

بهبود عملکرد و کاهش حجم سامانه خنک کاری در پیل های سوختی

پلیمری دما پایین با استفاده از نانوسیال

مظاہر رحیمی اسبویی^۱، ابراهیم علیزاده^۲، سید مجید رهگشای^۳، مجید خورشیدیان^۴، سید حسین مسرووری سعادت^۵

دانشگاه صنعتی مالک اشتر، آزمایشگاه تحقیقاتی فناوری پیل سوختی، فریدونکنار، ایران.

(تاریخ دریافت: ۱۳۹۶/۰۷/۰۲؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۶/۰۹/۲۹)

چکیده

مدیریت صحیح گرما یکی از معضلات اساسی در پیل های سوختی بوده که باید به صوری مرتفع گردد. عملکرد پیل در دمای های بالا باعث خشک شدن غشاء، افزایش مقاومت اهمی پیل، انقباض و گسیختگی غشاء و در دمای های پایین باعث کاهش نرخ واکنش ها، ولتاژ، راندمان، توان خروجی و همچنین باعث میان آب و وقوع پدیده غرقابگی در سمت کاتد می گردد. افزایش توان در پیل های سوختی با افزایش تعداد پیل ها در یک استک پیل سوختی همراه است. با افزایش توان، گرمای تولید شده در استک افزایش می یابد که نیازمند دبی بالای سیال خنک کاری برای دفع حرارت تولید شده است. افزایش دبی با افزایش حجم سامانه خنک کاری، افزایش توان مصرفی پارازیتی و در نتیجه کاهش راندمان در استک همراه است. در این مقاله استفاده از نانوسیال به عنوان راه کاری برای حل این مشکل معروفی می شود و اثر آن بر کاهش توان پارازیتی مورد بررسی قرار می گیرد. نتایج نشان داده است که با استفاده از مخلوط آب و ۲٪ نانوذره اکسید آلومینیم در رینولدز ۶۰۰۰ خواهیم توانست اختلاف دمای تمامی نقاط را نسبت به ورودی کمتر از ۵ درجه نگه داریم. این در حالی است که برای سیال پایه حداقل رینولدز جریان باید به ۹۰۰۰ برسد تا این اختلاف دما برقرار باشد.

واژه های کلیدی: میدان خنک کاری، نانو سیال، مدیریت حرارت، پیل سوختی پلیمری، ضریب انتقال حرارت جابه جایی

Improving Performance and Decreasing of Cooling System Volume in Low Temperature PEM Fuel Cell Using Nanofluid

M. Rahimi-Esbo, E. Alizadeh, S.M. Rahgoshay, M. Khorshidian and S.H.M. Saadat

Fuel Cell Technology Research Laboratory, Malek Ashtar University of Technology, Fereydunkenar, Iran

(Received: 24/September/2017 ; Accepted: 20/December/2017)

ABSTRACT

Correct heat management is one of the major problems in fuel cells that should be somehow solved. The performance of the cell at high temperatures causes the membranes to dry, increasing ohmic resistance of cell, shrinking and rupture of membranes and at low temperatures decrease the reaction rate, voltage, efficiency, output power, as well as condensation of water and occurrence of flooding at the cathode side. Increasing power in fuel cells associated with increasing the number of cells in a fuel cell stack. By increasing power, high flow rate of the cooling fluid is required to dissipate more generated heat. Increasing cooling flow rate increases the volume of the cooling system, parasitic power and reduces the efficiency of the stack. In this paper, using of nanofluids as an approach to solving this problem is presented and its effect on reducing the parasitic power is investigated. The results showed with using mixture of water and 2% volume fraction of Al_2O_3 , at $\text{Re}=6000$ the temperature difference of all parts of flow field compare to inlet is smaller than 5°C . At the case that base fluid is used, this goal achieved at $\text{Re}=9000$.

Keywords: Cooling Flow Field, Nanofluid, Heat Management, PEM Fuel Cell, Convective Heat Transfer Coefficient

۱- استادیار: mrahimi@mut.ac.ir

۲- دانشیار (نویسنده پاسخگو): fccenter@mut.ac.ir

۳- کارشناس ارشد: rahgoshay@mut.ac.ir

۴- کارشناس ارشد: khorshidian@mut.ac.ir

۵- کارشناس ارشد: hsaadat@mut.ac.ir

۱- مقدمه

خواص حرارتی ممکن با حداقل کسر حجمی ($<1\%$) در سیال پایه می‌باشد.

در زمینه جریان و انتقال حرارت نانوسیال تحقیقات تجربی و عددی مختلفی صورت گرفته است. از مطالعات انجام شده بر می‌آید که هیچ فرمول تئوری تا به حال نتوانسته رفتار نانوسیال را با در نظر گرفتن ذرات تشکیل دهنده‌اش پیش‌بینی کند. محققان زیادی نانوذرات را به عنوان عاملی برای افزایش نرخ انتقال حرارت مورد توجه قرار دادند. پخش ذرات جامد در داخل سیال یکی از روش‌های بهبود انتقال حرارت در سیالات می‌باشد که قدمتی بیش از صد دارد. اولین کارهای تئوری در این زمینه توسط ماسکسول [۲] انجام شده است. این روش به دلیل مشکلاتی نظیر گرفتگی مجاری، تهشیینی و خوردگی مجاری انتقال سیال نتوانست، به طور موثر در کاربردهای عملی انتقال حرارت مورد استفاده قرار گیرد.

با پیشرفت فناوری تولید ذرات جامد در اندازه‌های بسیار ریز در مقیاس نانو فراهم گردید. با اضافه کردن این نانوذرات به سیال پایه سیال جدیدی حاصل می‌گردد که چوی [۳] برای اولین بار در سال ۱۹۹۵ در آزمایشگاه ملی آرگون مورد استفاده قرار داد و آن را "نانوسیال" نامید. چوی و همکاران با اضافه کردن مقدار کم این ذرات به سیال پایه بهبود چشمگیر ضریب انتقال حرارت رسانایی این نوع سیال را نسبت به سیال پایه گزارش کردند. پس از معرفی نانوسیال کارهایی به منظور تعیین خواص ترموفیزیکی آن و بررسی عملکرد آن برای انتقال حرارت در رژیمهای مختلف جریان و شرایط کاری مختلف انجام گرفت.

برای تشریح افزایش غیرعادی ضریب هدایت گرمایی کبیلنسکی و همکارانش [۴] چهار مکانیزم احتمالی را در نظر گرفتند که عبارتند از:

- ۱- حرکت تصادفی نانوذرات
- ۲- تشکیل ساختار لایه‌ای مولکولی با ضریب هدایت گرمایی خیلی زیاد در سطح مشترک مایع و نانو ذره
- ۳- ماهیت انتقال گرما در نانوذرات
- ۴- اثر خوشی ای یا جمع شدن نانوذرات

وانگ و همکاران [۵] نشان دادند که ضریب هدایت گرمایی به حرکت میکروسکوپیک (حرکت براونی و نیروهای داخلی ذره) و ساختار ذرات وابسته است. ژوان و لی [۶] در

پیل سوتی در مقایسه با دیگر منابع تولید توان همچون باتری‌ها و موتورهای احتراق داخلی دارای مزایای متعددی است. از مزیت‌های پیل سوتی نسبت به باتری‌ها در پهپادها می‌توان به مدت زمان پرواز بیشتر و مسافت طی شده بیشتر اشاره کرد. همچنین در مقایسه با موتورهای احتراق داخلی پیل‌های سوتی دارای کاهش صدا، نویز، درجه حرارت و وزن می‌باشد و از طرفی بازده بالاتری نیز دارد. یکی از معضلات اساسی در پیل‌های سوتی پلیمری دفع حرارت تولیدی در آن می‌باشد. میدان جریان خنک‌کاری باید به نحوی طراحی گردد که گرمای تولیدی در ولتاژهای کاری مختلف را دفع کند. هرچند که با توجه به اصول انتقال حرارت، ایجاد توزیع یکنواخت دما در یک سامانه دینامیک امکان پذیر نمی‌باشد. همچنین افت فشار سیال خنک‌کننده در کانال‌های خنک‌کاری از ورودی تا خروجی باید حداقل گردد تا مصرف توان پمپ سیرکولاتیون سیال خنک‌کاری حداقل شود. در سال‌های اخیر افزودن ذرات جامد به سیال به دلیل بهبود خواص حرارتی سیال و در نتیجه افزایش انتقال حرارت، مورد توجه بسیاری از محققین قرار گرفته است. تحقیقات نشان می‌دهد که افزودن مقدار کمی نانوذره باعث افزایش ۲۰٪ در ضریب انتقال حرارت هدایتی سیال می‌شود [۱]. با توجه به نیاز فراوان به بهبود ضریب انتقال حرارت سیال در صنایع امروزی، پتانسیل زیادی برای پژوهش در این زمینه و به طور کلی در زمینه بهبود انتقال حرارت وجود دارد.

