

ارائه‌ی منحنی‌های شکنندگی تحلیلی برای ساختمان‌های بنایی مدارس ایران

Research Note

غلامرضا قدرتی امیری* (استاد)

حمیدرضا رازقی (دانشیار)

لطیف دوستی (کارشناس ارشد)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران

هدف این نوشتار به دست آوردن منحنی‌های شکنندگی ساختمان‌های بنایی متداول مدارس ایران است. در این مطالعه با استفاده از یک روش تحلیلی منحنی‌های شکنندگی برای ساختمان‌های بنایی در ۳ حالت ۲، ۱ و ۳ طبقه و روی انواع خاک‌های ذکر شده در استاندارد ۲۸۰° به صورت مجزا توسعه داده شده‌اند. از دیگر مزایای این پژوهش این است که به منظور دستیابی به منحنی‌های شکنندگی واقعی‌تر برای هر ساختمان ۲۴ تحلیل انجام شده و این موارد مدنظر قرار گرفته‌اند: اعمال نیرو در هر دو جهت اصلی x و y ، توزیع نیروی جانبی به صورت مود اول و یکنواخت، خروج از مرکزیت، اعمال نیروی جانبی در جهت مثبت و منفی محورها. برای تحلیل ساختمان‌های بنایی، نرم افزار سازه‌ی Tremuri مورد استفاده قرار گرفته، تحلیلهای استاتیکی غیرخطی انجام شده و منحنی‌های ظرفیت سازه به دست آمده‌اند. همچنین از طیف آئین‌نامه‌ی ۲۸۰° به عنوان طیف تقاضا استفاده شده است. نهایتاً با فرض توزیع لوگ نرمال برای تابع چگالی احتمال منحنی‌های شکنندگی به دست آمده‌اند. شایان ذکر است که شتاب پیشینه‌ی زمین (PGA) به عنوان پارامتر نمایانگر شدت حرکت لرزه‌ی زمین انتخاب شده است.

واژگان کلیدی: ارزیابی لرزه‌ی، منحنی‌های شکنندگی، ساختمان بنایی، شتاب پیشینه‌ی زمین.

۱. مقدمه

مساجد، بیمارستان و... نسبت به انواع دیگر سازه‌ها قابل توجه است. برای نشان دادن اهمیت موضوع می‌توان به آمار ارائه شده‌ی سازمان نوسازی مدارس ایران در شکل ۱ اشاره کرد.

شکل ۱، درصد انواع سیستم‌های سازه‌ی ساختمان‌های مدارس ایران را نشان می‌دهد. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، تقریباً ۹۰٪ ساختمان‌ها از نوع بنایی هستند، که آمار بسیار قابل توجهی است.

با توجه به مطالبی که تاکنون بیان شده، واضح است که کاهش خطر زلزله باید روی این نوع از سازه‌ها متمرکز شود. با وجود این، تلاش‌های صورت گرفته در مطالعه و بهبود رفتار این نوع از سازه‌ها خیلی محدود بوده و دانش توابع خسارت پذیری در مورد ساختمان‌های بنایی بسیار محدود است. اخیراً برخی مطالعات در مقیاس بزرگ خسارت‌پذیری این ساختمان‌ها انجام شده است.^[۱] اما پژوهش‌های در دسترس، هنوز هم خیلی کمتر از ساختمان‌های بتنی و فولادی است.

یک وسیله‌ی تصمیم‌گیری، که استفاده از آن برای ارزیابی ریسک لرزه‌ی (SRA) در حال گسترش است، منحنی شکنندگی است. منحنی‌های شکنندگی توابعی هستند که احتمال شکست مشروط به بارگذاری، در طول یک محدوده از بارگذاری که سیستم می‌تواند با آن روبرو شود، را تشریح می‌کند. گروه مهندسان ارتش امریکا (USACE)

ارزیابی خسارت‌پذیری لرزه‌ی ساختمان‌های موجود در دهه‌های اخیر به دلیل رخداد پیاپی زلزله، اهمیت خاصی داشته است؛ زیرا تلفات جانی و خسارات اقتصادی به بارآمده وابسته به رفتار لرزه‌ی سازه‌های موجود است.^[۱] یکی از آسیب‌پذیرترین سازه‌ها، ساختمان‌های بنایی هستند. ساختمان‌های بنایی از جمله ساختمان‌های سنتی به‌شمار می‌آیند، که در سراسر دنیا موجود هستند. این ساختمان‌ها، مجموعه‌ی از اعضاء سازه‌ی شامل: دیوار بنایی، سقف (عمدتاً به صورت طاق ضربی و یا تیرچه بلوک) با یا بدون کلاف افقی و قائم، و تیغه‌ها هستند. در این ساختمان‌ها تمام یا قسمتی از بارهای قائم توسط دیوارهای با مصالح بنایی تحمل می‌شود.^[۲] هر چند در حال حاضر احداث ساختمان‌های با اسکلت فولادی و بتنی رو به افزایش است، لیکن در بسیاری از مناطق دنیا به دلیل مشخصه‌های مطلوب ساختمان‌های بنایی، این نوع ساخت و ساز هنوز هم مورد توجه قرار دارد و البته بسیاری از ساختمان‌های موجود از نوع بنایی است، که متأسفانه در زمان وقوع زلزله بسیار آسیب‌پذیر هستند. در کشور ایران نیز درصد ساختمان‌های بنایی (ساختمان‌های مسکونی، اداری، مدارس،

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۲/۱۱/۷، اصلاحیه ۱۳۹۳/۲/۱۵، پذیرش ۱۳۹۳/۲/۱۵.

در این پژوهش با استفاده از یک روش تحلیلی منحنی‌های شکندگی ساختمان‌های بنایی توسعه داده شده‌اند. به منظور دستیابی به منحنی‌های شکندگی واقعی‌تر در این پژوهش، ۷ ساختمان بنایی در ۳ حالت ۱، ۲ و ۳ طبقه و روی انواع خاک‌های ذکر شده در استاندارد ۲۸۰۰ به صورت مجزا در نظر گرفته شده (در مجموع ۲۵۲۰ مورد)، به طوری که در این تحلیل‌ها این موارد مدنظر قرار گرفته‌اند:



شکل ۱. فراوانی سیستم‌های مختلف سازه‌یی. [۳]

اعمال نیرو در هر دو جهت اصلی x و y ، توزیع نیروی جانبی به صورت مود اول و یکنواخت، خروج از مرکزیت، اعمال نیروی جانبی یک‌بار در جهت مثبت محورها و یک‌بار در جهت مخالف. از طرفی با توجه به زمان‌بر بودن تحلیل‌های تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی، برای توسعه‌ی منحنی‌های شکندگی از تحلیل‌های استاتیکی غیرخطی و همچنین طیف آئین‌نامه‌ی ۲۸۰۰ استفاده شده است. در تهیه‌ی منحنی‌های شکندگی، یکی از بحث‌های اساسی، بحث عدم قطعیت‌هاست؛ که در این پژوهش چون از نتایج آزمایش‌های صورت‌گرفته برای هر ساختمان به طور جداگانه استفاده شده است، در هر تحلیل مشخصات مصالح به صورت قطعی وارد شده و با انتخاب ۷ ساختمان سعی شده است که هندسه‌های مختلف در نظر گرفته شود. همچنین با انجام ۲۴ تحلیل برای هر ساختمان، عدم قطعیت در جهت زلزله، بارگذاری، و مدل‌سازی در نظر گرفته شده‌اند.

روش‌های توسعه‌ی منحنی‌های شکندگی را به ۴ دسته‌ی کلی براساس قضاوت مهندسی، تجربی، تحلیلی و ترکیبی تقسیم‌بندی کرده‌است. [۴] روش‌های تحلیلی، رایج‌ترین روش در ادبیات تحلیل ریسک زلزله محسوب می‌شوند. در این پژوهش با استفاده از یک روش تحلیلی، منحنی‌های شکندگی برای ساختمان‌های بنایی متداول مدارس ایران توسعه داده شده‌اند.

