تحليل كمانش پيشرونده ديناميكي لولههاي دايروي

تحت ضربه محوری با سرعت بالا

علیرضا نداف اسکوئی^۱، حسین خدارحمی^۲ و مسعود رضوانی^۳ دانشگاه جامع امام حسین (ع) (تاریخ دریافت: ۹۱/۱/۲۷؛ تاریخ پذیرش: ۹۲/۲/۱۴)

چکیدہ

در این مقاله، مدل آبراموویچ و جونز برای تحلیل فرآیند فروریزش لولههای دایروی تحت بار ضربهای بررسی و بر مبنای اثر اینرسی، مـدل تحلیلـی جدیدی ارائه شده است. برای این منظور، اتلاف انرژی ناشی از کوتاهشدگی اولیه دیواره لوله و اثرات اینرسی لایههای چـینخـورده قبلـی بـر لایـه چینخورده جدید در نظر گرفته شده است. نیروی لهیدگی متوسط و جذب انرژی محاسبه شده با این روش نسبت به مـدل تحلیلـی قبلی نتـایج بهتری را پیشبینی نموده است. بر اساس نتایج این مقاله، مشخص شده که سرعت و جرم ضربه زننده که در مـدل تحلیلـی قبلی بـرای محاسبه نیروی متوسط لهیدگی از آن صرف نظر شده، تأثیر بسزایی در نیروی فروریزش لوله و میزان جذب انرژی توسط آن دارد. همچنین در این تحقیـق، در تستهای تجربی مشاهده گردید که در سرعتهای ضربه بالا در بیشتر نمونههای آلومینیمی کمانش پیشرونده دینامیکی و در بعضی نمونـههـا که سرعت ضربه کمتر بود، کمانش پلاستیکی دینامیکی رخ میدهد. در این مقاله، نتایج کاهش نهایی طول لوله، جـذب انـرژی و نیـروی لهیـدگی متوسط دینامیکی در نمونههایی که در آنها کمانش پیشرونده دینامیکی رخ داده است، در دو زمینه تئوری و تجربی مقایسه و بحث می شود. بر اساس نتایج این مقاله مشخص شده که نتایج تئوری و تحربی همخوانی مناسبی با هم دارند.

واژههای کلیدی: لولههای دایروی، ضربه محوری، فروریزش، لهیدگی محوری، کمانش پیشرونده

Dynamic Progressive Buckling of Circular Tubes under High Speed Axial Impact Loadings A. Naddaf Oskouei, H. Khodarahmi, and M. Rezvani Imam Hossein Univ.

(Received: 15 April, 2012; Accepted: 14 May, 2013)

ABSTRACT

In this paper, Abramowitc and Jones model for analyzing dynamic progressive buckling of circular tubes under axial loading have been modified. In the improved model, the dissipated energy due to shortening of tube wall and the effects of inertia of previous folding layers on new one is considered. The mean crushing force and energy absorption, which is predicted by the theoretical model, has higher accuracy than the previous theoretical model. Based on the results of this paper, it is observed that the impact velocity and the mass of striker (neglected in pervious analytical models) are important in mean crush force and absorb energy of circular tube. Also in this research, it has been observed in the experiential tests that in most of the aluminum specimens, the high impact speeds, dynamic progressive buckling and in some samples in which the speed of impact was lower, dynamic plastic buckling happened. In this paper, final reduction in axial length, energy absorption and dynamic average crushing force in specimens in which dynamic progressive buckling has been occurred, is compared and discussed. Based on the results extracted in this thesis, it has been specified that theoretical results have acceptable consistency with experimental results.

Keywords: Circular Tubes, Axial Impact, Axial Crushing, Progressive Buckling

anadaf@ihu.ac.ir (نویسنده پاسخگو): anadaf@ihu.ac.ir

الΩدانشیار: hossein_khodarahmi@yahoo.com الΩدانشجوی کارشناسی ارشد: æezvani_masuod@yahoo.com

فع

علائم	فهرست
شعاع متوسط لوله دایروی	R
انرژی جذب شدہ	D_{T}
انرژی جذب شده از فشار محوری	$D_{\rm C}$
جرم ضربه زننده	G
ضخامت ديواره	H
جرم متمرکز در لبهی بالایی یک لایه چینخوردگی	m^*
نسبت جرم متمرکز به جرم ضربه زننده	$M_{\rm R}$
گشتاور خمیری کامل سطح مقطع	M_0
نيروى محورى خميرى كامل سطح مقطع	N_0
نیروی لهیدگی متوسط	$P_{\rm m}$
متغير زمان	t
سرعت اوليه برخورد	V_0
سرعت لبه بالایی المان گوشه	$V_{\rm A}$
سرعت ضربه زننده	$V_{\rm G}$
جهتهاى محورهاى مختصات	<i>X</i> , <i>Y</i>
زاویه چینخوردگی (زاویه انحراف از صفحه عمودی)	ϕ
نیم طول موج لهیدگی	l
چگالی	ρ
تنش جريان	σ_{0}
انرژی جنبشی اولیه پرتابه و بافر در آزمون تجربی	$k_{\rm e}$
کاهش نهایی طول لوله در آزمون تجربی	$\delta f_{ m e}$
انرژی جذب شده در لوله در تئوری	D^{d}
نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی در تئوری	Pm^{d}
نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی در آزمون تجربی	Pm^{d}_{e}
تنش تسليم	$\sigma_{\!\scriptscriptstyle \mathrm{y}}$
مدول الاستيسيته	Ε
ضريب پواسون	υ
جرم پرتابه و بافر در آزمون تجربی	$M_{\rm p}$

- جرم بافر $M_{\rm h}$
- Ń جرم معادل
- Ń سرعت معادل
- انرژی جنبشی معادل k

۱– مقدمه

یکی از کاربردی ترین جاذبهای انرژی ناشی از ضربه، لولههای دایروی هستند. این نوع جاذبها بسته به هندسه و شرایط بارگذاری رفتارهای متفاوتی را از خود نشان میدهند، اما در همه آنها تغییر شکلهای پلاستیک باعث استهلاک انرژی جنبشی ناشی از ضربه می شود. کمانش پیش رونده دینامیکی و www.SID.ir

كمانش پلاستیک دینامیکی از متداول ترین روش های جذب انرژی در جاذبهای لولهای تحت ضربه محوری میباشند. پدیده کمانش پیشرونده دینامیکی برای لولهی استوانهای تحت بـار محـوری در شـکل ۱ نشـان داده شـده اسـت. معمـولاً چین خوردگیها (لهیدگی) از یک انتهای لوله شروع شده و ییشروی مینماید. به همین علت این یدیده، کمانش پیشرونده ناميده مي شود [۱].



شکل (۱): لهیدگی پیشرونده دینامیکی یک لوله استوانهای جدار نازک از جنس آلومینیوم T5 6060 [7].

الکساندر ([۳] نخستین بار نظریهای برای لهیدگی پوستههای استوانهای جدار نازک تحت بار محوری به صورت متقارن، ارائه کرد. او فرض کرد که تغییر شـکل لولـه بـه صـورت شکل ۲ ملی باشد و یک فرملول تقریبی را بله صورت به دست آورد که P بار فروریزش (نیروی $P = CH^{1.5} \sqrt{2R}$ متوسط لهيدگي)، t ضخامت پوسته، R شعاع متوسط پوسته و یک ثابت برای هر ماده داده شده میباشند. تطابق خوبی Cبین این رابطه و نتایج تجربی نشان داده شده است.

پس از الکساندر افراد مختلفی مکانیزمهای تغییر شکل دیگری ارائه نموده و روابط جدیدی برای متوسط نیروی لهیدگی به دست آوردند. از جمله اصلاحات مهم توسط آبراموويچ⁷ و جونز آصورت گرفت. آبراموویچ [۴] و آبراموویچ و جونز [۵] فرض نمودند که چین خور دگی ها به جای آن که مطابق فرض الكساندر به صورت خط صاف باشد، حالت دايروى داشته باشند به صورتی که دو کمان به شکلی با هم لولا می شوند که بیانگر یک چینخوردگی در دیواره است. در این حالت از متغیری

- 1- Alexander
- 2- Abramowitcz
- 3- Jones

به نام طول مؤثر لهیدگی δ_e (شکل ۴)، که کمتر از 2l(شـکل ۲)، میباشد، استفاده میشود.



ضربه محوری لولهها با سرعت کم (تا ده متر بر ثانیه برای لولههای فلزی) به صورت شبه استاتیکی در نظر گرفته شده و در نتیجه، در تحلیل از اثر اینرسی صرف نظر میشود. در این حالت بار ضربه ای به قدری آرام وارد می آید که اینرسی محوري و اينرسي عرضي لوله در رفتار آن اثر قابل توجهي ندارد. لازم به ذکر است که زمان اعمال بار نسبت به زمان انتقال موج تنش انتشاری در لوله بسیار طولانی است. بدین ترتیب، لوله قادر به حمل بار متوسط دینامیکی بزرگتر از بار فروریزش استاتیکی نمی باشد. در حالتی که جرم ضربهزن М خیلی بزرگتر از جرم لوله *m*، است این برداشت منطقی به نظر میرسد. نیروی اینرسی ضربهزن در این حالت *Mii* است که در آن ü شتاب کند شونده ضمن ضربه می باشد. اگر گستره سرعت 🛙 زمان در محل برخورد ضربهزن و لوله خطی باشد، نیروی اینرسی لوله ضریبی از *mü* است و با توجه به اینکه m<<M است، این نیروی اینرسی در مقابل Mü قابل صرف نظر كردن مي باشد.

