

تصمیم‌گیری گروهی فازی ناهمگن در مدیریت یک پارچه منابع آب

حجت مهان آبادی (کارشناس ارشد)

عباس افشار (استاد)

دانشکده هندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران

پیچیدگی مسائل مدیریت منابع آب و ارتباط مستقیم آن با سایر علوم از یک طرف، و لزوم درنظر گرفتن ذی مدخلان مختلف در مسائل مدیریت یک پارچه‌ی منابع آب از طرف دیگر سبب شده تا یک تصمیم‌گیری به تنها نتواند تمام جوانب مسئله‌ی مدیریت و برنامه‌ریزی منابع آب را در نظر بگیرد. لذا ضروری است در فرایند تصمیم‌گیری در حوزه‌ی مدیریت و برنامه‌ریزی منابع آب از «تصمیم‌گیری گروهی» استفاده شود. هدف این توشتار بررسی لزوم کاربرد تصمیم‌گیری گروهی در مدیریت و برنامه‌ریزی یک پارچه‌ی منابع آب است. افزون بر این، فرایند جدیدی برای تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن برمنای توافق گروهی در مدیریت منابع آب ارائه می‌شود. برای بررسی کارلی فرایند پیشنهادی یک پارچه‌ی منابع آب، یک مطالعه‌ی موردی در شمال چین در دو حالت تصمیم‌گیری گروهی همگن و ناهمگن مورد بررسی قرار می‌گیرد. نتایج حاصل از این مطالعات بیان‌گر اهمیت تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن و لزوم کاربرد آن در مدیریت یک پارچه‌ی منابع آب است.

واژگان کلیدی: تصمیم‌گیری گروهی، مدیریت یک پارچه‌ی منابع آب، عملگرهای تجمعی، توافق گروهی.

hmianabadi@civileng.iust.ac.ir
a_afshar@iust.ac.ir

مقدمه

می‌شود. هدف از مدل‌های تصمیم‌گیری چندشاخه (MADM)، انتخاب بهترین گزینه/گزینه‌ها از بین مجموعه‌یی محدود از گزینه‌های موجود با توجه به معیارها و شاخص‌های تصمیم است. به طور کلی این مدل‌ها به‌منظور انتخاب گزینه‌ی برتر و اولویت‌بندی آن‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد. کاربرد روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره در جنبه‌های مختلف مدیریت و برنامه‌ریزی منابع آب، در تعدادی از مطالعات نشان داده شده است. در سال ۲۰۱۰ محققین از روش ELECTER برای رتبه‌بندی تخصیص آب به ۹ حوزه‌ی مختلف کشاورزی استفاده کردند.^[۱] پیش‌تر، در سال ۲۰۰۹، از روش پیشنهادی «تصمیم‌گیری میانگین‌گیری وزنی مرتب‌شده‌ی فازی تصادفی (SFOWA)^۳»، در مدیریت منابع آب رودخانه‌ی Tisza در مجارستان بهره‌گیری شده بود.^[۲] در ایران نیز از سه روش «میانگین‌گیری وزنی مرتب‌شده‌ی بررسی و رتبه‌بندی طرح‌های تأمین آب شهری زاهدان استفاده از TOPSIS کرده و نتایج حاصل از روش‌های مختلف را با نتایج روش برنامه‌ریزی سازشی مقایسه کردند.^[۳] همچنین برای ارزیابی سیاست‌های مدیریت منابع آب در ایالت آریزونا، پژوهش‌گران از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره‌ی گروهی بهره جستند.^[۴] در سال ۲۰۰۶ نیز از یک مدل جدید ریاضی برای دست‌یابی سریع‌تر به

مدیریت منابع آب، مجموعه‌یی از اقدامات متعدد مدیریتی است که با هدف بهره‌برداری بهینه از منابع آب و کاهش خسارات اقتصادی، اجتماعی و زیست‌محیطی صورت می‌گیرد. تصمیم‌گیری در مورد مدیریت پایدار و یک پارچه‌ی منابع آب نیازمند نگرش جامع به اثرات اقتصادی، زیست‌شناختی و اجتماعی منابع آب است. اقدامات مدیریت منابع آب ممکن است بدون مشارکت ذی مدخلان طراحی و اجرا شوند، اما بدون مشارکت آنان به نتیجه نخواهد رسید. مسائل تصمیم‌گیری مدیریت منابع آب به دلیل وجود معیارها و شاخص‌های متعدد تصمیم‌گیری، مسائل پیچیده‌یی هستند. برای دست‌یابی به یک هدف مشخص در مسئله‌ی مدیریت منابع آب، راه حل‌های متعددی وجود دارد که هریک از منظرهای متفاوت برای مسائل مختلف زیست‌محیطی، اجتماعی، سیاسی، سازمانی... برتری می‌یابند. این الزامات طبعاً موجب استفاده از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره (MCDM)^۱ می‌شود که هدف آن انتخاب بهترین جواب از بین راه حل‌های ممکن است. «تصمیم‌گیری چندمعیاره» یکی از رایج‌ترین روش‌های مورد استفاده در محیط تصمیم‌گیری است که به بررسی مسائل تصمیم‌گیری با رعایت تعدادی از معیارهای تصمیم‌گیری می‌پردازد و به دو دسته‌ی کلی «تصمیم‌گیری چندمنظوره (MODM)^۲» و «تصمیم‌گیری چندشاخه (MADM)^۳» تقسیم

