

# بررسی اصطکاک منفی در شمع قائم و مایل منفرد با استفاده از مدل‌سازی عددی

محمد هدی حاجی طاهری‌ها (کارشناس ارشد)

محمد حسنوارد<sup>\*</sup> (استادیار)

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه پیام نور (ره)

ابوالفضل اسلامی (دانشیار)

دانشکده هندسی عمران و محیط زیست، دانشگاه امیرکبیر

در این نوشتار اصطکاک منفی در شمع قائم و مایل منفرد بررسی شده است. ابتدا به منظور صحبت سنجی نتایج، یک شمع قائم اتکایی و اصطکاک‌کی مدل شده و نتایج به دست آمده از آن با نتایج ارائه شده توسط سایر پژوهشگران مقایسه و تأیید شده است. سپس یک شمع منفرد قائم اتکایی و یک شمع قائم اصطکاک‌کی تحت سربارهای سطحی متفاوت مدل سازی شده و نیروی فروکش آنها مورد بررسی قرار گرفته است. در ادامه، رفتار شمع منفرد مایل اتکایی و اصطکاک‌کی با زوایای تغییر بین ۰ تا ۳۰ درجه نسبت به قائم تحت شرایط مشابه شمع قائم مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفته است. نتایج تحلیل‌ها نشان می‌دهد که نیروی فروکش در شمع قائم و مایل کاملاً وابسته به مقننار بارگذاری سطحی و نوع شمع به لحاظ اتکایی و اصطکاک‌کی است. در حالت شمع مایل متناسب با نحوه توزیع تنش در خاک اطراف شمع بین حالت‌های محرک، سکون و مقاوم عمل می‌کند و مقادیر نیروی فروکش متناسب با آن ایجاد می‌شود.

**واژگان کلیدی:** اصطکاک منفی، شمع قائم و مایل، نیروی فروکش.

## ۱. مقدمه

روش‌های زیادی برای می‌حسابهی نیروی فروکش و فرونشست بر روی شمع منفرد در سال‌های ۱۹۸۰، ۱۹۹۰، ۱۹۹۳، ۱۹۹۵ و ۱۹۹۷ به صورت شبیه‌سازی و مدل عددی پیشنهاد شده است.<sup>[۱-۸]</sup> در مطالعات انجام‌شده در سال‌های ۱۹۷۲ و ۱۹۸۹ نشان داده شده است که ایجاد تار خشی در همه‌ی شرایط حاکم بین خاک و شمع به مقادیر نشست خاک و صلیبت مصالح شمع وابسته است. در پژوهش دیگری در سال ۱۹۸۹، برای یک شمع مفروض بیان شده است که با افزایش نشست مجاز، عمق تار خشی افزایش می‌یابد و در نتیجه، نیروی فروکش پایین‌تر می‌رود. همچنین یک فرمول نیمه تجربی برای پیش‌بینی محل تار خشی براساس شرایط خاک - شمع و نهایتاً تخمین نیروی فروکش ارائه شده است.<sup>[۹]</sup>

با وجود این، نیروی فروکش در شمع مایل کمتر مورد بررسی قرار گرفته است. شمع‌های مایل به صورت ترکیبی با شمع‌های قائم و یا انحصاراً به عنوان عضو انتقالی در فونداسیون‌ها به کار برد می‌شوند. کارایی شمع‌های مایل در برابر بارهای افقی به این صورت است که این شمع‌ها بارهای افقی وارده از طرف سازه‌ها را جذب و سپس این بارها را به زمین منتقل می‌کنند. در اینجا به نمونه‌هایی از مطالعات انجام‌شده بر روی اصطکاک جداره در شمع‌های مایل اشاره شده است:

در پژوهشی در سال ۲۰۰۳، براساس مطالعات آزمایشگاهی بر روی شمع فولادی مایل پرداخته و نشان داده شده است که مقاومت جداره‌ی شمع فشاری

اصطکاک جداره‌ی منفی (NSF)<sup>[۱]</sup> در اثر تنش‌های برخی رو به پایین خاک نزدیک به جداره‌ی شمع رخ می‌دهد. در واقع، این حالت هنگامی ایجاد می‌شود که خاک مجاور شمع بیش از خود شمع نشست کند. شرایط مذکور می‌تواند در اثر بارگذاری سطحی اطراف شمع و یا در شرایط پایین‌رفتن سطح آب زیرزمینی ایجاد شود.<sup>[۲-۶]</sup> NSF باعث به وجود آمدن نیروی فشاری اضافی به طور تجمعی به نام نیروی فروکش در جداره‌ی شمع می‌شود. از طرفی افزایش نشست رو به پایین شمع می‌تواند باعث بسیج‌شدن کامل ظرفیت باربری نوک شمع شود.<sup>[۷]</sup> اما آنچه مسلم است، NSF تابع تنش مؤثر نرم‌آل در سطح شمع است و برای به وجود آمدن نیروی اصطکاکی لازم باید دو سطح نسبت به هم دچار لغزش شوند. اما نیروی فروکش خود باعث نشست نمی‌شود.<sup>[۸]</sup>

NSF در بیشتر حالات تا مقاومت نهایی حدی خاک بسیج می‌شود، جز تقاطی که نزدیک تار خشی شمع هستند. این پدیده در اثر جابه‌جای نسبی چند میلی‌متری بین خاک و شمع ایجاد می‌شود.<sup>[۹-۱۰]</sup> لذا نادیده گرفتن نیروی فروکش در ملاحظات طراحی می‌تواند سبب تخریب فونداسیون ساختمان، اسکله‌ها و پل‌ها شود.

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۰ اردیبهشت ۱۳۹۲، اصلاحیه ۱۷، ۱۳۹۲/۹/۱۷، پذیرش ۱۱ اردیبهشت ۱۳۹۲.

