

مدل سازی و تحلیل حمل و نقل چندوجهی مشارکتی بین حاملان ریلی و جاده‌یی بر اساس نظریه‌ی بازی‌های همکارانه

Original Article

حمید فروش* (استادیار)

آرزو جعفری (کارشناس ارشد)

گروه مهندسی صنایع، دانشگاه کردستان، سنندج

به دلایل اقتصادی و محیط زیستی، حمل و نقل چندوجهی موجه است. در این نوشتار، برای ایجاد همکاری بین حاملان ریل و جاده، بر پایه‌ی نظریه‌ی بازی‌های همکارانه، سازوکارهای همکاری و تقسیم عادلانه‌ی منافع ارائه شده است. در مدل‌های پیشنهادی، علاوه بر مسیر یابی کالا، شبکه‌ی سرویس‌ها و مسئله‌ی بلاکینگ نیز توأمأ در شبکه‌ی ادغامی در نظر گرفته می‌شود. به کمک بازی‌های همکارانه و ایده‌هایی از برنامه‌ریزی آرمانی، سازوکاری برای تنظیم روابط متقابل ریل و جاده از طریق تقسیم صرفه‌جویی‌های ائتلاف پیشنهاد می‌شود؛ به طوری که پذیرش تصمیم جمعی و مشارکت اعضا منجر به بهینگی ائتلاف شود. هم‌چنین، شرایط حل کارای مسئله‌ی تقسیم عواید برای مسائل بزرگ فراهم شده است. برای ارزیابی مدل‌ها، طیفی از مسائل آزمایشی تولید و حل شده‌اند. نتایج نشان می‌دهد که همکاری ریل و جاده صرفه‌جویی قابل توجهی به بار می‌آورد. تحلیل حساسیت نشان می‌دهد با افزایش هزینه‌ی حمل جاده یا کاهش هزینه‌ی ریل، صرفه‌جویی هزینه و میل به همکاری افزایش می‌یابد.

واژگان کلیدی: لجستیک مشارکتی، نظریه‌ی بازی‌های همکارانه، حمل و نقل چندوجهی، برنامه‌ریزی آرمانی.

farvaresh@uok.ac.ir
 jafary.ar@gmail.com

۱. مقدمه

از حمل و نقل برای حمل این‌گونه بارها سخت کرده است. به دنبال آن رفت و آمد کامیون‌ها به شدت افزایش یافته و اکنون به بخشی از مشکلات مربوط به تراکم روبه افزایش راه‌ها، آلودگی، و مصرف بی‌رویه‌ی منابع انرژی جهانی تبدیل شده است. در مقابل، هزینه‌های خارجی زیست‌محیطی و اجتماعی کمتری در مقایسه با حمل و نقل جاده‌یی دارد. از آنجایی که امروزه مسئله‌ی کاهش آثار منفی صنایع از معضلات پیش روی جوامع است و تأکید فراوانی بر توسعه‌ی پایدار می‌شود، ایجاد سازوکارهایی برای انتقال حمل کالاها از جاده و کامیون به ریل و قطار بسیار با اهمیت است.^[۲]

۱.۱. حمل و نقل چندوجهی

در سال‌های اخیر هم‌زمان با افزایش میزان حمل و نقل بار و تغییر نیازهای زنجیره‌ی تأمین، حمل و نقل چندوجهی برای جابه‌جایی کالا در سطح جهان روبه رشد بوده است. برخلاف سیستم‌های حمل و نقل سنتی که در آن شیوه‌های مختلف در حالت مستقل و مجزا عمل می‌کنند، هدف حمل و نقل چندوجهی یکپارچه‌سازی شیوه‌ها و خدمات مختلف حمل و نقل به منظور بهبود کارایی کل فرایند توزیع است. در حمل و نقل چندوجهی جابه‌جایی و انتقال از یک شیوه به شیوه‌ی دیگر در

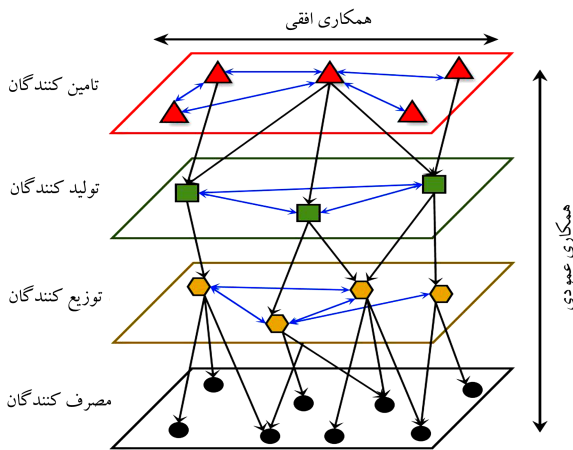
در چرخه‌ی اقتصاد یک کشور، حمل و نقل عاملی است که بیشتر ارکان اقتصادی از ابتدای فرایند تولید تا رساندن کالا به بازارهای نهایی مصرف را تحت تأثیر قرار می‌دهد. اگر حمل و نقل را در ابعاد و تعاریف کلان آن در نظر بگیریم کمتر فعلی در اقتصاد جامعه بدون استفاده از این صنعت انجام می‌پذیرد. به همین دلیل داشتن صنعت حمل و نقل فعال و کارا شاید بیشترین تأثیر را در افزایش یا کاهش بهره‌وری از دیگر عوامل تولید و مصرف داشته باشد. امروزه به طور متوسط بین ۸ تا ۱۰ درصد قیمت تمام‌شده‌ی کالا و خدمات در ایران سهم حمل و نقل است. در حالی که در سایر کشورها سهم حمل و نقل حدود ۴ درصد است.^[۱]

در دهه‌های اخیر با توسعه‌ی سریع تجارت الکترونیکی، جهانی‌شدن اقتصاد، و تولید به موقع تقاضا برای تحویل سریع کالاها افزایش یافته و حمل و نقل با کامیون در تأمین این‌گونه نیازها بر ریل تسلط یافته است. انعطاف نداشتن بخش ریلی به خصوص در ابتدا و انتهای فرایند حمل، هزینه‌ی بالای مربوط به راه‌اندازی راه‌آهن، و بالا بودن کمیته‌ی بار مورد نیاز برای سوددهی رقابت را برای ریل به عنوان حالتی

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۵/۸/۸، اصلاحیه ۱۳۹۵/۱۱/۳۰، پذیرش ۱۳۹۶/۲/۲۳.

DOI:10.24200/J65.2018.20056



شکل ۱. انواع همکاری‌ها در زنجیره تأمین.

پایانه‌های چندوجهی انجام می‌شود که می‌تواند یک بندر یا پایانه زمینی از جمله ایستگاه ریلی، فرودگاه و امثال آن باشد. ایده اصلی حمل‌ونقل چندوجهی ریل - جاده یکپارچه‌سازی عملیات حمل بار به منظور کارایی بیشتر در سفرهای با مسافت طولانی است. اگرچه حمل‌ونقل چندوجهی محدود به جابه‌جایی کانتینر و بین‌قاره‌یی نیست (مثلاً حمل‌ونقل بسته‌های پستی)، اما نقش کانتینر در آن کلیدی است.

۲.۱. حمل‌ونقل چندوجهی ریل - جاده

حمل‌ونقل جاده‌یی اثرات منفی بر محیط زیست دارد. آلودگی زیست‌محیطی، تصادفات، تراکم زیاد، و فرسودگی زیرساخت‌های جاده‌یی از جمله‌ی این اثرات هستند. از طرفی دیگر، کاهش رفت‌وآمد جاده‌یی موجب کاهش بسیاری از هزینه‌های خارجی این شیوه‌ی حمل‌ونقل می‌شود. برای دستیابی به این مهم و تقلیل آثار منفی حمل‌ونقل جاده‌یی شایسته است در جابه‌جایی کالاها استفاده از گزینه‌های دیگر و به خصوص شیوه‌ی ریلی ارزیابی شود. از این شیوه‌ها در مسافت‌های طولانی در ترکیب با جاده برای ابتدا و انتهای مسیر استفاده می‌شود. توجیه این کار استفاده از مزیت‌های زیست‌محیطی و اقتصادی شیوه‌ی ریلی و در نتیجه کاهش انتشار آلاینده‌ها و صرفه‌جویی در هزینه‌ها و هم‌زمان استفاده از انعطاف‌پذیری و سرعت حمل‌ونقل جاده‌یی است.

در حمل‌ونقل چندوجهی ریل و جاده تقسیم‌کار بین آنها چنین است که شیوه‌ی جاده‌یی به مسافت‌های کوتاه و بخش‌های ابتدا و انتهای مسیر می‌پردازد؛ درحالی‌که ریل به مسافت‌های طولانی اختصاص می‌یابد. در حمل‌ونقل چندوجهی ریل و جاده لازم است برنامه‌های عملیاتی به‌طور دقیق همگام‌سازی شوند تا کالا در طول سفر کمتر دچار وقفه شود. برای بهره‌گیری کارا از شیوه‌ی چندوجهی، از واحد بار استاندارد نظیر کانتینر استفاده شود تا عملیات بارگیری، تخلیه، و جابه‌جایی تسهیل شود. اما از اصلی‌ترین مشکلات شیوه‌های چندوجهی می‌توان به افزایش پیچیدگی برنامه‌ریزی عملیات اشاره کرد؛ زیرا در این شیوه هرکدام از طرف‌های درگیر یک قسمت از زنجیره را کنترل و سازمان‌دهی می‌کنند.

۳.۱. لجستیک مشارکتی

مضمون این تعریف نسبتاً عام که «زنجیره‌ی تأمین شامل همه‌ی رویکردهایی است که به‌صورت کارا تأمین‌کنندگان، تولیدکنندگان، انبار، و مراکز فروش را طوری یکپارچه می‌کند که کالاها در مقادیر و مکان و زمان درست به‌منظور کمینه‌کردن هزینه‌های سیستم و البته تأمین سطح خدمت مورد نیاز تولید و ارسال می‌شوند»^[۴] این است که در واقع، این همکاری عمودی است که عملاً بین سطوح مختلف زنجیره‌ی تأمین رخ می‌دهد و متأثر از هماهنگ‌سازی و به اشتراک‌گذاری اطلاعات هزینه‌ها کاهش می‌یابد. در میان شیوه‌های اعمال همکاری عمودی می‌توان به کنترل موجودی فروشندگان، سیاست‌های سفارش‌دهی، و شیوه‌های ارسال مواد اشاره کرد. در مقابل، همکاری افقی در لجستیک شامل همکاری بخش‌های یک سطح از زنجیره‌ی تأمین است. به عبارتی، زنجیره‌ی تأمین به‌صورت یک ساختار غیر سربالی در نظر گرفته می‌شود؛ پس دارای همکاری‌های افقی و عمودی است (شکل ۱). مزایای همکاری افقی عبارت‌اند از قیمت کمتر به دلیل ادغام مقادیر خرید، کاهش هزینه‌های حمل‌ونقل و موجودی، ریسک تأمین کمتر.^[۴]

۴.۱. تعریف کلی مسئله

در لجستیک مشارکتی، چندین شرکت حمل‌ونقل با به اشتراک گذاشتن ظرفیت وسایل نقلیه و تقاضاها و به‌منظور بهینه‌سازی عملیات حمل‌ونقل اتلاف‌هایی را تشکیل می‌دهند. به دلیل نیاز به کاهش هزینه‌ها در بازار رقابتی حمل‌ونقل، نگرانی‌های رو به افزایش زیست‌محیطی، بهبود کارایی عملکرد از طریق به اشتراک‌گذاری منابع و برنامه‌ریزی حمل‌ونقل همکارانه تبدیل به یک مدل تجاری جدید در صنعت حمل‌ونقل شده است.^[۵]

در بین شیوه‌های حمل‌ونقل کالا، افزایش نامتوازن و زیاد حمل‌ونقل جاده‌یی منجر به مشکلات جدی از قبیل شلوغی راه‌ها، آلودگی‌های زیست‌محیطی، و مسائل ایمنی شده است. از سویی دیگر، حاملان ریلی با مشکلات سودآوری و هزینه‌های بالای سرمایه‌گذاری مواجه هستند. راه‌اندازی خدمات ریلی جدید پرهزینه است و یافتن میزان بار موردنیاز، به‌ویژه درحالی‌که خرده‌بار توسط فرستنده‌های مختلف ارسال می‌شود، کار آسانی نیست.^[۶]

علاوه‌بر تقویت مزایا و پوشش معایب هر دو شیوه، همکاری ریل و جاده به‌منظور ترکیب خدمات برای تکمیل جابه‌جایی‌های درب به درب^۱ و ایجاد یک نوع هم‌افزایی بین این دو شیوه‌ی حمل‌ونقل ضروری است. کالاها در مسیرهای حمل‌ونقل دور و عمدتاً بین پایانه‌ها توسط ریل و در مسیرهای بین پایانه و فرستنده یا پایانه و دریافت‌کننده توسط کامیون حمل می‌شوند.^[۷] یکی از مشکلات اصلی حمل‌ونقل چندوجهی ایجاد یکپارچگی بین شیوه‌های درگیر است؛ به نحوی‌که صاحب کالا با یک قرارداد واحد مسئولیت حمل بار را واگذار کند. لجستیک مشارکتی سازوکارهایی برای اقتاع شیوه‌های درگیر و ایجاد همکاری بین آنها ارائه می‌دهد که این مشکل را حل یا دست‌کم تسهیل می‌کند.

