

تحلیل تنش مؤثر نیمه وابسته بر مبنای انرژی کرنشی برای مدل‌سازی روانگرایی ماسه‌ها

Original Article

یاسر جفران* (استادیار)

پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله

رضا محملی ایبانه (کارشناس ارشد)

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه سمنان

در این مطالعه یک مدل غیرخطی نیمه وابسته به منظور پیش‌بینی رفتار سیکلی زهکشی‌شده و روانگرایی ماسه‌ها ارائه شده است. از مدل هاپرپولیک کندر - زلاسنکو اصلاح شده، که به صورت نیمه وابسته با یک مدل پیش‌بینی کننده فشار آب حفره‌ی بر مبنای انرژی کرنشی کار می‌کند استفاده شده است. تا تحلیل تنش مؤثر انجام شود. اگر چه روش‌های بسیار زیادی برای تحلیل تنش مؤثر و مدل‌سازی روانگرایی در دسترس هستند، اما این روش‌ها غالباً نیازمند پارامترهای بسیاری هستند، که تعیین برخی از آن‌ها نیاز به صرف وقت و هزینه بسیار دارد. مدل ارائه شده در این نوشتار ساده است و پارامترهای اندک و قابل تعیین دارد و در عین سادگی پیش‌بینی قابل قبولی را نیز ارائه می‌کند. نتایج مدل‌سازی نشان می‌دهد با وجود اینکه مدل ارائه شده تحرک سیکلی را در نظر نمی‌گیرد، حد بالای اضافه فشار آب حفره‌ی و روانگرایی را به دقت پیش‌بینی می‌کند و از آن می‌توان در تحلیل یک بعدی غیرخطی پاسخ زمین به منظور ارزیابی رخداد روانگرایی استفاده کرد.

واژگان کلیدی: تحلیل پاسخ زمین، روانگرایی خاک، فشار آب منفذی، مدل هاپرپولیک

۱. مقدمه

هنگامی که نهشته‌های دانه‌بندی اشباع تحت اثر تکانه‌های ناشی از زلزله قرار می‌گیرند، چنانچه نرخ زهکشی فشار آب کمتر از نرخ تولید آن باشد، فشار آب منفذی به صورت مداوم افزایش می‌یابد، تا جایی که تنش مؤثر صفر می‌شود. در این حالت مقاومت برشی خاک به شدت کاهش یافته و ناچیز می‌شود و در اصطلاح، خاک روانگرا می‌شود. روانگرایی خاک تقریباً در تمام زلزله‌های بزرگ دنیا، که در آن‌ها شرایط اولیه‌ی ایجاد روانگرایی یعنی وجود رسوبات نسیب و اشباع مهیا بوده است، مشاهده شده است، که به عنوان مثال می‌توان به وقوع پدیده‌ی روانگرایی در زلزله‌های نیگاتا (۱۹۶۴)، لوماپریتا (۱۹۸۹)، و منجیل - رودبار (۱۹۹۰) اشاره کرد. اگرچه روش‌های ساده‌شده‌ی نظیر روش تنش، کرنش، و انرژی برای محاسبه‌ی پتانسیل روانگرایی رسوبات خاک و تنش برشی در هر نقطه‌ی از زمین، که در معرض زلزله قرار گرفته است، موجود هستند، اما این روش‌ها دقت یکسانی برای تمامی زلزله‌ها ندارند و علاوه بر این، توانایی پیش‌بینی فشار آب منفذی تولیدشده‌ی ناشی از زلزله را ندارند. بنابراین برای تعیین فشار آب منفذی و تنش برشی در خاک به‌علت بارگذاری زلزله، تحلیل پاسخ زمین لازم است.^[۱]

به‌طور کلی دو روش تنش کل و تنش مؤثر برای مطالعه‌ی رفتار خاک‌هایی که در

معرض زلزله قرار گرفته‌اند، وجود دارد. مهم‌ترین ضعف روش تنش کل را می‌توان عدم در نظر گرفتن کاهش پیش‌رونده و مداوم مقاومت خاک در اثر افزایش فشار آب منفذی دانست. همچنین طبیعتاً این روش قادر به محاسبه‌ی تاریخچه‌ی فشار آب منفذی در نقاط مختلف نیست. اولین تجزیه و تحلیل تنش کل در سال ۱۹۶۷ انجام شده است.^[۲] فقط روش تنش مؤثر قادر به در نظر گرفتن کاهش مقاومت خاک در اثر افزایش فشار آب حفره‌ی است. روش تنش مؤثر اولین بار در سال ۱۹۷۵،^[۳] معرفی شده است. این روش در پژوهشی در سال ۲۰۰۲^[۴] به ۴ گروه مختلف تقسیم شده است:

۱. مدل‌های مبتنی بر تئوری حالت خمیری، شامل: مدل‌های رفتاری چندسطحی، مدل‌های با سطح تسلیم تو در تو، و مدل‌های با سطح تسلیم محصور؛
۲. مدل‌های مبتنی بر مسیر تنش؛
۳. مدل‌هایی که مبنای ارتباط بین افزایش فشار آب حفره‌ی در حالت زهکشی‌نشده و تغییر حجم در حالت زهکشی‌شده (خاک خشک) ارائه شده است؛
۴. روش‌هایی که در آن مستقیماً از نتایج آزمایش‌های زهکشی‌نشده استفاده شده است.

نقطه ضعف اصلی تمام روش‌های فوق به جز مورد چهارم، تعداد زیاد پارامترهای مدل است. بنابراین توسعه‌ی روش‌های تحلیلی، که کاهش سختی و مقاومت ناشی

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۳/۶/۲۴، اصلاحیه ۱۳۹۳/۱۱/۱۲، پذیرش ۱۳۹۳/۱۱/۲۸

رفتار باربرداری - بارگذاری مجدد، تولید فشار آب حفره‌یی، و کاهش سختی خاک مشخص می‌شود.^[۷] منحنی اسکلتی خاک، رابطه‌ی تنش برشی - کرنش برشی برای بارگذاری هارمونیک، در شکل ۱ مشاهده می‌شود.

رابطه‌های مختلفی برای توصیف منحنی اسکلتی ارائه شده است (همانند: مدل‌های رمبرگ اسکود،^[۸] پایک،^[۹] و...)، که خلاصه‌ی برخی از آن‌ها در جدول ۲ ارائه شده است. برای توصیف رفتار باربرداری - بارگذاری مجدد روش‌های مختلفی از جمله: قوانین میسینگ^[۱۰]، قوانین توسعه‌یافته‌ی میسینگ^[۹] و روش پیشنهادی مورواسیکی^[۱۱] موجود است.

قوانین میسینگ (قانون‌های ۱ و ۲) و قوانین توسعه‌یافته‌ی میسینگ (قانون‌های ۱ تا ۴)، (شکل ۲) به این شرح هستند:

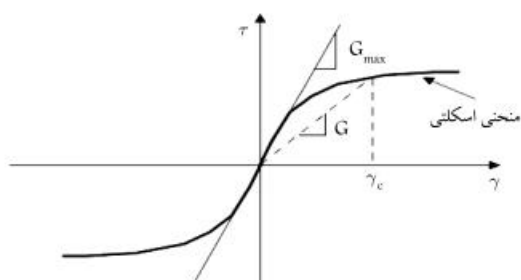
۱. بارگذاری اولیه، (تنش - کرنش) از منحنی اسکلتی تبعیت می‌کند (رابطه‌ی ۱):

$$\tau = f_{bb}(\gamma) \quad (1)$$

۲. اگر بازگشت تنش در نقطه‌ی $(\tau_{rev}, \gamma_{rev})$ رخ دهد، منحنی تنش - کرنش مسیری را تبعیت می‌کند که طبق رابطه‌ی ۲ بیان می‌شود:

$$\frac{\tau - \tau_{rev}}{\gamma} = f_{bb} \left(\frac{\gamma - \gamma_{rev}}{\gamma} \right) \quad (2)$$

۳. اگر منحنی باربرداری - بارگذاری مجدد منحنی اسکلتی را قطع کند، تا بازگشت تنش بعدی از منحنی اسکلتی پیروی می‌کند.



شکل ۱. منحنی اسکلتی.^[۷]

از افزایش فشار آب منفذی را محاسبه می‌کند و شامل تعداد کمی از پارامترهاست، بسیار مفید است.

