



Estimation Probability of Daily precipitation by using Markov Chain Models in Different Climates of Iran

B. Bakhtiari¹, N. Shahraki² and M. M. Ahmadi¹

Abstract

The Markov chain used for statistical analysis events that are not independent and are related to their previous events. In this study, events possibility of serial dry and wet days were analyzed by Markov Chain method for 15 synoptic stations with different climates of coldest arid climates to its moderate humid in Iran. For this purpose was used daily precipitation data (1978-2009) for Kerman, Mashhad, Shiraz and Bandar Abbas stations, (1978-2008) for Tabriz, Khorramabad, Isfahan, Tehran, Zahedan, Ahwaz, Ardabil, Gorgan stations, (1978-2007) for Zanjan station, (1987-2008) for Yasouj stations and (2000-2008) for Sari station. These data are arranged according to frequency matrix of rainy days and without rainfall, then probability matrix was calculated by maximum likelihood method. The respectively produced the Probability contour maps during the dry monsoon. In the study stations, results showed that lack of precipitation probability has variable, 0.811- 0.909 in the arid climates, 0.685- 0.84 in the semi-arid climates and 0.695- 0.728 in the moderate and humid climates.

Keywords: Markov Chain, Daily precipitation, Modeling, Probability contour maps.

Received: June 29, 2013

Accepted: June 2, 2014

برآورد احتمالات بارش روزانه با استفاده از مدل زنجیره مارکف در اقلیم‌های مختلف ایران

بهرام بختیاری^{۱*}، نادیا شهرکی^۲ و محمدمهدی احمدی^۱

چکیده

برای تجزیه و تحلیل آماری پیشامدهایی که مستقل نبوده و به پیشامدهای قبلی خود وابسته می‌باشند، از زنجیره مارکف استفاده می‌شود. در این مطالعه، احتمالات پیشامدهای متوالی روزهای خشک و تر ۱۵ ایستگاه سینوپتیک کشور با اقلیم مختلف از اقلیم خشک سرد تا مرطوب معتدل با استفاده از روش زنجیره مارکف مورد تحلیل قرار گرفت. برای دستیابی به احتمالات پیشامدهای متوالی روزهای خشک و تر از آمار بارش روزانه ایستگاه‌های کرمان، مشهد، شیراز و بندرعباس طی سال‌های مطالعاتی ۲۰۰۹-۱۹۷۸، ایستگاه‌های تبریز، خرم‌آباد، اصفهان، تهران، زاهدان، اهواز، اردبیل و گرگان طی سال‌های مطالعاتی ۲۰۰۸-۱۹۷۸، ایستگاه زنجان طی سال‌های مطالعاتی ۲۰۰۷-۱۹۷۸، ایستگاه یاسوج طی سال‌های مطالعاتی ۲۰۰۸-۱۹۸۷ و ایستگاه ساری طی سال‌های مطالعاتی ۲۰۰۸-۲۰۰۰ بهره گرفته شد. آمار مزبور بر اساس ماتریس شمارش تغییر حالت روزهای بارانی و فاقد بارش مرتب شده، سپس ماتریس احتمال تغییر وضعیت بر اساس روش درستمایی بیشینه محاسبه گردید. همچنین نقشه‌های خطوط هم احتمال طول موسم خشک مورد نظر تهیه شدند. نتایج نشان داد که احتمال عدم بارش در ایستگاه‌ها مطالعاتی با اقلیم‌های خشک از ۰/۸۱۱ تا ۰/۹۰۹، با اقلیم‌های نیمه‌خشک از ۰/۶۸۵ تا ۰/۸۴ و با اقلیم‌های معتدل و مرطوب از ۰/۶۹۵ تا ۰/۷۲۸ متغیر می‌باشد.

کلمات کلیدی: زنجیره مارکف، بارش روزانه، مدل‌سازی، نقشه‌های خطوط هم احتمال

تاریخ دریافت مقاله: ۸ تیر ۱۳۹۲

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۲ خرداد ۱۳۹۳

1- Faculty Member in Department of Water Engineering, College of Agriculture, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman, Iran. E-mail: Drbakhtiari@uk.ac.ir

2 - M. Sc. Graduated Student in Water Resources Engineering, Department of Water Engineering, College of Agriculture, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman, Iran. E-mail: Shahraki_n@yahoo.com

*- Corresponding Author

۱- عضو هیأت علمی بخش مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شهید باهنر کرمان، کرمان، ایران.

۲- دانش آموخته کارشناسی ارشد مهندسی منابع آب، بخش مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شهید باهنر کرمان، کرمان، ایران.

*- نویسنده مسئول

برای تمام ایستگاه‌ها به جز یک ایستگاه دارا است. همچنین دقت زنجیره مارکف مرتبه سه یا چهار برای شبیه‌سازی داده‌های بارش از دقت سایر مرتبه‌های زنجیره مارکف بیشتر است. میروموسوی و زهره‌وندی (۱۳۹۰) برای مدل‌سازی احتمالات بارش هفته‌ای ایستگاه هواشناسی نهبوند جهت تحلیل روزهای خشک متوالی از زنجیره مارکف استفاده نمودند. این مطالعه بر مبنای داده‌های روزانه بارش در طول دوره آماری ۲۰۰۹-۱۹۹۳ و با استفاده از تکنیک زنجیره مارکف به انجام رسید. وقوع بارش، مقدار بارش، دوره‌های تر و خشک و دوره بازگشت خشکی‌های متوالی در این تحقیق ارائه شد. (Moradi et al. (2011) ویژگی‌های خشکسالی هواشناسی در استان فارس را بررسی کردند. هدف آن‌ها از این پژوهش بررسی و پیش‌بینی شدت، مدت، فراوانی و وسعت خشکسالی در استان فارس بوده است. بدین منظور، از داده‌های بارش در طول دوره آماری ۱۹۹۹-۱۹۶۸ در پنج مقیاس زمانی ۳، ۶، ۱۲، ۲۴ و ۴۸ ماهه از ۲۶ ایستگاه واقع در داخل و خارج از استان، استفاده گردید و تحلیل روند با استفاده از تجزیه و تحلیل سری‌های زمانی مورد ارزیابی قرار گرفت. سپس پیش‌بینی تعداد و مدت خشکسالی برای ۱۰ سال بعد از آن انجام گردید و وسعت خشکسالی در سیستم اطلاعات جغرافیایی پهنه بندی گردید. نتایج حاصل نشان داد خشکسالی در جنوب استان از شدت بالاتر و مدت طولانی‌تری برخوردار است. رحیمی و همکاران (۱۳۹۰) به تحلیل آماری دوره‌های تر و خشک بارندگی هفتگی دشت ورامین با استفاده از زنجیره مارکف پرداختند. مطالعه ویژگی‌های مهم مرتبط با دوره‌های تر و خشک کوتاه مدت همچون احتمالات ساده و شرطی، فراوانی روزها، طول دوره‌های تر و خشک و نیز سیکل هفته‌های تر و خشک به کمک زنجیره مارکف مرتبه اول از نتایج مهم این مطالعه است. (Bigdeli and Eslami (2010) از داده‌های بارش روزانه‌ی رشت برای یک دوره ۱۱ ساله برای تجزیه و تحلیل دوره‌های تر و خشک فصول بهار و تابستان با استفاده از مدل زنجیره مارکف بهره جستند. نتایج نشان داد که در فصل تابستان تعداد روزهای خشک بیش از روزهای تر بود. همچنین احتمال وقوع دو روز پی در پی خشک بیش از تعداد روزهای مرطوب در فصل تابستان می‌باشد. عساکره (۱۳۷۸) تواتر و تداوم روزهای بارانی شهر تبریز را با استفاده از تکنیک زنجیره مارکف به صورت ماهانه تحلیل نمود. به این نتیجه رسید که بیشترین احتمال وقوع روزهای بارانی طی بهار بوده است. رجبی و همکاران (۱۳۸۶) شبیه‌سازی رفتار احتمالی سری زمانی شاخص بارش استاندارد با مدل زنجیره مارکف را برای هشدار خشکسالی‌های استان فارس انجام دادند. شاخص بارش استاندارد را به منظور بررسی خشکسالی‌های استان فارس، با استفاده از داده‌های بارش ۲۶ ایستگاه واقع در داخل و خارج استان با طول دوره آماری