- سند چشم‌انداز بیست‌ساله‌ی کشور به عنوان سیاست کلان توسعه در بخش منابع آب؛
 - سیاست‌های کلی نظام درمورد مدیریت منابع آب؛
 - راهبردهای توسعه‌ی بلندمدت آب کشور به عنوان سیاست کلان توسعه در بخش آب؛
 - برنامه‌های ۵ ساله‌ی چهارم توسعه‌ی اقتصادی، اجتماعی و فرهنگی کشور؛
 - استاد پژوهشی و فراختشی برنامه‌ی چهارم؛
 - قانون توزیع عادله‌ی آب / قانون ملی شدن آب / پیش‌نویس قانون جامع آب (ویرایش ۹) و سایر قوانین موضوعه.
- با توجه به تبیین اهداف کلی توسعه‌ی منابع آب در استاد و چشم‌اندازهای مصوب مدیریت منابع آب در ایران، طبیعتاً اجرای طرح‌های کلان برنامه‌ریزی منابع آب با نگرش جامع باید در قالب این چشم‌اندازها و در جهت دست‌یابی به اهداف آن صورت گیرد. چشم‌اندازهای ذکر شده را می‌توان در این محورها خلاصه کرد:
- یک پارچه‌نگری در مدیریت منابع آب کشور؛
 - توجه به ارزش و هزینه‌ی اقتصادی آب؛
 - مدیریت تقاضا و مصرف؛
 - مدیریت کیفیت آب؛
 - مدیریت پیشگیری و بحران؛
 - توجه به موارد سیاسی، نهادی و اجتماعی آب.
- بدینهی است دست‌یابی به تمامی محورها و معیارهای یادشده، بدون ارزیابی چندمعیاره‌ی گزینه‌ها و برنامه‌های مختلف امکان‌پذیر نیست. از سوی دیگر، مسائل تصمیم‌گیری منابع آب در اغلب موارد به وسیله‌ی تعداد زیادی از گزینه‌ها و نتایج غیرقطعی، شرکت‌کنندگان مختلف با اهداف متضاد، و روابط و تعاملات پیچیده تعریف می‌شوند. ویژگی شاخص‌های مختلف مسائل تصمیم‌گیری منابع آب را می‌توان چنین خلاصه کرد:^[۷]
- شاخص‌ها و معیارها در اغلب مواقع کاملاً با یکدیگر متضادند؛
 - بیشتر شاخص‌ها غیرقابل اندازه‌گیری‌اند؛
 - سازمان‌ها و افراد ذی نفع متعددی در مدیریت منابع آب وجود دارند؛
 - هر شاخص به طور تقریبی شامل اطلاعات فراوانی است که بیان‌گر سیستمی بسیار پیچیده است؛
 - ارزیابی بعضی از شاخص‌های کیفی بسیار مشکل است، و تنها می‌توان با استفاده از مقیاس‌های زبانی آن‌ها را به خوبی ارزیابی کرد.
- در نظر گرفتن هم‌زمان تمامی شاخص‌های فوق در مدیریت یک‌پارچه‌ی منابع آب بدون استفاده از مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره (MCDM) امکان‌پذیر نیست. به طور کلی علل لزوم استفاده از مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره در مدیریت و برنامه‌ریزی یک‌پارچه‌ی منابع آب را می‌توان چنین عنوان کرد:
- دست‌یابی به اهداف و محورهای مختلف استاد بالادستی موجود در مدیریت منابع آب؛
 - ارتباط مؤثر و مستقیم مسائل مدیریت منابع آب با سایر حوضه‌ها، از قبیل: اقتصادی، اجتماعی، اشتغال و غیره؛
- توافق گروهی در مسائل مدیریت محیط‌زیست استفاده کردند.^[۸] کاربرد متعدد تصمیم‌گیری‌های چندمعیاره در مسائل مدیریت و برنامه‌ریزی منابع آب، نشان از قابلیت و توانایی آن‌ها در فرایند تصمیم‌گیری در برنامه‌ریزی و مدیریت مسائل منابع آب دارد.^[۹]
- در محیط واقعی تصمیم‌گیری منابع آب، تصمیم‌گیران و ذی‌مدخلان مختلفی حضور دارند که هر یک از آنان از دانش، مهارت و تجربیات متفاوتی برخوردارند و بسیار نادر است که در فرایند تصمیم‌گیری، دو تصمیم‌گیر از مهارت، تجربه و دانش یکسان (وزن یکسان) برخوردار باشند. در بسیاری از مسائل تصمیم‌گیری گروهی، این اختلاف دانش و تجربه‌ی تصمیم‌گیران (وزن و اهمیت نسبی تصمیم‌گیران) در فرایند تصمیم‌گیری ملحوظ نمی‌شود، برای کلیه‌ی تصمیم‌گیران وزن و اهمیت یکسانی قائل می‌شوند. کاملاً واضح است که این شیوه‌ی برخورد، در محیط واقعی امری انتزاعی و غیرمنطقی است و باعث ایجاد خطأ و عدم قطعیت در جواب نهایی می‌شود. برای اجتناب از این مشکل، استفاده از مدل‌های تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن در مدیریت منابع آب ضروری است.
- هدف این نوشتار، معرفی فرایند تصمیم‌گیری گروهی و بررسی لزوم کاربرد روش تصمیم‌گیری چندمعیاره‌ی گروهی در مدیریت و برنامه‌ریزی یک‌پارچه‌ی منابع آب است. افزون بر این، فرایند جدیدی برای تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن (HG DM)^[۱۰] برپمیانی توافق گروهی در مدیریت منابع آب ارائه می‌شود. بهمنظور بررسی کارایی فرایند پیشنهادی در مدیریت یک‌پارچه‌ی منابع آب (IWRM)^[۱۱]، یک مطالعه موربدی در شمال چین مورد بررسی قرار می‌گیرد. هدف از این بررسی، رتبه‌بندی ۶ گزینه با توجه به ۵ شاخص مختلف کمی و کیفی است که در آن ۶ تصمیم‌گیر و ذی‌مدخل مختلف، نظرات و ارزیابی‌های خود را در مورد این گزینه‌ها با توجه به شاخص‌های مختلف ارائه می‌کنند. از این رو در ادامه، در بخش دوم، لزوم کاربرد مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره در مدیریت و برنامه‌ریزی منابع آب، با توجه به اسناد بالادستی به ویژه در ایران، مورد بررسی قرار می‌گیرد. فرایند تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن و مراحل مختلف ایرانی می‌کنند. از این رو در ادامه، در بخش سوم، در شمال چهارم، با ارائه‌ی یک مثال کاربردی در آن در بخش سوم ارائه می‌شود. در بخش چهارم، با ارائه‌ی یک مثال کاربردی در رتبه‌بندی طرح‌های توسعه‌ی منابع آب در شمال چین، اهمیت و مزایای این فرایند در مسائل تصمیم‌گیری منابع آب مورد بررسی قرار می‌گیرد. در پایان نیز به تحلیل و بررسی نتایج به دست آمده خواهیم پرداخت.

لزوم تصمیم‌گیری چندمعیاره در مدیریت منابع آب

در دهه‌های گذشته، تصمیم‌گیری در مسائل مدیریت منابع آب و انتخاب گزینه‌ی برتر از بین گزینه‌های پیشنهادی برای حل مشکلات یک حوضه‌ی آبریز، فقط براساس معیارهای اقتصادی — نسبت سود به هزینه — و تبدیل معیارهای اجتماعی و زیستمحیطی به معیارهای اقتصادی صورت می‌گرفت. امروزه با استفاده از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره، ملزم به استفاده‌ی صرف از معادل مالی معیارهای اجتماعی و زیستمحیطی در انتخاب گزینه‌ی برتر نیستیم، بلکه می‌توان از معیارهای مختلف کمی و کیفی در اولویت‌بندی و انتخاب گزینه‌های برتر در مدیریت منابع آب بهره جست.

با توجه به این که اهداف کلی توسعه‌ی منابع آب کشور در چشم‌انداز مدیریت این منابع ترسیم شده، به تبع آن اجرای طرح‌های کلان برنامه‌ریزی منابع آب با نگرشی جامع، باید در قالب چشم‌انداز و در راستای دست‌یابی به اهداف آن صورت گیرد. استاد بالادستی موجود به منظور برنامه‌ریزی براساس چشم‌انداز عبارت‌اند از:

خواسته می‌شود نظرات‌شان را برای دست‌یابی به یک توافق‌گروهی مناسب اصلاح کنند. مدیر‌گروه با ارائه‌ی جواب‌گروهی به اعضاء‌گروه در هر مرحله و درخواست اصلاح نظر تصمیم‌گیران با توجه به جواب‌گروهی، دست‌یابی به توافق‌گروهی را تسریع می‌بخشد. فرایند مدل تصمیم‌گیری گروهی فوق، فرایندی تکراری و بوسیله که طی آن شرکت‌کنندگان با تغییر اطلاعات و متغیرهای نسبی مسئله، نظرات‌شان را ترسیم‌بندی می‌کنند.

