

بررسی عددی ناپایداری آبیروالاستیک یک بال هواپیما

مبتنی بر روش اجزاء محدود و پانل غیردائم

آرزو خلیلی^۴

گروه مهندسی مکانیک

دانشگاه آزاد اسلامی، واحد ساوه

علی صالح زاده نوبری^۳

دانشکده مهندسی هواپیما

دانشگاه صنعتی امیرکبیر

(تاریخ دریافت: ۸۸/۱۰/۲۱؛ تاریخ پذیرش: ۹۰/۲/۱۲)

حسین شاهوردی^۲

ایمان روحی دهکردی^۱

باشگاه پژوهشگران جوان

دانشگاه آزاد اسلامی، واحد ساوه

چکیده

ناپایداری آبیروالاستیک که در برگیرنده آثار متقابل تداخل سازه-سیال می‌باشد، یک پدیده مهم در طراحی هواگردها^۵ به شمار می‌رود. مقاله حاضر به بررسی رفتار آبیروالاستیک و ناپایداری فلاپر بال هواپیما می‌پردازد. در این راستا، به منظور شبیه‌سازی سازه، روش اجزاء محدود با فرض جزء پوسته به همراه آثار غیرخطی ناشی از تغییر شکل‌های بزرگ هندسی، به کار گرفته شده است. همچنین، برای شبیه‌سازی جریان، از روش پانل غیردائم استفاده شده است. ویژگی بازز این تحقیق اضافه نمودن توانایی تحلیل رفتار آبیروالاستیک در نرم‌افزار تجاری ANSYS است. بدین منظور، کد محاسبات آبیرودینامیکی در محیط نرم‌افزار MATLAB تهیه شده که قابلیت تبادل اطلاعات بین دو نرم‌افزار را دارد. در نهایت، برای بررسی قابلیت کد تهیه شده در تحلیل مسائل آبیروالاستیک، بال AGARD 445.6 بررسی شده است. نتایج بدست آمده، در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی، نشان‌دهنده دقیق نسبتاً بالای روش حاضر می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: ناپایداری آبیروالاستیک، فلاپر، روش اجزاء محدود، روش پانل غیردائم

Numerical Investigation of the Aeroelastic Instability of an Aircraft Wing, Using Finite Element and Unsteady Panel Methods

I. Roohi Dehkordi

Young Researchers Club
Saveh Branch
Islamic Azad Univ.

H. Shahverdi

Aerospace Eng. Dep't.
Amir-Kabir Univ. of Tech.

A. S. Nobari

A. Khalili

Mech. Eng., Dep't
Saveh Branch
Islamic Azad Univ.

(Received: 11 Jan., 2010; Accepted: 2 May, 2011)

ABSTRACT

Aeroelastic instability due to fluid-structure interaction is an important phenomenon in aircraft design. In this paper, aeroelastic behavior and flutter instability of an aircraft wing is investigated. For structural simulation, finite element method, using shell element with non-linear effects, based on large deflection, is applied. For aerodynamic modeling, unsteady panel method is employed. The main goal of this study is to add the aeroelastic analysis ability to ANSYS commercial software by developing a computational aerodynamic MATLAB code. Finally, to illustrate the capability of the developed code in handling aeroelastic problems, aeroelastic response of an AGARD 445.6 wing is studied. The results show relatively good agreements with the available experimental data.

Keywords: Aeroelastic Instability, Flutter, Finite Element Method, Unsteady Panel Method

۱- کارشناس ارشد: roohi_dehkordi@frs.ac.ir

۲- استادیار (تویسته پاسخگو): h_shahverdi @aut.ac.ir

۳- استاد: sall358@aut.ac.ir

۴- کارشناس ارشد: arezookhalili@iau-saveh.ac.ir

-۱- مقدمه

ناپایداری آبروالاستیک که در برگیرنده آثار متقابل تداخل سازه-سیال می‌باشد، یک پدیده مهم در طراحی و تحلیل سازه‌های هوایی به شمار می‌رود. به‌طور کلی مکانیزم ناپایداری می‌تواند استاتیکی یا دینامیکی باشد. در بحث ناپایداری دینامیکی، پدیده فلاتر اهمیت زیادی دارد. هنگامی که این پدیده رخ می‌دهد، دامنه حرکت ارتعاشی سازه در طول زمان و به صورت خودتحریک مرتب‌آفزايش یافته تا اینکه سازه، نهایتاً دچار شکست می‌شود. سرعت جریان آزادی که در آن پدیده فلاتر اتفاق می‌افتد، سرعت فلاتر یا مرز فلاتر نام دارد و هدف از انجام تست‌های فلاتر و شبیه‌سازی‌های عددی، به‌دست آوردن این پارامتر می‌باشد. آشنایی مختصر با دانش آبروالاستیسیته، نشان می‌دهد که بررسی پایداری آبروالاستیک، نیازمند شناخت زمینه‌های دینامیک، سازه، آبرودینامیک و تبادل اطلاعات و کوپلینگ بین آنها می‌باشد. در اغلب مطالعات اولیه برای محاسبه گشتاور و نیروهای آبرودینامیکی، از تئوری آبرودینامیکی نوار شبهدائم^۱ استفاده شده است. در تئوری نواری فرض می‌شود که هر مقطع، خواص آبرودینامیکی مربوط به خود را دارا بوده و مستقل از مقاطع دیگر است. در آبرودینامیک شبهدائم نیز فرض می‌شود که نیروهای آبرودینامیکی تنها به حرکت آنی جسم بستگی دارد. در مقابل، در تئوری آبرودینامیک غیردائم علاوه بر اثر تغییرات آنی درجهات آزادی جسم، اثر تاریخچه و دنباله^۲ جریان در مسئله نیز در نظر گرفته می‌شود.

حدادپور و فیروزآبادی [۱]، محدوده صحت هر کدام از تئوری‌های فوق را بررسی و نشان داده‌اند که فرض آبرودینامیک شبهدائم، اگرچه برای حالت‌هایی از جریان فرماحتی نتایج قابل قبولی ارائه می‌دهد، اما در رژیم جریان فرماحتی استفاده از این فرض با خطای زیادی همراه است. مرتبه دقت^۳ معادلاتی که برای شبیه‌سازی هر یک از حوزه‌های سازه یا سیال به کار گرفته می‌شود، یکی از عوامل تأثیرگذار در صحت پاسخ است. در حوزه سازه به ترتیب مرتبه دقت، رهیافت‌های مختلفی مبتنی بر تئوری تیر، آنالیز مودال

