

## تدوین سامانه حرکت‌ساز زمان واقعی مدل پیش‌بین با استفاده از سینماتیک معکوس سامانه حرکتی

ابولفتح نیکرنجبر<sup>۱</sup>

دانشکده مکاترونیک

دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج

(تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۱۱/۰۵؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۰۸/۱۶)

### چکیده

در رویکردهای مرسوم تدوین سامانه‌های حرکت‌ساز، نقش سامانه حرکتی به صورت توصیف ساده‌ای از پیکربندی سامانه حرکتی توسط متغیرهای حالت فضای عملیاتی ظاهر می‌شود. چشم‌پوشی از سینماتیک معکوس غیرخطی سامانه حرکتی به عنوان بخش بنیادین در سامانه‌های حرکت‌ساز فرضی غیرواقعی است که در خصوص نتایج حاصله، گزارشی منتشر نشده است. در این مقاله طراحی روشمند سامانه حرکت‌ساز براساس سینماتیک معکوس غیرخطی سامانه حرکتی ارائه شده است. سامانه حرکت‌ساز مدل پیش‌بین زمان واقعی پیشنهادی، امکان بازتولید دقیق حس حرکتی ضمن محدودسازی موثر حرکت سکویی متحرک در فضای عملیاتی را دارد. در مقام بررسی عملکرد سامانه حرکت‌ساز پیشنهاد شده، از مدل شبکه خطی سینماتیک معکوس و مدل سینماتیک معکوس با بهره‌های قابل در حالت خنثی استفاده شده است. نتایج شبیه‌سازی‌های مقایسه‌ای، به‌وضوح نشان از قابلیت برتر رویکرد حرکت‌ساز معرفی شده در بهره‌گیری از فضای عملیاتی سامانه حرکتی با ایجاد حس حرکتی مناسب نسبت به دو روش دیگر بدون مواجه شدن با مشکلات محاسباتی دارد.

**واژه‌های کلیدی:** شبیه‌ساز پرواز؛ سامانه حرکت‌ساز مدل پیش‌بین؛ سینماتیک معکوس سامانه حرکتی؛ سینماتیک معکوس خطی سکوی استوارت

## Real-time Model Predictive Control Motion Cueing using Motion System Inverse Kinematics

A. Nikranjbar

Faculty of Mechatronics

Islamic Azad University, Karaj Branch

(Received: 06/November/2016 ; Accepted: 24/January/2017)

### ABSTRACT

Traditionally, contribution of the motion system in motion cueing algorithm is carried out by a simplistic representation of a set of operational space related state variables. Neglecting the nonlinear inverse kinematics of the motion system as the fundamental part of motion cueing system is an unrealistic simplification with undisclosed consequences. In this paper, the complete motion cueing (MC) potential of the simulator in a more realistic manner is investigated by directly penalizing the general nonlinear inverse kinematics of the motion system. The developed real time model predictive control (MPC) motion cueing strategy enables the faithful reproduction of the perception of motion along with effectively constricting the motions within the limited workspace of the motion system. The partially linearized inverse kinematic model of the motion system specifically developed for the purpose of this study along with the constant coefficient inverse kinematics model at particular so-called neutral state value are employed to examine the performance of the motion cueing based on general nonlinear kinematical model. The results of conducted comparative simulations reveal that nonlinear MPC-based motion cueing algorithm enables more effectively handling the platform workspace while faithfully reproducing the realistic perception of motion with no complicated computational burden.

**Keywords:** Flight simulator; Model Predictive Motion Cueing; Motion System Inverse Kinematics; Linearized Inverse Kinematics of Stewart mechanism

## ۱- مقدمه

از زمان ورود حرکت در سامانه‌های حرکت‌ساز، تلاش‌های گسترده‌ای برای بهبود کیفیت حس حرکتی صورت گرفته است [۱-۳]. با عنایت به این واقعیت که اصولاً حرکت‌های وسیله نقلیه واقعی خارج از محدوده فضای کاری سامانه حرکتی شبیه‌ساز هستند، تبدیل ورودی‌های حرکت وسیله واقعی به حرکت‌های قابل دستیابی در فضای عملیاتی شبیه‌ساز محرز بوده و این تبدیل یا انتقال اصطلاحاً «سامانه حرکت‌ساز» نامیده می‌شود. وظیفه سامانه حرکت‌ساز، بازتولید بخش مهم حس حرکتی ضمن حفظ حرکت سامانه شبیه‌ساز در فضای کاری آن است. در تدوین اغلب سامانه‌های حرکتی موجود، مشارکت سامانه حرکتی با ساده‌سازی قابل ملاحظه، استفاده از متغیرهای حالت فضای عملیاتی سامانه حرکتی است [۴-۱۰]. البته تاثیر خصوصیات سینماتیک معکوس سامانه حرکتی در کیفیت شبیه‌سازی حس حرکتی انکارناپذیر و ضرورت توسعه کامل سامانه‌های حرکت‌ساز برپایه آن، ضروری است. در همین راستا، علی‌رغم افزایش پیچیدگی تدوین سامانه حرکت‌ساز در رویکرد کاربرد مستقیم از سینماتیک معکوس سامانه حرکتی، برخی مقالات که بیانگر علاقمندی محققین به این موضوع هستند، منتشر شده‌اند [۱۱-۱۳]. در [۱۱] مولفین، نتایج حاصل از مطالعه مقایسه‌ای عملکرد سامانه شبیه‌ساز براساس سینماتیک معکوس سامانه حرکت‌ساز بهینه را منتشر نمودند. نتایج منتشرشده نشان از بهبود عملکرد سامانه حرکت‌ساز در بهره‌گیری مناسب‌تر از فضای کاری سامانه حرکتی برای مدل سینماتیک معکوس سامانه حرکتی در تدوین سامانه حرکت‌ساز نسبت به روش فیلترهای شستشوی بهینه دارد. اگرچه در پژوهش مذکور از مدل سینماتیک معکوس در نقطه خنثی با فرض جایه‌جایی‌های کوچک سامانه حرکتی با ضرایب ثابت استفاده شده است که در فرض فوق، محل تأمل وجود دارد.

مطالعات میدانی مقالات منتشرشده اخیر نشان از تلاش در جهت رفع نقیصه مورد اشاره دارند. با هدف بهبود تقریب سینماتیک معکوس و تلاش در کاهش پیچیدگی‌های محاسباتی، مدل شبکه‌خطی با ضرایب متغیر زمانی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی در مرجع [۱۲] ارائه شده است. مدل افزوده سامانه حرکت‌ساز شامل مدل حس حرکتی انسان همراه با مدل شبکه‌خطی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی در تدوین

## فهرست علائم و اختصارات

$m$	بردار مکان، $a, b$
$m/s^2$	شتاب انتقالی، $a$
$A, B$	ماتریس ضرایب فضای حالت
$C, D$	ماتریس ضرایب خروجی فضای حالت
$f$	نیروی مخصوص، $m/s^2$
$F$	ماتریس حالت مدل پیش‌بین
$g$	شتاب جاذبه، $m/s^2$
$H$	ماتریس وزن، کنترل مدل پیش‌بین
$I$	ماتریس همانی
$j$	اندیس شمارش (گسسته)
$J$	ماتریس ژاکوبین
$k$	متغیر سنگ‌های گوش، اندیس شمارش (گسسته)
$l$	بردار و طول عملگر خطی، $m$
$M$	ماتریس ضرایب قیود، کنترل مدل پیش‌بین
$N$	تعداد درایه‌های رشته افق پیش‌بین، افق کنترل
$P$	بردار مکان مبدأ مختصات متحرک در مختصات ثابت
$r$	درایه‌های ماتریس دوران، ورودی مرجع
$R$	ماتریس دوران
$s$	بردار یکه جهت‌گیری عملگر خطی نمونه
$T_l, T_s, T_a$	متغیرهای کانال نیمه دور گوش
$u$	بردار ورودی سامانه حرکتی
$U$	ماتریس تلاش کنترلی (گسسته)
$v$	سرعت انتقالی، $m/s$
$x, y, z$	مختصات مبدأ مختصات متحرک در مختصات اینرسی
$y$	خروچی مدل فضای حالت (گسسته)
$X$	بردار حالت فضای عملیاتی سامانه حرکتی
$0$	ماتریس صفر
<b>علائم یونانی</b>	
$\psi, \theta, \phi$	زوایای اوبلر، $rad$
$\omega$	سرعت زاویه‌ای، $rad/s$
$\tau_l, \tau_s, \tau_a$	متغیرهای مدل سنگ‌های گوش
$\Delta$	اختلاف
$\epsilon$	بردار خطأ (گسسته)
$\Phi$	ماتریس ورودی کنترل مدل پیش‌بین
$\gamma$	بردار ثابت قیود، کنترل مدل پیش‌بین
<b>زیرنویس</b>	
$1, \dots, 6$	اندیس عملگرهای خطی
$A$	هوایپما
$c$	افق کنترل
$l$	عملگر خطی

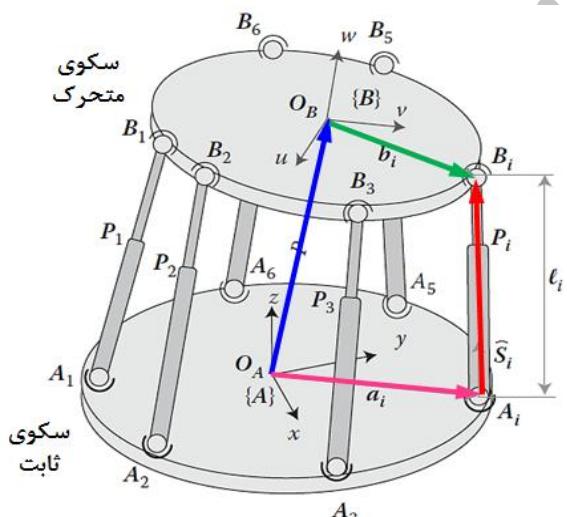
شبه خطی استخراج شده برای اهداف این پژوهش، ارائه گردیده است. در ادامه، مبانی کنترل مدل پیش بین به اختصار بیان شده است. در خاتمه عملکرد سامانه حرکت ساز مدل پیش بین با استفاده از سه مدل سینماتیک معکوس سامانه حرکتی شامل مدل با ضرایب ثابت، مدل شبه خطی و مدل عمومی غیرخطی همراه با مدل حس حرکتی انسان ارائه و نتایج حاصل از شبیه سازی مورد بحث و بررسی قرار گرفته است.

## ۲- سینماتیک سامانه حرکتی

در این بخش، سینماتیک معکوس موقعیت و سرعت سامانه حرکتی با هدف توسعه سامانه حرکت ساز در دست یابی مستقیم به حرکت عملگرها ارائه شده است.

### ۲-۱- سینماتیک معکوس موقعیت

سکوی چندمنظوره، ۶ درجه آزادی استوارت از زمان معرفی در ۱۹۶۵ میلادی، به عنوان رایج ترین سامانه حرکتی در شبیه سازهای پرواز مطرح شده است [۱-۳]. مطابق شکل ۱ سکوی استوارت شامل سکوی متحرک (بالایی)، سکوی ثابت (پایینی) و شش عملگر خطی با مفاصل کروی و یونیورسال است.



شکل (۱): سکوی استوارت همراه با چارچوب الصاق شده بر سکوی ثابت و متحرک [۱۵]

چارچوب  $\{A\}$  بر روی سکوی ثابت با مبدأ مختصات در  $O_A$  الصاق و نقاط اتصال مفاصل عملگرها به آن با بردار  $a_i$  نشان داده شده اند. مختصات متحرک  $\{B\}$  با مبدأ  $O_B$  به سکوی بالایی الصاق و نقاط اتصال مفاصل عملگرها با آن با بردار  $b_i$  مشخص شده اند. همچنین عملگرها با نماد  $l$  و راستای آنها با

سامانه حرکت ساز مورد استفاده قرار گرفته است. گفتنی است براساس تحقیقات انجام شده، جایه جایی های زاویه سکوی استوارت بزرگ تر از آن است که فرض باقی ماندن حرکت های سامانه شبیه ساز در محدوده خطی، فرض استواری باشد [۱۶ و ۱۷].