با این بیان شکل فروریزش لوله در این شرایط با کمانش پیشرونده استاتیکی یکسان بوده و در تحلیل تئوری از روابط استاتیکی استفاده میشود که هماهنگی خوبی با نتایج تجربی دارد [۱]. با وجود این، برای اجسامی که نسبت به نرخ کرنش حساسیت دارند اثر نرخ کرنش قابل توجه بوده و در روابط ایـن اثر لحاظ میشود.

اگر لوله جدار نازک یا عضو دیگری از یک سازه، تحت بار دینامیکی محوری با شدت قابل توجه قرار گیرد، در اثر اینرسی سازه، کمانش پلاستیکی دینامیکی رخ میدهد. در این حالت ممکن است نحوه تغییر شکل با کمانش پیشرونده، www.SID.ir

همان طور که در شکل ۳ برای لوله استوانه ای نشان داده شده است، متفاوت باشد. به طوری که از شکلهای ۱ و ۳ پیدا است، در حالت کمانش پیشرونده، چینها در یک انتها رخ میدهند و حال آنکه در کمانش پلاستیکی دینامیکی، چین در همه طول لوله اتفاق میافتد. به طور کلی، اثر نیروهای اینرسی جانبی روی کمانش پلاستیکی– دینامیکی پوسته ها، ورق ها، میله ها، تیرها و حلقه ها باعث یک میدان تغییر شکل عرضی می شود. این اثر در شکل ۳ دیده می شود [۱].



شکل (۳): کمانش پلاستیکی دینامیکی یک لوله دایروی از جنس آلومینیوم T6 6061 تحت بار ضربهای محوری [۱].

رن و همکارانش [۶] رفتار پس کمانش یک پوسته استوانهای آلومینیوم آلیاژی ^۲AMP را تحت ضربه محوری، مورد مطالعه تجربی قرار دادند. مطابق تئوری آنها، در یک محدوده سرعت معین، پوسته به یک شکل سینوسی با تقارن محوری، کمانش خواهد کرد.

تحلیل لهیدگی پلاستیکی دینامیکی سازههای جاذب انرژی به دلیل تأثیر دو فاکتور نرخ کرنش و اینرسی، مشکل تر از لهیدگی شبه استاتیکی متناظر است. فاکتور اولی یک خاصیت ماده است که به موجب آن، تنش تسلیم افزایش مییابد، حال آنکه فاکتور دومی میتواند بر حالت فروریزش تأثیرگذار باشد. به تازگی معلوم شده است سازههایی که منحنی بار- تغییر مکان آنها بعد از یک صعود اولیه، افت تندی میکند آ، نسبت به سازههایی که منحنی بار- تغییرمکان آنها در نقطه حداکثر هموار است آ، به سرعت بارگذاری بیشتر حساس هستند. به عبارت دیگر، وقتی که یک مقدار معینی از انرژی را توسط یک جرم متحرک دریافت میکنند، تغییر مکان نهایی آنها به شدت به سرعت ضربه بستگی دارد. کالاداین⁶ و انگلیس^۶ [۷] اثرات نرخ

- 2- Alcoa Mill Products Proprietary Alloys
- 3- Steeply Falling Curve
- 4- Flat-Topped Curve
- 5- Calladine
- 6- English

¹⁻ Ren

آزمایش ساده انجام شده در یک ماشین آزمون چکش سقوطی^۱ بررسی کردند.

ژانـگ^۲ و یـو^۳ [۸]، تـام و کـالاداین^۴ [۹] و کـاراجیوزووا و جونز^۵ [۱۰] اثرات نرخ کـرنش و اینرسـی را در یـک نمونـه از سازه نوع دوم در مطالعات کالاداین و انگلیس [۷] تحلیل کردند.

سو⁶ و همکارانش در بخش اول مقاله خود [۱۱] رفتار دینامیکی یک سازه جاذب انرژی ضربه که حساس به اینرسی است (قبلاً سازه نوع دوم نامیده شد) را تحت ضربه و در بخش دوم مقاله خود [۱۲] با اثرات نرخ کرنش مفصلاً تحلیل کردند.

کاراجیوزووا و جونز [۱۳] کمانش متقارن محوری دینامیکی پوستههای استوانهای را تحت ضربه محوری توسط یک جرم به منظور شفافسازی شروع کمانش و بیانش پیادا کردن نسبت به مکانیزم کمانش به عنوان فرآیند گذرا مطالعه کردند.

کاراجیوزووا و همکارانش [۱۴] کمانش با تقارن محوری پوسته های استوانه ای الاستیک پلاستیک را تحت ضربه محوری با استفاده از تحلیل اجزای محدود مطالعه کردند. این مطالعه آشکار میکند که پوسته ها تحت ضربه محوری، حساس به سرعت و جرم هستند طوری که انرژی های بزر گتر حاصل از ضربه های سرعت بالای ضربهزن میتوانند وقتی که جرم آن کاهش می اید، توسط پوسته ها جذب شوند. این موضوع نشان می دهد که مشخصات اینرسی پوسته به اضافه خواص ماده، الگوهای خاص انتشار موج تنش محوری را تعیین می کنند، و بنابراین سبب رخداد یکی از دو کمانش پیشرونده دینامیکی یا کمانش پلاستیکی دینامیکی طی فاز اولیه پاسخ پوسته می شوند.

کاراجیوزووا و جونز [۱۵] رفتار لهیدگی پوستههای استوانهای آلومینیومی و فولادی را هنگامی که تحت یک ضربه محوری قرار می گیرند با استفاده از یک شبیهسازی عددی بررسی کردند. تأثیر خواص ماده، هندسه پوسته، شرایط مرزی و شیوههای بارگذاری بر انرژی جذب شده و مودهای کمانش مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین مشخصات گوناگون پاسخ پوسته، از قبیل بار بیشینه، طولهای چینخوردگی، فشردگی محوری و جذب انرژی مطالعه شده است.

اکسو^۷و همکارانش [۱۶] کمانش کلی و محلی پوسـتههـای اسـتوانهای تحـت بارهـای ضـربهای فشـاری محـوری را مطالعـه کردند.

در این مقاله، علاوه بر مطالعه کمانش پیشرونده استاتیکی، مدل ارائه شده آبراموویچ و جونز جهت تحلیل فرآیند کمانش پیشرونده لولههای دایروی برای بارهای ضربهای (دینامیکی) اصلاح شده است. برای این منظور، انرژی جذب شده طی فروریزش لولههای دایروی اصلاح شده و اتلاف انرژی ناشی از کوتاه شدگی اولیه دیواره لوله و اثرات اینرسی لایههای چین خورده قبلی بر لایه چین خورده جدید در نظر گرفته شده است. بنابراین فرآیند فروریزش لوله شامل دو مرحله کاهش طول دیواره و خمش در دیواره است. با محاسبه انرژی جذب شده در هر مرحله برای هر یک از لایههای چین خورده و جمع انرژی جذب شده در هر دو مرحله، انرژی کلی جذب شده در هر لایه محاسبه شده است.

در این تحقیق، به صورت تجربی بررسی میشود که در سرعتهای بالا کدام یک از دو کمانش پیشرونده دینامیکی و کمانش پلاستیکی دینامیکی در لولههای آلومینیومی ایجاد میشود.

۲- مروری بر مدل تحلیلی استاتیکی

در مدل های تحلیلی که برای محاسبه نیروی لازم برای لهیدگی لولههای دایروی توسط محققین انجام شده است، معمولاً از این روش استفاده می کنند که با مساوی قرار دادن کل اتلاف انرژی (میزان جذب انرژی) یا کار نیروی خارجی، نیروی متوسط لهیدگی (فروریزش) و طول چینخوردگی محاسبه میشوند. در بررسی پدیده کمانش پیشرونده در یک لوله دایروی جدار نازک، رفتار ماده به صورت صلب – کاملاً پلاستیک با مقداری ثابت برای تنش جریان σ_0 ، در نظر گرفته می شود [۵-۳]. انرژی جذب شده در اثر ایجاد یک چین خوردگی کامل مطابق شکل \mathbf{r} در مدل تحلیلی الکساندر و همین طور در مدل آبراموویچ و جونز برابر است با:

 $D_T = 2\pi\sigma_0 H \left[H \left(\pi R + l \right) / \sqrt{3} + l^2 \right]. \tag{1}$

این مقدار جذب انرژی از مجموع انرژی جذب شده در لولاهای a و b ، a و b ، a و b ، a ممان پلاستیک مقطع M_0 ، میباشند به اضافه انرژی جذب شده به واسطه کشیدگی محیطی، به دست آمده است.

