

بررسی تجربی و عددی مشخصه‌ها و رفتار جریان در اطراف یک

استوانه مثلثی در زوایای حمله مختلف

عبدالله شادآرام^۱ و علی اشرفی‌زاده^۲

دانشکده مهندسی مکانیک

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

(تاریخ دریافت: ۱۳۸۸/۰۸/۱۱؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۸۸/۱۰/۲۲)

دانشکده مهندسی مکانیک

دانشگاه صنعتی شاهرود

چکیده

در این پژوهش، به بررسی رفتار و مشخصه‌های جریان در اطراف یک سیلندر مثلثی با استفاده از روش‌های تجربی و عددی پرداخته شده است. بدین منظور، یک استوانه با سطح مقطع مثلث متساوی‌الاضلاع از جنس پلکسی‌گلاس در توپل باد تحت اعداد رینولدز و زوایای حمله مختلف مورد آزمایش قرار گرفته و با استفاده از تکنیک‌های موجود، به بررسی مشخصه‌های جریان و ضرایب پسای این مدل در حالات مختلف پرداخته شده است. به منظور اندازه‌گیری سرعت و شدت اغتشاشات، از دستگاه جریان‌سنج سیم داغ به همراه یک پراب سه بعدی استفاده شده است. مقایسه نتایج تجربی و عددی بدست آمده با نتایج دیگران دقت قابل قبولی را نشان می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: توپل باد، جریان سنج سیم داغ، ضریب درگ، سیلندر مثلثی

An Experimental and Numerical Study of Flow around Triangular Prisms in Different Angles of Attack

A. Shadaram and A. Ashrafi-zadeh

Mech. Eng. Dep't.
K.N. Toosi Univ. of Tech.

A. jalali

Mech. Eng. Dep't.
Shahrood Univ. of Tech.

ABSTRACT

This paper presents the results of a series of experimental and numerical studies concerning wake velocity profile, turbulent fluctuations, and the drag force associated with flow around a triangular prism. For this reason, a triangular cylinder with apex of 60° with various Reynolds numbers was tested. A 3-D hot wire probe was used to experimentally determine the velocity field around the cylinders in a low subsonic wind tunnel. Using the measured flow velocities behind and in front of the cylinder, drag coefficients were also calculated. The experimental results are in good agreements with the ones related to previous works.

Keywords: Wind Tunnel, Hot Wire Anemometry, Drag Coefficient, Triangular Cylinder

۱- دانشجوی دکترا: Shadaram@kntu.ac.ir

۲- استادیار: aliash03@yahoo.com

۳- دانشجوی دکترا (نویسنده پاسخگو): Ali_mech79@yahoo.com

فهرست علائم:

b	قاعده سطح مقطع مدل
h	ارتفاع سطح مقطع مدل
k	انرژی جنبشی آشفتگی
ε	استهلاک آشفتگی
U_{in}	سرعت جریان آزاد
x^*	طول بی بعد در راستای غالب جریان (مباده اندازه گیری پشت مدل)
y^*	طول بی بعد در راستای عمود بر جریان (مبادا اندازه گیری محور تقارن تونل باد)
α	زاویه حمله مدل
β	زاویه رأس مدل
Re	عدد رینولدز وابسته به ارتفاع مدل و سرعت جریان آزاد
U/U_{in}	سرعت بی بعد محلی
$\overline{u'^2}$	متوسط مربعات سرعت نوسانی در جهت x
$\overline{v'^2}$	متوسط مربعات سرعت نوسانی در جهت y
$\overline{w'^2}$	متوسط مربعات سرعت نوسانی در جهت z
C_D	ضریب پسا

۱- مقدمه

بررسی مشخصه ها و رفتار جریان سیال و همچنین، بدست آوردن ضرایب بی بعد پیرامون اجسام غوطه ور، جزء مسائل مهم و قابل توجه در رشته های مهندسی به شمار می رود. در این حالت بین جسم و سیال، مبادله نیرو و انرژی رخ می دهد. تعیین این نیروها می تواند اساس حرکت جسم غوطه ور و یا پایه محاسبات لازم جهت مقاوم سازی ساختارهای مستغرق در سیال را مشخص نماید.

