

بازیابی یک بازوی مکانیکی ماهر متحرك واژگون شده به کمک سیستم بینایی

دادود نادری (استادیار)

محمد کربوهی (دانشجوی کارشناسی ارشد)

دانشکده‌ی مهندسی، گروه مکاتلیک، دانشگاه بوعلی سینا همدان

مهمن ستاری (موبایل)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه اصفهان

در آینده استفاده از ربات‌های کلوشگر در سطوح ناهموار برای انجام کارهای سخت و بلون نیاز به نظارت انسان کاربردهای بسیار وسیعی خواهد داشت. بسیاری از الگوریتم‌های هغلی کنترل و طراحی مسیر، مشخصات ربات و محیط را در نظر نمی‌گیرند و لذا کاری آنها در سطوح ناصاف محدود خواهد بود. بنابرین نایابداری و حتی واژگونی این وسائل در چنین شرایطی دور از انتظار نیست. در این تحقیق بازیابی حرکت از حالت «واژگونی از بغل» یک بازوی مکانیکی ماهر با استفاده از اهرم‌بندی و سیستم بینایی ارائه شده است. برای کنترل عملیات بازیابی و رسیدن به یک حالت بینهایه، الگوریتم رتیک و یک مدل شبه استاتیکی به کار گرفته شده است. معیار به کار گرفته شده برای بینهایه‌سازی، توان مصرفی کاراندازی‌های بازوی مکانیکی است. طراحی مسیر حرکت مجری بر روی سطح در تعیین این معیار حائز اهمیت است. بدین منظور برای تخمین منحنی سطح ناهموار از یک سیستم بر جسته‌سازی دوپلکسی، روشی مشابه بینایی انسان و علم پردازش تصویر، استفاده می‌شود. در پایان نتایج حاصل از شبیه‌سازی، کارایی الگوریتم‌های به کار گرفته شده را نشان می‌دهند.

۱. مقدمه

این نمونه می‌توان ربات چهارچخ JPL را نام برد که یک الگوریتم کنترل برای آن ارائه شده است.^[۱] این الگوریتم با تغییر مکان مرکز جرم قادر به بهبود پایداری است. همچنین از روش الگوریتم رتیک برای حرکت دادن بازوی مکانیکی به منظور اصلاح موقعیت مرکز جرم، برای کمک به پایداری نیز استفاده شده است.^[۲] به منظور کنترل مؤثر سیستم تعیین مفصل دار روش جدیدی برای افزایش پایداری بازوی مکانیکی متحرك در مقابل واژگونی به کار رفته است.^[۳] در این روش با استفاده از یک مدل شبه استاتیکی و بینهایه‌سازی آنلاین (روی خط)، پایداری ایجاد شده است. در ادامه‌ی این مطالعه به منظور افزایش پایداری و قابلیت تحرك اکلوشگر، زمین ناهموار به صورت یک سطح تغییر شکل یافته در نظر گرفته شده و از روشی بر پایه‌ی سیستم بینایی به منظور اندازه‌گیری میزان فرورفتگی چرخ‌ها استفاده شده است.^[۴]

تاکنون تحقیقات انجام شده اساساً در راستای بهبود پایداری ربات در زمین‌های ناهموار بوده است. همواره ربات متحرك پایدار فرض شده و لذا تحقیقی برای بازیابی ربات‌های متتحرك و درنهایت واژگونی انجام نشده است. اما در واقع نایابداری ربات‌های متتحرك و درنهایت واژگونی کامل آنها غیرقابل اجتناب است و واژگونی ربات‌های متتحرك می‌تواند موجب شکست مأموریت‌ها و تحمل هزینه‌های سنگین شود. به همین علت بازیابی حرکت از حالت واژگونی بازوی مکانیکی متتحرك توسط

ربات‌هایی که دارای مرکز جرم ثابت هستند خطر واژگونی آنها را بیشتر تهدید می‌کند. واضح است که در محاسبه‌ی خطر واژگونی، نسبت پهنای مؤثر وسیله به ارتفاع مرکز جرم پارامتر بسیار مهمی است.^[۵] برای تعیین ارتفاع مرکز جرم، یک روش برآورد Online ارائه شده است.^[۶] با توجه بر تأثیر چرخش بدن، تأثیرات تغییر شکل جانبی تایرها و معانه‌ای ژیروسکوپی حاصل از گردش تایرها را در نظر می‌گیرد. در مطالعات اخیر، تأثیرات مهم ثانوی ناشی از سیستم تعیین فرمی که موجب تمایل به واژگونی می‌شوند، مورد بحث قرار گرفته است.^[۷]

اخیراً ربات‌هایی با سیستم تعیین مفصل دار فعل به منظور اصلاح پیکربندی چرخ‌ها برای افزایش قابلیت حرکتی بر روی زمین‌های ناهموار طراحی شده‌اند. مرکز جرم این ربات‌های تغییر شکل یافته با دو اهرم برای رسیدن به پایداری تغییر می‌باشد. همچنین این ربات‌ها قادرند مرکز جرم‌شان را با حرکت دادن بازوی مکانیکی جابجا کنند. از

شروع تا لحظه‌ی بازیابی، می‌توان زوایای تعیین‌کننده‌ی پیکربندی بازوی مکانیکی را تعیین کرد.

۲. سیستم بینایی

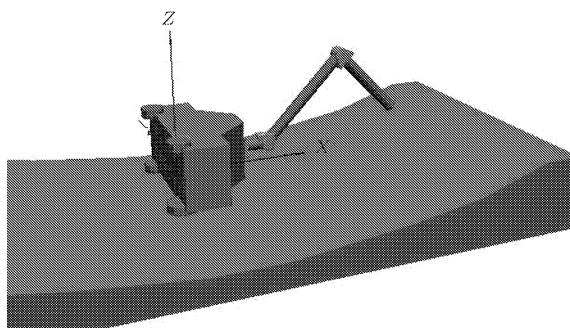
سیستم بینایی انسان قادر به استخراج دقیق اطلاعات سه بعدی از صحنه‌های دیدنی دو بعدی است. این مسئله‌ها را به این باور می‌رساند که در تصاویر دو بعدی اطلاعات کافی برای رسیدن به یک تصویر سه بعدی وجود دارد. بدین سبب مطالعات فراوانی برای فرموله کردن چنین عملکردی انجام شده که از آن جمله می‌توان به تخمین عمق مطلق یا نسبی بر پایه‌ی تکنیک‌های پردازش تصویر برای سیستم‌های بینایی ماشین اشاره کرد.^[۱۱]

تکنیک‌های مورد استفاده به منظور تعیین عمق اجسام به دو مقوله تقسیم می‌شوند: دریافت فعال^۳ و دریافت غیرفعال.^۴ دریافت فعال معمولاً مستلزم انتقال انرژی است، مثل امواج آکوستیک، الکترومغناطیسی، امواج مادون قرمز و لیزر که بعد از برخورد به سطح بازتاب پیدا می‌کنند. در طرف مقابل، دریافت غیر فعال غالباً از روش‌نایابی موجود روی جسم برای پیدا کردن عمق آن استفاده می‌کند.

روش‌های دریافت فعال از معمولی ترین روش‌های فاصله‌یابی آنده که فاصله‌ی زمان پرواز (TOF) را در نظر می‌گیرند. حسگرهای به کار رفته در این شیوه، با تعیین زمان سپری شده بین سیگنال ارسالی و دریافتی، وسیس ضرب این زمان در سرعت سیگنال، فاصله را تعیین می‌کنند. به حال استفاده از TOF در فواصل کوچک با سیگنال‌های سریع نتایج کم‌دقیقی را عرضه می‌دارد.^[۱۲]

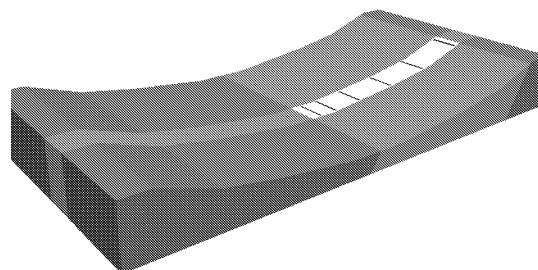
دریافت غیرفعال روشی دیگر برای تعیین عمق سطوح است که از روش‌های پردازش تصویر استفاده می‌کند؛ برای آنالیز آن نیاز از روش‌هایی مثل تجزیه و تحلیل بافت، حرکت، همگرایی و غیره بهره می‌برد. همه‌ی این روش‌ها مشخصاً دارای مزایا و معایبی در فرمولبندی و به کارگیری هستند.^[۱۳]

یکی دیگر از روش‌های دریافت غیرفعال، استفاده از برجسته‌سازی دو چشمی است که شباهت بسیار به بینایی انسان دارد. در این روش از دو دوربین نزدیک به هم برای گرفتن تصویر استفاده می‌شود. اطلاعات مربوط به عمق با به کارگیری این دو تصویر و تعدادی نقاط کنترل بر روی سطح جسم به دست می‌آیند. از آن جا که می‌توان برای افزایش دقت تعداد دوربین بیشتری به کار برد، لذا استفاده از آن عمومیت بیشتری دارد. همچنین این روش برای تهیه‌ی نقشه‌ی سطح نیز مفید است.^[۱۴] در روشی مشابه، دو یا چند تصویر گرفته شده از یک دوربین در مکان‌های مختلف هم می‌تواند اطلاعات مربوط به عمق را بهمین ترتیب پیدا کند.



