

مجله علوم آماری، پاییز و زمستان ۱۳۹۵

جلد ۱۰، شماره ۲، ص ۲۰۳-۲۲۰

DOI: 10.18869/acadpub.jss.10.2.203

## بهبود روش کمترین توانهای دوم دو مرحله‌ای در مدل‌های رگرسیونی با متغیر درونزا

امید اخگری، موسی گل‌علی‌زاده

گروه آمار، دانشگاه تربیت مدرس

تاریخ دریافت: ۱۳۹۴/۸/۶ تاریخ آخرین بازنگری: ۱۳۹۵/۱/۲۸

**چکیده:** حضور متغیرهای درونزا در مدل‌های آماری ناسازگاری و اریبی برآوردگرهای پارامترهای مدل را به دنبال دارد. روش‌های متعدد ارائه شده در این حالت، مشکل ناسازگاری و اریبی را تنها برای حالت بزرگ نمونه‌ای حل کرده‌اند. یک روش مبتنی بر استفاده از متغیر ابزاری است که باعث حذف درونزا ای متغیر مورد منافشه می‌شود. روشی دیگر برای برآورد پارامتر مدل‌های رگرسیون درونزا، روش کمترین توانهای دوم دو مرحله‌ای است که دقیق‌تر از روش کمترین توانهای دوم معمولی است. اما برآوردگر حاصل از این روش نیز تنها در حالت بزرگ نمونه‌ای نالریب و سازگار است. مقاله حاضر روش‌های نوینی برای رفع این نقص‌ها ارائه می‌کند و برای افزایش دقت برآورد در مدل موردنظر، سه روش کمترین توانهای دوم دو مرحله‌ای تکراری، دو مرحله‌ای جکنایف و دو مرحله‌ای کالبیده را در حالت اندازه نمونه متناهی پیشنهاد می‌دهد. برای ارزیابی عملکرد روش‌های ارائه شده مطالعه شبیه‌سازی انجام شد. با استفاده از داده‌های هزینه و درآمد ایران در سال ۱۳۹۰، نحوه عملکرد برآوردهای پیشنهادی مورد مقایسه قرار می‌گیرد.

آدرس الکترونیک مسئول مقاله: موسی گل‌علی‌زاده، golalizadeh@modares.ac.ir

کد موضوع بنای ریاضی (۲۰۱۰): ۶۲۴۹۹، ۹۳E۲۴

واژه‌های کلیدی : مدل‌های رگرسیونی، متغیرهای درون‌زا و بروزن‌زا، تصحیح اریبی، روش‌های کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای، متغیرهای ابزاری.

## ۱ مقدمه

در علوم کاربردی معمولاً از مدل‌های رگرسیونی به منظور بررسی روابط بین متغیرها استفاده می‌شود. مدل‌های رگرسیونی شامل مفروضاتی است که عبارتند از: نرمال بودن خطای ثابت بودن واریانس، ناهمبسته بودن خطاهای همچنین ناهمبسته بودن متغیرهای تبیینی و خطای مدل. موارد بی‌شماری از مسائل کاربردی واقعی وجود دارد که برخی از این مفروضات برقرار نیست. در این حالات، استفاده از مدل رگرسیونی با خطای بالا و دقت پایین همراه خواهد بود (کلولند، ۱۹۷۹). یکی از مفروضات چالش‌برانگیزی که ممکن است در مطالعه برخی از مسائل واقعی برقرار نباشد ناهمبستگی متغیرهای تبیینی و خطای مدل است. در این حالت به چنین متغیرهای تبیینی ای که با خطای مدل همبسته‌اند، متغیر درون‌زا می‌گویند (بودن و تورکینگتون، ۱۹۸۴؛ ابس، ۲۰۰۴). عموماً، درون‌زایی زمانی رخ می‌دهد که متغیر کمکی غیرقابل مشاهده روی متغیر پاسخ تاثیر بگذارد و همچنین با متغیرهای کمکی قابل مشاهده در مدل، همبسته باشد. در این صورت، متغیرهای کمکی غیرقابل مشاهده، جزئی از مولفه خطای مدل هستند که با متغیرهای کمکی مدل همبسته‌اند و این امر خود سبب ناسازگاری برآوردگرهای استاندارد پارامترهای مدل می‌شود (کیویست، ۱۹۹۵). به طور کلی، درون‌زایی می‌تواند نتیجه رخداد یکی از حالات زیر باشد:

- الف) خطاهای اندازه‌گیری
- ب) خطاهای آتورگرسیو
- ج) خطاهای خود همبسته
- د) عدم استفاده از مدل‌های همزمانی
- و) متغیرهای دیده نشده<sup>۱</sup>

<sup>۱</sup> Omitted variable

ولدریج (۲۰۰۲) نشان داد که چهار حالت اول می‌توانند به عنوان یک حالت خاص از حالت و درنظر گرفته شوند. پیrol (۲۰۰۰) اعتقاد دارد، یک حلقه از رابطه علت و معلولی بین متغیرهای پاسخ و مستقل، مدل منجر به درونزاوی می‌شود. در مسائل مربوط به اقتصادسنجی و به‌ویژه اقتصاد خرد این امکان وجود دارد که برآورد ناسازگار پارامترها به علت وجود متغیر درونزا باشد. بنابراین برآوردهای رگرسیونی به جای اینکه مقدار و جمیت علیت را اندازه بگیرند تنها مقداری از ارتباط بین متغیرها را اندازه می‌گیرند. درونزا بودن متغیرهای تبیینی باعث اریبی و ناسازگاری برآوردهای حاصل از روش برآورد کمترین توانهای دوم معمولی<sup>۲</sup> (OLS) می‌شود. برای به دست آوردن برآوردهای ناریب و سازگار روش‌هایی پیشنهاد شد که از آن جمله می‌توان به رگرسیون متغیر ابزاری<sup>۳</sup> (IV) و انتخاب تصحیح هکمن اشاره کرد (دیویدسون و مک‌کینون، ۱۹۹۳؛ هکمن، ۱۹۷۹). لازم به ذکر است که رگرسیون مبتنی بر IV عمومیت بیشتری در مقایسه با روش‌های دیگر دارد. روشی دیگر که توسط ایمبنس و آنگریس (۱۹۹۴) پیشنهاد شد، استفاده از برآوردهای پارامترهای متغیرهای ابزاری و جایگزین نمودن آن‌ها به منظور پیشگویی متغیر درونزا و در نهایت محاسبه برآوردهای سازگار پارامترهای مدل اصلی است. اگرچه این روش از اقبال عمومی بالایی برخوردار است، اما معضلات مربوط به انتخاب نوع و تعداد متغیر، نیازمند توجه ویژه‌ای است که رود (۲۰۰۰) به بررسی آنان پرداخته است.