از بین اشکال و هندسه های موجود در طبیعت، سیلندرها با مقطع مثلثی، جزء اشکال غیر آبودینامیک به شمار می روند. به علت هندسه نامناسب این مقطاع، جریان سیال در همان رینولدز های پایین هم دچار جدایش شده و موجب تشکیل دنباله و گردابه هایی در پشت مدل می شود. در این

1- Tako Nakagawa

2- Masakazu

3- Zhang & Perot

4- Alonso & Meseguer

Archive of SID

به نقاط مورد نظر توسط یک سیستم جابجا کننده پر اب که قابلیت حرکت در سه راستای مختصات با دقت ۱/۰ میلیمتر را دارد، انجام شده است. قبل از شروع آزمایش می‌باشد پر اب توسط یک کالیبراتور خارجی در دما و فشار محیط آزمایشگاه کالیبره شود.

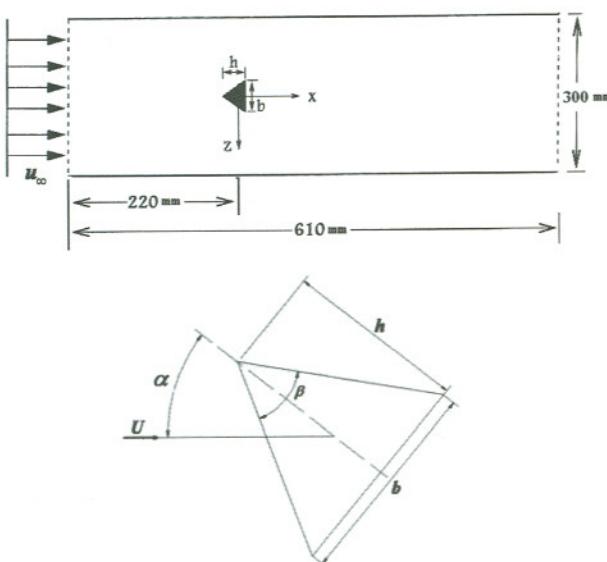
بعد از قرارگیری پر اب در موقعیت مناسب داخل توپل باد، با فرکانس KHz ۱ شروع به داده برداری نموده، سپس پر اب اطلاعات آنالوگ خود را به کارت A/D^۱ ارسال می‌نماید. در این مرحله داده‌ها تبدیل به داده‌های دیجیتال شده و به پردازشگر اصلی سیستم انتقال می‌یابند. در پردازشگر اصلی بعد از انجام محاسبات لازم، سرعت لحظه‌ای سیال در آن نقطه مشخص می‌شود. لازم بهذکر است که با توجه به اندازه‌گیری‌های انجام شده، شدت آشفتگی جریان آزاد در حدود ۲٪ بدست آمده است.

در شکل ۱، نمای جانبی مقطع آزمون توپل باد به همراه مدل مثلثی نشان داده شده است. در این مدل نسبت طول قاعده به ارتفاع (b/h)، $1/15$ بوده و نسبت انسداد مقطع آزمون کمتر از 10% می‌باشد.

مدل‌های مثلثی ساخته شده با زوایای رأس متفاوت (نسبت b/h های مختلف) در جریان سیال قرار گرفته و با تغییر در زوایای حمله آنها، ضرایب بی‌بعدی همچون ضرایب لیفت و درگ، ضریب فشار و ضریب مومنتو محاسبه و ارائه شده‌اند. در پژوهش حاضر نیز استوانه‌ای با مقطع مثلثی ساخته شده و در زوایای حمله مختلف و چند عدد رینولدز با استفاده از دو روش تجربی و عددی مورد مطالعه قرار می‌گیرد. لازم بهذکر است که مزیت این پژوهش نسبت به دیگر تحقیقات انجام شده در این زمینه، انجام کار تجربی همراه با کار عددی و همچنین استفاده از دستگاه جریان سنج سیم داغ بهمنظور اندازه‌گیری پروفیل‌های سرعت و نوسانات آن و همچنین نحوه محاسبه ضریب پسا در زوایای می‌باشد. همچنین چگونگی تغییرات ضریب پسا در زوایای حمله مختلف مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرد. بهطور کلی اطلاع از پروفیل‌های سرعت در دنباله سیلندر مثلثی و همچنین میزان وابستگی ضریب پسا سیلندر مثلثی به عدد رینولدز و همچنین زاویه حمله می‌تواند در طراحی و محاسبات مهندسی بعضی از ساختارها مشابه مانند ساختمان‌های بلند و یا پایه‌های پل مستغرق در آب مفید باشد. از طرف دیگر تحلیل و بررسی جریان اطراف این گونه از اشکال پایه هندسی می‌تواند از نظر مطالعات اولیه و مبنا مورد توجه قرار گیرد.