شکل ۱. ذهنی بازیابی یک بازوی مکانیکی متوجه و ازگون.

خدشان و بدون دخالت انسان از اهمیت زیادی برخوردار است. در این پژوهش یک بازوی مکانیکی متوجه به صورت واژگون روزی یک سطح ناهموار در نظر گرفته شده که با استفاده از بازوی مکانیکی قصد بازیابی خود را به حالت اولیه دارد (شکل ۱). این بازوی مکانیکی ماهر چند رابط دارد که توسط اتصالات مفصلی به هم وصل شده‌اند و به وسیله‌ی موتورهای DC به کار می‌افتد. برای بازیابی باید مجری نهایی را با اعمال گشتاور توسط موتورها بر روی سطح ناهموار حرکت داد. بدین منظور لازم است پیکربندی بازو و پایه مشخص باشد، یعنی مقادیر مناسب متغيرهای مفصلی به منظور قراردادن مجری نهایی روی سطح باید محاسبه شوند. این وظیفه منجر به حل مسئله سینماتیک معکوس می‌شود که نیاز به شناخت پروفیل سطح نیز دارد. بنابراین اولین گام برای حل این مسئله مشخص کردن عمق نقاط مختلف است که از طریق آن منحنی سطح به دست می‌آید. بدین منظور می‌توان از شیوه‌های مختلف شناسایی سطح بهره گرفت که شیوه‌ی به کار گرفته شده در این پژوهش روش سیستم بینایی دوچشمی^۱ است. برای به کارگیری این روش، دو دوربین در دو جهت مختلف بر روی بازوی متصل به مجری نهایی نصب شده تا بتوان از یک سطح در جهات مختلف تصویربرداری کرد. با استفاده از علم پردازش تصویر و فتوگرامتری^۲ می‌توان عمق نقاط مورد نظر را نسبت به یک مبدأ مشخص، با استفاده از تصاویر گرفته شده، به دست آورد. با تخمین پروفیل سطح، مدل سازی سینماتیک و نیروهای بازوی مکانیکی در حین بازیابی با به کارگیری یک مدل شبه استاتیکی تعیین، و تابع توان مصرفی کاراندازهای آن بر حسب زوایای مفصلی نوشته می‌شود. بدلیل محدود بودن توان موتورهای محرك، از توان مصرفی موتورها به عنوان معیاری برای بهینه کردن حرکت بازوی مکانیکی ماهر استفاده می‌شود. بدین منظور الگوریتم ژنتیک در نرم افزار MATLAB که یکی از روش‌های بهینه سازی کلی است، مورد استفاده قرار می‌گیرد. الگوریتم ژنتیک به دلیل کارایی خوب در بهینه سازی عمومی و سهولت تعریف تابع هدف با توجه به نوع معادلات در این مسئله انتخاب شده است. سرانجام با کمینه کردن تابع توان از



شکل ۳. نحوه تاباندن الگوهای خطی.

می‌شود، کافی است که تحلیل‌ها بر روی نوازی‌باریکی در اطراف این محور متمرکز شود و از بررسی بقیه قسمت‌های تصویر صرف‌نظر شود. در این صورت تعیین عمق تعداد نقاط دلخواه روی این نوار نشان‌دهنده‌ی مقادیر ارتفاعی مسیری است که مجری نهایی برای بازیابی طی می‌کند. برای پیدا کردن نقاط مزدوج در دو تصویر، تعداد الگوی نورانی خطی که برای تعداد نقاط دلخواه است، روی سطح ناهموار تابانده می‌شود. تابش این الگوها بر روی نوار مرکزی است و تصویر این اشکال خطی در راستای افق صورت می‌گیرد (شکل ۳). علمت به کارگیری الگوی خطی آن است که اولاً عملیات پردازش تصویر از ابتدا تا انتها ماندگار باشد و از بین نزدیک، دوماً در صورت حذف یک یا چند پیکسل بعد از عملیات آشکارسازی لبه، بقیه قسمت‌های خط قادر به تعیین محل الگو باشند؛ سوم اینکه عملیات تناظریابی در آن آسان است. به‌دلیل ناهمواری موجود روی سطح و نیز جهت‌گیری مختلف دوربین‌ها، فاصله‌ی میان این الگوها و ابعاد آنها در هر دو عکس با هم متفاوت‌اند که این اختلاف می‌تواند برای محاسبه‌ی عمق مورد استفاده قرار گیرد.

۲.۰.۳. تخمین منحنی سطح

برای اینکه موقعیت الگوهای خطی با واقعیت مطابقت داشته باشد، شبیه‌سازی پروفیل سطح در ابتدا به صورت معکوس انجام می‌شود. بدین منظور برای سطح ناهموار منحنی‌یی با معادله‌ی زیر در نظر گرفته می‌شود:

$$Z = \alpha(X^2 - X) \quad (1)$$

سپس نقاطی به عنوان محل قرارگیری الگوها انتخاب شده و موقعیت آنها در هر دو تصویر با استفاده از معادلات قیدی هم خطی و تقاطع فضایی به دست می‌آید. برای مدل‌سازی مستقیم، از اطلاعات شبیه‌سازی معکوس استفاده شده و دو تصویر به‌گونه‌یی ساخته می‌شوند که توسط دو دوربین از سطح بدون بافت گرفته شده‌اند. این تصاویر به ابعاد $5 \times 5 cm$ ، و حاوی 48×48 پیکسل‌اند. در هر تصویر شش الگوی خطی موجود است و فرض برلین است که این تصویرها تحت تأثیر اغتناش گوسی قرار گرفته‌اند (شکل ۴). با اعمال عملیات فیلترینگ گوسی و بهبود

۱.۳. روش دوچشمی

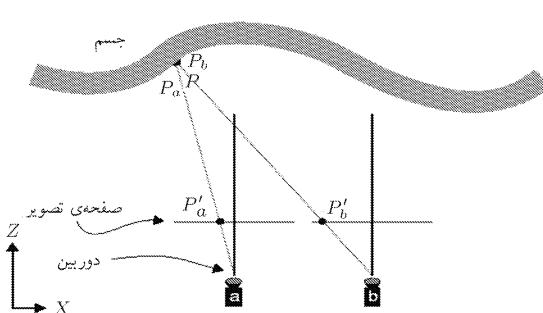
روشی که در این تحقیق برای به دست آوردن عمق نقاط به کار گرفته شده، استفاده از دو دوربین است که اصطلاحاً به آن «روش دوچشمی»^۵ نیز می‌گویند. در این روش توسط دو دوربین، تصویری از سطح گرفته می‌شود. این دوربین‌ها در مکان‌هایی مشخص روی ربات نصب شده‌اند. شکل یا نقطه‌یی روی سطح که توسط دو دوربین دیده شده، در موقعیت‌های مختلفی از صفحات تصویر قرار می‌گیرد. به‌دلیل سیستم تصویر مرکزی تصویربرداری، جایه‌جایی بین موقعیت‌های دو شکل در صفحه‌ی تصویر به وجود می‌آید که آن را عدم توافق^۶ می‌گویند. عمق نقاط مختلف با توجه به این عدم توافق در دو شکل به دست می‌آید (شکل ۲).