بررسی های بیانگر منابع منتشر شده محدود در کاربرد سینماتیک معکوس غیرخطی سامانه حرکتی بدون هیچ حل دخل و تصرفی دارد. باید توجه نمود که استفاده از روش حل مناسب مدل سامانه حرکت ساز حاصل از بهره گیری از سینماتیک معکوس عمومی سامانه حرکتی به علت وابستگی مدل به متغیرهای حالت فضای عملیاتی و در نهایت وابستگی به زمان، محرز است. با گسترش روش کنترل مدل پیش بین در تدوین روش های حرکت ساز، آغاز دوره چدیدی برای سامانه های حرکت ساز در مسیر تکاملی با عبور از رویکردهای سنتی، تطبیقی و بهینه (فیلتر های شیستشو)، مشاهده می شود. روش کنترل مدل پیش بین به عنوان رویکرد جدیدی از کنترل بهینه، به گمان گزینه حل مناسبی در تدوین سامانه های حرکت ساز به علت قابلیت های ذاتی آن در مواجهه با قیود، فرآیندهای خطی، غیرخطی و چند ورودی - چند خروجی است [۱۴]. کاربرد موثری از سامانه حرکت ساز مدل پیش بین زمان حقیقی مدل پیش بین براساس مدل شبه خطی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی در مرجع [۱۲] ارائه شده است. اگرچه مطالعه مقایسه ای نشان دهنده کاهش کیفیت روش به علت فرض خطی سازی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی گزارش نشده است.

در این مقاله، تدوین روشنمند سامانه حرکت ساز مدل پیش بین زمان حقیقی با استفاده از سینماتیک معکوس عمومی غیرخطی سامانه حرکتی ارائه شده است. عملکرد کارآمد و بدون محدودیت روش حرکت ساز پیشنهادی در بهره گیری از سینماتیک معکوس مختلف سه گانه غیرخطی، شبه خطی و با ضرایب ثابت در شرایط زمان واقعی<sup>۱</sup> ارائه گردیده است. به طور خاص، قابلیت موثر روش سامانه حرکت ساز پیشنهادی در حفظ حرکت سکوی متحرک در فضای عملیاتی شبیه ساز با مناسب ترین حرکت های عملگرها ضمن ایجاد حس حرکتی دقیق ارائه گردید. در مقاله حاضر، ابتدا سینماتیک معکوس عمومی سکوی استوارت به طور خلاصه ارائه شده و سپس مدل

## ۲-۲- سینماتیک مستقیم موقعیت

حسب نیاز به پارامترهای فضای عملیاتی، حل مجموعه معادلات «سینماتیک مستقیم» مطابق روابط (۳) که حاصل از ضرب داخلی رابطه (۲) در خودش است، ضروری است:

$$l_i = [{}^A P^T {}^A P + {}^B b_i^T {}^B b_i + {}^A a_i^T {}^A a_i - 2 {}^A P^T {}^A a_i + 2 {}^A P^T ({}^A R_B {}^B b_i) - 2 ({}^A R_B {}^B b_i)^T {}^A a_i]^{1/2} \quad (3)$$

روش مبتنی بر تعیین بردار موقعیت مبدأ مختصات متحرک یا بدنه سکوی متحرک یعنی  ${}^A P$  و جهت‌گیری آن  ${}^A R_B$  با فرض در اختیار داشتن بردار طول عملگرهای خطی غیرخطی روابط (۳)، حل تحلیلی آنها ممکن نیست [۱۵-۱۶]. به علت نیاز به محاسبه متغیرهای توصیف‌کننده پیکربندی سکوی متحرک در بخش‌هایی از رویکردهای موردنظر پژوهش، از شبیه‌ساز شبکه عصبی برای تقریب دقیق سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی و تعیین این متغیرها، استفاده شده است که جزئیات لازم در ادامه گزارش ارائه شده است. لازم به توضیح است که بردار توصیف پیکربندی سکوی متحرک در فضای کارتزین با احتساب مختصات چارچوب متحرک مطابق بردار  $[x \ y \ z]^T$  و جهت‌گیری آن مطابق مجموعه زوایای اویلر  $[\phi \ \theta \ \psi]^T$ ، به صورت  $[{}^A \omega \ {}^A v_p \ {}^A s_i]^T$  تعریف می‌شود که طول متناظر عملگرها مطابق رابطه (۳) به مقادیر متغیرهای بردار فوق بستگی دارد.

## ۲-۳- سینماتیک معکوس سرعت

نرخ ورودی مفصلی مطابق بردار  $l_i (= [l_1, l_2, l_3, l_4, l_5, l_6]^T)$  و بردار خروجی «پیج و تاب»  $\dot{q} (= [{}^A \omega^T, {}^A v_p^T]^T)$  شامل سرعت نقطه  $P$  و سرعت زاویه‌ای سکوی متحرک که هر دو در مختصات ثابت  $\{A\}$  بیان می‌شوند، توصیف می‌گردند. رابطه نرخ زمانی سینماتیک معکوس از مشتق زمانی رابطه حلقه بسته مکانی (۲) برای هر عملگر حاصل می‌شود:

$${}^A v_p + {}^A \dot{R}_B {}^B b_i + {}^A R_B {}^B \dot{b}_i = l_i {}^A \dot{s}_i + l_i {}^A \ddot{s}_i + {}^A \ddot{a}_i \quad (4)$$

با حذف عبارتهای مشتقه زمانی بردارهای  ${}^A a_i$  و  ${}^A b_i$  با توجه به ثابت‌بودن آن‌ها در مختصات محلی و استفاده از عملگر پاد متقاضی، رابطه (۴) به صورت ذیل ساده می‌شود [۱۵]:

$${}^A v_p + {}^A \omega \times {}^A b_i = l_i {}^A \dot{s}_i + l_i ({}^A \omega_i \times {}^A \dot{s}_i) \quad (5)$$

بردار یکه  $i$  توصیف شده‌اند. موقعیت نقطه  $O_B$  سکوی متحرک با بردار پیش بالانویس بیان شده در مختصات ثابت یعنی  ${}^A P = [x \ y \ z]^T$  و جهت‌گیری آن با ماتریس دوران  ${}^A R_B$  توصیف می‌شوند. ماتریس دوران با رویکرد استفاده از زوایای اویلر ( $\psi \ \theta \ \phi$ ) مطابق رابطه (۱) است [۱۵]:

$${}^A R_B = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} \end{bmatrix} \quad (1)$$

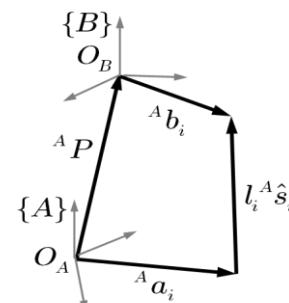
که در آن، درایه‌های ماتریس دوران  $r_{i,j}, i, j = 1, \dots, 3$  عبارتند از:

$$\begin{aligned} r_{11} &= \cos(\psi) \cos(\theta) \\ r_{12} &= \sin(\phi) \sin(\theta) \cos(\psi) - \cos(\phi) \sin(\psi) \\ r_{13} &= \cos(\phi) \sin(\theta) \cos(\psi) + \sin(\phi) \sin(\psi) \\ r_{21} &= \cos(\theta) \sin(\psi) \\ r_{22} &= \sin(\phi) \sin(\theta) \sin(\psi) + \cos(\phi) \cos(\psi) \\ r_{23} &= \cos(\phi) \sin(\theta) \sin(\psi) - \sin(\phi) \cos(\psi) \\ r_{31} &= -\sin(\phi) \\ r_{32} &= \sin(\phi) \cos(\theta) \\ r_{33} &= \cos(\phi) \cos(\theta) \end{aligned}$$

در تحلیل سینماتیک معکوس سکوی استوارت، با فرض معلوم‌بودن بردار موقعیت و جهت‌گیری سکوی متحرک یعنی ماتریس دوران  ${}^A R_B$ ، هدف تعیین متغیرهای مفصلی  $l_i (= [l_1, l_2, l_3, l_4, l_5, l_6]^T)$  است. مطابق شکل ۲، برای «حلقه بسته برداری» عملگر نمونه می‌توان نوشت:

$$l_i {}^A \dot{s}_i = {}^A P + {}^A b_i - {}^A a_i = {}^A P + {}^A R_B {}^B b_i - {}^A a_i, \quad i = 1, \dots, 6 \quad (2)$$

که در آن،  ${}^A \dot{s}_i$  بردار یکه هر عملگر در چارچوب ثابت  $\{A\}$  است.



شکل (۲): حلقه بسته برداری عملگر نمونه

برای اهداف مورد نظر مقاله حاضر، بازنویسی (۱۰) در قالب فضایی حالت ضرورت دارد. بدین منظور، قیود سینماتیک معکوس سامانه حرکتی (۱۰) را می‌توان به صورت مدل فضایی حالت (۱۲) بازنویسی نمود:

$$[i] = [0][X] + [J][\dot{X}] \quad (12)$$

باید توجه داشت که  $J$  ماتریس با درایه‌های وابسته به متغیرهای حالت است. با عنایت به ساختار ویژه بردار ورودی سامانه حرکت‌ساز، متغیرهای فضایی حالت از طریق بردار ورودی در دسترس هستند. به طور نمونه برای مانور «شیب-طولی»<sup>۱</sup> با بردار ورودی  $(\omega \ a_x)^T$  که در آن،  $\omega$  نرخ زاویه شیب و  $a_x$  شتاب انتقالی است، فرمول‌بندی متنوعی برای بخش سینماتیک معکوس سامانه حرکتی براساس رابطه (۱۲) امکان‌پذیر است. بدین منظور، در اولین فرمول‌بندی با تعریف معادله حالت اضافی (۱۳)، می‌توان ماتریس ژاکوبین در (۱۲) را به دو بخش متناظر با سرعت انتقالی و سرعت زاویه‌ای تقسیم نمود:

$$\dot{u} = a_x \quad (13)$$

تحقیق فضایی حالت افزوده حاصل از ترکیب روابط (۱۲-۱۳) در قالب (۱۴) خواهد بود:

$$\begin{cases} \dot{x}_l = A_l x_l + B_l u_s \\ y_l = C_l x_l + D_l u_s \end{cases} \quad (14)$$

که در آن، ماتریس‌های ضرایب  $A_l, B_l, C_l, D_l$  و  $u_s$  مطابق ذیل هستند:

$$\begin{aligned} A_l &= \begin{bmatrix} 0 & 0_{1 \times 6} \\ J(:, 4)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{7 \times 7} \\ B_l &= \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ J(:, 2)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 1} \end{bmatrix}_{7 \times 2} \\ C_l &= \begin{bmatrix} 0 & 0_{1 \times 6} \\ 0_{6 \times 1} & I_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{7 \times 7} \\ D_l &= [0]_{7 \times 2} \end{aligned} \quad (15)$$

بردار حالت  $x_l = [u \ l]^T$  شامل طول عملگرهای خطی و متغیر حالت اضافی  $u$  که سرعت خطی سکویی متحرک در راستای  $x$  است، می‌باشد. دومین فرمول‌بندی با تعریف دو متغیر حالت اضافی دیگر علاوه بر رابطه (۱۳) مطابق ذیل حاصل می‌شود:

$$\begin{cases} \dot{x} = u \\ \dot{u} = a_x \\ \dot{\theta} = \omega \end{cases} \quad (16)$$

که در آن،  $(\dot{x} \ \dot{y} \ \dot{z})^T = [\dot{x} \ \dot{y} \ \dot{z}]^T$  سرعت نقطه  $P$  و  $\omega$  سرعت زاویه‌ای سکویی متحرک در مختصات ثابت  $\{A\}$  است. با استفاده از رابطه جایه‌جایی ضرب داخلی و برداری و ضرب داخلی رابطه (۵) در  $i^{\text{th}}$  نرخ تغییر طول عملگر نمونه مطابق ذیل حاصل می‌شود:

$${}^A\hat{s}_i \cdot {}^A\nu_p + ({}^A b_i \times {}^A\hat{s}_i) {}^A\omega = \dot{l}_i \quad (6)$$

