

وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی تخت تنش‌های محصورکننده کم

محمد ملکی (استادیار)

دانشکده فنی، دانشگاه پولی‌سینما

علی حقیقی (دانشجوی دکتری)

دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم تحقیقات

یکی از المان‌های اساسی در بررسی رفتار خاک‌های ماسه‌بی وضعیت خرابی آن‌هاست. مشاهدات تجربی نشان می‌دهند که وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی بستگی به عوامل مختلفی چون تنش محصورکننده، چگالی و مسیر تنش دنبال شده دارد. بیشتر کارهای انجام‌شده در این زمینه در تنش‌های محصورکننده متوسط تا زیاد (غالباً بیش از حدود 10^0 kPa) انجام شده است. ضمن آنکه فرمول‌نویسی غالب مدل‌های رفتاری نیز براساس این نتایج بنا شده است. اما نتایج تجربی در تنش‌های محصورکننده کم در حد محدودی در ادبیات وجود دارد. لذا مطالعه‌ی حاضر به بررسی تجربی و تئوری وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی در تنش‌های محصورکننده کم می‌پردازد. لذا ضمن گردآوری نتایج تجربی مهم، یک مجموعه آزمایش سه محوری زهکشی شده تحت تنش‌های محصورکننده کم (10^0 kPa تا 20^0 kPa) روی ماسه‌بی با پسر انجام شده است و در تنش‌های دزهای تعدادی از مدل‌های رفتاری مشهور چون ونگ، CJS، لد و نوا اعتباربخشی شده است. نتایج حاصل از این تحقیق نشان می‌دهد که اولًا وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی بستگی غیرخطی به تنش‌های محصورکننده داشته است و در تنش‌های محصورکننده کم، شدت این وابستگی بیشتر می‌شود. ثانیاً برای مدل‌کردن وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی، لازم است در تعیین معادله سطح خرابی مدل رفتاری، اثر تنش‌های محصورکننده کم لحاظ شود.

Maleki_mmm@yahoo.com
AliHaqayeq@yahoo.com

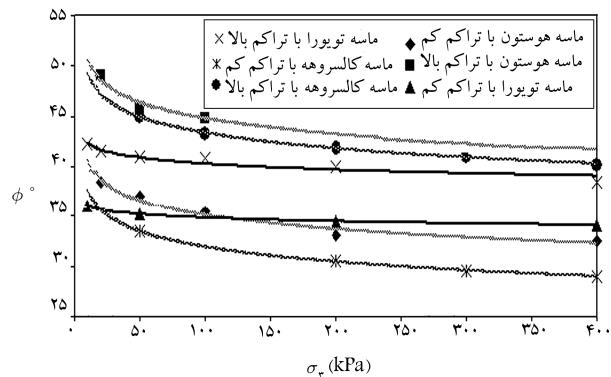
واژگان کلیدی: تنش محصورکننده کم، مدل رفتاری، ماسه، وضعیت گسیختگی.

۱. مقدمه

مقاومت برشی در خاک‌های ماسه‌بی در محاسبات معمول در مهندسی ژوتکنیک با توجه به معیار کولمب، که با زاویه اصطکاک بیشینه مشخص می‌شود، انجام می‌گیرد. فرض مهم در این معیار این است که بک رابطه‌ی خطی بین مقاومت بیشینه و تنش محصورکننده وجود دارد. نتایج تجربی زیادی در ادبیات وجود دارد که نشان می‌دهند وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌بی بستگی غیرخطی به تنش محصورکننده دارد و بر همین اساس در معادله سطح خرابی در بسیاری از مدل‌های رفتاری ارائه شده برای خاک‌های ماسه‌بی، این اثر غیرخطی لحاظ شده است. غالباً نتایج تجربی موجود در ادبیات حاصل از انجام آزمایش‌های سه محوری تحت تنش‌های محصورکننده زیاد (10^0 kPa) است اما مطالعه و نتایج کمتری در خصوص بررسی وضعیت خرابی خاک‌های ماسه‌بی تحت تنش‌های محصورکننده کم موجود است. با توجه به آنکه در بسیاری از مسائل مهندسی ژوتکنیک، خرابی در تنش‌های محصورکننده کم اتفاق می‌افتد؛ مطالعات تجربی

تاریخ: دریافت ۱۳۸۶/۱۱/۱۳، داوری ۱۳۸۷/۴/۱۷، پذیرش ۲/۹/۱۳۸۷.

حجمی حاصله زیاد نیست.^[۵] درنتیجه، دراعتباربخشی مدل‌های رفتاری تحت تنش‌های جانبی کم اثر چگالی ثابت درنظر گرفته شده است، به عبارت دیگر فرض شده است که تعییرات حجمی تأثیری در وضعیت خرابی نداشته باشد.^[۶] در تحقیق حاضر با توجه به اهیت موضوع و با هدف بررسی عمومیت آن، ابتدا تعدادی آزمایش سه محوری زهکشی شده بر روی ماسه‌ی بابلسر در چگالی‌های مختلف تحت تنش‌های محصورکننده ۱۲/۵، ۲۵، ۵۰، ۱۰۰ و ۲۰۰ کیلوپاسکال انجام شد. سپس با استفاده از نتایج گردآوری شده و نتایج حاصل از آزمایش‌های انجام شده در این تحقیق، تعدادی از مدل‌های رفتاری شهره که بستگی سطح خرابی آن‌ها به تنش محصورکننده‌ی غیرخطی است، اعتباربخشی شدند. این مدل‌های عبارتند از مدل ونگ، CJS، لد و نوا که در هر یک از آن‌ها تأثیر تنش محصورکننده به شکلی متفاوت از دیگری اعمال شده است.

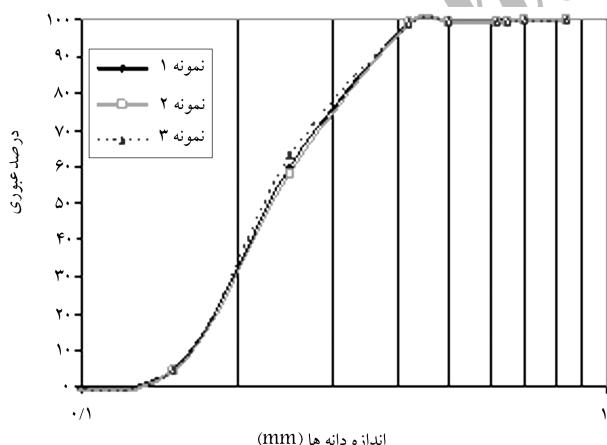


شکل ۱. تعییرات زاویه‌ی اصطکاک داخلی در برابر تنش محصورکننده در ماسه‌های مختلف.

۲. نتایج تجربی در این تحقیق

ماسه‌ی مورد نظر از سواحل دریای خزر (شهرستان بابلسر)، تهیه شده است. شکل ۲ نشان‌دهنده‌ی تعییرات کم مشخصی دانه‌بندی حاصل از آزمایش دانه‌بندی روی سه نمونه‌ی تصادفی از این خاک است. ماسه‌ی مورد نظر ماسه‌ی بی بد دانه‌بندی شده است.

