

## موقعیت یابی خودرو چهارچرخ خودگردان با بکارگیری همجوشی داده‌ها

آمنه امینیان<sup>۱</sup>، علیرضا خیاطیان<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> فارغ‌التحصیل کارشناسی ارشد مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه شیراز، ایران، aminian.b@gmail.com

<sup>۲</sup> دانشیار، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه شیراز، ایران، khayatia@shirazu.ac.ir

(تاریخ دریافت مقاله ۱۳۸۸/۷/۸، تاریخ پذیرش مقاله ۱۳۸۸/۹/۱۲)

**چکیده:** در این مقاله همجوشی داده‌های سنسورها، به منظور موقعیت یابی دقیق یک خودرو چهارچرخ خودگردان، توسط الگوریتم فیلتر کالمون غیرمستقیم با ساختار پیشخور، شیوه‌سازی شده است. سنسورها شامل شتاب‌سنج، تاکومتر، قطب‌نما و پتانسیومتر می‌باشند. پس از معرفی خودرو و معادلات آن، فرایند شناسایی بر روی سیستم به منظور یافتن پارامترهای معادلات خودرو انجام شده که دارای دو مرحله می‌باشد، شناسایی پارامترهای خودرو و شناسایی پارامترهای موتورها. همچنین عمل فیلتر کردن به منظور حذف نویز و همچنین حذف بایاس تصادفی شتاب‌سنج با استفاده از فیلتر کالمون مستقیم و غیرمستقیم انجام شده است. معادلات فیلتر کالمون غیرمستقیم برای یافتن خطای موجود در سنسورها بدست آمده‌اند که معادلاتی خطی و متغیر با زمان می‌باشند و پس از اعمال تست رؤیت‌پذیری مشاهده می‌شود که معادلات به دست آمده رؤیت‌نپذیر می‌باشند. با بکارگیری یک شیوه جدید مبتنی بر یافتن زیر سیستم رؤیت‌پذیر سیستم مذکور و تخمین حالات زیرسیستم فوق با استفاده از فیلتر کالمون، به حل این مساله پرداخته شده است. نتایج شیوه‌سازی، کارآمدی راه حل ارائه شده را نشان می‌دهند. همچنین در این مقاله روشی برای یافتن ماتریس‌های کوواریانس نویز فرایند و اندازه‌گیری با استفاده از فیلتر فرم‌دهنده معکوس، ارائه شده است.

**کلمات کلیدی:** خودرو چهارچرخ خودگردان، همجوشی داده‌ها، فیلتر کالمون، رؤیت‌پذیری، بایاس تصادفی شتاب‌سنج.

### Positioning Four-Wheeled Autonomous Vehicle using Sensor Fusion

**Abstract:** In this article, sensor fusion for positioning a four wheeled autonomous vehicle, using indirect feedforward Kalman filter algorithm is simulated. Sensors such as accelerometer, tachometer, compass and potentiometer are used. At first, vehicle and its dynamic equations are introduced then system identification is done in order to find parameters of vehicle that is performed in two phases: vehicle parameters identification and motor parameters identification. Also, accelerometer noise and random bias reduction is done using direct and indirect Kalman filter. In order to remove the sensors error, indirect Kalman filter is utilized. The governing equations of error model are linear and time varying. Observability test indicates that these equations are not observable and Kalman filter implementation in such systems leads to non optimal result. A new approach for solving this problem based on finding the observable subsystem of the main system is introduced and Kalman filter is used for estimating the observable states. Simulation results show efficiency of the proposed method. Also, a new approach to find process and measurements noise covariance matrices using reverse shaping filter is presented.

**Keywords:** Four wheeled autonomous vehicle, Sensor fusion, Kalman filter, Observability, Accelerometer random bias.

نارند. خودروهای خودگردان کاربردهای فراوان در زمینه تحقیقات

هوافضا و تحقیقات زیر آب، صنعت، کاربردهای نظامی، بیمارستانها و

غیره را دارند. در کنترل روبات‌های متحرک دانستن موقعیت دقیق

امروزه روبات‌های متحرک و خودروهای خودگردان به طور فرایندهای

موردن توجه قرار گرفته‌اند. روبات‌های متحرک قابلیت حرکت در محیط

پیرامون خود را دارا می‌باشند و در یک موقعیت فیزیکی ثابت قرار

### ۱- مقدمه

ها را با اطلاعات ژیروسکوپ و شتاب سنج به منظور دستیابی به یک تخمین قابل اعتماد از موقعیت روبات، ترکیب نموده اند [۱]. Chung و همکارانش (۲۰۰۱) از فیلتر کالمون غیر مستقیم بفرم پسخور، برای همجوشی داده‌های ژیروسکوپ و مسافت پیما استفاده کردند [۲]. Park و همکارانش (۱۹۹۶) با استفاده از فیلتر کالمون غیرمستقیم، اطلاعات دریافتی از یک ژیروسکوپ و یک انکدر را با یکدیگر ترکیب کردند و از فیلتر کالمون غیر مستقیم بفرم پسخور استفاده نمودند [۳]. Tarin و همکارانش (۱۹۹۹) اطلاعات دو سنسور شتاب- سنج و انکدر را با یکدیگر ترکیب نمودند [۴]. Wonder Hart و Wolf (۱۹۹۶) اطلاعات دریافتی از ژیروسکوپ، انکدر و قطب نمای Magnatiisi را با یکدیگر ترکیب نمودند [۵]. Sasiadek و Hartana (۲۰۰۰) از فیلتر کالمون توسعه یافته مستقیم، برای ترکیب داده‌های سنسور مسافت‌پیما و سونار به منظور حذف خطای سیستماتیک سنسورهای مسافت‌پیما استفاده کردند [۶]. Marron و همکارانش (۲۰۰۳) به وسیله سنسور مسافت‌پیما و بینایی، عمل موقعیت یابی یک صندلی چرخدار را با استفاده از فیلتر کالمون توسعه یافته انجام داده اند [۷]. Alessandri و همکاران (۱۹۹۷) به منظور تخمین موقعیت روبات، داده‌های دریافتی از یک ژیروسکوپ و دو انکدر را با یکدیگر ترکیب نمودند [۸]. Goel و همکارانش از سنسورهای مسافت‌پیما و ژیروسکوپ به منظور پشتیبانی داده‌های سیستم موقعیت یاب جهانی<sup>۱</sup> در موقعی که داده‌های آن در دسترس نمی‌باشد، استفاده نمودند [۹]. Tarin و همکاران (۲۰۰۱) نیز یک سیستم ناوبری ارزان قیمت با سنسورهای ژیروسکوپ و مسافت‌پیما ارائه دادند که برای ترکیب اطلاعات از فیلتر کالمون و یک روش قاعده محور<sup>۲</sup> استفاده شده است [۱۰]. Durrant-White و Barshan (۱۹۹۳) سیستم شامل یک ژیروسکوپ و یک شتاب‌سنج ارائه نمودند که در آن از فیلتر کالمون توسعه یافته غیر مستقیم برای ترکیب اطلاعات و تخمین موقعیت و جهت استفاده شده است [۱۱]. در همان سال Vaganay و همکارانش با استفاده از دو شتاب‌سنج و سه ژیروسکوپ و الگوریتم فیلتر کالمون توسعه یافته به یافتن زوایای چرخش (roll)، پیچش Tsai (pitch) و سمت (yaw) یک روبات متحرک پرداختند [۱۲]. (۱۹۹۸) یک ساختار سخت افزاری و یک الگوریتم پردازش سیگنال دیجیتال را برای مکان یابی اتوماتیک یک روبات متحرک، با ترکیب اندازه گیری‌های انجام شده توسط سنسورهای التراسونیک و سیستم

