

# پاسخ لرزه‌یی برونو صفحه‌ی دره‌ی آبرفتی گوسی

مهدی پنجی<sup>\*</sup> (استادیار)

سعید مجتبی‌زاده حسنلوئی (دانشجوی دکتری)

گروه مهندسی عمران، واحد زنجان، دانشگاه آزاد اسلامی، زنجان، ایران

مهمنگی عمran، شرف، تابستان (۱۴۰۵)، دوری ۲ - ۳، شماره ۲/۱. ص. ۱۱۵-۱۳۰، (پژوهشی)

در نوشتار حاضر، پاسخ لرزه‌یی سطح دره‌ی آبرفتی گوسی‌شکل در برابر امواج مهاری برونو صفحه‌ی SH با زوایای برخورد مختلف را ثبت شده است. روش عددی اجزاء مهاری نیم صفحه‌ی در حوزه‌ی زمان برای تهیه‌ی مدل مذکور پیشنهاد شده است که فقط با گرسنگه سازی وجه میانی دره، قادر به تحلیل محیط با کمینه‌ی المان است. ضمن اشاره‌ی مختصر به فرمول‌بندی روش و تحلیل مثال صحت سنجی، الگوی بزرگ‌نمایی سطح دره‌ی آبرفتی گوسی با تکیه بر پارامترهای نسبت امپدانس و شکل در حوزه‌ی زمان/بسامد حساسیت سنجی شده است. در ادامه، پاسخ گذرا محیط درونی آبرفت و بستر سنگی پیرامون توسط تصاویر لحظی در تکمیل نتایج حوزه‌ی زمان نمایش داده شده است. در انتهای با تعیین بزرگ‌نمایی بیشینه و برآش خطی، نتایج حاصل در قالب کاربردهای مهندسی جمع‌بندی شده است. رفتار سنجی پاسخ نشان داد که کالیه‌ی پارامترهای ذکر شده در بروز الگوهای مختلف بزرگ‌نمایی سطح حوزه‌ی رسوبی مؤثر هستند، چنان‌چه بیشینه‌ی خطر برای سازه‌های سطحی در نسبت امپدانس کمینه، نسبت شکل بیشینه و در زوایای تابش قائم و افقی امواج به ترتیب در مرکز و لبه‌ی آبرفت مشاهده شد دستاوردهای حاصل می‌تواند در تکمیل آینه‌های لرزه‌یی موجود پیرامون موضوع اثر مجاہی ساختگاه استفاده شوند.

**وازگان کلیدی:** اجزاء مهاری نیم صفحه، پاسخ لرزه‌یی، حوزه‌ی زمان، دره‌ی آبرفتی گوسی، موج SH.

m.panji@iauz.ac.ir  
mojtabazadeh@iauz.ac.ir

## ۱. مقدمه

مطالعات<sup>[۱۴-۷]</sup> با استفاده از روش‌های تحلیلی صورت گرفته و در ادامه، مطالعات دیگری<sup>[۱۵-۱۶]</sup> بر روی پراکنش امواج SH ناشی از دره‌های آبرفتی نیمه پُر نیم دایره‌یی انجام شده است. چندی بعد، برخی پژوهشگران<sup>[۱۷-۱۹]</sup> توانستند پاسخ دره‌های نامتناق را به صورت تحلیلی محاسبه کنند. همچنین، مطالعات دیگری<sup>[۲۰-۲۲]</sup> در راستای تعیین میزان تغییر مکان سطح یک دره‌ی رسوبی در برابر موج SH انجام شده است. برخی دیگر از پژوهشگران<sup>[۲۲-۲۶]</sup>، توانسته‌اند با استفاده از روش سطح تابع موج<sup>۶</sup> به بررسی پراکنش موج در حضور دره‌های نیم دایری پیردازند. اخیراً، چنگ<sup>۷</sup> و همکاران<sup>[۲۰-۲۵]</sup> از یک رویکرد نیمه تحلیلی برای مطالعه‌ی رفتار لرزه‌یی دره‌های نیمه دایری استفاده کرده‌اند.

توسعه‌ی مطالعات در حوزه‌ی یاد شده و بروز برخی محدودیت‌ها در روش‌های تحلیلی و نیمه تحلیلی از جمله انعطاف‌پذیری کم و حجم بالای معادلات ریاضی حاکم بر آن موجب شده است تا پژوهشگران به سمت روش‌های جایگزین همچون روش‌های عددی روی آورند.<sup>[۲۸]</sup> اگرچه در روش‌های عددی، پاسخ به صورت تقریبی حاصل شده است، اما مدل‌سازی مسائل با هندسه‌ی پیچیده و منطبق بر عوارض طبیعی توسط روش‌های عددی امکان‌پذیر است. در حالت کلی، رویکردهای عددی را می‌توان در قالب روش‌های حجمی<sup>۸</sup> و مهاری<sup>۹</sup> تفکیک کرد. در روش‌های حجمی،

قریب به نیم قرن است که پژوهشگران و زلزله‌شناسان در تلاش برای یافتن روش‌های تعیین رفتار لرزه‌یی عوارض توپوگرافی به ویژه عوارض پُر شده با مصالح نرم و نتش کلیدی آن بر بزرگ‌نمایی/کوچک‌نمایی<sup>۱</sup> سطح زمین بوده‌اند.<sup>[۱]</sup> از جمله مهمترین عوارض مذکور می‌توان به دره‌های آبرفتی اشاره کرد که در طول سال‌های دلزار تجمع رسوب‌ها و نهشته‌های آبرفتی و خاکی با خواص گوناگون شکل گرفته‌اند. امروزه بسیاری از مناطق شهری بر روی این گونه دره‌ها احداث شده‌اند که لزوم شناسایی رفتار لرزه‌یی آنها را دو چندان ساخته است.<sup>[۲]</sup> در این راستا، مطالعات متعددی بر روی پارامترهای مؤثر و خطر لرزه‌یی ناشی از آنها معطوف شده است.<sup>[۳-۵]</sup> از یک سو، شکل‌گیری بنیان آینه‌های و استانداردهای لرزه‌یی مبتنی بر دستاوردهای علمی و از سوی دیگر، نیاز روزافزون به داشتن رفتار سنجی عوارض توپوگرافی ناهمگن موجب شده است تا لرزم انجام پژوهش در حوزه‌ی اشاره شده بیش از پیش احساس شود. بدین منظور پژوهشگران از رویکردهای گوناگون شامل روش‌های تحلیلی<sup>۲</sup>، نیمه تحلیلی<sup>۳</sup>، عددی<sup>۴</sup> و آزمایشگاهی<sup>۵</sup> جهت پژوهش در زمینه‌ی مذکور بهره گرفته‌اند.<sup>[۶]</sup> در ابتدا، برخی

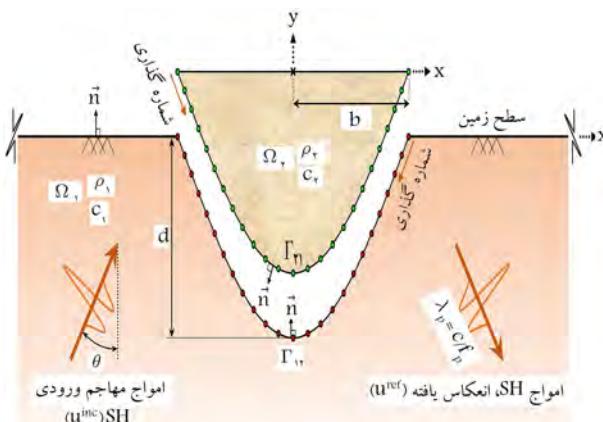
\* نویسنده مسئول  
تاریخ: دریافت ۱۳۹۹/۶/۱۵، اصلاحیه ۱۳۹۹/۶/۱۵، پذیرش ۱۳۹۹/۹/۳۰

DOI:10.24200/J30.2020.56151.2801

همگن محدود شده است. اگرچه برخی پژوهشگران، [۵۱-۵۸] توانسته‌اند فرمول‌بندی ریاضی، پیاده‌سازی عددی، و تحلیل گذراي اجسام دو بعدی غيرهمگن را ارائه کنند، اما پاسخ‌های ارائه شده توسط آن در حوزه‌ی زمان به کمک الگوریتم تبدیل معکوس فوریه/لابلس از منظر مسائل مکانیکی حاصل شده است. در پژوهش حاضر، از روش اجزاء مرزی مستقیم نیم صفحه در حوزه‌ی زمان برای تحلیل گام‌به‌گام گذراي مسائل آبرفت گوسی شکل استفاده شده است. بدین منظور، ابتدا هندسه‌ی عارضه در الگوریتم رایانه‌یی که پیشتر با عنوان داسبم (DASBEM) [۲۱، ۵۴]، شناخته شده است، مدل سازی شد. سپس، با ارائه چند مثال اعتبارسنجی، صحت و سقم روش و الگوریتم تهیه شده ارزیابی شد. در ادامه، پیرامون یک مطالعه‌ی پارامتریک جامع، با درنظر گرفتن نسبت امپدانس و شکل دره‌های آبرفتی، الگوی بزرگ‌نمایی سطح زمین در زوایای مختلف موج مهاجم حساسیت‌سنجی شد. درنهایت، به مبنای نسبت یک معیار سنجش، پیشنهاد بزرگ‌نمایی سطح تعیین و بازش خطی برآورد نتایج حاصل در قالب کاربردهای هندسی جمع‌بندی شده است.

## ۲. اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان

در شکل ۱، مدل یک دره‌ی آبرفتی گوسی مستقر در یک محیط نیم صفحه‌ی همگن کشسان خطی در برابر امواج مهاجم بروز صفحه‌ی SH مشاهده می‌شود. برای تهیه‌ی مدل اخیر از روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان به کمک فرایندات زیرسازه‌سازی [۲۲] و روش تصویر منبع موج [۶۲] جهت اقتاع شرایط مرزی سطح زمین استفاده شده است. در این حالت، مشن‌بندی فقط بر وجه میانی دره متمرکز شده است. همانطور که در شکل ۱ مشهود است، ۲۰ مبنی دامنه است که برای محیط پیرامون (سنگ بسته) و دره‌ی آبرفتی، به ترتیب با شمارنده‌های ۱ و ۲ مشاهده می‌شود.  $\Gamma$  بیانگر مرز  $\omega$  و  $\theta$  به ترتیب سرعت موج برشی و چگالی هستند که برای هر محیط به طور جداگانه تعریف شده‌اند.  $\theta$  زاویه‌ی موج مهاجم و  $n$  مبنی بردار نرمال سطح است که براساس جهت شماره‌گذاری گره‌ها بر روی هر مرز قابل تعریف است. موج مهاجم لرزه‌یی بروز صفحه‌ی SH از نوع موجک ریکر، [۲۲، ۶۳] انتخاب و با زوایای مختلف به مسئله وارد شده است. در شکل ۲، نمودار موجک ریکر به ترتیب در حوزه‌ی زمان و بسامد مشاهده می‌شود که معادله‌ی آن مطابق رابطه‌ی [۶۱] است.



شکل ۱. هندسه‌ی دره‌ی آبرفتی گوسی مستقر در یک نیم صفحه‌ی کشسان همگن در برابر امواج مهاجم SH.

که از نام آشناترین آنها، روش‌های اجزاء محدود (FEM) [۱۰] و تفاضل محدود (FDM) [۱۱] است، لازم است کل محیط مسئله مشبندی شود. این موضوع باعث می‌شود که مدت زمان تحلیل افزایش قابل توجه یابد و حجم حافظه‌ی اشغال شده را بینهاده مادرام تحلیل شود. همچنین، به منظور جلوگیری از خطای تحلیل، باید دامنه در فاصله‌ی بسیار زیاد نسبت به موقعیت قرارگیری عارضه بسته و از مزهای جاذب از روش‌های حجمی بهره گرفته‌اند. سالها بعد، پژوهشگران دیگری، [۳۴، ۳۵] توانستند پاسخ لرزه‌یی سطح دره‌های آبرفتی نیم‌دایری و نیمه‌پرا با استفاده از رویکرد ترکیبی اجزاء محدود - توسعه‌ی سری‌ها و اجزاء محدود - سری‌های لمب محاسبه کنند. اخیراً، پیرامون پاسخ لرزه‌یی دو بعدی دره‌ی آبرفتی در برابر امواج مهاجم لرزه‌یی SH از روش اجزاء محدود استفاده شده است، [۳۶، ۳۷] همچنین پژوهش‌هایی مبتنی بر روش تفاضل محدود انجام شده است. [۳۸-۳۹]

در روش‌های مرزی، بیش از نیمی از فرایند حل مسئله به صورت تحلیلی مبتنی بر استخراج حل‌های اساسی /تابع گرین استوار شده است. بنابراین پاسخ حاصل شده از روش‌های مرزی، دقت مطلوبی دارند. روش اجزاء مرزی (BEM) [۱۲] با تمرکز مش فقط بر روی مرز عارضه و اقتاع شرایط مرزی شعشع امواج دریکیار، کاشش‌گیر داده‌های ورودی و سهولت در مدل‌سازی را بدون توجه بر مزهای جاذب پیرامون مدل به ارمغان آورده است. [۴۰، ۴۱] در یک دسته‌بندی کلی می‌توان روش‌های مرزی را به روش اجزاء مرزی مستقیم (DBEM) [۱۳] و غیرمستقیم (IBEM) [۱۴] تقسیم کرد. در این میان روش مستقیم با استقبال چشمگیر پژوهشگران و گسترش به مراتب بیشتر همراه بوده است. روش مستقیم قابلیت فرمول‌بندی در حالت محیط کامل و نیم صفحه [۱۶] را دارد و قادر به توسعه در حوزه‌های تبدیل‌یافته [۱۷] و زمان [۱۸] است. برای مشاهده نخودی فرمول‌بندی و مدل‌سازی در روش‌های مستقیم و همچنین تکمیل پیشنهادی پژوهش می‌توان به پژوهش پنجی [۱۹] و همکارانش (۲۰۱۲)، [۴۵] پراکنش استناد کرد. در میان برخی از مهمترین مطالعات انجام شده در رفتارسنجی لرزه‌یی دره‌های آبرفتی با استفاده از روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمانی دیده شده است. [۴۰-۴۶] اشاره کرد. اخیراً، پژوهش‌های دیگری [۴۷] پراکنش به برخی مطالعات دیگر [۴۸]، اشاره کرد. دره‌ی آبرفتی که دره‌ی آبرفتی در حضور سه‌بعدی امواج لرزه‌یی و بزرگ‌نمایی در موقعیت استقرار یک دره‌ی آبرفتی چندلایه را با استفاده از روش اجزاء مرزی غیرمستقیم مطالعه کرده‌اند. [۴۹] و همکارانش [۲۰۲۰] با بهره‌گیری از روش اخیر، به ارزیابی پراکنش امواج SH در حضور دره‌های آبرفتی سه‌بعدی در نیم فضای چندلایه برداخته‌اند. با توسعه‌ی روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان توسط برخی دیگر از پژوهشگران، [۵۰-۵۱] امکان تحلیل لرزه‌یی عوارض توپوگرافی گونانگون با روش‌های اشاره شده شده است. در این راست، پنجی و همکارانش (۲۰۱۹)، [۵۷] توانستند پاسخ لرزه‌یی بروز صفحه‌ی دره‌های خالی متابوپ نیمسینوسی را به کمک روش مزبور تعیین کنند. همچنین ایشان در پژوهش دیگری (۲۰۲۰)، [۵۸] با توسعه‌ی روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان برای محیط‌های ناهمگن، تحلیل لرزه‌یی دره‌های آبرفتی را در برابر امواج SH فراهم ساخته‌اند.

