

## Waste Load Allocation in Rivers: A State of the Art Review and Prospects for Future Studies

N. Mahjouri<sup>1\*</sup>

### Abstract

Waste load allocation (WLA), which refers to determination of the optimum treatment level of waste load discharged into a river by every pollution source, has attracted the researchers and policy makers during the last decades. In most proposed WLA models, objectives and constraints such as minimizing the treatment costs, equity considerations in distributing costs, minimizing the amount of river water quality violations, and minimizing the duration of violation intervals are taken into account. In spite of the importance of the researches on WLA in rivers, there is only one paper by de Melo and Câmara (1994) in the literature which present an integrated review on the main objectives and constraints in river water quality management models. Recently, modeling important uncertainties and dischargers' utilities have become the major focus of many WLA researches. In this paper, more than 60 major papers in the field of WLA in rivers are reviewed and their main aspects, virtues, and limitations are discussed. Also, some prospects and ideas for improving the current models in future are presented.

**Keywords:** Waste load allocation; River, Water quality, Optimization, Simulation, Uncertainties.

Received: June 16, 2014

Accepted: June 2, 2015

## تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها: مرور پیشینه مطالعات و چشم‌انداز مطالعات آتی

نجمه مهجوری مجد<sup>\*۱</sup>

### چکیده

تخصیص بار آلودگی به منظور تعیین سطح بهینه تصفیه یا نحوه مدیریت هر یک از منابع آلودگی رودخانه، به عنوان یک روش رایج در مدیریت کیفیت آب رودخانه‌ها، همواره مورد توجه پژوهشگران و مدیران قرار داشته است. در مدل‌های پیشنهاد شده برای تخصیص بار آلودگی معمولاً اهداف و محدودیت‌های مختلفی مانند حداقل‌سازی هزینه‌های تصفیه، رعایت عدالت در توزیع هزینه‌ها، کاهش شدت تخطی کیفیت آب از استانداردها و کاهش طول دوره‌های تخطی مورد توجه قرار می‌گیرند. بررسی پیشینه مطالعات نشان می‌دهد، علی‌رغم اهمیت و گستردگی مطالعات انجام شده، تاکنون یک مقاله مروری جامع در این زمینه منتشر نشده است. تنها مورد مرتبط، مقاله‌ای است که توسط de Melo and Câmara (1994) در زمینه بهینه‌سازی منطقه‌ای سیستم‌های تصفیه فاضلاب نوشته شده است و در آن اهداف و محدودیت‌های مدل‌های مدیریت کیفیت آب رودخانه بررسی شده‌اند. در سال‌های اخیر، لحاظ کردن عدم قطعیت‌های مهم و مدل‌سازی مطلوبیت‌ها و روابط بین تخلیه‌کنندگان به طور ویژه مورد توجه قرار گرفته است. در این مقاله، بیش از ۶۰ مقاله از مهم‌ترین مقالات چاپ شده در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد و در مورد دلایل استفاده، مزایا و محدودیت‌های روش‌های گوناگون تخصیص بار آلودگی به کار رفته در این مقالات بحث می‌شود. با توجه به محدودیت حجم مقاله و ماهیت مروری آن، فرمولاسیون و روابط توسعه داده شده در زمینه تخصیص بار آلودگی بررسی نشده‌اند. همچنین، چشم‌اندازهای موجود برای بهبود رویکردهای فعلی در مطالعات آتی می‌شوند.

**کلمات کلیدی:** تخصیص بار آلودگی، رودخانه، کیفیت آب، بهینه‌سازی، شبیه‌سازی، عدم قطعیت‌ها.

تاریخ دریافت مقاله: ۹۳/۳/۲۶

تاریخ پذیرش مقاله: ۹۴/۳/۱۲

1- Assistant Professor, Faculty of Civil Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Iran, Email: mahjouri@kntu.ac.ir  
\*- Corresponding Author

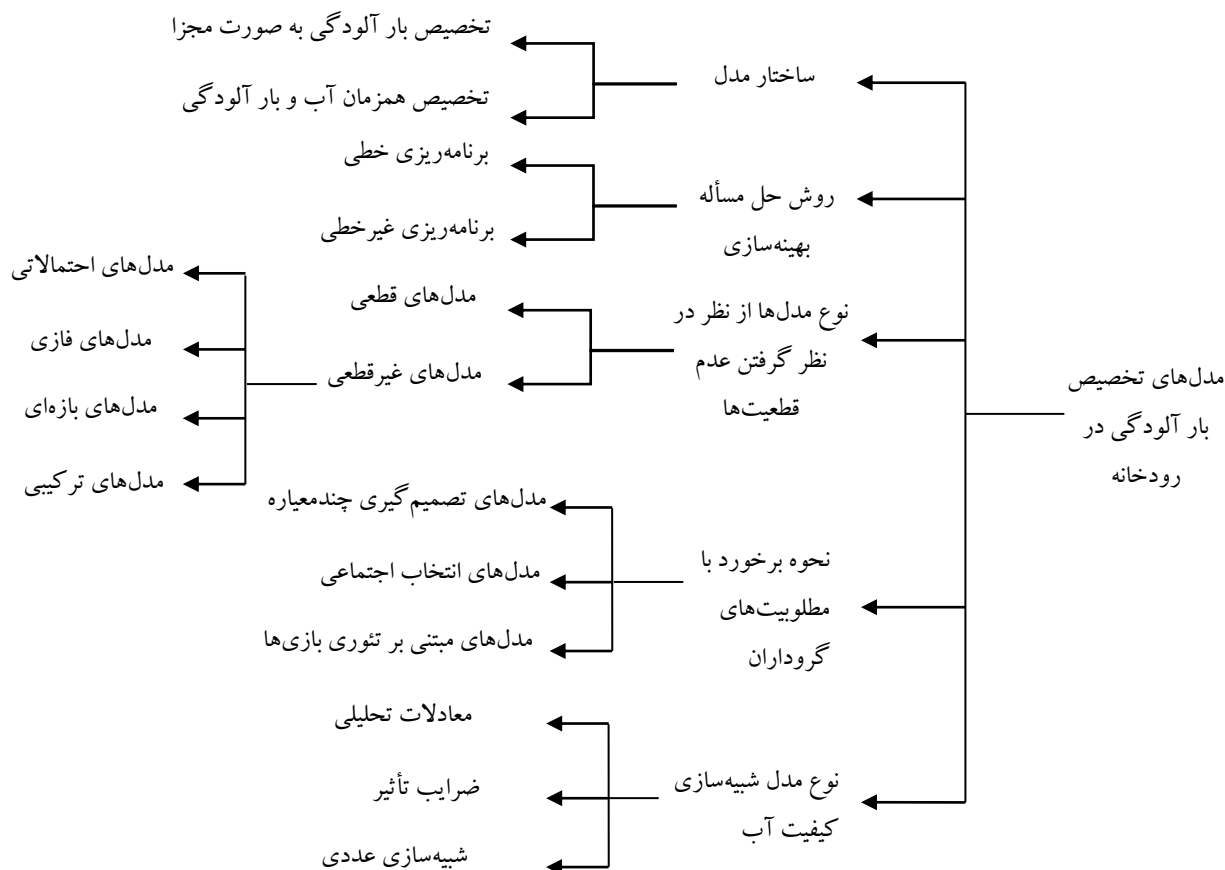
۱- استادیار دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی.

\*- نویسنده مسئول

۱- مقدمه

پرداخته می‌شود. در بخش‌های بعد، به بررسی مهم‌ترین مطالعات و تحقیقات انجام شده در زمینه تخصیص بهینه بار آلودگی در قالب ساختاری که در شکل ۱ ارائه شده، پرداخته می‌شود. مقالات موجود با در نظر گرفتن مواردی چون ساختار مدل‌های به کار رفته، روش حل مسأله بهینه‌سازی، چگونگی در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها، نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گروداران و نوع مدل شبیه‌سازی کیفیت آب رودخانه که در تحقیقات به کار رفته است، دسته‌بندی و بررسی شده‌اند. همچنین، در جدول ۱، مهم‌ترین ویژگی‌های مطالعاتی که در مقاله حاضر ارزیابی شده‌اند، به صورت خلاصه ارائه شده است. لازم به ذکر است در مقاله حاضر، تنها به تحقیقات در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها پرداخته شده است و مقالات موجود در زمینه تجارت مجوزهای تخلیه بار آلودگی بررسی نشده‌اند.

تاکنون، تحقیقات زیادی در مورد تعیین ظرفیت پذیرش بار آلودگی منابع آب و تخصیص و تجارت مجوزهای تخلیه بار آلودگی انجام شده است. در ده‌های گذشته، تخصیص مناسب یا بهینه بار آلودگی در رودخانه‌ها با توجه به نقش گروداران<sup>۱</sup> با اهداف و مطلوبیت‌های متفاوت، به عنوان یکی از مسائل مهم در بحث مدیریت کیفیت آب‌های سطحی، از دیدگاه‌های اقتصادی، زیست‌محیطی، عدالت اجتماعی و غیره، مورد توجه ویژه پژوهشگران قرار داشته است. در این مقاله، ضمن بررسی تحقیقات انجام شده در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها، به دسته‌بندی و مقایسه روش‌های توسعه داده شده به این منظور پرداخته می‌شود و نقاط قوت و ضعف این روش‌ها مورد بحث قرار می‌گیرند. همچنین، به زمینه‌های تحقیقاتی آینده در زمینه مدیریت کیفیت آب و تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها



شکل ۱- دسته‌بندی مدل‌های تخصیص بار آلودگی از جنبه‌های گوناگون

جدول ۱- مروری بر مهم ترین مقالات در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها

نحوه در نظر گرفتن تغییرات کیفیت آب رودخانه در مدل بهینه‌سازی	نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گروداران			الگوریتم حل مدل بهینه‌سازی	نوع مدل از جنبه در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها			محقق	
					غیر قطعی				
					روشن در نظر گرفتن عدم قطعیت	فازی	بازه‌ای		
تنوری بازی‌ها	انتخاب اجتماعی	بهینه‌سازی تک‌هدفه/چندهدفه	احتمالاتی	فازی	بازه‌ای	قطعی			
معادلات استریتر و فلیس <sup>۱</sup>			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی پویا				✓	Liebman and Lynn (1966)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	Loucks et al. (1967)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	ReVelle et al. (1968)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	Arbabi and Elzinga (1975)
مدل شبیه‌سازی Camp (Camp (1963))			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی پویا با محدودیت شانس <sup>۲</sup>	✓				Lohani and Hee (1983)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	Herbay et al. (1983)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی پویا با محدودیت شانس	✓				Burn and Mc Bean (1985)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی پویا با محدودیت شانس	✓				Burn and Mc Bean (1986)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی پویا با محدودیت شانس	✓				Fujiwara et al. (1986)
معادلات استریتر و فلیس			تک‌هدفه	برنامه‌ریزی خطی و غیر خطی	✓				Rossman (1989)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی فازی		✓		✓	Hathhorn & Tung (1989)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	Tung & Hathhorn (1989)
ضرایب تأثیر			تک هدفه	جستجوی مستقیم + برنامه‌ریزی خطی	✓				Lence et al. (1990)
ضرایب تأثیر			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی و غیر خطی	✓				Lence and Takyi (1992)
استفاده از مدل شبیه‌سازی QUAL-TX			-	از مدل بهینه‌سازی استفاده نشده است.	✓				Warwich and Roberts (1992)
QUAL2E و WASP4			چند هدفه	برنامه‌ریزی پویای استوکستیک	✓				Cardwell and Ellis (1993)
ضرایب تأثیر			چند هدفه	بهینه‌سازی غیر خطی مبتنی بر جستجوی مستقیم	✓				Takyi and Lence (1995)
ضرایب تأثیر			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح		✓	✓		Chang et al. (1997)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی فازی	✓	✓			Sasikumar and Mujumdar (1998)
معادلات استریتر و فلیس اصلاح شده			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی دو مرحله‌ای	✓				Takyi and Lence (1999)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی فازی	✓	✓			Sasikumar and

