

# طراحی و بهره‌برداری بهینه از سیستم ذخیره سیکلی توده‌ای

لیلا استاد رحیمی<sup>۱</sup> عبدالله اردشیر<sup>۲</sup> عباس افشار<sup>۳</sup>

(دریافت ۸۵/۴/۱۰ پذیرش ۸۵/۹/۹)

## چکیده

بهره‌برداری تلفیقی از آبهای سطحی و زیرزمینی، رویکردی برتر در مدیریت منابع آب است. در مقایسه با ساخت سد، استفاده از آبهای زیرزمینی دارای مزایایی می‌باشد. معمولاً، هزینه کمتر، کاهش تبخیر و رسوب گذاری، کاهش مشکلات کیفی آب و کاهش مشکلات اجتماعی و فرهنگی برخی از این مزایا می‌باشند. به منظور کاهش مشکلات اساسی مخازن سطحی بزرگ، سیستم ذخیره سیکلی به عنوان یک انتخاب می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد. سیستم ذخیره سیکلی، سیستمی ترکیبی است، متشکل از دو زیر سیستم آب سطحی (شامل مخزن سطحی و رودخانه) و آب زیرزمینی (مخزن زیرزمینی یا آبخوان) که همراه با تغذیه مصنوعی قادر به تأمین نیاز منطقه با قابلیت اعتماد نسبتاً بالایی می‌باشد. به منظور بهینه‌سازی در این سیستم‌ها، روابط هیدرولیکی بین تمام اجزای سیستم باید در نظر گرفته شود که متأسفانه در بسیاری از مطالعات از آن صرف‌نظر می‌شود. در این تحقیق مدلی جهت طراحی و بهره‌برداری به همراه فرمان بهره‌برداری بهینه با رویکرد توده‌ای تهیه شده است. مدل بهینه‌سازی حاصل به شکل یک مدل غیرخطی است. به منظور ارزیابی مدل، نتایج حاصل از این مدل با نتایج حل مدل با رویکرد توزیعی مقایسه شده است و بدین ترتیب کارایی مدل‌های توده‌ای در حل مسائل سیستم‌های ذخیره سیکلی مورد بررسی قرار گرفته است.

**واژه‌های کلیدی:** سیستم ذخیره سیکلی، بهره‌برداری تلفیقی، آب زیرزمینی، آب سطحی، مدل توده‌ای.

## Optimum Design and Operation of Cyclic Storage Systems; Lumped Approach

Leila Ostadrahimi<sup>1</sup> Abdoloh Ardeshir<sup>2</sup> Abbas Afshar<sup>3</sup>

(Received July 1, 2006 Accepted Nov. 30, 2006)

### Abstract

Conjunctive use of surface and groundwater resources is a preferred approach in water resources management. Compared to dam construction, groundwater has certain advantages, among which are less costs, less sedimentation and evaporation, fewer water quality problems, and less social and cultural problems. To reduce the major problems associated with the development of large-scale surface impoundment systems, cyclic storage systems can be used as an alternative. A cyclic storage system (CYCS) is an integrated interactive system consisting of two subsystems of surface water storage (reservoir) and groundwater; this system together with artificial recharge is able to satisfy the predefined demands with rather high reliability. In order to optimize these systems, one must consider the hydraulic interactions between all the components, but unfortunately it has been neglected in many studies. In this article, a nonlinear optimization model for design and operation of cyclic storage systems has been developed using the lumped approach. In order to evaluate the model, its results have been compared with the results of a model in which distributed approach had been deployed, and so the efficiency of lumped models to solve the problems of cyclic storage systems has been investigated.

**Keywords:** Cyclic Storage Systems, Conjunctive Use, Groundwater, Surface Water, Lumped Model.

1-Grad. Student of Water Resources Management, Amirkabir University of Technology  
2-Assistant Professor, Department of Civil and Environmental Engineering, Amirkabir University of Technology  
3-Professor, Department of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology, a\_afshar@iust.ac.ir

۱- کارشناس ارشد مهندسی مدیریت منابع آب، دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
۲- استادیار دانشکده مهندسی عمران و محیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
۳- استاد دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران،  
a\_afshar@iust.ac.ir

سطحی و تغذیه مصنوعی، ارائه دادند که فاقد مؤلفه طراحی و تعیین ابعاد سیستم بود و بیشتر بر چگونگی بهره‌برداری تأکید داشت [۹]. در سال ۲۰۰۵، علیمحمدی یک مدل ذخیره سیکلی با رویکرد توده‌ای در زمینه طراحی و بهره‌برداری بهینه تلفیقی از سیستم آبهای سطحی و زیرزمینی ارائه کرد که مرجع اصلی تحقیقات ارائه شده در این مقاله می‌باشد [۱۰].

بهره‌برداری تلفیقی بسته به اجزای سیستم مورد بهره‌برداری می‌تواند به چند طریق صورت پذیرد. سیستمی که در این تحقیق از آن با عنوان "سیستم ذخیره سیکلی" یاد می‌شود، به صورت مجموعه بسته‌ای متشکل از رودخانه-آبخوان-سد و اجزای تغذیه مصنوعی با الگو و فرمان دراز مدت تعریف شده است. در یک سیستم ذخیره سیکلی بین تمام اجزای سیستم ارتباطی تنگاتنگ برقرار است. به بیان دیگر، علاوه بر اندرکنشی که بین رودخانه و مخزن آب زیر زمینی وجود دارد، از طریق اعمال فرمان بهره‌برداری اجزای مختلف سیستم به منظور تأمین نیاز با یکدیگر مرتبط می‌باشند. در این سیستم، رودخانه با آبخوان در تمام طول مسیر رودخانه دارای ارتباط هیدرولیکی کامل است. سیستم انتقال آب، جهت انتقال آب از مخزن سطحی به محل نیاز، از مخزن سطحی به آبخوان و بالعکس و از آبخوان به محل نیاز در نظر گرفته شده است. همچنین بخشی از آب رودخانه به محل نیاز و بخشی به آبخوان منحرف می‌شود. مطابق شکل ۱ بخشی از نیاز آبی منطقه، از منبع سطحی (سد)، بخشی از رودخانه و مابقی از طریق پمپاژ از چاهها (آبخوان) تأمین می‌گردد. آبی که به منطقه نیاز فرستاده شده، پس از مصرف به چند صورت ظاهر می‌گردد. بخشی از آن به صورت تبخیر و سایر تلفات از سیستم خارج می‌شود. بخش دیگر، (عمدتاً در ناحیه کشاورزی) در آبخوان نفوذ می‌نماید و بخش دیگری هم (عمدتاً در ناحیه شهری)، به صورت جریانهای برگشتی وارد رودخانه می‌شود. نکته مهم و کلیدی در مدل‌سازی سیستم‌های پیچیده مانند سیستم‌های ذخیره سیکلی، توجه کافی به این ارتباطات و شناخت و تشریح روابط بین آنهاست.

با رعایت کلیه اصول مدیریتی و قیودات و محدودیت‌های فنی، کیفی، و اجتماعی-اقتصادی، تأمین نیازها از مخزن آب سطحی می‌تواند از اولویت بالاتری برخوردار باشد. این بدان معنی است که در صورت وجود ذخیره کافی در مخزن سطحی و رعایت قیودات حاکم بر سیستم، به دلیل هزینه بهره‌برداری کمتر، عملاً تأمین نیاز از آبهای سطحی صورت خواهد گرفت. در همان حال، با توجه به فرمان بهره‌برداری پیشنهادی امکان دارد که درصدی از ذخیره سطحی برای افزایش ذخیره دراز مدت به مخزن زیر زمینی منحرف و هدایت شود. با چنین اقدامی می‌توان مخزن سطحی را برای

گرچه از اوایل دهه ۷۰ تا اواخر دهه ۸۰ میلادی (۱۹۶۰-۱۹۸۰) مطالعات گسترده‌ای توسط چادهری<sup>۱</sup>، بوراس<sup>۲</sup>، اشت و بیتنجر<sup>۳</sup>، و نیسوومد و گرنستورن<sup>۴</sup> در زمینه بهره‌برداری تلفیقی از منابع آبهای سطحی و زیرزمینی انجام شده است، لکن اولین مطالعات ذخیره سیکلی به دهه ۹۰ بر می‌گردد [۱، ۲، ۳، ۴ و ۵].

