

# بررسی رفتار کننده‌های اصطکاکی برای حفاظت لرزه‌بی تجهیزات حساس

تورج نقی خانی (استادیار)

هادی صالحی (کارشناس ارشد)

دانشکده‌ی عمران و محیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

امروزه سیستم‌های کنترلی نیمه‌فعال به دلیل پایداری پاسخ سازه و قابلیت بالا در کنترل آن کاربرد گسترده‌بی یافته است. کنترل نیمه‌فعال با استفاده از میراگرهای اصطکاکی متغیر به منظور بهبود مشخصه‌های اثلاف انرژی میراگرهای اصطکاکی غیرفعال در سال‌های اخیر مورد توجه زیادی قرار گرفته است. ارتعاشات لرزه‌بی ممکن است منجر به ایجاد شتاب‌ها و جابه‌جایی‌های بزرگ و در نهایت خرابی تجهیزات حساس شود. سیستم‌های کنترلی نیمه‌فعال با کنترل کننده‌های اصطکاکی و نیروی سیارکم، از طریق محدودسازی شتاب ورودی و جابه‌جایی دستگاه قادرند پاسخ تجهیزات فوکانی را به خوبی کنترل کنند. هدف از این تحقیق، بررسی کارایی تکنولوژی کنترل نیمه‌فعال با استفاده از میراگرهای اصطکاکی متغیر در کاهش پاسخ لرزه‌بی تجهیزات، و نیز بررسی اثر الگوریتم کنترلی  $H_{\infty}$  در سیستم‌های دارای کنترل کننده‌ی اصطکاکی است. این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از میراگرهای اصطکاکی متغیر با خصوصیت تطبیق‌پذیری در برابر ارتعاشات مختلف زلزله و نیاز به منع انرژی کم، اگرچه سبب کاهش پاسخ شتاب ورودی به تجهیزات سازه می‌شود، جابه‌جایی دستگاه نسبت به طبقه را نیز در کمترین میزان نگه می‌دارد. نتایج این مطالعه مشخص می‌کند که با استفاده از کنترل کننده‌های اصطکاکی و الگوریتم کنترلی مناسبی که بتواند اثر اختلالات و تحریکات بیرونی را در نظر گیرد، می‌توان کمک مؤثری در افزایش قابلیت سیستم در کنترل پاسخ تجهیزات کرد.

وازگان کلیدی: کنترل لرزه‌بی سازه‌ها، کنترل نیمه‌فعال، میراگرهای اصطکاکی، متغیر، تجهیزات.

ttaghikhany@aut.ac.ir  
hadi.salehi@aut.ac.ir

## مقدمه

خسارت به سیستم‌های ثانویه اساساً از طریق تغییر مکان بین طبقه‌یی و شتاب طبقه بروز می‌کند. جداسازی لرزه‌بی به دلیل کاهش شدید تغییر مکان بین طبقه‌یی و شتاب طبقه، مؤثرترین استراتژی حفاظت لرزه‌بی برای سیستم‌های ثانویه است. در این میان به‌کارگیری سیستم جداسازی کف کاذب<sup>۱</sup> یکی از روش‌های رایج در حفاظت تجهیزات مراکز رایانه است. لامپر و کنستانتینو آزمایش‌های میز لرzan جامعی بر روی سیستم‌های جداسازی کف کاذب تحت بارهای لرزه‌بی انجام دادند. در این آزمایش‌ها، از سیستم آونگ اصطکاکی (FPS)<sup>۲</sup> به عنوان دستگاه جداساز استفاده شده بود. نتایج حاصل از این آزمایش‌ها نشان داد که جداساز کف کاذب تأثیر به‌سزایی در کاهش نیروی منتقل شده به تجهیزات کف دارد.<sup>[۱]</sup> یکی دیگر از روش‌های حفاظت لرزه‌بی استفاده از راهکار کنترل فعل است. کنترل لرزه‌بی تجهیزات در واقع اصلاح خصوصیات آن شامل تغییر سختی، میراثی و جرم در برابر پارهای دینامیکی خارجی است تا خسارات وارده کمینه شود یا تجهیزات قادر به ارائه سرویس خود بعد از زلزله نیز باشند. تا امروز برخی روش‌های

در سال‌های اخیر ارتقاء اینمنی ساختمان‌ها، پل‌ها، نیروگاه‌ها، و سدها در برابر زلزله به طور گسترده مورد توجه قرار گرفته است، اما به لحاظ تاریخی تلاش کمتری در جهت ارتقاء عملکرد تجهیزات بحرانی، سیستم‌های تجهیزات حساس و فرایند آن در طول زلزله و بعد از آن صورت گرفته است. این در حالی است که خسارات مالی غیرسازه‌بی ناشی از زلزله‌ها ممکن است بیشتر از خسارات سازه‌بی باشد. به عنوان مثال، در زلزله‌ی نورتریج<sup>۳</sup> آمریکا (۱۹۹۴)، بسیاری از وسائل و امکانات دچار خسارت موضعی شدند و تعدادی نیز کاملاً غیرقابل استفاده شدند که عملت اصلی آن خرابی تجهیزات در گستره‌ی وسیعی از سیستم‌ها بود. زلزله‌ی ازمیت<sup>۴</sup> در هفدهم آگوست سال ۱۹۹۹ در قلب صنعتی ترین منطقه‌ی ترکیه رخ داد و نتایج بالقوه‌ی آن در مراکز صنعتی رخ نمود. آتش‌سوزی گسترده و خسارت سازه‌بی و غیرسازه‌بی، کارکرد بزرگ‌ترین پالایشگاه ترکیه را برای چندین ماه متوقف کرد و برخی از قسمت‌های آن نیز برای مدتی بیش از یک سال از کار افتادند.<sup>[۱]</sup>

تاریخ: دریافت ۱۳۸۷/۸/۲۹، داوری ۱۳۸۸/۱۰/۱۶، پذیرش ۱۱/۱۲/۱۳۸۸.

