تحليل غيرخطي حرارتي– مكانيكي پنل استوانهاي كامپوزيتي تقویتشده با نانولولههای کربنی مدرج تابعی

محمد اسماعیل گلمکانی ' و الناز رحیمی '

گروہ مھندسی مکانیک واحد مشهد، دانشگاه آزاد اسلامی، مشهد، ایران (تاریخ دریافت: ۱۳۹۴/۱۱/۱۱؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۱۱/۰۷)

چکیدہ

در این تحقیق تحلیل غیرخطی خمش ینلهای استوانهای کامیوزیتی تقویت شده با توزیع تابعی نانولولههای کربنی تحت بار عرضی یکنواخت مکانیکی و گرادیان حرارتی در راستای شعاعی مورد بررسی قرار میگیرد. معادلات حاکم بر اساس تئوری برشی مرتبه اول و کرنش،های غیرخطی فون کارمن استخراج شدهاند. چهار نوع توزیع یکنواخت و مدرج تابعی برای نانولولههای کربنی در راستای ضخامت ینل در نظر گرفته شده است. دستگاه معادلات غیرخطی کوپل بهدستآمده با استفاده از ترکیب روشهای عددی رهایی پویا و اختلاف محدود برای چیدمانهای مختلفی از شرایط مرزی ساده و گیردار حل گشتهاند. به منظور اعتبار سنجی دقت و صحت روش حاضر، برخی نتایج بهدست آمده با موارد موجود در دیگر مقالات و همچنین نرمافزار اجزا محدود آباکوس مقایسه شده است. در مطالعه پارامتری انجام شده تأثیر یارامترهایی همچون توزیع نانولولههای کربنی، ضخامت و طول به شعاع یوسته، شرایط مرزی، کسر حجمی نانولولهها و زاویه دهانه پنل بر جابجایی شعاعی یوسته و منتجههای تنش بررسی شده است. نتایج بهدست آمده حاکی از این است که برای هر دو شرط مرزی ساده و گیردار بیشترین و کمترین مقادیر خیز بترتیب مربوط به چیدمان های O و X نانولولههای کربنی میباشند. واژههای کلیدی: پنل نانوکامپوزیتی، نانولوله کربنی، خمش غیرخطی، رهایی پویا

Nonlinear Thermo-Elastic Analysis of Functionally Graded Carbon Nanotube **Reinforced Composite Cylindrical Panel**

M.E. Golmakani and E. Rahimi

Department of Mechanical Engineering, Mashhad Branch, Islamic Azad University, Mashhad, Iran

(Received: 31/January/2016; Accepted: 26/January/2017)

Abstract

In this study, nonlinear bending analysis of functionally graded carbon nanotube reinforced composite (FG-CNTRC) cylindrical panels subjected to a uniform transverse mechanical load and thermal gradient along the radial direction is investigated. The equilibrium equations are derived based on first-order shear deformation shell theory (FSDT) and nonlinear von karman strains. Four types of uniform and functionally graded distributions of the reinforcement along the thickness direction of panels are considered. The nonlinear coupled equations of motion are solved by combination of dynamic relaxation (DR) and finite difference methods for different combinations of simply supported and clamped boundary conditions. In order to verify the current work, some obtained results are compared with the solutions reported in the literature and also ABAQUS finite element packages. In the presented parametric study, the effects of distribution of carbon nanotubes (CNTs), thickness-to-radius and length-to-radius ratios, boundary conditions, volume fraction of CNTs and panel angel is considered on the deflection and stress resultants in detail. The results show that FG-O and FG-X distributions of CNTs have the maximum and minimum values of deflection, respectively, for both simply supported and clamped boundary conditions.

Keywords: Nano-composite panel, Carbon nanotube, Nonlinear bending, Dynamic relaxation.

m.e.golmakani@mshdiau.ac.ir - استاديار: -۱

۲- دانشجوی کارشناسی ارشد: elnazrahimi364@yahoo.com

۱– مقدمه

نانولولههای کربنی از صفحات کربن به ضخامت یک اتم ساخته شدهاند. این مواد در دهه گذشته به دلیل خواص ویژه و منحصر به فرد آنها از جمله مدول یانگ و استحکام کششی بالا، مورد توجه بسیاری از محققین قرار گرفتهاند. نانولولهها دارای مدول یانگی تقریباً ۶ برابر فولاد هستند و به عنوان تقویت کننده در کامپوزیتها کاربرد بسیاری دارند [۳–۱]. به طوری که تحقیقات آزمایشگاهی و تئوری گوناگون نشان داده است که اضافه کردن مقدار کمی از نانولولههای کربنی میتواند خواص مکانیکی، الکتریکی و حرارتی کامپوزیتهای پایه پلیمری را به طور قابل ملاحظهای افزایش دهد [۴]. اگرچه این مطالعات در تعیین خواص نانوکامپوزیتها مفید هستند ولی استفاده آنها در سازههای واقعی هدف نهایی برای توسعه این مواد پیشرفته است. در نتیجه، بررسی رفتارهای مختلف کامپوزیتهای تقویتشده با نانولولههای کربنی در سازههای واقعی ضروری بهنظر میرسد. از اینرو بسیاری از تحقیقات به کاربرد نانولولههای کربنی در سازههای واقعی معطوف گردیده است. صالحی خوجین و جلیلی [۵] کمانش کامپوزیت پلیمری تقویت شده با نانولولههای کربنی برن نیتریت تحت بارهای مکانیکی، الکتریکی و حرارتی را بررسی کردند. کووان و همکارانش [۶] تغییر شکل و تنش برشی کامپوزیت تقویت شده با نانولولههای کربنی را مورد بررسی قرار دادند. شن [۷] به تحليل رفتار غيرخطى خمش صفحات كامپوزيتى تقويتشده با نانولولههای کربنی در یک محیط حرارتی پرداخت. او دریافت رفتار غیرخطی خمش، در حالت توزیع مدرج تابعی نانولولههای کربنی بهبود مییابد. وانگ و شن [۸] رفتار ارتعاشی غیرخطی یک صفحه کامپوزیتی تقویتشده با نانولولههای کربنی را بر روی یک بستر الاستیک در یک محیط حرارتی مورد بررسی قرار دادند. آنها مشاهده کردند که با افزایش کسر حجمی نانولولهها نسبت فرکانس غیرطبیعی به طبيعي افزايش مي يابد. پينگ و همكارانش [۹] به تحليل ارتعاشات آزاد صفحات کامپوزیتی تقویتشده با نانولولههای كربني با استفاده از روش المان محدود و تئوري برشي مرتبه اول صفحات پرداختند. وانگ و شن [۱۰] پاسخ دینامیکی غیرخطی صفحات کامپوزیتی تقویتشده با نانولولههای کربنی را بر روی یک بستر الاستیک در محیط حرارتی بررسی کردند. على بيگلو و ليو [١١] رفتار حرارتي- مكانيكي صفحات

کامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی را با استفاده از حل الاستيسيته سهبعدي بررسي كردند. فرميكا و همكارانش [17] رفتار ارتعاشی صفحات كامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی را با به کار بردن یک مدل پیوسته معادل، بر اساس روش موری- تاناکا مورد بررسی قرار دادند. على بيگلو [١٣] با استفاده از نظريهي سهبعدي الاستيسيته، رفتار خمش یک صفحه کامپوزیتی تقویت شده با نانولوله كربنى كه با لايه نازك پيزوالكتريك احاطه شده است را تحت بار مکانیکی یکنواخت و با شرط مرزی ساده بررسی کردند. لی و همكارش [۱۴] تحليل كمانش صفحات كامپوزيتي تقويت شده با نانولولههای کربنی را تحت بار مکانیکی صفحهای و با استفاده از روش مش کرنال و تئوری برشی مرتبه اول بررسی کردند. شن و ژانگ [۱۵] رفتار کمانش حرارتی یک صفحه کامپوزیتی تقویت شده با نانولولهی کربنی را مطالعه کردند. آنها خواص نانولولهها را وابسته به دما فرض كردند و با استفاده از روش دینامیک مولکولی خواص مواد را بهدست آوردند. ژانگ و همکارانش [۱۶] تحلیل غیرخطی تغییرشکل بزرگ پنلهای استوانهای کامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی را تحت بارگذاری مکانیکی یکنواخت انجام دادند. شوشتری و رفيعي [١٧] رفتار كمانش صفحات كامپوزيتي تقويت شده با نانولولههای کربنی در محیط حرارتی را مورد بررسی قرار دادند. مهرآبادی و همکارانش [۱۸] تحلیل کمانش مکانیکی پوستههای استوانهای باز تقویت شده با نانولولههای کربنی تک جداره را انجام دادند. آنها برای تعیین خواص پوسته کامپوزیتی تقويت شده از قانون اصلاح شده مخلوطها استفاده كردند و تأثیر مشخصات هندسی پوسته و خواص فیزیکی را بر بار بحرانی مورد بررسی قرار دادند. ژو و همکارانش [۱۹] خمش خطی و ارتعاش آزاد یک صفحه کامپوزیتی تقویتشده با نانولولههای کربنی را با روش المان محدود بررسی کردند. آنها معادلات تعادل حاکم بر خمش غیرخطی را بر اساس تئوری برشی مرتبه اول و روابط جابجایی فون کارمن نوشتند و خواص مواد در امتداد ضخامت پنل را بر اساس مدل موری- تاناکا تعیین کردند. شن و ژانگ [۲۰] تحلیل غیرخطی ارتعاشات پنل استوانهای کامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی را در محیط حرارتی انجام دادند. رامیننیا و همکارانش [۲۱] پاسخ ارتعاشات غیرخطی پوسته کامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی را تحت بارهای حرارتی و مکانیکی بررسی كردند.

$$V_{\text{CNT}(z)} = 2\left(2\frac{|z|}{h}\right)V_{\text{CNT}}^*$$
 FG-X

$$V_{\text{CNT}(z)} = \left(1 + 2\frac{z}{h}\right) V_{\text{CNT}}^* \qquad \text{FG} - V$$

$$V_{\text{CNT}(z)} = 2\left(1 - 2\frac{z}{h}\right) V_{\text{CNT}}^* \qquad \text{FG-O}$$

$$\mathbf{V}_{\rm CNT}^* = \frac{\mathbf{w}_{\rm CNT}}{\mathbf{w}_{\rm CNT} + \left(\frac{\rho_{\rm CN}}{\rho_{\rm m}}\right) - \left(\frac{\rho_{\rm CN}}{\rho_{\rm m}}\right) \mathbf{w}_{\rm CNT}}$$

$$\mathbf{V}^{\rm m} = 1 - V_{\rm CNT}$$
(1)

در معادلات بالا زیر نویسهای CNT و m بهترتیب مربوط به نانولولههای کربنی تک جداره و ماتریس میباشند. همچنین کمیت های *P,W,V* به ترتیب بیانگر کسر حجمی، کسر جرمی و دانسیته هستند. طبق قانون مخلوطها برای خواص مواد روابط زیر پیشنهاد شده است [۲] :

$$E_{11} = \eta_{1} V_{CNT} E_{11}^{CNT} + V_{m} E_{m}$$

$$\frac{\eta_{2}}{E_{22}} = \frac{V_{CNT}}{E_{22}^{CNT}} + \frac{V_{m}}{E_{m}}$$

$$\frac{\eta_{3}}{G_{12}} = \frac{V_{CNT}}{G_{12}^{CNT}} + \frac{V_{m}}{G_{m}}$$

$$v_{12} = V_{CNT}^{*} v_{12}^{CNT} + V_{m} v^{m}$$

$$\alpha_{11} = V_{CNT} \alpha_{11}^{CN} + V_{m} \alpha^{m}$$

$$\alpha_{22} = (1 + v_{12}^{CNT}) V_{CNT} \alpha_{22}^{CN} + (1 + v^{m}) V_{m} \alpha^{m} - v_{12} \alpha_{11}$$
(f)

که در روابط بالا، E_{22} و E_{23} مدول الاستیسیته صفحه کامپوزیتی تقویت شده با نانولولههای کربنی در جهتهای اصلی هستند. گفتنی است که α_{ij} ضریب انبساط حرارتی و η_{ij} ضرایب تاثیر نانولولههای کربنی نامیده میشوند. همچنین G مدول برشی و v نسبت پواسن میباشد. نحوه قرارگیری نانولولهها در پنل استوانهای برای چیدمانهای یکنواخت (UD) و مدرج تابعی (FG-V - FG-O - FG-X و FG-V) در راستای طولی میباشد. گفتنی است که جهت x محور طولی پنل و جهت y راستای محیطی (θ) میباشد که در شکل ۱ نشان داده شده است.

در این تحقیق برای اولین بار تحلیل غیرخطی خمش پنل استوانهای تقویت شده با توزیع تابعی نانولولههای کربنی تحت بارهای حرارتی و مکانیکی مورد بررسی قرار گرفته است. معادلات حاکم بر اساس تئوری برشی مرتبه اول و روابط غيرخطي كرنش- تغيير مكان فون كارمن استخراج شده است. نانولولههای کربنی به صورت یکنواخت (UD) و مدرج تابعی (FG-0،FG-X و FG-V) در امتداد ضخامت پنل کامپوزیتی توزیع شدهاند و خواص مکانیکی پنل نانوکامپوزیتی با استفاده از قانون اصلاح شده اختلاط تعیین شده است. دستگاه معادلات غیرخطی کویل بهدست آمده با استفاده از ترکیب روشهای عددی رهایی پویا و اختلاف محدود مرکزی برای چیدمانهای مختلفی از شرایط مرزی ساده و گیردار حل گشتهاند. نتایج حل حاضر با مقالهای مشابه در این زمینه و همچنین نرمافزار المان محدود آباکوس مقایسه شده است و مطابقت خوب بهدستآمده حاکی از صحت و دقت روش عددی به کار رفته میباشد. در مطالعه پارامتری انجام شده تأثیر پارامترهایی همچون توزیع نانولولههای کربنی، نسبتهای ضخامت به شعاع و طول به شعاع پوسته، شرایط مرزی و تغییر کسر حجمی نانولولهها و تغییر زاویه دهانه پنل بر جابجایی شعاعی پوسته و منتجههای تنش و لنگر بررسی شده است.

۲ - معادلات حاکم

در این قسمت روابط حاکم بر خواص مکانیکی کامپوزیت تقویت شده با چیدمانهای مختلفی از نانولولههای کربنی، معادلات میدان دما در راستای ضخامت پنل، هندسه پنل در دستگاه مختصات مورد استفاده و معادلات تعادل با شرایط مرزی گوناگون ارائه می گردد.

