

تخمین ضریب پراکندگی طولی آلودگی با استفاده از سیستم استنتاج فازی- عصبی انطباقی

سید علی ایوبزاده^۱

حسین ریاحی مدوار^۲

(دریافت ۸۶/۱۰/۱۱ پذیرش ۸۷/۴/۱۹)

چکیده

ضریب پراکندگی طولی آلودگی در رودخانه‌ها و محواری طبیعی به علت پیچیده بودن فرایند حاکم، اغلب با استفاده از روابط ساده شده تجربی که دقت مطلوبی ندارند، تعیین می‌شود. به همین دلیل در این تحقیق با استفاده از سیستم خبره استنتاج فازی - عصبی انطباقی که قابلیت فراگیری و درک روابط حاکم بر پدیده‌ها بدون نیاز به معادلات حاکم را دارد، روش جدیدی برای تخمین ضریب پراکندگی طولی ارائه شده است. فرایند توسعه و ارزیابی مدل جدید با استفاده از مجموعه داده‌های واقعی و معیارهای آماری و گرافیکی مختلفی صورت گرفته است. طبق نتایج تحقیق، مدل در مقایسه با تمامی روابط موجود (دوازده رابطه) دقت بسیار بهتری دارد. مقادیر ریشه میانگین مربعات خطأ و ضریب همبستگی مربوط به مدل در مرحله توسعه به ترتیب برابر $15/18$ و $0/99$ و در مرحله ارزیابی $187/8$ و $0/91$ به دست آمد. در حالی که مقادیر این پارامترها برای بهترین رابطه تجربی (رابطه هانگ و لی) به ترتیب برابر $295/7$ و $0/48$ می‌باشد. طبق نتایج، استفاده از مدل تطبیقی استنتاج فازی- عصبی دقت تخمین ضریب را به میزان قابل توجهی بهبود می‌بخشد. روش ارائه شده در این تحقیق رهیافت جدیدی در تخمین ضریب پراکندگی طولی آلودگی در رودخانه محسوب شده و به خوبی قابلیت اتصال و ترکیب با مدل‌های ریاضی انتقال آلودگی و نیز بهنگام سازی با توجه به شرایط واقعی را دارد.

واژه‌های کلیدی: انتقال آلودگی، استنتاج فازی- عصبی انطباقی، ضریب پراکندگی طولی ، معادلات تجربی.

Estimating Longitudinal Dispersion Coefficient of Pollutants Using Adaptive Neuro-Fuzzy Inference System

Hossein Riahi Modvar¹

Seyed Ali Ayyoubzadeh²

(Received Jan. 1, 2008 Accepted July 9, 2008)

Abstract

Longitudinal dispersion coefficient in rivers and natural streams is usually estimated by simple inaccurate empirical relations because of the complexity of the phenomenon. In this study, the adaptive neuro-fuzzy inference system (ANFIS) is used to develop a new flexible tool for predicting the longitudinal dispersion coefficient. The system has the ability to understand and realize the phenomenon without the need for mathematical governing equations.. The training and testing of this new model are accomplished using a set of available published filed data. Several statistical and graphical criteria are used to check the accuracy of the model. The dispersion coefficient values predicted by the ANFIS model compares satisfactorily with the measured data. The predicted values are also compared with those predicted by existing empirical equations reported in the literature to find that the ANFIS model with $R^2=0.99$ and RMSE=15.18 in training stage and $R^2=0.91$ and RMSE=187.8 in testing stage is superior in predicting the dispersion coefficient to the most accurate empirical equation with $R^2=0.48$ and RMSE=295.7. The proposed methodology is a new approach to estimating dispersion coefficient in streams and can be combined with mathematical models of pollutant transfer or real-time updating of these models.

Keywords: Pollutant Transfer, Adaptive Neuro Fuzzy-Inference System, Longitudinal Dispersion Coefficient, Empirical Equations.

1. PhD. Student of Water Structures Engineering, Tarbiat Modarres University, Tehran, hsriahi@yahoo.com

۱- دانشجوی دکترای سازه‌های آبی، دانشگاه تربیت مدرس، تهران.

2. Assoc. Prof. of Water Structures Engineering, Tarbiat Modarres University, Tehran

۲- دانشیار گروه سازه‌های آبی، دانشگاه تربیت مدرس، تهران.

۱- مقدمه

تخمین دقیق ضریب پراکندگی طولی در رودخانه در مسائل مهندسی رودخانه، محیط زیست، طراحی آبگیرها و دلتاها و ارزیابی خطر تزریق آلاینده‌های خطرناک به درون رودخانه اهمیت ویژه‌ای دارد. بنابراین بررسی دقیق تغییرات غلظت آلاینده‌ها در رودخانه‌های طبیعی با استفاده از مدل‌های یک بعدی نیازمند انتخاب ضریب پراکنش طولی مناسب است [۵]. در صورتی که داده‌های واقعی در دسترس باشند به سادگی می‌توان این ضریب را تعیین کرد ولی در رودخانه‌هایی که مشخصات و ویژگیهای اختلاط و پراکنش ناشناخته باشند، الزاماً باید از روشهای جایگزین استفاده شود. به علت پیچیده بودن فرایند انتقال آلودگی و جریان در رودخانه‌های طبیعی، محاسبه دقیق این ضریب غیرممکن است و اغلب با استفاده از روابط ساده شده تجربی تعیین می‌شود که این روابط تنها در محدوده شرایطی که برآش یافته‌اند قابلیت استفاده داشته و برای شرایطی خارج از آن محدوده، دقت چندان مطلوبی ندارند. در این زمینه محققان مختلف روابط تجربی مختلفی را ارائه نموده‌اند که در ادامه بحث خواهند شد.

هدف اصلی در این تحقیق بررسی روشهای و معادلات مختلف ارائه شده برای تعیین ضریب طولی پراکندگی آلودگی در رودخانه‌های طبیعی و ارزیابی دقت این روشهای در مقایسه با داده‌های اندازه‌گیری شده واقعی و ارائه روشی توین و دقیق‌تر در این زمینه است. همچنین در گام دوم تحقیق برای اولین بار با استفاده از قابلیت‌های سیستم استنتاج فازی- عصی انطباقی، رهیافت جدیدی برای تخمین ضریب پخش طولی آلودگی ارائه شده و نتایج آن با نتایج معادلات تجربی موجود مقایسه شده است. در ادامه و در ابتدا مهم‌ترین روابط تعیین ضریب پراکندگی طولی ارائه شده و سپس مدل استنتاج فازی- عصی انطباقی با جزئیات کامل معرفی گردیده است. در پایان نتایج روابط تجربی و مدل فازی- عصی انطباقی ارائه و با یکدیگر مقایسه شده است.

۲- روش تحقیق

در این قسمت در ابتدا اصول تئوری، سابقه تحقیقاتی و مهم‌ترین روابط موجود برای تعیین ضریب پراکندگی ارائه شده و سپس سیستم استنتاج فازی- عصی انطباقی و الگوریتم توسعه آن آورده شده است. در ادامه مجموعه داده‌های مورد استفاده در تحقیق و محدوده تغییرات پارامترهای مختلف آن ارائه شده است.

۳- روابط تعیین ضریب پراکندگی طولی

اولین بار تیلور در سال ۱۹۵۳ ضریب پراکندگی طولی را به عنوان اندازه‌ای از فرایند پراکندگی طولی یک بعدی توسط معادله انتقال- پخش به صورت زیر بیان نمود [۴]:

در سالهای اخیر حفاظت رودخانه‌ها و پاکسازی آنها مورد توجه سازمانهای ملی و بین‌المللی مسئول کنترل کیفیت و حفاظت منابع آب قرار گرفته است. این موضوع در مناطقی که شهرها و صنایع بزرگ در نزدیکی رودخانه‌ها قرار دارند و رودخانه‌ها تأمین کننده اصلی نیازهای آبی می‌باشند، به منظور حفظ سلامت عمومی، بیشتر مورد توجه قرار گرفته است [۱، ۲ و ۳]. بدین جهت توانایی تخمین و شبیه‌سازی جریان، انتقال آلودگی و رسوب در سیستم‌های رودخانه‌ای برای برنامه‌ریزی منابع آب اهمیت زیادی دارد. این قابلیت موجب کاهش خطر خسارت به محیط زیست در آینده و افزایش تأثیر مهندسی محیط زیست بر مدیریت منابع آب می‌شود [۱].

رونده رو به رشد آلودگی آبهای سطحی در سراسر جهان نیاز به استفاده از فرایندهای اختلاط و رقیق‌سازی را الزامی نموده است. هم اکنون استفاده از فرایند پخشیدگی و تقویت خودپالایی رودخانه یکی از مهم‌ترین روشهای مدیریت زیست محیطی رودخانه محسوب می‌شود. سرازیر شدن انواع پسابهای کشاورزی و صنعتی به داخل آبراهه‌ها به منظور اکسید شدن و حذف مواد آلی، به یک عمل مرسوم تبدیل شده است. برای کنترل آلودگی در جریانهای روباز، رهاسازی آلاینده‌ها باید به صورت منطقی و تنظیم شده انجام شود. این مطلب نیازمند اطلاع دقیق از توانایی حمل، پخش و پاکسازی آلودگی توسط جریان آب در طول مشخصی از مسیر خود است [۲].