۲- تجهیزات آزمایشگاهی

به منظور بررسی تجربی مشخصه‌های جریان در اطراف یک سیلندر مثلثی دو بعدی، یک استوانه با سطح مقطع مثلث متساوی‌الاضلاع با طول اضلاع ۳۰ میلیمتر و به عرض کانال و از جنس پلکسی گلاس ساخته شده است. سطوح مدل کاملاً صیقلی شده تا بتوان از اثرات زبری صرف نظر نمود. آزمایش‌ها در یک توپل باد مادون صوت مدار باز مکنده با مقطع آزمون ۳۰۰×۳۰۰ میلیمتر و محدوده‌ی سرعت $۰/۵$ تا ۴۰ متر بر ثانیه انجام گرفته است. برای اندازه‌گیری سرعت سیال **SHD** قرار گشود و نظری از دستگاه جریان سنج داغ به همراه یک پر اب سه بعدی استفاده شده است. جابجایی پر اب



شکل(۱): نمای جانبی محفظه آزمون توپل باد به همراه مدل $(h = 25.9mm, b = 30mm, \beta = 60^\circ)$.

۳- مدل سازی عددی

متفاوت برای این مسئله مورد بررسی قرار گرفته است که در نهایت شبکه فوق با گرههای مثلثی و در دو سایز متباوت که نزدیک به مدل با اندازه‌های کوچکتر و در فاصله دورتر با اندازه‌های نسبتاً بزرگتر به عنوان شبکه بهینه مدنظر قرار گرفته است. لازم به ذکر است کوچک‌تر کردن سایز گرهها از این حد، تغییرات خاصی در جواب‌ها ایجاد نمی‌کند و فقط باعث افزایش تعداد گرهها و بالا رفتن هزینه‌های محاسبات می‌شود.

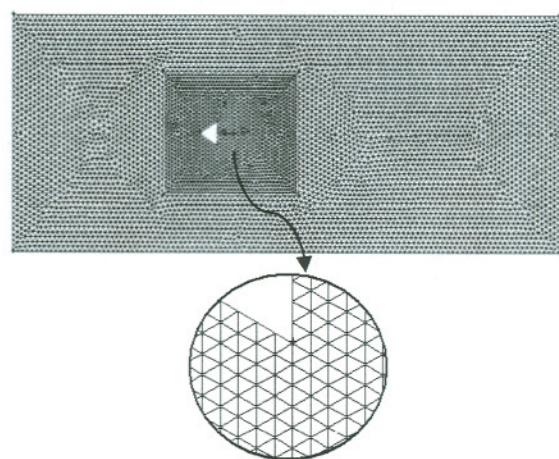
۴- تحلیل نتایج

در این پژوهش، اندازه‌گیری‌ها و همچنین مدل‌سازی جریان به صورت دوبعدی بوده و کمیت سرعت و تغییرات آن در راستای سوم ناچیز فرض شده است. صحت این فرض با به کارگیری یک پراب سه بعدی که قابلیت اندازه‌گیری و ثبت داده‌ها در سه بعد را دارد، مورد تأیید قرار گرفته است. آزمایش‌ها در اعداد رینولدز $20,000$ ، $35,000$ و $45,000$ بر اساس سرعت جریان آزاد و ارتفاع مقطع مقطع مثلثی انجام شده است. لازم به ذکر است ابعاد طولی به وسیله ارتفاع سطح مقطع مدل h بی بعد شده‌اند.

با اندازه‌گیری مؤلفه‌های سرعت و نوسانات آن در مقاطعی قیل و بعد از مدل و با استفاده از اصل بقاء مومنتوم سیال در گذر از جسم، ضریب پسای مدل در هر حالت محاسبه شده است. از طرف دیگر در مدل سازی عددی، انگرال‌گیری مستقیم از میدان‌های فشار و تنش برشی روی جسم برای حساب کردن ضرایب آبرودینامیکی جسم، مدنظر می‌باشد.