در سال ۱۹۸۲ لتنمایر و برگز<sup>۵</sup> مقاله‌ای در زمینه انعطاف‌پذیری سیستم‌های ذخیره سیکلی منتشر نمودند. آنها به کمک یک مدل شبیه‌سازی توده‌ای، ترکیبات مختلفی از مشخصه‌های اصلی سیستم مانند ظرفیت مخزن، ظرفیت تغذیه و مشخصه‌های جریان ورودی را در نظر گرفته و برای هر حالت با یک مدل ARMA، ۵۰۰، سری جریان سالانه هر یک به طول ۴۰ سال تولید نموده و پس از اجرای مدل، توزیع احتمالاتی پارامترهای خروجی سیستم را به دست آوردند [۵]. تام لینسن و راشتون<sup>۶</sup> در سال ۱۹۸۲، یک مدل شبیه‌سازی برای استفاده توأمان از سیستم ذخیره سطحی و آبخوان با بستر سنگ آهکی ارائه دادند. در این تحقیق، پنج حالت عملکردی برای سیستم در نظر گرفته شد که تعیین می‌کرد در چه زمانی پمپاژ باید از مخزن سطحی و در چه زمانی از مخزن زیرزمینی صورت گیرد [۶]. گو و فلو<sup>۷</sup> در سال ۱۹۹۰ استفاده همزمان از سیستم آب‌سطحی و زیرزمینی و مزایا و معایب آن را مورد بررسی قرار دادند و نشان دادند که این سیستم‌ها باعث افزایش کارایی و کاهش هزینه نسبت به استفاده از تعداد بیشتری سد و مخزن که به صورت منفرد عمل می‌کنند می‌شود [۷]. فیلیبریک و کیتانیدیس<sup>۸</sup> در سال ۱۹۹۸، یک مدل برنامه‌ریزی پویای پارامتر توده‌ای را جهت بهینه‌سازی بهره‌برداری از یک سیستم تلفیقی سد-آبخوان همراه با تغذیه مصنوعی، ارائه نمودند. گام زمانی مدل آنها سالانه بوده و مدل به صورت قطعی<sup>۹</sup> ارائه شده است. آنها معادلاتی را جهت محاسبه جریمه کمبود، هزینه بهره‌برداری از آبخوان و هزینه تغذیه مصنوعی به آبخوان ارائه نمودند [۸]. در سال ۱۹۹۹، باساگاگلو و همکاران<sup>۱۰</sup> یک مدل پارامتر توزیعی جامع جهت بهره‌برداری از سیستم‌های تلفیقی آب سطحی و زیرزمینی شامل مؤلفه‌های مخزن

<sup>1</sup> Chaudhry

<sup>2</sup> Buras

<sup>3</sup> Eshett and Bittinger

<sup>4</sup> Neiswomd and Granstorm

<sup>5</sup> Lettenmaier and Burges

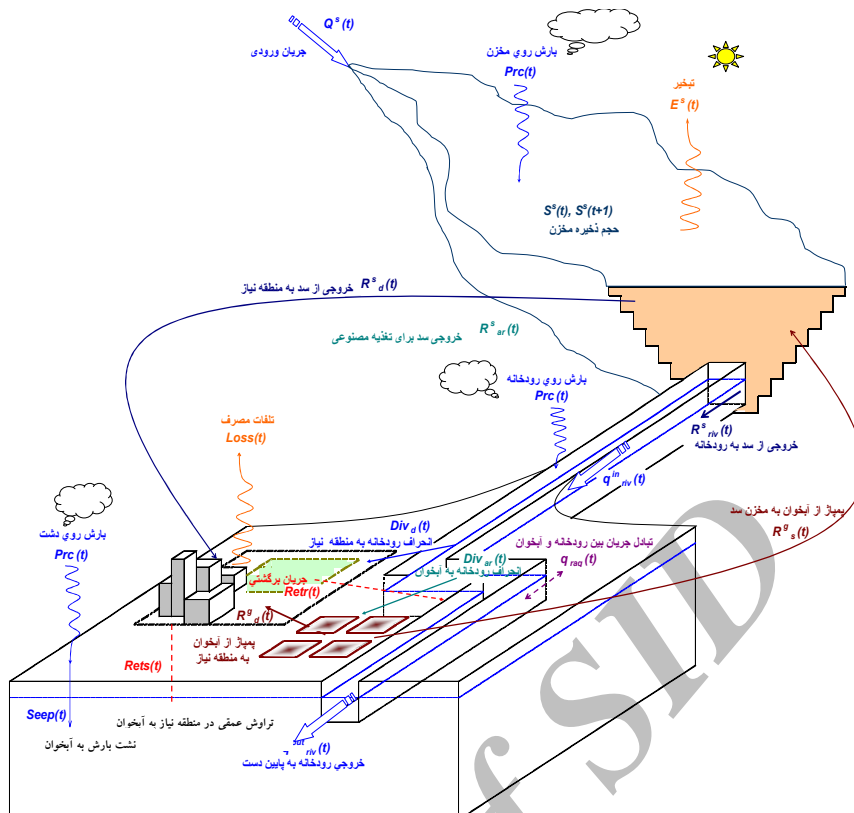
<sup>6</sup> Tomlinson and Rashton

<sup>7</sup> Coe and Fellow

<sup>8</sup> Philbrick and Kitanidis

<sup>9</sup> Deterministic

<sup>10</sup> Basagaoglu et al.



شکل ۱- یک سیستم ذخیره سیکلی و اجزای آن [۱۰]

$$PVC(OMR) = CW + CAR + CDEF + COMRD + COMRCD + COMRCAR + COMRDivD + COMRDivAR + COMRP \quad (4)$$

$$\begin{aligned} CD &= f(\text{CapD}); CCD = f(\text{CapCD}); \\ CCAR &= f(\text{CapCAR}); CDivD = f(\text{CapDivD}); \\ CDivAR &= f(\text{CapDivAR}); CP = f(\text{CapP}) \end{aligned} \quad (5)$$

در این روابط،

PVC: ارزش حاضر کل هزینه توسعه و بهره‌برداری سیستم، PVC(Construction): ارزش حاضر هزینه‌های ثابت و اجرایی سیستم، PVC(OMR): ارزش حاضر هزینه‌های بهره‌برداری و نگهداری سیستم، CD و COMRD: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سد، CCD و COMRCD: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سیستم انتقال از سد به منطقه نیاز، CCAR و COMRCAR: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سیستم انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی، CDivD و COMRDivD: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سیستم انحراف جریان رودخانه به منطقه نیاز، CDivAR و COMRDivAR: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سیستم انحراف جریان رودخانه به

پذیرش و ذخیره جریانهای سیلابی دوره‌های آتی آماده و تا حد امکان از سرریز شدن سیلابها کاست. فرمان بهره برداری باید بتواند با رعایت کلیه موارد فوق تعامل معقول و منطقی بین مخزن سطحی و زیرزمینی و منطقه نیاز و آورد رودخانه فراهم آورد. در فصول کم آبی که ذخیره مخزن سطحی و آورد رودخانه نمی‌تواند پاسخگوی نیاز منطقه باشد، از ذخیره موجود در مخزن آب زیرزمینی استفاده می‌شود. سیستم بهره برداری ذخیره سیکلی از هدر رفتن آب به صورت سیلاب و ایجاد خسارات ناشی از آن تا حد زیادی جلوگیری می‌کند. ضمن آنکه هزینه ساخت سدهای بزرگ برای مهار آب را تا حد زیادی کاهش می‌دهد.

## ۲- ساختار و فرمولاسیون مدل پیشنهادی

مدل بهینه سازی طراحی سیستم ذخیره سیکلی یک مدل برنامه ریزی غیرخطی (NLP) است که به صورت کلی زیر قابل ارائه است

$$\text{Minimize PVC} \quad (1)$$

$$PVC = PVC(\text{Construction}) + PVC(\text{OMR}) \quad (2)$$

$$PVC(\text{Construction}) = CD + CCD + CCAR + CDivD + CDivAR + CP \quad (3)$$

$$G7(q_{riv}^{in}, q_{riv}^{out}, \Delta S_{riv}, h_{riv}^{in}, h_{riv}^{out}, h_{riv}, dh_{riv}, h_{riv}^{out, min}, h_{riv}^{out, max}) = 0 \quad (12)$$

در رابطه فوق  $q_{riv}^{out}, q_{riv}^{in}$ : به ترتیب دبی جریان در ورودی و خروجی رودخانه:  $q_{riv}$ : مجموع جریانهای ورودی یا خروجی جانبی رودخانه:  $\Delta S_{riv}$ : تغییر در ذخیره رودخانه (نامحدود در علامت):  $h_{riv}^{in}, h_{riv}^{out}$ : به ترتیب تراز جریان در ورودی و خروجی:  $h_{riv}$ : تراز متوسط جریان در رودخانه: و  $h_{riv}^{out, min}$  و  $h_{riv}^{out, max}$  به ترتیب حدود پایین و بالای تراز آب رودخانه می‌باشند.

