

اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر در محل قرارگیری خط فریاتیک و پایداری سدهای باطله (مطالعه‌ی موردی: سد باطله‌ی مس سرچشمه)

علی پاک* (استاد)

نیکو عظیمی حسنی (کارشناس ارشد)
 دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف

این نوشتار به بررسی پایداری سازه‌های خاکی تحت تأثیر اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر می‌پردازد. اندرکنش خاک - اتمسفر در قالب پدیده‌های مختلف بر محل سطح فریاتیک در بدنه‌ی سازه‌های خاکی نظیر سدهای باطله و وضعیت پایداری آنها تأثیر می‌گذارد. در این پژوهش، پس از شناسایی مکانیزم‌ها و استخراج روابط حاکم بر آنها، تغییرات تراز خط فریاتیک در بدنه‌ی سازه‌های خاکی تعیین و پایداری این سازه‌ها مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج به‌دست‌آمده نشان می‌دهد هر چه عوامل اتمسفریک به تغییر بیشتری در محل خط فریاتیک منجر شوند، وضعیت پایداری سازه بیشتر دست‌خوش تغییر خواهد شد. در میان عوامل مطالعه‌شده در این پژوهش، میزان تأثیر پدیده‌های موینگی و تبخیر در پایداری بیشتر بوده است. در انتهای نوشتار، تأثیر شرایط اتمسفریک و اندرکنش خاک - اتمسفر در پایداری سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه‌ی کرمان مورد بررسی قرار گرفته است.

واژگان کلیدی: سد باطله، خط فریاتیک، پایداری، اندرکنش خاک - اتمسفر، موینگی.

pak@sharif.edu
 nikooazimi@yahoo.com

۱. مقدمه

شده است. در نوشتار مذکور، مهم‌ترین عوامل مؤثر در اندرکنش خاک - اتمسفر مورد بررسی قرار گرفته و به ارائه‌ی روابط کمی برای تعیین آنها پرداخته شده است. پس از آن، موضوع ذکرشده مورد توجه بیشتری قرار گرفته و در پژوهش‌های متعددی^[۱-۱۱] به بررسی دقیق‌تر آن پرداخته شده است. همچنین در پژوهشی در سال ۲۰۰۸^[۱۱] اثرات اتمسفریک در قالب انرژی خورشیدی در پایداری سدهای باطله بررسی شده است. در پژوهش دیگری در سال ۲۰۱۱^[۱۲] نیز به بررسی اثرات تغییر مکش در خاک ناشی از بارندگی شدید در پایداری سدهای باطله پرداخته شده است. برخی دیگر از پژوهشگران به بررسی این اثرات در پایداری سدهای باطله به‌صورت جنبی پرداخته‌اند.^[۱۳] اما هنوز به مطالعات بیشتری در این زمینه نیاز است. به ویژه در محبت خاک‌های غیراشباع علاوه بر اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر، باید اثرات اندرکنشی خاک‌های غیراشباع و اتمسفر، که مهم‌ترین آن پدیده‌ی موینگی است، نیز لحاظ شود.

اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر تاکنون به‌ندرت در تحلیل و طراحی‌های مهندسی مورد استفاده قرار گرفته است. در این نوشتار با لحاظ کردن عوامل مختلف ناشی از اثرات اندرکنش خاک و اتمسفر نظیر بارش، جذب گیاهی، رواناب، تبخیر و تعرق، و موینگی، الگوریتم جدیدی برای لحاظ کردن اثر این عوامل در محل قرارگیری خط فریاتیک و پایداری سدهای باطله ارائه شده است.

در این پژوهش، ابتدا مکانیزم‌ها و روابط تئوریک موجود برای تعیین اندرکنش

محل تراز سطح آزاد آب در بدنه‌ی سازه‌های خاکی نظیر سدهای باطله، که در اصطلاح خط فریاتیک نامیده می‌شود، از مهم‌ترین عوامل تأثیرگذار در پایداری سازه‌های مذکور است. عوامل متعددی باعث ایجاد تغییر در تراز خط فریاتیک می‌شوند، که در آن میان می‌توان به اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر در قالب پدیده‌هایی چون بارش، رواناب، جذب گیاهی، تبخیر و تعرق، و اثرات اندرکنشی خاک‌های غیراشباع و اتمسفر در قالب پدیده‌ی موینگی اشاره کرد.^[۱]

اندرکنش خاک - اتمسفر از موضوعاتی است که در سال‌های اخیر مورد توجه زیادی قرار گرفته است. بررسی نحوه‌ی اندرکنش خاک با محیط پیرامون آن، برای اولین بار در سال ۱۹۵۸ مورد توجه قرار گرفته است.^[۲] سپس در سال‌های ۱۹۶۷^[۳] و ۱۹۹۰^[۴] تا حدی به موضوع ذکرشده پرداخته شده و برخی جنبه‌های آن مورد بررسی قرار گرفته است. اگرچه در گذشته، پدیده‌های مؤثر در این چرخه هر یک به‌صورت جداگانه مورد بررسی قرار گرفته است (به‌عنوان مثال پدیده‌ی تبخیر از خاک توسط مهندسان کشاورزی مطالعه و روابط متعددی برای آن ارائه شده است).^[۵-۷] اما مطالعات جامع و گسترده در این زمینه برای اولین بار در پژوهشی در سال ۱۹۹۷^[۸] صورت گرفته و نتایج آن در سی و هفتمین سخنرانی سالانه‌ی رانکین لاکچر^۱ منتشر

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۳/۴/۲۵، اصلاحیه ۱۳۹۳/۱۱/۱۲، پذیرش ۱۳۹۳/۱۱/۲۱

برای تعیین میزان جذب آب از طریق گیاهان، روابط مختلفی ارائه شده است. این کمیت به عوامل گوناگونی چون نوع و تراکم پوشش گیاهی، وضعیت ریشه گیاهان، عمر گیاهان ناحیه، آب و هوای منطقه، و... بستگی دارد، به طوری که در نظر گرفتن کلیه عوامل مذکور مستلزم به کارگیری روابط پیچیده‌ی است. در پژوهشی در سال ۱۹۹۷^[۸]، میزان جذب گیاهی برای ناحیه‌ی با پوشش گیاهی متوسط برابر ۰/۱ میلی‌متر در روز در نظر گرفته شده است.

برای تعیین میزان تبخیر و تعرق روابط تجربی متعددی ارائه شده است،^[۱۶-۱۷] که دقت نسبتاً بالایی دارند. میزان تبخیر را می‌توان به کمک رابطه‌ی Penman (رابطه‌ی ۴) تعیین کرد:

$$E_p = \frac{\Delta R_n / \lambda + \gamma E_a}{\Delta + \gamma} \quad (4)$$

که در آن، E_p پتانسیل تبخیر بر حسب میلی‌متر، Δ شیب نمودار فشار بخار اشباع بر حسب دما، R_n تابش ورودی خالص خورشیدی، λ گرمای نهان برای تبخیر آب بر حسب J/kg ، γ ثابت Psychrometric و برابر Pa/C و 66 و E_a تبخیر ظاهری است، که از رابطه‌ی ۵ به دست می‌آید:

$$E_a = 0.165(e_{sat} - e_a)(0.18 + \frac{u_2}{100}) \quad (5)$$

که در آن، e_{sat} فشار بخار اشباع در هوا (mbar)، e_a فشار بخار واقعی در هوا (mbar)، و u_2 سرعت باد در ارتفاع ۲ متری از سطح زمین (km/day) است. با توجه به اینکه واحدهای Δ و γ برابر Pa/C است، اگر واحد R_n برابر J/m^2 در روز و λ واحد J/kg داشته باشد، واحد E_p برابر kg/m^2 و یا با فرض چگالی آب، $1000 kg/m^3$ معادل mm/day خواهد بود.^[۱۶]