با توجه به نوع پراب که قادر به اندازه‌گیری جریان برگشتی نمی‌باشد و همچنین حصول اطمینان از عدم وجود برگشت جریان در بازه مورد بررسی، داده برداری‌ها از نقطه $x = 1/5$ شروع شده است. به منظور تأیید نتایج تجربی، در شکل ۳ تغییرات سرعت سیال در امتداد خط مرکزی بیست مدل در زاویه حمله صفر درجه با نتایج عددی ژانکی^[۲] مقایسه شده است. به نظر می‌رسد، کاهش سرعت در فاصله

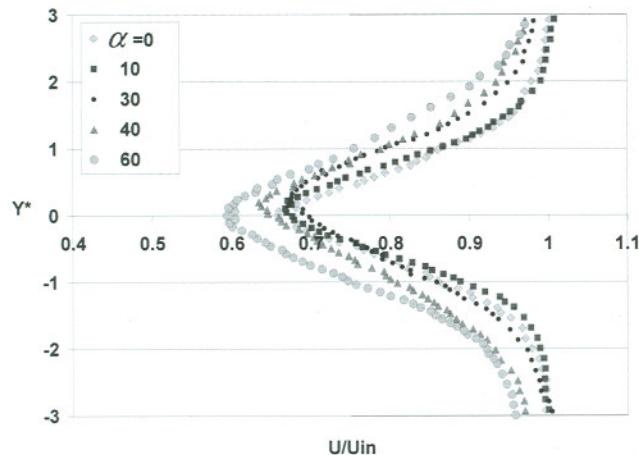
مدل‌سازی عددی انجام شده در این پژوهش در حالت دوبعدی و غیر دائم، توسط نرم افزار فلوئنت صورت پذیرفته است. شرایط مرزی مورد استفاده برای جریان غیرقابل تراکم، شرط مرزی سرعت ورودی برای ورودی کanal، جریان خروجی برپایه معادله بقای جرم و دیواره بدون لغزش می‌باشند. برای مدل سازی آشفتگی از مدل $U - k$ استاندارد استفاده شده است. فشار محیط به صورت ثابت 650 mmHg در نظر گرفته شده است. به منظور حل معادلات جریان و فشار از الگوریتم سیمپل^۱ استفاده شده است. به منظور دستیابی به اطلاعات جریان در فواصل دور از پشت مدل و همچنین تأکید بر صحت شرط مرزی انتخاب شده در مرز خروجی، دامنه حل را در حدود 20 برابر ارتفاع مثلث در پشت مدل و در حدود 10 برابر ارتفاع مثلث قبل از مدل درنظر گرفته شده است. در شکل ۲ نمونه مدل طراحی شده به همراه مشبندی مثلثی مدل، دیده می‌شود.



شکل (۲): شبکه محاسباتی.

به منظور انتخاب شبکه محاسباتی مناسب که در آن خطاهای عددی به حداقل برسد و از طرف دیگر هزینه محاسبات بهینه شود، شبکه‌های مختلفی با تعداد گرهای

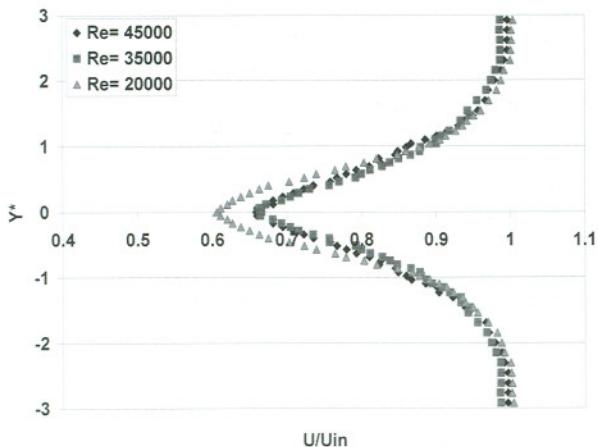
Archive of SID



شکل(۴): سرعت متوسط اندازه‌گیری شده در مقطع

. $Re = 45000$, $x = 6h$

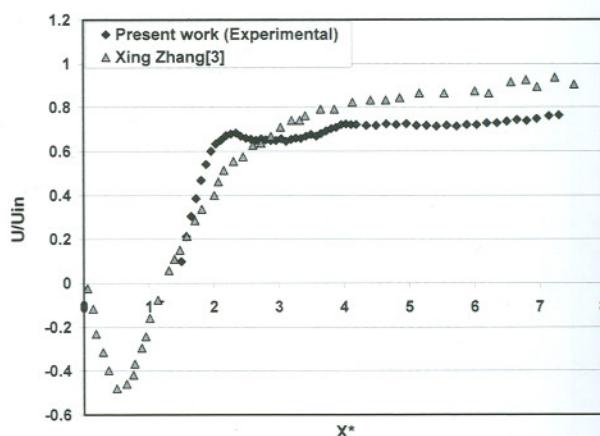
باتوجه به وجود گوشه‌های تیز در مدل، حتی در رینولدزهای پایین هم جریان سیال از روی جسم جدا شده و باعث بوجود آمدن جریان‌های برگشتی در پشت مدل می‌گردد. لذا، در محدوده عدد رینولدز $20,000 - 45,000$ تغییراتی در رژیم جریان مشاهده نشده و صرفاً تغییراتی در اندازه سرعت‌ها به وجود می‌آید. الگوی مشابه پروفیل‌های سرعت در این محدوده سرعت، در شکل ۵ نشان داده شده است.