برای پیدا کردن نقاط متناظر در دو تصویر اکه نشان‌دهنده‌ی یک نقطه از سطح اند می‌توان از روش‌های تناظریابی استفاده کرد. پیداست که برای مشخص شدن نقاط مشابه باید پیکسل‌های اطراف آن نقطه با بقیه نقاط متفاوت باشند تا تطبیق کافلاً درستی صورت گیرد. بدین منظور می‌توان از ایجاد الگوهای خاص بر روی سطح استفاده کرد. برای مشخص کردن الگویی که در اطراف نقطه‌ی مورد نظر وجود دارد، آشکارسازی مرزها یا لبه‌یابی الگو لازم است تا بتوان با استفاده از آن عمل تطبیق را بکار برد. لبه‌یابی یکی از کاربردهای مهم پردازش تصویر است و الگوریتم آن فیلتر کردن، بهبود و آشکارسازی را شامل می‌شود.^[۱۵]

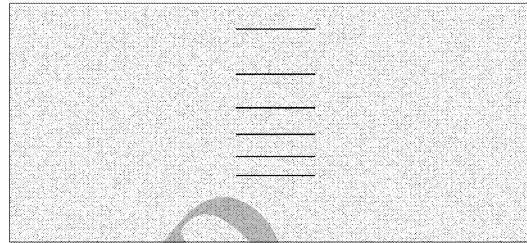
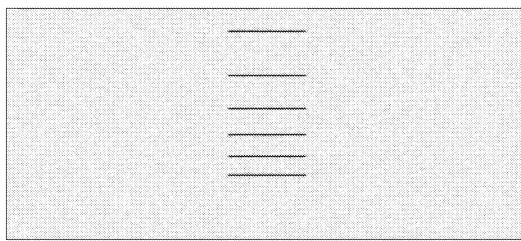
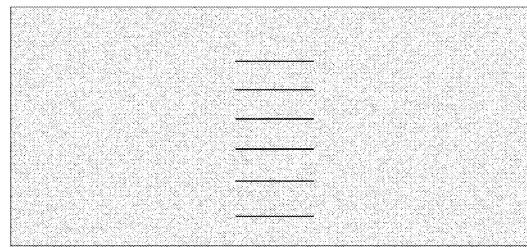
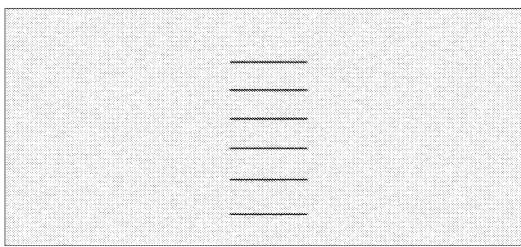
در نهایت به منظور دسترسی به عمق نقاط در نظر گرفته شده باید با استفاده از یکسری معادلات قیدی، ارتباط بین تصاویر و پارامترهای خارجی را به کار بست. این پارامترها عبارت‌اند از: موقعیت مرکز تصویر و وضعیت دوربین در لحظه‌ی عکس‌برداری.

۲.۰.۴. نحوه تصویرگیری

با توجه به فرض «و» (۱-۳ فرضیات) می‌توان دریافت که امتداد رابطه‌ی بازوی مکانیکی عمود بر کشیدگی سطح است و تصاویری که توسط دو دوربین متصل به رابطه‌ی گرفته شده یک محور متقاضن عمودی دارند. چون حرکت مجری نهایی ربات بر روی این محور انجام



شکل ۲. مدل ساده‌ی یک سیستم دوچشمی.



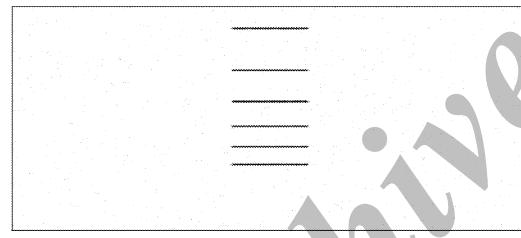
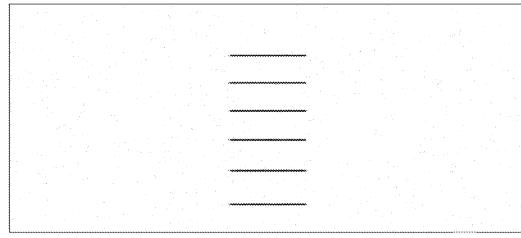
شکل ۵. تصاویر راست و چپ سطح بعد از اعمال فیلتر.

این تصاویر، اشکال ۵ و ۶ حاصل می‌شوند، بعد از عملیات فیلترینگ و بهبود، کتراست الگوهای خطی نسبت به قسمت‌های اختشاش تصاویر

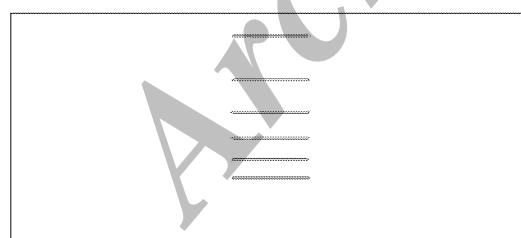
بالا رفته و سرانجام با استفاده از عملگر لبه‌یاب سابل، مرز الگوهای خطی مانند شکل ۷ معین می‌شوند. در این شبیه‌سازی زوایای دوربین‌ها (با توجه به شکل ۸) به صورت $\phi_1 = -20^\circ$ و $\phi_2 = +20^\circ$ حول محور Y و فاصله‌ی کانونی $f_1 = f_2 = 3\text{cm}$ انتخاب می‌شوند. محل قرارگیری دوربین‌ها در مختصات مرجع به صورت $X_{+1} = 120\text{cm}$ و $X_{-2} = 180\text{cm}$ در ارتفاع $Z_{+1} = Z_{-2} = 100\text{cm}$ است.

با توجه به اینکه شبیه سطح ناهموار در محل بازیابی زیاد در نظر گرفته نمی‌شود، ترتیب الگوها در هر دو عکس یکسان بوده و فقط فاصله‌ی آنها از هم تغییر کرده است. این نتیجه‌ی بسیار کارآمد، موجب ساده‌تر شدن عملیات تطبیق می‌شود. برای رسیدن به موقعیت هر الگوی خطی، جستجو از بالای تصویرها و سطر به سطر در محدوده‌ی نوار مرکزی آغاز می‌شود. بعد از اعمال عملگر آشکارسازی لبه، فقط الگوها مقدار پیکسل یک پیدا کرده و مقدار پیکسل‌های بقیه‌ی تصویر صفر هستند؛ لذا با میانگین‌گیری از مقادیر هر ردیف پیکسل حول محور وسط تصویر، می‌توان موقعیت پیکسل‌ی هر الگوی خطی را به دست آورد. با پیدا کردن شماره‌ی پیکسل مربوط به لبه‌ی هر خط در سیستم مختصات عکسی می‌توان با استفاده از تبدیل مختصات، محل هر الگو را نسبت به سیستم مختصات عکسی به دست آورد. در نتیجه با مشخص شدن موقعیت هر دو الگوی متناظر در سیستم عکسی، عملیات تناظریابی کامل می‌شود. باید توجه داشت که به علت دو بعدی شدن مسئله، نیازی به جستجوی افقی نیست، زیرا ارتفاع تمام نقاط موجود روی یک خط عرضی با هم برابر است.

با داشتن مختصات عکسی الگوها می‌توان روابط تقاطع فضایی



شکل ۶. تصاویر راست و چپ سطح بعد از اعمال فیلتر.



شکل ۷. تصاویر راست و چپ سطح بعد از آشکارسازی لبه.

۱.۳ فرضیات

در ابتدا به منظور کاهش پیچیدگی معادلات حاکم و جلوگیری از ورود مسئله‌ی هوش مصنوعی، فرضیات زیر برای سادگی تحلیل‌های سینماتیکی و سینتیکی انجام می‌شود:

الف) به دلیل حرکت بر روی سطح ناهموار سرعت بازوی مکانیکی کم در نظر گرفته شده و از اثرات دینامیکی آن صرف‌نظر می‌شود.

ب) پروفیل سطح ناهموار در یک ناحیه‌ی کوچک به طور عمده تغییر نمی‌کند و اختلاف ارتفاع نقاط مختلف سطح نیز زیاد نیست.

ج) با توجه به فرض ب و همچنین با آگاهی بر این که وزن پایه چند برابر وزن اهرم‌بندی است در نتیجه نقطه‌ی تماس چرخ و سطح، که دوران حول آن انجام می‌گیرد، ثابت فرض می‌شود.