در الگوی لهیدگی الکساندر (شـکل ۲)، بـا برابـر قـرار دادن D_T (انرژی جذب شده) و P_m×2l (کار خـارجی مـورد نیـاز D_T

¹⁻ Drop Hammer Testing Machine

²⁻ Zhang

³⁻ Yu

⁴⁻ Tam and Calladine

⁵⁻ Karagiozova and Jones

⁶⁻ Su

برای ایجاد یک چین کامل)، نیروی لهیدگی متوسط محاسبه میشود:

$$\frac{P_m}{M_0} = 29.31 \left(\frac{R}{H}\right)^{\frac{1}{2}} + 6.28,$$
(7)

که در آن ${M_0}$ ، ممان پلاستیک مقطع بر واحـد طـول بـوده و بر مبنای معیار تسلیم فون میسز برابر است با:

$$M_0 = \left(\frac{2\sigma_0}{\sqrt{3}}\right) \frac{H^2}{4}.$$
 (7)

آبراموویچ در سال ۱۹۸۳ [۴] الگوی لهیدگی را مطابق شکل ۴ که به واقعیت نزدیکتر است، در نظر گرفت:



شکل (۴): نمایش شماتیک فاصله لهیدگی مؤثر [۱].

مطابق شکل ۴ فاصله لهیدگی مؤثر به صورت زیـر تعریـف می شود:

$$\frac{\delta_e}{2l} = 0.86 - 0.37 \left(\frac{H}{R}\right)^{\frac{1}{2}}.$$
 (*)

با توجه به شکل $\mathbf{\hat{F}}$ ، آبراموویچ و جونز با برابر قرار دادن D_T (انرژی جذب شده) و $\mathcal{N}_m imes \mathcal{\delta}_e$ (کار خارجی مورد نیاز برای ایجاد یک چینخوردگی کامل)، نیروی لهیـدگی متوسـط اصلاح شده را به دست آوردند:

تشکیل چین به طرف خارج، به دست آمـده است. بـا تکـرار تحلیل برای چین به طرف داخل رابطه زیر به دست میآید: $\frac{P_m}{M_0} = \frac{29.31 (R/H)^{1/2} - 6.28}{0.86 - 0.371 (H/R)^{1/2}}.$ (۶)

$$\frac{P_m}{M_0} = \frac{29.31 (R/H)^{1/2}}{0.86 - 0.371 (H/R)^{1/2}}.$$
 (Y)

این رابطه یک تقریب مناسب برای بار لهیدگی محوری یک استوانه را به دست می دهد. اگر در محاسبه انرژی جـذب شـده به واسطه کشیدگی محیطی در شکل ۲ به جای مقـدار متوسط کرنش از تغییرات کرنش محیطی واقعی استفاده می شـد، رابطه (۱) (انرژی کلی جذب شده برای تشکیل یک چین کامل) به صورت زیر در می آید:

$$D_T = 2\pi\sigma_0 H \Big[H(\pi R + l) / \sqrt{3} + l^2 (1 + l/3R) \Big]. \tag{A}$$

iðle iيروى لھيدگى متوسط به شكل زير در مى آيد:

$$\frac{P_m}{M_0} = 29.4 \left(\frac{R}{H}\right)^{1/2} + 11.9.$$
 (9)

این رابطه را میتوان بر مبنای طول مؤثر لهیدگی بیان کرد. با توجه به رابطه (۸) طول مؤثر لهیدگی به صورت زیر در میآید: 1/2 س

$$\frac{\partial_e}{2l} = 0.86 - 0.402 \left(\frac{H}{R}\right)^2 . \tag{1.1}$$

$$\frac{P_m}{M_0} = \frac{29.4 \left(R/H \right)^{1/2} + 11.9}{0.86 - 0.402 \left(H/R \right)^{1/2}}.$$
(11)

۳- اثر نرخ کرنش

در بارگذاری لولیه بیه صورت ضربهای بیا سرعت کیم (شبهاستاتیکی) نرخ کرنش در میزان نیروی لهیدگی و تغییر شکل لوله مؤثر است و رابطه نیروی لهیدگی دینامیکی و نیروی لهیدگی استاتیکی به صورت زیر است:

$$\frac{P_m^{d_1}}{P_m} = 1 + \left(\frac{\dot{\varepsilon}}{D}\right)^{\frac{1}{q}},\tag{11}$$

که در آن، \dot{s} نـرخ کـرنش، p و D ثابت.های رابطه کاپر- سیموندز e^{1} و $p_{m}^{d_{1}}$ بار دینامیکی حاصل از اثر نـرخ کـرنش است. نرخ کرنشی که در رابطه بالا محاسبه می شود برای الگـوی ایت. نرخ کرنشی که در رابطه بالا محاسبه می شود برای الگـوی لهیـدگی متقارن بـه صورت زیـر در نظر گرفته شـده است: $\dot{c} = 0.25V / [R \{0.86 - 0.402 (H/R)^{1/2}\}]$ مرعت ضربه زننـده بـرای هـر لایـه چـینخـوردگی و R شـعاع متوسط لوله دایروی است [۵]. به این ترتیب با استفاده از مقـدار نرخ کـرنش و رابطه داتر) نیـروی متوسط دینامیکی لهیـدگی

¹⁻ Cowper -Symonds

حاصل از اثر نرخ کرنش در الگوی فروریزش متقارن به صورت زیر محاسبه می شود:

$$P_m^{d_1} = \left[1 + \left(\frac{0.2\mathcal{N}}{DR \left\{ 0.86 - 0.402 \left(H/R \right)^{1/2} \right\}} \right)^{\frac{1}{q}} \right] P_m.$$
 (17)

۴- اصلاح مدل آبراموویچ و جونز بـا لحـاظ کـردن اثـر اینرسی

رابطه (۱) یا (۸) مربوط به مرحلهای از لهیدگی است که در آن انرژی جنبشی ضربه زننده توسط خمش های بزرگ خمیری در محلی که خط وط (مدور) لولای خمیری نامیده می شوند جذب می شود. با این حال در تمامی جاذب های انرژی که از صفحات در ابتدا صاف تشکیل شدهاند مرحلهای در جذب انرژی وجود دارد که در آن صفحات سازنده جاذب در لایه های مختلف چین خوردگی پیش از خمش دچار کوتاه شدگی می شوند. به این تر تیب در لهیدگی محوری لوله های دایروی جدار نازک در خلال تشکیل هر یک از کوتاه شدگی دیواره هر لایه و خمش دیواره از محل خطوط (مدور) لولای خمیری صورت می گیرد.

در فرآیند جـذب انـرژی در تشـکیل اولـین لایـه از چین خوردگیها ابتدا ضربه زننده به لبه بالای دیواره لوله دایروی برخورد میکند و سبب کاهش طول این دیواره می شود، در این مرحله، به علت جذب انرژی در اثر کوتاه شدن دیواره، سـرعت و انـرژی جنبشـی ضـربه زننـده کـاهش مییابد سپس دیوارہ کوتاہ شـدہ از محـل لـولای افقـی دچـار خمش می شود. سرعت و انرژی جنبشی اولیه در مرحله دوم جذب انرژی از مقدار نهایی آنها در پایان مرحله اول جذب انرژی به دست میآید. در مرحله دوم، از انرژی جنبشی و سرعت ضربه زننده کاسته شده و سرعت و انرژی جنبشی نهایی در پایان این مرحله به عنوان مقادیر اولیه برای تشکیل لایه بعدی چینخوردگی استفاده می شود. جرم ضربه زننده در تشکیل دومین لایہ چین خوردگی نیز برابر با جرم اولیہ ضربه زننده پیش از برخورد به علاوه جرم اولین لایه چینخوردگی خواهد بود. این روند برای تمام لایههای چین خوردگی استفادہ می شود، یعنی جرم ضربہ زنندہ واقعے در تشکیل هر لایه از چینخوردگیها برابر با جرم اولیه ضربه زننده به علاوه جرم لایههای چینخوردگی قبلی در نظر گرفته شده است. همچنین انرژی جنبشی در تشکیل هر لایه چین خوردگی برابر با انرژی جنبشی اولیه، منهای انرژی جـذب www.SID.ir

شده در لایههای چینخوردگی قبلی خواهد بود. در شکل **۵** وضعیت پیش از لهیدگی، پس از مرحله اول و پس از مرحله دوم لهیدگی در المان مربوط به یکی از لایههای چینخوردگی نشان داده شده است [۹].



شکل (۵): الف) وضعیت پیش از لهیدگی، ب) پس از مرحله اول و پ) پس از مرحله دوم لهیدگی در المان مربوط به یکی از لایههای چینخوردگی [۱۷].

۴-۱- محاسبات مرحله اول لهیدگی بـرای اصـلاح مـدل جذب انرژی

به منظور تعیین جذب انرژی در مرحله اول، یک مرحله چینخوردگی در دیواره لوله دایروی، شکل ۲، مانند یک ورق مطابق شکل ۶ در نظر گرفته می شود که در آن، نیم طول ورق، ضخامت و عرض آن به ترتیب *I*، *H* و 2*πR* است.

در مرحله اول جذب انرژی مقادیر $\varphi \in M$ که به ترتیب زاویه انحراف از صفحه عمودی و ممان خمشی هستند، برابر با صفر میباشند [۹ و ۱۱]. N در مرحله اول لهیدگی با توجه به فرض صلب- پلاستیک کامل بودن رفتار ماده برابر با نیروی محوری کاملاً پلاستیک سطح مقطع، $(2\pi R) = \sigma_0 H e$ M که در مرحله دوم لهیدگی سبب خمش دیواره می شود، مقیداری برابر با ممان پلاستیک کامل سطح مقطع، مقیداری برابر با ممان پلاستیک کامل می در می شده مقیداری برابر با ممان پلاستیک کامل سطح مقطع، مدر می در مرحله از دیواره (ضلع مله در شکل ۲ یا عضو 2m در شکل ۶ جرمی معادل * 2m در شکل ۶ جرمی معادل * 2m در در دو انتهای آن متمرکز شده است.