فهرست علائم

A	ماتریس ضرایب تأثیر اجزای تکین دوقطبی
B	ماتریس ضرایب ارتباط دهنده اجزای دنباله
B_k	ضریب تأثیر جزء چشمۀ k ام روی نقطه هم‌مکانی جزء p ام
b	نصف طول وتر، m
C_k	ضریب تأثیر جزء دوقطبی k ام روی نقطه هم‌مکانی جزء p ام
C_{P_k}	ضریب فشار پانل k ام
E	مدول الاستیسیته، N/m^2
G	مدول برشی، N/m^2
h	درجه آزادی جابه‌جایی عمودی،
N	تعداد اجزاء مرزی آبرودینامیکی واقع بر سطح جسم
N_W	تعداد اجزاء مرزی آبرودینامیکی واقع بر سطح دنباله
\vec{n}	بردار عمود بر هر جزء مرزی
Q_{t_K}	سرعت مماسی روی هر جزء آبرودینامیکی
\vec{r}	بردار موقعیت نقطه هم‌مکانی هر جزء از مبدأ مختصات
S	ماتریس ضرایب تأثیر اجزاء مرزی چشمۀ
S_B	مرز جسم غوطه‌ور در سیال
T	زمان بی‌بعد
s	زمان،
t	سرعت جریان آزاد، m/s
U_∞	بردار سرعت جسم در دستگاه مختصات اینرسی
\vec{V}_r	بردار ضرایب پتانسیل ناشی از اجزاء چشمۀ
W	
علائم یونانی	
$\gamma_{T.E}$	چرخش جریان در لبه فرار
μ	قدرت جزء تکین دوقطبی
μ	بردار حاوی قدرت اجزاء دوقطبی بدنه و دنباله
v	نسبت پواسون
ρ	چگالی، kg/m^3
σ	پتانسیل جزء تکین چشمۀ
σ	بردار پتانسیل اجزاء چشمۀ
θ	درجه آزادی پیچشی
Φ^*	پتانسیل کل جریان
Φ_∞	پتانسیل جریان آزاد
Φ_i^*	مقدار تابع پتانسیل در محدوده داخل جسم

1- Quasi Steady

2- Wake

3- Fidelity

با وجود اینکه آنالیز مودال یک روش استاندارد و متداول برای مدل سازی دینامیکی سازه است، در برخی موارد برای شبیه سازی کامل تر رفتار سازه، از روش اجزاء محدود کلاسیک استفاده شده است.

اتار و گوردنیر^۸ [۵]، تحقیقاتی در زمینه ناپایداری فلاتر و نوسانات دامنه محدود یک بال مثبتی ناقص با رفتار غیرخطی هندسی انجام دادند. در این راستا، الگوریتم تفاضل محدود به منظور حل معادلات غیرخطی اویلر در حوزه سیال اعمال شده و حل گر سازه به کار رفته، نرم افزار ANSYS است که از روش اجزاء محدود استفاده می کند. به این ترتیب در هر دو حوزه سازه و آبرو دینامیک، مدل های دقیق تری به کار گرفته شده است. نتایج این روش با مدل مرتبه پایین تر ورق فون کارمن در مرجع [۴]، مقایسه و نشان داده شده است که فقط در فشارهای دینامیکی پایین، نتایج بر همدیگر منطبق هستند.

اعمال کوپلینگ بین سازه و سیال نیز یک مسئله اساسی در شبیه سازی آبروالاستیک است. از آنجا که در بررسی پدیده آبروالاستیسیته، دو حوزه با ویژگی های متفاوت در گیر هستند، برای حل مسائل تداخل سازه سیال، نیاز به یک مرز کنیشگر^۹ میانی داریم که ارتباط مناسبی بین هر دو حوزه ایجاد نماید.

کاماکوتو^{۱۰} و شی^{۱۱} [۶]، بررسی جامعی روی مدل های کوپل نمودن سازه و سیال برای محاسبات آبروالاستیک و تکنیک های مرز کنیشگر انجام داده اند. به طور کلی دو الگوریتم متفاوت کوپلینگ همزمان^{۱۲} و متوالی^{۱۳} برای ارتباط دو حوزه مورد نظر وجود دارد که در روش متوالی، حل معادلات حوزه سازه و سیال نسبت به هم دارای تأخیر زمانی می باشد. بنا بر نتایج این بررسی، الگوریتم حل همزمان، با وجود اینکه یک کوپلینگ قوی بین دو حوزه برقرار می کند، در زمینه اندازه شبکه و انتخاب گام زمانی دارای پیچیدگی بوده و هزینه محاسباتی بالاتری نیز دارد. در حالی که در الگوریتم حل متوالی، می توان برای هر حوزه سازه یا سیال،

و یا روش اجزاء محدود، وجود دارد. در حوزه سیال نیز تئوری های تحلیلی خطی، جریان پتانسیل، معادلات اویلر، معادلات ناویر استوکس و ... مورد بررسی قرار گرفته است.

تانگ^۱ و داول^۲ [۲]، با به کار گیری تئوری تیر غیرخطی هاجز داول به مطالعه تأثیر هندسه غیرخطی بر روی پدیده فلاتر در بالهای دارای ضریب منظری بالا پرداخته و صحت تئوری مورد نظر را مورد بررسی قرار دادند. ایشان ادعا کردند که تغییر شکل های هندسی بزرگ که می توانند به طور خاص، در نتیجه زاویه حمله اولیه غیر صفر، توزیع جرم، شکل خاص بال (وجود انحنای در آن) و غیره ایجاد شوند، منجر به کاهش سختی و پایداری سیستم و در نتیجه تسريع ناپایداری فلاتر می گردد.

گوروسوامی^۳ [۳]، نشان داده است که مدل تیر ذکر شده، می تواند برای بررسی رفتار سازه های دارای هندسه ساده و ضریب منظری بالا (مانند بال هواپیمای مسافربری) به کار گرفته شود، اما در مواجهه با هندسه پیچیده تر و ضریب منظری کم (مانند بال هواپیمای جنگنده)، نیاز به مدل های دقیق تر احساس می شود.

اتار^۴ و هم کاران [۴]، به کمک رهیافت مودال، یک بال مثبتی^۵ شکل دارای رفتار غیرخطی هندسی را در رژیم جریان دامنه محدود^۶ را مشاهده نمودند. مدل آبرو دینامیکی به کار رفته در تحلیل آنها، مدل خطی شبکه گردابه^۷ غیر دائم بوده، همچنین سازه بال به صورت ورق نازک مدل شده و معادلات غیرخطی ورق فون کارمن به کار گرفته شده است. در نهایت، درجات آزادی ورق بر پایه شبکه مودهای سازه به وسیله ANSYS استخراج شده اند. نتایج آنها حاکی از وابستگی سرعت فلاتر به میزان استهلاک سازه و زاویه حمله دائمی بال می باشد. این نتایج برای زاویه حمله صفر دقیق است، اما در زوایای حمله بالاتر، از نتایج آزمایشگاهی فاصله می گیرد.

8- Gordnier
9- Boundary Interface
10- Kamakoti
11- Shyy
12- Simultaneous
13- Sequential

1- Tang
2- Dowell
3- Guruswamy
4- Attar
5- Delta Wing
6- Limit Cycle Oscillation (LCO)
7- Vortex Lattice

شده و به الگوی رتبه کاسته^۴ معروف است. در این روش، با استفاده از تعداد اندکی از مودهای سیال، میدان جریان تخمین زده می‌شود.