متغیرهای ابزاری رفتاری مشابه متغیرهای تبیینی دارند با این تفاوت که با خطای مدل ناهمبسته‌اند (ابس و همکاران، ۲۰۰۵). زمانی که متغیرهای ابزاری مورد استفاده قرار می‌گیرند، برآوردهای حاصل از روش کمترین توانهای دوم دو مرحله‌ای<sup>۴</sup> (2SLS) (اندرسون و روپین، ۱۹۴۹) یا ماکسیمم درستینمایی اطلاعات محدود<sup>۵</sup> (LIML) می‌توانند برای برآورد پارامترهای مدل رگرسیونی در نظر گرفته شوند (تیل، ۱۹۵۳a؛ ۱۹۵۳b؛ ۱۹۵۴). همان‌طور که ابس و همکاران (۲۰۰۹) اشاره کردند

<sup>۲</sup> Ordinary Least Square

<sup>۳</sup> Instrumental Variable

<sup>۴</sup> Two Stage Least Square

<sup>۵</sup> Limited Information Maximum Likelihood

ممکن است روش‌های مبتنی بر متغیر ابزاری نتایجی بدتر از حالتی که همبستگی بین خطأ و متغیر تبییتی نادیده گرفته می‌شود، ارائه دهد که این امر، خود نمایانگر کیفیت پایین متغیر ابزاری است. سوالی مهم در اکثر مسائل کاربردی این است که «گونه می‌توان متغیرهای ابزاری تاثیرگذار یک مدل را یافت؟». می‌توان ادعا کرد به طور کلی هیچ پاسخ روشنی به این سوال وجود ندارد. اگرچه جمع‌آوری داده‌های اضافه ممکن است یک راه چاره تلقی شود. اما در بعضی از مسائل این امر هزینه اضافی را دربر دارد. به این ترتیب، متغیرهای ابزاری اغلب به وسیله استدلال‌های موقعیتی یا حتی در دسترس بودن متغیرهای دیگر انتخاب می‌شوند. می‌توانه روش‌های استنباطی بر اساس متغیرهای ابزاری به انتخاب و اعتبار چنین متغیرهایی خیلی حساس است (دونالد و نیوی، ۲۰۰۱؛ استاک و همکاران، ۲۰۰۲). به دلیل همین موضوع نتایج مربوط به مدل‌های رگرسیونی در حضور این متغیرها تا حد زیادی متفاوت است. دیویدسون و مک‌کینون (۱۹۹۳) این موضوع را بطور جامع مورد مطالعه قرار دادند. نکته حائز اهمیت این است که هر کدام از روش‌های ارائه شده دارای حداقل میزانی از اribi ای ای ای هستند. در مقاله حاضر، سعی شده است برای کاهش بیشتر اribi از سه الگوریتم مختلف استفاده شود که عبارتند از: کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای تکراری، کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای جک نایف و کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای کالبیده. برای این منظور ابتدا روش کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای در بخش ۲ تشریح و لیپس با استفاده از روش‌های تکراری، جک نایف و کالبیده کاهش اribi برآوردهای مدل رگرسیونی با استفاده از متغیر ابزاری در بخش ۳ تشریح می‌شوند. مقایسه و ارزیابی روش‌های متفاوت پیشنهادی در این مقاله بر اساس مطالعه شیوه‌سازی در بخش ۴ آمده است. مدل‌بندی یک مثال کاربردی به کمک مدل‌های تشریح شده در این مقاله در بخش ۵ انجام می‌شود. بحث و نتیجه‌گیری کلی پایان‌بخش مقاله حاضر است.

## ۲ روش کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای (2SLS)

مدل ساده رگرسیونی،

$$Y = X\beta + \epsilon$$

$$= X_1 \beta_1 + X_2 \beta_2 + \epsilon, \quad (1)$$

را در نظر بگیرید که در آن،  $\epsilon$  برداری  $n \times 1$  و دارای توزیع نرمال با میانگین برداری  $n$  بعدی صفر و کواریانس  $\sigma_e^2 I_n$  است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود متغیر تبیینی  $X$  که ماتریسی  $n \times k$  است به صورت  $[X_1 \ X_2]$  افزایش شده طوری که متغیر  $X_2$  برونزآ و متغیر  $X_1$  درونزا است به این معنی که

$$E(\epsilon^2 | X_1) \neq 0.$$

لازم به ذکر است که متغیر  $X_1$  ماتریسی  $n \times k_1$  و متغیر  $X_2$  ماتریسی  $n \times k_2$  هستند به طوری که  $k = k_1 + k_2$ . همچنین پارامتر  $\beta$  نیز برداری  $1 \times k$  است که به صورت  $(\beta_1, \beta_2)^T$  افزایش شده است. واضح است که بردار  $\beta_1$  و  $\beta_2$  به ترتیب دارای ابعاد  $1 \times k_1$  و  $1 \times k_2$  هستند. فرض کنید مجموعه‌ای از متغیرهای  $H$  تحت عنوان متغیرهای ابزاری در دسترس است. به طور طبیعی این متغیرها باید با مولفه خطای ناهمبسته باشند یعنی  $E(\epsilon^2 | H) = 0$  و بخشی از تغییرات موجود در متغیرهای درونزا را توضیح دهند. بنابراین، متغیرهای  $H$  نمی‌توانند به صورت مستقیم روی متغیر پاسخ ( $Y$ ) اثرگذار باشند. در روش برآورد 2SLS متغیر درونزا  $X_1$  با استفاده از متغیر ابزاری مدل‌بندی می‌شود طوری که

$$X_1 = H\Pi + \eta, \quad (2)$$

که در آن ماتریس  $\Pi$  نشان‌دهنده اثر متغیرهای ابزاری روی متغیرهای درونزا و  $\eta$  مولفه خطای مدل رگرسیون (۲) است. توجه شود که  $H$  ماتریسی  $n \times L$  و  $\Pi$  یک ماتریس  $L \times k_1$  از پارامترها است. همچنین بردار خطای  $n$  دارای میانگین  $n$  و واریانس  $\sigma_\eta^2 I_n$  است. به علاوه فرض می‌شود که دو بردار خطای  $\epsilon$  و  $\eta$  از هم مستقل‌اند و  $E(\eta^2 | H) = 0$ . برآشن مدل رگرسیونی در حضور متغیر درونزا مستلزم به دست آوردن برآورد همزمان پارامترهای دو مدل (۱) و (۲) است. به همین دلیل، مدل رگرسیون در حضور متغیرهای درونزا را به عنوان یک حالت خاص از مدل معادلات همزمانی<sup>۶</sup> (SEM) نیز معروفی می‌کنند (ولدریج، ۲۰۰۲).

