- روش پیشنهادی

روش پیشنهادی شامل دو بخش، مرحله اول شامل فشرده‌سازی تصویر مبتنی با درجه تفکیک مکانی بالا (مرحله فشرده‌سازی) و مرحله دوم شامل بازسازی تصویر متى فشرده شده و سپس رسیدن به تصویر با درجه تفکیک مکانی بالای اولیه است (مرحله بازسازی). در مرحله فشرده‌سازی مطابق با شکل ۱، ابتدا تصویر ورودی که با درجه‌ی تفکیک مکانی بالا روبش شده است بوسیله‌ی یکی از روش‌های کاهش ابعاد، ابعادش کاهش داده می‌شود. سپس، تصویر حاصل از مرحله کاهش ابعاد با یکی از روش‌های فشرده‌سازی، فشرده می‌شود. از جمله مزیت‌های روش پیشنهادی قابلیت ترکیب این روش با انواع مختلف روش‌های فشرده‌سازی موجود است.

در رسیدن به نرخ بیت‌های پایین، اعمال فشرده‌سازی و تکنیک پیشنهادی کاهش ابعاد، اثرات مخرب و نامطلوبی روی تصویر متى ورودی ایجاد می‌کنند. بنابراین در مسیر بازسازی نیاز به روشنی است که بتواند بطور همزمان هم اثرات مخرب و نامطلوب ایجاد شده را بهبود دهد و هم ابعاد تصویر فشرده‌شده را به ابعاد تصویر ورودی اولیه افزایش

پایین نواحی متن  $a'$  است. بدست آوردن  $a'$ ,  $F'$  و  $B'$  با داشتن تنها تصویر ورودی  $I'$  یک مسئله نامعین است. برای حل این مسئله روش‌های لایه‌بندی متفاوتی ارائه شده است [۲۶، ۲۴]. این روش‌ها بهطور معمول زمان بر می‌باشند. در [۲۵] از یک روش کارا بهمنظور لایه‌بندی استفاده می‌شود.

### ۳-۱-۱-۳- لایه شامل اطلاعات لبه متن

ابتدا تصویر ورودی را به یک تصویر دودویی تبدیل می‌کنیم. تصویر دودویی  $A$  بدست آمده بهمنظور تصویر پوشش متن در نظر گرفته می‌شود. از روش اتسو به منظور دودویی نمودن تصویر ورودی استفاده می‌شود [۲۵]. بهمنظور استخراج اطلاعات لبه تصویر متن اصلی، از فیلتر حفظ لبه یعنی فیلتر هدایت [۲۷] استفاده می‌شود. کلید اصلی  $q$  فیلتر هدایت مدل خطی محلی بین تصویر راهنمای  $I$  و تصویر خروجی  $q$  است. فرض می‌شود  $q$  تبدیل خطی از  $I$  در پنجره  $w_k$  به مرکز  $k$  باشد:

$$q_i = a_k I_i + b_k, \quad \forall i \in w_k \quad (2)$$

در رابطه (2) و  $a_k$  ضرایب خطی ثابت در  $w_k$  هستند. پنجره  $w_k$  به صورت مربعی و به شاعع  $r$  در نظر گرفته شده است. مدل خطی محلی اطمینان می‌دهد که خروجی فیلتر یعنی  $q$  دارای لبه می‌باشد تنها اگر  $I$  لبه داشته باشد، زیرا  $\nabla q = a \nabla I$ . برای تعیین ضرایب خطی  $a_k$  و  $b_k$  به ورودی  $p$  فیلتر نیاز داریم. خروجی  $q$  بصورت تفرقی المان‌های ناخواسته  $n$  مانند نویز از ورودی  $p$  مدل می‌شود.

$$qi = pi - ni \quad (3)$$

راه حلی که در نظر گرفته شده است، روشی است که در رابطه (3) اختلاف بین  $p$  و  $q$  را کمینه کند در حالیکه مدل خطی (2) را شامل شود. به طور خاص،تابع هزینه ارائه شده در رابطه (4) در پنجره  $w_k$  کمینه شده است.

$$E(a_k, b_k) = \sum_{i \in w_k} ((a_k I_i + b_k - p_i)^2 + \varepsilon a_k^2) \quad (4)$$

$\varepsilon$  پارامتر تنظیم جهت  $a_k$  های بزرگ است. رابطه (5) (رگرسیون خطی ستیغی<sup>‡</sup> است که در [۲۸، ۲۹] مدل شده است و راه حل آن بصورت زیر است:

$$a_k = \frac{\frac{1}{|w|} \sum_{i \in w_k} I_i p_i - \mu_k \bar{p}_k}{\sigma_k^2 + \varepsilon} \quad (5)$$

$$b_k = \bar{p}_k - a_k \mu_k \quad (6)$$

در روابط (5) و (6)،  $\mu_k$  و  $\sigma_k^2$  به ترتیب میانگین و واریانس  $I$  در  $w_k$  هستند. تعداد پیکسل‌ها در  $w_k$  و  $w_k$  میانگین  $\bar{p}_k = 1/|w| \sum_{i \in w_k} p_i$  می‌توان

$P$  در  $w_k$  است. با بدست آوردن ضرایب خطی  $a_k$  و  $b_k$  می‌توان خروجی  $q_i$  فیلتر را با استفاده از رابطه (2) محاسبه کنیم. شکل ۴ فرایند

### ۱-۳- لایه‌بندی تصویر

لایه‌بندی تصویر بیان می‌کند که تصویر  $I$  می‌تواند به صورت مجموع وزن داری از تصویر پیش‌زمینه  $F$  و تصویر پس‌زمینه  $B$  با استفاده از لایه‌بند آلفا  $\alpha$  بعنوان وزن مطابق رابطه (1) مدل شود [۲۵].

$$I = \alpha F + (1-\alpha)B \quad (1)$$

در رابطه (1)،  $\alpha$  ماتریسی است که هر پیکسل آن می‌تواند مقداری در بازه  $[0, 1]$  داشته باشد. اگر  $\alpha_{i,j} = 0$  در این صورت پیکسل واقع در مختصات  $(i,j)$  پس‌زمینه و اگر  $\alpha_{i,j} = 1$  پیکسل واقع در مختصات  $(i,j)$  را پیش‌زمینه می‌نامند. در غیر این صورت پیکسل ترکیبی از پیش‌زمینه و پس‌زمینه است. لایه‌بند تصویر با هدف بدست آوردن لایه آلفا  $\alpha$ ، پیش‌زمینه  $F$  و پس‌زمینه  $B$  روی تصویر ورودی  $I$  اعمال می‌شود.

شکل ۳ مثالی از لایه‌بندی تصویر متنی را نشان می‌دهد. شکل (۳الف) تصویر ورودی را نشان می‌دهد. شکل (۳ب) لایه آلفا را بعد از لایه‌بندی تصویر نشان می‌دهد. شکل‌های (۳ج) و (۳د) به ترتیب لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه را نشان می‌دهند. لایه آلفا شامل اطلاعات مهم مربوط به نواحی متنی و لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه نیز به ترتیب شامل اطلاعات مربوط به پیش‌زمینه و پس‌زمینه هستند. همان‌طور که از شکل ۳ مشخص است، لایه آلفا شامل نواحی هموار متن می‌باشد. لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه تنها شامل اطلاعات رنگ متن و پس‌زمینه هستند. این نکته برای فرا تفکیک پذیری تصاویر متنی بسیار مفید است و به جلوگیری از مصنوعات و ماتی با پردازش جداگانه روی لبه متن و اجزای رنگ کمک می‌کند.