با تزریق آلاینده‌های مختلف به درون رودخانه، انتقال آنها به پایین دست توسط فرایند اختلاط با جریان و پراکنش‌های طولی، عرضی و عمیقی انجام می‌شود. آلاینده‌ها در جهات طولی، عرضی و عمیقی تحت تأثیر فرایندهای انتقال^۱ و اختلاط^۲ منتشر می‌شوند [۳]. قابلیت و قدرت جریان رودخانه‌ها و دیگر جریانهای سطحی در پراکنش مواد اضافه شده به آن در جهات طولی، عرضی و قائم توسط ضرایب پراکندگی K_y و K_z بیان می‌شود [۳]. در نقاط دورتر از محل تزریق آلاینده که اختلاط در کل مقطع عرضی کامل می‌شود، تنها پراکندگی طولی قابل توجه خواهد بود [۴]. شدت پراکندگی طولی توسط ضریب پراکندگی طولی تعیین می‌شود و نتیجتاً سرنوشت انتقال آلاینده به شدت تابع پراکندگی طولی است و مدل‌سازی و پایش و تعیین دقیق وضعیت آلودگی رودخانه‌ها نیازمند محاسبه دقیق ضریب پراکندگی طولی آلودگی در آنهاست [۱ و ۵].

¹ Advection

² Dispersion

$$I = - \int_0^1 h' u'' \int_0^{y'} \frac{1}{\varepsilon_t} \int_0^{y'} h' u'' dy' dy' dy' \quad (5)$$

که پارامترهای بی بعد آن به صورت زیر تعریف شده‌اند:

$$\varepsilon_t' = \frac{\varepsilon_t}{\varepsilon_t} y' = \frac{y}{B} h'' = \frac{h}{H} u'' = \frac{u'}{\sqrt{u'^2}} \quad (6)$$

که در آن

$\sqrt{u'^2}$ شدت انحراف سرعت و اندازه‌ای از انحراف متوسط سرعت متلاطم از سرعت متوسط در مقطع است [۷]. بر مبنای روش ارائه شده توسط فیشر و رابطه^۴، مق yanان مختلف روابط مختلفی ارائه نموده‌اند که مهم‌ترین آنها در جدول ۱ فهرست شده است. مشاهده می‌شود که تمامی این روابط ضریب پراکندگی طولی را با استفاده از متغیرهای مربوط به شرایط متوسط جریان در مقطع رودخانه محاسبه می‌نمایند. این متغیرها عبارت‌انداز متوسط عمق جریان در مقطع، سرعت متوسط، سرعت برشی و عرض سطح آب.

در این تحقیق برای ارزیابی دقت روابط ارائه شده در جدول ۱ مجموعه داده‌هایی که در آنها این چهار پارامتر همراه با ضریب پراکندگی طولی ارائه شده بود گردآوری گردید. همچنین در فرایند توسعه مدل استنتاج فازی-عصبی انطباقی نیز از همین پارامترها به عنوان متغیرهای ورودی و خروجی استفاده شد.

علاوه بر معادلات ارائه شده در جدول ۱ ضریب پراکندگی طولی آلدگی در رودخانه‌های طبیعی با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی نیز برآورد شده است [۳]. مقایسه نتایج مدل شبکه عصبی مصنوعی با داده‌های واقعی بیانگر دقت نسبتاً بهتر آن در مقایسه با روابط تجربی فیشر، کاشفی پور و فالکتر^۲ و دونگ^۳ و همکاران است [۳، ۵، ۶ و ۸]. ضریب همبستگی بین داده‌های واقعی و پیش‌بینی مدل شبکه‌های عصبی مصنوعی در مرحله آزمایش ۰/۷ و محدود مریعات خطای آن ۹۳ (متر مربع در ثانیه) به دست آمد [۳]. مشاهده می‌شود که علی‌رغم اینکه در تحقیقات وسیعی از روش‌های مبتنی بر هوش مصنوعی در مطالعات زیست محیطی استفاده شده است [۱۲-۹]. با این وجود، تنها تایفور و سینگ با استفاده از روش هوش مصنوعی اقدام به برآورد ضریب پراکندگی طولی آلدگی نموده‌اند [۳]. به همین دلیل در این تحقیق برای اولین بار از قابلیتهای سیستم استنتاج فازی-عصبی انطباقی برای توسعه روش نوینی در تخمین ضریب پراکندگی طولی آلدگی استفاده شد و نتایج آن با نتایج روابط موجود در این زمینه مقایسه گردید [۱۳-۹ و ۱۶-۵].

$$\frac{\partial C}{\partial t} + u \frac{\partial C}{\partial x} = K_x \frac{\partial^2 C}{\partial x^2} \quad (1)$$

که در آن

C متوسط غلظت در مقطع، u متوسط سرعت طولی، t زمان، x جهت طولی در راستای جریان و K_x ضریب پراکندگی طولی^۱ است. طبق رابطه فوق سرنوشت تزریق آلاینده تابع K_x است که فیشر عبارت انتگرال سه گانه زیر را برای تخمین آن ارائه نمود [۵]:

$$K_x = - \frac{1}{A} \int_0^B h u' \int_0^y \frac{1}{\varepsilon} \int_0^y h u' dy dy dy \quad (2)$$

که در آن

K_x ضریب پراکندگی طولی، A سطح مقطع جریان، B عرض بالای سطح آب، h عمق موضعی جریان در هر نقطه عرضی، u میزان انحراف سرعت متوسط عمقی از سرعت متوسط مقطع، y مختصه عرضی که از ساحل سمت چپ اندازه‌گیری می‌شود و ε ضریب اختلاط عرضی است. شایان ذکر است که رابطه ۲ مبنای اکثر روش‌های تجربی ارائه شده برای تعیین K_x است. در این رابطه ترم ε ناشناخته است. در اکثر مراجع ε به عنوان ضریب پخش آشفته عرضی معرفی شده است. فیشر و همکاران در سال ۱۹۷۹ برای رودخانه‌های عریض و مستقیم با جریان یکنواخت و عمق ثابت در عرض، که پراکندگی عرضی وجود ندارد رابطه زیر را ارائه نموده‌اند [۶]:

$$\varepsilon_* = 0.15 H u_* \quad (3)$$

که در آن

H متوسط عمق جریان در مقطع عرضی، u_* سرعت برشی است و برابر $\sqrt{g H S_f}$ می‌باشد و S_f شب طولی انژوی است. مقایسه اندازه‌گیری‌های واقعی با نتایج رابطه ۲ نشان می‌دهد که در جریان یکنواخت، متوسط خطای آن ۳۰ درصد و در جریان غیریکنواخت تا ۴ برابر مقادیر واقعی نیز می‌رسد [۳]. استفاده از رابطه ۲ به علت در دسترس نبودن هندسه مقطع عرضی (h(y)) و نیم‌خر سرعت عرضی (v(y)) عملاً مشکل است. به همین دلیل فیشر و همکاران با استفاده از پارامترهای بدون بُعد، رابطه ساده شده ذیل را ارائه نموده‌اند [۷]:

$$K_x = \frac{I \bar{u}^2 B_1^2}{\varepsilon_*} \quad (4)$$

که در آن

B_1 مشخصه طولی متناظر با برش حاصله از توزیع سرعت عرضی، \bar{u} متوسط مقطعی ضریب اختلاط عرضی و I انتگرال بی بعد زیر است:

¹ Longitudinal Dispersion

² Falconer
³ Deng

جدول ۱- مهم‌ترین روابط ارائه شده برای تعیین ضریب پراکندگی طولی

محلق(سال)	رابطه ضریب پراکندگی طولی	شماره رابطه	مرجع
(۱۹۵۹) الدر	$K_x = 5.93 Hu_*$	(۷)	[۷]
(۱۹۷۴) کوئین و کیفر	$K_x = 0.58 \left(\frac{H}{u_*}\right)^2 UB$	(۸)	[۸]
(۱۹۷۵) فیشر	$K_x = 0.011 \frac{U^2 B^2}{Hu_*}$	(۹)	[۵]
(۱۹۷۷) لیو و چین	$K_x = 0.55 \frac{Bu_*}{H^2}$	(۱۰)	[۱۲]
(۱۹۸۰) لیو	$K_x = 0.18 \left(\frac{U}{u_*}\right)^{0.5} \left(\frac{B}{H}\right)^2 Hu_*$	(۱۱)	[۱۳]
(۱۹۹۱) اواسا و ایا	$K_x = 2.0 \left(\frac{B}{H}\right)^{1.5} Hu_*$	(۱۲)	[۱۴]
(۱۹۹۸) سو و چانگ	$K_x = 5.92 \left(\frac{U}{u_*}\right)^{1.43} \left(\frac{B}{H}\right)^{0.62} Hu_*$	(۱۳)	[۴]
(۱۹۹۸) کاسیز و روذریگر	$K_x = 0.6 \left(\frac{B}{H}\right)^2 Hu_*$	(۱۴)	[۱۵]
(۱۹۹۹) هانگ ولی	$K_x = 0.2 \left(\frac{B}{H}\right)^{1.3} \left(\frac{U}{u_*}\right)^{1.2} Hu_*$	(۱۵)	[۱۶]
(۲۰۰۱) دئونگ و همکاران	$K_x = \frac{0.15}{8\epsilon_t} \left(\frac{U}{u_*}\right)^2 \left(\frac{B}{H}\right)^{1.67} Hu_*$ و $\epsilon_t = 0.145 + \frac{1}{3520} \left(\frac{U}{u_*}\right) \left(\frac{B}{H}\right)^{1.38}$	(۱۶)	[۹]
(۲۰۰۲) کاشفی پور و فالکنر	$K_x = 10.612 \left(\frac{U}{u_*}\right) HU$	(۱۷)	[۶]
(۱۳۸۵) توکلی‌زاده و کاشفی پور	$K_x = 7.428 + 1.775 \left(\frac{B}{H}\right)^{0.62} \left(\frac{U}{u_*}\right)^{1.572} HU$	(۱۸)	[۱]