1-Streeter and Phelps (1925)

2-Chance Constrained Dynamic Programming

نحوه در نظر گرفتن تغییرات کیفیت آب رودخانه در مدل بهینه‌سازی	نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گرداران			الگوریتم حل مدل بهینه‌سازی	نوع مدل از جنبه در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها			محقق
	تنوری بازی‌ها	انتخاب اجتماعی	بهینه‌سازی تک هدفه/چندهدفه		غیر قطعی			
					احتمالاتی	فازی	بازه‌ای	
فلیس								Mujumdar (2000)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک	✓			Vasquez et al. (2000)
QUAL2E			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک			✓	Burn & Yulianti (2001)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی فازی	✓	✓		Mujumdar and Sasikumar (2002)
QUAL2E			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک		✓		Mujumdar and Vemula (2004)
QUAL2E			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک	✓	✓		Vemula et al. (2004)
QUAL2E			تک هدفه	الگوریتم ژنتیک			✓	Cho et al. (2004)
بیان جرم نمک			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک با طول کروموزم متغیر			✓	Kerachian and Karamouz (2005)
یک مدل شبیه‌سازی یک بعدی BOD-DO			چند هدفه	جستجوی مستقیم	✓			Ghosh & Mujumdar (2006)
حل عددی معادلات پخش و انتقال آلودگی	✓		-				✓	Karamouz et al. (2006)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی		✓	✓	Karmaker and Mujumdar (2006)
یک مدل شبیه‌سازی یک بعدی BOD-DO			چند هدفه	NSGAI			✓	Yandamuri et al. (2006)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی		✓		Singh et al. (2007)
معادلات استریتر و فلیس			چند هدفه	جستجوی مستقیم		✓	✓	Karmakar and Mujumdar (2007)
QUAL2E			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک		✓		Saadatpour and Afshar (2007)
مدل O'Connor and Dobbins (1958)			تک هدفه	برنامه‌ریزی توانی			✓	Qin and Huang (2009)
مدل O'Connor and Dobbins (1958)			تک هدفه	برنامه‌ریزی توانی			✓	Qin et al. (2009)
مدل عددی با استفاده از یک روش تفاضل محدود پسر			چند هدفه	جستجوی مستقیم	✓	✓	✓	Rehana and Mujumdar (2009)
معادلات استریتر و فلیس			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی معادل یک مدل غیرخطی		✓	✓	Zhu et al. (2009)
مدل عددی با استفاده از یک روش تفاضل محدود پسر			چند هدفه	جستجوی مستقیم	✓	✓		Ghosh and Mujumdar (2010)
WASP			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی بازه‌ای			✓	Zou et al. (2010)

نحوه در نظر گرفتن تغییرات کیفیت آب رودخانه در مدل بهینه‌سازی	نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گروداران			الگوریتم حل مدل بهینه‌سازی	نوع مدل از جنبه در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها			محقق	
	تنوری بازی‌ها	انتخاب اجتماعی	بهینه‌سازی تک هدفه/چندهدفه		غیر قطعی				
					روشن در نظر گرفتن عدم قطعیت	فازی	بازه‌ای		
شبیه‌سازی تحلیلی - عددی			چند هدفه	برنامه‌ریزی خطی				✓	Yang et al. (2011)
QUAL2K			چند هدفه	Non-dominated Archiving Multi-colony Ant Algorithm (NA-ACO)				✓	Mostafavi & Afshar (2011)
بیان جرم آلاینده			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی بازه‌ای			✓		Xie et al. (2011)
QUAL2E-UNCAS			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی با محدودیت شانس	✓				Han et al. (2012)
بیان جرم نمک	✓		تک‌هدفه	بهینه‌سازی بازه‌ای غیرخطی			✓		Nikoo et al. (2012a)
معادلات استریتر و فلیس	✓		چند هدفه	NSGAI	✓	✓			Nikoo et al. (2012b)
ضرایب تأثیر به دست آمده از مدل QUAL2Kw	✓		-	جستجوی مستقیم	✓				Abed-Elmdoust and Kerachian (2012)
بیان جرم نمک	✓		تک هدفه	الگوریتم ژنتیک		✓			Nikoo et al. (2013)
ضرایب تأثیر به دست آمده از مدل QUAL2Kw		✓	چند هدفه	-				✓	Mahjouri & Bizhani-Manzar (2013)
بیان جرم نمک و SWAP (Soil, Water, Atmosphere, and Plant)			تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی تکرار شونده			✓		Tavakoli et al. (2014)
بیان جرم نمک			تک هدفه	PSO-SA و SDP	✓		✓		Nikoo et al. (2014)
QUAL2Kw			چند هدفه	الگوریتم ژنتیک				✓	Cho and Lee (2014)
حل معادله دیفرانسیل پخش و انتقال آلاینده			چند هدفه	NSGAI				✓	Liu et al. (2014)
استفاده از ضرایب انتقال به دست آمده از مدل شبیه‌سازی Qual2kw		✓	چند هدفه	الگوریتم ژنتیک	✓	✓	✓		Mahjouri & Abbasi (2014)
ضرایب تأثیر به دست آمده از مدل QUAL2Kw	✓		تک هدفه	الگوریتم ژنتیک				✓	Malakpour-Estelaki et al. (2015)
QUAL2Kw, SWAP (Soil, Water, Atmosphere, and Plant)		✓	تک هدفه	برنامه‌ریزی خطی تکرار شونده	✓	✓			Tavakoli et al. (2015)

## ساختار مدل تخصیص بار آلودگی از لحاظ در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها

### ○ مدل‌های قطعی

از ابتدایی‌ترین تحقیقات انجام شده در زمینه تخصیص بار آلودگی توسط (Liebman and Lynn (1966) انجام شد. در این مقاله، هدف تعیین حداقل سطح تصفیه متغیر کیفی BOD بود، به گونه‌ای که میزان متغیر کیفی DO در پایین‌دست در حد استاندارد نگه داشته شود. به این منظور، از روش برنامه‌ریزی پویای قطعی<sup>۲</sup> برای حل مسأله بهینه‌سازی استفاده شد. (ReVelle et al. (1968) همین مسأله را برای حالت استفاده از برنامه‌ریزی خطی<sup>۳</sup> مورد بحث و بررسی قرار دادند و نتایج را با نتایج به دست آمده از روش برنامه‌ریزی پویا مقایسه نمودند و به این نتیجه رسیدند که نتایج اساساً مشابه می‌باشند.

(Herbay et al. (1983) در مقاله‌ای، ایده بهره‌برداری پویا در زمان<sup>۴</sup> تصفیه‌خانه‌های فاضلاب مربوط به منابع آلودگی رودخانه‌ها را مطرح کردند. به این منظور، توابع هدف مربوط به هزینه‌های تصفیه با در نظر گرفتن هزینه‌های بهره‌برداری متغیر در طول فصول سال لحاظ شدند. به این ترتیب، تخصیص بار آلودگی در رودخانه به صورت فصلی انجام شد. در این مقاله، شرایط رودخانه در تمام فصول سال ماندگار<sup>۵</sup> و شرایط هر دوره زمانی مستقل از دوره‌های زمانی دیگر فرض شد و برای هر یک، مدل‌های کلاسیک تخصیص بار آلودگی مورد استفاده قرار گرفتند. باید توجه داشت که در این تحقیق، به علت در نظر گرفتن شرایط دائمی در تمام فصول سال، عملاً تغییرات شرایط کیفیت آب رودخانه مورد توجه قرار نگرفتند. به نظر می‌رسد عواملی چون نیاز به تعیین شرایط مستقلی از ویژگی‌های متغیرهای کمی و کیفی سیستم مانند دبی و کیفیت جریان بالادست، دبی و کیفیت جریان‌های بین‌راهی، کمیت و کیفیت بارهای آلودگی ورودی و تعیین احتمال رخداد آنها به منظور برآورد مجموع هزینه‌های سالانه، استفاده از مدل پیشنهادی را برای مدیریت کیفیت رودخانه عملاً با محدودیت‌هایی روبرو کرده است.

(Burn (1989) و (Burn and Lence (1992) به معرفی چندین ساختار قطعی و غیرقطعی برای بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها پرداختند. (Burn and Yulianti (2001) قابلیت‌های الگوریتم حل مسأله بهینه‌سازی ژنتیک را در تخصیص قطعی بار آلودگی در رودخانه‌ها با در نظر گرفتن سه نوع فرمولاسیون مختلف مدل بهینه‌سازی برای بررسی سه نوع برخورد متفاوت با مسأله تخصیص بار آلودگی بررسی نمودند. مدل تخصیص اول با توابع

هدف اقتصادی (حداقل‌سازی مجموع هزینه‌های تصفیه) و کیفیت آب (حداقل‌سازی تخطی استانداردهای کیفی آب رودخانه) و مدل تخصیص دوم با توابع هدف مربوط به هزینه و عدالت<sup>۶</sup> (همسان‌سازی میزان تصفیه بار آلودگی منابع آلاینده) و هر دو برای شرایط برنامه‌ریزی (planning) توسعه داده شدند و مدل سوم با توابع هدف دوگانه مربوط به کیفیت آب رودخانه و عدالت برای شرایط بهره‌برداری (operation) در نظر گرفته شده بود. مدل‌های توسعه داده شده در این تحقیق، قطعی و غیر فصلی بودند و نتایج این مدل‌ها نشان‌دهنده کارایی مناسب الگوریتم ژنتیک در بحث تخصیص بار آلودگی در رودخانه در شرایطی که عدم قطعیت‌ها در نظر گرفته نشوند، می‌باشد.