بنابراین، مسئله‌ی تحقیق جاری چنین است: فرض می‌شود یک شرکت حمل‌ونقل جاده‌یی دارای مجموعه‌یی قرارداد معین برای جابه‌جایی و نیز مجموعه‌ی معینی از ناوگان حمل‌ونقل است که در شبکه‌ی جاده‌یی عملیات حمل را انجام می‌دهند. از طرفی دیگر، فرض می‌شود یک حامل ریلی با مجموعه‌یی قرارداد معین بار برای جابه‌جایی و نیز ناوگان و زیرساخت معین ریلی وجود دارد. نحوه‌ی ایجاد همکاری، طراحی شبکه‌های سرویس، طراحی شبکه بلاکینگ ریلی، و نحوه‌ی تخصیص و مسیریابی بار برای اتلاف حاصل دو شرکت بر پایه‌ی مفاهیم نظریه‌ی بازی‌های همکارانه و نیز شیوه‌ی تقسیم صرفه‌جویی حاصل از همکاری مؤلفه‌های اصلی

حالت همکاری، تقاضاها ترکیب و یک مسئله‌ی مسیریابی ادغامی فرمول‌بندی می‌شود. این مسئله از طریق روش‌های فراابتکاری حل شده است. آنها نتیجه گرفته‌اند که مسیریابی مشترک منجر به کاهش ۷٫۳ درصدی ناوگان موردنیاز و در نتیجه کاهش میزان کلی هزینه‌ها می‌شود.

در تحقیقی دیگر توسط کروچسن و همکاران^[۱۱] برای مشخص کردن ارزش ترکیبی همکاری افقی حاملان از طریق برنامه‌ریزی مشترک، چارچوبی مبتنی بر مسئله‌ی مسیریابی وسیله با پنجره‌ی زمانی تعریف شده است. در این تحقیق با هدف استفاده از مسیریابی وسایل نقلیه، مجموعه‌ی حاملان و اطلاعات مربوط به تقاضاها به یک شبکه‌ی توزیع تبدیل شده که در آن هر گره نشان‌دهنده‌ی مکان تحویل و یک گره در مرکز نشان‌دهنده‌ی مرکز توزیع است. این مسئله با رویکرد ابتکاری حل شده است. در تحقیقی دیگر که البته در آن لجستیک همکارانه به معنای مورد نظر این تحقیق وجود ندارد، اررا و همکاران^[۱۲] یک مدل یکپارچه‌سازی برای مسیریابی کانتینرها و جابه‌جایی و موقعیت‌یابی مجدد کانتینرهای خالی در یک شبکه‌ی چندوجهی را بررسی کردند. مسئله به عنوان یک مدل جریان شبکه‌ی قطعی فرمول‌بندی شد. نتایج محاسباتی نشان داد که مدیریت یکپارچه‌ی کانتینر می‌تواند سبب کاهش هزینه‌های جابه‌جایی کانتینرهای خالی شود.

شکل دیگری از مسئله‌ی مسیریابی برای مدل‌سازی مسئله‌ی به اشتراک‌گذاری تقاضاها در همکاری حامل‌ها، مسئله‌ی بارگیری و تحویل با چندین انبار در مطالعه‌ی کارجسکا و همکاران تحت پنجره‌های زمانی است.^[۱۳] برای حل مسئله‌ی به اشتراک‌گذاری تقاضاها با استفاده از یک مسئله‌ی بارگیری و تحویل به همراه پنجره‌های زمانی^۴ نویسندگان از ویژگی چند انبار^۵ برای تفسیر ادغام تقاضاها از حاملان مختلف استفاده کردند. مسئله شامل یافتن مجموعه‌ی مسیرهای بهینه و موجه در تمام قیود است که هزینه‌ی کل را کمینه کند. برای حل این مسئله‌ی NP-hard یک روش جست‌وجوی همسایگی استفاده شد. این روش با استفاده از مثال‌های آزمایشی و نیز داده‌های واقعی از حاملان بار در آلمان امتحان شد. نتایج آنها نشان داد که همکاری در اتلاف می‌تواند صرفه‌جویی‌های زیادی در هزینه به بار آورد.

همچنین داهل و دریگز مسئله‌ی به اشتراک‌گذاری سفارش‌ها در شبکه‌ی همکارانه‌ی حاملان مستقل را فرمول‌بندی کردند. از آنجایی که حاملان در نظر گرفته شده فقط سفارش‌های سریع را انجام می‌دهند، حاملان در محیطی پویا که در آن هیچ مجموعه‌ی ثابتی از تقاضاها وجود ندارد، عمل می‌کنند. هر حامل دارای مجموعه‌ی سفارش‌ها با مبدأ، مقصد، میزان تقاضا و پنجره‌ی زمانی معین است. برای حل این مسئله یک روش حل ابتکاری به کار برده شده است. بر مبنای یک مطالعه‌ی شبیه‌سازی با استفاده از داده‌های واقعی از پنجاه حامل پیش‌تاز در اروپا نشان داده شده که تا ۱۳ درصد کاهش هزینه امکان‌پذیر است.^[۱۴] لیو و همکاران مسئله‌ی برنامه‌ریزی مسیریابی مشترک در همکاری حاملان را از دیدگاه دیگری بررسی کردند. به جای مدل‌سازی به صورت مسئله‌ی مرسوم مسیریابی وسیله‌ی نقلیه، آن را به عنوان یک مسئله‌ی مسیریابی چند انبار با کمان‌های ظرفیت‌دار با کامیون با بار کامل فرمول‌بندی کردند. به دلیل اینکه مسئله‌ی برنامه‌ریزی مسیریابی مشترک در نظر گرفته شده متشکل از چندین حمل‌کننده با بار کامیون کامل است. مدل چند انبار برای تعیین مسیرهایی برای وسایل نقلیه‌ی متفاوت تعریف می‌شود تا تقاضاها تأمین و هزینه‌ی کل کمینه شود. برای حل این مسئله یک رویه‌ی ابتکاری دومارحله‌ی پیشنهاد شده است. در مرحله‌ی اول، مجموعه‌ی از چرخه‌ها برای پوشش کمان‌ها تولید شده و در مرحله‌ی دوم مسیرهای وسایل نقلیه بر مبنای چرخه‌های به دست آمده در مرحله‌ی قبل ساخته می‌شوند. با استفاده از روش‌های جست‌وجوی محلی جواب اولیه بهبود

مسئله‌ی این تحقیق را تشکیل می‌دهند. با توجه به اینکه حمل‌ونقل کالا عمدتاً توسط شرکت‌های مستقل جاده‌یی و ریلی انجام می‌شود و همکاری صورت نمی‌گیرد، در این پژوهش، برای رفع این کمبود مسئله‌ی لجستیک مشارکتی بین شرکت‌های حمل‌ونقل جاده‌یی و ریلی از منظر برنامه‌ریزی ریاضی بررسی می‌شود؛ پس از مدل‌سازی، سازوکار مناسب برای تسهیم سود به دست آمده بر اساس مفاهیم نظریه‌ی بازی‌های همکارانه طراحی می‌شود.

۲. پیشینه‌ی پژوهش

پیشرفت‌ها در علوم ارتباطات و فناوری اطلاعات، فرصت‌های بسیاری برای افزایش همکاری بین نهادهای زنجیره‌ی تأمین فراهم آورده است. این موضوع به نوبه خود، منجر به فهم این مسئله شده است که تأمین‌کنندگان، مصرف‌کنندگان، و حتی رقیبان می‌توانند در لجستیک همکاری کنند.^[۸] همکاری عمودی^۲ موضوع طیف وسیعی از تحقیقات بوده است اما درباره‌ی همکاری افقی در لجستیک و حمل‌ونقل تحقیقات کمتری صورت گرفته است. کروچسن و سالمن تأثیر این نوع همکاری برای یک ائتلاف از حاملان را بررسی کردند و با استفاده از یک مطالعه‌ی موردی نشان دادند با این روش در هزینه‌ها ۵ تا ۱۵ درصد و حتی بیشتر صرفه‌جویی می‌شود.^[۹] کارجسکا و کپفار^[۱۰] مدلی برای همکاری بین نهادهای مستقل حمل بار ارائه کردند. در این تحقیق عنوان شد که در محیط رقابتی، حمل‌کنندگان بار می‌توانند هزینه‌های خود را با به کار بردن روش‌های مختلف (با متولیت خودشان و برون‌سپاری) کاهش دهند. حاملان برای تأمین تقاضاها از ناوگان حمل‌ونقل خود استفاده می‌کنند یا با برون‌سپاری سفارش‌ها تأمین تقاضاها را به حاملان بار خارجی ارجاع می‌دهند. با همکاری حاملان در قالب ائتلاف برای ایجاد تعادل در تقاضاها مزیت‌های رقابتی اعضای ائتلاف افزایش می‌یابد.

تحقیقات پیشین در زمینه‌ی همکاری افقی حاملان به دو دسته‌ی عمده تقسیم می‌شود. در دسته‌ی اول، تقاضاها بین حاملان همکار از طریق روش‌های مختلف تبادل می‌شوند. تخصیص مجدد تقاضاها با هدف به دست آوردن ترکیب بهتری از محموله‌ها و تناسب بیشتر با ناوگان موجود صورت می‌گیرد. با به اشتراک‌گذاری تقاضاها حاملان می‌توانند کارایی و سودآوری خود را با افزایش بهره‌وری ظرفیت و کاهش هزینه‌های عملیاتی از طریق برنامه‌ریزی بهتر حمل‌ونقل بهبود دهند. در مقابل به اشتراک‌گذاری تقاضا، در دسته‌ی دوم، حاملان می‌توانند از طریق به اشتراک‌گذاری وسایل نقلیه همکاری داشته باشند. از آنجایی که خرید وسایل نقلیه نیازمند سرمایه‌گذاری زیادی است و بهره‌برداری کم از ظرفیت‌ها کارایی شرکت‌ها را کاهش می‌دهد، ارائه‌دهندگان خدمات لجستیکی ممکن است به این طریق همکاری کنند. در این روش، ممکن است سرمایه‌گذاری‌های انجام‌شده‌ی مربوط به وسایل نقلیه بین اعضا تقسیم شود و به دنبال آن بهره‌وری این وسایل بهبود یابد. تحقیق حاضر به بررسی تحقیقات انجام‌شده در شاخه‌ی به اشتراک‌گذاری تقاضاها می‌پردازد.