در سال ۱۹۹۶ معرفی شد و در آن محرك های فیزوالکتریک به عنوان اعضای اصلی مدولاسیون نیروی نگه دارنده برای طراحی میراگر به کار می رود. این سیستم کنترلی در یک مدل آزمایشی ساختمان پنج طبقه که در هر طبقه یک میراگر اصطکاکی متغیر نصب شده بود، مورد استفاده قرار گرفت.<sup>[۶]</sup> در سال ۲۰۰۱ یک میراگر اصطکاکی فیزوالکتریک پیشنهاد شد و آزمایشاتی نیز بر روی آن انجام گرفت.<sup>[۷]</sup> همانند طراحی سیستم های VFDS، محرك فیزوالکتریک برای تنظیم نیروی نگه دارنده به کار می رود. در این میراگر، نیروی اصطکاکی قادر است به صورت پیوسته و از طریق ولتاژ ورودی به محرك فیزوالکتریک تغییر کند. میراگر اصطکاکی فیزوالکتریک به صورت عملی بر روی میز لرزان و به منظور کنترل نیمه فعال یک مدل ساختمانی سه طبقه و با الگوریتم های کنترلی پیشنهادی مورد آزمایش قرار گرفت. نتایج این آزمایش نشان داد که محرك فیزوالکتریک به خوبی می تواند تغییرات فعال و فوری نیروی اصطکاکی را در فرکانس های کنترلی بالا تأمین کند.

اخیراً در سال ۲۰۰۴، محققان یک ساختمان چند طبقه ای لرزه بی را که مجهز به میراگر اصطکاکی متغیر بود با استفاده از کنترل پیش بینی کننده مورد آزمایش قرار دادند. از دیگر مطالعات صورت گرفته بر روی میراگر اصطکاکی متغیر می توان به کنترل نیمه فعال دو ساختمان مرتبط (۲۰۰۶) اشاره کرد.<sup>[۸]</sup> نتایج حاصل از این مطالعه نشان می دهد که این روش می تواند سبب کاهش پاسخ لرزه بی هر دو سازه شود. در سال ۲۰۰۶ از الگوریتم کنترل  $H_{\infty}$  و سیستم اصطکاکی متغیر در سازه های جداسازی شده هی هوشمند استفاده شد.<sup>[۹]</sup> این الگوریتم می تواند به ایجاد تغییرات ثابت در نیروی اصطکاکی و عملکرد بهینه میراگر در کاهش پاسخ سازه تحت زلزله های نزدیک بینجامد. در همین راستا در سال ۲۰۰۷ نیز کنترل لرزه بی یک سازه با سیستم جداسازی شده هوشمند توسط میراگرهای متغیر نیمه فعال مورد بررسی قرار گرفت.<sup>[۱۰]</sup>

در مطالعه ای دیگری که اخیراً (در سال ۲۰۰۷) بر روی میراگر اصطکاکی متغیر انجام گرفته، تأثیر این میراگر به همراه یک سیستم جداسازی شده در حفاظت لرزه بی تجهیزات حساس مورد بررسی قرار گرفته است.<sup>[۱۱]</sup> براساس این مطالعات، سیستم جداسازی هوشمند (SIS) که تکیبی است از یک سکوی جداسازی همراه با دستگاه اصطکاکی متغیر، به منظور بهبود عملکرد جداسازی لرزه بی مورد استفاده در حفاظت تجهیزات حساس پیشنهاد می شود. در این سیستم نیروی لغزشی میراگر متغیر در پاسخ به حریکات خارجی، توسط کنترل کننده قابل تنظیم است. در حین زلزله، دستگاه اصطکاکی متغیر تأمین کننده نیروی استهلاکی قابل تطبیق به منظور کاهش پاسخ تجهیزات جداسازی شده برای سیستم جداسازی هوشمند (SIS) است.

از طرف دیگر براساس مطالعات انجام شده در اوائل دهه ۹۰ در مرور کاربرد استراتژی کنترل نیمه فعال براساس روش های محدوده های فرکانسی به منظور کنترل بهینه های سازه های مهندسی، الگوریتم کنترل  $H_{\infty}$  (نوعی از کنترل روابست)<sup>[۱۲]</sup> به عنوان الگوریتمی مؤثر در کنترل نیمه فعال پاسخ سازه ها معروفی شد.<sup>[۱۳]</sup> الگوریتم کنترل  $H_{\infty}$  یک روش کنترل دوطرفه است که در آن نیروی کنترلی و حریکات خارجی به طور هم زمان در نظر گرفته می شود تا نرم بی نهایت تابع تبدیل را بین ورودی حریکات و دستیابی از خروجی های تنظیم شده قرار دهد.

این الگوریتم، به دلیل ویژگی های خاص، در سیاری از سیستم های کنترل سازه و به منظور کاهش پاسخ سازه مورد استفاده قرار می گیرد. به طور مثال، در سال ۲۰۰۴ یانگ و لین انرژی کنترل  $H_{\infty}$  و پایداری آن برای سازه های مهندسی و همچنین استراتژی های کنترل برمبنای این الگوریتم را به منظور استفاده ای سازه های مهندسی عمران مورد بررسی قرار دادند.<sup>[۱۴]</sup> از جمله کاربردهای مهم الگوریتم بهینه  $H_{\infty}$  که

کنترل تجهیزات با موفقیت به اجرا درآمده و تعدادی نیز به صورت نظری معرفی شده اند.

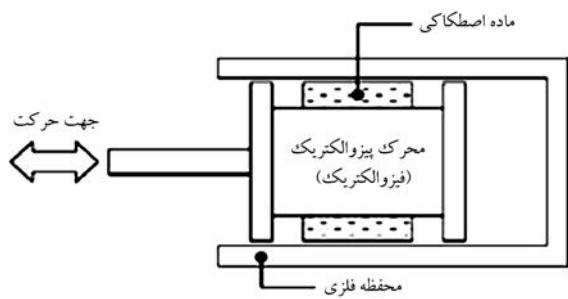
استراتژی کنترل نیمه فعال، بدون نیاز به منبع انرژی بزرگ موجب تطبیق پذیری عملکرد سیستم فعال در کاهش مؤثر پاسخ در طول آراش گسترده شرایط بارگذاری دینامیکی است، در حالی که استراتژی غیرفعال متضمن پایداری سیستم حين بارگذاری است. این دستگاهها به منظور رفع نیاز به یک منبع انرژی خارجی، با نیروی بسیار کوچکی طراحی می شوند. به همین دلیل، فناوری کنترل نیمه فعال اخیراً به منظور کاهش پاسخ دینامیکی تجهیزات در معرض زلزله و باد به طور گسترده مورد مطالعه قرار گرفته است.<sup>[۱۵]</sup>

از جمله سیستم های نیمه فعال که امروزه از آن استفاده می شود «میراگر اصطکاکی متغیر» (VFDS) است. این سیستم اغلب به عنوان یکی از مفاهیم عملی سیستم های کنترل نیمه فعال شناخته می شود و به منظور بهبود عملکرد میراگرهای اصطکاکی غیرفعال مطرح شده است. این میراگرها نیروی کنترلی را از طریق اصطکاکی سطحی و کنترل افت دستگاه تولید می کنند و می توانند تغییر مکان و جایه جایی نسبی کف تجهیزاتی را که تحت حریکات لرزه بی قرار گرفته کاهش دهند. میراگر اصطکاکی متغیر از محرك های فیزوالکتریک به عنوان تنظیم کننده نیروی اصطکاکی و متعاقب آن نیروی نگه دارنده استفاده می کند. وظیفه ای این میراگر، اداره سطح ولتاژ ورودی به محرك فیزوالکتریک برای کنترل نیروی نگه دارنده روی مصالح اصطکاکی است. در این میراگرها به طور کلی نیروی نگه دارنده با سطح ولتاژ متناسب است.