معادلات حرکت: نمودار جسم آزاد برای لبه بالایی یک لایه چینخوردگی و ضربه زننده مطابق شکل **۷** است.

معادلهی حرکت برای جرم متمرکز در لبه بالایی یک لایه چینخوردگی در جهت محور Y و با توجه به نیروی محوری وارده بر این جرم متمرکز N_0 ، به صورت زیر نوشته میشود: $-m^* \frac{d^2Y}{dt^2} = N_0 - Gg,$ (14)

که در آن، g شتاب جاذبهی زمین و G جرم ضربه زننده است.



با یک بار انتگرالگیری از رابطه (۱۴)، سرعت لبه بالایی
لایه چینخوردگی برابر است با:
$$V_{A} = \frac{dY}{dt} \bigg|_{\Lambda} = \left(-\frac{N_{0}}{m^{*}} + \frac{Gg}{m^{*}}\right)t.$$
(1۵)

$$G\frac{d^2Y}{d^2t} = N_0, \tag{19}$$

$$V_G = \frac{dY}{dt}\Big|_G = \frac{N_0}{G}t - V_0, \tag{1Y}$$

که در آن،
$$V_0$$
 سرعت اولیه ضربه زننده است.
محاسبه انرژی جذب شده: پایـان مرحلـه اول لهیـدگی 1
زمانی است که سرعت ضربه زننده و سـرعت جـرم متمرکـز در
لبه بالایی چینخوردگی با یکدیگر برابر شوند، به این ترتیب بـا

استفاده از دو رابطه (۱۵) یا (۱۷) زمان پایان مرحله اول لهیدگی به صورت زیر به دست میآید: ...

$$V_A(t_1) = V_G(t_1) \Rightarrow t_1 = \frac{V_0}{\frac{N_0}{G} + \frac{N_0}{m^*} - \frac{Gg}{m^*}}.$$
 (1A)

حال با قرار دادن زمان پایان مرحله اول لهیـدگی در یکـی از دو رابطه (۱۵ و ۱۷) سرعت نهایی ضربه زننده که همـان سـرعت

اوليه در شروع مرحله دوم لهيدگى است محاسبه مىشود:

$$V_G(t_1) = V_A(t_1) \Rightarrow \left(\frac{N_0}{G}\right) \frac{V_0}{M_0^0 + \frac{N_0}{m^*} - \frac{Gg}{m^*}} - V_0 = \left(-\frac{N_0}{m^*} + \frac{Gg}{m^*}\right) \frac{V_0}{\frac{N_0}{G} + \frac{N_0}{m^*} - \frac{Gg}{m^*}}.$$
(19)

شکل Λ نمودار تغییرات سرعت ضربه زننده و لبه بالایی چینخوردگی را نسبت به زمان نشان میدهد. در طول مرحله اول لهیدگی، سرعت ضربه زننده کاهش و سرعت جرم متمرکز افزایش مییابد تا در لحظه t = t با یکدیگر مساوی میشوند. در این لحظه کوتاه شدن دیواره خاتمه مییابد و اولین لولاهای خمیری شروع به شکل گیری می کند. مساحت سطح هاشورزده در شکل Λ ناظر بر کاهش طول دیواره میباشد، در نتیجه، کاهش طول صفحه $I\Delta$ از محاسبه سطح محصور بین نمودار سرعت ضربه زننده و جرم متمرکز به صورت زیر به دست میآید:

$$\Delta l = \int (V_G - V_A) dt = \frac{-\frac{1}{2} V_0^2}{\frac{N_0}{G} + \frac{N_0}{m^*} - \frac{Gg}{m^*}}.$$
 (7.)

انرژی جذب شده در مرحله اول لهیدگی برابر با کاری است که سبب کاهش طول دیواره در این مرحله می شود، بنابراین با ضرب نیروی محوری خمیری در طول کوتاه شدگی در اثر آن، انرژی جذب شده در مرحله اول لهیدگی D_C به دست می آید:

$$D_{C} = N_{0}\Delta I \implies D_{C} = \frac{\frac{1}{2}V_{0}^{2}N_{0}}{\frac{N_{0}}{G} + \frac{N_{0}}{m^{*}} - \frac{Gg}{m^{*}}}$$

$$= \frac{1}{2}GV_{0}^{2} \left(\frac{m^{*}}{m^{*} + G - \frac{G^{2}g}{N_{0}}}\right).$$
(11)

اگر $M_R = m^*/G$ نسبت جرم متمرکز به جرم ضربه زننده باشد، آنگاه رابطه (۲۱) به صورت زیر در می آید:

$$D_{C} = \frac{1}{2}m^{*}V_{0}^{2} \left(\frac{1}{1+M_{R}-\frac{Gg}{N_{0}}}\right).$$
 (If Y Y)



محاسبه نیروی لهیدگی متوسط برای هر لایه چینخوردگی مستلزم یافتن مقدار I در هر لایه است که از رابطه (۲۵)، پارامتر I قابل محاسبه است. برای این منظور باید برنامهای کامپیوتری نوشته شود که پارامتر I را در هر لایه محاسبه کرده P_m ، محاسبه کند (۲۴) نیروی لهیدگی متوسط، P_m ، به دست آید و در پایان تشکیل هر لایه چینخوردگی، سرعت و جرم نهایی ضربه زننده را به عنوان مقادیر اولیه برای تشکیل لایه بعدی محاسبه کند. در نهایت از میانگین نیروی لهیدگی متوسط لایهها استفاده می شود. در این تحقیق، تعداد لایههای

۵- مطالعه تجربی عملکرد لوله دایروی تحت ضربه با سرعت بالا

در ابتدا سامانه آزمون پرتابگر گـازی معرفـی مـیشـود و سـپس روش انجام آزمون توضیح داده خواهد شد.

۵-۱- سامانه آزمون

پرتابگر گازی وسیلهای است که از آن میتوان برای اندازه گیری سرعت و میزان نفوذ یک پرتابه در ابعاد کوچک و شبیهسازی آن در مقیاس بزرگتر استفاده نمود. انجام آزمون ها توسط سامانه پرتابگر گازی مرکز تحقیقات بالستیک، ضربه و انفجار دانشگاه جامع امام حسین (ع) صورت گرفت. دو نما از این پرتابگر در شکل **P** نشان داده شده است. این پرتابگر شامل کپسول های گاز و کمپرسور، محفظه شلیک و گیجهای سرعت، گیجهای فشار، نگهدارنده دیافراگم و محل قرار پرتابه است.

عملکرد دستگاه بدین ترتیب است که جریان گاز پس از باز شدن شیر کپسول حامل گاز هلیوم یا نیتروژن، پشت دیافراگم قرار میگیرد. دیافراگم در پرتابگر گازی به عنوان یک شیر سریع العمل^۱ مسیر جریان را برای بالا بردن فشار مسدود میکند و هنگامی که فشار گاز به فشار مورد نظر برای پاره شدن دیافراگم



با مقایسه روابط (۸ و ۲۳) مشاهده میشود که اثرات سـرعت و جرم ضربه زننده و همین طور جرم لوله بـه رابطـه (۸) اضـافه شده است.

۴-۳- نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی (برای الگوی لهیدگی آبراموویچ و جونز)

در الگوی لهیدگی آبراموویچ و جونز (شکل ۳)، به ازای تشکیل یک چینخوردگی کامل، لوله در راستای محور خود (راستای نیرو) به میزان δ_e کوتاه میشود. بنابراین مقدار کار خارجی $P_m \times \delta_e$ انجام شده برای تشکیل یک چین کامل معادل $\delta_e \times R_m$ است. بنابراین با مساوی قرار دادن جذب انرژی کلی داخلی با کار خارجی انجام شده، نیروی متوسط لهیدگی به دست میآید:

$$\frac{P_m}{\sigma_0} = \frac{\left\{ \frac{\pi H \left[H \left(\frac{\pi R}{l} + 1 \right) / \sqrt{3} + l \left(1 + \frac{l}{3R} \right) \right] + \right]}{\left[\frac{1}{4} \frac{G V_0^2}{\sigma_0} \left(\frac{\pi R H \rho}{\pi R H l \rho + G - \frac{G^2 g}{N_0}} \right) \right]}{0.86 - 0.402 \left(H / R \right)^{1/2}}.$$

)

74

میرسد، این فشار بالا را به پشت پرتابه اعمال مینماید. اگر فشار کپسول به تنهایی برای پارگی دیافراگم کافی نباشد، کمپرسور به صورت خودکار وارد مدار شده و فشار را تا فشار پارگی بالا میبرد.

در پرتابگر گازی به دلیل اجتناب از تکه تکه شدن دیافراگم، برای جلوگیری از آسیب رسیدن به مسیر حرکت گاز و پرتابه، باید از دیافراگم شیاردار استفاده نمود. در شکل ۱۰ نمایی از دیافراگم مورد استفاده در پرتابگر برای قبل و بعد از پارگی نشان داده شده است.