برای تعیین R_n در ابتدا میزان R_A تابش خالص ورودی در بالای اتمسفر به کمک رابطه‌ی ۶ تعیین می‌شود:

$$R_A = S_0 (1 - \alpha) (\sin \varphi \sin \delta + \cos \varphi \cos \delta) \quad (6)$$

که در آن، R_A تابش خالص ورودی در بالای اتمسفر، S_0 ثابت خورشیدی (W/m^2) 1380 ، α آلبدوی انعکاس پوشش گیاهی است، که مقدار آن در بازه‌ی 0.3 تا 0.5 تغییر می‌کند، φ عرض جغرافیایی نقطه‌ی مورد نظر و δ زاویه‌ی انحراف تابش خورشید در این نقطه است، که از صفر تا 23.5 درجه متغیر است. انرژی تابش خورشید در سطح زمین R_i ، بر حسب R_A قابل محاسبه است و از رابطه‌ی ۷ به دست می‌آید:

$$R_i / R_A = 0.09 + 0.17C \quad (7)$$

که در آن، C میزان ابرناکی^۸ منطقه‌ی مورد مطالعه است، که با اندازه‌گیری سهم پوشیده از ابر در مساحتی مشخص تعیین می‌شود. پس از تعیین C ، میزان انرژی خالص جذب‌شده‌ی خورشید (R_n)، را می‌توان با استفاده از رابطه‌ی ۸ تعیین کرد:

$$R_n = R_i (1 - \beta) \quad (8)$$

که در آن، β آلبدوی انعکاس سطح است.^[۱۹]

بدین ترتیب مقادیر هر یک از پدیده‌های غالب در اندرکنش خاک - اتمسفر تعیین می‌شود. اما از آنجا که در محدوده‌ی بالای خط فریاتیک، مصالح خاکی در حالت غیراشباع هستند، پدیده‌ی موئینگی نیز تأثیر به‌سزایی در تغییر تراز خط فریاتیک خواهد داشت. براساس مطالعات انجام‌شده‌ی در سال 1904 ^[۲۰]، ارتفاع

خاک - اتمسفر ارائه و براساس آنها، مقادیر کمی جابه‌جایی خط فریاتیک تحت تأثیر عوامل ذکر شده تعیین شده است. در ادامه، کار به منظور صحت‌سنجی مدل ارائه شده، سد باطله‌ی معدن نیکل Pedro Sotto Allos در کشور کوبا و سد باطله‌ی معدن روی Aitik در کشور سوئد مدل‌سازی شده و پس از به دست آمدن نتایج مناسب، مدل‌سازی عددی سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه با لحاظ کردن عوامل ذکر شده انجام شده و پایداری سد در اثر جابه‌جایی تراز فریاتیک مورد ارزیابی قرار گرفته است.

۲. روابط تئوریک حاکم بر مسئله

همان‌گونه که ذکر شده است، اندرکنش خاک - اتمسفر در قالب پدیده‌هایی چون بارش^۱، رواناب^۲، جذب گیاهی^۳، تبخیر و تعرق^۴، قابل بررسی است. شکل ۱، نمایی کلی از مجموعه‌ی این عوامل را نشان می‌دهد. با تعیین مقادیر کمی پدیده‌های ذکر شده و براساس رابطه‌ی عمومی^۱، می‌توان میزان نفوذ آب^۵ در خاک و به تبع آن تغییر در تراز خط فریاتیک را تعیین کرد.^[۸]

(تبخیر و تعرق + رواناب + جذب گیاهی) - بارش = نفوذ

$$I = P - (A + Q + E) \quad (1)$$

میزان بارش (P) در هر ناحیه را می‌توان با اندازه‌گیری مستقیم و یا به کمک داده‌های هواشناسی تعیین کرد. این تذکر لازم است که بارش‌ها طبیعتاً ماهیتی تصادفی دارند و در ماه‌های مختلف سال و همچنین در سال‌های مختلف متفاوتند.

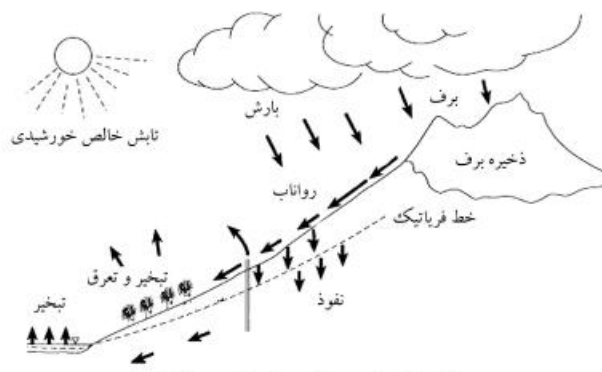
بخشی از بارش‌های جوی (P) در قالب رواناب در سطح زمین جریان می‌یابد. مقدار رواناب براساس داده‌های مربوط به بارش در محل مورد مطالعه، و به کمک مدل هیدرولوژیکی SCS (۱۹۵۷)^[۱۹] با استفاده از رابطه‌ی ۲ قابل اندازه‌گیری است:

$$Q = \frac{(P - 0.2S)^2}{(P + 0.8S)} \quad (2)$$

که در آن، Q مقدار رواناب، P میزان بارش، و S بیشینه‌ی پتانسیل نگه‌داری آب توسط خاک بر حسب میلی‌متر است. S با استفاده از رابطه‌ی ۳ به دست می‌آید:

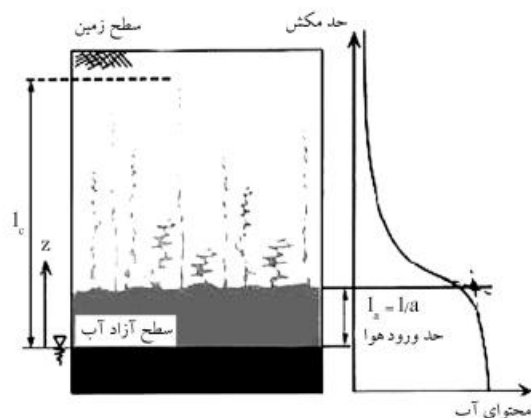
$$S = \frac{25400}{CN} - 254 \quad (3)$$

که در آن، CN معرف شماره‌ی منحنی^۷ و پارامتری بدون بعد بین صفر تا 100 است، که با توجه به کاربری زمین، نوع خاک، و شرایط هیدرولوژیکی محلی به دست می‌آید.^[۲۱]



شکل ۱. اجزاء مختلف توازن آب و خاک.^[۸]

ورودی در هر مورد مطالعاتی، میزان جابه‌جایی تراز سطح فریاتیک را محاسبه می‌کند. از خروجی برنامه‌ی تهیه‌شده برای تحلیل پایداری سازه‌های خاکی به طور اعم و پایداری سدهای باطله‌ی معادن، که موضوع این پژوهش است، می‌توان به‌طور اخص استفاده کرد. این روند برای تحلیل اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر و ارزیابی پایداری چند سد باطله مثل سد باطله‌ی معدن نیکل Pedro Sotto Alloo در کشور کوبا و سد باطله‌ی معدن روی Aitik در کشور سوئد مورد صحت‌سنجی قرار گرفته است، که نتایج آن در پژوهشی در سال ۱۳۲۵ [۲۶] ارائه شده است. در نوشتار حاضر، کاربرد روش پیشنهادی در خصوص پایداری سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه‌ی کرمان ارائه شده است.