«جمعیع»، سومین و مهم‌ترین مرحله در فرایند تصمیم‌گیری گروهی است.^[۱۲]

در این مرحله نظر تمامی اعضاء‌گروه برای دست‌یابی به رتبه‌بندی نهایی گزینه‌ها، و با استفاده از عملگرهای مناسب، تجمعیع می‌شود. عملگر تجمعیع F ، یک نگاشت از $(x_1, \dots, x_n) = X^n$ با n بعد به یک بعد از X است: $X^n \rightarrow X^n$. بردار ورودی X^n و نتیجه‌ی خروجی X ، می‌تواند متغیرهای زیادی با اعداد گستته باشند. عملگرهای تجمعیع متعددی برای تجمعیع نظرات شرکت‌کنندگان وجود دارد که از آن جمله می‌توان به عملگرهای تجمعیع میانگین‌گیری^[۱۳]، میانه‌ی وزن‌دهی شده^[۱۴]، انتگرال Sugeno^[۱۵]، رتبه‌بندی Leximin^[۱۶]، عملگر تجمعیع میانگین وزنی مرتب شده (OWA)^[۱۷] اشاره کرد. عملگرهای میانگین‌گیری حسابی (WAA)^[۱۸] و میانگین‌گیری وزنی مرتب شده (OWA) رایج‌ترین عملگرهای تجمعیع برای تجمعیع داده‌ها هستند.^[۱۹] ساده‌ترین عملگر تجمعیع، همان روش میانگین‌گیری وزنی ساده یا عملگر WAA است:

$$F_w(x) = \sum_{i=1}^n w_i \cdot x_i, \quad x \in I^n \quad (1)$$

که در آن $(X_i | i = 1, \dots, n)$ داده‌های ورودی و w_i وزن داده‌است. عملگر OWA، عملگر تجمعیع با بردار وزن متناظر $w \in [0, 1]^n$ است $\sum_{i=1}^n w_i = 1$ ، به طوری که:

$$F_w(x) = \sum_{i=1}^n w_i \cdot b_i, \quad x \in I^n \quad (2)$$

که در آن b_i ، نامین مقدار بزرگ مجموعه‌ی مرتب شده‌ی صعودی به نزولی X است که به صورت رابطه‌ی ۳ محاسبه می‌شوند:

$$w_i = Q\left(\frac{i}{n}\right) - Q\left(\frac{i-1}{n}\right), \quad i = 1, \dots, n \quad (3)$$

در این رابطه، Q یک کمیت سنج زبانی است. کمیت سنج های فازی برای ترجمه‌ی خصوصیات زبان محاوره‌ی به عبارات ریاضی رسماً به کار می‌روند که باعث فرمول‌بندی تصمیم‌گیری چندمعیاره و توابع ارزیابی آن‌ها می‌شوند. کمیت سنج های زبانی که مفهوم اکثریت فازی را منعکس می‌کنند به صورت رابطه‌ی ۴ محاسبه می‌شوند:

$$Q(r) = \begin{cases} 0 & \text{if: } r < a \\ \frac{r-a}{r-b} & \text{if: } a < r < b \\ 1 & \text{if: } r > b \end{cases} \quad (4)$$

رایج‌ترین کمیت سنج های زبانی فازی که در محاسبه‌ی بردار وزن به کار برده می‌شوند، کمیت سنج های «بیشترین»، «حداقل نیمی»، «تا حد ممکن» هستند که بازه آن‌ها به ترتیب $(0, 1)$ و $(0, 0.5)$ و $(0, 0.05)$ است.^[۲۰]

با توجه به روابط ۱ و ۲ کاملاً واضح است که عملگر WAA وزن‌دهی خود را تنها براساس اهمیت متغیرها انجام می‌دهد و از اهمیت مقادیر متغیرها صرف نظر

- وجود شاخص‌ها و معیارهای متضاد در مسائل مدیریت منابع آب؛
- وجود سازمان‌ها، نهادها و ذی‌مدخلان مختلف در مدیریت منابع آب؛
- لزوم در نظر گرفتن پیامدهای اقتصادی، اجتماعی و زیست‌محیطی طرح‌ها و برنامه‌های پیشنهادی به منظور انتخاب گزینه‌های برتر؛
- وجود شاخص‌ها و معیارهای کیفی و غیرقابل اندازه‌گیری در مسائل مدیریت منابع آب.

از طرفی، پیچیدگی مسائل مدیریت منابع آب از یک سو و ارتباط مستقیم آن با سایر علوم از طرف دیگر باعث شده که یک تصمیم‌گیری به تهایی نتواند تمام جوانب لازم برای مدیریت و برنامه‌ریزی جامع منابع آب را در نظر بگیرد. لذا استفاده از تصمیم‌گیران متعدد با تخصص و مهارت‌های مختلف -- همچون کشاورزی، اقتصاد، محیط‌زیست، جامعه‌شناسی و... -- در فرایند تصمیم‌گیری منابع آب ضرورت می‌یابد.^[۲۱] علاوه‌براین، با توجه به ضرورت مشارکت ذی‌مدخلان مختلف (ازجمله وزارت جهاد کشاورزی، سازمان محیط زیست، شرکت‌های آب و فاضلاب، ستادهای مدیریت بحران،...) در مسائل مدیریت منابع آب و نیاز به اخذ نظرات آنان در تصمیم‌گیری درمورد گزینه‌های پیشنهادی برتر، استفاده از مدل‌های تصمیم‌گیری گروهی (GDM) در مدیریت و برنامه‌ریزی یک پارچه‌ی منابع آب به امری ضروری تبدیل شده است.

توجه به تمامی موارد فوق، بیان گراهیت و لزوم به کارگیری مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره، به‌ویژه تصمیم‌گیری گروهی در مدیریت یک پارچه‌ی منابع آب (IWRM) است.