در این نوشتار، مدل فشار آب حفره‌یی بر مبنای انرژی کرنشی ارائه شده توسط جعفریان و همکاران،^[۱۲] همراه با مدل هایپربولیک کندر - زلاسکو اصلاح شده^[۱۳] و با استفاده از چارچوب اندیس کاهش^۱ پیشنهادی ماتاسویک (۱۹۹۳)،^[۱۴] ترکیب شده است. با ترکیب مدل‌های مذکور، یک مدل هایپربولیک جدید ساده - که توانایی پیش‌بینی فشار آب منفذی در هر لحظه را دارد - برای استفاده در تحلیل تنش مؤثر پاسخ زمین ارائه شده است. از نتایج آزمایش‌های سیکلی استوانه‌ی تو خالی برش ساده‌ی کرنش کنترل بر روی ماسه‌ی تایورا^۲، برای ارزیابی مقدماتی مدل پیشنهادی استفاده شده است. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش - کرنش و فشار آب حفره‌یی نشان داده است که مدل پیشنهادی به طور معقولانه رفتار ماسه‌ها را در طی بارگذاری سیکلی توصیف می‌کند. با اینکه مدل ساده‌شده توانایی لحاظ کردن تحرک سیکلی و اتساع در طی آن را ندارد، به صورت نسبتاً دقیقی تولید فشار آب منفذی طی بارگذاری سیکلی را پیش‌بینی می‌کند و می‌تواند در تحلیل یک بعدی غیرخطی تنش مؤثر پاسخ زمین به منظور ارزیابی رخداد روانگرایی در ماسه‌ها استفاده شود.

۲. معرفی روش‌های غیرخطی

محدوده‌ی وسیعی از مدل‌های ساختاری پیشرفته و ساده‌شده‌ی خاک برای تجزیه و تحلیل غیرخطی پاسخ زمین به کار گرفته می‌شود. برخی مدل‌های ساختاری پیشرفته، توانایی پیش‌بینی خصوصیات رفتار خاک نظیر: ناهمسان‌گردی، تولید فشار آب حفره‌یی، و اتساع را دارند. جدول ۱، برخی از مدل‌های ساختاری پیشرفته را معرفی می‌کند. استفاده از مدل‌های ساختاری پیشرفته‌ی خاک، هنگامی مناسب است که اطلاعات کامل خاک در دسترس باشد. اما در بیشتر موارد فقط منحنی‌های تغییرات مدول برشی و میرایی در برابر کرنش برشی در دسترس هستند، که در این حالت از مدل‌های ساده‌تری استفاده می‌شود. مدل‌های غیرخطی ساده‌یی برای تعیین رفتار خاک وجود دارد، که در برخی نرم‌افزارهای تحلیل یک بعدی پاسخ زمین (مانند: TESS, Deepsoil و...) استفاده شده است. رابطه‌ی تنش - کرنش سیکلی معمولاً توسط یک منحنی اسکلتی و مجموعه‌یی از قوانین برای توصیف

جدول ۱. مدل‌های ساختاری پیشرفته.^[۱۲]

تعداد پارامترها	مؤلفه‌های حالت خمیری		مرجع	مدل ساختاری یا کد	نوع مدل
	پارامترهای سخت‌شدگی	قانون جریان	نوع سطح تسلیم		
۱۳	کرنش برش خمیری و کرنش حجمی	غیرهمراه	کلاهدک بیضوی	DYSAC ۲ ^[۱۲]	خمیری سطح تسلیم محصور
۱۳	کرنش برش خمیری و کرنش حجمی	غیرهمراه	خم شدگی نواری [*]	MIT-SI ^[۱۵]	
۲۲	کرنش برش خمیری و کرنش حجمی	همراه و غیرهمراه	مخروطی	ALTERNAT ^[۱۶]	خمیری چند سطحی
۸	مدول سخت‌شدگی کار ^{**}	همراه یا غیرهمراه	مخروطی	DYNFLOW ^[۱۷]	
۱۱	کرنش برش خمیری و کرنش حجمی	غیرهمراه	کلاهدک بیضوی	DIANA-SWANDYNE II ^[۱۸]	خمیری عمومی
۹	کار خمیری ^{****}	همراه	به شکل گلوله ^{***}	NorSand ^[۱۹]	خمیری حالت بحرانی
۶	کرنش برشی خمیری	غیرهمراه	مخروطی	UBCSAND ^[۲۰]	خمیری موهر - کلمب
۷	کرنش برشی خمیری	غیرهمراه	دو مخروطی	UBCSAND ۲ ^[۲۱]	

* distorted lemniscate

*** bullet-shaped

** work-hardening moduli

**** plastic work

جدول ۴. توابع نمایی کاهش مقاومت و سختی در ماسه‌ها. [۳۱]

پارامترها	توابع کاهش
T	ϑ
-	-
-	$\delta_T = (1 - ru)^{1.5}$
-	$\delta_T = (1 - (ru)^\vartheta)$

و گازتاس، [۳۲] یک مدل ساختاری برای تجزیه و تحلیل یک بعدی خاک‌های لایه‌یی ارائه داده‌اند. مدل ارائه شده، نوع خاصی از مدل ویسکو خمیری بوک - ون، [۳۳، ۳۴] است، که توانایی توصیف رفتار غیرخطی انواع مختلفی از خاک‌ها را دارد و علاوه بر این توانایی تولید هم‌زمان منحنی‌های کاهش مدول و افزایش میرایی در برابر کرنش را نیز دارد. مدل ارائه شده نیازمند اطلاعاتی از رفتار ناهمسان‌گرد خاک و همچنین شکل حلقه‌های باربرداری و بارگذاری مجدد است، که این اطلاعات برای بیشتر خاک‌ها در دسترس نیست.

بر اساس فرضیه‌یی که توسط دارندلی، [۳۵] پیشنهاد شده و شامل ضریبی برای کاهش میرایی هیستریزس است، فیلیپس و حشاش، [۳۶] فرمولاسیونی را ارائه داده‌اند که ضوابط بارگذاری - باربرداری مجدد قانون میسینگ را اصلاح می‌کند. این فرمولاسیون یک ضریب کاهش، $F(\gamma_m)$ را معرفی می‌کند که معادله‌ی آن به صورت رابطه‌ی ۳ است:

$$F(\gamma_m) = P_1 - P_2 \left(1 - \frac{G_{\gamma_m}}{G_s} \right)^{P_3} \quad (3)$$

که در آن، G_0 پیشینه‌ی مدول برشی؛ G_{γ_m} مدول برشی سکانت متناظر پیشینه‌ی کرنش برشی؛ P_1 ، P_2 و P_3 ضرایب بی بعدی هستند که از برازش کردن منحنی میرایی تعیین می‌شوند.

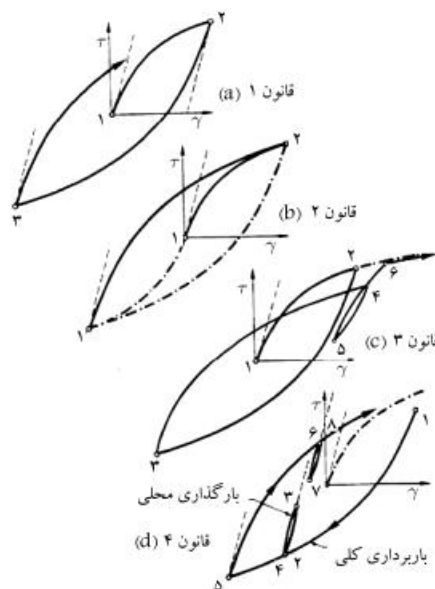
۳. معرفی روش غیرخطی پیشنهادی

در این مطالعه از مدل غیرخطی کندر - زلاکو اصلاح شده، [۵] استفاده شده است، که رابطه‌ی اصلی مدل ذکر شده به صورت رابطه‌ی ۴ است:

$$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + \beta \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^s} \quad (4)$$

که در آن، τ تنش برشی، γ کرنش برشی، G_0 پیشینه‌ی مدول برشی، γ_r کرنش مرجع، s و β پارامترهای کالیبراسیون هستند. برای تعیین کرنش مرجع ۲ روش موجود است: در روش اول، که به روش کلاسیک معروف است، کرنش مرجع برابر نسبت مقاومت برشی خاک (τ_f) به پیشینه‌ی مدول برشی (G_0) است. روش دوم، تعیین کرنش مرجع از طریق منحنی کاهش مدول است. به این صورت که مقدار کرنش متناظر با $\frac{G_0}{G_s} = 0.5$ را برابر کرنش مرجع انتخاب می‌کنند. پارامترهای کالیبراسیون s و β از طریق منحنی اسکلتی خاک تعیین می‌شوند. از قوانین توسعه‌یافته‌ی میسینگ، [۹] برای ارتباط بین منحنی اسکلتی و رفتار باربرداری - بارگذاری مجدد استفاده می‌شود. برای در نظر گرفتن کاهش مقاومت و سختی مصالح در طی بارگذاری سیکلی از توابع نمایی کاهش سختی (δ_G) و کاهش مقاومت (δ_T) استفاده می‌شود. توابع کاهش مورد استفاده برای ماسه‌ها در جدول ۴ نشان داده شده است.

