

مدلسازی غیرخطی یک عملگر هیدرولیکی با در نظر گرفتن عامل اشباع در دامنه و سرعت فرامین

پوریا سرحادی^۱، نعمت‌الله قهرمانی^۲، رضا میریوسفی‌اول^۳

^۱ فارغ‌التحصیل کارشناسی ارشد مهندسی برق-کنترل، دانشگاه آزاد واحد تهران‌جنوب، pouria.sarhadi@gmail.com

^۲ استادیار، مجتمع برق و الکترونیک، دانشگاه صنعتی مالک‌اشتر، ghahramani@aut.ac.ir

^۳ فارغ‌التحصیل کارشناسی ارشد مهندسی برق-کنترل، دانشگاه آزاد واحد تهران‌جنوب، miryousefi.reza@gmail.com

(تاریخ دریافت مقاله ۱۸/۴/۱۳۸۹، تاریخ پذیرش مقاله ۱۲/۶/۱۳۸۹)

چکیده: در این مقاله مدل غیرخطی یک عملگر هیدرولیکی با در نظر گرفتن عامل اشباع دامنه و سرعت شناسائی شده است. ابتدا مدل عملگر با یک تابع تبدیل درجه یک و توابع غیرخطی اشباع با پارامترهای مجهول در نظر گرفته شده، سپس با تعریف دو تابع هدف مناسب و بهینه‌سازی عددی آنها، پارامترهای مجهول تخمین زده شده‌اند. مدل معروفی شده به خوبی رفتار غیرخطی عملگر را نشان داده و نسبت به مدل‌های مرسوم خطی دقت بالاتری دارد. مقایسه نتایج شبیه‌سازی غیرخطی با استفاده از مدل جدید و آزمایشات تجربی، صحت مدل جدید را به اثبات می‌رساند. این مدل در طراحی اتوبایلوت برای اجسام پرنده کاربرد فراوانی دارد، بعلاوه می‌توان از آن، در آزمایشگاه شبیه‌سازی به جای عملگرهای گران قیمت واقعی استفاده نمود.

کلمات کلیدی: مدل‌سازی غیرخطی، اشباع، عملگر، اتوبایلوت.

Nonlinear Modeling of a Hydraulic Actuator Considering Saturations in Amplitude and Rate Commands

Pouria Sarhadi, Nemat Ollah Ghahramani, Reza Miryousefi Aval

Abstract: In this paper, nonlinear model of a hydraulic actuator considering amplitude and rate saturations is identified. First actuator model with a first order transfer function and nonlinear functions of saturation with unknown parameters are taken in account, then by defining two suitable destination functions and numerically optimization of them, unknown parameters are estimated. Introduced model appropriately has described the nonlinear behavior of the actuator and has higher accuracy due to conventional linear models. Comparison between nonlinear simulation results using new model and the experimental tests, show the fidelity of this model. This model has large applications in flying systems autopilot designing, also it could be used as the costly real actuators in simulation laboratory.

Keywords: Nonlinear Modelling, Saturation, Actuator, Autopilot.

اتوبایلوت اجسام پرنده می‌باشد. برای طراحی یک کنترل کننده مطلوب،

بایستی تمامی اجزای سیستم، به طور دقیق مدل‌سازی و شناسائی گرددند.

در طراحی، خطا در مدل عملگر می‌تواند کارآئی حلقه‌بسته سیستم را

۱- مقدمه

عملگرهای یکی از اجزای مهم حلقه‌های کنترل اجسام پرنده

می‌باشند. مدل‌سازی عملگر با دقت بالا، یکی از مراحل مهم در طراحی

دارای اشباع در دامنه و سرعت ورودی یا فرامین می‌باشند. مواجهه با دینامیک این نوع از عملکرها جزء موضوعات مورد علاقه در نوشتگات کنترل می‌باشد^[۱]، اما در بیشتر مراجع از مدل ساده خطی برای مدلسازی و طراحی استفاده شده است^[۲-۴]. در مراجعی هم که از مدل‌های غیرخطی استفاده شده، در مورد چگونگی شناسائی پارامترهای مدل مانند میزان اشباع، کمتر بحث شده است.

در این مقاله یک مدل ورودی-خروجی دقیق برای عملکر هیدرولیکی سیستمهای پرواز، پیشنهاد گردیده و با استفاده از بهینه‌سازی عددی، پارامترهای مدل مذکور تخمین زده شده و کارائی این مدل در آزمایشگاه به اثبات رسیده است. نتایج شبیه‌سازی نشان از بهبود تقریباً دو برابری عملکرد مدل جدید نسبت به مدل‌های معمول خطی داشته و خروجی مدل جدید تا ۹۶٪ بر خروجی سیستم واقعی انطباق دارد. از این روش می‌توان برای شناسائی مدل عملکرها هیدرولیکی اجسام پرنده استفاده نموده و در طراحی اتوپایلوت مورد استفاده قرار داد.

در بخش ۲ این مقاله، با بیان صورت مسئله یک مدل جدید معرفی شده است. در بخش ۳، روش عددی تخمین معرفی شده و نتایج آن با خروجی مدل عملکر مقایسه شده است. در بخش ۴ از مدل جدید در شبیه‌سازی غیرخطی یک جسم پرنده استفاده شده و نتایج آن با حالت استفاده از یکی از مدل‌های مرسوم مقایسه شده است.