۵-۲- روش انجام آزمون

قطر داخلی لوله پرتابگر گازی ۱۶ میلیمتر است (یعنی حداکثر قطر پرتابه ۱۶ میلیمتر میباشد) و برای اینکه سطح داخل لوله آسیب نبیند از سابوت به عنوان پوشش نرم برای پرتابه (به ویژه اگر از جنس فولاد باشد) استفاده می شود که معمولاً از جنس پلاستیک پلی کربنات است. بنابراین هنگامی که از سابوت استفاده می شود، قطر پرتابه بر حسب نیاز کمتر از ۱۶میلیمتر است. اگر پرتابه از جنس نرم (برای مثال، آلومینیوم)

باشد، نیازی نیست که از سابوت استفاده شود. مشخصات نمونههای آزمایش از جمله ابعاد و جنس آنها در زیـر آمـده است:

لوله دایروی: لولهای به قطر ۴۰، طول ۵۰ و ضخامت ۱/۱ میلیمتر (جنس: آلومینیوم ۱۰۶۰) که در شکل ۱۱ نشان داده شده است.

توضیح: لولهها بـه روش اکسـتروژن تولیـد شـدهانـد و خـواص مکانیکی آنها تغییر کرده است (آلومینیوم H12 1060).

بدیهی است که برای ایجاد ضربه در نمونههای آزمایشی، باید از صفحههای تخت بافر استفاده شود تا پرتابه پس از شلیک، از داخل لوله عبور نکند. پرتابه به بافری که به لوله چسبیده برخورد میکند و ضربه به لوله منتقل میشود. پرتابه و بافر میبایست صلب باشند که بعد از برخورد، انرژی جنبشی وارده توسط پرتابه را کاملاً به لولهها منتقل کند، اما در عمل بافر و پرتابه صلب وجود ندارد و بخشی از انرژی توسط تغییر شکل پرتابه و بافر تلف میشود.

توضیح: لبه ایجاد شده در دیسکها، برای این است که دیسک به صورت هممرکز به لوله متصل و مانع لغزش لوله بر روی دیسک شود.





شکل (۹): دو نما از پرتابگر گازی در مرکز تحقیقات بالستیک، ضربه و انفجار دانشگاه جامع امام حسین (ع) [۱۷].



شکل (۱۰): نمای دیافراگم در قبل و بعد از پارگی [۱۹].



شکل (۱۱): نمونههایی از لولههای آلومینیومی [۱۷].

صفحه تخت بافر: دیسکهای لبهدار به قطر ۵۰ و ضخامت ۷ میلیمتر (جنس: فولاد VCN200) که در شکل **۱۲** نشان داده شدهاند.

پر تابه: استوانه به قطر ۱۳ و طول ۳۰ میلیمتر (جنس: فـولاد (VCN150) که در شکل **۱۳** به همراه سابوت نشـان داده شـده است.

سابوت: پوسته استوانهای به طول ۳۰، قطر ۱۶، ضخامت انتهایی ۱ و ضخامت دیواره ۱/۵ میلیمتر (جنس: پلی کربنات) که در شکل ۱۳ نشان داده شده است.



شکل (۱۲): نمونههایی از بافرها [۱۷].



شکل (۱۳): نمونههایی از پرتابهها به همراه سابوت [۱۷].

محل قرارگیری نمونه آزمایش تحت ضربه در محفظه پرتابگر گازی مطابق شکل ۱۴ است. در این محفظه صفحه هدفی وجود دارد که یک دیسک پلهدار (طول پله ۳ میلیمتر است) به آن پیچ شده است. مطابق شکل ۱۴ یک طرف لوله در آن قرار می گیرد، برای اینکه لوله کاملاً به طور افقی و هم مرکز با لولهی پرتابگر قرار بگیرد.

توضیح: همانطور که در شکل **۱۴ مشخص است، علاوه بر** سرعتسنج لیزری، از سرعتسنج نوری (کورنوگراف) نیز بـرای تأیید نتایج سرعتسنج لیزری استفاده شده است.



شکل (۱۴): محفظه پرتابگر گازی [۱۷].

۶- نتایج و بحث

در ابتدا نتایج آزمونهای تجربی و سپس نتایج تئوری حاصل از خروجی یک برنامه کامپیوتری بررسی می شوند و مدل تئوری جدید (جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی که شامل اثر اینرسی میباشد) نسبت به مدل تئوری قبلی (جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی) بررسی و مقایسه می شود. در نهایت، نتایج آزمونهای تجربی انجام شده و همچنین نتایج آزمونهای مرجع [۵] را با نتایج تئوری مقایسه کرده و بر روی آنها بحث می شود.

محاسبات روی نمونههایی با H= ۱/۱ mm، R=۱۹/۴۵ mm و ۷۰ MPa از جنس آلومینیوم ۱۰۵۰ با تنش تسلیم ۲۰ MPa و (لوله آلومینیومی تولید شده به روش اکستروژن از آلومینیوم ۱۰۵۰) صورت گرفته است که با جرمهای تقریباً یکسان و سرعتهای مختلف ضربه زننده توسط دستگاه پرتابگر گازی مورد اصابت قرار گرفته اند. لازم به ذکر است که هیچگونه عملیات حرارتی روی پرتابه، بافر و لوله در این پنج آزمون انجام نشده است.

۶-۱- نتایج آزمونهای تجربی

در بین چهارده آزمون انجام شده، آزمونهای شماره (۱۳ – ۹) که ضخامت بافر در آنها ۷ میلی متر است و پرتابه به مرکز بافر برخورد داشته است، برای بررسی انتخاب شدهاند. سرعت پرتابهها در این پنج آزمون ذکر شده، در حدی بوده که چین خوردگی (لهیدگی پیشرونده) در نمونهها ایجاد شود، اما در آزمونهای شماره (۶ و ۸) سرعتها کمتر از آن حد بوده و کمانش پلاستیک دینامیکی در نتیجهی آن آزمونها رخ داده است. شکل نهایی نمونهها، در شکلهای ۱۵ و ۱۶ مشاهده می شود.



شکل (۱۵): ایجاد کمانش پلاستیکی دینامیکی در لوله آلومینیومی در آزمون شماره (۶) با سرعت ضربه زننده الومینیومی در آزمون شماره (۶) با سرعت ضربه زننده



شکل (۱۶): ایجاد کمانش پیشرونده دینامیگی در لوله آلومینیومی در آزمون شماره (۸) با سرعت ضربه زننده V₀=۱۱۵ m/s].

در جدولهای ۳–۱، دادههای تجربی نمونههای آزمایشی آورده شده است. در این جداول M_p و 0_r به ترتیب جرم و سرعت پرتابه همراه با سابوت میباشند که با ترازو و سرعتسنج لیزری اندازه گیری شدهاند. اk انرژی جنبشی اولیه پرتابه همراه با سابوت است که از عبارت $N_p M_0^2$ / ۸ به دست میآید.

جدول (۱): مشخصات ضربه زنندهها در آزمونهای تجربی [۱۷].

		0,		
Specimen Number	$M_{\rm p}~({ m gr})$	$M_{\rm b}({ m gr})$	V_0 (m/s)	<i>k</i> (J)
Т9	۳۳/۶	۱ • Y/Y	79./1	1417/20
T10	۳۳/۸	۱ • Y/۶	787/778	۱ ۱۶۲/۰۹
T11	۳۳/۹	۱۰۷/۴	221/000	٨٣١/٦١
T12	۳۳/۶	۱ • Y/۶	7 • 9/87 •	۲۳۸/۵۵
T13	۳۳/۹	۱ • ۷/۵	۲۳۴/۰۲۸	۹۲۸/۳۴

بخشی از انرژی جنبشی ضربه زننده صرف تغییر شکل پرتابه و بافر می شود، به همین دلیل با شبیه سازی تقریبی مطابق جدول ۲ از جرم معادل M و سرعت معادل V در محاسبه انرژی جنبشی معادل وارد بر لوله (\dot{k}) استفاده می شود که \dot{M} مجموع جرم ضربه زننده (پرتابه و سابوت) و جرم بافر است و V سرعت مشترک پرتابه و بافر در یک لحظه است، این سرعت از رابطه بقای ممنتم خطی، (M_p+M_b) $M_pV_0/(M_p+M_c)$ بافر می باشد)، به دست می آید. \dot{k} انرژی جنبشی پرتابه و بافر در لحظه واقع، \dot{k} جذب انرژی در لوله است. δf_e کاهش نهایی طول لوله و Pm^d_e نیروی دینامیکی (لهیدگی) متوسط است که از رابطه δf_e . تقسیم بر δf_e به دست می آید. شکل نهایی جاذبها در شکلهای ۲۱–۱۷ مشاهده می شود.

در این شکلها، مشخص است که در نمونهها دو یا سه، چینخوردگی متقارن و سپس چینخوردگیهای الماسی به وجود آمده است، بنابراین در محاسبات و مقایسه با نتایج تئوری، فرض شده که چینخوردگیها کاملاً متقارن است و چینخوردگی الماسی وجود ندارد.

همچنین در شکلهای ۲۶–۲۲ تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از نتایج تجربی قابل مشاهده است.

جدول (۲): مشخصات معادل ضربه زنندهها در آزمونهای

تجربي [١٧]. Specimen $\dot{M}(\mathrm{gr})$ \dot{V} (m/s) $\dot{k}(\mathbf{J})$ Number Т9 141/7 81/918 888/5. 85/825 $\nabla V V / V \lambda$ T10 141/4 141/1 199/01 T11 57/141 141/5 49/193 170/70 T12 141/4 T13 08/1·V 222/08

	۱۷	آزمایشی	نمونەھاى	تجربى	دادەھاى	:(٣)	جدول
--	----	---------	----------	-------	---------	------	------

Specimen Number	$\dot{k}(\mathbf{J})$	$\delta f_{e}(mm)$	$Pm^{d}_{e}(N)$
Т9	۳۳۶/۲۰	۳۶	٩٣٣٨/٨٩
T10	τνν/νλ	۳۵	V938/0V
T11	۱۹۹/۵۱	۲۷	٧٣٨٩/٢۶
T12	140/40	74	VTT/97
T13	222/28	٣٣	9744/24



۲۸

شکل (۱۷): نحوه لهیدگی لولهی آلومینیومی در آزمون شماره (۹) [۱۷].