مورا ادبیات فنی نشان داد که تأکون تأثیر دره‌ی آبرفتی گوسی شکل در پاسخ لرزه‌یی سطح زمین و الگوی بزرگ‌نمایی حاصل به طور جامع ارزیابی نشده است. اهمیت شکل‌گیری اینگونه دره‌ها در گذر زمان و احداث بافت‌های شهری بر روی آنها از یک سو و لزوم آینینه‌های لرزه‌یی به شناخت بهتر این قسم عوارض از سوی دیگر، موجب شد تا مؤلفان پژوهش حاضر بر تعیین الگوی بزرگ‌نمایی سطح دره‌های آبرفتی گوسی در برابر امواج مهاجم SH با استفاده از روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان معطوف شوند. در مطالعات پیشین، مدل‌سازی‌ها به مسائل

همه‌ی پارامترهای رابطه‌ی اخیر در شکل ۱ مشاهده می‌شوند. معادله‌ی موج اسکالار حاکم بر یک محیط خطي همگن و همسان به صورت رابطه‌ی ۶ است:

$$\frac{\partial^2 u(x, y, t)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u(x, y, t)}{\partial y^2} + b(x, y, t) = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 u(x, y, t)}{\partial t^2} \quad (6)$$

که در آن،  $b(x, y, t)$  و  $u(x, y, t)$  به ترتیب بیانگر تغییر مکان و نیروی جرمی برون صفحه در نقطه‌ی  $(x, y)$  و  $t$  معرف زمان است. سرعت موج برشی (c) از رابطه‌ی  $\sqrt{\mu/\rho}$  تعیین می‌شود که در آن  $\mu$  مدول برشی و  $\rho$  چگالی است. در یک محیط نیمه نامحدود دو بعدی (نیم صفحه) لازم است شرایط مرزی مطابق رابطه‌ی ۷ تعریف شود:

$$\frac{\partial u(x, y, t)}{\partial n} \Big|_{y=0} = 0 \quad (7)$$

حل همزمان معادله‌های ۶ و ۷ منتج به تعیین توابع گرین نیم صفحه می‌شود.

## ۱.۲. معادله‌ی انتگرال مرزی (BIE) <sup>۲۵</sup>

از اعمال انتگرال با قیمانده‌های وزن دار به معادله‌ی ۶ و حذف جملات انتگرال جرمی به کمک روش‌های حل مرزی، معادله‌ی انتگرال مرزی در حوزه‌ی زمان بدون توجه به شرایط اولیه و نیروهای جرمی، مطابق رابطه‌ی ۸ به دست می‌آید:

$$c(\xi)u(\xi, t) = \int_{\Gamma} \left\{ \int_{\cdot}^t \left[ u^*(x, t', \xi, \tau).q(x, t) - q^*(x, t', \xi, \tau).u(x, t) \right] d\tau \right\} d\Gamma(x) + u^{ff}(\xi, t) \quad (8)$$

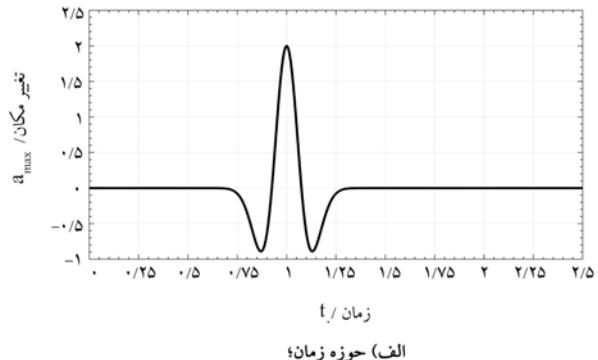
که در آن،  $\xi$  و  $x$  به ترتیب مختصات منبع و دریافت‌کننده‌ی پاسخ را نشان می‌دهند. جملات  $q^*u$  و  $u^*q$  انتگرال‌های کانولوشن ریمان هستند که در آنها،  $u^*$  و  $q^*$  به ترتیب معرف توابع گرین نیم صفحه در حوزه‌ی زمان برای مؤلفه‌های تغییر مکان و ترشیش (تشن) هستند.  $u$  و  $q$  نیز به ترتیب بیانگر تغییر مکان و تش مرزی هستند.  $u^{ff}$  تغییر مکان میدان آزاد بر روی سطح زمین صاف بدون عارضه (۶) زاویه‌ی شکست مرزی را می‌بین می‌سازد. از حل عددی رابطه‌ی ۸، تغییر مکان در کلیه‌ی گره‌های مرزی وجه میانی دره‌ی آبرفتی قابل دستیابی است. با معرفی (۶) برای واحد در رابطه‌ی اخیر، امکان تعیین تغییر مکان در هر نقطه از درون دامنه ( $\Omega$ ) و سطح زمین ( $y = 0$ ) فراهم است.

## ۳. عددی سازی

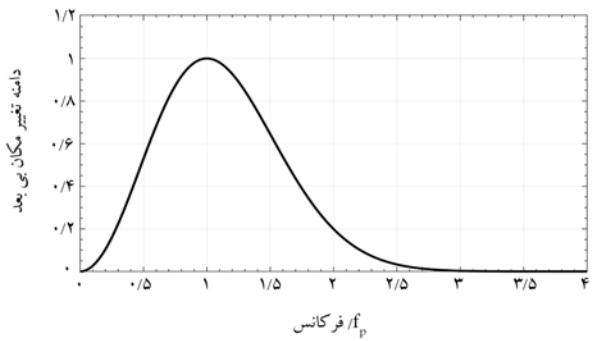
با گیسته‌سازی مرز ووجه میانی دره توسط المان‌های سه‌گره‌ی درجه‌ی دوم و اعمال انتگرال‌گیری تحلیلی و عددی به ترتیب بر محورهای زمان و مکان، فرم ماتریسی معادله انتگرال مرزی (رابطه‌ی ۸) به صورت رابطه‌ی ۹ به دست می‌آید:

$$\sum_{n=1}^N H^{N-n+1} \{u^n\} = \sum_{n=1}^N G^{N-n+1} \{q^n\} + \{u^{ff.N}\} \quad (9)$$

که در آن، جملات  $H^{N-n+1}$  و  $G^{N-n+1}$  ماتریس‌هایی هستند که عناصر آن از انتگرال‌گیری مکانی هسته‌های نیم صفحه برای المان‌های مرزی به دست می‌آیند. بردار مقادیر مرزی در گام زمانی  $n$  برای مؤلفه‌های تغییر مکان و تش به ترتیب با  $\{q^n\}$  و  $\{u^n\}$  نشان داده شده است. به منظور دستیابی به فرم قابل حل معادله‌ی



الف) حوزه زمانی



ب) حوزه فرکانسی

شکل ۲. نمودار تابع موجک ریکر برای یک نقطه‌ی واقع در سطح صاف زمین.

$$f(t) = [1 - 2(\pi f_p(t - t_0))] e^{-(\pi f_p(t - t_0))} \quad (1)$$

که در آن،  $f_p$  بسامد غالب موج،  $t_0$  میزان تعویق زمان و  $t$  محور حقیقی زمان است. با توجه به اینکه در مدل نیم صفحه باید شرایط مرزی تنش آزاد بر روی سطح زمین اقناع شود، تغییر مکان میدان آزاد ( $u^{ff}$ ) را می‌توان با درنظر گرفتن فازهای ورودی و انگکاسی موج به کمک رابطه‌ی ۲ محاسبه کرد:

$$u^{ff}(x, y, t) = a_{max} \cdot \left( \left[ 1 - 2 \left( \frac{\pi f_p}{c} a^{inc.} \right)^r \right] e^{-\left( \frac{\pi f_p}{c} a^{inc.} \right)^r} H\left(t - \frac{r^{ref.}}{c}\right) + \left[ 1 - 2 \left( \frac{\pi f_p}{c} a^{ref.} \right)^r \right] e^{-\left( \frac{\pi f_p}{c} a^{ref.} \right)^r} H\left(t - \frac{r^{ref.}}{c}\right) \right) \quad (2)$$

که در آن،  $a_{max}$  دامنه‌ی بیشینه‌ی موجک ریکر و  $r^{inc.}, a^{inc.}$  و  $r^{ref.}$  با استفاده از معادلات ۳ و ۴ قابل دستیابی هستند:

$$a^{inc.} = c(t - t_0) + r^{inc.}, \quad (3)$$

$$r^{inc.} = -\sin(\theta).x + \cos(\theta).y \quad (3)$$

$$a^{ref.} = c(t - t_0) + r^{ref.}, \quad (4)$$

$$r^{ref.} = -\sin(\theta).x - \cos(\theta).y \quad (4)$$

مطابق شکل ۱، دره‌های آبرفتی مدنظر به شکل گوسی فرض شده است که معادله‌ی آن به صورت رابطه‌ی ۵ است:

$$y = d \left( 1 - \left( \frac{x}{b} \right)^2 \right) e^{-\frac{2}{3} \left( \frac{x}{b} \right)^2} \quad (5)$$

## Archive of SID

از حل معادله‌ی اخیر، کلیه‌ی مقادیر مجھول شامل تغییرمکان و تنش در وجه میانی حوزه‌ی آبرفتی حاصل خواهد شد. برای تعیین تغییرمکان سطح زمین کافی است معادلات مربوط به ناحیه‌ی ۱ با فرض (۶) با واحد مجدد بازنویسی شود. لازم به ذکر است که در نوشتار پنجی و همکارانش (۲۰۲۰)،<sup>[۵۸]</sup> فرمول بندی اخیر در شکل مبسوط ارائه شده است.

### ۵. الگوریتم داسبیم (DASBEM)

الگوریتم داسبیم مبتنی بر روش اجزاء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان است و در محیط نرم‌افزار مطلب نسخه‌ی ۹/۸<sup>[۴۶]</sup> برای تحلیل گذراي مسائل اسکالر صفحه‌ی کاربرد دارد. عملکرد الگوریتم مذکور بدین شرح است که ابتدا مشخصات هندسی/مصالح مربوط به عارضه‌ی مورد مطالعه به انضمام پارامترهای معرف موج مهاجم ورودی در بخش پیش‌پردازش قرائت و سپس مدل ساخته شده وارد بخش پردازش می‌شود. پس از تحلیل مسئله و تعیین کلیه‌ی مجھولات، درنهایت خروجی در بخش پس پردازش به صورت گرافیک دو/سه‌بعدی نمایش داده می‌شود. در مطالعه‌ی حاضر، الگوریتم مذکور به صورت ویژه برای تحلیل عوارض آبرفتی زیرسطحی توسعه داده شده و امکان مدل‌سازی هندسه‌های دور با تابع گوسی‌شکل بدان افزوده شده است. لازم به ذکر است که قابلیت ذکر شده با قابلیت هندسه‌ی عارضه در بخش پیش‌پردازش الگوریتم افزایش یافته است. فلوچارت و جزئیات برنامه‌ی داسبیم در نوشتار پنجی و همکارانش (۲۰۲۰)،<sup>[۴۷]</sup> قابل مشاهده است. همچنین، فرایند توسعه و به کارگیری الگوریتم و برنامه‌ی تهیه شده تاکنون برای امواج برون صفحه‌ی SH صورت گرفته است و مطالعات جهت اعمال امواج درون صفحه ادامه دارد.

### ۶. مطالعه‌ی پارامتریک

از جمله اهداف اصلی پژوهش حاضر، حساسیت‌سنجی پارامترهای کلیدی نسبت امپدانس و شکل دره‌ی گوسی بر پاسخ لرزه‌ی برون صفحه‌ی سطح زمین بوده است و در این راستا لازم است برخی مفاهیم پایه تعریف شوند. نتایج حاصل از تحلیل عموماً بر حسب دو پارامتری بعد ارائه می‌شود که شامل دامنه‌ی تغییرمکان نرم‌الایز شده و بزرگ‌نمایی است. دامنه‌ی تغییرمکان نرم‌الایز شده‌ی سطح زمین<sup>[۷]</sup> عبارت از نسبت دامنه‌ی فوریه‌ی تغییرمکان سطح زمین حاصل از تحلیل دریک بسامد معین بر دامنه‌ی فوریه‌ی حرکت ناشی از امواج مهاجم در همان بسامد است. همچنین، نسبت بزرگ‌نمایی (A) از نسبت دامنه‌ی پاسخ سطح دره‌ی آبرفتی بر تغییرمکان میدان آزاد تعیین می‌شود. نسبت شکل دره (SR)<sup>[۲۸]</sup> از رابطه‌ی (SR =  $\frac{d}{b}$ ) به دست می‌آید که در آن  $d$  و  $b$  به ترتیب عمق و شعاع افقی دره هستند. نسبت امپدانس I نیز بینگر اختلاف سختی مصالح آبرفت و بستر سنگی است که به صورت رابطه‌ی ( $I = \frac{\rho_a \cdot c_a}{\rho_m \cdot c_m}$ ) تعریف می‌شود. در رابطه‌ی اخیر،  $\rho_a$  و  $c_a$  به ترتیب چگالی و سرعت موج برشی دره‌ی آبرفتی و  $\rho_m$  و  $c_m$  به ترتیب چگالی و سرعت موج برشی بستر سنگی هستند. در پژوهش حاضر، پاسخ حوزه‌ی بسامد در محدوده‌ی بی‌بعد ( $\eta$ )<sup>[۲۵]</sup>،  $۰ \leq \eta \leq ۵$  محسوبه می‌شود. بسامد بی‌بعد ( $\eta$ ) به کمک رابطه‌ی ( $\omega_b/\pi c$ ) محسوبه می‌شود که در آن  $\omega$  بسامد زاویه‌ی موج  $c$  و سرعت موج برشی است. عکس بسامد بی‌بعد ( $\frac{c}{\eta} = \frac{1}{\eta}$ ) (T =  $\frac{1}{\eta}$ ) می‌باشد دوره‌ی تناوب بی‌بعد است که تعبیر فیزیکی آن طول موج لرزه‌ی برابر با پهنای کل آبرفت است. در مدل تهیه شده، نسبت شکل دره (SR) به ترتیب برابر با  $۰/۵$ ،  $۱/۰$ ،  $۱/۵$  و  $۱/۱$  است.