۳. مشخصات نمونه‌ی ساختمان‌های مورد مطالعه

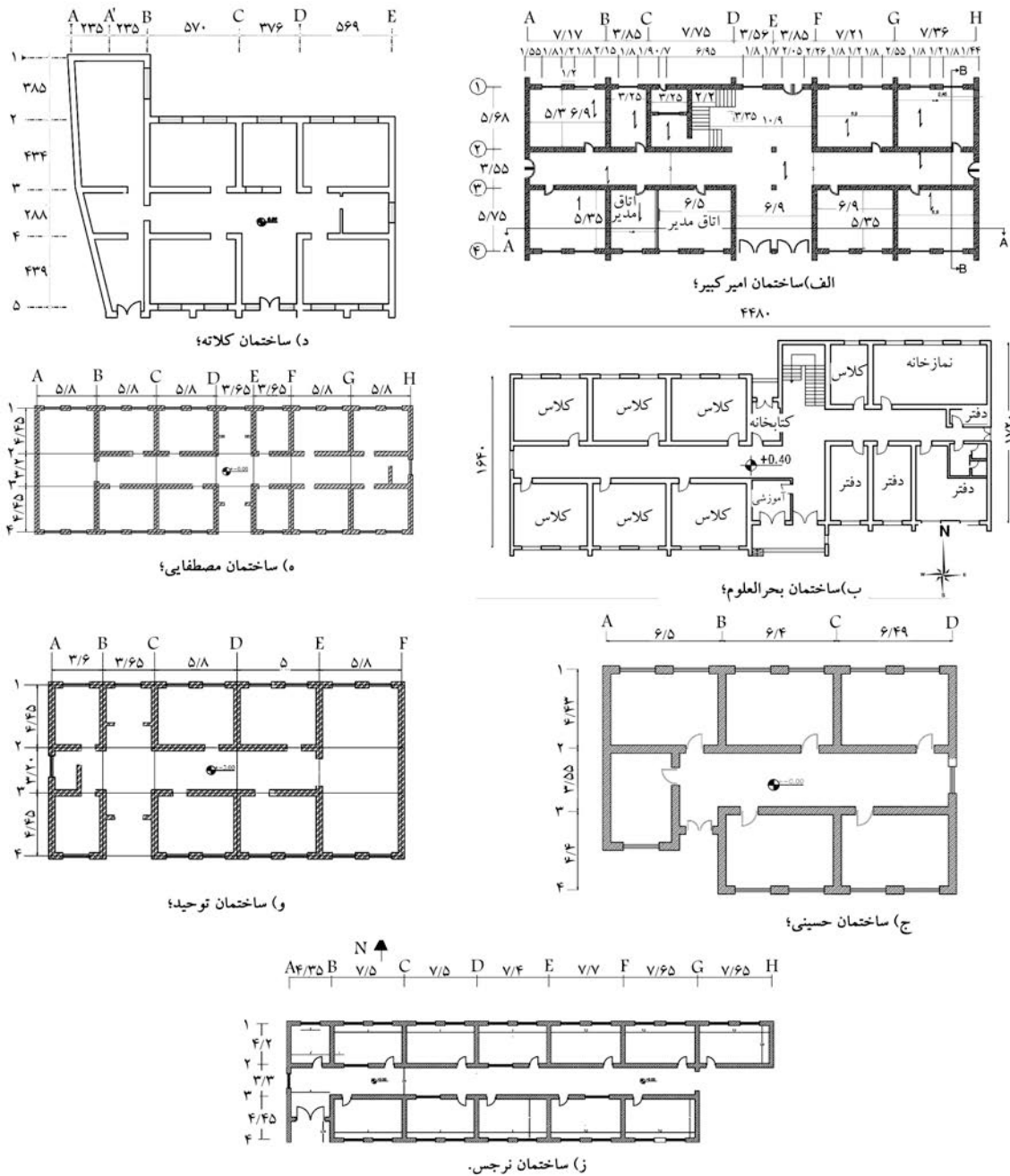
اطلاعات پیکربندی سیستم سازه‌یی شامل: نوع، جزئیات، اتصالات، مشخصات مصالح، و نوع اعضاء تشکیل‌دهنده‌ی ساختمان و همچنین اطلاعات لازم اعضاء غیرسازه‌یی مطابق با ضوابط دستورالعمل بهسازی لرزه‌یی ساختمان‌های موجود جمع‌آوری شده است. [۱۲] بازرسی از محل و مشاهده‌ی شرایط پیکربندی مدارس، اعضاء، ساخت‌گاه و پی ساختمان و همچنین آزمایش‌های مورد نیاز توسط کارشناسان مجرب شرکت مشاور انجام شده است. ضابطه‌ی مربوط به دیوار نسبی استاندارد ۲۸۰۰ در کلیه‌ی ساختمان‌ها رعایت شده است. در مورد بازشوها، مجموع طول و سطح و ابعاد بازشوها، ضوابط آئین‌نامه‌ی ۲۸۰۰ را برآورده می‌سازند؛ اما در برخی موارد، دو ضابطه‌ی فاصله از بر خارجی دیوار و فاصله‌ی بین دو بازشو رعایت نشده‌اند. سقف کلیه‌ی ساختمان‌ها از نوع طاق ضربی است. کلیه‌ی ساختمان‌ها دارای کلاف‌های افقی (البته فقط در زیر سقف) و همچنین کلاف قائم هستند.

در شکل ۲، پلان ۷ ساختمان منتخب و در جدول ۱، خلاصه‌ی نتایج آزمایش‌ها برای کلیه‌ی ساختمان‌ها ارائه شده‌اند. این تذکر لازم است که برای به‌دست‌آوردن ۳ پارامتر E ، F_m و G از روابط موجود در مرجع [۱۳] استفاده شده است.

در شکل ۳، نیز مدل سه‌بعدی ساختمان ۳ طبقه‌ی امیرکبیر با استفاده از نرم‌افزار Tremuri به‌طور نمونه نشان داده شده است. Tremuri یک برنامه‌ی محاسباتی برای تحلیل خطی و غیرخطی سازه‌های بنایی است. در این نرم‌افزار از روش مدل‌سازی قاب ماکروالمان استفاده شده و مودهای خرابی رایج ساختمان‌های بنایی در نرم‌افزار مذکور لحاظ شده‌اند. البته از مودهای شکست خارج از صفحه صرف‌نظر شده است و فرض بر این است که اتصالات مناسب از بروز این مودهای شکست

۲. تاریخچه‌ی پژوهش‌ها و روش پژوهش

آژانس همکاری‌های بین‌المللی ژاپن (جایکا) با همکاری مرکز مطالعات زلزله و زیست‌محیطی تهران بزرگ در ۲۴ فروردین ۱۳۷۸، منحنی‌های شکستی با توجه به آماری که از اطلاعات سرشماری مسکن در سال ۱۳۷۵ به دست آمده بود، ارائه داده است، که یکی از منحنی‌های مذکور مربوط به ساختمان‌های بنایی بوده است. [۷] در پژوهشی در سال ۱۳۸۵، با استفاده از منابع داده‌های خسارت‌های مشاهده‌شده‌ی زلزله‌های گذشته، که توسط گروه‌های پژوهش و مراکز دولتی منتشر شده بود، روابط آسیب‌پذیری تجربی برای ایران استخراج شده است. [۸] همچنین در پژوهش دیگری در سال ۱۳۸۸، ارزیابی خطرپذیری لرزه‌یی بر روی جمعیتی از ساختمان‌ها به‌منظور تعیین مناطقی از شهر، که بیشترین احتمال خسارت اقتصادی و جانی به‌هنگام وقوع زلزله را دارند، انجام شده است. [۹] برخی پژوهشگران در سال ۲۰۰۸، منحنی‌های شکندگی تحلیلی را برای ساختمان‌های بنایی غیرمسلح ایران به‌دست آورده و اثر تعداد طبقات، نوع خاک، و کلاف‌بندی در منحنی‌های شکندگی را بررسی کرده‌اند. [۱۰] در پژوهش دیگری در سال ۲۰۱۰ نیز روشی جدید برای توسعه‌ی منحنی‌های شکندگی تحلیلی ساختمان‌های بنایی پیشنهاد شده است، که براساس تحلیل‌های احتمالاتی غیرخطی نمونه‌های ساختمان بوده و تحلیل‌ها بر روی یک ساختمان ۳ طبقه‌ی بنایی واقع در جنوب ایتالیا انجام شده است. هندسه‌ی ساختمان ثابت در نظر گرفته شده و تحلیل‌ها فقط در جهت مثبت محور و فقط برای حالت توزیع نیروی جانبی مود اول انجام شده است. [۱] همچنین در پژوهش دیگری در سال ۲۰۱۲، با استفاده از منحنی‌های شکندگی تحلیلی به ارزیابی لرزه‌یی ساختمان‌های پامپالینو پرداخته شده است. یک نمونه‌ی ساختمان باستانی در این منطقه در نظر گرفته شده و چند راهکار بهسازی نیز برای ساختمان مدنظر قرار گرفته است. [۱۱]

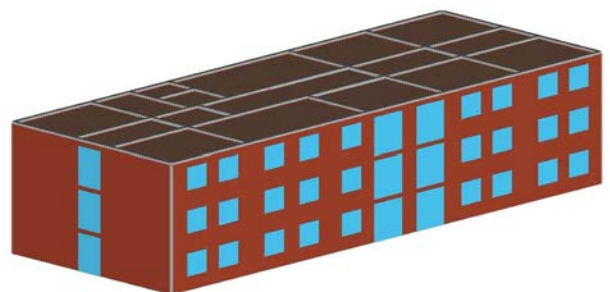


شکل ۲. پلان ساختمان‌های مورد بررسی.

چلوگیری به عمل می‌آورند. در مرجع^[۱۴]، اطلاعات جامعی در مورد این نرم‌افزار و طریقه‌ی مدل‌سازی ساختمان‌های بنایی ارائه شده است.

۴. تحلیل‌های پوش‌آور

ساختمان‌های مورد مطالعه با استفاده از نرم‌افزار Tremuri مدل‌سازی و پس از انجام تحلیل‌ها، سایر محاسبات لازم انجام شده است. در ابتدا، منحنی‌های پوش‌آور مربوط به یکی از ساختمان‌های ۱ طبقه‌ی مورد مطالعه (ساختمان امیرکبیر) ارائه شده و نتایج حاصل مورد بحث و بررسی قرار گرفته‌اند. این تذکر لازم است که جهت



شکل ۳. مدل سه‌بعدی ساختمان ۳ طبقه‌ی امیرکبیر.