۲- بیان مسئله

اغلب برای سادگی، عملکرها با مدل‌های FOPDT یا SOPDT مدلسازی می‌شوند. اما این مدلها معمولاً تا زمانی که عملکر در ناحیه خطی عمل می‌کنند، معتبر می‌باشند. در عملکر بکار رفته در این مقاله نیز، با افزایش دامنه فرامین عملکر وارد ناحیه غیرخطی شده و رفتار دینامیکی و سرعت پاسخ‌دهی آن تغییر می‌کند. با توجه به نتایج شبیه‌سازی می‌توان دریافت که بزرگ شدن دامنه فرامین، باعث افزایش خطای مابین خروجی مدل و خروجی عملکر واقعی می‌باشد. زمان صعود افزایش یافته و پاسخ حالت گذرا مانند یک تابع شبیه می‌شود. برای بررسی مدل خطی عملکر مدل FOPDT، را بصورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$G(s) = \frac{e^{-0.01s}}{0.1s + 1} \quad (1)$$

کاهش داده و حتی آن را ناپایدار نماید^[۱]. در مدل‌های کنترل کننده مورد استفاده قرار می‌گیرند، به مدلسازی جزء‌به‌جزء عملکر احتیاج نبوده و مدل بکاربرده شده هرچه ساده‌تر و دقیق‌تر باشد، می‌تواند مطلوب طراحی قرار گیرد. وجود نویز، عدم قطعیت در سطوح کوانتیزاسیون و وجود مشخصات غیرخطی از جمله اشباع در دامنه و نرخ زاویه عملکر، عملآشنایی دقیق یک عملکر را با مشکلاتی مواجه می‌کند. اگر محدوده غیرخطی در یک سیستم کوچک باشد، مدل‌های خطی می‌توانند آن را به خوبی توصیف نمایند، با افزایش این محدوده مدل‌های خطی کارآئی خود را از دست می‌دهند. این عناصر غیرخطی می‌توانند یک اشباع^۱، تاجه مرده^۲، لقی^۳... باشند. در اغلب اوقات نبود این عناصر غیرخطی در مدل، باعث خشندی مهندسان کنترل می‌گردد^[۲]. اشباع در دامنه عملکرها، از عناصر غیرخطی می‌باشد که همواره در سیستمهای واقعی وجود دارند. عدم وجود اشباع در دامنه یک عملکر به معنی داشتن انرژی کنترل بینهایت می‌باشد. علاوه بر اشباع دامنه ورودی، برخی از عملکرها دارای اشباع بر روی سرعت ورودی عملکر نیز می‌باشند^[۳]. این دو اشباع باعث ایجاد محدودیت در توانایی سیستم کنترل بر اجرای فرامین و دفع اغتشاشات می‌گردد. معمولاً اشباع سرعت در مدل‌ها در نظر گرفته نمی‌شود و این مسئله مشکلاتی را در طراحی اتوپایلوت ایجاد می‌کند. محدودیت‌های دیگر مانند سطح کوانتیزاسیون سیگنال ورودی و پسمند^۴ در عملکرها، نقش ضعیفتری در میان این غیرخطی‌گریها دارند^[۳]. برای مدلسازی دقیق عملکرها، ابتدا یک ساختار مناسب برای آن انتخاب شده، سپس سعی بر تخمین پارامترهای آن با استفاده از توابع هدف گوناگون می‌باشد.

اغلب در مدلسازی عملکرها، یک مدل ساده خطی درجه یک همراه با تأخیر زمانی (FOPDT)^۵، یا مدل خطی درجه دو همراه با تأخیر (SOPDT)^۶ در نظر گرفته می‌شود^[۴-۷]. خواهیم دید این انتخاب برای مدلسازی تمامی عملکرها مناسب نمی‌باشد. در این مدلها با بزرگتر شدن فرامین، خروجی مدل خطی و عملکر واقعی از هم فاصله گرفته و خطای مدلسازی افزایش می‌یابد. در این حالت زمان صعود افزایش یافته و رفتار دینامیکی حالت گذرا کاملاً عوض می‌شود. همانطور که گفته شد عملکرها مورد استفاده در این تحقیق از نوع هیدرولیکی و

¹ Saturation

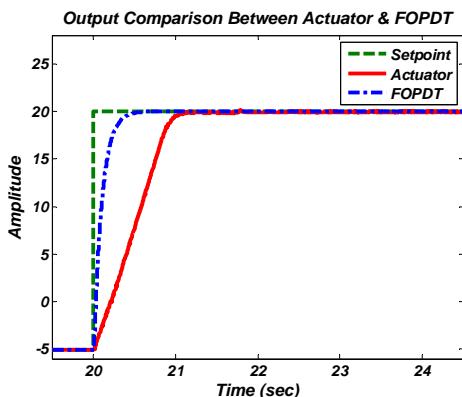
² Dead Zone

³ Backlash

⁴ Hysteresis

⁵ First Order Plus Dead Time

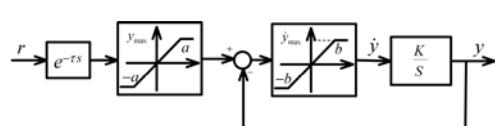
⁶ Second Order Plus Dead Time



تصویر ۳- مقایسه خروجی عملگر واقعی و مدل(۱) در ازای فرمان ۲۵ درجه

می‌توان گفت که تقریباً مدل FOPDT در فرامین با دامنه کم (فرامینی با دامنه کوچکتر از 4°) تقریب مناسبی از عملگر واقعی می‌باشد (تصویر ۲). اما همیشه این مدل مناسب نیست. در تصویر ۳ خروجی عملگر و مدل(۱) در ازای اعمال فرمان با دامنه 25° بزرگنمایی شده است. با توجه به این تصویر، تغییر در رفتار عملگر به وضوح قابل مقایسه می‌باشد. هم رفتار حالت گذرا تغییر یافته و هم زمان صعود تقریباً دو برابر شده است. برای مقایسه بیشتر، می‌توان دوباره به تصویر ۱ رجوع نمود.

