

معرفی سیستم فازی شبه چند جمله‌ای تاکاگی-سوگنو-کانگ با کاربرد در شناسایی سیستم و کلاس بندی الگو

آرش شریفی^۱، مهدی علیاری شوره‌دلی^۲، محمد تشنه‌لب^۳

^۱ مربی، گروه کامپیوتر، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات، a.sharifi@srbiau.ac.ir

^۲ استادیار، گروه مکترونیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، m.aliyari@eed.kntu.ac.ir

^۳ دانشیار، گروه کنترل، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، teshnehlab@eed.kntu.ac.ir

(تاریخ دریافت مقاله ۱۳۸۹/۶/۲۷، تاریخ پذیرش مقاله ۱۳۸۹/۹/۱۱)

چکیده: در این مقاله به معرفی ساختاری نوین از سیستم فازی تاکاگی-سوگنو-کانگ (TSK) که دارای بخش استخراج ویژگی در قسمت ورودی می‌باشد، می‌پردازیم. روش پیشنهادی تحت عنوان *Semi-Polynomial data Mapping Fuzzy Inference System* و به اختصار (SPMFIS) معرفی می‌شود. در روش پیشنهادی از یک نگاهت داده شبه چند جمله‌ای به منظور تبدیل ورودیهای اصلی به ورودیهای جدید با ابعاد کاهش یافته استفاده می‌شود. در گام بعد خروجی حاصل از نگاهت داده شبه چند جمله‌ای به عنوان ورودی سیستم فازی که در این مقاله از شبکه *Adaptive Network Based Fuzzy Inference System (ANFIS)* بدین منظور استفاده شده است به کار می‌رود. به منظور آموزش پارامترهای شبکه *ANFIS* و بخش نگاهت داده شبه چند جمله‌ای، از الگوریتم گرادیان نزولی استفاده شده است. همچنین به منظور بررسی کارایی روش مطرح شده، کاربرد آن در کلاس بندی چندین مجموعه داده استاندارد، شناسایی سیستم و پیش‌بینی سری زمانی مورد بررسی و آزمایش قرار گرفته است. نتایج حاصل از این شبیه‌سازی‌ها دلالت بر کارایی بالای روش مطرح شده در برابر روشهای مرسوم شناسایی و کلاس بندی دارد.

کلمات کلیدی: سیستم فازی TSK، کاهش ابعاد، الگوریتم گرادیان نزولی، کلاس بندی الگو، شناسایی سیستم و پیش‌بینی سریهای زمانی.

Semi-polynomial Takagi-Sugeno-Kang Type Fuzzy System for System Identification and Pattern Classification

A. Sharifi, M. Aliyari Shoorehdeli, M. Teshnehlab

Abstract: In this study a new type of Takagi-Sugeno-Kang (TSK) type fuzzy system with dimension reduction section at the input stage called Semi-polynomial data Mapping Fuzzy Inference System (SPMFIS) is proposed. In the proposed method a semi-polynomial feature map is used to transform the input variables to new extracted features with low dimensions. At the next step, these new features are used as the input vector of ANFIS structure. Also gradient descent algorithm is chosen for training parameters of ANFIS and SPM parts of the proposed method. In order to evaluate the capability of the proposed method, its applications in classification of some different benchmark data sets, system identification, and time series prediction have been studied. The results show that the proposed method performs better than the conventional models in classification, identification and time series prediction.

Keywords: TSK type fuzzy system, gradient descent algorithm, pattern classification, system identification and time series prediction.

۱- مقدمه

شبکه های عصبی و سیستم های فازی به عنوان تقریب گره های عمومی شناخته شده که می توانند هر تابع غیر خطی داده شده را به شرط وجود تعداد کافی از نرون در لایه میانی و قواعد فازی با دقت مورد نظر تخمین بزنند [۵۲، ۵۳]. مطالعات اخیر در زمینه شبکه های عصبی و سیستم های فازی نشان دهنده این مساله است که ترکیب این دو روش در زمینه شناسایی سیستم های غیر خطی بسیار موثر می باشد.

در زمان طراحی یک سیستم فازی، استفاده از روش جدول جستجو به منظور طراحی و استخراج قوانین یک روش معمول می باشد که روشی بسیار زمان بر است، خصوصا زمانی که تعداد ورودی ها و توابع تعلق در نظر گرفته شده برای هر ورودی زیاد باشند. دلیل این امر رشد نمایی تعداد قوانین فازی در این حالت می باشد. یک مجموعه قانون فازی بزرگ سبب پر شدن سریع حافظه سیستم شده و سیستم فازی متناظر به منظور پیاده سازی با مشکلات فراوان مواجه خواهد شد. رهیافت های متعددی به منظور طراحی مناسب سیستم فازی معرفی شده اند [۷-۱]. برخی از محققین به بررسی طراحی خودکار ساختمان یک سیستم فازی با استفاده از روشهای جستجوی تابو [۸]، الگوریتم ژنتیک [۲، ۵، ۶]، برنامه ریزی تکاملی [۴] و غیره پرداخته اند. تحقیقاتی نیز در زمینه افزایش فضای ورودی به منظور تخمین قواعد و پارامترهای یک سیستم فازی منفرد انجام شده است [۱۷، ۱۸].

در حالت کلی اگر تعداد ورودی های یک سیستم فازی n و تعداد توابع تعلق در نظر گرفته شده برای هر ورودی m باشد، تعداد کل قواعد فازی ایجاد شده برابر با m^n می باشد. مشاهده می شود که تعداد قوانین سیستم فازی به صورت نمایی بر اساس تعداد متغیرهای ورودی رشد خواهد کرد. این مشکل در زمینه سیستم های فازی در اصطلاح تحت عنوان *Curse of Dimensionality (COD)* شناخته می شود. مساله *COD* یک مشکل حل نشده در زمینه سیستم فازی و عصبی-فازی می باشد و کلیه راهکارهای ارائه شده هر کدام بخشی از مشکلات موجود در این زمینه را برطرف نموده اند [۱۹]. به عنوان یک راهکار و به منظور غلبه نسبی بر این مشکل، *Brown* [۱۶] پیشنهاد داده است تا چندین سیستم فازی با ابعاد کوچک در یک ساختار سلسله مراتبی مرتب شوند. بر این اساس رشد قوانین یک رشد خطی بر اساس ورودی در برابر رشد نمایی متداول خواهد شد. این روش ایده اصلی سیستم های فازی سلسله مراتبی می باشد [۲۳]. همچنین ثابت شده است که ساختارهای سلسله مراتبی فازی نیز شناساگرهای عمومی می باشند [۲۴، ۲۵]. برخی از مشکلات موجود در زمینه طراحی سیستم های فازی توسط

محققین در شاخه سیستم های فازی سلسله مراتبی حل شده است [۱۶-۸] و [۲۲-۲۰].

رهیافت دیگر به منظور غلبه بر مشکل *COD*، کاهش ابعاد داده ورودی به یک تعداد قابل قبول به لحاظ محاسباتی در گام اول و استفاده از این داده کاهش یافته به عنوان ورودی سیستم فازی در گام دوم می باشد [۵۱-۴۸]. در بسیاری از موارد این دو گام به صورت دو مرحله مجزا از یکدیگر و بر اساس معیارهای مختلف انجام می شود که یکسان نبودن معیار کاهش ابعاد و روش طراحی سیستم فازی سبب می شود تا این روش ها کارایی مناسبی را نداشته باشند. عموم روشهای استخراج ویژگی موجود به عنوان یک روش پیش پردازش بر روی داده های موجود اعمال شده و در گام بعدی داده های استخراج شده به عنوان ورودی های سیستم کلاس بندی و شناساگر مورد استفاده قرار می گیرند. این امر سبب می شود که ویژگیهای استخراج شده بر اساس خصوصیات شبکه آموزش پذیر نبوده و با توجه به غیر قابل تغییر بودن این ویژگی - های استخراج شده کارایی شبکه های استفاده شده محدود شود.

این مقاله سعی در تلفیق دو مرحله مطروحه و یکپارچه نمودن آنها تحت یک ساختار را دارد. این ساختار جدید تحت عنوان *SPMFIS* معرفی می شود. در روش معرفی شده یک نگاهت داده شبه چند جمله ای (*SPM*) در بخش ورودی سیستم فازی قرار گرفته که وظیفه کاهش ابعاد داده ورودی به یک اندازه قابل قبول را بر عهده دارد. همچنین به منظور آموزش پارامترهای ساختار *ANFIS* [۲۶] که به عنوان سیستم فازی مورد استفاده قرار گرفته و نیز پارامترهای بخش *SPM* الگوریتم آموزشی مبتنی بر گرادیان نزولی مطرح می شود. الگوریتم آموزشی گرادیان نزولی از جمله روشهای متداول در آموزش شبکه های عصبی و عصبی-فازی می باشد که به سبب سادگی محاسبات و پیاده سازی و سرعت مناسب به عنوان روش آموزش در این مقاله مورد استفاده قرار گرفته است. نکته مهم در این میان معیار یکسان آموزش برای هر دو بخش *ANFIS* و *SPM* می باشد که سبب حصول کارایی بالا در روش مطرح شده به منظور استخراج ورودی های جدید و شناسایی حاصل از شبکه *ANFIS* می شود. این کارایی با آموزش هدفمند و با مربی برای بخش کاهش بعد از نوآوری های این نوشتار می باشد.