همان‌طور که گفته شد اولین مرحله از روش ارائه شده، تجزیه تصویر ورودی  $I'$  به سه لایه متفاوت شامل لایه وضوح پایین رنگ پیش‌زمینه  $F'$ ، لایه وضوح پایین رنگ پس‌زمینه  $B'$  و لایه وضوح

### SMALL PLANES

dically scanning  
es, they spot the  
With no way to:  
adio for help. So  
moving cautiou  
(a)

### SMALL PLANES

dically scanning  
es, they spot the  
With no way to:  
adio for help. So  
moving cautiou  
(b)

### SMALL PLANES

dically scanning  
es, they spot the  
With no way to:  
adio for help. So  
moving cautiou  
(c)

### SMALL PLANES

dically scanning  
es, they spot the  
With no way to:  
adio for help. So  
moving cautiou  
(d)

شکل ۳ مثالی از لایه‌بندی تصویر متنی. (الف) تصویر ورودی. (ب) لایه آلفا. (ج) لایه پیش‌زمینه. (د) لایه پس‌زمینه. [۲۵]

مرادی و همکاران، طراحی یک سیستم فشرده‌سازی ...  
با کمینه کردن خطای بازسازی و عبارت تنظیم، بازسازی پیش‌زمینه و پس‌زمینه می‌تواند با کمینه کردن تابع انرژی رابطه (۱۲) حل شود:

$$\sum_{i \in \mathbf{w}_k} (((\mathbf{F}_k - \mathbf{B}_k) \mathbf{a}_i + \mathbf{B}_k - \mathbf{I}_i)^2 + \gamma (\mathbf{F}_k - \mathbf{B}_k)^2) \gamma (\mathbf{F}_k - \mathbf{B}_k)^2 \quad (12)$$

رابطه (۱۲) بیان گر عبارت تنظیم است و  $\gamma$  ثابتی است که معمولاً برابر ۰،۰۰۰ تنظیم می‌شود. تابع انرژی نمایش داده شده در رابطه (۱۲) می‌تواند در شکل بسته حل شود و حل آن به صورت رابطه (۱۳) و (۱۴) است [۳۰].

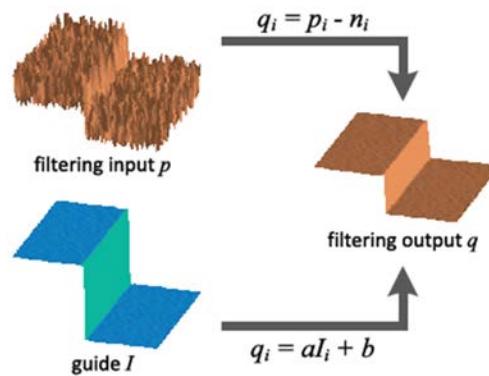
$$\mathbf{F}_k - \mathbf{B}_k = \frac{\frac{1}{|\mathbf{w}_k|} \sum_{i \in \mathbf{w}_k} \mathbf{a}_i \mathbf{I}_i - \mu_k \bar{\mathbf{I}}_k}{\sigma_k^2 + \gamma} \quad (13)$$

$$\mathbf{B}_k = \bar{\mathbf{I}}_k - (\mathbf{F}_k - \mathbf{B}_k) \mu_k \quad (14)$$

در رابطه (۱۳)  $\mathbf{w}_k$  پنجره  $3 \times 3$  است زیرا استفاده از پنجره بزرگ‌تر ممکن است فرض خطی محلی را نقض کند.  $\mu_k$  و  $\sigma_k^2$  در روابط (۱۳) و (۱۴) به ترتیب میانگین و واریانس  $\mathbf{a}$  در  $\mathbf{w}_k$  می‌باشند،  $|\mathbf{w}_k|$  تعداد پیکسل‌ها در پنجره محلی است،  $\bar{\mathbf{I}}_k$  میانگین پیکسل‌ها در همسایگی  $\mathbf{w}_k$  و  $\bar{\mathbf{I}}_k$  میانگین شدت روشنایی پیکسل‌های  $I$  در همسایگی  $\mathbf{w}_k$  می‌باشد.

### ۲-۳- بزرگ‌نمایی جداگانه لایه‌ها و ترکیب آن‌ها

این قسمت از روش فرا تفکیک‌پذیری شامل افزایش ابعاد لایه‌های بددست آمده از قسمت قبل است. همان‌طور که در شکل (۳) (ج) و (۳) (د) دیده می‌شود، لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه به‌طور معمول هموار هستند و اطلاعات مفید کمتری دارند درحالی که لایه‌ی حاوی اطلاعات لبه متن نشان داده شده در شکل (۳) (ب) شامل اطلاعات مربوط به شکل متن است. بنابراین برای افزایش ابعاد هر یک از سه لایه پیش‌زمینه، پس‌زمینه و لایه حاوی اطلاعات متن آلفا، روش‌های مختلفی در نظر گرفته می‌شود. با توجه به اهمیت لایه شامل اطلاعات لبه متن، ابعاد این لایه با تأکید بر تقویت لبه‌ها بزرگ شده است. از طرف دیگر به‌دلیل اینکه لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه از اهمیت اطلاعاتی کمی در رابطه با ویژگی‌های متن برخوردار هستند، از روش درون یابی دومکعبی برای بزرگ‌نمایی آنها استفاده می‌شود. چون درون یابی دومکعبی لبه‌های تصویر متنی را مات می‌کند بنابراین لایه‌ی حاوی اطلاعات لبه متن را قبل از درون یابی ابتدا بهبود می‌دهیم. برای بهبود لبه‌های تصویر متنی از فیلتر تیگر [۳۱] استفاده می‌کنیم. فیلتر تیگر، فیلتری با تأکید بر تقویت لبه‌های تصویر متنی و از بین برد نویز است. این فیلتر به منظور تقویت لبه‌های متن مورد استفاده قرار گرفته شده است. فیلتر تیگر برای یک پیکسل تصویر  $y$  به مختصات  $(i, j)$  در رابطه (۱۵) معرفی شده است:



شکل ۴ فیلتر هدایت

فیلتر هدایت را نشان می‌دهد. تصویر دودویی بددست آمده به عنوان تصویر اصلی و تصویر ورودی به عنوان تصویر راهنمای فیلتر داده می‌شود. فیلتر هدایت تا زمانی که براساس مدل خطی محلی است می‌تواند تصویر متن دودویی  $A$  را به عنوان تقریبی از لبه‌های تصویری متن اصلی در نظر بگیرد و اطمینان دهد که در نواحی محلی تغییرات تصویر ورودی و تصویر پوشش با هم برابر

است یعنی  $\nabla A = \nabla I$ . اگر  $G$  را معرف فیلتر هدایت در نظر بگیریم، لایه حاوی اطلاعات لبه متن  $a$  را می‌توان از رابطه (۷) بددست آورد:

$$d = GAI^r; r, \epsilon \quad (7)$$

در رابطه (۷) دو پارامتر  $r$  و  $\epsilon$  به ترتیب شعاع همسایگی و پارامتر تنظیم ضرایب فیلتر هدایت هستند [۲۷]. شکل (۳) (ب) لایه حاوی اطلاعات لبه متن  $a$  را نشان می‌دهد.

### ۳-۱-۲- لایه‌های پیش‌زمینه و پس‌زمینه

مدل خطی محلی بیان می‌کند که در پنجره‌های محلی کوچک، کanal  $\alpha$  می‌تواند به صورت ترکیب خطی از تصویر  $I$  نمایش داده شود.

$$a_k = ZI_k^c + H \quad k \in \omega_i \quad (8)$$

در رابطه (۸)  $c$  پنجره کوچکی حول پیکسل  $i$  و  $c$  بیان گر کanal رنگ است.  $G$  و  $H$  در پنجره محلی، ثابت می‌باشند. برای سادگی، در ادامه شاخص کanal  $c$  حذف می‌شود. براساس رابطه (۱) و (۸)، می‌توان  $Z$  و  $H$  را به صورت زیر بددست آورد. با جای گذاری رابطه (۸) در رابطه (۱) داریم:

$$I = ZIF + HF + B - ZIB - HB \quad (9)$$

با در نظر گرفتن  $I = 0$  برای مقادیر پس‌زمینه و  $I = 1$  برای مقادیر پیش‌زمینه و جایگذاری این مقادیر در رابطه بالا داریم:

$$I = 0 \rightarrow H(F - B) = -B \rightarrow H = \frac{B}{B - F} \quad (10)$$

$$I = 1 \rightarrow I = Z(F - B) + H(F - B) + B \quad (11)$$

$$1 = Z(F - B) + \frac{-B}{F - B}(F - B) + B \rightarrow Z = \frac{1}{F - B}$$

در این مقاله از سه روش فشرده‌سازی JPEG2000 و SPIHT در ترکیب با روش پیشنهادی استفاده شده است. بهمنظور فشرده‌سازی تصاویر از نرم‌افزارهای Advanced JPEG Compressor و SPIHT JPEG2000 Compressor بهمنظور ارزیابی روش پیشنهادی، معیارهای باز شنا سی متن (OCR)، متوسط امتیاز نظرسنجی (MOS) و پیک سیگنال به نویز (PSNR) مورد استفاده قرار گرفته‌اند.