آموزش‌پذیری آنها از روی الگوهای آموزشی (وروودی‌ها و خروجی‌های متناسب)، با استفاده از الگوریتم‌های مختلف آموزش است که بر این اساس رابطه بین متغیرهای ورودی و خروجی را شناسایی می‌نمایند [۲۰]. بنابر گفته‌های فوق ترکیب سیستم‌های فازی که مبتنی بر قواعد منطقی‌اند و روش شبکه‌های عصبی مصنوعی که توان استخراج دانش از اطلاعات عددی را دارند، مارا قادر می‌سازد تا بتوانیم در کنار استفاده از دانش بشری از اطلاعات موجود نیز در ساخت مدل استفاده کنیم. روشی که بر این اساس ارائه شده است روش استنتاج فازی - عصبی انطباقی است [۱۹، ۲۱ و ۲۲].

سیستم فازی، یک سیستم مبتنی بر قواعد منطقی شرط-نتیجه است که با استفاده از مفهوم متغیرهای زبانی و روند تصمیم‌گیری فازی، فضای متغیرهای ورودی را بر فضای متغیرهای خروجی تصویر می‌کند [۱۸]. پایگاه قواعد فازی که مجموعه قوانین منطقی بیان کننده رابطه بین متغیرهای فازی است مهم‌ترین بخش یک

۲-۲- منطق و سیستم فازی

در میان روش‌های نوین مدل‌سازی، سیستم‌های فازی از جایگاه ویژگی‌های برخوردارند [۱۲]. توانایی پیاده‌سازی دانش بشري با استفاده از مفاهیم برچسب‌های زبانی و قواعد فازی، غیرخطی بودن و قابلیت تطبیق‌پذیری این سیستم‌ها و دقت بهتر آنها در مقایسه با سایر روش‌ها در شرایط محدودیت داده‌ها، از جمله مهم‌ترین ویژگیهای این سیستم‌هاست [۱۷]. یک سیستم فازی، سیستمی منطبق بر قواعد منطقی شرط-نتیجه است و نقطه شروع ساخت یک سیستم فازی به دست آوردن مجموعه‌ای از قواعد اگر-آنگاه فازی با استفاده از دانش فرد خبره یا دانش حوزه مورد نظر است [۱۸]. داشتن روشی که با استفاده از آن بتوان از اطلاعات عددی موجود برای ساخت قواعد منطقی فازی استفاده کرد ابزار مفیدی در این زمینه به شمار می‌رود [۱۹].

یکی دیگر از روش‌های نوین مدل‌سازی، شبکه‌های عصبی مصنوعی است که مهم‌ترین دلیل قدرتمندی آنها قابلیت

X مقدار ورودی به گره i و a_i, b_i, c_i پارامترهای تابع عضویت این مجموعه است. این پارامترها به نام پارامترهای "شرط" نامیده می‌شوند.

لایه دوم، گره‌های قاعده: هر گره در این لایه، درجه فعالیت یک قانون را محاسبه می‌کند.

$$O_i^2 = w_i = \mu_{A_i}(x) \times \mu_{B_i}(y), i = 1, 2 \quad (22)$$

که در آن

$\mu_{A_i}(x)$ درجه عضویت x در مجموعه A_i و $\mu_{B_i}(y)$ درجه عضویت y در مجموعه B_i است.

لایه سوم، گره‌های متوسط: در این لایه i امین گره نسبت درجه فعالیت قانون i ام را به مجموع درجه فعالیت کلیه قوانین به صورت زیر محاسبه می‌کند

$$O_i^3 = w_i^n = \frac{w_i}{w_1 + w_2}, i = 1, 2 \quad (23)$$

در این رابطه w_i^n درجه فعالیت نرمال شده قانون i ام است.

لایه چهارم، گره‌های نتیجه: در این لایه، خروجی هر گره برابر است با

$$O_i^4 = w_i^n f_i = w_i^n \cdot (p_i + q_i + r_i), i = 1, 2 \quad (24)$$

در این رابطه p_i, q_i و r_i پارامترهای تطبیقی لایه‌اند و به نام

"پارامترهای نتیجه"^۲ خوانده می‌شوند.

لایه پنجم، گره‌های خروجی: در این لایه، هر گره مقدار خروجی نهایی را به صورت زیر محاسبه می‌کند (تعداد گره‌ها برابر تعداد خروجی‌هاست):

$$O_i^5 = \sum w_i^n f_i = \sum w_i^n \quad (25)$$

بدین صورت می‌توان یک سیستم فازی که قابلیت یادگیری دارد پیاده‌سازی نمود، روش آموزش اصلی در این سیستم، روش پسانشار خطاست. در این روش با استفاده از "الگوریتم شبیه نزولی"^۳ خط، مقدار خطابه سمت ورودی‌ها پخش می‌گردد و پارامترها تصحیح می‌شوند. مطابق شکل ۱ می‌توان خروجی کل را به صورت ترکیب خطی پارامترهای نتیجه به صورت زیر نوشت [۱۹]

$$\begin{aligned} f &= w_1^n f_1 + w_2^n f_2 \\ &= (w_1^n x) p_1 + (w_1^n y) q_1 + (w_1^n) r_1 \\ &\quad + (w_2^n x) p_2 + (w_2^n y) q_2 + (w_2^n) r_2 \end{aligned} \quad (26)$$

² Consequent Parameters

³ Gradient Descent Method

سیستم فازی به شمار می‌رود [۲۲]. از آنجا که داده‌های موجود همواره مقادیر قطعی دارند از یک فازی‌ساز برای تبدیل آنها به متغیر فازی استفاده شده و از یک غیرفازی‌ساز برای تبدیل نتایج سیستم فازی به مقادیر قطعی استفاده می‌شود [۱۹]. یکی از مهم‌ترین سیستم‌های فازی، سیستم سوگنو است که قواعد اگر-آنگاه را در پایگاه قواعد ذخیره می‌کند. قواعد این سیستم به صورت زیر است [۲۴، ۲۳ و ۲۵].

$$\text{IF } x_1 \text{ is } A_1 \text{ and } x_2 \text{ is } A_2 \dots x_n \text{ is } A_n \\ \text{Then } y = f(x_1, x_2, \dots, x_n) \quad (19)$$

که در آن، A_i ها مجموعه‌های فازی‌اند. در این سیستم، قسمت "اگر" قانون به صورت فازی و قسمت "آنگاه" قانون یک تابع حقیقی از مقادیر ورودی‌هاست که معمولاً رابطه‌ای خطی به صورت $a_1 x_1 + a_2 x_2 + \dots + a_n x_n$ است [۲۶].

۳- سیستم استنتاج فازی-عصبي انتظاري^۱

اصطلاح ANFIS مخفف عبارت "سیستم استنتاج فازی تطبیق‌پذیر" مبتنی بر شبکه‌های عصبی مصنوعی است [۲۷]. این سیستم پیاده‌سازی یک سیستم فازی سوگنو به صورت ساختار شبکه‌ای پیش‌رونده است. در شکل ۱ یک سیستم فازی سوگنو با دو ورودی، یک خروجی و دو قانون به نمایش درآمده و در زیر آن سیستم ANFIS معادل آن قرار گرفته است [۱۹]:

این سیستم دارای دو ورودی X و Y و یک خروجی f با قانون زیر است

$$\begin{aligned} \text{IF } x \text{ is } A_1 \text{ and } y \text{ is } B_1, \text{ Then } f = p_1 x + q_1 y + r_1 \\ \text{IF } x \text{ is } A_2 \text{ and } y \text{ is } B_2, \text{ Then } f = p_2 x + q_2 y + r_2 \end{aligned} \quad (20)$$

اگر خروجی هر لایه نام در زامین لایه) ساختار O_i^1 نشان دهیم (خروچی گره i ام در زامین لایه)، ساختار O_i^1 دارای پنج لایه می‌باشد (شکل ۱) که عملکرد لایه‌ها به صورت زیر است [۲۸].