### ۳- کاربرد مدل

مدل بهینه‌سازی طراحی سیستم، براساس داده‌های مربوط به سد کینه ورس و دشت پایین دست آن که در حوزه آبریز رودخانه ابهر در استان زنجان قرار دارد، اجرا گردیده است. اطلاعات مربوط به سد کینه ورس در جدول ۱ موجود است [۱۱]. مدل بهینه‌سازی به صورت غیرخطی می‌باشد که دارای ۱۷۱۵ قید با ۱۶۹ قید غیرخطی و ۲۴۵۰ متغیر با ۴۸۶ متغیر غیرخطی می‌باشد. برای حل مدل از نرم افزار لینگو<sup>۳</sup> که قابلیت حل مدل‌های خطی، غیرخطی و برنامه‌ریزی ترکیبی عدد صحیح و غیر خطی را داراست استفاده می‌شود. حل ارائه شده، نتیجه به کارگیری قابلیت جستجوی بهینه مطلق در نرم افزار لینگو می‌باشد. تابع هدف (هزینه کل) حاصل از این اجرا، برابر ۸۷/۷۱ میلیارد ریال است. جداول ۲ الف و ۲ ب نتایج حل مدل با رویکرد توده‌ای را با نتایج حل مدل با رویکرد توزیعی (علیمحمدی، ۱۳۸۴) مقایسه می‌کند. بررسی این مقایسه نشان از کارایی قابل قبول مدل توده‌ای در فاز برنامه‌ریزی دارد. شکل ۲ نیز نتیجه حل مدل مذکور را نمایش می‌دهند. ملاحظه می‌گردد که در این سیستم، به علت هزینه بالای انتقال مستقیم از سد به مناطق نیاز و تغذیه مصنوعی، این انتقالها از رودخانه صورت گرفته است.

### ۴- تحلیل نتایج

شکل ۳ تغییرات جریانهای ورودی و خروجی و حجم ذخیره مخزن را نمایش می‌دهد. علی‌رغم ظرفیت محدود (ظرفیت مفید سد برابر ۱۴/۱۲ میلیون مترمکعب می‌باشد)، مخزن توانسته است به میزان قابل توجهی جریان را تنظیم نماید. وقوع سه سال نسبتاً پر آب متوالی (سالهای ۴ و ۵ و به خصوص ۶) سبب گردیده که ذخیره مخزن در ۵ سال دوم بیشتر از ۵ سال اول باشد.

بخشی از جریان ورودی از سد به رودخانه، در انتهای بازه اول به سمت مناطق نیاز و تغذیه مصنوعی منحرف می‌گردد. شکل ۴

منطقه تغذیه مصنوعی، و CP و COMRP: به ترتیب هزینه‌های اجرایی و بهره‌برداری سیستم انتقال از آبخوان به سد می‌باشند.

رابطه ۵ نشان می‌دهد که هزینه‌های اجرایی سد، سیستم‌های انتقال آب، و سیستم‌های انحراف آب به صورت تابعی از ظرفیت هر بخش می‌باشند. در این روابط:

CapD: ظرفیت مخزن سد، CapCD: ظرفیت سیستم انتقال آب از سد به منطقه نیاز، CapCAR: ظرفیت سیستم انتقال آب از سد به منطقه تغذیه مصنوعی، CapDivD: ظرفیت سیستم انتقال آب از رودخانه به منطقه نیاز، CapDivAR: ظرفیت سیستم انحراف آب از رودخانه به منطقه تغذیه مصنوعی و CapP: ظرفیت سیستم انتقال آب از آبخوان به سد می‌باشد.

قیودات موجود در مدل را می‌توان به صورت روابط زیر نوشت

$$G1(S^s, Q^s, R_s^g, E^s, R_d^s, R_{ar}^s, R_{riv}^s, CapD, CapCD, CapP) = 0 \quad (6)$$

در رابطه فوق،  $S^s$ : حجم ذخیره مخزن،  $Q^s$ : حجم جریان ورودی از رودخانه به مخزن سد،  $R_s^g$ : حجم جریان ورودی از آبخوان به مخزن سد،  $E^s$ : حجم تبخیر از سطح مخزن،  $R_d^s$ : حجم تخصیص خروجی مخزن به منطقه نیاز،  $R_{ar}^s$ : حجم تخصیص خروجی از مخزن جهت تغذیه مصنوعی و  $R_{riv}^s$ : حجم تخلیه مخزن به رودخانه (شامل سرریز) می‌باشد.

$$G2(R_d^s, R_{ar}^s, DivD, ANY, DEF) = 0 \quad (7)$$

در رابطه فوق،  $R_d^s$ : حجم تأمین نیاز از مخزن سد،  $R_{ar}^s$ : حجم تأمین نیاز از آبخوان،  $DivD$ : حجم تأمین نیاز از رودخانه،  $ANY$ : نیاز سالانه و  $DEF$ : حجم کمبود در تأمین نیاز می‌باشد.

$$G3(q_w, R_d^g, R_s^g) = 0 \quad (8)$$

$$G4(q_{ar}, R_{ar}^s, DivD) = 0 \quad (9)$$

$$G5(q_w, q_{ar}, q_{raq}, rets, seep) = 0 \quad (10)$$

که در آن:

$q_w$ : حجم آب پمپاژ شده،  $q_{ar}$ : حجم آب تغذیه شده،  $q_{raq}$ : مقدار دبی مبادله شده بین رودخانه و آبخوان،  $seep$ : ضریب نشت بارش در سطح دشت و  $rets$ : درصد تراوش آب منتقل شده به منطقه نیاز در آبخوان می‌باشد.

$$G6(q_{raq}, C_{riv}, h_{riv}^s, h_{riv}^g, h_{riv}^{bot}) = 0 \quad (11)$$

که در آن:

$C_{riv}$ : ضریب انتقال<sup>۱</sup>،  $h_{riv}^s$ : تراز آب در رودخانه (نسبت به یک سطح مبنا)،  $h_{riv}^g$ : تراز آب آبخوان در رودخانه،  $h_{riv}^{bot}$ : تراز (میانگین) کف لایه کم تراوا در رودخانه است.

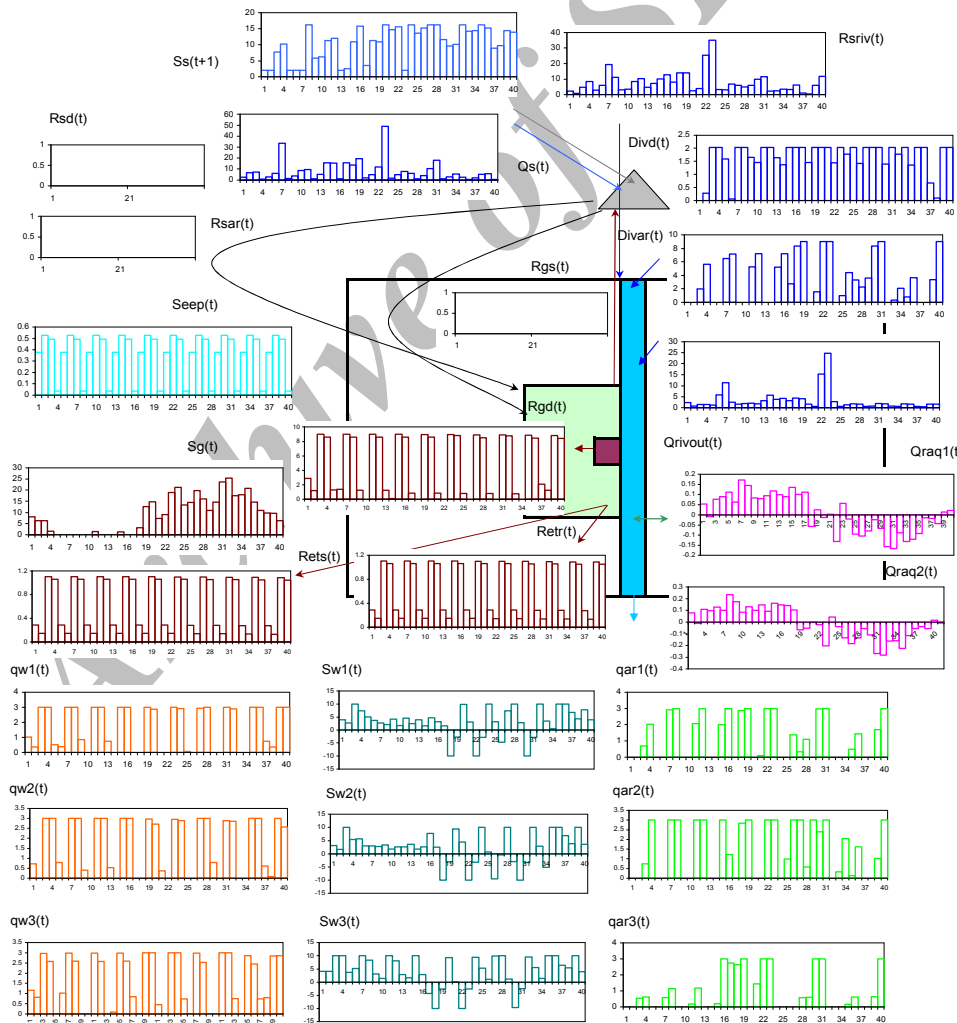
<sup>2</sup> Lateral Discharges

<sup>3</sup> LINGO

<sup>1</sup> Conductance

جدول ۱- اطلاعات مربوط به سد کینه ورس [۱۱]