робات امری ضروری است. روش‌های موقعیت یابی<sup>۳</sup> عموماً به دو دسته اصلی موقعیت یابی نسبی و موقعیت یابی مطلق تقسیم می‌شوند، یک نمونه سنسور برای یافتن موقعیت مطلق، قطب نمای مغناطیسی<sup>۴</sup> می‌باشد که زاویه سمت روبات<sup>۵</sup> را اندازه گیری می‌کند. مهمترین ضعف قطب نمای مغناطیسی مربوط به تغییر شکل دادن میدان مغناطیسی زمین در مجاورت خطوط انتقال نیرو و اجسام فلزی می‌باشد، که این امر استفاده از قطب نما را در محیط‌های داخلی دشوار می‌نماید. موقعیت یابی با استفاده از ژیروسکوپ‌ها و شتاب‌سنج‌ها، ناوبری اینرسی<sup>۶</sup> نامیده می‌شود. مهمترین ضعف ناوبری اینرسی، مسئله انحراف بایاس<sup>۷</sup> می‌باشد به‌این صورت که خطاهای ناشی از انتگرال گیری جمع می‌شوند و در نتیجه دقت تخمین، با گذشت زمان کاهش می‌یابد. غیر از سنسورهای اینرسی، سنسورهای مسافت‌پیما<sup>۸</sup> هم برای موقعیت یابی نسبی استفاده می‌شوند. سنسورهای مسافت‌پیما، ارزان هستند و امکان کار کردن با سرعتهای نمونه برداری بالا را دارند، ولی ایندیگر اصلی استفاده از آنها بر پایه انتگرال گیری از داده‌های حرکت می‌باشد که خطاهایی مانند لغزش چرخ و یا در جا چرخیدن چرخ، منجر به تجمع ناحدود خطاهای می‌شود. با توجه به موارد ذکر شده قابلیت روبات برای داشتن داده قابل اعتماد و دقیق از موقعیت خود، محدود می‌باشد. با استفاده از همجوشی داده‌های سنسورها<sup>۹</sup> می‌توان داده‌های موجود از سنسورهای متفاوت را با یکدیگر ترکیب و داده‌های نامطلوب را حذف نموده یک خروجی نسبتاً دقیق رسید. همچو شی داده‌های سنسورها اغلب بوسیله تکنیک‌های ریاضی و با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها در داده‌های مرجع انجام می‌پذیرند، بین روش‌های متفاوت همچو شی داده‌ها، استفاده از فیلتر کالمون یکی از مهمترین روش‌ها می‌باشد، در بسیاری از تحقیقات فیلتر کالمون به عنوان یک رؤیتگر معروف شده است، لذا رؤیت‌پذیری سیستم مسئله مهمی است که لازم است مورد توجه قرار گیرد. اگر سیستم رؤیت‌پذیری حالت نباشد، نرم ماتریس کوواریانس خطای تخمین به سمت صفر میل نمی‌کند و در نتیجه خطای تخمین با زیاد شدن زمان، افزایش می‌باشد. تحقیقات زیادی در زمینه تخمین موقعیت روبات‌های متحرک با استفاده از انواع مختلف سنسورها انجام شده است. Zunaidi و همکارانش (۲۰۰۶) با استفاده از فیلتر کالمون غیر مستقیم اطلاعات دریافتی از انکدر

<sup>1</sup> Positioning<sup>2</sup> Magnetic compass<sup>3</sup> Heading angle<sup>4</sup> Inertial navigation<sup>5</sup> Bias drift<sup>6</sup> Odometer<sup>7</sup> Sensor fusion

$$\dot{Y} = r\omega_1 \left[ (\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \sin \theta + \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \cos \theta \right] \quad (2)$$

$$\dot{\theta} = \frac{r}{a+b} \omega_1 \sin \delta_1 \quad (3)$$

$$\dot{\delta}_1 = \omega_{\delta_1} \quad (4)$$

و دینامیک آن به صورت زیر است:

$$\dot{\omega}_1 = -\frac{N_6 \omega_1 \omega_{\delta_1} + N_7 \omega_1^2}{N_5} + \frac{\tau_d}{N_5} \quad (5)$$

$$\dot{\omega}_{\delta_1} = -\frac{N_2 \omega_{\delta_1}^2 + N_3 \omega_1 \omega_{\delta_1} + N_4 \omega_1^2}{N_1} - \frac{Q_3 \sin \delta_1 (N_6 \omega_1 \omega_{\delta_1} + N_7 \omega_1^2)}{N_1 N_5} + \frac{Q_3 \sin \delta_1}{N_1 N_5} \tau_d \quad (6)$$

$$+ \frac{\tau_s}{N_1}$$



شکل ۱: تصویر خودرو

که در آن  $X$  و  $Y$  مختصات مرکز تقلیل نسبت به دستگاه مختصات مرجع می‌باشد،  $\theta$  زاویه سمت خودرو،  $\delta$  زاویه فرمان،  $\omega_1$  سرعت زاویه‌ای چرخ جلو سمت چپ،  $\omega_{\delta_1}$  سرعت تغییر زاویه فرمان،  $r$  شعاع چرخ،  $L$  فاصله بین چرخ‌های موازی (دوقطب عقب یا جلو)،  $a$  فاصله مرکز تقلیل خودرو از محور عقب خودرو می‌باشد.  $\tau_d$  گشتاور رانش و  $\tau_s$  گشتاور فرمان، به عنوان ورودی‌های سیستم می‌باشند.  $N_i$  ها توابعی از  $\delta$  و  $Q_i$  ها ثوابتی وابسته به پارامترهای دینامیکی خودرو می‌باشند که برای یافتن این پارامترها نیاز به شناسایی آنها می‌باشد. شناسایی پارامترهای خودرو در دو فاز انجام می‌گیرد، یکی شناسایی پارامترهای معادلات خودرو و دیگری شناسایی پارامترهای موتورها. برای شناسایی پارامترهای معادلات خودرو در روابط (۱) تا (۶)، تعدادی از پارامترهای معادلات، مانند طول‌های مختلف خودرو را می‌توان با اندازه‌گیری مشخص نمود. در واقع پارامترهای سینماتیکی خودرو آسانتر از پارامترهای دینامیکی مشخص می‌شوند. با اضافه نمودن ترم‌های اصطکاکی به روابط (۵) و

شمارش مرده<sup>۱</sup> ارائه داد [۱۳]. در تمامی مقالات ذکر شده تخمین موقعیت به نحو مطلوبی انجام پذیرفته است ولی در هیچ‌کدام از آنها بحثی از رؤیت‌پذیری سیستم به میان نیامده است، همچنین در تمامی آنها ماتریس‌های کوواریانس نویز اندازه‌گیری و فرایند با سعی و خطأ به دست آمده‌اند.

در این مقاله همجوشی داده‌های سنسورها، برای موقعیت یابی یک خودرو چهار چرخ خودگردان، شبیه‌سازی شده است. فرایند شناسایی سیستم به منظور یافتن پارامترهای دینامیکی خودرو انجام شده است که با استفاده از مدل بدست آمده شبیه‌سازی‌ها انجام می‌پذیرند، نویز و بایاس تصادفی شتاب‌سنج با استفاده از فیلتر کالمن حذف می‌شود. پس از یافتن دینامیک خطای سیستم، که دینامیک خطی و متغیر با زمان می‌باشد، مشاهده گردید که این معادلات رؤیت ناپذیر می‌باشند، درنتیجه راه حل جدیدی برای بکارگیری فیلتر کالمن در سیستم‌های رؤیت‌پذیر ارائه شده است. همچنین، روشی برای یافتن ماتریس کوواریانس نویز فرایند و اندازه‌گیری ارائه شده است.

ساختمار مقاله به این صورت است که در بخش ۲، ابتدا معادلات حالت وسیله نقلیه بیان می‌شوند و شناسایی پارامترهای خودرو متحرک ارائه می‌گردد. بخش ۳، به همجوشی داده‌ها به کمک فیلتر کالمن اختصاص دارد؛ در این بخش مدل خطای سیستم که مشکل از مدل خطای سنسورهای مختلف می‌باشد، ارائه می‌گردد. در بخش ۴ رؤیت‌پذیری سیستم مورد بررسی قرار گرفته و راه حلی برای عدم رؤیت‌پذیری سیستم ارائه شده است. در بخش ۵، نتایج شبیه‌سازی آورده شده‌اند که کارآمدی‌بودن روش پیشنهادی را نشان می‌دهند. نتیجه‌گیری مقاله در بخش ۶ ارائه می‌گردد.