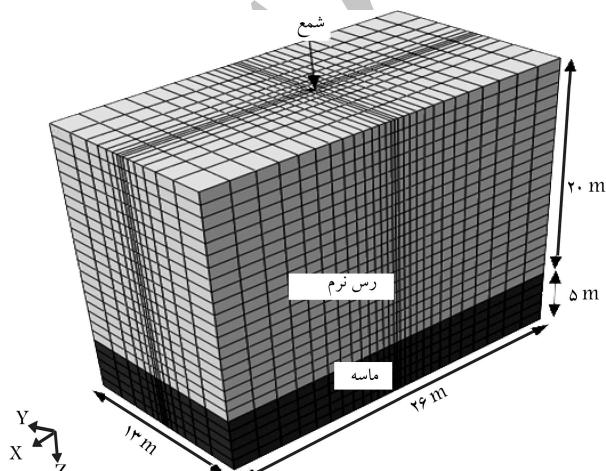
زیری آن، ماسه متراکم با مقاومت پرشی بالا به ضخامت ۵ متر است. نوک شمع بر روی لایه‌ی مقاوم قرار داده شده است و جداره‌ی شمع در خاک نرم قرار دارد. محیط خاک با مدل رفتاری موهر - کولمب لحاظ شده است. خاک به صورت همگن با پارامترهای مقاومتی ثابت در هر لایه مفروض شده است. مشخصات مصالح، پروفیل خاک و شمع در این مدل تحلیلی، در جدول ۱ ارائه شده است.

هنوزه، لایه‌بندی، محل شمع و مشبندی مدل عددی ساخته شده در شکل ۱ نشان داده شده است. مشهوداً در نزدیک سطح مشترک خاک و شمع برای افزایش دقت تحلیل‌ها، نسبتاً ریز بودن و با دورشدن از اطراف شمع، درشت لحاظ شدن تا از حجم عملیاتی بالا ممکن است شود. همچنین شرایط مرزی جانبی مدل به اندازه‌ی کافی از شمع دور شده بود، به گونه‌یی که در تحلیل نهایی تأثیرگذار نباشد. تغییرات تنش‌های برجا در خاک و سختی خاک ناشی از نصب شمع نادیده گرفته شده است. بنابراین قبل از شروع آنالیز، شمع از تنش‌ها و نشست خاک آزاد است و توسعه‌ی NSF با شروع اعمال بارگذاری سطحی در بالای سطح خاک رسخ می‌دهد. برای بررسی و تحلیل نحوه‌ی گسترش تنش پرشی و نیروی فروکشی در یک شمع اصطکاکی، سختی لایه‌ی زیرین برابر سختی لایه‌ی رسخ در نظر گرفته شده است. در حالی که سختی خاک واقع در نوک شمع انتکائی،  $100^{\circ}$  برابر سختی رسخ لحاظ شده است.

برای سطح مشترک خاک و شمع از مدل اصطکاکی موهر - کولمب استفاده شده است. المان‌های سطح مشترک در این نرم‌افزار به گونه‌یی است که اگر نیروی کششی تولید شده در سطح مشترک از محدوده‌ی مجاز برای کشش بیشتر شود، این امکان وجود دارد که اجراء سطح مشترک از هم جدا شوند. همچنین تنش مؤثر نرمال بین دو سطح تماس در ضربی اصطکاک داخلی ( $\mu$ ) ضرب و به عنوان تنش پرشی اصطکاکی حدی اعمال می‌شود تا اگر تنش

جدول ۱. مشخصات مصالح مدل تحلیلی.<sup>[۲۳]</sup>

$v$	$\phi$	$\gamma$ (KN/m <sup>3</sup> )	$\psi$	C (KPa)	E (Pa)	مصالح
۰/۳	—	۲۵	—	—	$2e10$	شمع
۰/۳	۲۰	۱۸	۰/۱	۳	$5e3$	رسخ نرم
۰/۳	۳۵	۲۰	۱۰	۰/۱	$5e4$	ماسه



شکل ۱. مشبندی اجزاء محدود شمع قائم.

مايل با افزایش زاویه‌ی تمایل آن کاهش می‌يابد.<sup>[۱۵]</sup> از سوی دیگر، نتایج آزمایش‌های بزرگ مقایسه در پژوهشی در سال ۱۹۹۲ نشان داده شده است که مقاومت جداره‌ی شمع در اثر افزایش زاویه‌ی تمایل شمع افزایش می‌يابد.<sup>[۱۶]</sup> همچنین در مطالعه‌ی دیگری در سال ۱۹۸۶ نشان داده شده است که با افزایش زاویه‌ی شمع، تغییرات مهمی در مقاومت جداره ایجاد نمی‌شود.<sup>[۱۷]</sup> و نیز در مطالعه‌ی در سال ۲۰۰۲ به بررسی نیروی فروکش و نشست رو به پایین شمع و تأثیرگرده شمع تحت توسط نرم افزار آباکوس پرداخته شده است.<sup>[۱۸]</sup>

پژوهشگری نیز در سال ۲۰۰۵، به مطالعه‌ی نیروی فروکش و تارخنی در شمع منفرد واقع در خاک چند لایه و تحت تأثیر توالی اعمال بار بر روی سر شمع و بارگذاری سطحی به کمک نرم‌افزار فلک (FLAC) پرداخته است.<sup>[۱۹]</sup> همچنین پژوهشگر دیگری در سال ۲۰۰۸، یک روش طراحی برای شمع تحت NSF را مطرح و بر روی ویژگی‌های تأثیرگذار آن در تنش‌های باقی‌مانده شمع، بارگذاری سر شمع و کارایی گروه شمع بحث کرده است.<sup>[۲۰]</sup>

پژوهشگران دیگری نیز در سال ۱۹۶۵، چند آزمایش مدل بر روی شمع‌های مایل انجام و نشان دادند که مقاومت شمع‌های مایل منفی تحت اثر بارهای جانبی بیشتر از مقاومت شمع‌های مایل مثبت است.<sup>[۲۱]</sup> همچنین در مطالعه‌ی در سال ۲۰۰۱، مدلی براساس روش اجراء محدود برای مطالعه‌ی رفتار غیرخطی شمع‌های مایل ارائه شده و در آن برای مطالعه‌ی مقاومت شمع‌های مایل و تغییرمکان جانبی به وجود آمده تحت اثر بارهای جانبی استاتیکی و سیکلیک، یک سری توابع Y-P ارائه شده است. در مطالعه‌ی مذکور، خاک به صورت محیط پیوسته مدل نشده است، بلکه برای مدل‌کردن خاک از فنرهایی با سختی معادل استفاده شده است و نیز رفتار شمع‌های قائم و مایل منفرد تحت اثر بارهای محوری و جانبی بررسی و نتایج حاصل از آنها با هم مقایسه شده است.<sup>[۲۲]</sup>