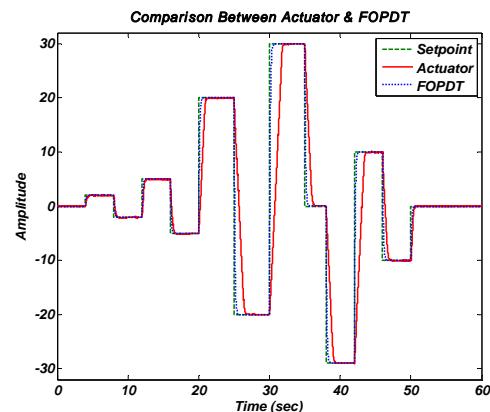
در نظر نگرفتن این رفتار در طراحی، می‌تواند باعث ناپایداری کنترل کننده بشود [۱]. برای جلوگیری از این مشکل مدلی غیرخطی به صورت تصویر ۴ در نظر گرفته شده که شامل دو عنصر اشباع دامنه و سرعت است که با یک تابع تبدیل خطی به همراه یک تأخیر در هم آمیخته شده است:



تصویر ۴- مدل در نظر گرفته شده برای عملگر به همراه اشباع سرعت و دامنه

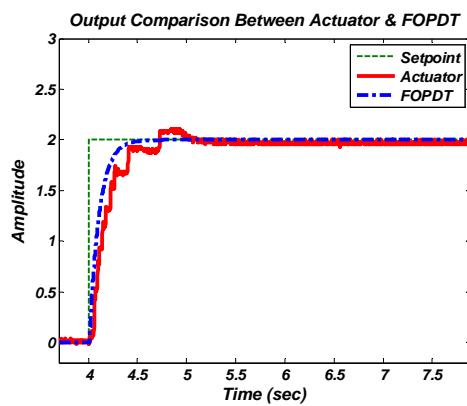
در تصویر ۴، r ورودی مطلوب به عملگر و y پاسخ عملگر به آن می‌باشد. همچنین k برابر با ثابت زمانی مدل در حالت عملکرد خطی، a میزان اشباع دامنه، b میزان اشباع سرعت و τ میزان تأخیر عملگر می‌باشد. ساختاری مشابه با مدل تصویر ۴ در مقالات مختلف مورد استفاده قرار گرفته، اما راجع به نحوه بدست آوردن پارامترهای آن بحث نشده است [۱۳-۱۴]. نکه جالب اینکه اگر توابع اشباع از تصویر ۴

برای بیان موضوع، یک سری ورودی پله با دامنه‌های مختلف به عملگر اعمال می‌کنیم. با مقایسه مدل (۱) و خروجی عملگر در تصویر ۱، می‌توان مشاهده نمود که در فرامین با دامنه کوچک، مدل با رفتار عملگر تطبیق دارد. اما با بزرگتر شدن دامنه پله‌ها، عملگر وارد ناحیه غیرخطی شده و اختلاف زیادی مابین خروجی آن و خروجی مدل (۱) بوجود می‌آید:



تصویر ۱- مقایسه خروجی مدل‌های عملگر واقعی و مدل(۱)

در تصاویر ۲ و ۳، به ترتیب بزرگنمایی شده ناحیه خطی و غیرخطی عملگر با خروجی مدل خطی مقایسه شده‌اند.



تصویر ۲- مقایسه خروجی عملگر واقعی و مدل(۱) در ازای فرمان ۲ درجه

^۱ در صورت طراحی کنترل کننده با استفاده از مدل FOPDT و در شرایط عملکرد در ناحیه غیرخطی، احتمال بروز این اتفاق زیاد می‌باشد.

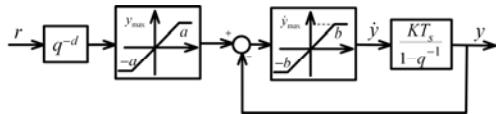
این معیار برای بدست آوردن درصد مطابقت خروجی دو مدل در MATLAB جعبه‌ابزارهای شناسائی سیستم و کنترل پیش‌بین نرم‌افزار مورد استفاده قرار می‌گیرد^[۱۷] و به صورت زیر بیان می‌شود:

$$FIT = 100 \left(\frac{1 - \|\hat{y} - y\|}{\|y - \mu(y)\|} \right) \quad (۳)$$

که در آن $\|\cdot\|$ نرم دو یک بردار و $(\cdot)^{\mu}$ میانگین آن بوده و برای بردار $\|\cdot\|$ به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} \mu(y) &= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i \\ \|y\| &= \sqrt{\sum_{i=1}^N y_i^2} \end{aligned}$$

بنابراین سعی بر آن است که پارامترهای مجھول به طریقی بدست آید تا به طور همزمان معیار MSE حداقل و معیار FIT حداکثر شود. در اینجا پارامترهای مجھول را به دلیل استفاده برای شیوه‌سازی، در فضای گسته بدست خواهیم آورد. بدین سبب با گسته کردن رابطه ورودی-خروجی تصویر^۴ بلوک دیاگرامی مانند تصویر^۵ بدست می‌آید.