نانوسیال مخلوطی از نانو ذراتی به ابعاد ۱-۱۰۰ نانومتر و سیال پایه (نانوذرات معلق در سیال) می‌باشد، که این اصطلاح اولین بار توسط چوی در سال ۱۹۹۵ در آزمایشگاه ملی آرگون مورد استفاده قرار گرفت. نانوذره در مقایسه با ذرات در اندازه میکرو دارای سطح نسبی وسیع‌تر، مومنتم ذره کمتر، تحرک بالاتر، پایداری تعلیق بهتر و در نتیجه هدایت حرارتی بیشتر می‌باشد. این باعث می‌شود تا نانوسیال نوید کارهای خوبی در زمینه‌های خنک‌کاری، روان‌کاری، سیالات هیدرولیکی برش فلزات و ... را بدهد. به علاوه، افت فشار کم و سایش مکانیکی ناچیز آن‌ها موجب شد که محققان تصدیق کنند که نانوسیال باعث گسترش نسل جدیدی از مبدل‌های حرارتی کوچک خواهد شد. هدف اصلی استفاده از نانوسیال، رسیدن به بهترین

با نسبت حجمی ۱,۶٪ نانوذره نشان می دهد. همچنین طول ناحیه توسعه یافته برای نانوسیال بیشتر از مقدار آن برای سیال خالص بوده، که با افزایش درصد حجمی نانوسیال افزایش می باید. پدیده مهاجرت ذرات که باعث پخش غیریکنواخت رسانایی حرارتی و ویسکوزیته شده و سبب کاهش لایه مرزی حرارتی می گردد برهانی بود که توسط آن ها برای توجیه این بهبود پیشنهاد شد. هریس و همکاران [۱۲] اثر نانوسیال اکسیدمس- آب و اکسیدآلومینیوم- آب رادر لوله تحت دمای دیواره ثابت مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که میزان انتقال حرارت و تنفس برخی دیواره نسبت به سیالات پایه زیادتر بوده و افزایش نسبت حجمی نانوذره سبب افزایش این مقادیر می گردد. افزایش انتقال حرارت ناشی از حضور نانوسیال بیشتر از مقداری است که توسط روابط سیال تکفازی برای انتقال حرارت به دست می آید. آن ها همچنین بهبود انتقال حرارت نانوسیال اکسیدآلومینیوم آب را بیشتر از نانوسیال مس- آب گزارش کردند. روی و همکاران [۱۳] جریان آرام شعاعی نانوسیالات اکسیدآلومینیوم در آب، اتیلن گلیکول و روغن در اندازه های مختلف نانوذره را بررسی کردند. بیشتر بودن ویسکوزیته و کمتر بودن ضربی انتقال حرارت نانوسیالات با ذرات بزرگتر نسبت به نانوسیالات ریزتر توسط آن ها گزارش گردید. همچنین آن ها رابطه مستقیمی را بین انتقال حرارت و تنفس بر روی دیواره با عدد رینولز و درصد حجمی نانوذرات گزارش کردند. ژوان ولی [۱۴] یک الگو برای تولید نانوسیال ارائه داده و چند نانوسیال را به این روش تولید کردند. آن ها همچنین یک مدل برای توصیف کارآیی حرارتی جریان نانوسیال در درون یک لوله ارائه دادند که پخش نانوذرات را نیز در نظر می گرفت. نتایج آن ها نشان داد که افودن نانوذرات باعث افزایش ضربی هدایت حرارتی سیال می شود. به عنوان مثال افزایش کسر حجمی از ۰/۵٪ به ۰/۷٪ باعث افزایش نسبت ضربی هدایت حرارتی نانوسیال به سیال پایه از ۱/۲۴ به ۱/۷۸ می شود.

استفاده از نانوسیال برای بهبود نرخ خنک کاری و کاهش حجم و اندازه سامانه های خنک کاری در پیل های سوتی پلیمری از سال ۲۰۱۵ مورد توجه محققین قرار گرفته است. تعداد مقالاتی که در این زمینه به چاپ رسیده بسیار محدود بوده و افراد کمی در این زمینه فعالیت کردند. ذکریا و همکاران [۱۵] میزان افزایش انتقال حرارت و جریان نانو سیال

مورد پنج دلیل احتمالی برای بهبود ضربی هدایت گرمایی نانو ذره بحث کردند: ۱. افزایش مساحت سطح به علت نانو ذرات معلق، ۲. افزایش ضربی هدایت گرمایی سیال، ۳. واکنش و برخورد میان نانوذرات، ۴. نوسان شدید مخلوط و آشفتگی سیال و ۵. پخش و پراکندگی نانو ذرات.

برخی مؤلفان مانند دانگسونگسوک و سوماچای [۷] تفاوت بین مقادیر خواص ترموفیزیکی سیال به دست آمده از معادلاتی که برای نانوسیال وجود دارد و مقادیر تجربی را بررسی کردند. لی و همکارانش [۸] ضربی رسانش سوسپانسیون نانوذرات اکسیدمس و اکسیدآلومینیوم در آب و اتیلن گلیکول را به صورت تجربی مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها نشان داد که نانوسیال ها در مقایسه با سیال های پایه خود دارای ضربی انتقال حرارت رسانایی بسیار بالاتری هستند. آن ها ضربی رسانایی موثر نانوسیال را به صورت تابعی از ضربی رسانایی سیال پایه و نانوذرات و نسبت حجمی آن به دست آورند. آن ها همچنین افزایش تقریباً خطی ضربی رسانایی نانوسیال را با افزایش نسبت حجمی نانوذره گزارش کردند. آن ها ضربی انتقال حرارت رسانایی اکسیدمس- اتیلن گلیکول را ۰/۲۰٪ بیشتر از سیال پایه در نسبت حجمی ۰/۴٪ نانوذره گزارش کردند. ژای و همکاران [۹] به بررسی ضربی رسانایی نانوسیال ها شامل نانوذرات آلومینا و اکسیدمس در سیال های پایه، نظیر آب، اتیلن گلیکول، روغن پمپ خلاء و روغن موتور پرداختند. نتایج آن ها نشان داد که همه نانوسیال ها دارای ضربی انتقال حرارت بیشتری نسبت به سیال پایه خود هستند. همچنین با افزایش نسبت حجمی نانوذره ضربی رسانایی نانوسیال افزایش می یابد، که درصد این افزایش برای نانوسیالات مختلف متفاوت می باشد. داس و همکاران [۱۰] به بررسی تجربی اثر دما بر ضربی انتقال حرارت رسانایی نانوسیال پرداختند. آن ها دو تا سه برابر شدن این ضربی با افزایش دما در یک محدوده دمایی ۳۱ تا ۵۱ درجه سانتی گراد را گزارش کردند. همچنین مقایسه نتایج به دست آمده با روابط ماکسول و همیلتون- کروس نشان داد که این روابط ضربی نانوسیال را کمتر از مقدار واقعی آن پیش بینی می کنند.

ون و دینگ [۱۱] انتقال حرارت جابجایی آرام نانوسیال اکسیدآلومینیوم- آب را در ناحیه ورودی لوله مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها افزایش ۴۹٪ را برای عدد ناسلت نانوسیال

۲- معادلات حاکم

همچنین معادلات حاکم بر جریان شامل معادلات پیوستگی، مومنت، انرژی و معادلات توربولانسی در جدول ۱ لیست شده‌اند.

جدول (۱): معادلات حاکم بر جریان.

	نمایش ریاضی اندیسی
معادله پیوستگی	$\frac{\partial}{\partial x_i} (\rho_{nf} u_i) = 0$
معادله مومنت	$\frac{\partial}{\partial x_j} (\rho_{nf} u_i u_j) = -\partial p / \partial x_i + \frac{\partial}{\partial x_j} [\mu (\partial u_i / \partial x_j + \partial u_j / \partial x_i)] + \frac{\partial}{\partial x_j} (-\rho_{nf} \overline{u'_i u'_j})$
معادله انرژی	$\frac{\partial}{\partial x_i} (\rho_{nf} u_i T) = \frac{\partial}{\partial x_j} ((\Gamma + \Gamma_t) \frac{\partial T}{\partial x_j})$ $\Gamma = \mu_{nf} / Pr_{nf}, \quad \Gamma_t = \mu_t / Pr_t$
تنشی‌های رینولدز	$\rho_{nf} \overline{u'_i u'_j} = \mu_t (\partial u_i / \partial x_j + \partial u_j / \partial x_i)$
ویسکوزیته توربولانس	$\mu_t = \rho_{nf} c_\mu k^2 / \varepsilon$
معادله انتقال	$\frac{\partial}{\partial x_i} (\rho_{nf} k u_i) = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu_{nf} + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right] + G_k - \rho_{nf} \varepsilon + S_k$
معادله انتقال	$\frac{\partial}{\partial x_i} (\rho_{nf} \varepsilon u_i) = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu_{nf} + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right] + C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} G_k + C_{2\varepsilon} \rho_{nf} \frac{\varepsilon^2}{k} + S_\varepsilon$
نرخ تولید انرژی سینیتیک توربولانس	$G_k = -\rho_{nf} \overline{u'_i u'_j} \frac{\partial u_j}{\partial x_i}$