<sup>۶</sup> Simultaneous Equations Model

مرحله اول روش 2SLS به این صورت است که ابتدا با روش کمترین توان‌های دوم معمولی برآورد پارامتر  $\Pi$  محاسبه شود که بنابه مدل (۲) عبارتست از:

$$\hat{\Pi} = (H^T H)^{-1} H^T X_1. \quad (3)$$

با جایگذاری برآورد (۳) در رابطه (۲) پیشگوی ماتریس  $X_1$  به صورت

$$\hat{X}_1 = H\hat{\Pi} = H(H^T H)^{-1} H^T X_1 = P_H X_1, \quad (4)$$

به دست می‌آید که  $P_H = H(H^T H)^{-1} H^T$ . می‌توان ملاحظه کرد که  $P_H$  ماتریسی متقارن و خودتوان است. مرحله دوم روش 2SLS با جایگذاری پیشگوی (۴) در دومین تساوی رابطه (۱) ادامه پیدا می‌کند. در نتیجه:

$$\begin{aligned} Y &= \hat{X}_1 \beta_1 + X_2 \beta_2 + \nu \\ &= (H\hat{\Pi})\beta_1 + X_2 \beta_2 + \nu, \end{aligned} \quad (5)$$

که در آن  $\nu$  خطای ناشی از به کارگیری پیشگوی  $X_1$  است. اکنون، با استفاده از روش کمترین توان‌های دوم معمولی و بر اساس رابطه (۵) برآورد گر  $\beta$ ، یعنی  $\hat{\beta}_{2SLS}$  به صورت

$$\begin{aligned} \hat{\beta}_{2SLS} &= (\hat{X}^T \hat{X})^{-1} \hat{X}^T Y \\ &= ([\hat{X}_1 \ X_2]^T [\hat{X}_1 \ X_2])^{-1} [\hat{X}_1 \ X_2]^T Y \\ &= ([P_H X_1 \ X_2]^T [P_H X_1 \ X_2])^{-1} [P_H X_1 \ X_2]^T Y, \end{aligned} \quad (6)$$

حاصل می‌شود، که در آن  $P_H = H(H^T H)^{-1} H^T$  و  $\hat{X} = [\hat{X}_1 \ X_2]$ . بنابراین دیویدسون و مک‌کینون (۱۹۹۳) در حالت بزرگ نمونه‌ای داریم:

$$\sqrt{n}(\hat{\beta} - \beta) \sim N(\mathbf{0}_k, ([\hat{X}_1 \ X_2]^T [\hat{X}_1 \ X_2])^{-1}).$$

همان‌طور که ملاحظه می‌شود برآورد 2SLS فقط در حالت بزرگ نمونه‌ای ثالثی است. توجه کنید که در این حالت واریانس خطای  $E(Y - X\beta)^2$  است. به صورت  $\sum_i (Y_i - X_i \hat{\beta})^2 / n$  برآورد می‌شود. اما، در اکثر مطالعات اقتصادی و مدیریتی تعداد نمونه در دسترس متناهی است. لذا در ادامه با پیشنهاد سه روش متنوع، نحوه اعمال کاهش اریبی و نتایج مربوط به آن تشریح می‌شوند.

### ۳ روش‌های کاهش اریبی

به منظور کاهش اریبی روش‌های مختلفی در منابع متفاوت ارائه شده است (امیهود و هورویچ، ۲۰۰۴). در این مقاله سه روش کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای تکراری<sup>۷</sup> (2SILS)، کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای جکنایف<sup>۸</sup> (2SJLS) و کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای کالبیده<sup>۹</sup> (2SCLS) در نظر گرفته شده است. الگوریتم سه روش پیشنهادی که در مراحل انتها بیان شده اند و تنها در ابتدای الگوریتم‌ها چند تفاوت جزئی با هم دارند، در ادامه ارائه شده‌اند.

#### الگوریتم 2SILS

- الف) بر اساس رابطه (۳) برآورد پارامتر II محاسبه شود.
- ب) پیشگوی متغیر  $X$  بر اساس رابطه (۴) محاسبه شود.
- ج) اندازه فاصله اقلیدسی بین متغیر  $X$  و پیشگوی  $\hat{X}$  به دست آید.
- د) اگر فاصله مرحله ج کمتر از مقدار کوچکی مانند  $\epsilon$  باشد مرحله بعد اجرا شود، در غیر این صورت مرحله الف مجدد تکرار شود.
- و) برآورد پارامترهای مدل بر اساس جایگذاری پیشگوی به دست آمده در مرحله ب با استفاده از رابطه (۶) محاسبه شود.

در این الگوریتم انتخاب  $\epsilon$  به عهده خود محقق است. اما مسئله مهم این است که هر اندازه پیشگوی  $X$  با خطای کمتری همراه باشد برآورد مرحله دوم دقیق‌تر است. این امر توسط اعمال روش جکنایف (میلس، ۱۹۷۴) ممکن خواهد شد. لذا می‌توان الگوریتم قبلی را به صورت زیر بهبود داد.

#### الگوریتم 2SJLS

- الف) با استفاده از مدل رگرسیونی (۲) و بر اساس روش جکنایف پارامترهای مدل برآورد شود.

<sup>۷</sup> Two Stage Iterative Least Square

<sup>۸</sup> Two Stage Jackknife Least Square

<sup>۹</sup> Two Stage Calibration Least Square

ب) برآورد به‌دست آمده در مرحله الف پیشگوی متغیر  $X$  محاسبه شود.

ج) اندازه فاصله اقلیدسی بین متغیر  $X$  و پیشگوی  $\hat{X}$  به‌دست آید.

د) اگر فاصله مرحله ج کمتر از مقدار کوچکی مانند  $\epsilon_2$  باشد مرحله بعد اجرا شود، در غیر این صورت مرحله الف مجدد تکرار شود.

و) برآورد پارامترهای مدل بر اساس جایگذاری پیشگوی به‌دست آمده در مرحله ب با استفاده از رابطه (۶) به‌دست آید.

روش جک‌نایف به فرضیات مدل مورد مطالعه بستگی کمتری داشته و به فرمول‌های نظری که در روش سنتی وجود دارد، نیازی ندارد. اما این روش مبتنی بر روش‌های آماری ناپارامتری است. لذا، اگر محققی علاقمند به اعمال روش‌های پارامتری باشد استفاده از این روش ممکن نیست. برای در اختیار قرار دادن الگوریتم جایگزین، در ادامه روش پارامتری کالبیده معروفی می‌شود.

#### الگوریتم 2SCLS:

الف) با استفاده از مدل رگرسیونی (۲) و بر اساس روش کالبیده پارامترهای مدل برآورد شود.

ب) برآورد به‌دست آمده در مرحله اول پیشگوی متغیر  $X$  محاسبه شود.