۹. با اعمال شرایط مرزی حاکم بر وجه میانی دره‌ی آبرفتی، معادله‌ی ۱۰ به دست می‌آید:

$$[A_{\cdot 1}^N] \{X^N\} = [B_{\cdot 1}^N] \{Y^N\} + \{R_{\cdot 1}^N\} + \{u^{ff,N}\} \quad (10)$$

که در آن،  $\{X^N\}$  و  $\{Y^N\}$  به ترتیب بردار مؤلفه‌های مجھول و معلوم مرزی و  $[A_{\cdot 1}^N]$  و  $[B_{\cdot 1}^N]$  به ترتیب ماتریس‌های حاوی ستون‌های متناظر با مقادیر مجھول و معلوم مرزی هستند. اثر تاریخچه‌ی زمانی دینامیکی پیشین بر گره‌ی زمانی حاضر N آم نیز با  $\{R_{\cdot 1}^N\}$  وارد شده است. با حل معادله‌ی ۱۰، کلیه‌ی مقادیر مجھول مرزی در هر گام زمانی به دست می‌آید و محسوبه‌ی تغییرمکان‌ها در هر نقطه‌ی درونی واقع در دامنه نیز با یک حل ثانویه امکان‌پذیر خواهد بود.

### ۴. مدل‌سازی

براساس فرایند زیرسازه‌سازی در حل مسائل ناهمگن به کمک روش اجزاء مرزی، دره‌ی آبرفتی گوسی‌شکل واقع بر بستر سنگی، باید از وجه مشترک جداسازی شود. لذا مطابق شکل ۱، بخش ۱ شامل یک نیم صفحه‌ی حاوی یک دره‌ی گوسی‌شکل توخالی در معرض امواج مهاجم لرزه‌ی و بخش ۲، نیز شامل یک محیط بسته‌ی گوسی‌شکل بوده است.

### ۴. زیرسازه‌سازی

مطابق شکل ۱، چنانچه در بخش ۱، تمامی گره‌های وجه مشترک دره با محیط پیرامون توسط زیرنویس ۱ نشان داده شود، معادله‌ی انتگرال مرزی گسسته شده در گام زمانی N آم مطابق رابطه‌ی ۱۱ خواهد بود:

$$H_{\cdot 12}^N = G_{\cdot 12}^N q_{\cdot 12}^N + R_{\cdot 12}^N + u_{\cdot 12}^{ff,N} \quad (11)$$

که در آن،  $u_{\cdot 12}^N$  و  $q_{\cdot 12}^N$  به ترتیب تغییرمکان و ترکش (تش) در وجه مشترک (Г۱۲) برای ناحیه‌ی شماره‌ی ۱ است. همچنین،  $R_{\cdot 12}^N$  میان تاریخچه‌ی دینامیکی پیشین در گام زمانی N آم و  $u_{\cdot 12}^{ff,N}$  میان تغییرمکان میدان آزاد در وجه مشترک است.  $R_{\cdot 12}^N$  از رابطه‌ی ۱۲ تعیین می‌شود:

$$R_{\cdot 12}^N = \sum_{n=1}^{N-1} (G_{\cdot 12}^{N-n+1} q_{\cdot 12}^n - H_{\cdot 12}^{N-n+1} u_{\cdot 12}^n) \quad (12)$$

برای بخش ۲، نیز یک محیط بسته‌ی گوسی‌شکل مدنظر است که فرم ماتریسی معادلات آن مشابه بخش ۱ است؛ با این تفاوت که فاقد تغییرمکان میدان آزاد ( $u_{\cdot 12}^{ff,N}$ ) است و جملات آن با پیروی از مسیر مشبتدی با زیرنویس ۲۱ بیان می‌شود.<sup>[۵۸]</sup>

### ۴. سرهم‌سازی

برای تعیین مجھولات وجه میانی، لازم است شرایط پیوستگی تساوی تغییرمکان ( $H_{\cdot 12}^N = u_{\cdot 12}^N$ ) و سازگاری تش ( $u_{\cdot 12}^N = u_{\cdot 21}^N$ ) در مرز اشاره شده اقتناع شود. بنابراین فرم ماتریسی سرهم شده‌ی معادلات اخیر به صورت رابطه‌ی ۱۳ به دست می‌آید:

$$\begin{bmatrix} H_{\cdot 12}^N & -\frac{1}{\mu_1} G_{\cdot 12}^N \\ H_{\cdot 21}^N & -\frac{1}{\mu_2} G_{\cdot 21}^N \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} u_{\cdot 12}^N \\ q_{\cdot 12}^N \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} R_{\cdot 12}^N \\ R_{\cdot 21}^N \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} u_{\cdot 12}^{ff,N} \\ 0 \end{Bmatrix} \quad (13)$$

درونو نیز در سطح زمین در نظر گرفته شد. موج مهاجم لرزه‌بی به ترتیب با زوایای  $۰^\circ$ ,  $۳۰^\circ$ ,  $۶۰^\circ$  و  $۹۰^\circ$  درجه به مدل وارد شد. در شکل ۳، تغییر مکان نرمالایز شده‌ی سطح زمین (NDA) در بسامدهای بی‌بعد ( $\eta$ ) و ۱ برای محدوده‌ی  $-2\pi$  تا  $2\pi$  از سطح زمین ارائه شده است. چنانچه ملاحظه می‌شود، همخوانی مناسب میان نتایج حاصل از پژوهش عددی حاضر و پاسخ‌های تحلیلی نوشتار ونگ و همکارش [۱۹۷۴] به چشم می‌خورد.

## ۲. تحلیل در حوزه‌ی زمان

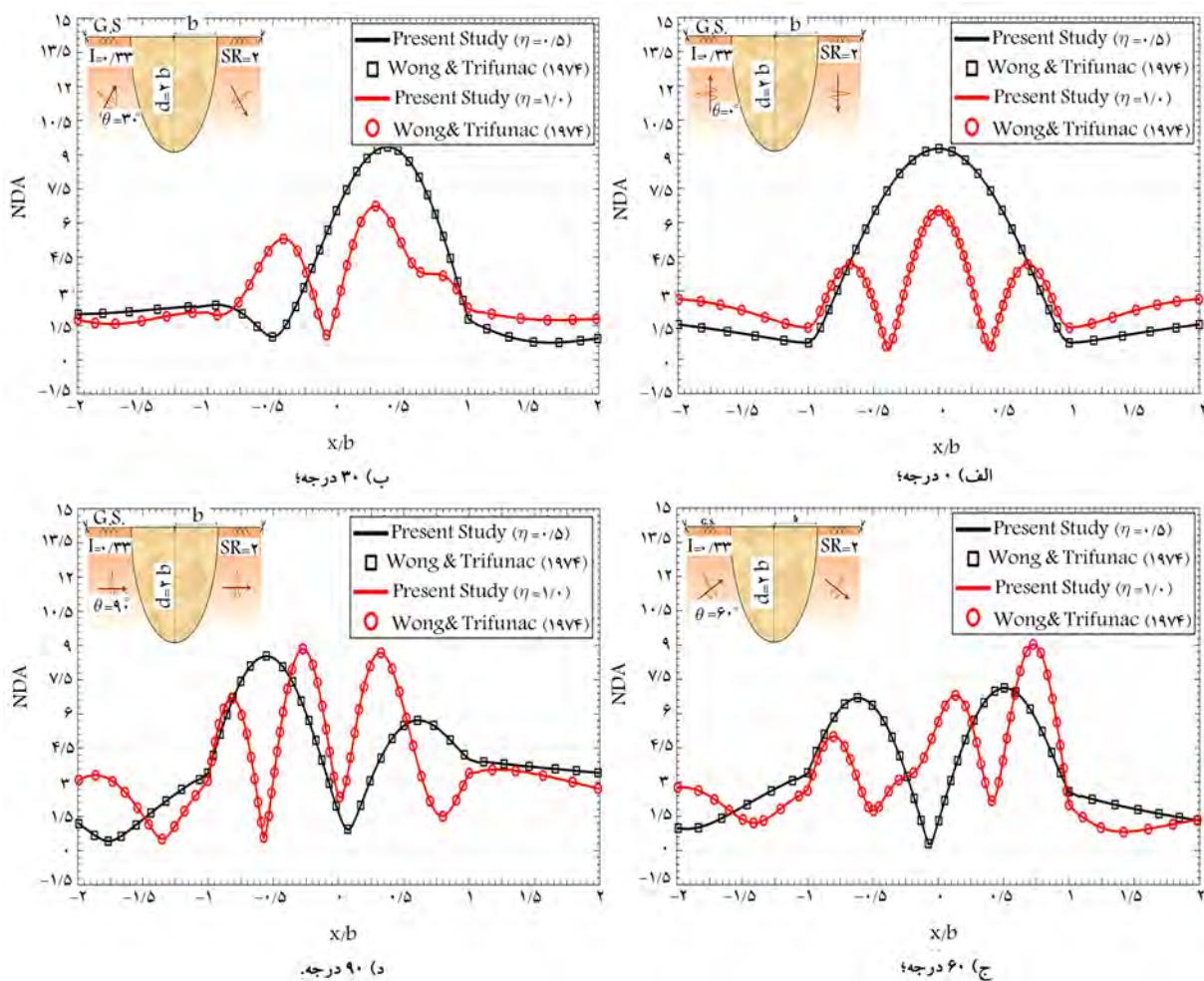
برای مشاهده‌ی نحوه‌ی پراکنش گذرای امواج مهاجم بروون صفحه در سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی، شکل ۴ ارائه شده است. نتایج ارائه شده در بخش کنونی، مربوط به یک دره‌ی گوسی شکل با نسبت شکل (SR) ۱ و امپدانس ( $I$ ) ۳۳/۰ تحت زوایای تابش موج  $۰^\circ$ ,  $۳۰^\circ$ ,  $۶۰^\circ$  و  $۹۰^\circ$  درجه است. از نتایج حوزه‌ی زمان می‌توان دریافت که با ورود موج مهاجم اولیه ( $D$ ) به مدل، بخش دیگر، امواجی هستند که برخورده به مرز دره، دچار انعکاس ( $R$ ) شده است. بخش اولیه امواجی هستند که بر روی مرز خوش‌یافته ( $C$ ) و پس از رسیدن به سطح زمین منعکس می‌شوند. در این میان، بخشی از امواج انعکسار می‌یابد و به صورت خوشی از مرز دره عبور و به درون مصالح تشکیل دهنده‌ی آن نفوذ می‌کنند. اما به دلیل ماهیت نرم مصالح آبرفتی، در درون آن به دام می‌افتد و عملکرد آینه‌بی شکل مرز عارضه مانع از

در نظر گرفته شده و برای نسبت امپدانس مقادیر  $۰/۳۳$ ,  $۰/۵۰$ ,  $۰/۴۰$ ,  $۰/۵۵$  و  $۰/۶۶$  لحاظ شده است. در مطالعه‌ی حاضر، جبهه‌ی امواج مهاجم لرزه‌بی بروون صفحه SH به ترتیب با زوایای  $۰^\circ$ ,  $۳۰^\circ$ ,  $۶۰^\circ$  و  $۹۰^\circ$  درجه به مدل اعمال شده است.

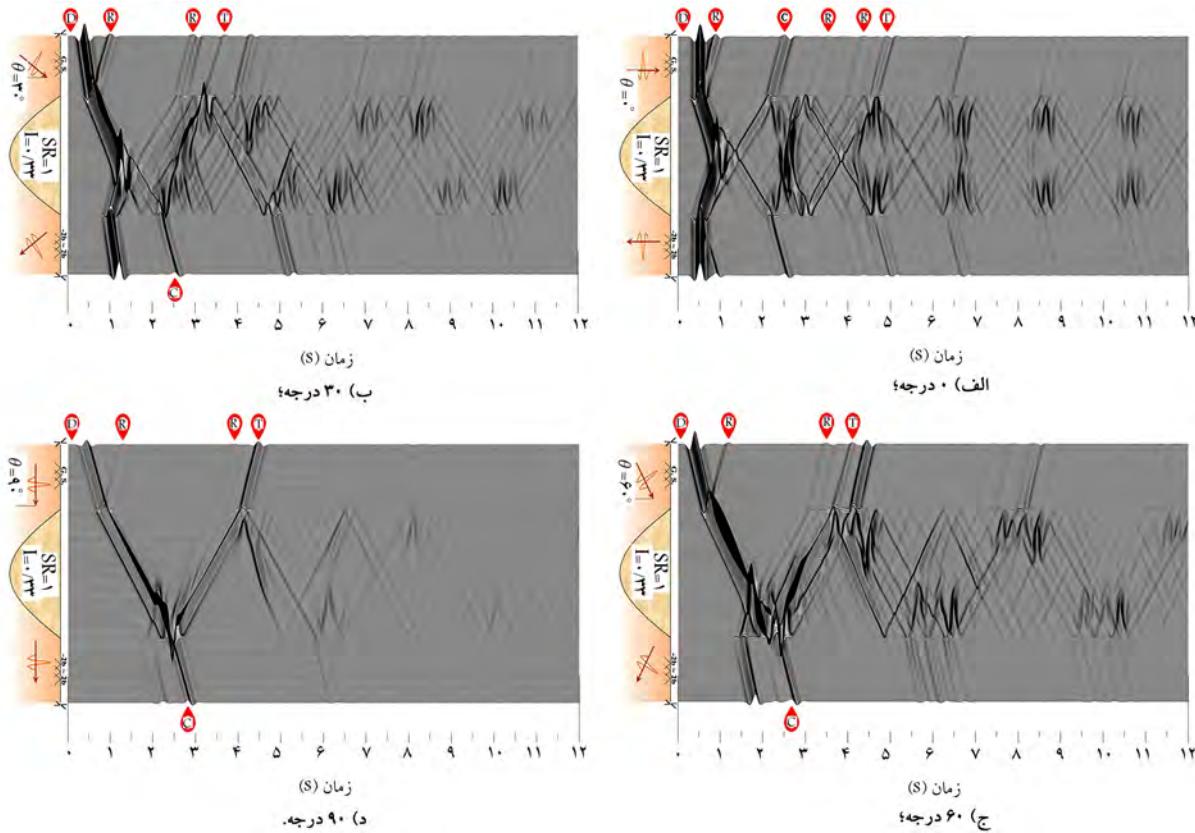
### ۱.۶. صحبت‌سنگی

به منظور اعتبارسنجی عملکرد الگوریتم تهیه شده (Dassim) در تحلیل دره‌های آبرفتی مدور تحت امواج مهاجم SH، از نتایج نوشتار ونگ [۲۹] و همکارش [۱۹۷۴] به عنوان پنج مارک استفاده شده است. ایشان از روش تحلیلی برای تعیین رفتار لرزه‌بی دره‌های آبرفتی نیم بیضوی منفرد استفاده کرده‌اند. بدین منظور، یک دره‌ی نیم بیضوی با نسبت امپدانس  $۰/۳۳$  و هندسه‌ی مفروض مطابق با پارامترهای مقید در ادبیات فنی تهیه شده است. در مدل مذکور، سرعت موج برشی و چگالی دره‌ی آبرفتی به ترتیب مقادیر  $۱\text{ m.s}^{-1}$  و  $۴۰۰ \text{ ton.m}^{-3}$  و  $۶۶ \text{ ton.m}^{-3}$  برای بستر سنگی  $1\text{ m.s}^{-1}$  فرض شده است. بسامد غالب، میزان توقیق زمان و دامنه‌ی پیشینه‌ی موجک ریکر نیز به ترتیب مقادیر  $۳$  هرتز،  $۱/۵$  ثانیه و  $۰/۰$  متر منظور شده و مدل تهیه شده با  $۱۰۰\text{ g}$  زمانی  $۱/۰$  ثانیه تحلیل شده است.