شکل (۱۸): نحوه لهیدگی لولهی آلومینیومی در آزمون شماره (۱۰) [۱۷].



شکل (۱۹): نحوه لهیدگی لوله آلومینیومی در آزمون شماره (۱۱) [۱۷].



شکل (۲۰): نحوه لهیدگی لوله آلومینیومی در آزمون شماره (۱۲) [۱۷]. www.SID.ir



شکل (۲۱): نحوه لهیدگی لوله آلومینیومی در آزمون شماره (۱۳) [۱۷].



شکل (۲۲): تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از آزمون تجربی در آزمون شماره (۹) [۱۷].



شکل (۲۳): تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از آزمون تجربی در آزمون شماره (۱۰) [۱۷].



شکل (۲۴): تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از آزمون تجربی در آزمون شماره (۱۱) [۱۷].



شکل (۲۵): تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از آزمون تجربی در آزمون شماره (۱۲) [۱۷].



شکل (۲۶): تغییر شکل بافر و تغییر قطر محل تماس پرتابه از آزمون تجربی در آزمون شماره (۱۳) [۱۷].

۶-۲- نتایج تئوری

در حالت استاتیکی طول چینخوردگی، جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط در همه لایهها یکسان به دست میآید، اما در حالت دینامیکی که اثر اینرسی ضربه زننده و لایههای قبلی بر لایه های جدید لحاظ شده است، طول چین خوردگی، جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط در هر لایه متفاوت و در عمل هم این چنین است. بر این اساس همانطور که در قسمت (۳-۴) ذکر شد، برای محاسبه جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی که در آن اثر اینرسی لحاظ شده است، برنامهای کامپیوتری نوشته شده است که پارامتر l را از رابطه (۲۵) در هر لایه چین خوردگی محاسبه می کند و با قرار دادن آن در رابطهی (۲۳ و ۲۴) این مقادیر به دست میآیند و در پایان، تشکیل هر لایه چینخوردگی، سرعت و جرم نهایی ضربه زننده را به عنوان مقادیر اولیه برای تشکیل لایه بعدی محاسبه می کند. مقادیر جرم و سرعت ضربه زننده، دادههای ورودی برنامه میباشند. مشخصات ضربه زنندهها در تئوری مطابق جدول ۱ است. در تئوری فرض بر آن است که ضربه زننده به طور مستقیم بدون بافر به جاذب (لوله) برخورد کند و ابعاد آن، دهانه لوله را در بر داشته باشد، به همین دلیل با شبیه سازی تقریبی مطابق جدول ۲ از جرم معادل \dot{M} و

سرعت معادل V در برنامه بـه عنـوان دادههـای ورودی اسـتفاده میشوند.

در جدول ۴، دادههای تئوری حاصل از برنامه کامپیوتری آورده شده است. Q تعداد لایههای چینخورده و \hat{Q} تعداد لایههای چینخورده کامل است. Pm^4 میانگین نیروی لهیدگی دینامیکی لایههای چینخورده کامل (جمع نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی هر لایه تقسیم بر تعداد لایهها) است، D^4 مجموع جذب انرژی لایههای چینخورده کامل است و δf در اینجا، طول لهیدگی لوله است که از کاهش نهایی طول لوله مقداری بیشتر است و از مجموع طول مؤثر لهیدگی هر لایه چینخوردگی کامل، رابطه (۱۰) به دست میآید.

ممکن است در واقعیت یک لایه چینخوردگی ناقصی هم بعد از چینخوردگیهای کامل وجود داشته باشد که این برنامه کامپیوتری بر اساس شروطی که در آن قید شده است، قادر است آن را تحلیل کند. این برنامه تا زمانی محاسبات را انجام میدهد که انرژی جنبشی وارد بر لایه آخر مساوی یا بیشتر از چینخوردگی باشد، یعنی اگر کمتر شد، چینخوردگی در لایه آخر به صورت ناقص است و جذب انرژی در آن کمتر از حالتی است که چینخوردگی به صورت کامل رخ دهد.

در جدول **۵**، جذب انرژی در لایه آخر که به صورت ناقص چین خورده است، نشان داده شده است. این انرژی (*D*_Q) از اختلاف انرژی جنبشی معادل وارد بر جاذب *k* و مجموع جذب انرژی لایههای چینخورده کامل در حالت دینامیکی ^b*D* رابطه (۲۳)، به دست میآید، البته در واقعیت مقداری از این انرژی صرف تولید صدا و حرارت و دیگر انرژیها میشود. در این جدول، جذب انرژی در لایه آخر بر فرض کامل بودن چینخوردگی (*D*_Q) نیز آمده است که بیشتر از جذب انرژی در لایه چینخورده ناقص است. همچنین در این جدول مجموع جذب انرژی لایههای چینخورده کامل در حالت استاتیکی (که در همه لایهها یکسان است) ⁸*G*، از رابطه (۱) آورده شده که نسبت به حالت دینامیکی کمتر است.

C J J <i>V</i>			, .		•••
Specimen Number	Q	Q	$D^{\mathrm{d}}\left(\mathrm{J} ight)$	ð f(mm)	$Pm^{d}(N)$
Т9	٩	٨	817/98	89/8704	4671/1
T10	٨	۷	222/11	80/9101	4421/8
T11	۶	۵	193/15	42/2084	<i>۴۴۳۳/۳</i>
T12	۵	۴	104/4	۳۴/۸۰۷۰	44m./V
T13	۶	۵	198/9	47/21.1	4401/1

جدول (۴): دادههای تئوری حاصل از برنامه کامپیوتری [۱۷].

Specimen Number	$D^{\mathrm{s}}\left(\mathrm{J} ight)$	$D^{\mathrm{d}}\left(\mathrm{J}\right)$	\vec{k} (J)	$D_{ m Q}$	D_{Q}	
T9	7841/1	817/98	888/T •	22/26	WV/9·4	
T10	227/96	222/11	777/78	۵/۶۷	۳۷/۸۰۱	
T11	157/88	193/15	۱۹۹/۵۱	۶/۳۹	۳۷/۸۰۷	
T12	114/47	154/4	۱۷۵/۷۵	۲۱/۳۵	۳۷/۹۰۶	
T13	157/88	१९४/९	227/28	27/68	WV/949	

جدول (۵): بررسی جذب انرژی در لایه آخر [۱۷].

درصد افزایش نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی نسبت به نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی، در جدول \mathbf{r} آمده است. در این جدول ^{8}m نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی بر مبنای الگوی لهیدگی آبراموویچ و جونز^۲ است و از رابطه (۱۱) برای برای چینهای بینابین که در آن، اثر نرخ کرنش و نیز اثر اینرسی لحاظ نشده است، به دست میآید (این نیرو به شعاع، ضخامت و تنش تسلیم لوله بستگی دارد و به همین علت در هر پنج آزمون مقداری ثابت دارد) و ^{b}m نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی بر مبنای الگوی لهیدگی آبراموویچ و جونز است (که این نیرو را به جرم و سرعت ضربه زنده و جرم جاذب وابسته میکند و علاوه بر اینکه در هر آزمون مقدار متفاوتی دارد، در هر لایه چینخوردگی نیز مقدار متفاوتی دارد که از میانگین آنها استفاده میشود)، به دست میآید.

جدول (۶): مقایسه نیروی لهیدگی دینامیکی با نیروی

لهيد تي استانيکي.						
Specimen Number	$Pm^{s}(N)$	<i>Pm</i> ^d (N)	درصد اختلاف			
Т9	8926/6	44711	۱۳/۵۴			
T10	8906/6	4451/1	١٢/٨٣			
T11	8906/6	<i>۴۴۳۳/۳</i>	17/11			
T12	8926/6	442.11	17/08			
T13	8906/6	4401/1	17/08			

درصد افزایش محاسبه شده در جدول ۶ مقدار قابل توجهی است اما بسیار زیاد نیست، علت هم این است که با توجـه بـه سرعت بالای پرتابه، بخش زیادی از انرژی جنبشی صرف تغییر شکل پرتابـه و بـافر مـیشـود و در محاسـبه نیـروی لهیـدگی دینامیکی از سرعت *V* (سرعت مشترک پرتابـه و بـافر در یک

لحظه) استفاده می شود و این سرعت از *V*₀ چهار تا پنج برابر کمتر است. اگر ابعاد پرتابه ها به اندازه ای بود که به طور مستقیم به بافر برخورد داشتند و سرعت ها هم در حد *V*₀ بود، نیروی لهیدگی دینامیکی افزایش خیلی بیشتری نسبت به نیروی لهیدگی استاتیکی پیدا می کرد.

۶-۳- مقایسه و بررسی نتایج آزمونهای تجربی و تئوری در این قسمت نتایج بخشهای (۶- ۱) و (۶- ۲) مقایسه و بحث میشوند.