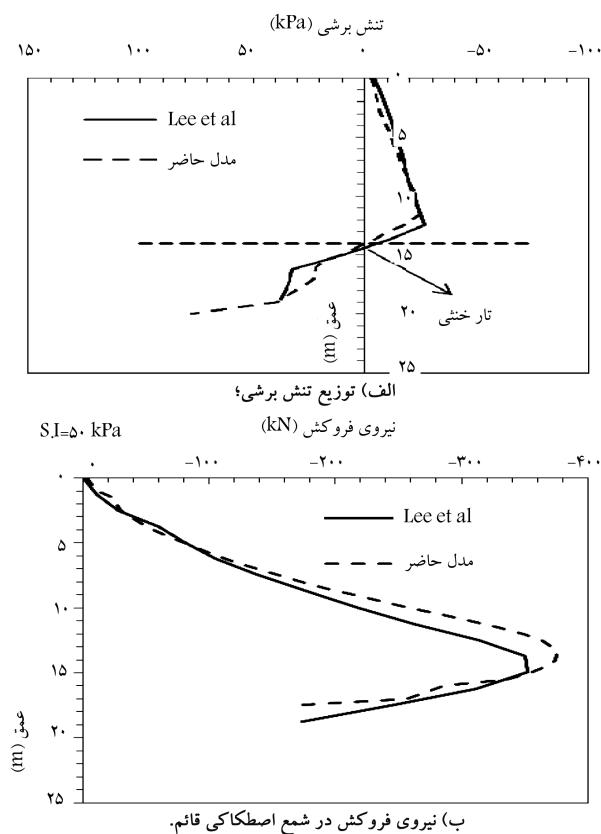
در پژوهشی در سال ۱۹۷۱ نیز رفتار شمع‌های مایل تحت اثر بارهای استاتیکی جانبی بررسی و نشان داده شد که تغییرمکان جانبی شمع‌های مایل به زاویه‌ی تمایل شمع بستگی دارد.<sup>[۲۳]</sup>

در این مطالعه برخی از نتایج مطالعات ذکر شده به صورت عددی با استفاده از نرم‌افزار عددی آباکوس مورد ارزیابی قرار گرفته است. ابتدا یک مدل تحلیلی عددی سه بعدی برای تخمین اثر اصطکاک منفی در شمع قائم منفرد اصطکاکی و انتکائی تحت بارگذاری متفاوت در سطح خاک اطراف شمع ساخته شده و نیروی فروکش در بارگذاری متفاوت بر روی شمع قائم مورد تحلیل قرار گرفته است. در ادامه، تحلیل‌ها بر روی شمع مایل انتکائی و اصطکاکی توسعه داده شده و عوامل تأثیرگذاری از قبیل بارگذاری و تغییرات زاویه‌ی تمایل و شرایط دو بعدی و سه بعدی در مدل‌سازی شمع مایل مورد مقایسه و بحث قرار گرفته است.

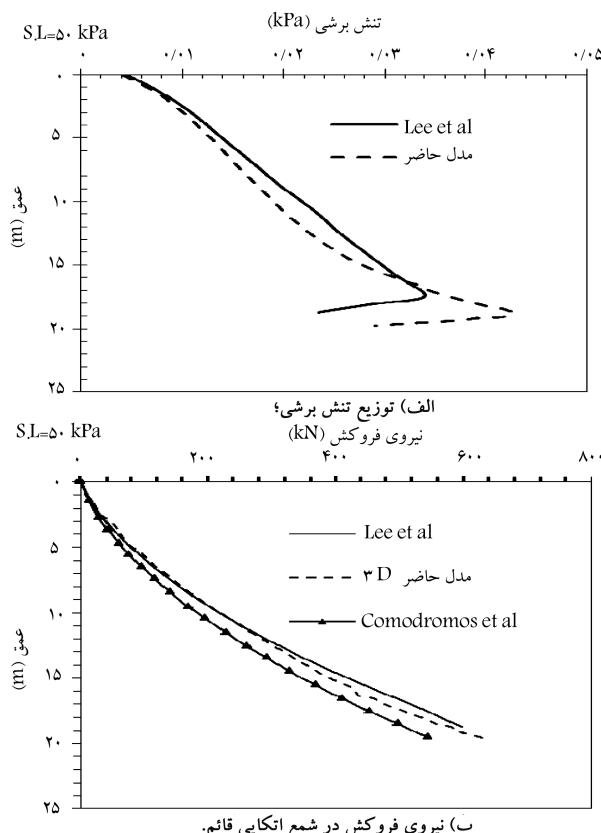
## ۲. مدل‌سازی و صحبت‌سنگی آن

به منظور بررسی اثرات اصطکاک منفی جداره و پیش‌بینی نیروی فروکش و نشست مازاد رو به پایین و مقایسه‌ی رفتار شمع مایل و قائم منفرد، پروفیل خاک و مشخصات آن و ضرایب اصطکاک ارائه شده توسط لی و همکاران (۲۰۰۲)،<sup>[۱۸]</sup> استفاده شده است.

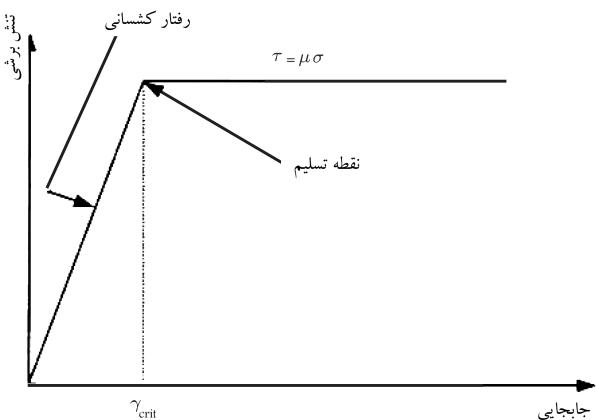
مدل شمع از جنس بتن و به قطر  $5/0$  متر و طول  $20$  متر است. رفتار مصالح شمع، خطی و کشسان در نظر گرفته شده است. پروفیل خاک لایه‌یی، به طوری است که لایه‌ی بالایی آن رسخ  $20$  متر و با ضخامت  $5$  متر و لایه‌ی



شکل ۳. مقایسه نتایج تحقیق حاضر و تحقیق لی و همکاران.