شعاع افقی دره و عمق آن به ترتیب برابر  $۴۰۰$  و  $۸۰۰$  متر در نظر گرفته شده است که به یک دره با نسبت شکل ۲ (SR) منتج شده است. مرز وجهه میانی دره‌ی آبرفتی با محیط پیرامون با  $۹۷$  المان درجه دو مشبندی و  $۷۷$  نقطه



شکل ۳. دامنه‌ی تغییر مکان نرمالایز شده سطح زمین در مقابل  $x/b$  برای دره‌ی آبرفتی گوسی شکل در برابر امواج مهاجم SH با زاویه‌ی برخورد.



شکل ۴. الگوی کلی پاسخ تاریخچه‌ی زمانی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی‌گوسی با نسبت شکل (SR)  $1/0$  در برابر هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.

(C) کاهش محسوس داشته است. بدین ترتیب، هر چه زاویه‌ی جبهه‌ی موج به افق نزدیک شده است، میزان انعکاس در برابر جبهه کاهش یافته و امکان نفوذ حجم بیشتر موج در رویارویی با مز عارضه فراهم شده است. از سوی دیگر، با توجه به هندسه‌ی منحصر به فرد و دوگانه‌ی دره‌های گوسی‌شکل، خرز امواج نیز با سهولت بیشتر بر روی مرز آن صورت پذیرفته است. با مقایسه‌ی شکل‌های (۴ ب و ۴ ج) مشاهده می‌شود که میزان ارتعاش ثبت شده در پاسخ برای زاویه‌ی تابش موج  $60^\circ$  درجه (شکل ۴ ج) بیشتر از حالت  $30^\circ$  درجه (شکل ۴ ب) بوده است، زیرا در شکل ۴ ب، حجم قابل توجهی از موج در قالب بازانعکاس به سرعت محیط مسئله را ترک کرده و امکان محصورشدن‌گی کمتر شده است. با افقی شدن جبهه‌ی ورود موج (شکل ۴ د) برخلاف حالت‌های پیشین، میزان دامنه در محل اولین انعکاس از لبه دره در سوی مخالف جبهه‌ی موج به صورت قابل توجه تقویت شده است. اما از دامنه‌ی ارتعاش در زمان‌های پس از آن به صورت چشمگیری کاسته شده است. در این حالت، دامنه‌ی امواج انعکاسی (R) بسیار ضعیف‌تر از دامنه‌ی خرزی امواج (C) بوده است.

خروج آسان امواج مهاجم اولیه می‌شود. در نتایج ارائه شده، اولین اثر امواج محصور شده توسط ایستگاه (T) نشان داده شده است؛ کلیه ارتعاشات به وجود آمده‌ی پس از آن ناشی از اثر امواج مهاجم مبتنی بر انعکاس و انکسار مکرر در فضای درون آبرفت است.

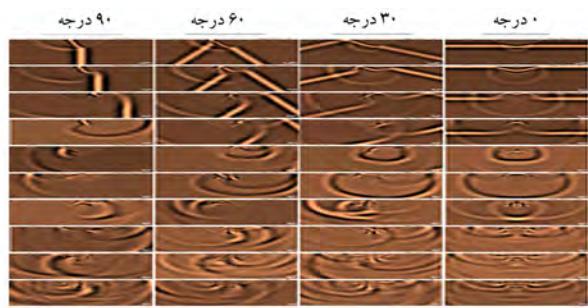
هنگامی که زاویه‌ی تابش موج به صورت قائم است (شکل ۴ الف)، علاوه بر تقارن در پاسخ حاصل، اولین ایستگاه ثبت شده پس از ورود موج مستقیم (D)، ایستگاه امواج انعکاسی (R)، و سپس امواج خرزی (C) با دامنه‌ی کمتر است. بر این اساس می‌توان پیش‌بینی کرد، هر چه عمق دره افزایش یابد، تأخیر زمانی میان ایستگاه‌های مزبور نیز افزایش می‌یابد. با توجه به حرکت امواج خرزی بر روی مرز عارضه، امکان جذب بخشی از امواج به درون مصالح دره نیز فراهم می‌شود که با کاهش دامنه‌ی فاز خرزی مشهود است. با برخورد جبهه‌ی موج به سطح زمین، مجدداً یک فار انعکاس پدیدار می‌شود که درنهایت به ایستگاه (T) ختم می‌شود. در این مرحله اگرچه امواج گذرای لرزه‌ی، محیط مسئله را ترک کرده‌اند، اما اثر امواج محصور شده در درون دره همچنان پدیدار باقی مانده و امتداد ارتعاش با گذرا زمان همراه بوده است.

با مایل شدن زاویه‌ی موج ورودی به  $30^\circ$  درجه (شکل ۴ ب)، اثر انعکاس در وجود مرز نزدیک به جبهه‌ی موج به ویژه در موقعیت لبه دره به خوبی نمایان است؛ اما اثر خرز موج فقط در پشت جبهه پدیدار شده است. با دنبال کردن مسیر ایستگاه T در شکل ۴ ب می‌توان دریافت محصورشدن‌گی موج از تجمع فار انعکاس و خرز آن پدیدار شده است؛ این در حالی است که برای زاویه‌ی تابش قائم (شکل ۴ الف) فقط باز انعکاس سطح مؤثر بوده است. با افزایش زاویه‌ی جبهه‌ی موج به  $60^\circ$  درجه (شکل ۴ ج)، دامنه‌ی امواج انعکاسی (R) در مقایسه با امواج

### ۳.۶. تصاویر لحظه‌ی در زمان

به منظور نمایش پراکنش و تفرق امواج در زیر سطح عارضه مورد مطالعه، لازم است تصاویر لحظه‌ی در زمان‌های مناسب تهیه شود. برای دستیابی به نتایج موردنظر باید کل محیط با نقاط درونی مشبندی شود. در این راستا، شکل ۵ می‌بین تصاویر لحظه‌ی دره‌ی آبرفتی‌گوسی شکل با نسبت شکل (SR)  $1/0$  و امپدانس ( $I$ )  $0/33$  به ترتیب برای زوایای برخورد موج  $0^\circ$ ،  $30^\circ$ ،  $60^\circ$  و  $90^\circ$  درجه است. تعداد

شکل‌گیرد، سازه‌های سطحی واقع بر لیه‌ی حوضه‌ی رسوی، خسارت‌های شدیدتری را تجربه خواهند کرد.



شکل ۵. الگوی پراکنش امواج مهاجم لرزه‌ی SH درون حوزه‌ی رسوی گوسی شکل و پیامون آن تحت زوایای برخورد مختلف و نسبت شکل (SR) ۱/۰.

نقاط درونی در دامنه برابر با ۴۵۴۵۱ و در حوزه‌ی آبرفتی ۵۱۵۱ نقطه بوده است. در نتایج ارائه شده، محدوده‌ی سطح زمین بین ۳۶° تا ۳۸° و عمق ۰ تا ۳۶° در نظر گرفته شده است. لازم به ذکر است که مدت زمان نایاش نتایج تأثیری دهم از تفرق امواج بوده و نلاش شده است تا مناسب ترین زمان در ارائه پاسخ هر یک از مدل‌ها انتخاب شود. در شکل‌های ارائه شده به خوبی می‌توان نقش هر یک از امواج مستقیم (D)، انعکاس‌یافته (R)، خوش یافته (C) و محصور شده (T) را تشخیص داد. بنابراین، نمایش تصاویر لحظه‌یی به صورت مکمل در کنار پاسخ‌های حوزه‌ی زمان، می‌تواند درک بهتر نتایج و بینگی‌های آن در حالت‌های مختلف را به ارمغان آورد.

**۵.۶. اثر نسبت امپدانس و شکل**  
شکل‌های ۷ الی ۱۰، میین بزرگ‌نمایی سطح آبرفت در نقطه‌ی مرتع در مقابل دوره‌ی تناوب بی‌بعد هستند. نقطه‌ی مرتع مذکور بر روی سطح زمین و در مرکز دره (مرکز مختصات) تعریف شده است. نتایج به ترتیب بر حسب نسبت امپدانس ۰، ۳۳°، ۰، ۳۰°، ۰، ۳۰ و ۹۰ درجه ارائه شده است. لازم به ذکر است که مقدار کمیته‌ی موج ۰، ۴۵°، ۰، ۵۰ و ۶۶° نسبت شکل ۰، ۵، ۱، ۰ و ۲، ۰ درجه‌ی تابش ۰، ۳۳° برای امپدانس میتغیر شده است. این موج با ادبیات فنی و مطابق با مطالعات پیشین اتخاذ شده است که از جمله‌ی آن می‌توان به مطالعات [۲۳، ۸۷، ۵] اشاره کرد.

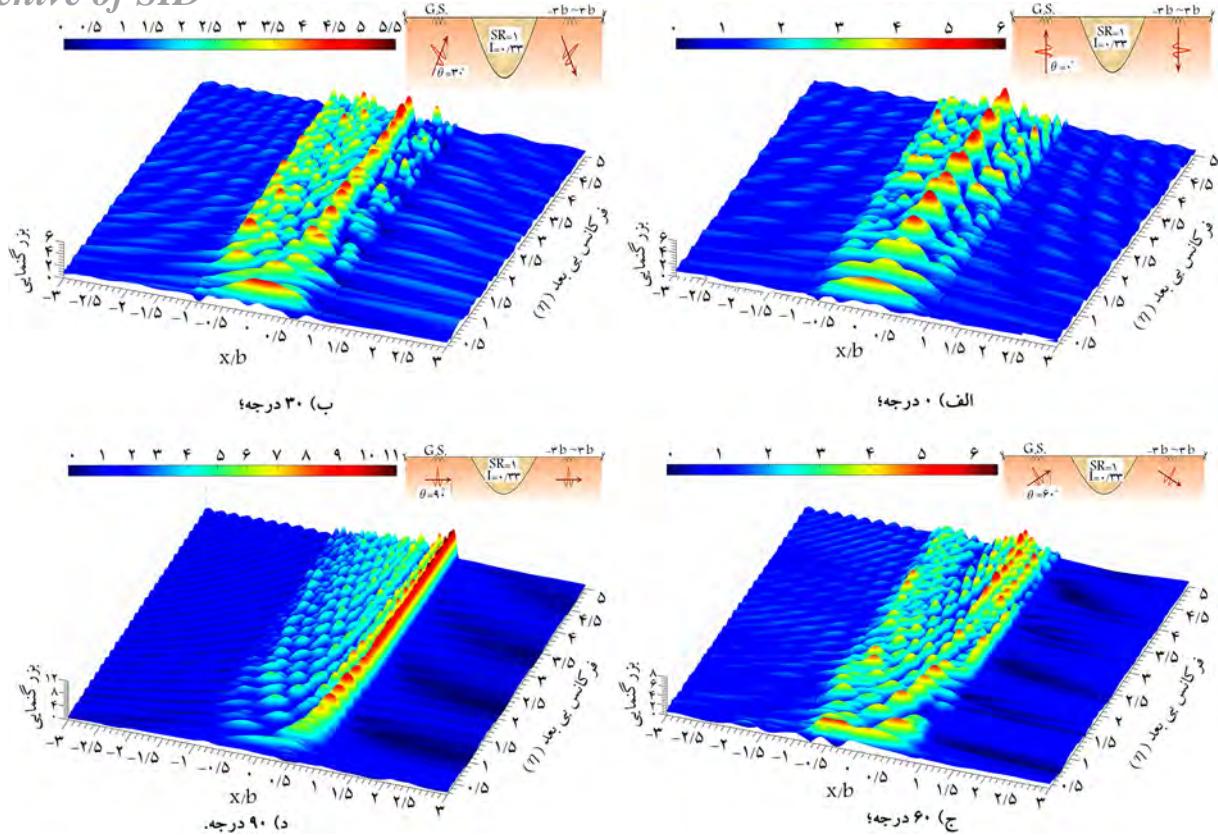
چنانچه در شکل ۷(الف) مشاهده می‌شود، در نسبت امپدانس ۰، ۳۳°، بزرگ‌نمایی بیشینه برابر ۵/۵ و در نسبت امپدانس ۰، ۶۶°، بزرگ‌نمایی دستکم برابر ۲ حاصل شده است. هر چه نسبت امپدانس کمتر باشد، مصالح آبرفت نرم‌تر می‌شود و امکان محصور شدن حجم بیشتر امواج در درون آن فراهم می‌آید. امواج محصور شده در برخورد با سطح زمین و مزهای پیامون در دفعات دچار انعکاس و انكسار می‌شوند که اثر آن با افزایش مقادیر بزرگ‌نمایی در سطح زمین نمایان می‌شود. در شکل ۷(ب)، زاویه‌ی جبهه‌ی موج به ۳۰ درجه مایل شده است. با توجه به انعکاس بخش غالب امواج پیش از نفوذ به درون آبرفت، مقادیر بزرگ‌نمایی در مقایسه با شکل ۷(الف) به میزان ۰/۵ واحد کاهش داشته است. در شکل‌های ۷ و ۷/۵ در این هجوم امواج مورب، کاهش محصور شده است. با توجه به انعکاس در نسبت شکل ۰/۵ در برایر با شکل ۷، اعمال قائم جبهه‌ی موج سبب محصور شدگی حجم زیادی از امواج در درون آبرفت می‌شود. در این حالت، باریک بودن هندسه‌ی دره به انعکاس متواتی امواج و افزایش مقادیر بزرگ‌نمایی کمک می‌کند.