این مقاله بدین صورت سازماندهی شده است، سیستم استنتاج فازی *TSK* و ساختار *ANFIS* در بخش ۲ معرفی می شوند. مفهوم *SPM* در بخش ۳ بررسی می شود. ساختار شبکه *SPMFIS* و روش آموزش بر پایه گرادیان نزولی در بخش ۴ مطرح می شوند. شبیه سازی و نتایج در

آموزش پارامترهای خود به کار گیرد. به علاوه ساختار حاصل از این طریق به صورت یک سیستم جعبه سیاه باقی نمانده و با توجه به قابلیت تفسیر پذیری سیستم‌های فازی مزایای بیشتری خواهد داشت و نتیجه نهایی به فرم قواعد زبانی قابل بیان خواهد بود [۳۰].

همانند سیستم‌های فازی، ساختار ANFIS نیز از دو بخش تشکیل شده است. بخش نخست مقدم و بخش دوم تالی نامیده می‌شود که این دو بخش توسط قواعد فازی در فرم یک شبکه به یکدیگر متصل می‌شوند. شکل (۱) ساختار یک شبکه ANFIS را در پنج لایه نمایش می‌دهد، که در آن لایه اول عمل فازی‌سازی را انجام می‌دهد، لایه دوم عمل T -norm فازی را برای بخش مقدم قواعد فازی انجام می‌دهد، لایه سوم به منظور نرمال‌سازی به کار می‌رود، لایه چهارم بخش تالی قواعد فازی را ایجاد می‌نماید و در نهایت لایه پنجم خروجی نهایی سیستم را محاسبه می‌کند. روابط پیش‌خور برای ساختار شبکه نمایش داده شده در شکل (۱) به شرح زیر می‌باشند:

$$w_{jk} = \mu_{M_j^1}(x_1) \cdot \mu_{M_k^2}(x_2), \quad j, k = 1, 2, \dots, m \quad (2)$$

$$\bar{w}_{jk} = \frac{w_{jk}}{\sum_{i_1=1}^m \sum_{i_2=1}^m w_{i_1 i_2}}, \quad j, k = 1, 2, \dots, m \quad (3)$$

$$f_{jk} = q_{0,jk} + q_{1,jk} \cdot x_1 + q_{2,jk} \cdot x_2 \quad (4)$$

که در روابط فوق m نشان دهنده تعداد توابع تعلق برای هر متغیر ورودی بوده و $\{q_0, q_1, q_2\}$ اعداد حقیقی متناظر با وزنهای خطی در بخش تالی سیستم ANFIS می‌باشند. خروجی نهایی y شبکه ANFIS به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$y = \frac{\sum_{j=1}^m \sum_{k=1}^m f_{jk} \mu_{M_j^1}(x_1) \mu_{M_k^2}(x_2)}{\sum_{j=1}^m \sum_{k=1}^m \mu_{M_j^1}(x_1) \mu_{M_k^2}(x_2)} = \sum_{j=1}^m \sum_{k=1}^m f_{jk} \bar{w}_{jk} \quad (5)$$

به منظور مدل‌سازی سیستم‌های غیر خطی پیچیده، مدل ANFIS فضای ورودی را به بخش‌های مختلفی افزای می‌نماید به عبارتی فضای ورودی به نواحی محلی فراوانی تقسیم می‌شود [۱۷]. شبکه ANFIS از توابع تعلق فازی بمنظور تقسیم هر بعد ورودی استفاده می‌نماید. این توابع تعلق با یکدیگر همپوشانی دارند، به عبارتی یک ورودی منفرد سبب فعال شدن همزمان حداقل دو تابع تعلق خواهد شد. قابلیت شبکه ANFIS به تعداد توابع تعلق در نظر گرفته شده برای هر بعد ورودی وابسته است. معمولاً توابع تعلق استفاده شده توابع زنگی شکل گوسی با میزان بیشینه برابر با یک و کمینه برابر با صفر می‌باشند که به فرم زیر قابل تعریف می‌باشند.

بخش ۵ انجام خواهد شد و در پایان در بخش ۶ نتیجه گیری‌های نهایی بیان خواهند شد.

۲- مفاهیم اولیه

در این بخش به معرفی مفاهیم اولیه سیستم فازی TSK و ساختار شبکه ANFIS پرداخته شده و موارد مرتبط با این دو مفهوم در زمینه سیستم‌های فازی مورد بررسی قرار می‌گیرند.

۱-۲ سیستم استنتاج فازی TSK

سیستم‌های استنتاج فازی از مجموعه‌ای از قواعد اگر-آنگاه فازی تشکیل شده‌اند. یک مدل فازی TSK به فرم زیر می‌باشد [۲۷]:

$$R_j : \text{if } x_1 \text{ is } A_{1j} \text{ and } x_2 \text{ is } A_{2j} \text{ and } \dots \text{ and } x_n \text{ is } A_{nj} \\ \text{Then } y = g_j(x_1, x_2, \dots, x_n) \quad (j=1, 2, \dots, R)$$

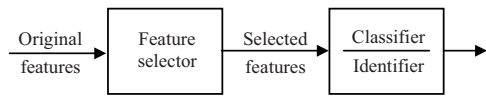
که در رابطه فوق، n تعداد متغیرهای ورودی، R تعداد قواعد فازی، A_{ij} مجموعه فازی متناظر با i -امین متغیر ورودی برای j -امین قانون فازی و g_j یک تابع ثابت از x_i می‌باشد که معمولاً دارای یک فرم خطی ساده به صورت $g_j(x_1, x_2, \dots, x_n) = q_0 + q_1 x_1 + \dots + q_n x_n$ می‌باشد. خروجی نهایی سیستم فازی فوق به صورت زیر قابل بیان است:

$$y = \frac{\sum_{j=1}^R g_j(\cdot) T_{i=1}^{m_i} \mu_{ij}(x_i)}{\sum_{j=1}^R T_{i=1}^{m_i} \mu_{ij}(x_i)} \quad (1)$$

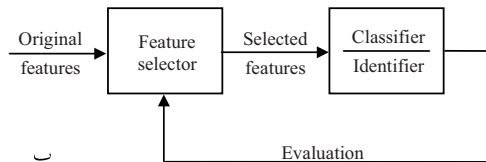
که در آن u_{ij} تابع تعلق برای مجموعه فازی A_{ij} است، m_j تعداد متغیرهای ورودی در بخش مقدم قوانین فازی است و T یک عملگر T -norm فازی می‌باشد. سیستم فازی TSK یک سیستم منفرد فازی می‌باشد. افزای فضای ورودی با استفاده از روشهای خوشه بندی، شبکه‌بندی و غیره به منظور کارایی بهتر سیستم فازی امری لازم و ضروری می‌باشد [۱۷]. همچنین برخی روشهای تطبیق پذیر به منظور تخمین شکل و تعداد توابع تعلق در بخش مقدم و پارامترهای آزاد در بخش تالی سیستم فازی مطرح شده‌اند [۷، ۱۸، ۲۸].

۲-۲ ساختار ANFIS

شبکه‌های عصبی و سیستم‌های فازی [۲۹] تخمین گره‌های مستقل از مدل می‌باشند و قابلیت‌های مشابهی را در برخورد با عدم قطعیت‌ها و نوز از خود نشان می‌دهند. لذا امکان تبدیل کردن سیستم استنتاج فازی به فرم یک شبکه آموزش پذیر وجود دارد. شبکه‌ای که از این طریق به دست می‌آید می‌تواند روشهای یادگیری شبکه‌های عصبی را به منظور



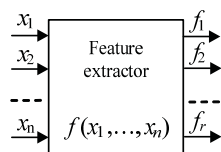
الف



ب

شکل ۳: مقایسه میان روشهای الف) فیلتر و ب) بسته بندی در انتخاب ویژگی

رهیافت دوم به منظور کاهش ابعاد داده، یافتن تبدیلی از n متغیر ورودی به تعداد r متغیر خروجی می‌باشد. این روش در اصطلاح انتخاب ویژگی در فضای تبدیل و یا به اختصار استخراج ویژگی نامیده می‌شود (شکل (۴)). این تبدیل می‌تواند به صورت خطی و یا غیر خطی از ویژگیهای اولیه باشد و ممکن است با مربی و یا بدون مربی انجام شود [۳۹].



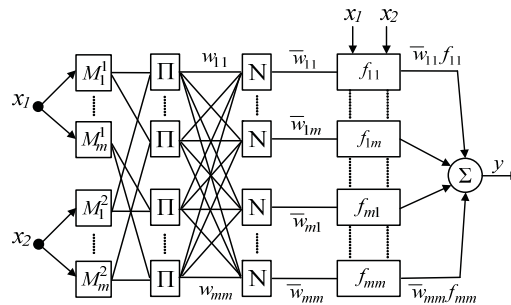
شکل ۴: کاهش ابعاد با استفاده از روش استخراج ویژگی

این مقاله یک ساختار *ANFIS* با یک استخراج کننده ویژگی در بخش ورودی که *SPM* نامیده می‌شود را معرفی می‌نماید. دیاگرام کلی این روش در شکل (۵) نمایش داده شده است. در روش پیشنهادی از یک نگاشت داده شبه چند جمله‌ای به منظور تبدیل ورودیهای اصلی به ورودیهای جدید با ابعاد کاهش یافته استفاده می‌شود. در گام بعد خروجی حاصل از نگاشت داده شبه چند جمله‌ای به عنوان ورودی سیستم فازی که در این مقاله شبکه *ANFIS* در نظر گرفته شده است مورد استفاده قرار می‌گیرند. در روش مطرح شده، کاهش ابعاد و کلاس بندی/شناسایی به صورت همزمان و با یک معیار کارایی یکسان انجام می‌شود. در این روش شبکه *ANFIS* در ادامه بخش استخراج ویژگی قرار می‌گیرد تا مشکلات موجود در روشهای منفصل استخراج ویژگی که در بخش مقدمه به آنها اشاره شد را برطرف نماید.

$$\mu_{M_i}(x) = \exp\left\{-\left(\frac{x - \bar{x}_i}{\sigma_i}\right)^2\right\} \quad (۶)$$

که در رابطه فوق $\{\bar{x}_i, \sigma_i\}$ پارامترهای توابع تعلق هستند که بر روی

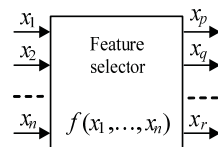
شکل آن تاثیر می‌گذارند.



