

محاسبات مهندسی نفت با پارامترهای فازی

حیدرضا خانمی (کارشناس ارشد)

محمد رنجبر (دانشجو)

مهین شفیعی (استادیار)

دانشکده‌ی فنی و هندسی، دانشگاه خوید باهنر کوهدان

در این تحقیق، جبر فازی به عنوان ابزاری برای حل عددی معادلات و روابط مهندسی دارای پارامترهای نامطمئن و نادقيق معرفی می‌شود. همچنین انواع مختلف اعداد فازی و روش‌های به کار گیری و پردازش آنها مورد بحث قرار خواهند گرفت؛ مثلاً جرم رسوب سولفات استرنسیم در میدان‌های نفتی، هم به وسیله‌ی اعداد معمولی و هم توسط اعداد فازی، محاسبه می‌شود. ثابت حلالیت سولفات استرنسیم، غلظت سولفات آزاد و جرم رسوب به صورت اعداد فازی محاسبه و با نتایج معمولی مقایسه می‌شوند. به نظر می‌رسد، بدلیل اینکه اعداد فازی کل مقادیر ممکن را برای پارامتر نادقيق مدل در نظر می‌گیرند، نتایج بدست آمده از محاسبات فازی، در مقایسه با نتایج معمولی، به واقعیت نزدیک‌ترند.

عملیات ریاضی به وسیله‌ی اعداد فازی با توابع عضویت و اشکال دلخواه کاربرد جبر فازی را برای جهان واقعی، پیچیده و مشکل می‌کند.

۲. تعریف اعداد فازی

مفهوم اعداد فازی از این واقعیت سروچشم می‌گیرد که بسیاری از پذیده‌های کمی را نمی‌توان با یک عدد مطلق و بدون ابهام توصیف کرد. عبارتی مانند حدوداً $10\text{--}25$ ، یا نزدیک به 7 ، وغیره از این دسته‌اند. اساساً اعداد فازی دسته‌یی از مجموعه‌های فازی اند که بعضی ویژگی‌های خاص را نشان می‌دهند.^[۱] مجموعه‌های فازی از تعمیم مفهوم مجموعه‌های معمولی بدین صورت حاصل می‌شوند که هر عضو مجموعه مرجع تنها با ویژگی عضو بودن یا نبودن در یک زیرمجموعه‌یی معین از مجموعه مرجع مشخص نمی‌شود، بلکه هر عضو مجموعه مرجع با درجه‌یی معین به زیرمجموعه‌یی مذکور تعلق خواهد داشت. مجموعه‌های معمولی با استفاده از تابع نشانگر مطابق رابطه‌ی 1 بیان می‌شوند:

$$K_A(x) = \begin{cases} 0 & \text{if } x \notin A \\ 1 & \text{if } x \in A \end{cases} \quad (1)$$

که در آن A زیرمجموعه‌یی از مجموعه مرجع U است. حال اگر برداش تابع نشانگر از مجموعه‌یی $\{0^{\circ} \text{ و } 1^{\circ}\}$ به بازه‌ی $[0^{\circ} \text{ و } 1^{\circ}]$ گسترش یابد، شکل جدیدی از مجموعه‌ها به وجود می‌آید که «مجموعه‌های فازی» نامیده

۱. مقدمه

برای کسب نتایج قابل اعتماد از حل عددی مسائل مهندسی، مقادیر دقیق پارامترهای مربوط به معادلات مسئله مورد نیاز است. اما در عمل، چنین مقادیر دقیقی غالباً در دسترس نیستند. معمولاً پارامترهای مدل، تغییراتی نشان می‌دهند که ممکن است مثلاً ناشی از اشکالات موجود در آزمایش‌ها یا فرایندهای ساخت مواد براساس مشخصات فیزیکی یا هندسی از پیش تعیین شده، خطاهای معین و غیرمعین، دشواری‌های نمونه‌برداری وغیره باشد. در واقع عدم قطعیت یاد شده برگرفته از نقص اطلاعات یا عدم دقت کافی است. بنابرین، نتایج بدست آمده از راه حل‌هایی که فقط بعضی مقادیر دقیق و معمولی را برای پارامترهای نامعین به کار می‌برند، نمی‌توانند به عنوان نماینده‌ی کل نتایج ممکن برای شرایط عدم اطمینان مذکور قرار گیرند. برای رفع این محدودیت، کاربرد نظریه‌ی مجموعه‌های فازی^[۲] شیوه‌یی عملی و واقع‌گرایانه‌تر خواهد بود. بهویژه، عدم قطعیت‌های موجود در پارامترهای مدل را می‌توان به وسیله‌ی اعداد فازی بررسی کرد. این اعداد از طریق اشکال خود تأثیر پراکنده‌یی پارامترهایی را که از داده‌های تجربی یا دانش انسانی به دست می‌آیند، به نمایش می‌گذارند. به وسیله‌ی اعداد و جبر فازی، عدم قطعیت‌های فرضی اولیه در طول فرایند محاسبه و پردازش می‌شوند، و در نهایت نتایجی فازی حاصل می‌شوند که قابلیت اعتماد حل مسئله را منعکس می‌کنند.