شکل ۴. مقایسه نتایج تحقیق حاضر و تحقیق لی و همکاران در حالت سه بعدی.



شکل ۲. رفتار المان سطح مشترک.<sup>[۲۳]</sup>

برشی اعمالی در طول سطح کمتر از تنش برشی حدی  $\tau = \mu\sigma$  اعمال شود، سطوح در هم فرو نوند. لذا گرههای المان خاک در ارتباط با شمع می‌توانند در امتداد شمع بالغزنند. شکل ۲ رفتار المان سطح مشترک را نشان می‌دهد.<sup>[۱۸]</sup>

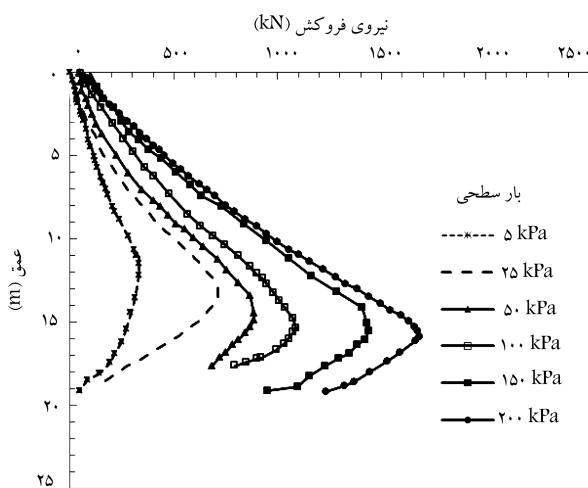
ضریب اصطکاک سطح مشترک شمع و خاک برابر  $\mu = \tan \delta = 0,3-0,6$  است. ضریب فشار جانبی خاک متناسب با روش جکی و بروکو برای خاک رس و ماسه در نظر گرفته شده است. این مقدار برای رس در حالت زهکشی شده برابر  $0,65$  و برای ماسه  $0,5$  در حاظ شده است. زاویه اصطکاک داخلی رس  $20^\circ$  و زاویه اتساع خیلی کم  $10^\circ$  است. برای ماسه، بیشینه‌ی زاویه اصطکاک داخلی  $45^\circ$  و زاویه اتساع  $10^\circ$  درجه لحاظ شده است. در این حالت زاویه اصطکاک داخلی حالت بحرانی حدوداً  $35^\circ$  درجه است. این نذکر لازم است که اعداد مذکور مطابق با مدل عددی لی و همکاران<sup>[۱۸]</sup> انتخاب شده است.

شکل‌های ۳ و ۴ نتایج تحقیق حاضر را به صورت مقایسه‌ی با نتایج تحقیقات لی و همکاران و کمادروس به ترتیب برای دو شمع اصطکاکی نشان می‌دهند. منظور از نیروی فروکش در اینجا عبارت از مجموع نیروی برشی رو به پایین ایجاد شده در جداره طول شمع و یا همان اصطکاک منفی در اثر بارگذاری خاک در سطح زمین و به تبع آن نشست خاک اطراف شمع است. برای محاسبه‌ی این پارامتر، تنش برشی در طول شمع بعد از تحلیل مدل قرائت و به صورت جداگانه با توجه به مقدار سطح جانبی شمع محاسبه شده است.

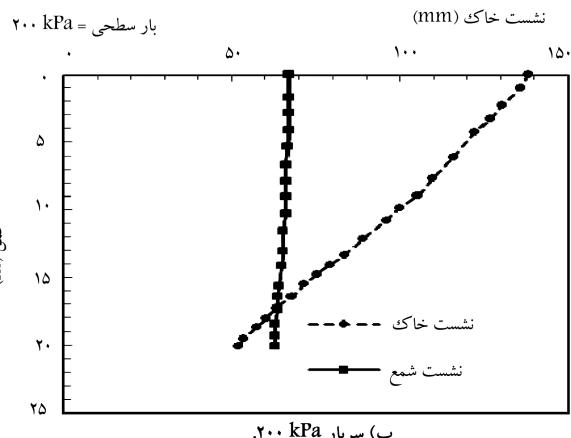
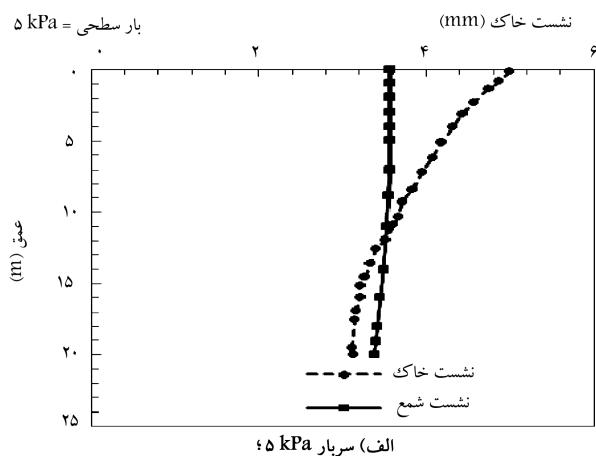
شکل‌های ۳ و ۴ الف توزیع تنش برشی و شکل‌های ۳ و ۴ ب نیروی فروکش را در بدنه شمع اصطکاکی نشان می‌دهند. در شمع اصطکاکی تارخنی در محلی رخ داده است که تنش برشی در دو سمت آن تغییر علامت داده است. در شمع اتکایی تقریباً تارخنی در انتهای شمع رخ می‌دهد و تغییر علامت تنش برشی محسوس نمی‌باشد.