Al_2O_3 را در مخلوط ۵۰٪ آب و ۵۰٪ اتیلن‌گلیکول با درصد حجمی ۱٪ و ۰٪ به روش عددی انجام دادند. نتایج نشان داد که ضریب انتقال حرارت هم با افزایش درصد حجمی و هم با افزایش عدد رینولدز افزایش می‌یابد. اگر چه این افزایش میزان انتقال حرارت همراه با افزایش میزان توان پمپاژ نسبت به سیال پایه می‌باشد. همچنین ذکریا و همکاران [۱۶] در یک کار تجربی، انتقال حرارت و کارایی جریان نانو سیال Al_2O_3 در مخلوط ۵۰-۵٪ آب و اتیلن‌گلیکول را در یک تک صفحه خنک‌کننده در پیل سوختی غشاء پلیمری بررسی کردند. نتایج نشان داد که در مقایسه با سیال پایه، نانوسیال Al_2O_3 در مخلوط ۵۰-۵٪ آب و اتیلن‌گلیکول عملکرد حرارتی بهتری را داشته است. این عملکرد هم در افزایش ضریب انتقال حرارت و هم در افزایش عدد ناسلت نمود پیدا کرد. همچنین آن‌ها گزارش کردند افزایش توان پمپ برای یک صفحه تنها در مقایسه با میزان افزایش انتقال حرارت کوچک بوده و قابل صرف‌نظر کردن است. این گروه در سال ۲۰۱۶ مقاله جامعی را در این زمینه منتشر کردند. ذکریا و همکاران [۱۷] به صورت تجربی، انتقال حرارت و کارایی جریان سیال Al_2O_3 در سیال پایه آب و EG با نسبت ۵۰٪ آب، ۵۰٪ اتیلن‌گلیکول و ۶۰٪ آب و ۴٪ اتیلن‌گلیکول را در یک تک صفحه خنک‌کننده یک پیل سوختی غشاء پلیمری بررسی کردند. نتایج نشان داد که نانوسیال Al_2O_3 در آب و اتیلن‌گلیکول با نسبت‌های ۵۰-۵٪ و ۶۰-۴٪ عملکرد حرارتی بهتری را نسبت به سیال پایه داشتند. در این مقاله با استفاده از مدل‌های وابسته به سرعت و دما اثر نانوذرات بر افزایش میزان انتقال حرارت و افت فشار در میدان خنک‌کاری پیل سوختی پلیمری بررسی شده است. تمامی خواص نانوسیال که وابسته به دما، سرعت و دیگر خصوصیات سیال پایه و نانوذرات بود از طریق کدنویسی با استفاده توابع تعریفی کاربر به نرمافزار فلوئنت، اضافه شد. اثر قطر نانوذرات، نوع سیال پایه و عدد رینولدز بر میزان افزایش افت فشار و انتقال حرارت بررسی شد. همچنین میزان افزایش توان پمپاژ و درصد افزایش انتقال حرارت و افت فشار به صورت عددی بررسی شده است. برای این‌که اثر نانوسیال بر میزان افزایش انتقال حرارت و افت فشار به طور توامان در نظر گرفته شود ضریب جدیدی تعریف شد و مورد تحلیل قرار گرفت.

۱-۴- چگالی و گرمای ویژه

برای محاسبه چگالی و گرمای ویژه مخلوط از مدل پک و چو [۱۹] مطابق با روابط استفاده شده است.

$$(\rho)_{nf} = (1-\phi)\rho_f + \phi\rho_p \quad (1)$$

$$C_{p,nf} = \frac{(1-\phi)(\rho C_p)_f + \phi(\rho C_p)_p}{\rho_{nf}} \quad (2)$$

۲-۴- ضریب هدایت حرارتی

در این مقاله برای مدل سازی ضریب انتقال حرارت هدایتی مدل چون و همکاران [۲۰] که توسط مینستا و همکاران [۲۱] مورد تأیید قرار گرفته است، استفاده شده است.

$$\frac{k_{nf}}{k_f} = 1 + 64.7 \phi^{0.746} (df / dp)^{0.369} \times \quad (3)$$

$$(kp / kf)^{0.7476} Pr_f^{0.9955} Re_p^{1.2321}$$

در معادلات فوق، d_f و d_p قطر ملکول های سیال پایه و قطر متوسط نانوذرات هستند. $Re = \frac{\rho_f k_b T}{3 \pi \mu_f^2 \lambda_f}$ و $Pr = \frac{\mu_f}{\rho_f \alpha_f}$ به ترتیب اعداد پرانتل و رینولدز بوده و α_f ضریب پخش حرارتی، k_b ثابت بولتزمن و λ_f مسافت آزاد میانگین ملکول های آب است که در این مقاله طبق پیشنهاد چون و همکاران [۲۰] ۱۷ nm در نظر گرفته شد.

۳-۴- لزجت دینامیکی

مدل های مختلفی برای محاسبه ویسکوزیته نانو سیال ارائه شده است [۲۲]. معصومی و همکاران [۲۳] یک مدل جدید برای لزجت دینامیکی نانو سیال ارائه دادند که اثر حرکت براونی، دما و قطر نانوذره را در نظر می گرفت:

$$\frac{\mu_{nf}}{\mu_f} = 1 + \frac{\rho_p V_b d_p^2}{72 N \delta} \quad (4)$$

که در آن، $\delta = \sqrt{\frac{\pi d_p}{6\phi}}$ فاصله بین مرکز نانوذرات از یکدیگر

است. $V_b = \frac{1}{d_p} \sqrt{\frac{18 k_b T}{\pi \rho_p d_p}}$ سرعت براونی بوده و k_b ثابت بولتزمن

می باشد. N در معادله فوق، تابعی از قطر نانوذره و دما می باشد که معادله زیر برای آن پیشنهاد شده است:

$$N = (c_1 \phi + c_2) d_p + (c_3 \phi + c_4) \quad (5)$$

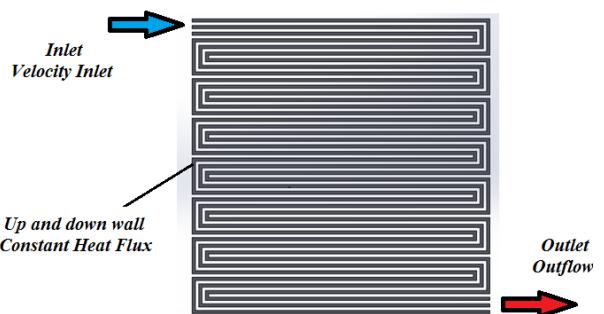
مقادیر زیر با برازش منحنی های تجربی استخراج شده است:

$$c_2 = -2.771e^{-6}, c_1 = -1.133e^{-6} \quad (6)$$

$$c_4 = -3.93e^{-7} \text{ و } c_3 = -9.0e^{-8}$$

۳- هندسه مسئله

هندسه مسئله در شکل ۱ نشان داده شده است. رژیم جریان سیال درهم بوده و از مدل تکفارز برای مدل کردن جریان استفاده شده است. دیوارهای تحت شرایط شار ثابت می باشند. گستره عدد رینولدز، براساس قطر هیدرولیکی کانال، بین ۲۰۰۰ تا ۱۰۰۰۰ می باشد. همچنین خواص نانو سیال به کار رفته از جمله ضریب انتقال حرارت هدایتی، ویسکوزیته و عدد پرانتل به صورت تابعی از دما درنظر گرفته شده اند.



شکل (۱): هندسه مسئله.

۴- تعیین خواص نانو سیال

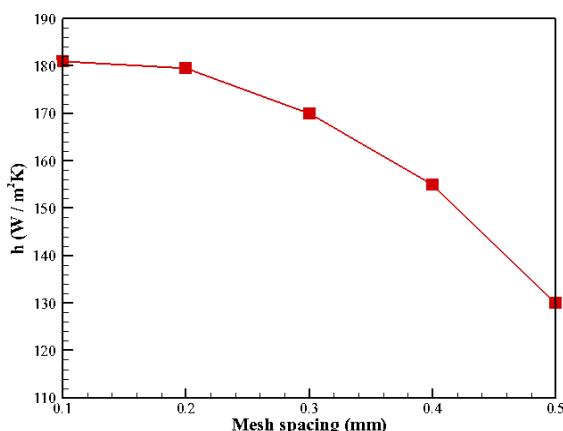
یکی از زمینه های مرتبط با نانو سیال که محققان زیادی را به سمت خود جلب کرده است، تعیین خواص تغییریافته سیال در اثر حضور نانوذرات است [۱۸]. در جدول ۲ خواص برخی سیال ها و نانوذرات آورده شده است. در این مقاله از نانوذره Al_2O_3 استفاده شده است. با توجه به تغییر غیرطبیعی خواص نانو سیال، به خصوص ضریب انتقال حرارت هدایتی و لزجت دینامیکی، تلاش های زیادی در جهت شناخت مکانیزم هایی که باعث این اختلاف ها می شوند و دست یابی به رابطه مناسب برای تعیین این خصوصیات صورت گرفته است.

جدول (۲): خصوصیات سیال پایه و نانوذره.

خاصیت	فاز مایع (آب)	فاز مایع (اتیلن گلیکول)	فاز جامد (Al_2O_3)
$C_p (\text{J/kgK})$	۴۱۷۹	۲۴۷۰	۷۶۵
$\rho (\text{kg/m}^3)$	۹۹۷/۱	۱۱۱۰	۳۹۷۰
$k (\text{W/mK})$.۱۶	.۰۲۵۸	.۳۶
$\beta \times 10^{-5} (1/\text{K})$	۲۱	.۰۶۳	-
$\mu \times 10^{-4} (\text{kg/ms})$.۸/۹	.۰۱۵۵	-

۶- حل مستقل از شبکه

برای این که نتایج حاصل از شبیه‌سازی به تعداد شبکه وابسته نباشد لازم است تا حل مستقل از شبکه انجام شود. در این تحقیق ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی در رینولذ ۱۰۰۰۰ با کسر حجمی نانوذره اکسید آلومینیم به اندازه ۱٪ برای حل مستقل از شبکه انتخاب گردید. نتایج نشان می‌دهد حداکثر فاصله ممکن بین مشاهدهای این که حل به شبکه وابسته نباشد 0.2 mm است. این امر در شکل ۳ نشان داده شده است.



شکل (۳): ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی در رینولذ ۱۰۰۰۰، کسر حجمی ۱٪، قطر نانوذره ۵۰ نانومتر.