جدول ۱. مشخصات مکانیکی مصالح ساختمان‌های مورد مطالعه.

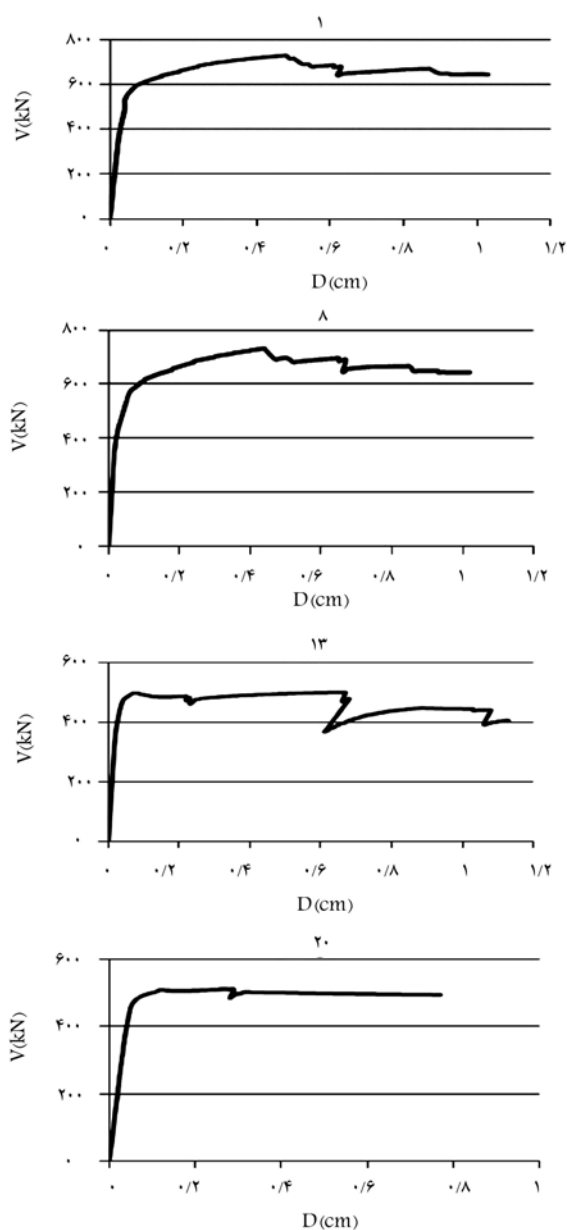
مدرسه	تنش تسلیم فولاد f_y (kg/cm ²)	مقاومت فشاری بتن f_c (kg/cm ²)	مقاومت برشی ملات f_v (kg/cm ²)	مقاومت فشاری آجر f_b (kg/cm ²)	مقاومت فشاری واحد بنایی F_m (kg/cm ²)	مدول کشسانی واحد بنایی E (GPa)	مدول برشی واحد بنایی G (GPa)
امیرکبیر	۵۳۲۵	۱۷۰	۵٫۶۶	۱۸۱	۵۴٫۳	۳٫۴	۱٫۰۲
بحرالعلوم	۳۵۳۶٫۳	۱۸۲	۳٫۲۵۶	۱۲۰٫۷	۳۶٫۲۱	۲٫۴۵	۰٫۷۳۵
حسینی	۲۷۱۶	۱۷۵٫۳	۰٫۳۵	۱۷۰٫۷	۵۱٫۲۱	۳٫۲	۰٫۹۶
کلاته	۲۸۳۱	۱۶۳	۲٫۵۹	۱۱۰٫۶	۳۳٫۱۸	۲٫۰۵	۰٫۶۱۵
مصطفایی	۴۰۲۷	۱۶۵	۲٫۲۶	۱۴۲٫۷	۴۲٫۸۱	۲٫۸	۰٫۸۴
نرجس	۲۹۸۱٫۴	۱۶۳٫۲۴	۲٫۷	۱۲۵٫۷۶	۳۷٫۷۳	۲٫۶	۰٫۷۸
توحید	۳۸۰۴	۱۷۱٫۴۸	۲٫۹	۱۵۱٫۷۵	۴۵٫۵۲۵	۳	۱

سهولت کار، منحنی‌های پوش‌آور به صورت جدول ۲ شماره‌بندی و روی هر منحنی فقط شماره‌ی منحنی ذکر شده است.

چند نمونه از منحنی‌های پوش‌آور به دست آمده برای ساختمان امیرکبیر در شکل ۴ نشان داده شده‌اند. به عنوان نمونه برای تفسیر منحنی‌های پوش‌آور ساختمان یک طبقه‌ی امیرکبیر از جدول ۳ استفاده شده است، که در آن جابه‌جایی نهایی و همچنین نیروی برش پایه‌ی بیشینه در هر حالت نشان داده شده‌اند. همان‌طور که در جدول ۳ مشاهده می‌شود، میانگین جابه‌جایی در جهت Y به میزان ۱٪ بیشتر از جهت X است.

جدول ۲. مشخصات تحلیل‌های پوش‌آور انجام شده.

شماره	جهت زلزله	الگوی بار	خروج از مرکزیت
۱	X	یکنواخت	۰
۲	X	مود اول	۰
۳	-X	یکنواخت	۰
۴	-X	مود اول	۰
۵	X	یکنواخت	+ex
۶	X	یکنواخت	-ex
۷	X	مود اول	+ex
۸	X	مود اول	-ex
۹	-X	یکنواخت	+ex
۱۰	-X	یکنواخت	-ex
۱۱	-X	مود اول	+ex
۱۲	-X	مود اول	-ex
۱۳	Y	یکنواخت	۰
۱۴	Y	مود اول	۰
۱۵	-Y	یکنواخت	۰
۱۶	-Y	مود اول	۰
۱۷	Y	یکنواخت	+ey
۱۸	Y	یکنواخت	-ey
۱۹	Y	مود اول	+ey
۲۰	Y	مود اول	-ey
۲۱	-Y	یکنواخت	+ey
۲۲	-Y	یکنواخت	-ey
۲۳	-Y	مود اول	+ey
۲۴	-Y	مود اول	-ey



شکل ۴. نمونه‌ی منحنی‌های پوش‌آور ساختمان ۱ طبقه‌ی امیرکبیر.

جدول ۳. خلاصه‌ی نتایج به‌دست‌آمده از تحلیل ساختمان ۱ طبقه‌ی امیرکبیر.

شماره	du	V _{max}	شماره	du	V _{max}
۱	۰٫۹۶	۵۱۶٫۵	۱۳	۱٫۱۹	۲۷۵٫۶
۲	۰٫۹۵	۵۱۶٫۵	۱۴	۱٫۱۹	۲۷۵٫۶
۳	۰٫۹۸	۴۶۲٫۶	۱۵	۱٫۱۴	۲۸۷٫۵
۴	۰٫۹۸	۴۶۲٫۶	۱۶	۱٫۱۵	۲۸۷٫۵
۵	۰٫۹۷	۵۱۴٫۹	۱۷	۱٫۰۸	۲۷۶٫۲
۶	۰٫۹۸	۵۱۴٫۲	۱۸	۱٫۱۲	۳۵۱٫۶
۷	۰٫۹۷	۵۱۴٫۹	۱۹	۱٫۰۸	۲۷۶٫۲
۸	۰٫۹۹	۵۱۴٫۲	۲۰	۱٫۰۸	۲۷۶٫۲
۹	۰٫۹۹	۴۶۰٫۵	۲۱	۱٫۱	۲۸۱٫۵
۱۰	۰٫۹۸	۴۶۲٫۶	۲۲	۱٫۰۴	۲۸۱٫۴
۱۱	۱٫۰۹	۴۶۰٫۵	۲۳	۱٫۱	۲۸۱٫۵
۱۲	۱٫۰۹	۴۶۲٫۶	۲۴	۱٫۰۳	۲۸۱٫۴
میانگین	۰٫۹۹	۴۸۰٫۵	میانگین	۱٫۱۱	۲۸۶

بیشینه‌ی زمین (PGA)، شدت آریاس (AI)، سرعت بیشینه‌ی زمین (PGV)، سرعت مطلق تجمعی (CAV) و... با توجه به اینکه در بیشتر مطالعات قبلی از شاخص زمین‌لرزش بیشینه‌ی شتاب زمین استفاده شده است، لذا در این مطالعه نیز از شاخص PGA استفاده شده است تا مقایسه‌ی نتایج راحت‌تر صورت گیرد.