د) محل تماس سطح و چرخ‌ها تک نقطه‌یی است و از طرف سطح هیچ گشتاوری به آنها وارد نمی‌شود.

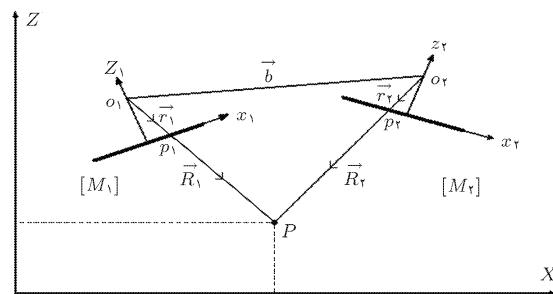
ه) سطح غیرقابل انعطاف و صلب در نظر گرفته می‌شود.

و) سطح ناهموار به صورت دوبعدی گسترش یافته در نظر گرفته شده و محوری که ربات حول آن واژگون شده در امتداد این کشیدگی است؛ لذا می‌توان از مدل دوبعدی به جای مدل سه‌بعدی استفاده کرد.

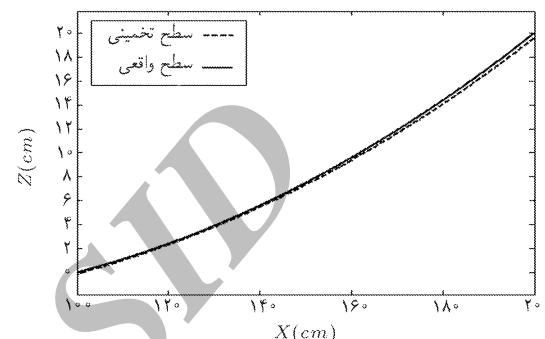
۲.۳ سینماتیک

تعیین حالت و پیکربندی مدل به صورت تابعی از سطح ناهموار است که برای تحلیل نیرویی مورد استفاده قرار می‌گیرد. در این تحقیق مسئله‌ی سینماتیک معمکس به عنوان موضوعی اساسی و پایه‌یی به کار گرفته می‌شود، بنابراین می‌توان با استفاده از نقشه‌ی پروفیل سطح به دست آمده از سیستم پیمانی و ضعیت بازوی مکانیکی را تعیین کرد. برای این‌هی تعریف کامل پیکربندی بازوی مکانیکی، پارامترهایی مورد نیاز است که به آنها اشاره خواهیم کرد.

سیستم به صورت یک بازوی مکانیکی با k : درجه آزادی در نظر گرفته شده که در فضای کاری w حرکت می‌کند. در اینجا w فضای اقلیدسی است و به صورت R^3 نمایش داده می‌شود. بازوی مکانیکی n را بسط دارد و به صورت L_i ($i = 1 \dots n$) تعریف می‌شود که در آن L_1 طول معادل پایه است (شکل ۱۰). همچنین با توجه به شکل مسئله می‌توان رابطه‌ی $n = k + 1$ را بین تعداد درجات آزادی و تعداد رابطه‌ها نوشت. موقعيت مجری نهایی و همچنین نقطه‌ی تماس چرخ و سطح در دستگاه مختصات دکارتی $\{x, y, z\}$ به ترتیب به صورت بردار $p_e = [x_e, y_e, z_e]$ و $[x_b, z_b] = p_b$ می‌شوند. جهتگیری عضوهای بازوی مکانیکی به صورت بردار زوایایی مفصلی $[x_{nj}, y_{nj}, z_{nj}] = \theta_{nj}$ می‌باشد که در این بردار z_{nj} زویه‌ی مفصلی بازوی نام در نقطه‌ی زام مسیر است.



شکل ۸. نمایش تقاطع فضایی.



شکل ۹. منحنی سطح واقعی و سطح برآورده شده با نرم‌افزار Vision.

را برای هر الگو در دو تصویر چپ و راست به کار برد: [۱۶]

$$\begin{aligned} X_i(x_{ii} \sin(\phi_1) + f_1 \cos(\phi_1)) + Z_i(x_{i1} \cos(\phi_1) + \\ f_1 \sin(-\phi_1)) &= x_i(X_{o1} \sin(\phi_1) + Z_{o1} \cos(\phi_1)) + \\ f_1(X_{o1} \cos(\phi_1) + Z_{o1} \sin(-\phi_1))X_i(x_{i2} \sin(\phi_2) + \\ f_2 \cos(\phi_2)) + Z_i(x_{i2} \cos(\phi_2) + f_2 \sin(-\phi_2)) \\ &= x_i(X_{o2} \sin(\phi_2) + Z_{o2} \cos(\phi_2)) + f_2(X_{o2} \cos(\phi_2) + \\ Z_{o2} \sin(-\phi_2)) \end{aligned} \quad (2)$$

با حل معادلات ۲، پارامترهای نامعین X_i و Z_i که مختصات نقاط سطح ناهموار نسبت به محور دوران پایه‌یی ربات است، به صورت شکل ۹ به دست می‌آید. علت این خطای کوچک ناشی از تعداد پیکسل‌ها است که با انتخاب دوربین‌های گران قیمت‌تری که تعداد پیکسل حس‌گرهای آنها بیشتر است، می‌توان به دقت بالاتری دست یافت.

۳. مدل سازی بازوی مکانیکی

برای تعیین پیکربندی بازوی مکانیکی واژگون و نیروهای و نیز گشتاورهای اعمالی موتورها و ارائه‌ی معیاری برای کنترل حرکت می‌بایست تحلیل سینماتیک و سینتیک بازو انجام شود.

نیروها و گشتاورهای اعمال شده بر بازوهای مکانیکی که حاصل وجود سطح ناهموار و موتورهای محرك آند، به صورت $\vec{f}_i = [f_{xi} \ f_{zi} \ \tau_i]^T$ در دستگاه محلی مربوطه بیان می‌شوند. برای سیستم صفحه‌یی فوق، معادلات تعادل نیروی شبه استاتیکی برای هر مفصل تا نقطه‌ی تماسی چرخ و سطح به صورت رابطه‌ی ۴ نوشتہ می‌شود:

$$\left[\begin{array}{c|c} {}^i R & \begin{matrix} 0 & {}^i b \\ {}^i V_i^z & 1 \end{matrix} \\ \hline {}^i V_i^x & \begin{matrix} 0 & 0 \end{matrix} \end{array} \right] \begin{bmatrix} f_i \\ f_b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{x(i-1)} \\ F_{z(i-1)} \\ M_{y(i-1)} \end{bmatrix} \quad (4)$$

که در آن $[f_x \ f_z] = f_b = f_1 = [f_{x1} \ f_{z1}]$ نیروی اعمالی از سوی زمین بر چرخ ربات است؛ ${}^i R$ یک ماتریس دوران 2×2 است و هر بردار از دستگاه θ را به برداری دیگر در دستگاه τ تبدیل می‌کند. با ترکیب معادلات تعادل نیرویی فوق برای تمام مفاصل می‌توان یک ماتریس کلی نوشت:

$$GX = F \quad (5)$$

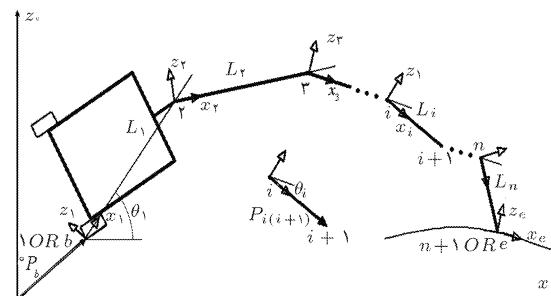
که در آن ماتریس G یکتابع از هندسه‌ی ربات، و X بردار نیروها و گشتاورهای مفاصل است.

با توجه به این که گشتاور در نقطه‌ی تماس مجری نهایی با سطح معادل صفر است، پس رابطه‌ی ۵ دارای $3n+1 = 3n+1 - 1 = 3n+2$ معادله‌ی و مجهول است؛ درنتیجه سیستم معادلات دارای یک درجه نامعینی است. با در نظر گرفتن حرکت مداوم مجری نهایی بر روی سطح، می‌توان معادله‌ی ۶ را به عنوان یک معادله‌ی اضافی برای حل دستگاه فوق در نظر گرفت:

$$f_{z(n+1)} \equiv f_{ze} = \pm \mu f_{xe} \quad (6)$$

در این رابطه μ ضریب اصطکاک بین سطح و مجری نهایی است و مقادیر مشت و منفی در آن به این دلیل است که مجری نهایی می‌تواند در دو جهت مختلف حرکت کند. با افزودن رابطه‌ی ۶ به دستگاه معادلات ۵، وسپس حل آنها می‌توان گشتاورهایی مورد نیاز موتورها، τ_e را به دست آورد.