۷- اعتبارسنجی

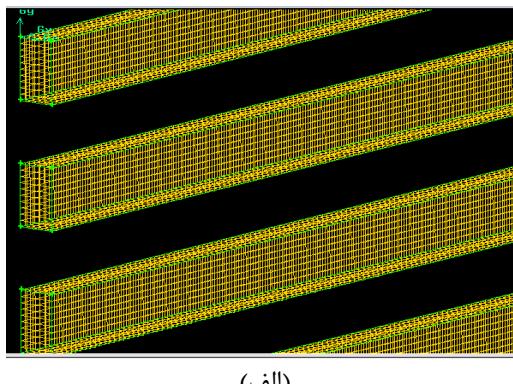
برای اطمینان از صحت نتایج، آن‌ها را با نتایج تجربی بایک و همکاران [۲۴] مقایسه کردیم. این مقایسه برای اختلاف فشار در میدان و اختلاف دما بیشینه در میدان انجام شد. در هر دو مورد سازگاری قابل قبول بین نتایج حاصل شد. نتایج مقایسه در جداول ۳ و ۴ و همچنین شکل ۴ نشان داده شده است.

جدول (۳): مقایسه افت فشار و درصد خطأ کار حاضر و مقاله بایک و همکاران [۲۴].

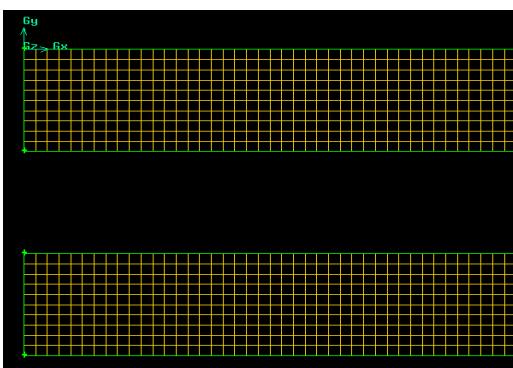
$Q(\text{m}^3/\text{s}) \times 10^6$	$\Delta P(\text{kPa})$ Present work	$\Delta P(\text{kPa})$ Baek et al.[۲۴]	Error (%)
۲	۱۲/۵	۱۲/۱	۴/۵۸
۴	۳۹/۹	۳۲/۵	۴/۹۲
۶	۵۵/۲	۵۸	۴/۸۲۷

۵- شبکه‌بندی مساله

لازمه حل عددی تقسیم کردن ناحیه حل به حجم کنترل‌های بسیار کوچک است، که می‌توان خصوصیات سیال را در آن‌ها ثابت فرض کرد. این شبکه می‌تواند دارای ساختار منظم (شبکه‌های با سازمان که در آن هر نقطه از فضای فیزیکی حل با چهار نقطه مشابه دارای مرز مشترک است) و یا ساختار تصادفی (شبکه‌های بی سازمان) باشد. در این مقاله از شبکه با سازمان استفاده شده است. شبکه‌های منظم یا با سازمان شامل مجموعه‌ای از خطوط شبکه هستند که دارای این خصوصیت هستند که هر سلول با سلول‌های مجاور خود دارای یک تقاطع می‌باشند. این ویژگی باعث می‌شود که خطوط شبکه بتوانند به طور متوالی شماره‌گذاری شوند و در نتیجه مکان هر نقطه از شبکه یا حجم کنترل در هندسه مساله با مجموعه‌ای از این شماره‌ها مشخص گردد. شبکه‌بندی مورد استفاده داری ساختار ۶ وجهی مکعبی شکل برای پایداری حل می‌باشد. در شکل ۲ شبکه‌بندی مورد استفاده در این مقاله نشان داده شده است.



(الف)



الکتریسیته یا گرما تبدیل می شود که مطابق با رابطه زیر نشان داده می شود [۲۵]:

$$\frac{I}{2F} H_{HHV} = Q_{gen} + IV_{cell} \quad (7)$$

لذا گرما تولیدی برابر خواهد بود با:

$$Q_{gen} = (1.482 - V_{cell})I \quad (8)$$

در معادله (۸)، فرض شده است که تمام آب تولیدی به صورت مایع در دمای 25°C پیل سوختی را ترک می کند. اگر تمام آب تولیدی پیل سوختی را به صورت بخار ترک کند، آنگاه نرخ حرارت تولیدی در یک پیل سوختی مطابق با رابطه زیر محاسبه می شود:

$$Q = P \times ((1.25/V) - 1) \quad (9)$$

که در آن، P توان تولیدی بر حسب وات و V ولتاژ پیل بر حسب ولت است. ضریب $1/25$ مربوط به حداکثر ولتاژ مدار باز تئوری در یک پیل سوختی است.

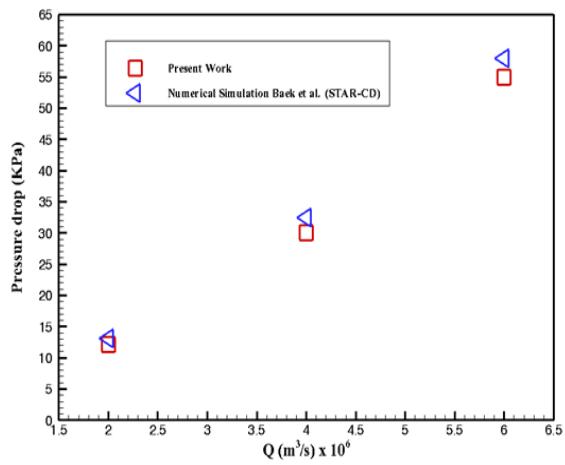
برای یک میدان با مساحت سطح 324 cm^2 و با ولتاژ 7V و چگالی جریان تقریبی 1400 mA/cm^2 ، توان تولیدی پیل سوختی $W = 325$ خواهد شد. برای نسبت عرض ریب به عرض کانال برابر مساحت سطح انتقال دهنده حرارت و مساحت سطحی که جریان در آن برقرار است برابر می باشد. از طرفی انتقال حرارت از هر دو سمت صفحه انجام می شود و لذا میزان حرارت برای اعمال در شرایط مرزی دیوارهای بالا و پایین برابر $W/m^2 = 100$ خواهد بود. اگر میزان مجاز اختلاف دما بین ورودی و خروجی میدان خنک کاری 5°C باشد، میزان دبی مورد نیاز سیال پایه محاسبه خواهد شد. از رابطه زیر برای محاسبه دبی مورد نیاز استفاده می شود:

با توجه به ظرفیت گرمایی ویژه آب که 4182 J/kgK می باشد و اختلاف دما 5°C ، دبی مورد نیاز محاسبه می شود.

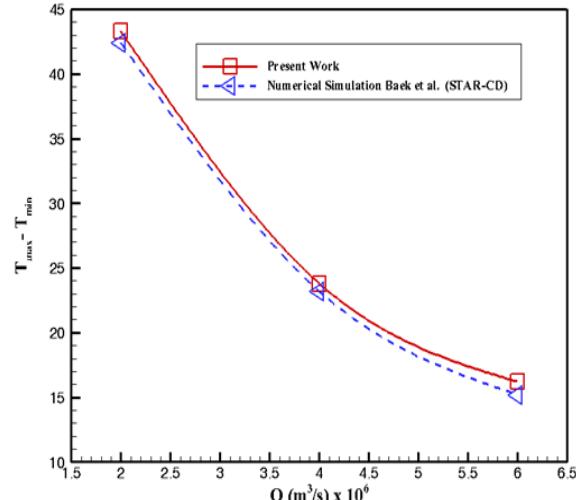
در شکل ۵ ضریب انتقال حرارت جابه جایی برای کسر حجمی های مختلف به تصویر کشیده شده است. با توجه به شکل واضح است که با افزایش کسر حجمی ضریب انتقال حرارت جابه جایی افزایش می یابد. همان طور که می دانیم ضریب انتقال حرارت جابه جایی به گرادیان دما، ضریب هدایت گرمایی

جدول (۴): مقایسه اختلاف دما و درصد خطای کار حاضر و مقاله بایک و همکاران [۲۴]

$Q(\text{m}^3/\text{s}) \times 10^6$	$\Delta T(\text{K})$ Present work	$\Delta T(\text{K})$ Baek et al. [۲۴]	Error (%)
۲	۴۳/۳	۴۲/۴	۲/۱۲۳
۴	۲۳/۸	۲۳/۲	۲/۵۸۶
۶	۱۵/۹	۱۵/۲	۴/۶۰۵



(الف)



(ب)

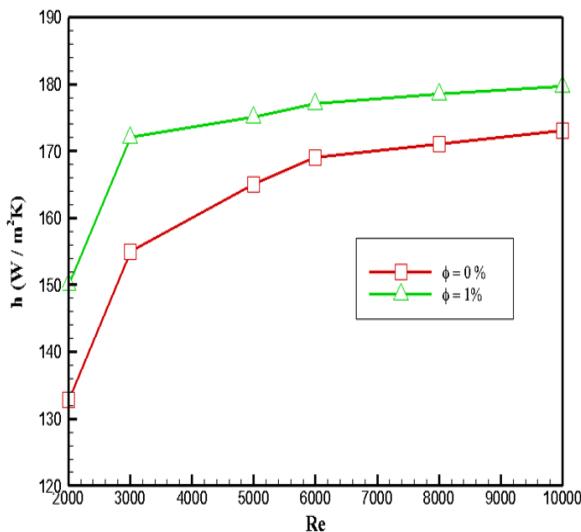
شکل (۴): (الف) مقایسه افت فشار

ب) مقایسه اختلاف دما بیشینه

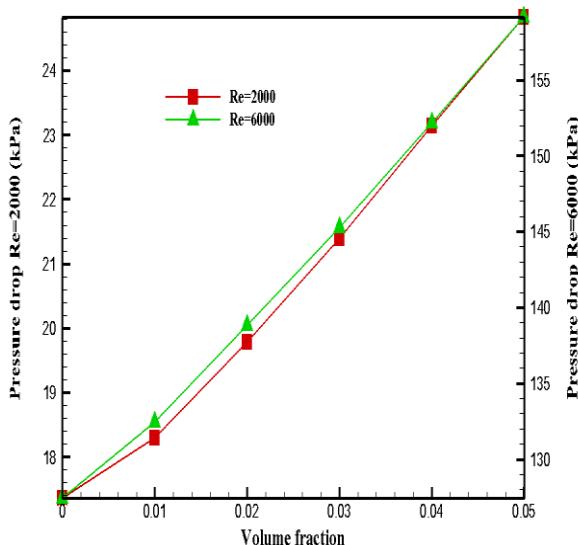
۸- نتایج و بحث

روش های متفاوتی برای موازنی انرژی در یک پیل سوختی جو دارد. کل، انرژی سوخت (ارزش حرارتی بالا) به

می‌باید. با افزایش کسر حجمی از 0% به 5% در رینولدز 2000 ، 47% افزایش افت فشار و در رینولدز 6000 ، 23% افزایش افت فشار مشاهده شده است.