۲- ۲- خواص مکانیکی کامپوزیت تقویت شده با نانولوله های کربنی

در این تحقیق برای تعیین خواص مواد نانو کامپوزیت تقویت شده از قانون اختلاط استفاده شده است. روابط مربوط به کسر حجمی نانولولههای کربنی برای دو حالت چیدمان یکنواخت (UD) و مدرج تابعی (FG-X، FG-N و FG-V) به صورت زیر میباشند [Y]:

$$V_{\rm CNT} = V_{\rm CNT}^*$$

گفتنی است که K_{CNT} و K_m به ترتیب ضریب هدایت حرارتی نانولولههای کربنی و بستر پلیمری میباشند. به طوری که ¹-¹k⁻¹ wm واسط مقاوت حرارتی بین نانولولههای کربنی و بستر پلیمری میباشد که مقدار آن برابر m²k/w کربنی و بستر پلیمری میباشد که مقدار آن برابر m²k/w $\left(\frac{P}{d_{CNT}}\right)^{-8}$ در نظر گرفته شده است. حاصل میشود. شرایط مرزی دما در سطح داخلی و خارجی پنل به صورت ذیل است:

$$T\left(x, y, -\frac{h}{2}\right) = T_{in}$$

$$T\left(x, y, \frac{h}{2}\right) = T_{out}$$
(A)

با جایگذاری شرط مرزی، معادله انتقال حرارت را میتوان بدین شکل نوشت:

$$T(z) = T_{in} + (T_{out} - T_{in}) \left(\frac{\int_{-\frac{h}{2}}^{z} \frac{dz}{k(z)}}{\int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} \frac{dz}{k(z)}} \right)$$
(9)

۲-۳- میدان تغییر مکان

هندسه پنل استوانهای به طول L، شعاع a، ضخامت h و زاویه دهانه α و دستگاه مختصات مورد استفاده در شکل \mathbf{Y} نشان داده شده است. برای یک پنل استوانهای با توجه به تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اول، میدان تغییر مکان برای هر نقطه از پنل به صورت رابطه زیر بیان می شود:

$$u(x, y, z) = u_0(x, y) + z\varphi_x(x, y)$$

$$v(x, y, z) = v_0(x, y) + z\varphi_y(x, y)$$

$$w(x, y, z) = w_0(x, y)$$

(1.)

که در رابطه بالا u، v و w به ترتیب تغییر مکانهای پنل استوانهای در جهات x، v و x هستند. همچنین v_0 ، v_0 و v_0 ، v_0 و x هستند. همچنین v_0 w_0 ، v_0 و w_1 مفحه میانی در جهتهای u_0 z و x میاشند. φ_y و φ_y نیز دوران صفحه میانی به ترتیب حول محور x و y میاشد.



۲- ۲- میدان دمایی

با فرض این که تغییرات دما در راستای ضخامت پنل رخ میدهد، معادله انتقال حرارت در امتداد ضخامت بدین صورت نوشته می شود [۱۱].

$$-\frac{d}{dz}\left(K(z)\frac{dT}{dz}\right) = 0$$
 (Δ)

در رابطه (۵)، (*K*(z) ضریب هدایت حرارتی ماده نانو کامپوزیتی میباشد و بسته به شکل توزیع نانولولههای کربنی این ضریب دارای روابط زیر است [۱۱]:

 $\frac{K(z)}{K_m} = 1 + D \qquad (\text{UD-CNTRC})$

$$\frac{\zeta(z)}{K_m} = 1 + 2Dz \qquad (FG-V CNTRC)$$

$$\frac{K(z)}{K_m} = 1 + 2D(1 - 2|z|)$$
 (FG-0 CNTRC)
$$\frac{K(z)}{K_m} = 1 + 2D(2|z|)$$
 (FG-X CNTRC)

$$D = \frac{PV_{CNT}^*}{3} \times \frac{\frac{K_{CNT}}{K_m}}{P + \frac{2a_k}{d} \frac{K_{CNT}}{K_m}} , a_k = R_k K_m$$
(V)

۱۰۰

www.SID.ir

(6)

به طوری که $Q_{11} = \frac{E_{11}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}}, \quad Q_{22} = \frac{E_{22}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}}, \quad Q_{12} = \frac{\nu_{21}E_{11}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}},$ $Q_{66} = G_{12},$ $Q_{44} = G_{23},$ $Q_{55} = G_{13}$ (17) منتجههای نیرو و گشتاور نیز توسط معادلات زیر به تنشهای $\begin{cases} \mathbf{N}_{xx} \\ \mathbf{N}_{\theta\theta} \\ \mathbf{N}_{x\theta} \end{cases} = \int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} \begin{cases} \boldsymbol{\sigma}_{xx} \\ \boldsymbol{\sigma}_{\theta\theta} \\ \boldsymbol{\sigma}_{x\theta} \end{cases} dz , \quad \begin{cases} \mathbf{M}_{xx} \\ \mathbf{M}_{\theta\theta} \\ \mathbf{M}_{x\theta} \end{cases} = \int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} \begin{cases} \boldsymbol{\sigma}_{xx} \\ \boldsymbol{\sigma}_{\theta\theta} \\ \boldsymbol{\sigma}_{x\theta} \end{cases} z dz ,$ $\begin{cases} Q_{x} \\ Q_{\theta} \end{cases} = k_{s} \int_{h}^{\frac{n}{2}} \{Q_{55} \\ Q_{44} \end{cases} \begin{cases} \gamma_{xz}^{0} \\ \gamma_{0z}^{0} \end{cases} dz$ (14) که در آن، k_s ضریب تصحیح برشی نامیده می شود و مقدار آن را ۰/۸۳۳ در نظر گرفته می شود. با جایگذاری روابط (۱۱) تا (۱۳) در معادلات (۱۴) منتجههای نیرو و گشتاور به شکل ﺎﺗﺮﻳﺴﻰ ﺑﻪﺩﺳﺖ ﻣﻰﺁﻳﻨﺪ. $\begin{cases} \mathbf{N}_{xx} \\ \mathbf{N}_{\theta\theta} \\ \mathbf{N}_{-6} \end{cases} = \begin{bmatrix} A_{22} & A_{21} & A_{26} \\ A_{12} & A_{11} & A_{16} \\ A_{26} & A_{16} & A_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{xx}^{0} \\ \varepsilon_{\theta\theta}^{0} \\ \gamma_{x\theta}^{0} \end{bmatrix}$ $+\begin{bmatrix} B_{22} & B_{21} & B_{26} \\ B_{12} & B_{11} & B_{16} \\ B_{26} & B_{16} & B_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} k_{xx}^{0} \\ k_{\theta\theta}^{0} \\ k_{x\theta}^{0} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} N_{x}^{Th} \\ N_{\theta}^{Th} \\ N_{\theta}^{Th} \\ 0 \end{bmatrix}$ $\begin{cases} \mathbf{M}_{xx} \\ \mathbf{M}_{\theta\theta} \\ \mathbf{M}_{x\theta} \end{cases} = \begin{bmatrix} A_{22} & A_{21} & A_{26} \\ A_{12} & A_{11} & A_{16} \\ A_{26} & A_{16} & A_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\varepsilon}_{xx}^{0} \\ \boldsymbol{\varepsilon}_{\theta\theta}^{0} \\ \boldsymbol{\gamma}_{x\theta}^{0} \end{bmatrix}$ $+\begin{bmatrix} D_{22} & D_{21} & D_{26} \\ D_{12} & D_{11} & D_{16} \\ D & D & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} k_{xx}^{0} \\ k_{\theta\theta}^{0} \\ k^{0} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} M_{x}^{Th} \\ M_{\theta}^{Th} \\ 0 \end{bmatrix}$ (19) $\begin{cases} Q_x \\ Q_z \end{cases} = k_s \begin{bmatrix} A_{55} & 0 \\ 0 & A_{11} \end{bmatrix} \begin{cases} \gamma_{xz}^0 \\ \gamma_{zz}^0 \end{cases}$ (1Y)

$$\begin{aligned}
\frac{1}{\left(\frac{\partial u_{0}}{\partial x} + \frac{1}{2}\left(\frac{\partial w_{0}}{\partial x} + \frac{\partial u_{0}}{\partial x} + \frac{1}{2}\left(\frac{\partial w_{0}}{\partial x} + \frac{\partial w_{0}}{\partial x}\right)\right) \\
&= \left(\frac{1}{a}\frac{\partial w_{0}}{\partial x} + \frac{1}{a}\frac{\partial w_{0}}$$

روابط تنش- کرنش نیز با بهکارگیری نمادگذاری اندیسی بهصورت ذیل نوشته میگردد.

