شبيه سازي عددي جريانهاي آشفته مافوق صوت حول اجسام متقارن **TLNS PNS**

محمد طبیے,رهنے,^۲

دانشکدہ مهندسے هوافضا دانشگاه صنعتی شریف

محمدرضا حيدري ا مرکز آموزشی و تحقیقاتی فضایی مجتمع دانشگاهی هوافضا دانشگاه صنعتی مالک اشت<u>ر</u>

(تاريخ دريافت: ١٣٨٥/١١/١) تاريخ پذيرش: ١٣٨٦/١٢/١٥)

چکىدە

برنامه تولید شبکه با سازمان چند بلوکی MBTLNS برای شبیهسازی جریان پایای فراصوتی آشفته حول اجسام مدور (به انضمام ناحیه یشت) تدوین شده است [۱]. در این مقاله، این برنامه با الحاق روش استفاده مرکب از حل معادلات لایهنازک و سهموی ناویر استوکس توسعه یافته است. شبکه مرزی بین بلوکها از نوع وصلهای انطباقی است. حل عددی معادلات به روش ضمنی تفاضل محدود و مرکزی بیم-وارمینگ صورت گرفته و آشفتگی جریان با استفاده از مدل جبری دولایهای بالدوین-لومکس مدلٍسازی شده است. الگوریتم حل جامع میدان جریان ساده و روان و سریع است. جریان در بلوک اول (بالادست دماغه) با استفاده از معادلات TLNS و سپس در بلوک مستقر در ناحيهٔ طويل بدنه با حل معادلات PNS و در ساير بلوکهاي انتهاي بدنه تا يشت جسم مجدداً با حل معادلات TLNS به طور مکرر جاروب می شود. نتایج و سرعت محاسبات نرمافزار جدید (MBPTLNS) با سایر نتایج عددی و نیز با آزمایش های تجربی مقایسه شده که نشانگر دقت و سرعت مطلوب است.

كليد واژهها: شبكه باسازمان، شبكه چندبلوكي، جريان يشت، جريان مافوق،صوت آشفته، معادلات لايهنازک ناوير استوكس (PNS) معادلات سهموی ناویر استوکس (TLNS)

Computational Simulation of Turbulent Supersonic Flows around Axisymmetric Bodies Using a PNS/TLNS Multi-block Approach

School of Aerospace Eng., Malek-Ashtar Univ. of Tech.

M.R. Heidari M. Taeibi-Rahni

Space Training and Research Center Aerospace Eng. Dep't., Sharif Univ. of Tech.

ABSTRACT

In this work, turbulent supersonic flows over axisymmetric bodies, including the base, are investigated, using multi-block grid to solve the Navier-Stokes equations. Patched method has been used near the interfaces. Our numerical scheme was implicit Beam-Warming centeral differencing, while Baldwin-Lomax turbulence modeling was used to close the Reynolds averaged Navier-Stokes equations. In order to take advantage of structured grids, multi-block grid has been used widely in the past for complex geometries. On the other hand, different parts of such flow may require different forms of the governing equations. For supersonic flows over missile geometries, the thin layer Naveir-Stokes equations (TLNS) are usually used. But, the easiest and the fastest approach would be the use of parabolized Naveir-Stokes equations (PNS) everywhere. Note, for regions such as the missile's blunt nose, near fins, and the base flow, we do not have to use the PNS equations. Therefore, this leads to the use of both TLNS and PNS equations with multi-blocksolution approaches. The resultes of this new version of our code (MBPTLNS), which is an extension of our original code (MBTLNS) [1], were compared with both computational and experimental benchmark data and showed close agreements.

Key Words: Structured Multi-block Grid, Base Flow, Supersonic Turbulent Flow, Thin-layer Naveir-Stokes (TLNS) Equatins, Parabolized Naveir-Stokes (PNS) Equations

> mrezaheidari@yahoo.com taeibi@sharif.edu *www.SID.ir*

www.SID.ir

1 – مقدمه

برای شبیهسازی یک جریان آپرودینـامیکی، ابتـدا ویژگـیهـای طبیعی جریان مورد مطالعه و شناسایی قـرار مـی5یـرد. سـپس حتىالامكان ساده تـرين و سـريع تـرين نـوع معـادلات حـاكم و روشهای عددی برای شـبیهسـازی مناسـب جریـان بـا دقتـی مطلوب به کار گرفته میشود. انتخاب نوع مدلسازی، شدیداً بـه و اســمیت (CS) و نیــز بــرای گــذر از نــواحی احتمــالی طبيعت جريان و هندسـه جـسم و نـوع شـبكهبنـدى و سـاير محدوديتها نظير حافظهٔ رايانه بستگي دارد. حتى اگر تمام اين موارد مشخص شود، بـه دليـل تفـاوتهـاى فيزيـك جريـان در .
نواحي مختلف ميدان، بهتـرين روش عـددي و معـادلات حـاكم برای تمام قسمتهای میدان یکسان نخواهـد بـود. بنـابراین بـا تفکیک میدان به نـواحی مختلـف بـا پدیـدههـا و ویژگـیهـای متفاوت می توان از روشهای متناسب برای حـل هـر ناحیـه بـه طور جداگانه استفاده نمود. ایــن کــار مــستلزم ترکیـب مناسـب روشهای حـل و تعریـف دقیـق روابـط و تبـادل کـم خطـای اطلاعات از مرزهای بین نواحی مختلف با روشهای حل متفاوت است.