با حذف پیش بالنویس  $A$  برای سادگی و مرتب کردن رابطه (۶) در قالب ماتریسی، بیان کلی ژاکوبین ارتباط‌دهنده نرخ زمانی مختصات مفصلی با مختصات فضای عملیاتی مطابق (۷) حاصل می‌شود:

$$\dot{l} = J_1 \dot{q} = J_1 \begin{bmatrix} \omega^T \\ \nu_p \end{bmatrix} \quad (7)$$

که در آن، ماتریس ژاکوبین  $J_1$  ماتریس مربعی  $6 \times 6$  به صورت (۸) است:

$$J_1 = \begin{bmatrix} (b_1 \times \hat{s}_1)^T & \hat{s}_1^T \\ (b_2 \times \hat{s}_2)^T & \hat{s}_2^T \\ \vdots & \vdots \\ (b_6 \times \hat{s}_6)^T & \hat{s}_6^T \end{bmatrix} \quad (8)$$

به جهت ضرورت استفاده از زوایای اویلر در توصیف جهت‌گیری، بازنویسی بردار سرعت زاویه‌ای  $(\omega_x \ \omega_y \ \omega_z)^T$  بر حسب نرخ تغییرات زوایای اویلر  $\dot{\phi} \ \dot{\theta} \ \dot{\psi}$  لازم است. بدین منظور با مشتق زمانی از  $R_B$  از رابطه (۱) و استفاده از عملگر پاد متقارن [۱۶]، مولفه‌های بردار سرعت زاویه‌ای بر حسب نرخ زوایای اویلر مطابق رابطه (۹) خواهد بود:

$$\begin{bmatrix} \omega_x \\ \omega_y \\ \omega_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \sin(\theta) \\ 0 & \cos(\phi) & -\sin(\phi) \cos(\theta) \\ 0 & \sin(\phi) & \cos(\phi) \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} \quad (9)$$

با جایگذاری از رابطه (۹) در رابطه (۷) و مرتب کردن آن، رابطه نرخ زمانی سینماتیک معکوس بر حسب زوایای اویلر حاصل می‌شود:

$$\dot{l} = (J_1 J_2) [\dot{\phi} \ \dot{\theta} \ \dot{\psi} \ \dot{x} \ \dot{y} \ \dot{z}]^T \quad (10)$$

که در آن،  $\dot{\phi}, \dot{\theta}, \dot{\psi}$  نرخ زوایای اویلر،  $\dot{x}, \dot{y}$  و  $\dot{z}$  مولفه‌های سرعت انتقالی نقطه  $P$  مطابق رابطه (۸) و  $J_2$  مطابق ماتریس ذیل تعریف می‌شود:

$$J_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \sin(\theta) & 0_{3 \times 3} \\ 0 & \cos(\phi) & -\sin(\phi) \cos(\theta) & 0_{3 \times 3} \\ 0 & \sin(\phi) & \cos(\phi) \cos(\theta) & 0_{3 \times 3} \\ & & & I_{3 \times 3} \end{bmatrix} \quad (11)$$

$$\tilde{b}_i = \begin{bmatrix} 0 & b_{zi} & -b_{yi} & 1 & 0 & 0 \\ -b_{zi} & 0 & b_{xi} & 0 & 1 & 0 \\ b_{yi} & -b_{xi} & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

طول هر عملگر از ضرب داخلی رابطه (۲۰) در خود آن محاسبه می‌شود.

$$l_i = (X^T \tilde{b}_i^T \tilde{b}_i X + X^T \tilde{b}_i^T \tilde{d}_i + \tilde{d}_i^T \tilde{b}_i X + \tilde{d}_i^T \tilde{d}_i)^{0.5} \quad (22)$$

رابطه (۲۲) در قالب فشرده‌تر با تعریف متغیرهایتابع پارامترهای عملگرهای ( $\tilde{H}_i = [\tilde{b}_i^T \tilde{b}_i]$ )،  $\tilde{B}_i = [\tilde{b}_i^T \tilde{d}_i]$ ) و  $\tilde{K}_i = [\tilde{d}_i^T \tilde{b}_i]$ ) بهصورت (۲۳) می‌شود:

$$l_i = (X^T \tilde{B}_i X + X^T \tilde{H}_i + \tilde{K}_i X + \tilde{M}_i)^{0.5} \quad (23)$$

طول عملگر  $l_i$  کماکان بهصورت غیرخطی و تابعی از بردار حالت  $X$  است. بازنویسی (۲۳) بهصورت فضای حالت خطی ضروری است که این امر با بسط تیلور آن حول بردار حالت نمونه  $X_0$  و صرفنظر از عبارت‌های غیرخطی بهدست می‌آید.

$$l_i(X) = l_i(X_0) + \frac{1}{4l_i(X_0)} (2X_0^T \tilde{B}_i + \tilde{H}_i^T + \tilde{K}_i)(X - X_0) \quad (24)$$

بیان (۲۴) را می‌توان به صورت فشرده‌تر زیر نوشت:

$$\Delta l_i(X) = C_i \Delta X \quad (25)$$

که در آن:

$$\Delta l_i(X) = l_i(X) - l_i(X_0) \quad (26)$$

$$\Delta X = X - X_0$$

$$C_i = \frac{1}{4l_i(X_0)} (2X_0^T \tilde{B}_i + \tilde{H}_i^T + \tilde{K}_i)$$

با بازنویسی رابطه (۲۶) برای کلیه طول عملگرهای  $\Delta l_i, i = 1, 2, \dots, 6$ ، مدل فضای حالت خطی سینماتیک معکوس حول نقطه کارکرد نمونه  $X_0$  مطابق (۲۷) حاصل می‌شود:

$$\Delta l(X) = C \Delta X \quad (27)$$

که در آن،  $C$  ماتریس ضرایب حقیقی  $6 \times 6$  وابسته به هندسه عملگرهای مدل سینماتیک خطی‌سازی‌شده معکوس سامانه حرکتی است. نرخ تغییرات زمانی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی از مشتق زمانی رابطه (۲۸) مطابق ذیل حاصل می‌شود:

$$\Delta \dot{l}(X) = C \Delta \dot{X} \quad (28)$$

ضمن یادآوری حرکت عملگر حول نقطه کارکرد  $X_0$  در (۲۸)، می‌توان از علامت  $\Delta$  در رابطه فوق برای سادگی

در این حالت، ماتریس‌های ضرایب فضای حالت مدل افزوده سینماتیک معکوس مرکب از روابط (۱۲) و (۱۶) مطابق ذیل می‌باشند:

$$A_l = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0_{3 \times 6} \\ 0 & 0 & 1 & 0_{3 \times 6} \\ 0 & 0 & 0 & 0_{3 \times 6} \\ 0_{6 \times 1} & 0_{6 \times 1} & J(:, 4)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{9 \times 9} \quad (17)$$

$$B_l = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 1 \\ J(:, 2)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 1} \end{bmatrix}_{9 \times 2}$$

$$C_l = \begin{bmatrix} I_{3 \times 3} & 0_{3 \times 6} \\ 0_{6 \times 3} & I_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{9 \times 9}$$

$$D_l = [0]_{9 \times 2}$$

بردار حالت مدل افزوده دوم شامل طول عملگرها و متغیرهای حالت اضافی بصورت  $[x \ u \ \theta]^T = l_l^T$  است.

**۴-۲- خطی‌سازی سینماتیک معکوس در زوایای کوچک**  
به علت حرکت‌های نسبتاً کوچک زاویه‌ای سامانه حرکتی در مانورهای ساده و متداول، فرمول‌بندی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی خطی‌سازی شده فرضی نسبتاً منطقی است. در برپایی مدل خطی سامانه حرکت‌ساز با مشارکت طول عملگرهای بیان رابطه غیرخطی (۲) بهصورت خطی ضرورت دارد. منشاء اصلی رفتار غیرخطی سینماتیک معکوس سامانه حرکتی ناشی از ماتریس دوران (۱) است که با فرض حرکت‌های زاویه‌ای کوچک، بهصورت ساده‌شده (۱۸) بیان می‌شود:

$${}^A R_B = \begin{bmatrix} 1 & -\psi & \theta \\ \psi & 1 & -\phi \\ -\theta & \phi & 1 \end{bmatrix} \quad (18)$$

بدین ترتیب، مدل سینماتیک معکوس خطی‌سازی‌شده عملگر  $i$  ام مطابق رابطه (۱۹) خواهد بود:

$$\begin{bmatrix} l_{xi} \\ l_{yi} \\ l_{zi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & -\psi & \theta \\ \psi & 1 & -\phi \\ -\theta & \phi & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_{xi} \\ b_{yi} \\ b_{zi} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} a_{xi} \\ a_{yi} \\ a_{zi} \end{bmatrix} \quad (19)$$

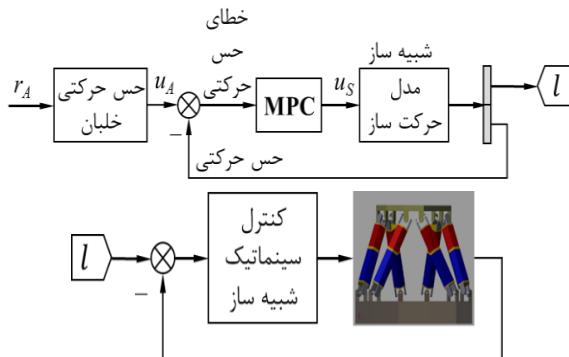
رابطه (۱۹) را می‌توان به صورت فشرده ماتریسی (۲۰) نمود:

$$\tilde{l}_i = \tilde{b}_i X + \tilde{d}_i \quad (20)$$

که در آن،  $X = [\phi \ \theta \ \psi \ x \ y \ z]^T$  بردار حالت سامانه حرکتی و  $\tilde{b}_i, \tilde{d}_i$  مطابق ذیل تعریف می‌شوند:

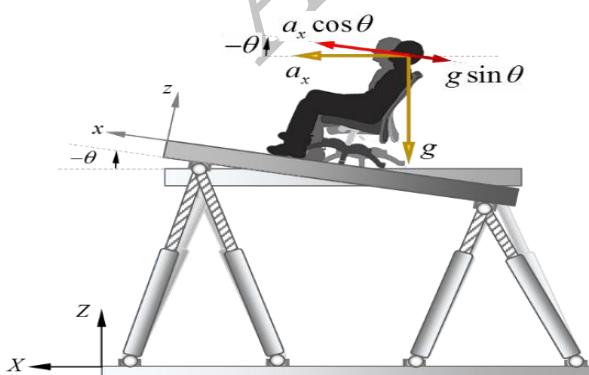
$$\tilde{d}_i = \begin{bmatrix} b_{xi} - a_{xi} \\ b_{yi} - a_{yi} \\ b_{zi} - a_{zi} \end{bmatrix} \quad \tilde{l}_i = \begin{bmatrix} l_{xi} \\ l_{yi} \\ l_{zi} \end{bmatrix} \quad (21)$$

دینامیک ایدهآل شبیه‌ساز، وظیفه بخش کنترل پیش‌بین تامین سرعت زاویه‌ای و شتاب خطی (نیروی مخصوص) مناسب برای رديابی حس حرکتی خلبان وسیله واقعی یا  $u_A$  است.