### ۳. مقایسه‌ی مدل‌های دو بعدی و سه بعدی

ابتدا مدل‌های دو بعدی و سه بعدی شمع قائم و مایل منفرد اتکایی قائم مورد مقایسه قرار گرفته است. ویژگی‌های مصالح مدل در هر دو حالت یکسان و بارگذاری اطراف شمع ۵ KPa، از نوع بارگذاری سطحی است. همان‌گونه که از شکل ۵ مشاهده می‌شود، به طور کلی سازگاری نسبتاً خوبی بین مدل‌های دو بعدی و سه بعدی وجود دارد. در مدل دو بعدی، مقدار تنش برشی جداره در سر شمع مقدار تقریباً صفر را

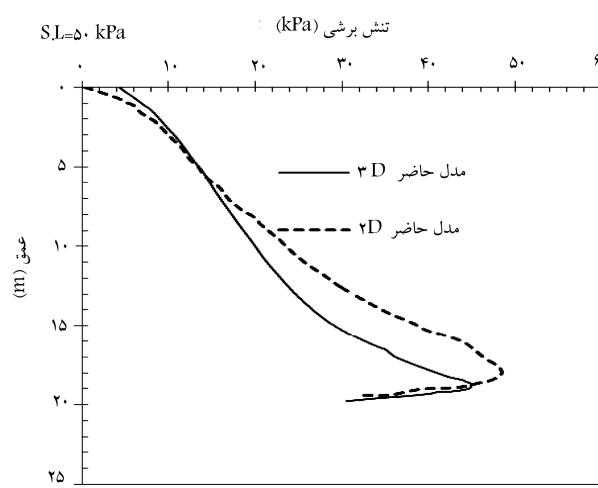


شکل ۶. توزیع نیروی فروکش در طول شمع قائم منفرد اصطکاکی برای سربارهای مختلف سطح زمین.



شکل ۷. نشت خاک اطراف شمع و شمع اصطکاکی.

اطراف شمع را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود، نیروی فروکش در شمع اتکائی قائم با افزایش سربار افزایش پیدا کرده است. با توجه به این مطلب که شمع بر روی خاک سخت بوده و خاک بالای آن نرم است، تارخنی در نزدیک لایه‌ی باربر زیرین شکل می‌گیرد و افزایش سربار منجر به پایین تر رفتن آن می‌شود و حتی ممکن است در نوک شمع شکل گیرد.



شکل ۵. مقایسه‌ی تنش برشی بین شمع اتکائی قائم و خاک در مدل‌های دو بعدی و سه بعدی.

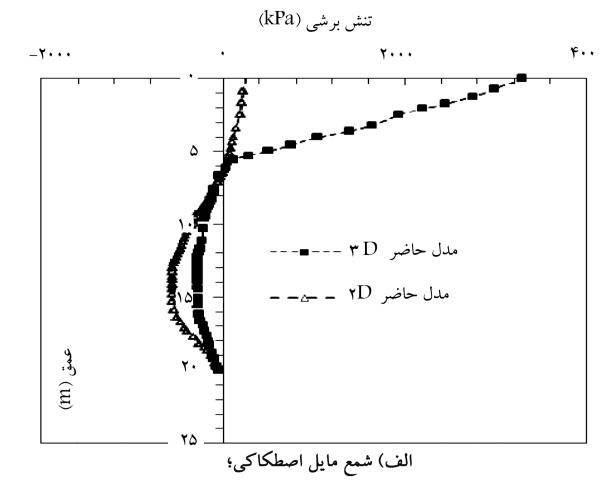
نشان می‌دهد. در مدل سه بعدی، سر شمع تنش برشی بیشتری را نسبت به مدل دو بعدی نشان می‌دهد. سپس در ادامه، مدل دو بعدی در بدنه‌ی شمع، تنش برشی بیشتری را بین خاک و شمع نشان می‌دهد. ولی در انتهای شمع، هر دو مدل نتایج نسبتاً یکسانی نشان داده‌اند. دلیل این موضوع می‌تواند تفاوت کرنش مسطح و سه بعدی و تأثیر کرنش بعد سوم باشد. در مدل سه بعدی به دلیل افزایش درجه آزادی، قیدهای کمتری به خاک اطراف شمع اعمال شده است گویی گسیختگی در نوک شمع در ۳ جهت گسترش پیدا می‌کند و ناحیه‌ی گسیختگی در نوک شمع مقاومت بیشتری دارد و در نهایت، بار بری کمتری در جداره‌ی شمع ایجاد می‌شود. همان‌گونه که از نمودارها مشاهده می‌شود، مقادیر تنش برشی (حتی در حالت منفی) در مدل دو بعدی بیشتر از مدل سه بعدی است.

#### ۴. نیروی فروکش و محل تارخنی در شمع قائم

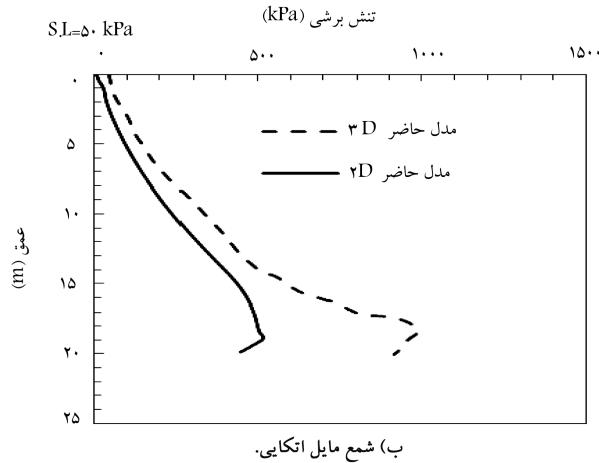
در این قسمت، مقادیر نیروی فروکش در شمع اصطکاکی و اتکائی تحت سربارهای متفاوت در روی خاک اطراف شمع بررسی و محل تارخنی تحت شرایط حاضر ارزیابی می‌شود. همان‌طور که در شکل ۶، که مربوط به نیروی فروکش شمع اصطکاکی است، مشاهده می‌شود با افزایش سربار روی خاک، نیروهای تجمعی فروکش افزایش می‌یابند. به گونه‌ی که برای سربار نسبتاً کوچک به اندازه‌ی ۵ kPa مقدار نیروی فروکش به  $1/3$  MN و با افزایش سربار به ۲۰۰ kPa، این مقدار روند افزایشی دارد و به مقدار نیروی فروکش بیشینه‌ی  $1/6$  MN می‌رسد، که نشان‌دهنده‌ی یک ارتباط غیرخطی بین سربار سطح زمین و نیروی فروکش است. روند کاهشی نیروی فروکش در نمودار از مقدار بیشینه به بعد، به دلیل تغییر تنش برش در جداره‌ی شمع است.