بنابراین مدل ارائه شده در این نوشتار با ترکیب مدل غیرخطی کندر - زلاکو اصلاح شده، [۵] و قوانین توسعه‌یافته‌ی میسینگ، [۹] و همچنین با استفاده از توابع کاهش سختی و مقاومت، [۳۱] تعریف می‌شود، که روابط آن به صورت روابط ۵ و ۶



شکل ۲. تشریح تصویری قوانین چهارگانه‌ی میسینگ. [۷]

جدول ۲. مدل‌های غیرخطی.

مرجع	منحنی اصلی	مدل غیرخطی
[۸]	$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + \alpha \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^{1-\beta}}$	روبرگ - اسکود
[۲۱]	$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^s}$	کندر زلاکو*
[۹]	$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^s}$	پایک*
[۵]	$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + B \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^s}$	کندر زلاکو اصلاح شده**
[۲۴]	$\tau = \frac{\gamma G_s}{1 + B \left(\frac{\gamma}{\gamma_r} \right)^s}$	کندر زلاکو اصلاح شده تعمیم‌یافته**

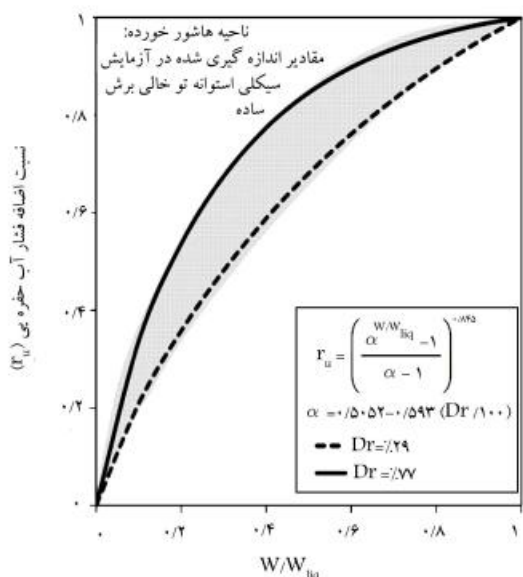
* و ** تفاوت این مدل‌ها در معادله‌ی باربرداری - بارگذاری مجدد است.

جدول ۳. کدهای رایج برای تحلیل یک بعدی غیرخطی پاسخ زمین.

مرجع	مدل غیرخطی	برنامه
[۲۳، ۲۴]	کندر زلاکو اصلاح شده تعمیم‌یافته	DEEPSOIL
[۲۵]	کندر زلاکو	DESRA-۲
[۲۶]	کندر زلاکو	DESRAMOD
[۲۷]	کندر زلاکو اصلاح شده	D-MOD_۲
[۲۸]	حالت خمیری چندسطحی	OpenSees
[۲۹]	حالت خمیری سطح تسلیم محصور	SUMDES
[۳۰]	HDCP	TESS

۴. اگر منحنی باربرداری - بارگذاری مجدد، منحنی باربرداری - بارگذاری مجدد سیکل قبلی را قطع کند، منحنی تنش کرنش از سیکل قبلی پیروی می‌کند.

موراواسیکی، [۱۱] یک روش برای شکل دادن منحنی‌های باربرداری و بارگذاری مجدد بر اساس تابع عمومی ارائه داده است، که جایگزینی برای مقیاس منحنی اسکلتی توسط قانون دوم میسینگ است. در این روش از ۳ تابع مختلف برای شکل دادن منحنی‌های باربرداری و بارگذاری مجدد استفاده می‌شود. در جدول ۳، معرف‌ی برخی کدهای رایج برای تحلیل پاسخ زمین پرداخته شده است. گرولموس



شکل ۳. محدودی نسبت اضافه فشار آب حفره‌یی در برابر نسبت انرژی کرنشی به دست آمده از نتایج آزمون‌های ماسه‌ی تاپورا همراه با حد بالا و پایین مدل فشار آب حفره‌یی جعفریان و همکاران.^[۴]

که در آن، D_r تراکم نسبی است.

$$\beta_{ru} = 0.845 \quad (9)$$

برای شرایط برش ساده، w_s را می‌توان از رابطه‌ی ۱۰ به دست آورد:

$$w_s = \frac{1}{\gamma} \sum_{i=1}^{n-1} (\tau_{i+1} + \tau_i) (\gamma_{i+1} - \gamma_i) \quad (10)$$

که در آن τ_{i+1} و τ_i به ترکیب تنش برشی در نمو بار i و $i+1$ به γ_{i+1} و γ_i به ترکیب کرنش برشی در نمو بار i و $i+1$ و تعداد نمو بار وارده به نمونه است. مدل ارائه شده در این نوشتار با استفاده از قوانین توسعه یافته‌ی میسینگ،^[۴] همراه با مدل غیرخطی کندر-زلاکو اصلاح شده،^[۲۱] رفتار بارگذاری، باربرداری، بارگذاری مجدد ماسه‌ها طی بارگذاری سیکلی را توصیف می‌کند. با توجه به اینکه در بارگذاری سیکلی از مقاومت برشی و سختی خاک به طور مداوم کاسته می‌شود و در مدل غیرخطی (رابطه‌ی ۱) این موضوع لحاظ نشده است، از توابع کاهش سختی و مقاومت خاک استفاده شده است، که به ترتیب در مدول برشی بیشینه و مقاومت برشی خاک ضرب می‌شوند. توابع کاهش سختی و مقاومت ضریبی کوچکتر از ۱ هستند، که با افزایش اضافه فشار آب حفره‌یی کوچکتر می‌شوند و در نهایت در هنگام روانگرایی که اضافه فشار آب حفره‌یی برابر ۱ است، و خاک تقریباً مقاومت برشی و سختی خود را از دست می‌دهد، برابر صفر می‌شوند.

منطق مدل ارائه شده به صورتی است که ابتدا براساس شرایط بارگذاری (بارگذاری اولیه، باربرداری، بارگذاری مجدد) تنش برشی از روابط ۵ یا ۶ و سپس براساس تنش برشی محاسبه می‌شود. کرنش برشی موجود نیز با استفاده از رابطه‌ی ۹ انرژی تلف شده در واحد حجم خاک محاسبه می‌شود، که با استفاده از آن و رابطه‌ی ۷ اضافه فشار آب حفره‌یی تعیین می‌شود. سپس با مشخص بودن اضافه فشار آب حفره‌یی و روابط توابع کاهش (جدول ۴)، ضرایب کاهش سختی و مقاومت برشی برای مرحله‌ی بعدی محاسبه می‌شود. بنابراین با توجه به منطق برنامه می‌توان بیان کرد که مدل ارائه شده، توانایی شبیه‌سازی رفتار ماسه‌ها تحت بارگذاری سیکلی را

است. رابطه‌ی ۵، برای بارگذاری اولیه و قانون سوم میسینگ و نیز رابطه‌ی ۶، برای باربرداری و بارگذاری مجدد است:

$$\tau = \frac{\gamma G \cdot \delta G}{1 + \beta \left(\frac{\delta G}{\delta_r}\right)^{\alpha} \left(\frac{\gamma}{\gamma_r}\right)^{\beta}} \quad (5)$$

$$\frac{\tau - \tau_r}{\gamma} = \frac{\left(\frac{\gamma - \gamma_r}{\gamma_r}\right) G \cdot \delta G}{1 + \beta \left(\frac{\delta G}{\delta_r}\right)^{\alpha} \left(\frac{\gamma - \gamma_r}{\gamma_r}\right)^{\beta}} \quad (6)$$

۴. مدل فشار آب حفره‌یی

تولید، اتلاف، و توزیع مجدد اضافه فشار آب حفره‌یی در لایه‌های خاک به شکل قابل توجهی سختی و پاسخ لرزه‌یی خاک را تغییر می‌دهد. مدل سازی پاسخ فشار آب منفذی در تحلیل غیرخطی پاسخ زمین براساس نتایج تحقیقات میدانی ماتاسویک و وستیک،^[۵] و آزمون‌های آزمایشگاهی ایشیهارا و همکاران،^[۲۳] شاهد توسعه‌ی گسترده‌یی بوده است. مدل‌های فشار آب حفره‌یی را به صورت عمومی می‌توان در ۳ گروه، مدل‌های مبتنی بر تنش (مدل سید و همکاران^[۲۴]) مدل‌های مبتنی بر کرنش (مدل دابری و همکاران^[۲۵]) و مدل‌های مبتنی بر انرژی (مدل جعفریان و همکاران^[۲۶]) تقسیم بندی کرد. در حالی که مدل‌های اولیه براساس نتایج حاصل از آزمایش‌های سیکلی تنش کنترل بوده‌اند، پژوهش‌های دیگر نشان داده است که فشار آب حفره‌یی ارتباط بهتری با سطح کرنش برشی،^[۲۷،۲۸] یا انرژی تلف شده در خاک،^[۲۱] دارد. در تحلیل ارائه شده در این نوشتار از مدل ارائه شده توسط جعفریان و همکاران،^[۲۶] که یک مدل مبتنی بر انرژی کرنشی است، استفاده شده است.