(Kerachian and Karamouz (2005) نیز پیشنهاد یک الگوریتم ژنتیک با طول کروموزم‌های متغیر، مسأله تخصیص آب بار آلودگی را به صورت چندهدفه قطعی حل کردند. آنها برای رودخانه کارون، قواعد مدیریت کیفیت آب رودخانه برای مدیریت شوری آب را ارائه دادند.

(Yandamuri et al. (2006) یک مدل بهینه‌سازی چند هدفه را به منظور تخصیص بار آلودگی در رودخانه با توجه به معیارهای هزینه، عدالت و کیفیت آب پیشنهاد کردند. در این مدل، یک زیرمدل شبیه‌سازی کیفیت آب با فرض شرایط جریان با تغییرات کم و یک زیرمدل انتقال آلودگی در داخل مدل بهینه‌سازی نهفته بودند. در لایه بیرونی مدل، دو مدل بهینه‌سازی چندهدفه غیرفصلی قطعی عملکرد-هزینه و عملکرد-عدالت-هزینه قرار داشتند. در این مقاله، از الگوریتم ژنتیک چند هدفه<sup>۷</sup> NSGA-II برای حل مسأله بهینه‌سازی استفاده شد. در این مقاله نشان داده شد که بهبود معیار عدالت، با افزایش قابل توجه هزینه‌های تصفیه نسبت مستقیمی دارد.

(Mostafavi and Afshar (2011) از الگوریتم جامعه مورچگان<sup>۸</sup> (ACO) با عنوان NA-ACO<sup>۹</sup> به منظور حل یک مسأله چند هدفه بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه استفاده کردند. در مدل توسعه داده شده، توابع هدف حداقل‌سازی شاخص تخطی کیفیت آب رودخانه و حداقل‌سازی هزینه‌ها بود و غلظت متغیر کیفی شاخص در نقاط کنترل با استفاده از مدل شبیه‌سازی QUAL2k و به ازای سناریوهای مختلف تخلیه به دست می‌آمد. از نقاط قوت این تحقیق، توسعه یک شاخص بود که از مجموع وزن‌دهی شده سه معیار مرتبط با کیفیت آب رودخانه بر اساس غلظت متغیر کیفی اکسیژن محلول، به دست می‌آمد. این سه معیار شامل تعداد دفعات تخطی، حداکثر مقدار تخطی و مجموع مقادیر تخطی غلظت DO از استاندارد، در نقاط کنترل رودخانه بود.

گاه ابهام در مقادیر پارامترهای یک متغیر احتمالاتی با نوع تابع توزیع چگالی احتمال معلوم وجود دارد و به این ترتیب، می‌توان متغیر تصادفی مورد نظر را به صورت تابع توزیع چگالی احتمال با پارامترهای فازی در مدل لحاظ کرد. همچنین، در برخی مدل‌های توسعه داده شده به دلیل افزودن انعطاف‌پذیری بیشتر در تصمیم‌گیری، حدود بالا و پایین متغیر بازه‌ای مورد نظر به صورت فازی در نظر گرفته می‌شود. به این ترتیب، در چنین مدل‌های تخصیص بار آلودگی‌ای از متغیرهای دوگانه فازی-احتمالاتی یا فازی-بازه‌ای و ... استفاده شده است. در بخش‌های بعد، برخی از مهم‌ترین مقالات تخصیص بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها به تفکیک نوع احتمالاتی، فازی، بازه‌ای، دوگانه یا چندگانه مورد بررسی قرار می‌گیرند.

### ○ مدل‌های احتمالاتی

Burn and McBean (1985) مسأله تخصیص بار آلودگی در رودخانه را به صورت یک مدل بهینه‌سازی تک‌هدفه با تابع هدف مربوط به نگهداشتن کیفیت آب رودخانه در سطح استاندارد و قید مربوط به هزینه‌های تصفیه مدل کردند. آنها عدم قطعیت‌های مربوط به بارهای آلودگی، جریان، زمان پیمایش و زمان انتقال بار آلودگی را از طریق در نظر گرفتن توابع توزیع چگالی احتمال مناسب برای این متغیرها در مدل لحاظ کردند و از آنالیز مونت-کارلو برای تعیین تأثیر این عدم قطعیت‌ها در شبیه‌سازی غلظت متغیر کیفی شاخص استفاده نمودند. در این تحقیق، برای حل مدل بهینه‌سازی از روش CCP<sup>۱۱</sup> استفاده شد. در تحقیقی مشابه، Burn and McBean (1986) در یک مدل تخصیص بار آلودگی با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها، علاوه بر قیود اقتصادی، عدالت اجتماعی را نیز از طریق تخصیص درصدهای تصفیه به تخلیه‌کنندگان به صورت یک قید در مدل در نظر گرفتند.

Ellis (1987) یک مدل برنامه‌ریزی استوکستیک با محدودیت‌های شانس<sup>۱۲</sup> را برای مدیریت کیفی رودخانه‌ها ارائه نمود. متغیر تصمیم مدل مزبور درصد حذف بار BOD در تصفیه‌خانه‌ها با هدف حداقل‌سازی هزینه تصفیه و با قید حداقل شدن احتمال تخطی از حداقل DO مجاز در رودخانه می‌باشد. در این مقاله برخلاف مطالعات پیشین، علاوه بر دبی رودخانه، بار اولیه BOD، کمبود اولیه DO، دبی تخلیه‌کنندگان و میزان غلظت BOD و DO در بارهای تخلیه شده، تمامی پارامترهای معادلات استریتر-فلیس و نیز ضرایب موجود در رابطه جذب اکسیژن از هوا به صورت غیرقطعی در نظر گرفته شدند.

Cho and Lee (2014) یک مدل بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی با توابع هدف مربوط به هزینه‌های تصفیه و رعایت عدالت و در نظر گرفتن معیارهای کیفیت آب رودخانه ارائه دادند. در این مقاله، برای در نظر گرفتن معیار عدالت، دو نوع شاخص برای تعیین درجه عدم رعایت عدالت محاسبه شد. اولین شاخص، ضریب ER-Gini<sup>۱۳</sup> بود که معیار محاسبه آن، ظرفیت منابع زیست‌محیطی و بار آلودگی مربوط به هر زیرحوضه یا بخش در نظر گرفته شد. همچنین در این تحقیق، شاخص دیگری برای لحاظ کردن عدالت در توزیع منابع لازم برای انجام تصفیه و کاهش بار آلودگی در بین تخلیه‌کنندگان معرفی شد. به طور کلی، در محاسبه شاخص گینی، عدم برابری درآمدها و تفاوت بین منابع زیست‌محیطی در دسترس برای هر زیرحوضه به منظور تعیین سطح تصفیه تخلیه‌کنندگان در نظر گرفته شده است.

در همه مطالعات یاد شده، از نگرش قطعی در تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها استفاده شده بود و عدم قطعیت‌های موجود در نظر گرفته نشده بودند. در بخش بعد، به بررسی و مقایسه تحقیقات انجام شده در زمینه مدیریت کیفیت آب رودخانه‌ها از طریق تخصیص بهینه بار آلودگی با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌های موجود پرداخته می‌شود.

### ○ مدل‌های غیرقطعی

در یک مسأله تخصیص بار آلودگی، عدم قطعیت‌های مختلفی نقش دارند. برخی از این عدم قطعیت‌ها به دلیل ویژگی‌های ذاتی پدیده‌های مرتبط در تخصیص بار آلودگی می‌باشند، مانند عدم قطعیت موجود در متغیر دبی در رودخانه که به دلیل تصادفی بودن این پدیده به وجود می‌آید. مرسوم‌ترین روش برخورد با این نوع عدم قطعیت‌ها استفاده از مدل‌های احتمالاتی است که اساس آنها همان توابع توزیع چگالی احتمال می‌باشد. گاهی برخی عدم قطعیت‌ها مربوط به نوع تفسیر ما از یک پدیده یا متغیر یا ابهام و عدم صراحت موجود در بیان آن پدیده هستند. این نوع عدم قطعیت‌ها را معمولاً با کمک اصول حاکم بر تئوری فازی مدل می‌کنند. به این ترتیب، به جای استفاده از تابع توزیع چگالی احتمال مربوط به آن متغیر، از تابع عضویت فازی آن استفاده می‌گردد. همچنین، در برخی از مدل‌های تخصیص بار آلودگی در رودخانه، به خصوص زمانی که عدم صراحت زیادی در داده‌ها موجود باشد، از توابع بازه‌ای به منظور لحاظ کردن مقادیر متغیرهای دارای عدم قطعیت در مدل استفاده می‌شود.



تصادفی مورد استفاده در تخمین میزان اطمینان‌پذیری (یا به عبارتی، ریسک شکست) دمای جریان و ضریب هواگیری<sup>۱۷</sup> بودند. در این تحقیق نشان داده شد که رویکرد به کار رفته تقریباً از دقت رویکرد ترکیبی GA و آنالیز مونت- کارلو برخوردار است و در ضمن، کارآمدی بیشتری نسبت به آن دارد.

Ghosh and Mujumdar (2006) دو مدل به منظور حداقل‌سازی ریسک تخطی از استاندارد ارائه نمودند. در مدل اول، با عنوان حداقل‌سازی ریسک، حداقل‌سازی ریسک کیفیت ضعیف آب رودخانه در شرایطی که اهداف طرف‌های درگیر در تضاد با یکدیگر است، هدف مدل می‌باشد. مدل پیشنهادی ایشان شامل سه بخش می‌باشد: مدل شبیه‌سازی کیفیت آب، مدل تخمین ریسک به همراه آنالیز عدم قطعیت‌های فازی و استوکاستیک و یک مدل بهینه‌سازی. ایشان در این مدل از تحلیل حساسیت، آنالیز اعتبارسنجی مرتبه اول و آنالیز مونت‌کارلو برای ارزیابی ریسک فازی کیفیت ضعیف آب استفاده نمودند. از برنامه‌ریزی چندهدفه فازی<sup>۱۸</sup> نیز برای فرمول‌بندی مدل چندهدفه استفاده شد. ایشان به منظور حل مدل بهینه‌سازی غیرخطی حاصل، از روش PGS<sup>۱۹</sup> استفاده نمودند. مدل دومی که ایشان ارائه نمودند، با عنوان مدل تخصیص بار آلودگی فازی اصلاح شده<sup>۲۰</sup>، براساس گشتاورهای توابع توزیع احتمال (میانگین، انحراف از معیار و چولگی) شاخص‌های فازی کیفیت آب، ریسک تخطی از استاندارد را حداقل می‌نماید. در این مدل، مقادیر مناسب چولگی که منجر به ریسک فازی کم می‌شوند شناسایی می‌گردند. نتایج هر دو مدل در مطالعه موردی رودخانه Tunga-Bhadra در جنوب هندوستان با نتایج مدل تخصیص بار آلودگی فازی قطعی (FWLAM) مقایسه شدند. نتایج نشان‌دهنده اندکی افزایش در درصد‌های حذف بار آلودگی نسبت به مدل قطعی می‌باشد، ولی ریسک کیفیت ضعیف آب مقدار قابل توجهی کاهش نشان می‌دهد.