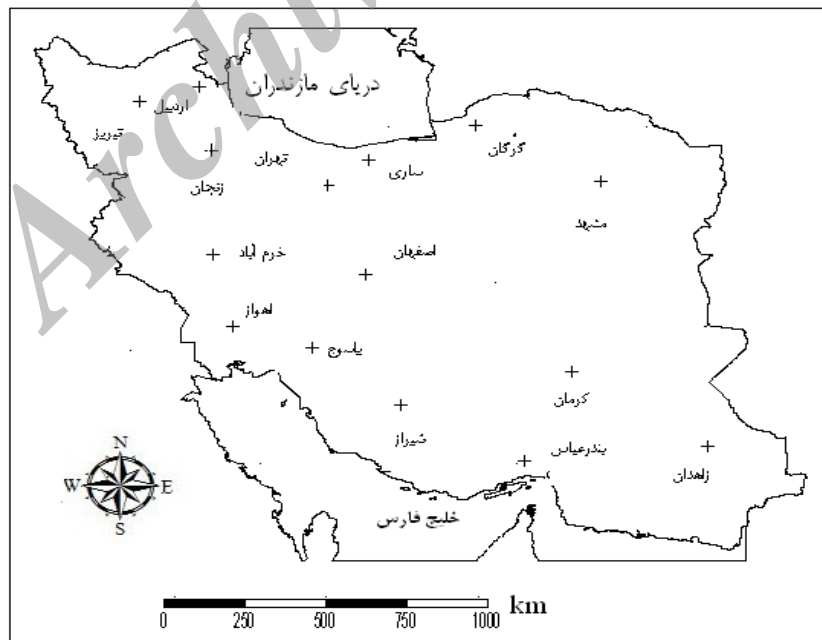
بارش به عنوان یکی از متغیرهای اساسی مؤثر بر منابع آب در ایران، از توزیع زمانی و مکانی بسیار ناموزونی برخوردار است. تغییرپذیری زمانی و مکانی بارش اهمیت ویژه‌ای در ارزیابی منابع آب آبخیزها و مطالعه نسبی منابع آب محلی و منطقه‌ای دارد (میروموسوی و زهره‌وندی، ۱۳۹۰). در زمینه استفاده از مدل زنجیره مارکف جهت تحلیل روزهای خشک متوالی مطالعات زیادی در جهان انجام گرفته است که در اینجا به طور مختصر مورد بررسی قرار می‌گیرند. (Bekele (2002) مدل‌سازی زنجیره مارکف برای بررسی اثرات ENSO روی فصول بارندگی اتیوپی را انجام داد. تجزیه و تحلیل این مطالعه با استفاده از تکنیک‌های مدل‌سازی زنجیره مارکف انجام شده است. نتایج نشان داد که مدل‌های زنجیره مارکف دارای همپوشانی مناسبی بوده و همچنین، این روش برای برنامه ریزی کشاورزی نیز بسیار مفید می‌باشد همچنین مشخص شد که تکنیک‌های مدل‌سازی زنجیره مارکف در مطالعه اثرات ENSO بر ویژگی‌های بارش منطقه مورد مطالعه با موفقیت استفاده شده است. (Chunale et al. (2003) از مدل زنجیره مارکف برای برنامه‌ریزی کشاورزی در کلپاپور استفاده کردند. آن‌ها احتمال وقوع هفته‌های تر و خشک را به منظور برنامه‌ریزی کشت دیم محصولات از قبیل گندم، سویا و سورگوم مورد بررسی قرار دادند. (Lennartsson et al. (2008) مدل‌سازی بارش را با استفاده از زنجیره مارکف چندگانه برای ۲۰ ایستگاه در سوئد انجام دادند. این مطالعه روش جدیدی برای مدل‌سازی بارش در سوئد پیشنهاد کرده است. این مدل، زنجیره را وابسته به مدل تصادفی در نظر گرفته است که متشکل از مدل احتمال وقوع بارش در ایستگاه‌های هواشناسی و مدل مقدار بارش در ایستگاه‌ها، هنگام رخداد بارش می‌باشد. در بخش اول، نشان داده شده است که برای بسیاری از ایستگاه‌های هواشناسی در سوئد یک زنجیره مارکف بالاتر از مرتبه اول مورد نیاز است. در بخش دوم، از روش گوسین استفاده شده است. در این روش ترکیبی از توزیع تجربی برای مقادیر بارش کمتر از حد آستانه و توزیع پارتو به منظور تعمیم مقادیر بارندگی بیشتر از حد آستانه استفاده شده است. سپس این مدل برای محاسبه شاخص‌ها استفاده می‌شوند. نتایج توزیع شاخص‌های مدل شده و داده‌های تجربی همپوشانی خوبی نشان داده‌اند، که تأییدی بر صحت انتخاب مدل می‌باشد. (Dastidar et al. (2010) از مدل زنجیره مارکف برای شبیه‌سازی باران‌های موسمی چهار ایستگاه هواشناسی در منطقه بنگال هند استفاده کردند. این محققان از تئوری بیزین برای تعیین مرتبه مدل زنجیره مارکف بهره گرفتند. نتایج نشان داد که مرتبه سوم مدل زنجیره مارکف بهترین توصیف الگوی بارش را

مشهد، تبریز، خرم آباد، شیراز، زنجان، اصفهان، تهران، زاهدان، بندرعباس، اهواز، اردبیل، گرگان، یاسوج و ساری استفاده شده است. دلایل انتخاب این ایستگاه‌ها، پراکنش آن‌ها در اقلیم‌های مختلف ایران بوده است. پراکنش ایستگاه‌های مطالعاتی در شکل ۱ نشان داده شده است. مشخصات این ایستگاه‌ها در جدول ۱ آورده شده است. پهنه‌بندی اقلیمی این ایستگاه‌ها در سیستم دوماستن (De Martonne) گسترش یافته مشخص شده است (Khalili, 1997).

۲-۲- زنجیره مارکف

زنجیره مارکف روشی است ریاضی برای مدل‌سازی فرآیندهای احتمالاتی. یک زنجیره مارکف با دو ویژگی فضای حالت و مرتبه شناخته می‌شود. اگر سیستم برای بارش روزانه تعریف شود، فضای حالت S در یک روز معین یکی از دو وضعیت $s = \{w, d\}$ خواهد بود. که در آن d معرف روز خشک و w معرف روز تر است. مرتبه زنجیره مارکف مشخص می‌کند که حالت فعلی یک سیستم به چند حالت قبلی آن وابستگی دارد (رحیمی و همکاران، ۱۳۹۰). در این مطالعه فرض می‌شود که مقدار بارندگی در روز معین فقط بستگی به مقدار بارندگی روز قبل دارد، از این رو زنجیره مارکف از مرتبه نخست تعریف می‌گردد که بیان ریاضی آن به صورت رابطه (۱) است.

$$P_r \{X_{t+1} | X_t, X_{t-1}, \dots, X_1\} = P_r \{X_{t+1} | X_t\} \quad (1)$$



شکل ۱- پراکنش ایستگاه‌های مطالعاتی بر گستره ایران

مشترک ۳۲ سال در مقیاس زمانی ۱۲ ماهه محاسبه کرده‌اند. در نهایت وضعیت دراز مدت منطقه از نظر دوام خشکسالی‌ها و نیز طول مدت خشکسالی‌ها در ۱۰ سال آینده پیش‌بینی گردید. طالشی (۱۳۸۴) با کمک زنجیره مارکف به مدل‌سازی بارش سالانه ایران پرداخت که نتیجه کار وی طبقه‌بندی ایستگاه‌های مورد مطالعه بر اساس وضعیت اقلیمی به سه گروه بود. جعفری بهی (۱۳۷۸) به کمک زنجیره مارکف احتمالات پیشامدهای متوالی روزهای خشک و تر با آستانه ۰/۱ میلی‌متر در روز را برای ماه‌های نوامبر تا آوریل سال‌های ۱۹۶۵-۱۹۹۵ را در ایستگاه‌های بوشهر، شیراز، اصفهان، کرج و بندر انزلی تحلیل نمود و نتیجه گرفت که داده‌های بارندگی روزانه ایستگاه‌های مورد مطالعه برآزش خوبی بر زنجیره مارکف مرتبه اول دارد. در یک جمع‌بندی کلی از منابع موجود مشخص گردید که مدل‌سازی بارش‌ها در مقیاس زمانی روزانه، در ایستگاه‌های مطالعاتی انجام پذیرفته است. لذا در این مطالعه با توجه به اهمیت منابع آب در اقلیم مختلف و وقوع خشکسالی‌های اخیر، به تعیین احتمال وقوع بارش‌های روزانه، استخراج دوره‌های تر و خشک و بدست آوردن خشکی‌های متوالی با استفاده از مدل زنجیره مارکف و اطلاعات این ایستگاه‌های سینوپتیک پرداخته شده است.

۲- مواد و روش‌ها

۲-۱- مناطق و داده‌های مورد استفاده

در بررسی حاضر، از آمار بارش روزانه ایستگاه‌های سینوپتیک کرمان،

جدول ۱- طبقه‌بندی اقلیمی ایستگاه‌های مورد مطالعه در سیستم دوماتن گسترش یافته

نام ایستگاه	عرض جغرافیایی		طول جغرافیایی		نوع اقلیم	سال‌های مورد بررسی	ماه‌های مورد بررسی
	دقیقه	درجه	دقیقه	درجه			
کرمان	۱۵	۳۰	۵۸	۵۶	نیمه خشک سرد	۱۹۷۸-۲۰۰۹	Nov-May
مشهد	۱۶	۳۶	۳۸	۵۹	نیمه خشک سرد	۱۹۷۸-۲۰۰۹	Oct-May
تبریز	۰۵	۳۸	۱۷	۴۶	نیمه خشک سرد	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Oct-May
خرم‌آباد	۲۶	۳۳	۱۷	۴۸	نیمه خشک معتدل	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Oct-May
شیراز	۳۲	۲۹	۳۶	۵۲	نیمه خشک معتدل	۱۹۷۸-۲۰۰۹	Nov-Apr
زنجان	۴۱	۳۶	۲۹	۴۸	نیمه خشک فراسرد	۱۹۷۸-۲۰۰۷	Oct-May
اصفهان	۳۷	۳۲	۴۰	۵۱	خشک سرد	۱۹۷۸-۲۰۰۹	Nov-May
تهران	۴۱	۳۵	۱۹	۵۱	خشک سرد	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Oct-May
زاهدان	۲۸	۲۹	۵۳	۶۰	خشک معتدل	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Nov-May
بندرعباس	۱۳	۲۷	۲۲	۵۶	خشک گرم	۱۹۷۸-۲۰۰۹	Nov-Apr
اهواز	۲۰	۳۱	۴۰	۴۸	خشک گرم	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Nov-Apr
اردبیل	۱۵	۳۸	۱۷	۴۸	نیمه خشک فراسرد	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Oct-May
گرگان	۵۱	۳۶	۱۶	۵۴	مدیترانه‌ای معتدل	۱۹۷۸-۲۰۰۸	Jan-Dec
یاسوج	۵۰	۳۰	۴۱	۵۱	مرطوب سرد	۱۹۸۷-۲۰۰۸	Nov-Apr
ساری	۳۳	۳۶	۰۰	۵۳	مرطوب معتدل	۲۰۰۰-۲۰۰۸	Jan-Dec