بررسی‌ها نشان‌دهنده‌ی آن است که درصد عبوری این ماسه از الک ۲۰۰ بسیار ناچیز و عاری از رس و لای است. در جدول ۱، برخی از مشخصات فیزیکی ماسه‌ی بابلسر مثل چگالی دانه‌های جامد ماسه و نسبت تخلخل کمینه و بیشینه‌ی به دست آمده در آزمایشگاه ارائه شده است. ماسه‌ی مورد استفاده به عملت برخورداری از ترکیبات کربناتی دارای چگالی ذرات جامد نسبتاً زیادی است. پس از تعیین مشخصات ماسه‌ی مورد نظر، با استفاده از دستگاه سه محوری دانشگاه بوعلی سینا نسبت به انجام یک مجموعه آزمایش زهکشی شده در فشار اتمام شد. این دستگاه تمام اتوماتیک است و امکان انجام آزمایش روی نمونه‌های به قطر ۷ سانتی‌متر و ارتفاع ۱۴ سانتی‌متر در شرایط مختلف بارگذاری وجود دارد.



شکل ۲. منحنی دانه‌بندی ماسه‌ی بابلسر.

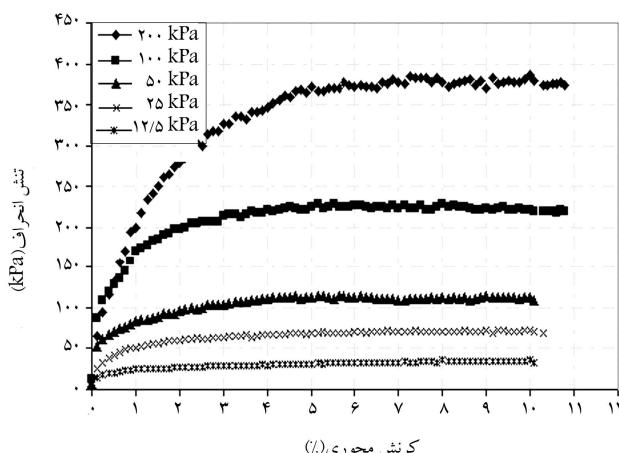
جدول ۱. مشخصات فیزیکی ماسه‌ی بابلسر.

$\gamma_{d_{\min}} \text{ (g/cm}^3)$	e_{\max}	$\gamma_{d_{\max}} \text{ (g/cm}^3)$	e_{\min}	G_s
۱/۵۱	۰/۸	۱/۸۱	۰/۵	۲/۷۲

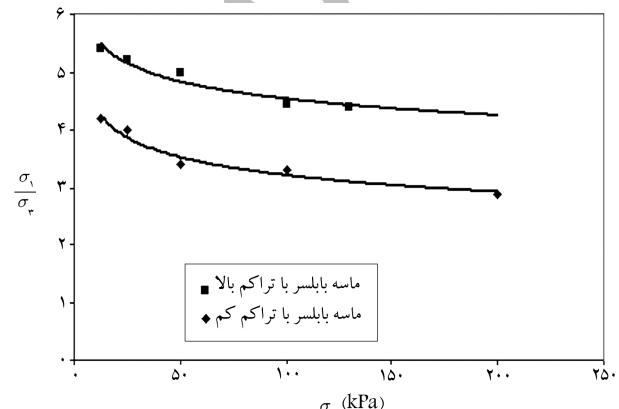
ناشی از این تنش، زاویه‌ی اصطکاک کاهش پیدا می‌کند، این مورد با بررسی رفتار خاک در مقیاس دانه‌های ماسه قابل بررسی است. در نقاط اتکاء دانه‌ها، افزایش تنش محصورکننده منجر به آسیب دیدگی یا احتمالاً خردشکی گوشه‌ها بهخصوص گوشه‌های تیز می‌شود. از طرف دیگر تاریخچه‌ی تنش - تعییرشکل با مسیر تنش تجربه شده‌ی خاک در گذشته، که منجر به یک ناهمسانی اولیه می‌شود، متاثر از اعمال تنش محصورکننده‌ی فعلی است که این می‌تواند منجر به حذف ناهمسانی ایجاد شده نیز شود. در بسیاری از نهشته‌های طبیعی که به صورت لایه‌های متوالی افقی ایجاد شده‌اند، ناهمسانی اولیه حاصله به گونه‌ی است که سختی و مقاومت بیشینه‌ی ناشی از آن مربوط به جهت قائم بیش از مقادیر مربوط به سایر جهات است. در ساخت نمونه‌های آزمایش سه محوری که با اعمال تراکم به لایه‌های متوالی افقی تنش محصورکننده، اثر نمی‌گیرد نیز این ناهمسانی اولیه حاصل می‌شود. با افزایش تنش محصورکننده، اثر این ناهمسانی کمرنگ‌تر و یا به کلی از بین می‌رود. به عبارت دیگر نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_3}$ در مرحله‌ی خرابی کاهش می‌باشد. در چارچوب مدل سازی رفتاری خاک‌های ماسه‌ی بی، سطح خرابی اهمیت ویژه‌ی دارد. در مدل‌های ارجاعی خمیری کامل، سطوح تسليیم و خرابی بر هم متنطبق هستند. در واقع سطح خرابی علاوه‌بر بیان وضعیت خرابی، هم مرز دامنه‌ی ارجاعی است و هم جریان خمیری شدن به محض رسیدن وضعیت تنش به این سطح شروع می‌شود. در مدل‌های ارجاعی خمیری با سخت‌شوندگی، سطح خرابی محدوده‌ی نهایی حرکت سطح تسليیم را تعیین می‌کند. اصولاً وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌ی بستگی به چگالی، تنش محصورکننده و مسیر تنش دارد. بدین ترتیب یک سطح خرابی مناسب، سطحی است که عوامل فوق الذکر را در نظر بگیرد. همان‌گونه که در پاراگراف قبل بیان شد، وضعیت خرابی در خاک‌های ماسه‌ی بستگی غیرخطی به تنش محصورکننده دارد. به عبارت دیگر طی مسیر سه محوری تقارن محوری، نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_3}$ در مرحله‌ی خرابی بستگی غیرخطی به $\frac{5}{4}$ دارد. در مدل‌های ارجاعی خمیری کامل مشهور چون مورکولمب و دراکر - پراگر و در بسیاری از مدل‌های با سخت‌شوندگی، نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_3}$ در مرحله‌ی خرابی ثابت است. در تعداد دیگری از مدل‌های ارجاعی خمیری، این اثر غیرخطی لحاظ شده است. در هر صورت پیش‌بینی مناسب رفتار خاک‌ها به منزله‌ی مصالح مهندسی مستلزم در نظرگرفتن چنین وابستگی است. در تنش‌های محصورکننده‌ی کم براساس نتایج تجربی تحت مسیرهای سه محوری در خاک‌های ماسه‌ی بی سُست تمايل به حالت اتساعی مشاهده می‌شود و نمونه تعییرشکل حجمی زیادی از خود نشان نمی‌دهد. در ماسه‌های متراکم تحت تعییرشکل های زیاد، رفتار اتساعی موجب کرنش‌های حجمی زیادی می‌شود، گرچه در حالت خرابی (نقطه‌ی پک) کرنش