معادلات تعادل را می توان از طریق مینیم, سازی انرژی بر
ن تعریف کرد:

$$a \frac{dN_x}{dx} + \frac{dN_{x\theta}}{d\theta} = 0$$

 $a \frac{dN_{x\theta}}{dx} + \frac{dN_{\theta}}{d\theta} = 0$
 $a \frac{dN_x}{dx} + \frac{dN_{\theta}}{d\theta} = 0$
 $N_{\theta} - aN_x \frac{d^2w}{dx^2} - 2N_{x\theta} \frac{d^2w}{dxd\theta} - a \frac{dQ_x}{dx}$ (٢١)
 $-\frac{N_{\theta}}{a} \frac{d^2w}{d\theta^2} - \frac{dQ_{\theta}}{d\theta} - q = 0$
 $Q_x - \frac{dM_x}{dx} - \frac{1}{a} \frac{dM_{x\theta}}{d\theta} = 0$
 $Q_{\theta} - \frac{dM_x}{dx} - \frac{1}{a} \frac{dM_{\theta}}{d\theta} = 0$
 $Q_{\theta} - \frac{dM_x}{dx} - \frac{1}{a} \frac{dM_{\theta}}{d\theta} = 0$
 $x = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($x = 0, L$) (YY)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)
 $u = w = M_x = \varphi_{\theta} = 0$ ($y = 0, \alpha$)

۳- روش رهایی پویا

حل معادلات غیرخطی با روشهای تحلیلی در اکثر مواقع دشوار است. بنابراین استفاده از روشهای عددی در بسیاری از موارد پیشنهاد شده است. استفاده از روش عددی رهایی پویا به دهه اول قرن بیستم باز می گردد. بر اساس روش رهایی پویا یک سیستم استاتیکی با افزودن نیروهای فرضی اینرسی و یک سیستم استاتیکی با افزودن نیروهای فرضی اینرسی و (۲۵) $[M]^n \{\ddot{X}\}^n + [C]^n \{\dot{X}\}^n + [K]^n \{X\}^n = \{P(t)^n\}$ در روابط بالا ماتریسهای سفتی کششی، سفتی اتصال خمش-کشش و سفتی خمشی و ماتریس ضرایب نیروهای برشی به ترتیب با روابط زیر بهدست میآیند.

$$(A_{ij}, B_{ij}, D_{ij}) = \int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} Q_{ij} (1, Z, Z^2) dZ \qquad (i, j = 1, 2, 6)$$

$$A_{ij} = \int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} Q_{ij} dz \qquad (ij = 44, 55) \qquad (1 \text{ A})$$

همچنین
lt
 و ${}^{lt}M$ منتجههای نیروهای حرارتی و
گشتاورهای حرارتی به شکل زیر محاسبه می شوند:
 $\left\{ N_{x}^{\text{th}} \right\} = \begin{bmatrix} -h/2 \left[Q_{11} \alpha_{11} & Q_{12} \alpha_{22} \right] T(z) dz \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{N}_{y}^{h} \end{bmatrix} = \int_{h/2}^{-h/2} \begin{bmatrix} Q_{12}\alpha_{11} & Q_{22}\alpha_{22} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{M}_{x}^{h} \\ \mathbf{M}_{y}^{h} \end{bmatrix} = \int_{h/2}^{-h/2} \begin{bmatrix} Q_{11}\alpha_{11} & Q_{12}\alpha_{22} \\ Q_{12}\alpha_{11} & Q_{22}\alpha_{22} \end{bmatrix} T(z) z dz$$

$$(19)$$

بنابراین، منتجههای تنش و لنگر بر حسب میدان جابجایی به
صورت ذیل تعریف می گردند:
$$N_{x} = A_{11} \left(\frac{du}{dx} + \frac{1}{2} \left(\frac{dw}{dx} \right)^{2} \right) + A_{12} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{dv}{d\theta} + \frac{w}{a} \right) + \frac{1}{2a^{2}} \left(\frac{dw}{d\theta} \right)^{2} \right)$$
$$+ B_{11} \frac{d\varphi}{d\theta} + \frac{B_{12}}{d\theta} \left(\frac{d\psi}{d\theta} \right) - N_{x}^{Th}$$

$$dx = a (d\theta)$$

$$M_{x} = B_{11} \left(\frac{du}{dx} + \frac{1}{2} \left(\frac{dw}{dx} \right)^{2} \right) + B_{12} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{dv}{d\theta} + \frac{w}{a} \right) + \frac{1}{2a^{2}} \left(\frac{dw}{d\theta} \right)^{2} \right)$$

$$+ D_{11} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right) + \frac{D_{12}}{a} \left(\frac{d\psi}{d\theta} \right) - M_{x}^{Th}$$

$$N_{\theta} = A_{12} \left(\frac{du}{dx} + \frac{1}{2} \left(\frac{dw}{dx} \right)^{2} \right) + A_{22} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{dv}{d\theta} + \frac{w}{a} \right) + \frac{1}{2a^{2}} \left(\frac{dw}{d\theta} \right)^{2} \right)$$

$$+ B_{12} \frac{d\varphi}{dx} + B_{22} \frac{1}{a} \frac{d\psi}{d\theta} - N_{\theta}^{Th}$$

$$M_{\theta} = B_{12} \left(\frac{du}{dx} + \frac{1}{2} \left(\frac{dw}{dx} \right)^{2} \right) + B_{22} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{dv}{d\theta} + \frac{w}{a} \right) + \frac{1}{2a^{2}} \left(\frac{dw}{d\theta} \right)^{2} \right)$$

$$+ D_{12} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right) + D_{22} \left(\frac{d\psi}{d\theta} \right) - M_{\theta}^{Th}$$

$$N_{x\theta} = A_{66} \left(\frac{1}{a} \frac{du}{d\theta} + \frac{dv}{dx} + \frac{1}{a} \frac{dw}{dx} \frac{dw}{d\theta} \right) + B_{66} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{d\varphi}{d\theta} \right) + \frac{d\psi}{dx} \right)$$

$$M_{x\theta} = B_{66} \left(\frac{1}{a} \frac{du}{d\theta} + \frac{dv}{dx} + \frac{1}{a} \frac{dw}{d\theta} \frac{dw}{dx} \right) + D_{66} \left(\frac{1}{a} \left(\frac{d\varphi}{d\theta} \right) + \frac{d\psi}{dx} \right)$$

$$Q_x = A_{44} \left(\varphi + \frac{dw}{dx} \right)$$

$$Q_{\theta} = A_{55} \left(\psi + \frac{1}{a} \frac{dw}{d\theta} \right)$$

۴-۲- معادلات تعادل www.SID.ir در این رابط ه [M]، [C]، [X] و $\{X\}$ به ترتیب ماتریسهای جرم و دمپینگ مجازی و بردارهای شتاب و (X)سرعت مجازی در تکرار Mم میباشند، همچنین $\{X\}$ بردار جابجایی میباشد. لذا با توجه به صریح بودن روش حل حاضر، (معادلات تعادل (۲۰) را که از نوع مسائل با مقدار مرزی مشخص میباشند، باید به فرمت مسائلی با مقدار اولیه معین در آورد. برای انجام این کار ترمهای اینرسی و دمپینگ را به صورت زیر به سمت راست معادله (۲۱) میافزاییم.