با افزایش نسبت شکل دره به ۱/۰ شکل ۸، میزان ارتعاش در نتایج افزایش یافته و مقادیر بزرگ‌نمایی بیشینه نیز تا حدی نسبت به شکل ۷ رشد کرده است. با افزایش تعداد دفعات انعکاس متواتی امواج، آشفتگی و اغتشاش در پاسخ افزایش و متعاقباً مدت زمان لازم برای ترک امواج به منظور ایجاد همگرایی توسعه می‌یابد. با مقایسه‌ی شکل‌های ۷ و ۷/۵، به واضح اثر مانع شدگی دره در نسبت شکل بزرگ‌تر در برایر مسیر عبور امواج لرزه‌یی مشاهده می‌شود که با افزایش مقادیر بزرگ‌نمایی همراه است. در نسبت شکل مساوی ۱/۵ (شکل ۹)، می‌توان رشد قابل توجه بزرگ‌نمایی برای زاویه‌ی تابش ۶۰ درجه (شکل ۹) را در مقایسه با حالت‌های بیشین مشاهده کرد. اگرچه افزایش نسبت شکل دره منجر به ممانعت بیشتر عارضه در مسیر امواج گذرا می‌شود، اما هندسه‌ی عارضه نیز می‌تواند نقش قابل توجهی براین مسئله داشته باشد.

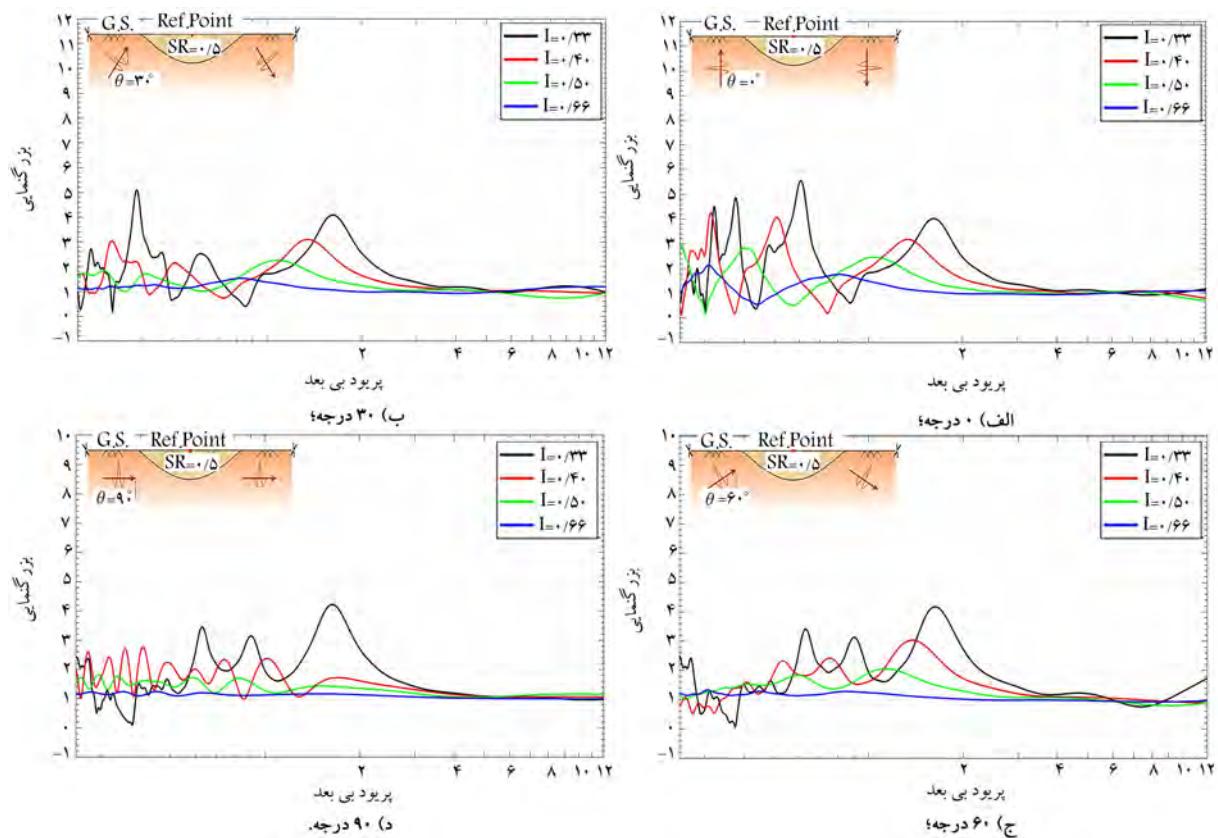
در شکل ۹ج، برای جبهه‌ی موج ۶۰ درجه، تجمعی اثر امواج انکسار یافته و خزشی، مسبب افزایش قابل توجه بزرگ‌نمایی در پشت جبهه‌ی موج تا مقدار ۵/۷ شده است. این در حالی است که در تابش افقی امواج (شکل ۹دا)، میزان ارتعاش در پاسخ افزایش یافته است، اما بزرگ‌نمایی حتی از نسبت شکل ۱/۰ نیز کمتر شده و به پایین تراز ۵ کاهش یافته است. مقایسه‌ی نتایج به خوبی بیان می‌دارد که در نسبت شکل ۲/۰ (شکل ۱۰)، بیشینه‌ی میزان لرزش و ارتعاش در نتایج حاصل شده است. از سوی دیگر، بیشینه‌ی بزرگ‌نمایی در زاویه‌ی برخورد ۹۰ درجه (شکل ۱۰دا) به چشم می‌خورد. این پدیده حاکی از آن است که نه فقط هندسه‌ی عارضه، بلکه هجوم موج نیز در الگوی بزرگ‌نمایی آبرفت کاملاً مؤثر بوده است، به

**۴.۶. تحلیل در حوزه‌ی بسامد**  
با استفاده از نتایج حوزه‌ی بسامد، میزان بزرگ‌نمایی حاصل در نقاط مختلف سطح زمین قابل مشاهده است. بدین منظور در شکل ۶، نتایج سه‌بعدی حوزه‌ی بسامد برای دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل ۰/۰۲۳ (SR) و امپدانس (I) ۱/۰ مشاهده می‌شود. مطابق شکل ۶(الف)، با هجوم جبهه‌ی قائم موج، بیشترین بزرگ‌نمایی در مرکز دره به میزان ۶ حاصل شده است. لذا نتیجه گرفته می‌شود که در هنگام برخورد قائم امواج و نفوذ به درون حوزه‌ی آبرفتی، امواج به سوی ناحیه‌ی مرکز متمایل می‌شوند و در همان موقعیت به صورت متواتی انعکاس و انكسار را تجربه می‌کنند. با توجه به نرمی لایه‌های خاک نزدیک سطح زمین و تمايل به حرکت رو به قائم امواج لرزه‌یی در مصالح آبرفتی، بیشترین میزان خطر یا آسیب به سازه‌های سطحی در مرکز حوزه‌ی آبرفتی گوسی متمرکز می‌شود. با زاویه‌دار شدن جبهه‌ی موج به ۳۰ درجه (شکل ۶ب)، انحراف مسیر تمرکز بزرگ‌نمایی بیشینه در سوی وجه مخالف جبهه‌ی تابش مشاهده می‌شود. اما وقته‌ی میان نقاط قله‌ی بزرگ‌نمایی به صورت محسوس نسبت به شکل ۶(الف) کاهش و میزان بزرگ‌نمایی بیشینه نیز به مقدار ۵/۵ نزول یافته است. با تمايل شبیه جبهه‌ی موج به ۶۰ درجه (شکل ۶ج)، تمرکز بزرگ‌نمایی با تشدید مقدار بیشینه به ۶/۴ در سمت مخالف جبهه‌ی موج آشکار می‌شود. در این حالت از یک سو، اثر امواج نفوذی به درون مصالح آبرفت و از سوی دیگر، تأثیر امواج خوشی در نزدیکی لبه‌ی دره به گونه‌یی است که موجب جدایی قله‌ی بزرگ‌نمایی در ناحیه‌ی مزبور می‌شود. با هجوم افقی امواج لرزه‌یی (شکل ۶دا)، تجمع امواج در لبه‌ی دره‌ی آبرفتی به صورت آشکارتر قابل ملاحظه است که افزایش بیشینه‌ی بزرگ‌نمایی تا مقدار ۱۱ را به دنبال داشته است. این مهم بیان می‌دارد، اگرچه این در حالت‌های قبل نواحی مرکزی سطح دره به عنوان نواحی پرخطر برای سازه‌های سطحی تلقی می‌شود، اما شکل ۶(د) نشان می‌دهد در صورتی که یک زلزله‌ی میدان نزدیک با تابش موج افقی در نزدیکی محل استقرار دره‌ی آبرفتی

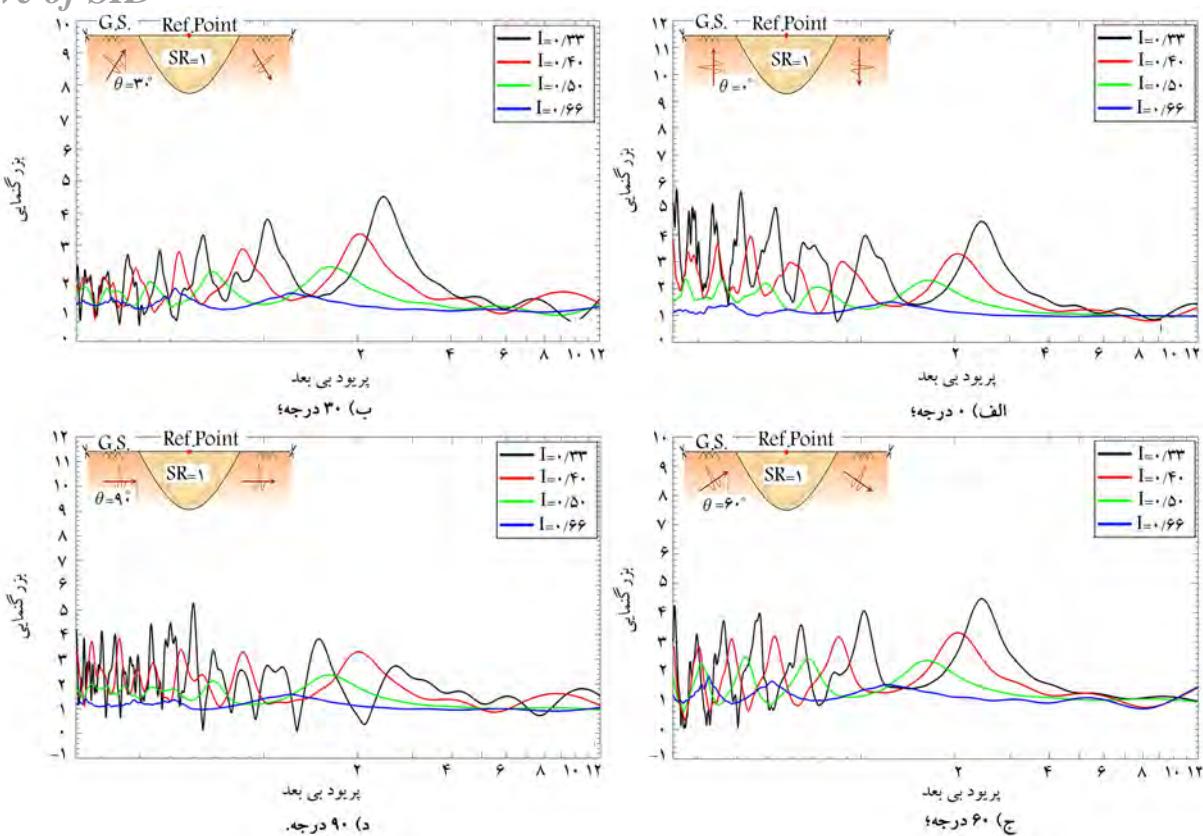
## Archive of SID



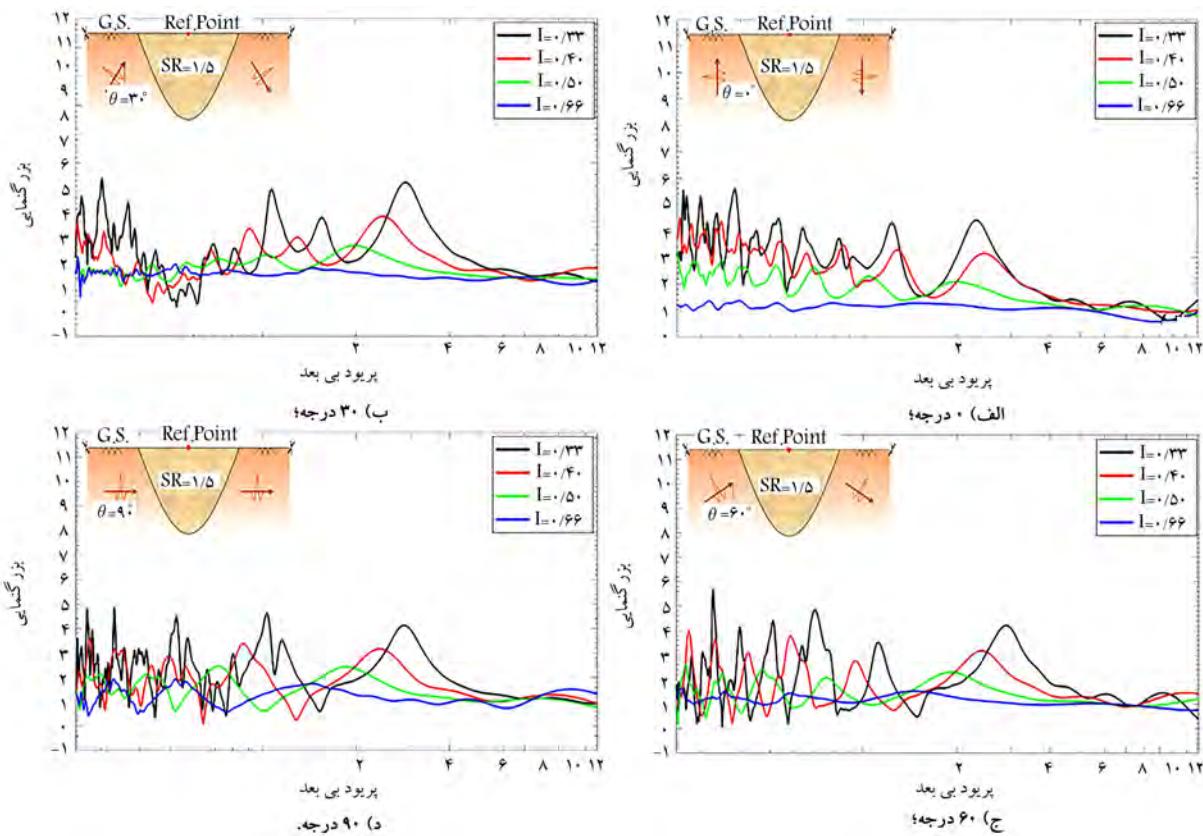
شکل ۶. الگوی بزرگنمایی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل  $(S/R) = 1/0$  در برابر هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.