اصفهانیان و ببهانی نژاد [۹]، روش پانل را برای حل جریان پتانسیل حول هندسه‌های پیچیده سه‌بعدی در رژیم جریان فروصوتی، به کار گرفتند. آنها در این تحقیق با استفاده از توزیع قدرتهای چشم و دوقطبی روی سطح جسم و دنباله ایجاد شده، معادلات آیرودینامیکی را استخراج نموده و در نهایت با اعمال الگوی رتبه کاسته، مشخصات آیرودینامیکی هندسه‌های متفاوت را بررسی و همچنین لزوم استفاده از تکنیک تصحیح استاتیکی^۵ را اثبات نمودند.

شهروردی و همکاران [۱۰]، به منظور شبیه‌سازی رفتار غیردائم جریان، از روش اجزای مرزی با فرض جریان پتانسیل استفاده نموده و برای کاهش زمان محاسبات، الگوی رتبه کاسته متداول را در معادلات آیرودینامیک اعمال کردند. آنها همچنین الگوی رتبه کاسته دیگری را با بازدهی بیشتر، پیشنهاد نمودند. از مزیت‌های الگوی رتبه کاسته پیشنهادی، می‌توان به سادگی و کم شدن زمان حل معادلات اشاره نمود. زیرا با استفاده از تعداد اندکی از مودهای سیال می‌توان مشخصه‌های غیردائم سیال و پاسخ آیروالاستیک سازه را بررسی کرد. نتایج به دست آمده در این تحقیق، از دقت خوبی نسبت به نتایج آزمایشگاهی و مراجع دیگر برخوردار می‌باشدند. همچنین روش اجزاء مرزی بر مبنای جریان پتانسیل به منظور شبیه‌سازی مقاومت موج سازی شناورهای زیردریایی توسط قاسی و زمانیان [۱۱]، با موفقیت اعمال، و با نتایج آزمایشگاهی موجود مقایسه شده است.

مروری بر تحقیقات انجام شده نشان می‌دهد که تا به امروز، تحلیل‌های آیروالاستیک بسیاری در حوزه تحقیقات دانشگاهی انجام شده و پیشرفت‌های چشمگیری صورت گرفته است. اما انتقال این پیشرفت‌ها از منظر آکادمیک صرف به حوزه صنعت، مستلزم آن است که کاربران بتوانند در کنار کاهش زمان و هزینه محاسبات و بدون رویارویی با مشکلات کدنویسی، نتایج موجود را به کار گیرند. امروزه نرم‌افزارهای تجاری که قابلیت‌های فراوانی دارند، به شکل گسترده‌ای برای

یک حل‌گر مجزا در نظر گرفت که خود سبب کاهش زمان محاسبات می‌شود.

با وجود اینکه آیرودینامیک غیرخطی و دارای مرتبه دقت بالا یعنی معادلات ناویر-استوکس و اویلر، پیچیدگی فیزیک جریان را به خوبی مدل می‌کند، اما هزینه محاسباتی بالا و زمان بر بودن، ایراد عمدۀ آن به شمار می‌رود. علاوه بر آن، به کارگیری مدل‌های خطی ساده‌تر، در گستره وسیعی از رژیم‌های جریان فروصوتی و فرراصوتی به پاسخ‌هایی با دقت مناسب منجر شده است. به منظور اجتناب از پیچیدگی معادلات مذکور، فرض جریان پتانسیل، یک انتخاب پایه برای محاسبات آیرودینامیکی می‌باشد. روش پانل با اجزاء مرزی نیز به دلیل اینکه مرتبه مسئله را به مرز کاهش داده و حجم محاسبات را کم می‌کند، یک کاندیدای مناسب به شمار می‌رود.

اسمیت^۱ و همکارانش [۷]، تحقیقات خود را بر پایه آیرودینامیک جریان پتانسیل قرار داده و با بررسی ثوری‌های مختلف اعم از نظریه خط برآزا، روش سطح برآزادی کلاسیک یعنی شبکه گردابه و روش سطح برآزادی جدیدتر یعنی روش پانل، نشان دادند که هرچند روش کلاسیک شبکه گردابه برای مدل کردن اثر دنباله با شکل ساده مناسب است، اما به منظور وارد کردن اثرات دینامیکی دنباله با شکل پیچیده، بایستی از روش پانل غیردائم که بر اساس جریان پتانسیل و مدل کردن سطح برآزا و دنباله با المانهای چشم و دوقطبی است، استفاده نمود.

استفاده از روش پانل برای تحلیل مسائل آیروالاستیک در حوزه زمان، توسط الر^۲ و کارلسون^۳ [۸]، مورد بررسی قرار گرفته است. آنها نشان دادند که در روش‌های سنتی مانند روش شبکه دوقطبی، که در حوزه فرکانس عمل می‌کند، مدل سازه غیرخطی و اثرات دینامیک پروازی، به راحتی قابل اعمال نیست.

همان‌طور که ذکر شد، یک روش متداول برای حل مسائل دینامیک سازه، استفاده از آنالیز مودال یا تحلیل مقادیر ویژه است. این روش در حل مسائل آیرودینامیک غیردائم نیز وارد

4- Reduced Order Model (ROM)

5- Static Correction

1- Smith

2- Eller

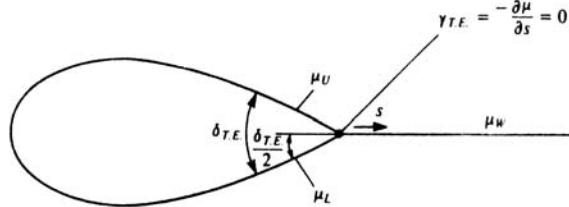
3- Carlsson

حل معادله فوق با استفاده از توابع گرین^۲ و کاربرد اجزاء تکین چشمی با قدرت σ و دوقطبی با قدرت μ که در روی مرز S_B قرار دارند، عبارت است از [۱۲]:

$$\Phi^*(x, y, z; t) = -\frac{1}{4\pi} \int_{S_B} \left[\sigma(t) \left(\frac{1}{r} \right) - \mu(t) n \cdot \nabla \left(\frac{1}{r} \right) \right] ds + \Phi_\infty(x, y, z; t), \quad (2)$$

که در آن، Φ^* پتانسیل کل جریان و n بردار نرمال برونوسی سطح و Φ_∞ پتانسیل جریان آزاد می‌باشد. برای آن که حل این سیستم واحد شود، نیاز به یک شرط اضافی به نام رابطه کوتا^۳ می‌باشد. این شرط بیان گر صفر بودن چرخش جریان در لبه فرار است. با توجه به شکل ۱ رابطه (۳) بین مقادیر μ در بالا و پایین لبه فرار ایجاد و به همراه رابطه (۲) منجر به یک حل واحد می‌شود.

$$\gamma_{T.E.} = \mu_U - \mu_L - \mu_W = 0 \Rightarrow \mu_W = \mu_U - \mu_L \quad (3)$$



شکل (۱): اعمال شرط کوتا در لبه فرار [۱۲].