$$a\frac{dN_{x}}{dx} + \frac{dN_{x\theta}}{d\theta} = m_{u}\frac{d^{2}u}{dt^{2}} + C_{u}\frac{du}{dt}$$

$$a\frac{dN_{x\theta}}{dx} + \frac{dN_{\theta}}{d\theta} = m_{v}\frac{d^{2}v}{dt^{2}} + C_{v}\frac{dv}{dt}$$

$$N_{\theta} - aN_{x}\frac{d^{2}w}{dx^{2}} - 2N_{x\theta}\frac{d^{2}w}{dxd\theta} - a\frac{dQ_{x}}{dx} - \frac{N_{\theta}}{dt}\frac{d^{2}w}{d\theta^{2}} - \frac{dQ_{\theta}}{d\theta} - q = m_{w}\frac{d^{2}w}{dt^{2}} + C_{w}\frac{dw}{dx}$$

$$Q_{x} - \frac{dM_{x}}{dx} - \frac{1}{a}\frac{dM_{x\theta}}{d\theta} = m_{\theta_{x}}\frac{d^{2}\varphi_{x}}{dt^{2}} + C_{\theta_{x}}\frac{d\varphi_{x}}{dt}$$

$$Q_{\theta} - \frac{dM_{x\theta}}{dx} - \frac{1}{a}\frac{dM_{\theta}}{d\theta} = m_{\theta_{\theta}}\frac{d^{2}\varphi_{\theta}}{dt^{2}} + C_{\theta_{\theta}}\frac{d\varphi_{\theta}}{dt}$$
(YF)

در سمت راست معادله بالا با استفاده از روش تفاضل محدود، بردارهای سرعت و شتاب را میتوان به صورت زیر در نظر گرفت [۲۳].

$$\left\{ \ddot{x} \right\}^{n} = \frac{\left\{ \dot{x} \right\}^{n+\frac{1}{2}} - \left\{ \dot{x} \right\}^{n-\frac{1}{2}}}{\Delta t}$$

$$\left\{ \dot{x} \right\}^{n-\frac{1}{2}} = \frac{\left\{ x \right\}^{n} - \left\{ x \right\}^{n-1}}{\Delta t}$$
(YY)

که در رابطه بالا، Δ*t* بیانگر گام زمانی مجازی میباشد. بر طبق مقدار میانگین، سرعت را میتوان به شکل زیر بیان کرد [۲۱]:

$$\{\dot{x}\}^{n} = \frac{\{\dot{x}\}^{n-\frac{1}{2}} + \{\dot{x}\}^{n+\frac{1}{2}}}{2} \tag{YA}$$

با جایگذاری معادله (۲۷) و (۲۸) در معادله (۲۶) و سادهسازی آن، سرعت در گام (n+1/2) و جابجایی در گام (n+1) بهدست میآید که به صورت زیر قابل تعریف است:

$$\left\{ \dot{x} \right\}^{n+\frac{1}{2}} = \frac{\left(\frac{\left[M \right]}{\Delta t} - \frac{\left[C \right]}{2} \right)}{\left[\frac{\left[M \right]}{\Delta t} - \frac{\left[C \right]}{2} \right)} \left\{ \dot{x} \right\}^{n-\frac{1}{2}} + \frac{\left(\left\{ p \right\} - \left[k \right] \left\{ x \right\} \right)}{\left[\frac{\left[M \right]}{\Delta t} - \frac{\left[C \right]}{2} \right]}$$
(19)

$${x}^{n+1} = {x}^{n} + \Delta t {\dot{x}}^{n+\frac{1}{2}}$$
 (\tilde{r} .)

روش رهایی پویا به طور کلی ناپایدار است. بنابراین، بایستی مقادیر مناسبی برای جرم، دمپینگ و گام زمانی انتخاب شود تا نتایج همگرایی این روند تکراری تضمین شود. برای داشتن معادلات تکرار صریح، ماتریس جرمی مجازی باید قطری در نظر گرفته شود. طبق تئوری گرشگورین، ماتریس [M] بر اساس رابطه زیر تعریف می گردد [۲۴]:

$$m_{ii} \ge \frac{1}{4} \Delta t^2 \sum_{j=1}^{n} |k_{ij}|$$
 (T1)

که در آن، درایههای ماتریس سفتی k عبارتند از:

$$k = \frac{\partial f}{\partial x} \tag{(77)}$$

در رابطه بالا *x=u ,v, w, \alpha_x , \alpha_\theta و f* سمت چپ معادله تعادل می اشد. طبق رابطه (۲۷) ماتریس دمپینگ به ماتریس جرمی وابسته خواهد شد [۲۵].

$$C = c \left[M \right]$$

مراتب الگوریتم رهایی پویا با جزئیات آن در مرجع [۲۳] آورده شده است.

۴- نتایج

برای بررسی صحت و دقت خمش غیرخطی پنل استوانهای کامپوزیتی تقویتشده با نانولولههای کربنی تحت بار مکانیکی، نتایج بهدستآمده در پژوهش حاضر با پاسخهای گزارش شده توسط ژانگ و همکارانش [۱۶] که بر اساس تئوری برشی مرتبه اول و روش ریتز حل شده است، مورد مقایسه قرار گرفته است. نتایج برای مقدار خیز ماکزیمم بر حسب افزایش بار برای پنل با ابعاد مقدار خیز ماکزیمم بر حسب افزایش بار برای پنل با ابعاد مقدار میز ماکزیمم بر دست امده او مده است. همان طور که مشاهده می شود. نتایج بهدست آمده از روش رهایی پویا مطابقت بسیار خوبی (در حدود خطای ۲٪) با

نتایج حاصل از تحقیق ژانگ و همکارانش [۱۶] دارد. همانطور که ملاحظه میشود برای هر دو شرط مرزی بیشترین مقدار خیز مربوط به چیدمان C و کمترین مقدار جابجایی عمودی مربوط به چیدمان X میباشد.



در مثال بعدی نتایج بهدست آمده در پژوهش حاضر با نتایج نرم افزار اجزا محدود آباکوس مورد مقایسه قرار گرفته است. نتایج برای یک پنل کامپوزیتی تقویت شده با نانولوله کربنی تحت شرایط تکیه گاهی SSSS در اثر بارگذاری فشار داخلی، در دو حالت توزیع یکنواخت UD و توزیع مدرج تابعی داخلی، در دو حالت توزیع یکنواخت UD و توزیع مدرج تابعی X وV بهدست آمده است. خواص نانولولهها کربنی تک جداره از نوع(۱۰۰*۱۰) در دمای اتاق و 0.17 = V_{CNT}^* بهدست آورده شده است. مشخصات هندسی و خواص ماده کامپوزیتی نیز به شرح زیر می باشد: a=50cm , h=1cm,L=100cm , $E^m = 2.5GPa$,

$\theta = 180$		
$G^{m} = 0.933G_{I}$	pa, $E_{11}^{CN} = 5.6466 (TP)$	Pa),
$E_{22}^{CN} = 7.0800$	(TPa) , $G_{12}^{CN} = 1.94$	4(TPa)
$V_{CN}^* = 0.12$	$\eta_1=0.137$	$\eta_{2} = 1.022$
$V_{CN}^* = 0.17$	$\eta_1=0.142$	$\eta_2 = 1.626$
$V_{CN}^* = 0.28$	$\eta_1=0.141$	$\eta_2 = 1.585$
$\overline{N_x} = \frac{N_x r_i^2}{Eh^3}$, $\overline{M_x} = \frac{M_x r_i^2}{Eh^4}$, \overline{c}	$\bar{q} = \frac{qr^4}{Eh^4}$
1 4 1		. <u>.</u>

برای خیز ماکزیمم شعاعی، نتایج حاصل از روش حل عددی رهایی پویا با نتایج حاصل از نرمافزار اجزا محدود آباکوس مقایسه و در جدول ۱ بیان شده است. همانطور که مشاهده می شود نتایج بهدست آمده از روش رهایی پویا مطابقت بسیار خوبی با نتایج حاصل از نرمافزار اجزا محدود آباکوس دارد.