براساس مشخصه های ارزیابی شده میراگر اصطکاکی متغیر، میراگر با دو جزء و عنصر مدل می شود: فنر خطی و یک لغزشی اصطکاکی متغیر که به صورت سری به یکدیگر متصل اند. فنر خطی یک عضو کشسان را که متصل به دستگاه اصطکاکی است شبیه سازی می کند و توسط لغزشی اصطکاکی مدل می شود.

شکل ۱ مدل شماتیک میراگر اصطکاکی متغیر را نشان می دهد.<sup>[۱۶]</sup> در میراگرهای اصطکاکی متغیر، برای این که میراگر بتواند در هر زلزله باشد دلخواه فعال شود، نیروی تنسی نرمال (نیروی نگه دارنده) اعمال شده بر سطح اصطکاکی تنظیم می شود. بدین صورت میراگر اصطکاکی نیمه فعال می تواند باز لغزشی را در زمان واقعی در پاسخ به حرکت سازه بی و حریکات خارجی تنظیم کند.

مطالعات و تحقیقات عملی صورت گرفته روی میراگر اصطکاکی متغیر برای کنترل سازه بی به اندازه مطالعات تحلیلی انجام شده نیست. در سال ۱۹۹۵ یک دستگاه مهاری لغزشی فعال (ASBD) که در آن نیروی نگه دارنده از میراگر هیدرولیکی تنظیم می شود معرفی شد.<sup>[۱۷]</sup> یکی دیگر از سیستم های میراگر اصطکاکی متغیر (VFDS) که مورد بررسی و آزمایش قرار گرفته، سیستمی است که



شکل ۱. مدل شماتیک میراگر اصطکاکی متغیر.

که در آن  $x(t)$  بردار تغییر مکان،  $M$  و  $K$  به ترتیب ماتریس‌های جرم، میرائی و سختی،  $H$  ماتریس مکان کنترل کننده و  $\eta$  اثر ماتریس ضربی تحریکات است.  $u(t)$  و  $w(t)$  نیز به ترتیب بردار نیروی کنترلی و اختلالات است. برای سازه‌یی که تحت اثر زلزله است،  $x(t) = \bar{x}(t)$  است که نمایان‌گر شتاب زلزله است. رابطه‌ی ۴ در فرم فضایی حالت به صورت رابطه‌ی ۵ بیان می‌شود:

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) + E\ddot{u}_g(t) \quad (5)$$

که در آن  $x(t)$  متغیر حالت سیستم و  $A$ ،  $B$  و  $E$  ماتریس‌های حالت سیستم هستند که از روابط ۶ و ۷ به دست می‌آیند:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & I \\ -M^{-1}K & -M^{-1}C \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ M^{-1}\Lambda \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$E = -\begin{bmatrix} 0 \\ \Gamma \end{bmatrix} \quad (7)$$

مقادیر  $\Lambda$  و  $\Gamma$  مثلاً برای یک مدل سه‌دوجه آزادی از طریق رابطه‌ی ۸ محاسبه می‌شود:

$$\Lambda = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}^T \quad \text{و} \quad \Gamma = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}^T \quad (8)$$

در نهایت، مسئله‌ی الگوریتم کنترل  $H_\infty$ ، یافتن کنترل‌گری ( $K(s)$ ) است که با در نظر گرفتن  $\gamma$  داده شده وتابع تبدیل ( $T(s)$ ، بتواند رابطه‌ی ۹ را ارضاء کند:

$$\|T(s)\|_\infty < \gamma \quad (9)$$

یک پارامتر عددی مثبت است که توسعه طراح و به منظور تضمین این نکته که نزد خروجی نسبت به ورودی تحت مقدار معین و از پیش تعیین شده محدود شود، انتخاب می‌شود.

## مدل‌سازی و بیان مسئله

### ۱. مدل مطالعاتی

مشخصات دینامیکی تجهیزات از قبیل سختی یا میرائی ممکن است تصمیم‌گیری در مورد مدل‌سازی و روش طراحی سیستم جداسازی آنها را تحت تأثیر قرار دهد. برین اساس در سال ۱۹۹۸، آلمازان پارامترهای پاسخ بلوك صلب و روسازه‌ی انعطاف‌پذیر (با دوره‌ی تناوب ۰/۵ ثانیه) با جداساز FPS جداسازی شده را مقایسه کرد. نتایج کار آنها نشان می‌دهد که اختلاف بین تغییر مکان جداساز برای هر دو نوع روسازه خیلی کم است. اگرچه بیشتر اعضای تجهیزات صلب‌اند، در صورت انعطاف‌پذیری باز هم اثر قابل ملاحظه‌ی بر پاسخ سیستم جداسازی ندارد.<sup>[۱۱]</sup> بنابراین در تجهیزات جداسازی شده، پاسخ سیستم جداسازی لرزه‌یی با دقت قابل قبولی با فرض «تجهیزات + کف کاذب» به صورت جرم صلب به دست می‌آید. از طرف دیگر براساس مطالعات انجام شده در سال ۲۰۰۲ بر روی انواع جداسازها، برای روسازه‌های نه‌چندان انعطاف‌پذیر (مثلاً ساختمان‌های چندطبقه) می‌توان روسازه را به صورت صلب مدل کرد که در این صورت پاسخ تغییرمکان جداساز و شتاب روسازه با دقت بالایی با پاسخ مدل واقعی مطابقت دارد.<sup>[۱۲]</sup>