جعفریان و همکاران،^[۲۶] با الهام از مدل سید و همکاران،^[۲۴] و استفاده از مزایای روش انرژی کرنشی مدلی را ارائه داده‌اند که در آن از نسبت انرژی کرنشی تلف شده در خاک به انرژی کرنشی لازم برای روانگرایی استفاده می‌شود. آن‌ها با بررسی آزمون‌های سیکلی مختلف دریافته‌اند که نسبت فشار آب حفره‌یی اضافی به تنش مؤثر اولیه در برابر نسبت انرژی کرنشی تلف شده در خاک به انرژی کرنشی لازم برای روانگرایی در یک محدوده‌ی خاص و محدودی قرار می‌گیرد و از همین موضوع برای ارائه‌ی مدل خود استفاده کرده‌اند. سپس ۳۷ آزمایش سیکلی استوانه‌ی تو خالی برش ساده‌ی کرنش کنترل بر روی ماسه‌ی تاپورا با تراکم نسبی ۳۰-۷۵ درصد، تنش همه جانبه‌ی ۵۵-۱۶۶ کیلو پاسکال، با و بدون اعمال تنش برشی اولیه انجام داده‌اند. شکل ۳، محدودی نسبت اضافه فشار آب حفره‌یی در برابر نسبت انرژی کرنشی به دست آمده از نتایج آزمون‌های سیکلی استوانه‌ی تو خالی برش ساده‌ی کرنش کنترل بر روی ماسه‌ی تاپورا را همراه با حد بالا و پایین اضافه فشار آب حفره‌یی نمایش می‌دهد. براساس شکل ۳، معادله‌ی ۷ را به عنوان مدلی که توانایی پیش‌بینی فشار آب حفره‌یی را دارد، ارائه داده‌اند:

$$\tau_{ru} = \left(\frac{\frac{w_s}{\alpha_{ru}} - 1}{\alpha_{ru} - 1} \right)^{\beta_{ru}} \quad (7)$$

که در آن، τ_{ru} اضافه فشار آب حفره‌یی، w_s انرژی تلف شده در واحد حجم خاک، w_{liq} انرژی لازم برای روانگرایی خاک است (انرژی ظرفیت) و α و β نیز پارامترهای کالیبراسیون هستند، که برای ماسه‌ی تاپورا از روابط ۸ و ۹ به دست می‌آیند:

$$\alpha_{ru} = 0.75052 - 0.7593 \left(\frac{D_r}{100} \right) \quad (8)$$

برای تعیین مقاومت برشی زهکشی‌نشده‌ی ماسه‌ی تایورا و فرایزر روبر به ترتیب از نتایج آزمایش برش پیچشی مونتونیک زهکشی‌نشده‌ی چیاوو و همکاران،^[۳۵] و آزمایش برش ساده‌ی مونتونیک سیواتایلان،^[۳۶] استفاده شده است. w_{liq} برای ماسه‌ی تایورا از رابطه‌ی ۱۳، که توسط جعفریان و همکاران،^[۱] ارائه شده است، به دست آمده و برای ماسه‌ی فرایزر روبر، انرژی کرنشی با استفاده از رابطه‌ی ۱۰ محاسبه و انرژی کرنشی متناظر با $\gamma_u = 1$ برابر w_{liq} در نظر گرفته شده است.

$$w_{liq} = 136.34 P' \left(\frac{D_r}{100} \right)^{2.125} + 5.375 \times 10^{-2} P' \quad (13)$$

۱.۵. ماسه‌ی تایورا

ماسه‌ی تایورا استفاده‌شده در آزمایش سیکلی استوانه‌ی تو خالی برش ساده‌ی کرنش - کنترل به ترتیب دارای بیشینه و کمینه تداخل، قطر متوسط دانه‌ها و ضریب یکنواختی برابر 0.72 ، 0.61 ، 0.98 و 1.75 mm است. این آزمایش در تراکم نسبی $35-75$ درصد و تنش هم‌جانبه‌ی $55-166$ kPa انجام شده است.^[۱]

در مفاهیم ژئوتکنیک لرزه‌یی، دو کرنش برشی آستانه وجود دارد. اولین کرنش برشی، کرنش برشی آستانه‌ی خطی است، که در مقادیر کرنش برشی کمتر از آن، خاک‌ها رفتار کشسان خطی نشان می‌دهند. دومین کرنش برشی، کرنش برشی آستانه‌ی حجمی است، که کمینه‌ی کرنش لازم برای لغزش دانه به دانه (تغییرشکل‌های برگشت‌ناپذیر) است. با توجه به این مفاهیم، در صورتی که کرنش برشی کمتر از کرنش برشی آستانه‌ی خطی باشد، رفتار خاک خطی است، و در صورتی که کرنش برشی بزرگتر از کرنش برشی آستانه‌ی خطی و کمتر از کرنش برشی آستانه‌ی حجمی باشد، رفتار خاک غیرخطی و بدون آفت^۶ است و در صورتی که کرنش برشی بزرگتر از کرنش برشی آستانه‌ی حجمی باشد، رفتار خاک غیرخطی و همراه با آفت است. با توجه به مطالب ذکرشده مدلی مناسب است که توانایی پیش‌بینی رفتار غیرخطی خاک در سطح کرنش‌های برشی مختلف را دارد.

شکل ۵، نتایج مدل‌سازی ماسه‌ی تایورا با تراکم نسبی 75% و تنش هم‌جانبه‌ی 105 کیلو پاسکال در سطح کرنش‌های مختلف را نمایش می‌دهد. مطابق شکل مذکور، مدل ارائه‌شده در کرنش‌های برشی کمتر از کرنش برشی آستانه‌ی خطی رفتار خاک را کشسان خطی، در کرنش‌های برشی بزرگتر از کرنش برشی آستانه‌ی خطی و کوچکتر از کرنش برشی آستانه‌ی حجمی، رفتار خاک را غیرخطی و بدون آفت، و در کرنش‌های برشی بزرگتر از کرنش آستانه‌ی حجمی، رفتار خاک را غیرخطی همراه با آفت پیش‌بینی می‌کند. شکل ۶، مقایسه‌ی نتایج منحنی آزمایشگاهی و پیش‌بینی‌شده را برای ماسه‌ی تایورا مترام نشان می‌دهد. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش برشی، توانایی مدل پیشنهادی در پیش‌بینی تنش برشی و کاهش مقاومت و سختی خاک را در اثر بارگذاری سیکلی تأیید می‌کند و همچنین منحنی‌های اضافه فشار آب حفره‌یی نیز توانایی مدل پیشنهادی در پیش‌بینی هنگام رخداد پدیده‌ی روانگرایی را مورد تأیید قرار می‌دهد. منحنی‌های تنش برشی در برابر کرنش برشی نشان می‌دهند که در مدل پیشنهادی در سیکل اول، روند کاهش تنش برشی در باربرداری بیشتر و در بارگذاری مجدد کمتر از واقعیت است، که این موضوع در سیکل‌های بعدی کمتر شده و منحنی پیش‌بینی‌شده نزدیکتر به منحنی آزمایشگاهی می‌شود، که دلیل این رفتار را می‌توان پیش‌بینی بیش از حد میرایی توسط قوانین میسینگ در کرنش‌های بزرگ دانست. منحنی‌های تنش برشی در برابر تنش مؤثر قائم، انطباق خوبی دارند. شکل ۷، مقایسه‌ی نتایج منحنی آزمایشگاهی و پیش‌بینی‌شده را برای ماسه‌ی تایورا تست نشان می‌دهد. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش برشی نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی به طور قابل قبولی تنش برشی را پیش‌بینی می‌کند و همچنین

دارد، لکن باید از طریق داده‌های موجود آزمایشگاهی عملکرد مدل ارائه‌شده بررسی شود.

۵. تحلیل و ارزیابی مدل

در این بخش نتایج به دست‌آمده از مدل توصیف‌شده در قسمت قبل با نتایج آزمایش‌های سیکلی استوانه‌ی تو خالی کرنش - کنترل و برش ساده‌ی سیکلی تنش - کنترل مقایسه شده است.