#### معیار OCR

برای OCR، از نرم‌افزار ABBY Fine Reader استفاده شده است. برای بدست آوردن صحت OCR، تعداد کاراکترهایی که نرم‌افزار معرفی شده به درستی تشخیص داده است به تعداد کل کاراکترها تقسیم می‌شود.

#### معیار MOS

برای معیار MOS از ۲۰ نفر خواسته شد که به تصاویری که به آنها نشان داده می‌شود از نظر خوانایی و کیفیت از ۱ تا ۵ نمره دهند. به این صورت که ۵ بهترین نمره‌ای است که می‌توان به یک تصویر با کیفیت عالی داد و ۱ ضعیفترین نمره‌ای است که می‌توان به یک تصویر داد. در نهایت برای هر تصویر کل نمره‌ای که به آن اختصاص داده شده است را می‌گینیم گیری کرده و نمره نهایی برای تصویر مورد نظر گزارش می‌شود.

#### معیار PSNR

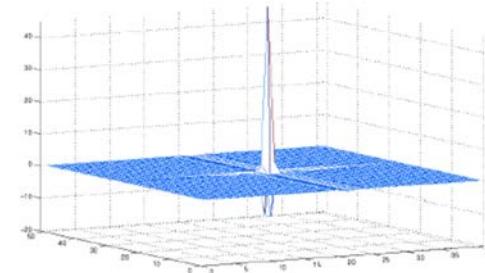
این معیار میزان نزدیک بودن تصویر بازسازی شده به تصویر اصلی را از لحاظ عددی نشان می‌دهد. برای محاسبه PSNR از رابطه (۱۵) استفاده می‌شود:

$$psnr = 10 \log_{10} \left( \frac{255^2 mn}{\|\hat{\mathbf{I}} - \mathbf{I}\|^2} \right) \quad (15)$$

در رابطه (۱۵)،  $\hat{\mathbf{I}}$  بهتری تصویر اصلی و تصویر بازسازی شده و  $mn$  تعداد پیکسل‌های تصویر اصلی هستند.

$$\begin{aligned} y^T(i,j) &= 3y^2(i,j) - \frac{1}{2}y(i+1,j+l)y(i-1,j-l) \\ &\quad - \frac{1}{2}y(i+1,j-l)y(i-1,j+l) \\ &\quad - y(i+1,j)y(i-1,j) - y(i,j+l)y(i,j-l) \end{aligned} \quad (15)$$

ساختار فیلتر تیگر در شکل ۳-۳ نشان داده شده است.



شکل ۵ فیلتر تیگر [۳۱]

فیلتر تیگر یک فیلتر غیرخطی است که ما را قادر می‌سازد تا لبه‌های تصویر متن را تقویت و نویز را حذف کنیم. پس از بهبود لایه حاوی اطلاعات لبه متن، بهمنظور بزرگنمایی این لایه از درون یابی دومکعبی استفاده می‌کنیم. افزایش نمونه‌های لایه لبه متن به صورت رابطه (۱۶) انجام می‌شود:

$$\mathbf{a}^h = \text{Bicubic}(\mathbf{a}') + \beta \text{Teager}(\mathbf{a}')) \quad (16)$$

در رابطه (۱۶)  $\beta$  ضریب وزن دهنده برای کنترل تیزی لبه است که معمولاً برابر ۱ قرار داده می‌شود [۲۵]. فیلتر تیگر و Bicubic درون یابی دومکعبی را نشان می‌دهد. پس از آنکه لایه‌های پوضوح بالای  $\mathbf{a}^h$  و  $\mathbf{F}^h$  و  $\mathbf{B}^h$  به دست آمدند، تصویر پوضوح بالای نهایی با ترکیب این لایه‌ها و بهصورت رابطه (۱۷) بدست می‌آید [۲۵]:

$$\mathbf{I}^h = \mathbf{a}^h \mathbf{F}^h + (1 - \mathbf{a}^h) \mathbf{B}^h \quad (17)$$

#### نتایج

جهت تولید داده‌های آموزشی، پایگاه داده‌ای شامل ۱۰۱ تصویر از تصاویر متنی واقعی در درجه‌ی تفکیک مکانی  $600 \text{ dpi}$  و  $300 \text{ dpi}$  ایجاد شد. در شکل‌های ۶ و ۷ بهتری تصاویری از پایگاه داده که با درجه‌ی تفکیک  $300 \text{ dpi}$  و  $600 \text{ dpi}$  رویش شده‌اند، نشان داده شده‌اند. برای نشان دادن اختلاف بین این تصاویر، قسمتی از این تصاویر در شکل‌های ۸ و ۹ بزرگنمایی شده‌اند.

بهمنظور اجرای الگوریتم فراتنکیک پذیری از کد نوشته شده در نرم‌افزار متلب استفاده شده است که در سیستمی با مشخصات پردازنده Intel Corei5-3210M @ 2.5GHz و 4G RAM اجرا شده است و ضریب کاهش ابعاد برای نمودارهای گزارش شده در این تحقیق ۵ می‌باشد. زمان اجرای روش پیشنهادی به طور میانگین ۵، ۲۳ ثانیه بوده است. نتایج ارائه شده در این مقاله بهترین پاسخ به دست آمده از اجرای روش پیشنهادی روی تصاویر پایگاه داده می‌باشد.

**Algorithm 7.5.1:** A k-means clustering algorithm that guarantees convergence to the global minimum of  $J(k, U)$  (which, hopefully, corresponds to the global minimum of  $J(k, U)$ ). Consequently, different initializations of the algorithm may lead to different local minima. Care must be taken in the initialization of  $\mathbf{U}$  (see the practical hints below). If the user wants to obtain a specific result, it is recommended to run the algorithm several times and choose the one that may never be updated. As a consequence, 4-means algorithm will proceed as if there were only as many clusters as the number of points in  $X$ .

**Accessing information about the number of clusters (representatives) is crucial for the algorithm, since a poor estimate will prevent it from uncovering the clustering structure of  $X$ . More specifically, if a large number of clusters is chosen, the algorithm will end up with many small clusters that contain two or more. On the other hand, if a smaller number of representatives is used, two or more physically clusters are likely to be represented by a single representative, which in general will be inaccurate and will not be representative of the cluster.**

**The algorithm is sensitive to the presence of outliers (that is, points that lie far away from almost all data vectors in  $X$ ) and "noisy" data vectors. Such points are the result of a noisy process unrelated to the clustering structure. In this case, the algorithm tends to assign many points to unnecessary clusters, which they influence the respective mean representatives.**

**$k$ -means is suitable for real-valued data and, in principle, should not be used with discrete-valued data.**

#### Practical Hints

**Assuming that  $m$  is fixed, and to increase our chances of obtaining a reliable clustering, we may run  $k$ -means several times, each time using different initial values for the representatives, and select the best result. This is a common strategy for most clustering algorithms. There are three ways to choose  $m$  for  $k$ 's are:**

**(a) random initialization,** (b) random selection of  $m$  data vectors from  $X$  as the initial estimates of  $\mathbf{U}$ , and (c) utilization of the clustering output of a simpler (e.g., sequential) algorithm as input.

**Two simple ways to deal with outliers are:**

**– Use the methodology described for the K-Means algorithm.**

**– For each value of  $m$ , in a suitable cluster range [ $m_{\min}, m_{\max}$ ], run the  $k$ -means algorithm  $m_{\max} - m_{\min}$  times and select the one that produces the clustering (means) that minimizes the cost function  $J$ . Let  $J_m$  be the value of  $J$  for the latter clustering. Plot  $J_m$  versus  $m$  and search for a significant local change ( $J$  appears as a significant "bump" in the graph). This bump indicates that there is no clustering structure that contains compact clusters in the data.**

**Two simple ways to deal with outliers are:**

**– To determine the points that lie at "large" distances from most of the data vectors in  $X$  and discard them, or (b) to run  $k$ -means and identify the clusters made very large.**

**An alternative is to use algorithms that are less sensitive to outliers (this is the case with the PAM algorithm, discussed later).**

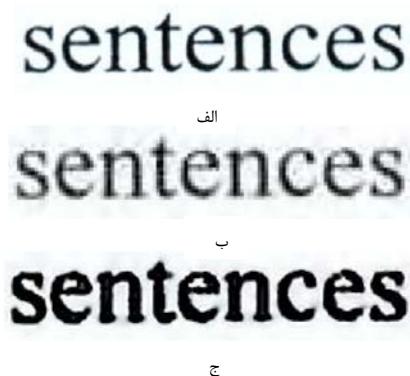
**Example 7.5.1:** Generate and plot a data set,  $X_0$ , that consists of  $N = 400$  2-dimensional points. These points form four equally sized groups. Each group contains vectors that stem from Gaussian distributions.