برای ارضاء شرایط مرزی و با توجه به در نظر گرفتن آثار دنباله، رابطه (۲) به صورت زیر تبدیل می‌شود:

$$\begin{aligned} \Phi_i^*(x, y, z; t) &= \frac{1}{4\pi} \int_{body+wake} \mu(t) \frac{\partial}{\partial n} \left(\frac{1}{r} \right) ds \\ &- \frac{1}{4\pi} \int_{body} \sigma(t) \left(\frac{1}{r} \right) ds + \Phi_\infty(x, y, z; t) = \text{Const.} \end{aligned} \quad (4)$$

با توجه به اینکه داخل جسم جریان وجود ندارد، لذا مقدار تابع پتانسیل در محدوده داخل جسم و نزدیک به مرز، صفر است. بنابراین:

$$\frac{1}{4\pi} \int_{body+wake} \mu(t) \frac{\partial}{\partial n} \left(\frac{1}{r} \right) ds - \frac{1}{4\pi} \int_{body} \sigma(t) \left(\frac{1}{r} \right) ds = 0. \quad (5)$$

به این ترتیب، با تقسیم بال و دنباله به تعدادی پانل با

شبیه‌سازی سازه و جریان سیال به کار گرفته می‌شوند. استفاده از قابلیت‌های گسترده و در عین حال کاربرپسند این نرم‌افزارها، یک نیاز اساسی در زمینه انتقال پیشرفتهای دانشگاهی به حوزه صنعت می‌باشد.

در تحقیق حاضر، به منظور بررسی ناپایداری فلاتر یک نمونه شناخته شده تحت عنوان بال آگارد ۴۴۵.۶، روش اجزاء محدود به عنوان یکی از متدائلترین روش‌های محاسباتی در زمینه تحلیل دینامیک سازه‌ها، در نرم‌افزار تجاری ANSYS به کار گرفته شده است. همچنین به منظور اجتناب از پیچیدگی و پرهزینه و زمان بر بودن روش‌های دینامیک سیالات محاسباتی، از روش پانل یا اجزاء مرزی بر پایه تئوری جریان پتانسیل برای شبیه‌سازی جریان غیردائم در کد محاسباتی نرم‌افزار MATLAB استفاده شده است. لذا ویژگی بارز این تحقیق، اضافه نمودن قابلیت تحلیل آبروالاستیک در نرم‌افزار ANSYS از طریق کد محاسباتی تهیه شده می‌باشد؛ با این توضیح که در کد مزبور نتایج تحلیل هریک از حوزه‌های سازه و آبودینامیک در نرم‌افزارهای مورد اشاره، در یک روال کوپلینگ متوالی، به عنوان ورودی به حوزه دیگر اعمال می‌شود.

-۲- معادلات مورد استفاده

تجزیه و تحلیل آبودینامیک غیردائم و تعیین دقیق ساختار دنباله ایجاد شده، مستلزم حل معادلات دینامیک سیال پیچیده و غیرخطی روی شبکه سهبعدی ایجاد شده حول جسم است، که این موضوع باعث افزایش هزینه و زمان حل می‌شود. همان‌گونه که پیشتر اشاره شد، یکی از روش‌های حل این مشکل، استفاده از روش انتگرال‌گیری مرزی یا روش پانل می‌باشد. استفاده از این روش، بعد مسئله را به مرز جسم کاهش داده و در نتیجه باعث کاهش زمان محاسبات می‌شود. هدف اصلی در روش اجزاء مرزی، حل معادله حاکم بر جریان پتانسیل یعنی معادله لاپلاس برای جریان تراکم‌ناپذیر، غیرچرخشی و غیرلزج، با استفاده از اجزاء تکین^۱ و محاسبه قدرت مجھول این اجزاء می‌باشد. معادله حاکم بر جریان سیال با فرضیات مورد اشاره، عبارت است از:

$$\nabla^2 \Phi^* = 0. \quad (1)$$

1- Singular

2- Green Function

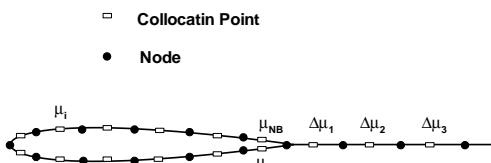
3- Kutta Condition

زمان یا الگوریتم پیشروی زمانی^۱ نیاز است. به این ترتیب، با توجه به اینکه در اولین گام زمانی اجزاء دنباله وجود ندارند، در رابطه (۱۰)، عبارت دوم سمت چپ حذف شده و معادله قابل حل خواهد شد. بعد از گام زمانی دوم، آثار مربوط به اجزاء دنباله در معادله ظاهر شده و لذا سیستم معادلات حجمیتر می‌شود. با این توضیحات، به منظور بازنویسی رابطه (۱۰) به شکل ساده‌تر، این رابطه به تمام اجزاء واقع بر سطح جسم و دنباله آن اعمال شده و رابطه ماتریسی زیر استخراج می‌شود [۱۲]:

$$A\mu^{n+1} + B\mu^n = W^{n+1}. \quad (11)$$

این رابطه، معادله اصلی روش اجزای مرزی (پانل) در حالت غیر دائم می‌باشد. در این رابطه n اندیس زمان می‌باشد، A یک بردار معلوم است و بردار σ با استفاده از شرط مماس بودن جریان به دست می‌آید. لازم به ذکر است که S ماتریس ضرایب تأثیر اجزاء چشمeh است، ماتریس A شامل ضرایب تأثیر اجزاء دوقطبی جسم و دنباله آن است و ماتریس B نیز شامل ضرایبی است که با استفاده از شرط کلوبین، ارتباط بین قدرت اجزاء دنباله در زمان n و $n+1$ را برقرار می‌کند. μ نیز برداری مجهول است که با توجه به شکل ۲ به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\mu = \left\{ \mu_1, \mu_2, \dots, \mu_{N_B}, \Delta\mu_1, \Delta\mu_2, \dots, \Delta\mu_{N_W} \right\}^T. \quad (12)$$



شکل (۲): شبکه‌بندی جسم و دنباله در حالت دو بعدی.

به این ترتیب، با حل رابطه ماتریسی (۱۱)، پتانسیل سرعت اغتشاشی اجزاء به دست آمده و توسط آن می‌توان پتانسیل سرعت کل و همچنین بردار سرعت سیال روی جسم را محاسبه نمود. سپس به کمک قانون برنولی اصلاح شده در رابطه (۱۳)، می‌توان ضریب فشار هر پانل را به صورت زیر محاسبه نمود:

هندسه معلوم برای هر کدام از نقاط هم‌مکانی، مجموع ضرایب تأثیر اجزاء موجود بر سطح جسم و سطح دنباله، مورد نیاز می‌باشد. لذا معادله انتگرالی (۵) به سطح هر پانل محدود می‌شود. برای هر جزء با قدرت واحد μ یا σ ، این ضریب فقط وابسته به هندسه آن است. به منظور سادگی روابط، ضرایب زیر را می‌توان تعریف نمود.