شکل ۷، تغییرات محل تارخنی تحت بارگذاری سطحی ۵ و ۲۰۰ کیلوپاسکال را نشان می‌دهد. همان‌گونه که مشاهده می‌شود، محل تارخنی با افزایش سربار از عمق ۱۲ متر تا  $17/4$  متر تغییر پیدا کرده است. این مسئله به دلیل افزایش نشستهای رو به پایین خاک با افزایش بارگذاری و افزایش نیروی برشی و نرمال در جداره‌ی شمع است.

شکل ۸، نیروی فروکش شمع اتکائی قائم تحت بارگذاری متفاوت بر روی خاک



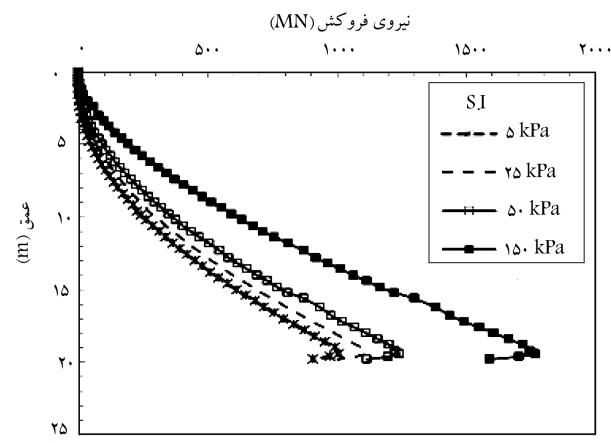
الف) شمع مایل اصطکاکی؛



ب) شمع مایل اتكائی.

شکل ۱۰. تنش برشی جداره‌ی شمع در دو حالت دو بعدی و سه بعدی.

مدل عددی در این مورد باشد. شکل ۱۰ ب نشان می‌دهد که روند کلی تغییرات تنش برشی در جداره‌ی شمع بین دو مدل دو بعدی و سه بعدی به طور کلی مشابه هم است. هر چند برخلاف شمع اصطکاکی با افزایش عمق، اختلاف دو مدل افزایش یافته است.



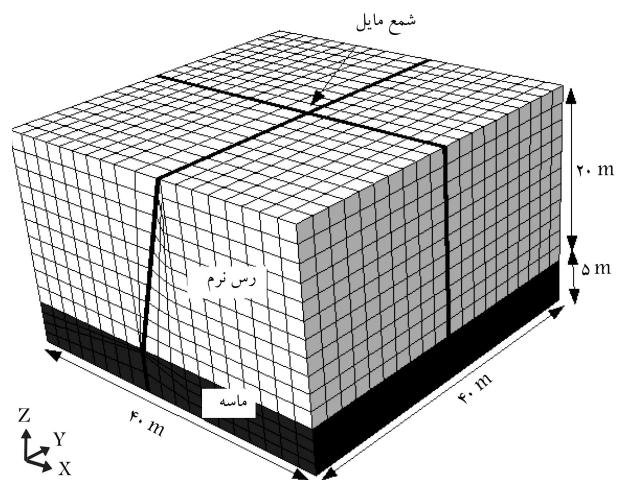
شکل ۸. توزیع نیروی فروکش در طول شمع اتكائی قائم.

## ۵. تحلیل نیروی فروکش در شمع مایل

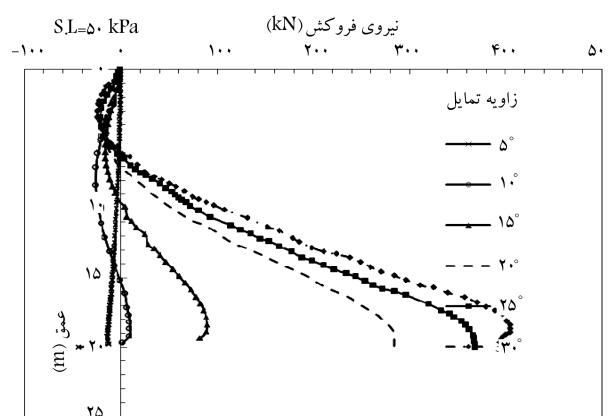
برای بررسی و تحلیل تغییرزاویه‌ی تمایل شمع نسبت به راستای قائم بروی نیروی فروکش شمع، یک مدل تحلیلی شامل شمع مایل در دو حالت سه بعدی و دو بعدی با زاویه‌ی تمایل  $15^\circ$  ایجاد شده است. شکل ۹، مدل سه بعدی را نشان می‌دهد. خواص مصالح خاک و شمع مایل همانند شمع قائم ذکر شده است، فقط برای جلوگیری از تأثیر شرایط مرزی در جواب نهایی در اثر زاویه‌ی تمایل، مرزهای جانبی مدل تا حد کافی از شمع مایل دور شده‌اند. در هنگام اعمال سربار یکنواخت برخاک اطراف شمع، شرایط به گونه‌ی است که شمع مایل به دلیل تغییر شکل‌های خشنی و اعوجاج طولی تحت شرایط مختلف بین حالت‌های مقاوم و محرك خاک اطراف با ضرایب  $k_p$  و  $k_a$  فشار می‌گیرد، لذا درک رفتار شمع را پیچیده می‌کند. شکل ۱۰، نتایج تحلیل‌ها را به صورت تنش برشی جداره‌ی شمع در دو حالت دو بعدی و سه بعدی برای شمع اتكائی و اصطکاکی مایل نشان می‌دهد. براساس شکل ۱۰(الف)، برای شمع اصطکاکی، اختلاف تنش برشی در جداره در ابتدای شمع بسیار فاحش است؛ هر چند در ادامه و با افزایش عمق شمع، این اختلاف کمتر شده و روند کلی در دو مدل مشابه هم است. در این حالت، در حالت سه بعدی در سمت بالای شمع در اثر اعوجاج شمع، مقدار تنش برشی بین شمع و خاک افزایش نامعقولی نشان می‌دهد. به نظر می‌رسد این امر نشان از ضعف و یا خطای