تصویر^۵- مقایسه خروجی عملگر واقعی و مدل^(۱) در ازای فرمان ۴۰ درجه

در تصویر^۵، اپراتور شیفت زمانی و d میزان تأخیر می‌باشد. حال باستی به طریقی پارامترهای مجھول بدست آیند. در این مدل میزان اشباع دامنه برابر با $y_{max} = \pm 30$ بوده و از قبل مشخص می‌باشد به همین علت نیازی به تخمین آن نیست. در آزمایش تصویر^۱ نیز ورودی با دامنه بزرگتر از 30 به عملگر اعمال نشده است. دلیل این امر اثرات محرکی است که اینکار می‌تواند بر روی عملگر باقی بگذارد. از این‌رو $Model(b, K, d)$ ، مدلی با پارامترهای مجھول دامنه اشباع^(b)، بهره^(K) و تأخیر^(d) می‌باشد.

حال با یک حدس اولیه از پارامترهای مجھول و با استفاده از یک الگوریتم بهینه‌سازی تکرار کننده، می‌توان به پارامترهای نزدیک بهینه دست یافت. حالت نزدیک بهینه حالتی است که در آن معیار حداقل و معیار FIT حداکثر گردد. انتخاب اولیه برای پارامترهای مجھول به سادگی از طریق مشاهده پاسخ پله سیستم امکان پذیر می‌باشد. به عنوان مثال ثابت زمانی یک سیستم با رفتار مشابه با یک

حذف گردنده، این مدل تبدیل به ساختار خطی FOPDT می‌شود. این مزیت باعث می‌شود تا بتوان مدل خطی سیستم را با تقریب و دقت خوبی از روی آزمایشات در ناحیه خطی عملگر بدست آورد. مدل در نظر گرفته شده شاید مدل واقعی داخلی و جزء به جزء سیستم نباشد اما اینگونه از مدلها به مدل‌های شبیه فیزیکی شهرت دارند که قابلیت بیان مناسب رابطه ورودی-خروجی سیستم را دارا می‌باشند^[۱۵, ۱۶]. معمولاً برای شناسائی اینگونه از سیستمهای آنها را به صورت مدل‌های وینر^۱ یا هامرستین^۲ در نظر گرفته و از این طریق مدل‌سازی می‌کنند. اما باستی در نظر گرفت که شناسائی مدل این سیستمهای مشکلاتی مواجه می‌باشد. وجود دو عامل غیرخطی باعث می‌شود تا نتوان این مدل را به صورت یک مدل غیرخطی اما خطی در پارامتر بیان نموده و با استفاده از روش‌های مرسوم شناسائی به تخمین پارامترهای آن پرداخت. همچنین مشخصات نویز متغیر بازمان و سطوح کوانتیزاسیون بر مشکلات شناسائی سیستم می‌افزاید. در قسمت بعدی روشی ارائه شده که در آن پارامترهای مدل جدید به نحو مناسبی شناسائی شده است.

۳- روش تخمین پارامترهای مدل جدید

۳-۱- روش تخمین

بیشتر روش‌های شناسائی پارامتری با تعریف یکتابع هدف طوری بهینه‌سازی را انجام می‌دهند که پارامترها به مقادیر واقعی خود همگرا شده و خروجی مدل مشابه با خروجی سیستم واقعی گردد. در این تحقیق نیز از دوتابع هدف کاربردی زیر استفاده شده است:

• جموع مربعات خطأ (MSE)

استفاده از اینتابع هزینه در اکثر روش‌های شناسائی سیستم مرسوم بوده و روش‌های حداقل‌سازی مختلف آن، الگوریتم‌های تخمین متغروتی را بوجود می‌آورد^[۱۶-۱۴]. اینتابع به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} J &= \sum_{i=1}^t e(t)^2 \\ e(t) &= y(t) - \hat{y}(t) \end{aligned} \quad (۴)$$

که در آن $y(t)$ خروجی و $\hat{y}(t)$ خروجی تخمین زده شده مدل در هر لحظه از زمان می‌باشند.

• درصد انطباق (FIT)

¹ Wiener

² Hammerstein

³ Mean Square Error

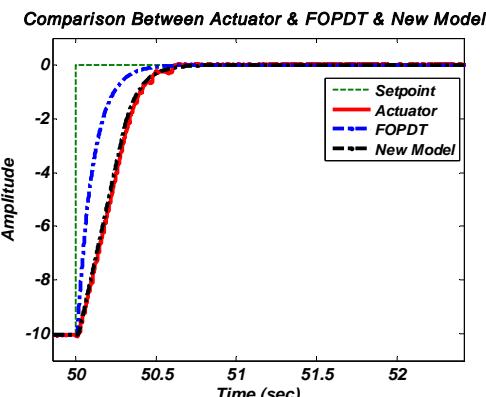
این الگوریتم بهینه‌سازی در عین سادگی، توانایی زیادی برای تخمین پارامترهای مجھول این مسئله دارد و استفاده از الگوریتم‌های پیش‌رو تر تها به پیچیدگی عمل تخمین می‌افزاید. خواهیم دید که این روش در عین سادگی، کارآئی خیلی خوبی دارد. با اعمال روش تخمین ارائه شده برای عملگر، پارامترهای مجھول به صورت زیر تخمین زده می‌شوند:

$$K = 10, q = 2, \dot{y}_{\max} = 2.71, y_{\max} = 30$$

لازم به ذکر است که به دلیل سادگی الگوریتم و نرم‌افزاری بودن آن، می‌توان مشخصات عملگرهای مشابه را نیز از طریق آن بدست آورد.