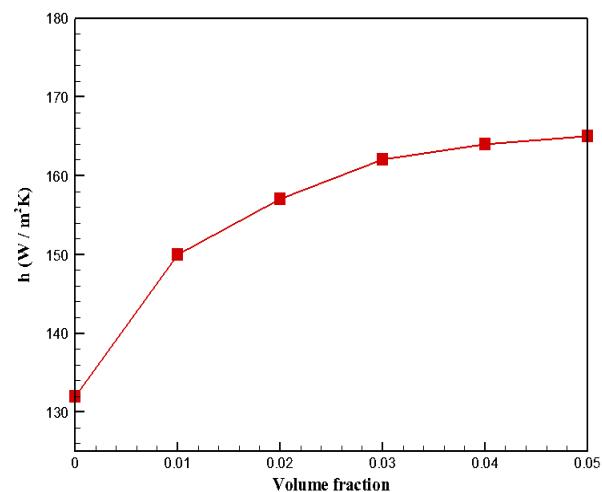
شکل (۶): تاثیر همزمان کسر حجمی و عدد رینولدز در افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی در قطر نانوذره 50 نانومتر.



شکل (۷): افت فشار در رینولدز مختلف و کسر حجمی‌های متفاوت و قطر نانوذره 50 نانومتر.

در شکل ۸ تاثیر قطر نانوذرات بر میزان انتقال حرارت نشان داده شده است. با افزایش قطر نانوذرات ضریب انتقال حرارت هدایتی کاهش یافته و به تبع آن ضریب انتقال حرارت نانوسیال نیز کاهش خواهد یافت. البته افزایش قطر احتمال

و مقدار دما توده‌ای سیال وابسته است. تاثیر کسر حجمی روی مقدار دما ناچیز است اما از تاثیر مستقیم آن روی افزایش گردایان دما و ضریب هدایت گرمایی نمی‌توان صرف نظر کرد. افزایش کسر حجمی موجب افزایش چگالی سیال و به تبع آن افزایش نیرو اینرسی و گردایان دما می‌شود. از طرفی با افزایش کسر حجمی ضریب هدایت گرمایی نانوسیال افزایش می‌باید. در شکل ۵ افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی با کسر حجمی نشان داده شده است.



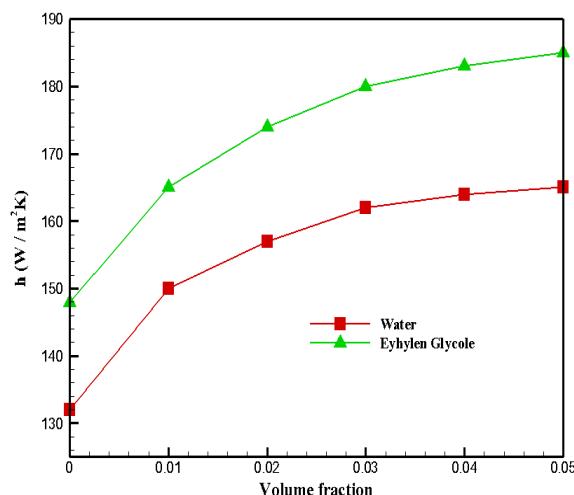
شکل (۵): مقدار ضریب انتقال حرارت جابجایی برای نانوسیال آب روی دیواره بالا برای کسر حجمی‌های مختلف در رینولدز 2000 و قطر نانوذره 50 نانومتر.

در شکل ۶ ضریب انتقال حرارت جابجایی متوسط برای اعداد رینولدز مختلف در دو حالت سیال پایه و مخلوط سیال پایه به همراه 1% کسر حجمی اکسیدآلومینیم نشان داده شده است. دو نکته از این شکل قابل استنباط است. اول این‌که با افزایش عدد رینولدز نرخ افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی کاهش می‌باید و دوم این‌که در رینولدزهای بالا اثر افزایش ناشی از نانوذرات کاهش می‌باید. به عبارتی دیگر اگر افت فشار را هم در نظر بگیریم به صرفه نیست که در رینولدزهای بالای 8000 از نانوذره استفاده کنیم.

در شکل ۷ اختلاف فشار در رینولدزها و کسر حجمی‌های مختلف رسم شده است. این اختلاف فشار برابر میانگین فشار خروجی منهای فشار ورودی است. همان‌طور که انتظار می‌رود با افزایش کسر حجمی و عدد رینولدز افت فشار افزایش

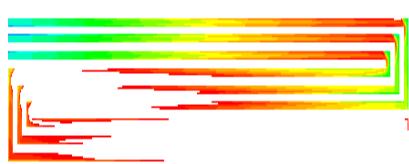
سرعت بیشتر برای یک دبی جرمی مشخص، ضریب انتقال حرارت جابجایی را افزایش خواهد داد.

شکل توزیع دما در رینولدزهای مختلف برای سیال پایه در شکل ۱۰ نشان داده شده است. برای هر میدان دو شکل نشان داده شده است. در شکل اول نقاطی از میدان که اختلاف دما آن با ورودی بیشتر از ۵ درجه شده است حذف گردیده و در مورد دوم نقاطی که اختلاف دما آن با ورودی بیشتر از ۱۰ درجه شده است حذف گردیده است.



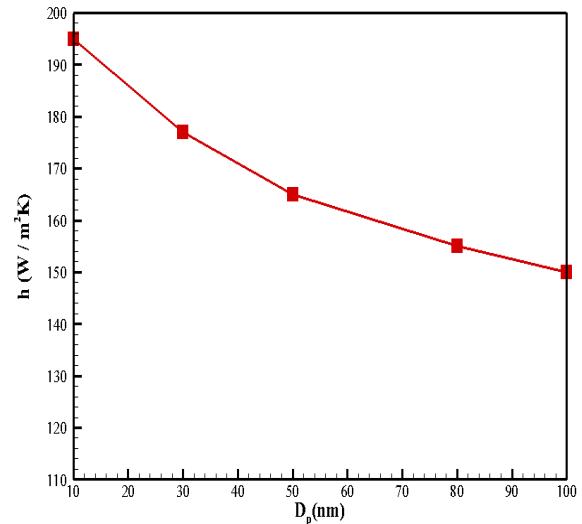
شکل (۹): ضریب انتقال حرارت جابجایی در دو نانوسیال مختلف و رینولدز ۲۰۰۰.

شکل توزیع دما در کسر حجمی‌های مختلف برای سیال پایه آب در شکل ۱۱ نشان داده شده است. برای هر میدان دو شکل نشان داده شده است. در شکل اول نقاطی از میدان که اختلاف دما آن با ورودی بیشتر از ۵ درجه شده است حذف گردیده و در مورد دوم نقاطی که اختلاف دما آن با ورودی بیشتر از ۱۰ درجه شده است حذف گردیده است.



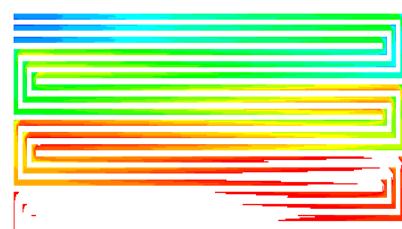
ب) رینولدز ۲۰۰۰، ۵ درجه بیشتر از ورودی

تهنیشنی را نیز افزایش می‌دهد. مطابق با نتایج به دست آمده افزایش قطر نانوذرات از ۱۰ به ۱۰۰ نانومتر ۲۱٪ ضریب انتقال حرارت جابجایی را کاهش می‌دهد.