شکل ۲. ناحیه‌ی موتینه برای پروفیلی از خاک. [۱۷]

۴. بررسی اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر در تحلیل

پایداری سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه‌ی کرمان

به منظور نشان‌دادن اعتبار و کارایی الگوریتم پیشنهادی و ارزیابی اثر تغییر سطح فریاتیک در پایداری سدهای خاکی، سد باطله‌ی در دست احداث معدن مس سرچشمه‌ی کرمان مورد توجه قرار گرفته است. این سد در نزدیکی شهر رفسنجان واقع بوده و مهم‌ترین و بزرگ‌ترین سد باطله‌ی ایران است. سد باطله‌ی اصلی مس سرچشمه، یک سد خاکی با هسته‌ی رسی است، که ۷۵ متر ارتفاع و ۱۲۰ میلیون مترمکعب حجم ذخیره دارد. با پوشیدن مخزن سد در سال ۱۳۷۷، مخزن به دو بخش مجزای آب و باطله تقسیم شده است. بخش باطله‌ها نیز خود به خلیج‌ها یا سلول‌هایی برای انباشت باطله‌ها تقسیم شده است. خاکریزهای جداکننده‌ی این خلیج‌ها به‌صورت بالارو افزایش ارتفاع می‌یابد و دومی باطله‌ها در آن صورت می‌گیرد. ترفیع سد باطله در جبهه‌ی شمال شرقی این سد باطله به کمک ساخت خاکریزهایی به روش بالارو مد نظر است. [۲۸، ۲۷]

در این پژوهش از نرم‌افزار Plaxis Ver.8 برای تحلیل‌های عددی استفاده شده و با توجه به طول زیاد سد باطله، تحلیل‌های انجام‌شده به‌صورت دو بعدی و با فرض کرنش مسطح صورت گرفته است. فرایند ترفیع سد در ۸ مرحله پیش‌بینی شده است، به صورتی که در هر مرحله، خاکریزی به ارتفاع ۵ متر بر روی رسوبات قبلی احداث می‌شود.

مدل رفتاری خاک سخت‌شونده، مدل مناسبی برای مدل‌کردن رفتار باطله‌هاست، زیرا نتایج حاصل از آزمایش‌های سه‌محوری انجام‌شده بر روی مصالح باطله، تطابق خوبی را با مدل رفتاری خاک سخت‌شونده نشان می‌دهد.

نمونه‌ی از مقایسه‌ی نتایج آزمایش سه محوری و داده‌های حاصل از رفتار مدل‌سازی شده به کمک مدل رفتاری خاک سخت‌شونده به ازاء مقادیر مختلف تنش همه‌جانبه برای خاک با وزن مشخص در شکل ۴ ارائه شده است.

مدل خاک سخت‌شونده، یک مدل پیشرفته برای شبیه‌سازی رفتار خاک است. این مدل برای شبیه‌سازی رفتار انواع مختلفی از خاک‌ها به‌کار می‌رود، که در آن برخلاف مدل کشسان‌خمیری کامل، سطح تسلیم در فضای تنش‌های اصلی ثابت نیست و با گسترش کرنش‌های خمیری این سطح تسلیم بزرگتر می‌شود. تفاوت اساسی مدل سخت‌شونده با مدل موهر-کولمب در این است که در مدل سخت‌شونده مدول سختی تابع تنش است، یعنی سختی - با افزایش فشار خاک افزایش می‌یابد. به همین دلیل از این مدل برای مدل‌سازی رفتار سدهای باطله استفاده شده است. میزان وابستگی سختی به مسیر تنش با توان m مشخص می‌شود. به‌عنوان مثال

جبهه‌ی موتینگی متناسب با مقدار مکش ورود هوا^۹ در منحنی نگه‌داشت آب - خاک (WRC)^{۱۰} برای خاک‌های غیراشباع است (شکل ۲).

لذا با تعیین مقادیر مکش متناظر با ورود هوا از منحنی نگه‌داشت آب - خاک، برای خاک مورد مطالعه می‌توان ارتفاع ناحیه‌ی موتینه و به دنبال آن تغییر تراز خط فریاتیک را تعیین کرد. [۲۱]

ممکن است در مواردی نیز امکان دسترسی مستقیم به منحنی نگه‌داشت آب - خاک برای مصالح خاکی مورد مطالعه مقدور نباشد. در این شرایط می‌توان با استفاده از منحنی دانه‌بندی خاک، منحنی نگه‌داشت آب - خاک را تعیین کرد.

در برخی پژوهش‌ها، [۲۲-۲۱] مدل‌هایی بدین منظور ارائه شده و در تمامی آن‌ها از رابطه‌ی فردلند و زینگ (۱۹۹۴)، [۲۵] به‌صورت رابطه‌ی ۹ استفاده شده است:

$$S(z) = \left[1 - \frac{\ln\left(1 + \frac{\psi}{h_r}\right)}{\ln\left(1 + \frac{\psi_{cr}}{h_r}\right)} \right] \left(\frac{1}{\{\ln[e + (\frac{\psi}{\sigma_f})^{b_f}]\} c_f} \right) \quad (9)$$

که در آن S ، درجه اشباع، a_f پارامتری وابسته به میزان مکش، b_f پارامتری وابسته به میزان نرخ غیر اشباع شدن خاک، c_f پارامتری وابسته به میزان انحنای نمودار در مقادیر بالای مکش، و h_r پارامتر ثابت معرف مکش خاک در رطوبت نسبی باقیمانده‌ی خاک است. [۲۵]

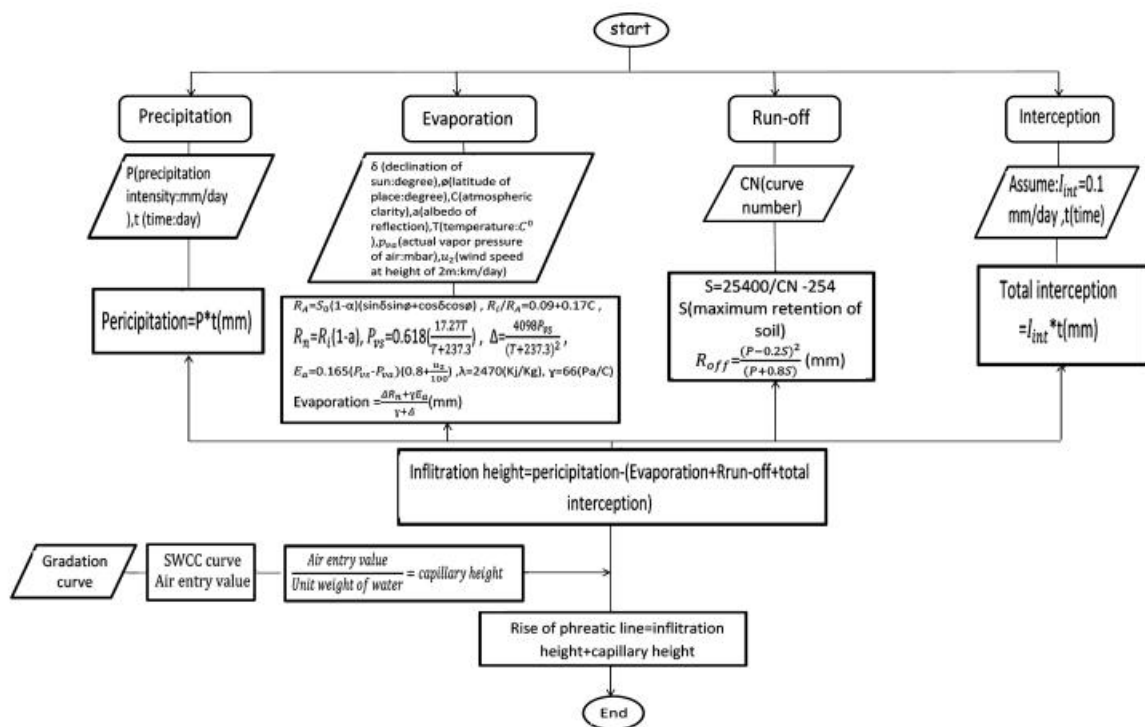
برای تعیین مقادیر پارامترهای a_f ، b_f ، c_f و h_r با کمک منحنی دانه‌بندی خاک و حدود اتریگ می‌توان مدل‌های مذکور را به کار برد.