در تحقیقات پیشین از روش‌های مختلفی برای مدل‌سازی مسائل این حوزه استفاده شده است که معمول‌ترین آن‌ها مسیریابی مشترک و سازوکارهای برپایه‌ی حراج^۳ است. کروچسن و سالمن^[۹] شبکه‌ی حمل‌ونقلی با چندین حامل و مشتری را در نظر گرفتند. تقاضاها نشان‌دهنده‌ی محموله‌هایی هستند که از یک مرکز توزیع به مکان مشتری جابه‌جا می‌شوند. هدف آنها، مقایسه‌ی هزینه‌های کلی حمل‌ونقل بین دو حالت عدم همکاری و همکاری حاملان است. برای حل مسئله‌ی مسیریابی

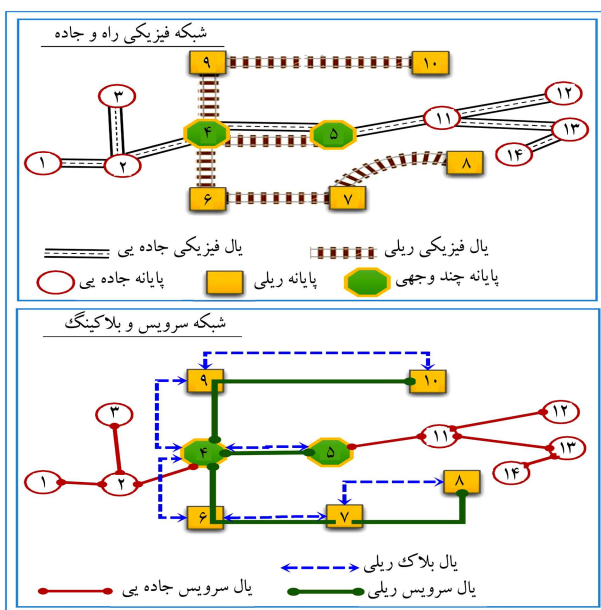
۳. مدل سازی ریاضی ائتلاف و تقسیم عواید

انگیزه اصلی در تشکیل ائتلاف حاملان کسب سود بیشتر یا کسب مزیت های رقابتی مناسب در فضای کسب و کار حمل و نقل است. به عبارت دیگر کسب مزایای مالی یا غیر مالی که به صورت انفرادی قابل حصول نیست. با فرض همکاری حاملان ریل و جاده و اتفاق نظر آن ها برای همکاری کامل لازم است تصمیمات و برنامه ریزی ها به صورت متحد صورت گیرند. برای این منظور یک مدل برنامه ریزی متمرکز که در آن تصمیمات هر دو حامل ریل و جاده به شکل متحد و متفق اتخاذ می شود، ارائه می گردد. به عبارت دیگر، فرض می شود که یک تصمیم گیر مجازی وجود دارد که تصمیمات هر دو حامل ریلی و جاده ای را به گونه ای تنظیم می کند که بیشترین منافع عاید ائتلاف این حاملان شود. بنابراین، در مدل متمرکز، کلیه تقاضاها و همه ناوگان و امکانات حمل و نقل مجازاً در هم ادغام می شود و گویی یک تصمیم گیر واحد به طور متمرکز تمام برنامه ریزی ها را انجام می دهد. به همین علت مدل نظیر ائتلاف غالباً مدل متمرکز نامیده می شود.

در شکل ۲ نمونه ای از شبکه ای مورد مطالعه ارائه شده است. فرض می شود در شیوهی جاده بر روی همه یال ها در هر دو جهت سرویس ارائه شده است؛ اما در شیوهی ریل تعداد سرویس ها و مسیر آن ها از قبل برنامه ریزی شده و در شکل مشخص شده اند. همچنین بلاک هایی که امکان استفاده از آن ها در صورت لزوم وجود دارد، رسم شده اند. حاملان می توانند تقاضاها را به صورت انفرادی جابه جا کنند یا با ادغام آن ها و مسیریابی همکارانه از صرفه جویی ناشی از مقیاس و احتمالاً کاهش هزینه ها بهره ببرند. از آنجایی که محموله ها در شیوهی ریل از طریق بلاک ها جابه جا می شوند کار تخصیص محموله به بلاک و بلاک به سرویس های موجود نیز باید در دستور کار قرار گیرد.

۱.۳. مدل ریاضی مسئلهی ائتلاف حاملان ریل و جاده

در ابتدا لازم است نمادها و علائم مورد استفاده در مدل معرفی شوند و سپس مدل ارائه شود.



شکل ۲. نمونه ای از شبکه چندوجهی ریل و جاده.

داده شد. لیو و همکاران عملکرد این روش ابتکاری را برای مسئلهی نمونه تحلیل کردند. نتایج نشان داد که رویه ی حل پایدار است و جواب هایی با کیفیت بالا در زمان های قابل قبول به دست می آید.^[۱۵]

در مقابل تحقیقات قبلی که کل تقاضاها و شبکه ی حمل و نقل حامل را برای همکاری در نظر می گرفت، بابلی و همکاران^[۱۶] به اشتراک گذاری تقاضاها برای مسیرهای برگشت شرکت های همراه را در نظر گرفتند. نویسندگان امکان کاهش برگشت های خالی یک حامل را با اضافه کردن تقاضاهای شرکت های همکار به جابه جایی های برگشتی بررسی کردند. از آنجایی که جابجایی های برگشتی و خالی به انبار، سهم مهمی از هزینه را تشکیل می دهند، همکاری بار در قسمت برگشت می تواند به طور چشم گیری کارایی و سوددهی حامل را افزایش دهد. دو مدل بهینه سازی برای یافتن موقعیت هایی که در آن مسیریابی مجدد حمل و نقل های خالی برگشتی منجر به کاهش هزینه می شود، توسعه داده شد. در مدل اول که به عنوان برنامه ریزی عدد صحیح فرمول بندی شد، هر کامیون در مسیر برگشت حداکثر تقاضای یکی از همکاران را برآورده می کند و این بخش از مسئله به کمک روشی ابتکاری حل شد. مدل دوم به سبب انجام تقاضا از چندین حمل کننده توسط یک کامیون در مسیر برگشت پیچیده تر است. این مدل به عنوان یک مسئله ی عدد صحیح مختلط فرمول بندی و با استفاده از روش های ابتکاری حل شد. محاسبات انجام شده در این تحقیق نشان داد که این نوع همکاری ممکن است منجر به کاهش ۱۳ تا ۲۸ درصدی هزینه های برگشتی شود.

در مسئلهی اشتراک تقاضا بر پایه ی حراج هر حامل، ابتدا این مسئله که کدام تقاضا با به کار بردن روش های بهینه سازی می تواند در حالت کارایی از نظر هزینه انجام شود، بررسی می شود. سپس تقاضاها با به کارگیری سازوکارهای حراج به اشتراک گذاشته می شوند. مثلاً سانگ و رگان^[۱۷] یک سازوکار تخصیص تقاضا بر پایه ی مزایده برای حاملان با اندازه ی کوچک و متوسط ارائه دادند. زمانی که یک حمل کننده یک سفارش جدید دریافت می کند، ابتدا مجموعه ای از مسیرهای بهینه در نظر گرفته می شود تا مشخص شود که آیا تأمین این تقاضا از طرف حوزهی حمل کننده به صرفه است یا خیر. اگر نه، شرکت یک قیمت رزرو برای تقاضا مشخص و سپس شرکای خود را برای ارائه ی پیشنهادها برای تأمین تقاضا آگاه می سازد. قیمت رزرو بیشینه ی ارزشی است که حمل کننده مایل است تا برای انجام تقاضا به یکی از شرکا پرداخت کند. دیگر حاملان نیز روش های بهینه سازی مشابهی را انجام می دهند. در پایان، حاملی که تقاضا را ارائه داده بود، پیشنهادها را با قیمت رزرو خود مقایسه و کمترین پیشنهاد را در صورت رضایت بخش بودن انتخاب می کند.

موضوع همکاری بین حاملان موضوع طیف متنوعی از تحقیقات را شامل می شود. به موازات افزایش مسائل و نگرانی های زیست محیطی، استفاده از حمل و نقل چندوجهی رو به رشد بوده است. مطابق بررسی های صورت گرفته، تحقیقاتی یافت نشد که کاربردهای نظریه ی بازی های همکارانه در حمل و نقل چندوجهی را نشان دهد. در حالی که انتظار می رود ایده های محوری این نظریه بتواند در ایجاد سازوکارهایی برای یکپارچگی بیشتر و بهتر طرف های درگیر در این نوع حمل و نقل مفید باشد و در شفاف سازی شیوهی تقسیم وظایف و تقسیم عواید همکاری مؤثر باشد. تحقیق جاری تلاشی است در زمینه ی شیوهی به کارگیری مفاهیم بازی های همکارانه در حمل و نقل چندوجهی ریل و جاده. در همین راستا، مدلی ریاضی برای مسیریابی مشترک تقاضای ادغامی حاملان ریل و جاده و سپس یک سازوکار تقسیم سود با استفاده از مفاهیم برنامه ریزی آرمانی ارائه شده است.

۱.۱.۳. مجموعه‌ها

N : مجموعه‌ی گره‌های شبکه‌ی ادغامی ریل و جاده شامل مجموعه‌ی پایانه‌های جاده‌یی N_1 ، مجموعه‌ی پایانه‌های ریلی N_2 ، و مجموعه‌ی پایانه‌های چندوجهی N_3 . بدیهی است که $N = N_1 \cup N_2 \cup N_3$ ؛
 A_1 : مجموعه‌ی سرویس‌های ارائه‌شده در شیوه‌ی حمل‌ونقل جاده‌یی؛
 A_2 : مجموعه‌ی یال‌ها در شبکه‌ی فیزیکی شیوه‌ی حمل و نقل ریلی؛
 S : مجموعه‌ی سرویس‌های ارائه‌شده در شیوه‌ی حمل و نقل ریلی؛
 B : مجموعه‌ی بلاک‌های بالقوه؛
 $B^+(i)$: مجموعه‌ی بردارهای بلاک‌های خارج شونده از پایانه i ؛
 $B^-(i)$: مجموعه‌ی بردارهای بلاک‌های واردشونده به پایانه i ؛
 $A^+(i)$: مجموعه‌ی بردارهای خارج‌شونده از پایانه i ؛
 $A^-(i)$: مجموعه‌ی بردارهای واردشونده به پایانه i ؛
 O : مجموعه‌ی مبادی محموله‌ها؛
 D : مجموعه‌ی مقاصد محموله‌ها؛
 K : مجموعه‌ی محموله‌ها به مبدأ o و مقصد d و حمل‌کننده r .

۲.۱.۳. پارامترها

c_a : هزینه‌ی جریان هر واحد کانتینر بر روی یال $a \in A$ ؛
 hr_i : هزینه‌های رسیدگی به هر کانتینر در پایانه‌ی جاده‌یی $i \in N_1$ ؛
 ha_i : هزینه‌های رسیدگی به هر کانتینر در پایانه‌ی ریلی $i \in N_2$ ؛
 hm_i : هزینه‌های رسیدگی به هر کانتینر در پایانه‌ی چند وجهی $i \in N_3$ ؛
 F_a^s : عبور قطار $s \in S$ بر یال $a \in A_2$ ، $F_a^s \in \{0, 1\}$ ؛
 h_i : هزینه‌ی طبقه‌بندی هر کانتینر در پایانه $i \in N_2 \cup N_3$ ؛
 c_b^f : هزینه‌ی ثابت شکل‌گیری هر بلاک $b \in B$ ؛
 d^k : میزان محموله k (کانتینر)؛
 u_a : ظرفیت هر یال $a \in A \cup B$ ؛
 l_i : ظرفیت جابه‌جایی در پایانه $i \in N_2 \cup N_3$ (تعداد کانتینر)؛
 b_i : بیشینه‌ی تعداد بلاک قابل ساخت در پایانه‌ی $i \in N_2 \cup N_3$ ؛
 U_a^s : ظرفیت سرویس $s \in S$ بر روی یال $a \in A_2$.

۳.۱.۳. متغیرهای تصمیم

x_b^k : تعداد کانتینرهای محموله‌ی k که بر روی یال $b \in B$ جابه‌جا می‌شوند؛
 y_a^k : تعداد کانتینرهای محموله‌ی k که بر روی یال $a \in A_1$ جابه‌جا می‌شوند؛
 z_b : اگر بلاک $b \in B$ تشکیل شود ۱، و در غیر این صورت صفر؛
 E_{ab}^s : اگر بلاک $b \in B$ به یال $a \in A_2$ از قطار $s \in S$ تخصیص یابد ۱، و در غیر این صورت صفر؛
 X_b : تعداد واگن (کانتینر)های بلاک $b \in B$.