جدول (۱): مقایسه بین ماکزیمم خیز بی بعد به دست آمده از تحلیل غیر خطی حاضر و نرمافزار آباکوس شرط مرزی SSSS

	UD			FG-V			FG-X		
خطا	آباكوس	پژوهش حاضر	خطا	آباكوس	پژوهش حاضر	خطا	آباكوس	پژوهش حاضر	ą
·/.Υ	۱/۰۰۱	١/• ٨٧	7.1	۱/۳۶۷	١/٣٨۶	7.1	١/•٨٢	۱/• ٩۶	170
7.1	5/105	۲/۱۷۶	·/.۶	۲/۶۰۱	۲/۷۸۳	۳./	۲/۰۸۴	7/187	۲۵۰۰۰
7.1	307/30	37/222	۲ .۴	٣/٩٩۵	4/178	·/.۶	۳/۰۰۵	۳/۲۱۹	۵۰۰۰۰

میدهند. با توجه به شکلهای &lpha و \refta ملاحظه می شود که برای هر دو شرط مرزی بیشترین مقدار خیز ماکزیمم مربوط به چیدمان FG-O و کمترین مقدار خیز مربوط به چیدمان X است. دلیل این امر می تواند این باشد که در حالت X تراکم شکلهای **۵** و f خیز ماکزیمم بی بعد را برای پنل با ابعاد a = 50cm h = 2cm , L=100cm , θ =30 مکانیکی ثابت با مقدار 6000 = \overline{q} برحسب تغییر بار حرارتی بترتیب برای دو شرط مرزی تکیهگاه CCCC و SSSS نشان www.SID.ir

نانولولهها در لایههای بالایی و پایینی 0=Z نسبت به حالت O و V بیشتر میباشد که این امر باعث استحکام بیشتر در برابر تغییر شکل میشود. این در حالی است که توزیع تابعی O بیشترین تراکم نانولولهها را در سطح میانی دارد. بنابراین، مقاومت کمتری در مقابل کاهش خیز از خود نشان میدهد. همچنین اختلاف خیز بین دو چیدمان V و O در شرط مرزی CCCC بیشتر از SSSS میباشد.



شکل (۶): خیز ماکزیمم بی بعد بر حسب تغییر بار حرارتی (۶): $V_{CNT}^{*} = 0.17$

شکلهای V تا ۱۴ تاثیر ضخامت بر تغییرات جابجایی شعاعی را بر حسب بار حرارتی برای حالتهای مختلف توزیع نانولولهها برای شرط مرزی تکیه گاه CCCC و SSSS نشان میدهند. ابعاد پنل مورد نظر 0 = 0، H = 100 cm، r = 50 و تحت ابعاد پنل مورد نظر $\overline{q} = 6000$ میباشد. توزیع نانولولهها برای کسر حجمی $V_{\rm CNT}^* = 0.17$ در نظر گرفته شده است و

تغییرات خیز برای حالتی که شعاع پوسته ثابت است و فقط ضخامت h تغییر می کند، برای نسبتهای = h/a = 0.04, h/a = 0.04 ضخامت h تغییر می کند، برای نسبتهای = h/a = 0.02 h/a = 0.06 h/a=0.06 به دست آورده شده است. برای شرط مرزی TG-0 با افزایش ضخامت از FG-0 ، V - FG و FG-7 و SSSS میزان کاهش خیز برای چیدمان UU، FG-0 ، V-7 و SSSS SSS میزان کاهش خیز برای چیدمان یو ۲۸٪ و با شرط مرزی SSSS به ترتیب ۸۱٪ ، ۷۷٪ ، ۸۲٪ و ۸۷٪ می باشد. لذا می توان گفت برای هر دو شرط مرزی بیشترین مقدار کاهش خیز مربوط به چیدمان X با ۸۷٪ کاهش و کمترین مقدار افت خیز برای شرط مرزی CCCC مربوط به چیدمان O با ۲۱٪ می باشد. این در حالی است که برای شرط مرزی SSSS مربوط به چیدمان V با مرکز VY٪ است. گفتنی است با افزایش ضخامت، صلبیت خمشی صفحه بالا رفته و موجب کاهش خیز گشته است.



شکل (۸): مقایسه تاثیر ضخامت بر تغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان FG-O در شرط مرزی تکیهگاه CCCC



شکل (۱۲): مقایسه تاثیر ضخامت بر تغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان FG-O در شرط مرزی تکیهگاه SSSS



شکل (۱۳): مقایسه تاثیر ضخامت بر تغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان FG-V در شرط مرزی تکیهگاه SSSS



شکل (۱۴): مقایسه تاثیر ضخامت برتغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان FG-X در شرط مرزی تکیهگاه SSSS



4

FG-V

شکل (۱۰): مقایسه تاثیر ضخامت بر تغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان FG-X در شرط مرزی تکیهگاه CCCC



شکل (۱۱): مقایسه تاثیر ضخامت بر تغییرات خیز بر حسب طول برای چیدمان UD در شرط مرزی تکیهگاه SSSS



شکل (۱۶): تغییر خیز بر حسب طول برای کسر حجمی مختلف نانولولهها مربوط به چیدمان FG-V



شکل (۱۸): تغییر خیز بر حسب طول برای کسر حجمی مختلف نانولولهها مربوط به چیدمان UD

از نمودارهای بالا پیداست که افزایش مداوم کسر حجمی نانولولهها موجب ازدیاد صلبیت خمشی پوسته و کاهش خیز آن نمی گردد.

شکلهای ۱۵ تا ۱۸ تغییرات خیز بر حسب طول برای کسر حجمیهای مختلف برای دو شرط مرزی SSSS و CCCC یک r = 50cm h = 1cm $\theta = 30$ پنل با شرایط هندسی $\theta = 30$ Tout = 500 و تحت فشار داخلی q = 6000 و L=100cm می باشد. از مقایسه این نمودارها می توان فهمید که برای شرط مرزی CCCC با افزایش کسر حجمی از ۰/۱۲ به ۰/۱۷ برای چيدمان نانولولهها به صورت FG-X ، FG-V ، FG-O و UD بهترتيب ٢۶٪، ٣٣٪، ٣٣٪ و ٣٣٪ كاهش خيز را خواهيم داشت و برای افزایش کسر حجمی از ۰/۱۷ به ۰/۲۸ بهترتیب ۳۰٪، ۶۹٪ ، ۳۱٪ و ۲۰٪ کاهش خیز مشاهده می شود. همچنین با تغییر شرط مرزی به صورت تکیه گاه SSSS با افزایش کسر حجمی از ۰/۱۲ به ۰/۱۷ برای چیدمان نانولولهها به صورت FG-X ، FG-V ، FG-O و UD بهترتيب ۲۳٪، ۶۷٪، ۴۰٪ و ۲۸٪ کاهش خیز مشاهده می شود و برای افزایش کسر حجمی از ۰/۱۷ به ۰/۲۸ بهترتیب ۲۸٪، ۷۰٪، ۲۵٪ و ۱۶٪ کاهش خیز ملاحظه می گردد. با توجه به نتایج بهدست آمده می توان گفت برای تغییر کسر حجمی از ۰/۱۲ به ۰/۱۷ برای شرط مرزی CCCC بیشترین کاهش خیز مربوط به چیدمان های U، U و X به میزان ۳۳٪ و کمترین کاهش خیز مربوط به O با مقدار ۲۶٪ میباشد. این در حالی است که برای شرط مرزی تکیهگاه SSSS بیشترین کاهش خیز مربوط به چیدمان V با مقدار ۶۷٪ و کمترین کاهش خیز مربوط به چیدمان X به میزان ۱۴٪ میباشد. برای تغییر کسر حجمی از ۰/۱۷ به ۰/۲۸ نیز برای هر دو شرط مرزی بیشترین کاهش خیز مربوط به چیدمان V به مقدار ۷۰٪ و کمترین کاهش خیز مربوط به UD با میزان ۱۶٪ مىباشد.