۳-۳- مقایسه مدل بدست آمده با عملگر واقعی و مدل FOPDT

در این قسمت خروجی مدل جدید بدست آمده را با خروجی عملگر و مدل FOPDT مقایسه خواهیم نمود. در ناحیه خطی فرامین پاسخ مدل جدید و مدل (۱) عیناً مانند هم و نزدیک به خروجی عملگر می‌باشد. ولی با بزرگتر شدن فرامین عملگر، خروجی مدل (۱) از خروجی عملگر فاصله گرفته و خطای مدلسازی افزایش می‌یابد. در تصاویر ۷-۱۰ این مقایسه به نمایش گذاشته شده است.



تصویر ۷- مقایسه خروجی عملگر واقعی، مدل (۱) و مدل جدید در ازای اعمال فرمان ۱۰ درجه

سیستم مرتبه اول، مدت زمانی است که طول می‌کشد تا سیستم به ۶۳٪ مقدار نهایی خود برسد. همانطور که اشاره شد مدل در نظر گرفته شده در ناحیه خطی یعنی ناحیه‌ای که اشباع‌های دامنه و سرعت وارد مدل نمی‌شوند، رفتاری مانند مدل FOPDT بیان شده در رابطه (۱) دارد. با توجه به تصاویر ۲ و ۳ مقدار ثابت زمانی مدل در حدود ۰/۱ ثانیه می‌باشد این مقدار با توجه به مقایسه این تصاویر با رفتار تابع تبدیل (۱) قابل نتیجه‌گیری می‌باشد. میزان تأخیر نیز برابر با تأخیر مدل ۱ در نظر گرفته می‌شود. در هر صورت صحت انتخاب‌های اولیه با آزمایش توابع هزینه معلوم خواهد شد و این تنها یک حدس اولیه برای الگوریتم بهینه‌سازی می‌باشد. لازم به ذکر است، انتخابی دور از پارامترهای واقعی، تنها سرعت همگرانی الگوریتم را کاهش می‌دهد. حال با استفاده از نرم‌افزار تهیه شده بر پایه الگوریتم تکرار کننده زیر، پارامترهای نزدیک بهینه بدست می‌آیند:

۲-۳- الگوریتم بهینه‌سازی عددی تخمینگر

در این بخش مراحل بهینه‌سازی معیارهای MSE و FIT را برای این مورد خاص توضیح می‌دهیم:

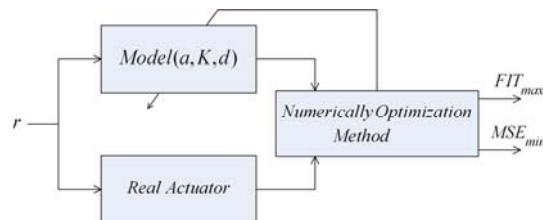
- پارامترهای اولیه را انتخاب می‌کنیم. بدین منظور یک مرحله ۱- بازه‌های معرفی شده در جدول ۱ را به دلخواه برمی‌گردیم:
- مقدار از بازه‌های معرفی شده در جدول ۱ را به دلخواه برمی‌گردیم.
- جدول ۱- بازه تغییرات برای پارامترهای مجھول

ثابت زمانی	$0.5 < K < 1.5$
میزان تأخیر	$0 < q < 3$
دامنه اشباع سرعت	$0.5 < b < 5$

مرحله ۲- یک پارامتر را متغیر و بقیه پارامترها را ثابت در نظر گرفته، پارامتر متغیر را در بازه مربوطه (با گام‌های معین) تغییر می‌دهیم و نقطه‌ای را که در آن توابع هدف بهینه می‌باشد می‌یابیم؛

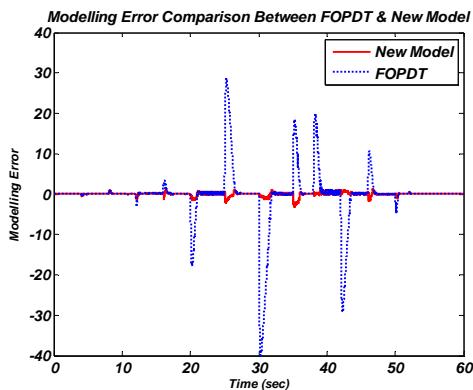
مرحله ۳- مرحله ۲ را برای بقیه پارامترها تکرار می‌کنیم؛

مرحله ۴- مراحل ۲ و ۳ را با کوچکتر نمودن گامها، آنقدر تکرار می‌کنیم تا مقادیر آستانه تعریف شده برای توابع هدف را ارضاء نمایند. بلوك دیاگرام این الگوریتم در تصویر ۶ آمده است.



تصویر ۶- بلوك دیاگرام بهینه‌سازی پارامترهای مدل

مدل قدیم ۵۲ درصد بوده که با مقایسه این نتایج، دقت بالای مدل جدید معلوم می‌شود. برای توضیح بیشتر این موضوع، خطای مدل‌سازی آن آزمایش، برای مدل خطی و جدید در تصویر ۱۱ با هم مقایسه شده‌اند. با توجه به این تصویر می‌توان کاهش خطای مدل‌سازی در نواحی غیرخطی، به میزان قابل توجهی مشاهده نمود.