شکل ۱: ساختار شبکه *ANFIS* دارای دو ورودی

۳- نگاشت داده شبه چند جمله‌ای

یافتن فرم نمایش با ابعاد پایین از یک داده با ابعاد بالا اولین گام در بازشناسی الگو و شناسایی سیستم می‌باشد. استفاده از داده‌های با بعد کمتر سبب می‌شود تا کلاس بندی و شناسایی سریع تر و مقاوم تر انجام شوند [۳۱]. از همین رو روشهای کاهش ابعاد مختلفی تا کنون معرفی شده‌اند [۳۵-۳۱]. با داشتن مجموعه‌ای از متغیرهای ورودی، کاهش ابعاد به دو صورت کلی می‌تواند انجام شود. اولین روش شناسایی متغیرهایی است که در کلاس بندی و یا شناسایی بی تاثیر یا بسیار کم تاثیر می‌باشند. از همین رو این عمل مشابه با یافتن تعداد r متغیر از مجموع n متغیر موجود می‌باشد. این روش در اصطلاح انتخاب ویژگی نامیده می‌شود (شکل (۲)). روش انتخاب ویژگی در کاربردهای بسیاری مورد استفاده قرار گرفته است، همانند دسته بندی خودکار متن [۳۶] و نمایه بندی داده‌ها [۳۷]. در حالت کلی روشهای انتخاب ویژگی به دو دسته اصلی تقسیم می‌شوند: روشهای فیلتر و روشهای بسته بندی که دیاگرام آنها در شکل های (۳)-الف و (۳)-ب نمایش داده شده است [۳۸].



شکل ۲: کاهش ابعاد با استفاده از روش انتخاب ویژگی

$$w_{i_1 i_2 \dots i_r} = \mu_{M_{i_1}^1}(X_1) \cdot \mu_{M_{i_2}^2}(X_2) \cdot \dots \cdot \mu_{M_{i_r}^r}(X_r) \quad (8)$$

$$\bar{w}_{i_1 i_2 \dots i_r} = \frac{w_{i_1 i_2 \dots i_r}}{\sum_{j_1=1}^m \sum_{j_2=1}^m \dots \sum_{j_r=1}^m w_{j_1 j_2 \dots j_r}} \quad (9)$$

$$f_{i_1 i_2 \dots i_r} = q_{0, i_1 i_2 \dots i_r} + \sum_{j=1}^r q_{j, i_1 i_2 \dots i_r} X_j \quad (10)$$

که در روابط بالا $i_k = 1, \dots, m$ و اندیس‌های موجود در $\mu_{M_{i_k}^k}(X_k)$ بیان می‌کنند که این k -امین خروجی تابع تعلق برای k -امین متغیر ورودی است. همچنین اندیس‌های موجود در $q_{k, i_1 i_2 \dots i_r}$ نشان می‌دهند که این k -امین وزن خطی برای i_1, i_2, \dots, i_r -امین قانون فازی می‌باشد. در این حالت خروجی نهایی شبکه ANFIS به صورت زیر قابل محاسبه می‌باشد:

$$y = \frac{\sum_{j_1=1}^m \dots \sum_{j_r=1}^m w_{j_1 j_2 \dots j_r} f_{j_1 j_2 \dots j_r}}{\sum_{j_1=1}^m \dots \sum_{j_r=1}^m w_{j_1 j_2 \dots j_r}} \quad (11)$$

با در نظر گرفتن y^* به عنوان مقدار هدف و y به عنوان خروجی شبکه ANFIS، معیار ارزیابی به صورت زیر قابل تعریف می‌باشد:

$$E_1 = \frac{1}{2}(y^* - y)^2 = \frac{1}{2}e^2 \quad (12)$$

الگوریتم نهایی آموزش شبکه ANFIS با تعداد r متغیر ورودی و تعداد m تابع تعلق برای هر ورودی در زیر خلاصه شده است:

$$\Delta q_{j, i_1 i_2 \dots i_r} = -\eta_{FIS} \frac{\partial E_1}{\partial q_{j, i_1 i_2 \dots i_r}} = \eta_{FIS} e \bar{w}_{i_1 i_2 \dots i_r} X_j \quad (13)$$

$$\Delta q_{0, i_1 i_2 \dots i_r} = -\eta_{FIS} \frac{\partial E_1}{\partial q_{0, i_1 i_2 \dots i_r}} = \eta_{FIS} e \bar{w}_{i_1 i_2 \dots i_r} \quad (14)$$

$$\Delta \bar{w}_{M_{i_k}^k} = -\eta_{FIS} \frac{\partial E_1}{\partial \bar{w}_{M_{i_k}^k}} = \eta_{FIS} e \cdot \frac{\partial y}{\partial \bar{w}_{M_{i_k}^k}} \quad (15)$$

$$\Delta \sigma_{M_{i_k}^k} = -\eta_{FIS} \frac{\partial E_1}{\partial \sigma_{M_{i_k}^k}} = \eta_{FIS} e \cdot \frac{\partial y}{\partial \sigma_{M_{i_k}^k}} \quad (16)$$

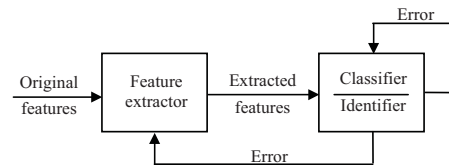
که در روابط فوق $i_k = 1, \dots, m$ ، $j = 1, \dots, r$ ، η_{FIS} نرخ آموزش بخش ANFIS از ساختار SPMFIS می‌باشد که از بازه [۰، ۱] انتخاب می‌شود.

معادلات پس‌خور و روش به روز رسانی پارامترهای بخش SPM از ساختار SPMFIS در ذیل آورده شده است:

$$\Delta a_i^j = -\eta_{SPM} \frac{\partial E_1}{\partial a_i^j} = -\eta_{SPM} \frac{\partial E_1}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial X_j} \cdot \frac{\partial X_j}{\partial a_i^j} \quad (17)$$

$$\Delta p_i^j = -\eta_{SPM} \frac{\partial E_1}{\partial p_i^j} = -\eta_{SPM} \frac{\partial E_1}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial X_j} \cdot \frac{\partial X_j}{\partial p_i^j} \quad (18)$$

که در روابط فوق $j = 1, 2, \dots, r$ و $i = 1, 2, \dots, n$ به ترتیب نشان دهنده متغیرهای ورودی و ویژگیهای استخراج شده می‌باشند. در



شکل ۵: شمای کلی روش مطرح شده

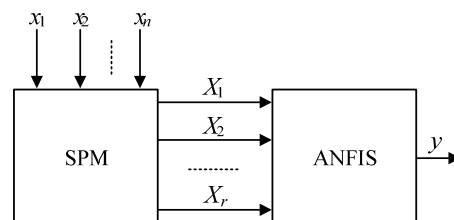
در روش مطرح شده، بلوک استخراج ویژگی (SPM) بردار ورودی n بعدی $\bar{x} = \{x_1, \dots, x_n\}$ را به یک بردار ویژگی جدید r بعدی $\bar{X} = \{X_1, \dots, X_r\}$ تبدیل می‌نماید. معادله زیر به فرم یک شبه چند جمله‌ای برای این منظور استفاده می‌شود:

$$X_j = a_1^j x_1^{p_1^j} + a_2^j x_2^{p_2^j} + \dots + a_n^j x_n^{p_n^j}, \quad j = 1, 2, \dots, r \quad (19)$$

که در رابطه فوق r نشان دهنده تعداد ویژگیهای تبدیل شده، a_1, \dots, a_n متغیرهای جدید ($r \leq n$) و متغیرهای p_1, \dots, p_n و \bar{x} ورودی n می‌باشد در بازه $[l_1, l_2]$ که در آن $0 < l_1 < l_2 < +\infty$ می‌باشد، نرمال شود.

۴- ساختار SPMFIS و روش آموزش

در این بخش ساختار SPMFIS و روش آموزش بر اساس الگوریتم گرادینان نزولی مطرح می‌شود. همانطور که قبلاً اشاره شد، SPMFIS ساختار جدیدی از شبکه ANFIS می‌باشد که از روش نگاشت داده شبه چند جمله‌ای به منظور استخراج ویژگی در بخش ورودی آن استفاده شده است. داده با ابعاد بالا به عنوان ورودی بلوک SPM استفاده شده و خروجی آن به عنوان بردار ورودی شبکه ANFIS استفاده می‌شود. شکل (۶) شمای کلی SPMFIS با تعداد n متغیر ورودی X_1, \dots, X_n و تعداد r ویژگی تبدیل شده X_1, \dots, X_r را نشان می‌دهد.