ج) اندازه فاصله اقلیدسی بین متغیر  $X$  و پیشگوی  $\hat{X}$  به‌دست آید.

د) اگر فاصله مرحله ج کمتر از مقداری مانند  $\epsilon_3$  باشد مرحله بعد اجرا شود، در غیر این صورت مرحله الف مجدد تکرار شود.

و) محاسبه برآورد پارامترهای مدل بر اساس جایگذاری پیشگوی به‌دست آمده در مرحله ب با استفاده از رابطه (۶) محاسبه شود.

در ادامه بر اساس دو روش شبیه‌سازی برای دو مدل مختلف رگرسیونی و با استفاده از الگوریتم‌های پیشنهاد شده روش‌های برآورد پارامترهای رگرسیونی مورد مقایسه قرار می‌گیرند.

#### ۴ مطالعه شبیه‌سازی

در این بخش، عملکرد روش‌های پیشنهادی در این مقاله با مطالعه شبیه‌سازی مورد مقایسه قرار می‌گیرد. همان‌طور که در مقدمه اشاره شد درون‌زایی یک متغیر ناشی از چندین دلیل است. در مقاله حاضر بر اساس دو علت درون‌زایی مطالعه شبیه‌سازی صورت پذیرفته است. در روش اول شبیه‌سازی بر اساس وجود خطای اندازه‌گیری در متغیرها صورت پذیرفته و رویکرد دوم مبتنی بر درون‌زایی حاصل از متغیرهای دیده نشده است. بر اساس روش اول شبیه‌سازی ابتدا ۱۰۰۰ بار نمونه ۱۰۰ تایی از یک مدل رگرسیونی با عرض از مبدا ۵ و شیب ۵ و واریانس خطای ۶ تولید شد و با توجه به روش‌های ارائه شده برآورد پارامترهای آن در جدول ۱ گزارش شد.

جدول ۱: برآورد و خطای آن بر اساس روش اول شبیه‌سازی					
خطای برآورد			روش		
	برآورد	خطای برآورد		برآورد	خطای برآورد
$\sigma_e$	$\sigma_{\beta_1}$	$\sigma_{\beta_0}$		$\beta_1$	$\beta_0$
۹/۱۸۸	۰/۰۹۹	۰/۴۹	۶/۶۸	-۶/۹۱	2SLS
۹/۱۹۱	۰/۰۹۸	۰/۴۸	۶/۶۸	-۶/۹۱	2SILS
۹/۱۸۶	۰/۰۹۸	۰/۰۶۰	۶/۶۸	-۶/۹۱	2SJLS
۸/۲۱۲	۰/۰۴۴	۰/۰۵۶	۴/۸۳	-۴/۸۷	2SCLS

بنابراین جدول ۱ مشاهده می‌شود برآوردهای حاصل از سه روش 2SILS، 2SLS و 2SJLS تا حدی یکسان هستند. این بدان معنی است که دو روش تکراری و جکنایف نتوانسته برآوردگر 2SLS را بهبود ببخشند. در مقابل روش 2SCLS برآورده بمراتب بهتر (با اربیی و خطای کمتر) از سه روش دیگر ارائه داده است. بنابراین می‌توان استنتاج کرد که با استفاده از روش کالبیده دقت برآوردهای افزایش می‌یابد به نحوی که نه تنها اربیی کمتری نسبت به سه روش اول ایجاد می‌شود بلکه خطای برآورد حاصل از آن بسیار کاهش می‌یابد.

در ادامه بر اساس حذف یکی از متغیرها مطالعه شبیه‌سازی صورت پذیرفته است. می‌توان گفت متغیر حذف شده به عنوان جزئی از خطای مدل لحظه می‌شود و لذا سبب درون‌زایی خواهد شد. مشابه شبیه‌سازی بر اساس روش اول، ابتدا ۱۰۰۰

بار نمونه ۱۰۰ تایی از یک مدل رگرسیونی با عرض از مبدأ  $\beta_0 + \beta_1\sigma_{\epsilon} + \beta_2\sigma_{\beta_2} + \beta_3\sigma_{\beta_1}$  و شیب‌های  $\beta_2 = 8$  تولید و برآوردها همراه با خطای مربوطه محاسبه شد. نتایج حاصل از این روش شبیه‌سازی در جدول ۲ ارائه شده است.

جدول ۲: برآورد پارامترها و خطای برآورد حاصل از روش دوم شبیه‌سازی

$\sigma_{\epsilon}$	خطای برآورد			برآورد			روش
	$\sigma_{\beta_2}$	$\sigma_{\beta_1}$	$\sigma_{\beta_0}$	$\beta_2$	$\beta_1$	$\beta_0$	
۱۷/۸۵۱	۰/۰۸۸	۰/۱۲۵	۰/۰۵۴	۵/۹۹۷	۲/۲۲۱	۳/۸۰۱	2SLS
۱۷/۹۰۲	۰/۰۸۸	۰/۱۲۵	۰/۰۵۵	۵/۹۹۷	۲/۲۲۲	۳/۸۰۱	2SILS
۱۷/۸۵۱	۰/۰۹۰	۰/۱۲۵	۰/۰۵۴	۵/۹۹۷	۲/۲۲۱	۳/۸۰۱	2SJLS
۱۵/۵۵۶	۰/۰۱۸	۰/۰۱۵	۰/۰۳۲	۶/۰۳۱	۲/۹۹۷	۴/۰۰۱	2SCLS

همان‌طور که از جدول ۲ ملاحظه می‌شود برآوردهای حاصل از سه روش 2SLS، 2SILS و 2SJLS تقریباً بر هم منطبق‌اند و این برآورد کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای کالبیده است که دقیقی بیشتر و اریبی کمتری نسبت به دیگر برآوردها دارند. با این حال برآوردهای حاصل از سه روش اول نیز دارای دقت خوبی هستند. بنابراین می‌توان اذعان کرد که در این مطالعه شبیه‌سازی استفاده از برآورد کالبیده دقیق برآوردهای حاصل از روش 2SLS را افزایش می‌دهد. بنابر نتایج مطالعه شبیه‌سازی از میان سه روش پیشنهادی، روش 2SCLS بهترین عملکرد را داشته است. لذا استفاده از آن برای مطالعه مدل‌های رگرسیونی با وجود متغیرهای درون‌زا توصیه می‌شود.

در ادامه بر اساس داده‌های هزینه و درآمد گردآوری شده در سال ۱۳۹۰ ایران یک مدل معادلات همزمانی برآش داده شد و بر اساس روش‌های ارائه شده در این مقاله، نتایج حاصل از آن‌ها مورد تحلیل قرار می‌گیرد.

