موقعیتیابی و تعیین وضعیت همزمان ماهواره با استفاده از حسگر ردیاب ستارهای و الگوریتمهای تلفیق مبتنی بر دینامیک ماهواره

حسن سالاريه وروحا... خالصي

دانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه صنعتی شریف (تاریخ دریافت: ۹۴/۵/۲۱: تاریخ پذیرش: ۹۵/۹/۲۰)

چکیدہ

در این مقاله، امکان تعیین همزمان موقعیت و وضعیت ماهواره به کمک حسگر ردیاب ستاره بررسی شده است. در ابتدا معادلات ۶ درجه آزادی حرکت ماهواره به کمک قوانین نیوتن و اویلر استخراج و با درنظر گرفتن نیروی جاذبه زمین و گشتاور گرادیان جاذبه، حرکت ماهواره در مدار زمین شبیه سازی شده است. سپس با استفاده از کاتالوگ ستارگان و مسیر حرکت، خروجی حس گر تولید می شود. در این پژوهش از فیلتر UKF استفاده می شود. در هر گام با کمک معادلات حاکم، متغیرهای حالت در گام قبل و خروجی حس گر، سرعت زاویه ای ماهواره نسبت به دستگاه اینرسی و می شود. در هر گام با کمک معادلات حاکم، متغیرهای حالت در گام قبل و خروجی حس گر، سرعت زاویه ای ماهواره نسبت به دستگاه اینرسی و جهت گیری دستگاه بدنه نسبت به ناوبری تخمین زده شده و به عنوان ورودی فیلتر در گام جدید مورد استفاده قرار می گیرند. با توجه به شبیه سازی ها، تقریباً پس از یک گردش ماهواره حول زمین، فیلتر همگرا شده و نسبت خطای فیلتر به خطای حل دینامیک برای زوایای رول و یاو در حد ۲ درصد و برای زاویه پیچ و سرعتهای زاویه ای در حدود ۳۳ درصد می باشد. برای کاهش خطای تخمین متغیرهای حالت مرتبط با سرعت و موقعیت، نیاز به زمان بیش تری بوده و در پایان سیکل ششم، عملکرد فیلتر در تخمین این پارامترها به طور متوسط ۴۰ درصد به می اشد.

واژههای کلیدی: تعیین همزمان موقعیت و وضعیت، فیلتر کالمن UKF، گشتاور گرادیان جاذبه، حسگر ردیاب ستاره، شبیهسازی ۶ درجه آزادی، گشتاور میراکننده

Simultaneous Attitude and Orbit Determination Using Sensor Fusion Algorithm Based on the Dynamic of Satellite and Star Tracker

H. Salarieh and R. Khalesi

Mechanical Engineering Department Sharif University of Technology (Received: August 12, 2015; Accepted: December 10, 2016)

ABSTRACT

In this paper, simultaneously attitude and orbit determination of satellites using only star tracker measurement is investigated. At first, the 6 D.O.F. governing equation of the system considering the gravity force and gravity gradient torque is obtained using the Newton-Euler equations. Next using a simplified star catalog, star tracker output in the desired orbit is calculated. To estimate variables of the attitude-orbital equations, an estimation algorithm based on the UKF is proposed. In each step using the governing equation, estimated parameter and star tracker output, satellite angular velocity and orientation of body against NED frame are estimated and these calculated parameters are used as input for the next step. According to Results after about one revolution of orbit, the estimation is converging and the ratio of filter's solution error to dynamic's solution error for the roll and yaw angles is about 2 percent and for the pitch angle and angular velocities are about 33 percent. In order to reduce position and linear velocity errors, the filter needs more time and at the end of 6 cycles, the performance shows 40 percent improvement in average.

Keywords: Simultaneously Attitude and Orbit Determination, Unscented Kalman Filter, Gravity Gradient Torque, Star Tracker, 6 D.O.F Simulation, Damper Torque

salarieh@sharif.edu) - ۱ دانشیار (نویسنده پاسخگو): salarieh@

۲- دانشجوی دکتری: ro.khalesi@yahoo.com

۱– مقدمه

هدایت یک وسیله، به معنی تولید فرامین لازم برای کنترل مسیر و جهتگیریهای آن است و سامانه کنترل، وظیفه پایدارسازی و اجرای فرامین تولیدشده توسط سامانه هدایت را بر عهده دارد. سامانه هدایت و الگوریتمهای تصمیم گیری به کاررفته در آن، برای تعیین و صدور فرامین هدایتی مناسب، نیاز به اطلاعات دقیقی از موقعیت، سرعت و وضعیت فعلی وسیله هدایت شونده دارند. این اطلاعات، توسط سامانه ناوبری در اختیار سامانه هدایت قرار می گیرد.

حسگرهای ناوبری و تعیین وضعیت را، میتوان به دو گروه تقسیم کرد. در گروه اول حسگرهای اینرسی مانند شتاب سنجها و ژیروسکوپها قرار دارند که اطلاعات را با فرکانس بالا تولید میکنند اما دارای خطای جمع شونده می باشند. گروه دوم حسگرهای مطلق نظیر حسگر مغناطیس، حسگر خورشید، حسگر ستاره و سامانه موقعیت یابی جهانی هستند که فرکانس داده برداری پایین تری دارند ولی خطای این دسته از حسگرها محدود می باشد. در اکثر کاربردهای فضایی که از ناوبری خود گردان استفاده می شود، از حسگرهای اینرسی و حداقل یکی از حسگرهای مطلق استفاده می شود تا معایب هرکدام از حسگرها پوشش داده شود [۱].

در کاربردهای ناوبری در بسیاری از موارد، تعدادی از متغیرهای حالت، به صورت مستقیم توسط حسگرها اندازه گیری نمی شوند و یا در صورت مشاهده شدن، دارای خطای زیادی بوده و نمی توان از آن ها به عنوان ورودی قابل اطمینان برای سامانه هدایت و کنترل استفاده کرد. لذا برای داشتن مشخصات حرکت وسیله نقلیه، از الگوریتم تخمین استفاده می شود. در صورتی که مدل فرایند و مدل اندازه گیری ها خطی باشند، الگوریتم فیلتر کالمن کاربرد خواهد داشت. در غیر این صورت باید از الگوریتم های تخمین خواهد داشت. در غیر این صورت باید از الگوریتم های تخمین غیرخطی استفاده شود. در بین الگوریتم های تخمین نسبتا کم، در کاربردهای بسیاری مورد استفاده قرار گرفته است [۲].