ضریب تأثیر جزء دوقطبی k با قدرت واحد، تعریف شده به وسیله چهار گره ۳، ۲، ۱ و ۴ روی نقطه هم‌مکانی جزء p ام عبارت است از:

$$\frac{1}{4\pi} \int_{1,2,3,4} \frac{\partial}{\partial n} \left(\frac{1}{r} \right) ds_k = C_k. \quad (6)$$

همچنین، ضریب تأثیر مربوط به جزء چشمeh با قدرت واحد روی نقطه هم‌مکانی جزء p ام برابر است با:

$$-\frac{1}{4\pi} \int_{1,2,3,4} \left(\frac{1}{r} \right) ds_k = B_k. \quad (7)$$

لذا، با محاسبه ضرایب تأثیر همه اجزاء روی نقطه هم‌مکانی p ام در هر گام زمانی نتیجه می‌شود:

$$\sum_{k=1}^N C_k \mu_k(t) + \sum_{l=1}^{N_w} C_l \mu_l(t) + \sum_{k=1}^N B_k \sigma_k(t) = 0. \quad (8)$$

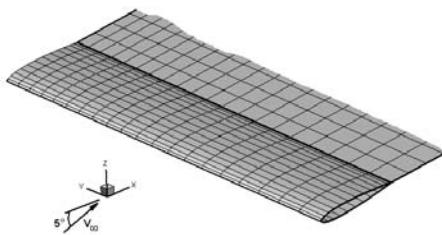
به این ترتیب، معادله انتگرالی (۵) به معادله جبری (۸) تبدیل می‌شود که در آن N_w بیانگر تعداد اجزاء موجود روی دنباله و N تعداد اجزاء جسم می‌باشد. در این رابطه، عبارت سوم یعنی مقدار قدرت چشمeh σ با استفاده از شرط مرزی سرعت از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\sigma = -\vec{V}_r \cdot \vec{n}. \quad (9)$$

رابطه فوق بیانگر صفر بودن مؤلفه عمودی سرعت بر سطح جسم بوده و در آن V_r بردار سرعت جسم می‌باشد. در نتیجه عبارت سوم مقدار معلومی داشته و به سمت راست معادله منتقل می‌شود. به این ترتیب مسئله به صورت حل یک دستگاه معادلات جبری با متغیر مجهول μ تبدیل می‌شود. همان‌طور که مشاهده می‌شود توزیع قدرت اجزاء تکین در رابطه (۹)، ثابت نبوده و به صورت زیر تابع زمان می‌باشد:

$$\sum_{k=1}^N C_k \mu_k(t) + \sum_{l=1}^{N_w} C_l \mu_l(t) = -\sum_{k=1}^N B_k \sigma_k(t). \quad (10)$$

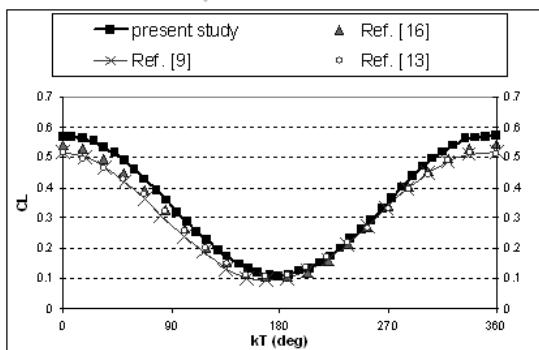
به همین علت، برای حل آن به یک روال گسترش‌سازی در



شکل (۴): شبکه محاسباتی بال مستطیل شکل و دنباله آن.

در شکل ۵ توزیع ضریب برآ به ازای فرکانس کاسته $k = 0.3$ مشاهده می‌شود. همچنین نتایج به دست آمده با نتایج موجود در مراجع [۱۶ و ۱۷] مقایسه شده‌اند. در این مراجع از حل جریان پتانسیل به روش پانل استفاده شده است. ملاحظه می‌شود که نتایج توزیع ضریب برآ از دقت مناسبی برخوردار می‌باشد. شایان ذکر است که در این منحنی‌ها، T بیانگر زمان بدون بعد می‌باشد. ($T = U_{\infty} t / b$) ملاحظه می‌شود که کد محاسباتی تهیه شده در محیط نرم‌افزار MATLAB به منظور پیداهسازی روش پانل جهت محاسبات آیروالاستیک غیردائم، در مقایسه با مراجع موجود عملکرد صحیح داشته و دارای اعتبار است. به این ترتیب، به منظور محاسبات آیروالاستیک می‌توان از این نرم‌افزار به همراه نرم‌افزار ANSYS به عنوان حلگر سازه، استفاده نمود.

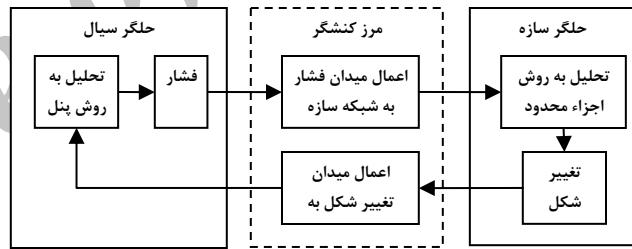
در شکل ۶ فلوچارت کد محاسباتی تدوین شده جهت تحلیل ناپایداری آیروالاستیک مبتنی بر روش‌های اجزاء محدود و پانل غیردائم در نرم‌افزارهای تجاری ANSYS و MATLAB مشاهده می‌شود. مطالب تکمیلی اعم از نحوه ایجاد ارتباط بین دو نرم‌افزار، فایل ورودی ANSYS و کد محاسباتی MATLAB در مرجع [۱۷] به طور مبسوط موجود می‌باشد.



شکل (۵): توزیع ضریب برآ در حرکت نوسانی با فرکانس $0.3/3$.

$$C_{P_k} = 1 - \frac{Q^2}{U_\infty^2} - \frac{2}{U_\infty^2} \frac{\partial \mu_k}{\partial t}. \quad (13)$$

با استفاده از رابطه (۱۳) و معین شدن ضرایب فشار، می‌توان نیروهای آیرودینامیکی را در هر گام زمانی به عنوان نیروی خارجی در ارتعاشات اجباری به شبکه حل سازه اعمال نمود. اعمال این نیروها و انجام تحلیل سازه، سبب تغییر شکل در سازه شده و شبکه محاسباتی را جابه‌جا می‌کند. با تعییر شکل سازه و جابه‌جایی شبکه، توزیع نیروهای آیرودینامیکی دست‌خوش تعییر شده و بایستی مجدداً محاسبه شود. این روند در یک الگوریتم تکراری تا اتمام زمان تحلیل ادامه یافته و می‌توان به کمک آن پاسخ دینامیکی درجهات آزادی سازه را در طول زمان بررسی نمود. در شکل ۳ الگوریتم تحلیل فوق که به روال کوپلینگ متوالی معروف می‌باشد، نشان داده شده است. نکته‌ای که بایستی به آن توجه نمود، محدوده اعتبار فرض جریان پتانسیل و در نتیجه کد محاسباتی مبتنی بر روش پانل غیردائم است.