## ۵ مثال کاربردی

در این مقاله داده‌های هزینه و درآمد مربوط به سال ۱۳۹۰ شامل ۱۳۳۴۵ نمونه از ۳۲ استان مورد استفاده قرار گرفت. هدف اصلی این مطالعه، بررسی اثر همزمان درآمد و هزینه روی یکدیگر است. لذا مدل دو معادله‌ای بر روی داده‌های هزینه و درآمد برآش داده شد که بر اساس این مدل دو متغیر هزینه ناخالص و درآمد به عنوان

متغیر درونزا لحاظ شدند و سایر متغیرهای گردآوری شده تحت عنوان متغیرهای برونز مورد استفاده قرار گرفتند. بنا به مطالعه اجمالی و همچنین نظر کارشناسان مدل برآش داده شده عبارت است از:

$$\begin{aligned} \log GH &= \beta_0 + \beta_{DD} D + \sum_{i=1}^5 \beta_{C_i} C_i + \sum_{i=1}^7 \beta_{A_i} A_i + \sum_{i=1}^{29} \beta_{B_i} B_i + \epsilon_1 \quad (V) \\ D &= \gamma_0 + \gamma_{GH} \log GH + \sum_{i=1}^5 \gamma_{C_i} C_i + \sum_{i=1}^7 \gamma_{A_i} A_i + \sum_{i=1}^4 \gamma_{D_i} D_i \\ &+ \gamma_{B_1} B_1 + \gamma_{B_2} B_2 + \gamma_{B_3} B_3 + \gamma_{B_5} B_5 + \gamma_{B_7} B_7 \\ &+ \gamma_{B_{18}} B_{18} + \gamma_{B_{19}} B_{19} + \gamma_{B_{22}} B_{22} + \epsilon_2, \end{aligned} \quad (8)$$

که توصیف کلی متغیرهای به کار رفته در جدول ۳ ارائه شده‌اند. شکل‌های ۱ و ۲ نیز نمایش هندسی از متغیرهای درآمد و لگاریتم هزینه و همچنین سایر متغیرهای کمی ارائه می‌دهد. لازم به ذکر است که به منظور برآش مدل همزمان (۷) و (۸) متغیرهای درآمد و لگاریتم هزینه استاندارد شده‌اند.

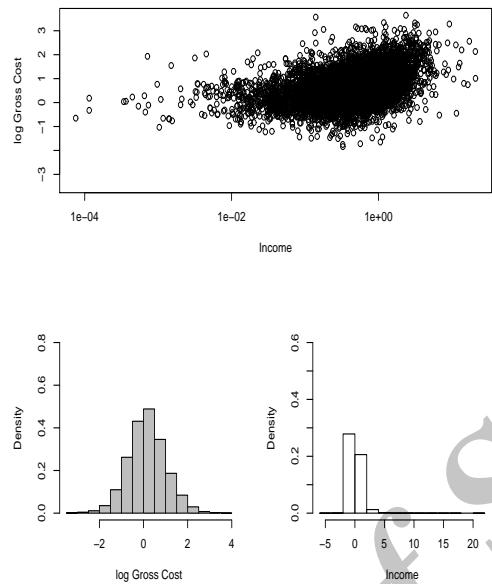
با استفاده از روش 2SLS و سه روش پیشنهادی برآوردهای این مدل دو معادله همزمانی ارائه گردید که نتایج حاصل در جداول ۳ و ۴ آمده است. بیان این نکته ضروری است که در جداول ارائه شده تنها برآورد ضرایبی که به لحاظ آماری در سطح ۵٪ معنادار بودند گزارش شده است و همچنین پارامترها بر اساس نام متغیرهای آنان ذکر شده است.

جدول ۳ مربوط به برآش مدل معادلات همزمانی حاصل از رابطه (۷) و جدول ۴ مرتبط با مدل (۸) است. بر اساس جدول ۳، به طور کلی استفاده از تسهیلات (آشپزخانه، حمام، تلفن، شبکه فاضلاب شهری، حرارت مرکزی و پکیج) به جز مورد گاز لوله کشی تاثیر مستقیم بر روی هزینه ناخالص خانوارها دارد. همچنین استفاده از سایر لوازم عمده زندگی به جز پنکه تاثیر مستقیم بر روی هزینه ناخالص خانوارها دارد طوری که عدم استفاده از این لوازم هزینه خانوارها را افزایش می‌دهد. از طرفی درآمد، بعد خانوار، تعداد افراد باسواد، تعداد محصلین و شاغلین در خانوار ارتباط مستقیم با هزینه ناخالص خانوارها دارند. بر اساس جدول ۴، هر اندازه هزینه ناخالص، تعداد افراد باسواد، شاغلین، افراد با درآمد در یک خانوار بیشتر باشد