در اغلب کارهای مشابه، ناوبری و تعیین وضعیت به کمک معادلات سینماتیک صورت گرفته است. در برخی از پژوهشها نیز از معادلات دینامیکی اویلر برای تعیین وضعیت استفاده شده است. همچنین با توجه به این که مسیر حرکت خارج از جو بوده و اغتشاش روی سامانه در این حالت کم است، می توان از دینامیک سامانه، استفاده کرد و دینامیکهای مدل www.SID.ir

نشده کوپلشده با معادلات ماهواره، مانند دینامیک اغتشاشات جوی و یا دینامیک ناشی از گرانش جسم سوم را بهعنوان اغتشاش، وارد معادلات فیلتر کرد [۱].

در حسگر ردیاب ستاره برای ایجاد خروجی، ابتدا تصویری از فضا گرفته شده و پس از دیجیتال کردن تصویر، نوبت به عملیات تطبیق می رسد. پس از انجام این مرحله و به دست آمدن تصویر مورد نظر از کاتالوگ نوبت به تعیین وضعیت ماهواره از روی تصاویر می رسد. تعیین وضعیت را می توان توسط یک ماتریس دوران، که جهت گیری دستگاه مختصات بدنه را نسبت به یک دستگاه مختصات مرجع توصیف می کند، بیان کرد که در مورد حسگر ستاره دستگاه مرجع معمولا بیان کرد که در مورد حسگر ستاره دستگاه مرجع معمولا ماهواره اینرسی زمین است. در سال ۱۹۶۵، وهبا^۱ و در سال ماهواره ارائه دادهاند. برای این منظور ماتریس تبدیل یکه ماهواره ارائه دادهاند. برای این منظور ماتریس تبدیل یکه متعامدی تعریف می شود [۳ و ۴]. با بهره گیری از روش وهبا و روابط بخشهای چهارگانه نیز، الگوریتمهایی برای تعیین وضعیت ماهواره به کمک حسگر ردیاب ستاره ارائه شده است [۵ و ۶].

انرایت^۳ و همکاران نیز در [۲] به بررسی امکان تعیین وضعیت ماهواره تنها با استفاده از حسگر ردیاب ستاره پرداختهاند. در این مقاله نویسندگان بیان داشتهاند که از نظر تئوری این امکان وجود دارد ولی بهدلیل ضعف سامانههای بهکاررفته در حسگرهای کنونی همچون سرعت پایین تصویر برداری، امکان تعیین دقیق وضعیت در تمام حالتها وجود ندارد.

استفاده از روش فیلتر UKF برای تعیین وضعیت در سامانههای غیرخطی سبب مقاوم ترشدن مجموعه نسبت به مقادیر خطای اولیه می شود. در این روش با انتخاب نقاط نمونه با توجه به رفتار سامانه، نتایج بهتری نسبت به حالت خطی سازی در روش فیلتر کالمن بسط داده شده حاصل شده و سبب همگرایی سریعتر به جواب نهایی نیز خواهد شد [7].

لو^۴ در [۸] و ژیانگ⁶ و همکاران در [۹] روشهایی برای تعیین وضعیت ماهواره (جهتگیری دستگاه بدنه نسبت به دستگاه اینرسی) با استفاده همزمان از حسگر ردیاب ستاره و

^{1 -}Wahba

^{2 -}Shuster

^{3 -}Enright

^{4 -}LO

^{5 -}Xiong

ژیروسکوپ ارائه داده اند. در مقاله [۱۰] نیز روش تعیین وضعیت توسط استفاده همزمان از حسگر ردیاب ستاره و ژیروسکوپ ممز^۱ که در پروژه 6-ST توسط ناسا استفاده میشود، معرفی شده است. همچنین در صورت قرارگرفتن در وضعیت گمشدن در فضا (عدم اطلاع از وضعیت فعلی) نیز میتوان از این الگوریتم استفاده کرد. در مقاله [۱۱] با استفاده از روابط مربوط به برآوردگر چهارگانه^۲ و فیلتر کالمن، الگوریتمی ارائه شده که میزان خطای ناشی از استفاده همزمان حسگر ردیاب ستاره و ژیروسکوپ را کاهش میدهد. از حسگر مغناطیس نیز میتوان در کنار حسگر ستاره برای

تعیین وضعیت ماهواره استفاده کرد. حسگر مغناطیس در فواصل دور از زمین بهشدت با کاهش دقت مواجه خواهد شد اما در مناطق نزدیک زمین میتواند اطلاعات مناسبی از وضعیت ماهواره را بهعنوان شرایط اولیه برای حسگر ردیاب ستاره فراهم کند و با شروع فرایند تعیین وضعیت توسط حسگر ستاره، دیگر نیازی به اطلاعات دقیق از حسگر مغناطیس وجود ندارد. بنابراین ضعفهای موجود در دادههای هریک از این حسگرها توسط حسگر دیگر پوشش داده شده و وضعیت ماهواره با دقت خوبی تخمین زده میشود [۱۲].

از خروجی حسگر ردیاب ستاره برای تعیین سرعت زاویهای ماهواره نسبت به اینرسی نیز میتوان بهره برد. در [۱۳] دو الگوریتم برای این امر در صورت مشخص بودن وضعیت ارائه شده است. در روش اول سرعت زاویهای با کمک مدل دینامیکی و معلومبودن وضعیت مشخص میشود. در روش دوم نیز در صورت امکان تصویربرداری سریع توسط حسگر ردیاب ستاره، راهی برای تخمین سرعت زاویهای بیان شده است. روشهای فیلترینگ متفاوتی برای تعیین وضعیت وجود دارد که از جمله میتوان به روشهای تخمین کواترنیون⁷ تخمین کواترنیون بسط داده شده⁴ و فیلتر کالمن بسط داده شده با هموارسازی بازگشتی⁶ اشاره کرد [۱۴].

تعیین موقعیت به معنی مشخص کردن اطلاعات مکان حضور ماهواره و سرعت آن نسبت به زمین در سه بعد میباشد. پیرامون تعیین موقعیت ماهواره تنها با استفاده از حسگر ردیاب ستاره مقالهای نوشته نشده است و در مقالات

موجود در این زمینه، موقعیت با کمک چند حسگر تخمین زده شده است.

در مقاله [۱۵] یک روش فیلترینگ غیربازگشتی ناپیوسته با استفاده از تبدیلات آنسنتد⁷ و بدون نیاز به خطیسازی بیان و نتایج حاصل از استفاده از این روش با روش کمترین مربعات^۷ مقایسه شده است. با اعمال مقادیری خطا در شرایط اولیه سرعت و مکان، زمان نمونهبرداری و خطا در مقادیر اندازهگیریشده توسط حسگرها، مشاهده شده است که در صورت وجود مقادیر کم خطا در شرایط اولیه، خروجی حسگرها و یا زمان اندازهگیری کوتاه نتایج حاصل از این دو روش تقریبا یکسان است اما در صورت وجود خطای زیاد در شرایط اولیه، دادههای خروجی حسگرها و یا فاصله زمانی زیاد سرعت همگرایی و مقاومت بیشتر خواهد بود که دلیل این امر نیز استفاده از تقریب خطیسازی در روش قبلی است.