**Shall we use the K-Means algorithm?**

در شکل‌های ۱۱ تا ۱۳ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی بهترین با روش‌های فشرده‌سازی JPEG و JPEG2000 و SPIHT در نرخ بیت‌های ۰/۱۵ و ۰/۱۰ نشان داده شده است. با دقت در این شکل‌ها که برای دیدن بهتر اثر روش‌های فشرده‌سازی و کارایی روش پیشنهادی بزرگنمایی شده است، مشخص است که روش پیشنهادی در ترکیب با هر یک از روش‌های فشرده‌سازی بکار گرفته شده، توانسته است اثرات مخرب ناشی از این روش‌ها و همچنین اثرات مخرب ناشی از کاهش ابعاد را به خوبی بهبود دهد. در شکل ۱۱ روش پیشنهادی توانسته است بخوبی اثرات بلوکی ناشی از روش فشرده‌سازی JPEG را بهبود دهد. شکل ۱۲ اثرات ناشی از اعمال روش فشرده‌سازی JPEG2000 روی تصویر ورودی در نرخ بیت ۰/۱۵ نشان می‌دهد. کارایی روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG2000 در این شکل دیده می‌شود. در شکل ۱۳ اثرات ناشی از اعمال روش فشرده‌سازی مبتنی بر تبدیل موجک و سپس کدگذاری SPIHT روی تصویر ورودی در نرخ بیت ۰/۱ قابل مشاهده است. روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی SPIHT توانسته است اثرات ناشی مخرب ناشی از این روش فشرده‌سازی را بهبود دهد.



شکل ۱۱ بزرگنمایی بخشی از تصویر در ترکیب روش پیشنهادی با (الف) تصویر اصلی (ب) تصویر فشرده‌شده با JPEG در نرخ بیت ۰/۱ (ج) روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG در نرخ بیت ۰/۱۵.



شکل ۱۲ بزرگنمایی بخشی از تصویر در ترکیب روش پیشنهادی با (الف) تصویر اصلی (ب) تصویر فشرده‌شده با JPEG2000 در نرخ بیت ۰/۱۵ (ج) ترکیب روش پیشنهادی با روش فشرده‌سازی JPEG2000 در نرخ بیت ۰/۱۵.

- $k$ -means ensures guaranteed convergence to the global minimum of  $J(0; D)$  (which, hopefully, corresponds to the best possible clustering). In other words, it returns clusterings corresponding to local minima of  $J(0; D)$ . Consequently, different initializations of the algorithm may lead to different final clusterings. This is a well-known shortcoming of the  $k$ -means algorithm.
- If the initial values for, say,  $m_1$ , or  $\theta$ , lie away from the region where the data vectors lie, they may never be updated. As a consequence, the  $k$ -means algorithm will proceed as if there were only  $m - 1$  clusters.
- Accurate estimation of the number of clusters (representatives) is crucial for the algorithm, since a poor estimate will prevent it from unravelling the clustering structure of  $X$ . More specifically, if a large number of representatives is used, the data vectors will be partitioned into two or more. On the other hand, if a smaller number of representatives is used, two or more physical clusters are likely to be represented by a single representative, which in general will lie in a region between the two clusters.
- The algorithm is sensitive to the presence of outliers (that is, points that lie away from almost all data vectors in  $X$ ) and "noisy" data vectors. Such points are the result of a noisy process unrelated to the clustering structure. Since such points are outliers, they are necessarily assigned to a cluster, thus influencing the respective mean representatives.
- $k$ -means is suitable for real-valued data and, in principle, should *not* be used with discrete-valued data.

#### Practical hints

- Assuming that  $m$  is fixed, and to increase our chances of obtaining a reliable clustering, we may run  $k$ -means several times, each time using different initial values for the representatives, to select the best possible clustering according to  $J$ . Three simple methods for choosing initial values for  $\theta$ 's are (a) selecting  $m$  data vectors at random from  $X$  as the initial estimates of  $m$ 's, and (c) utilization of the clustering output of a simpler (e.g., sequential) algorithm as input.
- Two simple ways to estimate  $m$  are:
  - Use a simple rule of thumb for the BSSAS algorithm.
  - For each value of  $m$ , in a suitably chosen range [ $m_{\min}, m_{\max}$ ], run the  $k$ -means algorithm  $m_{\max}$  times (each time using different initial values) and determine the clustering (among the  $m_{\max}$  produced) with the lowest value of  $J$ . Let  $J_m$  be the value of  $J$  for the best clustering. Plot  $J_m$  versus  $m$  and search for a significant change in  $J_m$  as  $m$  is a "knob". If such a knee occurs, its position indicates the desired number of clusters. Otherwise, it is an indication that there is no clustering structure (that contains compact clusters) in the data set.
- There are simple ways to deal with outliers. We can either (a) determine the points that lie at "large" distances from most of the other vectors in  $X$  and delete them, or (b) to run  $k$ -means and identify the clusters with very few elements. An alternative is to use algorithms that are less sensitive to outliers (this is the case with the PAM algorithm, discussed later).

Example 7.5.1. Generate and plot a data set,  $X_n$ , that consists of  $N = 400$  2-dimensional points. These points form four equally sized groups. Each group contains vectors that stem from Gaussian distributions

شکل ۷- تصویر ۶۰۰dpi از پایگاه داده ایجاد شده

*This procedure is*

شکل ۸ تصویر ۳۰۰dpi بزرگنمایی شده از پایگاه داده

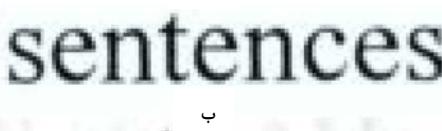
*This procedure is*

شکل ۹ تصویر ۶۰۰dpi بزرگنمایی شده از پایگاه داده

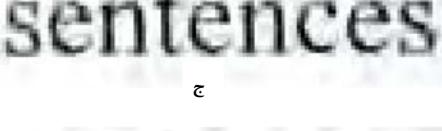
در شکل ۱۰ بهترین اثر روش‌های فشرده‌سازی JPEG2000 و SPIHT زمانی که این روش‌ها بطور مستقیم روی تصاویر همان‌طور که از این شکل مشخص است، در نرخ بیت‌های پایین روش فشرده‌سازی JPEG روی تصویر متنی اثرات بلوکی و روش فشرده‌سازی SPIHT روی تصویر متنی ایجاد می‌کنند.



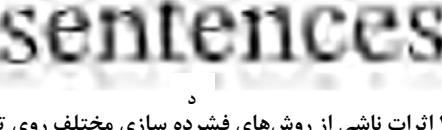
الف



ب

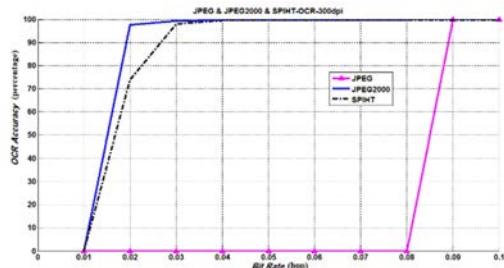


ج

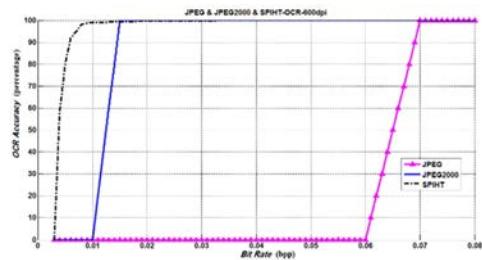


د

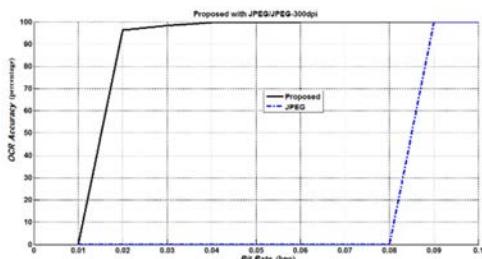
شکل ۱۰ اثرات ناشی از روش‌های فشرده‌سازی مختلف روی تصاویر متنی (الف) تصویر اصلی (ب) اثر بلوکی حاصل از JPEG با نرخ بیت ۰/۰۹ (ج) اثر ناشی حاصل از JPEG2000 با نرخ بیت ۰/۰۸ (د) اثر ناشی فشرده‌سازی به کمک SPIHT با نرخ بیت ۰/۰۸.