۲.۵. سطوح خرابی یا حالات حدی

به‌منظور تهیه‌ی منحنی‌های شکنندگی لازم است که مقیاس خرابی یا حالات حدی خرابی تعریف شوند. مقیاس خرابی به‌کار گرفته‌شده در این پروژه شامل ۴ سطح خرابی است: ۱. خرابی کم، ۲. خرابی متوسط، ۳. خرابی سنگین، ۴. فروریزش. حالات حدی خرابی، $S_{d,k}$ (از ۱ تا ۴) مستقیماً از روی دیاگرام ظرفیت در فرمت AD به‌صورت تابع جابه‌جایی تسلیم S_{dy} و جابه‌جایی نهایی S_{du} قابل تشخیص هستند. این حالات حدی خرابی براساس پیشنهاد لاگومارسینو و جیوونینازی هستند (شکل ۵) (رابطه‌های ۱ الی ۴).^[۱۵]

$$s_{d,1} = 0.7 S_{dy} \quad (1)$$

$$s_{d,2} = 1.5 S_{dy} \quad (2)$$

$$s_{d,3} = 0.5 (S_{dy} + S_{du}) \quad (3)$$

$$s_{d,4} = S_{du} \quad (4)$$

این تذکر لازم است که جهت به‌دست‌آوردن دوخطی معادل منحنی پوش‌آور از دستورالعمل موجود در آئین‌نامه‌ی ایتالیا استفاده شده است.^[۱۶]

۳.۵. طیف طراحی استاندارد

در این پژوهش از طیف پیشنهادی و برپایش سوم آئین‌نامه‌ی طراحی ساختمان‌ها در برابر زلزله‌ی ایران (استاندارد ۲۸۰۰) استفاده شده است.^[۲]

۴.۵. نحوه‌ی محاسبه‌ی احتمال شکست

طبق پژوهش ماندن (۱۹۹۹)، اگر توزیع ظرفیت سازه و تقاضای لرزه‌ی تقریباً منطبق بر توزیع نرمال یا لوگ‌نرمال باشد، طبق تئوری حد مرکزی (میانه) می‌توان نشان داد که عملکرد ترکیبی خروجی به‌صورت لوگ‌نرمال توزیع خواهد شد. بنابراین توزیع احتمالاتی به فرم منحنی شکنندگی با تابع چگالی احتمال تجمعی لوگ نرمال بیان می‌شود.^[۱۷] تابع چگالی احتمال تجمعی را می‌توان به‌صورت رابطه‌ی ۵ نوشت:

$$P[D_k | PGA] = \phi \left[\frac{1}{\beta_k} \ln \left(\frac{PGA}{PGA_k} \right) \right] \quad (5)$$

که طبق آن، در منحنی‌های شکنندگی احتمال اینکه خرابی برابر یا بیشتر از حالت خرابی معین D_k شود، را به‌صورت تابعی از شتاب طراحی زمین بیان می‌کنند.

در رابطه‌ی مذکور، ϕ تابع توزیع تجمعی نرمال است. خوشبختانه فقط دو پارامتر برای تعریف این منحنی نیاز است. β انحراف استاندارد نرمال‌شده‌ی لگاریتم طبیعی شتاب آستانه‌ی PGA_k است. متغیر PGA_k ، شتاب زمین است که حالت خرابی D_k را ایجاد می‌کند ($k = 1, 2, 3, 4$).

۱.۴.۵. نحوه‌ی محاسبه‌ی β

β پارامتر مربوط به عدم قطعیت است، که هم عدم قطعیت‌های ظرفیت و هم عدم قطعیت‌های تقاضا را شامل می‌شود. گاهی اوقات به β ضریب پراکنندگی نیز

همچنین میانگین نیروی برش پایه‌ی بیشینه در جهت X به میزان ۷۰٪ بیشتر از جهت Y است.

مقایسه‌ی نتایج به‌دست‌آمده برای یک جهت نیز انجام شده است. نیروی برش پایه‌ی بیشینه در جهت X در حالات مختلف، ۱۲٪ تغییرات و جابه‌جایی نهایی نیز تقریباً ۱۵٪ تغییرات را نشان می‌دهد. همچنین مقایسه‌ی نیروی برش پایه‌ی بیشینه در جهت Y در حالات مختلف، ۲۷٫۵٪ تغییرات و جابه‌جایی نهایی نیز تقریباً ۱۵٪ تغییرات را نشان می‌دهد. این موضوع یعنی تفاوت در نتایج به‌دست‌آمده حتی در یک جهت، بیانگر اهمیت در نظر گرفتن ۲۴ حالت مختلف تحلیل برای هر ساختمان است.

مقایسه‌ی بین نتایج به‌دست‌آمده در حالت توزیع نیروی جانبی براساس مود اول و یا توزیع یکنواخت نیز نشان می‌دهد که تفاوت محسوس بین نتایج حاصل از دو حالت وجود ندارد. به‌عبارت دیگر می‌توان گفت در مورد ساختمان‌های ۱ طبقه، هر دو الگوی اعمال نیروی جانبی نتیجه‌ی یکسانی دارند.

سایر ساختمان‌ها نیز مورد بررسی قرار گرفته‌اند و تحلیل نتایج به‌دست‌آمده نیز کاملاً مشابه بحث انجام‌شده در مورد ساختمان امیرکبیر است. البته با افزایش تعداد طبقات، اختلاف نتایج بین دو الگوی اعمال نیروی جانبی بیشتر شده است.

۵. آنالیز شکنندگی

۱.۵. مشخصات حرکت زمین

تقاضای لرزه‌ی یکی از اصلی‌ترین عناصر منحنی‌های شکنندگی است و در محور افقی پلات‌ها بیان می‌شود. برای پیش‌بینی پاسخ لرزه‌ی سازه‌ها می‌توان از شاخص‌های مختلفی استفاده کرد. در ادامه، شاخص‌هایی که برای ارزیابی پاسخ لرزه‌ی و تولید منحنی‌های شکنندگی مناسب هستند، ارائه شده است: شتاب

جدول ۴. مقادیر عدم قطعیت‌های مختلف برای حالات حدی خرابی.

۴	۳	۲	۱	β_k
۰٫۲۵	۰٫۲۵	۰٫۲۵	۰٫۲۵	β خطای مدل‌سازی
۰٫۳۸	۰٫۳۷	۰٫۳۵	۰٫۳۵	β ظرفیت
۰٫۲۰	۰٫۲۰	۰٫۲۰	۰٫۲۰	β تقاضا
۰٫۱۴	۰٫۱۸	۰٫۲۶	۰٫۲۴	β حالت حدی
۰٫۴۹	۰٫۵۱	۰٫۵۴	۰٫۵۳	β کلی

جدول ۵. معرفی پارامترهای مربوط به روابط محاسبه‌ی PGA_{max} (روابط ۷ الی ۹).

T_S, T_*, S	پارامترهای مربوط به طیف آیین‌نامه‌ی ۲۸۰۰
T^*	دوره‌ی تناوب کشسان سیستم دوخطی معادل
F_y^*	مقاومت تسلیم سیستم یک درجه آزادی معادل
m^*	جرم سیستم یک درجه آزادی معادل
D_u	جابجایی سیستم یک درجه آزادی معادل
Γ	ضریب مشارکت مودی

این تذکر لازم است که در صورتی که در مطالعات بعدی بتوان ضرایب β را به‌طور خاص برای ایران به‌دست آورد، بدیهی است که نتایج حاصل نیز مستندتر خواهند بود. جدول ۴ نشان می‌دهد که تغییرپذیری پارامترهای ورودی (β ظرفیت) مؤثرترین عامل در β کلی است.

۲.۴.۵. نحوه‌ی محاسبه‌ی بیشینه‌ی شتاب قابل تحمل (PGA_{max}) برای محاسبه‌ی PGA_{max} از روابط ارائه‌شده در مرجع [۱۴] استفاده شده است، این تفاوت که در اینجا از ضریب بازتاب مربوط به آیین‌نامه‌ی ۲۸۰۰ (شکل ۶)، روابط ۷ الی ۹ برای محاسبه‌ی بیشینه‌ی شتاب قابل تحمل ساختمان به‌دست می‌آید:

$$\left[PGA_{max} = \frac{1}{1 + s \left(\frac{T^*}{T} \right)} \left(\frac{F_y^*}{m^*} \right) \left[1 + \frac{T^*}{T_s} \left(\frac{D_u}{\Gamma} \left(\frac{F_y^*}{m^*} \right) \left(\frac{T^*}{T_s} \right)^2 - 1 \right) \right] \right] \quad (7)$$

$0 < T^* < T_s$

$$PGA_{max} = \frac{\left(\frac{F_y^*}{m^*} \right)}{s + 1} \left[1 + \frac{T^*}{T_s} \left(\frac{D_u}{\Gamma} \left(\frac{F_y^*}{m^*} \right) \left(\frac{T^*}{T_s} \right)^2 - 1 \right) \right] \quad (8)$$

$T_s \leq T^* \leq T$

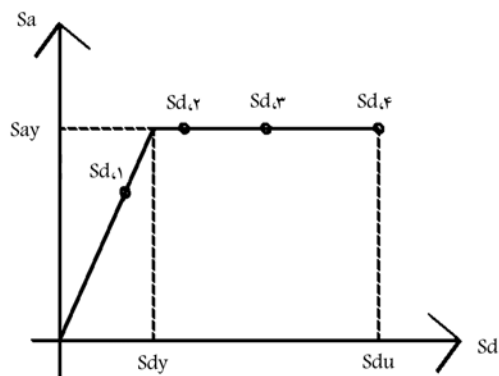
$$PGA_{max} = \frac{D_u}{\Gamma} \frac{(2\pi)^2}{s + 1} \frac{1}{T_s^2} \frac{1}{T^*} \quad T^* > T_s \quad (9)$$

پارامترهای مربوط به روابط فوق در جدول ۵ معرفی شده‌اند.