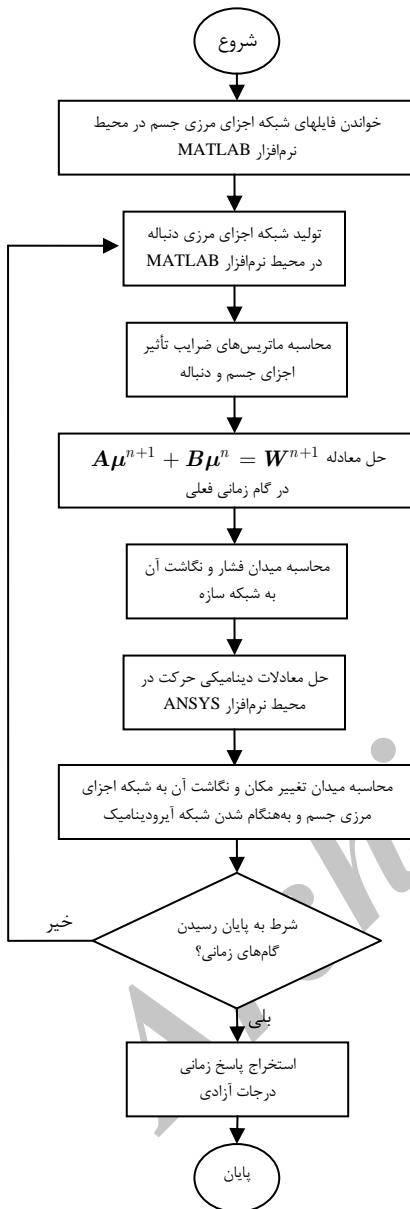
شکل (۳): الگوریتم کوپلینگ متوالی در کد محاسباتی.

۳- اعتبارسنجی کد تدوین شده

به منظور بررسی صحت نتایج حاصل از قسمت آیرودینامیک کد محاسباتی در مواجهه با هندسه سه بعدی، یک بال مستطیلی مورد تحلیل واقع شده و توزیع غیردائم ضریب برآ محاسبه و با اطلاعات مراجع موجود مقایسه شده است. بال مورد اشاره دارای مقطع NACA 0012 و ضریب منظری $AR = 4$ است که در زاویه حمله ۵ درجه با یک حرکت نوسانی در جهت عمود بر سطح بال با دامنه $h/c = 0.1$ قرار گرفته است. در شکل ۴ شبکه محاسباتی روی سطح بال و دنباله آن نشان داده شده است.

جدول(۲): خواص مواد مدل کامل بال ۴۴۵.۶ [۱۴-۱۵].

$E_1 (GPa)$	$E_2 (GPa)$	$G (GPa)$	ν	$\rho (kg / m^3)$
۴/۱	۰/۹	۰/۸	۰/۳۱	۴۹۵



شکل(۶): فلوچارت تحلیل ناپایداری آبرودینامیک مبتنی بر روش‌های اجزاء محدود و پانل غیردائم.

۴- نتایج عددی

بال آگارد ۴۴۵.۶ به عنوان یک نمونه شناخته شده در تحلیل ناپایداری آبرودینامیک برای بررسی عددی انتخاب شده است. بال مذکور، اولین بار در توپل باد واقع در مرکز تحقیقات ناسا لانگلی در رژیم‌های مختلف جریان، مورد آزمایش واقع شده و نتایج آن در شرایط مختلف موجود است [۱۴-۱۵]. این بال دارای ضریب منظری ۱/۶۵ و ضریب باریک‌شوندگی برابر ۴۶° است و زاویه سوئیپ آن در نقطه یک چهارم وتر، ۴۵° رو به عقب می‌باشد. همچنین، این بال از یک مقطع مقرون NA CA 65A 004 در جهت جریان، برخوردار است. طول وتر در قسمت ریشه برابر $m/5587^0$ می‌باشد و جنس آن از چوب است.

در تحقیق حاضر، ابتدا مدل ضعیف شده^۱ این بال استفاده شده که در این مدل برای کاهش سختی، در سرتاسر بال سوراخ‌هایی ایجاد و با فوم پر شده است. در مرحله بعدی مدل توپر^۲ بال به کار گرفته شده تا بتوان تاثیر شرایط مختلف مانند خواص مواد را در تحلیل نمایش داد. در جدول‌های ۱-۲ خواص مواد مورد استفاده ارائه شده است.

۴-۱- مدل سازه بال

سازه بال، در نرم‌افزار ANSYS متشكل از تیر اصلی^۳، صفحات عرضی^۴ و پوسته^۵ مدل سازی شده است. در شکل ۷، مدل شبکه‌بندی شده شامل ۶۳۳ المان پوسته با قابلیت اعمال خواص غیرخطی هندسی و ۶۳۰ گره (۶ درجه آزادی در هر گره)، به همراه شرایط تکیه‌گاهی نشان داده شده است.

جدول(۱): خواص مواد مدل ضعیف شده بال ۴۴۵.۶

[۱۴-۱۵]

$E_1 (GPa)$	$E_2 (GPa)$	$G (GPa)$	ν	$\rho (kg / m^3)$
۳/۱	۰/۴۲	۰/۴۴	۰/۳۱	۳۸۱/۹۸

1- Weakened

2- Solid

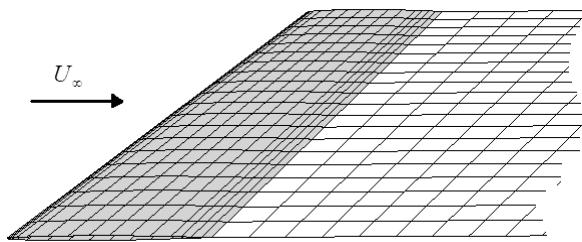
3- Spar

4- Rib

5- Skin

۳-۴- مدل اجزاء مرزی آبرودینامیکی بال

در شکل ۸، شبکه محاسباتی اجزاء مرزی ایجاد شده روی سطح بال و دنباله آن نشان داده شده است. سطح بال در این شبکه‌بندی، متاشکل از 600×630 پانل و 630 گره می‌باشد. طول دنباله 10 برابر و ترحداً کثیر در نظر گرفته شده و از $1,000$ پانل در جهت جریان تشکیل شده است.



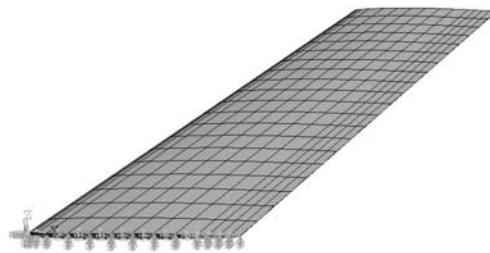
شکل (۸): مدل اجزاء مرزی بال آگارد ۴۴۵.۶ و دنباله آن

۴- نتایج تحلیل آبروالاستیک

تحلیل پایداری مدل ضعیف شده بال با استفاده از کد محاسباتی تهیه شده، به صورت پاسخ زمانی درجات آزادی بی‌بعد عمودی^۱ (h/b) و پیچشی^۲ (θ)، در دو سرعت 0.328 و 0.117 متر بر ثانیه و عدد ماخ 1451 انجام و نتایج آن در شکل‌های $9-10$ ارائه شده است. شایان ذکر است که با توجه به موجود بودن سرعت فلاتر این بال، سرعت‌های فوق در نزدیکی مرز فلاتر انتخاب شده‌اند تا کارآیی کد محاسباتی به اثبات برسد. در صورت تحلیل یک بال جدید و در دسترس نبودن سرعت ناپایداری، به عنوان یک حدس اولیه معمولاً از مدل‌های خطی ساده مانند مدل $k-a$ استفاده می‌شود.