سال	زمستان (میلیون مترمکعب)	بهار (میلیون مترمکعب)	تابستان (میلیون مترمکعب)	پاییز (میلیون مترمکعب)	سالانه
۱۹۹۰-۱۹۹۱	۶/۵۴	۷/۳۷	۰/۵۸	۲/۳۴	۱۶/۸۳
۱۹۹۱-۱۹۹۲	۵/۹۶	۹/۵۹	۱/۱۶	۲/۸۵	۴۳/۵۷
۱۹۹۲-۱۹۹۳	۸/۶۳	۹/۴۸	۰/۸۷	۳/۵۹	۲۲/۵۸
۱۹۹۳-۱۹۹۴	۱۵/۷	۱۵/۳۲	۰/۹۴	۵/۱۵	۳۷/۱۲
۱۹۹۴-۱۹۹۵	۱۳/۶	۴۹/۵۸	۱/۷۶	۱۵/۸۴	۵۰/۷۸
۱۹۹۵-۱۹۹۶	۱۱/۷۵	۴۹/۲	۱/۴۵	۴/۹۶	۶۷/۳۵
۱۹۹۶-۱۹۹۷	۷/۸۹	۶/۱۷	۰/۹۱	۴/۹۵	۱۹/۹۲
۱۹۹۷-۱۹۹۸	۱۰/۴۱	۱۷/۸۵	۰/۹۳	۳/۹۶	۳۳/۱۵
۱۹۹۸-۱۹۹۹	۵/۵۱	۲/۵۷	۰/۵۲	۲/۷۷	۱۱/۳۶
۱۹۹۹-۲۰۰۰	۵/۱۷	۵/۸	۰/۲۴	۱/۸۴	۱۳/۰۶
میانگین (میلیون مترمکعب)	۹/۱۲	۱۶/۶۹	۰/۹۴	۴/۸۳	۳۱/۵۷
بارش (میلی متر)	۷۷/۱	۳۴۸/۵	۷۱۷/۱	۱۸۵/۵	۱۳۲۸/۲
تبخیر (میلی متر)	۱۳۶/۵۲	۱۲۳	۵/۸۵	۹۶/۹۱	۳۶۵
ضریب توزیع نیاز	۰/۰۵۶	۰/۴۲۴	۰/۴۰۹	۰/۱۱۱	۱



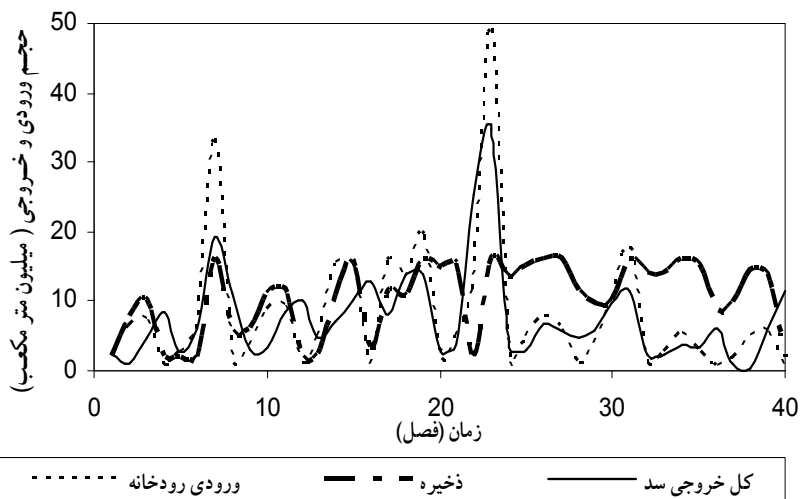
شکل ۲- نتیجه حل مدل بهینه سازی طراحی سیستم ذخیره سیکی

جدول ۲ (الف) - مقایسه نتایج حل مدل بهینه‌سازی طراحی سیستم با رویکرد توده‌ای و رویکرد توزیعی - ظرفیتها و هزینه‌ها

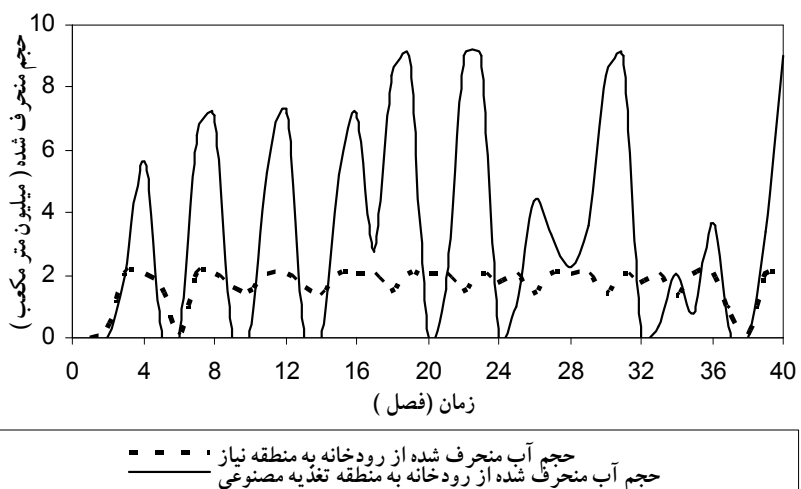
بخش	هزینه ثابت (میلیارد ریال)		هزینه جاری (میلیارد ریال)		ظرفیت (میلیون مترمکعب)	
	مدل توزیعی	مدل توده‌ای	مدل توزیعی	مدل توده‌ای	مدل توزیعی	مدل توده‌ای
سد	۵۵/۹۶۴	۵۴/۰۸	۳/۳۵۸	۳/۲۴	۱۷/۳۲۱	۱۶/۲۲
انتقال از سد به منطقه نیاز	.	.	.	.	.	.
انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی	.	.	.	.	.	.
انتقال از آبخوان به سد	.	.	.	.	.	.
انحراف رودخانه به منطقه نیاز	۵/۰۸۹	۵/۱۵	۲/۰۵۴	۲/۰۶	۲/۰۰۹	۲/۰۳
انحراف رودخانه به منطقه تغذیه	۶/۷۴۴	۹/۹۳	۱/۶۲۷	۱/۶۹	۵/۷۱۴	۹
مصنوعی	-	-	-	-	-	-
پمپاژ	-	-	۵/۸۱۱	۶/۱۴	۹	۹
تغذیه مصنوعی	-	-	۴/۰۶۷	۴/۲۳	۵/۷۴	۹
کمبود	-	-	۰/۴۵۳	۱/۱۷	-	-
کل هزینه	۶۷/۷۹۷	۶۹/۱۶	۱۷/۳۷	۱۸/۵۳	-	-

جدول ۲ (ب) - مقایسه نتایج حل مدل بهینه‌سازی طراحی سیستم با رویکرد توده‌ای و رویکرد توزیعی - مقادیر رهاسازی

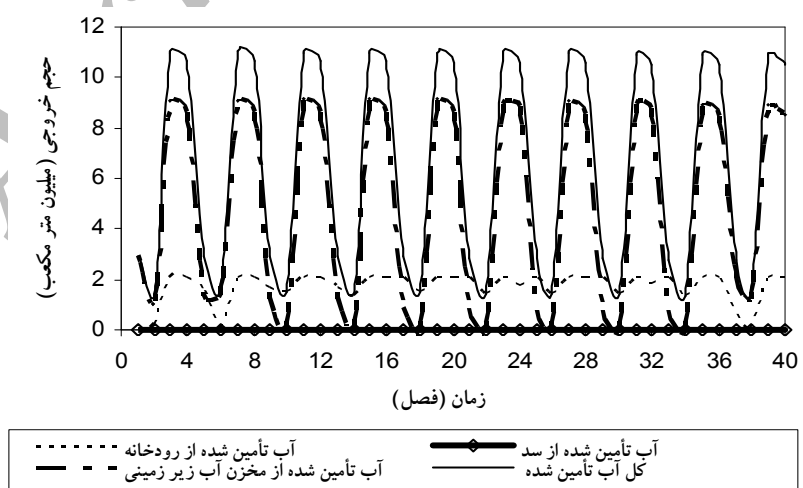
مدل توده‌ای	مدل توزیعی	میانگین سالانه مقادیر (میلیون مترمکعب)
۳۱/۵۷۱	۳۱/۵۷۱	ورودی رودخانه به سد
.	.	انتقال از آبخوان به سد
.	.	انتقال از سد به منطقه نیاز
.	.	انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی
۳۰/۵۱۸	۳۰/۵۲۹	خروجی سد به رودخانه
۱/۰۴۳	۱/۰۴۳	تبخیر از مخزن سد
۰/۵۱۸	۳۰/۵۲۹	ورودی رودخانه به سد
۶/۶۲	۰/۴۶۹	انحراف رودخانه به منطقه نیاز
۱۳/۶۸	۱۲/۷۵۲	انحراف رودخانه به منطقه تغذیه مصنوعی
۲/۵۸۹	۲/۵۸۹	جریان برگشتی به رودخانه
۰/۰۸۸	۰/۰۸۸	ورودی رودخانه از بارندگی
۰/۳۸۳	۳/۵۲۲	نشست از رودخانه به آبخوان
۰/۳۷۹	۲/۳۱۱	نشست از آبخوان به رودخانه
۱۲/۸۲	۱۲/۷۲۱	خروجی رودخانه (سیستم)
۰/۰۰۲۸	۰/۰۵۲	تغییر در ذخیره رودخانه
۲۶	۲۶	کل آبرسانی
۰/۱۸	۲۵/۸۹۱	کمبود آبرسانی
.	۰/۱۰۹	آبرسانی از سد به منطقه نیاز
۱۹/۱۹	۱۹/۴۲۲	آبرسانی از آبخوان به منطقه نیاز
۶/۶۲	۶/۴۶۹	آبرسانی از رودخانه به منطقه نیاز
۱۹/۱۹۴	۱۹/۴۲۲	کل پمپاژ از آبخوان
۱۹/۱۹۴	۱۹/۴۲۲	پمپاژ از آبخوان به منطقه نیاز
.	.	پمپاژ از آبخوان به مخزن سد
۰/۳۸۳	۳/۵۲۲	نشست از رودخانه به آبخوان
۰/۳۷۹	۲/۳۱۱	نشست از آبخوان به رودخانه
۱۳/۶۸۸	۱۲/۷۵۲	کل تغذیه مصنوعی به آبخوان
۲/۹۲	۲/۹۲	ورودی به آبخوان از بارندگی
۲/۵۸۹	۲/۵۸۹	نفوذ به آبخوان در منطقه نیاز
۰/۰۰۷	-۰/۰۵۱	اختلاف ورودی و خروجی آبخوان