شکل(۵): سرعتهای متوسط اندازه‌گیری شده در مقطع

$x = 6h$, در زاویه حمله صفر.

$x^* < 3$ ناشی از به هم رسیدن و اختلاط گردابه‌ها در خلاف جهت یکدیگر از لبه بالا و پایین مدل می‌باشد. در فواصل دورتر از مدل، گردابه‌ها خرد شده و از مونتوم چرخشی ذرات داخلی گردابه‌ها کاسته می‌شود، لذا اثرات کاهش سرعت ناچیز می‌شود.



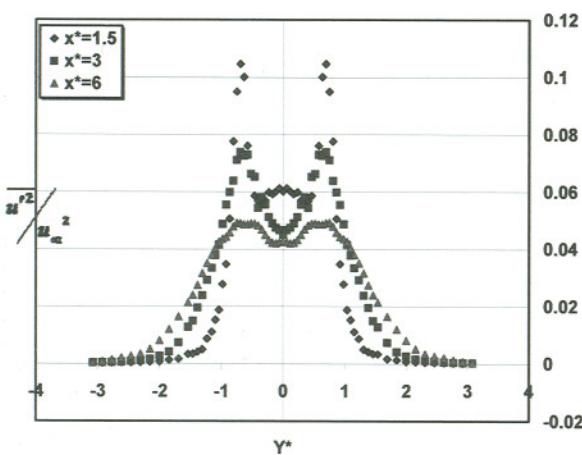
شکل(۳): سرعت متوسط نقاط واقع در محور مرکزی پشت

مدل، $Re = 45000$, $\alpha = 0^\circ$

در شکل ۴ پروفیل‌های سرعت مربوط به مقطع ۶ $x^* = 45,000$ در زاویه حمله مختلف نشان داده شده است. در این مدل با افزایش زاویه حمله تا زاویه 30° درجه، سطحی از مدل که در مقابل جریان قرار می‌گیرد کمتر می‌شود ولی از زاویه 30° درجه به بعد، با افزایش زاویه حمله، سطح مواجهه مدل مجددًا افزایش پیدا کرده تا در نهایت به همان مقدار اولیه خود یعنی سطح مواجهه در زاویه حمله صفر درجه می‌رسد. به عبارت دیگر با کاهش سطح مواجهه، جدایش در وسعت کمتری در پشت مدل اتفاق افتاده و با افزایش آن، وسعت ناحیه جدایش و جریانهای برگشتی در پشت مدل بیشتر می‌شود. از این رو منطقه‌ای پشت مدل که سرعت آن نقاط تحت تأثیر مدل قرار گرفته، وسیع شده و پروفیل سرعت در زاویه حمله بزرگتر، شبیه‌کنتری نسبت به حالات قبل پیدا می‌کند.

Archive of SID

تداخل گردا بهای تشکیل شده در لبه فرار بالا و پایین مدل می باشد. با افزایش فاصله مقطع از مدل در امتداد جریان، مقادیر بیشینه $\overline{u^2}$ کاهش یافته و در فواصل دور از شدت تغییرات آن کاسته می شود. علت این امر نیز کاهش قدرت گردا بهها در مقاطع دورتر از مدل می باشد. نمودارهای مربوط به مقادیر $\overline{v^2}$ و $\overline{w^2}$ نیز رفتاری مشابه را نشان می دهند.



شکل(۶): تغییرات تنش رینولدزی $\overline{u'^2}$ در مقاطع پشت مدل، $Re = 45000$, $\alpha = 0^\circ$

با اندازه گیری مؤلفه های نوسانی v' و w' ، روند تغییرات انرژی آشفتگی ذرات در مقاطع مختلف پشت مدل $k = \frac{1}{2}(\overline{u'^2} + \overline{v'^2} + \overline{w'^2})^{\frac{1}{2}}$ در شکل ۷ نشان داده شده است. همانطور که انتظار می رود در مقاطع اولیه پشت مدل، به علت حضور گردا بهها بزرگ تر و پر قدرت تر، انرژی آشفتگی ذرات نسبت به مقاطع دورتر به مدل بیشتر است. تأثیر زاویه حمله بر مؤلفه نوسانی سرعت در شکل ۸ نشان داده شده است. با چرخش مدل به اندازه 60° درجه، دقیقاً یک ضلع مدل عمود بر جهت جریان قرار گرفته و این مسئله باعث بزرگ تر و پر قدرت تر شدن گردا بهها تشكیل شده در پشت مدل می گردد. با بزرگ تر شدن گردا بهها، مؤلفه نوسانی سرعت در راستای جریان (u') بزرگ تر شده و در پی آن متوسط مربعات این جزء نوسانی نیز افزایش پیدا می کند.