که برای بدست آوردن ماتریس احتمال انتقال می‌بایست ماتریس فراوانی انتقال را از روی داده‌های گسسته با استفاده از رابطه (۸) تعیین نمود.

$$N = \begin{bmatrix} n_{00} & n_{01} \\ n_{10} & n_{11} \end{bmatrix} \quad (۸)$$

که در آن n_{dd} بیانگر تعداد روزهایی است که یک روز خشک به دنبال یک روز خشک، n_{dw} تعداد روزهایی که یک روز تر به دنبال یک روز خشک، n_{wd} تعداد روزهایی که یک روز خشک به دنبال یک روز تر و n_{ww} تعداد روزهایی است که یک روز تر به دنبال یک روز تر اتفاق افتاده است. با تشکیل این ماتریس مقادیر P_{dd} ، P_{dw} ، P_{wd} و P_{ww} بر اساس روش درستنمایی بیشینه با استفاده از رابطه‌های (۹) تا (۱۲) بدست می‌آید.

$$P_{dd} = \frac{n_{dd}}{n_{dd} + n_{dw}} \quad (۹)$$

$$P_{dw} = \frac{n_{dw}}{n_{dd} + n_{dw}} \quad (۱۰)$$

$$P_{wd} = \frac{n_{wd}}{n_{wd} + n_{dww}} \quad (۱۱)$$

$$P_{ww} = \frac{n_{ww}}{n_{wd} + n_{ww}} \quad (۱۲)$$

با مشخص شدن عناصر ماتریس، احتمالات شرطی خشکی و بارانی روز مورد انتظار بدست می‌آید. همچنین احتمالات ساده خشکی و

رابطه (۱) بیان می‌کند که حالت یک متغیر در زمان t صرفاً به حالت آن در زمان $t-1$ وابسته است نه به مسیری که سیستم از طریق آن به حالت فعلی رسیده است. بنابراین چهار حالت روز خشک بعد از یک روز خشک (P_{dd})، روز بارانی بعد از روز خشک (P_{dw})، روز بارانی بعد از یک روز بارانی (P_{ww}) و روز خشک بعد از یک روز بارانی (P_{wd}) وجود دارد. احتمالات انتقال شرطی برای زمان $t+1$ خواهد بود. مثلاً فردا با چه احتمالی باران خواهد آمد به شرط این که امروز باران باشد و یا با چه احتمالی فردا خشک خواهد بود اگر امروز بارانی باشد. از این رو رابطه‌های (۲)، (۳)، (۴) و (۵) برقرار خواهند بود.

$$P_{dd} = P_r \{X_{t+1}=0 | X_t=0\} \quad (۲)$$

$$P_{dw} = P_r \{X_{t+1}=1 | X_t=0\} \quad (۳)$$

$$P_{wd} = P_r \{X_{t+1}=0 | X_t=1\} \quad (۴)$$

$$P_{ww} = P_r \{X_{t+1}=1 | X_t=1\} \quad (۵)$$

رابطه‌های (۲) و (۳) توزیع احتمال شرطی را برای مقدار سری زمانی در بازه $t+1$ به شرطی که در زمان t ، $X_t=0$ باشد را نشان می‌دهند. متقابلاً رابطه‌های (۴) و (۵) توزیع احتمال شرطی برای مقدار آتی سری زمانی به شرطی که در زمان حال $X_t=1$ باشد را نشان می‌دهند. بنابراین رابطه‌های (۶) و (۷) برقرار است.

$$P_{dd} + P_{dw} = 1 \quad (۶)$$

$$P_{wd} + P_{ww} = 1 \quad (۷)$$

بارانی، احتمالات ساکن خشکی و بارانی، احتمال تداوم پی‌درپی دو، سه، چهار و پنج روزه دوره‌های بارانی و خشک روزانه را می‌توان بدست آورد. احتمالات ساده وقوع روزهای بارانی و خشک از رابطه‌های (۱۳) و (۱۴) بدست می‌آید.

$$P_d = \frac{nd}{n} \quad (13)$$

$$P_w = \frac{nw}{n} \quad (14)$$

که در آن p_d (یا p_w) احتمال ساده وقوع روز خشک یا تر، n_d (یا n_w) تعداد دفعات خشک یا تر بودن روز مورد نظر و n تعداد سال‌های مورد بررسی است.

۳-۲- آزمون‌های آماری

۱-۳-۲- آزمون کای دو Chi-Square Test

پس از تعیین ماتریس احتمال انتقال لازم است برازش مدل زنجیره مارکف را بر سری داده‌ها را با استفاده از رابطه (۱۵) بررسی نمود. برای این منظور از آزمون χ^2 (Chi-Square Test) استفاده می‌شود. فرضیه صفر (H_0) این آزمون بر این ایده استوار است که سری‌ها مستقل هستند (یعنی داده‌ها از زنجیره مارکف مرتبه مورد نظر که در اینجا ۲ است پیروی نمی‌کنند) (Hoaglin et al., 2011).

$$\chi^2_0 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \frac{(n_{ij} - e_{ij})^2}{e_{ij}} \quad (15)$$

که در آن n_{ij} و e_{ij} به ترتیب فراوانی‌های انتقال مشاهده شده و مورد انتظار در گذر از حالت i به j است. χ^2 محاسبه شده از رابطه (۱۵) با χ^2 جدول مربوطه مقایسه می‌شود. اگر χ^2 جدول مربوطه بزرگتر باشد فرضیه صفر رد می‌شود (زارعی، ۱۳۸۳).

۲-۳-۲- آزمون گردش Run Test

ایستا بودن زنجیره مارکف به این مفهوم است که وقوع بارندگی در طی دوره مورد بررسی، روند قابل ملاحظه‌ای ندارد. یعنی احتمال وقوع بارندگی در سرتاسر دوره به یک میزان است. در تحقیق حاضر بررسی ایستا بودن زنجیره، با استفاده از آزمون گردش توسط نرم افزار Minitab انجام شد و مشخص شد داده‌های بارش روزانه همگن و تصادفی هستند. از طرفی با تعیین ماتریس احتمال انتقال زنجیره مارکف می‌توان تحلیل‌های مختلفی انجام داده که مهم‌ترین آن‌ها احتمال تداوم پی‌درپی روزهای خشک یا تر است. برای این منظور احتمال تداوم دو روز خشک پی‌درپی یا دو روز تر پی‌درپی از

رابطه‌های (۱۶) و (۱۷) بدست می‌آید.

$$D_{(2)} = P_{d_{w1}} \times P_{dd_{w2}} \quad (16)$$

$$W_{(2)} = P_{w_{w1}} \times P_{ww_{w2}} \quad (17)$$

همچنین تداوم سه روز خشک پی‌درپی یا سه روز تر پی‌درپی از رابطه‌های (۱۸) و (۱۹) بدست می‌آید.

$$D_{(3)} = P_{d_{w1}} \times P_{dd_{w2}} \times P_{ddd_{w3}} \quad (18)$$

$$W_{(3)} = P_{w_{w1}} \times P_{ww_{w2}} \times P_{www_{w3}} \quad (19)$$

که در آن $P_{w_{w1}}$ احتمال ساده وقوع روزهای تر در روز اول و $P_{www_{w3}}$ و $P_{ww_{w2}}$ احتمالات شرطی وقوع روزهای تر در روزهای ما بعد است.

۲-۴- تهیه نقشه‌های احتمال وقوع و تداوم روزهای خشک

از کاربردهای روش زنجیره مارکف، برآورد احتمال وقوع یک رویداد با تداوم m روزه است. منظور از تداوم روز خشک، تعداد روزهایی متوالی است که بارش در آن رخ نداده باشد. احتمال m روزه خشک (P_m) براساس احتمال پایای روز خشک (p) و عدم آن (q) با استفاده از رابطه (۲۰) به دست می‌آید.

$$P_m = P^{m-1} \times q \quad (20)$$

در این پژوهش از تکنیک میان‌یابی کریجینگ جهت ترسیم نقشه‌های احتمال وقوع و تداوم روزهای خشک بهره گرفته شد. تحلیل‌های آرئه شده با استفاده از نرم‌افزار Surfer/Win ver 8.05 انجام گرفته است. با استفاده از روش اعتبارسنجی تقاطعی مشخص گردید که خطای بایاس میانگین (MBE) برای ارزیابی میزان اعتبار روش کریجینگ ۰/۳۶ به دست آمده است، لذا این روش درونیابی برای ترسیم خطوط هم احتمال مورد استفاده قرار گرفته است.