الگوریتم تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن

تصمیم‌گیری گروهی امری ضروری در حل بسیاری از مسائل، بهویژه مسائلی با پیچیدگی‌های زیاد است. دانش و اطلاعات بیشتر، درک و فهم بهتر از مسئله، امکان ایجاد خطای کمتر، همکاری اعضاء‌گروه، ایجاد خلاقیت بیشتر و ایجاد تعادل در ریسک‌پذیری در مسائل تصمیم‌گیری از جمله مزایای تصمیم‌گیری گروهی در مقابل تصمیم‌گیری چندمعیاره فردی است.^[۲۲] فرایند تصمیم‌گیری گروهی چهار مرحله را شامل می‌شود: ۱. تعیین و ارزیابی گزینه‌ها، شاخص‌ها و تصمیم‌گیران؛ ۲. همگن‌سازی نظرات؛ ۳. تجمعیع و انتخاب گزینه‌ی برتر؛ ۴. ارزیابی میزان تفاوت گروهی.^[۲۳] مرحله‌ی اول شامل تعیین گزینه‌ها، شاخص‌ها و شناسایی تصمیم‌گیران و ارزیابی وزن نسبی تصمیم‌گیران، وزن شاخص‌ها و ارزش گزینه‌ها در مقابل شاخص‌های است. تصمیم‌گیران می‌توانند نظرات و ارزیابی‌های خود از گزینه‌ها را به چهار شیوه‌ی کلی: ۱. مقادیر عددی قطعی؛ ۲. مقادیر عددی غیرقطعی؛ ۳. مقادیر زبانی؛ ۴. ترکیب سه شیوه‌های پادشاهی ارائه کنند. در بیان ارزیابی‌ها در قالب مقادیر عددی قطعی، تصمیم‌گیران می‌توانند ارزیابی‌های خود را به صورت: ۱. تابع مطلوبیت؛ ۲. رتبه‌بندی گزینه‌ها؛ ۳. رابطه‌ی اولویت فازی؛ ۴. رابطه‌ی اولویت چندگانه ارائه کنند.^[۲۴] پس از اخذ نظرات مختلف تصمیم‌گیران درمورد ارزش گزینه‌ها -- در مقابل شاخص‌ها به روش‌های مختلف -- این نظرات جهت تجمعیع داده‌ها باید همگن و یکواخت شوند. سپس این نظرات همگن، به‌وسیله‌ی یک عملگر تجمعیع^[۲۵] با یکدیگر تجمعیع، و براساس ارزش تجمعیع و نهایی هر گزینه، گزینه‌ی برتر انتخاب می‌شود. در مرحله‌ی بعد، میزان تفاوت گروهی بر روی تمام گزینه‌ها از حداقل تفاوت گروهی لازم -- که توسط مدیر گروهی، یا با نظر گروه تعیین می‌شود -- بیشتر باشد، گزینه‌ی انتخابی به عنوان جواب نهایی انتخاب و به اطلاع اعضاء‌گروه می‌رسد. در غیر این صورت، از تصمیم‌گیران

که در آن b میزان سختگیری در اختصاص وزن به هر تصمیمگیر را کنترل می‌کند. در یک اختلاف نظر ثابت هرچه میزان b بیشتر باشد، وزن کمتری به تصمیمگیر در نظرگرفته شده اختصاص می‌بادد. در رابطه‌ی A , p_{ik} ارزیابی تصمیمگیر i از گزینه‌ی موجود براساس شاخص k است؛ q تعداد تصمیمگیران n و تعداد شاخص‌هاست. با دقت در این رابطه، کاملاً واضح است که هر تصمیمگیری که نظرات نزدیک‌تری نسبت به تصمیمگیر i داشته باشد، از طرف تصمیمگیر i وزن بیشتری به وی اختصاص می‌بادد. وزن نهایی تصمیمگیر i از نظر سایر اعضا گروه (w_j), از تجمع وزن‌های اعمال شده به این تصمیمگیر توسط سایر اعضا گروه و با استفاده از رابطه‌ی 9 به دست می‌آید:

$$w_j = \text{OWA}(w_{1,j}, \dots, w_{j-1,j}, w_{j+1,j}, \dots, w_{q,j}) \quad (9)$$

در یک مسئله‌ی واقعی تصمیمگیری، مدیرگروه ممکن است نظرات متفاوتی درباره‌ی اهمیت نسبی شرکت‌کنندگان داشته باشد و مایل باشد آن‌ها را در فرایند تصمیمگیری و انتخاب گزینه‌ی مطلوب تراویر دهد. اگر Z بیان‌گر اهمیت تصمیمگیر i از نظر مدیر گروه باشد، وزن نهایی هریک از تصمیمگیران از رابطه‌ی 10 به دست می‌آید:

$$\lambda_j = \alpha \cdot D_j + \beta \cdot w_j \quad (10)$$

که در آن α و β به ترتیب بیان‌گر میزان اهمیت نظر مدیر گروه و نظر تصمیمگیران در برآورده وزن نسبی شرکت‌کنندگان است و می‌توان مقادیر آن‌ها را با کمک روش ارزیابی مقیاسات زوجی گزینه‌ها در روش سلسه‌مراتبی به دست آورد.

برای محاسبه‌ی میزان توافق گروهی بر روی نظرگروهی و گزینه‌های انتخاب شده، روش‌های متعددی وجود دارد.^[۲۴-۲۸] در این مطالعه برای محاسبه‌ی میزان توافق گروهی از روش پیشنهادی در سال ۲۰۰۴ استفاده می‌شود.^[۲۳] مزیت این روش نسبت به سایر روش‌ها این است که در این روش، وزن و اهمیت نسبی هر تصمیمگیر در محاسبه‌ی میزان توافق گروهی بر روی گزینه‌ی انتخاب شده و تصمیم نهایی اخذشده در نظر گرفته می‌شود. از طرفی با توجه به لزوم در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیمگیران در تصمیمگیری گروهی ناهمگن، استفاده از این روش نسبت به سایر روش‌های محاسبه‌ی میزان توافق گروهی اولویت دارد. میزان توافق گروهی با استفاده از این روش از رابطه‌های ۱۱ و ۱۲ محاسبه می‌شود:

$$C_i = \sum_{k=1}^q \left[\left(1 - \frac{|O_{A_i}^{E_k} - O_{A_i}^{E_k}|}{n-1} \right) \right] \times u_k \quad (11)$$

$$C_G = \frac{1}{q} \sum_{i=1}^n C_i \quad (12)$$

تبهی گزینه‌ی A_i از نظر شرکت‌کنندگی E_k , $O_{A_i}^{E_k}$ رتبه‌ی گزینه‌ی A_i از نظر گروه، u_k نیز وزن شرکت‌کنندگی E_k است. q تعداد شرکت‌کنندگان و n تعداد گزینه‌هاست. C_i میزان توافق گروهی بر روی گزینه‌ی A_i , C_G میزان توافق اعضاء گروه با رتبه‌بندی گزینه‌ها و تصمیم نهایی گروه است. به عبارت دیگر، بیان‌گر میزان موافقت گروهی با تصمیم اخذشده در رتبه‌بندی گزینه‌هاست. برای بررسی کاربرد و کارایی فرایند تصمیمگیری گروهی معرفی شده در مدیریت و برنامه‌ریزی یک پارچه‌ی منابع آب، یک مطالعه‌ی موردي در مدیریت و توسعه‌ی منابع آب در شمال چین مورد بررسی قرار می‌گیرد.

می‌کند؛ این در حالی است که عملگر OWA تنها مقدار متغیرها را وزن دهی کرده و به اهمیت متغیرها توجهی ندارد. برای حل این مسئله، عملگر میانگین‌گیری وزن دهی مرکب (HWA)^[۱۱] معرفی شده است^[۱۰] که هم اهمیت متغیرها و هم مقدارشان را در وزن دهی آن‌ها در نظر می‌گیرد. عملگر HWA چنین تعریف می‌شود:

$$\text{HWA}_{v,w}(a_1, a_2, \dots, a_n) = \sum_{j=1}^n v_j \cdot b_j \quad (5)$$

v_j بردار وزن عملگر و $v_j = \sum_{j=1}^n b_j$ است. بردار وزن v همانند بردار وزن عملگر OWA محاسبه می‌شود. b_j ، زایمن مقدار بزرگ مجموعه‌ی مرتباً شده معنی‌گردانی به نزولی $nv_i a_i$ است. $W = (w_1, w_2, \dots, w_n)^T$ بردار وزن متغیرهای $(a_i, i = 1, 2, \dots, n)$ است؛ $a_i (i = 1, 2, \dots, n)$ ضریب تعادل کننده را ایفا می‌کند. اگر بردار وزن $D = (w_1, w_2, \dots, w_n)^T$ به سمت $(\frac{1}{n}, \frac{1}{n}, \dots, \frac{1}{n})$ میل کند، آنگاه بردار وزن $(nw_1 a_1, nw_2 a_2, \dots, nw_n a_n)^T$ به سمت (a_1, a_2, \dots, a_n) میل کند و عملگر HWA به عملگر OWA تبدیل می‌شود.