Nikoo et al. (2014) برای در نظر گرفتن اثر مخزن بالادست در تخصیص بار آلودگی در رودخانه پایین‌دست یک مدل بهره‌برداري پویای استوکاستیک از مخزن را با یک مدل غیرخطی بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی در رودخانه تلفیق کردند. این مدل قادر بود که عدم قطعیت جریان ورودی به مخزن را به صورت احتمالاتی در نظر بگیرد.

#### ○ مدل‌های فازی، بازه‌ای و ترکیبی

Sasikumar and Mujumdar (1998) یک مدل بهینه‌سازی چندهدفه فازی<sup>۲۱</sup> را برای مدیریت کیفی سیستم‌های رودخانه‌ای مورد

Rossman (1989) در مقاله‌ای، با در نظر گرفتن درصدهای تصفیه یکنواخت تخلیه‌کنندگان در هر فصل سال، یک مدل فصلی تخصیص بار آلودگی در رودخانه را پیشنهاد نمود، به طوری که در این مدل، مجموع هزینه‌های سالانه تصفیه بارهای آلودگی حداقل شود و همزمان احتمال تخطی از استانداردهای کیفیت آب رودخانه با در نظر گرفتن تابع قید در مدل بهینه‌سازی در حد معین نگه داشته شود. در این مقاله، پس از تفکیک سال به دو فصل گرم و سرد که به منظور ساده‌سازی صورت گرفته است، مقادیر درصد تصفیه یکسان برای تمامی منابع آلاینده نقطه‌ای در هر فصل از سال‌های دوره زمانی مورد نظر توسط یک مدل خطی محاسبه می‌شود، به صورتی که تمامی استانداردهای کیفی رعایت گردند. سپس، توسط یک مدل بهینه‌سازی غیر خطی با اهداف حداقل‌سازی هزینه تصفیه سالانه و کمتر بودن تعداد سال‌هایی که در آنها تخطی از استانداردهای کیفی رخ می‌دهد از یک مقدار آستانه مشخص، درصدهای تصفیه یکنواخت ماهانه تعیین می‌شود. از مزایای مدل پیشنهادی، در نظر گرفتن سری زمانی مشخصات متغیرهای مربوط به کمیت و کیفیت رودخانه و منابع آلاینده آن می‌باشد. همچنین، مهم‌ترین نقطه ضعف آن ارائه یک درصد تصفیه یکسان برای همه منابع آلاینده در هر ماه می‌باشد.

Warwick and Roberts (1992) با استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو، عدم قطعیت‌های مهم موجود در یک مدل شبیه‌سازی تخصیص بار آلودگی را در نظر گرفتند و بر آن اساس، ریسک تخطی غلظت اکسیژن محلول از استاندارد کیفیت آب رودخانه را به ازای سیاست‌های مدیریت کیفیت آب محاسبه نمودند.

Takyi and Lence (1995) با در نظر گرفتن همبستگی بین دبی‌های کم‌آبی در فصول مختلف سال، یک مدل بهینه‌سازی- شبیه‌سازی غیرخطی تخصیص بار آلودگی فصلی مبتنی بر زنجیره مارکوف توسعه دادند. آنها همبستگی بین دبی‌های کم‌آبی فصلی را با استفاده از ماتریس احتمال انتقال<sup>۲۲</sup> مدل نمودند.

Vasquez et al. (2000) روشی را برای تخصیص بهینه بار آلودگی پیشنهاد دادند که در آن، الگوریتم بهینه‌سازی ژنتیک (GA)<sup>۲۳</sup> با الگوریتم FORM (Madsen et al. 1986)<sup>۲۴</sup> به منظور تخمین احتمال شکست سامانه تحت یک سناریوی تخصیص مشخص تلفیق می‌شد (GA-FORM). دلیل استفاده از FORM در این مقاله، کمتر بودن زمان محاسبات این مدل در تخمین تابع توزیع چگالی احتمال تجمعی شکست- از نظر احتمال تخطی از استاندارد مربوط به اکسیژن محلول- در مقایسه با آنالیز مونت-کارلو<sup>۲۵</sup> بوده است. تابع هدف این رویکرد بهینه‌سازی، حداقل‌سازی مجموع هزینه‌های تصفیه و جریمه مربوط به تخطی از استاندارد کیفیت آب و متغیرهای



ورودی به دست آوردند. نویسندگان این مقاله نیز رخ دادن افت کیفیت آب رودخانه را به عنوان یک رویداد فازی و عدم قطعیت مربوط به ریسک تخطی غلظت متغیر کیفی شاخص از مقدار استاندارد را به صورت تابع توزیع چگالی احتمال آن در مدل در نظر گرفتند.

Karmakar and Mujumdar (2006a) عدم قطعیت مربوط به توابع عضویت فازی مربوط به تخلیه‌کنندگان و سازمان متولی کنترل کیفیت آب رودخانه را با توسعه یک مدل فازی بازه‌ای (خاکستری) تخصیص بار آلودگی در رودخانه (GFWLAM)<sup>۲۶</sup> در مدل لحاظ کردند. در این مدل، ابهام یا عدم صراحت<sup>۲۷</sup> موجود در معیارهای کیفیت آب و درصد تصفیه آلاینده‌ها در قالب یک ساختار ریاضی فازی در نظر گرفته شد. عدم صراحت در حد پایین و بالای توابع عضویت فازی به صورت اعداد خاکستری<sup>۲۸</sup> (بازه‌ای) در نظر گرفته شد که بازه‌هایی محدود با حد پایین و بالای معلوم ولی توزیع نامعلوم بودند. به این ترتیب، گرداران مسأله تخصیص بار آلودگی می‌توانستند مطلوبیت‌های خود را از طریق توابع فازی در یک فضای ریاضی انعطاف‌پذیرتر بیان کنند. در نهایت، درصد تصفیه‌های بهینه آلاینده‌ها به صورت اعداد بازه‌ای و نه اعداد صریح به‌تصمیم‌گیرندگان این اختیار را می‌دهد که با توجه به معیارهای اقتصادی و امکان‌پذیری<sup>۲۹</sup> از بین تعدادی جواب بهینه جوابی را برگزینند.

مدل توسعه داده شده چند هدفه FWLAM عموماً به جای یک جواب واحد یک مجموعه جواب دارد که این جواب‌های چندگانه لازم است به صورت معادلات پارامتری به دست آیند. Karmakar and Mujumdar (2007) یک تکنیک دو مرحله‌ای تحت عنوان GFWLAM را برای به دست آوردن همه گزینه‌ها و جواب‌های چندگانه مدل تخصیص بار آلودگی در رودخانه توسعه دادند. در گام اول بهینه‌سازی این تکنیک، درست مانند نوع قبل GFWLAM عمل می‌شود. مدل بهینه‌سازی گام دوم با هدف حداکثرسازی حد بالا و حداقل‌سازی حد پایین سطوح تصفیه آلاینده‌ها در نهایت، با افزایش حدود بازه‌ها برای مقادیر بازه‌ای حذف آلاینده‌ها، به تصمیم‌گیرنده این امکان را می‌دهد که تصمیم نهایی را با توجه به معیارهای فنی و اقتصادی و با انعطاف‌پذیری بیشتری اتخاذ کند.

Qin et al. (2007) بسط مدل برنامه‌ریزی غیرخطی فازی-بازه‌ای<sup>۳۰</sup> را برای مدیریت کیفی آب با وجود عدم قطعیت ارائه نمودند. در روش پیشنهادی ایشان، روش‌های فازی و اعداد بازه‌ای به منظور در نظر

بررسی قرار دادند. ایشان، در این مطالعه، اهداف کیفی سازمان‌های مسئول و تخلیه‌کنندگان بارهای آلودگی را به صورت توابع عضویت فازی در نظر گرفتند، اما سایر پارامترهای موثر در مدیریت کیفی رودخانه مانند دبی رودخانه، دبی بار آلودگی تخلیه‌کنندگان و مقدار غلظت بارهای آلودگی را به صورت قطعی در نظر گرفتند. ایشان، کارایی مدل پیشنهادی خود را با ارائه یک مثال عددی فرضی مورد بررسی قرار دادند.

Mujumdar and Sasikumar (2002) یک مدل بهینه‌سازی فازی تخصیص فصلی بار آلودگی در رودخانه با توابع محدودیت (قیود) غیرفازی را ارائه دادند. آنها رخ دادن افت کیفیت آب رودخانه را به عنوان یک رویداد فازی و عدم قطعیت مربوط به ریسک تخطی غلظت متغیر کیفی شاخص از مقدار استاندارد رابه صورت تابع توزیع چگالی احتمال یک رویداد فازی در مدل در نظر گرفتند. یکی از مزایای این مدل این بود که بر خلاف بیشتر تحقیقات دیگر که در آنها آستانه ریسک تخطی غلظت متغیر کیفی شاخص از استاندارد به صورت یک مقدار از قبل مشخص در مدل تعریف می‌شد، در این مقاله از یک بازه به صورت آستانه فازی ریسک تخطی استفاده شد. یکی از نقاط ضعف این مدل در نظر نگرفتن همبستگی بین تصفیه آلاینده‌های مختلف بود که البته اضافه کردن اثر تصفیه چندآلاینده‌گی می‌توانست پیچیدگی مدل را بسیار افزایش دهد. به همین دلیل، این مدل برای در نظر گرفتن تصفیه آلاینده‌هایی می‌تواند به کار رود که همبستگی بین آنها در تصفیه وجود نداشته باشد.

در بیشتر مسائل تخصیص بار آلودگی و مدیریت کیفیت آب رودخانه، عدم قطعیت‌های ذاتی در سامانه به صورت توابع توزیع چگالی احتمال و از طریق تحلیل مونت-کارلو در نظر گرفته شده‌اند. از آنجا که آنالیز مونت-کارلو به خصوص در استفاده همزمان آن به همراه یک مدل شبیه‌سازی-بهینه‌سازی می‌تواند فرآیند بسیار زمان‌بری باشد، در تحقیقی، Vemula et al. (2004) نشان دادند که چگونه می‌توان بر این مسأله غلبه کرد. به این منظور، آنها در یک مدل فازی تخصیص بار آلودگی (FWLAM)<sup>۳۲</sup> - که اولین بار توسط Sasikumar and Mujumdar (1998) توسعه داده شد- ریسک تخطی غلظت متغیر کیفی شاخص از استاندارد را با انجام تحلیل حساسیت<sup>۳۳</sup> و تحلیل اطمینان‌پذیری مرتبه اول<sup>۳۴</sup> برای تعیین متغیرهای تصادفی کلیدی و تعیین نقاط کنترل کلیدی در رودخانه، ارزیابی کردند. آنها با استفاده از مدل WLA با رویکرد شبیه‌سازی-بهینه‌سازی<sup>۳۵</sup> - که توسط Mujumdar and Vemula (2004) ارائه شده بود- توابع توزیع فراوانی متغیرهای خروجی در نقاط کلیدی را با کاربرد آنالیز مونت-کارلو و با استفاده از متغیرهای تصادفی کلیدی

گرفتن عدم قطعیت‌های موجود در طرفین قیود غیرخطی، در قالب یک چارچوب با هم ادغام شدند. ایشان از روش خطی‌سازی برای حل مدل بهینه‌سازی غیرخطی استفاده کردند. نتایج به کارگیری مدل در مطالعه موردی بخشی از رودخانه Xiangjiang در چین نشان‌دهنده تأثیر مثبت در نتایج به ازای افزایش سطح خطی‌سازی می‌باشد.