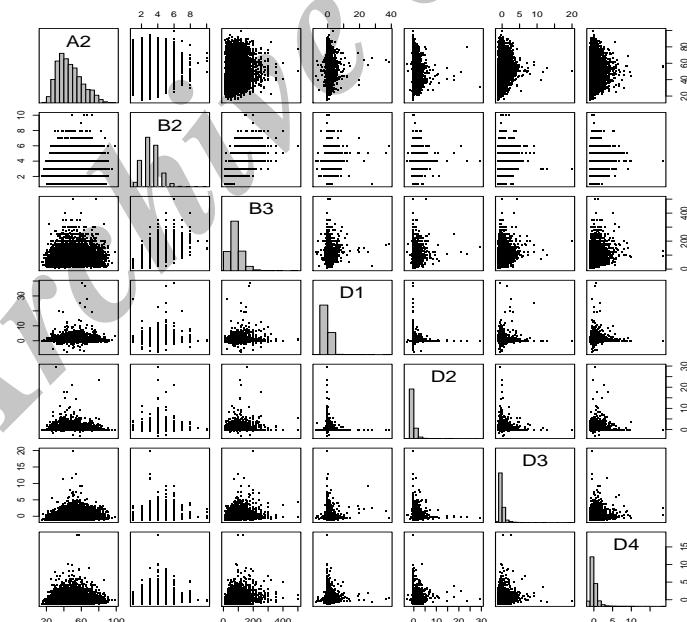
## ۲۱۴ ..... مدل‌های رگرسیون درون‌زا

**جدول ۳: متغیرهای به کار رفته در مدل**

نام متغیرها	علام اختصاری	نوع متغیر	کد‌های مربوطه
هزینه ناخالص	G H	کمی	-
درآمد	D	کمی	-
بعد خانوار	C ۱	کمی	-
تعداد افراد بساد	C ۲	کمی	-
تعداد مخصوص	C ۳	کمی	-
تعداد شاغلین	C ۴	کمی	-
تعداد افراد با درآمد	C ۵	کمی	-
جنسيت	A ۱	کیفی	۱: مرد، ۲: زن
سن	A ۲	کمی	-
وضع سواد	A ۳	کیفی	۱: باسواد، ۲: بی‌سواد
وضعیت تحصیلی	A ۴	کیفی	۱: پایلو، ۲: خیر
مدرک تحصیلی	A ۵	کیفی	۱: بی‌سواد، ۲: دبلیم، ۳: فوق دبلیم، ۴: لیسانس، ۵: فرق لیسانس و بالاتر، ۶: حوزه‌زی
وضعیت فعالیت	A ۶	کیفی	۱: شاغل، ۲: بیکار، ۳: دارای درآمد بدون کار، ۴: محصل، ۵: خانه‌دار، ۶: سایر
وضعیت زناشویی	A ۷	کیفی	۱: دارای همسر، ۲: همسر فوت شده، ۳: مطلقه، ۴: مجرد
نحوه تصرف محل سکونت	B ۱	کیفی	۱: ملکی عرصه و اعیان، ۲: ملکی اعیان، ۳: اجاری
تعداد آنات در اخبار	B ۲	کمی	۴: رهن، ۵: در برابر خدمت، ۶: رایگان
سطح زیربازی محل سکونت	B ۳	کمی	-
مصالح به کار رفته در ساختمان محل سکونت	B ۴	کمی	-
آتومبیل شخصی	B ۵	کیفی	-
موتور سیکلت	B ۶	کیفی	-
ماشین لایس شویی	B ۷	کیفی	-
دوچرخه	B ۸	کیفی	-
رادبو	B ۹	کیفی	-
ضبط و پخش صوت	B ۱۰	کیفی	-
یخچال	B ۱۱	کیفی	-
فریزر	B ۱۲	کیفی	-
پیچجال فریزر	B ۱۳	کیفی	-
اجاق گاز	B ۱۴	کیفی	-
چارو برقی	B ۱۵	کیفی	-
تلویزیون زنگو	B ۱۶	کیفی	-
انواع ویدئو	B ۱۷	کیفی	-
رایانه	B ۱۸	کیفی	-
چرخ خیاطی	B ۱۹	کیفی	-
پینکه	B ۲۰	کیفی	-
آب لوله کشی	B ۲۱	کیفی	-
برق	B ۲۲	کیفی	-
ایترنت	B ۲۳	کیفی	-
آشپزخانه	B ۲۴	کیفی	-
گاز لوله کشی	B ۲۵	کیفی	-
برودت مرکزی	B ۲۶	کیفی	-
حمام	B ۲۷	کیفی	-
تلفن	B ۲۸	کیفی	-
شبکه فاضلاب شهری	B ۲۹	کیفی	-
سوخت برای پخت و پز	B ۳۰	کیفی	-
کولر آبی متحرک	B ۳۱	کیفی	-
کولر گازی متحرک	B ۳۲	کیفی	-
حرارت مرکزی	B ۳۳	کیفی	-
پکج	B ۳۴	کیفی	-
کولر گازی ثابت	B ۳۵	کیفی	-
سوخت برای انجام گرما	B ۳۶	کیفی	-
تلفن همراه	B ۳۷	کیفی	-
ماشین طرفشی	B ۳۸	کیفی	-
سوخت برای نهیه آب گرم	B ۳۹	کیفی	-
درآمد پولی از مشاغل آزاد کشاورزی	D ۱	کمی	-
درآمد پولی از مشاغل آزاد غیرکشاورزی	D ۲	کمی	-
درآمدهای متفرقه (شامل پارانه بین می‌شود).	D ۳	کمی	-
درآمدهای متفرقه غیر پولی	D ۴	کمی	-



شکل ۱: نمودار پراکنش لگاریتم هزینه و درآمد و بافت‌نگار درآمد و لگاریتم هزینه ناچالص



شکل ۲: نمودار پراکنش زوچی متغیرهای کمی توصیف شده در جدول ۳

## مدل‌های رگرسیون درون‌زا ۲۱۶

جدول ۴: برآوردهای حاصل از برازش مدل معادلات همزمانی رابطه (۷)

خطای برآورد				برآورد				پارامتر	عرض از میدا
2SCLS	2SJLS	2SILS	2SLS	2SCLS	2SJLS	2SILS	2SLS		
۰/۰۰۱	۰/۱۵۱	۰/۱۵۱	۰/۱۵۱	-۰/۰۰۸	-۱/۱۶۹	-۱/۱۶۹	-۱/۱۶۹		
۰/۰۰۶	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۲۱۴	۰/۲۵۴	۰/۲۵۴	۰/۲۵۴	D	
۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۷۱	۰/۰۵۹	۰/۰۵۹	۰/۰۵۹	C۱	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۷	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۲۱	۰/۰۱۶	۰/۰۱۶	۰/۰۱۶	C۲	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۱۷	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	C۳	
۰/۰۰۳	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۱۷	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	C۴	
۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۹	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	A۱	
۰/۰۲۱	۰/۰۲۰	۰/۰۲۰	۰/۰۲۰	-۰/۰۱۰	-۰/۰۱۴	-۰/۰۱۴	-۰/۰۱۴	A۲	
۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	-۰/۰۱۸	-۰/۰۱۶	-۰/۰۱۶	-۰/۰۱۶	B۱	
۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۶	۰/۰۰۲	۰/۰۰۲	۰/۰۰۲	B۲	
۰/۰۱۰	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۳۰۹	۰/۲۹۲	۰/۲۹۲	۰/۲۹۲	B۳	
۰/۰۱۴	۰/۰۱۰	۰/۰۱۰	۰/۰۱۰	۰/۰۵۲	۰/۰۴۵	۰/۰۴۵	۰/۰۴۵	B۴	
۰/۰۲۱	۰/۰۲۴	۰/۰۲۴	۰/۰۲۴	۰/۰۸۹	۰/۰۸۷	۰/۰۸۷	۰/۰۸۷	B۵	
۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۰۴۲	۰/۰۳۷	۰/۰۳۹	۰/۰۳۹	B۶	
۰/۰۱۱	۰/۰۱۸	۰/۰۱۸	۰/۰۱۸	۰/۰۴۱	۰/۰۴۴	۰/۰۴۴	۰/۰۴۴	B۷	
۰/۰۲۱	۰/۰۲۸	۰/۰۲۷	۰/۰۲۷	۰/۰۹۶	۰/۰۹۰	۰/۰۹۰	۰/۰۹۰	B۸	
۰/۰۱۲	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۰۱۴	۰/۱۸۴	۰/۱۷۳	۰/۱۷۳	۰/۱۷۳	B۹	
۰/۰۲۲	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۲۱۹	۰/۲۰۱	۰/۲۰۱	۰/۲۰۱	B۱۰	
۰/۰۱۰	۰/۰۱۲	۰/۰۱۲	۰/۰۱۲	۰/۰۸۶	۰/۰۸۴	۰/۰۸۴	۰/۰۸۴	B۱۱	
۰/۰۱۸	۰/۰۲۱	۰/۰۲۰	۰/۰۲۰	۰/۱۳۱	۰/۱۰۱	۰/۱۰۱	۰/۱۰۱	B۱۲	
۰/۰۱۰	۰/۰۱۰	۰/۰۱۲	۰/۰۱۲	-۰/۰۱۷	-۰/۰۱۶	-۰/۰۱۶	-۰/۰۱۶	B۱۳	
۰/۰۳۴	۰/۰۲۱	۰/۰۲۲	۰/۰۲۳	۰/۱۲۹	۰/۱۲۴	۰/۱۲۴	۰/۱۲۴	B۱۴	
۰/۰۲۰	۰/۰۲۴	۰/۰۲۳	۰/۰۲۴	-۰/۰۹۰	-۰/۰۹۴	-۰/۰۹۴	-۰/۰۹۴	B۱۵	
۰/۰۱۲	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۰۱۹	۰/۰۹۱	۰/۰۷۷	۰/۰۷۷	۰/۰۷۷	B۱۶	
۰/۰۱۰	۰/۰۱۳	۰/۰۱۳	۰/۰۱۳	۰/۱۰۷	۰/۰۹۵	۰/۰۹۵	۰/۰۹۵	B۱۷	
۰/۰۵۱	۰/۰۴۴	۰/۰۵۲	۰/۰۵۴	۰/۱۵۵	۰/۱۴۹	۰/۱۴۹	۰/۱۴۹	B۱۸	
۰/۰۳۲	۰/۰۳۸	۰/۰۳۸	۰/۰۳۹	۰/۱۲۳	۰/۱۲۳	۰/۱۲۳	۰/۱۲۳	B۱۹	
۰/۰۰۹	۰/۲۵۰	۰/۲۴۴	۰/۲۵۳	۰/۵۶۱	۰/۵۶۱	۰/۵۶۱	۰/۵۶۱	B۲۰	
۰/۲۹۹	۰/۶۰۱	۰/۶۰۹	۰/۶۱۸	۱/۷۲۱	۱/۷۱۳	۱/۷۱۳	۱/۷۱۳	B۲۱	
۰/۰۱۴	۰/۰۱۶	۰/۰۱۷	۰/۰۱۷	۰/۲۳۹	۰/۲۲۷	۰/۲۲۷	۰/۲۲۷	B۲۲	
۰/۰۹۵	۰/۱۰۰	۰/۱۴۴	۰/۱۵۱	۰/۲۳۵	۰/۲۱۱	۰/۲۱۱	۰/۲۱۱	B۲۳	
		۰/۵۹۱	۰/۴۶۵	۰/۴۶۵	۰/۴۶۷	R†			
		۰/۵۴۱	۰/۶۲۹	۰/۶۲۹	۰/۶۲۰	$\sigma_e$			