شکل (۳): ساختار حرکت‌ساز کنترل مدل پیش‌بین

تامین حرکت «هماهنگ زاویه‌ای<sup>۱</sup>» در ایجاد حس حرکت طولی (شتادار)، مهمترین وظیفه مدل حرکت‌ساز در شبیه‌سازهای دینامیک است. با توجه به ضعف سنگهای گوش داخلی که قادر به تمیزدادن نیروی جاذبه از نیروی (شتاد) طولی نیستند [۱۴] از دوران غیرصرف شیب به منظور تحریک حس حرکتی خلبان شبیه‌ساز و ایجاد احساس غیرواقعی از حرکت (شتاد) طولی را استفاده می‌شود. حس حرکتی هماهنگ ناشی از حرکت زاویه‌ای در تامین حرکت‌های طولی فرکانس پایین شبیه‌ساز با حذف حرکت بزرگ حالت دائم به منظور حفظ حرکت سامانه در فضای کاری آن، از اهمیت قابل ملاحظه‌ای برخوردار است که به آن «سامانه حرکت‌ساز» اطلاق می‌شود. شکل مفهومی از حرکت هماهنگ زاویه‌ای در مانور شیب-انتقالی در شکل ۴ نشان داده است.



شکل (۴): تصویر مفهومی از حرکت هماهنگ زاویه‌ای در مانور شیب-انتقالی

صرف‌نظر نمود. ماتریس ضرایب مدل افزوده فضای حالت خطی سامانه حرکتی شامل متغیرهای اضافی رابطه (۱۶) با رابطه (۲۸) مطابق ذیل خواهد بود:

$$\begin{aligned} A_l &= \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0_{3 \times 6} \\ 0 & 0 & 1 & 0_{6 \times 1} \\ 0 & 0 & 0 & (K_u)_{6 \times 1} \\ 0_{6 \times 1} & 0_{6 \times 1} & (K_u)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{9 \times 9} \\ B_l &= \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 1 \\ (K_\omega)_{6 \times 1} & 0_{6 \times 1} \end{bmatrix}_{9 \times 2} \\ C_l &= \begin{bmatrix} I_{3 \times 3} & 0_{3 \times 6} \\ 0_{6 \times 3} & I_{6 \times 6} \end{bmatrix}_{9 \times 9} \\ D_l &= [0]_{9 \times 2} \end{aligned} \quad (29)$$

که در آن، بردارهای وابسته متغیرهای حالت  $K_u$  و  $\omega$  به صورت (۳۰) تعریف می‌شوند:

$$\begin{aligned} K_u &= \left[ \frac{1}{l_i} k_{u_i} \right]^T, i = 1, \dots, 6 \\ K_\omega &= \left[ \frac{1}{l_i} k_{\omega_i} \right]^T, i = 1, \dots, 6 \end{aligned} \quad (30)$$

که درایه‌های وابسته به متغیرهای حالت  $k_{u_i}$  و  $k_{\omega_i}$  در حالت مانور «شیب-طولی» به صورت زیر می‌باشند:

$$\begin{aligned} k_{u_i} &= x - a_{x_i} + b_{x_i} + \theta b_{z_i} \\ k_{\omega_i} &= x b_{z_i} - a_{x_i} b_{z_i} + a_{z_i} b_{x_i} - b_{x_i} z_n \\ &\quad + \theta (b_{x_i}^2 + b_{z_i}^2) \end{aligned}$$

### ۳- سامانه حرکت‌ساز مدل پیش‌بین

از منظر الگوریتم حرکت‌ساز، روش حرکت‌ساز مدل پیش‌بین به مفهوم تعیین نگاشت از فضای حس حرکت واقعی  $u_A$  به ورودی شبیه‌ساز  $u_S$  با هدف ریدیابی دقیق حس حرکتی خلبان وسیله واقعی، توسط خلبان شبیه‌ساز براساس روش کنترل پیش‌بین است. الزام محدود سازی حداقلی حرکت‌های ورودی واقعی در فضای کار محدود شبیه‌ساز کاملاً محرز است. ساختار پایه روش حرکت‌ساز کنترل پیش‌بین در شکل ۳ ترسیم شده است.

مطابق شکل، الگوریتم شامل مدل حس حرکتی انسان، دینامیک شبیه‌ساز، مدل حرکت‌ساز شامل حس حرکتی انسان و سینماتیک سامانه حرکتی و بخش کنترل مدل پیش‌بین است که در قالب سیستم مدار بسته ترسیم شده است. با فرض

$$A_{ot} = \begin{bmatrix} -\frac{\tau_s + \tau_L}{\tau_s \tau_L} & 1 & 0 \\ -\frac{1}{\tau_s \tau_L} & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$B_{ot} = \begin{bmatrix} 0 & k\tau_a \\ \frac{gk\tau_a}{\tau_s \tau_L} & \frac{k}{\tau_s \tau_L} \\ \frac{gk}{\tau_s \tau_L} & 0 \end{bmatrix}$$

$$C_{ot} = [1 \ 0 \ 0] \quad D_{ot} = [0]$$

سرعت زاویه‌ای حس شده  $\hat{\theta}$  در ارتباط با سرعت زاویه‌ای وسیله حرکتی  $\dot{\theta}$  که توسط «کانال‌های نیمه دور» مطابق رفتار دینامیکی مطابق رابطه (۳۴) حس می‌شود [۵]:

$$\hat{\theta} = \frac{T_L T_a s^2}{(T_L s + 1)(T_s s + 1)(T_a s + 1)} \dot{\theta} \quad (34)$$

که در آن،  $T_L$ ،  $T_s$  و  $T_a$  ثابت‌های زمانی مدل هستند.

مدل فضای حالت «کانال‌های نیمه دور» به صورت فشرده (۳۵) بیان می‌شود:

$$\begin{cases} \dot{x}_{sc} = A_{sc}x_{sc} + B_{sc}u \\ \hat{\theta} = C_{sc}x_{sc} + D_{sc}u \end{cases} \quad (35)$$

که در آن،  $x_{sc}$  بردار حالت کانال‌های نیمه دور بوده و

$$A_{sc} = \begin{bmatrix} -T_2 & 1 & 0 \\ -T_1 & 0 & 1 \\ -T_0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad B_{sc} = \begin{bmatrix} T_3 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$C_{sc} = [1 \ 0 \ 0] \quad D_{sc} = [0]$$

و  $T_3$ ،  $T_2$ ،  $T_1$  و  $T_0$  مطابق ذیل تعریف می‌شوند:

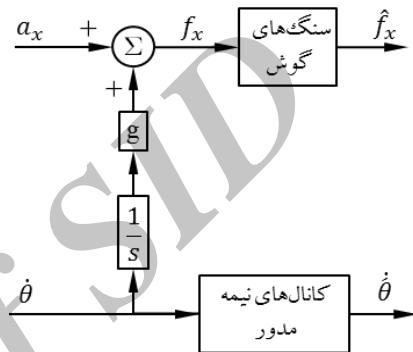
$$T_0 = \frac{1}{T_L T_s T_a} \quad T_1 = \frac{T_L + T_s + T_a}{T_L T_s T_a}$$

$$T_2 = \frac{T_L T_s + T_L T_a + T_s T_a}{T_L T_s T_a} \quad T_3 = \frac{T_L T_a}{T_L T_s T_a}$$

نمایش روابط (۳۳) و (۳۵) در قالب یک پارچه که به نام مدل «حس حرکتی انسان» نامیده می‌شود به صورت رابطه (۳۶) خواهد بود:

$$\begin{cases} \dot{x}_v = A_v x_v + B_v u \\ \hat{y}_v = C_v x_v + D_v u \end{cases} \quad (36)$$

در شکل ۵ نقش حرکت زاویه‌ای شیب در جبران سازی حس حرکتی طولی ترسیم شده است که در آن  $\hat{f}_x$  و  $\hat{\theta}$  نیروی مخصوص و سرعت زاویه‌ای حس شده توسط خلبان و  $a_x$  و  $\dot{\theta}$  ورودی‌های وسیله یعنی شتاب طولی و سرعت زاویه‌ای شیب هستند. همان‌گونه که از شکل مشاهده می‌شود برای مانور شیب- طولی، در کanal نیروی مخصوص برای ایجاد حس حرکت طولی از ویژگی حرکت هماهنگ زاویه‌ای استفاده می‌شود.



شکل (۵): مدل حس حرکتی انسان تحت حرکت انتقالی طولی و حرکت زاویه‌ای شیب.

مطابق شکل ۵، مدل دینامیک حسگرهای نیروی مخصوص  $f_x$  با تحریک (ورودی) نیروی مخصوص، توسط «سنگ‌های گوش» مطابق رابطه (۳۱) بیان می‌شود [۵]:

$$\hat{f}_x(s) = \frac{k(\tau_a s + 1)}{(\tau_L s + 1)(\tau_s s + 1)} f_x(s) \quad (31)$$

که در آن،  $\tau_a$ ،  $\tau_L$  و  $\tau_s$  و  $k$  مقادیر عددی معلوم مدل سنگ‌های گوش هستند. نیروی مخصوص در مرکز سکوی متحرک با توجه به مشارکت حرکت هماهنگ زاویه‌ای شیب مطابق شکل

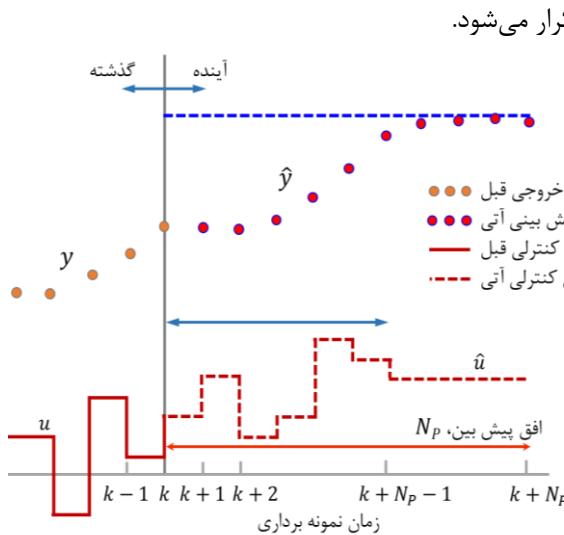
(۵) به صورت رابطه (۳۲) بیان می‌شود:

$$f_x(s) = a_x(s) + g \frac{1}{s} \dot{\theta}(s) \quad (32)$$

با جایگذاری در رابطه (۳۱) و بازنویسی رابطه حاصل به صورت فضای حالت، مدل حس نیروی مخصوص سنگ‌های گوش به صورت رابطه (۳۳) است:

$$\begin{cases} \dot{x}_{ot} = A_{ot}x_{ot} + B_{ot}u \\ \hat{f}_x = C_{ot}x_{ot} + D_{ot}u \end{cases} \quad (33)$$

که در آن،  $x_{ot}$  معرف بردار حالت حسگر نیروی مخصوص بوده و ضرایب  $D_{ot}$ ،  $B_{ot}$ ،  $A_{ot}$  و  $C_{ot}$  مطابق ذیل می‌باشند:



شکل (۶): تصویر مفهومی از روال کنترل مدل پیش‌بین اساسی.