Qin et al. (2009) مدل تخصیص بار آلودگی بازه‌ای توانی (درجه دو) تحت عنوان IQWLAM<sup>۳۱</sup> ارائه کردند که در آن درصد تصفیه‌های مربوط به متغیرهای کیفیت آب CBOD<sup>۳۲</sup> و NBOD<sup>۳۳</sup> در نقاط تخلیه بار آلودگی تعیین می‌شدند. در این مدل، هدف حداقل‌سازی کل هزینه‌های تصفیه بود به نحوی که همزمان استانداردهای تخلیه پساب و استانداردهای کیفیت آب رودخانه رعایت شوند. در مدل شبیه‌سازی به کار رفته رودخانه به بازه‌های مختلف تقسیم می‌شد و ماتریس‌های انتقالی مربوط به کیفیت آب با فرض حاکم بودن شرایط پایدار استخراج می‌شدند. این ماتریس‌ها و بردارهای مربوط به کیفیت آب در مدل بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی به عنوان قیود مورد استفاده قرار گرفته‌اند. عدم قطعیت‌های مربوط به پارامترهای محاسبه کیفیت آب، توابع هزینه و دستورالعمل‌های زیست‌محیطی به صورت بازه‌ای و توابع هزینه به فرم توانی<sup>۳۴</sup> در مدل در نظر گرفته شده‌اند. در این مدل، جواب‌های غیرقطعی طیفی از گزینه‌های پتانسیل تصفیه فاضلاب را دربردارند. به این ترتیب، این مدل می‌تواند در انتخاب گزینه تصمیم با استفاده از ترکیب‌های مختلف متغیرهای تصمیم و بازه‌های جواب قابل قبول مفید باشد.

Nikoo et al. (2013) از روش تبدیل فازی<sup>۴۰</sup> برای در نظر گرفتن عدم قطعیت موجود در ورودی‌های یک مدل بهینه‌سازی تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودخانه‌ها استفاده کردند. آنها با در نظر گرفتن امکان اتلاف بین مصرف‌کنندگان آب در بخش کشاورزی‌ای که بار آلودگی خود را به رودخانه تخلیه می‌کنند، داد و ستدهای مالی بین آنها را نیز با استفاده از تئوری بازی‌های همکارانه<sup>۴۱</sup> مدل‌سازی نمودند.

Tavakoli et al. (2015) برای تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌های پذیرنده زهابهای کشاورزی، یک مدل بهینه‌سازی - شبیه‌سازی پیشنهاد نمودند که در آن عدم قطعیت‌های مهم به صورت احتمالاتی یا فازی در نظر گرفته می‌شوند. آنها از مدل شبیه‌سازی SWAP<sup>۴۲</sup> برای تخمین کمیت و کیفیت زهابهای کشاورزی و از مدل QUAL2Kw برای شبیه‌سازی کیفیت آب رودخانه استفاده کردند.

## روش‌های حل مسأله بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی

### ○ برنامه‌ریزی خطی

در مسائل تخصیص بار آلودگی با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها، عموماً عواملی دخالت دارند که مسأله بهینه‌سازی را پیچیده می‌کنند و معمولاً با استفاده از روش‌های برنامه‌ریزی خطی قابل حل نیستند. از این رو، در اکثر تحقیقات انجام شده در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها با کمک روش‌های بهینه‌سازی غیرخطی به حل مسأله پرداخته شده است. در این بخش، به مرور برخی از مهم‌ترین مقالات در زمینه مدیریت کیفیت آب

Rehana and Mujumdar (2009) یک مدل تخصیص بار آلودگی غیر صریح فازی تحت عنوان IFWLAM<sup>۳۵</sup> توسعه دادند که در آن، عدم قطعیت اصلی موجود از نوع دانش ناکافی<sup>۳۶</sup> بود. در این مقاله، ریسک فازی غیر صریح<sup>۳۷</sup> افت کیفیت آب رودخانه در حالتی که پارامترها دارای عدم قطعیت ناشی از فقدان جزئی اطلاعات بودند، توسط آنالیز مونت-کارلو با ورودی‌های غیرصریح ارزیابی شد. همچنین، یک مدل بهینه‌سازی چند هدفه فازی با اپراتور حداکثر-حداقل<sup>۳۸</sup> توسعه داده شد که عموماً نتیجه آن به جای یک جواب چند جواب بود. با استفاده از چنین مدلی همه گزینه‌های تصمیم در نظر گرفته می‌شوند و بازه قابل قبولی برای سطح تصفیه آلاینده‌ها- در حالی که ریسک فازی تخطی از استانداردها در نتیجه آن در حد مطلوب باشد- در اختیار تصمیم‌گیرنده قرار می‌گیرد.

تحقیقات منابع آب ایران، سال یازدهم، شماره ۲، پائیز ۱۳۹۴  
Volume 11, No. 2, Fall 2015 (IR-WRR)

ترکیب GA با یک روش در نظر گرفتن قیود مسأله تحت عنوان روش  $^{44}HM$  در حل مسأله بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه استفاده کردند.

از دیگر مقالاتی که در آنها از الگوریتم ژنتیک به عنوان روش حل مسأله غیرخطی تخصیص بار آلودگی استفاده شده است، می‌توان به مقالات Mahjouri and Abbasi، Nikoo et al. (2013)، (2014) و Cho and Lee (2014) اشاره کرد. همچنین، در مقالاتی دیگر، Karmakar and Mujumdar (2007) و Rehana and Mujumdar (2009) (2010) Ghosh and Mujumdar از یک روش جستجوی تصادفی تحت عنوان  $^{45}PGSL$  برای حل مسأله WLA در رودخانه به کار بردند. یکی دیگر از روش‌های بهینه‌سازی استفاده شده برای حل مسأله تخصیص بار آلودگی، برنامه‌ریزی توانی (درجه دو) است که مثلاً در مقاله Qin et al. (2009) به کار گرفته شده است.

### تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودخانه

همانطور که در شکل ۱ اشاره شد، مدل‌های تخصیص بار آلودگی به شکل مجزا و همچنین، به شکل تلفیقی با مدل‌های تخصیص آب تدوین شده‌اند. این مدل‌ها اغلب به منظور مدیریت زهاب‌های کشاورزی که به رودخانه‌ها تخلیه می‌شوند تدوین شده‌اند. در این بخش، به بررسی مدل‌های تخصیص همزمان آب و بار آلودگی پرداخته می‌شود.

Nikoo et al. (2013) مدلی توسعه دادند که در آن از روش تبدیل فازی به منظور تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها استفاده می‌شد. همچنین، برای رعایت اصل عدالت، با استفاده از تئوری بازی‌های همکارانه و با در نظر گرفتن همه ائتلاف‌های ممکن بین بازیکنان (تخلیه‌کنندگان بار آلودگی)، سود فازی حاصل از صرفه‌جویی در میزان تصفیه با انتخاب هر گزینه تصفیه و تشکیل ائتلاف مورد نظر را بین اعضای ائتلاف تقسیم نمودند. به این ترتیب، علاوه بر معیار عدالت، معیار هزینه نیز با انتخاب بهینه‌ترین حالت تصفیه بار آلودگی تخلیه‌کنندگان و سپس، تسهیم سودهای به دست آمده در هر ائتلاف تأمین می‌شد.

Nikoo et al. (2014) با تلفیق یک مدل بهره‌برداری پویای استوکستیک از مخزن و یک مدل غیرخطی بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی در رودخانه پایین‌دست، یک مدل جامع مدیریت آب و زهاب کشاورزی در سیستم‌های رودخانه - مخزن تدوین کردند.

رودخانه با استفاده از روش‌های برنامه‌ریزی خطی پرداخته می‌شود. تحقیقات اولیه در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها با استفاده از برنامه‌ریزی خطی توسط ReVelle et al. و Loucks et al. (1967) و al. (1968) انجام شد. در مقالاتی دیگر، Arbabi and Elzinga (1975)، Herbay et al. (1983)، Rossman (1989) و Yang et al. (2011) از روش برنامه‌ریزی خطی برای مدیریت کیفی سیستم‌های رودخانه‌ای استفاده کردند. در سالهای اخیر نیز به خصوص هنگام تحلیل عدم قطعیت‌های موجود در مسأله تخصیص بار آلودگی به روش‌های بازه‌ای یا فازی، از نوعی برنامه‌ریزی خطی استفاده شده است. به عنوان نمونه می‌توان به Karmaker and Mujumdar (2006) و Xie et al. (2011) و Tavakoli et al. (2014) اشاره کرد.

### ○ برنامه‌ریزی غیرخطی

روش‌های برنامه‌ریزی غیرخطی به دلیل داشتن انعطاف‌پذیری بیشتر در مواردی که مؤلفه‌های موجود در سامانه زیاد هستند و فرم مسأله پیچیده‌تر است، در حل مسائل تخصیص بهینه بار آلودگی در رودخانه نسبتاً بیشتر مورد توجه بوده‌اند و کاربردهای بیشتری داشته‌اند. در این بخش، به برخی از مهم‌ترین تحقیقات گذشته در زمینه استفاده از برنامه‌ریزی خطی در حل مسائل بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه که در جدول ۱ هم دسته‌بندی شده‌اند، اشاره می‌شود. در بخش‌های قبل، به این مقالات به طور کامل‌تر پرداخته شده است.