مدل ارائه‌شده در این نوشتار، ۴ پارامتر کالیبراسیون $(\beta, S, \alpha_{ru}, \beta_{ru})$ و نیز ۳ پارامتر بیشینه‌ی مدول برشی (G_0) ، کرنش مرجع (γ_r) و انرژی لازم برای روانگرایی را (W_{liq}) دارد، که نحوه‌ی تعیین هر کدام از آن‌ها در ادامه بررسی شده است. پارامترهای β و S از طریق منحنی اسکلتی خاک یا منحنی تغییرات مدول خاک تعیین می‌شوند. روش کار به این صورت است که با استفاده از رابطه‌ی ۴ و نتایج آزمایشگاهی به تعیین این پارامترها پرداخته می‌شود. شکل ۴، یک نمونه از فرایند منطبق‌کردن منحنی کاهش مدول برای تعیین پارامترهای β و S ماسه‌ی تایورا را نشان می‌دهد.

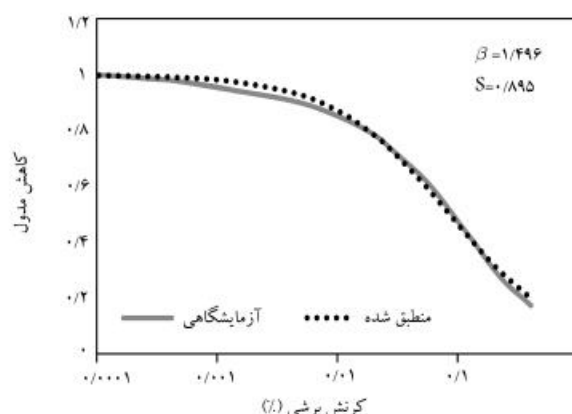
پارامترهای α_{ru} و β_{ru} برای ماسه‌ی تایورا توسط جعفریان و همکاران،^[۱] تعیین و از روابط ۸ و ۹ محاسبه شده‌اند. با استفاده از تجزیه و تحلیل برگشتی، پارامترهای معادله‌ی فشار آب حفره‌یی برای ماسه‌ی فرایزر روبر^۵ تعیین شده است. بیشینه‌ی مدول برشی ماسه‌ی تایورا براساس رابطه‌ی ۱۱، که از رگرسیون نتایج آزمایش‌های کوکاشو،^[۳۳] به دست آمده است، محاسبه می‌شود:

$$G_0 = 25969.074 \times \frac{(2.17 - e)^2}{1 + e} \times P'^{0.75} \quad (11)$$

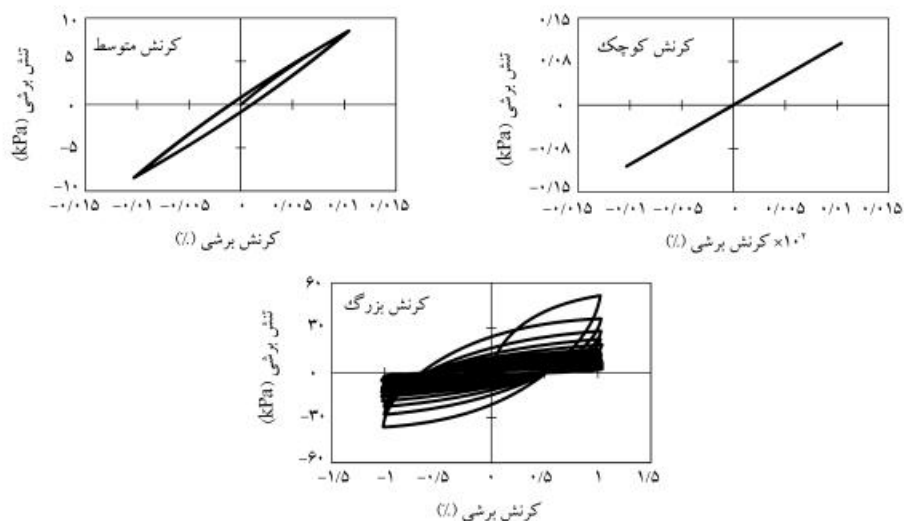
که در آن، G_0 (Pa) بیشینه‌ی مدول برشی، e تداخل، P' (Pa) تنش هم‌جانبه است. چیلارگیگ و همکاران،^[۳۳] با انجام آزمایش Bender element بر روی ماسه‌ی فرایزر روبر رابطه‌ی ۱۲ را برای تعیین بیشینه‌ی مدول برشی ارائه کرده‌اند:

$$G_0 = \rho[(295 - 143e) \left(\frac{P'}{Pa} \right)^{0.6}]^2 \quad (12)$$

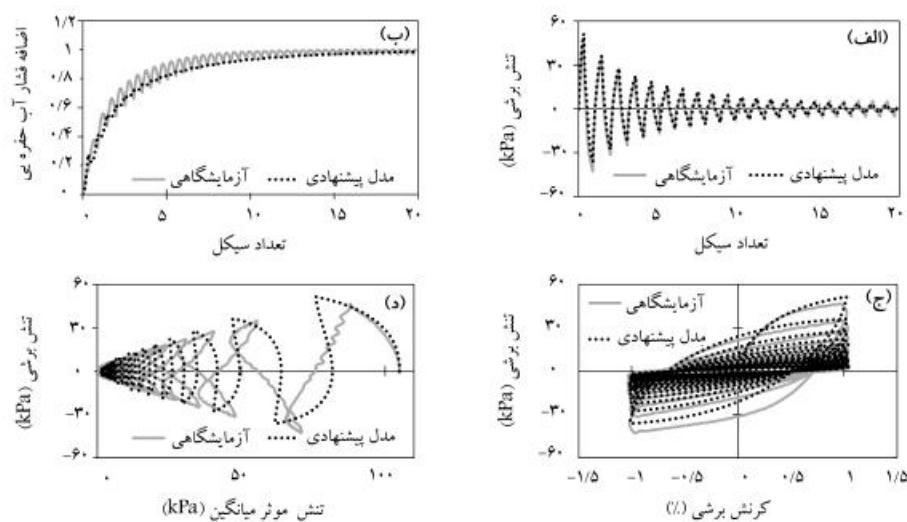
همان‌طور که در بخش معرفی روش غیرخطی اشاره شده است، دو روش برای تعیین پارامتر γ_r وجود دارد. در این مطالعه از روش کلاسیک برای تعیین کرنش مرجع استفاده شده است. بدین منظور نیاز به تعیین مقاومت برشی نهایی خاک است.



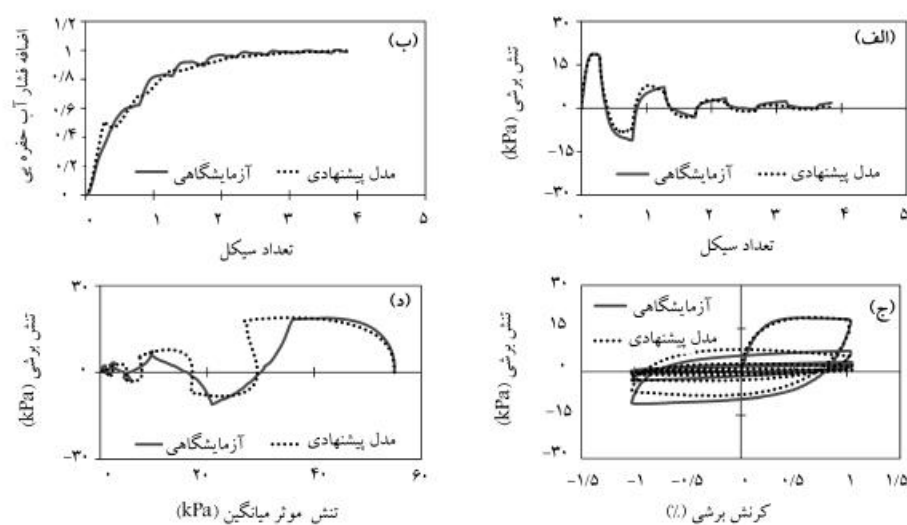
شکل ۴. یک نمونه از فرایند منطبق‌کردن منحنی کاهش مدول برای تعیین پارامترهای β و S ماسه‌ی تایورا.