شکل ۳- تغییرات جریانهای ورودی، خروجی و حجم ذخیره مخزن سد



شکل ۴- تغییرات جریان منحرف شده از رودخانه به مناطق نیاز و تغذیه مصنوعی

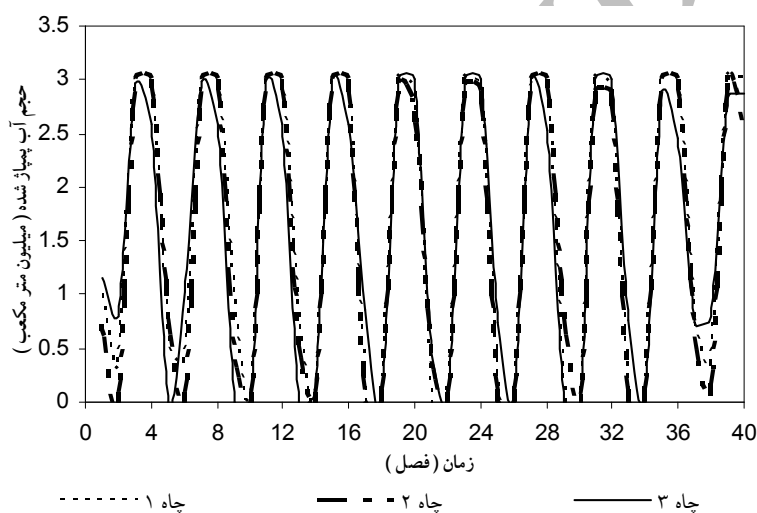


شکل ۵- تغییرات فصلی آبرسانی از منابع مختلف

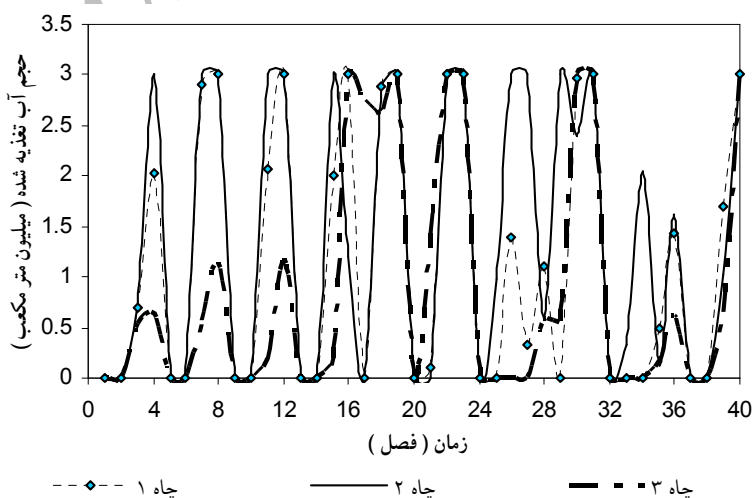
می‌دهد. ملاحظه می‌شود که عمده نیاز از آبخوان تأمین گردیده است. همچنین چنان که ذکر گردید، بجز در زمستانها که نیاز کمتر از ظرفیت انحراف بوده و نیز در دوره‌های کم آب، انحراف از رودخانه برابر ظرفیت آن (حدود ۲ میلیون متر مکعب) بوده است.

شکلهای ۶ تا ۸ به ترتیب تغییرات فصلی میزان پمپاژ، تغذیه، و نوسانات سطح آب زیرزمینی را در چاههای سیستم نمایش می‌دهند. در شکل ۶ دیده می‌شود که حجم تغذیه به آبخوان در دوره‌های پرآب، بیشتر از دیگر دوره‌هاست. این وضعیت باعث افزایش تراز سطح آب در چاهها مطابق شکل ۷ در این دوره‌ها گردیده است. به طور کلی بین جریان سطحی و افت تراز آب آبخوان رابطه معکوس و معنی‌داری وجود دارد.

تغییرات این جریانها را نمایش می‌دهد. بجز در زمستان که نیاز کمتر از ۲ میلیون متر مکعب (ظرفیت انحراف از رودخانه) بوده، در سایر فصلها انحراف از رودخانه برابر ظرفیت آن به منطقه نیاز، صورت گرفته است. یکی از نکات قابل توجه، چگونگی تخصیص منابع موجود به تأمین نیاز و تغذیه سفره است. برخلاف انتظار و عرف موجود در بهره‌برداری از مخازن سطحی، علی‌رغم اینکه در چهار سال اول، بجز در یک دوره، مخزن هیچگاه پر نبوده و حجم ذخیره آن اغلب پایین بوده است (شکل ۳)، با این وجود رها کردن آب به رودخانه و انحراف قسمتی از آن برای تغذیه آبخوان و ذخیره کردن آن برای بهره‌برداری‌های بعدی، در دستور کار قرار گرفته (شکل ۴). شکل ۵ تغییرات آبرسانی از منابع مختلف را نمایش

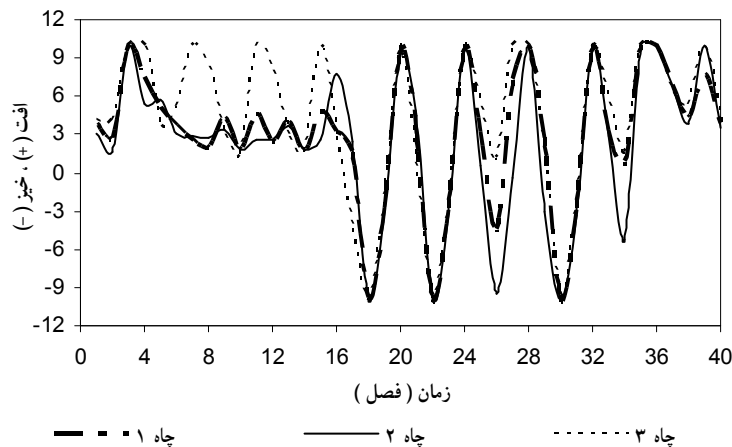


شکل ۶- تغییرات فصلی میزان پمپاژ از چاهها



شکل ۷- تغییرات فصلی میزان تغذیه به چاهها





شکل ۸- تغییرات فصلی نوسانات تراز سطح آب در چاهها

برای اجرای این مدل همان داده‌های سد کینه ورس مورد استفاده قرار گرفت. این مدل بهینه‌سازی غیر خطی می‌باشد که دارای ۱۹۹۰ قید (۳۲۹ قید غیر خطی)، و ۲۳۹۸ متغیر (۶۲۳ متغیر غیر خطی) است. حل ارائه شده، نتیجه به کارگیری قابلیت جستجوی بهینه مطلق در نرم افزار لینگو می‌باشد. تابع هدف (هزینه کل) حاصل از این اجرا، برابر ۹۳/۲ میلیارد ریال بود. جدول ۳ نتایج حل مدل طراحی با اعمال سیاست بهره‌برداری بهینه و بدون آن در رویکرد توده‌ای و جدول ۴ نتایج حل مدل طراحی با اعمال سیاست بهره‌برداری بهینه و بدون آن در رویکرد توزیعی را نشان می‌دهد. نتایج حل مدل طراحی - بهره‌برداری سیستم با رویکرد توده‌ای نیز در شکل ۹ با جزئیات بیشتری بررسی شده است.