Liebman and Lynn (1966) از روش برنامه‌ریزی پویای قطعی<sup>۴۳</sup> و Lohani and Hee (1983) از روش برنامه‌ریزی پویای استوکستیک برای حل مسأله بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه استفاده کردند. همچنین، Burn and Mc Bean (1985) و Burn and Mc Bean (1986) به منظور تخصیص بار آلودگی در رودخانه از روش برنامه‌ریزی با محدودیت شانس (Chance constrained programming) استفاده کردند. از مهم‌ترین تحقیقات انجام شده در زمینه کاربرد روش الگوریتم ژنتیک در مسأله بهینه‌سازی تخصیص بار آلودگی در رودخانه می‌توان به Vasquez et al. (2000) و Burn and Yulianti (2001) اشاره کرد. همچنین، Yandamuri et al. (2006) و Nikoo et al. (2012a) به این منظور از نوع خاصی از این الگوریتم با عنوان NSGAI (Saadatpour and Afshar (2007)) الگوریتم ژنتیک با جمعیت طبقه‌بندی‌شده (Classified Population Genetic Algorithm) و Mujumdar and Vemula (2004) و Vemula et al. (2004) از

روش چانه‌زنی بازگشتی<sup>۴۹</sup> به منظور تخصیص عادلانه و بهینه بار آلودگی در رودخانه استفاده کردند. در این مقاله، از دو روش چانه‌زنی بازگشتی با توافق آراء<sup>۵۰</sup> و چانه‌زنی بازگشتی با بن‌بست<sup>۵۱</sup> برای به دست آوردن یک ماتریس توافق<sup>۵۲</sup> که در بردارنده یک سری گزینه‌های تصفیه مربوط به تخلیه‌کنندگان بار آلودگی در رودخانه که از نظر رعایت مطلوبیت‌های گروه‌داران قابل قبول بود، استفاده کردند.

Mahjouri and Abbasi (2014) یک مدل تخصیص بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌های مربوط به کمیت و کیفیت آب رودخانه در بالادست و بارهای آلودگی ورودی ارائه دادند. در این مقاله، از توابع عضویت فازی برای برخی متغیرهایی که اطلاعات کمی از آنها در دست بود و از توابع توزیع چگالی احتمال با پارامترهای فازی به منظور لحاظ کردن عدم قطعیت‌های ذاتی برخی متغیرها استفاده شد و وضعیت کیفیت آب رودخانه با توسعه یک شاخص فازی-احتمالاتی کیفیت آب بررسی گردید. در این تحقیق، از قابلیت‌های برخی روش‌های گزینش اجتماعی برای به دست آوردن بهترین گزینه تصفیه تخلیه‌کنندگان بار آلودگی از بین گزینه‌های به دست آمده از مدل بهینه‌سازی توسعه داده شده با توابع هدف کیفیت و هزینه، استفاده شده است. به این ترتیب، علاوه بر معیارهای اقتصادی و کیفیت آب، معیار عدالت اجتماعی هم در نظر گرفته شده است.

بیژنی منظر و مهجوری (۱۳۹۲) مطلوب‌ترین سیاست تخصیص بار آلودگی را با شبیه‌سازی فضای مذاکره و چانه‌زنی بین تخلیه‌کنندگان بار آلودگی با استفاده از روش‌های مختلف گزینش اجتماعی مانند روش چانه‌زنی بازگشتی، تابع چانه‌زنی نش و روش گزینش اجتماعی بردا تعیین کردند. سپس، گزینه‌های انتخاب شده توسط این روش‌ها را با توجه به هزینه‌های تخصیص یافته به تخلیه‌کنندگان و مقدار تخطی شاخص کیفی از استاندارد، با یکدیگر مقایسه کردند.

ذوالفقاری پور و احمدی (۱۳۹۳) به منظور حداقل‌سازی هزینه‌های حفظ کیفیت محیط زیست و تأمین معیارهای کیفیت آب، یک مدل تخصیص بار آلودگی با کاربرد روش‌های گزینش اجتماعی توسعه دادند. در این مقاله، هر یک از تخلیه‌کنندگان ابتدا گزینه‌های تصفیه را بر اساس هزینه‌های کل که شامل هزینه‌های تصفیه و جریمه تخطی از استاندارد بود، رتبه‌بندی کردند. سپس، گزینه مطلوب با استفاده از روش‌های گزینش اجتماعی مختلف انتخاب شد.

آنها با استفاده از چندین مدل شبیه‌سازی هوشمند، قواعد تخصیص آب و بار آلودگی را نیز تدوین کردند.

Liu et al. (2014) در قالب یک مطالعه موردی در چین یک مدل دوهدفه قطعی برای تخصیص همزمان آب و بار آلودگی توسعه دادند. آنها برای مدل‌سازی تغییرات دبی جریان در رودخانه از یک مدل هیدرودینامیکی استفاده کردند. برای حل مدل بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی از مدل معروف NSGA-II استفاده کردند.

Tavakoli et al. (2014) با استفاده از تحلیل فاکتوریل جزئی<sup>۴۶</sup> به ارزیابی عدم قطعیت‌های مهم در مسأله تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودخانه‌ها پرداختند. آنها برای شبیه‌سازی کمیت و کیفیت زهاب‌های کشاورزی وارد شده به رودخانه از مدل شبیه‌سازی SWAP استفاده کردند. بر اساس نتایج این مقاله، می‌توان با استفاده از تحلیل فاکتوریل جزئی متغیرها و پارامترهای مهم را شناسایی کرد و تنها عدم قطعیت آنها را در بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی در نظر گرفت. با اینکار هزینه محاسباتی مدل بهینه‌سازی به میزان قابل توجهی کاهش خواهد یافت.

Tavakoli et al. (2015) یک متدولوژی فازی برای بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی در رودخانه ارائه دادند که در آن، از یک روش برنامه‌ریزی فازی دو مرحله‌ای (ITSFP)<sup>۴۷</sup> به منظور لحاظ کردن عدم قطعیت‌ها استفاده شد. در این مقاله، از برنامه‌ریزی خطی تکرارشونده (ILP)<sup>۴۸</sup> برای حل مدل بهینه‌سازی غیرخطی استفاده شده است. همچنین، با استفاده از نرم‌افزار SWAT کمیت و کیفیت جریان‌های برگشتی کشاورزی نیز تعیین شده است.

## نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گروه‌داران در مدل تخصیص بار آلودگی

### ○ مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره و روش‌های انتخاب اجتماعی

از جمله تحقیقاتی که در آنها از مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره در بحث تخصیص بار آلودگی در رودخانه استفاده شده است می‌توان به Burn and Mc Bean (1985, 1986)، Takyi and Lence (1995)، Vasquez et al. (2000)، Mujumdar and Sasikumar (2002)، Karmaker and Mujumdar (2006) و Saadatpour and Afshar (2007) اشاره کرد. همچنین، در سال‌های اخیر، Mahjouri and Bizhani-Manzar (2013) از

## ○ مدل‌های مبتنی بر تئوری بازی‌ها

از آنجا که در مسأله تخصیص بار آلودگی تخلیه‌کنندگان بار آلودگی و سازمانهای مسؤول حفاظت کیفیت آب و محیط زیست با اهداف معمولاً متضادی حضور دارند، در سالهای اخیر این مسأله با استفاده از تئوری بازیهای نیز بررسی شده است. در این بخش به نمونه‌هایی از مطالعات انجام شده در این زمینه اشاره شده است:

Nikoo et al. (2012b) یک مدل تخصیص بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن معیار عدالت اجتماعی از طریق کاربرد تئوری بازی‌های همکارانه و با در نظر گرفتن برخی عدم قطعیت‌های موجود در سامانه ارائه دادند. آنها یک مدل بهینه‌سازی دو هدفه با اهداف نگه داشتن سطح تصفیه تخلیه‌کنندگان در حد متوسط و کاهش ریسک فازی کیفیت نامطلوب آب در رودخانه را با استفاده از الگوریتم حل NSGAII توسعه دادند. سپس، برای انتخاب بهترین گزینه (بهترین جواب غیرپست<sup>۵۳</sup>) سطوح تصفیه تخلیه‌کنندگان از بین جواب‌های موجود در جبهه پرتو<sup>۵۴</sup>، از یک بازی ماتریسی با جمع غیرصفر فازی<sup>۵۵</sup> استفاده نمودند. در این مقاله، معیار عدالت اجتماعی<sup>۵۶</sup> از طریق تشکیل ائتلاف‌هایی بین تخلیه‌کنندگان و تسهیم هزینه‌های تصفیه بین اعضای ائتلاف<sup>۵۷</sup> و پرداخت‌های جانبی<sup>۵۸</sup> در نظر گرفته شد. در نهایت، با تشکیل سناریوهای مختلف بار آلودگی برای آموزش و تست مدل شبکه‌های بیزی (BNs)<sup>۵۹</sup> و ماشین‌های بردار پشتیبان احتمالاتی (PSVMs)<sup>۶۰</sup>، قوانین احتمالاتی تخصیص بار آلودگی در شرایط واقعی<sup>۶۱</sup> توسعه داده شدند.

Abed-Elmdoust and Kerachian (2012) از یکی از انواع بازی‌های همکارانه تحت عنوان بازی‌های سیگنالی تکراری<sup>۶۲</sup> با اطلاعات ناقص برای در نظر گرفتن این امر که گروداران (بازیکنان) اطلاعات ناقصی در مورد مشخصات بارهای آلودگی و استراتژی‌های تصفیه سایر بازیکنان داشته باشند، استفاده کردند. نتایج آنها نشان داد که با استفاده از این نوع بازی، علاوه بر در نظر گرفتن برخی عدم قطعیت‌ها یا عدم صراحت‌های موجود، با رسیدن به حالت تعادل کامل بیزی<sup>۶۳</sup>، اصل عدالت در تخصیص بار آلودگی، تا حد زیادی می‌تواند تأمین شود.

Nikoo et al. (2013) مدلی توسعه دادند که در آن از روش تبدیل فازی به منظور تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودخانه با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها استفاده می‌شد. همچنین، برای رعایت اصل عدالت، با استفاده از تئوری بازی‌های همکارانه و با در نظر گرفتن همه ائتلاف‌های ممکن بین بازیکنان (تخلیه‌کنندگان بار

آلودگی)، سود فازی حاصل از صرفه‌جویی در میزان تصفیه با انتخاب هر گزینه تصفیه و تشکیل ائتلاف مورد نظر را بین اعضای ائتلاف تقسیم نمودند. به این ترتیب، علاوه بر معیار عدالت، معیار هزینه نیز با انتخاب بهینه‌ترین حالت تصفیه بار آلودگی تخلیه‌کنندگان و سپس، تسهیم سودهای به دست آمده در هر ائتلاف تأمین می‌شد.

(2015) Malakpour-Estelaki et al. با پیشنهاد یک بازی تکاملی، توابع جریمه‌ای برای تخطی از کیفیت آب در رودخانه ارائه دادند که بر آن اساس رفتار غیرهمکارانه تخلیه‌کنندگان بار آلودگی در رودخانه به صورتی خواهد بود که استانداردهای کیفیت آب تا حد زیادی رعایت می‌شوند. آنها نشان دادند توابع جریمه موجود برای حفاظت کیفیت آب رودخانه‌ها در ایران کفایت لازم برای کنترل آلودگی در این اکوسیستم‌های مهم را ندارد. اخیراً تئوری بازیهای همکارانه توسط (2015) Tavakoli et al. نیز در تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها نیز استفاده شده است.