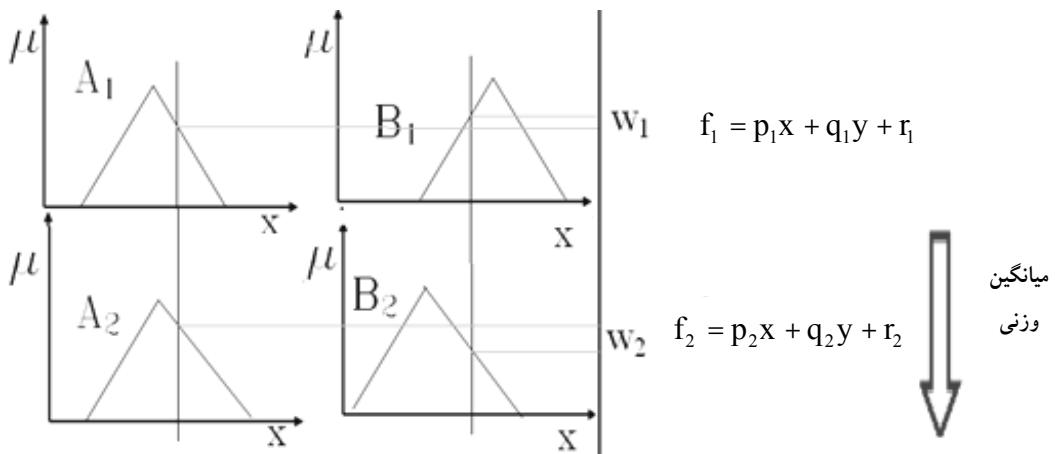
لایه اول، گره‌های ورودی: هر گره این لایه یک مجموعه فازی است و خروجی هر گره در این لایه درجه عضویت متغیر ورودی در این مجموعه فازی است. پارامترهای هر گره تعیین کننده شکل تابع عضویت مجموعه فازی آن گره است [۱۹]. تابع عضویت مجموعه‌های فازی معمولاً توابع زنگوله‌ای شکل به صورت

زیر بیان می‌شود [۲۶]

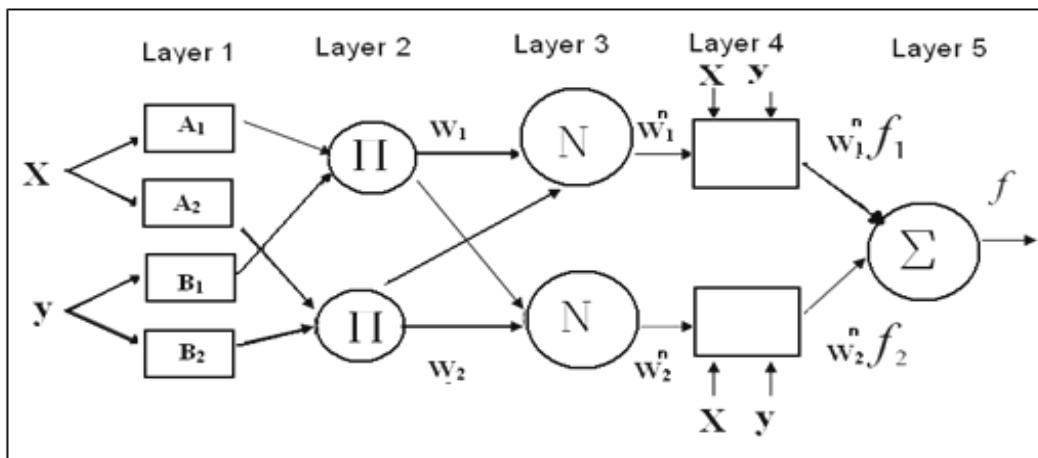
$$O_i^1 = \frac{1}{1 + [(X - c_i)/a_i]^{2b_i}} \quad (21)$$

که در آن

¹ Adaptive Neuro-Fuzzy Inference System (ANFIS)



$$f(x,y) = \frac{w_1(x,y)f_1(x,y) + w_2(x,y)f_2(x,y)}{w_1(x,y) + w_2(x,y)}$$



شکل ۱- یک سیستم فازی سوگنو با تابع عضویت مثلثی و سیستم فازی- عصبی معادل آن [۲۴]

عبارة اند از عرض جریان، عمق جریان، متوسط سرعت جریان در مقطع و سرعت برشی است. پارامتر خروجی نیز ضریب پراکندگی طولی آلوگی است.

۳- مجموعه داده های مورد استفاده در تحقیق
برآورد ضریب پراکندگی طولی با استفاده از روابط تجربی جدول ۱ و سیستم استنتاج فازی- عصبی انطباقی نیازمند مجموعه های از داده های هیدرولیکی و هندسی است. در این تحقیق با جمع آوری مجموعه ای وسیع از داده های محققان مختلف از مراجع [۶، ۳، ۴ و ۲۹] و [۲۸، ۲۱] در این تحقیق پارامترهای ورودی مدل شده بود، اقدام به ارزیابی دقیق روابط تجربی و نیز توسعه مدل استنتاج فازی- عصبی انطباقی و همچنین ارزیابی دقیق آن شده است. در جدول ۲ متغیرهای مورد نیاز روابط تجربی و پارامترهای

بنابراین پارامترهای نتیجه را با استفاده از روش کمترین مجموع مربعات خطای^۱ می توان محاسبه نمود. با ترکیب این روش و روش پس انتشار خطای^۲، روش ترکیبی^۳ به دست می آید که به صورت زیر عمل می کند. در هر دور آموزش، هنگام حرکت رو به جلو، خروجی های گره ها به صورت عادی تا لایه چهارم محاسبه می شوند و سپس پارامترهای نتیجه به روش کمترین مجموع مربعات خطای محاسبه می گردند. در ادامه پس از محاسبه خطای در بازگشت رو به عقب نسبت خطای بر روی پارامترهای شرط، پخش شده و مقدار آنها با استفاده از روش شبیه نزولی خطای تصحیح می شود [۱۹، ۲۱ و ۲۹]. در این تحقیق پارامترهای ورودی مدل

¹ Minimum Sum of Squared Error

² Errors Back-Propagating

³ Hybrid

سپس به ترتیب نتایج روابط تجربی و مدل فازی - عصبی آمده است.

۴- معیارهای ارزیابی نتایج

نتایج روابط تجربی و مدل فازی - عصبی با استفاده از معیارهای ضریب تشخیص^۵, میانگین خطای مطلق^۶, ریشه میانگین مربعات خطأ^۷ و میانگین مربعات خطأ^۸ ارزیابی شده است. این شاخصها میان متوسطی از خطای در عملکرد مدل می‌باشند و در ضمن آمارهای عمومی^۹ هستند که اطلاعاتی در مورد توزیع خطای در نتایج را ارائه نمی‌کنند و برای ارزیابی قدرتمندی مدل‌های مورد بررسی باید از معیارهای دیگری استفاده کرد. به همین دلیل دو روش شاخص میانگین قدر مطلق خطای نسبی^{۱۰} و تحلیل آستانه خطای^{۱۱} نیز مورد استفاده قرار گرفت [۲۹ و ۳۴]. این دو معیار نه تنها شاخص عملکرد را به صورت عبارتهایی از مقادیر پیش‌بینی شده ارائه می‌دهند بلکه توزیع خطای را نیز نشان می‌دهند. شاخص TS_x برای مقدار x درصد از پیش‌بینی‌ها، نشان‌دهنده توزیع خطای در مقادیر پیش‌بینی شده برای هر مدل می‌باشد. این شاخص که بر حسب درصد تعریف می‌شود برای مقادیر مختلف قدر مطلق خطای نسبی ارائه می‌شود. مقدار TS_x برای x درصد از پیش‌بینی‌ها طبق رابطه زیر به دست می‌آید

$$TS_x = \frac{Y_x}{n} \cdot 100 \quad (27)$$

که در آن, Y_x تعداد دبی‌های پیش‌بینی شده (از کل تعداد n) برای هر مقدار مطلق خطای نسبی کمتر از x درصد می‌باشد. روابط محاسبه کلیه معیارهای آماری در مراجع آمده است [۲۷ و ۲۹].

۴- نتایج روابط محققان مختلف برای تعیین x_K

با استفاده از مجموعه داده‌های گردآوری شده در این تحقیق (۷۳ مورد), ضریب پراکندگی طولی با استفاده از هر کدام از روابط جدول ۱ محاسبه شد و دقت آنها با استفاده از داده‌های اندازه‌گیری شده بررسی گردید. در جدول ۳ نتایج روابط محققان مختلف ارائه شده است. مطابق جدول ۳, هیچ کدام از روابط تجربی ارائه شده توسط محققان در تخمین ضریب پراکندگی طولی, دقت قابل قبولی نداشته و خطای قابل توجهی دارند. در بهترین حالت رابطه هانگ و لی به عنوان بهترین رابطه, دارای ضریب همبستگی برابر ۰/۴۸ و

⁵ Mean Absolute Error (MAE)

⁶ Root Mean Square Error (RMSE)

⁷ Mean Square Error (MSE)

⁸ Global Statistics

⁹ Average Absolute Relative Error (AARE)

¹⁰ Threshold Statistics

استفاده شده در توسعه مدل فازی - عصبی و محدوده تغییرات آنها آمده است.