در [۱۶] مطالبی پیرامون فیلترینگ دادههای خروجی از حسگر مغناطیس با استفاده از روش فیلتر ذزات تطبیقی[^] بیان شده و سعی شده است تا ایرادات مربوط به روش فیلتر ذرات^۹ که باعث واگرایی الگوریتم در اثر نمونهبرداری نامناسب می-شود برطرف شود. در این مقاله نشان داده شده است که در صورت استفاده از این روش و وجود خطای نسبتا بزرگ در تخمین مقادیر اولیه، دقت تعیین موقعیت بیشتر از روش UKF خواهد بود اما در صورت وجود مقادیر کم خطا در تخمین اولیه، روش UKF به مقدار کمی دقیقتر خواهد بود.

در مقاله حاضر، امکان تعیین وضعیت (دستگاه بدنه نسبت به ناوبری) و موقعیت ماهواره با استفاده از بوم گرادیان جاذبه تنها با استفاده از خروجی حسگر ردیاب ستاره (وضعیت دستگاه بدنه نسبت به اینرسی) مورد بررسی قرار می گیرد. نتایج این مقاله در تعیین وضعیت و تعیین موقعیت ماهوارهها و فضاپیماها کاربرد خواهد داشت. به جهت بررسی روش پیشنهادی و تاثیر استفاده از سنسور ستاره در فیلتر ارائه شده، شبیه سازی هایی بدون استفاده از فیلتر پیشنهادی و با استفاده از فیلتر پیشنهادی افرا شر تحمین از فیلتر پیشنهادی انجام شده است و در آنها اثر تخمین

^{1 -}Micro Electro Mechanical System (MEMS) Gyro

^{2 -}Quaternion Estimator

^{3 -}QUEST

^{4 -}Extended QUEST

^{5 -}Backward-Smoothing Extended Kalman Filter

^{6 -}Unscented

⁷⁻ Least Square

^{8 -}Adaptive Particle Filter

^{9 -}Particle Filter

زوایای θ و φ مطابق شکل **۱** تعریف می شوند. رابطه دوم بیانگر اثر گشتاور گرادیان جاذبه می باشد. α ضریب بخش خطی رابطه بوده و از ترم های بالاتر در این بخش صرف نظر می شود. y نیز خروجی حسگر بوده که به صورت تابعی از φ گزارش می شود. با بردن معادلات به فضای حالت می توان مشاهده پذیری سامانه را بررسی کرد [۱۸]. $\begin{cases} x_1 = \theta \\ x_2 = \varphi \Rightarrow \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \omega \\ 0 \end{bmatrix} = Ax + B$

$$\begin{bmatrix} x_3 = \dot{\varphi} & \begin{bmatrix} \dot{x}_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha & -\alpha & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$$

$$C = \frac{\partial h}{\partial x} = \begin{bmatrix} \frac{\partial h}{\partial \theta} & \frac{\partial h}{\partial \phi} & \frac{\partial h}{\partial \dot{\phi}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$N = \begin{bmatrix} C \\ CA \\ CA^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ \alpha & -\alpha & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \det(N) = \alpha \neq 0 \Rightarrow observable$$
(Y)

با توجه به ناصفربودن دترمینان ماتریس N میتوان دید در حالت دوبعدی ساده شده، موقعیت ماهواره تابعی از وضعیت آن است و سامانه مشاهده پذیر میباشد. در ادامه به بررسی مشاهده پذیری سامانه در حالت سه بعدی و با فرضیات ساده سازی کم تر پرداخته می شود.



شکل (۱): حرکت ماهواره در فضای دوبعدی.

۲-۲- معادلات حرکت ماهواره

با توجه به این که دادههای واقعی حسگر ردیاب ستاره برای یک مسیر مشخص در دسترس نیست، ابتدا به کمک قوانین نیوتن و اویلر حرکت ماهواره با ۶ درجه آزادی شبیهسازی میشود. سرعت و موقعیت ماهواره نسبت به زمین بیان شده در دستگاه ناوبری، سرعت زاویهای دستگاه بدنه و جهت گیری دستگاه اینرسی بیانشده در دستگاه بدنه و جهت گیری دستگاه بدنه نسبت به دستگاه ناوبری ۱۳ متغیر حالت سامانه می اشند. معادله دینامیک متغیرهای حالت به صورت رابطه (۳) است [۹۹و ۲]: است. نتایج همان طور که در بخش مربوطه هم مورد بحث قرار گرفته حکایت از بهبود چشم گیر در دقت تعیین موقعیت دارد.

۲- روش تحقیق

در این بخش ابتدا به اختصار دستگاههای اینرسی، زمین، ناوبری و بدنه که در این مقاله به کار رفتهاند بیان می شوند. سیس معادلات مربوط به دینامیک ماهواره، ایجاد خروجی حسگر و فیلتر طراحی شده ارائه می شود. مرکز دستگاه اینرسی یا ICS منطبق بر مرکز زمین بوده و محور z این دستگاه نیز در جهت محور دوران زمین است. دستگاه اینرسی نسبت به ستارههای ثابت حرکت دورانی نداشته و محور x آن به محور y دستگاه نیز می باشد. محور y دستگاه نیز به گونهای تعیین می شود که یک چارچوب متعامد راستگرد را کامل کند. مرکز دستگاه مختصات زمین همانند دستگاه اینرسی روی مرکز جرم زمین قرار داشته و محورهای آن نسبت به زمین ثابتاند. محور z موازی محور دوران زمین، محور x به سمت نصف النهار مبدا (گرینویچ) و محور y آن به گونهای تعریف می شود که یک دستگاه متعامد راستگرد را کامل کند. دستگاه ناوبری یا مداری یک دستگاه محلی بوده که مبدا آن منطبق بر مرکز جرم وسیله نقلیه بوده، محور x آن در جهت شمال جغرافیایی، محور z عمود بر سطح زمین و به سمت داخل و محور y هم یک دستگاه راستگرد متعامد را کامل می کند. دستگاه مختصات بدنه نیز، بر جسم متحرک سوار بوده و نسبت به آن هیچگونه حرکتی ندارد. محورهای آن بر محورهای رول، پیچ و یاو متحرک منطبق است [۱۷].