کاربرد اعداد و عملیات جبری فازی، امری بدینهی و ساده نیست. اگرچه عملگرهای معمولی ریاضی را می‌توان برای اعداد فازی از طریق اصل گسترش^[۳] تعمیم داد، مسئله‌ی انجام مناسب و مطلوب

۳. جبر فازی

در حل عددی مسائل مهندسی، اعداد فازی می‌توانند نماینده‌ی پارامترهای غیرقطعی و نامطمئن معادلات و مدل‌ها باشند. موفق‌بودن محاسبات فازی وابسته به شیوه‌یی است که این اعداد با استفاده از آن پردازش می‌شود. این شیوه باید بتواند:

- اعداد فازی با شکل تابع عضویت دلخواه، بهویز، اعداد فازی به دست آمده از داده‌های تجربی را وارد محاسبات کند.

- عملیات جبری روی این اعداد را به‌گونه‌یی محقق سازد که باعث از دست رفتن اطلاعات مربوط به عدم قطعیت نشود.

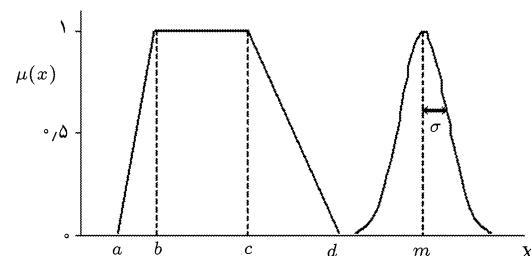
برای تعریف عملیات جبری با اعداد فازی، می‌توان دو مفهوم را در نظر گرفت. نخست آنکه، اعداد فازی را می‌توان به مجموعه بازه‌هایی برای درجات عضویت مختلف، تجزیه کرد که در تیجه‌ی آن جبر اعداد فازی به جبر بازه‌یی تبدیل می‌شود.^[۱] دوم آنکه، اصل گسترش^[۲] مطابق معادله‌ی ۵ به کار گرفته شود؛ یعنی طبق این اصل، انجام توابع جبری برای مقادیر معمولی، به مقادیر فازی تعیین می‌باشد، براین اساس، اگر \tilde{a} و \tilde{b} اعداد فازی با تابع عضویت $\mu_{\tilde{a}}(x)$ و $\mu_{\tilde{b}}(y)$ باشند، و نیز $x, y \in U$ ، آنگاه تیجه‌ی عمل $(\tilde{a}, \tilde{b}) = f(\tilde{a}, \tilde{b})$ برای تابع دلخواه f با معادله‌ی ۵ تعیین می‌شود:

$$\mu_{\tilde{c}}(z) = \sup_{z=f(x,y)} \min\{\mu_{\tilde{a}}(x), \mu_{\tilde{b}}(y)\} \quad (5)$$

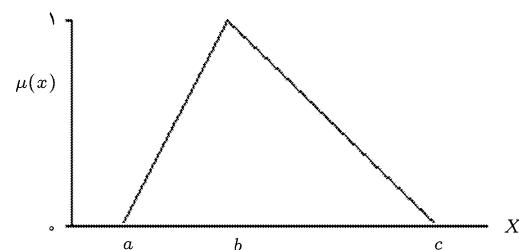
گسسته تابع عضویت با اشکال دلخواه، استفاده از اصل گسترش را ساده می‌کند. به طور کلی دو روش برای به دست آوردن اعداد فازی گسسته قابل تصور است: گسسته تابع عضویت با تقسیم محور طول‌ها یا محور عرض‌ها به بازه‌هایی با اندازه‌ی معین. تقسیم محور طول‌ها یعنی X ، به دلیل ایجاد پاره‌یی تأثیرات نامطلوب حین انجام عملیات جبری برای این اعداد فازی، نامطلوب می‌نماید. مجموعه‌های فازی به دست آمده، بسته به چگونگی تقسیم محور X اشکال متفاوتی خواهد داشت؛ یعنی اگر بازه‌ها برای کاهش میزان محاسبات، بزرگ در نظر گرفته شوند، ممکن است مجموعه‌های فازی به دست آمده دیگر محدب، و در نتیجه عدد فازی نباشد - اگرچه در واقع چنین‌اند.