از مجموعه داده‌های موجود (۷۳ مورد) ۷۰ درصد آنها برای آموزش مدل و ۳۰ درصد برای ارزیابی آن استفاده شده است. شایان ذکر است که تقسیم‌بندی داده‌ها به دو گروه آموزش و ارزیابی به صورت تصادفی انجام شده است. معماری بهینه هر مدل با استفاده از پیش‌فرضهای جعبه ابزار نرم‌افزار مطلب^۱ و آزمون و خطای بر ساختار مدل تعیین شده است. با آزمون ترکیبات مختلفی از معماری مدل، حالت بهینه با توجه به ضریب همبستگی و مقادیر خطای حاصله به دست آمد. برای استفاده از سیستم فازی - عصبی، دو روش گسته سازی شبکه‌ای^۲ و خوش‌بندی جزئی^۳ وجود دارد. تفاوت عمده این دو روش در چگونگی تعیین تابع عضویت فازی است. در روش جداسازی شبکه‌ای نوع و تعداد تابع عضویت بردار اطلاعات ورودی توسط کاربر تعیین می‌شود و در روش خوش‌بندی جزئی نوع تابع عضویت با توجه به خصوصیات بردار اطلاعات ورودی و دسته‌بندی‌های موجود در آنها توسط مدل استنتاج فازی - عصبی انطباقی تعیین می‌گردد. در این تحقیق از روش گسته سازی شبکه‌ای و از تابع عضویت Gaussmf^۴ با چهار متغیر ورودی و سه تابع عضویت برای هر کدام و ۳۰ تکرار، استفاده شده است. ترکیبات مختلفی از تعداد توابع و نوع آنها در توسعه مدل استفاده گردید و در نهایت مدل بهینه انتخاب شد. برای اطلاع از جزئیات و چگونگی توسعه سیستم فازی - عصبی انطباقی می‌توان به مراجع [۳۰-۳۳] مراجعه کرد.

جدول ۲- محدوده تغییرات داده‌های مورد استفاده در تحقیق

پارامتر	محدوده تغییرات	متوسط
سرعت جریان(متر در ثانیه)	۱/۷۴-۰/۰۳۴	۰/۵۵۶
عمق جریان(متر)	۰/۲۲-۱۹/۹۴	۱/۷۲
عرض جریان(متر)	۱۱/۸۹-۷۱۱/۲	۸۳/۰۶
سرعت برنشی(متر در ثانیه)	۰/۰۰۲۴-۰/۵۵۳	۰/۰۸۶۹
ضریب پراکندگی طولی (متر مربع در ثانیه)	۱/۹-۱۴۸۶/۴۵	۱۳۰/۳۹

۴- نتایج و بحث

در این قسمت در ابتدا معیارهای آماری که برای ارزیابی دقت روابط تجربی و مدل فازی - عصبی استفاده شده‌اند معرفی شده و

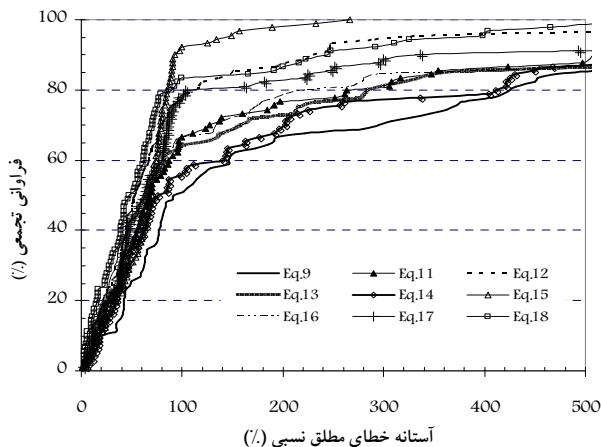
¹ MATLAB 7.0.4

² Grid Partitioning

³ Sub-Clustering (MAE)

⁴ Gaussian Membership Function

در شکل ۲، نمودار توزیع خطای پیش‌بینی روابط جدول ۱، به صورت خطای آستانه آمده است. از آنجا که طبق جدول ۳ دقت روابط ۸، ۷ و ۱۰ بسیار پایین است، برای وضوح بهتر نمودار، خطای آستانه آنها از شکل ۲ حذف شده است. همچنین از آنجا که آستانه خطای برخی از این روابط برای ۱۰۰ درصد داده‌ها بسیار زیاد بود (۵۰۰۰ درصد)، برای مقایسه بهتر روابط، حد بیشینه آستانه خطای در این گراف برابر ۵۰۰ درصد قرار داده شده است. همان طور که مشاهده می‌شود برای ۵۰ درصد مقادیر پیش‌بینی شده، میزان خطا بیشتر از ۱۰۰ درصد است که خطای نسبتاً بالای است.



شکل ۲- توزیع خطای پیش‌بینی روابط محققان مختلف

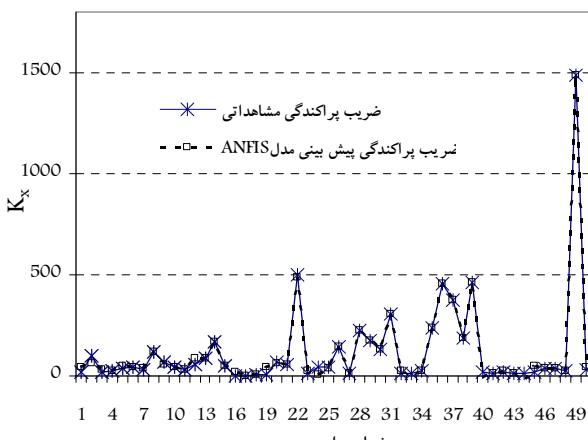
همچنین این نمودار نشان می‌دهد که رابطه ۱۵ برای تعداد ۱۰۰ پیش‌بینی، خطایی کمتر از ۳۰۰ درصد داشته است و بهترین رابطه

مجذور مربعات خطای برابر $295/7$ مترمربع در ثانیه، متوسط مربعات خطای برابر $87439/6$ (m^4/sec^2). متوسط خطای مطلق $132/98$ متر مربع در ثانیه و میانگین قدر مطلق خطای نسبی $68/46$ درصد است [۱۵]. این اعداد به وضوح دقت پایین روابط تجربی ارائه شده برای تخمین ضریب پراکندگی طولی را نشان می‌دهد. نکته قابل توجه در مورد این روابط این است که مطابق نتایج جدول ۳ و روابط جدول ۱، کمترین دقت را رابطه کوئین و کیفر (رابطه ۸) از خود نشان می‌دهد. مهم‌ترین دلیل این امر مربوط به شکل رابطه ارائه شده است. مطابق جدول ۱ در این رابطه ضریب پراکندگی طولی با توان دوم عمق جریان رابطه مستقیم دارد، در صورتی که این امر با فیزیک پدیده همخوانی ندارد؛ چراکه پراکندگی طولی طبق تعریف به شدت تابع توزیع عرضی متوسط سرعت عمقی است. بنابراین هرچه عمق جریان کمتر شود، توزیع عرضی اهمیت بیشتری پیدا خواهد کرد و پراکندگی طولی که منتجه اختلاف سرعت متوسط عمقی در عرض رودخانه با متوسط سرعت در کل مقطع است نیز بیشتر خواهد شد و ضریب K_x با عمق، رابطه معکوس خواهد داشت نه مستقیم. نکته قابل توجه دیگر در این مورد این است که در روابطی که یکی از پارامترهای عرض و یا سرعت متوسط جریان حذف شده، به علت حذف مهم‌ترین پارامترهای مؤثر بر شدت تلاطم عرضی رودخانه، دقت روابط به میزان قابل توجهی کاهش یافته است. در این مورد می‌توان به روابط ۷، ۱۰، ۱۲، ۱۴ و ۱۶ اشاره کرد. همچنین با توجه به نتایج جدول ۳ می‌توان بیان نمود که اثر سرعت جریان بر ضریب K_x بیشتر از اثر عرض جریان است، چراکه در رابطه ۱۷ علی‌رغم اینکه عرض جریان وارد نشده است ولی دقت آن در مقایسه با روابط ۱۰ و ۱۴ که سرعت در آنها وارد نشده است، بسیار بهتر است.