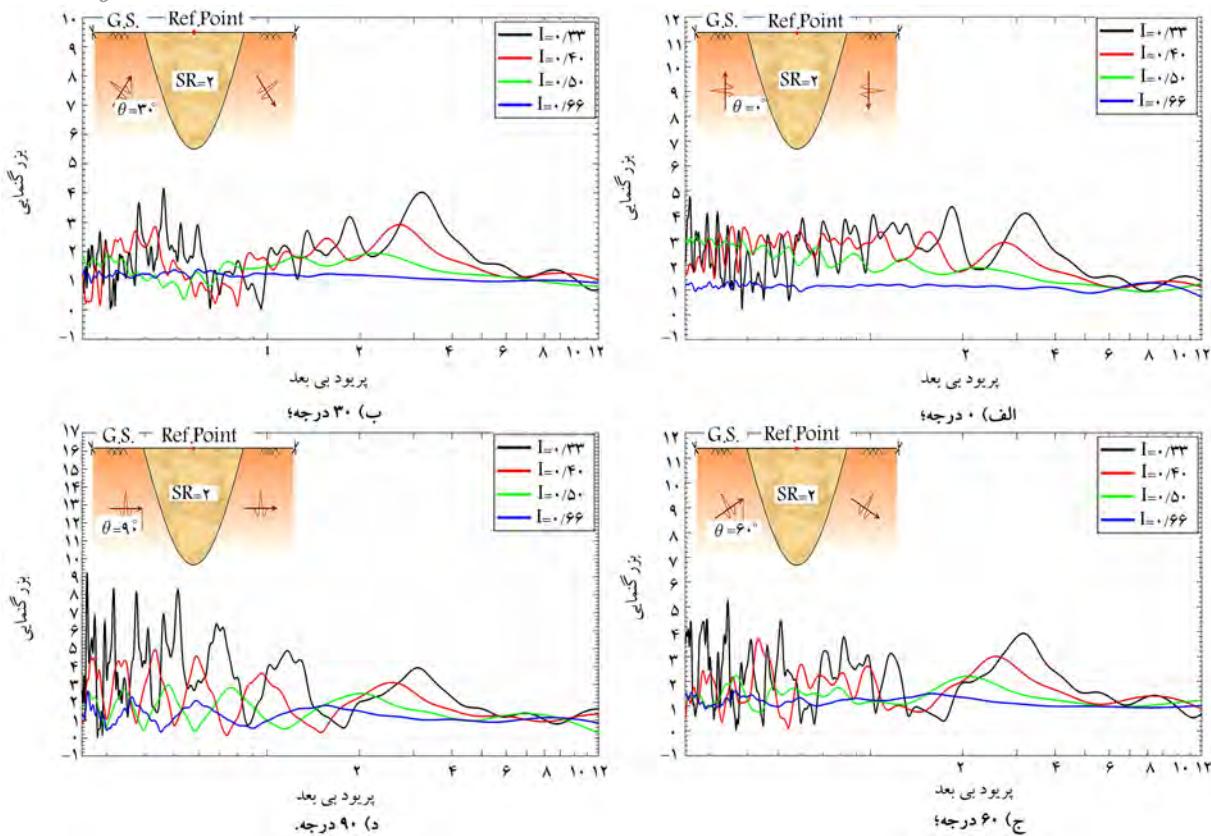
شکل ۷. تأثیر نسبت امپدانس ( $I$ ) در بزرگنمایی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل  $(S/R) = 1/0$  تحت هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.



شکل ۸. تأثیر نسبت امپدانس ( $I$ ) در بزرگنمایی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل ( $SR$ )  $1/0$  تحت هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.



شکل ۹. تأثیر نسبت امپدانس ( $I$ ) در بزرگنمایی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل ( $SR$ )  $1/5$  تحت هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.



شکل ۱۰. تأثیر نسبت امپدانس ( $I$ ) در بزرگنمایی سطح زمین در حضور دره‌ی آبرفتی گوسی با نسبت شکل  $2/0$  تحت هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.

گرفتن تغییرات نسبت امپدانس، نسبت شکل و زاویه‌ی تابش امواج مهاجم لرزه‌بی به صورت مجزا دسته‌بندی صورت گرفته و سپس با اعمال برازش خطی برآن، اثر هر یک از پارامترهای مزبور به خوبی رفتارستنجی شده است. با توجه به کاربرد مهندسی منحنی‌های ارائه شده در طرح‌های عملیاتی، از نتایج بخش حاضر می‌توان در راستای تکمیل و تدقیق آین نامه‌ها و استانداردهای لرزه‌بی موجود استفاده کرد.

#### ۱.۶.۶. بزرگنمایی بیشینه بر حسب نسبت امپدانس

در شکل ۱۱، برازش خطی از بیشینه‌ی بزرگنمایی بر حسب تغییر نسبت امپدانس مشاهده می‌شود. نسبت امپدانس در بازه‌ی  $0/0$  تا  $0/1$  بوده و منحنی‌ها براساس نسبت شکل دره تکیک شده‌اند. چنانچه در شکل ۱۱(الف) نسبت امپدانس می‌شود، کلیه‌ی خطوط برازش یافته سیر نزولی دارند که نشان می‌دهد افزایش نسبت امپدانس در کاهش بزرگنمایی سطح زمین مؤثر است.

در نسبت امپدانس  $1/0$ ، مصالح دره‌ی آبرفتی و بستر سنگی کاملاً همگن بوده و بزرگنمایی در مقدار واحد ثبات یافته است. علاوه بر این، منحنی‌ها فاصله‌ی انک نسبت به یکدیگر دارند و شیب نزولی خطوط در نسبت‌های شکل  $0/5$  و  $1/0$  تقریباً برابر است. در حالی که بیشینه‌ی شیب نزولی برای نسبت شکل  $1/5$  و کمینه‌ی آن در نسبت شکل  $2/0$  به دست آمده است. از هجوم امواج لرزه‌بی قائم می‌بین می‌شود که دره‌ی آبرفتی با نسبت شکل  $1/5$  با شیب نازل بیشینه، بیشترین بزرگنمایی در امپدانس  $33/0$  را دارد. با مایل شدن جبهه‌ی تابش موج به  $30^\circ$  درجه (شکل ۱۱(ب)) ملاحظه می‌شود که مقادیر بیشینه‌ی بزرگنمایی و روند نزولی منحنی‌ها نسبت به شکل ۱۱(الف) کاهش یافته است. همچنین نسبت شکل  $0/5$  بیشینه‌ی بزرگنمایی را در امپدانس‌های پایین به خود اختصاص داده است. در

طوری که بیشترین میزان نسبت مذکور در برخورد افقی جبهه با دره‌ی حجمی متر شکل می‌گیرد. جدول ۱، بیانگر مقادیر بیشینه‌ی بزرگنمایی به همراه دوره‌های تناوب غالب بی‌بعد نظیر است که بر حسب نسبت شکل، امپدانس و زاویه‌ی جبهه‌ی موج طبقه‌بندی شده است.

چنانچه مشاهده می‌شود، در بیشتر حالت‌ها (به ویژه در حالت هجوم قائم موج)، بزرگنمایی بیشینه در دوره‌های تناوب کمتر از واحد، رخمنون شده است که به نوعی طول موج‌های کمتر از پهنه‌ای عارضه با محتوای بسامدی بالا مسبب رویداد اخیر است. با متمایل شدن جبهه‌ی موج به  $30^\circ$  درجه، میزان دوره‌ی تناوب غالباً با افزایش نسبت شکل دره رشد یافته و از مقدار  $2/7$  نیز عبور کرده است. بنابراین، طول موج‌های فراتر از  $2/5$  برابر پهنه‌ای عارضه، عامل اصلی رخداد بیشترین بزرگنمایی بوده‌اند. در این میان، نقش پرنگ نسبت امپدانس  $0/4$  در نسبت شکل‌های  $1/5$  و  $2/0$  قابل توجه است. تابش جبهه‌ی موج با زاویه‌ی  $60^\circ$  درجه موجب افزایش دوره‌ی تناوب بی‌بعد به ترتیب از مقدار  $1/6$  و  $2/4$  در نسبت شکل‌های  $5/0$  و  $1/0$  شده است. در حالی که برای سایر نسبت شکل‌ها، این مقدار به کمتر از  $0/5$  کاهش یافته است. لذا، طول موج‌های فراتر از  $2$  برابر پهنه‌ای عارضه در نسبت شکل‌های کوچک و طول موج‌های کوچکتر از نصف پهنه‌ای عارضه در نسبت شکل‌های بزرگ را در بروز بزرگنمایی بیشینه متأثر ساخته است.

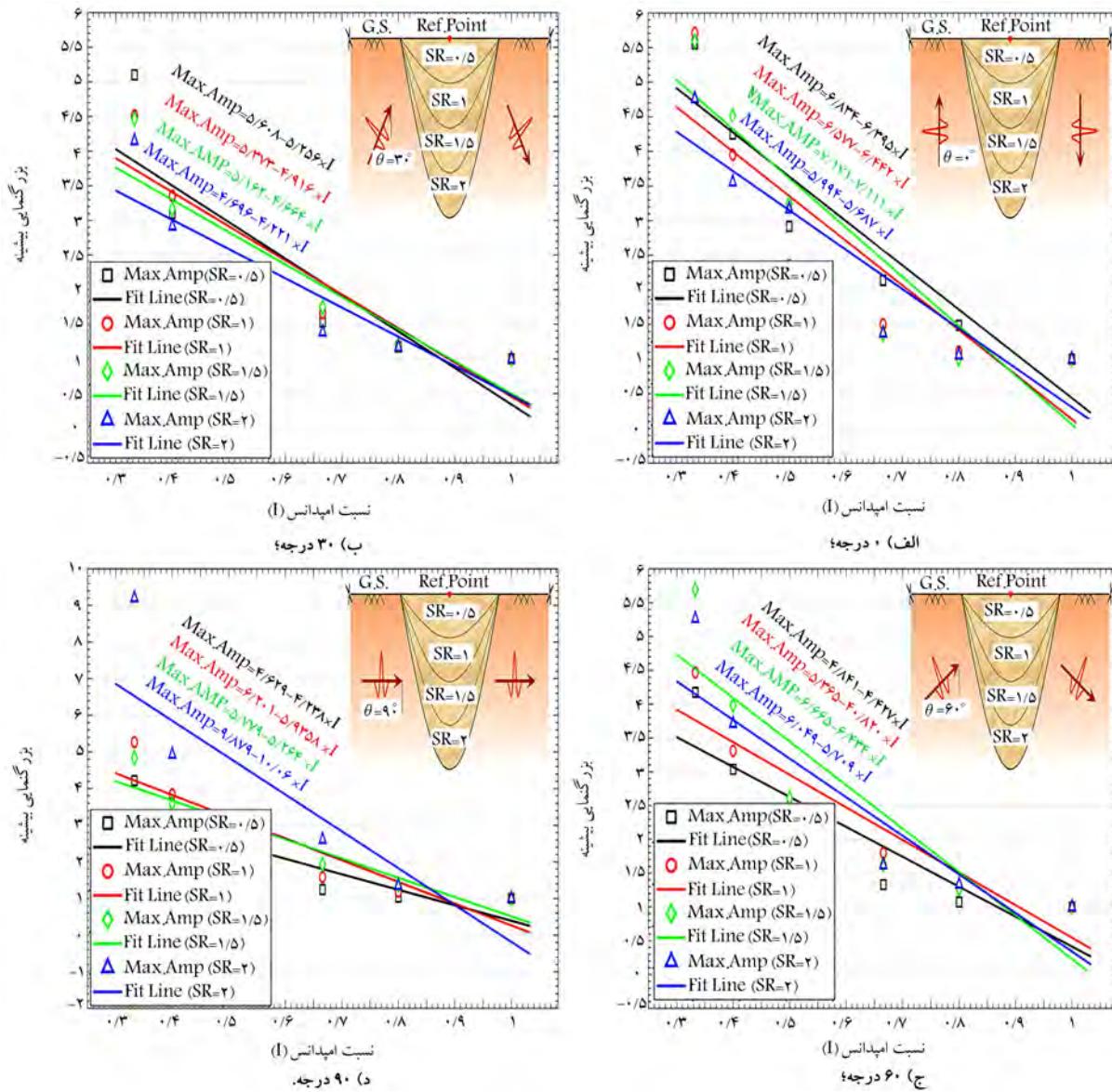
#### ۱.۶.۷. بزرگنمایی بیشینه

در بخش کوتاهی به صورت منسجم به ارائه‌ی منحنی‌های بزرگنمایی بیشینه‌ی سطح زمین برای حالت‌های مختلف پرداخته شده است. ابتدا، مقادیر بیشینه با درنظر