## ۲- معرفی خودرو چهار چرخ و شناسایی پارامترهای سیستم

خودرو چهار چرخ مورد نظر در بخش مکانیک دانشکده مهندسی دانشگاه شیراز ساخته شده است که نمایی از این خودرو در شکل (۱) نشان داده شده است. سینماتیک خودرو بر حسب سرعت زاویه‌ای چرخ جلو،  $\omega_1$  و زاویه فرمان،  $\delta_1$ ، به صورت زیر می‌باشد:

$$\dot{X} = r\omega_1 \left[ \begin{array}{l} (\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \cos \theta - \\ \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \sin \theta \end{array} \right] \quad (1)$$

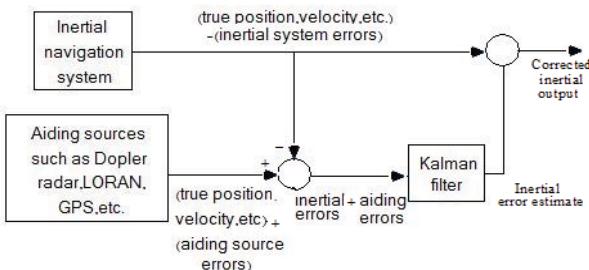
<sup>۱</sup> Dead-reckoning

### ۳- همجوشی داده‌ها

همجوشی داده‌ها به کمک فیلتر کالمن مهمترین و پر کاربردترین روش ترکیب داده‌ها می‌باشد. برای اعمال فیلتر کالمن به داده‌ها ابتدا لازم است معادلات حالت سیستم و ساختار فیلتر کالمن (پسخور-پیشرو) و یا (مستقیم-غیرمستقیم) مشخص گردد. در این بخش ساختار فیلتر کالمن و معادلات حالت خطای سیستم ارائه می‌گردد.

### ۱- فیلتر کالمن

در به کارگیری فیلتر کالمن در سیستم‌های ناوبری برای جبران خطأ، دو ساختار وجود دارد، فیلتر کالمن مستقیم و فیلتر کالمن غیرمستقیم. در ساختار مستقیم، حالت‌هایی مانند موقعیت و سرعت، متغیرهای حالت فیلتر می‌باشند ولی در ساختار غیرمستقیم، کمیاتی همچون خطأها در موقعیت و زاویه سمت روبات جزو متغیرهای حالت فیلتر می‌باشند. در بکارگیری فیلتر کالمن غیرمستقیم نیز دو ساختار وجود دارد، ساختار پسخور<sup>۱</sup> و پیشرو<sup>۲</sup>. بلوک دیاگرام نمایش داده شده در شکل (۳) ساختار پیشرو یا حلقه باز را نشان می‌دهد. در این ساختار، مقادیر تخمین زده شده خطأهای اینرسی در خارج از بلوک ناوبری به منظور تصحیح نهایی مقادیر استفاده می‌شوند، ولی برای اصلاح داده‌های اینرسی در داخل بلوک ناوبری، استفاده نمی‌گردد. این ساختار از بعد مفهومی مفید می‌باشد. با توجه به مزایای این روش، در این مقاله، ساختار غیرمستقیم پیشرو برای تخمین موقعیت روبات متحرک به کار گرفته می‌شود.



شکل ۳: سیستم ناوبری تجمعی، ساختار پیشرو

همچنین، نظر به اینکه ماهیت اصلی سیستم پیوسته می‌باشد، ولی اندازه‌گیری‌ها ناچارا گسته می‌باشند، از فیلتر کالمن پیوسته-گسته استفاده می‌نماییم. اگر معادله فرایند را بصورت:

(۶) مربوط به معادلات دینامیکی خودرو، می‌توان گشتاورهای  $\tau_d$  و  $\tau_s$  را به صورت زیر نوشت [۱۵ و ۱۶]:

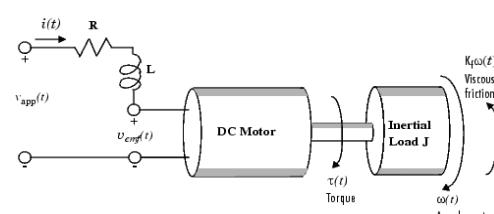
$$\dot{\tau}_d = N_5 \dot{\omega}_1 + N_6 \omega_1 \omega_{\delta 1} + N_7 \omega_1^2 + F_{kd} \text{sign}(V) + (F_{sd} - F_{kd}) \exp(-(V/V_s)^\alpha) + F_{vd} V \quad (۷)$$

$$\begin{aligned} \dot{\tau}_s &= N_1 \dot{\omega}_{\delta 1} + N_2 \omega_{\delta 1}^2 + Q_3 \dot{\omega}_1 \sin(\delta_1) + N_3 \omega_1 \omega_{\delta 1} \\ &+ N_4 \omega_1^2 + F_{ks} \text{sign}(\dot{\delta}_1) + (F_{ss} - F_{ks}) \exp(-(\dot{\delta}_1/V_s)^\alpha) \\ &+ F_{vs} \dot{\delta}_1 \end{aligned} \quad (۸)$$

جاییکه  $F_{ki}$  و  $F_{si}$  بترتیب ضرایب اصطکاک سیستمیکی و اصطکاک استاتیکی و اصطکاک لزجتی می‌باشند و  $V$  اندازه سرعت رو به جلو خودرو می‌باشد. این دو معادله را می‌توانیم به فرم زیر تبدیل کنیم:

$$\tau = Y(\delta_1, \dot{\delta}_1, \ddot{\delta}_1, \omega_1, \dot{\omega}_1) \rho \quad (۹)$$

جاییکه  $\tau = [\tau_d \ \tau_s]$  و  $\rho$  بردار پارامترهای مستقل و  $Y(\delta_1, \dot{\delta}_1, \ddot{\delta}_1, \omega_1, \dot{\omega}_1)$  تابعی ماتریسی از مقادیر اندازه‌گیری شده  $\delta_1, \dot{\delta}_1, \ddot{\delta}_1, \omega_1, \dot{\omega}_1$  می‌باشد و به هیچ پارامتری از  $\rho$  بستگی ندارد. المانهای  $Y$  و  $\rho$  در [۱۸] آورده شده‌اند. سپس با اعمال ورودی‌های مختلف و بکارگیری روش حداقل مربعات پارامترهای دینامیکی خودرو بدست می‌آیند که مدل خودرو با این پارامترها، جهت شیوه‌سازی حرکت خودرو ضمن اعمال همجوشی داده‌ها بر روی سنسورها استفاده می‌گردد. برای شناسایی پارامترهای موتورها با توجه به شماتیک موتور DC نمایش داده شده در شکل (۲) :



شکل ۲: شماتیک موتور DC

تابع تبدیل جریان به ولتاژ موتور به صورت زیر می‌باشد:

$$\frac{I}{V_{app}} = \frac{JS + K_f}{LJS^2 + [RJ + K_f L]S + [K_m K_b + RK_f]} \quad (10)$$

که جریان موتور با گشتاورهای اعمالی به سیستم رانش و فرمان،  $\tau_s$  و  $\tau_d$ ، متناسب می‌باشد. با استفاده از واسطه کاربر گرافیکی MATLAB ident نام درنظر گرفتن یک فرم کلی برای معادله بالا و با اعمال ورودیها و خروجیهای مختلف، تخمین پارامترهای موتورهادر رابطه (۱۰) به دست می‌آیند.