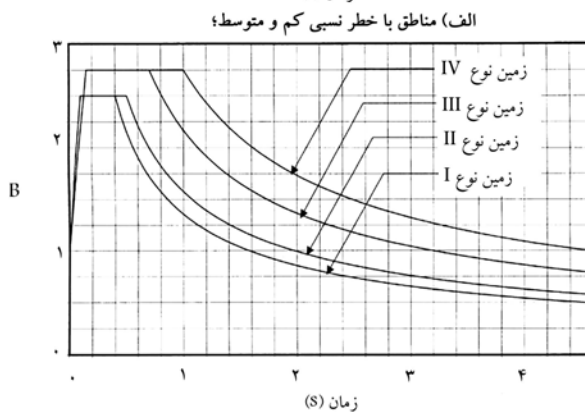
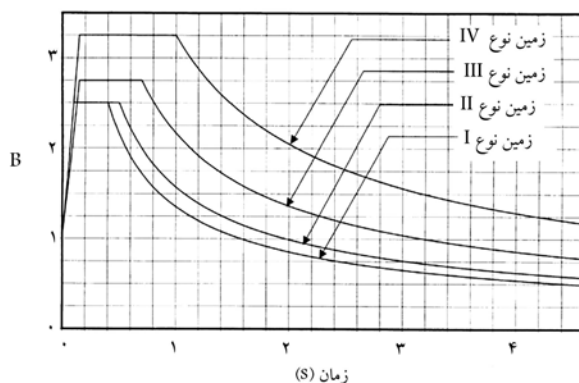
۶. منحنی‌های شکنندگی

در این بخش ابتدا خلاصه‌ی نتایج ارائه (جدول‌های ۶ الی ۸) و سپس بر روی نتایج بحث شده است. هر کدام از مقادیر درج‌شده در جدول‌ها، بیانگر بیشینه‌ی شتابی است که ساختمان قرارگرفته روی خاک مشخص تا رسیدن به سطح خرابی مربوطه تحمل می‌کند. در ادامه، این شتاب به‌عنوان شتاب متناظر احتمال فراگذشت ۵۰٪ تعیین و با استفاده از ضریب β ، منحنی شکنندگی برای ساختمان‌های ۱، ۲ و ۳ طبقه ترسیم شده است (شکل‌های ۷ الی ۹).

نتایج به‌دست‌آمده را می‌توان از چند جهت مورد بررسی قرار داد. مهم‌ترین



شکل ۵. حالات حدی خرابی بر روی منحنی دوخطی معادل. [۱۴]

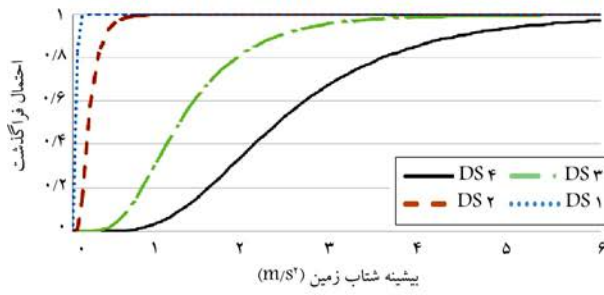


شکل ۶. ضریب بازتاب ساختمان. [۲]

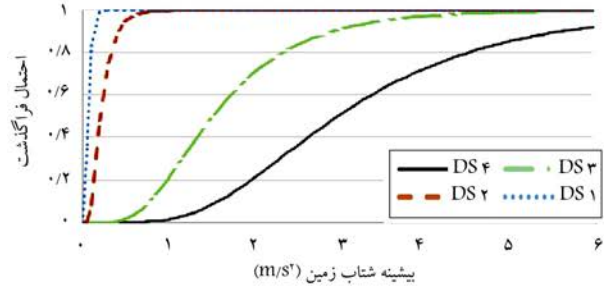
گفته می‌شود. β عامل تعیین‌کننده‌ی شکل منحنی شکنندگی است، به‌طوری که شیب را کم و زیاد می‌کند (شیب بیشتر، اگر β کوچکتر). مقدار β با استفاده از رابطه‌ی ۶ بر حسب عدم قطعیت‌های مختلف به‌دست می‌آید. توجه شود که این رابطه برای حالتی است که متغیرهای عدم قطعیتی از لحاظ آماری مستقل باشند.

$$\beta = \sqrt{(\beta_1^2 + \beta_2^2 + \beta_3^2 + \dots + \beta_n^2)} \quad (6)$$

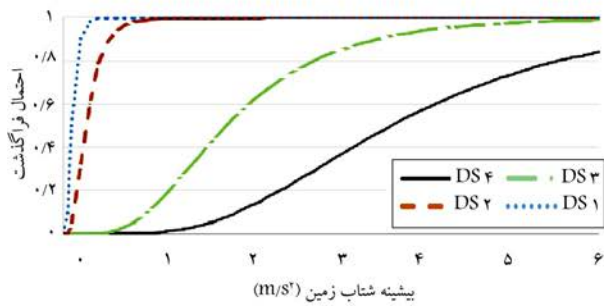
مقادیر عدم قطعیت‌ها برای هر حالت خرابی در جدول ۴ نشان داده شده است. مقادیر β خطای مدل‌سازی، β ظرفیت و β حالت حدی از مطالعه‌ی پانگینی و همکاران (۲۰۱۱) و β تقاضا از مطالعه‌ی میرلس (۲۰۱۲) گرفته شده است. [۱۴، ۱۸]



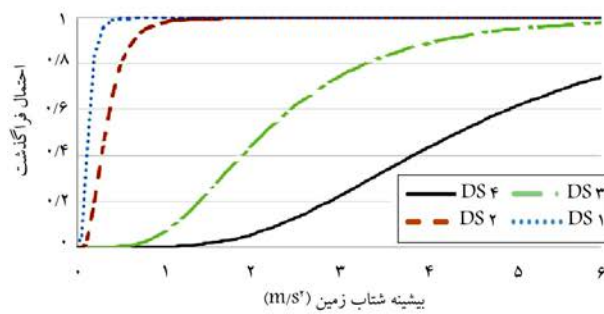
الف) خاک نوع چهار، خطر نسبی زیاد و خیلی زیاد؛



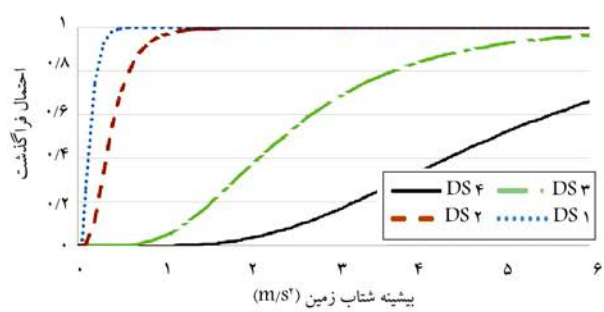
ب) خاک نوع چهار، خطر نسبی کم و متوسط؛



ج) خاک نوع سه؛

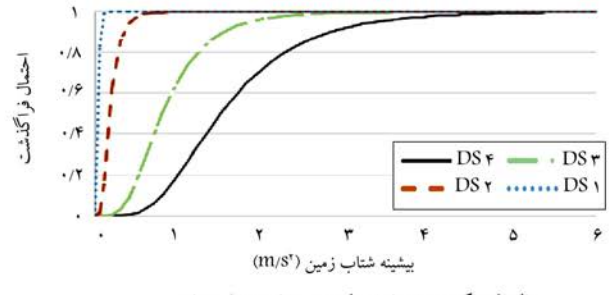


د) خاک نوع دو؛

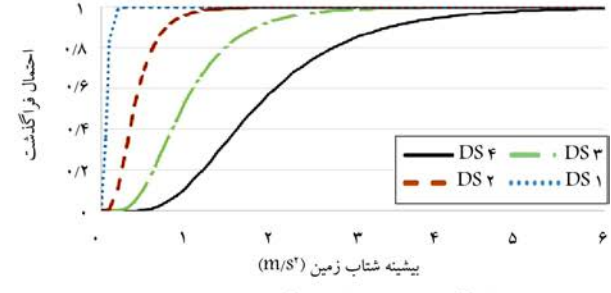


ه) خاک نوع یک.

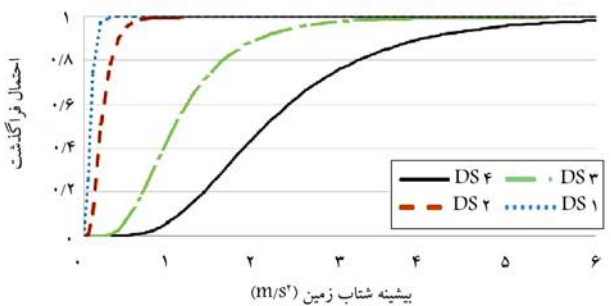
شکل ۸. منحنی های شکنندگی ساختمان های ۲ طبقه.