با توجه به این علائم، مدل ریاضی متمرکز که کلیه‌ی تصمیمات اعضای اتلاف در آن تهیه می‌شود، به شرح زیر است:

$$\begin{aligned} \min \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_1} \sum_{a \in A_1^+(i)} hr_i y_a^k + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_2} \sum_{b \in B^+(i)} ha_i x_b^k \\ + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_3} hm_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k + \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) + \sum_{k \in K} \sum_{a \in A_1} c_a y_a^k \\ + \sum_{a \in A_2} \sum_{s \in S} \sum_{b \in B} c_a E_{ab}^s X_b + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_2 \cup N_3} \sum_{b \in B^+(i)} h_i x_b^k \\ + \sum_{b \in B} c_b^f z_b \end{aligned} \quad (1)$$

$$\sum_{b \in B^+(i)} x_b^k + \sum_{a \in A_1^+(i)} y_a^k - \sum_{b \in B^-(i)} x_b^k - \sum_{a \in A_1^-(i)} y_a^k$$

$$= \begin{cases} d^k & \forall k \in K, i \in O(k) \\ -d^k & \forall k \in K, i \in D(k) \\ 0 & \forall k \in K, i \in N \setminus \{O(k), D(k)\} \end{cases} \quad (2)$$

$$\sum_{k \in K} y_a^k \leq u_a, \quad \forall a \in A_1 \quad (3)$$

$$\sum_{k \in K} x_b^k \leq u_b z_b, \quad \forall b \in B \quad (4)$$

$$\sum_{b \in B^+(i)} z_b \leq b_i, \quad \forall i \in N_2 \cup N_3 \quad (5)$$

$$\sum_{k \in K} \sum_{b \in B^-(i)} x_b^k \leq l_i, \quad \forall i \in N_2 \cup N_3 \quad (6)$$

$$\sum_{s \in S} \sum_{a \in A_1^+(i)} E_{ab}^s - \sum_{s \in S} \sum_{a \in A_1^-(i)} E_{ab}^s$$

$$= \begin{cases} 1 & i = O(b) \\ -1 & i = D(b) \\ 0 & i \in N \setminus \{O(b), D(b)\} \end{cases}, \forall b \in B, \forall i \in N_2 \cup N_3 \quad (7)$$

$$\sum_{k \in K} x_b^k = X_b, \quad \forall b \in B \quad (8)$$

$$\sum_{b \in B} E_{ab}^s X_b \leq U_a^s F_a^s, \quad \forall a \in A_2, \forall s \in S \quad (9)$$

$$y_a^k \geq 0, \text{ int}, \quad \forall k \in K, \forall a \in A_1 \quad (10)$$

$$x_b^k \geq 0, \text{ int}, \quad \forall k \in K, \forall b \in B \quad (11)$$

$$z_b, E_{ab}^s \in \{0, 1\}, \quad \forall b \in B, \forall a \in A_2, \forall s \in S \quad (12)$$

رابطه‌ی ۱ به‌عنوان تابع هدف به‌کمینه‌سازی هزینه‌ها اختصاص دارد که در آن عبارت اول هزینه‌ی جابه‌جایی کالا در پایانه‌ی جاده‌یی، عبارت دوم هزینه‌ی جابه‌جایی در پایانه‌ی ریلی، و عبارت سوم این هزینه را در پایانه‌های چندوجهی نشان می‌دهد. عبارت‌های چهارم و پنجم به محاسبه‌ی هزینه‌ی جریان کالا بر روی جاده (بال سرویس) و ریل (یال بلوک) اختصاص دارد. عبارت ششم هزینه‌ی طبقه‌بندی کالا در ایستگاه ریلی را نشان می‌دهد و عبارت پایانی هزینه‌ی ثابت تشکیل بلاک است. رابطه‌ی ۲ تعادل جریان را نشان می‌دهد. رابطه‌ی ۳ مربوط به محدودیت ظرفیت در سرویس‌های جاده‌یی است. رابطه‌ی ۴ نشان می‌دهد که تنها در صورت ایجاد بلوک، محموله می‌تواند در قالب آن جریان یابد و کل جریان یک بلوک باید محدود به ظرفیت بلوک باشد. محدودیت ۵ محدودکننده‌ی تعداد بلاک ساخته‌شده در هر گره و محدودیت ۶ تعداد کانتینر جابه‌جا شده در هر گره را محدود می‌کند. محدودیت ۷ نشان‌دهنده‌ی تعادل جریان بلاک‌ها در شبکه است. محدودیت ۸ تعداد کانتینر در یک بلاک، و محدودیت ۹ محدودیت ظرفیت قطارها بر روی هر یال فیزیکی ریل است. همچنین محدودیت‌های ۱۰ و ۱۱ متغیرهای تعداد کانتینر در شیوه‌های ریل و جاده که نامنفی و عدد صحیح هستند، و محدودیت ۱۲ ماهیت دودویی متغیرهای ایجاد و تخصیص بلاک‌ها به سرویس‌ها را نشان می‌دهند.

s_r : پرداختی جانبی حامل $r \in R$ بابت حمل هر کانیتزر.

$$\min \sum_{r=1}^r d_r^+ + d_r^- \quad (13)$$

$$\begin{aligned} & \sum_{k \in K_1} \sum_{i \in N_1} \sum_{a \in A_1^+(i)} h r_i y_a^k + \sum_{k \in K_1} \sum_{i \in N_r} h m_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k \right. \\ & + \left. \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) + \sum_{k \in K_1} \sum_{a \in A_1} c_a y_a^k - \sum_{b \in B} \sum_{k \in K_r} s_b y_a^k \\ & + \sum_{b \in B} \sum_{k \in K_1} s_r x_b^k = \varphi_1 + d_1^+ - d_1^- \end{aligned} \quad (14)$$

$$\begin{aligned} & \sum_{k \in K_r} \sum_{i \in N_r} \sum_{b \in B^+(i)} h a_i x_b^k + \sum_{k \in K_r} \sum_{i \in N_r} h m_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k \right. \\ & + \left. \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) + \sum_{a \in A_1} \sum_{s \in S} \sum_{b \in B} c_a E_{ab}^s X_b \\ & + \sum_{k \in K_r} \sum_{i \in N_r \cup N_1} \sum_{b \in B^+(i)} h_i x_b^k + \sum_{b \in B} c_b^f z_b - \sum_{b \in B} \sum_{k \in K_1} s_r x_b^k \\ & + \sum_{b \in B} \sum_{k \in K_r} s_r y_a^k = \varphi_r + d_r^+ - d_r^- \end{aligned} \quad (15)$$

$$\begin{aligned} & \sum_{b \in B^+(i)} x_b^k + \sum_{a \in A_1^+(i)} y_a^k - \sum_{b \in B^-(i)} x_b^k - \sum_{a \in A_1^-(i)} y_a^k \\ & = \begin{cases} d^k, & \forall k \in K_1, i \in O(k) \\ -d^k, & \forall k \in K_1, i \in D(k) \\ 0, & \forall k \in K_1, i \in N \setminus \{O(k), D(k)\} \end{cases} \end{aligned} \quad (16)$$

$$\begin{aligned} & \sum_{b \in B^+(i)} x_b^k + \sum_{a \in A_1^+(i)} y_a^k - \sum_{b \in B^-(i)} x_b^k - \sum_{a \in A_1^-(i)} y_a^k \\ & = \begin{cases} d^k, & \forall k \in K_r, i \in O(k) \\ -d^k, & \forall k \in K_r, i \in D(k) \\ 0, & \forall k \in K_r, i \in N \setminus \{O(k), D(k)\} \end{cases} \end{aligned} \quad (17)$$

$$d_r^+, d_r^-, s_r \geq 0, \quad \forall r \in R \quad (18)$$

و همه روابط ۱۲-۳

رابطه‌ی ۱۳ تابع هدف است که کمیته‌سازی انحرافات از مقادیر شیپلی را برای همه اعضای ائتلاف جست‌وجو می‌کند. رابطه‌ی ۱۴ هزینه‌ها و پرداخت‌ها و دریافت‌های جانبی مربوط به حامل جاده‌یی را نشان می‌دهد. در این رابطه، عبارت اول هزینه‌ی رسیدگی و انتقال کالا در پایانه‌های جاده‌یی، عبارت دوم هزینه‌ی جابه‌جایی کالای متعلق به حامل جاده‌یی در پایانه‌های چندوجهی، و عبارت سوم هزینه‌ی جریان کالا در شیوه‌ی جاده است. چهارمین عبارت دریافت جانبی بابت حمل کالای متعلق به حمل‌کننده‌ی ریلی و عبارت پنجم پرداخت جانبی حامل جاده‌یی به ریلی در عوض جابه‌جایی کالای جاده‌یی توسط حامل ریلی است. مشابه رابطه‌ی ۱۴، رابطه‌ی ۱۵ هزینه‌ها و دریافت‌ها و پرداخت‌های جانبی مربوط به حامل ریلی را نشان می‌دهد. محدودیت ۱۶ تعادل جریان کالاهای مربوط به حامل جاده و محدودیت ۱۷ تعادل جریان را در مورد حامل ریلی نشان می‌دهد. محدودیت ۱۸ متغیرهای پیوسته و نامنفی انحرافات مثبت و منفی و پرداختی‌ها را نشان می‌دهد.

هم در بخش جاده‌یی و هم در بخش ریلی مدل‌های ریاضی زیادی برای برنامه‌ریزی بار به صورت غیر همکارانه ارائه شده‌اند. [۱۹، ۱۸] آنچه در این تحقیق انجام می‌شود ادغام آن‌ها در قالب برنامه‌ریزی مشارکتی است.

۲.۳. سازوکار تخصیص هزینه‌های ائتلاف به اعضا

خروجی مدل متمرکز (بخش قبل) تکلیف اعضای ائتلاف را در قبال جابه‌جایی بارها، تصمیمات طراحی شبکه، و مسیریابی بار روشن می‌کند. این تصمیمات به نحوی است که اهداف ائتلاف را به بهترین شکل تأمین می‌کند. اما اهداف اعضا لزوماً هم‌راستا با اهداف ائتلاف نیست و ممکن است در توزیع بارها و وظایف انتقال محموله‌ها ناهمگونی و بلکه بی‌عدالتی رخ دهد. مطابق رویه‌ی معمول بازی‌های همکارانه، تقسیم عایدی ائتلاف از اصلی‌ترین گام‌های مسئله است. این بخش به نحوه‌ی تقسیم کل عواید ائتلاف بین اعضای آن، در قبال اجرای تصمیمات متمرکز ائتلاف می‌پردازد.

برای هر حامل، ارزیابی جواب حاصل از مدل مرکزی، از طریق بررسی وظایف محوله و متناظر آن هزینه‌های تحمیل‌شده به او مشخص می‌شود. با توجه به استقلال مالی هر حامل، طبیعی است که حامل‌های ریلی و جاده‌یی به‌طور خودخواهانه در پی کمیته‌سازی هزینه‌های خود باشند. بنابراین، ارائه‌ی سازوکاری برای اعمال تصمیمات طراحی شبکه و مسیریابی بار حاصل از مدل متمرکز، که غالباً در تضاد با مسیریابی‌های انفرادی است، ضروری است. این سازوکار تقسیم عواید باید بتواند حاملان ریلی و جاده‌یی را از نظر مالی توجیه و اقناع کند که پیروی از تصمیمات متمرکز ائتلاف به بهترین شکل اهداف آنها را برآورده می‌کند.

یکی از جواب‌های مقبول برای تقسیم عواید در بازی‌های همکارانه ارزش شیپلی است. ایده‌ی محوری روش شیپلی برای تقسیم عواید تخصیص عواید متناسب با سهم آورده‌ی هر بازی‌کن در ائتلاف است. ارزش شیپلی برای هر بازی‌کن از طریق حل مدل متمرکز نسبت به کلیه‌ی ائتلاف‌های ممکن انجام می‌پذیرد. برای درک روابط حاکم بر روش شیپلی و نحوه‌ی محاسبه‌ی ارزش شیپلی می‌توان به مرجع [۱۸] مراجعه کرد. در اینجا ارزش شیپلی حاملان جاده‌یی و ریلی به ترتیب با φ_1 و φ_2 نشان داده می‌شود. همچنین مجموعه‌ی محموله‌های حاملان جاده‌یی و ریلی به ترتیب با K_1 و K_2 نشان داده می‌شود. منظور از مجموعه‌ی محموله‌های K_1 و K_2 تقاضاهایی است که هر کدام از حاملان قبل از ائتلاف نزد صاحبان این محموله‌ها متعهد شده‌اند که آنها را تحویل مقصد دهند.

یادآوری می‌شود که مفهوم محوری تحقیق جاری، نظریه‌ی بازی‌های همکارانه است. در ادامه از ارزش شیپلی به عنوان سهم عادلانه‌ی تقسیم هزینه‌های کل بین طرف‌های عضو ائتلاف استفاده می‌شود. با استفاده از پرداخت‌های جانبی و نیز ایده‌ی برنامه‌ریزی آرمانی سازوکاری ارائه می‌شود که سعی دارد سهم هزینه‌ی هر عضو حتی‌المقدور برابر مقدار ارزش شیپلی شود. پس از معرفی نمادها، مدل ریاضی تخصیص هزینه‌های کل بین اعضا ارائه می‌شود.