در سال ۲۰۰۶ مورد بررسی و استفاده قرار گرفته، سازه‌های دارای سیستم جداسازی شده‌ی هوشمند و همراه با سیستم‌های کنترلی نیمه‌فعال متغیر (ناظیر میراگرهای اصطکاکی متغیر) است که برای کاهش پاسخ سازه استفاده شده است.<sup>[۱۳]</sup> در این مطالعه، حفاظت تجهیزات حساس داخل ساختمان در برابر زلزله، به عنوان اعضاًی که ممکن است در زلزله خسارت بیند و تبعات ناشی از خسارات آنها جبران ناپذیر باشند، مورد بررسی قرار گرفته است. روش حفاظت مورد مطالعه براساس روش کف کاذب، که در مقدمه از آن به عنوان یکی از روش‌های مؤثر در حفاظت تجهیزات داخل ساختمان یاد شد، و با استفاده از میراگر اصطکاکی متغیر و استراتژی کنترل نیمه‌فعال مؤثر  $H_\infty$  است که تحت کنترل قرار گرفته و پس از بررسی پاسخ سیستم، انتظار می‌رود میراگر متغیر همراه با الگوریتم  $H_\infty$  پاسخ تجهیزات را به خوبی کاهش دهد.

## مسئله‌ی کنترل $H_\infty$

برای بیان مسئله  $H_\infty$ ، سیستمی با نمودار بلوکی نشان داده شده در شکل ۲ را در نظر می‌گیریم. فرض می‌شود  $G$  یک سیستم خطی ثابت زمانی،  $w$  ورودی اختلالات،  $u$  ورودی کنترل،  $y$  متغیر اندازه‌گیری شده و بالاخره  $z$  متغیر عملکرد است که باید کمینه شود. ساختار کنترل سیستم نشان داده شده در شکل ۲ به صورت رابطه‌ی ۱ قابل بیان است:

$$\begin{bmatrix} z \\ y \end{bmatrix} = G(s) \begin{bmatrix} w \\ u \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} G_{11}(s) & G_{12}(s) \\ G_{21}(s) & G_{22}(s) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w \\ u \end{bmatrix} \quad (1)$$

در این حالت قانون کنترل عبارت است از:

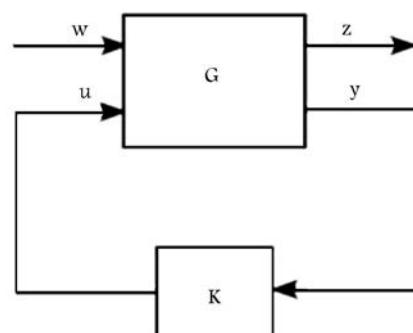
$$u = k(s)y \quad (2)$$

تمام ورودی‌های خارجی همانند سیگنال منع، اختلالات، آشکنگی سیستم و اغتشاش حسگرها درون متغیر اختلال ( $w$ ) تعریف می‌شود. متغیر عملکرد ( $z$ ) نیز مشکل از متغیرهایی نظری خطای ردیابی و ورودی محرک‌ها است. مسئله‌ی کنترل  $H_\infty$  یافتن کنترل‌گری ( $k(s)$ ) است که سیستم را چنان پایدار کند که اثر اختلالات  $w$  بر متغیر عملکرد ( $z$ ) کمینه شود. تابع ( $T(s)$ ) بیان‌گر تابع تبدیل سیستم حلقه بسته از  $w$  تا است.<sup>[۱۴]</sup>

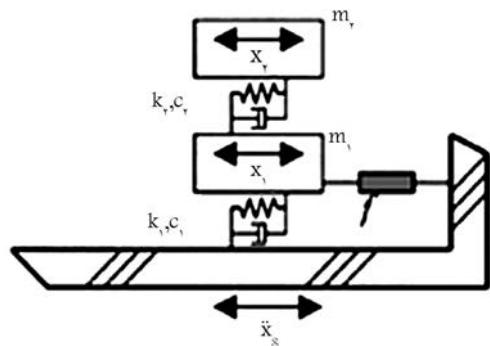
$$T(s) = G_{11} + G_{12}k(I - G_{22}k)^{-1}G_{21} \quad (3)$$

در حالت کلی، معادله‌ی حرکت یک سیستم را می‌توان چنین نشان داد:

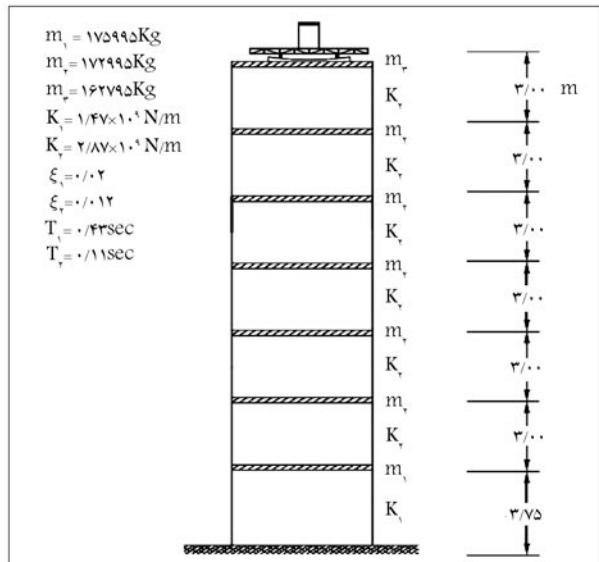
$$M\ddot{x}(t) + c\dot{x}(t) + Kx(t) = Hu(t) + \eta w(t) \quad (4)$$



شکل ۲. ساختار کلی مسئله‌ی کنترل  $H_\infty$ .



شکل ۴. نمایش فضای حالت مدل.



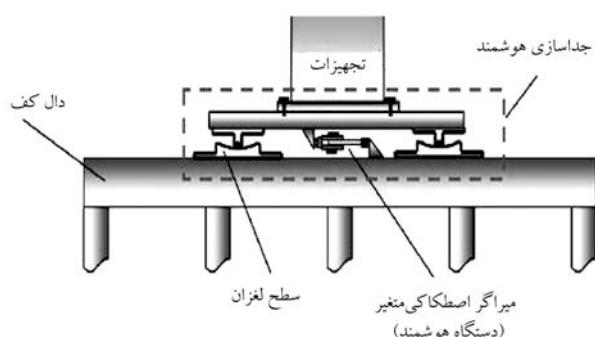
#### شکل ۵. مدل ساختمان مود مطالعه.