زاویه‌ی برخورد										موج نسبت
۹۰ درجه					۶۰ درجه			۳۰ درجه		۰ درجه
دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی		دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی		دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی	دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی		دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی	دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی	دوره‌ی تناوب بزرگ‌نمایی	
شکل امپدانس	بیشینه	غالب	بیشینه	غالب	بیشینه	غالب	بیشینه	غالب	بیشینه	شکل امپدانس
۴,۲۱۸۲	۱,۶۴۱۹	۴,۱۷۴۱	۱,۶۲۲۰	۵,۱۰۱۴	۰,۳۸۵۲	۰,۵۵۲۲	۰,۶۰۶۲	۰,۳۳		
۲,۷۶۶۷	۰,۴۰۸۲	۳,۰۳۵۹	۱,۳۸۰۷	۳,۰۹۹۷	۱,۳۴۵۹	۴,۲۵۲۳	۰,۳۱۲۳	۰,۴۰	۰,۵	
۱,۸۳۳۸	۰,۲۹۴۱	۲,۰۵۹۴	۱,۱۲۸۵	۲,۲۶۰۸	۱,۰۷۶۷	۲,۹۱۸۲	۰,۲۵۳۴	۰,۵۰		
۱,۲۴۳۳	۰,۴۵۰۹	۱,۳۳۰۵	۱,۳۰۸۱	۱,۰۵۳۷	۰,۸۲۷۵	۲,۱۳۹۳	۰,۳۰۸۲	۰,۶۶		
۵,۲۶۹۲	۰,۵۹۳۴	۴,۴۶۵۴	۲,۴۳۷۳	۴,۵۱۵۵	۲,۴۱۲۹	۰,۷۰۸۸	۰,۲۵۶۷	۰,۳۳		
۳,۸۴۳۷	۰,۳۴۴۱	۳,۳۱۰۴	۲,۰۳۱۰	۳,۳۵۶۱	۲,۰۲۳۹	۳,۹۵۲۶	۰,۴۴۳۰	۰,۴۰	۱,۰	
۲,۳۶۹۹	۱,۶۱۱۱	۲,۴۸۹۴	۰,۴۲۶۱	۲,۳۲۶۹	۱,۶۳۸۴	۲,۳۵۸۳	۰,۲۷۴۹	۰,۵۰		
۱,۵۸۳۲	۱,۲۱۴۲	۱,۷۹۹۴	۰,۳۲۵۱	۱,۶۶۰۹	۰,۵۱۸۲	۱,۵۰۴۵	۱,۲۴۱۲	۰,۶۶		
۴,۸۴۷۴	۰,۳۳۱۸	۵,۶۹۵۹	۰,۳۲۸۰	۴,۴۶۵۲	۰,۳۰۳۸	۰,۵۸۶۹	۰,۳۸۴۱	۰,۳۳		
۳,۵۸۷۴	۰,۲۷۷۰	۳,۹۸۳۱	۲,۲۷۴۰	۳,۱۶۰۴	۲,۴۴۰۲	۴,۵۱۴۸	۰,۲۵۵۴	۰,۴۰	۱,۰	
۲,۴۵۹۰	۰,۷۱۶۸	۲,۶۱۱۹	۰,۲۶۷۷	۲,۱۵۰۶	۱,۹۸۰۵	۳,۲۴۶۶	۰,۲۵۰۳	۰,۵۰		
۱,۹۲۸۵	۰,۳۲۹۸	۱,۶۳۳۷	۰,۲۵۹۲	۱,۷۴۶۱	۰,۲۵۴۲	۱,۳۶۸۰	۰,۳۹۵۴	۰,۶۶		
۹,۲۰۴۷	۰,۲۵۹۶	۵,۲۶۶۹	۰,۳۴۳۵	۴,۱۵۱۳	۰,۴۵۸۲	۴,۷۶۰۹	۰,۲۵۸۴	۰,۳۳		
۴,۹۳۳۲	۰,۴۳۲۱	۳,۷۱۴۷	۰,۴۳۲۰	۲,۹۱۷۵	۲,۷۰۲۶	۳,۵۵۸۵	۰,۳۵۴۹	۰,۴۰	۲,۰	
۲,۹۵۰۸	۰,۴۷۶۱	۲,۲۴۱۶	۰,۳۶۵۷	۱,۹۳۸۵	۲,۲۵۲۸	۳,۱۶۹۰	۰,۲۷۰۹	۰,۵۰		
۲,۶۰۸۰	۰,۲۶۱۳	۱,۶۲۰۷	۰,۳۶۳۱	۱,۳۸۸۰	۰,۵۹۴۹	۱,۳۷۸۱	۰,۳۶۴۵	۰,۶۶		

افزایش عمق دره، رشد تدریجی بزرگ‌نمایی بیشینه را در پی داشته است. چنانچه شکل (۱۱ج)، که زاویه‌ی تابش جبهه‌ی موج به ۹۰ درجه متمایل شده است، در نسبت‌های امپدانس پایین، فاصله‌ی منحنی‌ها از یکدیگر زیاد استند که اثر هندسه‌ی دوره در بزرگ‌نمایی را به صورت ملموس آشکار ساخته است. با اعمال افقی جبهه‌ی امپدانس ۳۳٪، با شیب نزولی، در سایر حالات، شیب بسیار ناچیز مشهود است. با نزدیک شدن زاویه‌ی هجوم موج به حالت افقی، همانطورکه در شکل (۱۲ج) با نزدیک شدن زاویه‌ی هجوم موج به حالت افقی، همانطورکه در شکل (۱۱ج) و (۱۲ج) نیز ملاحظه می‌شود که منحنی مریبوط به نسبت‌های شکل (۱۲ج) ۰,۵٪ و (۱۱ج) ۱,۰٪ به صورت متمرکز و فاصله‌ی کم نسبت به یکدیگر هستند، در حالی که در نسبت شکل ۲,۰٪ مشاهده می‌شود، نمودارها سیر صعودی داشته و افزایش نسبت شکل با بیشینه‌ی بزرگ‌نمایی همسو شده است. به علاوه، بالاترین منحنی در کلیه‌ی زوایای تابش برای امپدانس ۳۳٪ است که معرف نرم‌ترین مصالح برای حوزه‌ی آبرفتی است و (بالعکس). بدین ترتیب می‌توان گفت، بیشترین خطر در سطح دره زمانی است که نسبت امپدانس کمیه و نسبت شکل بیشینه باشد. آنچه مسلم است، در شکل ۱۲، بزرگ‌نمایی بیشینه بر حسب نسبت شکل ارائه شده است. چنانچه در شکل (۱۲الف) مشاهده می‌شود، با افزایش نسبت شکل دره، مقادیر بزرگ‌نمایی در سه امپدانس ۳۳٪، ۵۰٪ و ۶۶٪ نزولی شده است. اما در امپدانس ۵۰٪،

شکل (۱۱ج)، که زاویه‌ی تابش جبهه‌ی موج به ۰ درجه متمایل شده است، در نسبت‌های امپدانس پایین، فاصله‌ی منحنی‌ها از یکدیگر زیاد استند که اثر هندسه‌ی دوره در بزرگ‌نمایی را به صورت ملموس آشکار ساخته است. با اعمال افقی جبهه‌ی امپدانس ۳۳٪، با شیب نزولی، در سایر حالات، شیب بسیار ناچیز مشهود است. با نزدیک شدن زاویه‌ی هجوم موج به حالت افقی، همانطورکه در شکل (۱۲ج) با نزدیک شدن زاویه‌ی هجوم موج به حالت افقی، همانطورکه در شکل (۱۱ج) و (۱۲ج) نیز ملاحظه می‌شود که منحنی مریبوط به نسبت‌های شکل (۱۲ج) ۰,۵٪ و (۱۱ج) ۱,۰٪ به صورت متمرکز و فاصله‌ی کم نسبت به یکدیگر هستند، در حالی که در نسبت شکل ۲,۰٪ مشاهده می‌شود، نمودارها سیر صعودی داشته و افزایش نسبت شکل با بیشینه‌ی بزرگ‌نمایی همسو شده است. به علاوه، بالاترین منحنی در کلیه‌ی زوایای تابش برای امپدانس ۳۳٪ است که معرف نرم‌ترین مصالح برای حوزه‌ی آبرفتی است و (بالعکس). بدین ترتیب می‌توان گفت، بیشترین خطر در سطح دره زمانی است که نسبت امپدانس کمیه و نسبت شکل بیشینه باشد. آنچه مسلم است، در شکل ۱۲، بزرگ‌نمایی بیشینه بر حسب نسبت شکل ارائه شده است. چنانچه در شکل (۱۲الف) مشاهده می‌شود، با افزایش نسبت شکل دره، مقادیر بزرگ‌نمایی در سه امپدانس ۳۳٪، ۵۰٪ و ۶۶٪ نزولی شده است. اما در امپدانس ۵۰٪،



شکل ۱۱. بزرگ‌نمایی بیشینه‌ی سطح زمین در نقطه‌ی مرتع بر حسب نسبت امپدانس ( $I$ ) در برابر هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.

بزرگ‌نمایی سطح زمین در زوایای مختلف برخورد موج، حساسیت سنجی شد. درنهایت، به جمع‌بندی پاسخ‌ها در قالب یک سری منحنی‌های مهندسی اقدام شد، تا امکان استفاده از نتایج پژوهش حاضر در پژوهه‌های عملیاتی فراهم آید. در اینجا به اختصار، به برخی از مهمترین دستاوردهای پژوهش حاضر اشاره شده است:

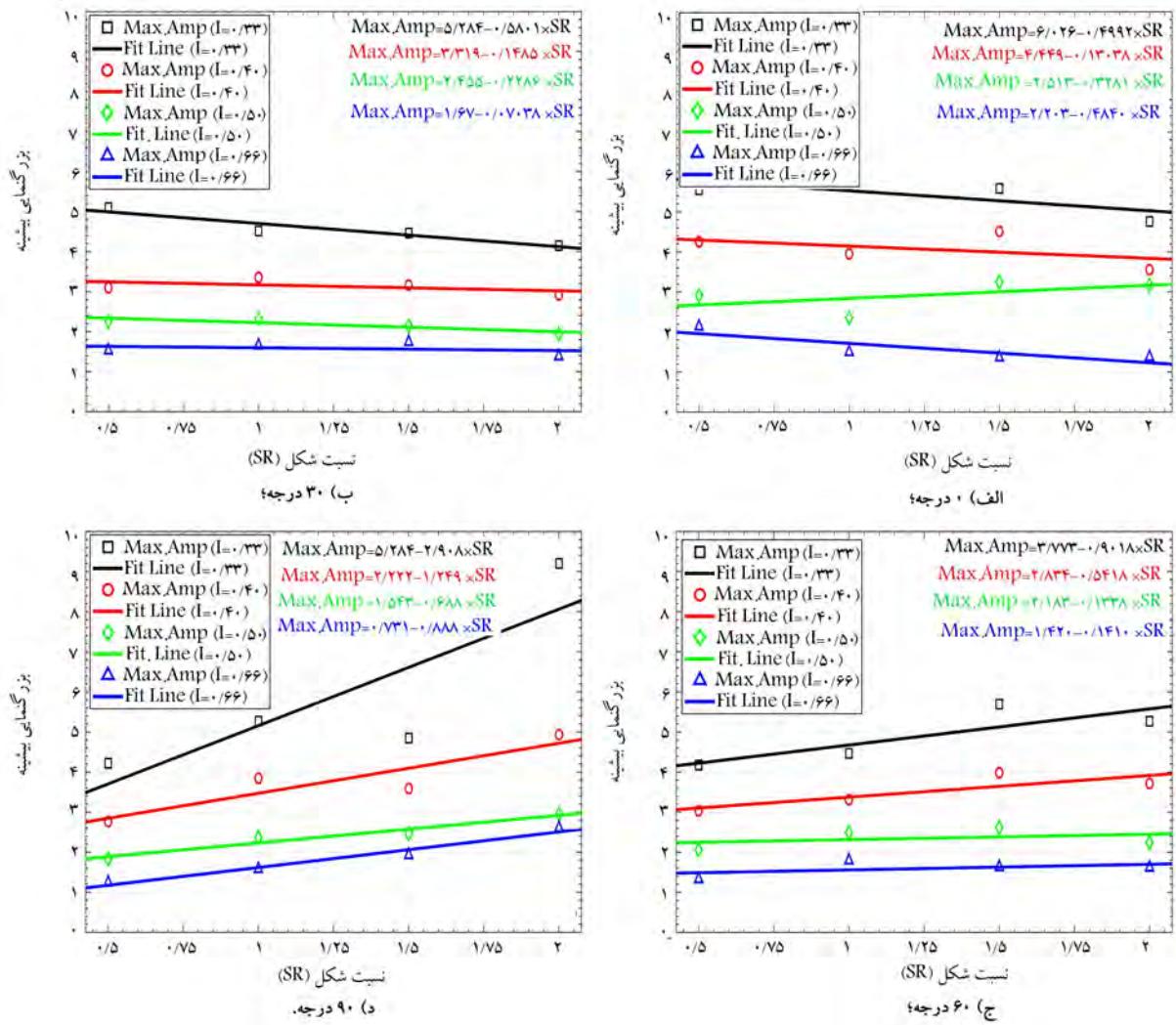
۱. بیشترین حجم محصورشده‌ی امواج و بزرگ‌نمایی سطح زمین به ترتیب در زوایای برخورد قائم و افقی مشاهده می‌شود. در این میان، نواحی بحرانی به ترتیب در مرکز و لبه‌ی آبرفت تحت زوایای مذکور تعریف یافته است.

۲. افزایاد نوسان بزرگ‌نمایی بر حسب دوره‌ی تناوب بی‌بعد با افزایش نسبت شکل دره افزایش یافته است. این موضوع در بی‌تکرانکاس و انکسار امواج محصور در حوزه‌ی رسوی حاصل شده است.

۳. تقویت موضع آبرفتی در پی افزایش نسبت شکل دره، به گونه‌یی منجر به

## ۷. نتیجه‌گیری

در نوشتار حاضر، به تحلیل لرزه‌ی سطح دره‌ی آبرفتی گوسی و مجاور آن در برابر امواج مهاجم مایل SH پرداخته شده است. بدین‌منظور از روش اجراء مرزی نیم صفحه در حوزه‌ی زمان جهت مدل‌سازی استفاده شده است. ضمن توسعه‌ی فرمول‌بندی برای مسئله‌ی مزبور و عددی‌سازی آن در قالب الگوریتم تهیه شده (دادسیم)، چند مثال صحبت‌سنجی برای ارزیابی کارایی روش و دقت عملکرد الگوریتم استفاده شده تحلیل شده است. چنانچه میان شد، روش پیشنهادی قابلیت فنی لازم برای تحلیل لرزه‌یی عوارض توپوگرافی زیرسطحی ناهمگن گوسی را دارد. پیرامون مطالعه‌ی پارامتریک، ابتدا پاسخ سطح زمین در حوزه‌ی زمان و بسامد ارائه و سپس تصاویر لحظه‌یی از پراکنش امواج لرزه‌یی در زیر آن نمایش داده شده است. در ادامه، با درنظر گرفتن پارامترهای کلیدی نسبت امپدانس و شکل دره‌ی گوسی، اثر حضور دره در تغییر الگوی پاسخ و



شکل ۱۲. بزرگ‌نمایی بیشینه‌ی سطح زمین در نقطه‌ی مرتع بر حسب نسبت شکل (SR) در برابر هجوم امواج SH با زاویه‌ی برخورد.

بزرگ‌نمایی در کمینه‌ی امپدانس به مقداری فراتر از ۹ افزایش یافته است.

چنانچه مشاهده شده است، بیشینه‌ی خطر برای سازه‌های سطحی در نسبت امپدانس کمینه و نسبت شکل بیشینه برای لرزش‌هایی با طول موج برابر ربع پهنه‌ی حوزه‌ی رسوبی به دست آمده است.

رشد بزرگ‌نمایی در جبهه‌های برخورد نزدیک به افق شده است که به ترتیب مقادیر  $5/7$  و  $9/2$  در زاویه‌ی هجوم  $60^\circ$  و  $90^\circ$  درجه مبین شده است.