## نوع مدل شبیه‌سازی کیفیت آب رودخانه

به منظور تخمین مقادیر بهینه سهم میزان تصفیه و تخلیه بار آلودگی در رودخانه برای هر تخلیه‌کننده، لازم است مقادیر غلظت متغیرهای کیفی شاخص رودخانه که در مسأله بهینه‌سازی به کار می‌روند، به ازای مقادیر مختلف بارهای آلودگی مورد تخلیه تعیین شوند. به این منظور، در تحقیقات مربوط به تخصیص بار آلودگی در رودخانه، از روش‌های مختلفی برای محاسبه غلظت متغیرهای کیفی شاخص استفاده شده است. در این بخش، به مرور اجمالی برخی مقالات در این زمینه پرداخته می‌شود. لازم به ذکر است، به جزئیات بیشتری از این مقالات در جدول ۱ یا بخش‌های قبل به طور مفصل‌تر پرداخته شده است.

(1966) Liebman and Lynn، (1985) Burn and Mc Bean، (1986) Burn and Mc Bean، (1989) Rossman، (2000) Vasquez et al.، (2006) Karmakar and Mujumdar و (2007) Karmakar and Mujumdar معادلات استریتر و فلیس (1925) Streeter and Phelps را به طور مستقیم به منظور شبیه‌سازی کیفیت آب رودخانه در مسأله WLA به کار گرفتند. همچنین، (2001) Burn and Yulianti، (2004) Vemula et al.، (2004) Mujumdar and Vemula و (2007) Saadatpour and Afshar و Abed-Elmdoust و (2012) Kerachian از مدل شبیه‌سازی QUAL2E برای



در بیشتر مقالات موجود در زمینه مدیریت کیفیت آب رودخانه‌ها با توجه به مقادیر مختلف بارهای آلودگی تخلیه شده تنها یک و در برخی موارد دو متغیر کیفیت آب مورد شبیه‌سازی قرار گرفته‌اند. در نظر گرفتن انواع مختلف متغیرهای کیفیت آب و اندرکنش آنها می‌تواند نقش مهمی در بهبود و دقیق‌تر شدن نتایج مدل‌های تخصیص بار آلودگی در رودخانه به خصوص در مواردی که منابع آلودگی متفاوت در طول رودخانه موجود باشند، داشته باشد. همچنین بر این اساس، سیاست‌های مدیریت کیفیت آب رودخانه نیز می‌تواند به صورت چندمتغیره تدوین و اعمال شوند. البته در این صورت، به دلیل افزایش تعداد متغیرهای شبیه‌سازی و افزایش زمان اجرای مدل تخصیص، توسعه و کاربرد مدل‌های شبیه‌سازی و بهینه‌سازی با هزینه محاسباتی کمتر ضروری به نظر می‌رسد.

در بخش‌های قبل، مقالات محدودی نیز بررسی شدند که در آنها تخصیص همزمان آب و بار آلودگی صورت گرفته بود. بدیهی است رودخانه‌ها علاوه بر این که به عنوان منابع پذیرنده آلودگی، می‌توانند از ظرفیت پذیرش بار آلودگی و خودپالایی خوبی برخوردار باشند، به عنوان مهم‌ترین منابع تأمین آب همان تخلیه‌کنندگان محسوب می‌شوند. از آنجا که جامع‌نگری در بحث مدیریت منابع آب امری ضروری است، مدل‌های تخصیص بار آلودگی که در آنها تخصیص آب رودخانه هم به طور همزمان صورت می‌گیرد، بالقوه مدل‌های کارا تر و واقع‌گرایانه‌تری هستند. همچنین، تجارت آب و مجوزهای تخلیه نیز به عنوان روشی تکمیل‌کننده در بحث تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها می‌تواند زمینه تحقیقاتی گسترده‌ای در سالهای آتی باشد.

از آنجا که در یک مسأله تخصیص بار آلودگی در رودخانه، طرف‌های درگیر یا گرداران مختلفی با مطلوبیت‌ها و محدودیت‌های متضادی شرکت دارند. به منظور لحاظ کردن اولویت‌های گرداران و تأمین رضایت آنها، تئوری بازی‌ها می‌تواند به عنوان ابزاری کارآمد به کار رود، توصیه می‌شود در تحقیقات آتی، به این منظور با مدل‌سازی دقیق‌تر مطلوبیت‌ها و محدودیت‌های گرداران، از روش‌های مبتنی بر تئوری بازی‌های غیرهمکارانه برای مدل‌سازی بهتر مسأله استفاده شود.

#### پی‌نوشت‌ها

- 1-Stakeholders
- 2-Deterministic Dynamic Programming
- 3-Linear Programming
- 4-Time Varying Operation
- 5-Steady State

شبیه‌سازی غلظت متغیرهای کیفی شاخص در رودخانه در مسأله WLA استفاده کردند.

از دیگر تحقیقات انجام شده می‌توان به (Tavakoli et al. (2015) که در آن از مدل‌های QUAL2Kw و SWAP (Soil, Water, Atmosphere, and Plant) استفاده شده بود و همینطور به (Mahjouri and Abbasi (2014) اشاره کرد که در آن از ضرایب انتقال مربوط غلظت متغیر کیفی شاخص در رودخانه- به دست آمده از مدل شبیه‌سازی Qual2kw استفاده شده بود.

در مقالاتی دیگر، (Rehana and Mujumdar (2009) و (Ghosh and Mujumdar (2010) محدود رو به عقب<sup>۴۴</sup>، و همچنین، (Qin et al. (2009) از مدل شبیه‌سازی چند قطعه‌ای (Multi-Segment Simulation Model) (O'Connor and Dobbins, 1958) غلظت متغیرهای کیفی شاخص را در مسأله WLA در رودخانه شبیه‌سازی کردند.

#### جمع‌بندی و چشم‌اندازهای موجود برای مطالعات آتی

در این مقاله، مهم‌ترین تحقیقات انجام شده در زمینه تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها بررسی شدند. این مقالات با توجه به مواردی مانند ساختار مدل‌های به کار رفته، روش حل مسأله بهینه‌سازی، چگونگی در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها، نحوه برخورد با مطلوبیت‌های گرداران و نوع مدل شبیه‌سازی کیفیت آب رودخانه، دسته‌بندی و بررسی شدند. مطالعه مقالات موجود نشان می‌دهد که در زمینه تحلیل و مدل‌سازی عدم قطعیت‌ها هنوز زمینه تحقیقاتی خوبی وجود دارد و می‌توان با استفاده از نوآوری موجود در زمینه تحلیل عدم قطعیت (مانند روش‌های مبتنی بر مونت کارلوی زنجیره مارکوفی<sup>۴۵</sup>) عدم قطعیت‌های موجود را بهتر در تصمیم‌گیری‌ها در نظر گرفت.

در بحث مدیریت کیفیت آب رودخانه‌ها، شبیه‌سازی رفتار گرداران بخصوص تخلیه‌کنندگان بار آلودگی با گذشت زمان و تعامل و روابط متقابل آنها می‌تواند تأثیر بسزایی در واقعی‌بودن خروجی مدل‌ها داشته باشد. بررسی پیشینه مطالعات نشان می‌دهد که تحقیقات انجام شده در این زمینه بسیار محدود هستند. به عنوان پیشنهادی برای تحقیقات آتی می‌توان به کاربرد مدل‌های عامل بنیان (Agent-based models) در مسأله تخصیص بار آلودگی اشاره کرد.

- 61-Real-Time Waste Load Allocation Rules
- 62-Iterated Signaling Games
- 63-Perfect Bayesian Equilibrium
- 64-Backwards Finite Difference Technique
- 65-Markov Chain Monte Carlo

#### ۵- مراجع

بیژنی منظر م، مهجوری ن (۱۳۹۲) تخصیص بار آلودگی در رودخانه زرجوب: کاربرد روش گزینش اجتماعی بُردا و تابع چانه‌زنی نش. تحقیقات منابع آب ایران، شماره ۳، ۷۴-۵۹.

ذوالفقاری پور م، احمدی ا (۱۳۹۳) تدوین سیاست‌های تخصیص بار آلودگی در رودخانه‌ها با استفاده از رویکرد گزینش اجتماعی. آب و فاضلاب، شماره ۶: ۴۶-۳۶.

Abed-Elmdoust A, Kerachian R (2012) Water quality management under incomplete information: application of an N-person iterated signaling game. *Environmental Monitoring and Assessment* 184:5875-5888.

Arbabi M, Elzinga J (1975) A General approach to stream water quality modeling. *Water Resources Research* 11(2):191-196.

Burn DH (1989) Water-quality management through combined simulation-optimization approach. *Journal of Environmental Engineering* 115(5):1011-1024.

Burn DH, Lence BJ (1992) Comparison of optimization formulation for waste load allocation. *Journal of Environmental Engineering* 118(4):597-612.

Burn DH, McBean EA (1985) Optimization modeling of water quality in an uncertain environment. *Water Resources Research* 21(7):934-940.

Burn DH, McBean EA (1986) Linear stochastic optimization applied to biochemical oxygen demand-dissolved oxygen modeling. *Canadian Journal of Civil Engineering* 13:249-254.

Burn DH, Yulianti S (2001) Waste-load allocation using genetic algorithms. *Journal of Water Resources Planning and Management* 127(2):121-129.

Camp TR (1963) *Water and its impurities*, Reinhold, New York.

Cardwell H, Ellis H (1993) Stochastic dynamic programming models for water quality management. *Water Resources Research* 29(4):803-813.

Chang NB, Chen HW, Shaw DG, Yang CH (1997) Water pollution control in river basin by interactive fuzzy interval multi-objective programming.