<sup>1</sup> Feedback

<sup>2</sup> Feedforward

شتاب سنج تحت تاثیر یک بایاس تصادفی قرار دارد که با زمان و حرارت در حال تغییر است. قبل از اعمال همچو شی داده ها بر روی کل سنسورها، لازم است بایاس تصادفی شتاب سنج توسط یک فیلتر کالمن غیرمستقیم و سپس نویز توسط یک فیلتر کالمن مستقیم حذف شوند. برای حذف بایاس ابتدا یک مدل بایاس غیرتصادفی برای شتاب سنج به دست می آید و سپس با استفاده از آن معادلات فیلتر کالمن غیرمستقیم به دست می آیند. برای حذف نویز، نویز فرایند شتاب سنج بصورت یک فرایند Random Walk مدل شده است که با استفاده از آن معادلات فیلتر کالمن مستقیم به دست می آیند [۱۸] با درنظر گرفتن شتاب در راستای  $X$  و  $Y$  بصورت زیر:

$$a_{x-mf} = a_x + \delta a_x \quad (19)$$

$$a_{y-mf} = a_y + \delta a_y \quad (20)$$

که  $a_{y-mf}$  و  $a_{x-mf}$  شتاب های اندازه گیری شده پیش فیلتر شده، در دستگاه مختصات روبات می باشند،  $a_y$  و  $a_x$  مقادیر صحیح شتاب و  $\delta a_x$  و  $\delta a_y$  خطاهای می باشند. با استفاده از رابطه زیر، آنها را به دستگاه مختصات مبنای منتقل می نماییم:

$$\begin{bmatrix} \ddot{X} \\ \ddot{Y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dot{V}_{xa-mf} \\ \dot{V}_{ya-mf} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{x-mf} \\ a_{y-mf} \end{bmatrix} \quad (21)$$

و  $V_{ya-mf}$  سرعت های محاسبه شده از داده های شتاب سنج می باشد. با لحاظ نمودن خطای موجود در سرعت و موقعیت به صورت زیر:

$$V_{xa-mf} = V_{xa} + \delta V_{xa} \quad (22)$$

$$V_{ya-mf} = V_{ya} + \delta V_{ya} \quad (23)$$

$$X_{a-mf} = X_a + \delta X_a \quad (24)$$

$$Y_{a-mf} = Y_a + \delta Y_a \quad (25)$$

$$\theta_m = \theta + \delta \theta \quad (26)$$

که در آن مقادیر دارای اندیس  $mf$  مقادیر اندازه گیری شده پیش فیلتر شده می باشند، مقادیر دارای اندیس  $\delta$  مقادیر خطاهای و  $V_{ya}$ ،  $V_{xa}$ ،  $X_a$  و  $Y_a$  مقادیر صحیح سرعت و موقعیت می باشند. با جایگذاری معادلات (۲۲) تا (۲۶) در (۲۱)، داریم:

$$\begin{bmatrix} \dot{V}_{xa} + \delta \dot{V}_{xa} \\ \dot{V}_{ya} + \delta \dot{V}_{ya} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta + \delta \theta) & -\sin(\theta + \delta \theta) \\ \sin(\theta + \delta \theta) & \cos(\theta + \delta \theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_x + \delta a_x \\ a_y + \delta a_y \end{bmatrix} \quad (27)$$

درنتیجه دینامیک خطای سرعت شتاب سنج بصورت زیر به دست می آید:

$$\dot{V}_{xa} = \cos \theta \cdot \delta a_x - \sin \theta \cdot \delta a_y + (\sin \theta \cdot a_x + \cos \theta \cdot a_y) \delta \theta \quad (28)$$

$$\frac{d}{dt} X_t = AX_t + Bu_t + v_t \quad (11)$$

که  $v_t$  نویز سفید گوسی با میانگین صفر و کوواریانس  $\Sigma$  می باشد و

معادله اندازه گیری ها را به صورت زیر:

$$Y_{t_i} = CX_{t_i} + e_{t_i} \quad i=1,2,3,\dots \quad (12)$$

در نظر بگیریم؛ که  $e_{t_i}$  نویز سفید گوسی با میانگین صفر و کوواریانس  $R_2$  می باشد. معادلات فیلتر کالمن پیوسته- گسته برای تخمین حالت  $X$  بصورت زیر می باشند:

$$\frac{d}{dt} \hat{X}_{t_i|t_i} = A \hat{X}_{t_i|t_i} \quad (13)$$

$$\frac{d}{dt} P_{t_i|t_i} = AP_{t_i|t_i} + P_{t_i|t_i} A^T + \sum_1 \quad (14)$$

$$K_{t_{i+1}|t_i} = P_{t_{i+1}|t_i} C^T \left[ CP_{t_{i+1}|t_i} C^T + R_2 \right]^{-1} \quad (15)$$

$$\Sigma_{t_{i+1}} = Y_{t_{i+1}} - C \hat{X}_{t_{i+1}} \quad (16)$$

$$\hat{X}_{t_{i+1}|t_{i+1}} = \hat{X}_{t_{i+1}|t_i} + K_{t_{i+1}|t_i} \Sigma_{t_{i+1}} \quad (17)$$

$$P_{t_{i+1}|t_{i+1}} = [I - K_{t_{i+1}|t_i}] P_{t_{i+1}|t_i} \quad (18)$$

در بخش های بعد، با بکارگیری روابط فوق، همچو شی داده های سنسورها برای خودرو متجر ک شیوه سازی خواهد شد.

### ۲-۳ دینامیک خطای سیستم

مهتمرين مرحله برای بکارگیری فیلتر کالمن، یافتن مدل فضای حالت فرایند تصادفی تحت بررسی است، که اینکار با استفاده از معادلات دینامیکی و سینماتیکی موجود برای فرایند تصادفی تحت بررسی امکان پذیر می باشد. برای خودرو متجر ک چهار سنسور درنظر گرفته شده است، یک شتاب سنج دو درجه آزادی ADXL202JE، یک تاکومتر، که بر روی چرخ سمت چپ جلو نصب می باشد، یک پتانسیومتر که زاویه فرمان را اندازه گیری می نماید و یک قطب نمای KVH-C100 که زاویه سمت وسیله نقلیه را اندازه گیری می نماید. برای یافتن دینامیک خطای سیستم لازم به یافتن مدل خطای تک تک سنسورها می باشد، مدل خطای شتاب سنج به دینامیک سیستم مربوط نمی باشد و از روابطی که بین سرعت، موقعیت و شتاب وجود دارد به دست می آید در حالیکه مدل خطای تاکومتر به سینماتیک خودرو مربوط می باشد. مدل خطای قطب نما با مشاهده عملکرد آن به دست می آید و برای پتانسیومتر خطای درنظر گرفته نشده است.

### ۳-۱ مدل خطای شتاب سنج

قبل از یافتن مدل خطای شتاب سنج، توجه به این نکته ضروری است که علاوه بر نویز موجود در خروجی که نویز سفید گوسی می باشد،

که در آن مقادیر دارای اندازه  $mf$  مقادیر اندازه گیری شده پیش - فیلتر شده ناشی از سنسور مسافت پیمامی باشدند. مقادیر  $\omega_1, \omega_o, X_o, Y_o$  و  $\theta_1$  مقدار صحیح و مقادیر دارای  $\delta$  مقادیر خطای کمیات می باشند. براساس مدل سینماتیکی خودرو (روابط (۱) تا (۴)) مدل خطای برای داده های تاکومتر به صورت زیر بدست می آید:

$$\dot{\delta X_o} = r \left[ (\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \cos \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \sin \theta \right] \delta \omega_1 + r \omega_1 \left[ -(\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \sin \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \cos \theta \right] \quad (40)$$

$$\dot{\delta Y_o} = r \left[ (\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \sin \theta + \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \cos \theta \right] \delta \omega_1 + r \omega_1 \left[ (\cos \delta_1 + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_1) \cos \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta_1 \sin \theta \right] \delta \theta. \quad (41)$$

$$\dot{\delta \theta_o} = \frac{r}{a+b} \sin \delta_1 \delta \omega_1 \quad (42)$$

برای یافتن دینامیک خطای سرعت زاویه های تاکومتر، پس از ثبت داده های پیش فیلتر شده تاکومتر و حذف یک بایاس DC و حذف یک نویز سفید گوسی به عنوان نویز اندازه گیری، از فیلتر فرم دهنده معکوس برای ارتباط دادن نویز با قیمانده تاکومتر به نویز سفید گوسی با میانگین صفر استفاده می نماییم، که ارتباط دینامیک خطای تاکومتر با نویز سفید گوسی به صورت زیر به دست می آید:

$$\dot{\delta \omega_1} = -\frac{0.2}{T} \delta \omega_1 + \omega_o \quad (43)$$

که  $\omega_o$  نویز سفید گوسی است که پس از انجام تست های مختلف، میانگین صفر و واریانس  $0.0242$  برای آن به دست آمده است.