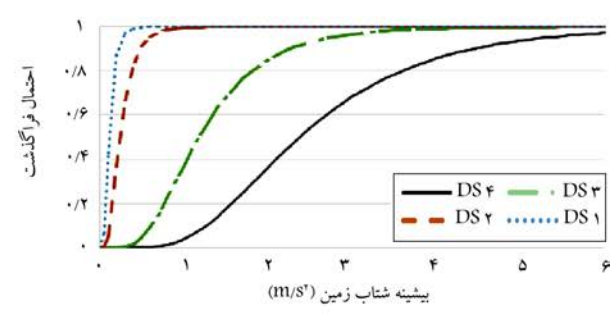
الف) خاک نوع چهار، خطر نسبی زیاد و خیلی زیاد؛



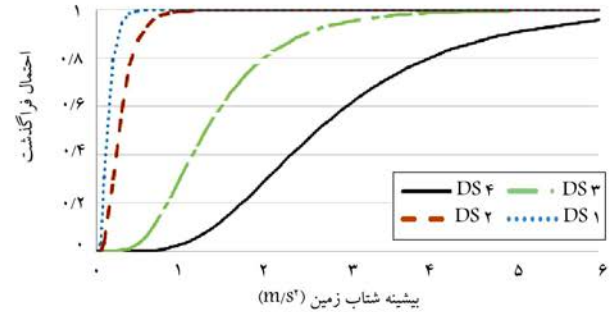
ب) خاک نوع چهار، خطر نسبی کم و متوسط؛



ج) خاک نوع سه؛



د) خاک نوع دو؛



ه) خاک نوع یک.

شکل ۷. منحنی های شکنندگی ساختمان های ۳ طبقه.

جدول ۶. خلاصه‌ی میانگین نتایج برای کل ساختمان‌های ۱ طبقه.

IV-L	IV-H	III	II	I	PGA_{max}
۰٫۰۷	۰٫۰۹	۰٫۱۱	۰٫۱۴	۰٫۱۶	DS ۱
۰٫۳۵	۰٫۴۶	۰٫۵۶	۰٫۶۲	۰٫۷۱	DS ۲
۱٫۹۲	۲٫۲۷	۲٫۷۰	۳٫۲۴	۳٫۷۶	DS ۳
۳٫۷۶	۴٫۴۰	۵٫۳۸	۶٫۵۵	۷٫۶۲	DS ۴

جدول ۷. خلاصه‌ی میانگین نتایج برای کل ساختمان‌های ۳ طبقه.

IV-L	IV-H	III	II	I	PGA_{max}
۰٫۰۳	۰٫۰۶	۰٫۱۰	۰٫۱۲	۰٫۱۴	DS ۱
۰٫۱۸	۰٫۲۱	۰٫۲۶	۰٫۳۲	۰٫۳۸	DS ۲
۱٫۲۱	۱٫۵۳	۱٫۸۳	۲٫۱۵	۲٫۴۱	DS ۳
۲٫۳۳	۳٫۰۰	۳٫۶۸	۴٫۳۶	۴٫۹۰	DS ۴

جدول ۸. خلاصه‌ی کل نتایج برای ساختمان‌های ۳ طبقه.

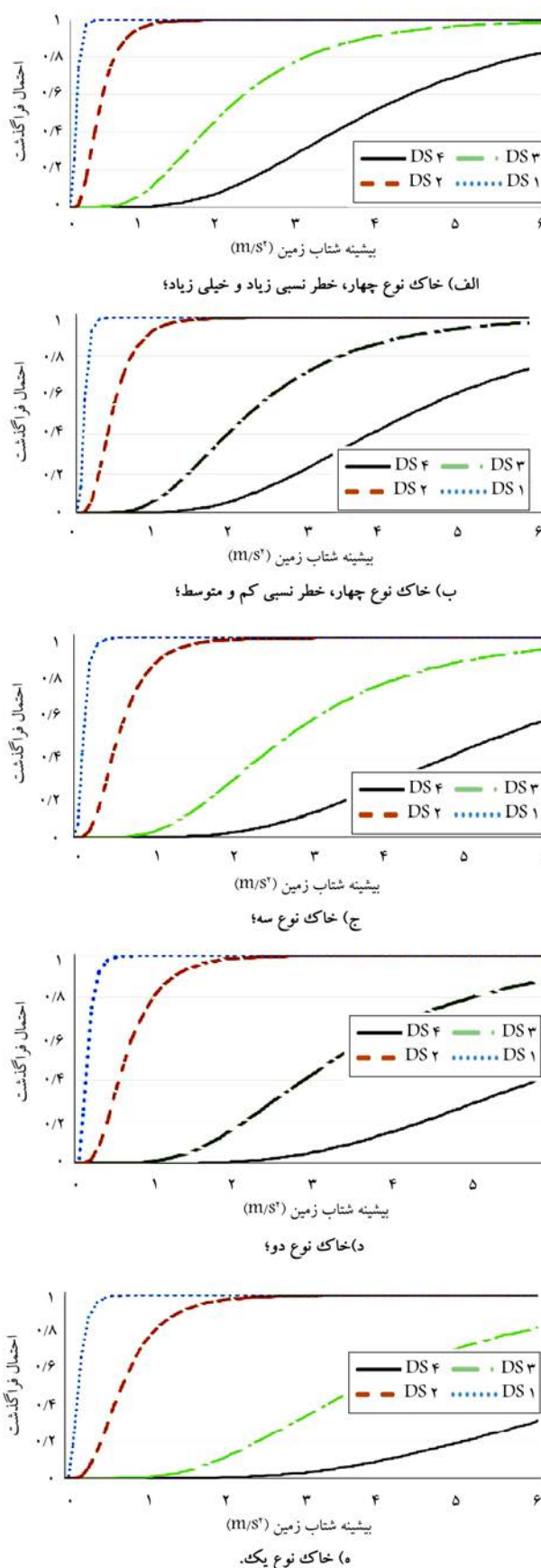
IV-L	IV-H	III	II	I	PGA_{max}
۰٫۰۳	۰٫۰۶	۰٫۰۷	۰٫۱۱	۰٫۱۳	DS ۱
۰٫۱۷	۰٫۱۹	۰٫۲۰	۰٫۲۴	۰٫۲۷	DS ۲
۰٫۸۰	۰٫۹۶	۱٫۰۶	۱٫۱۸	۱٫۳۱	DS ۳
۱٫۵۰	۱٫۸۳	۲٫۱۲	۲٫۳۸	۲٫۶۴	DS ۴

مورد، مقایسه‌ی منحنی‌های شکنندگی برای خاک‌های مختلف است. با مشاهده‌ی نتایج فوق می‌توان دریافت که در هر ۳ حالت ساختمان‌های ۱، ۲ و ۳ طبقه، در یک احتمال شکست یکسان با تغییر خاک از نوع I به سمت خاک نوع IV، ساختمان شتاب کمتری را تحمل می‌کند. با مقایسه‌ی ساختمان قرارگرفته روی خاک نوع IV در دو منطقه‌ی با خطر نسبی زیاد و خیلی زیاد و همچنین منطقه‌ی با خطر نسبی کم و متوسط می‌توان دریافت که برای یک احتمال شکست یکسان، ساختمانی که در منطقه‌ی با خطر نسبی زیاد و خیلی زیاد قرار دارد، شتاب بیشتری را تحمل می‌کند. نتایج ذکرشده با توجه به طیف مورد استفاده در این پژوهش جهت توسعه‌ی منحنی شکنندگی (طیف آئین‌نامه‌ی ۲۸۰۰) و روابط محاسبه‌ی PGA_{max} (روابط ۷ الی ۹) کاملاً منطقی است.

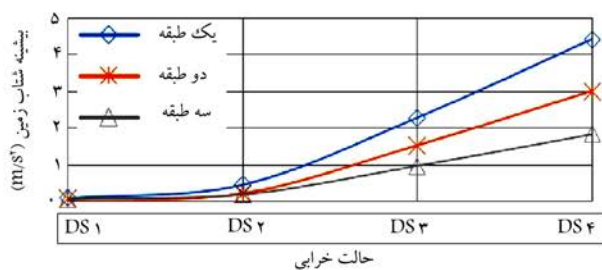
این تذکر لازم است که در اینجا نتایج کلی به صورت خلاصه ارائه شده‌اند، اما مقایسه‌ی نتایج حاصل برای حالت اعمال بار جانبی براساس مود اول و یکنواخت نتایج نشان داده است که تفاوت‌ها در حالت ۳ طبقه بیشتر از ساختمان‌های ۲ طبقه و ساختمان‌های ۱ طبقه بیشتر از ساختمان‌های ۱ طبقه بوده است و در مورد ساختمان‌های ۲ طبقه، در نظر گرفتن دو الگوی توزیع بار جانبی به نتایج متفاوتی ختم خواهد شد. در مورد ساختمان‌های ۳ طبقه نیز در نظر گرفتن دو الگوی توزیع بار جانبی به نتایج کاملاً متفاوتی ختم خواهد شد.

۷. تحلیل پارامتریک منحنی‌های شکنندگی به دست آمده

نهایتاً جهت انجام تحلیل پارامتریک نتایج، به بررسی تأثیر تعداد طبقات و نوع خاک روی منحنی‌های شکنندگی پرداخته شده است.