۴. افزایش بزرگ‌نمایی در بیکاری کاهش نسبت امپدانس مسلم شد، به طوری که بیشینه‌ی

## پابندی

1. amplification/de-amplification
2. analytical methods
3. semi-analytical methods
4. numerical methods
5. experimental methods
6. wave function expansion method
7. Chang
8. volumetric methods
9. boundary methods
10. finite element method (FEM)

11. Finite Difference Method (FDM)
12. boundary element method (BEM)
13. direct boundary element method (DBEM)
14. indirect boundary element method (IBEM)
15. full-plane BEM
16. half-plane BEM
17. transformed-domain
18. time-domain
19. Panji
20. Ba
21. dynamic analysis of structures by boundary element method (DASBEM)

# Archive of SID

22. sub-structure method
23. wave source image technique
24. Ricker Wavelet
25. Boundary Integral Equation
26. MATLABv.9/8 (2020)
27. normalized displacement amplitude (NDA)
28. shape ratio
29. Wong

## منابع (References)

1. Bouchon, M. "Effect of topography on surface motion", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **63**(3), pp. 715-732 (1973).
2. Sanchez-Sesma, FJ. "Site effects on strong ground motion", *Soil Dyn Earthq Eng*, **6**(2), pp. 124-132 (1987).
3. Davis, L.L. and West, L.R. "Observed effects of topography on ground motion", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **63**(1), pp. 283-298 (1973).
4. Bard, P.Y. and Bouchon, M. "The seismic response of sediment-filled valleys, Part 2: The case of incident P and SV-waves", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **70**(5), pp. 1921-1941 (1980).
5. Manoogian, M.E. and Lee, V.W. "Antiplane deformations near arbitrary-shape alluvial valleys", *ISET J. Earthq. Tech*, **36**(2), pp. 107-120 (1999).
6. Sanchez-Sesma, FJ, Palencia, VJ, Luzon, F. and et al. "Estimation of local site effects during earthquakes: An overview", *ISET J of Earthq Tech*, **39**(3), pp. 167-193 (2002).
7. Trifunac, M.D. "Surface motion of a semi-cylindrical alluvial valley for incident plane SH-waves", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **61**(6), pp. 1755-1770 (1971).
8. Trifunac, M.D. "Scattering of plane SH-waves by a semi-cylindrical canyon", *Earthq. Eng. Struct. Dyn.*, **1**(3), pp. 267-281 (1973).
9. Wong, H.L. and Trifunac, M.D. "Surface motion of a semi-elliptical alluvial valley for incident plane SH-waves", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **64**(5), pp. 1389-1408 (1974a).
10. Wong, H.L. and Trifunac, M.D. "Scattering of plane SH-waves by a semi-elliptical canyon", *Earthq. Eng. Struct. Dyn.*, **3**(2), pp. 157-169 (1974b).
11. Lee, V.W. "Three-dimensional diffraction of plane P, SV & SH-waves by a hemispherical alluvial valley", *Int. J. Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **3**(3), pp. 199-144 (1984).
12. Todorovska, M.I. and Lee, V.W. "Surface motion of shallow circular alluvial valleys for incident plane SH-waves (Analytical solution)", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **10**(4), pp. 192-200 (1991).
13. Yuan, X. and Liao, Z. "Scattering of plane SH-waves by a cylindrical alluvial valley of circular-arc cross-section", *Earthq. Eng. Struct. Dyn.*, **24**(10), pp. 1303-1313 (1995).
14. Sherif, R.I. and Lee, V.W. "Diffraction around a circular alluvial valley in an elastic wedge-shaped medium due to Plane SH-waves", *Europ. Earthq. Eng.*, **3**, pp. 21-28 (1996).
15. Tsaur, D.H. and Chang, K.H. "SH-waves scattering from a partially filled semi-circular alluvial valley", *Geophys. J. Int.*, **173**(1), pp. 157-167 (2008).
16. Tsaur, D.H. and Chang, K.H. "Scattering of SH-waves by truncated semi-cylindrical canyon", *J. Eng. Mech. ASCE*, **135**, pp. 862-870 (2009).
17. Zhang, N., Gao, Y., Cai, Y. and et al. "Scattering of SH-waves induced by a non-symmetrical V-shaped canyon", *Geophys. J. Int.*, **191**(1), pp. 243-256 (2012).
18. Chang, K.H., Tsaur, D.H. and Wang, J.H. "Scattering of SH-waves by a circular sectorial canyon", *Geophys. J. Int.*, **195**, pp. 532-543 (2013).
19. Chang, K.H., Tsaur, D.H. and Wang, J.H. "Response of a shallow asymmetric V-shaped canyon to anti-plane elastic waves", *Proc. Math. Phys. Eng. Sci.*, **471**(2174), 20140215 (2015).
20. Faik-Kara, H. and Trifunac, M.D. "A note on plane-wave approximation", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **51**, pp. 9-13 (2013).
21. Faik-Kara, H. and Trifunac, M.D. "Two-dimensional earthquake vibrations in sedimentary basins, SH-waves", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **63**, pp. 69-82 (2014).
22. Jalali, R.S., Tokmechi, Z. and Trifunac, M.D. "A note on the surface motion of a semi-cylindrical alluvial valley for incident-cylindrical SH-waves radiating from a fault with arbitrary orientation", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **79**(Part A), pp. 80-88 (2015).
23. Zhang, N., Gao, Y. and Pak, R.Y.S. "Soil and topographic effects on ground motion of a surficially inhomogeneous semi-cylindrical canyon under oblique incident SH-waves", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **95**, pp. 17-28 (2017).
24. Le, T., Lee, V.W. and Trifunac, M.D. "SH-waves in a moon-shaped valley", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **101**, pp. 162-175 (2017).
25. Tsaur, D.H. and Chang, K.H. "Exact solution to scattering of SH-waves by an elliptic-arc canyon in the corner of an elastic quarter space", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **110**, pp. 137-140 (2018).
26. Faik-Kara, H. "Dynamic response of an alluvial valley consists of three types of soil", *Earthq. Eng. and Eng Vib*, **19**, pp. 289-305 (2020).
27. Chang, K., Wang, W. and Hsu, S. "Antiplane response of a flat-bottomed semicircular canyon to cylindrical elastic waves", *J. Eng. Math.*, **121**, pp. 125-139 (2020).
28. Sanchez-Sesma, FJ, Rosenblueth, E. "Ground motions at canyons of arbitrary shapes under incident SH-waves", *Earthq Eng Struct Dyn*, **7**, pp. 441-450 (1979).
29. Lysmer, J. and Drake, L.A., *A Finite Element Method for Seismology, Method Comp Phys*, Ed: Bolt, B.A., Academic Press, New York, 11, pp. 181-216 (1972).
30. Smith, W.D. "The application of finite element analysis to body wave propagation problems", *Geophys. J. Royal Astronom. Soc.*, **42**(2), pp. 747-768 (1975).
31. Kawase, H. and Sato, T. "Simulation analysis of strong motions in the Ashigara valley considering one and two-dimensional geological structures", *J. Phys. Earth*, **40**(1), pp. 27-56 (1992).

32. Bielak, J., Xu, J. and Ghattas, O. "Earthquake ground motion and structural response in alluvial valleys", *J. Geotech. Geoenviron. Eng., ASCE*, **125**(5), pp. 413-423 (1999).
33. Shyu, W.S. and Teng, T.J. "Hybrid method combines transfinite interpolation with series expansion to simulate the anti-plane response of a surface irregularity", *J. Mech.*, **30**(4), pp. 349-360 (2014).
34. Shyu, W.S., Teng, T.J. and Chou, C.S. "Anti-plane response induced by an irregular alluvial valley using a hybrid method with modified transfinite interpolation", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **90**, pp. 250-264 (2016).
35. Nohegoo-Shahvari, A., Kamalian, M. and Panji, M. "Two-dimensional dynamic analysis of alluvial valleys subjected to vertically propagating incident SH-waves", *Int. J. Civ. Eng.*, **17**(6), pp. 823-839 (2018).
36. Nohegoo-Shahvari, A., Kamalian, M. and Panji, M. "A hybrid time-domain half-plane FE/BE approach for SH-wave scattering of alluvial sites", *Eng. Analy. BE*, **105**, pp. 194-206 (2019).
37. Frankel, A. and Vidale, J. "A Three-dimensional simulation of seismic waves in the santa clara valley, California, from a loma prieta aftershock", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **82**(5), pp. 2045-2074 (1992).
38. Moczo, P. and Bard, P.Y. "Wave diffraction, amplification and differential motion near strong lateral discontinuities", *Bull. Seism. Soc. Am.*, **83**(1), pp. 85-106 (1993).
39. Zhou, H. and Chen, X.F. "A new approach to simulate scattering of SH-waves by an irregular topography", *Geophys. J. Int.*, **164**(2), pp. 449-459 (2006).
40. Wang, L., Xu, Y., Xia, J. and et al. "Effect of near-surface topography on high-frequency Rayleigh-wave propagation", *J. Appl. Geophys.*, **116**, pp. 93-103 (2015).
41. Zhu, C. and Thambiratnam, D. "Interaction of geometry and mechanical property of trapezoidal sedimentary basins with incident SH-waves", *Bull. Earthq. Eng.*, **14**, pp. 2977-3002 (2016).
42. Zhu, C., Thambiratnam, D. and Gallage, C. "Inherent characteristics of 2D alluvial formations subjected to in-plane motion", *J. Earthq. Eng.*, **23**(9), pp. 1512-1530 (2019).
43. Kamalian, M., Jafari, M.K., Sohrabi-Bidar, A. and et al. "Time-domain two-dimensional site response analysis of non-homogeneous topographic structures by a hybrid FE/BE method", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **26**(8), pp. 753-765 (2006).
44. Kamalian, M., Gatmiri, B., Sohrabi-Bidar, A. and et al. "Amplification pattern of 2D semi-sine shaped valleys subjected to vertically propagating incident waves", *Commun. Numer. Methods Eng.*, **23**(10), pp. 871-887 (2007).
45. Panji, M., Kamalian, M., Asgari Marnani, J. and et al. "A Literature review of seismic analysis of topographic features subjected to incident H-waves", *Bull. Earthq. Sci. Eng.*, **15**, pp. 21-35 (In Persian) (2012).
46. Reinoso, E., Wrobel, L.C. and Power, H. "Preliminary results of the modeling of the Mexico City valley with a two-dimensional boundary element method for the scattering of SH-waves", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **12**(8), pp. 457-468 (1993).
47. Fishman, K.L. and Ahmad, S. "Seismic response for alluvial valleys subjected to SH, P and SV-waves", *Soil Dyn. Earthq. Eng.*, **14**(4), pp. 249-258 (1995).
48. Sanchez-Sesma, F.J., Luzon, F. "Seismic response of three-dimensional alluvial valleys for incident P, S and Rayleigh-waves", *Bull Seism Soc Am*, **85**(1), pp. 269-284 (1995)
49. Ausilio, E., Conte, E. and Dente, G. "Seismic response of alluvial valleys to SH-waves", In: *Seism. Eng. Conf. AIP Conf. Proc.*, 1020, pp. 199-206 (2008).
50. Ba, Z. and Yin, X. "Wave scattering of complex local site in a layered half-space by using a multidomain IBEM: Incident plane SH-waves", *Geophys. J. Int.*, **205**(3), pp. 1382-1405 (2016).
51. Liu, Z.X., Liang, J.W., Huang, Y.H. and et al. "IBIEM modelling of the amplification of seismic waves by a three-dimensional layered alluvial basin", *Geophys. J. Int.*, **204**(2), pp. 999-1023 (2016).
52. Liu, Z.X., Wang, D., Liang, J.W. and et al. "The fast multi-pole indirect BEM for solving high-frequency seismic wave scattering by three-dimensional superficial irregularities", *Eng. Analy. BE*, **90**, pp. 86-99 (2018).
53. Ba, Z., Wang, Y., Liang, J. and et al. "Wave scattering of plane P, SV, SH-waves by a 3D alluvial basin in a multi-layered half-space", *Bull. Seismol. Soc. Am.*, **110**(2), pp. 576-595 (2020).
54. Panji, M., Kamalian, M., Asgari Marnani, J. and et al. "Transient analysis of wave propagation problems by half-plane BEM", *Geophys. J. Int.*, **194**(3), pp. 1849-1865 (2013a).
55. Panji, M., Kamalian, M., Asgari Marnani, J. and et al. "Amplification pattern of semi-sine shaped valleys subjected to vertically propagating incident SH-waves", *Comp. Meth. in Eng.*, Isfahan, **32**(2), pp. 87-111 (In Persian) (2013b).
56. Panji, M., Kamalian, M., Asgari Marnani, J. and et al. "Antiplane seismic response from semi-sine shaped valley above embedded truncated circular cavity: A time-domain half-plane BEM", *Int. J. Civil Eng.*, **12**(2 and B), pp. 160-173 (2014).
57. Panji, M. and Mojtabazadeh-Hasanlouei, S. "Transient response of irregular surface by periodically distributed semi-sine shaped valleys: Incident SH-waves", *J. of Earthq. and Tsu.*, **14**(1) (2019).
58. Panji, M. and Mojtabazadeh-Hasanlouei, S. "Surface motion of alluvial valleys subjected to obliquely incident plane SH-wave propagation", *J. Earthq. Eng.* (2020). doi:10.1080/13632469.2021.1927886.
59. Lubich, C. "Convolution quadrature and discretized operational calculus", *I. Numerische Mathematik*, **52**(2), pp. 129-145 (1988).
60. Garcia-Sanchez, F. and Zhang, C. "A comparative study of three BEM for transient dynamic crack analysis of 2-D anisotropic solids", *Comp. Mech.*, **40**(4), pp. 753-769 (2007).
61. Manolis, G.D., Dineva, P.S., Rangelov, T.V. and et al. "Seismic wave propagation in non-homogeneous elastic media by boundary elements", *Springer: Series, Sol. Mech. Applic.*, **240**, p. 294 (2017).

## Archive of SID

62. Ohtsu, M. and Uesugi, S. "Analysis of SH-wave scattering in a half space and its applications to seismic responses of geological structures", *Eng Analy.*, **2**(4), pp. 198-204 (1985).
63. Ricker, N. "The form and laws of propagation of seismic wavelet", *Geophys.*, **18**(1), pp. 10-40 (1953).
64. Eringen, A.C. and Suhubi, E.S., *Elastodynamics*, Academic Press (1975).
65. Brebbia, C.A. and Dominguez, J. "Boundary elements, an Introductory course", Comp. Mech. Pub., Southampton, Boston (1989).
66. Dominguez, J. "Boundary elements in dynamics", Comp. Mech. Pub., Southampton, Boston (1993).
67. Panji, M. Mojtabazadeh-Hasanlouei, S. and Yasemi, F. "A half-plane time-domain BEM for SH-wave scattering by a subsurface inclusion", *Comp. Geosci.*, **134**, 104342 (2020).