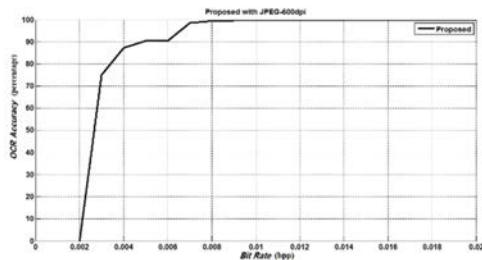
شکل ۱۴ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار OCR برای تصویر با درجهٔ تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۱۵ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار OCR برای تصویر با درجهٔ تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



شکل ۱۶ نتایج OCR روی تصویر با درجهٔ تفکیک مکانی ۳۰۰dpi در ترکیب با فشرده‌سازی JPEG



شکل ۱۷ نتایج OCR روی تصویر با درجهٔ تفکیک مکانی ۶۰۰dpi در ترکیب با فشرده‌سازی JPEG

فشرده‌سازی JPEG توانسته‌ایم نرخ بیت را از ۰/۰۷ به ۰/۰۴ کاهش دهیم. در این شکل به دلیل نشان دادن دقت روش پیشنهادی تنها نمودار مربوط به روش پیشنهادی رسم شده است. در ادامه در شکل‌های ۱۸ و ۱۹ نتایج حاصل از روش فشرده‌سازی JPEG2000 به تنهایی و در ترکیب با روش پیشنهادی نشان داده شده است. همان‌طور که از این شکل‌ها مشخص است در ترکیب روش پیشنهادی با JPEG2000 می‌توان به نرخ بیت کمتری نسبت به اعمال روش JPEG2000 به تنهایی رسید.

sentences  
الف  
sentences  
ب  
sentences  
ج

شکل ۱۳ بزرگنمایی بخشی از تصویر در ترکیب روش پیشنهادی با SPIHT (الف) تصویر اصلی (ب) تصویر فشرده‌شده با SPIHT در نرخ بیت ۰/۰ (ج) ترکیب روش پیشنهادی با روش فشرده‌سازی SPIHT در نرخ بیت ۰/۱

#### ۴-۱- ارزیابی روش پیشنهادی براساس معیار OCR

ابتدا دو دسته تصویر با درجهٔ تفکیک مکانی متوسط و بالا (به ترتیب ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi) به طور مستقیم به روش‌های فشرده‌سازی JPEG و کدگذاری SPIHT داده شده و خروجی حاصل از هر روش براساس معیار OCR ارزیابی می‌شود. نتایج به دست آمده به ترتیب در شکل‌های ۱۴ و ۱۵ نشان داده شده است.

همان‌طور که از این شکل‌ها دیده می‌شود، روش فشرده‌سازی JPEG از نظر صحت OCR جواب مطلوبی دارد. اما به دلیل محدودیت ذاتی این استاندارد رساندن به نرخ بیت کمتر از ۰/۰۹bpp و ۰/۰۷bpp به ترتیب برای تصاویر با درجهٔ تفکیک مکانی ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi نیز بترتیب تا نرخ پذیر نبوده است. روش فشرده‌سازی JPEG2000 نیز بترتیب تا نرخ بیت ۰/۰۲bpp و ۰/۰۱۵bpp برای تصاویر مذکور جواب مطلوبی داشته است. بنا به همان دلیل قبلی برای این روش فشرده‌سازی نیز رساندن به نرخ بیت کمتر از ۰/۰۲bpp و ۰/۰۱۵bpp امکان پذیر نبوده است. اما روش SPIHT بخلاف دو روش قبل محدودیتی روی نرخ بیت آن وجود ندارد و تا هر نرخ بیت دلخواهی، می‌توان تصویر ورودی را فشرده کرد. در این روش برای نرخ بیت‌های کمتر از ۰/۰۲bpp و ۰/۰۰۶bpp به ترتیب برای تصاویر ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi از نظر معیار OCR جواب مطلوبی به دست نمی‌آید.

در رسم نمودارها برای نرخ بیت‌هایی که رسیدن به آنها امکان پذیر نبوده است داده‌های مصنوعی صفر ایجاد شده‌است. به طور مثال برای نرخ بیت‌های کمتر از ۰/۰۹bpp در روش فشرده‌سازی JPEG یا نرخ بیت‌های کمتر از ۰/۰۲bpp در روش فشرده‌سازی JPEG2000 در شکل ۱۴ داده‌های مصنوعی صفر قرار داده شده است.

در شکل‌های ۱۶ و ۱۷ نتایج حاصل از OCR روش فشرده‌سازی JPEG به تنهایی و در ترکیب با روش پیشنهادی روش تصاویر متنی به ترتیب با درجهٔ تفکیک مکانی ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi نشان داده شده است. همان‌طور که از شکل ۱۶ مشخص است روش پیشنهادی توانسته فشرده‌سازی را از ۰/۰۷ تا نرخ بیت ۰/۰۲ پایین بیاورد. از مقایسه شکل ۱۷ با شکل ۱۵ می‌توان دید با ترکیب روش پیشنهادی با روش

جدول ۱: مقادیر میانگین OCR ترکیب روش پیشنهادی با روش‌های فشرده-

سازی روی تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi

نرخ بیت	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰
JPEG	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۸,۹۶	۹۷,۹۶	۹۷,۹۶
JPEG 2000	۸۸,۷۶	۶۴,۵۲	۵۲,۴	۴,۳۶	۰,۱	۵۱,۵۱	۶۲,۶۲		
SPIHT	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۹,۹۹	۹۸,۹۸	۹۸,۹۸	۹۸,۹۸	۹۷,۹۷	۹۷,۹۷
	۹,۷۲	۴۸,۳۸	۳۸,۱۶	۱۶,۹۹	۹۹,۴۳	۲۶,۲۶	۷۱,۷۱		

جدول ۲: مقادیر انحراف معیار OCR ترکیب روش پیشنهادی با روش‌های

فسرده‌سازی روی تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi

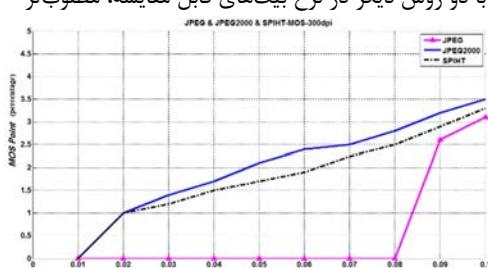
نرخ بیت	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰	۰,۰
JPEG	۰,۴	۰,۵	۰,۷	۰,۷	۰,۸	۰,۹	۱,۰	۱,۱	۱,۱
JPEG 2000	۰,۱	۰,۲	۰,۲	۰,۲	۰,۲	۰,۲	۰,۲	۰,۲	۰,۲
SPIHT	۰,۰	۰,۲	۰,۴	۰,۵	۰,۶	۰,۶	۰,۷	۰,۷	۰,۷
	۸,۶۱	۳۷,۲۸	۲۸,۱۲	۱۲,۸۲	۴۱,۴۱	۸۶,۸۶	۱۵,۱۵		

شده است. در این حالت هم استفاده از روش پیشنهادی موجب بهبود عملکرد فشرده‌سازی و بازناسی شده است.

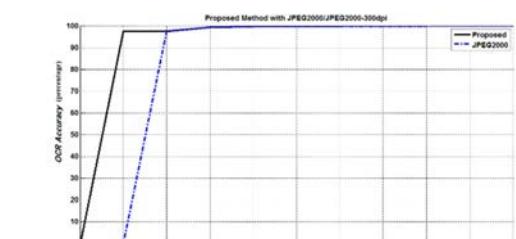
در جداول ۱ و ۲ بترتیب مقادیر مربوط به میانگین و انحراف معیار نتایج حاصل از OCR روش پیشنهادی در ترکیب با سه روش فشرده‌سازی JPEG و SPIHT و JPEG2000 روی تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi ارائه شده است. جداول ۳ و ۴ بترتیب مقادیر مربوط به میانگین و انحراف معیار نتایج حاصل از OCR روش پیشنهادی در ترکیب با سه روش فشرده‌سازی JPEG و SPIHT و JPEG2000 روی مجموعه تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi را ارائه می‌دهند.