فقط اطمینان از عدم تولید فشار آب حفره‌یی اضافی کافی است. زیرا تأثیر میزان نرخ کرنش اعمال شده در رفتار تنش - کرنش خاک ماسه‌یی (برخلاف خاک‌های رسی) در بارگذاری‌های پیوسته قابل صرف‌نظر است. نکته‌ی مهم دیگر این است که سرعت بارگذاری به قدری کم لحاظ شود که تغییر در سرعت بارگذاری اثر مهمی در مسیر تنش نداشته باشد. همچنین تعداد متنابه‌ی آزمایش در دو چگالی فوق و تحت تنش‌های محصورکننده مختلف انجام شد. در اینجا با اختصار فقط نمودار تغییرات تنش انحرافی - کرنش محوری برای ماسه‌ی سست تحت تنش‌های محصورکننده متفاوت (۱۲۵، ۲۵، ۵۰، ۱۰۰ و ۲۰۰ کیلوپاسکال) در شکل ۳ ارائه شده است و برای سایر مواد به ارائه‌ی نقاط مربوط به وضعیت خرابی در آزمایش‌ها اکتفا شده است و برای انجام آزمایش مقدار پس‌فشار (فشار معکوس) به میزان ۱۰۰ کیلوپاسکال برای نمونه‌ها لحاظ شده است. در شکل ۴ تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1 - \sigma_3}{\sigma_1 + \sigma_3}$ در برابر ۰,۵^۰ برای ماسه‌ی بابلسر در دو چگالی مختلف یعنی در نمونه با چگالی نسبی ۹۰٪ متضاظر با $e = 0,53$ و نمونه با چگالی نسبی ۳۰٪ متضاظر با $e = 0,76$ ، نشان داده شده است.

با توجه به نتایج خروجی از آزمایش سه محوری و با استفاده از معیار کولمب ($\sigma_1 - \sigma_3 = \sigma_1 \sin \phi$)، مقدار زاویه اصطکاک داخلی بیشینه در ماسه‌ی بابلسر در چگالی‌های مختلف تحت تنش‌های محصورکننده متفاوت به دست آمده است.



شکل ۳. نمودار تغییرات تنش انحرافی در برابر کرنش محوری برای ماسه‌ی سست بابلسر ($e = 0,76$).^{۱۰}



شکل ۴. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1 - \sigma_3}{\sigma_1 + \sigma_3}$ در برابر σ_1 برای ماسه‌ی بابلسر در دو نمونه با چگالی نسبی ۱۳,۳٪ و ۹۰٪.^{۱۱}

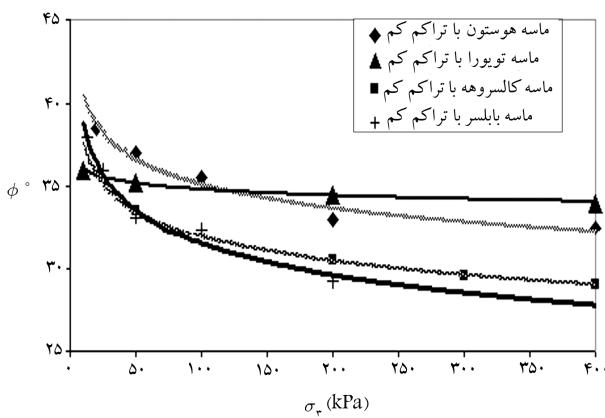
تصحیح مربوط به وزن کلاهک به هنگام تنظیم اولیه‌ی دستگاه انجام می‌گیرد و تعییر سطح مقطع نمونه ناشی از بارگذاری انحرافی به صورت خودکار لحاظ شده و نتایج آزمایش در سیستم کامپیوتر دستگاه قابل مشاهده و ذخیره است. برای رفع آثار صفحات انتهایی، دولایه‌ی غشاء بریده شده به شکل دایره به قطر ۷ سانتی‌متر در بالا و دو لایه‌ی غشاء در پایین نمونه قرار داده شده است و برای رفع اصطکاک در بین غشاء‌های مربوط از سیلیکون گریس استفاده شده است. در خصوص تأثیر غشاء بر نتایج آزمایش سه محوری مطالعات مختلفی صورت گرفته است. که به عنوان نمونه می‌توان به کار دانکن و سید در سال ۱۹۶۷ توانست اثر غشاء در کرنش‌های محوری و حجمی را محاسبه کنند. آنها اصلاحات را برای تنش‌های محوری و شعاعی برآسانس تئوری پوسته‌ها و با فرض غشاء لاستیکی کشسان خطی همسان و با نسبت پواسون ۰,۵ و با لحاظ تغییرشکل استوانه‌ی یکنواخت و بدون کمانش انجام داده‌اند.^[۷] البته $ASTMD 4676$ ، کرنش ناشی از غشاء را در فاز تحکیم ناچیز می‌داند و فقط اثر غشاء را در فرایند برش محسوس می‌داند.^[۸] برخی پژوهشگران بر این باورند که در محدوده‌ی تنش‌های کمتر از ۲۰۰ کیلوپاسکال، تأثیر ضخامت غشاء بر زاویه اصطکاک داخلی ماسه محسوس نیست و عدد تصحیح در مردم غشاء ضخیم‌تر، بزرگ‌تر است.^[۹] از آنجا که تصحیح غشاء به صورت اتوماتیک با دستگاه اعمال نمی‌شود، لذا در این مطالعه تصحیح با روش توصیه‌شده دستگاه سازنده انجام و برای تصحیح غشاء از تئوری کشسانی استفاده شده است. این روش ارائه شده این موضوع را می‌رساند که اگر غشاء مشابه ستون کشسانی بدون کمانش عمل کند، افزایش مقاومت ناشی از غشاء لاستیکی تقریباً معادل بار متحمل توسط غشاء لاستیکی است.^[۱۰] اصلاح به سادگی با محاسبه نسبت بار متحمل توسط غشاء به سطح نمونه‌ی خاکی محاسبه می‌شود. از رابطه‌ی ۱ برای محاسبه مقدار تصحیح غشاء استفاده شده است:

$$(1) \quad \Delta(\sigma_1 - \sigma_3) = \frac{4M\varepsilon(1-\varepsilon)}{D_S}$$