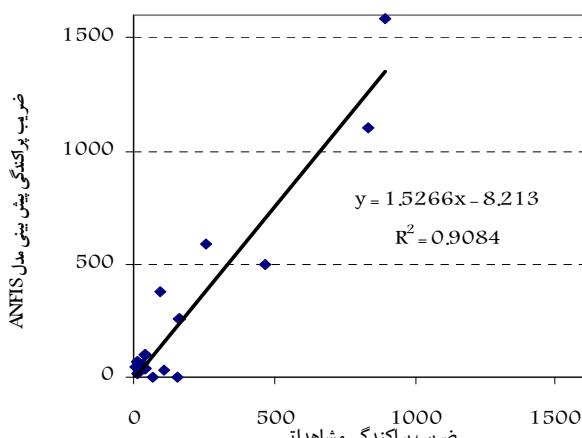
جدول ۳- مشخصات آماری معادلات محققان مختلف برای ضریب پراکندگی طولی

رابطه محاسبه ضریب پراکندگی طولی	R^2	RMSE	MSE	MAE	AARE (%)	پارامتر آماری
رابطه ۷- الدر(۱۹۵۹)	۰/۱۲	۴۵۲/۵	۲۰۴۷۵۲/۵	۲۱۷/۷	۹۷/۱۸	
رابطه ۸- کوئین و کیفر(۱۹۷۴)	۰/۰۱	۵۹۸۹۷۴/۱۹	۳۵۸۷۰۰/۷۷	۱۱۸۳۲۰/۳	۵۱۷۹۸/۳	
رابطه ۹- فیشر(۱۹۷۵)	۰/۴۴	۱۸۹۱/۷	۳۵۷۸۵۲۶/۴۹	۸۳۳/۷۱	۲۲۱/۵	
رابطه ۱۰- لیو و چن(۱۹۷۷)	۰/۱۰	۴۵۵/۴۳	۲۰۷۴۱۹/۰۳	۲۱۸/۷۲	۹۳/۱۲	
رابطه ۱۱- لیو(۱۹۸۰)	۰/۳۵	۴۷۲/۵۹	۲۲۳۳۴۵/۶۳	۲۳۸/۳۹	۱۷۹/۳	
رابطه ۱۲- اواسا و ایا(۱۹۹۱)	۰/۳۰	۲۳۵/۴۶	۱۱۲۵۳۵/۱۱	۱۴۸/۸۷	۱۹۱/۳۱	
رابطه ۱۳- سشو و چانگ(۱۹۹۸)	۰/۴۲	۱۰۲۲/۲۵	۱۰۴۴۹۹۶/۰۱	۴۳۳/۵۰	۶۳۷/۲	
رابطه ۱۴- کاسیز و روذریگر(۱۹۹۸)	۰/۲۸	۴۸۱/۹۲	۲۳۲۲۴۶/۲۹	۲۶۲/۶۱	۲۵۹/۸۷	
رابطه ۱۵- هانگ و لی(۱۹۹۹)	۰/۴۸	۲۹۵/۷	۸۷۴۳۹/۶	۱۳۲/۹۸	۶۸/۴۶	
رابطه ۱۶- دونگ و همکاران(۲۰۰۱)	۰/۳۸	۸۴۱/۸۳	۷۰۸۶۷۴/۸۸	۳۵۲/۸۶	۱۶۹/۲	
رابطه ۱۷- کاشفی پور و فالکر(۲۰۰۲)	۰/۳۵	۹۰۹/۳۱	۸۲۶۸۴۳/۸۳	۳۳۰/۳۹	۴۹۶/۸۳	
رابطه ۱۸- توکلی‌زاده و کاشفی پور(۱۳۸۵)	۰/۴۴	۳۷۶/۶۶	۱۴۱۸۷۴/۸۳	۱۷۲/۱۷	۸۹/۹۲	

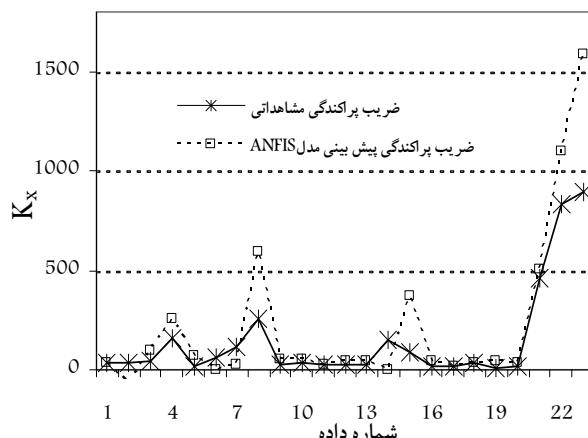
در مرحله ارزیابی مدل در برآورد نقاط اوج دچار بیش تخمینی شده است. علاوه بر این در شکل ۷ توزیع خطای آستانه پیش‌بینی مدل ANFIS در دو مرحله آموزش و ارزیابی به همراه نمودارهای مربوط به روابط ۱۵ و ۱۸ که دقت بهتری داشته‌اند، آمده است.



شکل ۴- عملکرد مدل فازی- عصبی در مرحله آموزش مدل

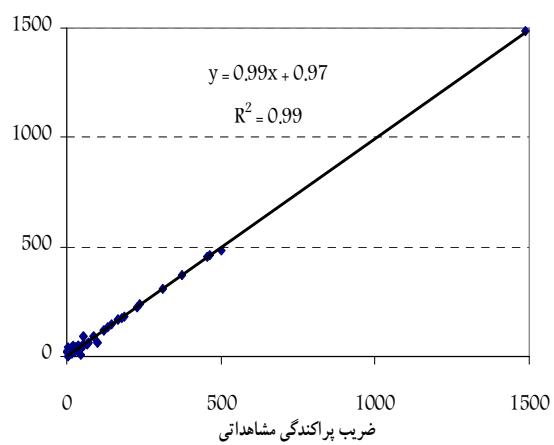


شکل ۵- مقایسه نتایج مدل ANFIS با داده‌های واقعی در مرحله ارزیابی مدل



شکل ۶- عملکرد مدل فازی- عصبی در مرحله ارزیابی مدل

از این لحاظ است. در حالی که دیگر روابط همگی برای تعداد ۱۰۰ پیش‌بینی، خطای بیش از ۵۰۰ درصد داشته‌اند. مقایسه این شکل و داده‌های جدول ۳ هماهنگی کامل بین نتایج معیارهای ارزیابی را نشان می‌دهد. شایان ذکر است که در این تحقیق به اصلاح ضرایب این معادلات یا ارائه معادلات جدید پرداخته نشده است و این عمل دو دلیل داشته است. اول اینکه هدف اصلی این تحقیق ارزیابی دقیق مدل ANFIS نسبت به روابط موجود فعلی است و دوم اینکه ضرایب اکثر این روابط از طریق بهینه‌سازی با نتایج مدل‌های عددی و آزمایشگاهی حاصل شده‌اند و همچنین اغلب این روابط در مطالعات انتقال آلودگی به عنوان روابط پایه و مرجع برای محاسبه ضریب پراکنندگی طولی شناخته می‌شوند.



شکل ۳- مقایسه نتایج مدل ANFIS با داده‌های واقعی در مرحله آموزش مدل

۲-۴- نتایج مدل ANFIS در تعیین K_x

با استفاده از مجموعه داده‌های گردآوری شده اقدام به توسعه مدل جدیدی برای تخمین ضریب پراکنندگی طولی آلودگی مبتتنی بر قابلیتهای سیستم‌های استنتاج فازی- عصبی انطباقی گردید. در شکل‌های ۳ تا ۶ نتایج مدل فازی- عصبی انطباقی در مراحل آموزش و ارزیابی نشان داده شده است. همچنین مشخصات آماری مدل در این مراحل در جدول ۴ آمده است. متغیرهای ورودی در مدل تطبیقی فازی- عصبی عبارت‌اند از عرض، عمق، سرعت متوسط و سرعت بررشی جریان و متغیر خروجی ضریب پراکنندگی طولی. مشاهده شکل‌های ۳ تا ۶ نشان می‌دهد که مدل به خوبی و با دقت مطلوب توانسته است الگوی حاکم بر انتقال آلودگی و ضریب پراکنندگی طولی را درک نموده و آن را در هر دو مرحله آموزش و ارزیابی برآورد نماید. مقایسه نتایج آماری مدل انطباقی فازی- عصبی (جدول ۴) با نتایج روابط تجربی محققان مختلف (جدول ۳) نشان می‌دهد که مدل فازی- عصبی از دقت بسیار بهتری برخوردار است و موفقیت قابل ملاحظه‌ای در این زمینه داشته است. هرچند

جدول ۴- مشخصات آماری مدل انطباقی فازی- عصبی در مراحل آموزش و ارزیابی

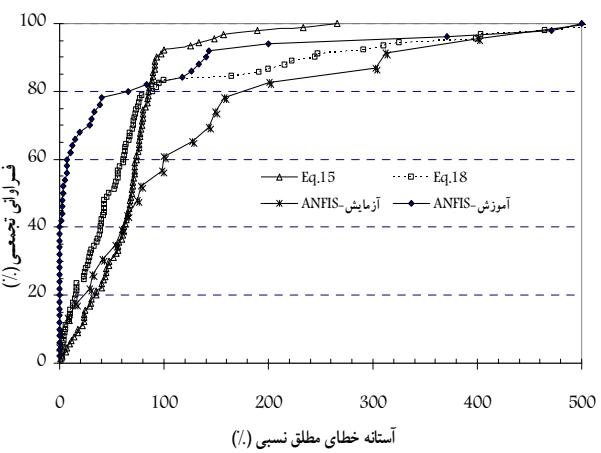
پارامتر آماری					مرحله توسعه مدل
AARE (%)	MAE	MSE	RMSE	R ²	
۶۳/۴۸	۸/۶۶	۲۳۰/۴۳	۱۵/۱۸	۰/۹۹۵۷	مرحله آموزش مدل
۱۲۷/۶۸	۱۰۴/۷۷	۳۵۲۴۰/۱۴	۱۸۷/۸	۰/۹۰۸۴	مرحله ارزیابی مدل

نیز برابر با تعداد پارامترهای توابع گوسین مورد استفاده است. از آنجاکه چهار ورودی و هر ورودی سه تابع عضویت گوسین و هر تابع گوسین دو پارامتر دارد، پارامترهای غیرخطی برابر $2 \times 3 \times 2 = 24$ خواهد بود. بنابراین تعداد کل پارامترهای مدل ANFIS برابر $105 + 24 = 129$ است. علی‌رغم اینکه تعداد سری داده‌های مورد استفاده کم است، ولی تأثیری بر نتایج نهایی مدل نخواهد داشت، چراکه در این شرایط که سری داده‌ها کمتر از مجموعه پارامترهاست، مدل ANFIS با توجه به الگوریتم آموزش کمترین مربعات خطای و سیب نزولی خطای، تنها پارامترهای مؤثرتر را اصلاح می‌نماید و بقیه پارامترها را همان مقادیر پیش فرض که براساس اطلاعات ورودی تعیین شده‌اند، فرض نموده و تغییر نمی‌دهد.