### ۳-۲-۳ مدل خطای قطب نما

در مورد قطب نما، خطای بواسطه لرزش بدن روبات وجود دارد، که آن را به صورت زیر نمایش می دهیم:

$$\dot{\delta \theta_c} = \theta_{c-m} - \theta_c \quad (44)$$

که با توجه به مشاهدات انجام شده، برای خطای قطب نما دینامیک زیر را برای آن در نظر می گیریم:

$$\dot{\delta \theta_c} = -1 \quad (45)$$

### ۴-۲-۳ معادلات حالت سیستم

اندازه گیری های موجود برای فیلتر کالمن از تفاضل داده های محاسبه شده از خروجی سنسور های اینرسی و سایر سنسور ها حاصل می شود و به صورت زیر در نظر گرفته می شوند:

$$y_1 = \delta x_o - \delta x_a + e_1 \quad (46)$$

$$\delta V_{ya} = \sin \theta \cdot \delta a_x + \cos \theta \cdot \delta a_y - (\cos \theta \cdot a_x - \sin \theta \cdot a_y) \delta \theta \quad (29)$$

که  $\theta$  زاویه سمت تصویح شده می باشد که به دلیل کوچک بودن  $\delta \theta$  مقدار خطای در محاسبه  $\sin$  و  $\cos$  بی تاثیر است. دینامیک خطای موقعیت به صورت زیر می باشد:

$$\delta \dot{X}_a = \delta V_{xa} \quad (30)$$

$$\delta \dot{Y}_a = \delta V_{ya} \quad (31)$$

که در آن  $\delta X_a$  و  $\delta Y_a$  خطای موقعیت ناشی از اندازه گیری شتاب سنج و  $\delta V_{xa}$  و  $\delta V_{ya}$  خطای سرعت ناشی از این سنسور می باشد. برای یافتن دینامیک خطای شتاب سنج پس از ثبت داده های پیش فیلتر شده شتاب سنج و بررسی آن، از یک فیلتر فرم دهنده معکوس به فرم زیر که بر روی داده های سنسور ها در حالت سکون عمل می نمایند، برای ارتباط دادن نویز باقیمانده شتاب سنج به نویز سفید گوسی با میانگین صفر، استفاده می نماییم:

$$n = (d(i) - a \times d(i-1)) / k \quad (32)$$

پارامتر های  $a$  و  $k$  با سعی و خطای به دست می آیند، به طوری که  $n$  نویز سفید گوسی شود. سپس ارتباط  $\dot{d}(t)$  با نویز  $n$  به صورت زیر بیان می شود:

$$\dot{d}(t) = (k \times n) / T + (a - 1) / dt \times d(t-1) \quad (33)$$

که در آن  $T$  زمان نمونه برداری می باشد که مقدار آن  $0.048$  ms است، معادلات خطای شتاب به صورت زیر می باشند:

$$\dot{\delta a_x} = \omega_{ax} \quad (34)$$

$$\dot{\delta a_y} = \omega_{ay} \quad (35)$$

که  $\omega_{ax}$  و  $\omega_{ay}$  هردو نویز سفید گوسی می باشند و پس از انجام تست های مختلف، میانگین صفر و واریانس  $0.0166$  برای آنها به دست آمده است.

روابط (۲۸)، (۲۹)، (۳۰)، (۳۱)، (۳۴)، (۳۵) و (۳۶) معادلات دینامیکی خطای شتاب سنج می باشند که در همچو شی داده ها به کمک فیلتر کالمن استفاده می شوند.

### ۲-۲-۳ مدل خطای تاکومتر

با توجه به سینماتیک وسیله نقلیه و با تعریف خطاهای متغیرها ناشی از تاکومتر به صورت زیر:

$$\delta \omega_1 = \omega_{mf} - \omega_1 \quad (36)$$

$$\delta X_o = X_{o-mf} - X_o \quad (37)$$

$$\delta Y_o = Y_{o-mf} - Y_o \quad (38)$$

$$\delta \theta_o = \theta_{o-mf} - \theta_o \quad (39)$$

$$A(t) = \begin{bmatrix} 0 & A_{13} & A_{14} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & A_{23} & A_{24} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{r \sin \delta}{a+b} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{-0.2}{T} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$A_{13} = r\omega((- \cos \delta - \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta) \sin \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta \cos \theta)$$

$$A_{14} = r((\cos \delta + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta) \cos \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta \sin \theta)$$

$$A_{23} = r\omega((\cos \delta + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta) \cos \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta \sin \theta)$$

$$A_{24} = r((\cos \delta + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta) \sin \theta + \frac{b}{a+b} \sin \delta \cos \theta)$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

همانطور که دیده می شود، معادلات خطای سیستم، خطی و متغیر با زمان می باشند. بلوک دیاگرام ساختار پیشرو فیلتر کالمن غیرمستقیم برای تخمین موقعیت روبات متحرک با چهار سنسور، در شکل (۴) آورده شده است.

$$y_2 = \delta y_o - \delta y_a + e_2 \quad (47)$$

$$y_3 = \delta \theta_o - \delta \theta_a + e_3 \quad (48)$$

اگر روابط مدل خطای سنسورها (روابط (۲۸)، (۲۹)، (۴۰)، (۳۵)، (۴۱)، (۴۲)، (۴۳)، (۴۴) و (۴۵)) و مدل اندازه گیری

سیستم (روابط (۴۶) تا (۴۸)) را بطور یکجا با یکدیگر در نظر بگیریم

معادله فضای حالت سیستم به فرم زیر خواهد شد:

$$\dot{\delta X}_t = A(t)\delta X_t + v_t \quad (49)$$

$$Y_t = C\delta X_t + e_t \quad (50)$$

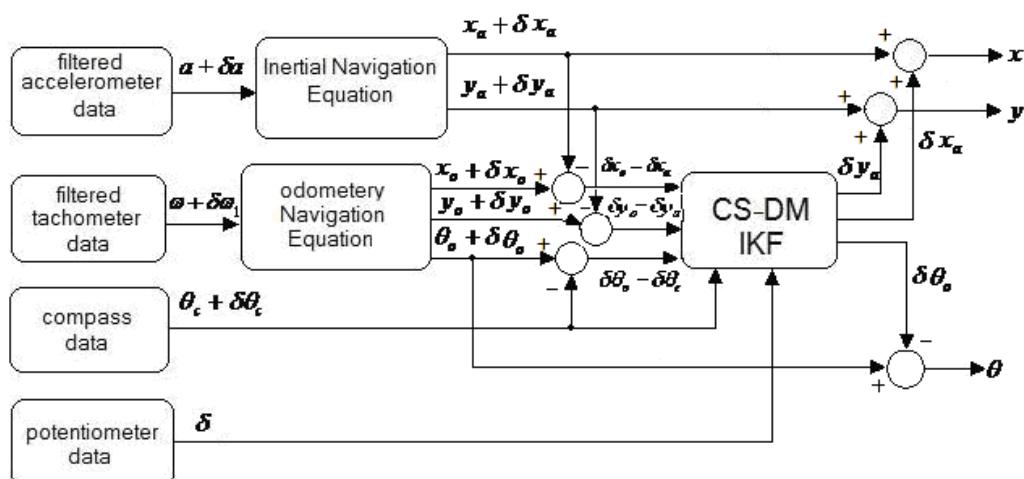
که در این رابطه بردارهای  $\delta X_t$ ،  $v_t$ ،  $Y_t$ ،  $e_t$  و ماتریس های  $A(t)$  و  $C$  بفرم زیر می باشند:

$$\delta X_t = [\delta x_o, \delta y_o, \delta \theta_o, \delta \omega_1, \delta x_a, \delta y_a, \delta V_{xa}, \delta V_{ya}, \delta a_x, \delta a_y, \delta \theta_c]^T$$

$$\gamma_t = [0, 0, 0, \omega_o, 0, 0, 0, 0, \omega_{ax}, \omega_{ay}, 0]^T$$

$$e_t = [e_1, e_2, e_3]$$

$$Y_t = [y_1, y_2, y_3]^T$$



شکل ۴: دیاگرام بلوکی ساختار پیشرو فیلتر کالمن غیرمستقیم

( $Q_o(t)$ ) که در زیر آورده شده است، در هر لحظه دارای رتبه کامل

باشد [۱۷]

$$Q_o^T(t) = [q_0(t); q_1(t); \dots; q_{n-1}(t)] \quad (51)$$

$$q_{k+1}(t) = A^T(t)q_k(t) + \dot{q}_k(t) \quad (52)$$

#### ۴- رؤیت پذیری مدل خطای سیستم خودرو چهار چرخ خودگردان

برای پیاده سازی فیلتر کالمن لازم است که سیستم مورد نظر رؤیت پذیر باشد، یک سیستم رؤیت پذیر حالت است هر گاه ماتریس رؤیت پذیری