- 6-Equity
- 7-Non-Dominated Sorting Genetic Algorithm
- 8-Ant-Colony Algorithm
- 9-Non-Dominated Archiving Multi-Colony Ant Algorithm (NA-ACO)
- 10-Environmental Resource-based Gini
- 11-Chance Constraint Programming
- 12-Chance-Constraint Stochastic Model
- 13-Transition Probability Matrix
- 14-Genetic Algorithm
- 15-First-Order Reliability Method
- 16-Monte Carlo Analysis
- 17-Reaeration Coefficient
- 18-Fuzzy Multiobjective Programming
- 19-Probabilistic Global Search Laussane (PGSL)
- 20-Modified Fuzzy Waste Load Allocation Model (MFWLAM)
- 21-Fuzzy Waste Load Allocation Model (FWLAM)
- 22-Fuzzy Waste Load Allocation Model
- 23-Sensitivity Analysis
- 24-First-order Reliability Analysis (FORA)
- 25-Simulation-Optimization Approach
- 26-Grey Fuzzy Waste Load Allocation Model
- 27-Imprecision
- 28-Grey Numbers
- 29-Feasibility
- 30-Interval-Fuzzy Nonlinear Programming (IFNP)
- 31-Interval Quadratic Waste Load Allocation Model
- 32-Carbonaceous Biochemical Oxygen Demand
- 33-Nitrogenous Biochemical Oxygen Demand
- 34-Quadratic Form
- 35-Imprecise Fuzzy Waste Load Allocation Model
- 36-Partial Ignorance
- 37-Imprecise Fuzzy Risk
- 38-Max-Min
- 39-Modified Fuzzy Waste Load Allocation Model
- 40-Fuzzy Transformation
- 41-Cooperative Games
- 42-Soil, Water, Atmosphere and Plant (SWAP)
- 43-Deterministic Dynamic Programming
- 44-Homomorphous Mapping (HM)
- 45-Probabilistic Global Search Lausanne (PGSL)
- 46-Fractional Factorial Analysis
- 47-Interactive Two-stage Stochastic Fuzzy Programming
- 48-Iterative Linear Programming (ILP)
- 49-Fallback Bargaining
- 50-Unanimity Fallback Bargaining
- 51-Fallback Bargaining with Impasse
- 52-Compromise Matrix
- 53-Non-Dominated Solution
- 54-Pareto Front
- 55-Fuzzy Non-zero Sum Bimatrix Game
- 56-Equity
- 57-Coalition
- 58-Side Payments
- 59-Bayesian Networks
- 60-Probabilistic Support Vector Machines



- Karmakar S, Mujumdar P (2007) A two-phase grey fuzzy optimization approach for water quality management of a river system. *Advances in Water Resources* 30:1218-1235.
- Kerachian R, Karamouz M (2005) Waste load allocation model for seasonal river water quality management: application of sequential dynamic genetic algorithms. *Scientia Iranica* 12(2):117-130.
- Lence BJ, Eheart JW, Brill ED (1990) Risk equivalent seasonal discharge programs for multidischarger streams. *Journal of Water Resources Planning and Management* 116(2):170-186.
- Lence BJ, Takyi AK (1992) Data requirements for seasonal discharge programs: an application of a regionalized sensitivity analysis. *Water Resources Research* 28(7):1781-1789.
- Liebman JC, Lynn WR (1966) The optimal allocation of stream dissolved oxygen. *Water Resources Research* 2(3):581-591.
- Liu Y, Yang P, Hu C, Guo H (2008) Water quality modeling for load reduction under uncertainty: A Bayesian approach. *Water Research* 42:3305-3314.
- Liu D, Guo S, Shao Q, Jiang Y, Chen X (2014) Optimal allocation of water quantity and waste load in the Northwest Pearl River Delta, China. *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment* 28(6):1525-1542.
- Lohani BN, Hee KB (1983) A CCDP model for water quality management in the Hsintien river in Taiwan. *International Journal of Water Resources Development* 1(2):91-114.
- Loucks DP, ReVelle CS, Lynn WR (1967) Linear programming models for water pollution control. *Management Science* 14(4):166-181.
- Madsen HO, Krenk S, Lind NC (1986) *Methods of structural safety*. Prentice-Hall Englewood Cliffs, New Jersey, USA.
- Mahjouri N, Abbasi M-R (2014) Waste load allocation in rivers under uncertainty: application of social choice procedures. *Environmental Monitoring and Assessment* 187(2):1-15.
- Mahjouri N, Bizhani-Manzar M (2013) Waste load allocation in rivers using Fallback Bargaining. *Water Resources Management* 27(7):2125-2136.
- Malakpour-Estelaki S, Abed-Elmdoust A, Kerachian R (2015) Developing environmental penalty functions for river water quality management: application of evolutionary game theory. *Environmental Earth Sciences* 73(8):4201-4213.
- Journal of Environmental Engineering 123(12):1208-1216.
- Cho JH, Lee JH (2014) Multi-objective waste load allocation model for optimizing waste load abatement and inequality among waste dischargers. *Water Air Soil Pollution* 225, Article#1892.
- Cho JH, Sung KS, Ha SR (2004) A river water quality management model for optimizing regional wastewater treatment cost using a genetic algorithm. *Journal of Environmental Management* 73(3):229-242.
- de Melo JJ, Camara AS (1994) Models for the optimization of regional wastewater treatment systems. *European Journal of Operational Research* 73(1):1-16.
- Eheart JW, Park H (1989) Effects of temperature variation on critical stream dissolved oxygen. *Water Resources Research* 25(2):145-151.
- Eheart JW, Brill ED, Liebman JC (1990) Discharger grouping for water quality control. *Journal of Water Resources Planning and Management* 116(1):21-37.
- Ellis JH (1987) Stochastic water quality optimization using embedded chance constraints. *Water Resources Research* 23(12):2227-2338.
- Fujiwara O, Gnanendran SK, Ohgaki S (1986) River quality management under stochastic stream flow. *Journal of Environmental Engineering* 112(2):185-1986.
- Ghosh S, Mujumdar PP (2006) Risk minimization in water quality control problems of a river system. *Advances in Water Resources* 29:458-470.
- Ghosh S, Mujumdar P (2010) Fuzzy waste load allocation model: A multiobjective approach. *Journal of Hydroinformatics* 12:83-96.
- Han K, Noh J, Kim JS, Lee C (2012) Application of stochastic optimization algorithm for waste load allocation in the Nakdong River basin, Korea. *KSCE Journal of Civil Engineering* 16:650-659.
- Herbay JP, Smeers Y, Tyteca D (1983) Water quality management with time varying river flow and discharger control. *Water Resources Research* 19(6):1481-1487.
- Karmakar S, Mujumdar PP (2006a) Grey fuzzy optimization model for water quality management of a river system, *Advances in Water Resources* 29:1088-1105.
- Karmakar S, Mujumdar PP (2006b) An inexact optimization approach for river water quality management. *Journal of Environmental Management* 81:233-248.

- Saadatpour M, Afshar A (2007) Waste load allocation modeling with fuzzy goals; simulation-optimization approach. *Water Resources Management* 21:1207–1224
- Sasikumar K, Mujumdar PP (1998) Fuzzy optimization model for water quality management of a river system. *Journal of Water Resources Planning and Management* 124(2):79-88.
- Streeter HW, Phelps EB (1925) A study of the pollution and natural purification of the Ohio River. *U.S. Public Health Bulletin* 146.
- Sasikumar K, Mujumdar PP (2000) Application of fuzzy probability in water quality management of a river system. *International Journal of Systems Science* 31(5):575–591.
- Takvi AK, Lence BJ (1995) Markov chain model for seasonal water quality management. *Journal of Water Resources Planning and Management* 121(2):144-157.
- Takvi AK, Lence BJ (1999) Surface water quality management using a multiple-realization chance constraint method. *Water Resources Research* 35(5):1657-1670.
- Tavakoli A, Kerachian R, Nikoo MR, Soltani M, Malakpour-Estalaki S (2014) Water and waste load allocation in rivers with emphasis on agricultural return flows: application of fractional factorial analysis. *Environmental Monitoring and Assessment* 186(9):5935-49.
- Tavakoli A, Nikoo MR, Kerachian R, Soltani M (2015) River water quality management considering agricultural return flows: application of a non-linear two-stage stochastic fuzzy programming. *Environmental Monitoring and Assessment* 187(4), Article#158.
- Vasquez JA, Maier HR, Lence BJ, Tolson BA, Foschi RO (2000) Achieving water quality system reliability using genetic algorithm. *Journal of Environmental Engineering* 126:954-962.
- Vemula SVR, Mujumdar PP, Ghosh S (2004) Risk evaluation in water quality management of a river system. *Journal of Water Resources Planning and Management* 130(5):411–423.
- Warwich JJ, Roberts LA (1992) Computing the risk associated with waste load allocation modeling. *Journal of the American Water Resources Association* 28:903-915.
- Xie YL, Li YP, Huang GH, Li YF, Chen LR (2011) An inexact chance-constrained programming model for water quality management in Binhai New Area of Tianjin, China. *Science of the total environment* 409(10):1757-1773.
- Mostafavi SA, Afshar A (2011) Waste load allocation using non-dominated archiving multi-colony ant algorithm *Procedia. Computer Science* 3:64–69.
- Mujumdar P. P. and Sasikumar K. (2002) A fuzzy risk approach for seasonal water quality management of a river system. *Water Resources Research* 38(1), Article#1004.
- Mujumdar PP, Vemula SVR (2004) Fuzzy waste load allocation model: simulation-optimization approach. *Journal of Computing in Civil Engineering* 18(2):120-131.
- Nikoo MR, Kerachian R, Karimi A (2012a) A nonlinear interval model for water and waste load allocation in river basins. *Water Resources Management* 26:2911-2926.
- Nikoo MR, Kerachian R, Niksokhan MH (2012b) Equitable waste load allocation in rivers using fuzzy Bi-matrix games. *Water Resources Management* 26:4539-4552.
- Nikoo MR, Kerachian R, Karimi A, Azadnia AA (2013) Optimal water and waste-load allocations in rivers using a fuzzy transformation technique: a case study. *Environmental Monitoring and Assessment* 185:2483-2502.
- Nikoo MR, Kerachian R, Karimi A, Azadnia AA, Jafarzadegan K (2014) Optimal water and waste load allocation in reservoir–river systems: a case study. *Environmental Earth Sciences* 71(9):4127-4142.
- O'Connor D, Dobbins WE, (1958) Mechanism of reaeration in natural streams. *Transactions* 123:641–684.
- Qin X, Huang G, Chen B, Zhang B (2009) An interval-parameter waste-load-allocation model for river water quality management under uncertainty. *Environmental Management* 43:999–1012.
- Qin X, Huang GH, Zeng GM, Chakma A, Huang Y (2007) An interval-parameter fuzzy nonlinear optimization model for stream water quality management under uncertainty. *European Journal of Operational Research* 180, 1331-1357.
- ReVelle C, Loucks DP, Lynn WR (1968) Linear Programming Applied to Water Quality Management. *Water Resources Research* 4(1):1-9.
- Rehana S, Mujumdar P (2009) An imprecise fuzzy risk approach for water quality management of a river system. *Journal of Environmental Management* 90:3653-3664.
- Rossman LA (1989) Risk equivalent seasonal waste load allocation. *Water Resources Research* 25(10):2083-2091.

- input information uncertainty. *Environmental Management* 55(3):199-217.
- Zhu H, Huang GH, Guo-P, Qin XS (2009) A fuzzy robust nonlinear programming model for stream water quality management. *Water Resources Management* 23:2913–2940.
- Zou R, Liu Y, Riverson J, Parker A, Carter S (2010) A nonlinearity interval mapping scheme for efficient waste load allocation simulation-Optimization analysis. *Water Resources Research* 46(8):1-14.
- Yandamuri SRM, Srinivasan K, Bhallamudi SM (2006) Multiobjective optimal waste load allocation models for rivers using nondominated sorting genetic algorithm-II. *Journal of Water Resources Planning and Management* 132(3):133–143.
- Yang CC, Chen CS, Lee CS (2011) Comprehensive river water quality management by simulation and optimization models. *Environmental Modeling and Assessment* 16(3):283-294.
- Yulianti JS, Lence BJ, Johnson GV, Takyi AK (1999) Non-point source water quality management under