> شبیهسازی یک جریان جدا شدهٔ پایـای لـزج تـراکمیـذیر مادون صوت یا تحت صوت روی یک هواپیما (یا یـک ایرفویـل)، نیازمند حل معادلات کامل ناویر-استوکس روی تمام دامنـه محاسباتی است حتی اگر تنها بخش خیلـی کــوچکی از جریــان احتیاج واقعی به این سطح از مدل سازی داشته باشد. بـا وجـود پیشرفتهای اخیر در زمینههای مدلسازی جریـان، روشهـای عددی، تولید شبکه و توانمندیهای رایانه، هنوز انجام این گونه محاسبات مستلزم صرف وقت بسيار زياد است. اساس ايدة روش ناحیهای ^۱ عبارت از سازگار کردن و وفق دادن مدلسازی ریاضی با شرایط و ویژگیهای محلی جریان است. این ایده روشی را برای تجزیه دامنه بازگو میکند که شامل کاستن یک مسئله ${\rm D}$ روی دامنــــه $\,$ زیردامنههای Di است [۲]. سـیس روش ناحیـهای بـه تـشریح نحوهٔ حل کردن هر زیر دامنه بـا اسـتفاده از سـادهتـرین مـدل ریاضی وابسته به فیزیک جریان داخل آن زیردامنه مـیپـردازد. این نظریه به طور گسترده مورد مطالعـه و بررسـی در دو دهـهٔ اخير قرار گرفتهاست [٣ و ۴].

در سال ۱۹۹۵ اصفهانیان و حیدری [۵] جریان پتانسیل تراکمنایذیر درون شیپوره همگرای ورودی تونلهای باد را بـه

انضمام لايه مرزى شبيهسازى كردنـد. مطـابق شـكل ١، میدان جریان به دو ناحیهٔ لزج و غیرلـزج تقـسیمبنـدی شـده و بـرای حـل جریـان غیرلـزج درون شـیپوره از معادلات استوکس-بلترامی و برای حل مجـزای لایـه مرزی روی سطح شیپوره از روش تفاضل محدود سبسی پیدایش حبابهای جدایی جریان از روش تخمین فلـر استفاده شده است. تبادل دادهها و تداخل بين جريان غیرلزج و جریان لایه مـرزی از نـوع انـدرکنش ضـعیف است. در هـر دور از ايـن روش حـل، پـس از محاسـبهٔ جريـان غيرلـزج وتعيـين توزيـع سـرعت روى ديـواره، جریان درون لایه مرزی حل میشود. سپس مقادیر تابع جریان روی دیواره محاسبه میشود و به عنوان شرط مرزی جدید، برای حل جریان غیرلزج در دور بعد مــورد استفاده قرار می گیرد. تنها با چند دور رفت و بر گـشت بين جريان غيرلزج و لزج، نتايج اصلاح يافتـهٔ خـوبي بـا دقت مناسب بـراي طراحـي شـيپورهٔ همگـرا بـه دسـت مے آید.

شکل (۱): ناحیهبندی میـدان درون شـیپوره همگـرا و توزیع ضخامت لایه مرزی، ضخامت جابهجایی و ضریب اصطکاک محلی متأثر از کوتاهسازی شیپوره.

 $\overline{P_{1-1}Z\cdot\text{Method}}$ 1-Z-Method

 ¹ Z-Method

پروئیل و همکارش[۶] در سال ۱۹۹۶، دامنه محاسباتی حول یک ایرفویل را طبق شکل ۲ به سه ناحیه تقسیم کرد. در ناحية تداخل ضعيف لزج (مثلاً بخش بالادست دامنه)، تئوري يپوستگي ضعيف لزج/غيرلزج، تا جايي كه هيچ گونه جدايي رخ ندهد، صادق است. میدان جریان در ناحیه Z1 به کمک معادلات اویلر (با انتالپی کل ثابت) محاسبه میشود و متناسب با آن معادلات لایه مرزی در نزدیکی دیواره ناحیه Z2 (که قسمتی از ناحیه Z1 $Z3$ دامنه، $Z3$ قوی لزج رخ میدهد معادلات ناویر-استوکس با فرض انتالپی کل ثابت با استفاده از نرمافزار NS2D برای جریانهای مادونصوت و معتدل تحتصوت معتبر است. این نرمافزار شبه ناپایا بر اساس فرمولبندی حجم محدود گردابه سلولی، روشی مرکزی با لزجت مصنوعی برای شارهای جابهجایی، روشی مرکزی برای شارهای لزجت و یک روش رانج کوتای چهار قدمی کار میکند [۷]. در ناحیه Z2، معادلات پرانتل با یک مدل طول اختلاط به کمک نرمافزار 3C3D انتگرال گیری می شود [۸] . به علت انتقال اطلاعات به بالادست $Z3$ در جریانهای زیرصوت و تحتصوت، حل ناحیههای Z1 و كاملاً به هم وابسته است.