در رابطه‌ی ۱، $\Delta(\sigma_1 - \sigma_3)$ مقدار اصلاح ناشی از غشاء لاستیکی است که در هر سطح کرنش از تنش انحرافی اندازه‌گیری شده برای نمونه کم می‌شود؛ ε تقریباً معادل بار متحمل توسط غشاء لاستیکی است.^[۱۱] اصلاح به سادگی با محاسبه نسبت بار متحمل توسط غشاء به سطح نمونه‌ی خاکی محاسبه می‌شود. از رابطه‌ی ۱ برای کشنش محاسبه می‌کنیم:^{۱۲} ضخامت غشاء مورد استفاده است که برابر $0,3$ میلی‌متر کرنش محوری نمونه بدست می‌آید که برای محاسبه‌ی آن، طول معادل 20 میلی‌متر از غشاء را دور استوانه‌ی نازک می‌کشیم و نیروی کشنشی در واحد عرض غشاء بر کرنش محوری نمونه بدست می‌آید که برای محاسبه‌ی آن، طول معادل $0,3$ میلی‌متر کرنش محوری نمونه بدست می‌آید که برای محاسبه‌ی آن، طول معادل M میلی‌متر از غشاء را دور استوانه‌ی نازک می‌کشیم و نیروی کشنشی در واحد عرض غشاء بر کرنش محوری نمونه بدست می‌آید که برای محاسبه‌ی آن، طول معادل E میلی‌متر کرنش محوری شده است؛ $E = M D_S$ مدل یانگ غشاء است که از حاصل تقسیم (M / D_S) بر ضخامت غشاء بدست می‌آید و معادل 1400 کیلوپاسکال است. درنتیجه مقدار اصلاح ناشی از غشاء لاستیکی در هر سطح کرنش از رابطه‌ی ۲ بدست می‌آید:

$$(2) \quad \Delta(\sigma_1 - \sigma_3) = \frac{4E \cdot t \cdot \varepsilon (1-\varepsilon)}{D_S} = \frac{4 \times 1,4 \times 0,3 \times \varepsilon (1-\varepsilon)}{40} = 0,024\varepsilon(1-\varepsilon)$$

برای ساخت نمونه‌های سست (تراکم ۱۳,۳٪) و متراتکم (تراکم ۹۰٪)، از روش کوبش مرطوب استفاده شده است. ماسه در ۵ لایه در قالب ریخته شده و در نمونه‌ی سست هر لایه با ۵ ضربه و در نمونه‌ی متراتکم هر لایه با ۲۵ ضربه‌ی کوبه متراتکم شده است. آزمایش‌ها به صورت کرنش کنترل انجام و برای عملیات زهکشی، نرخ کرنش ۱۵٪ در دقیقه اعمال شده است. قبل ذکر است در انتخاب نرخ کرنش



شکل ۵. تغییرات زاویه اصطکاک داخلی بیشینه بر حسب σ'_v در ماسه‌های سست.

۱.۳. سطح خرابی در مدل ونگ

پژوهشگران مدلی را ارائه کردند که سطح خرابی آن نابعی غیرخطی از تنش‌های محصورکننده است، معادله‌ی سطح خرابی این مدل به صورت رابطه‌ی ۳ است:^[۱۰]

$$q = \left[M + \beta \left(\sqrt{\frac{P'_C}{P'}} - 1 \right) P' \right] P' \quad (3)$$

که در آن، q تنش انحرافی؛ P' تنش متوسط ($P' = \frac{\sigma'_1 + \sigma'_2 + \sigma'_3}{3}$)؛ و P'_C با توجه به چگالی و مشخصات ماسه از رابطه‌ی ۴ محاسبه می‌شود:

$$P'_C = P_a \left(\frac{e_0 - e}{\lambda_s} \right)^{1/4} \quad (4)$$

در رابطه‌ی ۴، e ، e_0 و λ_s ثابت‌های مربوط به وضعیت بحرانی برای ماسه هستند؛ و e نسبت تخلخل جاری ماسه‌ی مورد نظر است.

در این نوشتار با توجه به آنکه کرنش حجمی در مرحله‌ی خرابی برای ماسه‌های نسست و متراکم تحت تنش‌های محصورکننده کم است،^[۱۱] لذا سطح خرابی مستقل از چگالی لحاظ شد. بدین ترتیب کافی است فقط پارامترهای P'_C ، P' ، β و M تعیین شود. برای سادگی در مقایسه‌ی مدل‌ها با یکدیگر و اینکه تأثیر تنش محصورکننده مدنظر است، پارامتر P'_C به منزله‌ی پارامتری ثابت درنظر گرفته می‌شود.

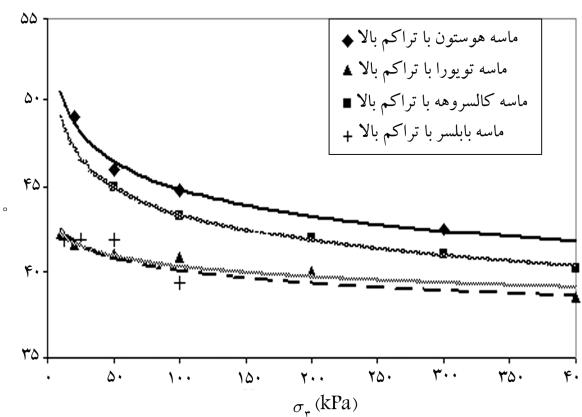
۱.۳.۱. تعیین پارامترهای سطح خرابی مدل ونگ

پارامترهای موجود عبارتند از M ، β و P'_C که برای هر یک از ماسه‌های تویورا، هوستون و بابلسر به شرح ذیل تعیین می‌شوند. M ، شیب خط حالت بحرانی در پلان $p' - q'$ است که رابطه‌ی آن با $\sin \phi_{cr}$ مطابق رابطه‌ی ۵ است:

$$M = \frac{6 \sin \phi_{cr}}{3 - \sin \phi_{cr}} \quad (5)$$

مقدار M در ماسه‌ی تویورا برابر $1/3$ ،^[۱۰] در ماسه‌ی هوستون برابر $1/25$ ،^[۱۱] و در ماسه‌ی بابلسر با توجه به نتایج به دست آمد $1/2$ درنظر گرفته می‌شود.

پارامتر β ، کترل‌کننده‌ی تأثیر تنش متوسط در معادله‌ی سطح خرابی است و پارامتری مستقل از چگالی و ثابت است که براساس نتایج آزمایش سه محوری برای ماسه به دست می‌آید.^[۱۲] با توجه به این که به ازاء $kpa = 600$ در مرحله‌ی خرابی، مقدار P' معادل P'_C خواهد بود، پس برای هر سه ماسه با استفاده از مقدار شیب خط حالت بحرانی مربوط و رابطه‌ی ۵ مقدار زاویه اصطکاک داخلی بحرانی هر ماسه به دست می‌آید، با استفاده از رابطه‌ی $\frac{1 + \sin \phi_{cr}}{1 - \sin \phi_{cr}} = \frac{\sigma'_1}{\sigma'_3}$ نسبت $\frac{\sigma'_1}{\sigma'_3}$ محاسبه و به ازاء $kpa = 600$ مقدار σ'_1 متناظر محاسبه می‌شود و با مقادیر به دست آمده، مقدار P' می‌شود. P' به دست آمده



شکل ۶. تغییرات زاویه اصطکاک داخلی بیشینه بر حسب σ'_v در ماسه‌های با تراکم بالا (وضعیت متراکم).