شکل ۶: ساختار کلی شبکه SPMFIS

معادلات پیش‌خور برای یک شبکه ANFIS با تعداد r متغیر ورودی و تعداد m تابع تعلق برای هر ورودی به صورت زیر قابل بیان است:

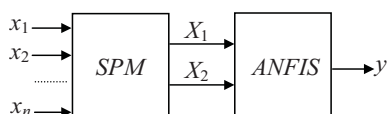
جدول ۱: مشخصات مجموعه داده‌های استفاده شده

Data set	# Pattern	# Attributes	# Class
Iris	150	4	3
Pima Indians	768	8	2
Wine	178	13	3
Statlog heart	270	13	2

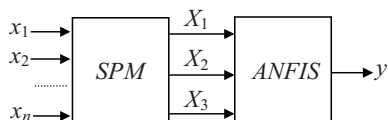
از آنجا که نتایج شبکه ANFIS برای داده‌هایی با ابعاد بیش از شش متغیر ورودی به علت افزایش تعداد قوانین فازی مناسب نمی‌باشد، برای داده‌های Wine, Pima-Indians diabetic و Statlog heart، روش آنالیز مولفه پایه [۴۳-۴۱] در پیش پردازش اولیه و به منظور استخراج ویژگی به تعداد شش عدد مورد استفاده قرار می‌گیرد.

برای مجموعه داده Iris، ساختار شبکه SPMFIS در شکل (۷) نمایش داده شده است. همانطور که دیده می‌شود ساختار فوق تعداد n ویژگی اولیه را دریافت کرده و آن را به دو ویژگی جدید تبدیل می‌نماید. ساختار شبکه ANFIS استفاده شده نیز شامل دو متغیر ورودی می‌باشد که برای هر ورودی تعداد دو تابع تعلق در نظر گرفته شده است. بر همین اساس مجموع کل قوانین فازی در این ساختار برابر با چهار قانون فازی می‌باشد.

برای داده‌های Wine, Pima-Indians diabetic و Statlog heart علاوه بر ساختار نمایش داده شده در شکل (۷)، ساختاری دیگر با تعداد سه ویژگی استخراج شده مورد استفاده قرار گرفته است که در شکل (۸) نمایش داده شده است. در این ساختار شبکه ANFIS استفاده شده دارای سه متغیر ورودی و برای هر ورودی تعداد دو تابع تعلق می‌باشد و کل تعداد قوانین فازی در این حالت برابر با هشت قانون فازی می‌باشد.



شکل ۷: ساختار شبکه SPMFIS با دو ویژگی تبدیل یافته



شکل ۸: ساختار شبکه SPMFIS با سه ویژگی تبدیل یافته

همانطور که اشاره شد در این بخش به منظور مقایسه توانایی روش مطرح شده در، روش پیشنهادی با شبکه‌های RBF، MLP و

معادلات فوق، η_{SPM} نشان دهنده نرخ آموزش برای بخش SPM از ساختار SPMFIS می‌باشد که از بازه [۰،۱] انتخاب می‌شود. معادلات نهایی مربوط به آموزش پارامترهای این بخش به شرح زیر می‌باشند:

$$\Delta a_i^j = e \eta_{SPM} S \left(x_i^{p_i^j} \right) \quad (19)$$

$$\Delta p_i^j = e \eta_{SPM} S \left(a_i^j x_i^{p_i^j} \right) \ln(x_i) \quad (20)$$

که در روابط فوق:

$$S = \frac{\partial y}{\partial X_j} \quad (21)$$

قابل ذکر است که در رابطه (۲۰)، عبارت $\ln(\cdot)$ نمایانگر عملگر لگاریتم طبیعی می‌باشد.

۵- شبیه سازی و نتایج

در این بخش کارایی روش معرفی شده با روشهای متداولی از قبیل شبکه‌های عصبی چند لایه^۱، شبکه عصبی چند لایه به همراه کاهش ویژگی با استفاده از آنالیز مولفه پایه^۲، شبکه‌های پایه شعاعی^۳ و شبکه ANFIS در کلاس بندی چندین مجموعه داده استاندارد، شناسایی سیستم و پیش بینی سری زمانی آشوبناک مکی-گلاس مورد بررسی قرار می‌گیرد.

۵-۱- کلاس بندی الگو

در این بخش به منظور بررسی قابلیت کلاس بندی سیستم معرفی شده، کاربرد آن در کلاس بندی چندین مجموعه داده مورد بررسی قرار گرفته است. مجموعه داده‌های استفاده شده برای این منظور از منابع یادگیری ماشین UCI گرفته شده‌اند [۴۰] که هر مجموعه داده دارای مقادیر پیوسته و صحیح می‌باشد. این مجموعه شامل داده‌های Statlog heart و Iris, Wine, Pima-Indians diabetic می‌باشد. جدول (۱) مشخصات این چهار مجموعه داده را نمایش می‌دهد. از آنجا که در این مجموعه داده‌ها هیچ داده آزمونی مشخص نشده است، در این مقاله از روش ۱۰-تاکردن داده‌ها^۴ به منظور بررسی کارایی روش مطرح شده استفاده می‌شود، بدین ترتیب که هر مجموعه داده به ۱۰ بخش تقسیم شده و در هر اجرا یکی از زیر دسته‌ها به عنوان داده آزمون استفاده شده و این عمل ۱۰ بار تکرار می‌شود.

¹ Multi Layer Perceptron (MLP)

² Principal Component Analysis (PCA)

³ Radial Basis Function (RBF)

⁴ 10-Fold Cross Validation

همانطور که اشاره شد در شبیه‌سازی های انجام شده، از روش ۱۰- تا کردن^۳ داده‌ها استفاده شده است. میانگین نتایج دقت کلاس بندی برای داده‌های آموزش و آزمون برای مجموعه داده‌های *Wine* و *Iris* به ترتیب در جداول (۲) و (۳) نمایش داده شده است. در این جداول *Structure* نشان دهنده ساختار شبکه *MLP*، تعداد نرون‌های شبکه *RBF* و تعداد قواعد فازی برای ساختارهای *ANFIS* و *SPMFIS* می‌باشد. همچنین *Parameter* نشان دهنده تعداد کل پارامترهای آموزش پذیر در ساختارهای استفاده شده بوده و $SPMFIS^2$ و $SPMFIS^3$ به ترتیب نشان دهنده ساختارهای *SPMFIS* با تعداد دو و سه ویژگی استخراج شده می‌باشند. در این حالت برای مجموعه داده *Iris* نرخ‌های آموزش η_{SPM} و η_{FIS} به ترتیب برابر با ۰.۱۵ و ۰.۰۵ و برای مجموعه داده *Wine* برابر با ۰.۱ و ۰.۰۵ انتخاب شده‌اند.

جدول ۲: میانگین نتایج صحت کلاس بندی برای داده‌های *Iris*

Network	MLP	RBF	ANFIS	SPMFIS ²
Train	94.08	94.25	97.33	97.00
Test	91.67	92.00	94.67	95.67
Epoch	1000	500	100	100
Structure	4-4-1	15	16	4
Parameter	45	90	96	36

جدول ۳: میانگین نتایج صحت کلاس بندی برای داده‌های *Wine*

Network	MLP	RBF	ANFIS	SPMFIS ²	SPMFIS ³
Train	96.15	96.59	97.33	97.56	98.22
Test	90.70	90.47	92.79	93.26	94.19
Epoch	1000	500	100	100	100
Structure	5-7-1	15	64	4	8
Parameter	85	120	472	44	80

میانگین نتایج دقت کلاس بندی، معیارهای حساسیت و اختصاصی بودن برای داده‌های آموزش و آزمون *Pima-Indians diabetic* و *Statlog heart* به ترتیب در جداول (۴) و (۵) نمایش داده شده است. در این حالت برای مجموعه داده *Pima-Indians diabetic* نرخ‌های آموزش η_{SPM} و η_{FIS} به ترتیب برابر با ۰.۱ و ۰.۰۳ و برای مجموعه داده *Statlog heart* برابر با ۰.۱۵ و ۰.۰۷ انتخاب شده‌اند.

ANFIS مورد مقایسه قرار گرفته است. شبکه عصبی *MLP* از مجموعه-ای از نرون‌ها در یک ساختار لایه‌ای تشکیل شده است که هر لایه دارای یک تابع فعال سازی به صورت خطی و یا غیر خطی می‌باشد. تعداد نرون‌ها در هر لایه، تعداد کلی لایه‌های شبکه و نوع توابع فعال سازی استفاده شده در هر لایه تعیین کننده قابلیت کلی شبکه *MLP* می‌باشند.

شبکه *RBF* به عنوان یک شبکه دو لایه در نظر گرفته می‌شود که نرون‌های لایه اول عموماً از نوع گوسی بوده و لایه دوم یک لایه خطی می‌باشد که به منظور ایجاد خروجی نهایی در نظر گرفته می‌شود. برای تمامی مجموعه داده‌ها، ساختار شبکه *MLP* استفاده شده شامل سه لایه می‌باشد که توابع فعال سازی لایه‌های اول و دوم به صورت سیگموئید دو قطبی و لایه سوم دارای تابع فعال سازی خطی می‌باشد. تعداد نرون‌های استفاده شده در لایه‌های مختلف شبکه عصبی و نیز لایه اول شبکه *RBF* برای هر مجموعه داده به صورت تجربی به دست آمده است. قابل ذکر است که استفاده از تعداد بیشتر نرون در ساختارهای *MLP* و *RBF* پاسخ‌های بهتری را ایجاد نکرده و در برخی موارد موجب بدتر شدن پاسخ‌های حاصل می‌گردد.