## ۶. تأثیر زاویه‌ی تمایل شمع در نیروی فروکش

برای بررسی دقیق‌تر رفتار شمع مایل تحت زوایای تمایل متفاوت، آنالیزهای حساسیت به طور جداگانه برای شمع مایل اصطکاکی و اتكائی تحت یک سربار ثابت و یکنواخت  $5^\circ$  KPa در اطراف شمع مایل در سطح زمین اعمال شده است. شکل ۱۱، نیروی فروکش شمع مایل اتكائی تحت زوایای تمایل متفاوت را نشان می‌دهد. ملاحظه می‌شود که برای شمع مایل، علامت و یا جهت نیروی فروکش در طول آن تغییر می‌کند و با افزایش زاویه‌ی تمایل، این وضعیت تشدید می‌شود. در این حالت، شمع تحت تنش‌های شعاعی ناشی از نیروهای محرك و مقاوم خاک اطراف در جداره‌ی خود قرار می‌گیرد، به گونه‌یی که در جداره‌ی شمع نواحی تغییر جهت تنش برشی ایجاد می‌شود. به عبارت دیگر، شمع در این حالت تحت اعوجاج و خمن‌های طولی قرار می‌گیرد، که ممکن است منجر به تغییر جهت تنش برشی و همچنین نیروی فروکش در طول آن شود. در این ارتباط شکل ۱۲، اعوجاج در طول شمع مایل را نشان می‌دهد، که دلیل آن اعمال تنش‌های همه جانبی متفاوت در طول شمع در عمق



شکل ۹. مش‌بندی اجزاء محدود شمع مایل در پروفیل ساده‌شده خاک با نرم افزار آباکوس.

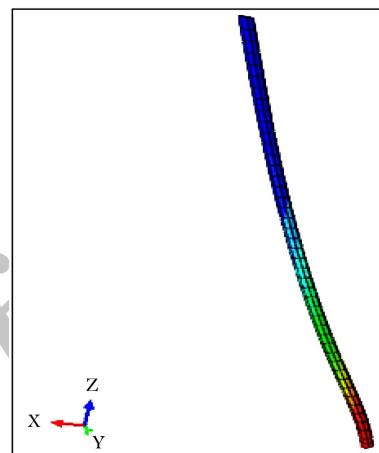


شکل ۱۱. نیروی فروکش در طول شمع اتکایی منفرد تحت زاویه‌ی تمايل مختلف.

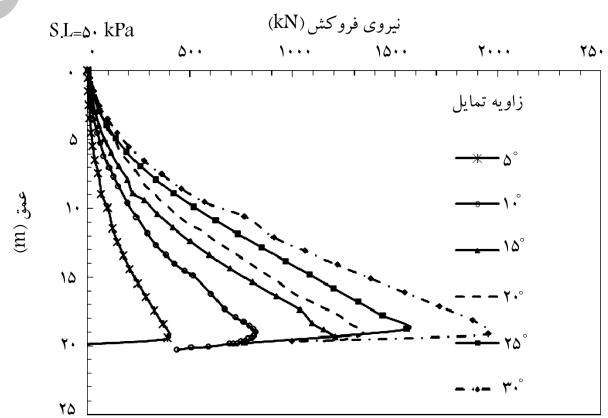
## ۷. نتیجه‌گیری

در این نوشتار، اثرات اصطکاک منفی در شمع قائم و مایل منفرد در خاک دوازده مورد بررسی قرار گرفته است. ابتدا یک مدل شمع قائم سه بعدی با مدل لی و همکاران (۲۰۰۵) و کمادروموس (۲۰۰۵) مورد مقایسه قرار گرفته است، که نتایج اطباقي نسبتاً خوبی با هم داشته‌اند. در ادامه‌ی مطالعه، مواردی مانند اثر بعد سوم مدل، شدت بار سطحی، نوع اصطکاکی و اتکایی شمع و زاویه‌ی تمايل آن مورد بررسی قرار گرفته است. به طور خلاصه، براساس مطالعات انجام شده در این پژوهش به این نتایج می‌توان اشاره کرد:

- مقادیر نیروی فروکش کاملاً وابسته به شرایط مصالح خاک در برگیرنده‌ی شمع، شدت بار سطحی، نوع شمع اتکایی و اصطکاکی و تغییرات زاویه‌ی تمايل شمع هستند. همچنین محل قرارگیری تارخنثی در طول شمع بسته به شرایط مذکور عموماً مستمامیل به سمت لایه‌ی خاک مقادیر زیرین است.
- به دلیل رفتار واقعی سه بعدی شمع، نتایج مدل‌های دو بعدی و سه بعدی با هم‌دیگر متفاوت هستند. این اختلاف گاهی موقع کم و گاهی موقع قابل توجه هستند. ولی به طور کلی به نظر می‌رسد ضروری است همواره از مدل سه بعدی برای شمع‌ها استفاده شود.
- در شمع قائم و یا زاویه‌ی تمايل کم، شمع به صورت یک ستون در خاک عمل می‌کند و فقط تحت نیروی محوری قرار می‌گیرد و در زاویه‌ی تمايل زیاد، شمع به صورت تیر - ستون و تحت نیروی محوری، لنگر خمی و نیروی برشی قرار می‌گردد. کمین امر می‌بینیم به اعوجاج و خمش طولی در آن و احتمالاً تغییر جهت نیروی برشی در جداره‌ی شمع و نیروی فروکش می‌شود. در این حالت نیروی نرمال بین شمع و خاک بین شرایط محرك، سکون و مقاوم قرار می‌گیرد و باعث پیچیده شدن اندرکنش بین شمع و خاک اطراف در جداره‌ی شمع می‌شود.
- مقادیر نیروی فروکش در یک مقاوم سربار ثابت برای شمع قائم اتکایی بیش از شمع اصطکاکی است. همین رفتار در شمع مایل اتکایی و اصطکاکی هم حاکم است، با این تفاوت که مقادیر بیشینه‌ی نیروی فروکش در جداره‌ی شمع الزاماً در محل تغییر جهت تنش برشی یا همان تارخنثی نیست.
- تارخنثی در شمع اصطکاکی و اتکایی با افزایش شدت بارگذاری سطحی به اعمق پایین تر خاک می‌کند. به طوری که در شمع اتکایی، تارخنثی تقریباً در انتهای شمع و در شمع اصطکاکی، موقعیت تارخنثی تقریباً در  $1/3$  انتهای شمع ایجاد می‌شود.
- برخلاف شمع قائم، در شمع مایل تارخنثی ایجاد نمی‌شود، بلکه نواحی تغییرات تنش برشی در جداره‌ی شمع ایجاد می‌شود. از طرفی با افزایش زاویه‌ی تمايل شمع، نیروی فروکش نیز افزایش می‌یابد.