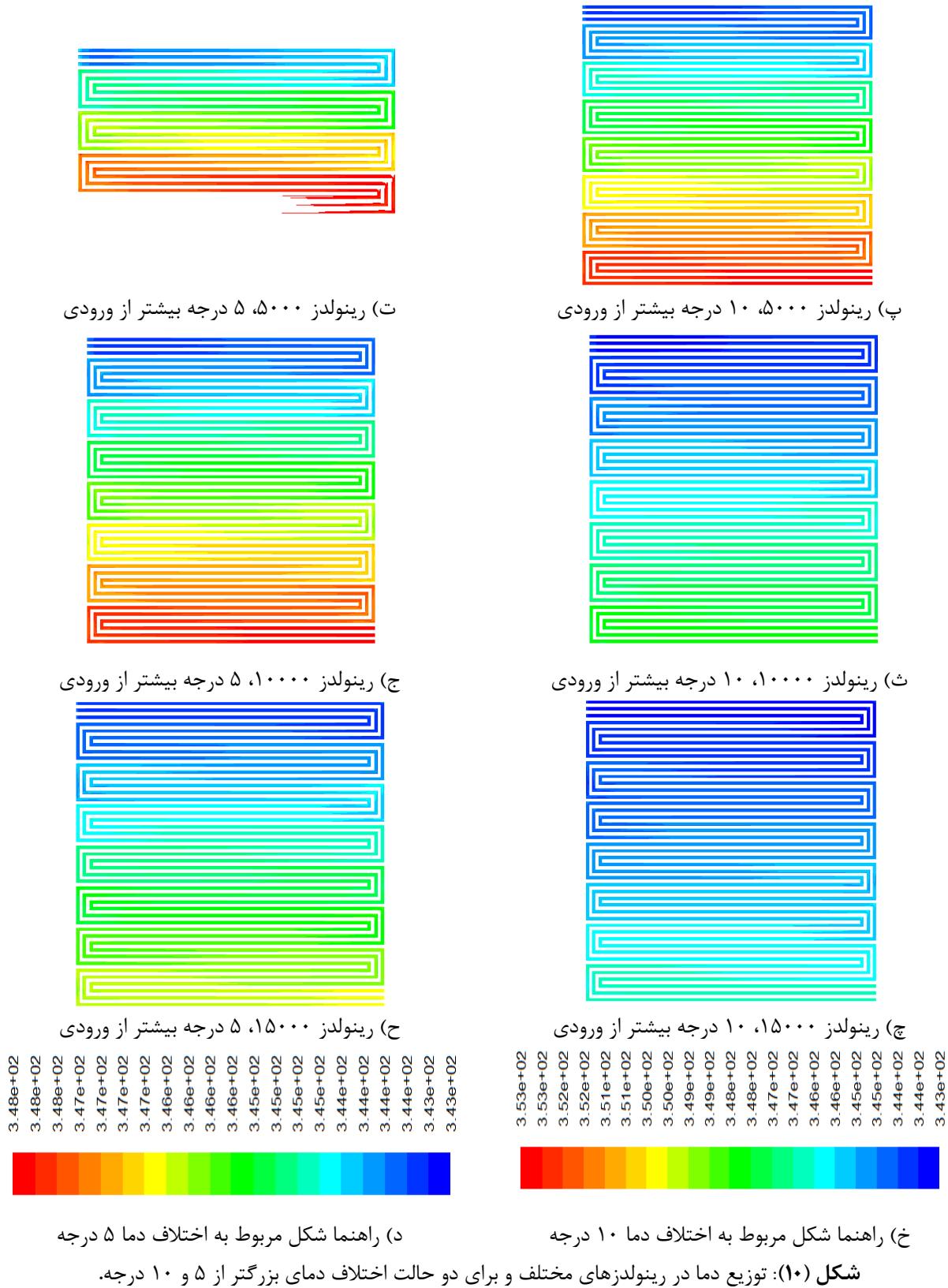


شکل (۸): ضریب انتقال حرارت جابجایی در قطر نانوذرات مختلف و رینولدز ۲۰۰۰ و کسر حجمی ۵٪.

همچنین در این مقاله اثر نوع سیال پایه بر میزان انتقال حرارت بررسی شده است. در شکل ۹ ضریب انتقال حرارت جابجایی در رینولدز ۲۰۰۰ و در کسر حجمی‌های مختلف برای دو سیال پایه آب و اتیلن گلیکول نشان داده شده است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود ضریب انتقال حرارت جابجایی در نانوسیال اتیلن گلیکول بیشتر از نانوسیال آب می‌باشد. به عنوان نمونه در کسر حجمی ۳٪ میزان انتقال حرارت جابجایی در نانوسیال اتیلن گلیکول ۱۱٪ بیشتر است. با توجه به این که وسکوزیتی دینامیکی آب تقریباً ۴ برابر اتیلن گلیکول است، افت فشار ایجاد شده در حالتی که از اتیلن گلیکول استفاده می‌شود بسیار کمتر است و با ایجاد

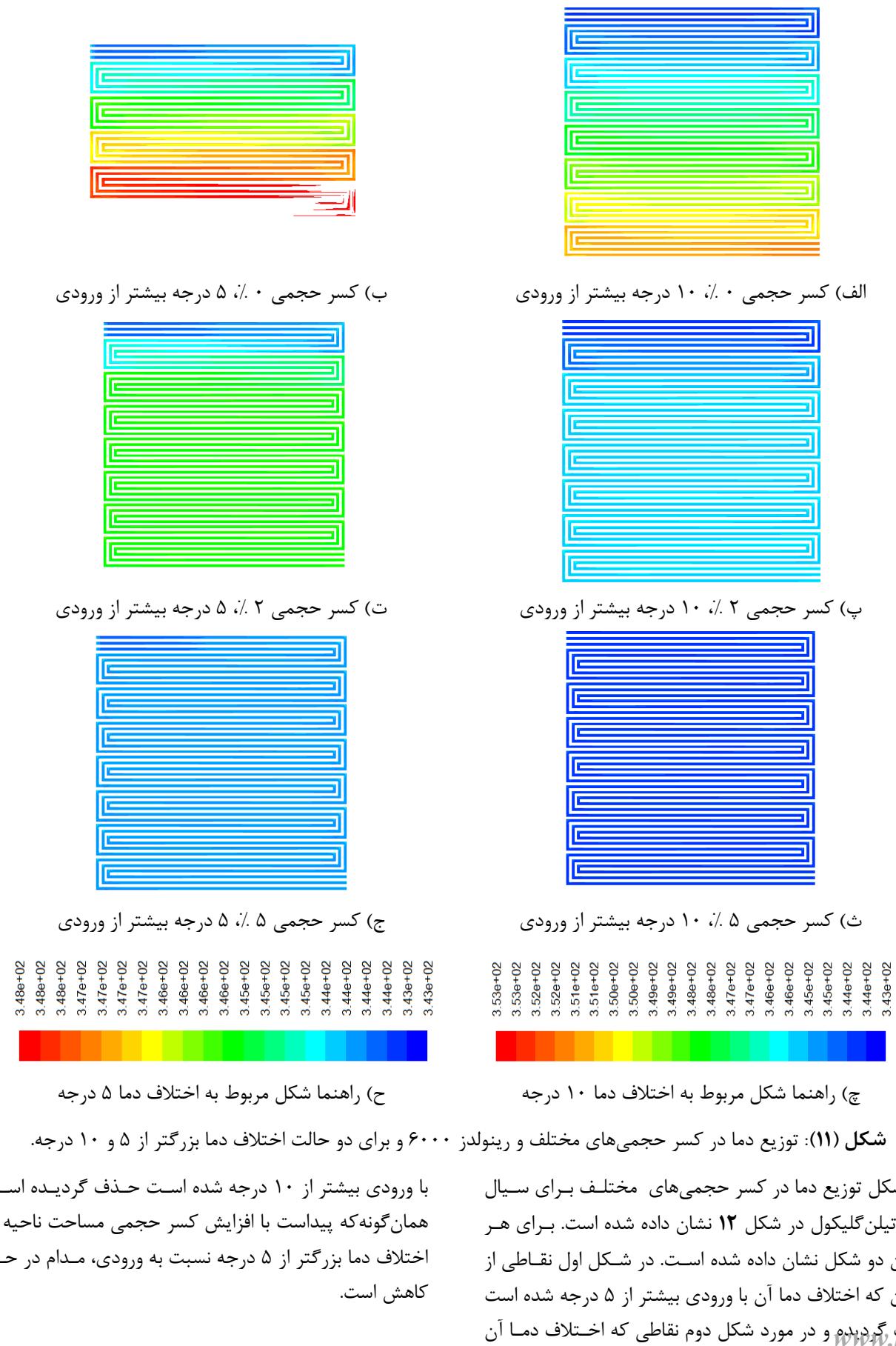


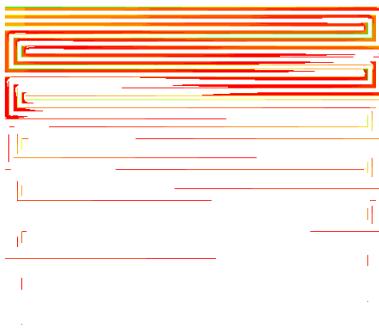
الف) رینولدز ۲۰۰۰، ۱۰ درجه بیشتر از ورودی



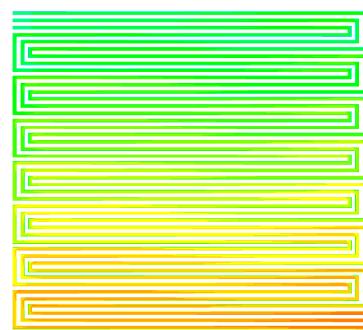
نگه داریم. این در حالی است که برای سیال پایه حداقل باید رینولدز جریان به ۹۰۰۰ برسد. به عبارتی ۳۳٪ از دبی جرمی ورودی کاسته شده است.