۴-۵- تأثیر شرایط بر سرعت فلاتر

نتایج تحلیل آبروالاستیک مدل توپر بال مورد اشاره در دو سرعت 0.147 و 0.145 متر بر ثانیه و عدد ماخ 1451 در شکل‌های $11-12$ ارائه شده است.



شکل (۷): مدل شبکه‌بندی شده بال آگارد ۴۴۵.۶ در ANSYS

۴- بررسی صحبت شبیه‌سازی سازه

به منظور بررسی درستی نتایج حاصل از تحلیل رایانه‌ای، ابتدا با استفاده از نظر هندسه و خواص مواد انتخابی، اعتبارسنجی شود. در جدول‌های $3-4$ ، چهار فرکانس طبیعی اول حاصل از تحلیل ANSYS و فرکانس‌های طبیعی بال آگارد ۴۴۵.۶ موجود در مراجع با هم مقایسه شده‌اند. از آنجا که اختلاف مقادیر به خصوص برای مواد غالب اول زیاد نیست، مدل سازه شبیه‌سازی شده معتبر ارزیابی شده و می‌توان از آن برای شروع تحلیل پایداری آبروالاستیک استفاده نمود.

جدول (۳): فرکانس‌های طبیعی مدل ضعیف شده بال.

فرکانس طبیعی (H_z)	نتایج آزمایش [۱۴]	درصد خطأ	نرم افزار ANSYS	نتایج تحلیل در ANSYS	مود اول	مود دوم	مود سوم	مود چهارم
۹/۶					۹/۶	۳/۸/۱	۵/۰/۷	۹/۸/۵
۹/۰					۹/۰	۳/۹/۶	۵/۵/۴	۹/۵/۰
۶/۳					۶/۳	۳/۹	۹/۳	۳/۶

جدول (۴): فرکانس‌های طبیعی مدل توپر بال.

فرکانس طبیعی (H_z)	نتایج آزمایش [۱۴]	درصد خطأ	نرم افزار ANSYS	نتایج تحلیل در ANSYS	مود اول	مود دوم	مود سوم	مود چهارم
۱۴/۱					۱۴/۱	۵/۰/۹	۶/۸/۹	۱۲۲/۲
۱۳/۶					۱۳/۶	۵/۱/۳	۷/۳/۲	۱۲۳/۲
۳/۵					۳/۵	۰/۸	۶/۲	۰/۸

۵- بررسی صحت نتایج

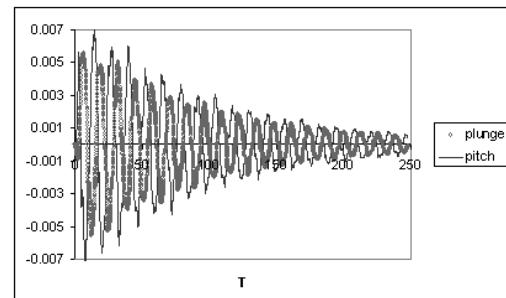
بررسی پاسخ زمانی درجات آزادی مدل ضعیف شده در سرعت ۱۱۵ متر بر ثانیه در شکل ۹ نشان می دهد که نوسانات سازه با افزایش زمان، به صورت سینوسی مستهلک شده اند. این بدان معنی است که مقدار سرعت، کمتر از سرعت فلاٹر می باشد. همچنین پاسخ زمانی درجات آزادی در سرعت ۱۱۷ متر بر ثانیه در شکل ۱۰ مشخص می کند که نوسانات سازه با افزایش زمان، تقویت شده و دامنه آن به شدت افزایش می یابد. این مسئله به معنی وقوع ناپایداری در سازه است. لذا می توان نتیجه گرفت که سرعت ناپایداری فلاٹر برای این مدل عددی مابین دو سرعت مذکور است. سرعت فلاٹر مدل ضعیف شده بال آگارد ۴۴۵.۶، در مراجع [۱۴-۱۵] برای عدد ماخ 0.338 ، برابر $116/9$ متر بر ثانیه گزارش شده است. مقایسه نتایج حاصل از کد نرم افزاری تهیه شده و نتیجه آزمایش بال مورد بررسی، صحت عملکرد نرم افزار را به اثبات می رساند.

با تحلیلی مشابه، بررسی مدل توپر بال در شکل ۱۱ نشان از پایداری مودهای حرکتی در سرعت ۱۴۵ متر بر ثانیه دارد، حال آنکه شکل ۱۲ نشان می دهد که در سرعت ۱۴۷ متر بر ثانیه، ناپایداری فلاٹر واقع شده است. به این ترتیب سرعت ناپایداری فلاٹر برای این مدل، بین دو سرعت مذکور است. سرعت فلاٹر مدل توپر بال آگارد ۴۴۵.۶، در مراجع [۱۴-۱۵] برای عدد ماخ 0.451 ، برابر 154 متر بر ثانیه گزارش شده که مقایسه سرعت ناپایداری حاصل از تحلیل نرم افزار با این سرعت، خطای اندکی در حدود ۵ درصد را نشان می دهد.

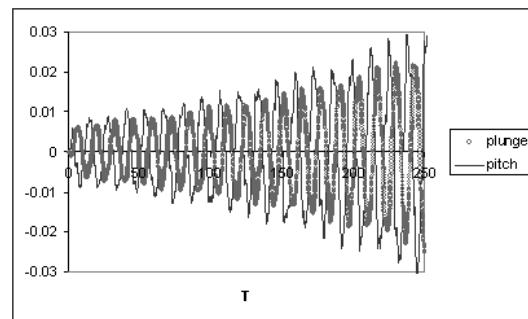
۶- نتیجه گیری

در تحقیق حاضر، یک کد جهت بررسی پایداری آبرو ال استیک بال هواییما در دامنه زمان و در رژیم جریان تراکم ناپذیر، تهیه شده که در حوزه آبرودینامیک، روش پانل غیر دائم بر مبنای جریان پتانسیل را پیاده سازی نموده و در حوزه سازه، از روش اجزاء محدود با فرض رفتار غیر خطی سازه ناشی از تغییر شکل های بزرگ هندسی، استفاده می کند.