شکل ۱۲. تغییرشکل در طول شمع مایل در اثر تنش‌های وارد از طرف خاک.



شکل ۱۳. نیروی فروکش در طول شمع مایل اصطکاکی تحت زاویه‌ی تمايل مختلف.

خاک است. ولی آنچه مسلم است این است که با افزایش زاویه‌ی تمايل شمع، مقدار نیروی فروکش هم زیاد می‌شود.

شکل ۱۳، نیروی فروکش شمع مایل اصطکاکی را تحت زاویه‌ی تمايل مختلف نشان می‌دهد. همان طور که مشاهده می‌شود، با افزایش زاویه‌ی تمايل، مقدار نیروی فروکش بیشینه نیز افزایش پیدا می‌کند. همچنین ملاحظه می‌شود که در شمع مایل اصطکاکی، مقادیر بیشینه‌ی نیروی فروکش در سمت نوک آن ایجاد می‌شود. سپس با تغییر جهت نیرو (نسبت به شمع اتکایی) به صورت خیلی سریع کاهش می‌یابد.

## پابلوشت

- negative skin friction

## منابع (References)

- Phamvan, P. "Negative skin friction on driven piles in Bangkok subsoils", Ph.D. thesis, AIT, Bangkok, Thailand (1989).
- Little, J.A. and Ibrahim, K.I. "Predictions associated with the pile downdrag study at the SERC soft clay site at Bothkennar", In Predictive Soil Mechanics (Wroth Memorial Symposium), London: Thomas Telford, pp. 796-818 (1993).
- Lee, C.J., Chen, H.T. and Wang, W.H. "Negative skin friction on a pile due to excessive groundwater withdrawal", *Proc. Int. Conf. Centrifuge*, New York, pp. 513-518 (1998).
- Fellenius, B.H. "Piling terminology", <http://www.geoforum.com/info/pileinfo/terminology.asp>.
- Fellenius, B.H. "Negative skin friction and settlement of piles", Second Int. Seminar, Pile foundations, Nanyang Technological Institute, Singapore (1984).
- Broms, B. "Negative skin friction", *Proc. 6th Asian Regional Conf. Soil Mech. Found. Engrg.*, Singapore, **2**, pp. 41-75 (1979).
- Fellenius, B.H. "Results from long-term measurement in piles of drag load and downdrag", *Can. Geotech. J.*, **43**(4), pp. 409-430. (2006).
- Poulos, H.G. and Davis, E.H., *Pile Foundation Analysis and Design*, Wiley, New York (1980).
- Chow, Y.K., Chin, J.T. and Lee, S.L. "Negative skin friction on pile groups", *Int. J. Numer. Analyt. Meth. Geomech.*, **14**(2), pp. 75-91 (1990).
- Lee, C.Y. "Pile groups under negative skin friction", *J. Geotech. Engrg.*, **119**(10), pp. 1587-1600 (1993).
- Teh, C.I. and Wong, K.S. "Analysis of downdrag on pile groups", *Geotechnique*, **45**(2), pp. 191-207 (1995).
- Fellenius, B.H. "Unified design of piles and pile groups", Transportation Research Record 1169, Transportation Research Board, Washington, D.C., pp. 75-82 (1989).
- Fellenius, B.H. "Down-drag on piles in clays due to negative skin friction", *Can. Geotech. J.*, **9**(4), pp. 325-337 (1972).
- Van Der, V. "A general formula to determine the allowable pile bearing capacity in case of negative friction", *DFI, Proc., Int. Conf. on Deep Found.*, Beijing, China, **2**, pp. 138-147 (1986).
- Hanna, A. and Nguyen, T.G. "Shaft resistance of single vertical and batter piles driven in sand", *ASCE J. Geotech. and Geoenviro. Engrg.*, **129**(7), pp. 601-607 (2003).
- Meyerhof, G. and yalsin, A. "Behavior of flexible batter Pile under inclined loads in layered Soil", *Can. Geotech. J.*, **30**(2), pp. 247-256 (1992).
- Sabry, M. "Shaft resistance of single vertical or batter pile in sand subjected to axial compression or uplift loading", M.Sc. thesis, the Department of Building, Civil and Environmental Eng., Concordia University, Montreal, Quebec, Can. (2001).
- Lee, C.J., Bolton, M.D. and Al-Tabbaa, A. "Numerical modeling of group effects on the distribution of drag loads in pile foundations", *J. Geotechnique*, **52**(5), pp. 325-335 (2002).
- Comodromos, E.M. and Bareka, S.V. "Evaluation of negative skin friction effects in pile foundations using 3D nonlinear analysis", *Computers and Geotechnics*, **32**(3), pp. 210-221 (2005).
- Poulos, H.G. "A partial design approach for pile with negative friction", *GEI Geotech. Engrg. Issue*, **161**(2), pp. 19-27 (2008).
- Prakash, S. and Subramanyam, G. "Behavior of battered piles under lateral loads", *J. Indian Nat. Soc of Soil Mech. And Found. Engrg.*, New Delhi, **4**, pp. 177-196 (1965).
- Rajashree, S.S. and Sitharam, T.G. "Nonlinear finite element method of batter piles under lateral load", *J. Geotech. and Geoenviron. Engrg.*, **127**(7), pp. 604-612 (2001).
- Poulos, H.G. and Madhav, M.R. "Analysis of the movement of battered piles", Rep. No. R173, University of Sydney, pp. 1-18 (1971).