در تصمیمگیری گروهی، اگر تعداد t تصمیمگیر نظرات شان را درباره‌ی s گزینه و با توجه به n شاخص، به صورت $(p_{ij}^{(q)})$ از این دهنده، مقدار تجمعی این مقادیر به وسیله‌ی عملگر HWA محاسبه می‌شود:

$$r_{ij} = \text{HWA}_{v,w}(r_{ij}^{(1)}, r_{ij}^{(2)}, \dots, r_{ij}^{(q)}, r_{ij}^{(t)}), \quad q = 1, 2, \dots, t \\ i = 1, 2, \dots, s \quad j = 1, 2, \dots, n \quad (6)$$

$r_{ij}^{(q)}$ مقادیر وزن دهی شده‌ی نظرات براساس وزن نسبی شاخص‌هاست که از رابطه‌ی 7 به دست می‌آید:

$$r_{ij}^{(q)} = P_{ij}^{(q)} \cdot w_j \quad j = 1, 2, \dots, n \quad (7)$$

در روابط فوق $P_{ij}^{(q)}$ ارزیابی تصمیمگیر q از گزینه‌ی i براساس شاخص j است. همچنین $w_j (j = 1, 2, \dots, n)$ بردار وزن نسبی شاخص‌هاست و $w_j \geq 0$ و $\sum_{j=1}^n w_j = 1$. سپس مقادیر وزن نظرات در مقابل شاخص‌ها ($r_{ij}^{(q)}$) در بردار وزن تصمیمگیران $(\lambda_1, \dots, \lambda_t)^T$ به λ ضرب شده و مقادیر وزن گزینه‌ها در مقابل شاخص‌ها از نظر هر تصمیمگیر به دست می‌آید. این مقادیر به ترتیب مقدار تجمعی این دهنده، و با یکدیگر تجمعی می‌شوند.

برای محاسبه‌ی وزن نسبی تصمیمگیران روش‌های متعددی ارائه شده است.^[۱۱-۲۷] ویژگی بارز روش مورد استفاده در مطالعه‌ی حاضر برای محاسبه‌ی وزن نسبی تصمیمگیران، در مقایسه با سایر روش‌ها، آن است که در این روش وزن نسبی تصمیمگیران با استفاده‌ی همزمان از ارزیابی تصمیمگیران نسبت به یکدیگر و ارزیابی ذهنی مدیرگروه درمورد اهمیت نسبی تصمیمگیران محاسبه می‌شود. به عبارت دیگر در این روش برای محاسبه‌ی وزن و اهمیت نسبی تصمیمگیران از ارزیابی تصمیمگیران نسبت به یکدیگر و ارزیابی مدیرگروه درمورد اعضاء تصمیمگیری به طور هم‌زمان استفاده می‌شود. در این روش، اهمیت تصمیمگیر i از نظر تصمیمگیر j براساس رابطه‌ی 8 به دست می‌آید:^[۱۱]

$$w_{i,j} = \frac{\sum_{k=1}^n \left\{ 1 - |P_{ik} - P_{jk}|^b \right\}}{\sum_{j=1}^q \sum_{k=1}^n \left\{ 1 - |P_{ik} - P_{jk}|^b \right\}}, \quad b \in (0, 1) \quad (8)$$

جدول ۱. ماتریس تصمیم.^[۳۷]

Plan	امکان مالی	توسعه‌ی اقتصادی	رفاه اجتماعی	محیط زیست	حافظت کشاورزی	خودکاری
I	۷	۶,۵	۶,۵	۳	۶	۶
II	۳	۵	۵	۵,۵	۸/۵	۸/۵
III	۸	۶,۵	۹	۰,۵	۳	۳
IV	۵	۳,۵	۴	۳,۵	۶/۵	۶/۵
V	۱	۳	۲	۶	۹	۹
VI	۴,۵	۴,۵	۴	۳	۶,۵	۶,۵

از ارزش گزینه‌ی $E(i, j)$ با توجه به شاخص r (جدول ۱)، و $C(j, k)$ ارزیابی تصمیم‌گیر k از میران اهمیت شاخص r (جدول ۲) است. $S(i, k)$ ارزش نهایی گزینه‌ی i از نظر تصمیم‌گیر k است که در جدول ۳ ارائه شده است. ارزش نهایی هر گزینه از نظر گروه (SG_i) نیز با استفاده از روش ساده‌ی مجموع نظرات و رابطه‌ی ۴ محاسبه شد.^[۳۷]

$$SG_i = \sum_{k=1}^q S(i, k) \quad (14)$$

از ارزش نهایی هر گزینه از نظر گروه با استفاده از روش ساده‌ی فوق و رتبه‌بندی گزینه‌ها با استفاده از این روش در جدول ۳ ارائه شده است.

برای محاسبه‌ی ارزش نهایی هر گزینه از نظر گروهی با استفاده از الگوریتم تصمیم‌گیری ناهمگن گروهی، در مرحله‌ی اول، وزن هر تصمیم‌گیر از نظر سایر تصمیم‌گیران (w_{ij}) با استفاده از رابطه‌ی ۸ و جدول ۲ محاسبه می‌شود. وزن نهایی هر تصمیم‌گیر از نظر سایر تصمیم‌گیران (w_i) ، از تجمعی مقادیر w_{ij} به دست می‌آید. برای تجمعی این مقادیر از عملگر OWA با کمیت‌سنج «حداقل نیمی» و با بازه $۰,۵/۰,۵$ ، w و بردار وزن $(w, ۰, ۵, ۰, ۵, ۰, ۲, ۰, ۵, ۰, ۴, ۰, ۵, ۰, ۴, ۰, ۲, ۰, ۵)$ با استفاده از روابط ۳ و ۴ – استفاده شده است. مدیر گروه نیز ارزیابی خود درمورد اهمیت نسبی تصمیم‌گیران را با استفاده از بازه عددی $(1, ۱, ۰, ۵, ۰, ۴, ۰, ۳, ۰, ۲, ۰, ۱)$ ارائه کرده است. با تواافق صورت گرفته بین مدیر گروه و تصمیم‌گیران، میران تأثیر نظر هر یک از آنان در برآورد وزن نسبی تصمیم‌گیران برابر ۵۰% تعیین شده است. وزن هر تصمیم‌گیر از نظر سایر تصمیم‌گیران (w_i) و از نظر مدیر گروه (D_i) ، و نیز وزن نهایی هر یک از آنان (λ_i) در جدول ۴ ارائه شده است. مقادیر (w_i) و (D_i) نرمال شده مقادیر (w_i) و (D_i) هستند.