نتایج نشان داده است که با استفاده از مخلوط آب و ۲٪ نانوذره اکسیدآلومینیم در رینولدز ۶۰۰۰ خواهیم توانست اختلاف دما تمامی نقاط را نسبت به ورودی کمتر از ۵ درجه

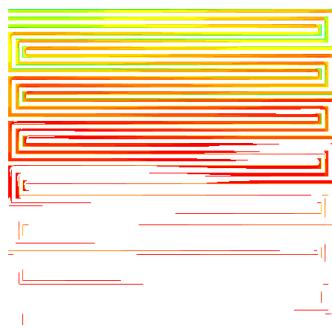




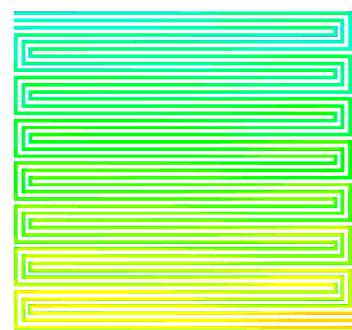
ب) کسر حجمی ۰٪، ۵ درجه بیشتر از ورودی



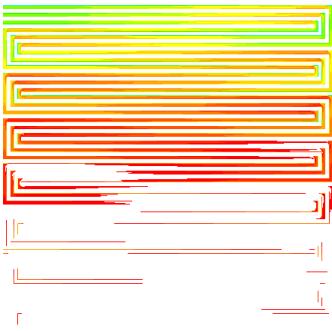
الف) کسر حجمی ۰٪، ۱۰ درجه بیشتر از ورودی



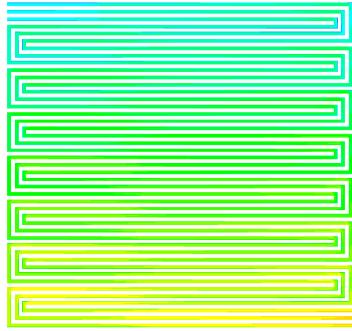
ت) کسر حجمی ۲٪، ۵ درجه بیشتر از ورودی



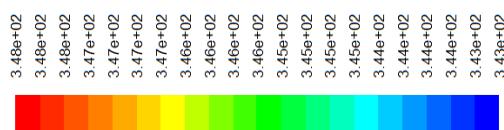
پ) کسر حجمی ۲٪، ۱۰ درجه بیشتر از ورودی



ج) کسر حجمی ۵٪، ۵ درجه بیشتر از ورودی



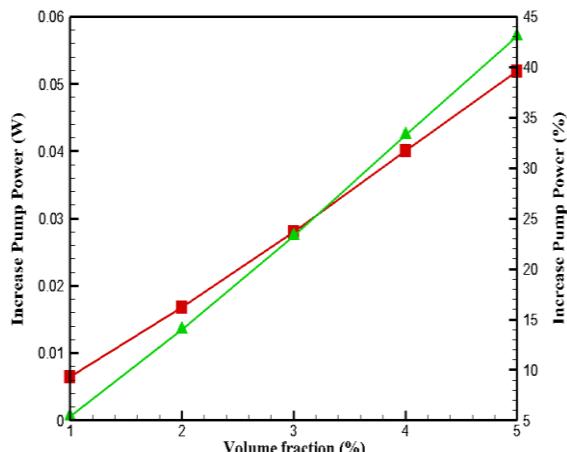
ث) کسر حجمی ۵٪، ۱۰ درجه بیشتر از ورودی

ح) راهنمای شکل مربوط به اختلاف دما ۵ درجه
و برای دو حالت اختلاف دما بزرگتر از ۵ و ۱۰ درجه.ج) راهنمای شکل مربوط به اختلاف دما ۱۰ درجه
شکل (۱۲): توزیع دما در کسر حجمی‌های مختلف و رینولدز

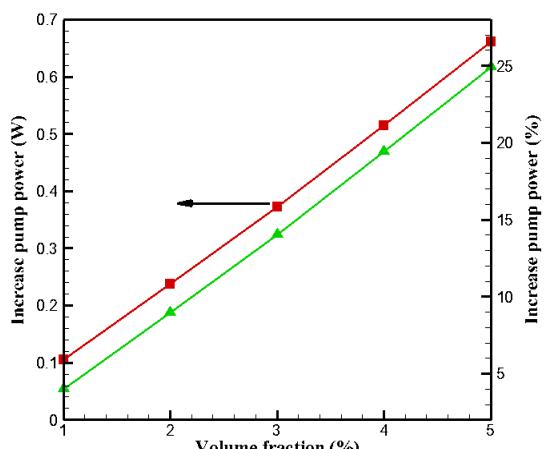
(Factor Advantage) تعریف کردیم. این ضریب نسبت درصد افزایش انتقال حرارت به درصد افزایش افت فشار را نشان می‌دهد. در صورتی که این نسبت بزرگتر از ۱ باشد

۹- نقش نانوسیال در پیکره‌بندی میدان شارش
برای این که نقش کلی و موثر نانوسیال را در کسر حجمی‌های مختلف بدانیم، ضریبی به نام ضریب فایده

نانوسیال با درصد حجمی ۵٪ استفاده می شود را حساب کنیم، عددی معادل با ۴۰ وات به دست خواهد آمد که در مقابل کاهش چشمگیر حجم و اندازه سامانه خنک کاری بسیار ناچیز است.



شکل (۱۴): افت فشار و درصد افزایش آن در کسر حجمی های مختلف در رینولدر ۲۰۰۰، (سیمبول ■ درصد افزایش افت فشار، و سیمبول ▲ درصد افزایش توان پمپ را نشان می دهد).

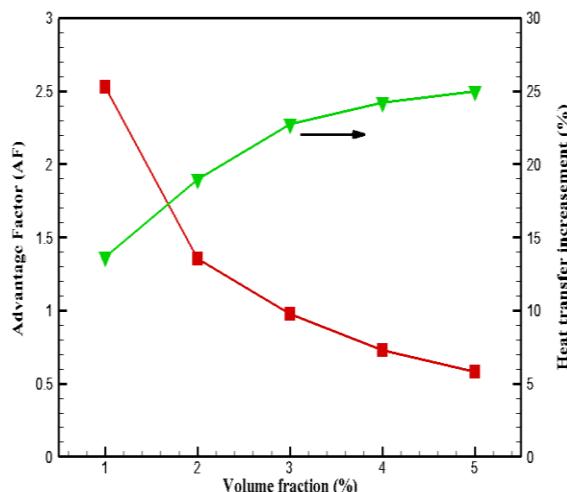


شکل (۱۵): افت فشار و درصد افزایش آن در کسر حجمی های مختلف در رینولدر ۶۰۰۰

۱۰- نتیجه گیری

همیشه خنک کاری پیل سوختی به عنوان چالشی برای خودرو سازانی که از تکنولوژی پیل سوختی استفاده می کنند بر جسته و مطرح بوده است. با وجود این که پیل های سوختی بازده بالایی را در تبدیل انرژی دارند، میزان قابل توجهی گرمای تولید می کنند. در مقایسه با موتورهای احتراق داخلی، اختلاف

استفاده از نانو سیال توجیه منطقی خواهد داشت. همان طور که از شکل ۱۳ پیداست تا کسر حجمی ۳٪ این ضریب بزرگتر از ۱ است و بعد از آن روند نزولی پیدا می کند.



شکل (۱۳): ضریب فایده و درصد افزایش انتقال حرارت در کسر حجمی های مختلف.

افزایش انتقال حرارت در دو پارامتر تاثیرگذار می باشد ۱- سطح انتقال حرارت -۲- دبی جرمی ورودی مورد نیاز. در مورد گزینه کاهش سطح انتقال حرارت با توجه به این که میدان خنک کاری در یک استک^۱ با بقیه اجزاء سری و یکپارچه می باشد نمی توان مساحت انتقال حرارت را کاهش داد و تنها می توان با افزایش نسبت عرض ریب^۲ به عرض کanal در میدان، شارش مقاومت تماسی را کاهش داد. اما می توان حجم سامانه های خنک کاری مورد نیاز برای خنک کردن آب خروجی از استک که شامل مبدل های حرارتی، رادیاتورها و دیونایزرهای می باشد را تا حدود زیادی کاهش داد. در مورد گزینه کاهش دبی جرمی ورودی نیز می توان با کوچک کردن پمپ مورد نیاز برای سامانه خنک کاری توان پارازیتی را کاهش داد و از طرفی با کم کردن سرعت سیال آثار ناشی از جت شدن جریان و بد توزیعی ناشی از آن را به شدت کاهش داد. در شکل های ۱۴ و ۱۵ میزان افزایش قدرت پمپ و درصد افزایش آن در رینولدر های ۲۰۰۰ و ۶۰۰۰ نشان داده شده است. مشاهده می شود، میزان افزایش لازم برای پمپاژ در برابر توان تولیدی پیل سوختی ناچیز است. به عنوان نمونه اگر بخواهیم افزایش توان مورد نیاز در یک استک ۱۶ کیلووات را برای زمانی که از

رینولذز جریان به ۹۰۰۰ برسد. به عبارتی ۳۳٪ از دبی جرمی ورودی کاسته شده است.

❖ افزایش انتقال حرارت در دو پارامتر تاثیرگذار می‌باشد ۱- سطح انتقال حرارت -۲- دبی جرمی ورودی مورد نیاز در مورد گزینه کاهش سطح انتقال حرارت با توجه به این که میدان خنک‌کاری در یک استک با بقیه اجزاء سری و یک‌پارچه می‌باشد، نمی‌توان مساحت انتقال حرارت را کاهش داد و تنها می‌توان با افزایش نسبت عرض ریب به عرض کانال در میدان شارش مقاومت تماسی را کاهش داد. اما می‌توان حجم سامانه‌های خنک‌کاری مورد نیاز برای خنک‌کردن آب خروجی از استک، که شامل مبدل‌های حرارتی، رادیاتورها و دیونایزرهای می‌باشد را تا حدود زیادی کاهش داد. در مورد گزینه کاهش دبی جرمی ورودی نیز می‌توان با کوچک‌کردن پمپ مورد نیاز برای سامانه خنک‌کاری توان پارازیتی را کاهش داد و از طرفی با کم‌کردن سرعت سیال آثار ناشی از جت شدن جریان و بدتووزیعی ناشی از آن را بهشت کاهش داد.