شکل (۱۵): تغییر خیز بر حسب طول برای کسر حجمی مختلف نانولولهها مربوط به چیدمان FG-O

جدولهای ۲ و ۳ تغییرات خیز بر حسب افزایش زاویه دهانه پنل با ابعاد a=50cm , L=100cm ه اعو تحت فشار داخلی 6000 = \overline{p} را برای چیدمانهای مختلف در شرایط مرزی گوناگون نشان میدهند. همانطور که پیداست برای همه چیدمانها درصد کاهش خیز برای حالتی که زاویه دهانه پنل از ۳۰ درجه به ۴۵ درجه تغییر می کند بیشتر از حالتی است که زاویه از ۴۵ درجه به ۶۰ درجه افزایش مییابد. با کاهش زاویه دهانه پنل از ۶۰ درجه به ۳۰ درجه برای چیدمان UD، X ، V و O بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به شرط تکیه گاه درجه آزادی بیشتری نسبت به بقیه تکیه گاهها دارد. همچنین، برای چیدمانهای UD و X کمترین درصد کاهش خیز مربوط به شرط تکیه گاهی CCCC و برای چیدمان O وV مربوط به شرط تکیه گاهی CCCC میباشد.

جدول (۲): مقایسه بین خیز ماکزیمم بیبعد بر حسب افزایش (۲): مقایسه بین خیز ماکزیمم بیبعد بر حسب افزایش زاویه دهانه پنل با شرایط مرزی متفاوت برای چیدمان UD و $V_{
m CNT}^*$ =0.17 , h=1cm, R=50cm ,L=100cm

FG-V				شط		
۶.	40	٣٠	۶.	40	۳.	ر مرزى
4/124	2/801	1/177	۲/۹۱۳	۲/۴۷۱	1/107	CCCC
0/824	۳/۱۸۸	۱/۴۱۰	۵/۱۷۶	۲/۹۱۳	١/٢٩٩	SSSS
۵/۱۹۲	۲/۹۱۸	۱/۲۳۸	4/999	2/882	1/177	CSCS
4/129	۲/۲۱۶	١/١٩١	4/515	۲/۳۹۲	1/141	SCSC

جدول (۳): مقایسه بین خیز ماکزیمم بیبعد بر حسب افزایش (۳): مقایسه بین خیز ماکزیمم بیبعد بر حسب افزایش زاویه دهانه پنل با شرایط مرزی متفاوت برای چیدمان X و 0 با $V_{
m CNT}^{*}$ =0.17, h=1cm, R=50cm ,L=100cm

FG-X				شط		
۶.	40	٣٠	۶.	40	٣٠	ر مرزی
۲/۱۱۶	1/291	•/۵٨۴	۴/۷۸۹	۲/۷۳۷	۱/۵۸۶	CCCC
319/3	1/480	٠/۶۷۷	۵/۶۶۵	37/201	1/410	SSSS
37/201	١/٣٧٨	•/820	۵/۲۳۲	۲/۹۹۷	1/312	CSCS
۲/۱۳۳	1/24.	۰/۵۱۵	4/211	۲/۷۰۴	۱/۵۰۱	SCSC

شکلهای **۱۹** و ۲۰ مقدار خیز ماکزیمم بر حسب طول را برای دو بار حرارتی ۵۰۰ و ۲۰۰ درجه برای پنل با ابعاد برای دو بار حرارتی ۲۰۰ و ۲۰۰ درجه برای پنل با ابعاد $\overline{q} = 6000$ و $\overline{q} = 6000$ و $\overline{q} = 6000$ دو شرط مرزی با کاهش بار حرارتی و کاهش طول پنل، خیز کاهش مییابد. به طوری که درصد کاهش خیز با کاهش بار www.SID.ir

حرارتی از ۲۰۰ تا ۵۰۰ درجه برای نسبت L/a =1 در شرط مرزی CCCC برای چیدمانهای FG-V ،FG-X ،UD و FG-V بهترتیب ۲۰٪، ۶٪، ۲۲٪ و ۲۲٪ و در شرط مرزی SSSS بهترتیب ۲۳٪، ۲٪، ۱۷٪ و ۲۸٪ میباشد. این در حالی است که درصد کاهش خیز برای نسبت L/a =3 در شرط مرزی CCCC بهترتیب ۲۹٪، ۲۵٪، ۲۷٪، ۲۰٪ و برای شرط مرزی SSSS بترتيب ٢٧٪، ١٢٪، ٩٪، ١٩٪ مىباشد. بنابراين، مىتوان گفت با کاهش بار حرارتی از ۷۰۰ تا ۵۰۰ درجه برای L/a = 1 در شرط مرزی CCCC بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان V و O و کمترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان X است. این در حالی است که برای شرط مرزی SSSS بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان V و کمترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان X میباشد. همچنین برای L/a = ۳ در شرط مرزی CCCC بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان UD و کمترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان O است و برای شرط مرزی SSSS بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان UD و کمترین درصد کاهش خیز مربوط به چیدمان V میباشد. با توجه به شکل و نتایج بهدستآمده می توان گفت با افزایش طول پنل تغییر بار حرارتی بر روند شیب افزایش خیز ماکزیمم تاثیر چندانی ندارد. همچنین با کاهش بار حرارتی، اثر افزایش نسبت طول پنل به شعاع آن در چیدمانهای مختلف گوناگون است.



شکل (۱۹): حیز مادزیمم بیبعد بر حسب تعییر نسبت ضخامت به شعاع تحت بار حرارتی مختلف با شرط مرزی تکیهگاه CCCC و C.17 و V^{*}_{CN}



به شعاع تحت بار حرارتی مختلف با شرط مرزی تکیهگاه SSSS و $V_{CN}^* = 0.17$

شکلهای ۲۱ و ۲۲ منتجه تنش بیبعد را در امتداد طول برای یک پنل با ابعاد \overline{q} بهترتیب با شرط مرزی تکیهگاه CCCC و تحت فشار داخلی 6000 = \overline{q} بهترتیب با شرط مرزی تکیهگاه CCCC و و SSSS نشان میدهند. با توجه به شکل برای هر دو شرط مرزی بیشترین نیروی شعاعی مربوط به چیدمان FG-V و کمترین مقدار نیروی شعاعی مربوط به چیدمان KG-V است. شکلهای ۲۳ و ۲۴ نیز گشتاور بیبعد را در امتداد طول پنل نشان میدهند. با توجه به شکل برای شرط مرزی تکیهگاه نشان میدهند. با توجه به شکل برای شرط مرزی تکیهگاه مقدار لنگر را دارند. این در حالی است که برای شرط مرزی SSSS بیشترین گشتاور شعاعی مربوط به چیدمان V و کمترین مقدار گستاور شعاعی مربوط به چیدمان V و



شکل (۲۱): منتجه تنش بیبعد در امتداد طول پنل با تکیه گاه CCCC و V_{CN} =0.17



شکل (۲۲): منتجه تنش بیبعد در امتداد طول پنل با تکیهگاه SSSS و V_{CN} =0.17



شکل (۲۴): منتجه گشتاور بی بعد در امتداد طول پنل با SSSS و SSS و $V_{
m CNT}^{*}$ =0.17 و

برای شرط مرزی CCCC چیدمان X کمترین مقدار لنگر را دارد. این در حالی است که برای شرط مرزی تکیه گاه SSSS کمترین مقدار گشتاور مربوط به چیدمان UD و X میباشد.