۲-۱- بررسی مشاهده پذیری در حالت دوبعدی

در حالت دوبعدی و با فرض حرکت ماهواره در مسیر کاملا دایرهای میتوان گشتاور گرادیان جاذبه را بهصورت ترکیبی خطی از زاویه نشاندهنده موقعیت ماهواره و وضعیت ماهواره بهصورت رابطه (۱) تقریب زد:

$$\begin{cases} \dot{\theta} = \omega \\ \ddot{\varphi} = -\alpha(\varphi - \theta) + h.o.t. \\ y = h(\varphi) \end{cases}$$
(1)

1 -Vernal Equinox

2 -Navigation Frame or Geodetic Frame or Geographic Frame www.SID.ir

 $\begin{bmatrix} \dot{r}^{n} \\ \dot{V}^{n} \\ \dot{q} \\ \dot{\omega}^{b}_{ib} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} D^{-1}V^{n} \\ g^{n} - (\omega^{n}_{en} + 2\omega^{n}_{ie}) \times V^{n} + C^{n}_{b}f^{b} \\ 0.5\Omega q \\ (I^{b})^{-1}[M - \omega^{b}_{ib} \times (I^{b}\omega^{b}_{ib}) \end{bmatrix}$ (7)

در این معادله، r_n و V_n بهترتیب موقعیت و سرعت ماهواره در دستگاه ناوبری، p وضعیت دستگاه بدنه نسبت به ناوبری، ϖ_{ib}^b دستگاه ناوبری بیانشده در سرعت زاویهای دستگاه بدنه نسبت به اینرسی بیانشده در دستگاه بدنه و $\binom{n}{b}$ ماتریس دوران دستگاه بدنه به ناوبری میباشد. موقعیت ماهواره در دستگاه ناوبری شامل طول و عرض جغرافیایی و ارتفاع بوده و ماتریس D به کاررفته در رابطه (۳) نیز بهصورت رابطه (۴) تعریف میشود:

$$r^{n} = \begin{bmatrix} \varphi \\ \lambda \\ h \end{bmatrix}, D^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{M} + h & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{(N+h)\cos\varphi} & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$
(*)

در رابطه فوق، M و N شعاع انحنای نصفالنهاری و عرضی زمین میباشند. با درنظرگرفتن اثر پخی زمین، بردار جاذبه در دستگاه ناوبری با استفاده از رابطه (۵) محاسبه میشود [۲۱]:

$$g^{n} = C_{i}^{n}g^{i} = C_{i}^{n} \begin{bmatrix} -\frac{\mu x}{r^{3}} [1 + \frac{3}{2}J_{2}(\frac{R_{e}}{r})^{2}(1 - 5\frac{z^{2}}{r^{2}}) \\ -\frac{\mu y}{r^{3}} [1 + \frac{3}{2}J_{2}(\frac{R_{e}}{r})^{2}(1 - 5\frac{z^{2}}{r^{2}}) \\ -\frac{\mu z}{r^{3}} [1 + \frac{3}{2}J_{2}(\frac{R_{e}}{r})^{2}(3 - 5\frac{z^{2}}{r^{2}}) \end{bmatrix}$$
(Δ)

بهدلیل ارتفاع زیاد حرکت ماهواره در شبیهسازی انجامشده، از نیرو و گشتاور آیرودینامیک صرف نظر شده و این موارد در کنار گشتاور ناشی از فشار تابش خورشید بهصورت نویز در فیلتر اعمال میشوند. بنابراین عامل تعیینکننده وضعیت ماهواره، گشتاورهای گرادیان جاذبه و میراگر بوده که با استفاده از رابطه (۶) مقادیر این آنها در دستگاه بدنه محاسبه میشود:

$$M_{gx} = \frac{3\mu}{R^{3}} (I_{z} - I_{y})c_{2}c_{3}$$

$$M_{gy} = \frac{3\mu}{R^{3}} (I_{x} - I_{z})c_{1}c_{3}$$

$$M_{gz} = \frac{3\mu}{R^{3}} (I_{y} - I_{x})c_{2}c_{1}$$

$$\vec{R} = R(c_{1}\vec{i} + c_{2}\vec{j} + c_{3}\vec{k})$$
(F)

در این رابطه، I المانهای ممان اینرسی ماهواره بوده که بهصورت قطری در نظر گرفته شدهاند. ضرایب C₁ تا C₃ نیز بیانگر وضعیت بردار رسم شده از مرکز زمین به مرکز ماهواره در دستگاه بدنه میباشند. P، Q و R سرعتهای زاویهای ماهواره در راستای بدنه میباشند.

گشتاور گرادیان جاذبه سبب می شود تا اجسام در وضعیتی قرار گیرند که راستای دارای کم ترین ممان اینرسی به سمت مرکز زمین قرار گرفته و جهت گیری به سمت زمین نقطه تعادل پایدار نوسانات باشد. افزودن عامل میرایی نیز سبب می شود تا نوسانات ماهواره حول نقطه تعادل میرا شده و در نهایت ماهواره در وضعیت تعادل قرار بگیرد. اگرچه بهترین وضعیت تعادل مربوط به حرکت دایره ای حول زمین می باشد اما در حرکتهای مداری با خروج از مرکز ۰/۰۸ نیز می توان از این گشتاور به عنوان عامل پایدارساز بهره برد [۲۲].

۲-۳-تولید خروجی حسگر ردیاب ستاره

برای تولید خروجی حسگر، از ۳۰۰ ستاره پرنور در آسمان که از کاتالوگ هیپارکوس^۱ استخراج شدهاند استفاده میشود. با توجه به مسیر حرکت ماهواره و وضعیت قرارگیری حسگر نسبت به دستگاه بدنه، دو ستاره موجود در زاویه دید انتخاب شده و پس از تعیین بردار واحد این ستارگان نسبت به دستگاه اینرسی، با استفاده از الگوریتم کوئست ماتریس دوران دستگاه بدنه نسبت به اینرسی محاسبه میشود. هدف این الگوریتم تعیین ماتریس دوران به گونهای است که تابع هزینه J کمینه شود [۲۳]:

$$w_{i} = R^{b}{}_{i}v_{i}$$

$$J = \frac{1}{2}\sum_{k=1}^{n} a_{k} |w_{k} - R^{b}{}_{i}v_{k}|^{2} = \sum a_{k} (1 - w^{T}_{k}R^{b}{}_{i}v_{k}) \quad (V)$$

$$g = \sum a_{k}w^{T}_{k}R^{b}{}_{i}v_{k}$$

در رابطه بالا، a_k وزن مربوط به هر اندازه گیری و مثبت میباشد. کمینه شدن J متناظر با بیشینه شدن g میباشد. پس از بازنویسی معادله بالا در قالب کواترنیون، برای رسیدن به هدف باید نسبت به کواترنیون مشتق گرفت. با توجه به این که مولفه های کواترنیون مستقل از یک دیگر نیستند، یک قید نیز

$$u = \begin{pmatrix} f^{b} \\ M^{b} \end{pmatrix} \tag{10}$$

$$\dot{x} = g(x, u) = g_1(x) + g_2(x)u$$
 (19)