بنابراین راه حل مناسب، تقسیم محور μ به n بخش مساوی $(\Delta\mu = 1/n)$ است (شکل ۳). در این حالت، عدد فازی \tilde{n} با عدد فازی گسسته شده \tilde{n}_d طبق معادله‌ی ۶ تقریب زده می‌شود.

$$\begin{aligned} \tilde{n}_b &= \left\{ \left(x_a^L, \mu_a \right), \dots, \left(x_n^L, \mu_n \right), \left(x_a^R, \mu_a \right), \dots, \right. \\ &\quad \left. \left(x_n^R, \mu_n \right) \right\} \\ \mu_i &= \mu_{i-1} + \Delta\mu, i = 1, 2, \dots, n, \mu_0 = 0 \quad \text{و} \quad \mu_n = 1 \end{aligned} \quad (6)$$



شکل ۱. نمایش عدد فازی \tilde{m} با تابع عضویت گوسی، و بازه‌ی فازی $[b, c]$ با تابع عضویت ذوزنقه‌ای.



شکل ۲. عدد فازی مثلثی $A = [a, b, c]_{TFN}$.

می‌شوند و در آن هر عضو مجموعه‌ی مرجع در زیرمجموعه‌ی دلخواه A دارای درجه‌ی عضویتی است که می‌توان آن را به‌وسیله‌ی ضابطه‌یی خاص مشخص کرد. عدد فازی «یک مجموعه فازی محدب روی مجموعه مرجع U با تابع عضویت $\mu(x) \in [0, 1]$ » است که فقط به ازء $x = m \in \mathbb{R}$ مقدار عضویت آن برای با یک خواهد بود (شرط تکنایی بودن)، برای مثال، اعداد فازی متقاضی گوسی دارای تابع عضویت مطابق رابطه‌ی ۲ هستند:

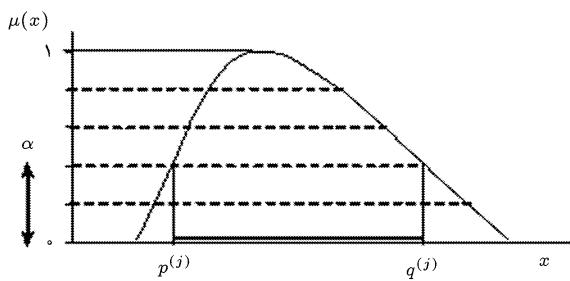
$$\mu(x) = e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad (2)$$

که در آن m مقدار میانگین، و σ انحراف استاندارد توزیع گوسی را نشان می‌دهد، با حذف شرط تکنایی بودن، بازه‌ی فازی با تابع عضویت ذوزنقه‌یی و ضابطه‌ی ۳ به دست می‌آید (شکل ۱):

$$\mu(x) = \max \left(\min \left(\frac{x-a}{b-a}, 1, \frac{d-x}{d-c} \right), 0 \right) \quad (3)$$

عدد فازی مثلثی نیز نوع دیگری از اعداد فازی است که عمده‌تاً به دلیل خطی بودن و سادگی محاسبات با آن، برای حل مسائل مهندسی مورد توجه بوده است. این اعداد مطابق معادله‌ی ۴ تعریف می‌شوند (شکل ۲):

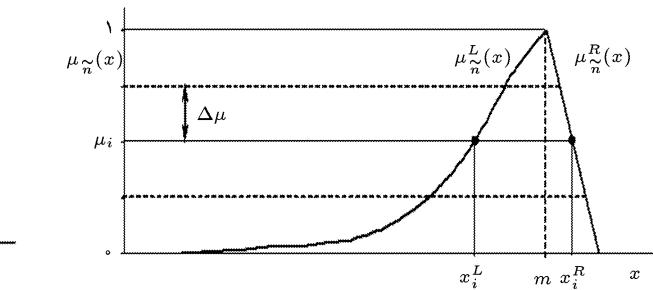
$$\mu(x) = \begin{cases} 0 & \text{if } x < a \\ \frac{x-a}{b-a} & \text{if } a \leq x \leq b \\ \frac{x-c}{b-c} & \text{if } b < x \leq c \\ 0 & \text{if } c < x \end{cases} \quad (4)$$



شکل ۴. تجزیه‌ی یک عدد فازی دلخواه به بازه‌های غیرفازی.