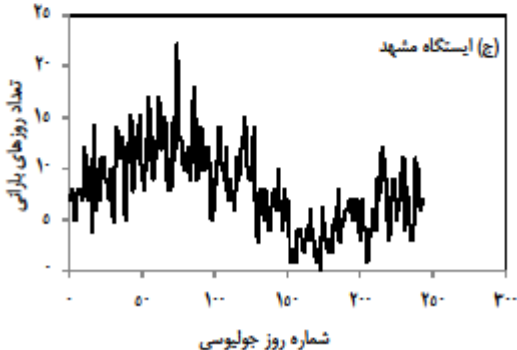
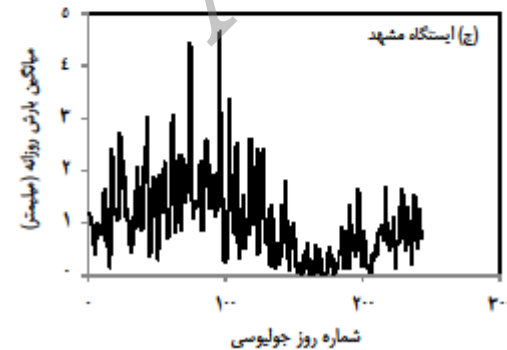
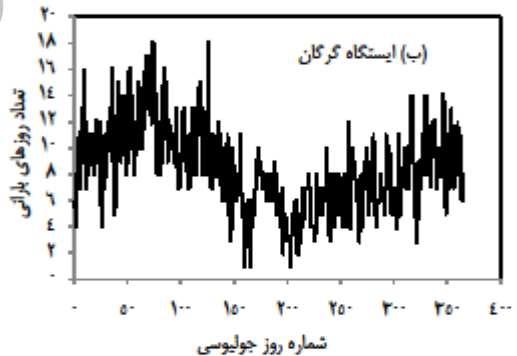
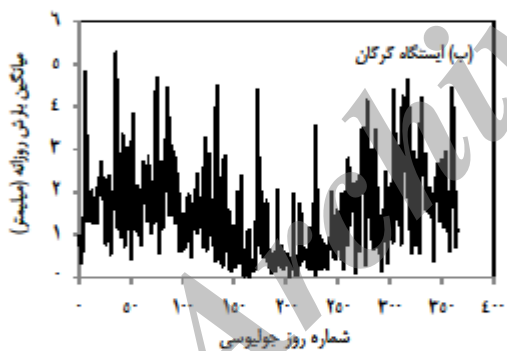
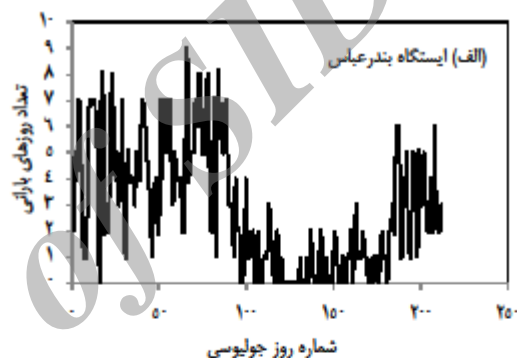
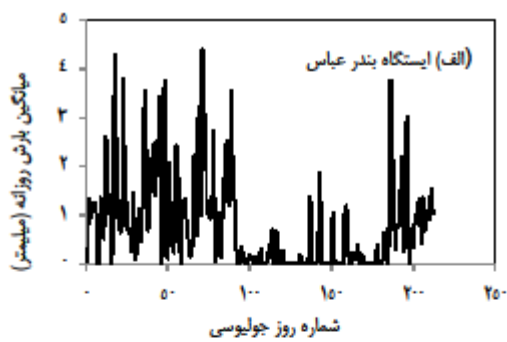
۳- نتایج و تحلیل نتایج

مشخصات سری زمانی داده‌ها بارندگی روزانه، به‌عنوان نمونه برای ایستگاه‌های سینوپتیک بندرعباس، گرگان و مشهد برای دوره آماری مورد نظر در شکل‌های ۲ تا ۵ نشان داده شده است. مطابق این اشکال در تمام ایستگاه‌های مورد بررسی روزهایی که میانگین بارش بیشتری دریافت داشته‌اند، حداکثر بارندگی روزانه بیشتری را نیز تجربه کرده‌اند. می‌توان دید که ضریب تغییرات بارش با افزایش مقدار بارندگی کم شده و با کاهش آن فزونی می‌یابد. از این رو بیشترین ضریب تغییرات در دوره کم بارش بوده است. از طرف دیگر

دو حالتی پیروی می‌کند. همچنین نتایج آزمون گردش توسط نرم‌افزار Minitab ایستایی بودن زنجیره را نشان می‌دهد.

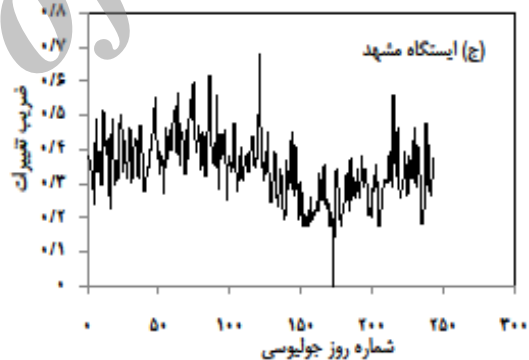
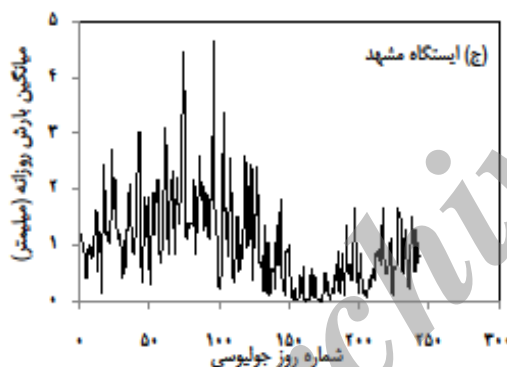
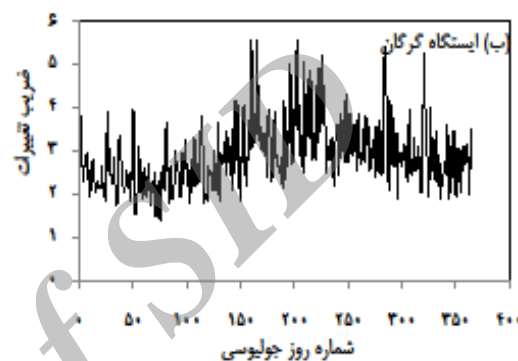
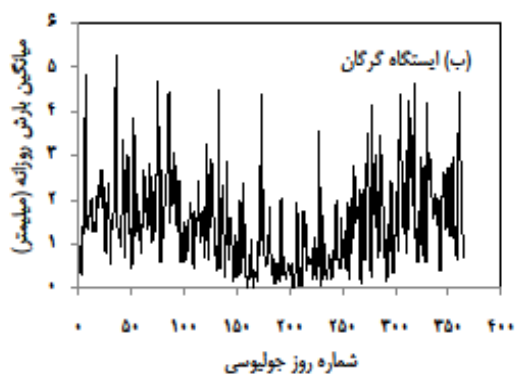
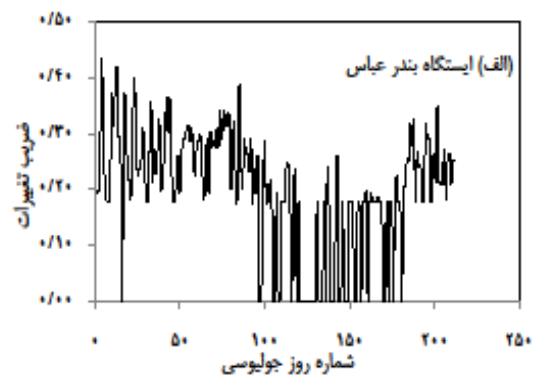
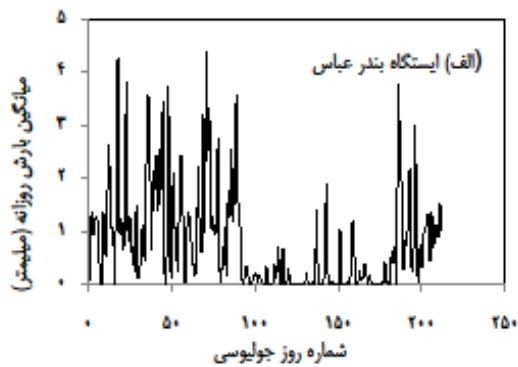
مطالعه ویژگی‌های مهم مرتبط با دوره‌های تر و خشک کوتاه مدت همچون احتمالات ساده و شرطی و احتمال تداوم پی در پی روزهای تر و خشک به کمک زنجیره مارکف مرتبه اول از نتایج مهم این تحقیق می‌باشد. در جداول ۲ و ۳ نتایج مقادیر برآوردی احتمالات ساکن و مقادیر واقعی محاسبه شده (احتمالات ساده وقوع روزهای خشک و تر) آورده شده است (بدلیل بالا بودن حجم جداول از ارائه تمام جداول خودداری شده و فقط جداول مربوط به ایستگاه سینوپتیک گرگان بعنوان نمونه آورده شده است).