در روابط بالا، g_1 دینامیک فرایند و g_2 ماتریس طراحی و تابعی از متغیرهای حالت سامانه است که با توجه به رابطه (۳) بهصورت روابط (۱۷ و ۱۸) تعریف می شوند:

$$g_{1}(x) = \begin{cases} D^{-1}v^{n} \\ g^{n} - (2\omega_{ie}^{n} + \omega_{en}^{e}) \times V^{n} \\ 0.5\Omega q \\ (I^{b})^{-1} \left[-\omega_{ib}^{b} \times (I^{b}\omega_{ib}^{b}) \right] \end{cases}$$
(1Y)

$$g_{2}(x) = \begin{cases} 0_{3\times3} & 0_{3\times3} \\ C_{b}^{n} & 0_{3\times3} \\ 0_{4\times3} & 0_{4\times3} \\ 0_{3\times3} & (I^{b})^{-1} \end{cases}$$
(1A)

مدل اندازه گیری حسگر نیز به صورت گسسته - زمان و به فرم کلی (۱۹) درنظر گرفته می شود:

$$y_k = h(x_k) + n_k \tag{19}$$

که در آن، y_k بردار اندازه گیری، n_k اغتشاش اندازه گیری و h_k تابعی غیرخطی از متغیرهای حالت سامانه است. معادله استخراجشده برای دینامیک سامانه، پیوسته- زمان و معادله اندازه گیریها، گسسته- زمان است. بنابراین با گسستهسازی معادله دینامیک سامانه و قراردادن آن در کنار مدل گسسته- زمان اندازه گیریها از فیلتر استفاده می شود:

$$\begin{aligned} x_{k+1} &= f(x_k) + v_k \\ y_k &= h(x_k) + n_k \end{aligned} \tag{(7.)}$$

در رابطه (۲۰)، x بردار متغیرهای حالت سامانه، v_k اغتشاش فرایند، n_k اغتشاش اندازه گیری، f دینامیک فرایند سامانه است که با استفاده از روابط (۲۱ و ۲۲) به دست می آید:

$$f(x_k) = x_k + \int_{t_k}^{t_{k+1}} g_1(x) dt + \int_{t_k}^{t_{k+1}} g_2(x) u_{det} dt$$
 (11)

$$v_{k} = \int_{t_{k}}^{t_{k+1}} g_{2}(x) n_{u} dt$$
 (TT)

برای شروع محاسبات فیلتر، باید به ماتریس کواریانس اغتشاش فرایند و بردار تخمین، یک مقدار اولیه اختصاص داد، بعد از آن فیلتر بهصورت رابطه (۲۳) ادامه خواهد یافت [۳]: باید در نظر گرفته شود که در نهایت روابط بهفرم معادله لاگرانژ خواهد بود:

$$g = q^{T} Kq$$

$$K = \begin{bmatrix} S - \sigma I & Z \\ Z^{T} & \sigma \end{bmatrix} \rightarrow (4 \times 4matrix)$$

$$B = \sum a_{k} (w_{k} \cdot v_{k}^{T}) \qquad (\Lambda)$$

$$S = B + B^{T}$$

$$Z = \sum a_k (w_k \times v_k^T)$$

$$\sigma = tr(B)$$

$$g' = q^T K q - \lambda q^T q$$
(9)

$$Kq = \lambda q \tag{(1)}$$

معادله (۱۰)، معادله مشخصه ماتریس K بوده و بزرگترین مقدار ویژه تابع سود را بیشینه میکند. برای کاهش زمان حل از یک تقریب در تعیین مقدار ویژه بیشینه استفاده میشود که این کار کاهش دقت را نیز در پی خواهد داشت [۲۴].

$$\lambda_{opt} = \sum a_k \tag{11}$$

پس از بهدست آوردن مقدار ویژه نوبت به تعیین بردار ویژه متناظر با آن میرسد. با تعریف p بهعنوان پارامتر رودریگز بهصورت رابطه (۱۲) و بازنویسی معادلات خواهیم داشت:

$$p = \frac{\hat{q}}{q_4} \tag{11}$$

 $p = \left[(\lambda_{opt} + \sigma)I - S \right]^{-1}Z$ به به به الله الله به به به تسريع در زمان می توان معادله خطی (۱۳) را به صورت مستقيم حل کرد [۲۲]. پس از مشخص شدن پارامتر رودريگز، کواترنيون مربوط به دوران مورد نظر به صورت رابطه (۱۳) تعيين می شود:

$$\left[\left(\lambda_{opt} + \sigma \right) I - S \right] p = Z \tag{17}$$

$$q = \frac{1}{\sqrt{1 + p^T p}} \begin{bmatrix} p \\ 1 \end{bmatrix} \tag{14}$$

برای درنظر گرفتن سایر خطاهای مدلنشده، خروجی حسگر را با نویز آلوده کرده و سپس به فیلتر اعمال میکنیم.

۲-۴- معادلات فیلتر طراحیشده

در این مقاله از فیلتر UKF استفاده شده و اثرات ناشی از پارامترهای مدلنشده بهعنوان اغتشاش و همراه با ورودی سامانه، ۹۱، درنظر گرفته میشود.

برای استفاده از خروجی حسگر در فیلتر، ابتدا مقادیر تخمینی طول و عرض جغرافیایی از گام قبل قرائت شده، و با استفاده از روابط (۲۶ و ۲۷) وضعیت دستگاه بدنه نسبت به ناوبری محاسبه میشود.

همان طور که اشاره شد، با استفاده از خروجی حسگر ردیاب ستاره و فیلتری مشابه با فیلتر بالا میتوان سرعت زاویهای دستگاه بدنه نسبت به اینرسی را نیز تخمین زد. بنابراین فرض میشود ابتدا یک فیلتر به صورت مستقیم از خروجی حسگر، سرعت زاویهای ماهواره را تخمین زده و سپس سرعت زاویهای به همراه کواترنیون وضعیت دستگاه بدنه نسبت به ناوبری، به میاوان اندازه گیری به فیلتر اصلی اعمال میشود. به دلیل به هنگام کردن اندازه گیری از روابط فیلتر کالمن خطی استفاده شده است. گام زمانی فیلتر نیز متناسب با فرکانس داده برداری حسگر و برابر با ۰/۱ ثانیه لحاظ شده است. نحوه عملکرد فیلتر در شکل ۲ ترسیم شده است. در جدول ۱ نیز دو فیلتر مورد بحث از نظر متغیرها و ورودی ها به طور خلاصه معرفی شده اند.