از اتصال نقاط متناظر با تنش‌های محصورکننده‌ی مختلف، منحنی تغییرات زاویه اصطکاک داخلی در برابر تنش محدودکننده برای ماسه‌ی بابلسر در کنار منحنی مربوط به ماسه‌ی هوستون، تویورا و کارلسروهه در اشکال ۵ و ۶ رسم شده است. شکل ۵ مربوط به نتایج ماسه‌های با تراکم کم و شکل ۶، مربوط به نتایج ماسه‌های با تراکم بالا است. همان‌طورهای در اشکال ۵ و ۶ مشاهده شد، با افزایش تنش محدودکننده، زاویه اصطکاک داخلی به صورت غیرخطی کاهش می‌یابد که این تغییرات در ماسه‌ی بابلسر نزدیکی بیشتری به ماسه‌ی تویورا دارد، که عامل آن نزدیکی منحنی دانه‌بندی دو ماسه است.^[۱۳]

۳. تنوع در معادله‌های سطح گسیختگی ماسه‌ها

یکی از المان‌های اساسی در مدل‌های رفتاری خاک‌ها معادله‌ی سطح خرابی است. سطح خرابی در مدل‌های رفتاری کلاسیک غالباً با توجه به نتایج آزمایش سه محوری تقارن محوری و در محدوده‌ی تنش‌های محصورکننده‌ی 100 کیلوپاسکال و بیشتر از آن ارائه شده‌اند. این نتایج نشان داده‌اند که وضعیت سطح خرابی بستگی به تنش محصورکننده، چگالی و مسیر تنش دارد و این وابستگی‌ها عموماً به صورت غیرخطی هستند. امروزه پژوهشگران مدل‌های رفتاری متنوع و گوناگونی برای بیان رفتار تنش - غیریرشکل ماسه‌ها ارائه کرده‌اند. تفاوت در این مدل‌ها، در نوع فرمول نویسی و استفاده

η	m	نوع ماسه
۶۵	۰,۳۵۷	ماسه‌ی متراکم بابلسر
۳۹	۰,۴۵۷	ماسه‌ی سست بابلسر
۴۶	۰,۱	ماسه‌ی متراکم توپیورا
۲۸	۰,۱۲	ماسه‌ی سست توپیورا
۹۲	۰,۲۵۶	ماسه‌ی متراکم هوستون
۴۴	۰,۳۵۲	ماسه‌ی سست هوستون

جدول ۳. مقادیر m و η در مدل لد برای سه نوع ماسه‌ی مختلف.

همان P'_C است حال برای نقطه‌ی دیگر مثل $kpa = ۲۰۰, \sigma'_s = ۰, \sigma'_d = ۰$ متناظر محاسبه می‌شود و q, P' متناظر با آن را به همراه P'_C به دست آمده از نقطه‌ی قبلی در رابطه‌ی ۳ می‌گذاریم تا پارامتر β برای هر ماسه حاصل شود، ضریب β برای ماسه‌ی توپیورا معادل $۰,۰۵$ ، برای ماسه‌ی بابلسر $۰,۰۸$ و برای ماسه‌ی هوستون $۰,۰۵$ لحظه شده است.^[۱۱] تغییرات ضریب P'_C در جدول ۲ آمده است. درنهایت می‌توان برای تنש‌های محصورکننده مختلف مدل را اعتباربخشی کرد، به طوری که مقادیر P' و q متناظر با هر تنش محصورکننده در هر نوع ماسه قابل محاسبه است.

۲.۳. سطح خرابی در مدل لد

برای نشان دادن تأثیر تنش میانی (σ_2) در رفتار خاک و براساس نتایج آزمایش سه محوری واقعی، یک معیار گسیختگی ارائه شده است.^[۱۲] سطح خرابی در این مدل به گونه‌ی است که وابستگی غیرخطی رفتار ماسه را به تغییرات تنش در وضعیت خرابی نشان می‌دهد. سطح خرابی این مدل عبارت است از:

$$F = \left(\frac{I_1^3}{I_2^3} - ۲۷ \right) \cdot \left(\frac{I_1}{P_a} \right)^m = \eta \quad (۶)$$

در رابطه‌ی ۶، $I_2 = \sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3$ است که $I_1 = \sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$ و m پارامترهای ثابت مدل هستند که با توجه به چگالی تغییر می‌کنند.

در این نوشتار با توجه به آنکه کرش حجمی در مرحله‌ی خرابی برای ماسه‌های سست و متراکم تحت تنش‌های محصورکننده کم است.^[۱۳] لذا سطح خرابی مستقل از چگالی لحاظ شده و پارامترهای مدل به صورت ثابت قبل محاسبه هستند.

۲.۳.۱. نحوه تعیین پارامترهای سطح خرابی

مقادیر پارامترهای m و η با استفاده از مقادیر تنش انحرافی متناظر با تنش میانگین مؤثر در دو نقطه از نتایج تجربی به دست می‌آید که در این تحقیق از تنش میانگین ۱۰۰ کیلوپاسکال برای تعیین پارامترها استفاده شده است. مقدار پارامتر m و η در ماسه‌های مختلف در جدول ۳ ارائه شده است.

۲.۳.۲. سطح خرابی در مدل CJS

مدل CJS یک مدل ارجاعی - خمیری است که برای مصالح دانه‌ی ارائه،^[۱۴] و سپس توسعه داده شده است.^[۱۵] معادله‌ی سطح خرابی در این مدل از رابطه‌ی ۷ به دست می‌آید:

$$f^r = S_{II}.h(\theta_S) - R_r.I_1 = ۰ \quad (۷)$$

جدول ۲. مقادیر P'_C در مدل ونگ برای سه نوع ماسه‌ی مختلف.

نوع ماسه	$P'_C(kpa)$
ماسه‌ی متراکم بابلسر	۱۵۲۱۴
ماسه‌ی سست بابلسر	۶۶۶
ماسه‌ی متراکم توپیورا	۱۴۸۱۸
ماسه‌ی سست توپیورا	۱۰۶۴
ماسه‌ی متراکم هوستون	۶۸۰۷۵
ماسه‌ی سست هوستون	۱۰۲۸

در این نوشتار با توجه به آنکه کرش حجمی در مرحله‌ی خرابی برای ماسه‌های سست و متراکم تحت تنش‌های محصورکننده کم است،^[۱۶] لذا می‌توان سطح خرابی را مستقل از چگالی درنظر گرفت. پارامترهای p_m و p_f از رابطه‌های ۱۳ و ۱۴ می‌شوند:

$$p_m = p_a \ln \left(\frac{p_{cr} + p_a}{p_a} \right) \quad (۱۳)$$

$$p_f = \delta p_{cr} \quad (۱۴)$$

جدول ۵. مقادیر m و P_u در مدل نوا در سه نوع ماسه‌ی مختلف.