### ۵- ساختار مدل بهینه سازی طراحی و بهره برداری سیستم ذخیره سیکلی

مدل توأمان طراحی و بهره‌برداری سیستم ذخیره سیکلی از ترکیب مدل طراحی مطرح شده به همراه سیاستهای بهره برداری برای

پارامترهای

$$R_d^S(t), R_{ar}^S(t), R_{riv}^S(t), R_S^G(t), Divd(t), Di\ var(t)$$

طبق رابطه ۱۳ منظور شده است [۱۰]

$$R_d^S(t) = f_{rsd}(t) = a_{rsd}(t) + b_{rsd}(t)S^S(t) + c_{rsd}(t)Q^S(t) + \sum_{m=1}^{NM} d_{rsd}^m(t)HW^{obs}(m,t-1) + \sum_{r=1}^{NR} e_{rsd}^r(t)HW_{riv}^{st}(r,t-1) \quad (13)$$

جدول ۳- مقایسه حل مدل بهینه‌سازی طراحی با اعمال سیاست بهره‌برداری بهینه و بدون آن (طراحی و طراحی - بهره‌برداری) در رویکرد توده‌ای

بدون سیاست بهره‌برداری		با سیاست بهره‌برداری		هزینه‌ها (میلیارد ریال)
بهره‌برداری	اجرائی	بهره‌برداری	اجرائی	
۳/۲۴	۵۴/۰۸	۳/۴۳	۵۷/۱۸	سد
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه نیاز
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی
.	.	.	.	سیستم انتقال از آبخوان به سد
۲/۰۶	۵/۱۵	۴/۳۹	۱۶/۳۲	سیستم انحراف رودخانه به منطق نیاز
۱/۶۹	۹/۹۳	۰/۷۶	۴/۶۹	سیستم انحراف رودخانه به منطقه تغذیه مصنوعی
۶/۱۴	-	۳/۹	-	پمپاژ
۴/۲۳	-	۱/۸۹	-	تغذیه مصنوعی
۱/۱	-	۰/۶۳	-	کمبود
۸۷/۱۷		۹۳/۲۲		کل هزینه (اجرا و بهره‌برداری)

ادامه جدول ۳-

بدون سیاست بهره‌برداری		با سیاست بهره‌برداری		ظرفیتها و میانگین سالانه مقادیر*
میانگین	ظرفیت	میانگین	ظرفیت	
-	۱۶/۲۲	-	۱۷/۹۷	سد
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه نیاز
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی
.	.	.	.	سیستم انتقال از آبخوان به سد
۱۹/۱۹	-	۱۱/۸۴	-	انتقال از آبخوان به منطقه نیاز
۳۰/۵۱۸	-	۳۰/۵۳	-	خروجی سد به رودخانه
۶/۶۲	۲/۰۳	۱۴/۰۱	۷/۱۱	سیستم انحراف رودخانه به منطقه نیاز
۱۳/۶۸	۹	۶/۳۴	۳/۸۳	سیستم انحراف رودخانه به تغذیه مصنوعی
۱۹/۱۹۴	۹	۱۱/۸۴	-	پمپاژ
۱۳/۶۸۸	۹	۶/۳۴	-	تغذیه مصنوعی

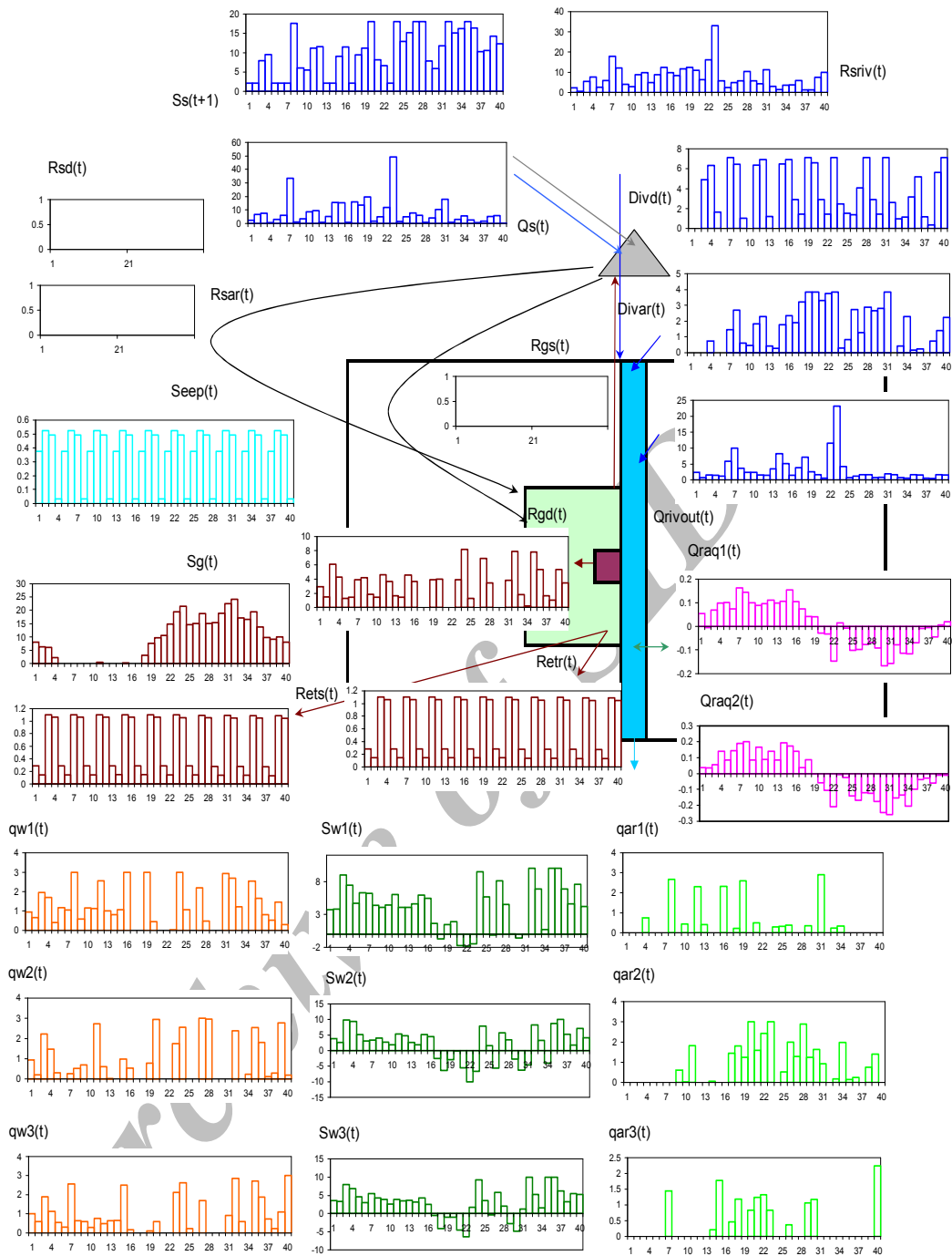
\* ظرفیتها به میلیون مترمکعب در فصل و میانگین سالانه مقادیر به میلیون مترمکعب

جدول ۴- مقایسه حل مدل بهینه‌سازی طراحی با اعمال سیاست بهره‌برداری بهینه و بدون آن (طراحی و طراحی - بهره‌برداری) در رویکرد توزیعی

بدون سیاست بهره‌برداری		با سیاست بهره‌برداری		هزینه‌ها
بهره‌برداری	اجرائی	بهره‌برداری	اجرائی	
۳/۳۵۸	۵۵/۹۶۴	۳/۴۲	۵۶/۹۹۷	سد
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه نیاز
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی
.	.	.	.	سیستم انتقال از آبخوان به سد
۲/۰۵۴	۵/۰۸۹	۲/۲۳۹	۷/۱۹۳	سیستم انحراف رودخانه به منطق نیاز
۱/۶۲۷	۶/۷۴۴	۱/۶۱۸	۶/۲۷۵	سیستم انحراف رودخانه به منطقه تغذیه مصنوعی
۵/۸۱۱	-	۵/۵۸۶	-	پمپاژ
۴/۰۶۷	-	۴/۰۴۴	-	تغذیه مصنوعی
۰/۴۵۳	-	۰/۳۸۴	-	کمبود
۸۵/۱۶۷		۸۷/۷۵۵		کل هزینه (اجرا و بهره‌برداری)

بدون سیاست بهره‌برداری		با سیاست بهره‌برداری		ظرفیتها و میانگین سالانه مقادیر*
میانگین	ظرفیت	میانگین	ظرفیت	
-	۱۷/۳۲۱	-	۱۷/۸۸۲	سد
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه نیاز
.	.	.	.	سیستم انتقال از سد به منطقه تغذیه مصنوعی
.	.	.	.	سیستم انتقال از آبخوان به سد
۱۹/۴۲۲	-	۱۸/۸۱۹	-	انتقال از آبخوان به منطقه نیاز
۳۰/۵۲۹	-	۳۰/۵۵۲	-	خروجی سد به رودخانه
۶/۴۶۹	۲/۰۰۹	۷/۰۶۴	۲/۸۸۶	سیستم انحراف رودخانه به منطقه نیاز
۱۲/۷۵۲	۵/۷۱۴	۱۲/۶۲۶	۵/۲۷	سیستم انحراف رودخانه به تغذیه مصنوعی
۱۹/۴۲۲	۹	۱۸/۸۱۹	۹	پمپاژ
۱۲/۷۵۲	۵/۷۱۴	۱۲/۶۲۶	۲۷۵	تغذیه مصنوعی