مجموعه‌ی روابط به‌کاررفته در مدل‌های مذکور در پیوست این نوشتار ارائه شده است.

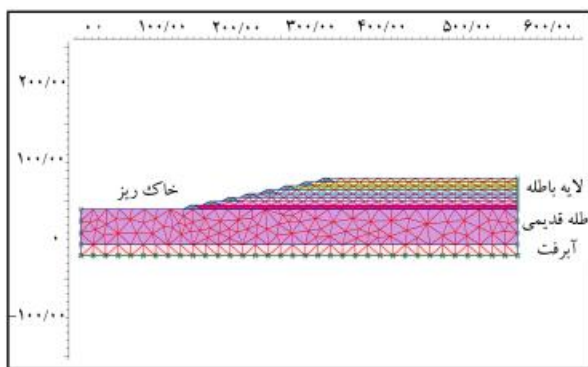
۳. مدل‌سازی اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر

مجموعه‌ی عوامل مربوط به اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر و اثرات تغییر رطوبت در خاک‌های غیراشباع، که در تراز سطح فریاتیک و به دنبال آن در پایداری سازه‌های خاکی تأثیرگذار هستند، مطابق شکل ۳ در قالب یک مدل مفهومی جمع‌آوری شده است. همان‌طور که در شکل ۳ مشاهده می‌شود، ۴ عامل اصلی: بارش، تبخیر، رواناب، و جذب گیاهی در شاخه‌های مختلفی مورد بررسی قرار گرفته و روابط کمی مناسب برای تعیین آنها ارائه و در انتهای کار نیز اثر پدیده‌ی موتینگی، که عامل تأثیرگذار در اندرکنش خاک‌های غیراشباع و اتمسفر است، لحاظ شده است.

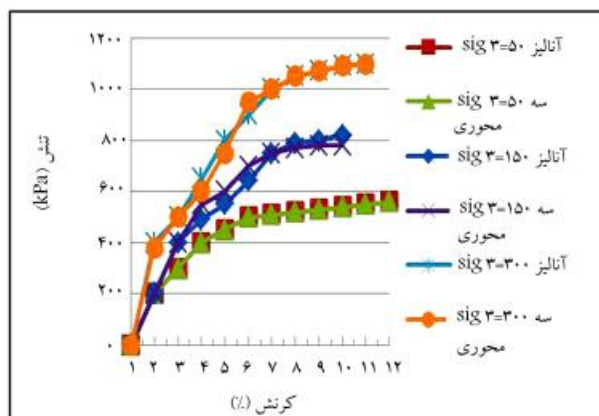
به منظور بررسی میزان تأثیر مجموعه‌ی عوامل ذکرشده، یک برنامه‌ی رایانه‌ی تهیه شده است، که با استفاده از روابط ارائه شده در بخش ۲ و با دریافت داده‌های



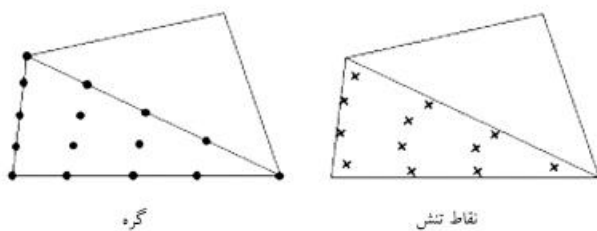
شکل ۳. روند تغییرات تراز خط فریاتیکی.



شکل ۵. مقطع و مش در نظر گرفته شده برای تجزیه و تحلیل سد باطله‌ی سرچشمه. [۲۶]



شکل ۴. نمونه‌یی از مقایسه‌ی نتایج آزمایش‌های سه محوری با رفتار مدل‌سازی شده با مدل خاک سخت‌شونده‌ی مصالح باطله (γd = ۱٫۹).



شکل ۶. گره و نقاط تنش در المان ۱۵ گره‌یی. [۲۹]

شکل ۶، محل قرارگیری گره‌ها و نقاط تنش را در المان ۱۵ گره‌یی نشان می‌دهد. در نرم‌افزار Plaxis امکان انتخاب المان‌های ۶ یا ۱۵ گره‌یی برای کاربرد وجود دارد، که در این میان المان ۱۵ گره‌یی با امکان درون‌یابی از مرتبه‌ی ۴ استفاده از ۱۲ نقطه‌ی گوسی (نقاط تنش) برای انتگرال‌گیری عددی، دقیق‌تر است و در مسائل پیچیده، نتایج قابل قبولی را ارائه می‌دهد. به ویژه در مسائل غیرمتقارن توصیه می‌شود که از المان‌های ۱۵ گره‌یی استفاده شود. [۲۹]

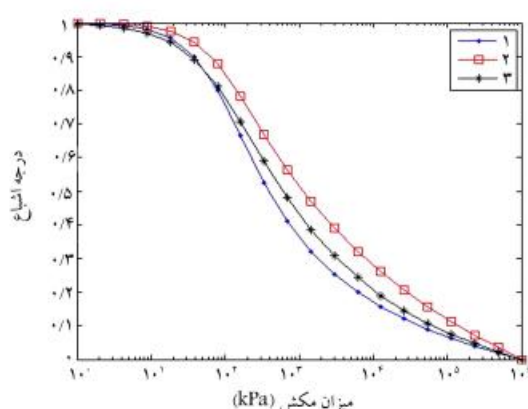
برای شبیه‌سازی وابستگی لگاریتمی به تنش در رس‌های نرم، پارامتر m برابر ۱ انتخاب می‌شود. این پارامتر برای سیلت و ماسه‌های نروژ برابر ۰٫۵ گزارش شده است (Janbu, ۱۹۶۳). در مدل‌سازی بر روی باطله‌های معدن مس سرچشمه نیز m = ۰٫۵ فرض شده است. [۲۹]

این مدل تغییرات کرنش محوری را با تنش انحرافی به صورت هذلولی فرض می‌کند. در این مدل Rf نسبت شکست است، که همواره کوچکتر از ۱ است و به عنوان پیش‌فرض در نرم‌افزار برابر ۰٫۹ در نظر گرفته می‌شود. E_{0.95}^{sec} سختی سکانتی در ۵٪ مقاومت نهایی (q_f) در بارگذاری در فشار مینا هستند.

شکل ۵، مقطع و مش FEM سد باطله را برای هشتمین مرحله‌ی ترفیع نشان می‌دهد. در این مقطع تعداد ۱۲۸۶ المان مثلثی ۱۵ گره‌یی در مدل‌سازی اجزاء محدود سد به‌کار رفته است.