در جدول ۷ نتایج کاهش نهایی طول لوله، δ ، حاصل از آزمونهای تجربی و تحلیل تئوری آمده است. البته در بخش (۲-۶) ذکر شد که δf تئوری از کاهش نهایی طول لوله مقداری بیشتر است زیرا آن مقدار اضافی، طول قسمت مچاله شده است و از جدول ۷ مشخص است که در آزمونهای شماره (۹ و ۱۰) با توجه به طول اولیه نمونهها (Δ۰mm)، اگر طول اولیه نمونهها بیشتر از ۵۰ میلیمتر و حداقل در حد مقادیر تئوری بود، چینخوردگیها ادامه داشتند.

جدول (۷): مقایسه کاهش نهایی طول لوله با طول اولیه *L*=۵۰mm، در دو حالت تئوری و تجربی.

ر <u>ب</u>						
Specimen Number	$\delta f_e(mm)$	ðf(mm)				
Т9	۳۶	۶٩/۶				
T10	۳۵	۶۰/۹				
T11	۲۷	۴۳/۵	U			
T12	74	۳۴/۸				
T13	٣٣	437/0				

به طور کلی از جدول ۷ نتیجه گرفته میشود که نتایج کاهش نهایی طول لوله در دو حالت تئوری و تجربی، با ذکر این نکته که نتایج تجربی با فرض چین خوردگیهای متقارن حاصل شدهاند، هم خوانی خوبی با هم دارند. کاهش نهایی طول لوله، تنها پارامتری است که در حالت تجربی به طور مستقل به دست آمده است.

در جدول ۸ نتایج نیروی لهیدگی دینامیکی، *Pm^d* حاصل از آزمونهای تجربی و تحلیل تئوری آمده است. در شکل ۲۷ نمودار نیروی لهیدگی متوسط بر حسب سرعت پرتابه در دو حالت تئوری و تجربی نشان داده شده است و در آن مشخص است که نتایج تئوری دینامیکی نسبت به نتایج تئوری استاتیکی به نتایج تجربی نزدیکتر است. علت اختلاف نتایج تئوری و تجربی در واقع این است که در رابطههای تئوری، سادهسازی

¹⁻ Abramowitcz

²⁻ Jone

صورت گرفته و در واقع هیچ استهلاکی در آنها در نظر گرفته نشده است. همچنین در روابط تئوری با استفاده از جرم و سرعت معادل، نتایج به صورت تقریبی به دست آمدهاند. علت دیگر این است که در آزمونهای تجربی، فرض شده که چینخوردگیها به طور کامل متقارن است و چینخوردگی الماسی وجود ندارد، در صورتی که اگر چنین فرضی نمیشد، به دلیل چینخوردگی الماسی، جذب انرژی و در نتیجه نیروی لهیدگی کمتری باید از نتایج تجربی محاسبه میشد.

به طور کلی مشکلاتی که در انجام این تحقیق وجود داشت و باعث خطا در محاسبات میشد، بدین شرح است: مشکلاتی که در آماده سازی دستگاه جهت انجام آزمون ها به وجود آمد شامل: عدم قرارگیری صحیح صفحه هدف به طوری که پرتابه به مرکز بافر برخورد کند، عدم پیشبینی دقیق سرعت پرتابه با استفاده از دیافراگمهای پاره شونده و کوچک بودن قطر داخلی لوله پرتابگر گازی که باعث میشد از پرتابههای کوچک استفاده شود و برای انجام آزمون نیاز به بافر باشد.

از جمله مشکلاتی که در تهیه نمونههای آزمایش به وجود آمد شامل: تهیه لولههای آلومینیمی با ضخامت کم و جنس نرم و مشخص، (مثلاً آلومینیوم سری ۱۰۰۰) بود که بعد از تهیه آن پس از مدت زمان زیادی، آنها را با دقت زیادی به اندازههای یکسان برش داده و با قالب خاصی لوله را از حالت بیضوی به دایروی تبدیل کرده و دو سطح آنها به صورت عمود درآورده شد که انجام این کارها هزینه و زمان زیادی را صرف کرد.

لازم به ذکر است که از ۱۴ آزمونی که انجام شد، در ۷ آزمون آن پرتابه به مرکز برخورد نکرد که باعث لهیدگی لوله به صورت مورب شد و در ۷ آزمون دیگر که تقریباً به مرکز برخورد کرد، پس از چینخوردگی متقارن، چینخوردگیهای الماسی هم به وجود میآمد. از دلایل الماسی شدن میتوان به حالت بیضوی لولهها، ناهمگن بودن و مطمئن نبودن از استاندارد جنس لولهها اشاره کرد

جدول (۸): مقایسهی نیروی لهیدگی دینامیکی در دو حالت

تئوری و تجربی.

-		
Specimen Number	$Pm^{d}_{e}(N)$	$Pm^{d}(N)$
Т9	٩٣٣٨/٨٩	4474/9
T10	V938/2V	4481/1
T11	۲۳۸۹/۲۶	4422/2
T12	VTT/97	442.11
T13	8766/26	4401/1



شکل (۲۷): نمودار نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی بر حسب سرعت پرتابه در دو حالت تئوری *Pm*⁴ و تجربی *Pm^e.*

۶-۴- بررسی نتایج تجربی مرجع [۵] و مقایسه آنها با نتایج مدل تحلیلی جدید

در این قسمت از نتایج تجربی مرجع [۵] برای بررسی و مقایسه مدل تئوری جدید (نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی که شامل هر دو اثر اینرسی و نرخ کرنش میباشد) نسبت به مدل تئوری قبلی (نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی که فقط اثر نرخ کرنش در آن لحاظ شده است) استفاده می شود.

H= 1/7 mm، $R=7\Lambda/477 \text{ mm}$ با محاسبات روی نمونههایی با TTT mm، $R=7\Lambda/477 \text{ mm}$ از جنس فولاد نرم با تنش معیار 1/4 درصد 5_0 و $\sigma_0 = 7778 \text{ N/mm}^2$ تنش نهایی $\sigma_0 = 7778 \text{ N/mm}^2$ صورت گرفته است که با جرمها و سرعتهای مختلف ضربه زننده توسط دستگاه چکش سقوطی مورد اصابت قرار می گیرند. مشخصات ضربه زنندهها و لولههای جدار ناز کی که به عنوان جاذب انرژی مورد استفاده قرار گرفته اند و لهید گیها به صورت متقارن است، در جدول **۹** آورده شده است. L طول لوله، M جرم ضربه زننده و 0 سرعت اولیه شده است. L طول لوله، M جرم ضربه زننده و 0 سرعت اولیه برخورد ضربه زننده به نمونهی آزمایشی می باشد.

در جـدول ۱۰ دادههـای تجربـی نمونـههـای آزمایشـی کـه مشخصـات آن در جـدول ۹ آمـد، آورده شـده اسـت. k انـرژی δ_f میشخصـات آن در جـدول ۹ آمـد، آورده شـده اسـت. مشخصـات آن در جـدول ۹ مشخصـات که از رابطه P_m^d نیـروی دینـامیکی متوسـط است که از رابطه K/δ_f به دست میآید.

درصد افزایش نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی نسبت به نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی، در جدول **۱۱** آمده است. ⁸ نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی بر مبنای الگوی لهیدگی آبراموویچ و جونز است و در آن اثر نرخ کرنش لحاظ شده است. این نیرو از روابط (۱۱) برای چینهای بینابین و (۱۳) به دست میآید. ⁴Pm نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی بر مبنای الگوی

¹⁻ Drop Hammer Rig

لهیدگی آبراموویچ و جونز است و در آن علاوه بر اثر نرخ کرنش، اثر اینرسی نیز لحاظ شده است. این نیرو از روابط (۲۴)، مدل تئوری جدید و (۱۳) به دست میآید. در رابطه (۱۳) و D برای فولاد نرم به ترتیب برابر با (۱۳) و $\sigma_0 = \sigma_u$ باین فرض که $\sigma_0 = \sigma_0$ باشد، قرار داده می شوند.

۵].	آزمایشی ا	نمونههای	و	ضربهزنندهها	مشخصات	:(۹)	J	دو	ج
-----	-----------	----------	---	-------------	--------	----	----	---	----	---

Specimen Number	<i>L</i> (mm)	M (kg)	V ₀ (m/s)
T1	1377/1	۷۳/۶	٩/٢٣٠
T4	۱۷۸/۱	۲۳/۶	1./202
T5	226/1	۷۳/۶	٩/١۵٣
T37	१९/१	۲۳/۶	۵/۵۰۴
Т39	۱۰۰/۲	۷۳/۶	۶/۴۰۱
T41	1 • • /•	۷۳/۶	λ/۶۶۷
T43	1	78/8	٩/٧٣٠
T45	1/.	78/8	۱۰/۱۹۸
T46	۲/ ۰۰	۷۳/۶	٧/١٩٧
$R=\Upsilon \Lambda/\cdot \Upsilon \Upsilon$			

جدول (۱۰): دادههای تجربی نمونههای آزمایشی مرجع [۵].