از لرلله، مشخصات سازه‌يی را که تجهیزات داخل آن قرار دارد، باید مورد مطالعه قرار داد.<sup>[۱۲]</sup> بدین‌منظور در این مطالعه از مدل سازه‌يی در نظر گرفته شده برای برسی عملکرد سیستم SCF در جداسازی تجهیزات داخلی، استفاده شده است. مشخصات ساختمان استفاده شده که یک ساختمان هفت طبقه است، نظیر ماتریس‌های جرم، سختی و میرایی، در شکل ۵ ارائه و همچنین مشخصات مدل تجهیزات و کف کاذب در ادامه آنچه مذکور است.

در این مطالعه شتاب نگاشت زلزله های استنترو (۱۹۹۵)، کوبه (۱۹۹۴) و طبس (۱۹۷۸) به عنوان زلزله های وارده به سازه مورد بررسی قرار گرفته اند. برای بررسی تأثیر طبقات در پاسخ لرزه هی تجهیزات، پاسخ طبقات چهارم و هفتم سازه به عنوان ارتعاشات ورودی برای تجهیزات مورد بررسی قرار می گیرد.

۳۔ مدل رایانہ یے

مدل مطالعاتی شامل یک مدل دو درجه آزادی است که تحت شتاب طبقات چهارم و هفتم سازه‌ی قرار دارد و در معرض زلزله قرارگرفته است. برای مدل سازی رایانه‌یی از نرم‌افزار Matlab استفاده شده است. در برنامه‌نویسی از معادله‌ی حالت سیستم استفاده شده و خروجی‌های سیستم (شامل تغییرمکان، سرعت و شتاب) تحت زلزله‌ی مختلف به دست آمده است.



شکل ۳. مدل شماتیک سیستم جداسازی هوشمند (SIS).

در این مطالعه از مدل «تجهیرات + کف کاذب» که لامپرو و کنستانتینو روی مراکز رایانه‌ی پی ارائه داده‌اند، استفاده شده است. تجهیرات که به صورت یک درجه آزادی بر روی کف کاذب مدل می‌شود دارای فرکانس اصلی  $40\text{ هertz}$  است که با مطالعه قبلی مبنی بر مدل صلب برای تجهیرات مطابقت دارد.<sup>[۲]</sup>

با در نظر گرفتن سیستم جداسازی هوشمندکه در شکل ۳ نشان داده شد، در این مطالعه فرض می‌شود عملکرگر استراتژی نیمه‌فعال با استفاده از میرا اصطکاکی متغیر و الگوریتم  $H_\infty$  برای حفاظت لرزه‌ی تجهیرات مورد استفاده قرار می‌گیرد. در این کار محدودیت نیروی عملکرگر و همچنین انرژی خیر زمانی در نظر گرفته نشده است.

۲. مدل ریاضی برای تحلیل

یک مدل دو درجه آزادی به منظور طرح کنترل در نظر گرفته شده است. رفتار تجهیزات وکف کاذب جداسازی شده، هر دو، خطی فرض شده است. نمایش معادلات حرکت در فضای حالت برای سیستم جداسازی لرزه‌یی در شکل ۴ نشان داده شده است.

$$\dot{X} = AX + BU + E\ddot{x}_f \quad (\text{10})$$

$$X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & \dot{x}_1 & \dot{x}_2 \end{bmatrix}^T \quad (11)$$

که در این رابطه  $x_1$  و  $x_2$  به ترتیب تغییر مکان کف کاذب و تجهیزات نسبت به زمین،  $u$  و  $\bar{x}$  نیروی کنترل اعمالی عملگر و شتاب طبقه،  $c_1$ ،  $k_1$ ،  $m_1$ ،  $m_2$ ،  $m_3$  و  $c_2$  و  $k_2$  و  $m_4$  به ترتیب می‌باشند، برای کف کاذب و تجهیزات است.

$$A = \begin{pmatrix} [ \circ ] & [ I ] \\ M^{-1}K & -M^{-1}C \end{pmatrix} \quad (12)$$

$$B \equiv \begin{bmatrix} \circ & \circ & \sqrt{m_3} & \circ \end{bmatrix}^T \quad (13)$$

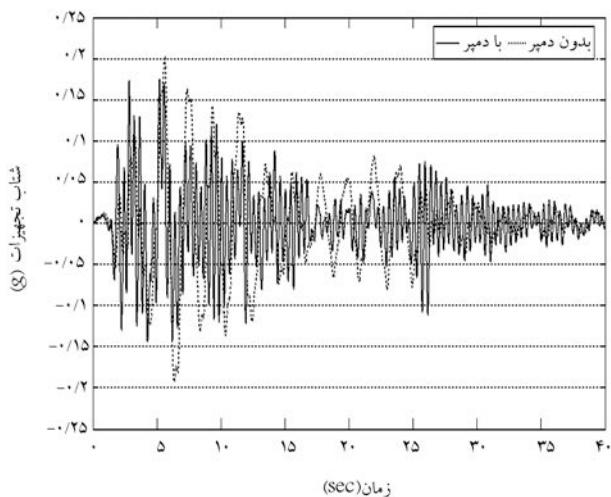
$$E = \begin{bmatrix} & & & \\ \circ & \circ & -1 & -1 \end{bmatrix}^T \quad (14)$$

$$M = \begin{pmatrix} m_1 & \circ \\ \circ & m_2 \end{pmatrix} \quad (15)$$

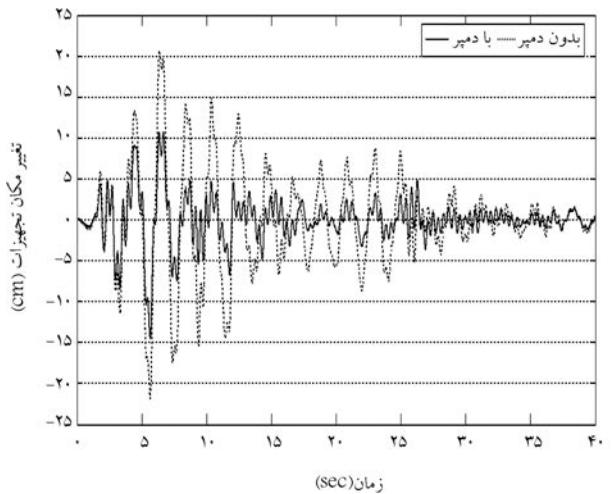
$$K = \begin{pmatrix} k_1 + k_{\mathfrak{r}} & -k_{\mathfrak{r}} \\ k_{\mathfrak{r}} & k_1 \end{pmatrix} \quad (16)$$

$$C = \begin{pmatrix} c_1 + c_1 & -c_1 \\ c_1 & c_1 \end{pmatrix} \quad (14)$$

نیروی وارد بر تجهیزات داخل ساختمان علاوه بر این که به موج زلزله‌ی وارد بستگی دارد، به مشخصات سازه‌ی، داخل، آن نیز وابسته است. لذا علاوه بر شتاب نگاشت



شکل ۶. مقایسه‌ی پاسخ شتاب تجهیزات در حالت کنترل شده و کنترل نشده (زلزله‌ی المستترو - طبقه‌ی چهارم).