در گام دوم، ارزش نهایی هر یک از گزینه‌ها با استفاده از عملگر HWA محاسبه و گزینه‌ی برتر انتخاب می‌شود. برای بررسی اهمیت محاسبه وزن نسبی تصمیم‌گیران در فرایند تصمیم‌گیری گروهی، ارزش نهایی گزینه‌ها در دو حالت بدون در نظر گرفتن

مطالعه‌ی موردی

برای مدیریت و توسعه‌ی منابع آب در شمال چین، شش طرح توسعه‌ی منابع آب توسط مؤسسه‌ی تحقیقات منابع آب و انرژی‌های برق‌آبی چین (CIWRHR) پیشنهاد شد.^[۳۶] شاخص‌های درنظر گرفته شده برای ارزیابی این طرح‌ها عبارت‌اند از: ۱. امکان مالی؛ ۲. توسعه‌ی اقتصادی؛ ۳. رفاه اجتماعی؛ ۴. حفاظت محیط زیست؛ ۵. خودکاری کشاورزی. مشخصات طرح‌ها پیشنهادی با توجه به شاخص‌های در نظر گرفته شده در جدول ۱ ارائه شده‌اند. برای ارزیابی گزینه‌ها و انتخاب گزینه‌ی برتر، شش تصمیم‌گیر در نظر گرفته شده‌اند که ارزیابی‌های خود از اهمیت شاخص‌ها را به صورت عددی ارائه کرده‌اند (جدول ۲). برخی از محققین با استفاده از روش SAW و رابطه‌ی ۱۳، ارزش نهایی هر گزینه از نظر هر تصمیم‌گیر را محاسبه کردند.^[۳۷]

$$S(i, k) = E(i, j) \cdot C(j, k) \quad (13)$$

جدول ۲. ماتریس اولویت، وزن نرمال شده هر شاخص از نظر هر تصمیم‌گیر.^[۳۷]

Plan	امکان مالی	توسعه‌ی اقتصادی	رفاه اجتماعی	حفاظت محیط زیست	خودکاری کشاورزی
DM ^۶	۰,۲۴	۰,۲۰	۰,۱۹	۰,۱۸	۰,۱۳
DM ^۵	۰,۲۶	۰,۱۷	۰,۱۱	۰,۲۴	۰,۱۸
DM ^۴	۰,۱۸	۰,۰۹	۰,۱۳	۰,۲۴	۰,۱۶
DM ^۳	۰,۱۹	۰,۲۹	۰,۳۳	۰,۱۴	۰,۲۸
DM ^۲	۰,۱۳	۰,۲۶	۰,۲۴	۰,۱۹	۰,۲۴
DM ^۱	۰,۲۶	۰,۲۱	۰,۲۲	۰,۱۴	۰,۱۷

جدول ۳. ارزش هر گزینه از نظر هر تصمیم‌گیر و ارزش نهایی و رتبه‌بندی گزینه‌ها از نظر گروه.^[۳۷]

Plan	DM ^۱	DM ^۲	DM ^۳	DM ^۴	DM ^۵	DM ^۶	$\sum DM$	رتبه‌بندی
I	۶,۱۹	۵,۷۴	۶,۱۶	۵,۵۳	۵,۶۲	۶,۰۷	۳۵,۲۹	۱
II	۵,۳۱	۵,۹۲	۵,۵۵	۵,۷۳	۵,۷۵	۵,۳۱	۳۳,۵۶	۲
III	۵,۹۹	۴,۸۲	۵,۸۶	۴,۵۰	۴,۵۶	۵,۷۵	۳۱,۴۷	۳
IV	۴,۹۵	۵,۰۷	۵,۰۰	۴,۹۳	۴,۹۱	۴,۸۶	۲۹,۷۲	۴
V	۳,۸۴	۴,۸۱	۴,۰۸	۴,۸۶	۴,۸۷	۳,۸۳	۲۶,۲۹	۵
VI	۴,۸۱	۴,۸۵	۴,۸۸	۴,۸۷	۴,۷۳	۴,۷۳	۲۸,۶۶	۶

جدول ۴. وزن نهایی تصمیم‌گیران در حالت $\alpha = \beta = 0,5$

λ_i	D_i	D_i	w_i	w_i	w_{ij}						
					DM^1	DM^2	DM^3	DM^4	DM^5	DM^6	
۰,۱۲	۰,۰۶	۱	۰,۱۶۹	۰,۲۰۸	۰,۲۱	۰,۲۰	۰,۱۹	۰,۲۱	۰,۲۰	-	DM^1
۰,۲۱	۰,۲۵	۴	۰,۱۶۵	۰,۲۰۴	۰,۲۰	۰,۲۱	۰,۲۰	۰,۲۰	-	۰,۲۰	DM^2
۰,۱۵	۰,۱۳	۲	۰,۱۶۵	۰,۲۰۴	۰,۲۰	۰,۲۰	۰,۱۹	-	۰,۲۰	۰,۲۱	DM^3
۰,۲۱	۰,۲۵	۴	۰,۱۶۷	۰,۲۰۶	۰,۱۹	۰,۲۱	-	۰,۲۱	۰,۱۹	۰,۱۹	DM^4
۰,۱۸	۰,۱۹	۳	۰,۱۶۹	۰,۲۰۸	۰,۲۰	-	۰,۲۱	۰,۲۰	۰,۲۱	۰,۱۹	DM^5
۰,۱۵	۰,۱۳	۲	۰,۱۶۵	۰,۲۰۴	-	۰,۲۰	۰,۱۹	۰,۲۰	۰,۲۰	۰,۲۱	DM^6

جدول ۶. ارزش و رتبه‌بندی نهایی هر گزینه از نظر گروه تصمیم‌گیر همگن / ناهمگن.

گزینه‌ها							
VI	V	IV	III	II	I		
۰,۸۰	۰,۸۱	۰,۸۳	۰,۹۸	۰,۹۷	۱,۰۲	همگن	ارزش گزینه (HWA)
۰,۹۴	۰,۹۶	۰,۹۸	۰,۹۳	۱,۱۵	۱,۱۲	ناهمگن	
۶	۵	۴	۲	۳	۱	همگن	رتبه‌بندی گزینه‌ها
۵	۴	۳	۶	۱	۲	ناهمگن	
۵	۶	۴	۲	۲	۱	[۲۷] SAW	

جدول ۵. رتبه‌بندی گزینه‌ها از نظر تصمیم‌گیران و گروه.