در میان ایستگاه‌های مطالعاتی (به جز ساری و یاسوج) حداکثر روز بارانی و میانگین بارش، مربوط به ایستگاه گرگان بوده است. همچنین نتایج فراوانی شرطی n_{ww} در روزهای مختلف و ایستگاه‌های مورد بررسی نشان داد که ماکزیمم فراوانی شرطی n_{ww} متعلق به ایستگاه زنجان و مینیمم آن متعلق به ایستگاه بندرعباس می‌باشد. لذا می‌توان نتیجه گرفت فراوانی شرطی n_{ww} در روزهای مختلف رابطه مستقیمی با میزان بارندگی در آن روزها ندارد. چنانکه اشاره شد از آزمون‌های معتبر جهت ارزیابی ماتریس تغییر حالت مارکفی استفاده شد. بر اساس آزمون χ^2 (Chi-Square Test) مشخص گردید که در هر سطح دلخواه، شواهد کافی برای پذیرش فرض صفر (استقلال داده‌ها و عدم پیروی از زنجیره مارکف دو حالتی) وجود ندارد. از این رو فراوانی حالات انتقال از زنجیره مارکف



شکل ۳- رژیم میانگین بارش روزانه در روزهای مختلف سال

شکل ۲- رژیم تعداد روزهای بارانی در روزهای مختلف سال



شکل ۴- رژیم ضریب تغییرات بارش روزانه در روزهای مختلف سال شکل ۵- رژیم حداکثر بارش روزانه در روزهای مختلف سال

مشاهده می‌شود که بین احتمالات ساده وقوع روزهای خشک و تر در هر روز و احتمالات ساکن همان روز اختلاف معنی‌داری وجود ندارد (به جز ایستگاه ساری که کمی اختلاف وجود دارد آن هم بدلیل کم بودن تعداد سال‌های آماری این ایستگاه می‌باشد). نتیجه کلی اینکه مدل زنجیره مارکف برای تعیین احتمالات ساده وقوع روزهای خشک و تر، از دقت کافی برخوردار است و می‌توان از آن با اطمینان در بررسی‌های مربوطه سود جست.

حداکثر مقدار متوسط P_{wv} در ایستگاه‌های مطالعاتی متعلق به ایستگاه یاسوج با میزان ۰/۵۵ و حداقل آن متعلق به ایستگاه زاهدان با میزان ۰/۳۴ می‌باشد. نکته حائز اهمیت این است که احتمال شرطی وقوع روز تر، مشروط بر اینکه روز قبلی نیز تر باشد رابطه

مستقیمی با میزان بارش روزانه ندارد. یعنی به صرف زیاد بودن میزان بارش در ایستگاه نمی‌توان گفت احتمال شرطی P_{wv} نیز در آن ایستگاه نسبت به سایر ایستگاه‌ها بیشتر است. بعبارت دیگر با افزایش میزان بارندگی در نقاط مختلف، احتمال شرطی P_{wv} نیز افزایش نمی‌یابد. همچنین مقایسه احتمال تداوم خشکی‌های ۲ تا ۵ روزه نشان داد که حداکثر مقدار متوسط این تداوم در ایستگاه بندرعباس به ترتیب با میزان ۰/۸۵۶، ۰/۸۰۹، ۰/۷۶۳ و ۰/۷۲ و کم‌ترین آن در ایستگاه زنجان به ترتیب با میزان ۰/۴۲۴، ۰/۵۴۴، ۰/۳۳۳ و ۰/۲۶۲ رخ داده است. از نتایج دیگر این تحقیق به دست آوردن احتمال روزهای خشک متوالی و نیز احتمال اقلیمی روز خشک در هریک از ایستگاه‌ها است. بیشترین آن مربوط به ایستگاه بندرعباس بوده که احتمال روزهای خشک متوالی آن از ۷۵ تا ۱۰۰

درصد نوسان داشته است. احتمال اقلیمی وقوع روزهای خشک در می‌باشد، که احتمال روزهای خشک متوالی آن از ۳۳/۳۳ تا ۱۰۰ این ایستگاه از ۷۲ تا ۱۰۰ درصد با متوسط احتمال آن به مقدار ۹۱ درصد نوسان داشته است. درصد در تغییر است. کم‌ترین آن هم مربوط به ایستگاه ساری

جدول ۲- احتمالات ساده و شرطی وقوع روزهای تر و خشک ایستگاه گرگان

شماره روز جولوسی	احتمالات ساده			احتمالات ساکن		احتمالات شرطی		
	P_d^*	π_1	π_0	P_{ww}	P_{wd}	P_{dw}	P_{dd}	
۱	۰/۸۰۶	۰/۱۹۹	۰/۸	۰/۱۲۵	۰/۸۷۵	۰/۲۱۷	۰/۷۸۳	
۱۰	۰/۴۸۳	۰/۵۷۷	۰/۴۲۳	۰/۶۶۷	۰/۳۳۳	۰/۴۵۵	۰/۵۴۵	
۲۰	۰/۶۱۲	۰/۴۴۸	۰/۵۵۲	۰/۶۲۵	۰/۳۷۵	۰/۳۰۴	۰/۶۹۶	
۳۰	۰/۷۴۲	۰/۲۱۶	۰/۷۸۴	۰/۴۵۴	۰/۵۴۶	۰/۱۵	۰/۸۵	
۴۰	۰/۶۱۳	۰/۴۱۸	۰/۵۸۲	۰/۵	۰/۵	۰/۳۶	۰/۶۴	
۵۰	۰/۷۰۹	۰/۲۹۵	۰/۷۰۵	۰/۳۷۵	۰/۶۲۵	۰/۲۶۱	۰/۷۳۹	
۶۰	۰/۶۷۷	۰/۲۷۵	۰/۷۲۵	۰/۵۸۳	۰/۴۱۷	۰/۱۵۸	۰/۸۴۲	
۷۰	۰/۵۸۱	۰/۳۸۴	۰/۶۱۵	۰/۶	۰/۴	۰/۲۵	۰/۷۵	
۸۰	۰/۷۴۲	۰/۲۷۵	۰/۷۲۵	۰/۱۶۷	۰/۸۳۳	۰/۳۱۶	۰/۶۸۴	
۹۰	۰/۶۴۵	۰/۳۵۶	۰/۶۴۴	۰/۳۳۳	۰/۶۶۷	۰/۳۶۸	۰/۶۳۲	
۱۰۰	۰/۷۱	۰/۳۰۴	۰/۶۹۶	۰/۴۲۸	۰/۵۷۲	۰/۲۵	۰/۷۵	
۱۱۰	۰/۶۴۵	۰/۳۶۸	۰/۶۳۲	۰/۴۲۸	۰/۵۷۲	۰/۳۳۳	۰/۶۶۷	
۱۲۰	۰/۷۴۲	۰/۱۷۱	۰/۸۲۹	۰/۴۲۹	۰/۵۷۱	۰/۱۱۸	۰/۸۸۲	
۱۳۰	۰/۶۴۵	۰/۴۰۵	۰/۵۹۵	۰/۵۷۱	۰/۴۲۹	۰/۲۹۲	۰/۷۰۸	
۱۴۰	۰/۷۴۲	۰/۲۶۵	۰/۷۳۵	۰/۳۳۳	۰/۶۶۷	۰/۲۴	۰/۷۶	
۱۵۰	۰/۷۷۴	۰/۱۶	۰/۸۴	۰/۵	۰/۵	۰/۹۵	۰/۹۰۵	
۱۶۰	۰/۹۶۸	۰/۰۳۷	۰/۹۶۳	۰/۹۶۳	۰/۰۳۷	۰/۰۳۸	۰/۹۶۲	
۱۷۰	۰/۸۰۶	۰/۱۹۳	۰/۸۰۷	۰/۱۶۷	۰/۸۳۲	۰/۲	۰/۸	
۱۸۰	۰/۷۷۴	۰/۱۴۸	۰/۸۵۲	۰/۷۵	۰/۲۵	۰/۰۴۳	۰/۹۵۷	
۱۹۰	۰/۸۳۹	۰/۱۲	۰/۸۸	۰/۳۳۳	۰/۶۶۷	۰/۰۹۱	۰/۹۰۹	
۲۰۰	۰/۹۰۳	۰/۰۶۹	۰/۹۳۱	۰/۵	۰/۵	۰/۰۳۷	۰/۹۶۳	
۲۱۰	۰/۸۳۹	۰/۲۱۶	۰/۷۸۴	۰/۵	۰/۵	۰/۱۳۸	۰/۸۶۲	
۲۲۰	۰/۷۴۲	۰/۲۶۷	۰/۷۳۳	۰/۴۲۸	۰/۵۷۲	۰/۲۰۸	۰/۷۹۲	
۲۳۰	۰/۸۰۶	۰/۲۰۴	۰/۷۹۶	۰/۴	۰/۶	۰/۱۵۴	۰/۸۴۶	
۲۴۰	۰/۹۰۳	۰/۰۵۵	۰/۹۴۵	۰/۲۵	۰/۷۵	۰/۰۴۳	۰/۹۵۷	
۲۵۰	۰/۸۳۹	۰/۰۸	۰/۹۲	۰/۵	۰/۵	۰/۰۴۳	۰/۹۵۷	
۲۶۰	۰/۷۴۲	۰/۳۰۸	۰/۶۹۲	۰/۵	۰/۵	۰/۲۲۲	۰/۷۷۸	
۲۷۰	۰/۷۴۲	۰/۳۰۴	۰/۶۹۶	۰/۷۱۴	۰/۲۸۶	۰/۱۲۵	۰/۸۷۵	
۲۸۰	۰/۷۷۴	۰/۲۴۲	۰/۷۵۸	۰/۵	۰/۵	۰/۱۶	۰/۸۴	
۲۹۰	۰/۷۷۴	۰/۲۶۵	۰/۷۳۵	۰/۶۶۷	۰/۳۳۳	۰/۱۲	۰/۸۸	
۳۰۰	۰/۸۳۹	۰/۱۶۱	۰/۸۳۹	۰/۶	۰/۴	۰/۰۷۷	۰/۹۲۳	
۳۱۰	۰/۶۷۷	۰/۳۶۷	۰/۶۳۳	۰/۶۲۵	۰/۳۷۵	۰/۲۱۷	۰/۷۸۳	
۳۲۰	۰/۸۰۶	۰/۱۷۲	۰/۸۲۸	۰/۳۷۵	۰/۶۲۵	۰/۱۳۰	۰/۸۷	
۳۳۰	۰/۵۴۸	۰/۷۰۸	۰/۲۹۲	۰/۸۷۵	۰/۱۲۵	۰/۳۰۴	۰/۶۹۶	
۳۴۰	۰/۷۷۴	۰/۰۹۵	۰/۹۰۵	۰/۵	۰/۵	۰/۰۵۳	۰/۹۴۷	
۳۵۰	۰/۶۴۵	۰/۳۶۶	۰/۶۳۴	۰/۴	۰/۶	۰/۳۴۶	۰/۶۵۴	
۳۶۰	۰/۶۱۳	۰/۴۱	۰/۵۹	۰/۵	۰/۵	۰/۳۴۸	۰/۶۵۲	