#### ۱-۴- مدل فرآیند

گونه‌های مختلفی از فرمول‌بندی رویکرد کنترلی مدل پیش‌بین ارائه شده‌اند. در این مقاله، از روش کنترل مدل پیش‌بین «ماتریس دینامیک<sup>۱</sup>» [۱۷] در تدوین سامانه حرکت‌ساز استفاده شده است. فرآیند به صورت گستته «اکیداً سره<sup>۲</sup>» با نمایش فضای حالت با  $p$  ورودی و  $q$  خروجی مطابق (۳۸) فرض می‌شود:

$$\begin{aligned} x_m(k+1) &= A_m x_m(k) + B_m u(k) \\ y(k) &= C_m x_m(k) \end{aligned} \quad (38)$$

در رویکرد کنترل پیش‌بین ماتریس دینامیک، از ورودی تفاضلی پله  $\Delta u(k) = u(k) - u(k-1)$  استفاده می‌شود. بنابراین، معادله حالت متناظر با ورودی فوق مطابق رابطه (۳۹) خواهد بود:

$$\Delta x_m(k+1) = A_m \Delta x_m(k) + B_m \Delta u(k) \quad (39)$$

که در آن،  $\Delta x_m(k)$  بردار حالت تفاضلی است. مشابه (۳۹) رابطه خروجی تفاضلی نیز مطابق (۴۰) تعریف می‌شود.

$$\begin{aligned} \Delta y(k) &= y(k+1) - y(k-1) \\ &= C_m A_m x_m(k) + C_m B_m \Delta u(k) \end{aligned} \quad (40)$$

که در آن،  $x$  بردار ترکیبی حس حرکتی،  $\hat{u}$  حرکت حس شده و  $A_v, B_v, C_v$  و  $D_v$  ضرایب مدل‌های حس حرکتی مدل افزوده می‌باشند.

$$\begin{aligned} A_v &= \begin{bmatrix} A_{sc} & 0 \\ 0 & A_{ot} \end{bmatrix} & B_v &= \begin{bmatrix} B_{sc} \\ B_{ot} \end{bmatrix} \\ C_v &= \begin{bmatrix} C_{sc} & 0 \\ 0 & C_{ot} \end{bmatrix} & D_v &= \begin{bmatrix} D_{sc} \\ D_{ot} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

#### ۴- مبانی کنترل مدل پیش‌بین

کنترل مدل پیش‌بین گونه مهمی از روش کنترل بهینه است که از زمان ارائه در سال ۱۹۸۰ میلادی با اقبال زیادی مواجه شده است [۴]. ویژگی روش در مواجهه موثر با قیود، سیستم‌های چندورودی- چندخروجی خطی یا غیرخطی همراه یا بدون تاخیر بدون ایجاد پیچیدگی‌های مرسوم [۱۷]، به عنوان روش کنترل عمومی در توسعه سامانه‌های حرکت‌ساز مورد اقبال روزافزون قرار گرفته است.

مدل فضای حالت زمان گستته فرآیند و ورودی مرجع  $r(t|k), t \geq k$  در لحظه  $k$  معلوم و متغیرهای حالت سیستم قابل اندازه‌گیری یا تخمين فرض می‌شوند. با توجه به شکل ۶، روش با تخمین رشته خروجی  $\hat{y}(k+i|k), i = 1, \dots, N_p$  در هر مرحله زمانی آغاز می‌شود که متغیرهای  $N_p$  و  $N_c$  به ترتیب افق پیش‌بینی و افق کنترل هستند.

در این رویکرد، فرمول‌بندی محاسبه ورودی کنترل معمولاً به مسئله بهینه‌سازی قیدار منجر می‌شود. مسئله بهینه‌سازی قیدار تعیین رشته ورودی  $\hat{u}(k+j|k), j = 0, \dots, N_c - 1$  با هدف کمینه‌سازی تابع هزینه درجه دوم شامل عبارت‌های مربعات خطای ریدیابی (۳۷) و انرژی کنترلی همراه با رعایت کلیه قیود حاکم است [۱۴]:

$$\epsilon(k+i|k) = r(k+i|k) - \hat{y}(k+i|k) \quad (37)$$

در هر مرحله با محاسبه رشته ورودی کنترلی، کلیه نمونه‌های تخمینی آتی از رشته کنترل حذف و فقط نمونه ورودی کنترل زمان جاری  $u(k|k) = \hat{u}(k|k)$  برای محاسبه خروجی مورد استفاده قرار می‌گیرد. خروجی جدید  $y(k+1)$  در زمان  $k+1$  توسط حسگر اندازه‌گیری و روش کنترلی برای زمان

$$J(\Delta U) = \frac{1}{2}(\Delta U)^T H(\Delta U) + (\Delta U)^T F \quad (47)$$

در نتیجه مسئله بهینه‌سازی قیدار به صورت مسئله بهینه‌سازی درجه دوم<sup>۱</sup> تبدیل می‌شود. لازم به ذکر است که فرمول‌بندی مسئله بهینه‌سازی بدون قیود (۴۲) آسان‌تر بوده و در کاربردهای زمان حقیقی تا مادامی که نگرانی جدی از بابت نقض قیود وجود نداشته باشد، روش بسیار مناسب است. در غیر این صورت، استفاده از فرمول‌بندی (۴۷) با روش‌های متنوع حل موجود نظیر توابع داخلی نرم‌افزار متلب<sup>۲</sup> یا بسته‌های نرم‌افزاری موجود توصیه می‌شود [۱۴].

### ۳-۴- ملاحظات مدل‌های حرکت ساز مدل پیش‌بین

- مدل‌های افزوده حرکت‌ساز در مانور شبیب- طولی از ترکیب مدل حس حرکتی انسان (۳۶) با گونه‌های مختلف سینماتیک معکوس سامانه حرکتی مطابق فهرست ذیل حاصل می‌شوند:
- مدل سینماتیک معکوس غیرخطی (۱۷) در پیکربندی حالت خنثی
- مدل خطی‌شده سینماتیک معکوس (۲۹)
- مدل عمومی سینماتیک معکوس غیرخطی (۱۷)
- در مورد مدل‌های حرکت‌ساز کلی فوق، نکات ذیل حائز اهمیت هستند:
- رویکرد کنترل مدل پیش‌بین صریح برای حل مدل حرکت‌ساز اول کفايت می‌کند.
- استفاده از رویکرد کنترل مدل پیش‌بین تطبیقی برای حل مدل‌های دوم و سوم که درایه‌های ماتریس‌های ضرایب، تابعی از بردار حالت پیکربندی آتی سیستم هستند، ضروری است.
- متغیرهای فضای عملیاتی سامانه حرکتی در مانور شبیب- طولی یعنی موقعیت ( $x$ ) و زاویه شبیب ( $\theta$ ) در هر مرحله زمانی برای محاسبه درایه‌های ماتریس‌های ضرایب مدل حرکت‌ساز مورد نیاز هستند.

همچنین، انتخاب ورودی‌های مرجع مناسب برای تنظیم متغیرهای خروجی لازم است. بدیهی است مناسب‌ترین ورودی‌ها برای حس حرکتی، خروجی حس حرکتی خلبان وسیله نقلیه واقعی مطابق شکل ۲ هستند. به علاوه، در رویکرد کنترل پیش‌بین، دقت لازم در انتخاب مناسب ضریب وزن  $\bar{R}$ ، متغیرهای افق پیش‌بین  $N_p$  و افق کنترل  $N_c$  به عنوان موثرترین پارامترها در دست‌یابی به مصالحه‌ای رضایت‌بخش

مدل فضای حالت افزوده تفاضلی حاصل از ترکیب روابط (۳۹-۴۰) و در قالب رابطه (۴۱) تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} x(k+1) &= \begin{bmatrix} A_m & 0_m^T \\ C_m A_m & I_{q \times q} \end{bmatrix} x(k) \\ &\quad + \begin{bmatrix} B_m \\ C_m B_m \end{bmatrix} \Delta u(k) \\ y(k) &= [0_m \quad I_{q \times q}] x_m(k) \end{aligned} \quad (41)$$

که در آن،  $x(k) = [\Delta x_m^T(k) \quad y^T(k)]^T$  بردار حالت جدید فرآیند و  $I_{q \times q}$  ماتریس یکه با ابعاد  $q \times q$  و  $\Delta u(k)$  ورودی کنترلی است که از روش بهینه‌سازی محاسبه می‌شود.

**۴- تابع هزینه و ورودی کنترلی**  
رشته ورودی بهینه  $\Delta \hat{u}(k+i|k)$ ،  $i = 0, \dots, N_c - 1$  از کمینه‌سازی تابع هزینه (۴۲) حاصل می‌شود [۱۷]:

$$J(\Delta U) = (R_s - Y)^T (R_s - Y) + \Delta U^T \bar{R} \Delta U \quad (42)$$

که در آن،  $(0 \leq 0) \geq r_w I_{N_c \times N_c} (r_w \bar{R} = r_w)$  و  $r_w$  پارامتر تنظیم،  $R_s$  بردار ورودی با ابعاد مناسب و  $Y$  و  $\Delta U$  مطابق ذیل تعریف می‌شوند:

$$\Delta U = [\Delta u^T(k|k) \quad \Delta u^T(k+1|k) \quad \dots \quad \Delta u^T(k+N_c-1|k)]^T \quad (43)$$

$$Y = [y^T(k+1|k) \quad y^T(k+2|k) \quad \dots \quad y^T(k+N_p|k)]^T \quad (44)$$

ورودی کنترلی گام به گام در پنج‌جره بهینه‌سازی براساس ماتریس‌های مرتبط با مدل فرآیند  $\Phi$  و  $F$  مطابق (۴۵) تعریف می‌شود [۱۷]:

$$\Delta U = (\Phi^T \Phi + \bar{R}^T)^{-1} \Phi^T [R_s - Fx(k)] \quad (45)$$

با محاسبه ورودی تفاضلی بهینه  $U$ ، تعداد  $q$  درایه اول آن به عنوان بردار ورودی در مدل فرآیند مورد استفاده قرار می‌گیرند. لازم به ذکر است که در صورت ضرورت اعمال قیود، محدودیت‌ها بر روی ورودی و خروجی فرآیند در بردار کنترل بهینه گام به گام  $\Delta U$  مطابق رابطه (۴۵) گردآوری شده و در مسئله بهینه‌سازی قیدار لحاظ می‌شوند [۱۷]:

$$M \cdot \Delta U \leq \gamma \quad (46)$$

که در آن،  $M$  و  $\gamma$  ماتریس و بردار ناشی از اعمال قیود می‌باشند. تابع هزینه نیز به صورت تابع درجه دوم از بردار ورودی گام به گام  $\Delta U$  بازنویسی می‌شود [۱۷].

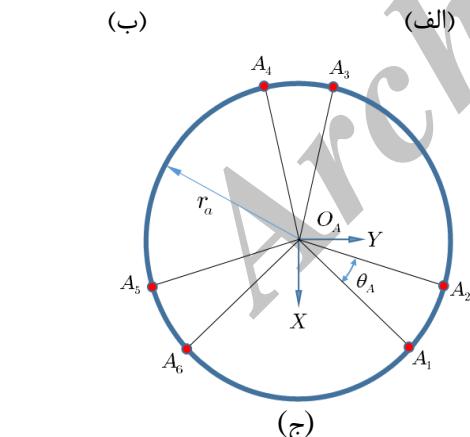
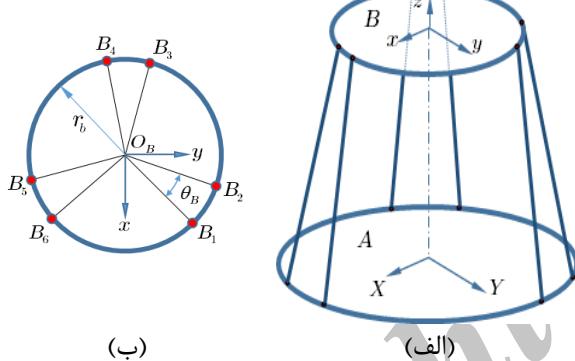
۷- ج ارائه شده‌اند. همچنین،  $r_b$  و  $r_a$  به ترتیب شعاع‌های سکوهای ثابت و متحرک و  $\theta_B$  و  $\theta_A$  به ترتیب زوایای بین مفاصل هستند. آرایش مفاصل در چارچوب‌های محلی با روابط متفاوت هستند. آرایش مفاصل در چارچوب‌های محلی با روابط (۴۸-۴۹) توصیف می‌شوند:

$${}^A a_i = \begin{bmatrix} {}^A a_{xi} \\ {}^A a_{yi} \\ {}^A a_{zi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_a \cos(\lambda_i) \\ r_a \sin(\lambda_i) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (48)$$

$$\lambda_i = \begin{cases} \frac{(2i-1)\pi}{3} - \frac{\theta_A}{2}, & i = 1, 3, 5 \\ \lambda_{i-1} + \theta_A, & i = 2, 4, 6 \end{cases}$$

$${}^B b_i = \begin{bmatrix} {}^B b_{xi} \\ {}^B b_{yi} \\ {}^B b_{zi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_b \cos(v_i) \\ r_b \sin(v_i) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (49)$$

$$v_i = \begin{cases} \frac{(2i-1)\pi}{3} - \frac{\theta_B}{2}, & i = 1, 3, 5 \\ v_{i-1} + \theta_B, & i = 2, 4, 6 \end{cases}$$



شکل (۷): آرایش هندسی و نمادگذاری سامانه حرکتی. همچنین، مقادیر عددی هندسه سکوی استوارت اخذ شده [۱۸] در جدول ۳ ارائه شده‌اند.