شکل ۵. نتایج مدل سازی ماسه‌ی تابورا در سطح کرنش‌های مختلف ($Dr = 75\%, P' = 105 \text{ kPa}$)



شکل ۶. مقایسه‌ی منحنی‌های اندازه‌گیری شده و پیش‌بینی شده - ماسه‌ی تابورا ($Dr = 75\%, P' = 105 \text{ kPa}$)



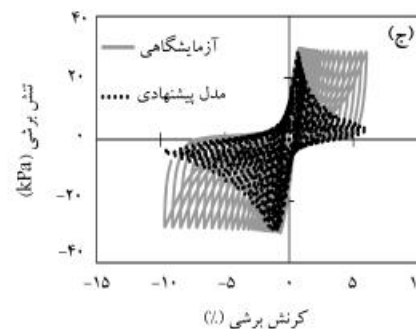
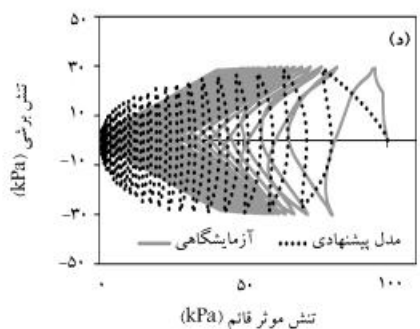
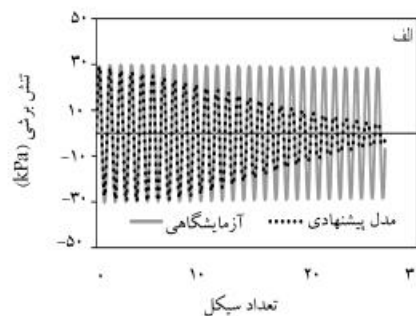
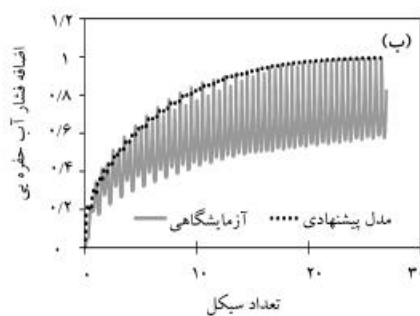
شکل ۷. مقایسه‌ی منحنی‌های اندازه‌گیری شده و پیش‌بینی شده - ماسه‌ی تابورا ($Dr = 23\%, P' = 55 \text{ kPa}$)

به دنبال آن کاهش مقاومت و سختی آن تنش برشی پیش‌بینی شده کمتر از مقادیر آزمایشگاهی است. مقایسه‌ی نمودارهای اضافه فشار آب حفره‌ی پیش‌بینی شده و آزمایشگاهی مشخص می‌کند که مدل پیشنهادی، توانایی پیش‌بینی نوسانات فشار آب حفره‌ی را ندارد. بررسی منحنی‌های تنش برشی در برابر کرنش برشی آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی در سیکل‌های ابتدایی، رفتار تنش - کرنش را تقریباً مناسب پیش‌بینی می‌کند، اما پس از آن به دلیل تولید اضافه فشار آب حفره‌ی و به دنبال آن کاهش مقاومت و سختی خاک، منحنی تنش - کرنش خوابیده‌تر می‌شود. که این مسئله در آزمون‌های تنش کنترل به دلیل ثابت بودن بیشینه و کمینه‌ی تنش برشی در طول آزمایش مشاهده نمی‌شود. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش برشی در برابر تنش مؤثر قائم آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مشخص می‌کند که مدل پیشنهادی، توانایی مدل‌سازی نوسانات اضافه فشار آب حفره‌ی را ندارد. شکل ۹، مقایسه‌ی نتایج منحنی آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده را برای ماسه‌ی فرایزر ریور سست نشان می‌دهد. بررسی منحنی‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مشخص می‌کند که در مدل پیشنهادی با افزایش اضافه فشار آب حفره‌ی و به دنبال آن کاهش مقاومت و سختی خاک، مقدار تنش برشی کاهش می‌یابد؛ اما در آزمون‌های تنش، کنترل بیشینه و کمینه‌ی تنش برشی در طول آزمایش ثابت است. مقایسه‌ی نمودارهای اضافه فشار آب حفره‌ی آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده، توانایی مدل پیشنهادی در پیش‌بینی اضافه فشار آب حفره‌ی و هنگام وقوع پدیده‌ی روانگرایی را تأیید می‌کند. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش برشی در برابر کرنش برشی آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی، سیکل اول را به خوبی پیش‌بینی می‌کند؛ اما در سیکل‌های بعدی، با توجه به اینکه اضافه فشار آب حفره‌ی تولید شده بر اساس آن مقاومت و سختی خاک در مدل پیشنهادی کاهش می‌یابد، مقادیر بیشینه و کمینه‌ی تنش برشی کمتر از واقعیت پیش‌بینی شده است. در حالی که در آزمون‌های تنش کنترل، بیشینه و کمینه‌ی تنش برشی در سراسر آزمایش ثابت می‌ماند. مقایسه‌ی منحنی‌های تنش برشی در برابر تنش مؤثر قائم نشان می‌دهد که روند کاهش تنش مؤثر در مدل پیشنهادی، سرعت بیشتری نسبت به نتایج آزمایشگاهی

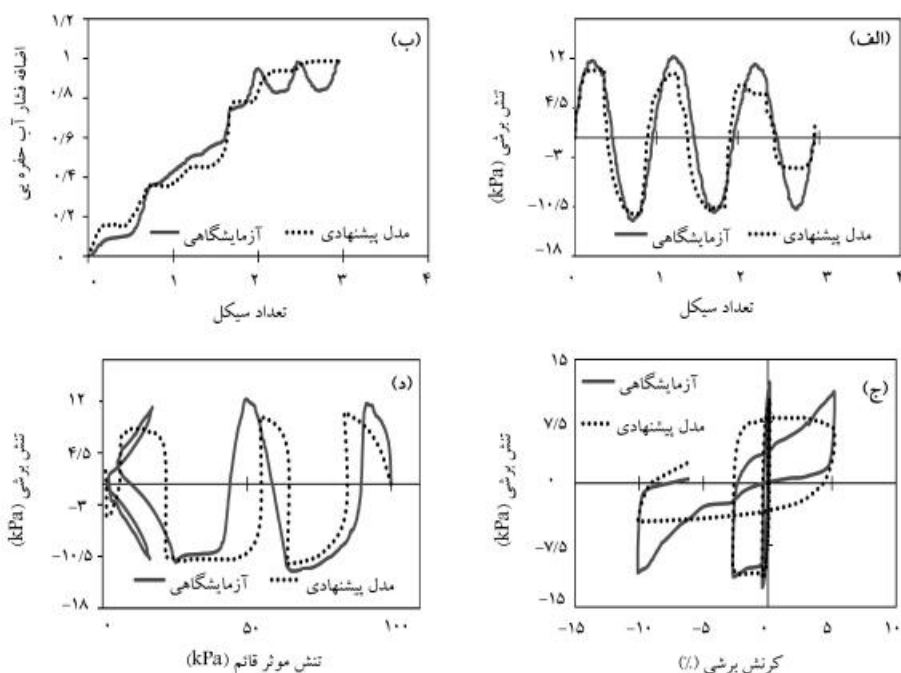
می‌تواند کاهش تنش برشی ناشی از کاهش مقاومت و سختی خاک را به صورت محافظه‌کارانه‌ی مدل کند. بررسی نمودارهای اضافه فشار آب حفره‌ی مشخص می‌کند که مدل پیشنهادی توانایی پیش‌بینی اضافه فشار آب حفره‌ی را دارد و نیز هنگام وقوع روانگرایی را به خوبی پیش‌بینی می‌کند. با بررسی نمودارهای تنش برشی در برابر کرنش برشی مشخص می‌شود که مدل پیشنهادی، بارگذاری اولیه و نیز ابتدای باربرداری را به خوبی پیش‌بینی می‌کند، اما پس از آن روند کاهش بیشتر شده است، به صورتی که در انتهای باربرداری، مقدار تنش برشی پیش‌بینی شده کمتر از تنش برشی اندازه‌گیری شده بوده و نیز در انتهای بارگذاری مجدد، مقدار تنش برشی پیش‌بینی شده بیشتر از مقدار اندازه‌گیری شده بوده است، اما این روند در سیکل‌های بعدی کاهش یافته است و تقریباً منحنی‌های اندازه‌گیری شده و پیش‌بینی شده نزدیک به یکدیگر هستند. دلیل این رفتار را می‌توان بیش از حد پیش‌بینی شدن میرایی توسط قوانین میسینگ در کرنش‌های بزرگ دانست، که این موضوع را برخی پژوهشگران پیشین هم تأکید کرده‌اند.^[۷] منحنی‌های تنش برشی در برابر تنش مؤثر قائم نشان می‌دهند که مدل پیشنهادی، روند کاهش تنش مؤثر در طی بارگذاری سیکلی و افزایش فشار آب حفره‌ی را به خوبی پیش‌بینی می‌کند.

۲.۵. ماسه‌ی فرایزر ریور

ماسه‌ی فرایزر ریور استفاده شده در آزمایش برش ساده‌ی سیکلی تنش - کنترل به ترتیب دارای بیشینه و کمینه‌ی تخلخل، قطر متوسط دانه‌ها و ضریب یکنواختی برابر 0.762 ، 0.26 ، 0.794 ، 0.762 ، 0.26 ، 0.794 است. این آزمایش‌ها در تراکم نسبی 40% و 80% درصد و تنش همه‌جانبه‌ی 100 و 200 kPa و $0.3-0.8$ CSR انجام شده‌اند.^[۲۷] شکل ۸، مقایسه‌ی نتایج منحنی آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده را برای ماسه‌ی فرایزر ریور متراکم نشان می‌دهد. مقایسه‌ی نمودارهای تنش برشی پیش‌بینی شده و آزمایشگاهی نشان می‌دهد که در سیکل‌های ابتدایی، مدل پیشنهادی تقریباً پیش‌بینی قابل قبولی را دارد، اما پس از آن با افزایش اضافه فشار آب حفره‌ی و



شکل ۸. مقایسه‌ی منحنی‌های اندازه‌گیری شده و پیش‌بینی شده - ماسه‌ی فرایزر ریور ($D_r = 80\%$, $P' = 100$ kPa).