P_u	m	نوع ماسه
۲۲۰۳	۰,۱۷۵	ماسه‌ی متراکم با پلیمر
۲۷۹	۰,۲۱۷	ماسه‌ی سست با پلیمر
۳۱۹۵۸۶	۰,۰۵۱	ماسه‌ی متراکم توپیورا
۲۳۷۱	۰,۰۵۲	ماسه‌ی سست توپیورا
۵۶۹۸۲۱	۰,۰۵۵	ماسه‌ی متراکم هوستون
۱۵۶۲	۰,۰۴۷	ماسه‌ی سست هوستون

در رابطه‌ی ۱۹، مقدار پارامتر c از رابطه‌ی ۲۰ به دست می‌آید:

$$P_c = P_{c0} \exp\left(\frac{\varepsilon_v^p + D\varepsilon_d^p}{l - B_s}\right) \quad (20)$$

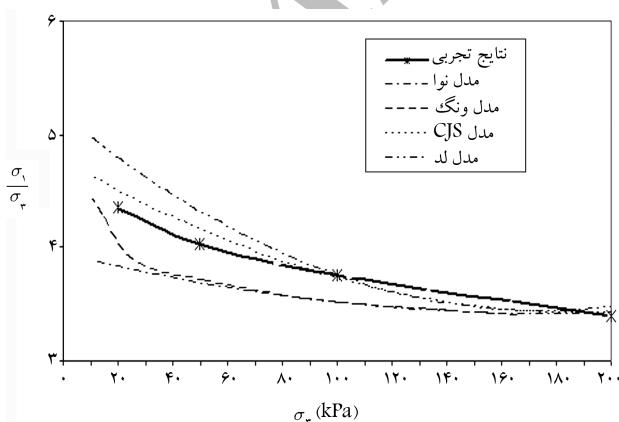
در این نوشتار با توجه به آنکه کرنش حجمی در مرحله خرابی برای ماسه‌های سست و متراکم تحت تنشی‌های محصور کننده کم است،^[۴,۵] لذا می‌توان سطح خرابی را مستقل از دانسیته لحاظ نمود.

در این تحقیق برای تعیین پارامترهای اصلی مدل یعنی P_u و m در ماسه‌ها از مشخصات دو آزمایش سه محوری در تنش جانبی ۱۰۰ و ۲۰۰ کیلوپاسکال استفاده شده است. مقدار پارامترهای m و P_u در جدول ۵ برای ماسه‌های مختلف ارائه شده است.

۴. اعتباربخشی مدل‌های رفتاری

با توجه به مقادیر پارامترهای حاصله در قسمت ۳، مدل‌های فوق برای مقادیر تنش محصور کننده کمتر از 1 kPa $\sigma'_1 = 200$ اعتباربخشی شدند. بدین ترتیب به ازاء یک مقدار مشخص σ'_1 ، با استفاده از معادله‌ی سطح خرابی میزان σ'_1 نظری آن به دست آمده است. نتایج حاصله در مختصات $\frac{\sigma_1}{\sigma'_1}$ بر حسب σ'_1 در حالت متراکم و سست به طور مجزا ترسیم شده است. در شکل ۷ نتایج اعتباربخشی مدل‌ها برای ماسه‌ی سست هوستون ارائه شده است.

مشاهده می‌شود که $\tau_a = 50 \text{ kPa}$ ، مدل CJS انتطباق مناسبی با منحنی تجربی دارند و در تنش محصور کننده‌ی کمتر، این دو مدل به خصوص مدل Ld مقاومت بیشینه را بیش از نتایج تجربی ارائه می‌دهند. مدل‌های ونگ و نوا در مجموع وضعیت



شکل ۷. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی هوستون با تراکم کم.

در رابطه‌های ۱۳ و ۱۴ $m = 5$ در نظر گرفته شده است. $P_a = 100 \text{ kPa}$ فشار مرجع معادل است. در شرایط سه محوری تقارن محوری می‌توان نوشت:

$$\sigma'_1 = \sigma'_2$$

$$P = \frac{\sigma'_1 + 2\sigma'_2}{3}$$

$$S_{II} = \sqrt{\frac{2}{3}} |\sigma'_1 - \sigma'_2| = \sqrt{\frac{2}{3}} |q|$$

$$\theta_s = 0 \Rightarrow h(\theta_s) = (1 - \gamma)^{\frac{1}{2}} \quad (15)$$

پارامترهای R_{cr} و γ در شرایط سه محوری مرتبط با ϕ_{cr} هستند:^[۱۱]

$$R_{cr} = 2 \sqrt{\frac{2}{3}} \frac{\sin \varphi_{cr}}{3 - \sin \varphi_{cr}} (1 - \gamma)^{\frac{1}{2}} \quad (16)$$

$$\left(\frac{1 - \gamma}{1 + \gamma}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{3 - \sin \varphi_{cr}}{3 + \sin \varphi_{cr}} \quad (17)$$

با توجه به اینکه عملکرد مدل در مسیر سه محوری در فشار بررسی می‌شود، می‌توان مقدار یکسانی برای γ در همه ماسه‌های مورد نظر لحاظ کرد. این مقدار معادل 8° در نظر گرفته شده است. پارامتر c برای ماسه‌ی هوستون برابر 25° ^[۱۱] همچنین پارامتر μ برای ماسه‌ی هوستون $0,054$ ، برای ماسه‌ی توپیورا $0,018$ و برای ماسه‌ی با پلیمر $0,046$ اعمال شد.^[۱۱] با استفاده از مقادیر M و از رابطه‌ی 4 مقدار ϕ_{cr} برای هر یک از ماسه‌ها معلوم می‌شود. حال با استفاده از رابطه‌ی 16 ، مقدار R_{cr} ماسه‌ها که مستقل از چگالی است حاصل می‌شود، با استفاده از رابطه‌ی 7 برای تنش محصور کننده‌ی 20 kPa ، مقادیر P_{cro} مربوط به هر یک از ماسه‌ها در حالت متراکم و سست معلوم خواهد شد. برای این کار R_r از رابطه‌ی 9 محاسبه و با توجه به معلوم بودن سایر پارامترها، P_{cro} تعیین می‌شود. در جدول 4 مقادیر پارامترهای R_r و P_{cr} به دست آمده برای سه ماسه‌ی مورد نظر ارائه شده است.