برای اجرای روش ناحیهای باید شرایط به هم پیوستن ناحیهها را به گونهای تعریف کرد که اطلاعات و نتایج در هر تکرار عمومی (روی کل دامنه) به طور فعال تازه شود. فرایند هر دور از تکرار عمومی شامل مراحل زیر است: ۱) کسب همگرایی نسبی در حل اویلر روی ناحیه Z1 (با N1 تکرار)، ۲) محاسبه لايه مرزى مرتبط با نتايج حل ناحيه قبل، ٣) كسب همگرايي نسبی در حل ناویر-استوکس روی ناحیه Z3 (با N2 تکرار). تسبی در حن دوپر-استونس روی تاحیه کلم (با ۱۰۶ تکرار).
این عملیات تا همگرایی نتایج عمومی و حل جامع میدان تکرار میستان و ممکارانش [۹] در سال ۲۰۰۲، یک این عملیات با همدرایی نتایج عمومی و حل جامع میدان ندرار مستر انتراتژی مو برنامهای TLNS-PNS را برای
میشود (شکل ۲). در کاربرد قواعد این فرایند، چهار عمل مستقدر برای مستقدر استقال استقال کردند آزبار د مرتب صورت می نیرد. ۱)تعنیت دامنه و نویید سبنگه متناسب معمور از موجود PNS و TLNS با روش ناحیهای، ۲)شروع فرایند حل جامع میدان، ۳)استخراج تنایج نهایی عمومی، ۱)سرایط در نیری بین نواحی محتلف، نه مستقرر TLNS به طور مفصل بیان شده است. نتایج برای حل جریان روی معمورد نیاز برای حل نرم افزار PNS را به آن افزودند. ايرفويل AS240 با ماخ ٠/١٥ و رينولدز ٢,٠٠٠,٠٠٠ و زاويه حمله ۳ درجه، با ۲۵ تکرار عمومی به دست آمدهاست. در هر $Z3$ دور، ۱۰۰ $N1 = N2 = N$ بوده و مرز بین $Z1$ و $Z3$ بر دور، ۱۰۰۰–۱۰۱ و ۱۰۰۰–۱۰۷ بوده و مرر بین ۲۰۱ و ^رنگ بر TLNS (ز_{رمافزار} LAURA

اساس نتایج اولین دور، در موقعیت ۰/۷۵ طول وتر قرار گرفته است.

شکل (۲): شـکل شـماتیک روش ناحیـهای و تفکیـک فرايند ناحيهاي.

شبیهسازی جریانهای فراصوت ارائه کردند. آنها دو سپس یک زیربرنامهٔ درونیابی برای اخذ دادههای همچنین، برای شبیهسازی جریانی با ماخ ۳ روی یک اوجايوــاستوانه، ناحيهٔ كوچكى روى دماغه را با معادلات

www.SID.ir

را با معادلات PNS حل کردند. نرمافزار LAURA قادر به حل معادلات لایهنازک ناویر-استوکس به روش ضمنی حجم محدود با تسخیر شوک و روش بالادست رو و مدل آشفتگی اصلاحیافتهٔ بالدوين-لومكس است. زمان محاسبات نرمافزار دوگانه، حدود یک دهم نرمافزار TLNS استفاده مرکب از انواع معادلات سهموی شدهٔ ناویر-استوکس پرداختهاند [۱۰]

در تمام مراجع و روشهای بالا، میدان جریان بدون احتساب ناحية پشت جسم شبيهسازي شدهاست. با استفاده از ميدان جريان بسيار مؤثر است [١١]. شبکههای چند بلوکی میتوان تمام میدان را بهطور مناسب بلوکبندی نمود و با تکرار دور زدن بین بلوکها به حل همگرای جریان پرداخت. مدت محاسبات در این شبکهها تقریباً به اندازه شبکههای چند ناحیهای است که در آنها کل بلوكهاى ميدان جريان فقط يكبار جاروب مى شود، اما تحليل نواحي پشت جسم و گردابههاي جريان را امکان پذير مي سازد.

<i>,</i>		
محاسا		0.000 TLMS
	TLNS CONTRACTOR	
PNS		1.11 \cdots
سهمو		
د. وخ		

شكل (۳): ايدة تفكيك دامنه محاسباتي حول يك موشك به روش چندبلوکی و استفاده مرکب از معادلات مختلف.

این تحقیق، با تدوین کد بومی MBTLNS و استفادهٔ از روش چند بلوکی و کاربرد مرکب حل معادلات PNS و TLNS امکان تحلیل هندسههای پیچیده و طویل در کمترین زمان ممکن و با دقت مناسب را فراهم مینماید. میدان جریان پیرامون شکل ۳ با استفاده از این ایده به هشت بلوک $B8$ تقسیم بندی شده است. بلوکهای $B1$ و $B3$ تا $B8$ حول دماغه و چهار بالک انتهایی و پشت جسم که حاوی جریانهای مرکب زیرصوت و بالای صوت هستند با استفاده از معادلات TLNS حل می شوند. ولی جریان فراصوت ناحیهٔ طویل B2 به کمک PNS معادلات

۲- تولید شبکه و بلوکبندی میدان جریان

از مهم ترين مسائل در بلوكبندى نواحى مختلف جريان، انتخاب محـل مناسـب بـراى اسـتقرار مرزهـاى بلـوكى تفكيک كننـدهٔ ناحيـههاسـت. در ايـن تحقيـق، ميـدان جريان متناسب با اطلاعـات اوليـه از فيزيـك جريـان و هندسه جسم، در راستای جریان تقسیمبندی مـیشـود. رعایـت برخــی اصــول در تعیــین و اســتقرار مرزهــای بینبلوکی بسیار ضروری بوده و در حل همگرا و پردقت