۱.۲.۳. پارامتر

φ_r : مقدار شیپلی حامل $r \in R$.

۲.۲.۳. متغیرهای تصمیم

d_r^+ : انحراف مثبت از آرمان (مقدار شیپلی) برای حامل $r \in R$

d_r^- : انحراف منفی از آرمان (مقدار شیپلی) برای حامل $r \in R$

تخصیص عادلانه‌ی هزینه‌های ائتلاف به صورت زیر خواهد بود:

$$\min \sum_{r=1}^r d_r^+ + d_r^- \quad (23)$$

$$-\psi s_1 + \phi s_r - d_1^+ + d_r^- = \varphi_1 - C_1 \quad (24)$$

$$\psi s_1 + \phi s_r - d_r^+ + d_r^- = \varphi_r - C_r \quad (25)$$

$$d_r^+, d_r^-, s_r \geq 0, \quad \forall r \in R \quad (26)$$

قضیه: به ازای جریان‌های بهینه‌ی مدل متمرکز و در نتیجه معین بودن مقادیر عبارات ψ, ϕ, C_1 و C_r در مدل آرمانی، وجود دارند $d_r^+, d_r^-, s_r \geq 0$ به نحوی که $\sum_{r=1}^r d_r^+ + d_r^- = 0$.

اثبات: با داشتن جریان‌های کلای مدل متمرکز، جملات ψ, ϕ, C_1 و C_r مقداری معین می‌گیرند و در مدل ۲۳-۲۶ به صورت پارامتر ظاهر می‌شوند. بر این اساس، مدل مذکور مدل اولیه‌ی یک برنامه خطی است. با توجه به مثبت بودن متغیرها و تابع هدف که کمینه‌سازی است و نیز ملاحظه‌ی این نکته که در بدترین حالت ائتلاف اعضا به صورت انفرادی فعالیت می‌کنند، مسئله‌ی اولیه دارای جواب بهینه‌ی محدود است. بر همین اساس، مطابق قضیه‌ی دوگان قوی، می‌توان نشان داد که مسئله‌ی دوگان نیز دارای جواب بهینه‌ی محدود با ارزش تابع هدف یکسان است.

با استفاده از روابط دوگان ثابت می‌شود مدل آرمانی به ازای جریان‌های بهینه‌ی مدل متمرکز دارای جواب با ارزش صفر است. با فرض π_1 و π_2 به عنوان متغیرهای دوگان، مدل مسئله‌ی دوگان به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\max (\varphi_1 - C_1) \pi_1 + (\varphi_r - C_r) \pi_r \quad (27)$$

$$-\psi \pi_1 + \psi \pi_r \leq 0 \quad (28)$$

$$\phi \pi_1 - \phi \pi_r \leq 0 \quad (29)$$

$$-\pi_1 \leq 1 \quad (30)$$

$$\pi_1 \leq 1 \quad (31)$$

$$-\pi_r \leq 1 \quad (32)$$

$$\pi_r \leq 1 \quad (33)$$

با استفاده از محدودیت‌های ۲۸ و ۲۹ بدیهی است $\pi_1 = \pi_r$. علاوه بر این، بر اساس محدودیت‌های ۳۲ و ۳۳ معلوم است که:

$$-1 \leq \pi_1 \leq 1, \quad -1 \leq \pi_r \leq 1$$

بر این اساس، مدل به صورت زیر در می‌آید:

$$\max ((\varphi_1 + \varphi_r) - (C_1 + C_r)) \pi_1 \quad (34)$$

$$-1 \leq \pi_1 \leq 1 \quad (35)$$

با توجه به این خاصیت ارزش شیلی که مقدار اجزای آن برابر با کل ارزش ائتلاف است، بدیهی است که $\varphi_1 + \varphi_r = C_1 + C_r$ ؛ پس به ازای $\pi_1 \in [-1, 1]$ جواب بهینه‌ی ارزش صفر به دست می‌آید و بر اساس قضیه‌ی دوگان قوی جواب بهینه‌ی مکمل جواب فعلی هم با ارزش بهینه‌ی صفر است و اثبات قضیه کامل می‌شود. نتیجه: جریان‌های بهینه‌ی مدل متمرکز، بخشی از جواب بهینه‌ی مدل آرمانی هستند. به علت یکسان بودن جریان‌ها این متغیرها در مدل آرمانی به صورت پارامتر قرار داده

مشاهده می‌شود وجود جملات غیر خطی همچون $\sum_{b \in B} \sum_{k \in K_1} s_r x_b^k$ و $\sum_{b \in B} \sum_{k \in K_r} s_1 y_a^k$ که در آن‌ها دو متغیر در هم ضرب شده‌اند، مدل را غیر خطی کرده است. در ادامه لم و قضایایی اثبات می‌شود که به خطی‌سازی و حل آسان‌تر مدل کمک می‌کنند.

۳.۳. تحلیل تخصیص‌های حاصل از مدل آرمانی

لم: جریان‌های بهینه‌ی مدل متمرکز، در مدل آرمانی شدنی هستند. اثبات: مجموع محدودیت‌های ۱۶ و ۱۷ برابر با محدودیت ۲ در مدل متمرکز است. توجه شود که این محدودیت‌ها از نوع تساوی هستند. همچنین، حاصل جمع محدودیت‌های ۱۴ و ۱۵ به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} & \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_1} \sum_{a \in A_1^+(i)} hr_i y_a^k + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_r} \sum_{b \in B^+(i)} ha_i x_b^k \\ & + \sum_{k \in K} \sum_{a \in A_1} c_a y_a^k + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_r} hm_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k + \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) \\ & + \sum_{a \in A_r} \sum_{s \in S} \sum_{b \in B} c_a E_{ab}^s X_b + \sum_{k \in K} \sum_{i \in N_r \cup N_r} \sum_{b \in B^+(i)} h_i x_b^k \\ & + \sum_{b \in B} c_b^f z_b = (\varphi_1 + d_1^+ - d_1^-) + (\varphi_r + d_r^+ - d_r^-) \end{aligned}$$

نظر به اینکه $Z_c = \varphi_1 + \varphi_r$ ، سمت چپ رابطه برابر با تابع هدف مدل متمرکز به علاوه‌ی متغیرهای انحراف در برنامه‌ریزی آرمانی است. در نتیجه با توجه به اشتراک سایر محدودیت‌ها جواب‌های حاصل از مدل متمرکز ۱-۱۲ در مدل آرمانی شدنی هستند. ■

برای سادگی و خلاصه‌سازی عبارات ریاضی، نمادهای ψ, ϕ, C_1 و C_r را به شکل زیر تعریف می‌کنیم:

$$\psi = \sum_{k \in K_r} y_a^k, \quad a \in A_1 \quad (19)$$

$$\phi = \sum_{k \in K_1} x_b^k, \quad b \in B \quad (20)$$

$$\begin{aligned} C_1 = & \sum_{k \in K_1} \sum_{i \in N_1} \sum_{a \in A_1^+(i)} hr_i y_a^k + \sum_{k \in K_1} \sum_{i \in N_r} hm_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k \right. \\ & \left. + \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) + \sum_{k \in K_1} \sum_{a \in A_1} c_a y_a^k \quad (21) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C_r = & \sum_{k \in K_r} \left(\sum_{i \in N_r} \sum_{b \in B^+(i)} ha_i x_b^k + \sum_{i \in N_r} hm_i \left(\sum_{j \in B^+(i)} x_{ij}^k \right. \right. \\ & \left. \left. + \sum_{j \in A_1^+(i)} y_{ij}^k \right) \right) + \sum_{a \in A_r} \sum_{s \in S} \sum_{b \in B} c_a E_{ab}^s X_b \\ & + \sum_{k \in K_r} \sum_{i \in N_r \cup N_r} \sum_{b \in B^+(i)} h_i x_b^k + \sum_{b \in B} c_b^f z_b \quad (22) \end{aligned}$$

توجه شود که عبارات ψ, ϕ, C_1 و C_r به ازای مقادیر معین برای متغیرهای جریان، عملاً تبدیل به پارامترهای معینی در مدل می‌شوند. پس از قراردادن جریان‌های به دست آمده از مدل متمرکز و ساده و مرتب کردن عبارات حاصل، مدل آرمانی برای

۱.۴. نتایج اجرای مدل روی مسائل آزمایشی

نتایج حاصل از حل این مسائل با استفاده از نرم افزار CPLEX به تفکیک دسته مسائل کوچک، متوسط، و نسبتاً بزرگ در جداول ۲-۴ آورده شده است. جدول ۲، جدول ۳ و جدول ۴ به ترتیب نتایج نظیر مسائل کوچک، متوسط، و بزرگ را نشان می دهند. داده ها و پارامترهای این مسائل در ستون های اولیه جداول آورده شده است. ستون های دوم تا چهارم تعداد گره ها به تفکیک جاده، ریل، و چندوجهی را بیان می کند. تعداد تقاضاها به تفکیک حامل های جاده بی و ریلی در ستون بعد قرار دارد. تعداد سرویس های موجود که مسیر مشخصی دارند و از قبل برنامه ریزی شده اند در ستون ششم قرار داده شده اند. هر مسئله در دو حالت همکارانه و غیر همکارانه حل شده است. در حالتی که همکاری وجود ندارد و حاملان به صورت انفرادی عمل می کنند، هزینه ها در ستون های هزینه ریل و جاده آورده شده اند. با تشکیل ائتلاف و حمل همکارانه، جواب های حاصل از مدل متمرکز در ستون بعدی گنجانده شده اند. زمان حل مدل متمرکز نیز در ستون دهم آورده شده است. صرفه جویی حاصل از همکاری اعضای ائتلاف که تفاوت جمع هزینه ها در حالت انفرادی و در حالت متمرکز است، به عنوان معیاری از نتیجه همکاری با عنوان عایدی ائتلاف در ستون یازدهم آمده است. همچنین به منظور مقایسه آسان تر، این نتایج به صورت درصد نشان داده شده است. در دو ستون آخر نیز تخصیص این هزینه با استفاده از مفهوم ارزش شیپلی آمده است.

میانگین صرفه جویی در هزینه های حمل و نقل ناشی از همکاری در مسائل کوچک، متوسط، و نسبتاً بزرگ به ترتیب برابر ۵/۹، ۶/۷ و ۷/۹ درصد است. بنابراین، همان طور که در جداول ۲ تا ۴ مشاهده می شود، به طور کلی تشکیل ائتلاف باعث کاهش هزینه های حمل و نقل شده است. به علاوه، به عنوان یک روند کلی، هرچه اندازه ی شبکه به لحاظ تعداد گره ها بزرگ تر می شود، فرصت های همکاری بیشتری خالق می شود و صرفه جویی های بیشتری حاصل می شود.

با توجه به تنوع مسائل آزمایشی حل شده، می توان بیان کرد که به علت روابط حاکم بر جواب مسئله ی متمرکز و مسئله ی تخصیص منافع و در نتیجه هم له و قضایای اثبات شده، حل مسئله ی تخصیص منافع ساده است؛ زیرا یک مدل برنامه ریزی خطی است. به طور کلی زمان حل بهینه ی مسائل آزمایشی نسبتاً کوتاه و ناچیز است. در واقع کل زمان گزارش شده، تقریباً همان زمانی است که صرف حل مسئله ی متمرکز می شود. توجه شود که مسئله ی متمرکز یک مسئله با متغیرهای عدد صحیح و پیوسته است که ترکیبی است از مسائل طراحی شبکه و مسیریابی جریان های کالا و در شکل عمومی یک مسئله NP-Hard. با این حال، مسئله ی همکاری حاملان ریلی و جاده بی در بسیاری از مسائل مقیاس دنیای واقعی قابل حل است. با این حال، برای مسائل مقیاس خیلی بزرگ، بسیار بعید است روش های حل دقیق جواب گو باشند و برای حل این دسته از مسائل باید از الگوریتم های ابتکاری و فراابتکاری استفاده کرد. اکنون سؤال این است که در چه شرایطی و چه ویژگی های حاملان ریلی و جاده بی ایجاد همکاری بیشتری را در هزینه ها به بار می آورد. برای بررسی این مهم، در جدول ۵ همبستگی خطی بین میزان صرفه جویی و هر کدام از عوامل کلیدی مسئله نشان داده شده است. این ضرایب همبستگی خطی با توجه به همه ی ۶۳ مسئله ی آزمایشی محاسبه شده است. مطابق نتایج جدول ۵، به جز عوامل تعداد پایانه های اختصاصی بخش ریلی و هزینه ی انفرادی ریل، همه ی عوامل ضریب همبستگی معناداری با میزان صرفه جویی دارند. در این بین، دو عامل هزینه های انفرادی جاده و تعداد پایانه های جاده بی تأثیرگذارترین عامل در میزان صرفه جویی به بار آمده هستند.