۴.۳. مدل نوا

این مدل رابطه‌ی سطح تسیلیم را به شکل رابطه‌ی 18 بیان می‌کند:^[۱۲]

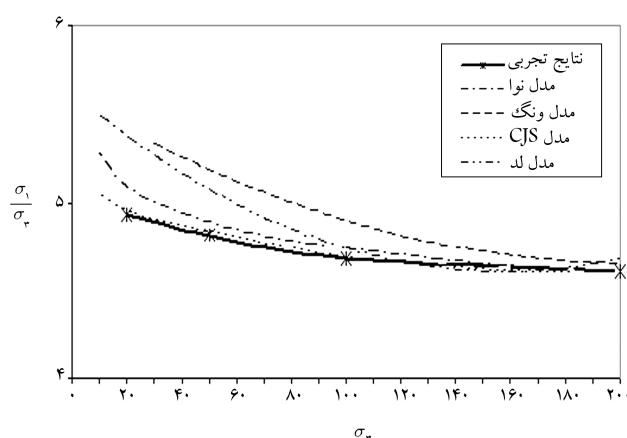
$$F = \frac{q}{p} - M + m \ln\left(\frac{p}{p_u}\right) = 0 \quad (18)$$

سایر پارامترهای مربوط به سطح خرابی این مدل را می‌توان از رابطه‌ی 19 به دست آورد:^[۱۲] در رابطه‌ی 18 مقدار پارامتر P_u برابر است با:

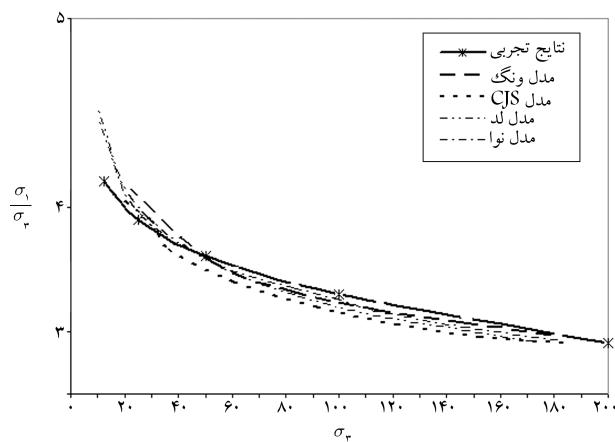
$$P_u = \frac{P_c}{\sqrt{1 + \mu}} \exp\left(-\frac{M}{2m}\right) \quad (19)$$

جدول ۴. مقادیر پارامترهای R_{cr} و P_{cr} در مدل CJS برای سه نوع ماسه‌ی مختلف.

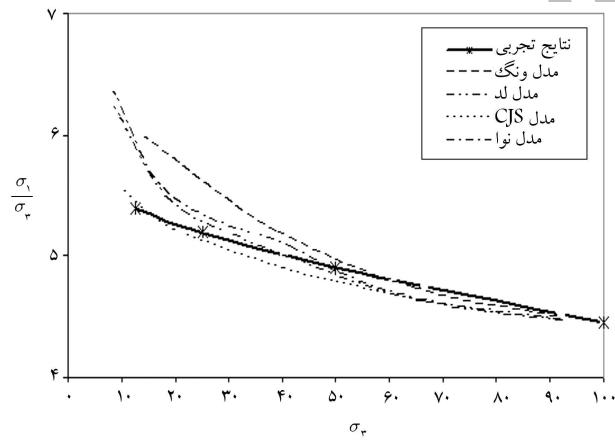
P_{cr} (kPa)	R_{cr}	نوع ماسه
۳۰۰۰	۰,۲۴	ماسه‌ی متراکم با پلیمر
۴۰۰	۰,۲۴	ماسه‌ی سست با پلیمر
۱۰۰۰۰	۰,۲۸۵	ماسه‌ی متراکم توپیورا
۲۵۰	۰,۲۸۵	ماسه‌ی سست توپیورا
۳۰۰۰	۰,۲۷۲	ماسه‌ی متراکم هوستون
۲۵۰	۰,۲۷۲	ماسه‌ی سست هوستون



شکل ۱۰. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی توپورا با تراکم بالا.



شکل ۱۱. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی بابلسر با تراکم کم.

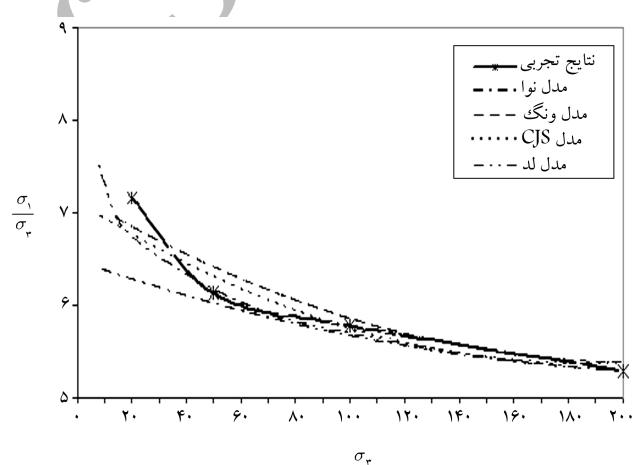


شکل ۱۲. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی بابلسر با تراکم بالا.

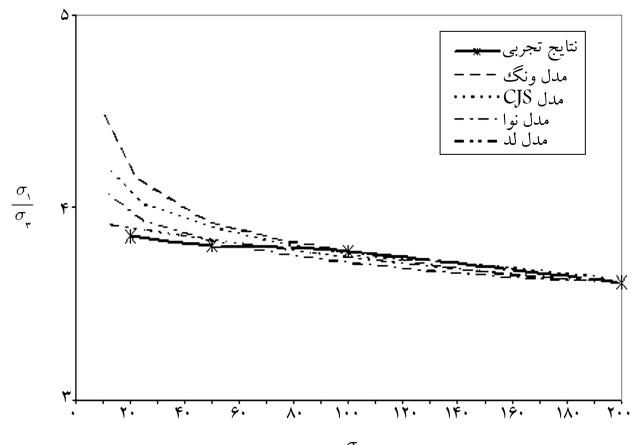
لد و نوا در مقایسه با نتایج تجربی حاصل از آزمایش سه محوری زهکشی شده بر ماسه‌ی بابلسر را نشان می‌دهند. با توجه به اینکه در تنش‌های محصورکننده کم، حتی خاک‌های ماسه‌بی سست رفتار اتساعی از خود نشان می‌دهند لذا تغییرات حجم کنتکننده فشار بحرانی (P_c' در مدل‌های ونگ و CJS) و P_u' در مدل نوا، تا مرحله‌ی گسیختگی تغییرات زیادی ندارند و لذا در مجموعه‌ی اعتبار بخشی‌ها، این فشارها به صورت ثابت در نظر گرفته می‌شوند.