به کار گیری معادلات کامل ناویر استوکس و یا معادلات با تقریب لایـهنـازک نـاویر-اسـتوکس بـرای شبیهسازی جریان فراصوت، که با پیشروی اطلاعـات در زمان مجازی حل میشوند، نیازمند زمـان محاسـباتی و حافظهٔ کـامپیوتری بـسیار زیـاد اسـت. امـا اسـتفاده از معــادلات ســهموىشــدهٔ نــاوير -اســتوكس بــراى حــل جريانهاي فراصوت دائم لزج با اعداد رينولدز نسبتاً بالا، بسيار مناسب بوده و موجب كـاهش قابـل توجـه زمـان محاسبات و حافظه مورد نیاز کامییوتر می شود. معادلات سهموی بوده و با پیشروی از یک صفحه اطلاعات اولیـه در فضا، به سمت پایین دست جریان حل می شوند. ایــن معـادلات، بـرخلاف معـادلات لايـهمـرزي، بـراي تمـام بخشهای لزج و غیرلزج جریان معتبر بـوده، لـذا بـرای جریانهایی که دارای اندرکنش قوی بین این دو بخش هستند بسيار مناسب است. عيب عمدة معادلات PNS. عدم امکان محاسبه جدایی در جهت جریان است. مـرز بالادست يا صفحة اطلاعات اوليه، براي پيشروي حل عددی در جهت جریان، باید در جـایی واقـع گـردد کـه مؤلفه سرعت عمود بر این صفحه در خارج لایـه مـرزی، فراصوت باشد. همچنین پیشروی پایدار در جهت جریان در بخش زیرصوت لایـهمـرزی، بـه دلیـل وجـود اثـرات بیضوی، تنها با تصحیح عبارت گرادیان فشار در معادلـه مومنتوم که عامل انتـشار اطلاعـات از پـاییندسـت بـه بالادست است، میسر خواهد شد. با این حال محدودیت دیگری روی حداقل و حداکثر گام پایدار، برای اجتنــاب از انحــراف حــل ناشـــی از رشــد نمــایی محاســبات در

شبیه سازی عددی جریانهای ...
The start (۱) مجاورت دیواره و نیــز کنتــرل پایــداری عــددی در مــرز بــرازش (۱)
شوک، باید رعایت شود.
با توجه به توضیحات فوق، بهترین گزینه برای حل جریان ملاحمد آن، مقدار CFL بین ۰/۱ و ۵ انتخــ $t = \frac{CFL}{a}$, مجاورت دیواره و نیـز کنتـرل پایـداری عـددی در مـرز بـرازش (1) سو ک، باید رعایت سود. پیدا از است که است

با توجه به توضیحات فوق، بهترین گزینه برای حل جریان مسلم که در آن، مقدار CFL بین ۰/۱ و ۵ انتخـاب مـیشــود. فراصوت استفاده از معادلات PNS است. در سایر ناحیهها مانند مسلم ایل امتر مسلم میلان یمم مقــدار ویــژه بــردار ژاکــوبین نوک دماغه، روی بالکها و نقاط پرشیب، ناحیهٔ انتهـای بدنـه و نیز یشت جسم به ناچار باید از معادلات TLNS استفاده نمود. در نتیجه با تقسیم بندی میدان جریان بر اسـاس ایـن دو اصـل، بخشهایی طولانی از میدان جریان روی بدنه که کاملاً فراصوت است، با استفاده از معادلات PNS و روش چنـد بلـوکی سـریعاً قابل حل خواهد بود.

> پس از ناحیهبندی میدان و چیدمان بلوکها، شناسـنامهٔ هر بلوک مشخص می شود. این شناسنامه معرف شــماره بلــوک، شماره و نوع مرزها، موقعیت هندسی گوشههای بلوک و شـماره و نوع مرزهای مشترک بلوکهای همسایه است. همچنین، سایر اطلاعات داخلی نظیر تعداد و تراکم نقاط شبکه (و انـدازه گـام ییشروی)، ضرایب CFL تولید شبکه و شروع حل میدان برای تمـام بلـوکهـا مـشخص شود.

۳- روش چندبلوکی و همگرایی حل عددی

همـان طـور کـه در قـسمتهـای قبـل گفتـه شـد، در روش چندبلوکی، میدان برحسب نیـاز بـه چنـد بلـوک تقـسیم.بنـدی می شود. سپس زنجیره بلوکها در هر سیکل از حـل میـدان بـه طور کامل جاروب میگردد و این جاروب تـا رسـیدن بـه پاسـخ همگرای کل میدان تکرار میشود. به عبارت دیگر، شرایط در هر بلوک از زنجیره بلوکها به شرایط در تمام بلوکها (چـه قبـل و چه پس از آن) وابسته است. لذا باید از روشهبای تکبراری کبه قادر به حل جریانهای بیضوی-هذلولوی هستند بهره گرفت. در مسلوک، ضرایب کنترل پایداری (CFL) در بلوکها، تغییر این تحقیق، در حل اکثر بلوکها از معادلات لایـهنـازک نـاویر- TLNS استوكس، است. بنابراین حل هر نقطه از جریان در هر بلوک، ابتدا وابـسته به تمام نقاط داخل آن بلوک و سپس وابسته به سـاير نقـاط در سایر بلوکها خواهد بود.