شکل (۲): دیاگرام نحوه عملکرد فیلتر.

جدول (۱): مقایسه متغیرها و ورودیهای دو فیلتر.

فيلتر دوم	فيلتر اول	
$arnothing_{ib}^{b}$, C_{n}^{b}	C_b^i	ورودى
ω_{ib}^b , q_b^n , v^b , r^n	q_b^i , ω_{ib}^b , q_b^n , v^b , r^n	متغيرها
وضعيت و موقعيت	$\omega^{\scriptscriptstyle b}_{\scriptscriptstyle ib}$	خروجى

۳- شبیهسازی و نتایج

با توجه به روابط بیانشده در بالا، مسیر حرکت ماهواره با شرایط اولیه جدول ۲ شبیهسازی شده و خروجی حسگر

$$\hat{x}_{0} = E[x_{0}] P_{0} = E[(x_{0} - \hat{x}_{0})(x_{0} - \hat{x}_{0})^{T}] X_{k-1} = \begin{bmatrix} \hat{x}_{k-1} & \hat{x}_{k-1} + \gamma \sqrt{P_{k-1}} & \hat{x}_{k-1} - \gamma \sqrt{P_{k-1}} \end{bmatrix}$$

$$k \in \{1, \dots, \infty\}$$

$$(\Upsilon\Upsilon)$$

مرحله بههنگام کردن زمان:

$$P_{k}^{-}H^{T}(HP_{k}^{-}H^{T}+R)^{-1}$$

$$\hat{r}^{-}+K(\tau_{k}-H\hat{r}^{-})$$

$$(\Upsilon \wedge)$$

$$\hat{x}_{k} = \hat{x}_{k}^{-} + K_{k} (z_{k} - H\hat{x}_{k}^{-})$$

$$P_{k} = (I - K_{k} H) P_{k}^{-}$$

$$(\Upsilon \Delta)$$

 $K_{k} =$

Rv و R بهترتیب کواریانس نویز فرایند و کواریانس نویز اندازه گیری است. خروجی حسگر وضعیت دستگاه بدنه نسبت به دستگاه اینرسی میباشد که طبق رابطه (۲۶)، ترکیبی غیر خطی از متغیرهای حالت است:

$$C_n^b = C_i^b C_e^i C_n^e \tag{179}$$

در این رابطه، C_i^b ، C_e^i و C_e^i بهترتیب ماتریس دوران اینرسی به بدنه، ناوبری به زمین و زمین به اینرسی میباشند. این ماتریسها با استفاده از روابط (۲۷) محاسبه میشوند.

$$C_{e}^{i} = \begin{bmatrix} \cos(\omega_{e}t) & -\sin(\omega_{e}t) & 0\\ \sin(\omega_{e}t) & \cos(\omega_{e}t) & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C_{n}^{e} = \begin{bmatrix} -\sin\varphi\cos\lambda & -\sin\varphi\sin\lambda & \cos\varphi\\ -\sin\chi & \cos\lambda & 0\\ -\cos\varphi\cos\lambda & -\cos\varphi\sin\lambda & -\sin\varphi \end{bmatrix}$$
(YV)

در رابطه بالا، \mathscr{P}_e سرعت دوران زمین بوده و برای محاسبه زمان نیز از مفهوم ساعت جهانی استفاده میشود. با معلومبودن زمان و استفاده از خروجی حسگر و رابطه (۲۶)، میتوان رابطهای بین طول و عرض جغرافیایی ماهواره و وضعیت دستگاه بدنه نسبت به ناوبری برقرار کرد.

ردیاب ستاره در این مسیر محاسبه می شود. زمان پرواز برابر با ۴۰/۰۰۰ ثانیه درنظر گرفته شده که در این مدت ماهواره تقریباً ۶ دور پیرامون زمین گردش می کند. در جدول ۲ شرایط اولیه، برای شبیه سازی مسیر نمایش داده شده است.

همچنین برای بهبود عملکرد ماهواره تحت تاثیر گشتاور گرادیان جاذبه، ماهواره بهصورت بوم متقارن درنظر گرفته شده و ماتریس مان اینرسی آن بهصورت رابطه (۲۸) است:

$$I = \begin{bmatrix} 25 & 0 & 0 \\ 0 & 25 & 0 \\ 0 & 0 & 0.5 \end{bmatrix} Kg.m^2$$
(YA)

در جدول ۳ مقادیر اولیه خطای اعمال شده به فیلتر مشاهده می شود.

	عرض جغرافيايي	۲۵° ۰' ۰'' N
موقعيت	طول جغرافيايي	۳۵° ۰' ۰'' E
	ارتفاع	$\Delta \cdot \cdot / \cdot \cdot \cdot m$
	V _x	۷۱۸۰ m/s
سرعت	Vy	•
	Vz	•
	θ	•
زواياي اويلر	ψ	٩٠
	φ	•
	Р	•
سرعت زاويەاي	Q	*
	R	•
	سال	7.14
تاريخ	ماه	۶
	روز	11
زمان	ساعت	17:77:74

ل ماهواره.	آزادى	۶ درجه	شبيەسازى	اوليه	(۲): شرايط	جدول
------------	-------	--------	----------	-------	------------	------

جدول (۳): مقادیر خطای اولیه فیلتر.

مقدار خطاى اوليه	متغیرهای حالت
-۵ m	ارتفاع
+•/\ deg	طول جغرافيايي
-•/\ deg	عرض جغرافيايي
+) • m/s	سرعت
$[-\cdot/1 - \cdot/1 \cdot/1] \text{ deg}$	زواياي اويلر
$[1 \ 1 \ 1] \times 1^{-\Delta}$ rad/s	سرعت زاویهای

در جداول **۴ و ۵** نیز میزان خطای دینامیک و فیلتر در سه گردش آخر پیرامون زمین نمایش داده شده است. علت افزایش میزان خطا در برخی متغیرها با افزایش تعداد سیکلها، یکسان نبودن دوره تناوب فیلتر با واقعیت و اختلاف زمانی بین شروع دوره در حالت واقعیت و فیلتر می باشد. این اختلافات با گذشت هر سیکل جمع شده و تاثیر بیش تری در نتایج بعدی می گذارد.