خرابی $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ را کمتر بیان می‌کنند. البته در σ_2 های کم مدل CJS بیشترین نزدیکی را با نتایج تجربی دارد. شکل ۸ تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای حالت متراکم به دست آمده از نتایج چهار مدل غیرخطی ونگ، CJS، لد و نوا در مقایسه با نتایج تجربی حاصل از آزمایش سه محوری زهکشی شده روی ماسه‌ی هوستون را نشان می‌دهند. انتباخت خوب نتایج تجربی با مدل‌های ارائه شده قابل توجه است. نکته‌ی حائز اهمیت در بررسی اشکال این است که در محدوده‌ی تنش‌های محصورکننده بیشتر از $\sigma_2 = 50$ kpa = 50 kpa از اطباق مدل‌های عددی با نتایج آزمایش‌گاهی بسیار بیشتر از $\sigma_2 = 50$ kpa است. این نکته، لزوم بررسی رفتار ماسه در محدوده‌ی تنش‌های کم را بیشتر توجیه می‌کند. شکل‌های ۹ و ۱۰ تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای حالات با تراکم کم و تراکم بالا به دست آمده از نتایج چهار مدل غیرخطی ونگ، CJS، لد و نوا در مقایسه با نتایج تجربی حاصل از آزمایش سه محوری زهکشی شده بر ماسه‌ی توپورا را نشان می‌دهند.

تا $\sigma_2 = 50$ kpa سه مدل CJS، لد، و نوا پیش‌بینی خوبی ارائه داده‌اند ولی برای σ_2 در محدوده‌ی 20 تا 50 کیلوپاسکال، مدل CJS بهترین انتباخت را روند منحصري تجربی طی می‌کند. مدل ونگ در کل مقاومت پیش‌بینیه را بیش از نتایج تجربی پیش‌بینی می‌کند. همین‌طور شکل‌های ۱۱ و ۱۲ تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای حالت سست و متراکم به دست آمده از نتایج چهار مدل غیرخطی ونگ، CJS،



شکل ۸. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی هوستون با تراکم بالا.



شکل ۹. تغییرات نسبت $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ در برابر σ_2 برای ماسه‌ی توپورا با تراکم کم.

۵. نتیجه‌گیری

این کاهش در محدوده‌ی تنش‌های محصورکننده‌ی کم شدت بیشتری دارد.

۲. در تنش‌های محصورکننده‌ی کم براساس نتایج تجربی موجود در ادبیات، تحت مسیرهای سه محوری در خاک‌های ماسه‌بی سیستم تمايل به حالت اتساعی در تغییرشکل‌های بزرگ مشاهده می‌شود و واپستگی شدیدتری به میران تنش محصورکننده وجود دارد.

۳. واپستگی وضعیت خرابی به تنش محصورکننده غیرخطی است و هر چه مقدار تنش محصورکننده کمتر می‌شود شدت غیرخطی بودن افزایش می‌یابد.

۴. مدل‌های رفتاری که سطح خرابی در آن‌ها تابع خطی از تنش محصورکننده است (مانند مدل مورکولمب، ورمیر...) امکان بیان وضعیت خرابی خاک وجود نخواهد داشت.

۵. عملکرد مدل‌های رفتاری که در آن‌ها اثر غیرخطی واپستگی به تنش محصورکننده لحاظ شده است، بستگی به نوع و مقاومت به کاررفته در فرمول نویسی مدل داشته‌اند و به همین دلیل در بیان وضعیت خرابی نتایج متفاوت و نسبتاً پراکنده‌ی ارائه می‌دهند.

در بسیاری از سازه‌ها در مهندسی زئوتکنیک میدان تنش - تغییرشکل ایجاد شده در محدوده‌ی تنش‌های محصورکننده‌ی کم ایجاد می‌شود که از آن جمله می‌توان به شبیه‌ها، پی‌های سطحی کوچک، نواحی سطحی در خاکریزها و غیره اشاره کرد. بنابراین بررسی رفتار مصالح زمین تحت این محدوده از تنش محصورکننده دارای اهمیت خواهد بود. در این خصوص مطالعه‌ی خاک‌های ماسه‌بی که رفتار آن‌ها به شدت واپسته به تنش‌های محصورکننده است، اهمیت بیشتری دارد. لذا پژوهش حاضر به این موضوع اختصاص یافته که پس از جمع‌آوری نتایج تجربی موجود در ادبیات و انجام یک مجموعه آزمایش‌های سه محوری و نهایتاً اعتباربخشی تعدادی از مدل‌های رفتاری مشهور نتایج زیر حاصل شد:

۱. نتایج آزمایش سه محوری زهکشی شده نشان می‌دهند که با افزایش مقدار تنش محصورکننده، مقدار زاویه اصطکاک داخلی بیشینه‌ی ماسه کاهش می‌یابد.

منابع

1. Tatsuoka, F.; Sakamoto, M.; Kawamura, T. and Fukushima, S. "Strength and deformation characteristics of sand in plane strain compression at extremely low pressures", *Soils and Foundations*, **26**(1), pp. 65-84 (1986).
2. Fukushima, S. and Tatsuoka, F. "Strength and deformation characteristics of saturated sand at extremely low pressures", *Soils and Foundations*, **24**(4), pp. 30-48 (1984).
3. Kolymbas, D. and Wu, W. "Recent results of triaxial tests with granular materials", *Soils-Forschung und plaxis*, 88, University of Karlsruhe, pp. 99-117 (1988).
4. Al Mahmoud, M. "Etude en laboratoire du comportement des sables sous faibles contraintes.", *PhD dissertation*, univ. of Lille, Lille France (1997).
5. Ishihara, K. "Liquefaction and flow failure during earthquakes", *Geotechnique*, **43**(3), pp. 351-415 (1993).
6. Mohkam, M. "Contribution à l'étude expérimentale et théorique du comportement des sables sous chargements cycliques", *These de doctorat*, *Ins. Natio. Poly. de Grenoble* (1983).
7. Henkel, D.J. and Gilbert, G.D. "The effect of the rubber membrane on the measured triaxial compression strength of clay samples", *Geotechnique*, **3**(1), pp. 20-29 (1952).
8. ASTM D-4676 "Standard classification for rubber compounding materials antidegradants" (1994).
9. Sahaphol, T. and Miura, S. "Shear moduli of volcanic soils", *J. Soil Dynamics and Earthquake Eng.* (2004).
10. Wang, Z.L.; Dafalias, Y.F.; Li, X.S. and Makadisi, F.I. "State pressure index for modeling of sand behavior", *J. Geotech and Geoenviro Eng.*, **128**(6), pp. 511-519 (2002).
11. Maleki, M.; Dubujet, D. and Cambou, B. "Modélisation hiérarchisée du comportement des sols", *Revue Francaise de Génie Civil*, **4**(7-8), pp. 895-928 (2000).
12. Lade, P.V. "Elasto-plastic stress-strain theory for cohesionless soil with curved yield surfaces", *Journal of Geotechnical Engineering*, **108**(9), pp. 997-1013 (1977).
13. Cambou, B. and Jafari, K. "A constitutive model for granular materials based on two plasticity mechanisms, constitutive equations for granular non-cohesive soils", *Sada & Bianchini, Balkema, Rotterdam*, pp. 149-167 (1989).
14. Nova, R. "A model of soil behavior in plastic and hysteretic ranges", *International Workshop on Constitutive Behavior of Soils*, Grenoble, pp. 289-309 (1982).