جدول ۵: برآوردهای حاصل از برازش مدل معادلات همزمانی رابطه (۸)

خطای برآورد				برآورد				پارامتر	log GH
2SCLS	2SJLS	2SILS	2SLS	2SCLS	2SJLS	2SILS	2SLS		
۰/۰۰۴	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۵۰	۰/۱۴۱	۰/۱۴۱	۰/۱۴۱		
۰/۰۰۳	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	-۰/۰۲۸	-۰/۰۲۱	-۰/۰۲۱	-۰/۰۲۱	C۱	
۰/۰۰۴	۰/۰۰۶	۰/۰۰۶	۰/۰۰۶	۰/۰۲۲	۰/۰۲۸	۰/۰۲۸	۰/۰۲۸	C۲	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۱۵	۰/۰۱۲	۰/۰۱۲	۰/۰۱۲	C۴	
۰/۰۰۶	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۱۷۷	۰/۱۷۱	۰/۱۷۱	۰/۱۷۱	C۵	
۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	-۰/۰۰۶	-۰/۰۰۶	-۰/۰۰۶	-۰/۰۰۶	A۲	
۰/۰۹۵	۰/۱۵۱	۰/۱۸۵	۰/۱۸۴	۰/۱۸۰	۰/۰۵۸	۰/۰۵۸	۰/۰۵۸	A۳	
۰/۰۰۰	۰/۱۴۹	۰/۱۸۱	۰/۱۸۴	-۰/۰۵۰	-۰/۰۵۴	-۰/۰۵۸	-۰/۰۵۸	A۴	
۰/۰۰۳	۰/۰۰۳	۰/۰۰۳	۰/۰۰۳	۰/۰۹	۰/۰۲۹	۰/۰۲۹	۰/۰۲۹	B۱	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۱۰	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	۰/۰۰۷	B۲	
۰/۰۱۰	۰/۰۰۹	۰/۰۰۹	۰/۰۱۰	۰/۰۹۳	۰/۱۰۳	۰/۱۰۳	۰/۱۰۳	B۳	
۰/۰۰۸	۰/۰۰۷	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	-۰/۰۴۹	-۰/۰۱۴	-۰/۰۱۴	-۰/۰۱۴	B۶	
۰/۰۱۰	۰/۰۱۲	۰/۰۱۳	۰/۰۱۴	۰/۲۱۱	۰/۲۲۲	۰/۲۲۲	۰/۲۲۲	B۱۸	
۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	۰/۰۰۸	-۰/۰۲۹	-۰/۰۱۸	-۰/۰۱۸	-۰/۰۱۸	B۱۹	
۰/۰۲۱	۰/۰۲۱	۰/۰۱۹	۰/۰۲۴	۰/۰۶۹	۰/۰۸۲	۰/۰۸۲	۰/۰۸۲	B۲۳	
۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	۰/۴۰۱	۰/۴۵۹	۰/۴۵۹	۰/۴۵۹	D۱	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۴	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۲۳۵	۰/۲۳۹	۰/۲۳۶	۰/۲۳۶	D۲	
۰/۰۰۴	۰/۰۰۵	۰/۰۰۶	۰/۰۰۶	۰/۲۱۰	۰/۲۹۹	۰/۳۰۱	۰/۳۰۱	D۳	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵	۰/۱۴۲	۰/۱۵۰	۰/۱۴۹	۰/۱۴۹	D۴	
		۰/۷۷۱	۰/۷۶۷	۰/۷۶۶	۰/۷۶۴	R†			
		۰/۴۳۱	۰/۴۴۸	۰/۴۴۹	۰/۴۵۲	$\sigma_e$			

درآمد کل خانوار نیز بیشتر خواهد بود. با این حال تسهیلات و لوازم عمدۀ زندگی به جز استفاده از چند مورد تسهیلات رفاهی زندگی مانند اتومبیل، موتور، رایانه، اینترنت و چرخ خیاطی تاثیری بر میزان درآمد خانوارها ندارند. این در حالی است که نوع تصرف محل سکونت و تعداد اتفاق‌های در اختیار تاثیری مستقیم بر درآمد خانوارها دارد.