شکل ۷. مقایسه‌ی پاسخ تغییر مکان تجهیزات در حالت کنترل شده و کنترل نشده (زلزله‌ی المستترو - طبقه‌ی چهارم).

۶ تا ۷ ثانیه، بیش از ۶۰٪ است که این امر گویای عملکرد کاملاً مؤثر سیستم میراگر اصطکاکی متغیر تحت الگوریتم کنترل  $H_{\infty}$  است. این میزان کاهش با توجه به شکل ۸ در سرعت نسبی سیستم نیز مشهود است.

نتایج به دست آمده تحت زلزله‌ی المستترو در طبقه‌ی هفتم و براساس اشکال در این بخش، پس از آن که عملکرد تجهیزات بر روی کف کاذب که زیر آن میراگر اصطکاکی متغیر قرار گرفته تحت زلزله‌های یادشده مورد بررسی قرار گرفت، به بحث درمورد نتایج سیستم تحت زلزله‌ی المستترو می‌پردازیم. در این بررسی پارامترهایی مانند پاسخ شتاب تجهیزات، تغییر مکان نسبی آن به طبقه و سرعت نسبی آن به طبقه، در طبقات چهارم و هفتم با سیستم‌های جداسازی شده مورد مقایسه قرار گرفته است.

شکل ۶ بیان‌گر کاهش دامنه‌ی پاسخ شتاب بیشینه به میزان ۲۰٪ تحت زلزله‌ی المستترو است، در حالی که جایه‌جایی سیستم به نحو قابل توجهی کاهش یافته است (شکل ۷).

شکل ۷ بیان‌گر آن است که کاهش میزان جایه‌جایی حداقل در زمان‌های حدود

جدول ۱. مشخصات مدل تجهیزات + کف کاذب مورد مطالعه.

سیستم	مشخصات	مقادیر
کف کاذب	$m_1$ (Kg)	۲۶۳۱,۵۳
	$k_1$ (N/m)	۲۵۹۴۶
	$c_1$ (N.sec/m)	۳۳۰,۵
	$\varepsilon_1$	٪۲
	$T_1$ (sec)	۲
تجهیزات	$m_2$ (Kg)	۱۸۱,۵
	$k_2$ (N/m)	۱۱۴۵۸۸۷۴
	$c_2$ (N.sec/m)	۱۸۲۴
	$\varepsilon_2$	٪۲
	$T_2$ (sec)	۰,۰۲۵

## بررسی نتایج

پاسخ لرزه‌یی تجهیزات علاوه بر این که به مشخصات موج زلزله بستگی دارد، به مشخصات دینامیکی سازه‌یی که در آن قرار گرفته‌اند نیز وابسته است. در این موارد پاسخ لرزه‌یی سازه به مزایله‌ی ارتعاشات ورودی به تجهیزات عمل می‌کند. در این بخش اثر میراگر اصطکاکی متغیر با الگوریتم  $H_{\infty}$  در پاسخ سیستم «تجهیزات + کف کاذب» مورد بررسی و مقایسه قرار می‌گیرد. بدین ترتیب که میراگر نیمه‌فعال به کف کاذب متصل شده و قسمتی از میراگر انرژی ورودی را به عهده می‌گیرد؛ البته میزان جذب انرژی ورودی بستگی به شکل حلقه‌های هیسترزیس میراگر و کل سیستم دارد.

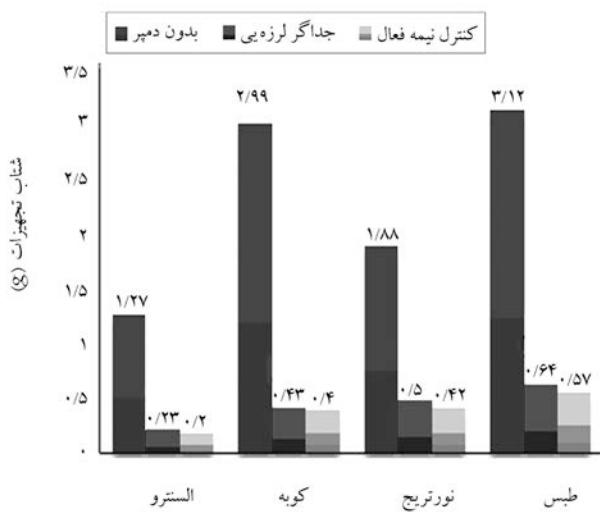
ابتدا نتایج پاسخ تجهیزات با جداساز لرزه‌یی و بدون میراگر که بر روی کف کاذب قرار دارد، برای زلزله‌ی المستترو و کوبه، در طبقات چهارم و هفتم، مورد بررسی قرار گرفت. نتایج به دست آمده نشان داد که جداساز با دوره تناوب ۲ ثانیه به خوبی توانسته است پاسخ شتاب تجهیزات را به مقدار قابل ملاحظه‌یی کاهش دهد. با توجه به نتایج به دست آمده معلوم شد که پاسخ تغییر مکان کف کاذب که روی جداساز لرزه‌یی قرار گرفته، قابل ملاحظه است که این مسئله باعث محدودیت کاربرد جداسازهای لرزه‌یی می‌شود.