می شوند که این منجر به خطی شدن مدل آرمانی می شود. حل مدل آرمانی ساده شده به کمک نرم افزارهای بهینه سازی موجود کاری سر راست است.

در کنار مفهوم ارزش شیپلی، یکی دیگر از مفاهیم کلیدی در بازی های همکارانه و تقسیم عواید ائتلاف مفهوم هسته^۶ است. ایده ی محوری در طرح مفهوم هسته پایداری ائتلاف و جلوگیری از تجزیه ی ائتلاف به ائتلاف های کوچکتر است. با فرض اینکه N مجموعه ی ائتلاف کل، تابع v تابع مشخصه ی بازی و در نتیجه $v(S)$ ارزش ائتلاف S باشد. همچنین اگر x_i سهم بازی کن i در ائتلاف باشد، به لحاظ تحلیلی هسته چنین تعریف می شود:^[۲۰]

$$C(Nv) = \left\{ x \in R^N \mid \sum_{i \in N} x_i = v(N), \sum_{i \in S} x_i \geq v(S) \quad S \subset N \quad S \neq \emptyset \right\}$$

گزاره: مقادیر به دست آمده در تقسیم هزینه های ائتلاف (مقادیر شیپلی) در هسته قرار دارند.

با فرض اینکه Z_c, Z_1, Z_2 به ترتیب تابع هدف ائتلاف (هزینه ی کل ائتلاف)، هزینه ی حامل جاده بی در حالت انفرادی و هزینه ی حامل ریلی در حالت انفرادی باشد، آنگاه با توجه به تعریف، ارزش شیپلی و ساختار ائتلاف بازی همکارانه ی مورد نظر این تحقیق که از دو بازی کن تشکیل شده است، محاسبه ی ارزش شیپلی به صورت زیر است:

$$\varphi_1 = (Z_c - Z_2 + Z_1) / 2, \quad \varphi_2 = (Z_c - Z_1 + Z_2) / 2$$

بدیهی است $Z_c = \varphi_1 + \varphi_2$. با این مقدمات و توجه به الزامات مفهوم هسته، بدیهی است که مقادیر شیپلی در هسته قرار دارند. ■
نتیجه: تخصیص حاصل از ارزش شیپلی تخصیصی پایدار است.

۴. آزمایش های عددی و تحلیل حساسیت

در این بخش، برای ارزیابی عملکرد و اعتبارسنجی مدل ها و روش های ارائه شده، تعدادی مسئله ی آزمایشی در ابعاد مختلف طراحی و حل شده است. مسائل آزمایشی شامل گستره ی مناسبی از مسائل کوچک تا بزرگ بر حسب تعداد گره های شبکه است (جدول ۱). مسائل آزمایشی در محیط مدل سازی GAMS مدل و به کمک حل کننده ی CPLEX ۱۲٫۶ با کمک رایانه یی با پردازنده ی Core i۳ ۲٫۵ GHz Intel، با حافظه ی رم ۴ گیگابایت و تحت سیستم عامل MS Windows ۷ اجرا شده است. البته مدل های مذکور در هر محیط مدل سازی جبری نظیر AMPL، Pyomo، Lingo و امثال آن و با کمک هر حل کننده ی مسائل برنامه ریزی عدد صحیح نظیر Gurobi، Xpress، Cplex، CBC و نظایر آن قابل حل است.

جدول ۱. اطلاعات مربوط به مسائل طراحی شده.

اندازه ی شبکه	تعداد گره
کوچک	$n \leq 10$
متوسط	$11 \leq n \leq 36$
نسبتاً بزرگ	$37 \leq n \leq 76$

جدول ۲. نتایج حاصل از حل مسائل با اندازه‌ی کوچک شبکه.

شماره‌ی مسئله	تعداد گره			تعداد تقاضا	تعداد سرویس	هزینه‌ی جاده	هزینه‌ی ریل	هزینه‌ی متمرکز	زمان حل (ثانیه)	عایدی اختلاف	صرفه‌جویی (درصد)	تخصیص هزینه	
	جاده	ریلی	چندوجهی									به جاده	به ریل
۱	۲	۱	۳	۱۶	۴	۸۸۶۰	۵۸۴۵	۱۴۶۹۰	< ۱	۱۵	۰٫۱	۸۸۵۲٫۵	۵۸۳۷٫۵
۲	۲	۱	۳	۸	۴	۴۵۰۰	۳۲۱۰	۷۶۲۰	< ۱	۹۰	۱٫۱۸	۴۴۵۵	۳۱۶۵
۳	۲	۱	۴	۲۶	۴	۱۷۵۰۵	۷۵۶۰	۲۲۵۱۰	< ۱	۲۵۵۵	۱۱٫۳۵	۱۶۲۲۷٫۵	۶۲۸۲٫۵
۴	۲	۱	۴	۱۳	۴	۷۶۷۰	۳۵۳۵	۱۰۰۷۰	< ۱	۱۱۳۵	۱۱٫۲۷	۷۱۰۲٫۵	۲۹۶۷٫۵
۵	۲	۲	۳	۱۳	۴	۵۴۷۰	۳۵۳۵	۸۹۵۰	< ۱	۵۵	۰٫۶۱	۵۴۴۲٫۵	۳۵۰۷٫۵
۶	۳	۲	۲	۱۰	۶	۶۵۶۰	۷۹۹۰	۱۳۶۰۰	< ۱	۹۵۰	۶٫۹۹	۶۰۸۵	۷۵۱۵
۷	۳	۳	۲	۱۲	۶	۶۳۶۰	۹۰۱۵	۱۴۷۰۰	< ۱	۶۷۵	۴٫۵۹	۶۰۲۲٫۵	۸۶۷۷٫۵
۸	۵	۳	۲	۱۵	۶	۸۱۹۵	۹۰۱۵	۱۶۲۴۵	< ۱	۹۶۵	۵٫۹۴	۷۷۱۲٫۵	۸۵۳۲٫۵
۹	۵	۳	۲	۱۰	۶	۵۰۴۵	۸۳۴۰	۱۲۲۹۵	< ۱	۱۰۹۰	۸٫۸۷	۴۵۰۰	۷۷۹۵
۱۰	۵	۳	۲	۱۷	۶	۱۱۵۰۵	۱۰۴۰۰	۱۹۹۲۵	< ۱	۱۹۸۰	۹٫۹۴	۱۰۵۱۵	۹۴۱۰
۱۱	۵	۳	۲	۱۱	۶	۸۴۹۵	۶۶۵۰	۱۳۶۷۰	< ۱	۱۴۷۵	۱۰٫۷۹	۷۷۵۷٫۵	۵۹۱۲٫۵

جدول ۳. نتایج حاصل از حل مسائل با اندازه‌ی متوسط شبکه.

شماره‌ی مسئله	تعداد گره			تعداد تقاضا	تعداد سرویس	هزینه‌ی جاده	هزینه‌ی ریل	هزینه‌ی متمرکز	زمان حل (ثانیه)	عایدی اختلاف	صرفه‌جویی (درصد)	تخصیص هزینه	
	جاده	ریلی	چندوجهی									به جاده	به ریل
۱۲	۶	۲	۴	۱۹	۸	۱۲۰۳۰	۱۲۳۰۰	۲۲۴۷۵	< ۱	۱۸۵۵	۸٫۲۵	۱۱۱۰۲٫۵	۱۱۳۷۲٫۵
۱۳	۶	۲	۴	۱۰	۸	۵۸۰۰	۵۲۰۰	۹۹۳۵	< ۱	۱۰۶۵	۱۰٫۷۲	۵۲۶۷٫۵	۴۶۶۷٫۵
۱۴	۸	۲	۴	۱۹	۸	۱۳۳۹۰	۱۲۳۰۰	۲۴۴۳۰	< ۱	۱۲۶۰	۵٫۱۶	۱۲۷۶۰	۱۱۶۷۰
۱۵	۸	۲	۴	۱۰	۸	۶۵۴۰	۵۲۰۰	۱۰۷۱۵	< ۱	۱۰۲۵	۹٫۵۷	۶۰۲۷٫۵	۴۶۸۷٫۵
۱۶	۸	۲	۵	۲۰	۸	۱۳۹۳۰	۱۴۱۰۰	۲۶۳۵۵	< ۱	۱۶۷۵	۶٫۳۶	۱۳۰۹۲٫۵	۱۳۲۶۲٫۵
۱۷	۸	۲	۵	۱۰	۸	۶۵۴۰	۵۶۵۰	۱۱۲۶۵	< ۱	۹۲۵	۸٫۲۱	۶۰۷۷٫۵	۵۱۸۷٫۵
۱۸	۹	۲	۵	۲۰	۸	۱۴۴۵۰	۱۴۱۰۰	۲۶۸۷۵	< ۱	۱۶۷۵	۶٫۲۳	۱۳۶۱۲٫۵	۱۳۲۶۲٫۵
۱۹	۹	۲	۵	۱۰	۸	۶۷۳۵	۶۵۵۰	۱۱۴۶۰	< ۱	۱۸۲۵	۱۵٫۹۲	۵۸۲۲٫۵	۵۶۳۷٫۵
۲۰	۱۰	۲	۶	۲۲	۸	۱۴۴۵۰	۱۷۴۰۰	۳۰۳۲۵	< ۱	۱۵۲۵	۵٫۰۲	۱۳۶۸۷٫۵	۱۶۶۳۷٫۵
۲۱	۱۰	۲	۶	۱۵	۸	۶۷۳۵	۸۱۵۰	۱۴۰۶۰	< ۱	۸۲۵	۵٫۸۷	۶۳۲۲٫۵	۷۷۳۷٫۵
۲۲	۱۲	۲	۶	۲۵	۸	۱۸۹۰۵	۱۴۷۰۰	۳۱۷۲۰	< ۱	۱۸۸۵	۵٫۹۴	۱۷۹۶۲٫۵	۱۳۷۵۷٫۵
۲۳	۱۲	۲	۶	۱۲	۸	۱۱۴۵۵	۷۱۵۰	۱۷۴۸۵	< ۱	۱۱۲۰	۶٫۴۱	۱۰۸۹۵	۶۵۹۰
۲۴	۱۳	۲	۷	۲۹	۱۰	۱۴۴۹۵	۱۰۰۵۰	۲۲۸۲۵	< ۱	۱۷۲۰	۷٫۵۴	۱۳۶۳۵	۹۱۹۰
۲۵	۱۳	۲	۷	۲۹	۱۰	۲۳۲۲۰	۱۹۱۵۰	۳۹۶۸۵	< ۱	۲۶۸۵	۶٫۷۷	۲۱۸۷۷٫۵	۱۷۸۰۷٫۵
۲۶	۱۵	۲	۷	۳۴	۱۰	۳۱۹۹۰	۱۹۹۰۰	۴۸۴۲۰	< ۱	۳۴۷۰	۷٫۱۷	۳۰۲۵۵	۱۸۱۶۵
۲۷	۱۵	۲	۷	۱۷	۱۰	۱۳۵۲۵	۱۰۰۰۰	۲۲۰۰۰	< ۱	۱۵۲۵	۶٫۹۳	۱۲۷۶۲٫۵	۹۲۳۷٫۵
۲۸	۱۵	۳	۷	۳۸	۱۹	۳۴۷۰۰	۳۰۰۵۰	۶۱۵۵۵	< ۱	۳۱۹۵	۵٫۱۹	۲۳۱۰۲٫۵	۲۸۴۵۲٫۵
۲۹	۱۵	۳	۷	۳۸	۱۹	۱۵۹۶۰	۱۶۷۰۰	۳۱۵۶۶	< ۱	۱۰۹۴	۳٫۴۷	۱۵۴۱۳	۱۶۱۵۳
۳۰	۱۶	۴	۱۰	۴۰	۲۰	۲۷۸۶۰	۲۸۲۰۰	۵۲۷۱۰	< ۱	۳۳۵۰	۶٫۳۶	۲۶۱۸۵	۲۶۵۲۵
۳۱	۱۶	۴	۱۰	۲۵	۲۰	۲۰۳۵۵	۱۵۵۵۰	۳۳۱۰۵	< ۱	۲۸۰۰	۸٫۴۶	۱۸۹۵۵	۱۴۱۵۰

جدول ۴. اطلاعات مربوط به مسائل با اندازه شبکه‌ی نسبتاً بزرگ.