جدول (۴): مشخصات خطای ناوبری و تعیین وضعیت

سيكل ششم	سيكل پنجم	سیکل چهارم	پارامتر
۷/۸۸۰	۶/۸۴۰	۵/۲۹۸	زاويه پيچ (deg)
22/092	۱۸/۸۰۳	10/447	زاويه ياو (deg)
۹/۸۷۶	٨/۵٩٩	۶/۸۹۰	زاویه رول (deg)
١٢١٧٥	١٢١٨٩	17701	ارتفاع (m)
۳/۸۴۰	37/218	۲/۵۸۷	طول جغرافیایی (deg)
١/٢٠٩	١/• ١٧	•/٨٢۵	عرض جغرافیایی (deg)
۱۱/۹۸	17/••	17/+ 1	سرعت (m/s)
•/۴۱۳×۱۰ ^{-۳}	•/FTT×1• ^{-r}	• /YYY×1 • ⁻ "	سرعت زاویهای پیچ (rad/s)
•/TFQ×1"	•/71•×1• ⁻ "	$\cdot / \eta \gamma \cdot \times \eta \cdot - \gamma$	سرعت زاویهای یاو (rad/s)
•/•) • ×) •-*	•/• \ • × \ • ⁻ "	•/• \ • × \ • ⁻ "	سرعت زاوی ^ه ای رول (rad/s)

فيلتر.	وضعيت	و تعيين	ناوبرى	خطای	مشخصات	:(۵)	جدول
--------	-------	---------	--------	------	--------	------	------

سيكل ششم	سيكل پنجم	سیکل چهارم	پارامتر
۲/۹۱۰	۲/۴۳۱	١/٩۵٩	زاويه پيچ (deg)
۰/۹۵۹	۰/۷۳۸	•/۶٨٢	زاويه ياو (deg)
۰/۲۳۶	٠/٣٣٩	•/۲۴•	زاویه رول (deg)
٧٩٢٠	۷۷۳۱	۷۵۵۷	ارتفاع (m)
۲/۹۸۰	۲/۴۵۰	۲/•۲۷	طول جغرافیایی (deg)
۰/۶۹۸	•/۵۵·	۰/۴۰۵	عرض جغرافیایی (deg)
१/९८	۶/۷۵	۶/۹۲	سرعت (m/s)
•/79•×1• ⁻⁰	•/YX9×1• ^{-۵}	•/YX9×1• ⁻⁰	سرعت زاویهای پیچ (rad/s)
•/٣٢٩×١٠ ^{-۵}	•/~~·×1•-	•/WYX×1• ⁻⁰	سرعت زاویهای یاو (rad/s)
•/820×10	•/820×10	•/878×1 ^{-۵}	سرعت زاویهای رول (rad/s)

Archive of SID

در نمودارهای رسم شده منحنی خطچین بیان گر مقادیر واقعی متغیرها، منحنی خط- نقطه نشاندهنده مقادیر حل دینامیک و منحنی خط ممتد نتایج حاصل از فیلتر میباشند. شکلهای **۳ و ۴** بهترتیب بیان گر زوایای اویلر دستگاه بدنه نسبت به دستگاه ناوبری و سرعت زاویهای ماهواره میباشند. همان طور که مشاهده می شود عملکرد فیلتر به مراتب بهتر از حالت حل دینامیک میباشد. در حالت دینامیک میزان خطا با گذشت زمان افزایش میباشد اما در حالت استفاده از فیلتر، مقدار تخمین زده شده در زاویای پیچ، رول و یاو بهترتیب کمتر از ۳، ۱ و ۳/۰ درجه خطا دارد.



شکل (۳): تغییرات زوایای اویلر دستگاه بدنه نسبت به دستگاه



شکل **۵**، متغیرهای حالت مربوط به موقعیت ماهواره را نمایش میدهد. ارتفاع خوانده شده از فیلتر از ورودی تاثیر گرفته و میزان خطا کمتر از حالت حل دینامیک است. با توجه به این که سرعت در راستای عمود بر زمین هنوز به خوبی تخمین زده نشده است، شاهد یکسان نبودن دامنه و دوره نوسان ارتفاع تخمین زده شده توسط فیلتر می با این وجود میزان خطای تخمین این پارامترها نسبت به حل دینامیک در حدود ۴۰ درصد کمتر می باشد. با توجه به مقادیر خوانده شده از جدول **۵**، در مورد طول و عرض جغرافیایی نیز این امر قابل بیان است.



شکل (۵): تغییرات موقعیت ماهواره دستگاه ناوبری.

شکل ۶، مقادیر سرعت در دستگاه ناوبری را نشان میدهد. با توجه به بزرگی مقادیر سرعت در راستای شمال و شرق و کمبودن میزان خطا، مقادیر اختلاف فیلتر و حل دینامیک با مقدار واقعی بهخوبی مشخص نمیباشد، اما نمودارهای مربوط به سرعت در راستای زمین و اندازه سرعت، نشاندهنده تاثیر عملکرد فیلتر و همگراشدن با سرعت آهسته میباشند.

شکل ۷، خطای پارامترهای موقعیت را در دو حالت حل فیلتر و دینامیک نمایش میدهد. همان طور که مشاهده می شود خطای عرض جغرافیایی ابتدا به سمت صفر می رود اما به دلیل وجود خطا در سایر متغیرها، مجددا افزایش می یابد. این امر تاثیر مستقیم پارامترها بر روی یک دیگر را نشان می دهد و می توان گفت در صورتی که سرعت تخمین زده شده ابتدایی نزدیک به مقدار واقعی باشد سرعت همگرایی فیلتر افزایش می یابد.



شکل (۶): تغییرات سرعت ماهواره در دستگاه ناوبری.

شکل ۸، خطای سرعت در راستاهای مختلف و همچنین خطای اندازه سرعت را نمایش میدهد. خطای اندازه سرعت بهتر از حل دینامیک بوده و بهسمت صفر میرود. با گذشت زمان و صفر کاهش خطای تخمین سرعت، خطای تخمین سایر متغیرها نیز کاهش خواهد یافت.

شکل ۹، تغییرات مقدار جمع درایههای واقع بر قطر اصلی ماتریس کواریانس با گذشت زمان را نشان میدهد. با توجه به همگراشدن فیلتر میتوان انتظار داشت که سامانه از مشاهدهپذیری خوبی برخوردار بوده و با گذشت زمان سایر پارامترها نیز با دقت بهتری تخمین زده شوند.



شکل (۷): مقادیر خطای موقعیت در دستگاه ناوبری.





شکل (۹): تغییرات زمانی اثر ماتریس کواریانس خطای تخمین.