به منظور دست‌یابی به حالت اولیه، لازم است حرکت اهرم‌بندی واژگون بر روی سطح ناهموار از لحظه‌ی توان مصروفی کمینه باشد. بدین‌منظور سیستم مورد مطالعه به صورت مسئله‌ی بهینه‌سازی مقدم فرموله می‌شود. در اینجا کمترین توان مصروفی موتورها از لحظه‌ی شروع تا حرکت خودکار به عنوان معیار بهینه‌سازی در نظر گرفته می‌شود. منظور از این بهینه‌سازی، کمینه‌کردن تابع فوق با اراضی قیود مسئله است. تابع بهینه‌سازی را می‌توان به صورت رابطه‌ی ۷ در نظر گرفت. از آنجا که کارندازهای بازوهای مکانیکی دارای موتورهای DC هستند، توان



شکل ۱۰. نمایش سیستم مختصات تحلیل سینماتیکی.

برای نوشتن معادلات سینماتیکی و حل مسئله‌ی سینماتیک معکوس، موقعیت مجری نهایی نسبت به چهارچوب مرجع به صورت رابطه‌ی ۳ نوشتہ می‌شود:

$${}^e P_e = {}^b P_b + \sum_{i=1}^n ({}^i R {}^i P_{i(i+1)}) \quad (3)$$

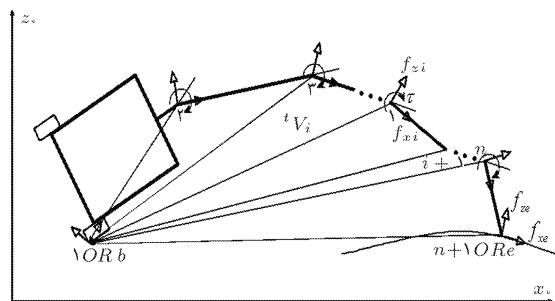
که

$${}^i R = {}^1 R \times \dots \times {}^{i-1} R, {}^i P_{i(i+1)} = {}^i P_{i+1} - {}^i P$$

در این رابطه ${}^1 R$ ماتریس دوران است و چهارچوب e را نسبت به چهارچوب $b - i$ توصیف می‌کند. همچنین ${}^i P_{i(i+1)}$ برداری است که رابطه‌ی e از i در مختصات مربوطه یعنی e نشان می‌دهد. با در نظر گرفتن k درجه آزادی برای سیستم، ورودی‌های رابطه‌ی ۳ نقاط ارتقای یا همان پروفیل سطح و همچنین k متغیر مستقل است و هدف از حل آن، محاسبه‌ی زوایای مفصلی در هر موقعیت از مجری نهایی است.

۳.۳. سینتیک

اهرم‌بندی k درجه آزادی صفحه‌یی به صورت واژگون بر روی یک سطح ناهموار در نظر گرفته می‌شود. بردار $\vec{V}_i = [{}^i V_i^x \ {}^i V_i^z]^T$ که نقاط مفصلی و مجری نهایی را به نقطه‌ی تماسی چرخ‌سطح وصل می‌کند، در مختصات موضعی مربوط به هر نقطه‌ی xz می‌شود (شکل ۱۱). بردار $[F_i] = [F_{xi} \ F_{zi} \ M_{yi}]$ با ابعاد 1×3 در دستگاه مختصات xz در نظر گرفته می‌شود، مجموع تأثیرات نیروهای گرانش و نیروهای تأثیرگذار از محیط بر ربات را برای عضوهای ۱ تا n نشان می‌دهد.



شکل ۱۱. نمایش سیستم نیرویی.

داشته باشد. با وجود این به والدینی که تابع برازنده‌گی کمتری هم دارند امکان ازدواج داده می‌شود. این عمل به صورت اتفاقی ولی براساس مقدار این تابع صورت می‌گیرد (شکل ۱۳).

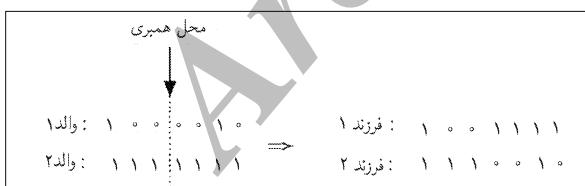
در زیر به عملکردهای مهم در الگوریتم را اشاره می‌شود.
عملگر همبستگی: این عملگر بیشترین استفاده را در الگوریتم‌های را انتخاب دارد. عمل همبستگی در دو گام انجام می‌شود.

- گام اول: اعضای جمعیت (کروموزوم‌ها) در حوزه‌ی تزویج به صورت اتفاقی ایجاد می‌شوند.

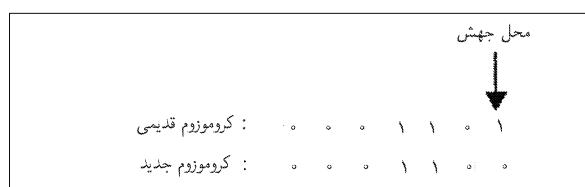
- گام دوم: هر دو عضو از جمعیت با توجه به ارزش آنها انتخاب و عمل همبستگی انجام می‌گیرد.

عمل همبستگی به صور مختلف ممکن است انجام شود: همبستگی تک نقطه‌بی، همبستگی دونقطه‌بی و همبستگی یکنواخت. در عملگر تک نقطه‌بی که در این تحقیق استفاده شده است، یک عدد صحیح تصادفی بین ۱ و L_c طول کروموزوم بر حسب ژن است) انتخاب می‌شود و از نقطه‌ی به دست آمده بین دو کروموزوم همبستگی صورت می‌گیرد. شکل ۱۴ مثالی از همبستگی تک نقطه‌بی را نشان می‌دهد.

عملگر جهش: عملگری است که بطور اتفاقی تغییراتی در کروموزوم‌ها ایجاد می‌کند. اگر احتمال وقوع این عملگر زیاد باشد، ممکن است قابلیت همگرایی الگوریتم به یک جواب از دست برود و اگر این احتمال خیلی کم باشد ممکن است کروموزوم‌های مناسب در تعداد تکرار مشخص الگوریتم برای رسیدن به جواب بهینه تولید شوند. در عمل جهش، یک عدد صحیح تصادفی بین ۱ و L_c انتخاب می‌شود و در نقطه‌ی به دست آمده، ژن کروموزوم تغییر می‌یابد، به طوری که ژن با مقدار صفر یک، و ژن با مقدار یک به صفر تغییر می‌یابد. مثالی از نحوه‌ی جهش در شکل ۱۵ آمده است. برای ارزیابی هر شخص از یک تابع ارزشی استفاده می‌شود. در مستله‌ی بهینه‌سازی، افراد



شکل ۱۴. عملگر همبستگی تک نقطه‌بی.



شکل ۱۵. عملگر جهش.

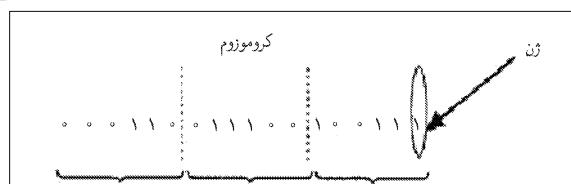
صرفی تقریباً برابر است با مجموع مرتعات گشتاور موتورها:

$$E = c \sum_{j=1}^{N_p} \sum_{i=1}^k \tau_{ij}^2 \quad (7)$$

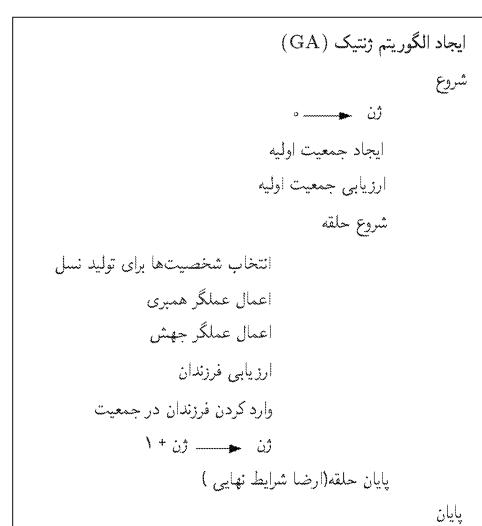
که در آن c یک عدد ثابت، وابسته به مشخصات موتورها است و N_p تعداد نقاط از لحظه‌ی شروع تا پایان حرکت است.