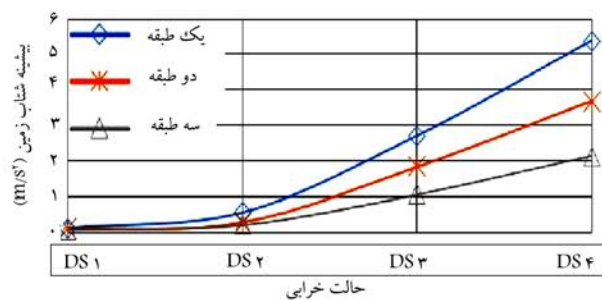
شکل ۹. منحنی‌های شکنندگی ساختمان‌های ۱ طبقه.



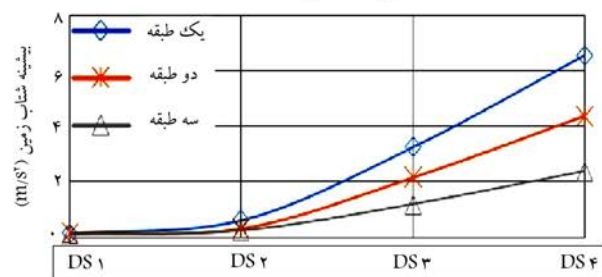
الف) خاک نوع چهار، خطر نسبی زیاد و خیلی زیاد؛



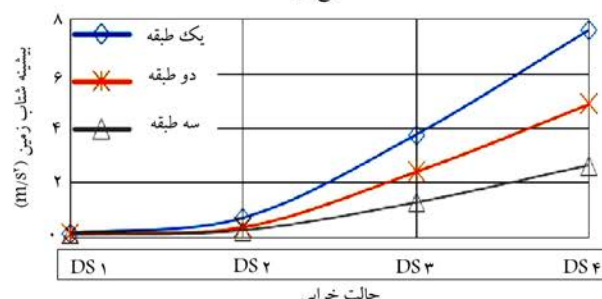
ب) خاک نوع چهار، خطر نسبی کم و متوسط؛



ج) خاک نوع سه؛



د) خاک نوع دو؛



ه) خاک نوع یک؛

شکل ۱۰. اثر تعداد طبقات در منحنی‌های شکنندگی.

۱.۷. اثر تعداد طبقات

برای بررسی اثر تعداد طبقات بر روی منحنی‌های شکنندگی حاصل، مقادیر شتاب پیشین‌ی به دست آمده برای کل ساختمان‌های ۱، ۲ و ۳ طبقه که در واقع معادل احتمال شکست ۵۰ درصدی است، با هم مورد مقایسه قرار گرفته‌اند.

با مشاهده‌ی نتایج ارائه شده در بخش پیشین می‌توان تأثیر افزایش طبقات را مشاهده کرد. به‌طور مثال برای حالت حدی آستانه‌ی فروریزش روی خاک نوع IV با خطر نسبی کم و متوسط مشاهده می‌شود که شتابی که برای ساختمان ۱ طبقه به دست آمده است، تقریباً ۶۰٪ بیشتر از ساختمان ۲ طبقه و همچنین شتاب ساختمان ۲ طبقه، ۵۵٪ بیشتر از ساختمان ۳ طبقه است. با مقایسه‌ی سایر مقادیر نیز می‌توان به نتایج مشابهی دست پیدا کرد. برای سهولت کار و مقایسه‌ی سریع‌تر نتایج، می‌توان از شکل ۱۰ نیز استفاده کرد.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود برای تمامی خاک‌ها و همچنین برای تمام حالات عملکردی، رفتار مشابهی را می‌توان مشاهده کرد. با افزایش تعداد طبقات، مقدار شتاب متناظر با احتمال فراگذشت، ۵۰٪ کاهش می‌یابد. همچنین این کاهش در مقدار شتاب با حرکت به سمت حالات عملکردی آستانه‌ی فروریزش و وارد شدن رفتار سازه به حالت غیرخطی محسوس‌تر می‌شود.

۲.۷. اثر نوع خاک

مشابه حالت قبلی برای بررسی تأثیر نوع خاک می‌توان شکل ۱۱ را مورد بررسی قرار داد.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود در هر سه نوع ساختمان‌های ۱، ۲ و ۳ طبقه خاک نوع IV در منطقه‌ی با خطر نسبی کم و متوسط، کمترین شتاب را تحمل می‌کند و البته خاک نوع ۱، بیشترین شتاب را نتیجه می‌دهد. همان‌طور که قبلاً بحث شده است، نتایج به دست آمده کاملاً سازگار با طیف آئین‌نامه‌ی ۲۸۰۰ است.

۸. مقایسه‌ی نتایج با سایر کارهای انجام شده در زمینه‌ی

ساختمان‌های بنایی

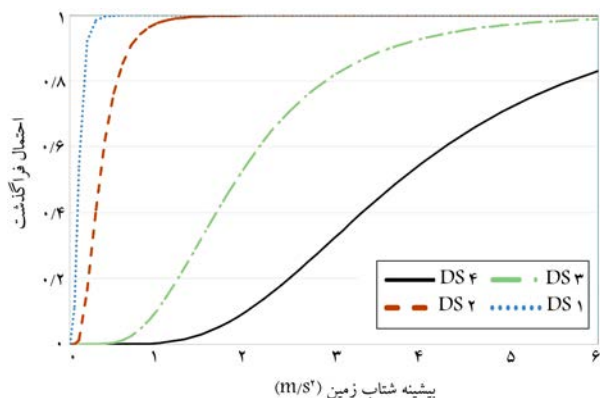
حال که منحنی‌های شکنندگی را برای ساختمان‌های بنایی به دست آورده‌ایم، باید برای سنجش نتایج حاصل، یک مقایسه با سایر کارهای انجام شده در این زمینه انجام دهیم. از آنجا که در همه‌ی پژوهش‌ها از یک پارامتر یکسان استفاده نشده است، لذا مقایسه‌ی مستقیم ممکن نیست. برای مقایسه از پارامتر PGA استفاده شده و در مواردی که پارامتری غیر از PGA به کار برده شده است، مقدار معادل پارامتر مورد نظر بر حسب PGA استفاده شده است.

با توجه به اینکه در این پژوهش منحنی‌های شکنندگی برای ساختمان‌های ۱، ۲ و ۳ طبقه و همچنین روی انواع خاک‌ها به صورت مجزا ارائه شده است، جهت انجام یک قیاس کلی از یک منحنی شکنندگی که حاصل میانگین تمام منحنی‌های شکنندگی به دست آمده از این پژوهش است، استفاده شده است. بنابراین قبل از انجام مقایسه، منحنی شکنندگی میانگین در شکل ۱۲ ارائه شده است.

جدول ۹، بیانگر نتایجی تقریباً نزدیک به هم در کلیه‌ی منحنی‌ها به جز منحنی شکنندگی ارائه شده توسط جایکا و همچنین میرلس برای یک ساختمان تحت زلزله‌ی فرضی $g/0.35$ است. البته این قیاس خیلی دقیق نیست و به صورت کلی انجام شده است، زیرا هر یک از منحنی‌ها با پیش فرض‌ها و ساخت‌گاه خاصی بیان شده

جدول ۹. مقایسه‌ی نتایج پژوهش تحت زلزله با $PGA = 0.35g$.

ساختمان تحت نسبت خسارت 100% قرار می‌گیرد و فروریزش می‌کند.	جایکا
ساختمان تقریباً با احتمال 50% تحت خسارت متوسط قرار می‌گیرد.	کریمی و بخشی
احتمال رخداد خسارت از 30% تا 60% درصد، برابر 100% و احتمال رخداد خسارت از 10% تا 60% درصد، برابر 21% است.	جلالیان
ساختمان از رده‌ی خرابی ۳ عبور کرده و نزدیک به رده‌ی خرابی ۴ است.	دره‌زرشکی
احتمال فراگذشت از حالت حدی عملکردی ۳ تقریباً 75% و برای حالت حدی عملکردی ۴ تقریباً 50% است.	روتا و همکاران
احتمال فراگذشت از حالت حدی عملکردی ۴ به‌طور متوسط تقریباً برابر با 90% است.	میرلس
احتمال فراگذشت از حالت حدی عملکردی 88.3% و برای حالت حدی عملکردی 44.4% است.	تحقیق حاضر