همانطور که در توضیحات بیان شد است و در شکل ۵ نیز مشخص است، افزایش عدد رینولدز در بازه مورد نظر، تنها سرعت متوسط جریان را افزایش می دهد که تأثیری در نوع و رژیم جریان ندارد. با توجه به اینکه پروفیل های سرعت رسم شده هر کدام با سرعت متوسط ورودی در همان جریان رینولدز بی بعد شده اند در نتیجه، اندازه سرعت بی بعد هم در این اعداد رینولدز متفاوت نمی باشد.

۵- ضریب درگ

برای محاسبه ضریب درگ، با صرفنظر کردن از تراکم پذیری و ترم لزج $\left(\mu \frac{\partial u}{\partial x}\right)$ ، از رابطه پی شنهادی وان دام^۱ [۵] به صورت زیر استفاده می شود:

$$C_D = 2f \sqrt{\frac{\bar{q}}{q_{\infty}}} \left(1 - \sqrt{\frac{\bar{q}}{q_{\infty}}} \right) d \left(\frac{y}{b} \right) + \int \frac{(\bar{v}^2 + \bar{w}^2 - \bar{u}^2)}{U_{\infty}^2} d \left(\frac{y}{b} \right). \quad (1)$$

در این رابطه، y فاصله از محور و b طول قاعده مدل می باشد. همچنین، داریم:

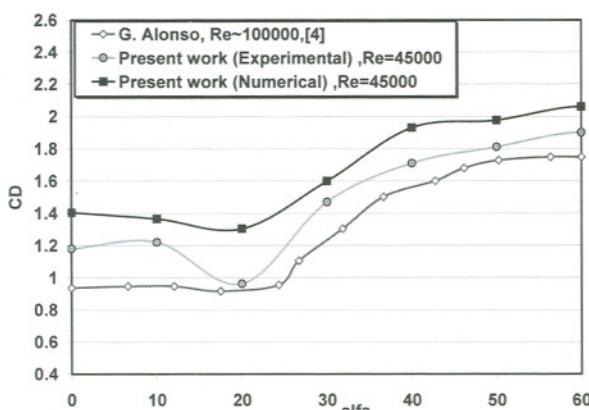
$$\bar{q} = \frac{1}{2} \rho (\bar{u}^2 + \bar{v}^2 + \bar{w}^2). \quad (2)$$

همانطور که از رابطه (۲) پیداست، در جریان های در هم قسمت عمده ای از تبادلات مومنتوم صورت گرفته بین جسم و سیال، ناشی از مؤلفه های نوسانی سرعت می باشد. از این رو بررسی مؤلفه های نوسانی سرعت و نحوه تغییرات مؤلفه های سرعت در اطراف مدل لازم بنظر می رسد.

تغییرات مؤلفه تنش رینولدزی $\overline{u'^2}$ در سه مقطع مختلف پشت مدل در شکل ۶ نشان داده شده است. همانطور که در این شکل دیده می شود، به علت تقارن مدل، نمودار دارای دو مقدار ماقزیم می باشند. مقادیر بیشینه مؤلفه های نوسانی سرعت در حوالی خط مرکزی، ناشی از