برای همگرایی در حل معادلات لایهنازک ناویر-استوکس، علاوه بر جملات اتلاف مصنوعي، بـه يـك گـام زمـاني معـين و **۴**- م**عادلات PNS و پيشروي حل پايدار** مناسب نیاز است. این گام زمانی بر اساس عدد کورانت از رابطه زير قابل محاسبه است:

$$
\Delta t = \frac{CFL}{\lambda_{\text{max}}},\tag{1}
$$

شارهای غیرلزج است که در هر نقطه و یا در تمام دامنه محاسبه میشود و بر اساس آن یک گام زمانی ثابت و یا متغیـر (بـرای نقـاط دامنـه) بدسـت مـی]یـد. در روش چندبلوکي، با وجود پايداري و همگرايي حل جريـان در تک تک بلوکھا، ممکن است حل جامع میـدان جریـان واگرا شود. این موضـوع اهمیـت مـدیریت اجـرای حـل چنــدبلــوکی و نحــوه دور زدن بــین زنجیــره بلوکهــا را مشخص میسازد. روند حل جامع میدان روی بلوکها و فرايند شروع و دور زدن و تكرار تا ختم حل جريان بايد نسبتاً ساده و روان باشد. مهمترین ویژگی در این فرایند رعایت هموزنی و همـاهنگی متغیرهـای وابـسته اسـت. چنانچه در هر سیکل مایل به تکرار حل جریـان در هـر بلوک تا تعداد دلخواه یا رسیدن به دقتی معـین باشـیم، لازم است سطح پیشرفت حل در هـر بلـوک همگـام بـا بلوکهای همسایه و سـایر بلـوکهـای میـدان جریـان تنظیم شود. این مسئله کار دشواری است و عدم رعایت آن موجب عدم توازن و هماهنگی بین متغیرهای وابسته بلوکـها و تأخير يــا کــاهش ســرعت همگرايــي و وقــوع واگرایی احتمالی در حل جامع میدان خواهد شد.

به طور کلی، در تحلیل میدان جریان چنـدبلوکی، برای حفظ همگرایی و افزایش سرعت حل جریـان بایـد عوامل مختلفی مورد بررسی و ارزیـابی قـرار گیـرد کـه برخی از آنها عبارتند از: تعداد و تـراکم نقــاط درون هــر موقعیت و نوع مرزهای بینبلوکی، حـدس اولیـه و گـام زمانی، ضرایب اتلاف مصنوعی بلوکها و تعیین مناسب پایینترین نقطه حل جریان، به طوری که گردابه بزرگ پشت جسم كاملاً داخل بلوک آخر قـرار گرفتـه و هـيچ نقطهای از مرز خروجی دارای برگشت جریان نباشد.

در روش چندناحیهای، میدان جریان به شـکل مناسـب به چند ناحیه تقسیمبندی می شود. سیس به ترتیب از اولین ناحیه واقع در بالادست ترین نقطـهٔ جریـان (مـرز ورودی میست ادائم به دست مـی]یـد [۱۳]. بنــابراین، بـرای پیــشروی اصلي)، به حل مستقل و ناحيه به ناحيه ميدان (تنهـا يـك دور) پرداخته میشود، به طوری کـه حـل هـر ناحیـه تنهـا بـه طـور $\operatorname{CFL}_\eta \Delta \eta$ مستقیم وابسته به ناحیهٔ قبلی آن بوده و به هیچ وجـه متـأثر از $\qquad\qquad$ (۳) max PNS max سهمویسده نویر-استونس، ۱۲۰۶ ، بهره نرفت. اما اثر ناحیهای
حاوی اثرات بر بالادست در درون خود باشد، برای حل آن ناحیه از معادلات TLNS زنجيرۀ بلوکهاي ميدان جريان، با به کارگيري مناسب و مرتـب TLNS معادلات PNS روس ہر سے تنقل کہ مرز بین بھوٹ کس سوشہ ہے متعادلات PNS ۔ معادلات PNS محاسبات، در محل مناسبی مستقر شـود کـه جریـان خـارج از لايەمرزى كاملاً فراصوت باشد.

 PNS در حل معادلات قسمتهای فراصوت و زیرصوت جریان، محـدودیتی روی انـدازه PNS رابطه زير محاسبه مي شود [١٢]:

$$
\Delta \xi > \frac{2}{\pi} \delta_s \quad , \tag{5}
$$

سه در آن، _گ پیشروی از محدودهٔ گام پایدار کمتر شود، بردار حل در مجاورت سطح جسم نوسان خواهد کرد. همچنین در صـورت اسـتفاده از روش برازش شوک، حداکثر اندازهٔ گام پیشروی، بر اساس شرط مرزی شوک تعیین میشود. باتوجه به اینکـه الگــوریتم ضــمنی حل عددی معادلات PNS ییشروی شوک کمانی توأم است یک محدودیت پایداری صـریح روی برون یابی مرز شوک ایجـاد خواهـد شـد. اگـر انـدازه گـام پیشروی از محدوده گام پایدار بیشتر شود بردار حل در مجاورت مرز شوک، نوسان خواهد نمود. در نتیجـه، در الگــوریتم بـرازش PNS PNS پایدارگام پیشروی توسط شـرط CFL در طـول مـرز شـوک محاسبه میشود. این شرط از روی مقادیر ویژه ماتریس مربـوط $\rm G$ به بردار شار غیر لزج،

پایدار حل عددی، حداکثر اندازه گام از طریق رابطه زیر تعيين مي شود:

$$
\Delta \xi < \frac{\text{CFL}_{\eta} \Delta \eta}{\left| \lambda_{\eta} \right|_{\text{max}}},\tag{5}
$$

برای پایداری محاسبات عددی در مسائل غیرخطی، بین ۰/۲-۰/۹ انتخاب مے شود. با وجـود محـدودیت گـام پایدار، با یک اندازه گام ثابت و مناسب کـه در محـدوده گام پایدار باشد می تـوان پیـشروی پایـدار حـل عـددی گام پیشروی، بر اساس محدودهٔ گام پایدار، ثابت در نظر گرفته شده است.