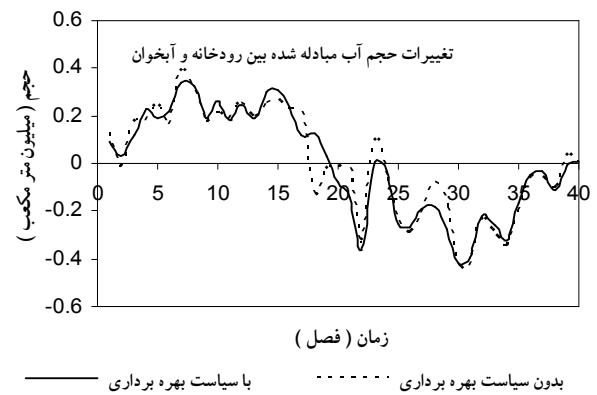
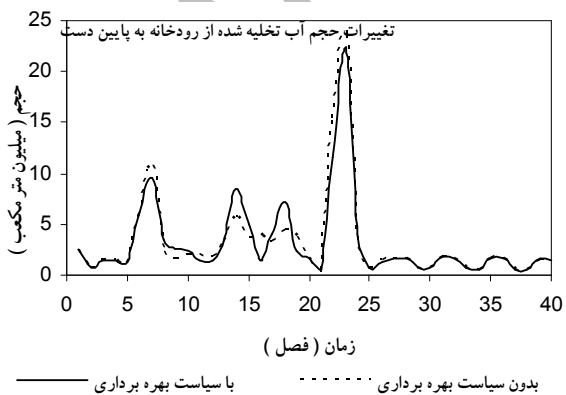
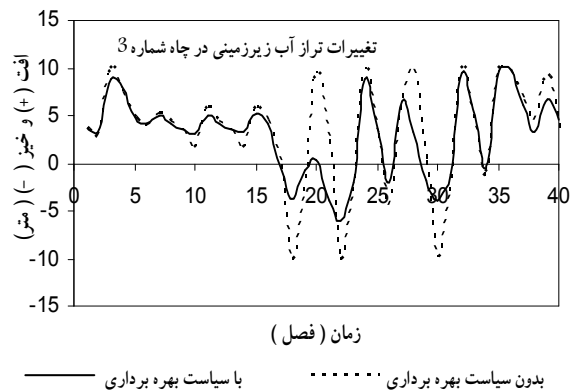
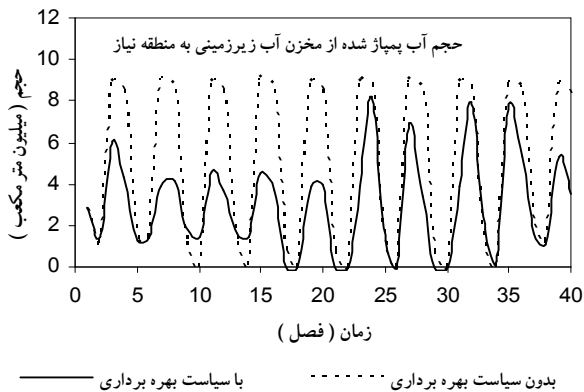
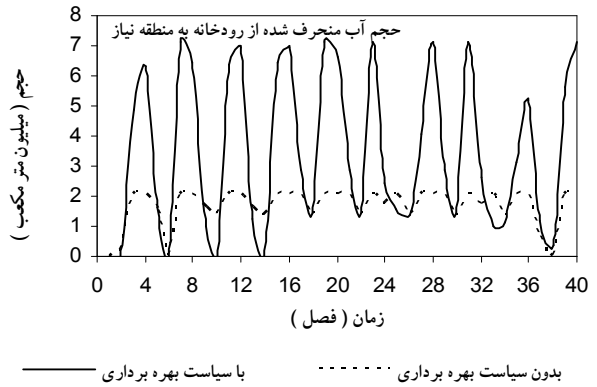
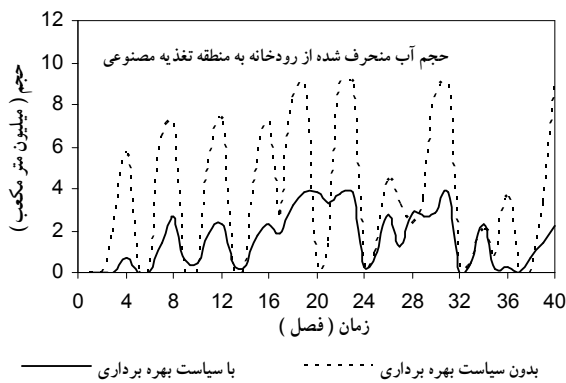
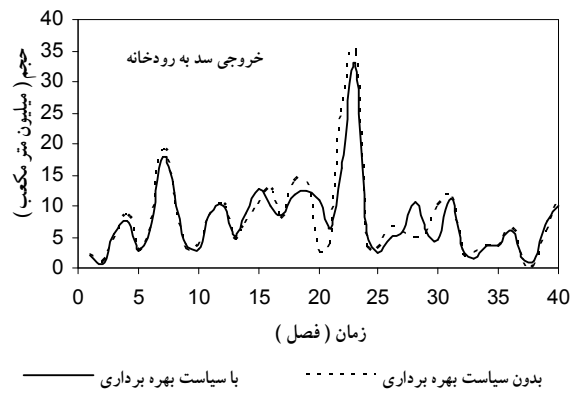
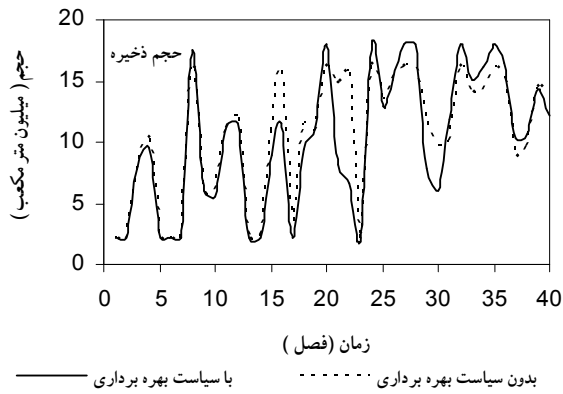
\* ظرفیتها به میلیون مترمکعب در فصل و میانگین سالانه مقادیر به میلیون مترمکعب



شکل ۹- نتیجه حل مدل بهینه سازی طراحی سیستم با اعمال سیاست بهره برداری

آبخوان به منطقه نیاز نیز کاهش یافته است. تغییر در دیگر مشخصه‌ها قابل ملاحظه نمی‌باشد. نتیجه اینکه مدل سیاست بهره‌برداری بهینه با اعمال کمترین تغییرات در مشخصه‌های طراحی و بهره‌برداری سیستم، سیاست بهینه را نتیجه داده است. با استفاده از این سیاستها در هر دوره می‌توان میزان بهینه هر یک از خروجیها را تعیین نمود.

شکل ۱۰ جهت مقایسه بهتر تغییرات مؤلفه‌های مهم سیستم در دو مدل، رسم شده است. تنها تغییر محسوس در میزان انحراف از رودخانه به منطقه نیاز و پس از آن به منطقه تغذیه مصنوعی می‌باشد که در اولی سبب افزایش و در دومی سبب کاهش ظرفیت انحراف از رودخانه به این مناطق بوده است. همچنین به دلیل افزایش انحراف از رودخانه به منطقه نیاز مشاهده می‌شود که میزان انتقال از



شکل ۱۰- مقایسه تغییرات خروجیهای سیستم در مدل‌های بهینه سازی با اعمال سیاست بهره برداری و بدون آن

## ۶- نتیجه گیری

در این تحقیق، ساختاری به منظور طراحی بهینه یک سیستم ذخیره سیکلی با رویکرد توده‌ای و نیز سیاست بهره‌برداری بهینه به منظور استفاده مطلوب از زیر سیستم آبهای سطحی و زیرزمینی به منظور تأمین نیازهای تعریف شده با قابلیت اعتماد مشخص ارائه شده است.