۴. الگوریتم ژنتیک

الگوریتم‌های ژنتیک (GAs) روش‌های بهینه‌سازی کلی و اتفاقی‌اند که از تکامل زیستی طبیعت اقتباس شده‌اند. در یک الگوریتم ژنتیک، بقای هر جمعیت از افراد طبق مطلوبیت آنها در محیط است. افرادی با قابلیت‌های برتر، شناس ازدواج و تولید مثل بیشتری خواهند یافته؛ بنابراین بعد از چند نسل فرزندانی با کارایی بهتر به وجود می‌آیند. در الگوریتم را انتخاب هر فرد جمعیت به صورت یک کروموزوم معرفی می‌شود (شکل ۱۶). کروموزوم‌ها در طول چندین نسل کامل‌تر می‌شوند. در هر نسل کروموزوم‌ها ارزیابی می‌شوند و متناسب با ارزش خود امکان تقاضه می‌یابند. در بحث الگوریتم ژنتیک تولید نسل طی عملکردهای همبستگی (crossover) و جهش (mutation) صورت می‌گیرد. والدین بپرتوسیس یک تابع برازنده‌گی انتخاب می‌شوند، در عمل ازدواج، کروموزوم‌هایی شرکت خواهند کرد که تابع برازنده‌گی آنها مقدار بیشتری



شکل ۱۶. مثالی از یک کروموزوم.



شکل ۱۷. ساختار الگوریتم ژنتیک.

بازیابی مکانیکی، دو ورودی با استفاده از یک چندجمله‌بی درجه‌ی سه به صورت رابطه‌ی ۱۱ به سیستم اعمال می‌شود.^[۲۰]

$$q_{ij} = a_0(i) + a_1(i)j^1 + a_2(i)j^2 + a_3(i)j^3 \quad (11)$$

$$i = ۱, ۲, \dots, N_p, \quad ۱ \leq j \leq N_p$$

اگر مسیر هر متغير از لحظه‌ی شروع تا پایان حرکت به N_p نقطه تبدیل شود، در این صورت q_{ij} بیانگر متغير مستقل عضو نام در نقطه‌ی زام مسیر است که می‌تواند زوایای مفصلی اعضا یا موقعیت مجری نهایی روی سطح باشد. با اعمال سرعت‌ها و زوایای ابتدا و انتهای مسیر به معادله‌ی ۱۱ یعنی $Q_{11} = q_{initial(1)} = Q_{NN_p} = q_{final(N_p)}$ و $\dot{Q}_{1N_p} = \dot{q}_{final(N_p)}$ بدست می‌آید. از آنجا که پروفیل سطح، ممکن است معادله‌ی پیچیده‌بی بر حسب x_e باشد و نیز با توجه به مقدار اولیه‌ی θ_i ، در اینجا برای سادگی حل معادلات سینماتیکی و همچنین کاهش زمان محاسبات از θ_1 و x_e به عنوان ورودی‌های سیستم استفاده می‌شود. در این صورت مقادیر a_0 تا a_3 برای این دو متغير عبارت خواهد بود از:

$$a_0(i) = (q_{final(i)}(3N_p - 1) + q_{initial(i)}N_p^2(N_p - 3)) / (N_p - 1)^3$$

$$a_1(i) = 6N_p(q_{initial(i)} - q_{final(i)}) / (N_p - 1)^2$$

$$a_2(i) = -3(N_p + 1)(q_{initial(i)} - q_{final(i)}) / (N_p - 1)^2$$

$$a_3(i) = 2(q_{initial(i)} - q_{final(i)}) / (N_p - 1)^3 \quad (12)$$

در روابط فوق (۱۲) نمایانگر متغير نام در حالت اولیه و $q_{final(i)}$ نمایانگر همان متغير در حالت نهایی حرکت است.^[۲۱] بعد از اعمال این ورودی‌ها که مقادیر نامعین آنها با بهکارگیری الگوریتم ژنتیک به دست می‌آید، پیکربندی ربات در حال بازیابی در تمام نقاط مسیر کاملاً مشخص می‌شود.

پس از محاسبه‌ی گشتاورهای اعمالی موتورها توسط معادلات سیستمیک، برای بهینه‌سازی ابتدا می‌بایست قیود فیزیکی مسئله بر آن اعمال شود؛ اول آنکه نیروی عمودی وارد شده از طرف زمین بر مجری نهایی باید به صورت

$$image(N_e) = ۰, N_e > ۰ \quad (13)$$

باشد تا از قرارگرفتن مجری نهایی بر روی زمین اطمینان حاصل شده، و ازیداً شدن نقاط تکین جلوگیری شود. دوم آن که منحنی مسیر حرکت مفصل‌ها نباید به طور کلی یا جزئی زیر سطح باشد. سوم آنکه گشتاور کل حول نقطه‌ی تماس چرخ/سطح به منظور بازیابی به صفر برسد. در این صورت گشتاور کل حول نقطه‌ی دوران صفر می‌شود و سیستم دارای

باید کمترین مقادیر عددی را برای این تابع داشته باشد. تابع برازنده‌ی به طور معمول برای تبدیل تابع ارزشی به یک میزان شایستگی نسبی تعریف می‌شود. در این مطالعه انرژی مصرفی (معادله ۷) به عنوان تابع ارزش شناخته می‌شود. مقادیر تابع ارزشی هر کروموزوم به صورت نزولی مرتب شده و تابع برازنده‌ی با توجه به موقعیت هر کدام در گروه به صورت رابطه ۸ تعریف می‌شود. در این رابطه N_{ind} تعداد کروموزوم‌ها است.^[۱۹]

$$Fit(pos) = ۲ \times \frac{pos - ۱}{N_{ind} - ۱} \quad (8)$$

۵. شبیه‌سازی و نتایج

به منظور مطالعه‌ی یک حالت، بازوی مکانیکی متحرك و اژگون بر روی یک سطح ناهموار در نظر گرفته شده است، به طوری که بر روی آن یک بازوی مکانیکی با دو رابط سوار است (پارامترهای عددی در جدول ۱ آمده است). به منظور ایجاد درجه‌ی آزادی اضافی برای بهینه‌سازی، از این دو رابط متصل به پایه استفاده شده که منتج به یک مسئله با بازوی مکانیکی دو درجه آزادی می‌شود.

معادلات سینماتیک مستقیم این حالت را می‌توان برای مجری نهایی با استفاده از معادلات (۱۳) به صورت زیر نوشت:

$$x_e = x_b + L_1 \cos(\theta_1) + L_2 \cos\left(\sum_{i=1}^2 \theta_i\right) + L_3 \cos\left(\sum_{i=1}^3 \theta_i\right)$$

$$z_e = z_b + L_1 \sin(\theta_1) + L_2 \sin\left(\sum_{i=1}^2 \theta_i\right) + L_3 \sin\left(\sum_{i=1}^3 \theta_i\right) \quad (9)$$

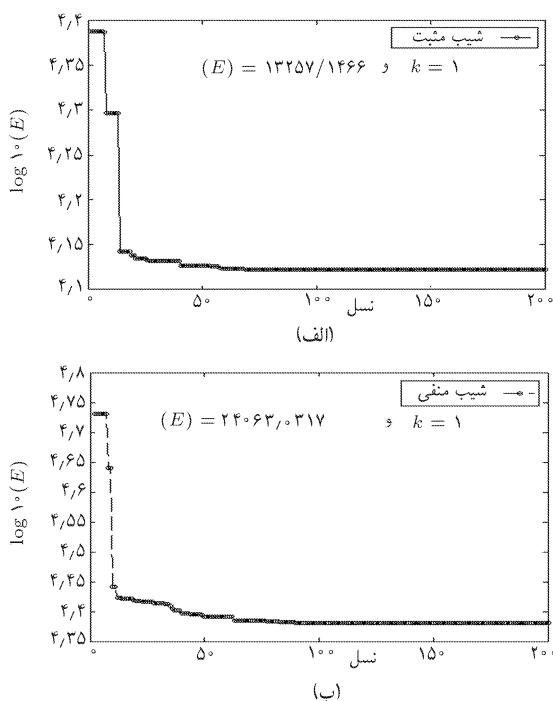
سپس برای کاهش مجھولات دو معادله‌ی فوق، مقادیر ارتفاعی سطح به دست آمده از سیستم بنایی در رابطه‌ی ۱۰ جایگزین می‌شود:

$$z_e = f(x_e) \quad (10)$$

این مقادیر نشان‌دهنده‌ی مسیر حرکتی مجری نهایی است و بیانگر یک مسئله‌ی سینماتیک معکوس است. به خاطر دو درجه آزادی بودن

جدول ۱. پارامترهای عددی.