در شبیه سازی‌های مختلف برای مجموعه داده‌های استفاده شده، دقت کلاس بندی برای داده‌های آموزش و آزمون مورد بررسی قرار گرفته است. برای دو مجموعه داده *Pima-Indians diabetic* و *Statlog heart* علاوه بر معیار دقت کلاس بندی، از دو معیار حساسیت^۱ و اختصاصی بودن^۲ نیز استفاده شده است [۴۴]. معیار حساسیت (یادآوری) نشان دهنده نسبتی از حالات مثبت است که به همین عنوان شناخته شده‌اند و معیار اختصاصی بودن نشان دهنده نسبتی از حالات منفی است که درست تشخیص داده شده‌اند. این دو معیار به صورت زیر قابل تعریف هستند:

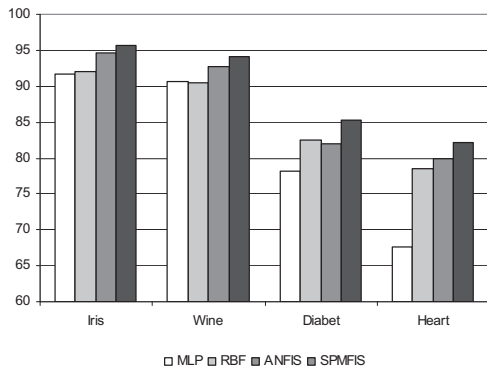
$$Sensitivity \quad y = \frac{TP}{TP + FN} \quad (22)$$

$$Specificity \quad y = \frac{TN}{TN + FP} \quad (23)$$

که در روابط فوق، یک حالت غیر نرمال درست تعیین شده به نام (*TP*) نامیده می‌شود، یک تشخیص نادرست از یک وضعیت غیر نرمال به نام (*FN*) نامیده می‌شود، یک تشخیص نادرست از یک حالت نرمال (*FP*) نامیده می‌شود و در نهایت یک حالت نرمال درست تشخیص داده شده (*TN*) خوانده می‌شود..

¹ Sensitivity
² Specificity

³ 10-fold cross validation



شکل ۱۰: میانگین صحت کلاس‌بندی برای داده‌های آزمون

در پایان مثال‌هایی از شبه جملات ایجاد شده در بخش استخراج ویژگی و پس از طی فرآیند یادگیری برای داده‌های کلاس بندی با استفاده از ساختار $SPMFIS^2$ در جدول (۶) نمایش داده شده‌اند.

جدول ۶: نمونه شبه جملات ایجاد شده در مسائل کلاس بندی

Dataset	Produced Semi-Polynomial
Iris	$X_1 2.30 x_1^{2.00} + 0.53 x_2^{1.99} + 0.31 x_3^{1.54} + 0.09 x_4^{1.24}$ $X_2 -0.07 x_1^{1.26} - 0.29 x_2^{0.31} + 1.10 x_3^{0.95} - 0.41 x_4^{-0.04}$
Wine	$3.02 x_1^{0.88} - 1.91 x_2^{1.57} + 0.23 x_3^{0.49} - 0.60 x_4^{1.03} - 0.28 x_5^{-0.30}$ $1.28 x_6^{1.19}$ $X_2 -1.16 x_1^{0.57} - 1.49 x_2^{1.04} + 0.15 x_3^{0.62} - 0.02 x_4^{1.46} + 0.30 x_5^{0.37} +$ $1.04 x_6^{0.16}$
Pima	$2.18 x_1^{1.56} + 1.14 x_2^{1.21} + 0.21 x_3^{2.24} - 1.27 x_4^{1.44} + 0.54 x_5^{2.19} +$ $1.26 x_6^{2.18}$ $X_2 0.93 x_1^{1.61} + 1.34 x_2^{1.16} - 0.85 x_3^{1.51} - 0.06 x_4^{2.04} - 0.22 x_5^{0.98} +$ $0.19 x_6^{1.36}$
Statlog	$1.83 x_1^{1.13} + 0.25 x_2^{1.13} - 0.89 x_3^{0.35} - 0.27 x_4^{0.80} - 0.17 x_5^{1.30}$ $0.39 x_6^{1.36}$ $X_2 1.63 x_1^{1.29} + 0.76 x_2^{1.32} + 0.27 x_3^{1.02} - 1.02 x_4^{1.14} - 0.62 x_5^{0.01} +$ $0.04 x_6^{1.84}$

۲-۵- شناسایی سیستم

اولین مدل استفاده شده به منظور بررسی توانایی شناسایی روش مطروحه دارای معادله‌ای به فرم زیر می‌باشد [۴۵]:

$$y(t+1) = 0.4y(t) - 0.09y(t-1) - 0.1u(t-1) + 0.3u(t) + 0.05y(t)u(t) + 0.03y(t-1)u(t-1) \quad (24)$$

سیگنال ورودی $u(k)$, $k=0,1,\dots,399$, یک نویز سفید گوسی با میانگین صفر و واریانس ۱.۰ می‌باشد. اولین ۲۰۰ داده موجود به عنوان داده‌های آموزش مورد استفاده قرار گرفته‌اند و بقیه داده‌ها به عنوان داده‌های آزمون استفاده شده‌اند. بردار ورودی ساختار $SPMFIS$ در این حالت به صورت $x=[y(t), y(t-1), u(t), u(t-1)]$ می‌باشد. ساختار

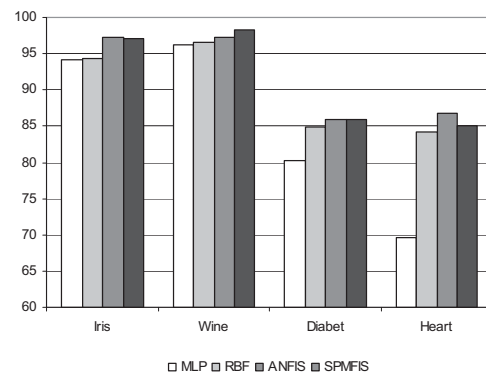
جدول ۴: میانگین نتایج حاصل برای داده‌های Pima-Indians diabetic

Network	MLP	RBF	ANFIS	SPMFIS ²	SPMFIS ³
Train	80.27	84.85	85.91	85.74	85.97
Test	78.24	82.50	81.99	82.94	85.29
Spec.	70.53	70.04	74.90	73.22	75.74
Sens.	87.32	95.92	93.14	94.72	94.05
Epoch	1500	1000	200	100	100
Structure	7-10-1	30	64	4	8
Parameter	140	240	472	44	80

جدول ۵: میانگین نتایج حاصل برای داده‌های Statlog heart

Network	MLP	RBF	ANFIS	SPMFIS ²	SPMFIS ³
Train	69.61	84.29	86.80	84.48	85.07
Test	67.61	78.51	80.00	81.79	82.09
Spec.	55.75	79.33	78.25	81.00	80.83
Sens.	79.80	88.53	90.60	86.07	86.47
Epoch	1000	500	100	100	100
Structure	5-7-1	20	64	4	8
Parameter	85	160	472	44	80

شکل‌های (۹) و (۱۰) مقادیر میانگین صحت کلاس بندی داده Iris با استفاده از شبکه $SPMFIS^2$ و نتایج حاصل از داده‌های Wine, Pima-Indians diabetic و Statlog heart را با استفاده از ساختار $SPMFIS^3$ برای داده‌های آموزش و آزمون نشان می‌دهند.



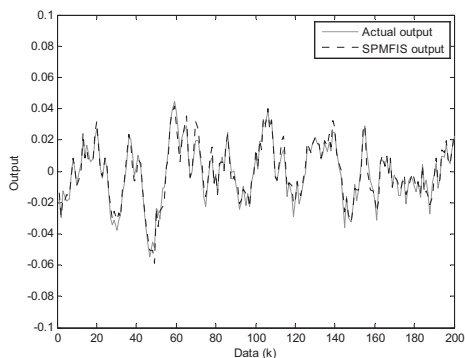
شکل ۹: میانگین صحت کلاس بندی برای داده‌های آموزش

دومین مدل استفاده شده به منظور شناسایی دارای معادله‌ای به فرم

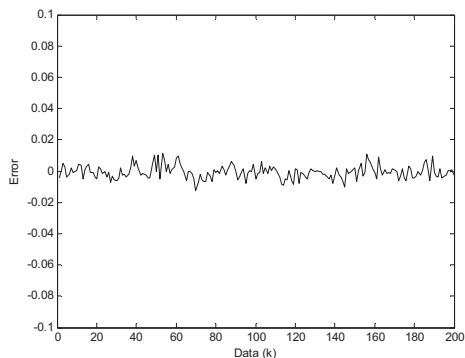
زیر می‌باشد [۴۶]:

$$y(t+1) = 2.627771 y(t) - 2.333261 y(t-1) + 0.697676 y(t-2) + 0.017203 u(k) - 0.030862 u(k-1) + 0.014086 u(k-2) \quad (25)$$

در این حالت تعداد ۴۰۰ نمونه داده با استفاده از سیگنال تصادفی $u(k)$ (در بازه ۱- تا ۱) تولید شده‌اند. در این بخش ۲۰۰ داده اول به عنوان داده آموزش استفاده شده و ۲۰۰ نمونه باقیمانده به عنوان داده آزمون استفاده می‌شوند. در این مدل بردار ورودی به ساختار $SPMFIS$ در صورت $x=[y(t), y(t-1), y(t-2), u(t), u(t-1), u(t-2)]$ نظر گرفته می‌شود. همچنین از دو ساختار $SPMFIS^2$ و $SPMFIS^3$ که در شکل‌های (۷) و (۸) نمایش داده شده‌اند استفاده شده است. در این حالت نیز ۱۰ اجرای مستقل انجام شده است. نتایج حاصل از خروجی مدل، خروجی واقعی سیستم و خطای حاصل از شناسایی مدل برای ساختار $SPMFIS^3$ در شکل‌های (۱۳) و (۱۴) نمایش داده شده‌اند. میانگین نتایج خطای MSE حاصل از اعمال روشهای مختلف شناسایی برای مدل ۲ در جدول (۸) نمایش داده شده است. در این حالت نرخ-های آموزش η_{SPM} و η_{FIS} به ترتیب برابر با ۰.۲ و ۰.۱ انتخاب شده‌اند.