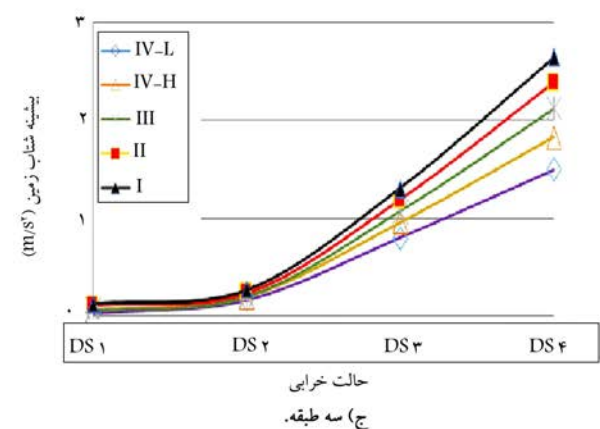
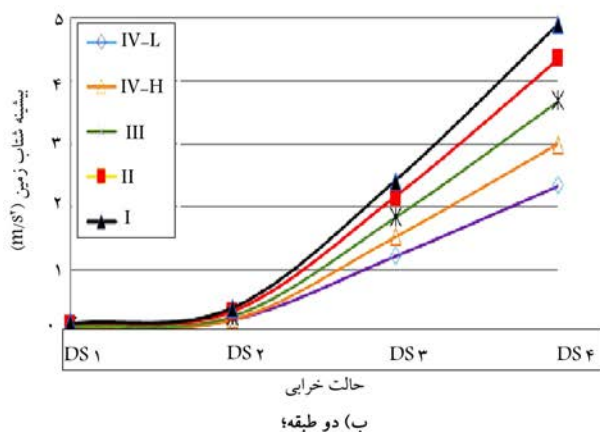
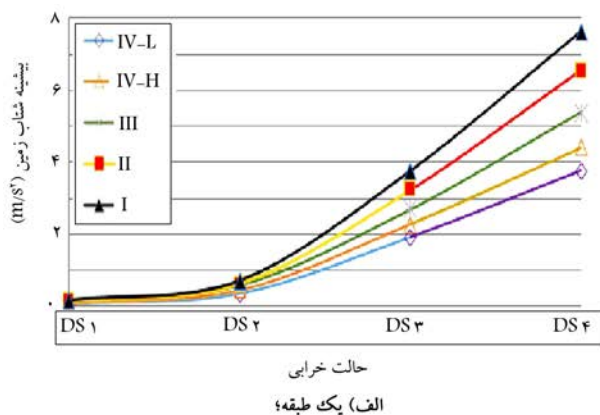


شکل ۱۰. منحنی‌های شکنندگی میانگین برای کلیه ساختمان‌ها.

و همچنین معیارها و نوع سطوح خرابی ارائه شده در آنها متفاوت است. ولیکن قیاس نسبتاً مناسبی برای صحت‌سنجی نتایج این پژوهش است.

۹. نتیجه‌گیری

در این پژوهش با استفاده از یک روش تحلیلی، منحنی‌های شکنندگی ساختمان‌های بنایی توسعه داده شده‌اند. از طرفی با توجه به زمان بودن تحلیل‌های تاریخی زمانی غیرخطی، برای توسعه‌ی منحنی‌های شکنندگی از تحلیل‌های استاتیکی غیرخطی و همچنین طیف آئین‌نامه‌ی ۲۸۰۰ استفاده شده است. به منظور دستیابی به منحنی‌های شکنندگی واقعی‌تر در این پژوهش، ۷ ساختمان بنایی در سه حالت ۱، ۲ و ۳ طبقه و روی انواع خاک‌های ذکر شده در استاندارد ۲۸۰۰ به‌صورت مجزا در نظر گرفته شده‌اند ($105 = 5 \times 3 \times 7$) و برای هر ساختمان ۲۴ تحلیل انجام شده است (در مجموع ۲۵۲۰ مورد). به‌طوری‌که در این تحلیل‌ها، این موارد مدنظر قرار گرفته‌اند: اعمال نیرو در هر دو جهت اصلی x و y ، توزیع نیروی جانبی به‌صورت مود اول و یکنواخت، خروج از مرکزیت، اعمال نیروی جانبی یک‌بار در جهت مثبت محورها و یک‌بار در جهت مخالف. از نتایج کلی این مطالعه می‌توان به این مطلب اشاره کرد که توسعه‌ی منحنی‌های شکنندگی با در نظر گرفتن فقط یک جهت برای تحلیل ساختمان‌ها صحیح نیست. در این مطالعه نشان داده شده است که اختلاف نتایج می‌تواند بسیار بزرگ باشد. همچنین در نظر گرفتن عدم قطعیت در خروج از مرکزیت، راستای زلزله و الگوی بار جانبی موجب می‌شود که منحنی‌های شکنندگی با قابلیت اعتماد بیشتری به‌دست آیند. از دیگر مزایای این پژوهش، ارائه‌ی منحنی‌های شکنندگی برای خاک‌های مختلف و همچنین برای



شکل ۱۱. اثر نوع خاک در منحنی‌های شکنندگی.

بیشتر از ساختمان ۲ طبقه و PGA_{max} ساختمان ۲ طبقه، ۲۶٪ بیشتر از ساختمان ۳ طبقه است.

-- برای حالت حدی خرابی ۱ (DS ۱)، PGA_{max} ساختمان ۱ طبقه، ۲۶٪ بیشتر از ساختمان ۲ طبقه و PGA_{max} ساختمان ۲ طبقه، ۱۲٪ بیشتر از ساختمان ۳ طبقه است.

-- برای یک ساختمان ثابت با تغییر خاک و حرکت از خاک نوع ۴ به سمت خاک نوع ۱، PGA_{max} قابل تحمل توسط ساختمان افزایش می‌یابد.

نتایج نشان می‌دهند که ساختمان‌های بنایی در شتاب‌های بسیار پائین از حالت حدی خرابی (DS ۱) عبور می‌کنند. به طوری که در بهترین حالت یعنی ساختمان ۱ طبقه روی خاک نوع ۱ در شتاب $16/m/s^2$ احتمال فراگذشت از حالت حدی خرابی (DS ۱)، برابر ۵۰٪ است.

با مقایسه‌ی نتایج حاصل از این پژوهش با سایر منحنی‌های آسیب‌پذیری، نتایج نزدیک به هم و قابل قبول و با دقت کافی قابل استفاده است و با توجه به سادگی روش نسبت به روش‌های پیچیده‌تر توسعه‌ی منحنی‌های شکنندگی می‌توان برای سایر ساختمان‌ها نیز این کار را انجام داد.

تعداد طبقات مختلف به صورت مجزا است. این تفکیک در ارائه‌ی نتایج، امکان مقایسه‌ی مناسب‌تر و البته تخصصی‌تر نتایج مطالعات آتی را با این پژوهش فراهم می‌کند.

با مقایسه‌ی میانگین نتایج (میانگین ۵ حالت خاک در نظر گرفته شده) می‌توان PGA_{max} قابل تحمل توسط ساختمان در ۳ حالت ۱، ۲ و ۳ طبقه را با هم مقایسه کرد، که نتایج آن به طور مختصر ارائه شده است. این تذکر لازم است که جهت انجام مقایسه، مقادیر نظیر احتمال فراگذشت، ۵۰٪ انتخاب شده‌اند.

-- برای حالت حدی خرابی ۴ (DS ۴)، PGA_{max} ساختمان ۱ طبقه، ۵۰٪ بیشتر از ساختمان ۲ طبقه و PGA_{max} ساختمان ۲ طبقه، ۷۴٪ بیشتر از ساختمان ۳ طبقه است.

-- برای حالت حدی خرابی ۳ (DS ۳)، PGA_{max} ساختمان ۱ طبقه، ۵۲٪ بیشتر از ساختمان ۲ طبقه و PGA_{max} ساختمان ۲ طبقه، ۷۲٪ بیشتر از ساختمان ۳ طبقه است.

-- برای حالت حدی خرابی ۲ (DS ۲)، PGA_{max} ساختمان ۱ طبقه، ۵۳٪

منابع (References)

- Rota, M., Penna, A. and Magenes, G. "A methodology for deriving analytical fragility curves for masonry buildings", *Engineering Structures*, **32**(5), pp. 1312-1323 (2010).
- Iranian Code of Practice for Seismic Resistant Design of Buildings*, Standard No.2800-05, 3rd Edition, Tehran, Building and Housing Research Center (2005) (In Persian).
- Report on Retrofit Procedure of School Buildings in Islamic Republic of Iran*, Ministry of Education, State Organization of Schools Renovation (May 2011).
- Rota, M., Penna, A. and Strobbia, C. "Processing Italian damage data to derive typological fragility curves", *Soil Dyn. Earth Eng.*, **28**(10-11), pp. 933-947 (2008).
- Galasco, A., Penna, L.S.A. and Resemini, S. "Nonlinear seismic analysis of masonry structures", In: *Proc. 13th World Conference on Earthquake Engineering*, Vancouver, Canada (2004).
- Schultz, M.T., Gouldby, B.P. and Simm, J.D. "Beyond the factor of safety: Developing fragility curves to characterize system reliability", US Army Corps of Engineers (2010).
- Seismic Microzonation of Tehran*, Earthquake and Environmental Studies Center of Tehran Japan International Cooperation Agency (JICA) (1999) (In Persian).
- Jalalian, M. "Development of empirical vulnerability function for Iran", Master's Thesis, Department of Civil Engineering, University of Science and Technology (2006) (In Persian).
- Darreh Zereshki, M. "Development of fragility curves for unreinforced masonry buildings in Tehran using simplified nonlinear static analysis", Master Thesis, International Institute of Earthquake Engineering and Seismology, IIEES (2009) (In Persian).
- Bakhshi, A. and Karimi, K. "Performance evaluation of masonry buildings using a probabilistic approach", *Scientia Iranica*, **15**(3), pp. 295-307 (2008).
- Meireles, H.A. "Seismic vulnerability of pombalino buildings", Phd Thesis, Universidade Tecnica de Lisboa Instituto Superior Tecnico (2012).