جدول ۱. پارامترهای به کاررفته در تجزیه و تحلیل سد باطله‌ی سرچشمه. [۲۶]

M	R _f	E _{δ_o} ^{ref} (kPa)	φ'	c' (kPa)	k _v (m/day)	k _h (m/day)	γ _{wet}	مصالح
۰٫۵	۰٫۹	۱۰۰۰۰	۲۶	۷٫۵	۰٫۰۰۰۱	۰٫۰۰۲	۱۹٫۰	باطله‌ی ۱
۰٫۵	۰٫۹	۱۰۵۰۰	۲۶٫۵	۷٫۵	۰٫۰۰۰۷۵	۰٫۰۰۱۵	۱۹٫۴	باطله‌ی ۲
۰٫۵	۰٫۹	۱۱۰۰۰	۲۷	۷٫۵	۰٫۰۰۰۵	۰٫۰۰۱	۱۹٫۸	باطله‌ی ۳
۰٫۵	۰٫۹	۱۱۵۰۰	۲۷٫۵	۷٫۵	۰٫۰۰۰۲۵	۰٫۰۰۰۵	۲۰٫۲	باطله‌ی ۴
۰٫۵	۰٫۹	۱۲۰۰۰	۲۸	۷٫۵	۰٫۰۰۰۱	۰٫۰۰۰۲	۲۰٫۶	باطله‌ی ۵
۰٫۵	۰٫۹	۱۲۵۰۰	۲۸٫۵	۷٫۵	۰٫۰۰۰۷۵	۰٫۰۰۱۵	۲۱٫۰	باطله‌ی ۶
۰٫۵	۰٫۹	۱۳۰۰۰	۲۹	۷٫۵	۰٫۰۰۰۵	۰٫۰۰۰۱	۲۱٫۴	باطله‌ی ۷
۰٫۵	۰٫۹	۱۳۵۰۰	۲۹٫۵	۷٫۵	۰٫۰۰۰۲۵	۰٫۰۰۰۵	۲۱٫۸	باطله‌ی ۸
۰٫۵	۰٫۹	۱۴۰۰۰	۳۱	۷٫۵	۰٫۰۰۰۱	۰٫۰۰۰۲	۲۲	باطله‌ی قدیمی
۰٫۵	۰٫۹	۳۵۰۰۰	۳۶	۳۰	۱	۱	۲۱	خاکریز
۰٫۵	۰٫۹	۵۰۰۰۰	۳۴	۱۰	۰٫۰۰۱۷	۰٫۰۰۱۷۳	۲۰	آبرفت



شکل ۷. منحنی WRC رسم شده با مدل‌های مختلف نمودار ۱. مدل Zapata (۱۹۹۹)، نمودار ۲. مدل Witczak (۲۰۰۶)، نمودار ۳. مدل Tores Hernan-dez (۲۰۱۰).

نمودار شکل ۳ برابر ۲۹٫۴ میلی‌متر و میزان جذب گیاهی در طول سال با فرض مقدار متوسط ۰٫۱ میلی‌متر در روز (شاخه‌ی ۴ نمودار شکل ۳) در حدود ۳۶٫۶ میلی‌متر است. به منظور تعیین ارتفاع موئینه در ناحیه‌ی غیراشباع از بدنه‌ی سد باطله لازم است منحنی نگه‌داشت آب - خاک با کمک روش‌های ذکر شده، از منحنی دانه‌بندی مصالح باطله استخراج شود. شکل ۷، این منحنی را براساس ۳ روش ذکر شده در پیوست نشان می‌دهد.

براساس نمودارهای ذکر شده در شکل ۷، میزان مکش متناظر با ورود هوا برای مواد باطله تقریباً برابر ۲۰ کیلوپاسکال است، که با تقسیم آن به وزن مخصوص آب، ارتفاع ناحیه‌ی موئینه معادل ۲۰۳۰ میلی‌متر تعیین شده است. با اعمال مجموعه‌ی اثرات ذکر شده و با فرض شرایط بحرانی در طول یک سال، تراز خط فریاتیک به اندازه‌ی ۵۱۰۶ میلی‌متر تغییر می‌یابد. در جدول ۲، عوامل مؤثر در جابه‌جایی سطح آزاد آب و مقادیر مربوط به هر یک ارائه شده است.

در تحلیل‌های پایداری سد، در هر مرحله از ترفیع سد باطله، ضریب اطمینان پایداری برای محل اولیه‌ی خط فریاتیک در بدنه‌ی سد محاسبه شده است. در مرحله‌ی بعد به منظور بررسی اثرات جابه‌جایی تراز فریاتیک، پس از جابه‌جایی محل خط فریاتیک به میزان محاسبه شده براساس داده‌های هواشناسی و به کمک برنامه‌ی

با توجه به اینکه در سمت چپ و راست مقطع مورد نظر از سد باطله، مصالح باطله قرار دارد، حرکت افقی در این دو مرز بسته شده است، اما بر حرکت قائم قیدی اعمال نشده است. علاوه بر آن این دو مرز نفوذناپذیر فرض شده‌اند که با توجه به نفوذپذیری بسیار پایین باطله‌ها (در مرزها) این فرض منطقی است. در مرز پایینی آبرفت قرار دارد، که ضخامت آن در بحرانی‌ترین مقطع در حدود ۱۴ متر است. نفوذپذیر بودن این لایه تأثیر چندانی در پایداری سد به ویژه در ارتفاعات کمتر سد باطله (ارتفاع کمتر از ۲۵ متر) نخواهد داشت، چرا که در اثر نفوذپذیری پایین باطله‌ها، تحکیم و زائل شدن فشارهای آب حفره‌ی به کندی صورت می‌گیرد. با احداث خاکریزها در هر مرحله به دلیل وزن لایه‌های جدیدالاحداث و نیز فرایند تحکیم، که در طی زمان اتفاق می‌افتد، ویژگی‌های مقاومتی لایه‌های باطله‌ی پایین‌تر بهبود می‌یابد. جدول ۱، مقادیر پارامترهای ژئوتکنیکی به کاررفته را برای مصالح مختلف سد باطله نشان می‌دهد، که در آن φ' و c' به ترتیب پارامترهای مقاومتی زاویه‌ی اصطکاک و چسبندگی و k_v و k_h به ترتیب ضرایب نفوذپذیری خاک در جهت‌های افقی و قائم بر حسب متر بر روز و γ_w وزن مخصوص خاک مرطوب بر حسب KN/m^۳ هستند.

با توجه به اطلاعات هواشناسی به دست آمده از سازمان هواشناسی کشور، بحرانی‌ترین بارش در محدوده‌ی سد و در طی ۵ سال گذشته، در سال ۲۰۰۹ روی داده است. لذا از اطلاعات سال ۲۰۰۹، برای انجام تحلیل‌های پایداری استفاده شده است. در سال مذکور میزان بارش برابر ۸۲٫۷ میلی‌متر بوده است. در کنار بارش، دبی ورودی رودخانه‌هایی که در حوضه‌ی آبریز این سد باطله قرار دارند نیز منجر به آورد سیلاب به پشت سد می‌شود. دبی رودخانه‌ی شور در سال ۲۰۰۹ برابر ۱۰٫۲ میلیون مترمکعب بوده است، که با تقسیم آن به مساحت دریاچه، که معادل ۷٫۳ کیلومتر مربع است، تغییری معادل ۱۳۲۵٫۹۸ میلی‌متر در تراز آب سد ایجاد می‌شود. همچنین به منظور بررسی بحرانی‌ترین شرایط، سیلابی با دوره‌ی بازگشت ۵۰ ساله در نظر گرفته شده است، که حجمی معادل ۱۴٫۱ میلیون مترمکعب را وارد دریاچه و تغییری معادل ۱۹۳۶٫۸۱ میلی‌متر را در محل خط فریاتیک ایجاد می‌کند. پس از انجام محاسبات مورد نیاز برای تعیین میزان تبخیر، با استفاده از پارامترهای ورودی مناسب که در شاخه‌ی ۲ در شکل ۳ مشاهده می‌شود، تبخیر سالانه‌ی معادل ۲۰۲٫۷۲ میلی‌متر برآورد شده است.

میزان رواناب نیز با توجه به محاسبات انجام شده در موئینگی در شاخه‌ی ۳

جدول ۲. عوامل مؤثر در جابه‌جایی تراز فریاتیکی و مقادیر نظیر آن.