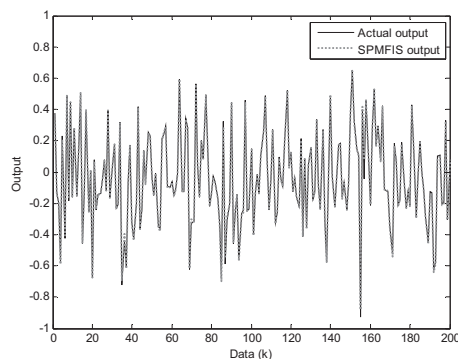
شکل ۱۳: خروجی واقعی و خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مدل ۲)



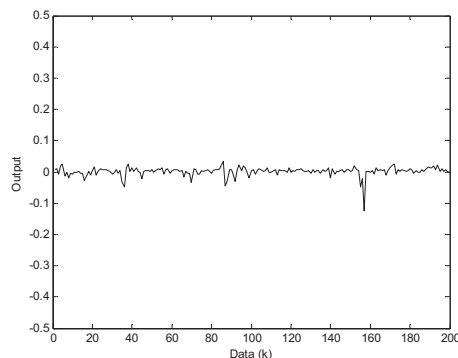
شکل ۱۴: خطای خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مدل ۲)

شبکه استفاده شده در شکل (۷) نمایش داده شده است. برای شناسایی این مدل ۱۰ اجرای مستقل انجام شده است. خروجی مدل، خروجی حقیقی و خروجی خطای داده‌های آزمون به ترتیب در شکل‌های (۱۱) و (۱۲) نشان داده شده‌اند. نتایج میانگین خطای MSE (Mean Square Error) برای داده‌های آموزش و آزمون در ۱۰ اجرای مستقل در جدول (۷) نشان داده شده‌اند. در این حالت نرخ‌های آموزش η_{SPM} و η_{FIS} به ترتیب برابر با ۰.۲ و ۰.۲ انتخاب شده‌اند.

قابل ذکر است که در کلیه مسائل شناسایی سیستم در روش استفاده از شبکه عصبی چند لایه به همراه کاهش ویژگی با استفاده از آنالیز مولفه پایه، تعداد ویژگیهای استخراج شده برابر با سه ویژگی در نظر گرفته شده است.



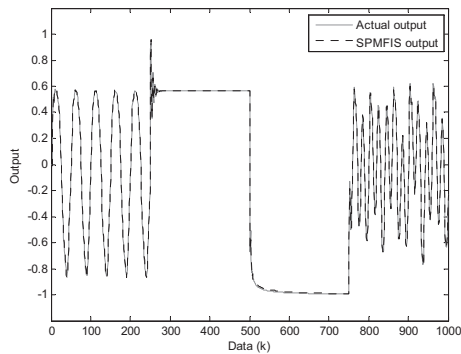
شکل ۱۱: خروجی واقعی و خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مدل ۱)



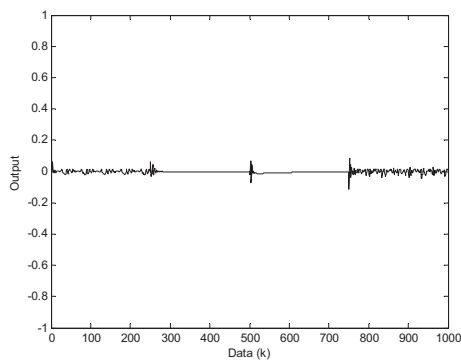
شکل ۱۲: خطای خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مدل ۱)

جدول ۷: مقایسه میان نتایج حاصل از روشهای مختلف برای مدل ۱

Network	e Train	e Test	Epoch	Structure	Parameter
MLP	2.93e-2	2.82e-2	1000	5-8-1	82
PCA-MLP	3.47e-3	5.29e-3	1000	3-5-1	38
RBF	1.06e-3	1.95e-3	500	20	120
ANFIS	2.98e-4	4.63e-3	100	16	96
SPMFIS ²	3.05e-4	4.13e-4	100	4	36



شکل ۱۵: خروجی واقعی و خروجی مدل برای داده‌های آموزش (مدل ۳)



شکل ۱۶: خطای خروجی مدل برای داده‌های آموزش (مدل ۳)

جدول ۹: مقایسه میان نتایج حاصل از روشهای مختلف برای مدل ۳

Network	e Train	Epoch	Structure	Parameter
MLP	7.71e-3	1000	7-10-1	133
PCA-MLP	2.85e-3	1000	4-7-1	59
RBF	4.82e-4	500	25	175
ANFIS	6.30e-4	100	32	212
SPMFIS ²	4.15e-4	100	4	40
SPMFIS ³	2.79e-4	100	8	74

در پایان مثال‌هایی از شبه جملات ایجاد شده در بخش استخراج ویژگی و پس از طی فرآیند یادگیری برای سیستم های شناسایی شده با استفاده از ساختار $SPMFIS^2$ در جدول (۱۰) نمایش داده شده‌اند.

جدول ۸: مقایسه میان نتایج حاصل از روشهای مختلف برای مدل ۲

Network	e Train	e Test	Epoch	Structure	Parameter
MLP	1.71e-3	1.83e-3	1500	8-12-1	177
PCA-MLP	2.82e-4	3.21e-4	1500	5-7-1	70
RBF	1.46e-4	1.74e-4	1000	25	200
ANFIS	9.90e-5	1.17e-4	100	64	472
SPMFIS ²	8.75e-5	7.57e-5	100	4	44
SPMFIS ³	7.19e-5	5.40e-5	100	8	80

سومین مدل مطرح شده در این بخش یک تابع غیر خطی با

معادلات زیر می‌باشد [۴۷]

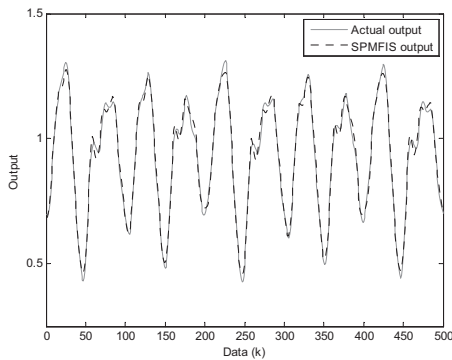
$$y_{k+1} = f(y_k, y_{k-1}, y_{k-2}, u_k, u_{k-1}) \quad (26)$$

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = \frac{x_1 x_2 x_3 x_5 (x_3 - 1) + x_4}{1 + x_2^2 + x_3^2} \quad (27)$$

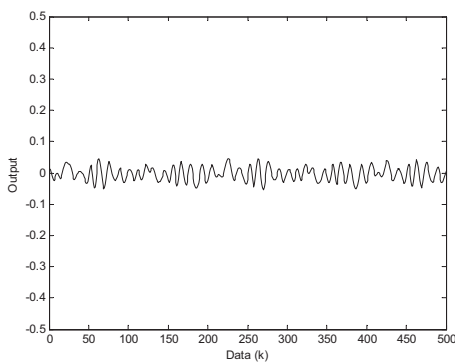
$$u_k = \begin{cases} \sin(\frac{\pi k}{25}) & 0 < k < 250 \\ + 1.0 & 250 \leq k < 500 \\ - 1.0 & 500 \leq k < 750 \\ 0.3 \sin(\frac{\pi k}{25}) + 0.1 \sin(\frac{\pi k}{32}) + 0.6 \sin(\frac{\pi k}{10}) & 750 \leq k < 1000 \end{cases}$$

در این حالت ۱۰۰۰ نمونه داده تولید شده‌اند که همگی به عنوان داده آموزش مورد استفاده قرار گرفته‌اند. بردار ورودی به ساختار $SPMFIS$ برای مدل مطرح شده به صورت $x = [y(t), y(t-1), y(t-2), u(t), u(t-1)]$ در نظر گرفته می‌شود. ساختار $SPMFIS$ با تعداد دو و سه ویژگی استخراج شده به ترتیب در شکل‌های (۷) و (۸) نمایش داده شده‌اند.