گزینه‌ی ۶	گزینه‌ی ۵	گزینه‌ی ۴	گزینه‌ی ۳	گزینه‌ی ۲	گزینه‌ی ۱	تصمیم‌گیر
۵	۶	۴	۲	۳	۱	DM^1
۴	۶	۳	۵	۱	۲	DM^2
۵	۶	۴	۲	۳	۱	DM^3
۵	۴	۳	۶	۱	۲	DM^4
۵	۴	۳	۶	۱	۲	DM^5
۵	۶	۴	۲	۳	۱	DM^6
۵	۴	۳	۶	۱	۲	گروه

میزان اهمیت محاسبه و در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران در فرایند تصمیم‌گیری گروهی و رتبه‌بندی نهایی گزینه‌هاست.
 میزان تواافق گروهی بر جواب تجمعی گزینه‌ها، با در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران (گروه ناهمگن) محاسبه می‌شود. میزان تواافق گروهی لازم برابر $0,85$ در نظر گرفته شده است. برای محاسبه‌ی میزان تواافق گروهی از روش پیشنهادی در سال 2004 استفاده می‌شود.
 با استفاده از روابط 11 و 12 میزان تواافق گروهی بر روی هر گزینه و نیز جواب گروهی محاسبه شده در جدول 7 آرائه شده است. چنان‌که در جدول 7 مشاهده می‌شود تواافق گروهی نهایی از حداقل تواافق گروهی لازم بیشتر است و گزینه‌ی 2 به عنوان جواب نهایی انتخاب می‌شود.

جدول ۷. تواافق گروهی هر گزینه و تواافق گروهی نهایی.

گزینه‌ی ۶	گزینه‌ی ۵	گزینه‌ی ۴	گزینه‌ی ۳	گزینه‌ی ۲	گزینه‌ی ۱	
۰,۹۷۸	۰,۷۶۸	۰,۹۳۶	۰,۶۴۲	۰,۸۵۲	۰,۹۳۶	تواافق گروهی هر گزینه
۰,۸۵۲						تواافق گروهی تجنبی

وزن نسبی تصمیم‌گیران (گروه همگن) و با در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران (گروه ناهمگن) محاسبه و نتایج آن با یکدیگر مقایسه می‌شود. ارزش نهایی هر گزینه با استفاده از عملکر HWA چنین محاسبه می‌شود:

۱. ارزش هر گزینه از نظر هر تصمیم‌گیر (جدول ۳)، در وزن نسبی هر تصمیم‌گیر ($\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_6$) ضرب می‌شود. در حالتی که شرکت‌کنندگان از وزن یکسانی برخوردارند مقدار $(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_6)$ در نظر گرفته شده است و در حالت دوم، مقادیر وزن تصمیم‌گیران براساس مقادیر جدول 4 برابر $(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_6)$ در نظر گرفته شده است.
۲. مقادیر به دست آمده از مرحله‌ی قبل، با ترتیب صعودی به نزولی مرتب می‌شوند.

۳. مقادیر وزن مرتب شده، در اوزان عملکر HWA ضرب شده و ارزش نهایی هر گزینه به دست می‌آید. در جدول 5 رتبه‌بندی گزینه‌ها از نظر هر تصمیم‌گیر آرائه شده است. برای تجمعی نظرات تصمیم‌گیران با یکدیگر از کمیت سنج «حداقل شده» با بازه $(0, 1)$ و بردار وزن (w_1, w_2, \dots, w_6) است. ارزش تجمعی نهایی گزینه‌ها با در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران، و بدون در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران در جدول 6 آرائه شده است.

با توجه به جدول 6 ، مشاهده می‌شود که با در نظر گرفتن وزن نسبی تصمیم‌گیران، گزینه‌ی 2 بهترین گزینه است؛ در حالی که بدون در نظر گرفتن وزن نسبی آن، گزینه‌ی 1 ارجح است. اختلاف رتبه‌بندی نهایی گزینه‌ها به خوبی بیان گر

تحلیل حساسیت

گزینه است، اما در حالات دیگر (هم مدیرگروه و هم شرکت‌کنندگان در ارزیابی وزن تصمیم‌گیران مشارکت کنند) گزینه ۲ گزینه ارجح است که بخوبی بیان‌گر کارایی روش ارائه شده برای محاسبه وزن نسبی تصمیم‌گیران در فرایند تصمیم‌گیری گروهی ناهمگن و کاربرد آن در مسائل مدیریت منابع آب است.

برای بررسی میزان تأثیر مقادیر α و β (میزان اهمیت نظر مدیرگروه و تصمیم‌گیران) بر روی ارزش نهایی هر گزینه، تحلیل حساسیت صورت گرفته است. برای α مقادیر از ۰ تا ۱ در نظر گرفته شده است. ارزش هر گزینه و رتبه‌بندی آن با توجه به مقادیر α و β در جداول ۸ و ۹ ارائه شده است. با توجه به تحلیل حساسیت صورت گرفته، چنان‌که در جدول ۹ مشاهده می‌شود، اگر $\alpha = \beta$ (مدیرگروه در ارزیابی وزن تصمیم‌گیران نقشی ایفا نکند و تنها تصمیم‌گیران به ارزیابی وزن خود پردازند) گزینه ۱ بهترین

جدول ۸. ارزش هر گزینه با توجه به مقادیر α .

α	گزینه ۱	گزینه ۲	گزینه ۳	گزینه ۴	گزینه ۵	گزینه ۶
۰	۱,۰۲	۰,۹۷	۰,۹۸	۰,۸۳	۰,۸۱	۰,۸۱
۰,۱	۰,۹۹	۰,۹۰	۰,۹۴	۰,۸۶	۰,۸۴	۰,۸۲
۰,۲	۱,۰۱	۱,۰۴	۱,۰۴	۰,۸۹	۰,۸۷	۰,۸۵
۰,۳	۱,۰۴	۱,۰۸	۱,۰۸	۰,۹۰	۰,۹۰	۰,۸۸
۰,۴	۱,۰۸	۱,۱۱	۱,۱۱	۰,۹۱	۰,۹۳	۰,۹۱
۰,۵	۱,۱۲	۱,۱۵	۱,۱۵	۰,۹۳	۰,۹۶	۰,۹۴
۰,۶	۱,۱۵	۱,۱۹	۱,۱۹	۰,۹۵	۰,۹۹	۰,۹۷
۰,۷	۱,۱۹	۱,۲۲	۱,۲۲	۰,۹۷	۱,۰۲	۱,۰۰
۰,۸	۱,۲۲	۱,۲۶	۱,۲۶	۱,۰۰	۱,۰۵	۱,۰۳
۰,۹	۱,۲۶	۱,۲۹	۱,۲۹	۱,۰۳	۱,۱۱	۱,۰۶
۱	۱,۲۹	۱,۲۹	۱,۳۳	۱,۰۶	۱,۱۱	۱,۰۹

جدول ۹. رتبه‌بندی هر گزینه با توجه به مقادیر α .