جدول (۳): مقادیر عددی هندسه سکوی استوارت.

$r_b(mm)$	$r_a(mm)$	$z_n(mm)$	$\theta_B(deg)$	$\theta_A(deg)$
۱۴۶/۶۳۳	۹۴/۳۴۰	۲۵۰	۱۶/۴۱۴۵	۲۵/۶۸۱۴

بین باز تولید با کیفیت حس حرکتی با عنایت به محدودیت‌های زمان محاسباتی در کاربردهای زمان واقعی، ضرورت دارد. تنظیم زمان نمونه‌برداری گسسته‌سازی مدل حس حرکتی ترکیبی نیز با توجه به نقش آن در کیفیت نتایج، از اهمیت بالایی برخوردار است. همچنین، خاطر نشان می‌گردد که ادغام اثر جاذبه در سیستم حس حرکتی انسان، سهم مهمی در ردیابی سیگنال‌های شبیه‌ساز حس حرکتی دارد. با استفاده از الگوریتم حرکت‌ساز مدل پیش‌بین قابلیت مدیریت مشارکت موثر زاویه‌ای در فرکانس‌های پایین که به عنوان مزیت مهم الگوریتم‌های حرکت‌ساز محسوب می‌شود، فراهم می‌گردد.

## ۵- نتایج و بحث

در این بخش، ابتدا اطلاعات هندسی سامانه حرکت‌ساز و داده‌های حس حرکتی ارائه و سپس نتایج مقایسه‌ای شبیه‌سازی سامانه حرکت‌ساز براساس سه مدل سینماتیک معکوس سامانه حرکتی، به صورت منحنی ارائه و مورد بحث قرار گرفته است.

### ۱-۵- مشخصات هندسی و مقادیر عددی

مقادیر عددی حس حرکتی انسان شامل متغیرهای مدل حس نیروی مخصوص «طولی» و متغیرهای مدل حس حرکتی دورانی «شیب» که از مرجع [۵] اقتباس گردیده‌اند در جداول ۱-۲ ارائه شده‌اند.

جدول (۱): متغیرهای مدل حس نیروی مخصوص «طولی»

$\tau_L$	$\tau_s$	$\tau_a$	$k$	$dTH$
۵/۳۳	۰/۶۶	۱۳/۲	۰/۴	۰/۱۷

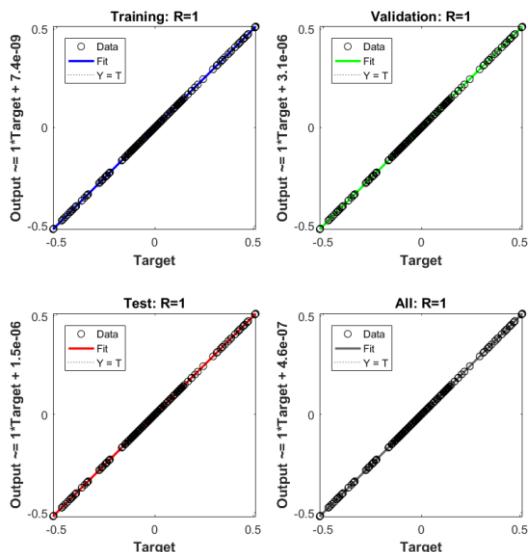
جدول (۲): متغیرهای مدل حس حرکتی دورانی «شیب»

$T_L$	$T_s$	$T_a$
۵/۳	۰/۱	۳۰

نمادگذاری و آرایش هندسی همراه با سیستم‌های مختصات الصاق شده بر روی مکانیزم استوارت در شکل ۷ ارائه شده‌اند. تصویر مفهومی سه‌بعدی نشان‌دهنده اجزای اصلی سامانه حرکتی حاوی چارچوب‌های ثابت و متحرک در شکل ۷-الف ترسیم شده است. آرایش هندسی اتصال عملگرهای سکوهای ثابت و متحرک یا مختصات مفاصل که با  $B_i$  و  $A_i$  برای  $i = 1, \dots, 6$  نشان داده می‌شوند، در اشکال ۷-ب و

آموزش داده‌های سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی. مطابق شکل تطابق منحنی داده‌های آموزش، صحت‌سنجی و آزمون شبکه عصبی با همگرایی سریع و دقت بالا، نشان از کیفیت مناسب شبکه عصبی آموزش‌دیده در تقریب مسئله دارد. گفتنی است تکرار عملیات به دفعات دسترسی به نتایج مشابه و بنابراین اطمینان از صحت محاسبات را نشان می‌دهد.

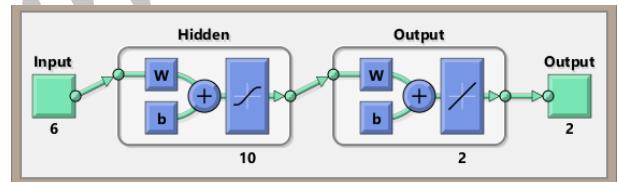
منحنی همبستگی شبکه عصبی در تقریب داده‌ها در شکل ۱۰، ارائه شده است. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود نتایج آموزش نشان از تطابق نتایج هر سه مجموعه داده‌ها و دقت بسیار بالا در تقریب داده‌ها دارد.



شکل (۱۰): میزان همبستگی شبکه عصبی در تقریب داده‌های سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی.

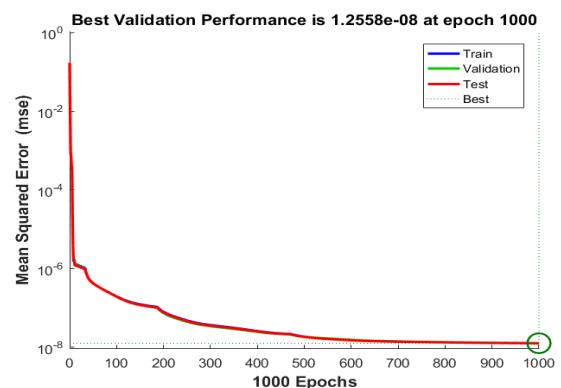
**۳-۵- شبیه‌سازی و بحث**  
در ادامه این بخش نتایج حاصل از شبیه‌سازی مدل‌های افزوده سه‌گانه «با ضریب ثابت(MPC)»، «مدل خطی‌سازی شده در زوایای کوچک(SMPC)» و «مدل غیرخطی عمومی سینماتیک معکوس(NMPC)» سامانه حرکتی نسبت به ورودی‌های موج مربعی در کانال نیروی مخصوص و زاویه شبیه‌سازی کوچک می‌باشد. مدل غیرخطی عمومی سینماتیک معکوس(NMPC) در هر مرحله زمانی به روزرسانی ضرایب ماتریس‌ها در روابط (۱۷) و (۲۷) که تابع متغیر حالت

۲-۵- تقریب شبکه عصبی سینماتیک مستقیم با عنایت به بخش (۳-۳) و با توجه به مانور «شیب- طولی» مورد توجه این پژوهش، بردار حالت پیکربندی سکوی متحرک  $[x \ y \ z]^T$  با صفردن عناصر غیرمرتب در مانور موردنظر، به صورت  $\psi^{\theta} [x \ 0 \ z_n]^T$  با  $\theta = 0$  می‌شود که در آن،  $z_n$  ارتفاع (ثابت) بین دو سکوی بالا و پایین در حالت خنثی است. با این توصیف، بسته محاسباتی نرم سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی با احتساب زوج متغیرهای حالت موثر فضای عملیاتی یعنی  $x$  و  $\theta$  در محاسبه طول عملگرهای تهیه شد. مجموعه داده‌ها با انتخاب تصادفی مقادیر زوج مرتب  $(x, \theta)$  با پوشش مناسب محدوده  $-0.05 \leq x \leq 0.05$  (m) و  $-30^\circ \leq \theta \leq 30^\circ$  (deg) و حل روابط سینماتیک مستقیم (۳) جهت محاسبه طول عملگرهای متناظر فراهم گردید. از داده‌های فوق برای آموزش شبکه عصبی پیشرو با ساختار دولايه با ۱۰ نرون<sup>۱</sup> در لایه اول با تابع تحریک سیگموید<sup>۲</sup> و ۲ نرون در لایه دوم با تابع تحریک خطی، مطابق شکل ۸ استفاده شد که نتایج حاصل در اشکال (۹-۱۰) ترسیم شده‌اند.



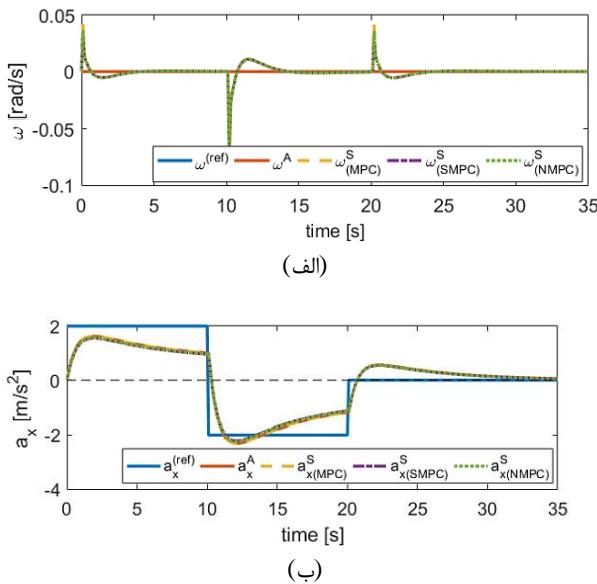
شکل (۸): ساختار شبکه عصبی تقریب زننده سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی.

روند تغییرات تابع هزینه در فرآیند آموزش شبکه عصبی با داده‌های سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی در شکل ۹ ترسیم شده است.



شکل (۹): روند تغییرات عملکرد شبکه عصبی در حین

1- Neuron  
2- Sigmoid



شکل (۱۱): نمودار مقایسه‌ای حس حرکت خلبان وسیله واقعی و شبیه‌ساز، (الف) سرعت زاویه‌ای، (ب) نیروی مخصوص

مطابق شکل در هر سه رویکرد حرکت‌ساز، حرکت‌های زاویه‌ای شبیه قابل ملاحظه به خصوص در زمان‌های متناظر با تغییرات شدید ورودی مرجع در کanal شتاب انتقالی و در مطابقت با ایجاد حس حرکت انتقالی برای شبیه‌ساز پیش‌بینی می‌شود.

در بررسی عملکرد حس حرکتی انتقالی شبیه‌ساز، نتایج شبیه‌سازی برای ورودی موج کامل مربعی با دامنه  $2 \text{ m/s}^2$  در بازه زمانی  $20 \text{ sec}$  در شکل ۱۱-ب ارائه شده است. در این شکل، شتاب انتقالی طولی  $a_x$  برای ورودی مرجع، حس حرکتی خلبان هوایپما و حس حرکتی خلبان شبیه‌ساز حاصل از سه رویکرد مدل‌سازی سامانه سینماتیک معکوس ترسیم شده‌اند. مطابق شکل، قابلیت موثر روش در ریاضی دقیق حس حرکتی خلبان واقعی به عنوان ورودی مرجع ضمن بهره‌گیری به هنگام از زاویه شبی (شکل ۱۱-الف)، در کلیه مدل‌های حرکت‌ساز برای جبران‌سازی حس حرکت طولی (شکل ۱۱-ب) به روشنی مشاهده می‌شود. تغییر طول عملگرهای شماره (۱-۳) برای سه مدل مجازی حرکت‌ساز نسبت به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص در اشکال ۱۲-۱۴ ترسیم شده‌اند.