در واقع  $K(t)$  مجموعه ستونهای  $p_k(t)$  های تعریف شده در رابطه (۵۵) می باشد. میدانیم که  $K(t)$  برای  $t \in R^n$  یک زیرفضا از  $R^n$  می باشد، اگر  $v_1(t), \dots, v_r(t)$  یک پایه برای  $K(t)$  باشند، همچنین  $w_1(t), \dots, w_{n-r}(t)$  یک پایه برای  $K(t)^\perp$  (مجموعه تمام حالات کنترل پذیر سیستم) باشند، ماتریس تبدیل  $T(t)$  برای تجزیه کنترل پذیر سیستم، از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$T(t) = [v_1(t), \dots, v_r(t), w_1(t), \dots, w_{n-r}(t)] \quad (61)$$

برای یافتن  $v_1(t), \dots, v_r(t)$  کافیست ستونهای مستقل خطی ماتریس  $Q_c(t)$  را بایسیم. پس از تشکیل پایه  $v_1(t), \dots, v_r(t)$  برای  $K(t)$ ، برای یافتن پایه های  $w_1(t), \dots, w_{n-r}(t)$  برای فضای متعامد  $K(t)^\perp$ ، به این صورت عمل می نماییم که بردارهای مستقل خطی ای را می بایسیم که بر تمامی ستونهای مستقل خطی ماتریس  $Q_c(t)$  عمود باشند و در نتیجه یک پایه برای  $K(t)^\perp$  محسوب می شوند. می دانیم که کنترل پذیری و رؤیت پذیری دو گان یکدیگر می باشند، درنتیجه برای یافتن ماتریس تبدیل رؤیت پذیری، ابتدا ماتریس رؤیت پذیری  $(Q_o(t))$  را تشکیل می دهیم و سپس سطرهای مستقل خطی آنرا به عنوان  $v_i$  ها در نظر می گیریم، سپس با روشهای بسط می آوریم. در اینصورت عمود بر همه پایه های بسط می آمد، به دست می شوند:

$$\bar{A} = T^{-1} A(t) T - T^{-1} \dot{T} = \begin{bmatrix} A_1(t) & 0 \\ A_2(t) & A_3(t) \end{bmatrix} \quad (62)$$

$$\bar{C}(t) = C(t) T = \begin{bmatrix} C_1(t) & 0 \end{bmatrix} \quad (63)$$

که جفت  $(A_1(t), C_1(t))$  رؤیت پذیر حالت می باشند. برای معادلات خودرو، با تعریف  $Z = T^{-1} X$ ، مشاهده می شود که برای سیستم تبدیل شده، در هر لحظه متغیرهای حالت  $Z_1, \dots, Z_n$ ، رؤیت پذیر می باشند، همچنین با مشاهداتی که از شبیه سازی سیستم برای مسیرهای مختلف به دست آمده است، مشاهده می شود که ماتریس  $A_3(t)$  صفر نمی باشد. با توجه به مشاهداتی که از ماتریس  $T(t)$  داریم متوجه می شویم که دو حالت رؤیت پذیر تنها بر روی خطای موقعیت در راستای  $Y$  تاثیرگذار می باشند، لذا قادر خواهیم بود از روی سایر خطاهای این دو کمیت را با دقت مطلوب به دست آوریم. با استفاده از روابط موجود بین خطاهای که در زیر آورده شده اند، با استفاده از متغیرهای  $\delta\theta$  و  $\delta\omega_1$  و  $\delta V_{ya}$ ، می توان به محاسبه خطای موجود در راستای  $Y$  پرداخت.

$$q_0(t) = C^T(t) \quad (53)$$

با بررسی های انجام شده برای خودرو، مشاهده می شود که رتبه ماتریس رؤیت پذیری در هر لحظه برابر با ۹ می باشد، در صورتیکه مرتبه سیستم ۱۱ است، در نتیجه دو متغیرهای حالت سیستم رؤیت پذیر می باشند و ما قادر به استفاده از فیلتر کالمن برای تخمین تمامی حالات سیستم نخواهیم بود، برای حل این مشکل دو راه حل وجود دارد:

اضافه کردن اندازه گیری های اضافی به سیستم که این امر مستلزم نصب

سنسورهای اضافی روی سیستم می باشد.

یافتن راهی برای رؤیت پذیر کردن سیستم، یا یافتن زیرسیستم رؤیت پذیر سیستم مذکور و یافتن حالات زیر سیستم فوق با استفاده از فیلتر کالمن و محاسبه حالات اصلی از روی حالات به دست آمده.

ما از راه دوم برای حل این مشکل استفاده نموده ایم، برای یافتن ماتریس تبدیلی که زیر سیستم رؤیت پذیر را برای ما ایجاد نماید، از قضیه تجزیه کنترل پذیری کالمن، که به صورت زیر است و همچنین دو گانی روابط کنترل پذیری و رؤیت پذیری استفاده می نماییم.

#### قضیه تجزیه کنترل پذیری کالمن:

اگر  $A(t) \in R^{n \times n}$  و  $B(t) \in R^{n \times m}$  باشد و  $Q_c(t)$  ماتریس کنترل پذیری سیستم باشد که در (۵۴) تا (۵۶) آورده شده است:

$$Q_c(t) = [p_0(t); p_1(t); \dots; p_{n-1}(t)] \quad (54)$$

$$p_{k+1}(t) = A(t)p_k(t) - p_k(t) \quad (55)$$

$$p_0(t) = B(t) \quad (56)$$

و  $Rank(Q_c(t)) = r \leq n$  و آنگاه یک ماتریس معکوس پذیر  $T(t) \in R^{n \times n}$  وجود دارد به صورتیکه:

$$\bar{A} = T^{-1} A(t) T - T^{-1} \dot{T} = \begin{bmatrix} A_1(t) & A_2(t) \\ 0 & A_3(t) \end{bmatrix} \quad (57)$$

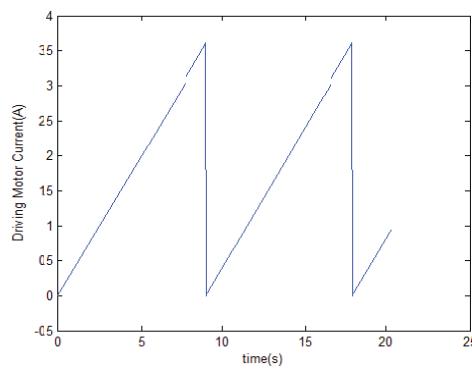
$$\bar{B}(t) = T^{-1} B(t) = \begin{bmatrix} B_1(t) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (58)$$

که در آن  $A_1(t) \in R^{r \times r}$  و  $B_1(t) \in R^{r \times m}$  جفت کنترل پذیر می باشند. برای به دست آوردن ماتریس  $T(t)$ ، ابتدا فضای  $K(t)$  را به صورت مجموعه تمام حالات کنترل پذیر سیستم در زمان  $t$  معرفی می نماییم، به اینصورت که اگر  $b^i$  ها را ستونهای ماتریس  $B(t)$  در نظر بگیریم، یعنی داشته باشیم:

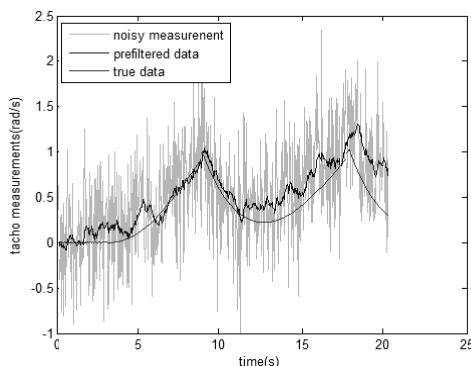
$$B(t) = [b^1(t), \dots, b^m(t)] \quad (59)$$

از رابطه زیر به دست می آید:

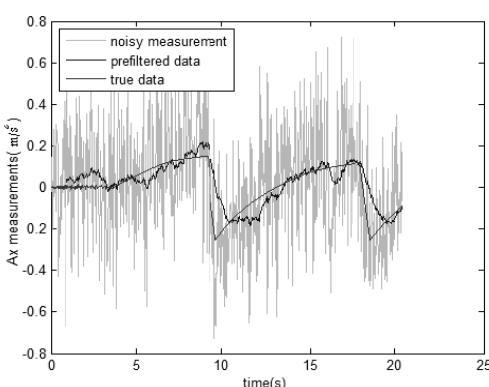
$$K(t) = \text{span}_R \left\{ \left( A - \frac{d}{dt} \right)^i b^j : i \in N, j = 1, \dots, m \right\} \quad (60)$$



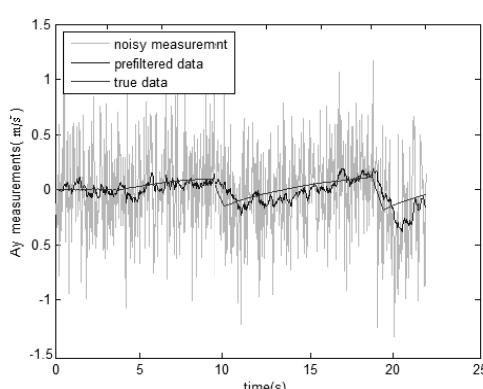
شکل ۶: جریان موتور محرک



شکل ۷: خروجی شبیه سازی شده تاکومتر



شکل ۸: خروجی شبیه سازی شده شتاب سنج راستای X



شکل ۹: خروجی شبیه سازی شده شتاب سنج راستای Y

$$\dot{\delta y}_o = r \left[ (\cos \delta_i + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_i) \sin \theta + \frac{b}{a+b} \sin \delta_i \cos \theta \right] \delta \omega_i \quad (64)$$

$$+ r \omega_i \left[ (\cos \delta_i + \frac{L}{2(a+b)} \sin \delta_i) \cos \theta - \frac{b}{a+b} \sin \delta_i \sin \theta \right] \delta \theta. \quad (65)$$

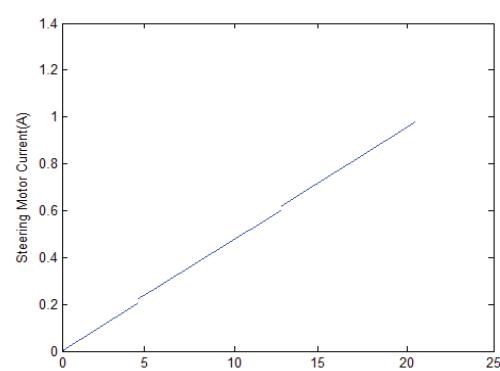
$$\dot{\delta y}_a = \delta V_{ya} \quad (65)$$

از آنجا که ماتریس  $\bar{C}$  به گونه ای است که اندازه گیری ها برای فیلتر کالمن بکار گرفته شده برای زیر سیستم بدست آمده با اندازه گیری های سیستم اصلی یکسان می باشد، در نتیجه قادر خواهیم بود، متغیر های  $Z_1, \dots, Z_9$  را با استفاده از فیلتر کالمن تخمین بزنیم و سپس با صفر فرض کردن  $(t)$   $A_3(t)$  و با استفاده از رابطه ای که به وسیله ماتریس  $\dot{Z}_{10}$  و  $\dot{Z}_{11}$  و سایر حالات ایجاد می شود، به تقریب هر چند نادرست  $Z_{10}$  و  $Z_{11}$  پردازیم. در نهایت به کمک تبدیل معکوس  $X = TZ$  متغیر های حالت اصلی سیستم بدست آورده می شوند. در این فرایند مقادیر  $\delta y_o$  و  $\delta y_a$  صحیح نمی باشند، لذا برای یافتن مقادیر صحیح این دو خطأ با استفاده از روابط (۶۴) و (۶۵) میتوان به محاسبه مقادیر صحیح پرداخت. در ادامه نتایج شبیه سازی آورده شده اند که کارآیی روش ارائه شده را نشان می دهند.

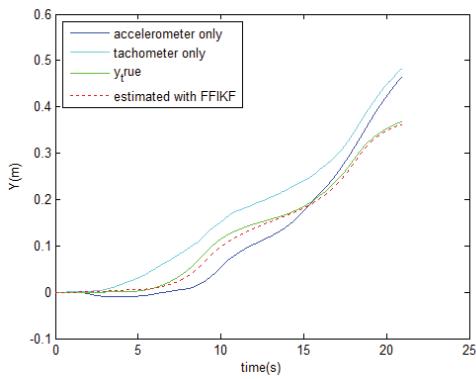
## ۵- نتایج شبیه سازی

با استفاده از مدل سیستم که از شناسایی بدست آمد، خروجی سنسورها در حین حرکت خودرو با ورودی های ولتاژ موتور های محرک و فرمان مختلف، شبیه سازی شده و با استفاده از آنها پیاده سازی الگوریتم فیلتر کالمن انجام شده است.

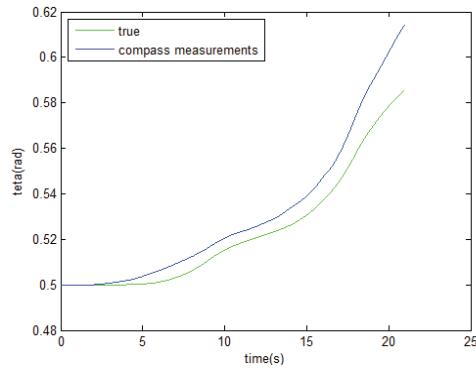
به عنوان مثال ورودی ولتاژ موتور محرک، دندانه اره ای و ورودی ولتاژ موتور فرمان، شبیه سازی شده است که جریان موتورها در شکل ۵ و (۶) نمایش داده شده اند، خروجی شبیه سازی شده سنسورها در شکل های (۷) تا (۱۰) آورده شده اند.