$$P_d = 1 - P_w$$

جدول ۳- احتمال تداوم پی در پی دوره‌های بارانی و خشک ایستگاه گرگان

شماره روز جولیوسی	احتمال تداوم پی در پی روزهای خشک				احتمال تداوم پی در پی روزهای تر			
	D5	D4	D3	D2	W5	W4	W3	W2
۱	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۲۱	۰/۰۰۴۵	۰/۰۳۲	۰/۰۱۲۱	۰/۰۰۴۵	۰/۰۰۶۴
۱۰	۰/۱۲۹	۰/۰۳۸	۰/۰۱۱	۰/۰۰۷	۰/۰۳۸	۰/۰۱۱	۰/۰۰۷	۰/۰۱۲۹
۲۰	۰/۲۲۵	۰/۱۴۳	۰/۰۳۹	۰/۰۲۱	۰/۰۲۲۵	۰/۰۳۹	۰/۰۲۱	۰/۰۱۴۳
۳۰	۰/۰۹۶	۰/۰۴۱	۰/۰۱۸	۰/۰۰۹	۰/۰۹۶	۰/۰۴۱	۰/۰۱۸	۰/۰۰۹
۴۰	۰/۲۵۸	۰/۱۳۸	۰/۰۷۴	۰/۰۳۴	۰/۲۵۸	۰/۱۳۸	۰/۰۷۴	۰/۰۳۴
۵۰	۰/۱۹۳	۰/۱۳۴	۰/۰۵۸	۰/۰۴۱	۰/۱۹۳	۰/۱۳۴	۰/۰۵۸	۰/۰۴۱
۶۰	۰/۱۹۳	۰/۱۰۳	۰/۰۶۵	۰/۰۱۶	۰/۱۹۳	۰/۱۰۳	۰/۰۶۵	۰/۰۱۶
۷۰	۰/۲۵۸	۰/۱۳۶	۰/۰۵۸	۰/۰۳۴	۰/۲۵۸	۰/۱۳۶	۰/۰۵۸	۰/۰۳۴
۸۰	۰/۰۹۶	۰/۰۵۸	۰/۰۲۹	۰/۰۲۲	۰/۰۹۶	۰/۰۵۸	۰/۰۲۹	۰/۰۲۲
۹۰	۰/۱۹۳	۰/۰۷۷	۰/۰۴۶	۰/۰۲۵	۰/۱۹۳	۰/۰۷۷	۰/۰۴۶	۰/۰۲۵
۱۰۰	۰/۱۹۳	۰/۱۵۴	۰/۰۹۸	۰/۰۳۷	۰/۱۹۳	۰/۱۵۴	۰/۰۹۸	۰/۰۳۷
۱۱۰	۰/۲۹	۰/۱۳۴	۰/۱۰۴	۰/۰۴۳	۰/۲۹	۰/۱۳۴	۰/۱۰۴	۰/۰۴۳
۱۲۰	۰/۱۶۱	۰/۰۸۶	۰/۰۳۴	۰/۰۲۱	۰/۱۶۱	۰/۰۸۶	۰/۰۳۴	۰/۰۲۱
۱۳۰	۰/۱۶۱	۰/۰۴۴	۰/۰۱۵	۰/۰۰۶	۰/۱۶۱	۰/۰۴۴	۰/۰۱۵	۰/۰۰۶
۱۴۰	۰/۱۲۹	۰/۰۵۱	۰/۰۱۵	۰/۰۱۰	۰/۱۲۹	۰/۰۵۱	۰/۰۱۵	۰/۰۱۰
۱۵۰	۰/۰۳۲	۰/۰۰۵	۰/۰۰۰۹	۰/۰۰۰۳	۰/۰۳۲	۰/۰۰۵	۰/۰۰۰۹	۰/۰۰۰۳
۱۶۰	۰/۰۳۲	۰/۰۰۸۱	۰/۰۰۳	۰/۰۰۱	۰/۰۳۲	۰/۰۰۸۱	۰/۰۰۳	۰/۰۰۱
۱۷۰	۰/۰۹۶	۰/۰۴۳	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶	۰/۰۹۶	۰/۰۴۳	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶
۱۸۰	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶	۰/۰۰۵	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶	۰/۰۰۵
۱۹۰	۰/۰۹۶	۰/۰۳۲	۰/۰۱۹	۰/۰۰۶	۰/۰۹۶	۰/۰۳۲	۰/۰۱۹	۰/۰۰۶
۲۰۰	۰/۰۳۲	۰/۰۲۱	۰	۰	۰/۰۳۲	۰/۰۲۱	۰	۰
۲۱۰	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۱	۰/۰۰۷	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۱	۰/۰۰۷
۲۲۰	۰/۰۹۶	۰/۰۲۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۳	۰/۰۹۶	۰/۰۲۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۳
۲۳۰	۰/۰۹۷	۰/۰۵۵	۰/۰۲۴	۰/۰۱۴	۰/۰۹۷	۰/۰۵۵	۰/۰۲۴	۰/۰۱۴
۲۴۰	۰/۰۳۲	۰/۰۱۸	۰/۰۰۹	۰/۰۰۱۵	۰/۰۳۲	۰/۰۱۸	۰/۰۰۹	۰/۰۰۱۵
۲۵۰	۰/۰۹۷	۰/۰۳۲	۰/۰۲۴	۰/۰۰۹	۰/۰۹۷	۰/۰۳۲	۰/۰۲۴	۰/۰۰۹
۲۶۰	۰/۰۹۶	۰/۰۴۸	۰/۰۳۲	۰/۰۱۱	۰/۰۹۶	۰/۰۴۸	۰/۰۳۲	۰/۰۱۱
۲۷۰	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶	۰/۰۰۵	۰/۰۶۴	۰/۰۳۲	۰/۰۱۶	۰/۰۰۵
۲۸۰	۰/۰۶۴	۰/۰۳۵	۰/۰۰۴	۰/۰۰۲	۰/۰۶۴	۰/۰۳۵	۰/۰۰۴	۰/۰۰۲
۲۹۰	۰/۱۲۹	۰/۰۱۸	۰/۰۰۴	۰/۰۰۲	۰/۱۲۹	۰/۰۱۸	۰/۰۰۴	۰/۰۰۲
۳۰۰	۰/۰۶۴	۰/۰۰۹	۰/۰۰۱۳	۰/۰۰۰۶	۰/۰۶۴	۰/۰۰۹	۰/۰۰۱۳	۰/۰۰۰۶
۳۱۰	۰/۰۹۶	۰/۰۴۱	۰/۰۲۳	۰/۰۱۲	۰/۰۹۶	۰/۰۴۱	۰/۰۲۳	۰/۰۱۲
۳۲۰	۰/۰۶۴	۰/۰۱۶	۰/۰۱۱	۰/۰۰۴	۰/۰۶۴	۰/۰۱۶	۰/۰۱۱	۰/۰۰۴
۳۳۰	۰/۲۵۸	۰/۱۴۳	۰/۰۹۶	۰/۰۴۳	۰/۲۵۸	۰/۱۴۳	۰/۰۹۶	۰/۰۴۳
۳۴۰	۰/۱۶۱	۰/۰۴۸	۰/۰۲۴	۰/۰۱۱	۰/۱۶۱	۰/۰۴۸	۰/۰۲۴	۰/۰۱۱
۳۵۰	۰/۰۶۴	۰/۰۳۷	۰/۰۲	۰/۰۰۴	۰/۰۶۴	۰/۰۳۷	۰/۰۲	۰/۰۰۴
۳۶۰	۰/۱۹۳	۰/۱۰۷	۰/۰۴۹	۰/۰۱۸	۰/۱۹۳	۰/۱۰۷	۰/۰۴۹	۰/۰۱۸

خشک با میزان بارندگی را استنباط نمود. با توجه به شکل ۶ می‌توان مشاهده نمود که با افزایش بارندگی احتمال وقوع روز خشک کاهش می‌یابد. این امر با محاسبه ضریب همبستگی بین میزان بارش و احتمال رخداد روز خشک بهتر نمایش داده می‌شود. همچنین مدل رگرسیون خطی، بارش - احتمال وقوع روز خشک توسط رابطه (۲۱) محاسبه شده است. ضریب همبستگی بین میزان بارش و احتمال وقوع روز بدون بارش ۰/۶۹۶- است.