عوامل مؤثر در جابه‌جایی سطح آزاد آب	میزان جابه‌جایی تراز فریاتیکی (میلی‌متر)
بارش	۸۲٫۷
دبی رودخانه‌ی شور	۱۳۲۵٫۹۸
سیلاب	۱۹۳۶٫۸۱
تبخیر سطحی	۲۰۲٫۷۲
رواناب	۲۹٫۴۰
جذب گیاهی	۳۶٫۶
موتینگی	۲۰۳۰

فریاتیکی، ضریب اطمینان به حد ۱/۳۱۴ کاهش یافته است. این بدان معناست که در هفتمین مرحله از ترفیع سد باطله، وضعیت سد کماکان پایدار است؛ اما در صورت بروز شرایط بحرانی از نظر بارش و جابه‌جایی تراز خط فریاتیکی، وضعیت سد ناایمن ارزیابی می‌شود. در مرحله‌ی هشتم ترفیع سد با کاهش ضرایب اطمینان، وضعیت سد باطله به لحاظ شرایط اتمسفریک بحرانی‌تر خواهد شد (ضریب اطمینان برای این حالت برابر ۱/۳۹۴ است). لذا توصیه می‌شود تا حد امکان از ترفیع مرحله‌ی هشتم و ساخت آخرین خاکریز اجتناب شود، چرا که در این حالت در صورت بالا رفتن تراز خط فریاتیکی برای مرحله‌ی هشتم ترفیع سد، ضریب اطمینان ۱/۱۴۷ می‌شود و سد در مرز ناپایداری قرار خواهد گرفت. همچنین در مرحله‌ی ۷، یعنی ساخت هفتمین خاکریز، نیز باید به شرایط آب و هوایی دقت لازم را کرد تا در صورت زیادتر شدن مقادیر بارش، حجم سیلاب‌های ورودی و یا آب‌دهی رودخانه‌ی شور از مقادیر پیش‌بینی شده، که منجر به تغییر بیشتر در تراز خط فریاتیکی می‌شود، تمهیدات لازم برای پایدارسازی سد اندیشیده شود.

۵. نتیجه‌گیری

در این نوشتار، اهمیت لحاظ کردن اثرات اندرکنشی خاک - اتمسفر در تراز سطح فریاتیکی در بدنه‌ی سازه‌های خاکی و پایداری آنها مورد بحث قرار گرفته است. عوامل مختلف اندرکنش خاک - اتمسفر چون بارش، جذب گیاهی، رواناب، تبخیر و تعرق، و نیز پدیده‌ی موتینگی از مهم‌ترین عوامل مؤثر در تراز خط فریاتیکی هستند که در قالب یک برنامه‌ی رایانه‌ی برای محاسبه‌ی مقادیر کمی تغییر تراز سطح فریاتیکی توسعه داده شده است.

همچنین چگونگی تعیین اثر تغییر رطوبت خاک در تراز آب موتین در خاک‌های غیراشباع مورد بررسی قرار گرفته است. در انتها، اثرات اندرکنشی خاک - اتمسفر در پایداری سازه‌های خاکی و به طور خاص پایداری سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه‌ی کرمان بررسی شده است. نتایج این پژوهش را می‌توان به این صورت عنوان کرد:

۱. در میان عوامل بررسی شده، پدیده‌ی موتینگی، به ویژه در سدهای باطله با مصالح ریزدانه، بیشترین تأثیر را در جابه‌جایی تراز خط فریاتیکی دارد. بررسی‌ها نشان می‌دهد در مصالح ریزدانه، حدوداً ۵۰٪ از میزان جابه‌جایی تراز فریاتیکی مربوط به پدیده‌ی موتینگی است.
۲. پدیده‌ی تبخیر به ویژه در مناطق با آب و هوای گرم و خشک، تغییرات قابل ملاحظه‌ی را در تراز خط فریاتیکی در بدنه‌ی سدهای باطله ایجاد می‌کند. این پدیده در مناطقی با میزان تبخیر زیاد با پایین آوردن تراز خط فریاتیکی، کمک به پایداری سدهای باطله می‌کند.
۳. براساس نوع پوشش گیاهی منطقه، به ویژه در مناطق با پوشش گیاهی ضعیف، بخش قابل ملاحظه‌ی از بارش می‌تواند به صورت رواناب روی سطح زمین جریان یابد، که در اثر آن تغییرات تراز خط فریاتیکی نیز کاهش خواهد یافت، اما اثرات این پدیده ناچیز (حدوداً ۵٪) بوده و با توجه به پیچیدگی محاسبه‌ی آن، قابل صرف نظر کردن است.
۴. در هر مرحله از ترفیع سد باطله، اعمال تغییرات تراز خط فریاتیکی منجر به تغییر در وضعیت پایداری سد باطله می‌شود. چنانچه مجموعه‌ی عوامل مؤثر منجر به بالا رفتن تراز خط فریاتیکی شود، وضعیت سد باطله ناپایدارتر و چنانچه مجموعه‌ی این عوامل منجر به کاهش تراز خط فریاتیکی شود، سد به وضعیت پایدارتری خواهد رسید.



شکل ۸. نمودار تغییرات ضرایب اطمینان به ازاء مراحل مختلف ساخت خاکریز.

تهیه شده (معادل ۵۱۰۶ متر)، مجدداً تحلیل پایداری انجام و ضرایب اطمینان برای هر مرحله تعیین شده است. شکل ۸، تغییرات ضرایب اطمینان را برای مراحل مختلف ساخت سد باطله نمایش می‌دهد.

مطابق شکل ۸، پایداری سد باطله با هر مرحله از ساخت خاکریز جدید کاهش می‌یابد. به عبارت دیگر، پس از احداث خاکریزها در هر مرحله از ترفیع سد باطله‌ی بالارو، ضریب اطمینان کاهش قابل ملاحظه‌ی را نشان می‌دهد. در سد باطله‌ی معدن مس سرچشمه پس از ساخت اولین خاکریز، ضریب اطمینان معادل ۳٫۳۳۲ بوده و حال آنکه پس از ساخت هشتمین خاکریز در مرحله‌ی پایانی، ضریب اطمینان به ۱/۳۹۴ کاهش یافته است. این اعداد مربوط به محاسبات معمول پایداری و بدون لحاظ کردن اثرات اتمسفریک در تحلیل هاست.

با بالا رفتن تراز سطح فریاتیکی در بدنه‌ی سد باطله به دلیل اثرات اندرکنش خاک - اتمسفر و پدیده‌ی موتینگی، ضرایب اطمینان کاهش می‌یابد. این تغییر به معنای بحرانی‌تر شدن وضعیت سد باطله پس از بالا رفتن تراز خط فریاتیکی است. بدیهی است که میزان تغییر در ضرایب اطمینان وابسته به میزان جابه‌جایی تراز خط فریاتیکی است.