در این حالت نیز ۱۰ اجرای مستقل انجام پذیرفته است که نتایج حاصل از خروجی مدل و خروجی واقعی برای داده‌های آموزش و خطای حاصل از شناسایی مدل با داده‌های آموزش در شکل‌های (۱۵) و (۱۶) نمایش داده شده است. به علاوه میانگین نتایج خطای MSE در ۱۰ اجرای مختلف با استفاده از روشهای شناسایی گوناگون برای داده آموزش در جدول (۹) نمایش داده شده‌اند. در این حالت نرخ‌های آموزش η_{SPM} و η_{FIS} به ترتیب برابر با ۰.۱ و ۰.۱ انتخاب شده‌اند.



شکل ۱۷: خروجی واقعی و خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مکی-گلاس)



شکل ۱۸: خطای خروجی مدل برای داده‌های آزمون (مکی-گلاس)

جدول ۱۱: مقایسه میان نتایج حاصل از روشهای مختلف برای پیش‌بینی سری

زمانی مکی-گلاس					
Network	e Train	e Test	Epoch	Structure	Parameter
MLP	1.45e-2	1.27e-2	1500	8-12-1	177
PCA-MLP	7.23e-3	1.06e-2	1500	5-7-1	70
RBF	3.62e-3	3.59e-3	1000	30	240
ANFIS	1.21e-3	1.36e-3	100	64	472
SPMFIS ²	1.92e-3	1.89e-3	100	4	44
SPMFIS ³	1.59e-3	1.47e-3	100	8	80

در پایان مثالی از شبه جملات ایجاد شده در بخش استخراج ویژگی و پس از طی فرآیند یادگیری برای پیش‌بینی سری زمانی آشوبناک مکی=گلاس با استفاده از ساختار SPMFIS² در جدول (۱۲) نمایش داده شده است.

جدول ۱۲: نمونه شبه جملات ایجاد شده در مسئله پیش‌بینی سری زمانی

مکی-گلاس	
Dataset	Produced Semi-Polynomial
Mackey-Glass	$X_1 \quad 0.39 x_1^{0.53} - 0.49 x_2^{-0.03} - 0.97 x_3^{0.61} + 0.47 x_4^{1.20} - 0.70 x_5^{1.58} - 1.00 x_6^{0.55}$
	$X_2 \quad 0.92 x_1^{0.05} + 0.02 x_2^{1.40} - 0.90 x_3^{1.73} - 1.11 x_4^{1.27} - 0.09 x_5^{1.08} - 0.01 x_6^{1.31}$

جدول ۱۰: نمونه شبه جملات ایجاد شده در مسائل شناسایی سیستم

Dataset	Produced Semi-Polynomial
Plant-1	$X_1 \quad -0.69 x_1^{1.28} + 0.87 x_2^{0.10} - 0.87 x_3^{0.99} + 0.31 x_4^{1.47}$
	$X_2 \quad 0.09 x_1^{1.93} - 0.04 x_2^{1.05} + 1.51 x_3^{1.41} - 0.57 x_4^{0.38}$
Plant-2	$X_1 \quad 2.18 x_1^{1.56} + 1.14 x_2^{1.21} + 0.21 x_3^{2.24} - 1.27 x_4^{1.44} + 0.54 x_5^{2.19} + 1.26 x_6^{2.18}$
	$X_2 \quad 0.93 x_1^{1.60} + 1.34 x_2^{1.16} - 0.85 x_3^{1.51} - 0.06 x_4^{2.04} - 0.22 x_5^{0.98} + 0.19 x_6^{1.36}$
Plant-3	$X_1 \quad 0.38 x_1^{-0.31} + 0.52 x_2^{0.63} + 0.13 x_3^{1.79} - 1.75 x_4^{0.82} + 0.16 x_5^{0.69}$
	$X_2 \quad -0.47 x_1^{0.66} + 0.11 x_2^{0.17} - 0.48 x_3^{1.86} - 0.22 x_4^{1.87} + 0.25 x_5^{0.98}$

۳-۵- پیش‌بینی سری زمانی مکی-گلاس

سری زمانی آشوبناک مکی-گلاس به عنوان تابع آزمون در بسیاری از مقالات و پژوهشها به منظور بررسی کارایی روشهای معرفی شده مورد استفاده قرار گرفته است. سری زمانی آشوبناک مکی-گلاس با استفاده از معادله دیفرانسیل زیر تولید می‌شود:

$$\frac{dx(t)}{dt} = \frac{ax(t-\tau)}{1+x^{10}(t-\tau)} - bx(t) \quad (28)$$

که در رابطه فوق $a=0.2$ و $b=1$ می‌باشند. در حالی که مقدار $\tau > 17$ باشد معادله فوق رفتار آشوبناک از خود نشان می‌دهد. در شبیه سازی‌های انجام شده در این مقاله این مقدار برابر با ۳۰ در نظر گرفته شده است. در این مطالعه هدف پیش‌بینی مقدار $x(t+6)$ با استفاده از متغیرهای $x(t-6)$, $x(t-12)$, $x(t-18)$, $x(t-24)$, $x(t-30)$ و $x(t)$ می‌باشد. بر همین اساس این مساله را می‌توان به صورت یک نگاشت ۶- ورودی و ۱- خروجی در نظر گرفت.

۱۰۰۰ نمونه داده در این شبیه‌سازی استفاده شده است. ۵۰۰ نمونه اول به عنوان داده آموزش و ۵۰۰ نمونه باقیمانده به عنوان داده‌های آزمون مورد بررسی قرار گرفته‌اند. ساختار شبکه‌های SPMFIS استفاده شده با تعداد دو و سه ویژگی استخراج شده به ترتیب در شکل‌های (۷) و (۸) نمایش داده شده‌اند. خروجی مدل، خروجی واقعی و خطای حاصل از مدل در شناسایی داده‌های آزمون در شکل‌های (۱۷) و (۱۸) نشان داده شده‌اند. در این شبیه‌سازی نیز ۱۰ اجرای مختلف صورت گرفته است که میانگین نتایج خطای MSE در مقایسه با سایر روشها در جدول (۱۱) نشان داده است. در این حالت نرخ‌های آموزش η_{FIS} و η_{SPM} به ترتیب برابر با ۰.۱ و ۰.۰۱ انتخاب شده‌اند.

- [3] Lin CK, Wang SD, "Fuzzy system identification using an adaptive learning rule with terminal attractors", *J. Fuzzy Sets Syst.*, 1999, pp. 343-352.
- [4] Kang SJ, Woo CH, Hwang HS, Woo KB, "Evolutionary design of fuzzy rule base for nonlinear system modeling and control", *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 2000, Vol. 8, No. 1, pp. 37-45.
- [5] Huang YP, Wang SF, "Designing a fuzzy model by adaptive macroevolution genetic algorithms", *Fuzzy Sets Syst.*, 2000, Vol. 113, pp. 367-379.
- [6] Wu TP, Chen SM, "A new method for constructing membership functions and fuzzy rules from training examples", *IEEE Trans. Syst., Man, Cybern. B, Cybern.*, 1999, Vol. 29, No. 1, pp. 25-40, Feb. 1999.
- [7] Abraham A, "EvoNF: A framework for optimization of fuzzy inference systems using neural network learning and evolutionary computation", *In Proc. of the 17th IEEE Int. Symp. Intelligent Control*, 2002, pp. 327-332.
- [8] Denna M, Mauri G, Zanaboni AM, "Learning fuzzy rules with tabu search-an application to control", *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 1999, Vol. 7, No. 2, pp. 295-318.
- [9] Raju GV, Zhou J, "Adaptive hierarchical fuzzy controller", *IEEE Trans. Syst., Man, Cybern.*, 1993, Vol. 23, No. 4, pp. 973-980.
- [10] Wang LX, "Analysis and design of hierarchical fuzzy systems", *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 1999, Vol. 7, No. 5, pp. 617-624.
- [11] Fern'andez A, Del Jesus MJ, Herrera F, "Analysing the Hierarchical Fuzzy Rule Based Classification Systems with Genetic Rule Selection", *In Proc. of the Fourth International Workshop on Genetic and Evolutionary Fuzzy Systems*, 2010, pp. 69-74.
- [12] Huwendiek O, Brockmann W, "Function approximation with decomposed fuzzy systems", *Fuzzy Sets Syst.*, 1999, Vol. 101, pp. 273-286.
- [13] Wang D, Zeng XJ, Keane JA, "Intermediate Variable Normalization for Gradient Descent Learning for Hierarchical Fuzzy System", *IEEE Trans On Fuzzy Systems*, 2009, Vol. 17, No. 2, pp. 468-476.
- [14] Rainer H, "Rule generation for hierarchical fuzzy systems", *In Proc. of Annu. Conf. North American Fuzzy Information Processing*, 1997, pp. 444-449.
- [15] Masmoudi NK, Rekik C, Djemel M, Derbel N, "Optimal Control for Discrete Large Scale Nonlinear Systems using Hierarchical Fuzzy Systems", *In Proc. of the Second International Conference on Machine Learning and Computing*, 2010.