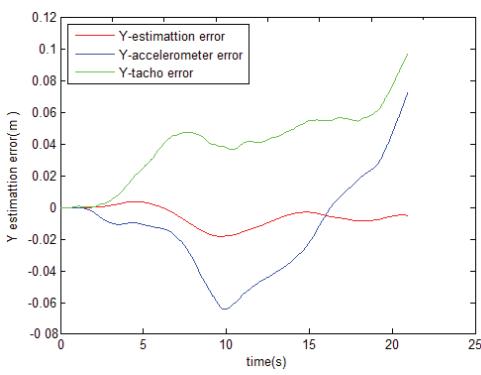
شکل ۵: جریان موتور فرمان



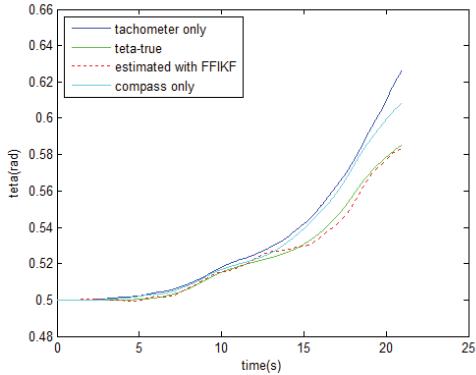
شکل ۱۳: موقعیت در راستای Y



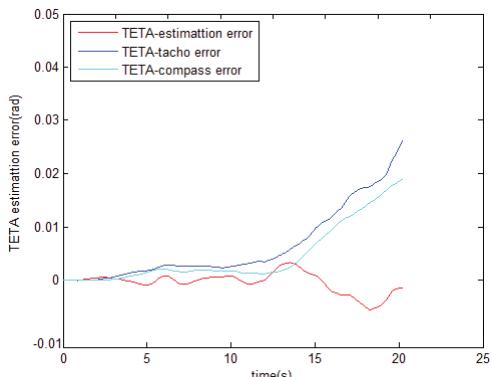
شکل ۱۰: خروجی شبیه‌سازی شده قطب نما



شکل ۱۴: مقایسه خطای موقعیت در راستای Y

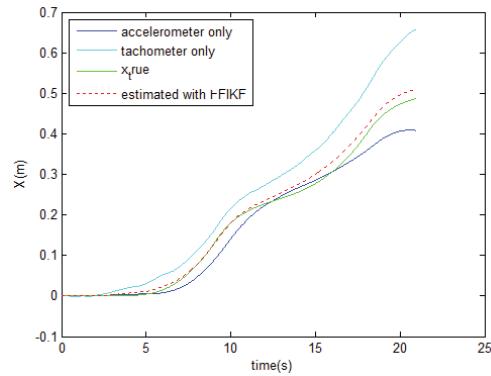


شکل ۱۵: زاویه سمت

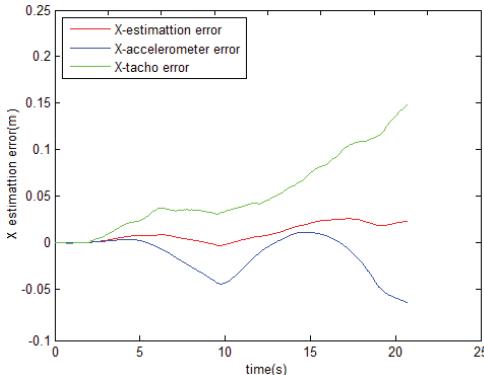


شکل ۱۶: مقایسه خطای زاویه سمت

مقایسه موقعیت و زاویه سمت محاسبه شده از داده‌های سنسورها به تنهایی و موقعیت و زاویه سمت تخمین زده شده توسط فیلتر کالمن و موقعیت و زاویه سمت صحیح در شکل‌های (۱۳)، (۱۴) و (۱۵) آورده شده‌اند. همچنین مقایسه خطاهای بین کمیت‌های اندازه‌گیری توسط سنسورها به تنهایی و همجوشی داده‌ها با فیلتر کالمن در شکل‌های (۱۲)، (۱۴) و (۱۶) ارائه شده است.



شکل ۱۱: موقعیت در راستای X



شکل ۱۲: مقایسه خطای موقعیت در راستای X

- [2] Chung, H., Ojeda, L. and Borenstein, J., May 2001, "Sensor Fusion for Mobile Robot Dead-reckoning with a Precision-calibrated Fiber Optic Gyroscope", *IEEE International Conference on Robotics and Automation*, Seoul, Korea, pp. 3588-3593,
- [3] Park, K. and Chung, D., 1996, "Dead Reckoning Navigation of a Mobile Robot Using an Indirect Kalman Filter", *IEEE International Conference on Multisensor Fusion and Integration for Intelligent Systems*, Washington-DC.
- [4] Tarin, C. and Brugger, H., May 1999, "Low Level Sensor Fusion for Autonomous Mobile Robot Navigation", *IEEE Proceedings of the 16th Instrumentation and Measurement Technology Conference*, vol. 3, Venice, pp. 1377-1382.
- [5] Von der Hardt, H. J. and Wolf, D., Dec. 1996, "The Dead Reckoning Localization System of the Wheeled Mobile Robot ROMANE", *IEEE International Conference on Multisensory Fusion and Integration for Intelligent Systems*, Washington-DC, pp. 603-610.
- [6] Sasiadek, J. Z. and Hartana, P., July 2000, "Sensor Data Fusion Using Kalman Filter", *Proc.Third Int'l Conf. Information Fusion*, vol. 2, pp. WED5/19-WED5/25.
- [7] Marron, M. and Garcia, J. C., 2003 "Fusing Odometric and Vision Data with an EKF to Estimate the Absolute Position of an Autonomous Mobile Robot", *IEEE Conference on Emerging Technologies and Factory Automation*, vol. 1, pp.591-596.
- [8] Alessandri, A. and Bartolini, G., June 1997, "An Application of The Extended Kalman Filter for Integrated Navigation in Mobile Robotics", *Proceeding of the American Control Conference*, Albuquerque, New Mexico.
- [9] Goel, P. and Stergios and Roumeliotis, I., 1999, "Robot Localization Using Relative and Absolute Position Estimates", *Department of Computer Science Institute for Robotics and Intelligent Systems, University of Southern California, Los Angeles, CA 90089-078.*
- [10] Tarin Sauer, C. and Brugger, H., May 21-23, 2001, "Odometer Error Correction by Sensor Fusion for Autonomous Mobile Robot Navigation", *IEEE Instrumentation and Measurement Technology Conference*, Budapest, Hungary.
- [11] Barshan, B. and Durrant-Whyte, F., July 26-30, 1993, "An Inertial Navigation System for a Mobile Robot", *IEEE International Conference on Intelligent Robotics and Systems*, Yokohama, Japan.
- [12] Vaganay, J. and Aldon, M. J., May 1993, "Mobile Robot Attitude Estimation by Fusion of Inertial

همانطور که در شکلها مشاهده می شود، خطای تخمین موقعیت توسط فیلتر کالمن در راستای  $X$  کمتر از ۰.۰۴ متر و در راستای  $Y$  کمتر از ۰.۰۷ متر می باشد، این در حالیست که خطای محاسبه موقعیت از داده های شتاب سنج، افزایشی و در مدت زمان حدود ۰.۲۰ ثانیه در راستای  $X$  حدود ۰.۱۰ متر و در راستای  $Y$  نیز حدود ۰.۱۵ متر و در راستای  $X$  حدود ۰.۱۲ متر می باشد.

خطای تخمین زاویه سمت توسط فیلتر کالمن حدود ۰.۰۰۵ رادیان می باشد، این در حالیست که خطای اندازه گیری قطب نما افزایشی و در ۰.۰۲ ثانیه حدود ۰.۰۲ رادیان و همچنین خطای محاسبه زاویه سمت از داده های تاکومتر نیز افزایشی و در حدود ۰.۰۴ رادیان در ۰.۲۰ ثانیه می باشد. نتیجتا با توجه به نتایج شبیه سازی ها مشاهده می شود که الگوریتم فیلتر کالمن پیشنهادی در کاهش خطای موقعیت یابی موثر و کارآمد می باشد.

## ۶- نتیجه گیری

در موقعیت یابی خودرو، هدف، یافتن موقعیت دقیق وسیله نقلیه با وجود عدم دقت در اندازه گیری های سنسورها می باشد. در این مقاله الگوریتم فیلتر کالمن غیر مستقیم با ساختار پیشرو برای یافتن موقعیت دقیق خودرو، شبیه سازی شده است که از قسمت های مهم آن یافتن راه حل جدیدی برای بکار گیری فیلتر کالمن در سیستم های رؤیت ناپذیر می باشد. همچنین راه حلی برای یافتن ماتریس های کوواریانس نویز فرایند و اندازه گیری ارائه شده است که در پیاده سازی عملی مفید خواهد بود. شناسایی سیستم با اعمال ورودی های مختلف به موتورها، انجام شده است و پارامتر های خودرو و پارامتر های موتورها با دقت مناسب شناسایی شده اند.

خرجی شتاب سنج هم دارای نویز و هم دارای بایاس تصادفی می باشد، که با استفاده از فیلتر کالمن غیر مستقیم، بایاس تصادفی، حذف و با استفاده از فیلتر کالمن مستقیم، دقت اندازه گیری شتاب سنج افزایش یافته است. در نهایت پیاده سازی فیلتر کالمن غیر مستقیم، در شبیه سازی ها، به نحو مطلوبی داده است.

## مراجع

- [1] Zunaidi, I., Kato, N., 2006, "Position System for 4-wheel Mobile Robot: Encoder, Gyro and Accelerometer Data Fusion with Error Model Method", *CMU Journal*, Vol. 5 (1).

- [16] Olsson, H., *Control Systems with Friction*, PhD Dissertation, Lund Institute of Technology, 1996.
- [17] Berhanu Bekele, Belayneh., 2007, "time varying linear systems", M.S. Thesis, RWTH University, Aken, Germany.
- [۱۸] [آمنه امینیان، آمنه امینیان، "موقعیت یابی خودرو چهار چرخ خودگردان با بکارگیری همچو شی داده ها"، پایان نامه کارشناسی ارشد، شیراز. دانشگاه شیراز، بخش برق و الکترونیک، شهریور ماه ۸۷]
- [13] Tsai, C., October 1998, "A Localization System of a Mobile Robot by Fusing Dead-Reckoning and Ultrasonic Measurements", *IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement*, vol.47, NO.5.
- [14] Javid, S., March2002, "Dynamic Based Motion Control of a Four Wheel Autonomous Ground Vehicle", M.S. Thesis, Shiraz: Shiraz University.
- [15] Armstrong, B. and Helouvy, *Control of Machines with Friction*, Kluwer Academic publishers, 1991.