## نتایج پاسخ سیستم برای زلزله المستترو

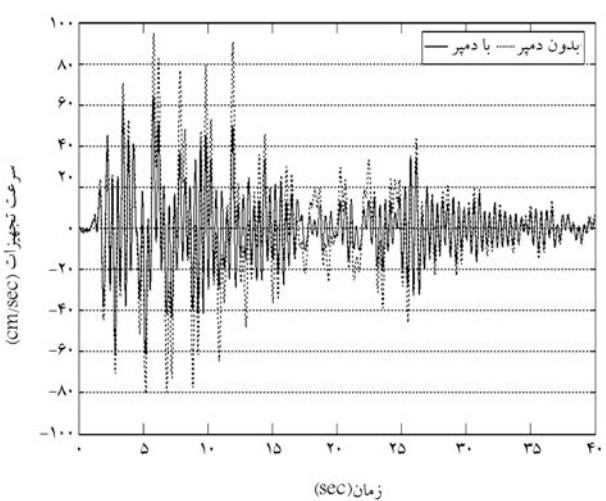
در این بخش، پس از آن که عملکرد تجهیزات بر روی کف کاذب که زیر آن میراگر اصطکاکی متغیر قرار گرفته تحت زلزله‌های یادشده مورد بررسی قرار گرفت، به بحث درمورد نتایج سیستم تحت زلزله‌ی المستترو می‌پردازیم. در این بررسی پارامترهایی مانند پاسخ شتاب تجهیزات، تغییر مکان نسبی آن به طبقه و سرعت نسبی آن به طبقه، در طبقات چهارم و هفتم با سیستم‌های جداسازی شده مورد مقایسه قرار گرفته است.

شکل ۶ بیان‌گر کاهش دامنه‌ی پاسخ شتاب بیشینه به میزان ۲۰٪ تحت زلزله‌ی المستترو است، در حالی که جایه‌جایی سیستم به نحو قابل توجهی کاهش یافته است (شکل ۷).

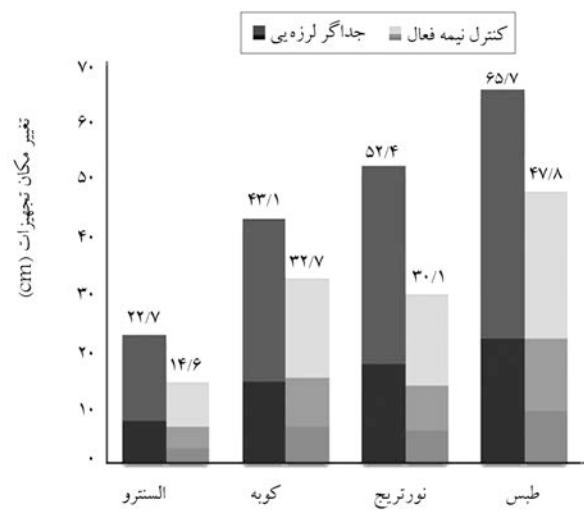
شکل ۷ بیان‌گر آن است که کاهش میزان جایه‌جایی حداقل در زمان‌های حدود



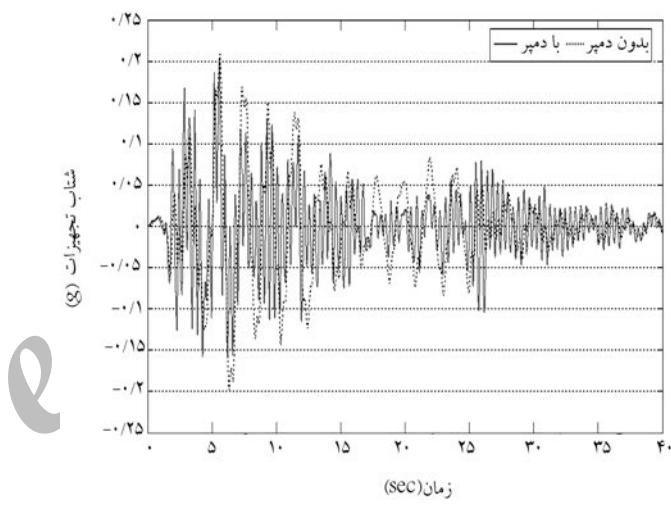
شکل ۱۱. مقایسه‌ی پاسخ شتاب بیشینه‌ی تجهیزات (طبقه‌ی هفتم).



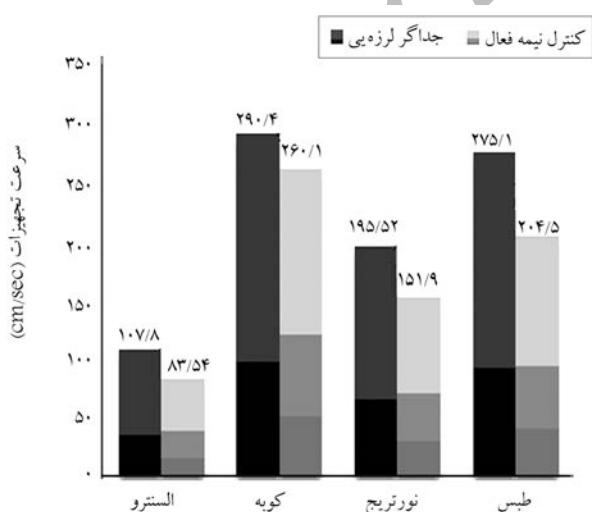
شکل ۸. مقایسه‌ی پاسخ سرعت تجهیزات در حالت کنترل شده و کنترل نشده (زلزله السترو - طبقه‌ی چهارم).



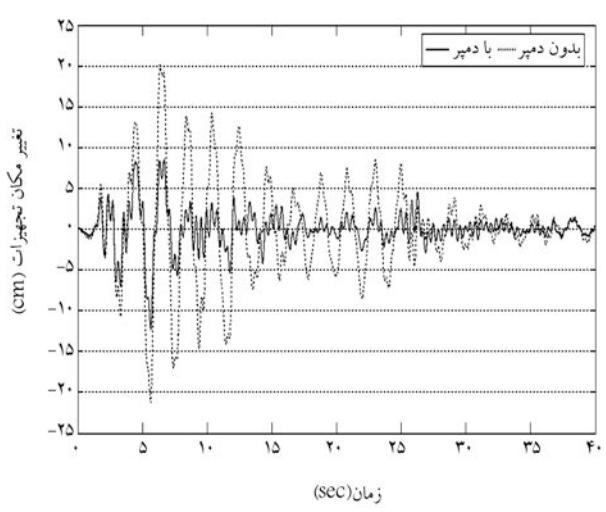
شکل ۱۲. مقایسه‌ی پاسخ تغییر مکان بیشینه‌ی تجهیزات (طبقه‌ی هفتم).



شکل ۹. مقایسه‌ی پاسخ شتاب تجهیزات در حالت کنترل شده و کنترل نشده (زلزله السترو - طبقه‌ی هفتم).



شکل ۱۳. مقایسه‌ی پاسخ سرعت بیشینه‌ی تجهیزات (طبقه‌ی هفتم).



شکل ۱۰. مقایسه‌ی پاسخ تغییر مکان تجهیزات در حالت کنترل شده و کنترل نشده (زلزله السترو - طبقه‌ی هفتم).