به طور کلی، شکل معادلات ۹ و ۱۰ به نوع عمل جبری (جمع، ضرب، لگاریتم و غیره) و اینکه آیا دامنه‌ی عدد فازی فقط مثبت، فقط منفی، یا هم مثبت و هم منفی است، بستگی دارد.
رویه‌ی ارائه شده، سیار شبیه روش تجزیه‌ی اعداد فازی به $-\alpha$ برش‌ها است. در این روش، عملیات جبری برای اعداد فازی با استفاده از جبر بازه‌بیان انجام می‌شود. اگر اعداد فازی \tilde{a} و \tilde{b} ، به صورت زیر به مجموعه بازه‌های A و B تجزیه شوند (شکل ۴):

$$A = \{[p_a^{(0)}, q_a^{(0)}], [p_a^{(1)}, q_a^{(1)}], \dots, [p_a^{(m)}, q_a^{(m)}]\}$$



شکل ۳. تقریب عدد فازی \tilde{n} به عدد فازی گسسته شده \tilde{n}_d .

فرض کنید $\mu_{\tilde{n}}^L(x)$ و $\mu_{\tilde{n}}^R(x)$ توابع یکنواختی باشند که به ترتیب بر شاخه‌ی سمت چپ و راست تابع عضویت $\mu_{\tilde{n}}(x)$ دلالت می‌کنند. این تابع از معادله‌ی ۷ پیروی خواهد کرد:

$$\mu_{\tilde{n}(x)} = \begin{cases} \mu_{\tilde{n}}^L(x), & x \in \left\{ x \mid \frac{d\mu_{\tilde{n}}(x)}{dx} \geq 0 \right\} \\ \mu_{\tilde{n}}^R(x), & x \in \left\{ x \mid \frac{d\mu_{\tilde{n}}(x)}{dx} \leq 0 \right\} \end{cases} \quad (7)$$

عناصر x_i^L و x_i^R تکیه‌گاه عدد فازی گسسته شده \tilde{n}_d مطابق معادله‌ی ۸ داده می‌شوند:

$$x_i^L = \left(\mu_{\tilde{n}}^L \right)^{-1}(\mu_i) \quad \text{و} \quad x_i^R = \left(\mu_{\tilde{n}}^R \right)^{-1}(\mu_i) \quad (8)$$

$$i = 0, 1, 2, \dots, n.$$

برای اعداد فازی گوسی، می‌توان از عناصر مربوط به $i = 0$ صرف نظر کرد.

با استفاده از اعداد فازی گسسته شده \tilde{n}_d در معادلات ۶ و ۷ که نماینده‌ی اعداد فازی \tilde{n} هستند، عملیات جبری را می‌توان برای هر عنصر از درجات عضویت μ_i به طور جداگانه انجام داد. از میان تعداد ترکیبات ممکن بین این عناصر، ترکیب قابل قبول که در نهایت به نتیجه‌ی صحیح می‌رسد، با استفاده از اصل گسترش تعیین می‌شود. برای مثال، اگر جمع دو عدد فازی \tilde{a} و \tilde{b} با استفاده از شکل گسسته شده‌ی آنها، \tilde{a}_d و \tilde{b}_d مطلوب باشد، \tilde{c}_d یعنی شکل گسسته شده $\tilde{c} = \tilde{a} + \tilde{b}$ فقط با ترکیب عناصر شاخه‌های چپ هر دو عدد فازی برای شاخه‌ی سمت چپ عدد \tilde{c} ، و ترکیب شاخه‌های سمت راست آنها برای به دست آوردن شاخه‌ی سمت راست \tilde{c} حاصل می‌شود. به عبارت دیگر، اگر \tilde{a} و \tilde{b} طبق معادله‌ی ۶ بر حسب x و y تعریف شوند، آنگاه \tilde{c}_d بر حسب z :

$$\tilde{c}_d = \{(z_i^L, \mu_i), \dots, (z_n^L, \mu_n), (z_i^R, \mu_i), \dots, (z_n^R, \mu_n)\} \quad (9)$$

$$z_i^L = x_i^L + y_i^L, \quad z_i^R = x_i^R + y_i^R, \quad i = 0, 1, 2, \dots, n. \quad (10)$$

۴. تقریب استاندارد

در این روش، نتیجه‌ی عمل جبری فازی که ممکن است یک عدد فازی باشند، به یک عدد فازی مثبت تقریب زده می‌شود.^[۲]

$$\tilde{a} * \tilde{b} = \cup \alpha_{(\tilde{a} * \tilde{b})} \cdot \alpha \quad \text{و} \quad \alpha \in [0, 1] \quad (14)$$

۵. مسئله‌ی مهندسی: محاسبه‌ی مقدار رسوب سولفات استرانسیم

در این بخش، یک مسئله‌ی مهندسی با اعداد فازی و معمولی حل، و نتایج آن با یکدیگر مقایسه می‌شوند. این مسئله عبارت است از محاسبه‌ی مقدار رسوب سولفات استرانسیم در عملیات نفتی.