شکل ۹. مقایسه‌ی منحنی‌های اندازه‌گیری‌شده و پیش‌بینی‌شده ماسه‌ی فرایزر ریور ($Dr = 40\%, P' = 100 \text{ kPa}$).

جدول ۵. پارامترهای تعیین‌شده برای تحلیل.

ماسه	w_{liq} (j/m^3)	α_{ru}	β_{ru}	$\gamma(\pi)$	S	β	G_0 (Pa)
تایورا ($Dr = 23\%, P' = 55 \text{ kPa}$)	510,5298	0,36881	0,845	3,00 E-04	0,64	1,64	5,23 E+07
تایورا ($Dr = 75\%, P' = 105 \text{ kPa}$)	4145,87	0,901	0,845	8,33 E-04	0,845	1,496	1,03 E+08
فرایزر ریور ($Dr = 40\%, P' = 100 \text{ kPa}$)	1121,985	0,2	0,45	4,29 E-04	0,855	1,445	6,78 E+07
فرایزر ریور ($Dr = 80\%, P' = 100 \text{ kPa}$)	17191,86	0,3	0,45	5,99 E-04	0,934	1,209	7,93 E+07

دارد. جدول ۵، پارامترهای تعیین‌شده برای تحلیل را معرفی می‌کند. بنابراین همان‌طور که مشاهده می‌شود، مدل پیشنهادی ارائه‌شده، پارامترهای اندک و قابل‌تعیینی دارد. شکل‌های ۵ الی ۹، نتایج مدل‌سازی را نشان می‌دهند. بنابراین همان‌طور که مشاهده می‌شود، مدل پیشنهادی روند پاسخ خاک را به خوبی پیش‌بینی می‌کند.

۶. نتیجه‌گیری

تحلیل‌های دینامیکی شامل دو نوع تحلیل تنش کل و تنش مؤثر می‌شوند. مهم‌ترین ضعف روش تنش کل را می‌توان در نظر گرفته‌نشدن کاهش پیش‌رونده و مداوم مقاومت خاک در اثر افزایش فشار آب حفره‌ی دانست، که این خود باعث ایجاد خطا در نتایج می‌شود. همچنین طبیعتاً این روش قادر به محاسبه‌ی تاریخچه‌ی فشار حفره‌ی در نقاط مختلف نیست. بنابراین به منظور دست‌یافتن به نتایج مطلوب، نیازمند روشی هستیم که در آن شرایط واقعی خاک طی بارگذاری سیکلی در نظر گرفته شود. روش تنش مؤثر، توانایی پیش‌بینی تولید، اتلاف و توزیع مجدد فشار آب حفره‌ی و نیز کاهش پیش‌رونده و مداوم مقاومت خاک، طی بارگذاری سیکلی را دارد. در این مطالعه، مدل تنش مؤثر که از آن می‌توان در شبیه‌سازی پدیده‌ی روانگرایی خاک استفاده کرد، معرفی شده است. بدین صورت که مدل ساختاری هایپربولیک ساده‌شده‌ی همراه با مدل فشار آب حفره‌ی بر مبنای انرژی کرنشی و

عملکرد مدل پیشنهادی با مدل‌سازی نتایج آزمایش سیکلی استوانه‌ی تو خالی برش ساده، کرنش کنترل بر روی ماسه‌ی تایورا و آزمایش برش ساده‌ی سیکلی تنش کنترل بر روی ماسه‌ی فرایزر ریور مورد مطالعه قرار گرفته است. مدل‌سازی نمونه‌هایی با سطح کرنش مختلف مشخص کرده است که از مدل ارائه‌شده می‌توان در تمامی سطوح کرنش استفاده کرد. مدل ارائه‌شده، در کرنش‌های کمتر از کرنش آستانه‌ی خطی، رفتار خطی را برای خاک پیش‌بینی می‌کند، در کرنش‌های ما بین کرنش آستانه‌ی خطی و حجمی، رفتار غیرخطی و بدون آفت را برای خاک پیش‌بینی می‌کند، و در کرنش‌های بزرگتر از کرنش آستانه‌ی حجمی، رفتار غیرخطی همراه با آفت را برای خاک پیش‌بینی می‌کند. مقایسه‌ی نتایج مدل‌سازی با نتایج آزمایشگاهی نشان داده است که مدل ارائه‌شده، توانایی شبیه‌سازی رفتار ماسه‌ها طی بارگذاری سیکلی را دارد و همچنین با توجه به اینکه از قوانین توسعه‌یافته‌ی میسینگ برای توصیف رفتار باربرداری - بارگذاری مجدد استفاده شده است و این قوانین در

مدل ارائه شده در این نوشتار، ساده، و پارامترهای اندک و قابل تعیین دارد و نیز یکی از جنبه‌های مهم مدل ارائه شده این است که براساس اتلاف انرژی است، بنابراین می‌توان از آن برای محاسبه‌ی اضافه فشار آب حفره‌ی در ماسه‌ها تحت بارگذاری‌های منظم، تصادفی، سیکلی و لرزه‌ی استفاده کرد. همچنین مدل فشار آب حفره‌ی بر مبنای انرژی تلف شده است و در نتیجه به مسیر تنش آزمایش خاص مربوط نیست.

بنابراین نتایج این مطالعه نشان می‌دهد که می‌توان با اطمینان از این مدل ساده در تحلیل غیرخطی پاسخ زمین به منظور ارزیابی رخداد روانگرایی استفاده کرد.

کرنش‌های کوچک و بزرگ به ترتیب میرایی را کمتر و بیشتر از واقعیت پیش‌بینی می‌کنند، اما مدل ارائه شده پیش‌بینی قابل قبولی از پاسخ تنش - کرنش، روند کاهش مقاومت و سختی، انرژی کرنشی، و به خصوص تولید فشار آب منفذی طی بارگذاری لرزه‌ی را دارد و نیز مدل فشار آب حفره‌ی جعفریان و همکاران^[۱۲] برای ماسه‌ها با مقادیر مختلف تراکم و درصد ریزدانه قابل اعتماد است. ضمناً با توجه به اینکه مدل ارائه شده تحرک سیکلی (اتساع) را در نظر نمی‌گیرد، اضافه فشار آب حفره‌ی پیش‌بینی شده تحت تأثیر این محدودیت قرار نگرفته است و مدل پاسخ قابل قبولی را ارائه می‌دهد.

پانویس‌ها

1. modified Kondner - Zelasko
2. degradation index functions
3. Toyoura sand
4. Masing rule
5. Fraser river sand
6. non-degradable

منابع (References)