در حفاظت تجهیزات داخل ساختمان ذکر شد. برای این منظور، با استفاده از میراگر اصطکاکی متغیر و استراتژی کنترل نیمه فعال  $H_{\infty}$  پاسخ سیستم بررسی شد. به منظور بررسی تأثیر طبقات در پاسخ لرزه‌بی تجهیزات، پاسخ طبقات چهارم و هفتم سازه به عنوان ارجاعات ورودی برای تجهیزات مورد بررسی قرار گرفت. نتایج بدست آمده نشان داد که جداسازی لرزه‌بی به میزان قابل توجهی پاسخ شتاب تجهیزات را کاهش داده اما سبب افزایش پاسخ تغییر مکان و سرعت می‌شود.

همچنین این بررسی‌ها نشان داد که: ۱. کنترل نیمه فعال با استفاده از میراگر اصطکاکی متغیر به خوبی توانسته است پاسخ سیستم جداسازی لرزه‌بی را بهبود بخشند و ضمن کاهش تغییر مکان جانی جداساز شتاب را نیز کاهش دهد. ۲. عملکرد سیستم میراگر اصطکاکی متغیر با الگوریتم  $H_{\infty}$  در کاهش شتاب برای زلزله‌های السیترو و نورتربیج که در مقایسه با زلزله‌ی کوبه سطح شتاب کمتری دارند، بهتر است. ۳. عملکرد سیستم مورد نظر در کاهش پاسخ تغییر مکان و سرعت تحت تمامی زلزله‌ها مؤثر است.

در نهایت با توجه به بررسی‌های انجام شده، مطابق انتظار مشخص شد که میراگر اصطکاکی متغیر همراه با الگوریتم کنترل  $H_{\infty}$  و با درنظر گرفتن اثر اختلالات بیرونی پاسخ شتاب، تغییر مکان و سرعت تجهیزات را برای هر دو طبقه به خوبی کاهش داده و عملکرد مؤثری دارد.

نکته‌ی کلی درمورد عملکرد سیستم این است که برای زلزله‌ی السیترو عملکرد میراگر اصطکاکی متغیر در کاهش شتاب بیشینه و مخصوصاً جابه‌جایی جانی و سرعت بسیار مؤثر است. در حالی که برای زلزله‌ی کوبه که سطح شتاب آن بیش از زلزله‌ی السیترو است عملکرد میراگر اصطکاکی متغیر با الگوریتم  $H_{\infty}$  در کاهش شتاب بیشینه، تفاوت چندانی با سیستم جداسازی لرزه‌بی ندارد، اما در کاهش جابه‌جایی جانی و سرعت که برای تجهیزات بسیار مهم است از کارآیی بالایی برخوردار است. به منظور کنترل دقیق‌تر، به مقایسه‌ی پاسخ شتاب، تغییر مکان و سرعت سیستم با استفاده از میراگر متغیر و جداسازی لرزه‌بی برای طبقه‌ی هفتم و تحت هرچهار زلزله‌ی اشاره شده پرداخته‌ایم (شکل‌های ۱۱ تا ۱۳).

## نتیجه‌گیری

در این مطالعه، حفاظت تجهیزات حساس داخل ساختمان در برابر زلزله به عنوان اعضا‌یی که ممکن است در زلزله خسارت بینند و تبعات ناشی از خسارات آنها جبران ناپذیر باشند، مورد بررسی قرار گرفت. روش حفاظت مورد مطالعه براساس روش کف کاذب است که در مقدمه به عنوان یکی از روش‌های مؤثر

## پابلوشت

1. Northridge
2. Izmit
3. raised floor
4. friction pendulum system (FPS)
5. Robust

## منابع

1. Johnson, G.S., *Equipment and Systems. Earthquake Engineering Handbook*, Chapter 20, Chen W.F., Scawthorn C. (eds.), CRC Press, pp. 1-29 (2003).
2. Lambrou, V. and Constantinou, M.C. "Study of seismic isolation systems for computer floors", *Technical Report*, (NCEER-94-0020), pp.112-121 (July 1994).
3. Christenson, R.E., *Semi-active control of civil structures for natural hazard mitigation: Analytical and experimental studies*, M.Sc. thesis, University of Notre Dame, Indiana (2001).
4. NG, C.L. and XU, Y.L. "Semiactive control of a building complex with variable friction dampers", *Engineering Structure*, **40**, pp. 1-17 (2006).
5. Kannan, S.; Uras, H.M. and Aktan, H.M. "Active control of building seismic response by energy dissipation", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **24**, pp. 747-759 (1995).
6. Hirai, J.; Naruse, M. and Abiru, H. "Structural control with variable friction damper for seismic response", *Proceedings of 11th World Conference on Earthquake Engineering*, Acapulco, Mexico, pp. 886-893 (1996).
7. Garrett, G.T. and Chen, G.D. "Experimental characterization of piezoelectric friction dampers" *Proceedings of SPIE Symposium on Smart Structures and Materials: Smart Systems for Bridges, Structures, and Highways*, Bellingham, Wash., **4330**, pp. 405-414 (2001).
8. Narasimhan, S. and Nagarajaiah, S. "Smart base isolated buildings with variable friction systems:  $H_{\infty}$  controller and SAIVF device", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **35**, pp. 921-942 (2006).
9. Lu, L.Y. "Predictive control of smart isolation system for precision equipment subjected to near-fault earthquakes", *Engineering Structures*, pp. 1-20 (2007).

10. Liu, M. "Robust  $H_\infty$  control for uncertain delayed nonlinear systems based on standard neural network models", *Neurocomputing*, **71**, pp. 3469-3492 (2008).
11. Yang, J.N.; Lin, S. and Jabbari, F. " $H_\infty$ -based control for civil engineering structures", *Structural Control and Health Monitoring*, **11**, pp. 223-237 (2004).
12. Almazan, J.L.; De La Llera, J.C. and Inaudi, J.A. "Modeling aspect of structural isolated with the frictional pen-
- dulum system", *Earthquake Engineering Structures*, **27**, pp. 845-867 (1998).
13. Kulkarni, J.A. and Jangid, R.S. "Rigid body response of base-isolated structures," *Journal of Structural Control*, **9**, pp. 171-188 (2001).
14. Hamidi, M. and El Naggar, M.H. "On the performance of SCF in seismic isolation of interior equipment of building", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **36**, pp. 1581-1604 (2007).