برای بررسی وضعیت پایداری سد باطله از معیار پایداری پیشنهادی «آیین‌نامه‌ی اروپا» استفاده شده است، که ضریب اطمینان ۱/۵ را برای پایداری سد باطله در شرایط استاتیکی مناسب می‌داند و مقادیر کمتر از آن را به عنوان وضعیت بحرانی قلمداد می‌کند.^[۱]

نتایج تحلیل‌ها نشان می‌دهد که در روند افزایش ارتفاع و ساخت خاکریزهای جدید، تا مرحله‌ی ۷، یعنی ساخت هفتمین خاکریز، وضعیت سد باطله پایدار است (ضریب اطمینان برابر ۱/۵۳۲ است). اما در همین مرحله با تغییر در تراز خط

پانوشته‌ها

1. rankin lecture
2. precipitation
3. run-off
4. interception
5. evapotranspiration
6. infiltration
7. curve number
8. clarity
9. air entry value
10. water retention curve

منابع (References)

1. Vick, S.G., *Planning, Design and Analysis of Tailings Dams*, 2nd edition, BiTech Publishers Ltd, Canada, ISBN 0-921095-12-0 (1990).
2. Rolt, L.T.C., *Thomas Telford*, Harmondsworth, Penguin Press (1958).
3. Burland, J.B. and Ridley, A. "The importance of suction in soil mechanics", *Proc. 12th South-East Asian Conf., Soil Mech. Found. Engng.*, Kuala Lumpur 2, pp. 27-49 (1996).
4. Rahardjo, H. and Fredlund, D.G., *Soil Mechanics for Unsaturated Soils*, New York Wiley (1990).
5. Penman, H.L. "Vegetation and hydrology", Technical Communication NO.53, Commonwealth Bureau of Soils, Harpenden, United Kingdom (1963).
6. Hillel, D., *Applications of Soils Physics*, Academic Press, New York, USA (1980).
7. Shuttleworth, W.J. "Evaporation models in hydrology", In: Schmugg TJ and Andre JC (eds.), *Land Surface Evaporation*, Springer-Verlag, New York, USA, pp. 93-120 (1990).
8. Blight, G.E. "Interaction between the atmosphere and the earth", (37th Rankin Lecture), *Geotechnique*, London, **47**(4), pp. 715-767 (1997).
9. Gens, A., Guimaraes, L.M., Sanchez, M. and Sheng, D. "Developments in modelling the generalised behaviour of unsaturated soils", In *Unsaturated soils: Advances in geo-engineering* (eds D. G. Toll et al.), pp. 53-61, London: Taylor & Francis (2010).
10. Zandrian, M.T., Olecop, L.A., Rodriguez, R. and Zabala, F. "The role of capillary water in the stability of tailing dams", *Engineering Geology*, **105**(1-2), pp. 108-118 (2009).
11. Osouli, A. and Pak, A. "Effects of solar energy on the mechanical properties of tailings in tailings dams", Geo-Congress, New Orleans, Louisiana, United States, pp. 605-612 (2008).
12. Chen, R., Zhang, B., Lei, W. and Luo, W. "Response of soil suction to heavy rainfalls in a tailings dam", *Advanced Materials Research*, **250-253**, pp. 1681-1685 (2011).
13. Wang, G., Kong, X., Yang, C. and Ren, Z. "Study on the slope stability of typical super high tailings dam using centerline method", *Journal of Chemical and Pharmaceutical Research*, **6**(3), pp. 697-702 (2014).
14. Droitsch, D., *Huge Ponds Hold Tar Sands Sludge and Great Risks*, switchboard (2014).
nrdc.org/blogs/ddroitsch/huge_ponds_hold_tar_sands_slud.html.
15. SCS, *National Engineering Handbook*, Section 4: Hydrology, USDA Soil Conservation Service (1957).
16. Penman, H.L. "Natural evaporation from open water, bare soil and grass", *Proc. R. Soc., London, Ser. A*, **193**(1032), pp. 120-146 (1948).
17. Turc, L. "Relation between the precipitations, evaporation and storage", *Ann. Agron.*, **5**, pp. 491-596 (1954).
18. Thornthwaite, C.W. "A re-examination of the concept and measurement of potential transpiration", In *The Measurement of Potential Evapo-Transpiration* (ed. J. R. Mather), pp. 200-209, Seabrook, NJ: Publications in Climatology (1954).
19. Blight, G.E. "Measuring evaporation from soil surfaces for environmental and geotechnical purposes", *Water S.A.*, **28**(4), pp. 381-394 (2002).
20. Lu, N. and Likos, W. "Rate of capillary rise in soils", *Journal of Geotechnical and Geo-environmental Engineering, ASCE*, **130**(6), pp. 646-650 (2004).
21. Aghajani, H.F., Soroush, A. and Shourjeh, P.T. "An improved solution to capillary rise of water in soils", *International Journal of Civil Engineering*, **9**(4) pp. 257-281 (2011).
22. Zapata, C.E. "Uncertainty in soil-water characteristic curve and impacts on unsaturated shear strength predictions", Ph. D. Dissertation, Arizona State University, Tempe, United States (1999).
23. Witczak, M.W., Zapata, C.E. and Houston, W.N., *Models Incorporated into the Current Enhanced Integrated Climatic Model: NCHRP 9-23. Project Findings and Additional Changes after Version 0.7*, Final Report. Project NCHRP 1-40D, Inter Team Technical Report, Arizona State University (2006).
24. Gustavo T.H. "Estimating soil-water characteristic curve using grain size analysis and plasticity index", Masters Thesis, Arizona State University (2011).
25. Fredlund, D.G. and Xing, A. "Equations for the soil-water characteristic curve", *Canadian Geotechnical Journal*, **31**(3), pp. 521-532 (1994).
26. Azimi Hassani, N. "Evaluation of the effect of phreatic line on stability of upstream tailings dams", M.Sc. Thesis, Dept. of Civil Engineering Sharif University of Technology (2013).

27. Mahab Ghods, Report of Evaluation of Safety and Stability of Sarcheshmeh Dam (1989).
 28. Bandab, Report of Studies on Increasing Elevation of Sarcheshm Dam (1990).

29. Plaxis 2D, ver. 8, Reference Manual (2012).
 30. Rezaee Seraji, M. "Evaluation of behaviour and stability of tailings dams considering method of construction", Msc's Thesis, Amirkabir University of Technology (2006).

پیوست

روش‌های تعیین منحنی نگه‌داشت آب - خاک (WRC) با استفاده از منحنی دانه‌بندی:

پیوست ۱. مدل Zapata (۱۹۹۹)

خاک‌ها به ۲ دسته‌ی خمیری و غیرخمیری تقسیم‌بندی می‌شوند. برای تعیین خاک‌های خمیری و غیرخمیری، از درصد عبوری از الک شماره‌ی ۲۰۰ و حدود اتربرگ مانند نشان خمیری PI (plasticity index) استفاده و پارامتر جدیدی به نام نشان خمیری وزن‌دار wPI (weighted plasticity index) (رابطه‌ی پ ۱) معرفی شده است:

$$wPI = \frac{P_{200} * PI}{100} \quad (پ ۱)$$

که در آن، wPI نشان خمیری وزن‌دار، PI نشان خمیری بر حسب درصد، و P_{200} درصد عبوری از الک شماره‌ی ۲۰۰ است. مقدار wPI برای خاک‌های خمیری (خاک‌های ریزدانه‌ی نرم)، مثبت و برای خاک‌های غیرخمیری (خاک‌های دانه‌ی) حدوداً صفر است. بدین ترتیب با تعیین نوع خاک می‌توان از مدل مناسب برای آن استفاده کرد.