تصویر ۱۱- مقایسه خطای مدل‌سازی برای مدل FOPDT و مدل جدید

۴-۳- اعتبارسنجی مدل:
در اینجا برای اعتبارسنجی مدل جدید، از دو معیار تعریف شده MSE و FIT استفاده شده است. در این اعتبارسنجی، در هر یک از پارامترها به طور جداگانه تغییرات جزئی اعمال کرده و با ثابت در نظر گرفتن پارامترهای دیگر دو معیار هدف با حالت قبل و بعد از اعمال تغییر مقایسه شده‌اند. نتایج در جدول ۱ آمده است. همانطور که از نتایج این جدول می‌توان مشاهده نمود، هر تغییر جزئی در پارامترهای نهائی باعث کاهش بهینگی در توابع هدف می‌شود. با توجه به این موارد صحت اعتبار مدل جدید، معلوم می‌گردد.

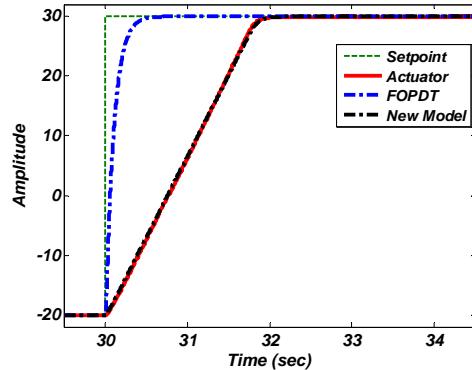
جدول ۱- جدول مقایسه اعمال تغییرات در پارامترهای مجھول و توابع هدف متاظر

معیار FIT (درصد)		معیار MSE		معیار		ردیف	
متعدد از مدل	متعدد از قابل	متعدد از مدل	متعدد از قابل	متعدد از مدل	متعدد از قابل	پارامتر تغییر	
۹۶.۹۹۹۶	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۳۶۱	۰.۰۳۶۱	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۳	ناظیر (d)
۹۶.۹۹۴۶	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۳۴۴	۰.۰۳۴۴	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۴	ناظیر (d)
۹۶.۹۸۴۹	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۳۴۹	۰.۰۳۴۹	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۵	(K) بهره
۹۶.۹۸۷۷	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۳۴۹	۰.۰۳۴۹	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۵	(K) بهره
۹۶.۹۹۱۱	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۳۷۲	۰.۰۳۷۲	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۵	اشاع (۳ rd) _{max}
۹۶.۹۰۴۳	۹۶.۹۳۷۹	۰.۰۴۷۴	۰.۰۴۷۴	۰.۰۷۷۵	۰.۰۷۷۵	۰/۰۵	اشاع (۳ rd) _{min}

۴- استفاده از مدل‌های خطی و غیرخطی در طراحی کنترل کننده و شبیه‌سازی پرواز

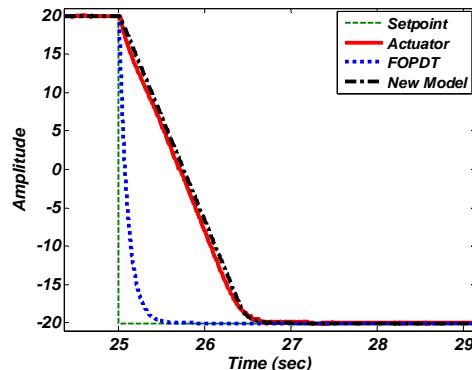
در این قسمت مدل جدید و قدیم عملگر در شبیه‌سازی غیرخطی دینامیک یک جسم پرنده در حضور حلقه‌های هدایت و کنترل آزمایش شده‌اند. اینجا می‌خواهیم تأثیر گمراه کننده مدل‌سازی غیردقیق عملگر را

Comparison Between Actuator & FOPDT & New Model



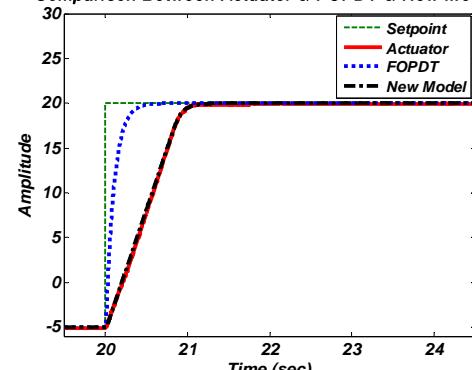
تصویر ۸- مقایسه خروجی عملگر واقعی، مدل (۱) و مدل جدید در ازای اعمال فرمان ۵۰ درجه

Comparison Between Actuator & FOPDT & New Model



تصویر ۹- مقایسه خروجی عملگر واقعی، مدل (۱) و مدل جدید در ازای اعمال فرمان ۴۰ درجه

Comparison Between Actuator & FOPDT & New Model

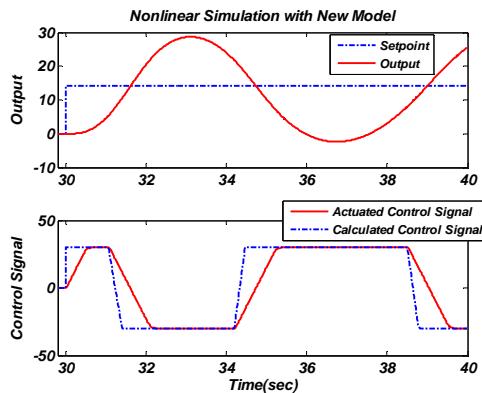


تصویر ۱۰- مقایسه خروجی عملگر واقعی، مدل (۱) و مدل جدید در ازای اعمال فرمان ۲۵ درجه

این تصاویر نشان می‌دهند که با افزایش دامنه ورودی، مدل جدید به خوبی با رفتار عملگر واقعی تطابق داشته و عملکردی عالی در تمامی نقاط کار غیرخطی به نمایش گذاشته است.