عموماً واژه‌ی «رسوب» در صنعت به تشكیل فاز جامد ناشی از تهنشست یا کریستالیزیشن کانی‌های غیرآلی موجود در آب در یک محل خاص، اطلاق می‌شود.^[۱] تشكیل رسوب سولفات‌های باریم، استرانسیم و کلسیم در عملیات بهره‌برداری و انتقال نفت و گاز یک مشکل جدی است. این رسوبات با چسبیدن به سطوح داخلی لوله‌ها، سوپاپ‌ها و دیگر تجهیزات سطحی، باعث کاهش میزان جریان سیال و حتی بسته شدن کامل آنها می‌شوند. رسوبات سولفات‌های می‌توانند به دلیل تغییر در دما و/یا فشار در سیر جریان آب ایجاد شوند؛ اما دلیل اصلی تشكیل این رسوبات، ناسازگاری شیمیایی میان آب‌های تزریقی و آب سازندی است.^[۲] آب دریا که عموماً از آن برای عملیات سیلانزی در میدان‌های نفتی استفاده می‌شود، غنی از یون سولفات است و آب سازندی نیز حاوی غلظت‌های بالایی از یون‌های باریم، کلسیم و/یا استرانسیم است که اختلاط این دو نوع آب، به ایجاد شرایط فوق اشباع و درتیجه تشكیل رسوبات سولفات‌های می‌انجامد. ترکیب آب دریا و آب سازندی در این مسئله مطابق جدول ۱ است. محاسبات رسوب نیز برای دمای $10^{\circ}C$ ، فشار 4000 psi و با یکسان بودن درصد آب دریا و آب سازندی در مخلوط انجام می‌شود.

برای محاسبه‌ی رسوب ابتدا باید حلالیت نمک موردنظر در دما، فشار و قدرت یونی مورد نظر معین شود. بدین منظور می‌توان از معادلات استخراج شده توسط Oddo-Tomson^[۳] استفاده کرد. شکل تابعی این معادلات عبارت است از:^[۴]

$$pK = a + bT + cT^2 + dP + eI^{1/5} + fI + gI^{1/5}T \quad (18)$$

جدول ۱. ترکیب آب سازندی (میدان نینیان) و آب دریا (دریای شمال).

یون	آب سازندی	آب دریا
Na	*۸۵۱۱	۱۰۵۰۰
K	۱۶۰	۳۸۰
Mg	۲۵	۱۳۵۰
Ca	۱۵۱	۴۰۰
Sr	۴۴	۸/۱
Ba	۲۰	۰/۰۳
Cl	۱۲۶۶۰	۱۹۳۵۴
SO _۴	۱۴	۲۷۱۲
HCO _۳	۱۴۳۰	۱۴۲
قرت یونی (مولار)	۰/۴	۰/۷
غلظت‌ها بر حسب mg/lit	* هستند.	

البته با توجه به کاربرد جبر فازی برای حل مسائل مهندسی آمیخته با عدم قطعیت، بهنظر می‌رسد که در بعضی موارد معایب استفاده از تقریب‌های خطی وزن بیشتری نسبت به مزیت‌های آن داشته باشد. اعداد فازی مثلثی تنها تقریبی خام و نادقيق از عدم قطعیت‌های واقعی‌اند. به علاوه، تقریب پی در پی اعداد فازی غیرخطی که در اثر انجام عملیات ریاضی غیرخطی مانند ضرب و تقسیم به دست می‌آیند، به اعداد خطی که برای اجتناب از تغییر شکل تابع مرجع صورت می‌پذیرد، باعث از دست رفتن اطلاعات مربوط به عدم قطعیت‌های اولیه در طول فرآیند انجام محاسبات مهندسی می‌شود.

عدد فازی \tilde{n} با تابع عضویت $\mu_{\tilde{n}}(x)$ را می‌توان به عدد فازی مثلثی \tilde{n}_t با تابع عضویت $\mu_{\tilde{n}_t}(x)$ تقریب زد. برای تبدیل این دو نوع تابع به یکدیگر باید روابط ۱۵ و ۱۶ برقرار باشد (شکل ۵):

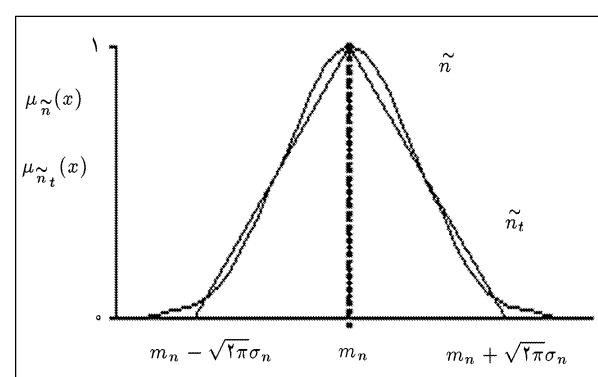
$$\mu_{\tilde{n}}(m_n) = \mu_{\tilde{n}}(m_t) = 1 \quad (15)$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \mu_{\tilde{n}_t}(x) dx = \int_{-\infty}^{+\infty} \mu_{\tilde{n}}(x) dx \quad (16)$$