#### ۴-۲- ارزیابی روش پیشنهادی براساس معیار MOS

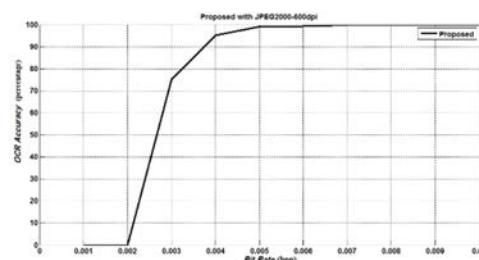
در شکل‌های ۲۲ و ۲۳ نتایج محاسبه معیار MOS حاصل برای حالت اعمال روش‌های JPEG2000 و SPIHT و JPEG می‌باشد. در نظر می‌گیریم بهترین روش با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi داشته باشد. نتایج نشان می‌دهند که افراد کیفیت روش JPEG2000 را در مقایسه با دو روش دیگر در نرخ بیت‌های قابل مقایسه، مطلوب‌تر



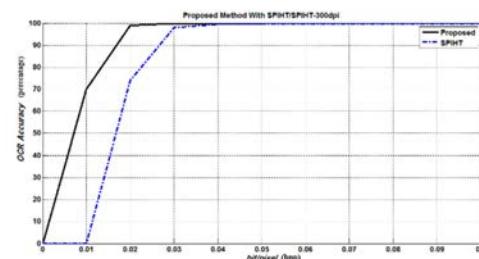
شکل ۲۲ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار MOS برای تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



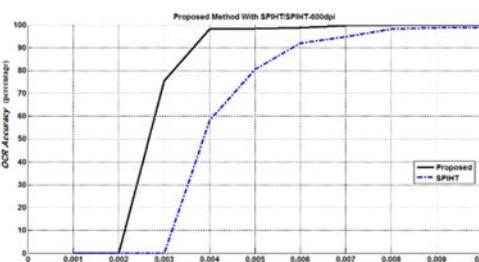
شکل ۱۸ نتایج OCR روش پیشنهادی در ترکیب با فشرده‌سازی JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۱۹ نتایج OCR روش پیشنهادی در ترکیب با فشرده‌سازی JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



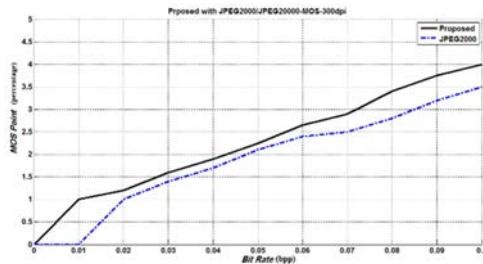
شکل ۲۰ نتایج OCR روش پیشنهادی در ترکیب با فشرده‌سازی SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



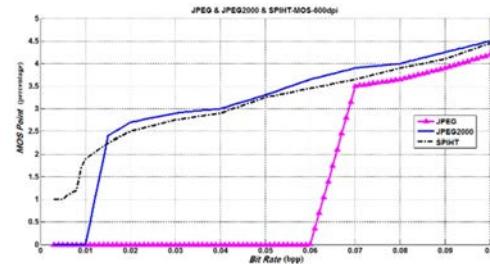
شکل ۲۱ نتایج OCR روش پیشنهادی در ترکیب با فشرده‌سازی SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi

از مقایسه شکل‌های ۱۹ و ۲۰ می‌توان دید روش پیشنهادی در ترکیب با JPEG2000 در مقایسه با اعمال روش فشرده‌سازی JPEG2000 بهتنهایی روش تصویری با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi توانسته نرخ بیت را از ۰/۰۱۵ به ۰/۰۰۴ برساند.

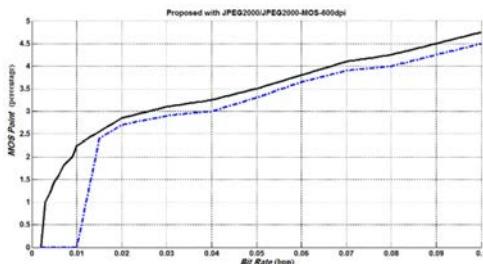
در شکل‌های ۲۰ و ۲۱ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با SPIHT در مقایسه با اعمال روش SPIHT بهتنهایی نشان داده



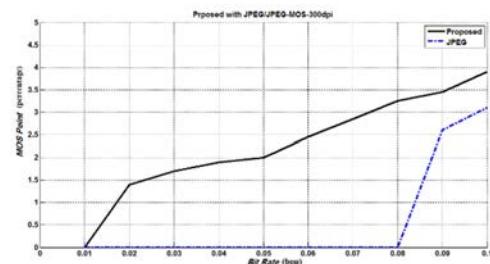
شکل ۲۶ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



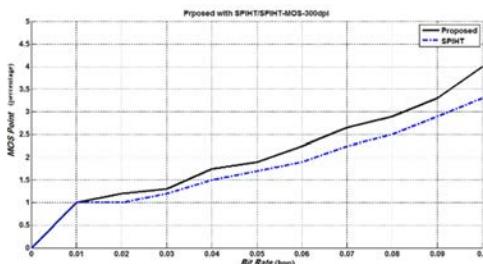
شکل ۲۳ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار MOS برای تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



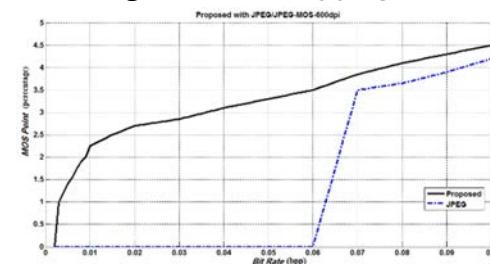
شکل ۲۷ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



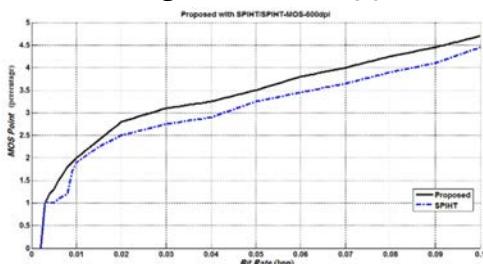
شکل ۲۴ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۲۸ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۲۵ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



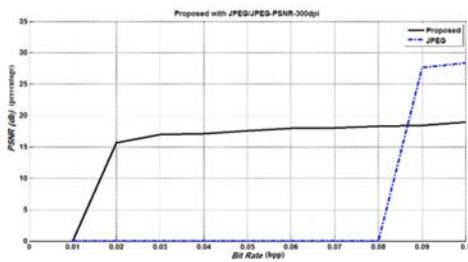
شکل ۲۹ نتایج MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi

نمودارهای مربوط به ارزیابی معیار MOS روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی SPIHT برای تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi و ۶۰۰dpi به ترتیب در شکل‌های ۲۸ و ۲۹ نشان داده شده است. در این شکل‌ها خط ممتد نمودار مربوط به روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT و خط‌ نقطه مربوط به روش فشرده‌سازی SPIHT به تنهایی است.

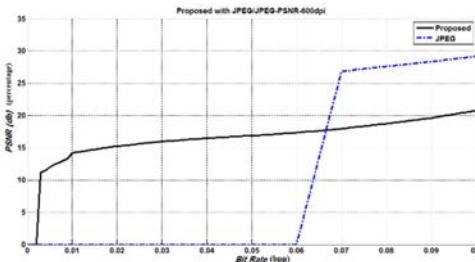
همان‌طور که از این شکل‌ها مشخص است روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT برای هر دو تصویر از نظر MOS جواب بهتری را داشته است.