۵- بلوکبندی میدان متناسب با فیزیــک و روش حل جريان

رفتاری هذلولوی-سهموی دارند، به طوری که جریان خارج از لايەمرزى تمامــاً فــراصــوت بــوده و مؤلفــهھــاى سرعت در همه جا بزرگتـر از صـفر اسـت. بنـابراين، بـا استفاده از الگوریتمهای پیشروی مکانی سریعاً قابل حل می باشند و با حل صفحه به صفحهٔ میدان، میزان نیاز به حافظه رایانه به شدت کاهش می یابد. اما ایـن معـادلات برای حل جریانهای فراصوت دو محدودیت دارند. یکهی لزوم کوچک بـودن تغییـرات فـشار در جهـت جریـان و دیگری نیـاز بـه یـک صـفحهٔ داده اولیـه بـرای شـروع محاسبات. همچنین، گرادیان فشار در جهت جریان زیرصـوت درون لایـه مـرزی بـرای ممانعـت از انتـشار اطلاعات به بالادست بايد به نحو مناسب مـدلسازى شود، که بدین منظور از تقریب ویگنرون استفاده شـده محلهایی چون دماغه پخ و تقـاطع بـال-بدنـه و سـایر جریانهای زیرصوت یا دارای جدایی در جهت جریـان، مناسب نىستند.

 TLNS PNS معادلات را فراهم میسازد. به طوری که با به کارگیری معادلات PNS برای بخشهای طولانی از میدان کـه جریـان فـراصـوت میلس این تحقیق، MBTLNS، بدست آمده نشان مـی دهـد. PNS است، سرعت محاسـبات افـزايش و حافظـه مـورد نيـاز كـاهش می یابد و در عین حال با به کارگیری معادلات TLNS در سایر بخش های میدان، که فاقـد شـرایط اسـتفاده از معـادلات PNS است، امکان تحلیل هندسههای پیچیده و جریـان پـشت جـسم نیز فراهم می شود.

الگوريتم بلوکېنىدى ميىدان جريـان در ايـن تحقيـق بـه 7 PNS 6 **a)** می شود. ابتدا محاسبات در اولین بلوک روی دماغه، تـا رسـیدن به دقتی مناسب (برای شروع حل در بلـوک بعـد)، بـا حـل به دفتی مناسب (بـرای شـروع حـل در بلـوک بعـد)، بـا حـل
معادلات TLNS صورت میگیرد. بعد، یک دور تمام بلوکهـای
معادلات TLNS صورت میگیرد. بعد، یک دور تمام بلوکهـای $3+$ 2 معادلات TLNS صورت میگیرد. بعد، یک دور تمام بلوکهای TLNS میدان از بلوک اول روی دماغه تا بلوک آخر در پشت جسم، بـا 0**6** - **B** -PNS TLNS 0 5 10 **X** می شود. تکرار حیل معیادلات TLNS در هیر بلیوک محیدود و متناسب با فیزیک جریان در آن ناحیه است. سپس زنجیره حل این معادلات و جاروب مکرر بلوکهای کل میدان تا رسیدن بـه 1.4 دقت لازم در مجموعهٔ بلوکها ادامـه مـیLیابـد. یکـی از مزایـای $1.3 \div$ **60 * 60 60 * 40** روس چینجبر کی در جات رہیں تھے۔ جات جات کے اس کا اس
محمد اللہ کا اس کا ا **60 * 20 20 * 40** له بحس عمده میدان را در بر می نیزند و با استفاده از معادلات مستقال از ۱.۱۲ میلادی میشود. از ۱.۲ میلاد با ۱.۱۲ **120 * 40** PNS حل می شوند، نیاز به تکرار حل در هر سیکل از جباروب PNS میدان نداشته و کافیاست در هر چندصد دور از حل مکرر سایر مسلم استان میکشد. تصفیح نیستان نداشته و کافی 0.8 \sim 0.7 F 0.6 $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{5}{10}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ پشت جسم، که نیاز به زمان و تکرار بیشتر برای حـل معـادلات TLNS دارند، مجزای از نواحی روی بدنه، که سریعتر و با تکرار **b** TLNS نسبتاً كمتر حل معادلات TLNS به دقت مورد نظر مــى,رســند، صورت می گیرد و این نیز به نوبهٔ خود موجب صرفهجویی بیشتر مسمس و عدد رینولدز ۱۲۷٬۸۰۰ (بر اساس طول جسم)، در وقت خواهد شد. **a**

b

برای شبیهسازی میدان جریان به روش مطرحشده در این تحقیق، چند مدل مناسب و متفاوت انتخاب شده است کـه در اعداد ماخ ۱/۶ تا ۳ و اعداد رینولدز بالا تحلیل میشوند. در کلیه

۴ نمونهای از این مطالعات را که از اجرای نرمافزار اولیـهٔ تعداد بهینهٔ گرهها برای شبکه بلـوکهـا معـین شـده و بلوک سوم با ۶۰ گره در جهت طولی و ۴۰ گره در جهت عرضی کمترین گره را بـرای محاسـبه فـشار روی بدنه، با دقتی مناسب داراست (خط پر). خطای شبکهٔ منتخب کمتر از یک درصد است.