شماره‌ی مسئله	تعداد گره		تعداد تقاضا	تعداد سرویس	هزینه‌ی جاده	هزینه‌ی ریل	هزینه‌ی متمرکز	زمان حل (ثانیه)	عایدی اثتلاف	صرفه‌جویی (درصد)	تخصیص هزینه	
	جاده	ریلی									به جاده	به ریل
۳۲	۱۸	۴	۴۰	۲۰	۲۸۹۰۰	۲۸۲۰۰	۵۳۷۵۰	< ۱	۳۳۵۰	۶٫۲۳	۲۷۲۲۵	۲۶۵۲۵
۳۳	۱۸	۴	۲۵	۲۰	۲۱۰۷۰	۱۵۵۵۰	۳۳۸۲۰	< ۱	۲۸۰۰	۸٫۲۸	۱۹۶۷۰	۱۴۱۵۰
۳۴	۲۰	۴	۴۳	۲۰	۲۸۹۰۰	۳۳۵۰۰	۵۹۲۵۰	۲	۳۱۵۰	۵٫۳۲	۲۷۳۲۵	۳۱۹۲۵
۳۵	۲۰	۴	۲۶	۲۰	۱۹۰۲۵	۱۸۳۵۰	۳۵۳۴۰	۱	۲۰۳۵	۵٫۷۶	۱۸۰۰۷٫۵	۱۷۳۳۲٫۵
۳۶	۲۴	۴	۴۶	۲۰	۳۷۳۷۰	۲۹۹۵۰	۶۳۲۰۰	۲	۴۱۲۰	۶٫۵۲	۳۵۳۱۰	۲۷۸۹۰
۳۷	۲۴	۴	۳۲	۲۰	۱۹۰۲۵	۱۸۳۵۰	۳۵۳۴۰	۱	۲۰۳۵	۵٫۷۶	۱۸۰۰۷٫۵	۱۷۳۳۲٫۵
۳۸	۲۶	۴	۵۲	۲۶	۴۶۰۰۰	۳۸۸۷۵	۷۹۴۰۵	۴۵	۵۴۷۰	۶٫۸۹	۴۳۲۶۵	۳۶۱۴۰
۳۹	۲۶	۴	۳۶	۲۶	۳۲۴۱۰	۲۵۷۲۵	۵۴۰۸۸	۱۸	۴۰۴۷	۷٫۴۸	۳۰۳۸۶٫۵	۲۳۷۰۱٫۵
۴۰	۳۰	۴	۵۶	۲۶	۶۲۴۶۰	۲۴۶۷۵	۸۰۰۸۵	۴۳	۷۰۵۰	۸٫۸	۵۸۹۳۵	۲۱۱۵۰
۴۱	۳۰	۴	۲۸	۲۶	۲۹۵۸۰	۲۳۰۰۰	۴۹۷۲۰	۳۶	۲۸۶۰	۵٫۷۵	۲۸۱۵۰	۲۱۵۷۰
۴۲	۳۰	۶	۱۴	۲۶	۷۶۳۷۵	۶۵۸۲۵	۱۳۲۰۹۰	۸۶	۱۰۱۱۰	۷٫۶۵	۷۱۳۲۰	۶۰۷۷۰
۴۳	۳۰	۶	۴۰	۲۶	۳۵۲۲۰	۳۶۰۷۵	۶۷۳۳۰	۵۳	۳۹۶۵	۵٫۸۹	۳۳۲۳۷٫۵	۳۴۰۹۲٫۵
۴۴	۳۶	۴	۶۲	۲۶	۷۸۳۱۰	۲۷۳۵۰	۹۴۶۷۰	۱۱۲	۱۰۹۹۰	۱۱٫۶۱	۷۲۸۱۵	۲۱۸۵۵
۴۵	۳۶	۴	۲۹	۲۶	۳۴۱۴۵	۱۷۸۰۰	۴۷۹۹۵	۹۱	۳۹۵۰	۸٫۲۳	۳۲۱۷۰	۱۵۸۲۵
۴۶	۳۶	۶	۹۰	۲۶	۹۷۹۲۰	۶۶۰۰۰	۱۵۱۶۰۰	۲۰۸	۱۲۳۲۰	۸٫۱۳	۹۱۷۶۰	۵۹۸۴۰
۴۷	۳۶	۶	۴۵	۲۶	۴۴۸۹۵	۳۵۸۰۰	۷۶۶۶۵	۲۰۰	۴۰۳۰	۵٫۲۶	۴۲۸۸۰	۳۳۷۸۵
۴۸	۴۰	۴	۶۶	۲۶	۸۹۸۷۵	۲۷۳۵۰	۱۰۴۷۶۰	۷۱	۱۲۴۶۵	۱۱٫۹	۸۳۶۴۲٫۵	۲۱۱۱۷٫۵
۴۹	۴۰	۴	۳۳	۲۶	۴۰۶۶۰	۱۷۸۰۰	۵۳۳۸۵	۳۶	۵۰۷۵	۹٫۵۱	۳۸۱۲۲٫۵	۱۵۲۶۲٫۵
۵۰	۴۰	۶	۹۷	۲۶	۱۱۴۸۹۰	۶۶۰۰۰	۱۶۸۲۰۰	۵۵	۱۲۶۹۰	۷٫۵۴	۱۰۸۵۴۵	۵۹۶۵۵
۵۱	۴۰	۶	۴۹	۲۶	۵۳۱۳۰	۳۵۸۰۰	۸۵۰۵۶	۴۵	۳۸۷۴	۴٫۵۵	۵۱۱۹۳	۳۳۸۶۳
۵۲	۴۶	۴	۸۰	۲۶	۶۵۸۰۵	۲۷۳۵۰	۸۴۹۶۵	۶۶	۸۱۹۰	۹٫۶۴	۶۱۷۱۰	۲۳۲۵۵
۵۳	۴۶	۴	۴۰	۲۶	۲۵۷۸۵	۹۶۵۰	۳۲۸۶۰	۶۵	۲۵۷۵	۷٫۸۴	۲۴۴۹۷٫۵	۸۳۶۲٫۵
۵۴	۴۶	۶	۱۰۶	۲۶	۱۳۱۷۰۵	۶۶۰۰۰	۱۸۱۳۶۵	۸۷	۱۶۳۴۰	۹٫۰۱	۱۲۳۵۳۵	۵۷۸۳۰
۵۵	۴۶	۶	۵۳	۲۶	۶۰۴۲۰	۳۵۸۰۰	۹۰۱۱۵	۸۰	۶۱۰۵	۶٫۷۷	۵۷۳۶۷٫۵	۳۲۷۴۷٫۵
۵۶	۵۲	۴	۸۷	۲۶	۱۳۶۴۷۵	۲۶۹۵۰	۱۴۰۷۰۵	۷۵	۲۲۷۲۰	۱۶٫۱۵	۱۲۵۱۱۵	۱۵۵۹۰
۵۷	۵۲	۴	۵۷	۲۶	۶۷۶۳۵	۱۷۵۲۵	۷۳۳۶۵	۱۰۴	۱۱۷۹۵	۱۶٫۰۸	۶۱۷۳۷٫۵	۱۱۶۲۷٫۵
۵۸	۵۲	۶	۱۱۳	۲۶	۱۴۴۹۵۵	۶۶۰۰۰	۱۹۳۱۰۰	۷۰	۱۷۸۵۵	۹٫۲۵	۱۳۶۰۲۷٫۵	۵۷۰۷۲٫۵
۵۹	۵۲	۶	۵۷	۲۶	۶۹۶۸۰	۳۵۸۰۰	۹۷۴۸۵	۶۵	۷۹۹۵	۸٫۲	۶۵۶۸۲٫۵	۳۱۸۰۲٫۵
۶۰	۵۶	۴	۹۲	۲۶	۱۴۴۶۸۰	۲۷۳۵۰	۱۴۹۹۸۵	۱۱۰	۲۲۰۴۵	۱۴٫۷	۱۳۳۶۵۷٫۵	۱۶۳۲۷٫۵
۶۱	۵۶	۴	۴۶	۲۶	۷۲۰۱۵	۱۷۸۰۰	۷۸۴۰۵	۸۸	۱۱۴۱۰	۱۴٫۵۵	۶۶۳۱۰	۱۲۰۹۵
۶۲	۵۶	۶	۱۱۸	۲۶	۱۵۳۳۲۰	۶۶۰۰۰	۱۹۸۵۸۵	۱۲۷	۲۰۷۳۵	۱۰٫۴۴	۱۴۲۹۵۲٫۵	۵۵۶۳۲٫۵
۶۳	۵۶	۶	۵۹	۲۶	۷۴۲۲۰	۳۵۸۰۰	۱۰۰۴۸۵	۱۲۰	۹۵۳۵	۹٫۴۹	۶۹۴۵۲٫۵	۳۱۰۳۲٫۵

۲.۴. تحلیل حساسیت نسبت به پارامترهای کلیدی

به منظور بررسی بیشتر تأثیر عوامل (پارامترها) کلیدی هزینه جاده و ریل به عنوان پارامترهای ورودی بر میزان صرفه‌جویی ناشی از همکاری به عنوان پارامتر خروجی، به کمک روش طراحی آزمایش‌ها^۷ طرحی دو عاملی طراحی شد که هر عامل ۵ سطح دارد. این ۵ سطح چنین تنظیم شده‌اند که سطحی پایه برای هزینه حمل‌ونقل واحد بار هر کدام از حامل‌های ریلی یا جاده‌یی در نظر گرفته شده است. سپس دو سطح افزایشی شامل ۱۵ و ۳۰ درصد افزایش و دو سطح کاهش‌ی شامل ۱۵ و ۳۰ درصد کاهش در هزینه‌های حمل‌ونقل واحد بار نسبت به سطح پایه محاسبه شده است. این آزمایش‌ها شامل مجموعه‌یی از اجراهاست؛ به طوری که در هر سالول ۱۰ مسئله‌ی آزمایشی حل شده است. مطابق شیوه‌ی معمول طراحی آزمایش‌ها، دو

جدول ۵. ضریب همبستگی بین میزان صرفه‌جویی و عوامل کلیدی.

عامل	ضریب همبستگی خطی
تعداد پایانه بخش جاده	۰/۴۴*
تعداد پایانه بخش ریلی	۰/۱۵
تعداد پایانه چندوجهی	۰/۲۸*
تعداد تقاضا	۰/۳۴*
تعداد سرویس	۰/۲۸*
هزینه‌ی انفرادی جاده	۰/۴۵*
هزینه‌ی انفرادی ریل	۰/۰۹

جدول ۶. تحلیل واریانس طرح دو عاملی.

منبع تغییرات	درجه آزادی	مجموع مربعات	میانگین مربعات تعدیل شده	آماره F	P- مقدار
عامل هزینه‌ی جاده	۴	۰٫۲۷۰۶۷۲	۰٫۰۶۷۶۶۸	۶۰٫۵۶	< ۰٫۰۰۱
عامل هزینه‌ی ریل	۴	۰٫۱۰۹۰۳۲	۰٫۰۲۷۲۵۸	۲۴٫۴	< ۰٫۰۰۱
عامل برهم‌کنش (هزینه‌ی جاده × هزینه‌ی ریل)	۱۶	۰٫۰۰۶۱۹۲	۰٫۰۰۰۳۸۷	۰٫۳۵	۰٫۹۹۲
خطا	۲۲۵	۰٫۲۵۱۴	۰٫۰۰۱۱۱۷	۰	۰
کل	۲۴۹	۰٫۶۳۷۲۹			

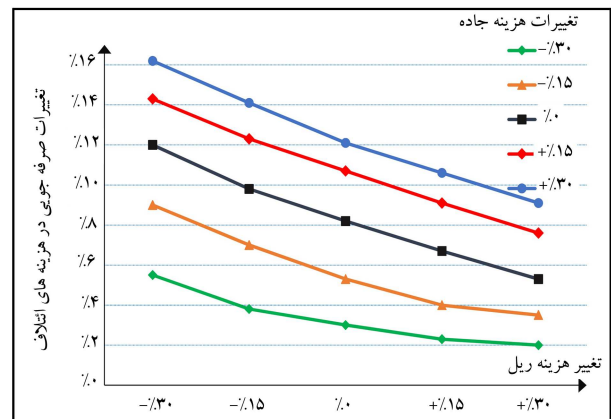
بخش جاده، تبادل کالا و جابه‌جایی تقاضا از جاده به ریل کاهش می‌یابد و در نتیجه میزان صرفه‌جویی هزینه در اتلاف نیز کاهش می‌یابد.