Archive of SID

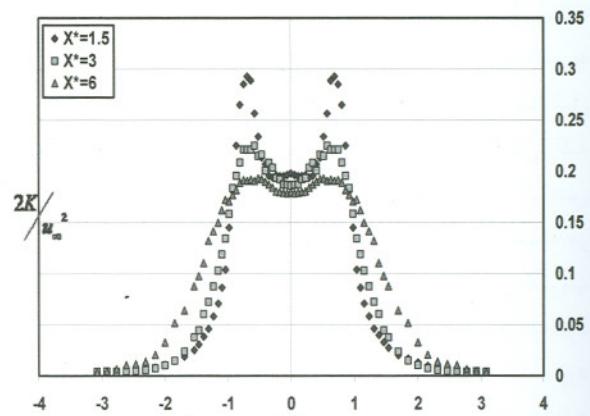
خطای ذاتی جریان سنج سیم داغ از مقادیر اغتشاشات و مؤلفه های سرعت در فواصل دور از مدل استفاده شده است. همان گونه که در شکل ۹ دیده می شود در زوایای حمله کم به علت تشابه پروفیل های سرعت در نواحی دور از مدل ضریب درگ تقریباً ثابت می ماند. در زوایای حمله ۱۰-۲۰ درجه ریزش گردابه های از لبه فرار بالایی بزرگتر شده و در عوض در لبه فرار پایین کوچک تر می شود و جدایش را به تأخیر می اندازد که این باعث کاهش جزیی در ضریب درگ می شود. با افزایش زاویه حمله گستردگی ناحیه دنباله افزایش یافته و این باعث ایجاد ناحیه کم فشار در پشت و در نتیجه افزایش ضریب درگ می شود. با توجه به متساوی الاضلاع بودن مقطع مدل با افزایش زاویه حمله از ۶۰ درجه، تنابی در تغییرات ضریب درگ مشاهده می شود.



شکل(۹): ضرایب درگ مربوط به مدل در زوایای حمله مختلف.

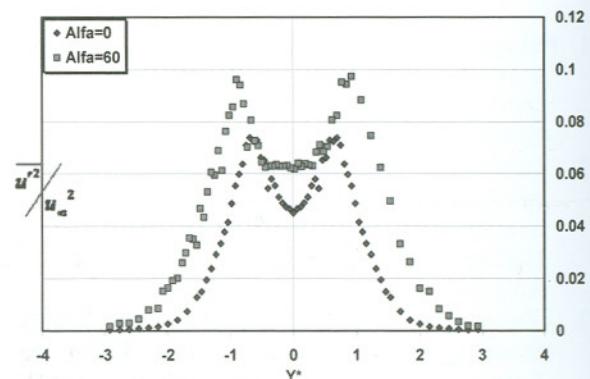
عوامل موثر در اختلاف نتایج تجربی و عددی حاضر با نتایج آننسو [۴] در شکل ۹، تفاوت در اعداد رینولدز و همچنین متفاوت بودن روش های محاسبه ضرایب درگ می باشد. موضوع قابل توجه دیگر بیشتر بودن ضرایب درگ حاصل از مدل سازی عددی نسبت به مقادیر متناظر خود در تحقیق تجربی می باشد. همانطور که گفته شد، محاسبه ضرایب درگ به روش تجربی بر پایه تغییرات مومنتوم سیال در گذر از جسم می باشد. اما در محاسبه ضرایب درگ با

در ضمن، به علت وسیع تر بودن ناحیه دنباله مربوط به زاویه حمله ۶۰ درجه، محل برهم کنش لایه مرزی جدا شده از بالا و پایین مدل و ناحیه دنباله که نقاط بیشینه نمودار را بوجود می آورند به نواحی دورتری نسبت به محور مرکزی مدل منتقل می شود.



شکل(۷): تغییرات انرژی آشفتگی در مقاطع مختلف

. $Re = 45000$, $\alpha = 0^\circ$
پشت مدل



شکل(۸): تغییرات تنش رینولدزی u'^2 در مقطع $6h$ پشت مدل، در $Re = 45000$

در شکل ۹ ضریب درگ در زوایای حمله مختلف و با استفاده از رابطه ون دام [۵] نشان داده شده است. با توجه به شدت زیاد اغتشاشات مؤلفه های سرعت در نزدیکی مدل و