-
- نقاط شىكە.

-
-
-
-

نیز از ۲۸۵/۰ به ۰/۳۰۹ تغییر یافته است. شـکل ه−d نتایج، از دقت بیشتری برخوردار است. نتـایج تجربـی از $[15]$ مرجع شبیه سازی عددی جریانهای ...
-
نیز از حل معادلات PNS روی دماغـه و بدنـه و حـل معــادلات بلوکـها، به دلیل وجود گردابـه یــا بخــش&ــای جریـ TLNS آمده است.

شکل (۶): جریان روی مدل اجـایو- اسـتوانه، SOC، بـا اعـداد بلوک دوم، که با معادلات PNS []

a

b_b

شكل ۶ نتايج حل جريان حول مـدل اسـتاندارد SOC بـا عـدد ماخ ۳ و عدد رینولدز ۱٬۹×۱/۹ (بر واحـد طـول) را بـه انـضمام ناحیه پشت نشان میدهد. در بلوک دوم روی بدنـه از معـادلات PNS و در سایر بلوکها از معادلات TLNS استفاده شدهاست. استفاده از معـادلات سـهمویشـدهٔ نـاویر-اسـتوکس در سـایر

زیرصوت، امکانناپـذیر اسـت. خطـوط همتـراز فـشار و چگالی روی این شـکلهـا نـشانگر پیوسـتگی نتـایج در مرزهای بین بلوکهایی است کـه بـا دو نـوع معـادلات مختلف ناوير-استوكس حل شـدەانـد. همچنـين، نتـايج توزیع فشار روی بدنه بـا سـایر نتـایج عـددی و تجربـی مقايسه شدهاند. اختلاف نتايج در نقطه اتصال اجـايو بـه استوانه، که محل یک دسته امواج انبساطی است، ناشی از ماهیت سهموی معادلات PNS و انتـشار اطلاعـات فقط از بالادست به پاییندست جریان است. با این حال، نتایج در بلوک سوم با یکدیگر تطبیق مـینمایـد. نتـایج تجربی از مرجع [۱۵] گرفته شدهاست.

در شكل ٧ ميدان جريان حول مدل اجايو-استوانهٔ طويل اين تحقيق، به انضمام ناحيه يشت، به ينج بلـوک تقسیم بندی شدهاست. جریان در بلوک دوم که دو سوم از طول بدنه ,ا در بر گرفته است فراصوت می باشد، لـذا مقرون به صرفه است. یادآوری میشود کـه عـدد مـاخ جریسان آزاد ۱/۶ و عسدد رینولسدز ۱/۳۶×۱/۳۶ اسست. پیوستگی خطوط همتـراز عـدد مـاخ در مرزهـای بـین بلوک دوم با بلوکهای همسایه نشانگر همـسازی نتـایج حل عددی حاصل از معادلات مختلـف نـاویر-اسـتوکس است. ناپیوستگی و خطای کوچک توزیع فشار روی بدنه در بخش بالادست بلوک سوم به علت عدم امکان انتقال TLNS اطلاعات از لایه مرزی این بلوک، که با معادلات TLNS (b حل شده است، به بالادست جريـان يعنـى همجـوار بـا [] نموده است. جدول 1 نتـايج مختلـف حـل عـددى را بـا یکدیگر مقایسه نموده و نشان می دهد که بـه کـارگیری PNS مناسب معادلات به نتایج دقیق تر در مدت زمان بسیار کمتر است. توجـه شود که در حالات اول و دوم این جدول، شبکه نقاط در تمام بلوکها، به ویژه بلوک دوم، کاملاً یکسان و مــشابه با یکدیگر بوده است.

شكل (۷): جريان روى مدل اجايو- استوانهٔ طويل، با اعداد ماخ ۱/۶ و رینولدز ۱٬۳۶×۱٬۳۶ (بر واحد طول):

- **a**
- **b** عددي و تجربي [۱ و ۱۶]. عددی و تجربی لـ۱ و ۱۰ ۰.۱۰۰ محمد استفاده از معادلات TLNS

جدول (۱): نتایج اجرای برنامه روی مدل شکل۷.