احتمال اقلیمی وقوع روزهای خشک در این ایستگاه از ۲۵ تا ۱۰۰ درصد با متوسط احتمال آن به مقدار ۷۹ درصد در تغییر است. احتمال تداوم سه و ده روزه خشک بر اساس احتمال پایا روز خشک (p) و عدم آن (q) با استفاده از رابطه (۲۰) به دست آمده است. نقشه‌های خطوط هم‌احتمال وقوع و تداوم سه و ده روزه روزهای بدون بارش (خشک) در شکل‌های ۶ تا ۸ نشان داده شده است. در شکل ۶ از نقشه احتمال وقوع روز خشک می‌توان، رابطه بین احتمال وقوع روز

(۲۱)

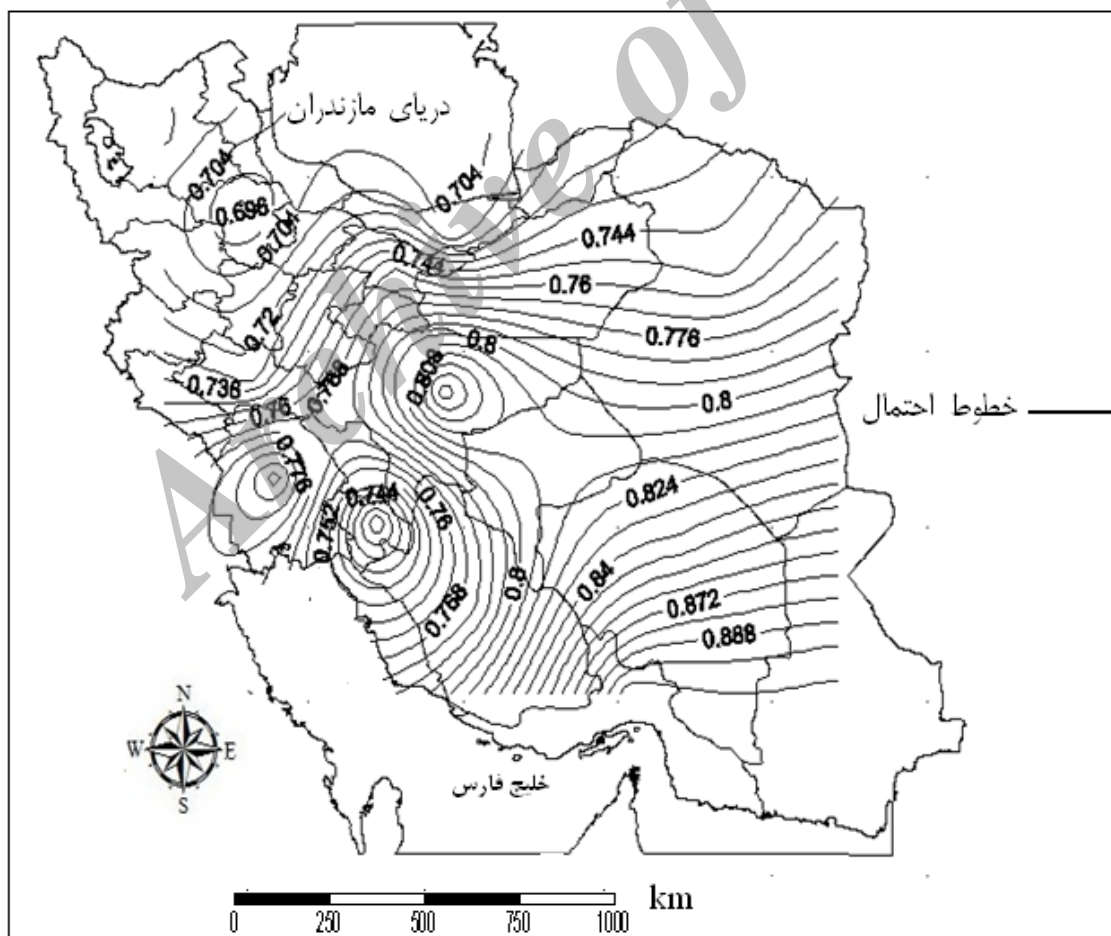
$$P=0.849-0.00022R$$

۴- خلاصه و جمع‌بندی

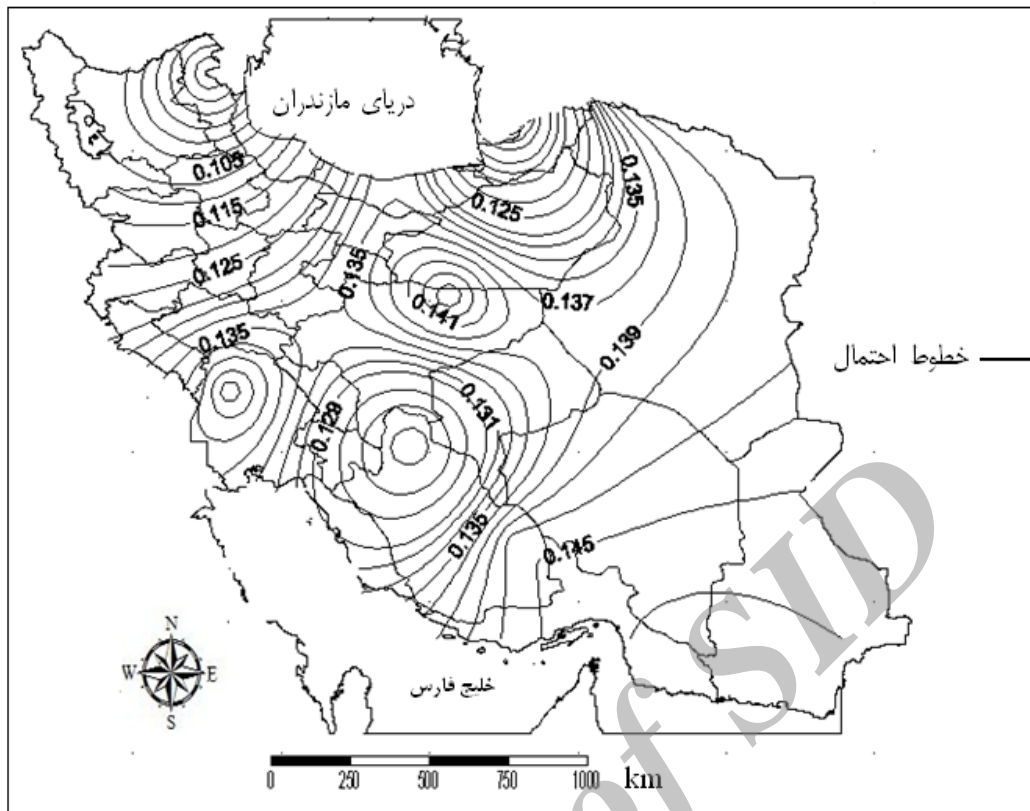
مدیریت مناسب استفاده از آب باران و پیش‌بینی وقوع و یا عدم وقوع بارش در دوره‌های روزانه نقش بارزی در برنامه‌ریزی‌های کشاورزی و بهینه‌سازی مدل‌های آبیاری و مدیریت منابع آب دارد. جهت پیش‌بینی توزیع احتمالات دوره خشک و تر در بازه زمانی روزانه می‌توان از روش زنجیره مارکف مرتبه اول استفاده نمود. به این منظور ویژگی‌های دوره‌های تر و خشک بارش روزانه ۱۵ ایستگاه سینوپتیک کشور با اقلیم‌های مختلف مورد بررسی قرار گرفت. برای تعیین ماتریس‌های انتقال جداگانه برای هر روز از سال مقادیر بارشی حد آستانه ۰/۱ میلی‌متر در نظر گرفته می‌شود، به عبارت دیگر روزهای با بارش کمتر از ۰/۱ میلی‌متر به عنوان روز خشک در نظر گرفته شد.