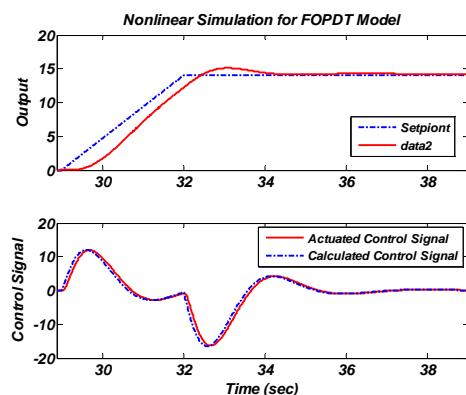
نکته مهمی که در مدل‌سازی مدل جدید وجود دارد آن است که، این مدل تا ۹۶/۶ درصد بر رفتار عملگر منطبق می‌باشد. این تطابق برای

انتخاب مدل جدید شبیه‌سازی‌ها واقعی‌تر شده و اتوپایلوت برای یک مدل دقیق از سیستم طراحی می‌شود.



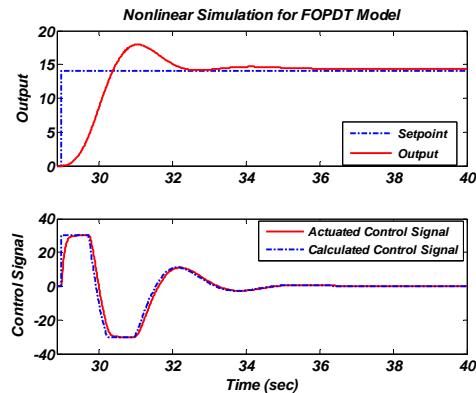
تصویر ۱۳- شبیه‌سازی غیرخطی برای ورودی پله با دامنه ۱۴ در کanal فراز(فرمان-خط‌چین و خروجی خط‌پر در تصویر بالا) و سیگنال کنترل(فرمان-خط‌چین و خروجی عملگر در تصویر پائین) با مدل غیرخطی جدید

حال اتوپایلوت را با در نظر گرفتن مدل جدید طراحی می‌نماییم. در عمل ممکن است فرامین هدایت خیلی افزایش یابد، بطوریکه بیشتر وارد ناحیه اشباع سرعت عملگر گردید؛ بنابراین به عنوان یک راهکار می‌توانیم ورودی‌های هدایت را با شبیه‌سازی اتوپایلوت اعمال می‌کنیم. به عنوان مثال در تصویر ۱۴، ورودی با در نظر گرفته‌شدن مدل جدید، به صورت یک تابع شبیدار به سیستم اعمال شده است. می‌توان ملاحظه نمود که بدل عدم ورود به ناحیه غیرخطی اشباع سرعت، در این حالت هیچ اشباعی رخ نداده و اتوپایلوت به خوبی سیستم را کنترل نموده است. با نگاهی به سیگنال کنترل در این حالت می‌توان عملکرد مناسب اتوپایلوت طراحی شده را در شرایط واقعی ملاحظه نمود.



تصویر ۱۴- شبیه‌سازی غیرخطی برای ورودی پله با دامنه ۱۴ در کanal فراز(فرمان-خط‌چین و خروجی خط‌پر در تصویر بالا) و سیگنال کنترل(فرمان-خط‌چین و خروجی عملگر در تصویر پائین) با مدل غیرخطی جدید و اعمال فرمان به صورت شبیدار

در طراحی اتوپایلوت یک جسم پرنده مشاهده نمائیم. در اولین شبیه‌سازی در ثانیه ۲۹ پرواز به سیستم دارای عملگر خطی یک ورودی پله با دامنه ۱۴ درجه در کanal فراز اعمال شده است. نتایج در تصویر ۱۲ آمده است. لازم به تذکر است که در این تصاویر این بخش، شکل بالا مربوط به فرمان زاویه فراز و پاسخ خروجی سیستم به آن و شکل پائین سیگنال کنترل محاسبه شده و پاسخ عملگر به آن می‌باشد. همچنین زاویه فراز در حالت مانا صفر نبوده، اما برای درک بهتر موضوع، خروجی‌ها را به نقطه صفر انتقال داده‌ایم. با توجه به این تصویر اتوپایلوت توانسته است ورودی مرجع را به خوبی ردیابی نماید.