براساس شکل ۱۲ تغییر زمانی طول عملگر برای مدل‌های حرکت‌ساز که از مدل خطی  $SMPC$  و غیرخطی  $NMPC$

هستند، ضرورت دارد. مقادیر متغیرهای حالت فضای عملیاتی از حل هم‌مان روابط فضای حالت (۱۶) با مدل حرکت‌ساز حاصل می‌شوند. شبیه‌سازی مدل‌ها، نشان‌دهنده نتایج بسیار رضایت‌بخش تری نسبت به حالت استفاده از مدل شبکه عصبی آموزش داده شده برای تقریب سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی است. به منظور تفکیک منحنی‌ها از بالانویس و زیرنویس‌های متفاوتی استفاده شده است. بالانویس‌های  $A$  و  $S$  به ترتیب بیانگر «وروودی مرجع»، «خلبان وسیله نقلیه واقعی» و «خلبان شبیه‌ساز» هستند. زیرنویس‌های  $MPC$ <sup>۱</sup>،  $SMPC$ <sup>۲</sup> و  $NMPC$ <sup>۳</sup> نیز به ترتیب برای تفکیک منحنی‌های مربوط به «مدل با ضرایب ثابت»، «مدل خطی‌سازی شده در زوایای کوچک» و «مدل عمومی غیرخطی» استفاده شده‌اند. برای صحبت‌سنگی نتایج نیز از رویکرد «حقیقت مجازی»<sup>۴</sup> برپا شده در محیط « Matlab/Simulink »<sup>۵</sup> استفاده شده است.

نتایج شبیه‌سازی نسبت به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص بصورت شتاب  $2 \text{ m/s}^2$  به مدت  $10 \text{ sec}$  و سپس شتاب منفی  $2 \text{ m/s}^2$  به مدت  $10 \text{ sec}$  و متعاقباً حرکت با سرعت ثابت تا ثانیه  $35$  ام با فرض سرعت زاویه‌ای صفر در کanal شبی، در شکل‌های ۱۱-۱۶ ترسیم شده‌اند. تغییر زاویه شبی و حس حرکتی نیروی مخصوص در طول زمان برای خلبان وسیله نقلیه واقعی و شبیه‌ساز برای سه مدل حرکت‌ساز مورد بحث در مقاله، در شکل ۱۱ ترسیم شده‌اند.

در شکل ۱۱-الف نرخ زاویه شبی ( $\dot{\theta} = \omega$ ) به ترتیب برای ورودی مرجع «ref»<sup>۶</sup> که با هدف تبیین موضع «حرکت هماهنگ زاویه‌ای» سامانه حرکت‌ساز، برابر صفر منظور شده، پاسخ حس حرکتی خلبان هوایپما «A» که دقیقاً ورودی مرجع را دنبال می‌کند همراه با پاسخ حس حرکتی خلبان شبیه‌ساز «S»<sup>۷</sup> برای سامانه‌های حرکت‌ساز با رویکردهای به ترتیب «سینماتیک معکوس با ضرایب در پیکربندی خنثی (MPC)»، «سینماتیک معکوس خطی‌سازی شده در زوایای کوچک (SMPC)» و «سینماتیک معکوس غیرخطی (NMPC)» ترسیم شده است.

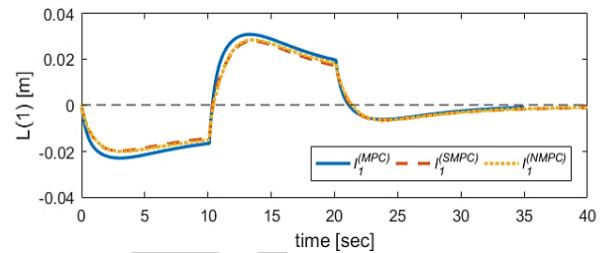
- 1- Model Predictive Control (MPC)
- 2- Semi linear Model Predictive Control (SMPC)
- 3- Nonlinear Model Predictive Control (NMPC)
- 4- Virtual reality
- 5- Matlab/Simulink

قابل ملاحظه است. جالب توجه این که در این بخش رویکرد  $MPC$  پیش‌بینی نسبتاً یکسانی با روش  $NMPC$  دارد که به علت عملکرد تقریباً موجه آن در مقایسه با روش‌های دیگر، از نقطه‌نظر کاهش حجم محاسباتی، از جمله مزایای این مدل محسوب می‌شود. براساس هندسه شبیه‌ساز، انتخاب محورهای مختصات ثابت و متحرک و مانور «شیب- طولی» مورد توجه این مقاله، تقارن بین حرکت عملگرهای شماره ۱، ۲ و ۳ به ترتیب با عملگرهای شماره ۴، ۵ و ۶ حفظ می‌شود. لذا از ارائه منحنی حرکت زمانی عملگرهای فوق خودداری شده است.

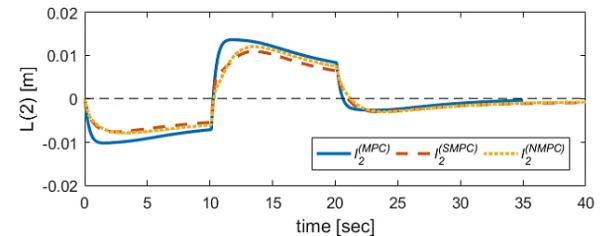
مطالعه متغیرهای تحریک‌شده بردار حالت پیکربندی سامانه حرکتی یعنی  $\omega$  و  $\theta$  نیز در رتبه‌بندی کیفیت روش‌های مورد مطالعه نقش موثری دارند. بدین منظور، تغییرات زمانی این سه متغیر در شکل ۱۵ ارائه شده‌اند.

مطابق شکل ۱۵-الف، مناسب‌ترین پیش‌بینی برای میزان جابه‌جایی طولی سکوی متحرک در دستیابی به حس حرکتی  $NMPC$  مطلوب حسب ورودی مورد اشاره، مربوط به رویکرد  $NMPC$  است. در این رویکرد، ضمن مطابقت عملکرد پیش‌بینی شده سامانه حرکتی با واقعیت، حس حرکتی مطلوب با جابه‌جایی بسیار کوچک در محدوده  $(cm) \leq x \leq 1$  - محقق می‌شود. این نتایج در سامانه‌های حرکتی در مقیاس واقعی حائز اهمیت بوده و نشان از قابلیت برتر رویکرد  $NMPC$  در مقایسه با روش‌های دیگر در دستیابی به حس حرکتی مناسب با حرکت‌های مقرر به صرفه است که امکان استفاده از شبیه‌ساز برای مانورهای پیچیده‌تر با اطمینان بیشتر از حفظ سامانه حرکتی در محدوده فضای کاری آن دارد. در رویکرد  $SMPC$  روند تغییرات مشابه با  $NMPC$  حفظ می‌شود، اگرچه میزان  $NMPC$  جابه‌جایی سکوی متحرک به بیش از ۲ برابر رویکرد  $SMPC$  افزایش می‌یابد که برای سامانه‌های حرکتی در مقیاس واقعی، این تفاوت قابل ملاحظه است. در استفاده از رویکرد  $MPC$  اگرچه نتایج نشان‌دهنده رفتار تقریباً مشابه با  $NMPC$  برای بخش اول حرکت شتابدار است ولی در بخش دوم حرکت شتابدار، نتایج ضمن مغایرت با حالت واقع، با هیچ یک از دو روش دیگر مطابقت ندارد. با توجه به این که متغیرهای فضای عملیاتی در رویکرد  $MPC$  از تقریب شبکه عصبی سینماتیک مستقیم سامانه حرکتی که برای این مقاله طراحی شده است بهره می‌برند، لذا قضایت در صحت عملکرد تقریب سینماتیک

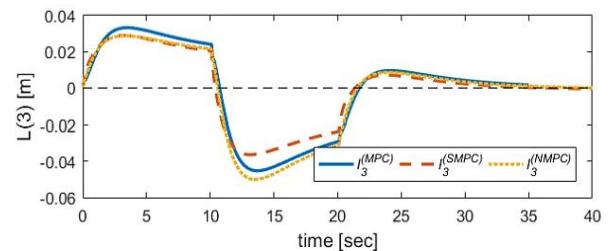
سینماتیک معکوس سامانه حرکتی بهره می‌برند، یکسان است. همچنین، پیش‌بینی مدل حرکت‌ساز براساس مدل با بهره‌های ثابت سینماتیک معکوس سامانه حرکتی  $MPC$ ، نسبتاً رضایت‌بخش است. اگرچه مقداری تفاوت با دو روش دیگر مشاهده می‌شود. مطابق شکل ۱۳ تفاوت مشهودی در بخش‌هایی از حرکت عملگر در طول زمان بین نتایج  $MPC$  با دو روش  $NMPC$  و  $SMPC$  دیده می‌شود.



شکل (۱۲): تغییر زمانی طول عملگر شماره ۱ به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص.



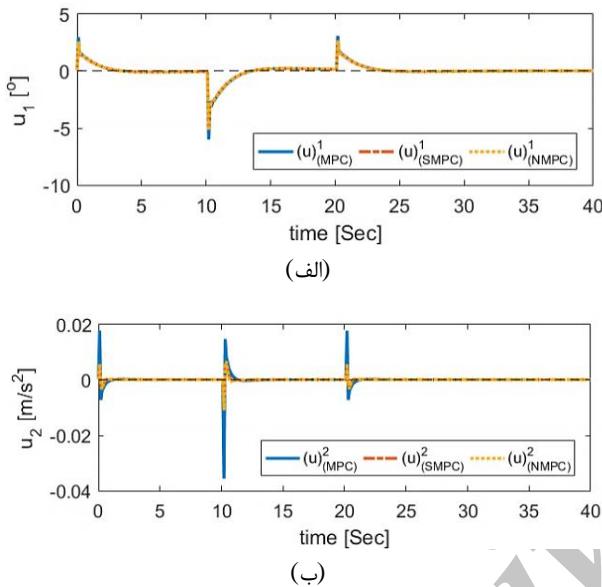
شکل (۱۳): تغییر زمانی طول عملگر شماره ۲ به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص.



شکل (۱۴): تغییر زمانی طول عملگر شماره ۳ به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص.

در شکل ۱۴، تفاوت اندکی در بخش اول حرکت با شتاب مثبت است، بین رویکرد  $MPC$  با دو روش  $SMPC$  و  $NMPC$  مشاهده می‌شود. اگرچه این اختلاف در بخش دوم منحنی که حرکت با شتاب منفی است بین روشن  $MPC$  با روش

مثبت و تا حدود  $-30^\circ$  درجه در بخش شتاب منفی پیش‌بینی می‌شود که با کاهش شتاب به صفر، تغییرات زاویه به صفر می‌کند. مطابق شکل ۱۵-ج تغییرات زاویه شیب  $\theta$  در یک مانور ساده به اندازه کافی بزرگ است که استفاده از مدل عمومی غیرخطی به وضوح موجه محسوب گردد. همچنین، برتری رویکرد NMPC از نقطه نظر عملکرد نیز تایید مجددی بر این امر می‌باشد.



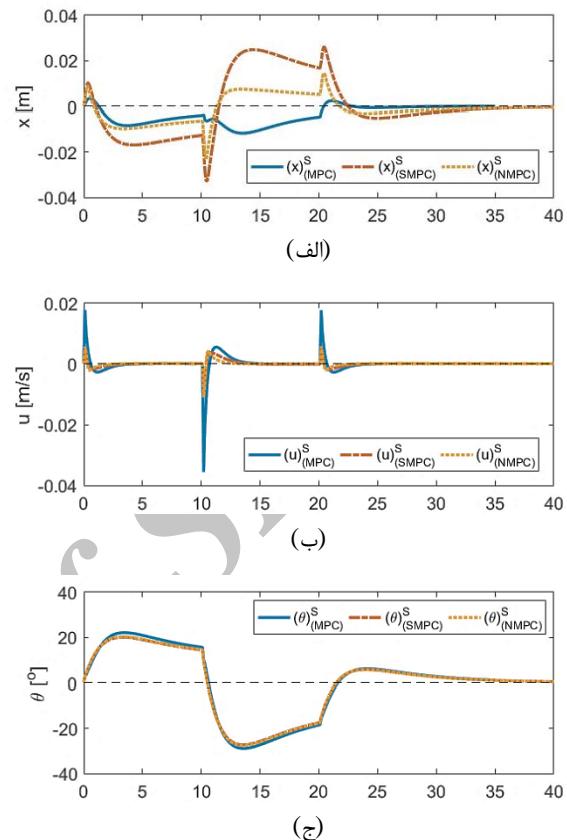
شکل (۱۶): سیگنال‌های خروجی از بلوک کنترل کننده مدل پیش‌بین.