نکته قابل تأمل این است که نتایج ارائه شده در جدول ۳ و ۴ تا حدودی مشابه نتایج حاصل از مطالعه شبیه‌سازی است، به این معنی که برآوردهای حاصل از 2SILS و 2SJLS منجر به نتایجی یکسان شده است. در مقابل برآورد حاصل از روش 2SCLS نتایجی متفاوت با خطای کمتری را نمایش می‌دهد. لذا همان‌طور که پیش‌بینی می‌شد برآوردهای حاصل از روش 2SCLS عملکرد بهتری نسبت به روش‌های دیگر دارد. بیان این نکته ضروری است که قصد این مقاله ارائه نحوه برآشش مدل و ارزیابی کارایی و معیارهای مناسبت مدل نبود. بلکه هدف اصلی نوشته حاضر درنظر گرفتن سنگ محکی برای ارزیابی برآورد پارامترهای حاصل از به کارگیری الگوریتم‌های مختلف توصیف شده در این مقاله برای بهبود روش 2SLS بوده است.

## بحث و نتیجه گیری

تحلیل مدل‌های رگرسیونی در حضور متغیر درونزا به دلیل کاربرد وسیع آن در مدل‌های اقتصادی مورد توجه محققین بی‌شماری قرار گرفته است. از نقطه نظر استنباطی حضور متغیرهای درونزا سبب اریبی و ناسازگاری برآورد پارامترهای مدل می‌شود. یکی از راه‌های فائق آمدن بر مساله درونزا ای مغایرها استفاده از متغیرهای ابزاری است. به کارگیری چنین متغیرهایی همراه با بهره‌برداری از روش 2SLS برآورده با اریبی کمتر و دقت بیشتر (برآورده سازگار) ارائه می‌دهد. در مقاله حاضر سعی شد با استفاده از سه رویکرد پیشنهادی با عنوانین الگوریتم تکراری، جکنایف و کالبیده، اریبی برآورد حاصل از روش کمترین توان‌های دوم دو مرحله‌ای کاهش داده شود.

از آنجا که تحلیل رگرسیونی در حضور متغیرهای درون‌زا و ابزاری حالتی خاص از مدل‌های معادلات همزمانی است، برای نشان دادن نحوه کاربریت مدل‌ها، مدلی به داده‌های هزینه و درآمد گردآوری شده ۱۳۹۰ ایران برآذش داده شد. بر اساس نتایج حاصل مشاهده شد که با استفاده از روش کالبیده، اریبی و دقت برآورد حاصل نسبت به سه روش دیگر مناسب‌تر بوده و در مقابل هر سه روش 2SILS و 2SJLS نتایج مشابهی داشته‌اند.

حضور متغیرهای درون‌زا در مدل‌های چندسطحی نیز سبب اریبی و ناسازگاری برآوردگر پارامترهای مدل می‌شود. لذا به دست آوردن برآوردگرهای ناریب و ناسازگار در این مدل‌ها می‌تواند موضوع تحقیقاتی جالب توجهی باشد. نگارندگان مقاله حاضر قصد دارند این موضوع را در پژوهش‌های آتی مدنظر قرار داهمند.

#### تقدیر و تشکر

نویسنندگان مراتب قدردانی خود را از داوران محترم برای ارائه نقطه نظر اتسان و هیئت تحریریه‌ی محترم مجله علوم آماری اعلام می‌دارند.

#### مراجع

- Amihud, Y. and Hurvich, C. M. (2004), Predictive Regressions: A Reduced-Bias Estimation Method, *Journal of Financial and Quantitative Analysis*, **39**, 813-841.
- Anderson, T. W. and Rubin, H. (1949), Estimation of Parameters of a Single Equation in a Complete System of Stochastic Equations, *Annals of Mathematical Statistics*, **20**, 46-63.
- Bowden, S. and Turkington, D. A. (1984), *Instrumental Variables*, Oxford University Press, New York.
- Cleveland, W. S. (1979), Robust Locally Weighted Regression and Smoothing Scatterplots, *Journal of the American Statistical Association*, **74**,

امید اخگری، موسی گل علیزاده ..... ۲۱۹

829-836.

Davidson, R. and MacKinnon, J. G. (1993), *Estimation and Inference in Econometrics*, Oxford University Press, New York.

Donald, S. G. and Newey, W. K. (2001), Choosing the Number of Instruments, *Econometrica*, **69**, 1161-1169.

Ebbes, P. (2004), *Latent Instrumental Variables: A New Approach to Solve for Endogeneity*, Ph.D. Thesis, University of Groningen.

Ebbes, P., Wedel, M., Baockenholt, U. and Steerneman, A. G. M. (2005), Solving and Testing for Regressor-Error (in) Dependence When no Instrumental Variables are Available: With New Evidence for the Effect of Education on Income, *Quantitative Marketing and Econometrics*, **3**, 365-392.

Ebbes, P., Wedel, M. and Baockenholt, U. (2009), Frugal IV Alternatives to Identify the Parameter for an Endogenous Regressor, *Journal of Applied Econometrics*, **24**, 446-468.

Heckman, J. (1979), Sample Selection Bias as a Specification Error, *Econometrica*, **47**, 153-161.

Imbens, G. and Angrist, J. (1994), Identification and Estimation of Local Average Treatment Effect, *Econometrica*, **62**, 467-476.

Kivietd, J. F. (1995), On Bias, Inconsistency and Efficiency of Various Estimators in Dynamic Panel Data Models, *Journal of Econometrics*, **68**, 53-78.

Miller, R. G. (1974), The Jackknife- A Review, *Biometrika*, **61**, 1-15.

۲۲۰ ..... مدل‌های رگرسیون درون‌زا

- Pearl, J. (2000), *Causality*, Cambridge University Press, New York.
- Ruud, P. A. (2000), *An Introduction to Econometric Theory*, Oxford University Press, New York.
- Stock, J. H., Wright, J. H. and Yogo, M. (2002), A Survey of Weak Instruments and Weak Identification in Generalized Method of Moments, *Journal of Business and Economic Statistics*, **20**, 518-529.
- Theil, H. (1953a), Repeated Least-Squares Applied to Complete Equation Systems, Mimeo, The Hague: *Central Planning Bureau*.
- Theil, H. (1953b), Estimation and Simultaneous Correlation in Complete Equation Systems, Mimeo, The Hague: *Central Planning Bureau*.
- Theil, H. (1954), Estimation of Parameters in Econometric Models, *Bulletin of the International Statistical Institute*, **34**, 122-129.
- Wooldridge, J. M. (2002), *Econometric Analysis of Cross Section and Panel Data*, The MIT Press, Cambridge.