L1	۰,۸۵ (m)
L2	۱,۱ (m)
L3	۰,۸ (m)
M1	۱۰,۲ (Kg)
M2	۱,۱ (Kg)
M3	۰,۸ (Kg)



شکل ۱۶. لگاریتم توان مصرفی در مقابل تعداد نسل.

در شکل های ۱۷ الف تا ۱۷ ج زیایی مفصلی θ_1 ، θ_2 و θ_3 را از لحظه‌ی شروع تا لحظه‌ی حرکت خودکار بر حسب نقاط مسیر برای دو حالت نشان داده شده است. همان‌طور که در این سه شکل دیده می‌شود شیب نقاط شروع و پایان برابر صفر است که نشان‌دهنده‌ی سرعت صفر در این نقاط است. با مشاهده دو تصویر ۱۷ ب و ۱۷ ج در لحظه‌ی شروع تا تکمیل بازیابی می‌توان دریافت که زویه‌ی θ_2 نقش عمده‌تری نسبت به θ_3 بر عهده دارد. همچنین تفاوت دو منحنی موجود در شکل ۱۷ الف از شکل های دیگر کمتر است، زیرا θ_1 نشان‌دهنده‌ی زویه‌ی پایه ربات است درحالی که دو زویه‌ی دیگر بیان‌گر جهت‌گیری رابطه‌های بازوی مکانیکی آنند. با توجه به رابطه‌ی ۱۱، این منحنی‌ها توابعی از درجه‌ی ۳ نسبت به نقاط مسیرند.

شکل ۱۸ موقعیت قرارگیری مجری نهایی بر روی سطح ناهموار را در هر دو پروفیل مورد بررسی نشان می‌دهد. چنان‌که در شکل پیداست، منحنی مربوط به سطح با شیب منفی، پایین‌تر قرار گرفته است. این بدان معناست که قرارگیری نزدیک‌تر مجری نهایی به محور چرخش پایه‌ی ربات به‌منظور کاهش گشتاور موتورها امکان‌پذیر بوده است.

شکل ۱۹ به‌منظور اثبات بازیابی در آخرین نقطه‌ی مسیر، ارائه شده است. صفر شدن گشتاور در نقطه‌ی N_p بیان‌گر این حقیقت است که ربات به حالت بازیابی رسیده است. این گشتاور از مجموع مزدوج نیروهای گرانشی پایه و بازوی مکانیکی نسبت به محور چرخش به

حرکت خودکار خواهد شد. در نتیجه‌ی اعمال این قیدهای فیزیکی از به دست آمدن جواب‌های غیرواقعی جلوگیری می‌شود، با فرض استفاده از سیستم بیانی، مسیر حرکت مجری نهایی یا همان پروفیل سطح ناهموار در دو حالت مختلف به صورت معادله‌های ۱۴ و ۱۵ منظور می‌شود:

$$z^- = \alpha((x - 0/5)(x - 0/5) - 0/25) \quad (14)$$

$$z^{--} = \alpha(-(x - 0/5)(x - 0/5) - 0/25) \quad (15)$$

این دو پروفیل تا قبل از مقدار $x = 0$ با هم برابرند ولی به‌ازی مقادیر بیش از آن به‌ترتیب دارای دوشیب مثبت (+) و منفی (-) با ضریب اصطکاک $\alpha/\mu = 0.1$ هستند. بنابرین در دو حالت مورد بررسی، مجری نهایی می‌باشد بر روی این دو منحنی حرکت کند. در این مطالعه $N_p = 60$ در نظر گرفته شده و برای اعمال قبود مسئله، مقدارتابع ارزشی برابر ∞ منظور می‌شود تا حالت‌های غیرواقعی در درون الگوریتم ژنتیک سریعاً حذف شوند.^[۲۲] پارامترهای ژنتیکی استفاده شده عبارت‌اند از:

تعداد متغیرها: ۳

دقت متغیرها: ۸

تعداد شخصیت‌ها: ۱۰۰

بیشترین تعداد تولید نسل: ۲۰۰

فرخ همبزی (Crossover rate): ۰.۷

فرخ جهش (Mutation rate): ۰.۱

میزان زیش: ۰.۹^۷

برای نشان دادن تأثیرگذاری الگوریتم در نظر گرفته شده بر روی یک اهمیندی دو درجه آزادی صفحه‌یی، در شکل‌های ۱۶ تا ۲۰ با استفاده از نتایج بهینه‌سازی

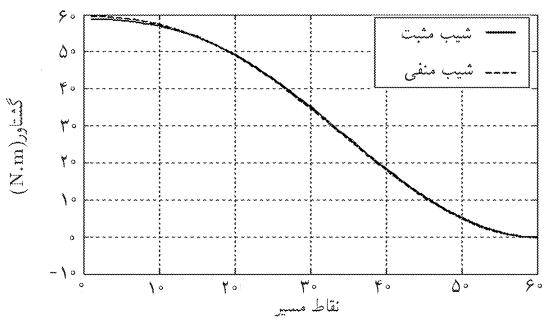
$$\theta_{final(i)} = \begin{cases} 1.5616 & \\ 1.5421 & \end{cases}$$

$$x_{initial(e)} = \begin{cases} 1.3490 & \\ 1.2706 & \end{cases}$$

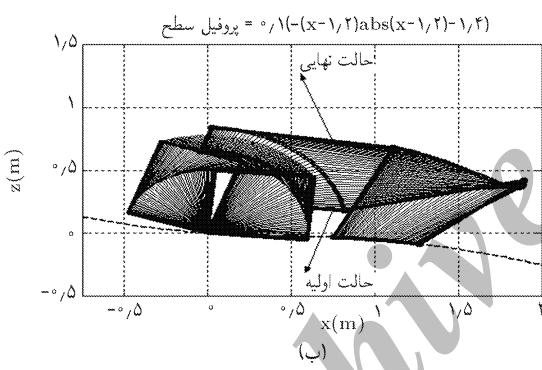
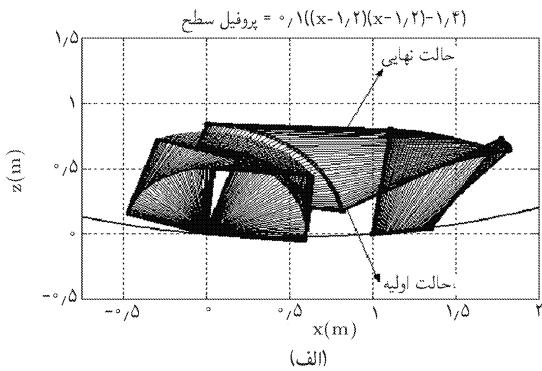
$$x_{final(e)} = \begin{cases} 1.0039 & \\ 1.7529 & \end{cases}$$

شده‌اند.

شکل ۱۶ الف و ۱۶ ب همگرایی الگوریتم را تا رسیدن به یک حد بهینه‌ی پایدار به ترتیب در حدود نسل‌های ۷۰ و ۹۰ نشان می‌دهد، اگرچه ممکن است در اجراهای مختلف متفاوت باشند. در این شکل لگاریتم تابع توان بر حسب تعداد تولید بیان شده تا بتواند محدوده وسیعی از مقادیر را در دامنه‌یی کوچک نمایش دهد.