تصویر ۱۲- شبیه‌سازی غیرخطی برای ورودی پله با دامنه ۱۴ در کanal فراز(فرمان-خط‌چین و خروجی خط‌پر در تصویر بالا) و سیگنال کنترل(فرمان-خط‌چین و خروجی عملگر در تصویر پائین) با مدل خطی قدیم

اما با اعمال مدل غیرخطی(یعنی مدل تقریباً واقعی) در تصویر ۱۳ مشاهده می‌شود که کنترل کننده نمی‌تواند به ورودی مذکور در آن لحظه پاسخ دهد و ناپایداری در اتوپایلوت رخ داده است.^۱ این اتفاق برای کنترل کننده‌هایی که با در نظر گرفتن شبیه‌سازی شش درجه آزادی همراه با مدل خطی طراحی شده و به آزمایشگاه می‌روند، به وفور مشاهده می‌شود. بایستی برای جلوگیری از این مشکل، راهکار دیگری در طراحی اتوپایلوت در نظر گرفته شود. این اتفاق لزوم مدل‌سازی با دقت بالا در سیستمهای کنترل را به نمایش می‌گذارد. در صورتی که طراحی بر پایه مدل خطی انجام پذیرد، یک خطای بزرگ به سیستم کنترل اضافه می‌شود و این خطای باعث می‌شود که در هنگام عملکرد واقعی، یا در آزمایشگاه سخت‌افزار در حلقه، کنترل کننده طراحی شده ناپایدار گردد. در این حالت می‌گوییم که نتایج بدست آمده از طراحی اتوپایلوت در شبیه‌سازی، گمراه کننده است. بنابراین با

^۱ به دلیل دقت بالای مدل بدست آمده، بروز این اتفاق در عمل نیز قابل انتظار است.

- [8] Lauvdal, T., 1998, "Disturbance Stabilization of Linear Systems with Input Magnitude and Rate Saturation", PHD Thesis, Department of Engineering Cybernetics, Norwegian University of Science and Technology.
- [9] Jabbari, F., 2001, "Disturbance Attenuation of LPV Systems with Bounded Inputs", *Dynamics and Control*, 11, 133-150.
- [10] Hardt, M., Helton J.W., Delgado, K.K., 2000, "Numerical Solution of Nonlinear H_2 and H_∞ Control Problems with Application to Jet Engine Compressors", *IEEE Transaction on Automatic Control*.
- [11] Bruyere, L., Tsourdos, A., White, B.A., 2006, "Quasilinear Parameter-Varying Autopilot Design Using Polynomial Eigenstructure Assignment with Actuator Constraints", *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*.
- [12] Chen, P.C., Shamma, J.S., 2000, "Gain-scheduled L_1 optimal control for boiler-turbine dynamics with actuator saturation", *Journal of Process Control*.
- [13] Galeani, S., Onori, S., Teel, A.R., Zaccarian, L., 2008, "magnitude and rate saturation model and its use in the solution of a static anti-windup problem", *Systems & Control Letters*.
- [14] Soderstrom, T., Stoica, P., "System Identification", Prentice Hall, 1989.
- [15] Ljung, L., "System Identification: Theory for the user", 2nd ed., Prentice Hall, 1999.
- [16] Landau, I.D., Zito, G., "Digital Control Systems", Springer:London, 2002.
- [17] MATLAB 7.9, Mathworks Inc, 2009.

۸- نتیجه‌گیری

در این مقاله یک مدل غیرخطی مناسب برای عملگرهای هیدرولیکی سیستمهای پرواز ارائه شده است. برای بدست آوردن این مدل ترکیبی از روشهای شناسایی سیستم و روشهای مهندسی در هم آمیخته شده است تا با استفاده از آن بتوانیم، یکی از مشکلات طراحی سیستمهای کنترل اجسام پرنده را کاهش دهیم. مدل جدید می‌تواند در تمام بازه‌های ورودی عملگر رفتار آن را توصیف نماید. نتایج شبیه‌سازی شش درجه آزادی در آزمایشگاه سخت‌افزار در حلقه کارآئی بالای این مدل را نشان می‌دهد. مدل ارائه شده تا ۹۶ درصد بر دینامیک غیرخطی عملگرهای تطبیق داشته و می‌توان از آن در طراحی اتوبایلوت اجسام پرنده استفاده نمود، در حالیکه مدل‌های خطی متاظر، در نواحی غیرخطی عملگر، کمتر از ۵۰٪ با رفتار واقعی آنها تطابق دارند. از این‌رو استفاده از مدل جدید، از میزان عدم قطعیت در طراحی کنترل کننده برای اجسام پرنده کاسته و دقت طراحی اتوبایلوت را در عمل افزایش می‌دهد. همچنین می‌توان از مدل بدست آمده به جای عملگرهای واقعی گران‌قیمت، در آزمایشگاه‌های سخت‌افزار در حلقه استفاده نمود. نتایج این تحقیق، در طراحی کنترل کننده واقعی نیز مورد استفاده قرار گرفته و کارآئی روش ارائه شده به اثبات رسیده است.

مراجع

- [1] Kapila, V., Grigoriadis, K.M., "Actuator Saturation Control", Marcel Dekker, 2002.
- [2] Atherton, D.P., *Applied Nonlinear Control*, London, 1982.
- [3] Bernsten, D.S., 1995, "A Chronological Bibliography on Saturating Actuators", *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 5, 375-380.
- [4] Roshanian, J., Saleh, A.R., 8 August 2006, "On the Design of Adaptive Autopilots for a Launch Vehicle", *Proceeding of IMechE, Part I: Systems and Control Engineering*, 221, 27-38.
- [5] Shamma, J. S., Cloutier, J.R., 1993, "Gain-scheduled missile autopilot design using LPV transformations", *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*.
- [6] Tsourdos, A., Hughes, E.J., White, B.A., 2004, "Lateral Acceleration Control Design of a Non-Linear Homing Missile using Multi-Objective Evolution Strategies", *American Control Conference*.
- [7] Berg, J.M., Hammet, K.D., Schwartz, C.A., 1996, "An Analysis of the Destabilizing Effect of Daisy Chained Rate-Limited Actuators", *IEEE Transaction On Control System Technology*.