در این زمینه بایلار^۱ و همکاران در سال ۲۰۰۸ با استفاده از ANFIS ۲۲ سری داده، راندمان هوادهی سرریزها را توسط مدل شبیه‌سازی نموده‌اند^[۳۵]. در مدل توسعه یافته توسط ایشان تعداد پارامترهای خطی 108 مورد و تعداد پارامترهای غیرخطی 27 مورد بوده است که مطابق نظر ایشان محدود بودن تعداد داده‌ها در مقایسه با تعداد کل پارامترها تأثیری بر نتیجه نهایی نخواهد داشت. علاوه بر این به منظور بررسی اثر تعداد داده‌های مورد استفاده در مرحله آموزش مدل برنتایج مدل در مرحله ارزیابی، با استفاده از نصف داده‌های مورد استفاده در مرحله آموزش (25 مورد) یک بار دیگر مدل ANFIS آموزش داده شد (مدل ۲) و نتایج آن در مراحل آموزش و ارزیابی با نتایج مدل قبلی که با استفاده از کل داده‌ها آموزش داده شده بود (مدل ۱) در جدول ۵ مقایسه شده است.

در انتخاب داده‌های مورد استفاده برای آموزش مدل دوم، داده‌ها به صورتی انتخاب شده‌اند که کل محدوده پارامترهای موجود در پدیده را دربرداشته باشند(سری داده شماره ۲۵ تا ۵۰ در شکل ۴). شایان ذکر است که ساختار مدل ANFIS در مراحل استفاده در این مرحله همان ساختار مدل بهینه مرحله قبل بود. مطابق نتایج ارائه شده در جدول ۵، کاهش داده‌های مورد استفاده در مرحله آموزش مدل به میزان 50 درصد، تأثیر چندانی بر نتایج نهایی

از این شکل مشخص می‌شود که در 80 درصد موارد، خطای مدل ANFIS در مرحله آموزش کمتر از 100 درصد بوده و از روابط 15 و 18 نیز به میزان قابل توجهی کمتر است. همچنین در مرحله ارزیابی نیز علاوه بر اینکه مطابق آمارهای جدول ۴، دقت مدل ANFIS بهتر از روابط تجربی است، در شکل ۷ نیز مشاهده می‌شود که در 80 درصد موارد مدل ANFIS در مرحله ارزیابی نیز با روابط تجربی قابل رقابت می‌باشد و تنها در چهار نقطه انتها ای که مربوط به داده‌های اوج است، خطای آستانه بیشتری دارد. دقت قابل قبول مدل در پیش‌بینی، علی‌رغم محدود بودن تعداد داده‌های مورد استفاده و محدوده تغییرات بسیار وسیع آنها، سادگی آموزش و توسعه آن، به خوبی قابلیت بالای آن را در فرآگیری و پیش‌بینی فرایند پیچیده و ناشناخته حاکم بر انتقال و پراکندگی طولی آلدگی در رودخانه‌های طبیعی، نشان می‌دهد. نتایج این مدل امکان جایگزینی آن برای تخمین ضریب پراکندگی آلدگی به جای روابط تجربی را نشان می‌دهد.



شکل ۷- توزیع خطای پیش‌بینی مدل ANFIS در مراحل آموزش و ارزیابی بر مقایسه با روابط 15 و 18

همان طور که در بخش ۳ بیان شد ساختار مدل ANFIS نهایی مورد استفاده در این تحقیق دارای چهار متغیر ورودی است که هر کدام سه تابع عضویت گوسین دارد. بنابراین تعداد قوانین فازی و تعداد پارامترهای خطی برابر $81 = 3^4$ است، تعداد پارامترهای غیرخطی

^۱ Baylar

جدول ۵- مشخصات آماری مدل انطباقی فازی - عصبی در مراحل آموزش و ارزیابی

پارامتر آماری					مرحله توسعه مدل
AARE (%)	MAE	MSE	RMSE	R ²	
۶۳/۴۸	۸/۶۶	۲۳۰/۴۳	۱۵/۱۸	۰/۹۹۵۷	مرحله آموزش مدل (۱)
۱۲۷/۶۸	۱۰۴/۷۷	۳۵۲۴۰/۱۴	۱۸۷/۸	۰/۹۰۸۴	مرحله ارزیابی مدل (۱)
۷۸/۱۳	۱۰/۲۶	۳۲۳/۲۸	۱۷/۹۸	۰/۹۹	مرحله آموزش مدل (۲)
۱۹۲/۲۸	۱۱۲/۹۸	۳۹۷۸۳/۴۹	۱۹۹/۴۶	۰/۷۱۶۳	مرحله ارزیابی مدل (۲)

روابط همگی برای ۱۰۰ مورد پیش‌بینی، خطای بیش از ۵۰۰ درصد داشتند. بقیه این روابط به علت فرم نامناسب انتخاب شده برای رابطه و یا حذف پارامترهای مؤثر، از دقت قابل قبولی برخوردار نبودند. به همین دلیل در این تحقیق با استفاده از قابلیتهای سیستم‌های استنتاج فازی - عصبی انطباقی اقدام به ارائه روش جدیدی در تخمین ضریب پراکندگی طولی آلوودگی شده است. مقایسه نتایج مدل فازی - عصبی توسعه داده شده با نتایج روابط موجود و نیز داده‌های اندازه‌گیری شده واقعی دقت بالاتر و ارجحیت مدل فازی - عصبی انطباقی را بر روشهای سابق نشان می‌دهد. به صورتی که مدل ANFIS در مرحله آموزش در ۸۰ درصد موارد، خطای کمتر از ۱۰۰ درصد دارد. همچنین در مرحله ارزیابی نیز کلیه پارامترهای آماری مدل ANFIS بهتر از روابط تجربی بودند. به صورتی که در ۸۰ درصد موارد، مدل ANFIS در مرحله ارزیابی نیز با بهترین رابطه تجربی قابل رقبابت است. بررسی حساسیت مدل فازی - عصبی انطباقی نسبت به تعداد داده‌ها در سری داده‌های مرحله آموزش نشان می‌دهد که تعداد داده‌ها تأثیر بسیار اندکی بر دقت مدل دارند و صرفاً، جامع و کامل بودن داده‌های مورد استفاده در مرحله آموزش و فرآگیر بودن آنها شرط موفقیت مدل فازی - عصبی انطباقی است. رهیافت جدید ارائه شده در این تحقیق با وجود سادگی آموزش و توسعه سریع آن، از دقت مطلوبی برخوردار است و می‌تواند با مدل‌های شبیه‌سازی و مدیریت انتقال آلوودگی در رودخانه ترکیب شده و موفقیت طرحهای زیست محیطی را تضمین نماید.

مدل نداشته است و این به علت قابلیت ویژه مدل‌های ANFIS در استخراج دانش از اطلاعات عددی است. در این زمینه تنها و مهم‌ترین نکته، استفاده از داده‌هایی است که در مرحله آموزش، کل محدوده پدیده مورد بررسی را در برداشته باشند. این نکته یک بار دیگر قدرت ویژه مدل ANFIS در مقایسه با دیگر مدل‌های مرسوم، خصوصاً شبکه‌های عصبی مصنوعی را نشان می‌دهد که حساسیت خاصی به تعداد داده‌های موجود ندارد بلکه داده‌های موجود تنها باید محدوده مورد بررسی را پوشش دهند؛ چراکه مدل‌های هوشمند قابلیت چندان مطلوبی در برون یابی ندارند.