در این راستا مدل طراحی و طراحی - بهره‌برداری از یک سیستم ذخیره سیکلی با رویکرد توده‌ای با همین مدل با رویکرد توزیعی مورد مقایسه و بررسی قرار گرفت و کارآیی مدل‌های توده‌ای در این مسائل بررسی شد. اگرچه استفاده از فرمانهای بهره‌برداری هزینه‌ای را به سیستم تحمیل کرده است که

## ۷- مراجع

- 1- Chaudhry, M. T., Labadie, J. W., Hall, W. A., and Albertson, M. L. (1974). "Optimal conjunctive use model for Indus basin." *J. Hydraul. Div., ASCE*, 100 (5), 667-687.
- 2- Buras, N. (1963). "Conjunctive operation of dams and aquifers." *J. Hydraul. Div., ASCE*, 89 (6), 111-131.
- 3- Eshett, A., and Bittinger, M. W. (1965). "Stream-aquifer system analysis." *J. Hydraul. Div., ASCE*, 91 (6), 153-164.
- 4- Neiswand, G. H., and Granstrom, M. L. (1971). "A chance-constrained approach to conjunctive use of surface waters and groundwater." *Water Resour. Res.*, 7 (6), 1425-1436.
- 5- Lettenmaier, D. P., and Burges, S. J. (1982). "Cyclic storage: a preliminary analysis." *Ground Water*, 20 (3), 278-288.
- 6- Rashton, K. R., and Tomlinson, L. M. (1981). "Operation policies for a surface groundwater system." *Water Res. Bull.*, 17 (3), 406-413.
- 7- Coe, J. J. (1990). "Conjunctive use-advantages, constraints, and examples." *J. Irr. Drain. Eng., ASCE*, 116 (3), 427-443.
- 8- Philbrick, C. R., and Kitanidis, P. K. (1998). "Optimal conjunctive-use operations and plans." *Water Resour. Res.*, 34 (5), 1307-1316.
- 9- Basagaoglu, H., Marino, M. A., and Shumway, R. H. (1999). "δ-Form approximating problem for a conjunctive water resource management model." *Advances in Water Resources*, 23, 69-81.
- ۱۰- علیمحمدی، س. (۱۳۸۴). "طراحی و بهره‌برداری بهینه تلفیقی از سیستم آبهای سطحی و زیرزمینی - رویکرد ذخیره سیکلی."

پایان نامه برای دریافت مدرک دکترا در مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران، دانشکده عمران، تهران.

۱۱- مهندسین مشاور آبن. (۱۳۷۹). گزارش مطالعات طرح سد کینه ورس و سازه های وابسته، تهران.

"هزینه فرمان" <sup>۱</sup> نامیده شده و مقدار آن تابعی از تغییرات زمانی - مکانی ورودیهای زیر سیستمها و مشخصه‌ها و مؤلفه‌های طراحی است، لکن استفاده از فرمانهای بهره‌برداری، تیم بهره‌برداری را قادر می‌سازد که میزان انتقالها و انحرافات از اجزای مختلف سیستم را به خوبی و در هر مرحله زمانی تعیین کند.

مدل‌های توده‌ای به دلیل سهولت استفاده در فاز برنامه‌ریزی و نیز کارآیی مناسبی که در این نوع مسائل دارند می‌توانند جایگزین مناسبی برای مدل‌های توزیعی در حل مسائل دراز مدت باشند. این در حالی است که مدل‌های توزیعی به سادگی قادر به حل سیستم‌های با سری زمانی دراز مدت نمی‌باشند.

<sup>1</sup> Rule Cost

توابع هزینه اشاره شده در متن مقاله دارای ساختار زیر می‌باشند:

$$CD = 0.0054 (CapD)^3 - 0.1972 (CapD)^2 + 3.7618 (CapD) + 21.908 \quad (14)$$

$$CCD = -0.1022 (CapCD)^2 + 4.026 (CapCD) \quad (15)$$

$$CCAR = -0.0511 (CapCAR)^2 + 2.013 (CapCAR) \quad (16)$$

$$CP = -0.2043 (CapP)^2 + 8.052 (CapP) \quad (17)$$

$$CDivD = -0.047 (CapDivD)^2 + 2.628 (CapDivD) \quad (18)$$

$$CDivAR = -0.0234 (CapDivAR)^2 + 1.3139 (CapDivAR) \quad (19)$$

$$f_t(\text{def}(t)) = 15. \text{def}(t)^2 \quad (20)$$

$$CDEF = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{f_t(\text{def}(t))}{(1+r_s)^t} \quad (21)$$

$$COMRD = \text{ucd} \cdot CD \quad (22)$$

$$COMRCD = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{\text{uccd}(t) \cdot R_d^s(t)}{(1+r_s)^t} \quad (23)$$

$$COMRCAR = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{\text{uccar}(t) \cdot R_{ar}^s(t)}{(1+r_s)^t} \quad (24)$$

$$COMRDivD = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{\text{ucdivd}(t) \cdot \text{DivD}(t)}{(1+r_s)^t} \quad (25)$$

$$COMRDivAR = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{\text{ucdivar}(t) \cdot \text{DivAR}(t)}{(1+r_s)^t} \quad (26)$$

$$COMRP = \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{\text{ucp}(t) \cdot R_s^g(t)}{(1+r_s)^t} \quad (27)$$

$$\text{ucd} = 0.06 \quad \text{uccd} = 0.02 \quad \text{uccar} = 0.01 \quad \text{ucp} = 0.05 \quad \text{ucdivd} = 0.05 \quad \text{ucdivar} = 0.02 \\ \text{ucp} = 0.05 \quad \text{ucdivd} = 0.05 \quad \text{ucdivar} = 0.02 \quad (28)$$

$$CW = \left\{ \sum_{t=1}^{NT} \sum_{k=1}^{NK} \frac{m_w(t)}{(1+r_s)^t} [I_w(k) + \bar{s}_w(k,t)] \cdot q_w(k,t) \right\} \quad (29)$$

$$CAR = \left\{ \sum_{t=1}^{NT} \sum_{l=1}^{NL} \frac{m_{ar}(t)}{(1+r_s)^t} [I_{ar}(l) + s_{ar}(l,t)] \cdot q_{ar}(l,t) \right\} \quad (30)$$

$$m_w(t) = (\text{uelif} \cdot \text{ucen} / \text{efp} / 1000) (Q2V(t)) \quad (31)$$

$$m_{ar}(t) = (\text{ueinj} \cdot \text{ucen} / \text{efi} / 1000) (Q2V(t)) \quad (32)$$

$$\text{ucen} = 1 \times 10^{-6}; \text{efp} = 0.75; \text{uelif} = 0.0028; \text{ueinj} = 0.0028 \quad (33)$$

هزینه کمبود به صورت تابعی از حجم کمبود در هر دوره در نظر گرفته می‌شود. این هزینه با رابطه ۲۱ نمایش داده شده است. در این رابطه  $\text{def}(t)$  حجم کمبود در تأمین نیاز در دوره  $t$  است که در رابطه ۲۰ نمایش داده شده است.  $\text{ucd}$ ,  $\text{uccd}$ ,  $\text{uccar}$ ,  $\text{ucdivd}$ ,  $\text{ucdivar}$ ,  $\text{ucp}$ : به ترتیب هزینه واحد (واحد حجم / هزینه) سد، انتقال آب از سد به منطقه نیاز، از سد به منطقه تغذیه مصنوعی، از رودخانه به منطقه نیاز، از رودخانه به منطقه تغذیه مصنوعی و از آبخوان به سد می‌باشند.

هزینه پمپاژ از چاه، تابعی از حاصل ضرب دبی پمپ شده در ارتفاع مکش آب از چاه است. همچنین هزینه تغذیه مصنوعی تابعی از حجم تغذیه در هر دوره می‌باشد. این هزینه‌ها در روابط ۲۹ و ۳۰ آمده‌اند [۱۰]. در این روابط،  $NT$ : تعداد دوره‌های زمانی،  $NK$ : تعداد چاههای پمپاژ،  $NL$ : تعداد چاههای تغذیه،  $I_w(k)$ : افت اولیه (اختلاف تراز اولیه آب زیرزمینی از سطح زمین) چاههای پمپاژ،  $\bar{s}_w(k,t)$ : میانگین تغییر در تراز آب زیرزمینی در چاه پمپاژ  $k$  در دوره  $t$ ،  $q_w(k,t)$ : حجم آب پمپاژ شده از چاه پمپاژ  $k$  در دوره  $t$ ،  $q_{ar}(l,t)$ : حجم آب تغذیه شده در چاه تغذیه  $l$  در دوره زمانی  $t$  و  $u_{ar}(l,t)$  هزینه تغذیه یک واحد حجمی (یک میلیون متر مکعب) آب در سلول تغذیه  $l$ ، می‌باشد.

همچنین  $m_w(t)$  عبارت است از هزینه واحد پمپاژ یک واحد حجمی آب از چاه به ارتفاع یک متر که از رابطه ۳۱ محاسبه می‌شود. در این رابطه،  $\text{uelif}$ : انرژی واحد مورد نیاز جهت پمپاژ یک متر مکعب بر ثانیه آب به ارتفاع یک متر در یک ثانیه و  $\text{ueinj}$ : انرژی واحد مورد نیاز جهت تغذیه یک متر مکعب بر ثانیه آب به عمق یک متر در یک ثانیه می‌باشد.  $\text{ucen}$ : قیمت واحد انرژی (مثلاً به  $\text{Rls/Kwh}$ )،  $\text{efp}$ : راندمان پمپاژ و  $Q2V(t)$ : ضریب تبدیل دبی به حجم می‌باشد.