۸- نتیجه گیری

در این مقاله ساختار شبکه *SPMFIS* معرفی شد و کاربرد آن در کلاس بندی الگو، شناسایی سیستم و پیش بینی سری زمانی مورد بررسی قرار گرفت. در روش مطرح شده، نگاهت داده شبه چند جمله‌ای به منظور کاهش ابعاد داده ورودی و استخراج ویژگی در بخش ورودی شبکه *ANFIS* قرار می‌گیرد. همچنین به منظور آموزش پارامترهای شبکه *ANFIS* و نیز پارامترهای بخش *SPM* روش آموزش بر پایه الگوریتم گرادیان نزولی مطرح شد. یکی از مهمترین مزایای استفاده از ساختار *SPMFIS* در برابر روشهای متداول سیستم‌های فازی منفرد، کاهش بسیار زیاد تعداد قوانین فازی می‌باشد که این امر تاثیر بسیار زیادی در میزان حافظه و زمان مورد نیاز برای پیاده سازی ساختار مورد نظر داشته و علاوه بر این قابلیت تفسیرپذیری در سیستم فازی را به سبب وجود کمترین تعداد ممکن از قوانین تا حد بالایی حفظ می‌نماید. به علاوه، با وجود کاهش بسیار محسوس در تعداد قوانین، کارایی شبکه معرفی شده در برابر سیستم فازی *ANFIS* تا حد بالایی حفظ می‌شود. تعداد قواعد و پارامترهای سیستم فازی برای سیستم‌هایی با تعداد ورودی بالا به شدت زیاد شده که حتی امکان مدیریت و پیاده سازی را از این مجموعه قوانین سلب می‌نماید که این امر سبب عملکرد کند و کاهش سرعت همگرایی در زمان آموزش سیستم فازی خواهد شد. نتایج حاصل نشان می‌دهد که سیستم فازی مطرح شده کارایی بسیار مناسبی در برابر روشهای متداول از قبیل شبکه‌های *MLP*، شبکه‌های *RBF* و ساختار *ANFIS* در کلاس بندی، شناسایی و پیش بینی دارد. به عنوان یک رویکرد به منظور بهینه سازی عملکرد روش مطرح شده، ارائه راهکاری به منظور انتخاب خودکار تعداد ویژگیهای استخراج شده و نیز استفاده از سایر تقریب‌زن‌ها در بخش دوم از ساختار *SPM* می‌تواند مورد بررسی قرار گیرد.

مراجع

- [1] Gan Q, Harris CJ, "Fuzzy local linearization and logic basis function expansion in nonlinear system modeling", *IEEE Trans. Syst., Man, Cybern. B, Cybern.*, 1999, Vol. 29, No. 4, pp. 559-565.
- [2] Shi Y, Eberhart R, Chen Y, "Implementation of evolutionary fuzzy systems", *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 1999, Vol. 7, No. 2, pp. 109-119.

- Pattern Anal. Mach. Intell.*, 2005, Vol. 27, No. 3, pp. 328–340.
- [32] Belhumeur PN, Hespanha JP, Kriegman DJ, “Fisherfaces: recognition using class specific linear projection”, *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 1997, Vol. 19, No. 7, pp. 711–720.
- [33] Li H, Jiang T, Zhang K, “Efficient and robust feature extraction by maximum margin criterion”, *IEEE Trans. Neural Networks*, 2006, Vol. 17, No. 1, pp. 157–165.
- [34] Turk M, Pentland A, “Face recognition using eigenfaces”, *In Proc. of the Computer Vision and Pattern Recognition*, 1991.
- [35] Yang J, Frangi AF, Yang YJ, Zhang D, Jin Z, “KPCA plus LDA: A complete kernel fisher discriminant framework for feature extraction and recognition”, *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 2005, Vol. 27, No. 2, pp. 230–244.
- [36] Yang Y, Pedersen JO, “A comparative study on feature selection”, *In Proc. of ACM International Conference on Research and Development in Information Retrieval*, 1999, pp. 42–49.
- [37] Mao J, Jain AK, “Artificial neural networks for feature selection and multivariate data projection”, *IEEE Trans. Neural Networks*, 2005, Vol. 6, No. 2, pp. 296–317.
- [38] Kohavi R, John GH, “Wrappers for feature subset selection”, *Artif. Intell.* 1997, Vol. 97, pp. 273–324.
- [39] Webb AR, “*Statistical Pattern Recognition*”, Second edition. John Wiley & Sons, 2002.
- [40] Hettich S, Blake CL, Merz CJ, UCI repository of machine learning databases. Available at <http://www.ics.uci.edu/~mllearn/MLRepository.html>, 1998.
- [41] Duda RO, Hart PE, Stork DG, “*Pattern Classification*”, Second edition. John Wiley & Sons, 2001.
- [42] Fukunaga K, “*Introduction to Statistical Pattern Recognition*”, Second edition. Academic Press, 1990.
- [43] Kim J, Chung J, “Reduction of Dimension of HMM parameters using ICA and PCA in MLLR Framework for Speaker Adaptation,” Eurospeech, Geneva, 2003.
- [44] Altman DG, “Diagnostic tests. 1: Sensitivity and specificity,” Bland JM, 1994, p. 1552.
- [45] Sakaguchi A, Yamamoto T, “A study on system identification using GA and GMDH network”, *In Proc. of the 29th Annual Conference of Industrial Electronic Society, IECON*, 2003.
- [46] Pham DT, Karaboga D, “Training elman and jordan networks for system identification using genetic algorithms”, *Artif. Intell. Eng.*, 1999, Vol. 13, pp. 107–117.
- [47] Narendra KS, Parthasarathy K, “Identification and control of dynamical system using neural networks”, [16] Brown M, Bossley KM, Mills DJ, Harris CJ, “High dimensional neurofuzzy systems: Overcoming the curse of dimensionality”, *In Proc. of the 4th Int. Conf. Fuzzy Systems*, 1995, pp. 2139–2146.
- [17] Babuska R, “Fuzzy modeling and identification”, Ph.D. dissertation, Univ. Delft, Delft, The Netherlands, 1996.
- [18] Angelov P, Filev D, “An approach to online identification of Takagi–Sugeno fuzzy models”, *IEEE Trans. Syst., Man, Cybern. B, Cybern.*, 2004, Vol. 34, No. 1, pp. 484–498.
- [19] Abraham A, “Adaptation of Fuzzy Inference System Using Neural Learning, Fuzzy System Engineering: Theory and Practice”, Springer-Verlag, 2005, Ch. 3, pp. 53–83.
- [20] Duan JC, Chung FL, “Multilevel fuzzy relational systems: Structure and identification”, *Soft Comput.*, 2002, Vol. 6, pp. 71–86.
- [21] Joo MG, Lee JS, “A class of hierarchical fuzzy systems with constraints on the fuzzy rules”, *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 2005, Vol. 13, No. 2, pp. 194–203.
- [22] Paulo S, “Clustering and hierarchization of fuzzy systems”, *Soft Comput. J.*, 2005, Vol. 9, No. 10, pp. 715–731.
- [23] Chen MY, Linkensm DA, “A systematic neuro-fuzzy modeling framework with application to material property prediction”, *IEEE Trans. Syst., Man, Cybern. B*, 2001, Vol.31, 781-790.
- [24] Wang LX, “Universal approximation by hierarchical fuzzy systems”, *Fuzzy Sets Syst.*, 1998, Vol. 93, pp. 223–230.
- [25] Lee ML, Chung HY, Yu FM, “Modeling of hierarchical fuzzy systems”, *Fuzzy sets and systems*, 2003, Vol. 138, pp. 343-361.
- [26] Jang JR, “ANFIS: Adaptive Network-Based Fuzzy Inference System”, *IEEE Trans. Sys., Man and Cybernetics.*, 1993, Vol. 23, No.3.
- [27] Takagi T, Sugeno M, “Fuzzy identification of systems and its application to modeling and control”, *IEEE Trans. Syst. Man, Cybern.*, 1985, Vol. SMC-15, No. 1, pp. 116–132.
- [28] Kasabov N, Song Q, “DENFIS: Dynamic, evolving neural-fuzzy inference system and its application for time-series prediction”, *IEEE Trans. Fuzzy Syst.*, 2002, Vol. 10, No. 1, pp. 144–154.
- [29] Yager RR, Zadeh LA, “Fuzzy Sets Neural Networks, and Soft Computing”, Van Nostrand Reinhold, 1994.
- [30] Kumar M, Garg DP, “Intelligent Learning of Fuzzy Logic Controllers via Neural Network and Genetic Algorithm”, *In Proc. of JUSFA*, 2004, 19-21.
- [31] He X, Yan S, Hu Y, Niyogi P, Zhang H, “Face recognition using laplacianfaces”, *IEEE Trans.*

- [51] Yang J, Frangi AF, Yang JY, Zhang D, Jin Z, "KPCA plus LDA: A complete kernel fisher discriminant framework for feature extraction and recognition," *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 2005, Vol. 27(2), pp. 230–244.
- [52] Hornik K, Stinchcombe M, White H, "Multilayer feedforward networks are universal approximators," *IEEE Trans. Neural Computation*, 1996, Vol. 7(3), pp. 776–781.
- [53] Kosko B, "Fuzzy systems as universal approximators," *IEEE Trans. Computers*, 1994, Vol. 43, pp 1329.
- [48] He X, Yan S, Hu Y, Niyogi P, Zhang H, "Face recognition using laplacianfaces," *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 2005, Vol. 27(3), pp. 328–340.
- [49] Belhumeur PN, Hespanha JP, Kriegman DJ, "Fisherfaces: recognition using class specific linear projection," *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 1997, Vol. 19(7), pp. 711–720.
- [50] Li H, Jiang T, Zhang K, "Efficient and robust feature extraction by maximum margin criterion," *IEEE Trans. Neural Networks*, 2006, Vol. 17(1), pp. 157–165.