۵- نتیجه‌گیری

در این تحقیق به بررسی روشهای و معادلات ارائه شده برای تخمین ضریب پراکندگی طولی آلوودگی در رودخانه پرداخته شده است و با استفاده از مجموعه داده‌های گردآوری شده در این تحقیق، دقت این روابط بررسی شد و مشخص گردید که هیچ کدام از روابط، دقت قابل قبولی نداشته و نمی‌توانند در طرحهای زیست‌محیطی و مدیریت آلوودگی در رودخانه‌ها با اطمینان و عملکرد قابل قبولی مورد استفاده قرار گیرند. براین اساس، بهترین رابطه دارای ضریب همبستگی برابر ۰/۴۸، مجدد مربعات خطای برابر ۰/۲۹۵ مترمربع در ثانیه، متوسط مربعات خطای برابر ۰/۶ (m⁴/sec²)، خطای مطلق ۰/۹۸ متر مربع در ثانیه و میانگین قدر مطلق خطای نسبی ۰/۶۸ درصد است. این رابطه برای ۱۰۰ مورد پیش‌بینی، خطای کمتر از ۳۰۰ درصد داشت، در حالی که دیگر

۶- مراجع

- 1- Li, Z. H., Huang, J., and Li, J. (1998). "Preliminary study on longitudinal dispersion coefficient for the Gorges reservoir." *Proc. of the 7th International Symposium Environmental Hydraulics*, 16-18 December, Hong Kong, China.
- 2- پور آباده‌ائی، م.، تکلاني، ا. م.، و لیاقت، ع. (۱۳۸۲). "بررسی تأثیر پارامترهای جریان بر ضریب پخش آلوودگی در کانال مستطیلی." مجموعه مقالات ششمین کنفرانس میدرولیک ایران، شهرکرد، شهریور ماه ۱۳۸۶، ۳۸-۴۶.
- 3- Tayfur, G., and Singh, V. P.(2005). "Predicting longitudinal dispersion coefficient in natural streams by artificial neural network." *Journal of Hydraulic Engineering*, 131 (11), 991-1000.

- 4- Chatila, G. J. (1997). "Modeling of pollutant transfer in compound open channels." PhD Dissertation, University of Ottawa, Ontario, Canada.
- 5- Fischer, H. B., List, E. J., Koh, R. C. Y., Imberger, J., and Brooks, N. H. (1979). *Mixing in inland and coastal waters*, Academic Press, Inc., San Diego, 483.
- 6- Kashefpour, S. M., and Falconer, A. (2002). "Longitudinal dispersion coefficients in Natural channels." *Water Research*, 36, 1596-1608.
- 7- Seo, I. W., and Cheong, T. S. (1998). "Predicting longitudinal dispersion coefficient in natural stream." *Journal of Hydraulics*, 124 (1), 25-32.
- 8- Deng, Z. Q., Singh, V. P., and Bengtsson, L. (2001). "Longitudinal dispersion coefficient in single channel streams." *Journal of Hydraulic Engineering*, 128 (10), 901-916.
- 9- Choi, D. J., and Park, H. (2001). "A hybrid artificial neural network as a software sensor for optimal control of a wastewater treatment process." *Water Res.*, 35, 3959-3967.
- 10- Lu, W. Z., Wang, W. J., Wang, X. K., Xu, Z. B., and Leung, A. Y. T. (2003). "Using improved neural network to analyze RSP, NO_x and NO₂ levels in urban air in Mong Kok, Hong Kong." *Environmental Monitoring and Assessment*, 87, 235-254.
- 11- Maier, H. R., and Dandy, G. C. (1996). "The use of artificial neural networks for the prediction of water quality parameters." *Water Resources Res.*, 32(4), 1013-1022.
- 12- کارآموز، م.، تابش، م.، نظیف، س.، و مریدی، ع. (۱۳۸۴). "پیش بینی فشار در شبکه های آبرسانی با استفاده از شبکه های عصبی مصنوعی و استنتاج فازی." *م. علمی پژوهشی آب و فاضلاب*, ۵۳-۱۴.
- 13- Seo, I. W., and Bake, K. O. (2004). "Estimation of the longitudinal dispersion coefficient using the velocity profile in natural streams." *Journal of Hydraulic Engineering*, 130 (3), 227-236.
- 14- توکلی زاده، ا.ع.، و کاشفی پور، س.م. (۱۳۸۵). "تأثیر ضریب پخشیدگی بر مدل سازی کیفی آبهای سطحی." *مجموعه مقالات هفتمین سمینار بین المللی مهندسی رویخانه*، دانشگاه شهید چمران، اهواز.
- 15- صدیق نژاد، ح.، و کاشفی پور، س.م. (۱۳۸۵). "مقایسه نتایج مدل های انتشار و انتقال رسوب برای آبگیر مارد و ارائه مدل مناسب برای منطقه با استفاده از مدل ریاضی FASTER." *مجموعه مقالات هفتمین سمینار بین المللی مهندسی رویخانه*، دانشگاه شهید چمران، اهواز.
- 16- فغور مغربی، م.، و گیوه چی، م. (۱۳۸۵). "استفاده از منحنی های بی بعد سرعت در تخمین ضریب پخش طولی." *مجموعه مقالات هفتمین سمینار بین المللی مهندسی رویخانه*، دانشگاه شهید چمران، اهواز.
- 17- دنقولی، ک. ا. (۱۳۸۴). *اصول تئوری فازی و کاربردهای آن در مدل سازی مسائل مهندسی آب*. انتشارات جهاد دانشگاهی واحد امیرکبیر، چاپ اول.
- 18- Zadeh, L. A. (1965). "Fuzzy sets." *Information Control*, 8(3), 338-353.
- 19- شفاهی، ی.، فرزانه، م.، و تشنه لب، م. (۱۳۸۱). "مدل سازی تولید سفر با استفاده از شبکه های عصبی - فازی." *نشریه دانشکده فنی*, ۳۶(۳)، ۳۶۱-۳۷۰.
- 20- ASCE Task Committee. (2000). "Artificial neural network in hydrology." *Journal of Hydrologic Engineering*, 5, 124-144.
- 21- Jang, J. S. R., and Gulley, N. (1995). *The fuzzy logic toolbox for use with MATLAB*, The Mathworks Inc., Natick, MA.
- 22- Gopakumar, R., and Mujumdar, P. P. (2007). "A fuzzy dynamic wave routing model." *Hydrological Processes*, 21, 458-467.
- 23- Kisi, O., Karahan, M. E., and Sen, Z. (2006). "River suspended sediment modelling using a fuzzy logic approach." *Hydrological Processes*, 20, 4351-4362.
- 24- Sen, Z., and Altunkaynak, A. (2006). "A comparative fuzzy logic approach to runoff coefficient and runoff estimation." *Hydrological Processes*, 20, 1993-2009.
- 25- Bardossy, A., and Disse, M. (1993). "Fuzzy rule-based models for infiltration." *Water Resources Research*, 29(2), 373-382.
- 26- Kisi, O. (2005). "Suspended sediment estimation using neuro-fuzzy and neural network approaches." *J. Hydrological Sciences*, 50(4), 683-695.

- 27- Chang , F. J., and Chang, Y. T. (2006). "Adaptive neuro-fuzzy inference system for prediction of water level in reservoir." *Advances in Water Resources*, 29, 1-10.
- 28- Jang, J. S. R. (1993). "ANFIS: adaptive-network-based fuzzy inference system." *IEEE Trans. Sys., Man, Cybernet*, 23(3), 665-685.
- 29- Nayak, P. C., Sudheer, K. P., Rangan, D. M., and Ramasastri, K. S.(2004). "A neuro-fuzzy computing technique for modeling hydrological time series." *Journal of Hydrology*, 291, 52-66.
- ۳۰- ریاحی مدوار، ح.، سلامی، م.، اژدری، م.، و محمدی، ک. (۱۳۸۶). "تخمین فاصله لوله‌های زمکشی در حالتهای ماندگار و غیرماندگار با استفاده از استنتاج فازی (ANFIS)." *مجموعه مقالات سومین کنفرانس مهندسی عمران*، دانشگاه تبریز، دانشکده مهندسی عمران.
- ۳۱- ریاحی مدوار، ح.، و ایوب‌زاده، س. ع. (۱۳۸۶). "استفاده از استنتاج فازی در تخمین ابعاد حفره آبستنگی پایین دست سررین." *مجموعه مقالات ششمین کنفرانس هیدرولیک ایران*، ۱۳ الی ۱۶ شهریورماه، دانشگاه شهرکرد، دانشکده مهندسی کشاورزی، گروه مهندسی آب.
- ۳۲- ریاحی مدوار، ح.، و ایوب‌زاده، س. ع. (۱۳۸۶). "پیش‌بینی رفتار کانال‌های پایدار رذیمی با استفاده از استنتاج فازی-عصبی." *مجموعه مقالات اولین کنفرانس ملی سد و سازه‌های هیدرولیکی*، ۲۱ الی ۲۳ آبان ماه، دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج، دانشکده فنی و مهندسی، گروه مهندسی عمران.
- 33- MATLAB. (2007). *Neural network tool box and ANFIS*, MATLAB Version 7.4.0, The MathWorks, Inc.
- 34- Rajurkar, M. P., Kothiyarib, U. C., and Chaube, U. C. (2004). "Modeling of the daily rainfall-runoff relationship with artificial neural network." *Journal of Hydrology*, 285, 96-113.
- 35- Baylar, H., Hanbay, D., and Ozpolat, E. (2008). "An expert system for predicting aeration performance of weirs by using ANFIS." *Expert Systems with Applications*, (in press).