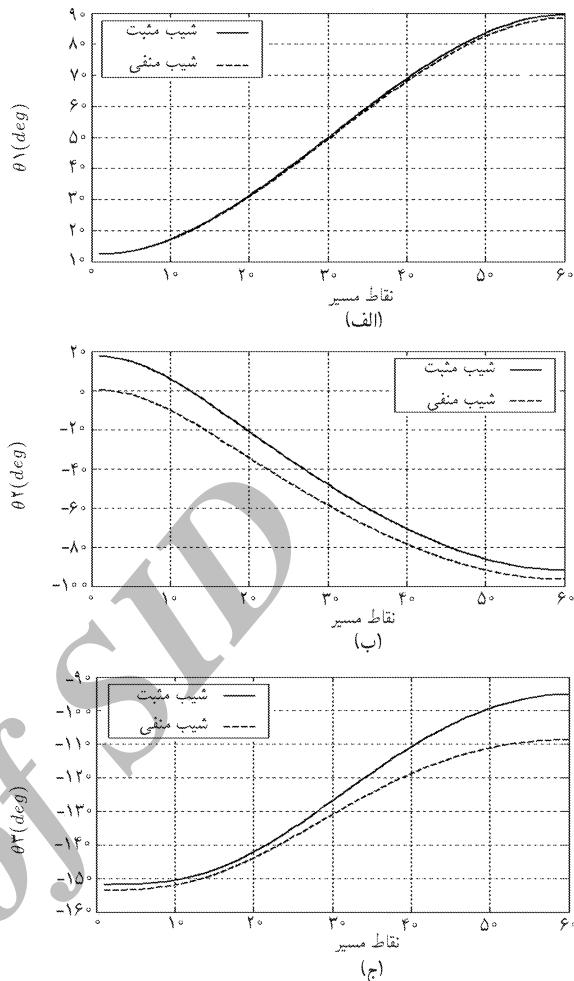
شکل ۱۹. گشتاور ناشی از نیروهای گرانشی بر حسب نقاط مسیر.



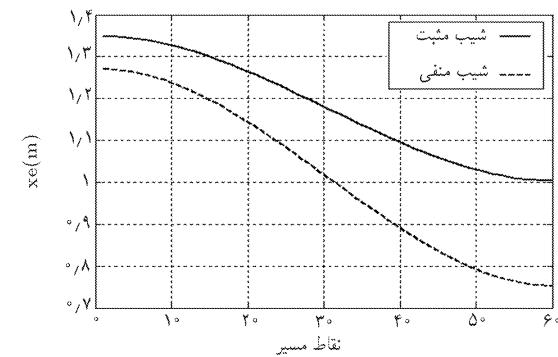
شکل ۲۰. نحوه حرکت بازوی مکانیکی حاصل از GA.

۶. نتیجه‌گیری

تاکنون تحقیقات انجام شده اساساً در راستای پایداری ربات در زمینهای ناهموار بوده است. همواره، فرض شده است که می‌توان در هر شرایطی پایداری بازوی مکانیکی متحرک را حفظ نمود، اما در واقع نایپایداری ربات‌های متحرک و درنهایت واژگونی آنها به طور کامل غیرقابل اجتناب بوده و واژگونی ربات‌های متحرک می‌تواند موجب شکست مأموریت‌ها و تحمیل هزینه‌های سنگین شود. در این پژوهش یک بازوی مکانیکی متحرک واژگون در نظر گرفته شده و روشی جهت بازیابی آن توسط بازوی مکانیکی و سیستم بینایی با کمینه انرژی مصرفی توسط کاراندازها ارائه گردید. جهت بهینه‌یابی از الگوریتم ژنتیک در نرم‌افزار MATLAB استفاده شد و صحت نتایج با شبیه‌سازی در نرم‌افزار WORKING MODEL بررسی شد.



شکل ۱۷. زوایای مفصلی بر حسب نقاط مسیر.



شکل ۱۸. موقعیت افقی مجری نهایی بر حسب نقاط مسیر.

دست می‌آید. با نگاه دقیق‌تر به دو منحنی ارائه شده در شکل ۱۹ می‌توان دریافت که چون پایه‌ی ربات نسبت به بازوی های آن سنگین‌تر است، اثر پیکربندی‌های مختلف بر گشتاور ناچیز است. برای درک بهتر از بازیابی حالت واژگونی از بغل، شکل ۲۰ (الف) و (ب) نحوی حرکت بازوی مکانیکی را در تمام نقاط اولیه، میانی و نهایی برای دو پروفیل سطح مسیر نشان می‌دهد.

پابندی

1. stereo vision
2. photogrammetry
3. active sensing
4. passive sensing
5. binocular stereo
6. disparity
7. Generation gap

منابع

1. Golombek, M. "Mars pathfinder mission and science results", In Proceedings of the 29th Lunar and Planetary Science Conference (1989).
2. Hayati, S., Volpe, R., Backes, P., Balaram, J., and Welch, W., "Microrover research for exploration of Mars", In AIAA Forum on Advanced Developments in Space Robotics (1998).
3. Odenthal, D., Buente, T., and fieldman, J., "Nonlinear steering and braking control for vehicle more rollover avoidance", In Proc. European control Conference, Karlsruhe, Germany (1999).
4. Germann S., and Isermann, R., "Determination of the centre of gravity height of a vehicle with parameter estimation", In IFAC Symposium on System Identification, Copenhagen (1994).
5. Dixon, J.C., **Tires, Suspension and Handling.** SAE, Inc., Warrendale , PA 15096-0001 (1996).
6. Hac, A., "Rollover Stability Index Including Effects of Suspension Design", SAE 2002 World Congress, Detroit, Michigan (2002).
7. Sreenivasan, S., and Wilcox, B., "Stability and traction control of an actively actuated micro-rover", *Journal of Robotic Systems*, 11(6), pp. 487-502 (1994).
8. Farritor, S., Hacot, H., and Dubowsky, S., "Physics-based planning for planetary exploration", In Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation, pp. 278-283 (1998).
9. Iagnemma, K., Rzepniewski, A., Dubowsky, S., and Schenker, P., "Control of Robotic Vehicles with Actively Articulated Suspensions in Rough Terrain", *Autonomous Robots*, 14(1), (2003).
10. Schenker, P., Huntsberger, T., Pirjanian, Dubowsky, S., Iagnemma, K., Sujan, V., "Rovers for Agile, Intelligent Traverse of Challenging Terrain", Proceedings of the 11th International Conference on Advanced Robotics (2003).
11. Vikramaditya, B., **Micropositioning Using Active Vision Techniques.** M.Sc. thesis, University of Illinois at Chicago, Illinois (1995).
12. Tran, D.L., **Obstacle detection for robot navigation using structured light.** M.Sc. thesis, MIT, MA (2001).
13. Harding, C.M., **Depth estimation by a moving camera.** Ph.D. thesis, University of Canterbury, Christchurch, New Zealand (2001).
14. Wu, Jiahua, **Rotation Invariant Classification of 3D Surface Texture Using Photometric Stereo.** Ph.D. thesis, Heriot-Watt university, UK (2003).
15. Jain, R., Kasturi, R., Schunck, B.G., **Machine Vision.** McGraw Hill, Inc (1995).
16. Amini, J., **Digital and Analytical Photogrammetry.** N.C.C Press, 1 (1998).
17. Iagnemma, K. , and Dubowsky, S., "Mobile Robot Rough-Terrain Control (RTC) for Planetary Exploration", Proceedings of the 26th ASME Biennial Mechanisms and Robotics Conference (2000).
18. Dubowsky, S., Moore, C., and Sunada, C., "On the Design and Task Planning of Power Efficient Field Robotic Systems", Proceedings of the ANS 6th Topical Meeting on Robotics and Remote Systems, Monterey, CA, pp. 501-508 (1995).
19. Chipperfield, A., Fleming, P., Fonseca, C., **Genetic Algorithm TOOLBOX For Use with MATLAB.** Department of Automatic Control and Systems Engineering, University of Sheffield, Version 1.2 (1994).
20. Chen, M.W., Zalzala, A.M.S., "Dynamic Modelling and Genetic-Based Trajectory Generation for Non-Holonomic Mobile Manipulators" *Control Eng. Practice*, 5(1), pp. 39-48 (1997).
21. Abo-Hammour, Z.S., Mirza, N.M., Mirza, S.M., Arif, M., "Cartesian path generation of robot manipulators using continuous genetic algorithms" *Robotics and Autonomous Systems*, 41, pp. 179-223 (2002).
22. Lavoie, M.H., Boudreau, R., "Obstacle Avoidance for Redundant Manipulators Using a Genetic Algorithm", CCToMM Symposium (2001).