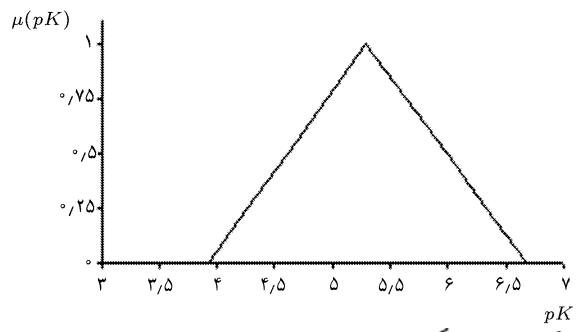
با توجه به روابط بالا، تابع عضویت $\mu_{\tilde{n}_t}(x)$ چنین تعیین می‌شود:

$$\mu_{\tilde{n}_t}(x) = \max \left\{ 0, 1 - \frac{|x - m_n|}{\sqrt{2\pi}\sigma_n} \right\} \quad (17)$$

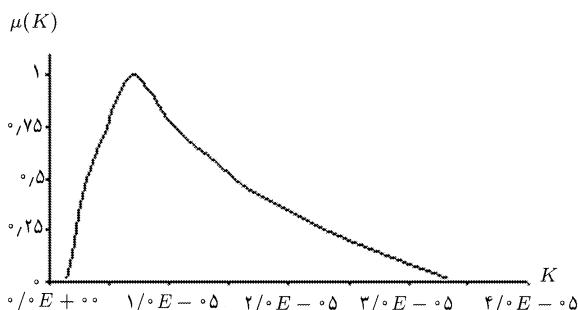
دو مزیت عمده‌ی به کارگیری اعداد فازی مثلثی عبارت‌اند از ۱. شیوه‌ی محاسبات با توابع خطی که تنها سه پارامتر دارند و حتی در حالت اعداد فازی متقاضی به دو پارامتر نیز کاهش می‌یابند، بسیار ساده است. ۲. نتیجه‌ی اعمال جبری خطی فازی به اعداد فازی مثلثی منجر می‌شود.^[۵] به عبارت دیگر، شکل اعداد فازی در طول محاسبه ثابت خواهد ماند و درتیجه، غیرفازی‌سازی پارامتر به دست آمده را ساده خواهد کرد.



شکل ۵. عدد فازی اولیه‌ی \tilde{n} با شکل گوسی، و تقریب خطی آن به صورت عدد فازی مثلثی \tilde{n}_t .



شکل ۶. منفی لگاریتم حلایت سولفات استرانسیم در دمای $100^{\circ}C$ و فشار 4000psi به صورت یک عدد فازی.



شکل ۷. ثابت حلایت سولفات استرانسیم در دمای $100^{\circ}C$ و فشار 4000psi به صورت یک عدد فازی.

با توجه به اینکه $\tilde{K} = 10^{-p\tilde{K}}$ ، برای محاسبه تابع \tilde{K} ، تابع عضویت $p\tilde{K}$ برای سولفات استرانسیم در دمای 100° درجه سلسیوس و فشار 4000psi با استفاده از رابطه‌های ۶ و ۸ گستینه می‌شود (شکل ۶):

$$p\tilde{K}_{SrSO_4} = \left\{ \frac{0}{2/92} + \frac{0/25}{4/27} + \frac{0/5}{4/61} + \frac{0/75}{4/96} + \frac{1}{5/20} + \frac{0/75}{5/99} + \frac{0/5}{6/34} + \frac{0/25}{6/68} \right\} \quad (22)$$

که در آن منظور از علامت $+$ ، اجتماع است. خط کسری نیز به معنی تقسیم جبری نیست، بلکه صورت کسر درجهی عضویت مقدار مخرج کسر را در مجموعه‌ی فازی $p\tilde{K}_{srso_4}$ نشان می‌دهد.