Specimen Number	K (kJ)	$\delta_{\rm f}$ (mm)	$Pm^{d}_{e}(kN)$
T1	3/18	۷۳/۰	44/.
T4	۳/٩۶	۹٠/٣	42/9
T5	۳/۰۸	۶۹/۱	4419
T37	1/11	۲۵/۲	44/.
T39	۱/۵۱	۳۴/۲	44/2
T41	۲/۷۶	۶۴/۰	42/1
T43	1/78	۲۵/۲	۵۰/۰
T45	۱/۳۸	۲٩/٣	۴۷/۱
T46	١/٩١	47/8	۴۴/۸

.[۵]	مرجع	أزمايشى	ونەھاى ا	تئوری نہ	دادەھاى	:(11)	جدوا
------	------	---------	----------	----------	---------	-------	------

Specimen Number	<i>Pm^s</i> (kN)	Pm^{d} (kN)	درصد اختلاف
T1	347/44	۳۶/۰۵۹	۴/۹۸
T4	34/214	36/222	۵/۵۴
T5	346/220	366/222	۵/۸۱
T37	22/201	۳۵/۳۳۰	۶/۲۳
T39	377/281	30/872	۶/۲۹
T41	۳۴/۲۰۷	36/212	۵/۸۶
T43	84/481	36/11	۴/۴۸
T45	346/222	86/228	۵/۶۴
T46	۳۴/۸۰۵	۳۵/۵۵۰	۲/۱۴

www.SID.ir

در شکل ۲۸ نمودار تغییرات نیروی لهیدگی متوسط برای لولههای جدار نازک در ازای تغییرات سرعت ضربه زننده بر اساس جداول ۱۰ و ۱۱ نمایش داده شده است. از شکل ۲۸ قابل مشاهده است که نتایج تئوری جدید که هر دو اثر اینرسی و نرخ کرنش در آن لحاظ شده است، نسبت به نتایج تئوری قبلی که فقط اثر نرخ کرنش در آن لحاظ شده بود، به نتایج تجربی نزدیکتر هستند. اختلاف کم مقادیر تئوری جدید و تئوری قبلی نشان می دهد که می توان از اثر اینرسی در سرعتهای پایین مرف نظر کرد. این اختلاف در نتایج آزمون های تجربی و ارا] به علت سرعتهای بالاتر بیشتر است و این اثر اینرسی و سرعت را در محاسبه نیروی لهیدگی نشان می دهد.



شکل (۲۸): نمودار نیروی لهیدگی نسبت به تغییرات سرعت برای Pmd1 : H= ۱/۲ mm ،R=۲۸/۰۳۲ mm بیانگر نیروی لهیدگی متوسط استاتیکی با اثر نرخ کرنش، pmd2 بیانگر نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی با اثر نرخ کرنش و اثر اینرسی و Pme بیانگر نتایج تجربی ازمرجع [۵].

۷- نتیجه گیری

در این مقاله مدل آبراموویچ و جونز برای تحلیل فرآیند فروریزش لولههای دایروی تحت بار ضربهای (دینامیکی) اصلاح شده و اتلاف انرژی ناشی از کوتاهشدگی اولیه دیواره لوله، اینرسی اولیه (جرم ضربه زننده) و اثرات اینرسی لایههای چینخورده قبلی بر لایه چینخورده جدید در نظر گرفته شده است. در نظر گرفتن میزان جذب انرژی در مرحله کاهش طول دیواره لوله و اضافه نمودن جرم لایههای چینخورده قبلی به جرم ضربه زننده در تشکیل چینخوردگی جدید، باعث اصلاح در محاسبه تحلیلی انرژی جذب شده طی فروریزش جاذب استوانهای و نیز نیروی متوسط فروریزش (لهیدگی) شده است.

بر اساس بررسی نتایج مدل اصلاح شده مشاهده شد که سرعت و جرم ضربه زننده (اینرسی اولیه جاذب) به خصوص در سرعتهای برخورد بالا و جرم زیاد ضربه زننده، تأثیر بسزایی در نیروی متوسط لهیدگی و جذب انرژی لوله داشته و با افزایش

- Zhang, T.G. and Yu, T.X. "A Note on a 'Velocity Sensitive' Energy-Absorbing[Structure", Int. J. Impact Eng., Vol. 8, No. 1, pp. 43–51, 1989.
- Tam, L.L. and Calladine, C.R. "Inertia and Strain-Rate Effects in a Simple Plate-Structure under Impact Loading", Int. J. Impact Eng., Vol. 11, No. 3, pp. 349-377, 1991.
- Karagiozova, D. and Jones, N. "A Note on the Inertia and Strain-Rate Effects in the Tam and Calladine Model", Int. J. Impact Eng. Vol. 16, No. 4, pp 637–649, 1995.
- Su, X.Y., Yu, T.X., and Reid, S.R. "Inertia-Sensitive Impact Energy-Absorbing Structures Part I: Effects of Inertia and Elasticity", Int. J. Impact Eng., Vol. 16, No. 4, pp. 651-672, 1995.
- Su, X.Y., Yu, T.X., and Reid, S.R., "Inertia-Sensitive Impact Energy-Absorbing Structures Part II: Effect of Strain Rate", Int. J. Impact Eng., Vol. 16, No. 4, pp. 673-689, 1995.
- Karagiozova, D. and Jones, N. "Dynamic Elastic-Plastic Buckling of Circular Cylindrical Shells under Axial Impact", Int. J. Solids and Structures, Vol. 37, No. 14, pp. 2005-2034, 2000.
- Karagiozova, D., Alves, M., and Jones, N. "Inertia Effects in Axisymmetrically Deformed Cylindrical Shells under Axial Impact", Int. J. Impact Eng., Vol. 24, No. 10, pp. 1083-1115, 2000.
- Karagiozova, D. and Jones, N. "Dynamic Effects on Buckling and Energy Absorption of Cylindrical Shells under Axial Impact", Int. J. Thin-Walled Structures, Vol. 39, No. 7, pp. 583–610, 2001.
- Xu, X., Ma, J., Lim, C.W., and Chu, H. "Dynamic Local and Global Buckling of Cylindrical Shells under Axial Impact", Int. J. Engineering Structures, Vol. 31, No. 5, pp. 1132-1140, 2009.
- 17. Rezvani, M. "Theoretical, Numerical and Experimental Investigation of a Cylindrical Absorber Subjected to High Speed Axial Impact Loadings", Thesis of MSc., Eng. Dep't., Faculty of Eng., Imam Hossein Univ., Tehran, 2012 (In Persian).
- Feli, S. and Shokri, A. "Dynamic Progressive Buckling of Square Tubes under Axial Impact Loadings", Aerospace Mech. J., Vol. 5, No. 4, pp. 53-65, 2010 (In Persian).
- 19. Khodarahmi, H., Vahedi, KH., and Lotfi, H., "Numerical and Experimental Analysis of Groove Depth and Estimation of Burst Pressure in Rupture Discs", Aerospace Mech. J., Vol. 8, No. 1, pp. 85-98, 2012 (In Persian).

سرعت و جرم ضربه زننده، نیروی متوسط لهیدگی و میزان جذب انرژی افزایش مییابد. بر اساس بررسی انجام شده در این مقاله، مشخص شد که مقادیر نیروی متوسط لهیدگی و میزان جذب انرژی محاسبه شده توسط مدل تحلیلی اصلاح شده، پیشبینی بهتری در حدود ۱۲ تا ۱۴ درصد برای نیروی لهیدگی در سرعتهای بالا نسبت به مدل آبراموویچ و جونز نموده است.

در این تحقیق، کمانش پیشرونده دینامیکی و کمانش پلاستیک دینامیکی به صورت تجربی مشاهده شدند و مشخص شد که در محدوده خاصی از سرعت، کمانش پیشرونده دینامیکی و در سرعتهای کمتر از آن محدوده، کمانش پلاستیک دینامیکی رخ می دهد. در کمانش پیشرونده دینامیکی نتایج تجربی کاهش نهایی طول لوله، جذب انرژی و نیروی لهیدگی متوسط دینامیکی با نتایج تئوری مقایسه گردید و مشخص شد که نتایج تجربی و تئوری همخوانی مناسبی با هم دارند.

۸- مراجع

- 1. Jones, N. "Structural Impact", Cambridge UnivD Press, Cambridge, Uk, 1989.
- Al Galib, D. and Limam, A. "Experimental and Numerical Investigation of Static and Dynamic Axial Crushing of Circular Aluminum Tubes", Thin-Walled Structures, Vol. 42, No. 8, pp. 1103-1137, 2004.
- Alexander, J.M. "An Approximate Analysis of the Collapse of ThinICylindrical Shells under Axial Loading", Q. J. Mech. Appl. Math., Vol. 13, No. 1, pp. 10-15, 1960.
- Abramowicz, W. "The Effective Crushing Distance in Axially Compressed Thin-Walled Metal Columns", Int. J. Impact Eng. Vol. 1, No. 3, pp. 309–17, 1983.
- Abramowicz, W. and Jones, N. "Dynamic Axial Crushing of Circular Tubes", Int. J. Impact Eng. Vol. 2, No. 3, pp. 263–81, 1984.□
- Ren, W., Mingbao, H., Zhuping, H., and Qingchun, Y. "An Experimental Study on the Dynamic Axial Plastic Buckling of Cylindrical Shells", Int. J. Impact Eng. Vol. 1, No. 3, pp. 249-256, 1983.
- Calladine, C.R. and English, R.W. "Strain-Rate and Inertia Effects in the Collapse of Two Types of Energy-Absorbing Structure". Int. J. Mech. Sci., Vol. 26, No's. 11-12, pp 689–701, 1984.