۶- نتیجه‌گیری

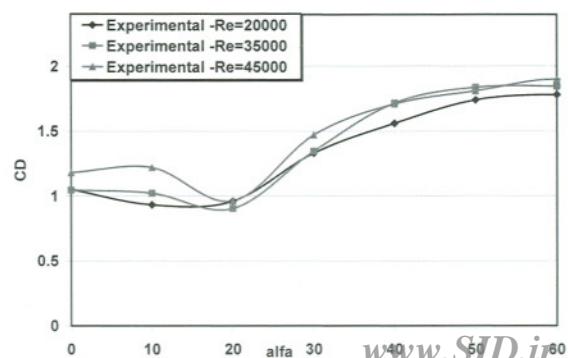
در این تحقیق، تغییرات نوسانی مؤلفه‌های سرعت و همچنین، ضریب درگ سیلندر با مقاطع مختلف واقع در جریان سیال تحت زوایای حمله مختلف با استفاده از روش تجربی و عددی مورد مطالعه قرار گرفت. در این راستا با استفاده از داده‌های تجربی بدست آمده و با محاسبه تغییرات مومنتوم سیال در مقاطعی قبل و بعد از جسم توسط رابطه وان دام، ضریب درگ مدل در زوایای حمله مختلف محاسبه شد. اگر حالت قرارگیری مدل باعث تشدید در تشکیل گردابه‌ها شود ضریب درگ مربوط به آن حالت افزایش یافته و بالعکس با کم شدن گستره گردابه‌ها، ضریب درگ کاهش می‌یابد. البته در اکثر حالات، تمامی علل بیان شده در راستای افزایش و یا همه آن‌ها در راستای کاهش ضریب درگ قرار نمی‌گیرند. در این حالت شدت پدیده‌های موجود در کاهش و افزایش ضریب درگ موثر می‌باشد. در مورد نحوه تغییرات ضریب درگ با عدد رینولدز در زوایای حمله بزرگ ضریب درگ افزایش یافته، در حالیکه در زوایای حمله کوچک تغییرات این ضریب به چگونگی تشکیل و شدت گردابه‌ها بستگی دارد.

مراجع

1. Nakagawa, T., "Vortex Sheding Mechanism from a Triangular Prism in a Subsonic Flow", Fluid Dynamics Research, Vol. 5, No. 2, North-Holland, pp. 69-81, 1989.
2. Tatsuno, M., Takayama, T., Amamoto, H., and Ishi-I, K., "On the Stable Posture of a Triangular or a Square Cylinder about its Central Axis in a Uniform Flow", Fluid Dyn. Research, Vol. 6, No's. 3-4, pp. 201-207, 1990.
3. Zhang, X. and Perot, B., "Turbulent Vortex Sheding From Triangle Cylinder, Using the Turbulent Body Force Potential Model", ASME 2000 Fluids Eng., Summer Meeting, June 11-15, 2000.
4. Alonso, G. and Meseguer, J., "A Parametric Study of the Galloping Stability of Two-dimensional Triangular Cross-section Bodies", J. Wind Eng. and Indust. Aerodyn., Vol. 94, No 4, pp. 241-253, April 2006.
5. Van-Dam, C.P., "Recent Experience with Different Methods of Drag Prediction", Progress in Aerospace, Vol. 35, No. 8, pp. 751-798, 1999.

استفاده از مدل‌سازی عددی، انتگرال‌گیری مستقیم از میدان‌های فشار و تنش برشی در اطراف جسم مدنظر قرار می‌گیرد. از طرف دیگر وجود مقداری خطا در داده‌برداری‌های تجربی و وجود برخی از ساده‌سازی‌ها در مدل‌سازی‌های عددی، پیدایش مقداری اختلاف در نتایج بدست آمده را ناگزیر می‌سازد. بیشترین تفاوت مشاهده شده بین نتایج تجربی و عددی مربوط به ضریب پسا در زوایه حمله ۲۰ درجه می‌باشد که مقدار آن در حدود ۲۶٪ محاسبه شده است و کمترین تفاوت مربوط به زوایه حمله ۳۰ درجه با مقدار ۸٪ می‌باشد. لازم به ذکر است، به دلیل معتبرتر و قابل استنادتر بودن نتایج تجربی، این نتایج میزان محاسبه خطا قرار گرفته است. در ضمن، به علت متفاوت بودن اعداد رینولدز در این تحقیق و تحقیق مربوط به مرجع [۴]، مقایسه‌های انجام شده در این خصوص به صورت کیفی بوده و هیچ مقایسه‌کمی و یا سنجش خطا بین این مقادیر صورت نپذیرفته است.

در شکل ۱۰، تغییرات ضرایب درگ مربوط به مدل در زوایای حمله مختلف و سه عدد رینولدز ۲۰,۰۰۰ و ۳۵,۰۰۰ و ۴۵,۰۰۰ حاصل از تحقیق تجربی نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل مشاهده می‌شود نحوه تغییرات ضریب درگ مربوط به مدل در سه عدد رینولدز یکسان می‌باشد. علت این مطلب را نیز می‌توان در عدم تغییر مرتبه بزرگی رینولدز دانست. در هر سه عدد رینولدز مورد آزمایش، رژیم جریان درهم بوده و جدایش از لبه‌های انتهای مثبت آغاز می‌شود.



شکل (۱۰): ضرایب درگ مربوط به مدل در سه رینولدز.