۴- نتیجهگیری

در این مقاله امکان تعیین همزمان وضعیت و موقعیت توسط حسگر ردیاب ستاره برای ماهوارهای که بهدلیل اثر گرادیان جاذبه بهعلت وجود بوم، در حالت نوسانات بهسمت زمین است مورد بررسی قرار گرفت. پیش از این امکان تعیین وضعیت به کمک حسگر ردیاب ستاره در مقالات مورد بررسی قرار گرفته است، اما تعیین همزمان وضعیت و موقعیت ماهواره تنها با استفاده از حسگر ردیاب ستاره برای اولینبار در این مقاله مورد بررسی قرار گرفته شد. نتایج پژوهش نشان می دهد وضعیت و سرعت زاویهای ماهواره را می توان با دقت و سرعت مناسب توسط حسگر ردیاب ستاره تخمین زد که این امر در پژوهشهای دیگر نیز مورد بررسی قرار گرفته بود. در این

Automatica, Vol. 22, No. 4, pp. 477-482, 1986.

- Xiong, K., Liang, T. and Yongjun, L. Multiple Model Kalman filter for Attitude Determination of Precision Pointing Spacecraft. Acta Astronautica, Vol. 68, No. 7, pp. 843-852, 2011.
- Brady, T., Tillier, C., Brown, R., Jimenez, A. and Kourepenis, A. "The Inertial Stellar Compass: A New Direction in Spacecraft Attitude Determination, 2002
- 11. Quan, W., Xu, L., Zhang, H. and Fang, J. "Interlaced Optimal-REQUEST and Unscented Kalman Filtering for Attitude Determination", Chinese Journal of Aeronautics, Vol. 26, No. 2, pp. 449-455, 2013.
- Xinlong, W., Bin, W. and Hengnian, L. "An Autonomous Navigation Scheme Based on Geomagnetic and Starlight for Small Satellites", Acta Astronautica, Vol. 81, No. 1, pp. 40-50, 2012.
- Singla, P., Crassidis, J.L. and Junkins, J.L. "Spacecraft Angular Rate Estimation Algorithms for Star Tracker-Based Attitude Determination", Advances in the Astronautical Sciences, Vol. 114, pp. 1303-1316, 2003.
- Crassidis, J.L., Markley, F.L. and Cheng, Y. "Survey of Nonlinear Attitude Estimation Methods", Journal of Guidance, Control, and Dynamics, Vol. 30, No. 1, pp. 12-28, 2007.
- 15. Park, E.S., Park, S.Y., Roh, K.M. and Choi, K.H. "Satellite Orbit Determination using a Batch Filter Based on the Unscented Transformation. Aerospace Science and Technology, Vol. 14, No. 6, pp. 387-396, 2010.
- 16. Wu, J., Liu, K., Wei, J., Han, D. and Xiang, J. "Particle Filter using a New Resampling Approach Applied to LEO Satellite Autonomous Orbit Determination with a Magnetometer", Acta Astronautica, Vol. 81, No. 2, pp. 512-522, 2012.
- 17. Nobahari, H. and Mohammad-Karimi, H. "Strap Down Inertial Navigation System. Sharif University of technology, Aerospace Engineering, 2012, (in Persian).
- Ogata, K. "Modern Control Engineering", 4th Edition, Prentice Hall, 2002.
- Rogers, R.M. "Applied Mathematics in Integrated Navigation Systems, Vol. 1, Aiaa. 2003.
- 20. Ginsberg, J. "Engineering Dynamics", Vol. 10, Cambridge University Press, 2008.
- 21. Titterton, D. and Weston, J.L. "Strapdown Inertial Navigation Technology, Vol. 17, IET. 2004.

حالت خطای مقدار تخمینزده شده در زاویای پیچ، رول و یاو بهترتیب کمتر از ۳، ۱ و ۲۳، درجه و خطای سرعتهای زاویهای در حد^{۴-۱} رادیان بر ثانیه میباشد. همان طور که بیان شد امکان تعیین موقعیت ماهواره تنها به کمک خروجی حسگر ردیاب ستاره پیش از این مورد بررسی واقع نشده است. با توجه به نتایج میتوان گفت مقادیر خطای تخمین ارتفاع، طول و عرض جغرافیایی و سرعت در صورت استفاده از فیلتر نسبت به حل دینامیک بهترتیب ۳۵، ۲۲، ۴۲ و ۴۲ درصد کاهش مییابد. همچنین مشاهده می شود، در صورت استفاده از فیلتر کالمن UKF و سرعت زمان مناسب و پایداری نسبی وضعیت ماهواره، متغیرهای مرتبط با موقعیت به سمت مقادیر واقعی همگرا شده و میتوان انتظار داشت که به کمک این روش، به طور همزمان موقعیت و وضعیت ماهواره را تخمین

۷- مراجع

- 1. Sadeghi, H. "UKF for Simulaneous Attitude and Orbit Determination using Sensor Fusion Algorithm Based on the Dynamic of Satellite and Sun Sensor", Magnetometer and Star Trcker. Sharif University of Technology, Mechanical Engineering, 2013.(in Persian)
- 2. Crassidis, J.L. and Markley, F.L. "Unscented Filtering for Spacecraft Attitude Estimation", Journal of Guidance, Control, and Dynamics, Vol. 26, No. 4, 536-542, 2003.
- Wahba, G. "A Least Squares Estimate of Satellite Attitude", SIAM Review, Vol. 7, No. 3, pp. 409-409, 1965.
- 4. Shuster, M.D. and Oh, S.D. "Three-Axis Attitude Determination from Vector Observations", Journal of Guidance, Control, and Dynamics, Vol. 4, No. 1, pp. 70-77, 1981.
- Choukroun, D., Weiss, H., Bar-Itzhack, I.Y. and Oshman, Y. "Quaternion Estimation from Vector Observations using a Matrix Kalman Filter", Aerospace and Electronic Systems, IEEE Transactions on, Vol. 48, No. 4, pp. 3133-3158, 2012.
- Yang, Y. "Spacecraft Attitude Determination and Control: Quaternion Based Method", Annual Reviews in Control, Vol. 36, No. 2, 198-219, 2012.
- Enright, J., Sinclair, D., Grant, C., McVittie, G. and Dzamba, T. "Towards Star Tracker Only Attitude Estimation", 2010.
- 8. Lo, J.H. "Optimal Estimation for the Satellite Attitude using Star Tracker Measurements",

- 22. Siahpush, A. and Sexton, A. "A Study for Semi-Passive Gravity Gradient Stabilization of Small Satellites",1987.
- of Small Satellites",1987.
 23. Bar-Itzhack, I.Y. "REQUEST-A Recursive QUEST Algorithm for Sequential Attitude Determination", Journal of Guidance, Control, and Dynamics, Vol. 19, No. 5, pp. 1034-1038, 1996.
- 24. Hall, C.D. "Spacecraft Attitude Dynamics and Control", Lecture Notes Posted on Handouts Vol. 12, 2003.