با استفاده از اصل گسترش، تابع \tilde{K} نیز به صورت گستینه شده زیر به دست می‌آید (شکل ۷):

$$\tilde{K}_{SrSO_4} = \left\{ \frac{0}{2/4 \times 10^{-5}} + \frac{0/25}{2/29 \times 10^{-5}} + \frac{0/5}{1/54 \times 10^{-5}} + \frac{0/75}{1/04 \times 10^{-5}} + \frac{1}{7 \times 10^{-6}} + \frac{0/75}{4/71 \times 10^{-6}} + \frac{0/5}{2/17 \times 10^{-6}} + \frac{0/25}{2/14 \times 10^{-6}} + \frac{0}{1/44 \times 10^{-6}} \right\} \quad (23)$$

که در آن pK منفی لگاریتم حلایت، T دما بر حسب درجه فارنهایت، P فشار بر حسب psi و I قدرت یونی بر حسب مولار است. پارامترهای لازم نیز مطابق جدول ۲ تعیین خواهند شد؛ برای تعیین میزان رسوب لحظه کردن اثر یون مشترک ضروری است. درنتیجه در محاسبات رسوب، باید غلظت سولفات آزاد طبق فرمول ۱۹ معین شود:

$$[SO_4^{2-}] = \frac{C_{SO_4} - C_{Ca} - C_{Mg} - K' + [(C_{SO_4} - C_{Ca} - C_{Mg} - K')^2 + 4K'C_{SO_4}]^{1/2}}{2} \quad (19)$$

که در آن C_{Mg} ، C_{Ca} ، C_{SO_4} و $K' = 1/K_{MgSO_4}$ به ترتیب سولفات کل، کلسیم کل و منیزیم کل بر حسب مولار است. اکنون با در دست داشتن حلایت و مقدار سولفات آزاد، مقدار رسوب سولفات استرانسیم مطابق رابطه‌ی ۲۰ محاسبه می‌شود:

$$m_{SrSO_4}(\text{mole/kgH}_2\text{O}) = \frac{[Sr] + [SO_4^{2-}]_{free} - x}{2} \quad (20)$$

$$x = \{([Sr] + [SO_4^{2-}]_{free})^2 - 4([Sr][SO_4^{2-}]_{free} - K)\}^{1/2} \quad (20)$$

که در آن $[Sr]$ غلظت یون استرانسیم است.

با استفاده از داده‌های جدول ۲ توابع عضویت پارامترهای رابطه‌ی ۱۸ تعیین می‌شوند. شکل این توابع در ابتداء گوسی است که برای سهولت انجام محاسبات و با استفاده از رابطه‌ی ۸ به توابع مثلثی تقریب زده می‌شوند. در نهایت با استفاده از جبر بازه‌ها برای اعداد فازی مثلثی، pK به صورت یک عدد مثلثی و با تابع عضویت زیر تعیین می‌شود:

$$p\tilde{K} = a + bT + cT^2 + dP + eI^{1/2} + fI + gI^{1/2}T, \sqrt{2\pi}(\sigma_a + T\sigma_b + T^2\sigma_c + P\sigma_d + I^{1/2}\sigma_e + I\sigma_f + I^{1/2}T\sigma_g) >_{TFN} \quad (21)$$

جدول ۲. ضرایب و انحراف استاندارد تخمین حاصل ضرب حلایت سولفات‌ها:

σ	$MgSO_4$ 199 تعداد نقاط =	σ	$SrSO_4$ 92 تعداد نقاط =
a. $0/037$	۱/۸۵۸	a. $0/086$	۶/۱۰۵
b. $0/000437$	۰/۰۰۴۵۱	b. $0/00091$	۰/۰۰۱۹۸
c. $0/0000013$	۰/۰۰۰۰۱۱۷۳	c. $0/0000025$	۰/۰۰۰۰۰۶۳
d. $0/0000023$	۰/۰۰۰۰۰۱۰۶۵۸	d. $0/0000063$	۰/۰۰۰۰۰۴۵۷
e. $0/046$	-۲/۳۷۸	e. $0/087$	-۱/۸۸۷
f. $0/017$	۰/۵۸۳	f. $0/039$	۰/۶۶۷
g. $0/00015$	-۰/۰۰۰۱۳۳	g. $0/00030$	-۰/۰۰۰۱۸۸

ازی هر بشکه نفت، یک بشکه آب شور تولید می‌شود^[۵]] بسیار بازتر خواهد بود. علاوه بر این، محاسبات فازی قادر است حداکثر رسوب ممکن را نیز با توجه به اطلاعات موجود پیش‌بینی کند (شکل ۸).