می‌دانسته‌اند. در شکل‌های ۲۴ و ۲۵ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با فشرده‌سازی JPEG در مقایسه با اعمال روش به تنهایی نشان داده شده است. در هر دو نمودار خط ممتد مربوط به روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG و خط‌ نقطه مربوط به روش فشرده‌سازی JPEG به تنهایی است. همان‌طور که از این شکل‌ها دیده می‌شود، ترکیب روش پیشنهادی با روش فشرده‌سازی JPEG از نظر خوانایی انسانی در جامعه ۲۰ نفره ذکر شده، نتایج مطلوب‌تری نسبت به روش فشرده‌سازی JPEG به تنهایی داشته است.

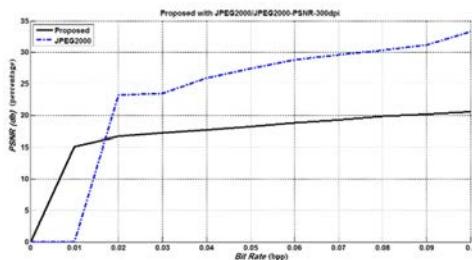
در شکل‌های ۲۶ و ۲۷ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با روش فشرده‌سازی JPEG2000 در مقایسه با اعمال روش فشرده‌سازی JPEG2000 به تنهایی نشان داده شده است. همان‌طور که از این شکل‌ها مشخص است روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG2000 توانسته است خوانایی انسانی تصویر فشرده‌شده ورودی را بهبود دهد. در شکل‌های ۲۶ و ۲۷، خط ممتد مربوط به روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG2000 و خط‌ نقطه مربوط به روش فشرده‌سازی JPEG2000 به تنهایی است.



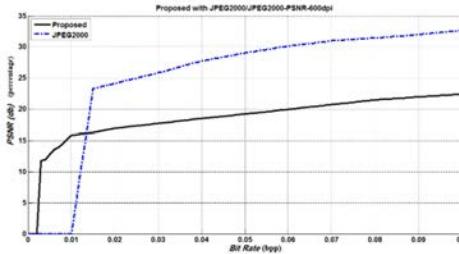
شکل ۳۲ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۳۳ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



شکل ۳۴ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi



شکل ۳۵ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش JPEG2000 روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi

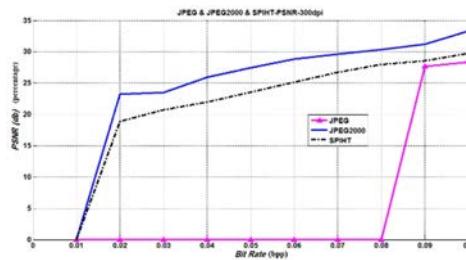
شکل‌های ۳۴ و ۳۵ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با روش فشرده‌سازی JPEG2000 را در مقایسه با اعمال روش فشرده‌سازی JPEG2000 به‌نهایی بر مبنای معیار PSNR نشان می‌دهند. از این شکل‌ها نیز می‌توان دید که به دلیل گفته شده در بالا، روش پیشنهادی در ترکیب با روش فشرده‌سازی JPEG2000 نتایج ضعیفت‌تری نسبت به روش فشرده‌سازی JPEG2000 به‌نهایی دارد. نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با روش SPIHT بر مبنای معیار PSNR در شکل‌های ۳۴ و ۳۵ نشان داده است.

#### ۴-۳-۴ ارزیابی روش پیشنهادی براساس معیار PSNR

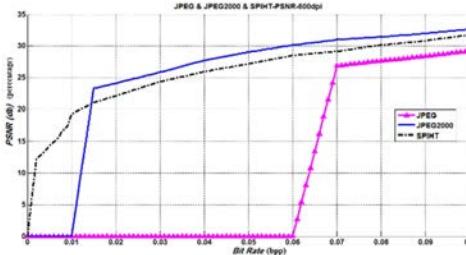
این معیار در واقع میزان نزدیک بودن تصویر بازسازی شده و تصویر اصلی را نشان می‌دهد. نتایج گزارش شده برای این معیار براساس رابطه (۱۵) بدست آمده است. در ابتدا نتایج محاسبه معیار PSNR حاصل از اعمال روش‌های فشرده‌سازی JPEG2000JPEG و SPIHT به‌نهایی گزارش شده‌اند. سپس نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با هر یک از روش‌های فشرده‌سازی گفته شده گزارش شده‌است.

شکل‌های ۳۰ و ۳۱ نتایج حاصل از اعمال روش‌های فشرده‌سازی گفته شده به‌نهایی را روی تصاویر براساس معیار PSNR نشان می‌دهند. از نتایج بدست آمده در شکل‌های ۳۰ و ۳۱ دیده می‌شود که روش JPEG2000 نسبت به دو روش دیگر از نظر معیار PSNR جواب بهتری داشته است. در این نمودارها باز هم محدودیت فشرده‌سازی برای روش‌های JPEG و JPEG2000 قابل مشاهده است.

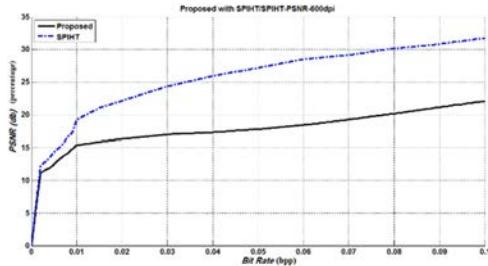
در شکل‌های ۳۲ و ۳۳ نتایج حاصل از ترکیب روش پیشنهادی با روش JPEG در مقایسه با اعمال روش فشرده‌سازی JPEG به‌نهایی بر مبنای معیار PSNR نشان داده شده است. نتایج بدست آمده برای روش پیشنهادی براساس معیار PSNR در مقایسه با اعمال روش فشرده‌سازی JPEG به‌نهایی ضعیفت‌تر بوده است. دلیل این نتایج این است که در روش پیشنهادی در مرحله بازسازی ضخامت حروف در تصویر متى بازسازی شده بیشتر از ضخامت حروف در تصویر متى اصلی است. این سبب می‌شود که در زمان محاسبه PSNR نقاچی که در تصویر بازسازی شده به ضخامت حروف افزوده شده‌اند، خطای بازسازی را نسبت به تصویر اصلی زیاد کنند.



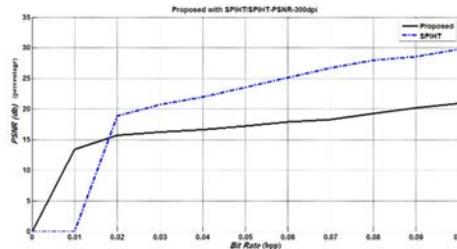
شکل ۳۰ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار PSNR برای ۳۰۰dpi تصویر با درجه تفکیک مکانی



شکل ۳۱ مقایسه روش‌های فشرده‌سازی از نظر معیار PSNR برای ۶۰۰dpi تصویر با درجه تفکیک مکانی



شکل ۳۷ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi



شکل ۳۶ نتایج PSNR روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT روی تصویر با درجه تفکیک مکانی ۳۰۰dpi

جدول ۳: مقادیر میانگین OCR ترکیب روش پیشنهادی با روش‌های فشرده‌سازی روی تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi

نرخ بیت	JPEG	JPEG2000	SPIHT
۰.۰۰۸	۰.۰۰۷	۰.۰۰۶	۰.۰۰۵
۹۹.۹۴	۹۹.۸۴	۹۹.۷	۹۹.۶۱
۹۹.۹۹۸	۹۹.۹۸	۹۹.۹	۹۹.۸۴
۹۹.۹۹	۹۹.۹۷	۹۹.۸۸	۹۹.۸۴

جدول ۴: مقادیر انحراف معیار OCR ترکیب روش پیشنهادی با روش‌های فشرده‌سازی روی تصاویر با درجه تفکیک مکانی ۶۰۰dpi

نرخ بیت	JPEG	JPEG2000	SPIHT
۰.۰۰۸	۰.۰۰۷	۰.۰۰۶	۰.۰۰۵
۰.۰۰۴	۰.۱۲۴	۰.۲۳۸	۰.۳۰۳
۰.۰۰۲	۰.۰۱۱	۹۹.۹	۰.۱۱۳
۰.۰۰۵	۰.۰۱	۰.۱۰۱	۰.۱۳۴

نتایج بدست آمده با روش پیشنهادی براساس معیارهای OCR، MOS و PSNR در مقایسه با دیگر روش‌های فشرده‌سازی شامل JPEG2000 و SPIHT مورد ارزیابی قرار گرفت. روش پیشنهادی براساس معیارهای OCR و MOS و افزایش میزان فشرده‌سازی تصاویر متň نسبت به روش‌های فشرده‌سازی استفاده شده نتایج بهتری را داشته است اما از نظر معیار PSNR روش پیشنهادی نسبت به روش‌های استفاده شده ضعیفتر بوده است که دلیل این امر ضخیم شدن حروف در مرحله‌ی بازسازی است.