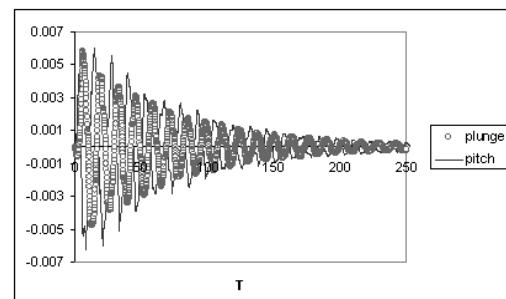
ویژگی بارز نرم افزار رایانه ای تدوین شده، اضافه نمودن قابلیت تحلیل آبرو ال استیک در نرم افزار ANSYS از طریق



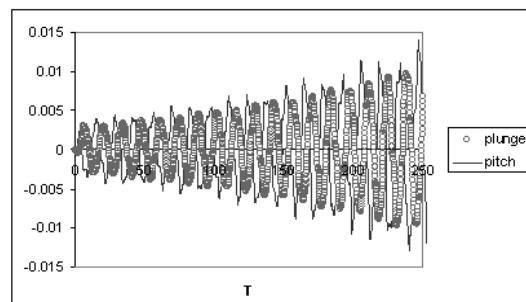
شکل (۹): پاسخ زمانی درجات آزادی نوک بال ۴۴۵.۶ مدل ضعیف شده در سرعت ۱۱۵ متر بر ثانیه.



شکل (۱۰): پاسخ زمانی درجات آزادی نوک بال ۴۴۵.۶ مدل ضعیف شده در سرعت ۱۱۷ متر بر ثانیه.



شکل (۱۱): پاسخ زمانی درجات آزادی نوک بال ۴۴۵.۶ مدل توپر در سرعت ۱۴۵ متر بر ثانیه.



شکل (۱۲): پاسخ زمانی درجات آزادی نوک بال ۴۴۵.۶ مدل توپر در سرعت ۱۴۷ متر بر ثانیه.

8. Eller, D. and Carlsson, M. "An Efficient Aerodynamic Boundary Element Method for Aeroelastic Simulations and Its Experimental Validation", *J. Aerospace Sci. and Tech.*, Vol. 7, No. 7, pp. 532-539, 2003.
9. Esfahanian, V. and Behbahani-nejad, M. "Reduced-Order Modeling of Unsteady Flows about Complex Configurations, Using the Boundary Element Method", *J. Fluids Eng.*, Vol. 124, No. 4, pp. 988-993, 2002.
10. Shahverdi, H., Nobari, A.S., Behbahani-Nejad, M., and Haddadpour, H. "An Efficient Reduced-Order Modeling Approach, Based on Fluid Eigenmodes and Boundary Element Method", *J. Fluids and Structures*, Vol. 23, No. 1, pp. 143-153, 2007.
11. Ghassemi, H. and Zamanian-Dehkordi, S.J. "Computations of the Wave-making Resistance of a Submarine, Using Boundary Element Method", *Mech. Aerospace Eng. J.*, Vol. 5, No. 1, pp. 33-49, 2009 (In Persian).
12. Katz, J. and Plotkin, A. "Low Speed Aerodynamics; From Wing Theory to Panel Methods ", McGraw-Hill, New York, 1991.
13. Katz, J. and Maskew, B. "Unsteady Low-Speed Aerodynamic Model for Complete Aircraft Configurations", *J. Aircraft*, Vol. 25, No. 4, pp. 302-310, 1988.
14. Yates, E.C. "AGARD Standard Aeroelastic Configurations for Dynamic Response I-Wing 445.6", AGARD Report 765, North Atlantic Treaty Organization, 1988.
15. Yates, E.C., Land, N.S., and Foughner, J.T. "Measured and Calculated Subsonic and Transonic Flutter Characteristics of a 45° Sweptback Wing Planform in Air and in Freon-12 in Langley Transonic Dynamics Tunnel", NASA, D-1616, 1963.
16. Shahverdi, H. "Aeroelastic Analysis of Helicopter Rotor Blades, Using Reduced Order Aerodynamic Model", Aerospace Ph.D. Dissertation, Aerospace Eng. Dep't, Amirkabir Univ. of Tech., 2006 (In Persian).
17. Roohi Dehkordi, I. "Implementation of a Computational Aeroelastic Code in MATLAB and ANSYS Environment, Based on the Unsteady Panel Method" Aerospace M.S. Thesis, Aerospace Eng. Dep't, Amirkabir Univ. of Tech., 2008 (In Persian).

ایجاد ارتباط بین دو نرم‌افزار MATLAB و ANSYS می‌باشد. از آنجا که ANSYS یک نرم‌افزار شناخته شده و با کارآیی بالا در زمینه اجزاء محدود است، قابلیت‌های فراوان و کاربرپسند آن از جمله انتخاب المانهای مختلف، اعمال خواص و رفتار غیرخطی مواد، شبیه‌سازی مواد مركب، تعویض شرایط تکیه‌گاهی و مشاهده آثار آنها... را می‌توان به سرعت و بدون درگیری با پیچیدگی‌های کدنویسی، در تحلیل اعمال نمود. مقایسه نتایج به دست آمده در این تحقیق با مراجع موجود، صحت عملکرد و دقت نتایج نرم‌افزار مورد نظر را تأیید می‌کند. به عنوان نمونه، نرم‌افزار تهیه شده به منظور بررسی ناپایداری فلاوتر بال آگارد 445.6، با موفقیت به کار گرفته شده است.

مراجع

1. Haddadpour, H. and Firouz-Abadi, R.D. "Evaluation of Quasi-Steady Aerodynamic Modeling for Flutter Prediction of Aircraft Wings in Incompressible Flow", *J. Thin-Walled Structures*, Vol. 44, No. 9, pp. 931-936, 2006.
2. Tang, D.M. and Dowell, E.H. "Effects of Geometric Structural Non-linearity on Flutter and Limit Cycle Oscillations of High Aspect Ratio Wings", *J. Fluids & Structures*, Vol. 19, No. 3, pp. 291-306, 2004.
3. Guruswamy, G.P. "A Review of Numerical Fluids/Structures Interface Methods for Computations, Using High-Fidelity Equations", *J. Computers and Structures*, Vol. 80, No. 1, pp. 31-41, 2002.
4. Attar, P.J., Dowell, E.H., and Tang, D.M. "A Theoretical and Experimental Investigation of the Effects of a Steady Angle of Attack on the Non-linear Flutter of a Delta Wing Plate Model", *J. Fluids & Structures*, Vol. 17, No. 3, pp. 243-259, 2003.
5. Attar, P.J. and Gordnier, R.E. "Aeroelastic Prediction of the Limit Cycle Oscillations of a Cropped Delta Wing", *J. Fluids & Structures*, Vol. 22, No. 1, pp. 45-58, 2006.
6. Kamakoti, R. and Shyy, W. "Fluid-Structure Interaction for Aeroelastic Applications", *Progress in Aerospace Sciences*, Vol. 40, No. 8, pp. 535-558, 2004.
7. Smith, M.J.C., Wilkin, P.J., and Williams, M.H. "The Advantages of an Unsteady Panel Method in Modeling the Aerodynamic Forces on Rigid Flapping Wings", *J. Experimental Biology*, Vol. 199, No. 5, pp. 1073-1083, 1996.