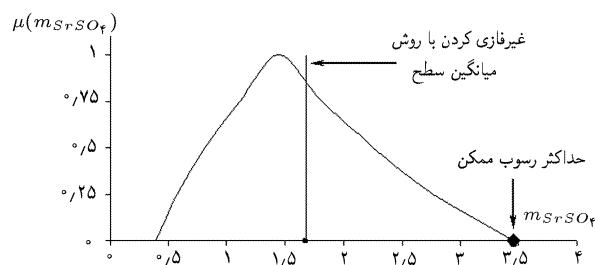
۶. نتیجه‌گیری

در این تحقیق، جبر و اعداد فازی برای انجام محاسبات مهندسی نفت معرفی شدند و عملکرد این دوریش در پیش‌بینی مقدار رسوب سولفات استرانسیم مورد بررسی قرار گرفت. نتایج بدست آمده را می‌توان چنین بیان کرد:

۱. اعداد فازی تمام مقادیر ممکن برای یک پارامتر خاص را با شکل تابع عضویت خود نشان می‌دهند و در نتیجه، گستره‌ی نتایج ممکن را بعد از اعمال جبری به صورت یک عدد فازی نشان می‌دهند.
۲. به دلیل وجود داده‌های نادرست و عدم قطعیت موجود در پارامترها، استفاده از اعداد فازی و جبر فازی نتایج قبل اعتمادتری را نسبت به روش غیرفازی و استفاده از کمیت‌های معمولی ارائه می‌دهد.
۳. استفاده از جبر و اعداد فازی در محاسبات دقیق و حساس مانند بدست آوردن مقدار رسوب، دید وسیع‌تر و ابزار لازم برای تجزیه و تحلیل بیشتر را فراهم می‌آورد.

قدرتانی

این تحقیق با حمایت گروه پژوهشی انرژی‌های تجدیدناپذیر پژوهشکده انرژی و محیط‌زیست دانشگاه شهید باهنر کرمان انجام شده است.



شکل ۸. مقدار رسوب سولفات استرانسیم بر حسب میلی گرم در لیتر (mg/l)، در دمای $100^{\circ}C$ و فشار 4000 psi به صورت یک عدد فازی.

به همین ترتیب و با استفاده از اصل گسترش، غلظت سولفات آزاد و در نهایت مقدار رسوب نیز محسوب می‌شود (شکل ۸). در این حالت، برای غیرفازی کردن اعداد به دست آمده از روش میانگین سطح استفاده می‌شود. در این روش مقداری به عنوان نمایندهٔ تابع فازی انتخاب می‌شود که مساحت زیر منحنی عدد فازی را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کند.^[۱۰]

اکنون می‌توان نتایج بدست آمده از محاسبات فازی و غیرفازی را با یکدیگر مقایسه کرد:

(۲۴) مقدار رسوب سولفات استرانسیم (محاسبات معمولی)

$$m_{SrSO_4} = 1/42 mg/l$$

(۲۵) مقدار رسوب سولفات استرانسیم (محاسبات فازی)

$$\tilde{m}_{SrSO_4} = 1/7 mg/l$$

تفاوت در پیش‌بینی مقدار رسوب برای میدان‌های نفتی که سالانه میلیون‌ها بشکه آب شور به همراه نفت تولید می‌کنند (به طور متوسط به

منابع

1. Zadeh L.A. "Fuzzy sets", *Information and Control*, **8**, pp. 338-353 (1965).
2. Kaufmann A., Gupta M.M. "Introduction to fuzzy arithmetic", Van Nostrand Reinhold, New York, pp. 9 (1991).
3. Alefeld G., Herzberger J., "Introduction to interval computations", Academic Press, New York, pp. 53-54 (1983).
4. Buckley J., Qu Y., "On using α -cuts to evaluate fuzzy equations", *Fuzzy sets and systems*, **38**, pp. 309-312 (1990).
5. Cowan J.C., Weintritt D.J.; "Water-formed scale deposits", Gulf publishing company, Houston, Texas, pp. 6-25 (1976).
6. Yuan M.D., Todd A.C.; "Prediction of sulfate scaling tendency in oilfield operations", SPE 18484, pp. 63-72 (1991).
7. Oddo J.E., Tomson M.B.; "Why scale forms in oilfields and methods to predict it", SPE 21710, pp. 717-726 (1991).
8. Tomson M.B., Kan A.T., Fu G., Al-Thubaiti M., "Scale formation and prevention in the presence of hydrate inhibitors", SPE 80255, pp. 1-16 (2003).
9. خاتمی، حمیدرضا، رنجبر، محمد، یونسی، رضا، آریا شرار، پیش‌بینی رسوب سولفات‌ها در مخازن و تجهیزات بهره برداری نفت با استفاده از جبر اعداد فازی LR، مجموعه مقالات دهمین کنگره ملی مهندسی شیمی ایران، صص. ۶۲۷۳-۶۲۸۳، ۱۳۸۴، زهدان (آبان).
10. Nguyen H.T., Walker E.A.; "A first course in fuzzy logic", second edition, Chapman and Hall/CRC, pp. 331-332 (1999).