مطالعه ویژگی‌های مهم مرتبط با دوره‌های تر و خشک کوتاه مدت همچون احتمالات ساده و شرطی، احتمال ساکن روزهای تر و

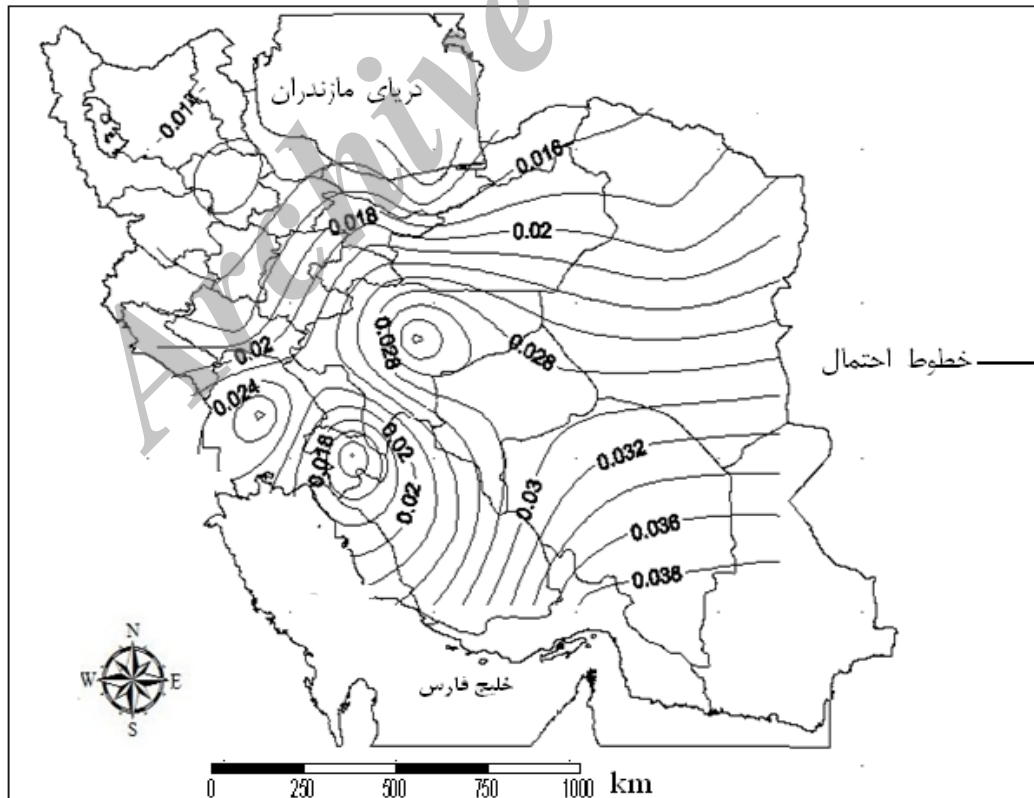
که در آن p ، احتمال پایای وقوع روز خشک در هر ایستگاه و R ، میانگین بارش سالانه هر ایستگاه (میلی‌متر) می‌باشد. مشاهده می‌شود که به ازای جابه‌جایی از محلی به محل دیگر با افزایش یک میلی‌متر بارش، 0.00022 از احتمال وقوع روز خشک کاهش می‌یابد. همچنین دیده می‌شود با افزایش تداوم خشکی، احتمال آن کمتر می‌شود. به طوری که احتمال تداوم سه روزه بدون بارش در دامنه 0.075 تا 0.148 ولی احتمال تداوم ده روزه بدون بارش در دامنه 0.012 تا 0.038 است. برنامه‌ریزی آبیاری در کشاورزی استفاده دیگری است که می‌توان از این نتایج داشت. در بعضی از ایستگاه‌های سینوپتیک مانند مشهد و شیراز، کشاورزی به صورت دیم انجام می‌شود. از طرفی با توجه به اینکه عدم دسترسی زراعت‌های کشاورزی دیمی در طول دوره رشد بیشتر از ۱۰ روز می‌تواند پیامدهای ناگواری را داشته باشد لذا با استفاده از احتمال تداوم خشکی ۱۰ روزه می‌توان برنامه‌ریزی‌هایی برای آبیاری انجام داد.



شکل ۶- خطوط احتمال وقوع روز بدون بارش در ایستگاه‌های مطالعاتی



شکل ۷- خطوط احتمال تداوم سه روزه بدون بارش در ایستگاه‌های مطالعاتی



شکل ۸- خطوط احتمال تداوم ده روزه بدون بارش در ایستگاه‌های مطالعاتی

ملی هواشناسی و مدیریت آب کشاورزی، ۲-۱ آذر، پردیس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران.

زارعی ا (۱۳۸۳) آمار مهندسی، چاپ اول. نشر دانش پرور.

طالشی ع (۱۳۸۴) مدل سازی بارش های سالانه ایران با استفاده از روش زنجیره مارکف. پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تبریز.

عساکره ح (۱۳۸۷) بررسی احتمال تواتر و تداوم روزهای بارانی در شهر تبریز با استفاده از مدل زنجیره مارکف. تحقیقات منابع آب ایران، ۴ (۲): ۵۶-۴۶.

میر موسوی ح، زهره وندی ح (۱۳۹۰) مدل سازی احتمالات بارش هفته ای جهت تحلیل روزهای خشک متوالی، نمونه موردی: ایستگاه هواشناسی نهاوند استان همدان، دومین کنفرانس ملی پژوهشهای کاربردی منابع آب ایران، ۲۹-۲۸ اردیبهشت، شرکت آب منطقه ای زنجان، زنجان.

Bekele E (2002) Markov chain modeling and ENSO influences on the rainfall seasons of Ethiopia. National Meteorological Services of Ethiopia, 25: 1-13

Bigdeli A, Eslami A (2010) Analysis of wet and dry periods by Markov Chain Model in southern of Caspian sea. Environmental Engineering and Applications, 96-99

Chunale GL, Kulkarni SR, Patil AK, Patil BR (2003) Dry spell probability by Markov chain model and its application to crop planning in Kolhapur. Journal of Maharashtra Agricultural Universities, 28(3): 291-294.

Dastidar AG, Gosh D, Dasgupta S (2010) Higher order Markov chain models for monsoon rainfall over west Bengal, India. Indian Journal of Radio & Space Physics, 39: 39-44.

Hoaglin DC, Mosteller F, Tukey JW (2011) Exploring Data Table, Trends, and Shapes, John Wiley & Sons, Inc, U.S.A. 538 P.

Khalili A (1997) Integrated water plan of Iran. Meteorological studies, Ministry of power. Iran.

Lennartsson Y, Baxevani A, Chen D (2008) Modeling precipitation in Sweden using multiple step markov chains and a composite model. Journal of Hydrology, 363: 42-59.

Moradi HR, Rajabi M, Farajzade M (2011) Investigation of meteorological drought characteristics in Fars province, Iran. CATENA, 84: 35-46.

خشک و تداوم روزهای تر و خشک ۲ تا ۵ روزه، به کمک زنجیره مارکف مرتبه اول از نتایج مهم این تحقیق می باشد. نتایج نشان داد که داده های بارندگی روزانه ایستگاه های مورد مطالعه برازش خوبی بر زنجیره مارکف مرتبه اول دارد. در کلیه روزهای مورد بررسی (به جز ایستگاه های ساری و یاسوج به علت کم بودن سال های آماری مورد بررسی) حداکثر $n_{w/w}$ در ایستگاه زنجان اتفاق افتاده است. همچنین فراوانی های شرطی $n_{w/w}$ در روزهای مختلف رابطه خاصی با میزان بارندگی آن روزها ندارد. احتمالات ساکن وقوع روزهای خشک و تر، برآورده شده با مدل مارکف در ماه های مختلف با میزان واقعی تفاوت معنی داری ندارند بجز ایستگاه ساری که بین این دو مقدار اختلاف مشاهده می شود. با افزایش بارندگی احتمال وقوع روز خشک کاهش می یابد. ضریب همبستگی بین میزان بارش و احتمال وقوع روز بدون بارش 0.696 است. با توجه به نقشه های هم احتمال تولید شده مشخص گردید که احتمال وقوع روز خشک در نواحی خلیج فارس بیشتر از نواحی دریای مازندران می باشد. مقدار تداوم سه روزه این احتمال از نواحی جنوبی با اقلیم خشک گرم به سمت نواحی شمالی با اقلیم های نیمه خشک سرد مربوط به ایستگاه تبریز و نیمه خشک فراسرد مربوط به ایستگاه اردبیل کاهش یافته فقط در نواحی مرکزی مانند ایستگاه اصفهان با اقلیم خشک سرد این مقدار افزایش یافته است. همچنین احتمال تداوم ده روزه از 0.038 در اقلیم خشک گرم تا 0.012 در اقلیم مرطوب معتدل متغیر است.

پی نوشتها

1- Mean Bias Error

۵- مراجع

جعفری بهی خ (۱۳۷۸) تحلیل آماری دوره های تر و خشک بارندگی در چند نمونه اقلیمی ایران با استفاده از زنجیره مارکف، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تهران.

رجبی م، فرج زاده م، بذرافشان ج (۱۳۸۶) شبیه سازی رفتار احتمالی سری زمانی شاخص بارش استاندارد با مدل زنجیره مارکف برای هشدار خشکسالی های استان فارس. نشریه دانشکده منابع طبیعی، ۶۰ (۴): ۱۱۷۰-۱۱۵۷.

رحیمی ج، قهرمان ن، رحیمی ع (۱۳۹۰) تحلیل آماری دوره های تر و خشک بارندگی هفتگی با استفاده از زنجیره مارکف به منظور برنامه ریزی کشاورزی دشت ورامین. نخستین کنفرانس