۵. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در صنعت حمل‌ونقل شرکت‌ها برای طراحی شبکه‌ی خدمت و عملیات حمل‌ونقل اتلاف‌هایی را تشکیل می‌دهند. آن‌ها دارای‌های اطلاعاتی و فیزیکی خود را به اشتراک می‌گذارند و از آن برای بهره‌گیری بهتر از ظرفیت شبکه و مسیریابی کالا در شبکه استفاده می‌کنند. شبکه‌های همکاریانه به شرکت‌های حمل‌ونقل برای بهبود بهره‌برداری از دارایی، تقسیم هزینه‌های سرمایه، دستیابی به اقتصاد به مقیاس و کشف بازارهای جدید کمک می‌کنند.

در تحقیق جاری، با مدنظر قراردادن همکاری بین دو حامل ریلی و جاده‌یی، به‌منظور مسیریابی همکاریانه تقاضاهای ادغام‌شده از حاملان یک مدل ریاضی خطی عدد صحیح فرمول‌بندی شد. در این مدل که در آن مسئله‌ی بلاکینگ به‌عنوان یکی از مهم‌ترین مسائل مطرح در شیوه‌ی ریل نیز لحاظ شده است، مجموعه‌یی از تقاضاهای ادغام‌شده با مبادی و مقاصد مشخص از حاملان ریلی یا جاده با هدف کمینه‌سازی هزینه‌های اتلاف در طول شبکه مسیریابی می‌شوند. در بحث همکاری میان حاملان مباحث مربوط به تخصیص عادلانه‌ی هزینه‌ها (یا صرفه‌جویی حاصل از همکاری) دارای اهمیت فراوانی هستند. به‌منظور اعمال این تخصیص به هر حامل، ارزش شیپلی به‌عنوان مقداری عادلانه پیشنهاد شد و سازوکاری هم برای دستیابی به آن طراحی شد. ایده‌ی کلیدی این سازوکار بر اساس مفاهیم پایه‌ی برنامه‌ریزی آرمانی طراحی شد. همچنین برای الزام حاملان به پای‌بندی به دست‌یابی به ارزش شیپلی، هر حامل موظف است بابت جابه‌جایی کالای خود توسط دیگر حاملان هزینه‌های جانبی را در برخی از سرویس‌ها پرداخت نماید.

به‌کمک اثبات برخی قضایا و روابط شیوه‌ی حل مدل تخصیص هزینه‌ها تسهیل شد و از فرم برنامه‌ریزی غیر خطی به فرم یک برنامه خطی تبدیل شد که حل آن در مقیاس‌های بزرگ نیز میسر است. طیف متنوعی از مسائل آزمایشی برای اعتبارسنجی و ارزیابی عملکرد مدل‌های ارائه‌شده طراحی و حل شد و نتایج آن مورد بحث قرار گرفت. به‌عنوان یک دستاورد کلیدی می‌توان به صرفه‌جویی چشم‌گیر ناشی از همکاری حاملان ریلی و جاده‌یی اشاره کرد. به‌علاوه، به‌منظور بررسی تأثیرگذاری پارامترهای هزینه‌ی جابه‌جایی واحد بار در دو شیوه‌ی ریل و جاده بر صرفه‌جویی ناشی از همکاری، بر اساس مفاهیم طراحی آزمایش‌ها تحلیل‌هایی صورت گرفت که نحوه‌ی تأثیرگذاری این عوامل را روشن‌تر کرد. به‌طور خلاصه، نشان داده شد که با افزایش هزینه‌ها در شیوه‌ی جاده یا کاهش هزینه‌ها در شیوه‌ی ریل همکاری حاملان ریلی و جاده‌یی از جذابیت بیشتری برخوردار است و در این شرایط میل به همکاری افزایش می‌یابد.



شکل ۳. تغییرات میانگین صرفه‌جویی هزینه برحسب هزینه.

فرضیه‌ی آماری زیر مورد آزمون قرار می‌گیرد:

- فرضیه‌ی صفر: برابری میانگین همه‌ی گروه‌ها (که به معنی عدم تأثیرگذاری عامل مورد مطالعه است).
- فرضیه‌ی مقابل: عدم برابری میانگین‌ها.

متغیر پاسخ، درصد صرفه‌جویی در هزینه‌های اتلاف است. برای تحلیل آزمایش‌های انجام‌گرفته از نرم‌افزار Minitab نسخه‌ی ۱۶ استفاده شده است. تحلیل واریانس به‌صورت جدول ۶ است. همان‌طورکه از جدول تحلیل واریانس برمی‌آید، مقادیر P- مقدار برای هر دو عامل هزینه‌ی ریل و جاده برابر صفر است که این به معنی رد فرض صفر و تأثیرگذاری معنی‌دار این پارامترهاست. همچنین هزینه‌های ریل و جاده دارای اثر متقابل نیستند. توجه شود که یافته‌های این آزمایش‌ها با تحلیل بخش قبل که در آن هزینه‌های انفرادی ریل تأثیر معنی‌داری بر میزان صرفه‌جویی نداشت، تناقضی ندارد. در واقع، در این‌جا میزان تأثیر هزینه‌ی حمل واحد بار در هر کدام از دو شیوه‌ی ریلی و جاده‌یی به‌عنوان عوامل آزمایش‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد؛ در حالی‌که در بخش قبل، کل هزینه‌های انفرادی حامل ریلی مورد بحث بود. این مطلب نشان می‌دهد در همکاری بین حامل‌های ریلی و جاده‌یی، کل هزینه‌های انفرادی حامل ریلی برای صرفه‌جویی چندان اهمیت ندارد؛ در حالی‌که هزینه‌ی حمل واحد بار در بخش ریلی برای ثمربخش بودن اتلاف کلیدی است. می‌توان چنین هم برداشت کرد که حامل جاده‌یی از اتلاف با بخش ریلی بیشتر منتفع می‌شود. شکل ۳ کیفیت تأثیرگذاری این عوامل را بر میزان صرفه‌جویی نشان می‌دهد. همان‌طورکه مشاهده می‌شود به‌عنوان یک روند کلی، به‌ازای سطوح ثابتی از هزینه‌ی جاده با افزایش هزینه‌ی ریل میزان صرفه‌جویی کاهش می‌یابد. به‌بیان‌دیگر، با افزایش هزینه‌ی حمل واحد بار در ریل و کاهش موازی هزینه‌ی حمل واحد بار در

دیگر گزینه‌های قابل بررسی در تحقیقات آینده است. به عبارت دیگر، آیا همکاری کامل یا به اشتراک‌گذاری همه‌ی تقاضاها همیشه بهترین گزینه است یا اینکه حاملان باید با توجه به معیارهای مختلف فقط بخشی از تقاضاها را به اشتراک بگذارند. یکی دیگر از جنبه‌های مناسب برای تحقیقات آتی، در نظر گرفتن شیوه‌های مختلف حمل‌ونقل، داشتن بیش از دو حامل در ائتلاف، طرح مباحث مربوط به انتخاب شیوه و به‌دست‌آوردن بهترین ترکیب شیوه در ائتلاف‌هاست.

یکی از اولین نقاط مورد توجه برای تعمیم این بحث توجه به بعد زمان است. به‌عنوان پیشنهادی برای ادامه‌ی تحقیق، لحاظ‌کردن پنجره‌های زمانی برای سفارش‌ها یا سرویس‌های ارائه‌شده می‌تواند در نزدیک کردن مسئله به دنیای واقعی تأثیرگذار باشد. به عبارت دیگر، اگر بتوان مسئله را از بعد صرفاً مکانی به یک شبکه‌ی مکان - زمان انتقال داد، آنگاه بسیاری از جنبه‌های عملیاتی حمل‌ونقل ریل و جاده در نظر گرفته خواهد شد. همچنین بررسی نوع و میزان همکاری در حاملان جاده و ریل از

پانوشتها

1. door-to-door
2. vertical cooperation
3. auction-based mechanisms
4. pickup and delivery problem with time window (PDPTW)
5. multi-depot
6. core
7. design of experiments (DOE)

منابع (References)

1. *Reformation of the Consumption Pattern in Transport Sector*, Tehran Chamber of Commerce, Industries, Mines and Agriculture, Commission of Transport, Transit and Custom Affairs (2009).
2. Kuo, A. and Miller-Hooks E. "Developing responsive rail services through collaboration", *Transp. Res. Part B Methodol.*, **46**(3), pp. 424-439 (2012).
3. Simchi-Levi, D., *Designing and Managing the Supply Chain*, McGraw-Hill College (2005).
4. Agarwal, R., Ergun, Ö., Houghtalen, L. and Ozener, O.O. "Collaboration in cargo transportation", in *Optimization and Logistics Challenges in the Enterprise*, **30**, Springer, pp. 373-409 (2009).
5. Ergun, O., Kuyzu, G. and Savelsbergh, M. "Reducing truckload transportation costs through collaboration", *Transp. Sci.*, **41**(2), pp. 206-221 (2007).
6. Theys, C., Dullaert, W. and Notteboom, T. "Analyzing cooperative networks in intermodal transportation: A game-theoretic approach", in *Nectar Logistics and Freight Cluster Meeting*, Delft, The Netherlands (2008).
7. Niérat, P. "Market area of rail-truck terminals: Pertinence of the spatial theory", *Transp. Res. Part A Policy Pract.*, **31**(2), pp. 109-127 (1997).
8. Lehoux, N., Audy, J.F., D'amours, S. and Rönnqvist, M. "Issues and experiences in logistics collaboration", *IFIP Adv. Inf. Commun. Technol.*, **307**, pp. 69-76 (2009).
9. Cruijssen, F. and Salomon, M. "Empirical study: Order sharing between transportation companies may result in cost reductions between 5 to 15 percent", CentER Discussion Paper, Tilburg Tilburg University (2004).
10. Krajewska, M.A. and Kopfer, H. "Collaborating freight forwarding enterprises", *OR Spectr.*, **28**(3), pp. 301-317 (2006).
11. Cruijssen, F., Bräysy, O., Dullaert, W., Fleuren, H. and Salomon, M. "Joint route planning under varying market conditions", *International Journal of Physical Distribution & Logistics Management*, **37**(4), pp. 287-304 (2007).
12. Erera, A.L., Morales, J.C. and Savelsbergh, M. "Global intermodal tank container management for the chemical industry", *Transp. Res. Part E Logist. Transp. Rev.*, **41**(6), SPEC. ISS., pp. 551-566 (2005).
13. Krajewska, M.A., Kopfer, H., Laporte, G., Ropke, S. and Zaccour G. "Horizontal cooperation among freight carriers: Request allocation and profit sharing", *Journal of the Operational Research Society*, **59**(11), pp. 1483-1491 (2008).
14. Dahl, S. and Derigs, U. "Cooperative planning in express carrier networks - An empirical study on the effectiveness of a real-time decision support system", *Decis. Support Syst.*, **51**(3), pp. 620-626 (2011).
15. Liu, R., Jiang, Z., Fung, R.Y.K., Chen, F. and Liu, X. "Two-phase heuristic algorithms for full truckloads multi-depot capacitated vehicle routing problem in carrier collaboration", *Comput. Oper. Res.*, **37**(5), pp. 950-959 (2010).
16. Bailey, E., Unnikrishnan, A. and Lin, D.-Y. "Models for minimizing backhaul costs through freight collaboration", *Transp. Res. Rec. J. Transp. Res. Board.*, (2224), pp. 51-60 (2011).
17. Song, J. and Regan, A.C. "An auction based collaborative carrier network", Univ. Calif. Transp. Cent. (2003).
18. Ahuja, R.K., Cunha, C.B. and Şahin, G. "Network models in railroad planning and scheduling", *Emerging Theory, Methods, and Applications*, INFORMS, pp. 54-101, (2005).
19. Wieberneit, N. "Service network design for freight transportation: A review", *OR spectrum*, **30**(1), pp. 77-112 (2008).
20. Peters, H., *Game Theory: A Multi-Levelled Approach*, 2nd Edn. Springer-Verlag, Berlin Heidelberg (2015).