6- مراجع

- Korto, H.W., Heath, J.R., Obrien, S.C., CURL, R.F., and Smalley, R.E. "C60:Buckminnstterfullerene", J. Natu, Vol. 318, pp. 162-163, 1985.
- Lijima, S. "Helical microtubules of grafite carbon", J. Natu, Vol. 354, pp. 56-58, 1991.
- Dai, H."Carbon nanotubes: Synthesis, integration, and properties", J. Chemic. Resear, Vol. 297, pp. 787-792, 2002.
- 4. http://www.nanotube and gerafite.
- Salehi-Khojin, A. and Jalili, N. "Buckling of boron nitride nanotube reinforced piezoelectric polymeric composites subject to combined electrothermomechanical loading", J. Compos. Sci. Technol, Vol. 68, No. 6, pp. 1489–1501, 2008.
- Qian, D., Dickey, E.C., Andrews, R., and Rantell, T. "Load transfer and deformation mechanisms in carbon nanotube-polystyrene composites", J. Phys, Vol. 76, No. 20, pp. 2868–2870, 2000.
- Shen, H.SH. "Nonlinear bending of functionally graded carbon nanotube reinforced composite plates in thermal environments", J. Compos. Struct, Vol. 91, No. 1, pp. 9–19, 2009.
- Wang, Z.X., Shen, H.SH. "Nonlinear vibration of nanotube-reinforced composite plates in thermal environments", J. Comput. Mater. Sci, Vol. 50, No. 8, pp. 2319–2330, 2011.
- Ping, Z.H., Lei, Z.N., and Liew, K.M. "Static and free vibration analyses of carbon nanotube reinforced composite plates using finite element method with first ordershear deformation plate teory", J. Compos. Struct, Vol. 94, pp. 1450-1460, 2011.
- Wang, Z.X., Shen, H.SH. "Nonlinear dynamic response of nanotube-reinforced composite plates resting on elastic foundations thermal environment", J. Nonline. Dyn, Vol. 70, No. 1, pp. 735-754, 2012.
- Alibeigloo, A. and Liew, K.M. "Thermoelastic analysis of functionally graded carbon nanotube – reinforced composite plate using theory of elasticity", J. Compos. Struct, Vol. 106, pp. 873-881, 2013.
- Formica, G., Lacarbonara, W., and Alessi, R. "Vibrations of Carbon Nanotube-Reinforced Composites", J. Sound. Vib, Vol. 329, No. 10, pp. 1875–1889, 2010.
- Alibeigloo, A. "Static analysis of functionally graded carbon nanotube-reinforced composite plate embedded in piezoelectric layers by using theory of elasticity", J. Compos. Struct, Vol. 95, pp. 612-622, 2013.

۵- نتیجهگیری

در این تحیق رفتار غیرخطی خمش پنلهای استوانهای کامپوزیتی تقویتشده با توزیع تابعی و یکنواخت نانولولههای کربنی تک جداره تحت بار حرارتی و مکانیکی با استفاده از روش حل عددی رهایی پویا مورد بررسی قرارگرفت. معادلات حاکم بر اساس تئوری برشی مرتبه اول و کرنشهای غیرخطی فون کارمن استخراج شدهاند. به منظور اعتبارسنجی دقت روش محدود آباکوس و همچنین گزارشی مشابه مقایسه شده است. مطابقت خوب بهدست آمده حاکی از صحت و دقت روش عددی مهچون توزیع نانولولههای کربنی، ضخامت به شعاع پوسته، طول به شعاع، شرایط مرزی و تغییر کسر حجمی نانولولهها و تغییر زاویه دهانه پنل بر جاجایی شعاعی پوسته و منتجههای تنش و لنگر بررسی شده است. برخی از مهمترین نتایج بهدست آمده به شرح زیر میباشد:

برای هر دو شرط مرزی CCCC و SSSS بیشترین مقدار خیز ماکزیمم مربوط به چیدمان نانولولهها به صورت FG-O به دلیل تراکم بیشتر در لایه میانی و کمترین مقدار خیز مربوط به چیدمان X به دلیل تراکم بیشتر در لایه های بالایی و پایینی چیدمان X به دلیل تراکم بیشتر در لایه های بالایی و پایینی کرینی نقش مهمی در افزایش سفتی خمشی پوسته خواهد داشت.

با افزایش ضخامت برای هر دو شرط مرزی CCCC و SSSS بیشترین مقدار کاهش خیز مربوط به چیدمان X است. همچنین کمترین مقدار کاهش خیز برای شرط مرزی CCCC مربوط به چیدمان O و برای شرط مرزی SSSS مربوط به چیدمان V میباشد.

با کاهش زاویه دهانه پنل از ۶۰ درجه به ۳۰ درجه برای کلیه چیدمانهای U، X، UD و O بیشترین درصد کاهش خیز مربوط به شرایط تکیهگاهی SSSS و کمترین درصد کاهش خیز در شرایط تکیهگاهی CCCC مربوط به چیدمان UD و X است.

برای هر دو شرط مرزی CCCC و SSSS بیشترین نیروی شعاعی مربوط به چیدمان FG-O و کمترین مقدار نیروی شعاعی مربوط به چیدمان FG-X است.

- Shen, H.S. and Xiang, Y. "Nonlinear vibration of nanotube-reinforced composite cylindrical panels resting on elastic foundations in thermal environments", J. Comp. Struct, Vol. 111, pp. 291-300, 2014.
- Raminnia, M., Ghorbanpour Arani, A., and Manouchehrifar, A. "Thermo-Mechanical nonlinear vibration in nano composites polyethylene shell reinforced by carbon nano tubes embedded elastic", Int. J. Adv. Des. & Manu. Tech, Vol. 6, No. 4, pp. 91-97, 2013.
- 22. Zhang, L.C., Kadkhodayan, M., and Mai, Y.W. "Development of the maDR method", J. Comput. Strut, Vol. 52, No. 1, pp. 1-8, 1994.
- 23. Golmakani, M.E. and Kadkhodayan, M. "Large deflection analysis of circular and annular fgm plates under thermo-mechanical loading with temperature-dependent properties", J. Compos. Part B, Vol. 42, pp. 614-625, 2011.
- 24. Alamatian, J. "A new formulation for fictitious mass of the dynamic relaxtion method with kinetic damping", J. Comput. Strut, Vol. 90, pp. 42-54, 2012.
- 25. kadkhodayan, M., Alamatian, J., and Turvey, G.J. "A new fictitious time for the dynamic relaxtion method", Int. J. Num. Meth. in Eng, Vol. 74, pp. 996-1018, 2008.

- Lei, Z.X., Liew, K.M., and Yu, J.L. "Buckling analysis of functionally graded carbon nanotubereinforced composite plates using the element-free kp-Ritz method", J. Compos. Struct, Vol. 98, pp. 160–168, 2013.
- 15. Shen, H.SH. and Zhang, C.L. "Thermal buckling and postbuckling behavior of functionally graded carbon nanotube-reinforced composite plates", J. Mater. Des, Vol. 31, pp. 3403–3411, 2010.
- 16. Zhang, L.W., Lei, Z.X., Liew, K.M., and Yu, J.L. "Large deflection geometrically nonlinear analysis of carbon nanotube-reinforced functionally graded cylindrical panels", J. Comput. Meth. Engi, Vol. 273, pp. 1–18, 2014.
- Shooshtari, A. and Rafiee, M. "Vibration characteristics of nanocomposite plates under thermal conditions including nonlinear effects", J. Mech. Eng, Vol.1, pp. 60–9, 2011.
- 18. J. Mehrabadi S., Karimi Samar R., and Bohluli M. "Mechanical Buckling Analysis of Open Circular Cylindrical Shells Reinforced with Single walled Carbon Nanotubes", Aerospace Mech. J, Vol. 9, No. 4, pp. 51–59, 2013.
- 19. Zhu, P., Lei, Z.X., Liew, K.M. "Static and free vibration analyses of carbon nanotube –reinforced composite plates using finite element method with first ordershear deformation plate teory", J. Compos. Struct, Vol. 94, No. 4, pp. 1450-1460, 2011.