زمان اجراء (دقىقە)	خطاي نتايج عددی (Accuracy)	تعداد تكرار (جاروب کل میدان)	نوع معادلات بلوک دوم	$\frac{1}{2}$
۵٧	$Y/9f\times1.$ ^{-f}	۷۵۳۰	TLNS	اول
۱۳	$Y/9f\times1.$ ^{-f}	۳۲۴۸	PNS	دوم
١٧	$1/\cdot \cdot \times 1 \cdot$ ^{-f}	FTVV	PNS با اصلاح شىكە	سوم

۷- نتیجهگیری

در این تحقیق، جریان فراصوت آشفته روی انواع اجسام تقبارن،محبوری، بیا استفاده از شبیکههیای بیا سیازمان چندبلوکی و ترکیب معادلات لایهنازک و معادلات سهموي شدهٔ ناوير -استوكس، با بكارگيري مدل آشفتگي بالدوين-لومكس و احتساب جريان يشت جسم، به نحـو مطلوب شبیهسازی گردید. روش ضمنی تفاضل محـدود و مرکزی بیم-وارمینگ در حـل معـادلات حـاکم و نیـز مرزهای وصـلهای انطبــاقی در شــبکههــای مــرزی بــین بلوکها مورد استفاده قرارگرفتـه و جـواب مناسـب داده است. نتایج به دستآمده نشانگر دقت حل و عـدم بـروز هرگونه ناپیوستگی در صفحات مـرزی بـین بلـوکـهـا و ناحیههاست. همچنین، گردابه بزرگ و دیگر خصوصیات صحیح جریان در پشت جسم بـهخـوبی آشـکار شـده و توزيعات سرعت پيوسته است. نتايج حاصله روى جسم، با سایر نتایج عددی و تجربی، با دقت مناسب تطبیـق می نماید. حل چندبلوکی با استفاده مرکب از معادلات PNS TLNS نیاز دارد. نیرمافیزار تیدوین شیدهٔ MBTLPNS در ایین تحقیق، اولین نرمافزار بومی چندبلوکی کـاربردی اسـت که قادر به تحلیل روان، سـریع و پردقـت هندسـههـای پيچيدۂ تقارن،محوري است.

Eng. Conf. of ISME, pp. 509-523, Tabriz

- Univ., Tabriz, 1997. 14.Hung, C.M. and Chussee, D.S., Computation
- an Ogive Cylinder Boattail Body," U.S.

مدور طویل با استفاده از شبکه چندبلوکی و حل معادلات

دانشگاه صنعتی شریف، ۱۳۸۴.

شبیه سازی عددی جریان،های
Eng. Conf. of ISME, pp. 509-523, Tabriz
Univ., Tabriz, 1997.
Hung, C.M. and Chussee, D.S., "Computation
Inclined Ogive-Cylinder Flare", AIAA J.,
Inclined Ogive-Cylinder-Flare", AIAA J.,
Vol. of Supersonic Turbulent Flows over an Inclined Ogive-Cylinder-Flare , AIAA J., Vol. 19, No. 9, pp. 1139- 1144, 1981. 15. Schiff, L.B. and Sturek, W.B., Numerical Simulation of Steady Supersonic Flow over

- Decomposition Method for Partial Differential 2263, 1981. . حيدرى، م. Equations, SIAM, 1966. Army Ballistic Research Laboratory, Report 2. Lions, P.L., The 1st Int. Symposium on Domain
	- 3. Chan, T.F., Glowinski, R., Periaux, J., and Widlund, O.B., The 2nd Int Symp. on Domain Decomposition Methods, 1989. TLNS $_{9}$ PNS $_{10}$ PNS $_{11}$ PNS $_{12}$ PNS $_{13}$ PNS $_{$
		- 4. Cockrell, Ch.E., Huebner, L.D., and Finley, D.B., Aerodaynamic Performance and Flow-field Characteristics of Two Waverider-Derived Hypersonic Cruise Configurations", NASA Langley
		- Research Center, AIAA, 1995.
5. Esfahanian, V. and Heidari, M.R., "Design and Analysis of Contraction in Low-speed Wind Tunnels", The Second Int. Mech. Eng. Conf., pp.
		- 139-150, Shiraz, 1995. 6. Pruilh, M.L. and Thivet, F., Conception of ^a Zonal Method for the Computation of Viscous Separated Flows", The 15th Int. Conf. on Num. Methods in
		- Fluid Dyn., California, 1996. 7. Cambier, L., Couaillier, V., and Veuillot, J.P., La Recherche Aerospatiale, Vol. 2, No.1, pp. 23-42, 1988.
		- 8. Houdeville, R., The 5th Symp. on Num. and Physical Aspects of Aerodynamical Flows, Long Beach,
		- 1992.
9. Alishahi, M.M., Emdad, H., and Abouali, O., "Dual-Code TLNS-PNS Strategy for Supersonic Flows", The 9th Asian Con. of Fluid Mech., Isfahan, Iran, 2002.
10. Miller, J.H., Tannehill, J.C., and Lawrence, S.L.,
		- Parabolized Navier-Stokes Algorithm for Solving Supersonic Flows with Upstream Influences", AIAA J., Vol. 38, No. 10, pp.1837-1845, 2000.
		- 11.Esfahanian, V., Taeibi-Rahni, M., Azimi, A., and Heidari, M.R., "Using Multi-block Grid for Numerical Simulation of Supersonic Turbulent Flow over Bodies of Revolution, Including the Base Flow", The 4th Conf. of the Iranian Aerospace
		- Society, Tehran, pp. 650-662, 2003.
12. Vigneron, Y.C., Rakich, J.V., and Tannehill, J.C., "Calculation of Supersonic Viscous Flow over Delta Wings with Sharp Subsonic Leading Edges," AIAA paper, No. 78-1137, 1978.
13. Esfahanian, V. and Hejranfar, K. "Numerical
		- Simulation of Three-dimensional Steady Supersonic Laminar Viscous Flow, Using Parabolized Navier- Stokes Equations (PNS)", The 5th Annual Mech.