α	گزینه ۱	گزینه ۲	گزینه ۳	گزینه ۴	گزینه ۵	گزینه ۶
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶
۰,۱	۱	۲	۳	۴	۵	۶
۰,۲	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۳	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۴	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۵	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۶	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۷	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۸	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۰,۹	۲	۱	۳	۴	۵	۶
۱	۲	۱	۳	۴	۵	۶

پانوشت

1. multi criteria decision making
2. multi objective decision making
3. multi attribute decision making
4. stochastic fuzzy ordered weighted averaging
5. induced ordered weighted averaging
6. heterogeneous group decision making
7. integrated water resources management
8. aggregation operator
9. ordered weighted averaging
10. weighted arithmetic averaging
11. hybrid weighted averaging

منابع

1. Zardari, N.U.H. and Ian Cordery, A.S. "An objective multi attribute analysis approach for allocation of scarce irrigation water resources", *Journal of the American Water Resources Association*, **46**(2), pp. 412-428 (2010).
2. Zarghami, M. and Szidarovszky, F. "Stochastic-fuzzy multi criteria decision making for robust water resources management", *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment*, **23**(3), pp. 329-339 (2009).
3. Mianabadi, H. and Afshar, A. "Multi attribute decision making to rank urban water supply schemes", *Water & Wastewater Journal*, **19**(66), pp. 34-45 (2008).
4. Keller, L.R.; Kirkwood, C.W. and Jones, N.S. "Assessing stakeholder evaluation concerns: An application to the central Arizona water resources system", *Systems Engineering*, **13**(1), pp. 58-71 (2009).
5. Regan, H.; Olyvan, M. and Markovichick, L. "A formal model for consensus and negotiation in environmental management", *Journal of Environmental Management*, **80**(2), pp. 167-176 (2006).
6. Abrishamchi, A.; Ebrahimian, A. and Tajrishi, M. "Case Study: Application of multicriteria decision making to urban water supply", *Journal of Water Resources Planning and Management*, **131**(4), pp. 326-335 (2005).
7. Despic, O. and Simonovic, S.P. "Aggregation operators for soft decision making in water resources", *Fuzzy Sets and Systems*, **115**, pp. 11-33 (2000).
8. Mianabadi, H. and Afshar, A. "Fuzzy group decision making and its application to select the best alternative for ground water resource management", Oral Presentation, *2nd Iran Water resources Management Conference*, Isfahan, Iran (January 12-13 2007).
9. Choudhury, A.K.; Shankarb, R. and Tiwari, M.K. "Consensus-based intelligent group decision-making model for the selection of advanced technology", *Decision Support Systems*, **42**, pp. 1776-1799 (2006).
10. Chen, Z., *Consensus in Group Decision Making under Linguistic Assessments*, PhD Thesis, Department of Industrial and Manufacturing Systems Engineering, College of Engineering Kansas State University, Manhattan (2005).
11. Mianabadi, H. and Afshar, A. "Group decision making, calculation of relative weights of decision makers to select Ph.D students", *Iranian Journal of Engineering Education*, **9**(35), pp. 31-53 (2007).
12. Phua, M.H. and Minowa, M. "A GIS-based multi-criteria decision making approach to forest conservation planning at a landscape scale: A case study in the Kinabalu Area, Sabah, Malaysia", *Landscape and Urban Planning*, **71**, pp. 207-222 (2005).
13. Bullen, P.S.; Mitrinovic, D.S. and Vasic, P.M., *Means and Their Inequalities, Mathematics and its Applications*, 31, D. Reidel Publishing Co., Dordrecht (1988).
14. Marichal, J.L., *Aggregation Operators for Multicriteria Decision*, PhD Dissertation, University de Liege (1999).
15. Yager, R.R. "On weighted median aggregation", *International Journal of Uncertainty*, *Fuzziness and Knowledge-based Systems*, **2**, pp. 101-113 (1994).
16. Sugeno, M., *Theory of Fuzzy Integrals and its Applications*, PhD thesis, Tokyo Institute of Technology, Tokyo (1974).
17. Dubois, D.; Fargier, H. and Prade, H. "Refinements of the maximin approach to decision-making in a fuzzy environment", *Fuzzy Sets and Systems*, **81**(1), pp. 103-122 (1996).
18. Yager, R.R. "On ordered weighted averaging aggregation operators in multi-criteria decision making", *IEEE Trans.Systems, Man Cybernet*, **18**, pp. 183-190 (1988).
19. Yager, R.R. "Families of OWA operators", *Fuzzy Sets and Systems*, **59**, pp. 125-148 (1993).
20. Yager, R.R., "Aggregation operators and fuzzy systems modeling", *Fuzzy Sets and Systems*, **67**, pp. 129-145 (1994).
21. Xu, Z.S. and Da, Q.L. "An overview of operators for aggregating information", *International Journal of Intelligent Systems*, **18**, pp. 953-969 (2003).
22. Yager, R.R. and Kacprzyk, J., *Ordered Weighted Averaging Operators: Theory and Applications*, Kluwer Academic Publishers, Boston (1997).
23. Theil, H. "On the symmetry approach to the committee decision problem", *Management Science*, **9**, pp. 380-393 (1963).
24. Bodily, S.E. "A delegation process for combining individual utility functions", *Management Science*, **25**, pp. 1035-1041 (1979).
25. Brock, H.W. "The problem of 'utility weights' in group preference aggregation", *Operations Research*, **28**, pp. 176-187 (1980).
26. Ramanathan, R. and Ganesh, L.S. "Group preference aggregation methods employed in AHP: An evaluation and an intrinsic process for deriving members' weight ages", *European Journal of Operational Research*, **79**, pp. 249-265 (1994).
27. Olcer, A.I. and Odabasi, A.Y. "A new fuzzy multiple attributive group decision making methodology and its application to propulsion/maneuvering system selection problem", *European Journal of Operational Research*, **166**, pp. 93-114 (2005).
28. Fairhurst, M.C. and Rahman, A.F.R. "Enhancing consensus in multiple expert decision fusion", *IEE Proceedings: Vision, Image and Signal Processing*, **147**(1), pp. 39-46 (2000).

29. Bryson, N. and Mobolurin, A. "Supporting team decision-making with consensus relevant information", *National Aerospace and Electronics Conference, Proceedings of the IEEE*, **1**, pp. 57-63 (1997).
30. Tan, B.C.Y.; Teo, H.H. and Wei, K.K. "Promoting consensus in small decision making groups", *Information & Management*, **28**(4), p. 251 (1995).
31. Kuncheva, L. "Pattern recognition with a model of fuzzy neuron using degree of consensus", *Fuzzy Sets and Systems*, **66**(2), pp. 241-250 (1994).
32. Fedrizzi, M., *On a Consensus Measure in a Group MCDM Problem, Multiperson Decision Making Models Using Fuzzy Sets and Possibility Theory*, Dordrecht, Boston, Kluwer Academic Publishers, pp. 231-241 (1990).
33. Ben-Arieh, D. and Chen, Z. "A new linguistic labels aggregation and Consensus in group decision making", *Conference of IERC 2004*, Houston, Texas, USA (2004).
34. Kacprzyk, J. and Zadrożny, S. "On the use of fuzzy majority for supporting consensus reaching under fuzziness", *IEEE International Conference on Fuzzy Systems*, **3**, pp. 1683-1688 (1997).
35. Cai, X., *Intelligent Group Decision Support System for Regional Water Resources Planning and Management*, MS thesis, Tsinghua University, P.R. China (1994).
36. China Institute of Water Resources and Hydropower Research (CIWRHR), "Water resources management in North China", **1** (*Main Rep.*), **2** (*Model and Data*) and **3** (*Sub reports*), United Nations Development Program and State Science and Technology Commission, CPR/88/068, Beijing, China (1994).
37. Cai, X.; Lasdon, L. and Michelsen, A.M. "Group decision making in water resources planning using multiple objective analysis", *Journal of Water Resources Planning and Management*, **130**(1), pp. 4-14 (2004).