1. Liyanapathirana, D.S. and Poulos, H.G. "Numerical simulation of soil liquefaction due to earthquake loading", *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, **22**(7), pp. 1007-1015 (2002).
2. Seed, H.B. and Idriss, I.M. "Analysis of soil liquefaction: Niigata earthquake", *J. Soil Mech. Found. Div.*, **93**(3), pp. 83-108 (1967).
3. Martin, G.R., Finn, W.D.L. and Seed, H.B. "Fundamentals of liquefaction under cyclic loading", *J. Geotech. Eng. Div., ASCE*, **101**(5), pp. 422-438 (1975).
4. Jafarian, Y., Towhata, I., Baziar, M.H., Noorzad, A. and Bahmanpour, A. "Strain energy based evaluation of liquefaction and residual pore water pressure in sands using cyclic torsional shear experiments", *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, **35**, pp. 13-28 (2012).
5. Matasovic, N. and Vucetic, M. "Cyclic characterization of liquefiable sands", *J. of Geotech. Eng.*, **119**(11), pp. 1805-1822 (1993a).
6. Matasovic, N., *Seismic Response of Composite Horizontally - Layered Soil Deposits*, University of California, Los Angeles: xxix, 452 p. (1993).
7. Stewart, J.P., Kwok, A.O.-L., Hashash, Y.M.A., Matasovic, N., Pyke, R., Wang, Z. and Yang, Z., *Benchmarking of Nonlinear Geotechnical Ground Response Analysis Procedures*, PEER Report 2008/04, Pacific Earthquake Engineering Research Center, College of Engineering University of California, Berkeley (August 2008).
8. Ramberg, W. and Osgood, W. "Description of stress strain curves by three parameters", Technical Note No. 902, National Advisory Committee for Aeronautics, Washington, DC (1943).
9. Pyke, R.M. "Nonlinear soil models for irregular cyclic loadings", *J. Geotech. Eng.*, **105**(GT6), pp. 715-726 (1979).
10. Masing, G. "Eigenspannungen and verfertigung beim messing", *Proc. 2nd Int. Congress on Applied Mech.*, Zurich, Switzerland (1926).
11. Muravskii, G. "On description of hysteretic behaviour of materials", *International Journal of Solids and Structures*, **42**(9-10), pp. 2625-2244 (2005).
12. Park, S.S. "A two-mobilized plane model and its application for soil liquefaction analysis", Ph.D. Thesis, Civil Engineering Department, University of British Columbia, BC, 215 p. (2005).
13. Muraleetharan, K.K., Deshpandeet, S. and Adalier, K. "Dynamic deformations in sand embankments: centrifuge modeling and blind, fully coupled analyses", *Canadian Geotechnical Journal*, **41**(1), pp. 48-69 (2004).
14. Pestana, J.M., Biscontin, G., Nadim, F. and Andersen, K. "Modeling cyclic behavior of lightly overconsolidated clays in simple shear", *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, **19**(7), pp. 501-519 (2000).
15. Pestana, J.M., Whittle, A.J. and Salvati, L.A. "Evaluation of a constitutive model for clays and sands: Part I - sand behaviour", *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, **26**(11), pp. 1097-1121 (2002).
16. Woodward, P.K. and Molenkamp, F. "Application of an advanced multi-surface kinematic constitutive soil model", *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, **23**(15), pp. 1995-2043 (1999).
17. Azizian, A. and Popescu, R. "Back analysis of the 1929 ground bank submarine slope failure", *An Earth Odyssey*, pp. 808-815 (2001).
18. Aydingun, O. and Adalier, K. "Numerical analysis of seismically induced liquefaction in earth embankment foundations, Part 1: Benchmark model", *Canadian Geotechnical Journal*, **40**, pp. 753-765 (2003).

19. Been, K., Jefferies, M.G., Hachey, J.E. and Rothenburg, L. "Numerical prediction for model No 2", In *Proceedings of the International Conference on the Verification of Numerical Procedures for the Analysis of Soil Liquefaction Problems*, Balkema, Rotterdam (1993).
20. Byrne, P.M., Park, S.-S., Beaty, M., Sharp, M., Gonzalez, L. and Abdoun, T. "Numerical modeling of liquefaction and comparison with centrifuge tests", *Canadian Geotechnical Journal*, **41**(2), pp. 193-211 (2004).
21. Park, S.-S., Byrne, P.M. and Wijewickreme, D. "A swinging plane model for soil liquefaction analysis", In *Proceedings of the Sixteenth International Conference on Soil Mechanics and Foundation Engineering*, Osaka, Japan (September 2005).
22. Kondner, R.L. and Zelasko, J.S. "A hyperbolic stress-strain formulation of sands", *Proc. 2nd Pan Am. Conf. on Soil Mech. and Found. Engrg.*, Brazilian Association of Soil Mechanics, Silo Paulo, Brazil, pp. 289-324 (1963).
23. Hashash, Y.M.A. and Park, D. "Non-linear one-dimensional seismic ground motion propagation in the Mississippi embayment", *Eng. Geology, Amsterdam*, **62**(1-3), pp. 185-206 (October 2001).
24. Hashash, Y.M.A. and Park, D. "Viscous damping formulation and high frequency motion propagation in nonlinear site response analysis", *Soil Dynamics and Earthquake Engrg.*, **22**(7), pp. 611-624 (2002).
25. Lee, M.K.W. and Finn, W.D.L., *DESRA-2: Dynamic Effective Stress Response Analysis of Soil Deposits with Energy Transmitting Boundary Including Assessment of Liquefaction Potential*, Soil Mechanics Series 36, Dept. of Civil Eng., Univ. of British Columbia, Vancouver, Canada, 60 p. (1978).
26. Vucetic, M. and Dobry, R., *Pore Pressure Buildup and Liquefaction at Level Sandy Sites During Earthquakes*, Research report CE-86-3, Dept. Civil Eng., Rensselaer Polytechnic Institute, New York (1986).
27. Matasovic, N. "D-MOD_2 - A computer program for seismic response analysis of horizontally layered soil deposits, earthfill dams, and solid waste landfills", User's Manual, GeoMotions, LLC, Lacey, Washington, 20 p. (plus Appendices) (2006).
28. McKenna, F. and Fenves, G.L. "The openSees command language manual, version 1.2.", Pacific Earthquake Engrg. Research Center, Univ. of Calif., Berkeley (2001).
29. Li, X.S., Wangand, Z.L. and Shen, C.K. "SUMDES: A nonlinear procedure for response analysis of horizontally-layered sites subjected to multi-directional earthquake loading", Dept. of Civil Eng., Univ. of Calif., Davis (1992).
30. Pyke, R.M., *TESS: A Computer Program for Nonlinear Ground Response Analyses*, TAGA Engineering Systems & Software, Lafayette, Calif. (2000).
31. Matasovic, N. and Vucetic, M., *Seismic Response of Horizontally Layered Soil Deposits*, Report No. ENG. 93-182, School of Engineering and Applied Science, University of California, Los Angeles (1993b).
32. Gerolymos, N. and Gazetas, G. "Constitutive model for 1-D cyclic soil behaviour applied to seismic analysis of layered deposits", *Soils and Foundation*, **45**(3), pp. 147-159 (2005).
33. Bouc, R. "Modelde mathematique dhysteresisg", *Acustica*, **21**, pp. 16-25 (1971).
34. Wen, L.-K. "Method for random vibration of hysteretic systems", *J. Engrg. mech., ASCE*, **102**(2), pp. 249-263 (1976).
35. Darendeli, M. "Development of a new family of normalized modulus reduction and material damping curves", Ph.D. Thesis, Dept. of Civil Eng., Univ. of Texas, Austin (2001).
36. Phillips, C. and Hashash, Y.M. "Damping formulation for nonlinear 1D site response analyses", *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, **29**(7), pp. 1143-1158 (2009).
37. Ishihara, K., Lysmer, J., Yasuda, S. and Hirao, H. "Prediction of liquefaction in sand deposits during earthquakes", *Soils and Foundations*, **16**(1), pp. 1-16 (1976).
38. Dobry, R., Pierce, W.G., Dyvik, R., Thomas, G.E. and Ladd, R.S., *Pore Pressure Model for Cyclic Straining of Sand*, Rensselaer Polytechnic Institute, Troy, New York (1985a).
39. Youd, T. L. "Compaction of sands by repeated shear straining", *Journal of Soil Mechanics and Foundation Division*, American Society of Civil Engineers, **98**(7), pp. 709-725 (1972).
40. Dobry, R., Vasquez-Herrera, A., Mohamad, R. and Vucetic, M. "Liquefaction flow failure of silty sand by torsional cyclic tests", *Advances in the Art of Testing Soils Under Cyclic Conditions*, Detroit, MI, pp. 29-50 (1985b).
41. Green, R.A., Mitchell, J.K. and Polito, C.P. "An energy-based excess pore pressure generation model for cohesionless soils", *Proceedings of the John Booker Memorial Symposium-Developments in Theoretical Geomechanics*, Publisher: A.A. Balkema, Rotterdam, Editors: D.W. Smith, J.P. Carter, pp. 383-390 (2000).
42. Seed, H.B., Martin, P.P. and Lysmer, J., *The Generation and Dissipation of Pore Water Pressure During Soil Liquefaction*, EERC 75-26, University of California, Berkeley (1975).
43. Kokusho, T. "Cyclic triaxial test of dynamic soil properties for wide strain range", *Soils and Foundations*, **20**(2), pp. 45-60 (1980).
44. Chillarige, A.V., Robertson, P.K., Morgenstem, N.R. and Christian, H.A. "Evaluation of the in situ state of Fraser river sand", *Canadian Geotechnical Journal*, **34**(4), pp. 510-519 (1997).
45. Chiaro, G., Koseki, J. and Nalin De Silva, L.I. "A density- and stress-dependent elasto-plastic model for sands subjected to monotonic undrained torsional shear loading", *Geotechnical Engineering Journal of the SEAGS & AGSSEA*, **44**(2), pp. 18-26 (June 2013).
46. Sivathayalan, S. "Static, cyclic and post liquefaction simple shear rsonse of sands", Ms. Thesis, The University of British Columbia, Vancouver (1994).
47. Sriskandakumar, S. "Cyclic loading response of Fraser river sand for numerical models simulating centrifuge tests", Ms. Thesis, Civil Eng. Dept., University of British Columbia, Vancouver, B.C. (2004).