روابط ارائه‌شده مدل Zapata (۱۹۹۹) برای تعیین پارامترهای منحنی WRC برای خاک‌های خمیری به این شرح است (روابط پ ۲ الی پ ۵):

$$a_f = \frac{0.00364(wPI)^{2.75} + 4(wPI) + 11}{6.895} \quad (پ ۲)$$

$$\frac{b_f}{c_f} = -2.313(wPI)^{-1.12} + 5 \quad (پ ۳)$$

$$c_f = 0.0514(wPI)^{-2.65} + 0.5 \quad (پ ۴)$$

$$\frac{h_r}{a_f} = 32.44e^{-0.186(wPI)} \quad (پ ۵)$$

این مقادیر برای خاک‌های غیرخمیری عبارت‌اند از (روابط پ ۶ الی پ ۹):

$$a_f = \frac{0.18627(D_{60})^{-0.751}}{6.895} \quad (پ ۶)$$

$$b_f = 7.5 \quad (پ ۷)$$

$$c_f = 0.1772 \ln(D_{60}) + 0.7734 \quad (پ ۸)$$

$$\frac{h_r}{a_f} = \frac{1}{D_{60} + e^{-2}} \quad (پ ۹)$$

که در آن‌ها، D_{60} اندازه‌ی قطر دانه‌ی است که ۶۰٪ ذرات خاک از آن کوچک‌تر هستند. بررسی نتایج حاصل از مدل Zapata و مقایسه‌ی آن با منحنی‌های موجود نشان می‌دهد که این مدل دقت نسبتاً خوبی در تعیین منحنی WRC دارد.^[۱۳]

پیوست ۲. مدل MPEDG توسط Witzak (۲۰۰۶) ارائه شده

است

از روش مشابهی مانند روش Zapata (۱۹۹۹) برای تعیین منحنی WRC استفاده می‌شود، با این تفاوت که در این مدل تعداد نمونه‌های زیادتری مورد آزمایش قرار گرفته و اطلاعات آنها در تعیین روابط به‌کار رفته است. علاوه بر آن نیاز به اصطلاحاتی در مدل قبلی وجود داشت. چراکه تغییر در حجم خاک در اثر اعمال مکش، اشتباهاتی را در منحنی WRC به ویژه در مقادیر بالای مکش (که تابع شدیداً نسبت به تغییرات چگالی حساس است) ایجاد می‌کرد. با در نظر گرفتن این مسئله Witzak (۲۰۰۶) با انجام اصلاحاتی، این روابط را برای پارامترهای منحنی WRC ارائه کرده است. در این روش، برای تعیین پارامتر a_f در خاک‌های غیرخمیری از روابط پ ۱۰ الی پ ۱۳ استفاده می‌شود:

$$a_f = 1.14a - 0.5 \quad (پ ۱۰)$$

$$a = -2.79 - 1.47 \ln(D_{70}) - 1.9 * 10^{-6} P_{70}^{2.22} + 7 \log(D_{70}) + 0.055 D_{10} \quad (پ ۱۱)$$

$$D_{10} = 10^{[\frac{a}{m_1} + \log(D_{60})]} \quad (پ ۱۲)$$

$$m_1 = \frac{3}{[\log(D_{10}) - \log(D_{60})]} \quad (پ ۱۳)$$

که در آن‌ها، D_x اندازه‌ی قطر ذره‌ی است که x درصد ذرات از آن کوچک‌تر هستند، P_{70} درصد عبوری از الک شماره‌ی ۲۰۰ است. برای b_f نیز می‌توان از روابط پ ۱۴ الی پ ۱۷ استفاده کرد:

$$b_f = 0.936b - 3.8 \quad (پ ۱۴)$$

$$b = \{0.39 - 0.29 \ln[P_{200} (\frac{D_{10}}{D_{60}})] + 3 D_{60}^{0.57} + 0.21 P_{200}^{1.9}\} m_1^{-1} \quad (پ ۱۵)$$

$$D_{60} = 10^{[\frac{a}{m_1} + \log(D_{70})]} \quad (پ ۱۶)$$

$$m_2 = \frac{2}{[\log(D_{70}) - \log(D_{10})]} \quad (پ ۱۷)$$

همچنین برای پارامتر C_f می‌توان از روابط پ ۱۸ و پ ۱۹ استفاده کرد:

$$c_f = 0.26e^{0.058c} + 1.4 D_{10} \quad (پ ۱۸)$$

$$c = \log(m_2^{1.5}) - (1 - \frac{1}{b_f}) \quad (پ ۱۹)$$

در اینجا مقدار h_r برابر ۱۰۰ فرض می‌شود. در روابط مذکور چنانچه $a_f < 1$ باشد، آن‌گاه: $a_f = 2.25 P_{70}^{0.5} + 5$ ، همچنین مقدار b_f همواره باید بین ۰.۳ تا ۴ باشد.

که در آن، PI شاخص خمیری بر حسب درصد، P_{200} درصد عبوری از الک شماره ۲۰۰ و LL (liquid limit) (حد روانی) است. بر همین اساس این مدل برای خاک‌های خمیری روابط پ ۲۵ الی پ ۲۸ را ارائه کرده است:

$$a_f = 10^{(0.69 - \frac{2.7}{1 + e^{(2 - 0.12GI)}})} \quad (پ ۲۵)$$

$$b_f = \left(\frac{0.78}{1 + e^{(6.75 - 0.19GI)}} \right) \quad (پ ۲۶)$$

$$c_f = 0.03 + 0.62e^{(-0.82(\log a_f - 0.57))^2} \quad (پ ۲۷)$$

$$h_r = 494 + \frac{660}{1 + e^{(2 - 0.19GI)}} \quad (پ ۲۸)$$

و برای خاک‌های غیرخمیری از روابط پ ۲۹ الی پ ۳۲ استفاده می‌شود:

$$a_f = -967.21D_{10}^2 + 218.37D_{10} - 2.7 \quad (پ ۲۹)$$

$$b_f = 10^{(-0.0075a_f^2 + 0.1132a_f - 0.2577a_f + 0.2061)} \quad (پ ۳۰)$$

$$c_f = 0.0058a_f^2 - 0.0933a_f + 0.4069a_f + 0.3481 \quad (پ ۳۱)$$

$$h_r = 100 \quad (پ ۳۲)$$

روابط ارائه شده در مدل Hernandez (۲۰۱۰) در مقایسه با مدل‌های قبلی، دقت بالاتری دارند و تطبیق بسیار خوبی با منحنی‌های WRC آزمایشگاهی ارائه می‌دهند. لذا با داشتن منحنی دانه‌بندی و حدود اتریرگ برای هر خاکی می‌توان منحنی WRC آن را با کمک مدل‌های یاد شده تعیین کرد. [۳۳]

برای خاک‌های خمیری، رابطه‌ی ارائه شده توسط Witczak (۲۰۰۶) به شکل روابط پ ۲۰ الی پ ۲۳ است:

$$a_f = 32.835 \{\ln(wPI)\} + 32.438 \quad (پ ۲۰)$$

$$b_f = 1.421(wPI)^{-0.3185} \quad (پ ۲۱)$$

$$c_f = -0.2145 \{\ln(wPI)\} + 0.7145 \quad (پ ۲۲)$$

$$h_r = 500 \quad (پ ۲۳)$$

چنانچه $a_f < 5$ باشد، $a_f = 5$ در نظر گرفته می‌شود. از طرفی چنانچه $c_f < 0.03$ باشد، مقدار $c_f = 0.03$ برای آن در نظر گرفته می‌شود. بررسی‌های انجام شده نشان می‌دهد که این مدل نیز با دقت نسبتاً بالایی منحنی WRC را پیش‌بینی می‌کند، علاوه بر آن تا حد زیادی مشکلات ناشی از تغییر حجم در مکش‌های بالا در آن بر طرف شده است. [۳۳]

پیوست ۳. مدل Hernandez (۲۰۱۰)

پارامترهای منحنی WRC به‌عنوان متغیرهای غیروابسته در نظر گرفته می‌شود. هر یک از پارامترها با تجزیه و تحلیل‌های همبستگی استاتیکی غیرخطی مورد بررسی قرار می‌گیرند و در نهایت بهترین مدل برای معرفی WRC ارائه می‌شود. در اینجا از پارامتر کمکی GI (group index)، یعنی شاخص گروهی، استفاده شده است، که از رابطه‌ی پ ۲۴ تعیین می‌شود:

$$GI = (P_{200} - 35)[0.72 + 0.005(LL - 40)] + 0.01(P_{200} - 15)(PI - 10) \quad (پ ۲۴)$$