❖ میزان افزایش لازم برای پمپاژ در برابر توان تولیدی پیل سوختی ناچیز است. به عنوان نمونه اگر بخواهیم افزایش توان مورد نیاز در یک استک ۱۶ کیلووات را برای زمانی که از نانوسیال با درصد حجمی ۵٪ استفاده می‌شود را حساب کنیم، عددی معادل با ۴۰ وات به دست می‌آید که در مقابل کاهش چشم‌گیر حجم و اندازه سامانه خنک‌کاری بسیار ناچیز است.

۱۱- مراجع

- Islam, M. R., Shabani, B., and Rosengarten, G. "Nanofluids to improve the performance of PEM fuel cell cooling systems: A theoretical approach", APPL. ENRG, Vol. 178, pp. 660-671, 2016.
- Maxwell, J. C. "Treatise on Electricity and Magnetism", 2th edition Clarendon Press, Oxford, UK, 1881.
- Choi, S. U. S., Siginer, D. A., and Wang, H. P. "Enhancing Thermal Conductivity of Fluids with Nanoparticles, Developments and Applications of Non-Newtonian Flows", The American Society of Mechanical Engineers, New York, FED-Vol. 231 / MD-Vol.66, pp. 99-105, 1995.
- Kebblinski, P.P., Choi, S.U.S. and Eastman, J. A. "Mechanisms of heat flow in suspensions of nano-sized particles (nanofluids)", INT. J. HEAT. MASS. TRAN, Vol. 45, pp.855-863, 2002.

دما کارکرد پیل سوختی (۸۰-۶۰ درجه سانتی‌گراد) و محیط اطراف (۲۰-۳۰ درجه سانتی‌گراد) نسبتاً کوچک می‌باشد. این اختلاف دما در اقلیم‌های گرم مانند صحراءها که دما به ۵۰ درجه و بیشتر می‌رسد، کمتر می‌باشد. این اختلاف دمای بسیار کم موجب می‌شود تا طراحی سبک و کوچک سامانه خنک‌کننده که بتواند کارایی‌های مورد نیاز را نیز داشته باشد بسیار چالش برانگیز باشد. تا الان ثابت شده است که نانوسیال‌ها برای خنک‌کاری و کارایی گرمایی بسیار مناسب‌تر از سیال‌های قدیمی مرسوم که برای انتقال حرارت استفاده می‌شند عمل می‌کنند. با توجه به بالاتر بودن بازده نانوسیال‌ها، برای دفع مقدار حرارت یکسان، میزان سیال کمتری مورد نیاز است که در نتیجه امکان استفاده از مبدل‌های حرارتی کوچکتر و جاگیری بهتر این مبدل‌ها در اتمبیل‌ها را برای ما ممکن می‌سازد.

نتایج و دستاوردهای حاصل از این بررسی شامل موارد زیر است:

❖ ضریب انتقال حرارت جابجایی در نانوسیال اتیلن‌گلیکول بیشتر از نانوسیال آب می‌باشد. به عنوان نمونه در کسر حجمی ۳٪، میزان انتقال حرارت جابجایی در نانوسیال اتیلن-گلیکول ۱۱٪ بیشتر است.

❖ با افزایش کسر حجمی و عدد رینولذز افت فشار افزایش می‌یابد. با افزایش کسر حجمی از ۰ به ۵٪ در رینولذز ۲۰۰۰، ۴٪ افزایش افت فشار و در رینولذز ۶۰۰۰، ۲۳٪ افزایش افت فشار مشاهده شده است.

❖ با افزایش عدد رینولذز نرخ افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی کاهش می‌یابد و در رینولذزهای بالا اثر افزایش ناشی از نانوذرات کاهش می‌یابد.

❖ با افزایش قطر نانوذرات ضریب انتقال حرارت هدایتی کاهش یافته و به تبع آن ضریب انتقال حرارتی نانوسیال نیز کاهش یافته است. البته افزایش قطر، احتمال تنهشینی را نیز افزایش می‌دهد. مطابق با نتایج به دست آمده افزایش قطر نانوذرات از ۱۰ به ۱۰۰ نانومتر، ۲۱٪ ضریب انتقال حرارت جابجایی را کاهش می‌دهد.

❖ نتایج نشان داده است که با استفاده از مخلوط آب و ۲٪ نانوذره اکسید آلومینیم در رینولذز ۶۰۰۰، خواهیم توانست اختلاف دما تمامی نقاط را نسبت به ورودی کمتر از ۵ درجه نگه داریم. این درحالی است که برای سیال پایه حداقل باید

16. Zakaria, I., Mohamed, W.A.N.W., Bin Mamat, A.M.I., Saidur, W.H., Rizalman, M., Tali, S.F.A. "Experimental Investigation of Al₂O₃ - Water Ethylene Glycol Mixture Nanofluid Thermal Behaviour in a Single Cooling Plate for PEM Fuel Cell Application", ENRGY. PROCED, Vol. 79, pp. 252 – 258, 2015.
17. Zakaria, I., Azmi, W.H., Mamat, A.M.I., Rizalman M., Saidur, R., Abu Talib, S.F., Mohamed, W.A.N.W. "Thermal analysis of Al₂O₃ewater ethylene glycol mixture nanofluid for single PEM fuel cell cooling plate: An experimental study", INT. J. HYDROGEN. ENRG, Vol. 41, No. 9, pp. 5096– 5112, 2016.
18. M. Hemmat Esfe and S. Saedodin, S.S Mir-Talebi, Influence of Variable Properties Nanofluid on Combined Convection Heat Transfer in a Two Sided Lid-Driven Enclosure with Sinusoidal Temperature Profile, Aerospace Mechanical Journal, Vol. 10, No.2, pp. 51-63, 2012 (In Persian).
19. Pak, B. C., and Cho,Y. I. "Hydrodynamic and heat transfer study of dispersed fluids with submicron metallic oxide particles", EXP. HEAT. TRANSFER, Vol. 11, pp.151–170, 1998.
20. Chon, C. H., and Kihm, K. D. "Thermal Conductivity Enhancement of Nanofluids by Brownian Motion", J. HEAT. TRANSF, Vol. 127, No.8, pp. 810, 2005.
21. Mintsa, H. A., Roy, G., Nguyen, C. T., and Doucet, D. "New Temperature Dependent Thermal Conductivity Data for Water-Based Nanofluids", INT. J. THERM. SCI, Vol. 48, No. 2, pp. 363-371, 2009.
22. A. Shateri and M.M. Zarei Kurdshouli, V. Zarei, Calculation of the Viscosity of Nanofluid Water SPC Model in Molecular Dynamics, Aerospace Mechanical Journal, Vol. 6, No.1, pp. 67-78, 2017 (In Persian).
23. Masoumi, N., Sohrabi, N., and Behzadmehr, A. "A new model for calculating the effective viscosity of nanofluids", J. PHYS. D. APPL. PHYS, Vol. 42, pp. 055-501, 2009.
24. Baek, S.M., Yu, S.H., Nam, J.H., Kim, C. "A numerical study on uniform cooling of large-scale PEMFCs with different coolant flow field designs", APPL. THERM. ENG, Vol. 31, pp.1427-1434, 2011.
25. Frano Barbir, "PEM Fuel Cells: Theory and Practice", 2nd Edition, 2012.
5. Wang, X., Xu, X. and Choi, S. U. S. "Thermal conductivity of nanoparticle-fluid mixture", J. THERMOPHYS. HEAT. TR, Vol. 13, pp. 474–480, 1999.
6. Xuan, Y., and Li, Q. "Heat transfer enhancement of nanofluids", INT. J. HEAT. MASS. TRAN, Vol. 21, pp.58–64, 2000.
7. Duangthongsuk, W., and Wongwise, S. "Comparison of the effects of measured and computed thermophysical properties of nanofluids on heat transfer performance", EXP. THERM. FLUID. SCI, Vol. 34, pp. 616–624, 2010.
8. Lee, S. Choi, S. U .S., Li, S. and Eastman, J. "Measuring thermal conductivity of fluids containing oxide nanoparticles", ASME, pp. 280– 289,1999.
9. Xie, H., Wang, J., Xi, T., Liu, Y., Ai, F., and Wu, Q. "Thermal conductivity enhancement of suspensions containingnanosized alumina particles". J. APPL. PHYS, pp. 4568–4572, 2002.
10. Das, S.K. Putra, N. Thiesen, P. and W.Roetzel, "Temperature dependence of thermal conductivity enhancement fornanofluids", ASME, pp. 567– 574,2003.
11. Wen, D., and Ding, Y. "Experimental investigation into convective heat transfer ofnanofluids at the entrance region under laminar flow conditions", INT. J. HEAT. MASS. TRAN, Vol. 47, pp. 5181– 5188,2004.
12. Heris, S. Z., Etemad, S. G., and Esfahany, M. N. "Experimental investigation of oxide nanofluids laminar flow convective heat transfer", INT. COMMUN. HEAT. MASS, Vol. 33, pp. 529–535, 2006.
13. Roy, G. C., Nguyen, T., and Lajoie, P. R. "Numerical investigation of laminar flow and heat transfer in a radialflow cooling system with the use of nanofluids", SUPERLATTICE. MICROST, Vol.35, pp. 497–511, 2004.
14. Xuan, Y., and Li, Q. "Heat Transfer Enhancement of Nanofluids", INT. J. HEAT. FLUID. FL, Vol. 21, pp. 58-64, 2000.
15. Zakaria, I., Mohamed, W.A.N.W., Bin Mamat, A.M.I., Azmi, W.H., Mamat, R., Sainan, K.I., Ismail, H. "Thermal Analysis of Heat Transfer Enhancement for Low Concentration of Al₂O₃ Water - Ethylene Glycol Mixture Nanofluid in a Single PEMFC Cooling Plate", ENRGY. PROCED, Vol. 79, pp. 259 – 264, 2015.