## مراجع

- [1] D. W. Naaman, "Image Compression Technique Based on Fractal Image Compression Using Neural Network – A Review," *AJRCoS*, vol. 10, no. 4, pp. 47-57, Jul. 2021.
- [2] H. H. Huda, "Lossless Text Image Compression using Two Dimensional Run Length Encoding", *Journal Online Anformatika (JOIN)*, vol. 4, n0. 2, pp.75-78, 2019.
- [3] H. Graileu, M. Lotfizad and H. S. Yazdi, "Farsi and arabic document images lossy compression based on the mixed raster content model," *International Journal on Document Analysis and Recognition (IJDAR)*, vol. 12, no. 4, pp. 227-248, 2009.
- [4] N. C. Francisco, N. M. M. Rodrigues, E. A. B. Silva, M. B. Carvalho, S. M. M. Faria and V. M. M. Silva, "Scanned compound document encoding using multiscale recurrent patterns," *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 19, no. 10, pp. 2712-2724, 2010.
- [5] L. H. Sharpe and B. Manns, "JPEG 2000 options for document image compression," *Document Recognition and Retrieval IX*, Paul B. Kantor, Tapas Kanungo, Jiangying Zhou, Editors, Proceedings of SPIE, vol. 4670, pp. 167-173, 2002.

از شکل‌های ۳۶ و ۳۷ نیز دیده می‌شود که روش فشرده‌سازی SPIHT بهترای از نظر معیار PSNR نسبت به روش پیشنهادی در ترکیب با روش SPIHT جواب بهتری داشته است.

## ۵- نتیجه‌گیری و پیشنهادات

فشرده‌سازی می‌تواند موجب اثرات مخربی روی تصاویر متň شود. بنابراین بسته به کاربرد تا جایی می‌توان تصاویر متň را فشرده کرد که خوانایی انسانی/ماشینی این تصاویر کم نشود. علاوه بر مشکلات ذکر شده، برای روش‌های فشرده‌سازی مانند JPEG و JPEG2000 مشکل دیگر، محدود بودن میزان فشرده‌سازی یا نرخ بیت خروجی است. در این مقاله روشی جهت فشرده‌سازی تصاویر متň با درجه تفکیک مکانی بالا پیشنهاد شد. ایده اصلی روش پیشنهادی در این مقاله این بوده است که با ارائه روشی مناسب بتوان میزان فشرده‌سازی را بیشتر و اثرات مخرب روی تصویر فشرده شده را نیز کم کرد. برای رسیدن به میزان فشرده سازی بیشتر از ایده کاهش ابعاد در تصاویر متň استفاده شد. البته باید به این موضوع توجه شود که کاهش ابعاد روی کیفیت تصویر بی تأثیر نیست و ممکن است باعث تنزل در کیفیت تصویر شود. بنابراین باید روشی انتخاب شود که بتواند هم ابعاد تصویر را افزایش دهد و هم اثرات مخرب تأثیر گذار بر تصویر را اصلاح کند. به همین دلیل در این مقاله از ایده فرا تفکیک‌پذیری در ترکیب با روش‌های فشرده‌سازی استفاده شد.

- [18] J. Ma, Sh. Guo, L. Zhang, "Text Prior Guided Scene Text Image Super-resolution", arXiv:2106.15368, 2021.
- [19] J. Cai, et al, "Toward Real-World Single Image Super-Resolution: A New Benchmark and A New Model", arXiv:1904.00523, 2019.
- [20] M. C. Chiang and T. E. Boult, "Efficient super-resolution via image warping", *Image and Vision Computing*, vol. 18, no. 10, pp. 761-771, 2000.
- [21] S. Farsiu, M. D. Robinson, M. Elad and P. Milanfar, "Fast and robust multiframe super resolution", *IEEE Transactions on Image processing*, vol. 13, pp. 1327-1344, 2004.
- [22] R. Fattal, "Image upsampling via imposed edges statistics", *ACM Transaction on Graphics*, vol. 26, no. 3, pp. 95:1-95:8, 2007.
- [23] Q. Shan, et al., "Fast image/video upsampling", *ACM Transaction on Graphics*, vol. 25, no. 5, pp. 153:1-153:7, 2006.
- [24] A. Levin, et al., "A closed-form solution to natural image matting", *IEEE Transaction on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 30, no. 2, pp. 228-242, 2008.
- [25] Y.zheng, X.KangShatoli and Y.HeJunSun, "Real-time document image super-Resolution by fast matting" 11<sup>th</sup> IAPR International Workshop on Document Analysis System, 2014.
- [26] J. Wang and F. Cohen, "Optimized color sampling for robust matting", International Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, pp. 1-8, 2007.
- [27] K. He, J. Sun, X. Tang, "Guided image filtering", *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 35, no. 6, pp. 1397-1409, 2013.
- [28] Khangar S. V. and Malik L. G., Handwritten Text Image Compression for Indic Script Document, 2012, International Journal of Computer Applications, Vol. 47, No. 5, pp. 11-16.
- [29] de Queiroz R., Buckley R. and Xu M., Mixed Raster Content (MRC) Model for Compound Image Compression, Proc. IS&T/SPIE Symposium on Electronic Imaging Science & Technology Visual Communications and Image Processing, San Jose, CA, Vol. 3653, pp. 1106-1177, 1999.
- [30] J. Yang, J. Wright, T. Huang and Y. Ma, "Image superresolution via sparse representation of raw image patches", *IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, 2008.
- [31] C. Mancas-Thillou and M. Majid, "Super-resolution text using the teager filter." *First International Workshop on Camera-Based Document Analysis and Recognition*. pp. 10-16, 2005.
- [6] S. Dhawan, "A review of image compression and comparison of its algorithms," *International Journal of Electronics and Communication Technology*, vol. 2, no. 1, pp. 22-26, 2011.
- [7] W. A. Pearlman and A. Said, "Set partitioning coding: part I of set partition coding and image wavelet coding systems", *Foundations and Trends in Signal Processing*, vol. 2, no. 2, pp. 95-180, 2008.
- [8] W. A. Pearlman and A. Said, "Image wavelet coding systems: part II of set partition coding and image wavelet coding systems," *Foundations and Trends in Signal Processing*, vol. 2, no. 3, pp. 181-246, 2008.
- [9] W. A. Pearlman and A. Said, *Digital Signal Compression: Principles and Practice*, Cambridge University Press, New York, 2011.
- [10] A. Said and W. A. Pearlman, "A new, fast and efficient image codec based on set partitioning in hierarchical trees," *IEEE Transactions on Circuits and Systems for Video Technology*, vol. 6, no. 3, pp. 243-250, 1996.
- [11] H. Graillu, "Textual Image Compression for Maintaining or Improving the Recognition Performance", *Circuits Syst Signal Process*, no. 36, pp. 658-674, 2017.
- [12] P. Mahesh, P. Rajesh and I. Suneetha, "Improved block based segmentation for JPEG compressed document images", *International Journal of Research in Engineering and Technology*, vol. 2, no. 11, pp. 669-673, 2013.
- [13] B. Oztan, A. Malik, Z. Fan and R. Eschbach, "Removal of artifacts from JPEG compressed document images", *Proceedings of SPIE-IS&T Electronic Imaging*, vol. 6493, pp. 649306-1: 649306-9, 2007.
- [14] A. Zaghetto and R. L.Queiroz, "Scanned document compression using a block-based hybrid video codec", *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 22, no. 6, pp. 2420-2428, 2010.
- [15] H. Graillu, "Textual image compression at low bit rates based on region-of-interest coding", *IJDAR*, no. 19, pp. 65-81, 2016.
- [16] D. Taubman, "High performance scalable image compression with EBCOT", *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 9, no. 7, pp. 1151-1170, 2000.
- [17] K. Lim, Y. Liu, T.H. Li, Sh. Liu, G. Li, , "Text Image Super-Resolution by Image Matting and Text Label Supervision", Conference on Computer Vision and Pattern Recognition Workshop (CVPRW), 2019.