سیگنال‌های خروجی از بلوک کنترل مدل پیش‌بین در اشکال (۱۶-الف و ب) ترسیم شده‌اند. مطابق این اشکال، تغییرات قابل ملاحظه در زمان‌های متناظر با تغییرات ورودی مرجع در کلیه مدل‌ها مشاهده می‌شوند که این تغییرات در رویکرد MPC نسبت به دو روش دیگر خصوصاً برای سیگنال دوم یعنی شتاب خطی بسیار بزرگ‌تر است.

#### ۴-۵- صحبت‌سننجی نتایج

مدل «حقیقت مجازی» سکوی استوارت برپاشده در محیط سیمولینک برای تحقیق نتایج مورد استفاده قرار گرفت. با انتخاب مانور تک کاناله مورد نظر این پژوهش، امکان صحبت‌سننجی قابل اطمینان نتایج فراهم می‌گردد. مطابق شکل ۶ بخش طول عملکردهای خروجی از مدل حرکت‌ساز کنترل

مستقیم با سایر رویکردها دشوار بوده و نیازمند مطالعات تجربی است.

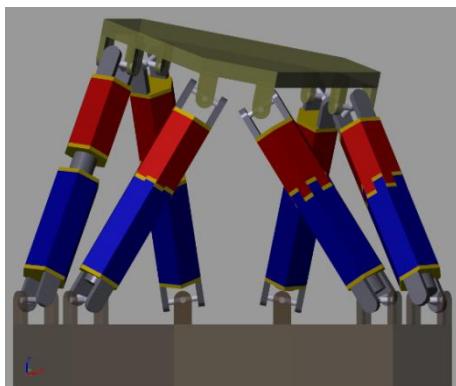


شکل (۱۵): تغییر زمانی موقعیت، سرعت طولی و زاویه شیب نسبت به ورودی موج مربعی در کanal نیروی مخصوص.

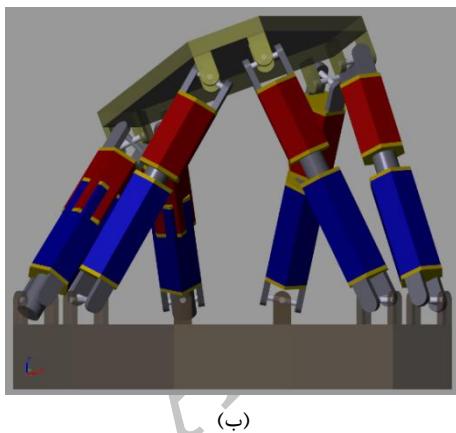
سرعت طولی سکوی متحرک  $u$  در طول زمان برای سه رویکرد MPC، SMPC و NMPC در شکل ۱۵-ب ترسیم شده‌اند. مطابق شکل، تغییرات سرعت شدیدی در زمان‌های متناظر با تغییر شتاب طولی ورودی در رویکرد MPC مشاهده می‌شود که از نقاط ضعف رویکرد مذکور محسوب می‌شود. برای دو روش دیگر سرعت در موقعیت‌های گذار قابل ملاحظه نبوده و پیش‌بینی نسبتاً یکسانی از هر دو روش برای این متغیر می‌رود.

تغییرات زمانی زاویه شیب  $\theta$  در جبران‌سازی حس حرکت طولی برای هر سه روش، در شکل ۱۵-ج ترسیم شده است. مطابق شکل، هر سه روش تقریباً یکسان عمل نموده و مطابقت کامل در دو رویکرد MPC و SMPC وجود دارد. براساس شکل تغییرات زاویه شیب تا حدود  $20^\circ$  درجه در بخش شتاب

هر سه گونه سینماتیک سامانه حرکتی، دلالت بر قابلیت کامل رویکرد حرکتساز مدل پیش‌بین تطبیقی با بهره‌گیری از سینماتیک معکوس عمومی غیرخطی دارد. تامین حس حرکتی مطلوب همراه با حرکت‌های هموارتر و محدودتر عملگرها در خطی در مقایسه با دو گونه دیگر سامانه‌های حرکتساز در رویکردی زمان واقعی بدون مواجهه با مشکلات محاسباتی، نشان‌دهنده قابلیت توسعه روش به کاربردهای واقعی را دارد که دستاورد برجسته پژوهش محسوب می‌شود.



(الف)



(ب)

شکل (۱۸): پیکربندی سکوی ماهر مجازی در (الف) بزرگترین و (ب) کوچکترین زاویه شیب در مانور شیب- طولی.

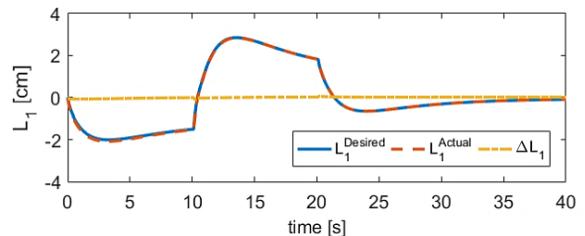
## ۷- تشکر و قدردانی

بدینوسیله از دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج به دلیل پشتیبانی از این پژوهش در قالب طرح پژوهشی، قدردانی می‌شود.

## ۸- مراجع

- Reid, L.D., Nahon M.A. "Flight Simulation Motion-Base Drive Algorithms: Part 1.

پیش‌بین به عنوان ورودی مرجع در بخش صحبت‌سنجدی مورد استفاده قرار می‌گیرد. سامانه مجازی حرکتی در رویکرد مدار بسته دقیقاً حرکت‌های موردنظر عملگرها را ردیابی می‌کند. تغییرات طول عملگر شماره ۱ به عنوان ورودی مرجع نمونه در رویکرد *NMPC* به بخش سامانه حرکتی مجازی و خروجی متناظر به همراه خطای بین دو مقدار در شکل ۱۷ ترسیم شده‌اند.



شکل (۱۷): طول عملگر مطلوب، کنترل شده (واقعی) و خطای ردیابی عملگر شماره ۱ از رویکرد *NMPC*.

مطابق شکل، دقت قابل توجه در ردیابی ورودی محزز است. همچنین، پیکربندی سکوی استوارت مجازی متناظر با بزرگترین و کوچکترین زاویه شیب با هدف نمایش اثر بخشی روش در کاربردهای واقعی در اشکال ۱۸-الف و ب ترسیم شده‌اند. فایل پویانمایی نمونه همراه مقاله نیز تاکیدی بر دست آوردهای اشاره شده است.

## ۶- نتیجه‌گیری

در این مقاله، تدوین روشمند سامانه حرکتساز تطبیقی مدل پیش‌بین با قابلیت کنترل بهینه و براساس بهره‌گیری از سینماتیک معکوس سامانه حرکتی ارائه گردید. سه گونه سینماتیک معکوس سامانه حرکتی شامل (۱) ضرایب محاسبه شده در پیکربندی خنثی، (۲) مدل خطی در پیکربندی آنی طراحی شده مخصوص پژوهش حاضر و (۳) مدل غیرخطی عمومی در برپایی سامانه حرکت ساز مورد استفاده قرار گرفتند. با هدف مطالعه کیفیت عملگر رویکرد حرکتساز پیشنهادی، پاسخ مدل به ورودی‌های موج مربعی در کanal نیروی مخصوص و زاویه شیب صفر در کanal زاویه شیب در مانور شیب- طولی با هدف نمایش قابلیت ویژه روش در جبران‌سازی مناسب حس حرکت طولی با تنظیم هدفمند زاویه شیب در شبیه‌ساز ارائه گردید. نتایج صحبت‌سنجدی حاصل از مدل حقیقت مجازی برای

10. Maran, F., Bruschetta, M., Beghi, A. "Study of a Real-time, MPC Based Motion Cueing Procedure with Time-Varying Prediction for Different Classes of Drivers", IEEE American Control Conference (ACC), Boston, MA, USA, pp. 1711-1716, 2016.
11. Aminzadeh, M., Mahmoodi, A., Sabzehpvar, M. "Optimal Motion-Cueing Algorithm using Motion System Kinematics", European Journal of Control, Vol. 18, No. 4, pp. 363-375, 2012.
12. Garrett, N.J., Best, C.M. "Model Predictive Driving Simulator Motion Cueing Algorithm With Actuator-Based Constraints", International Journal of Vehicle Mechanics and Mobility, Vol. 51, No. 8, pp. 1151-1172, 2013.
13. Pradipta, J., Sawodny, O. "Actuator Constrained Motion Cueing Algorithm for a Redundantly Actuated Stewart Platform", Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, Vol. 138, No. 6, 2016.
14. Beghi, A., Bruschetta, M., Maran, F., and Minen, D. "A Model-based Motion Cueing Strategy for Compact Driving Simulation Platforms", Driving Simulation Conference, France, pp. 1-8, 2012.
15. Taghirad, H.D. "Parallel Robots: Mechanics And Control", CRC press, 2013.
16. Harib, K., Srinivasan, K. "Kinematic and dynamic analysis of Stewart Platform-based Machine Tool Structures", Robotica, Vol. 21, No. 5, pp. 541-554, 2003.
17. Wang, L. "Model Predictive Control System Design and Implementation Using MATLAB", Springer Science & Business Media, 2009.
18. Bingul, Z., Karahan, O. "Dynamic Modeling and Simulation of Stewart Platform", Serial and Parallel Robot Manipulators - Kinematics, Dynamics, Control and Optimization, INTECH Open Access Publisher, pp. 19-42, 2012.
- Developing and Testing Equations", University of Toronto, 1985.
2. Reid, L.D., Nahon M.A. "Flight Simulation Motion-Base Drive Algorithms. Part 3. Pilot Evaluations", University of Toronto, 1986.
3. Reid, L.D., Nahon, M.A. "Flight Simulation Motion-Base Drive Algorithms: Part 2. Selecting The System Parameters", University of Toronto, 1986.
4. Houck, J.A., Telban, R.J., Cardullo, F.M., Kelly, L.C. "Motion Cueing Algorithm Development: New Motion Cueing Program Implementation and Tuning", NASA Langley Research Center, 2005.
5. Chen, S.H., Fu, L.C. "An Optimal Washout Filter Design For A Motion Platform With Senseless And Angular Scaling Maneuvers", IEEE American Control Conference (ACC), Baltimore, MD, USA, pp. 4295-4300, 2010.
6. Baseggio, M., Beghi, A., Bruschetta, M., Maran, F., Minen, D. "An MPC Approach To The Design Of Motion Cueing Algorithms For Driving Simulators", 14th International IEEE Conference on Intelligent Transportation Systems (ITSC), Washington, DC, USA, pp. 692-697, 2011.
7. Fang, Z., Kemeny, A. "Explicit MPC Motion Cueing Algorithm For Real-Time Driving Simulator", 7th International IEEE in Power Electronics and Motion Control Conference (IPEMC), Harbin, China, pp. 874-878, 2012.
8. Bruschetta, M., Maran, F., Beghi, A., Minen, D. "An MPC Approach to the Design of Motion Cueing Algorithms for a High Performance 9 DOFs Driving Simulator", In Driving Simulation Conference, No. 12, Paris, France, pp. 1-7, 2014.
9. Maran, F., Bruschetta, M., Beghi, A., Minen, D. "Improvement of an MPC-based Motion Cueing Algorithm with Time-Varying Prediction and Driver Behaviour Estimation", DSC Europe, Germany, pp. 1-8, 2015.

Archive of SID